

ପ୍ରତୀକୀ ନ୍ୟାୟ

প্রতীকী লজিক

(Symbolic Logic)

ইল কুমার রাম

পশ্চিমবঙ্গ জ্ঞান পুস্তক পর্দা
(পশ্চিমবঙ্গ সরকারের একটি সংস্থা)

তমসো মা জ্যোতির্গময়

SANTINIKETAN
VISWABHARATI
LIBRARY



১৬.৪

ইং

© West Bengal State Book Board

APRIL, 1977

Published by Shri Abani Mitra, Chief Executive Officer, West Bengal State Book Board, Arya Mansion (Eighth floor), 6/A, Raja Subodh Mullick Square, Cal-700018, under the Centrally Sponsored Scheme of production of books and literature in regional languages at the University level of the Government of India in the Ministry of Education and Social Welfare (Department of Culture), New Delhi and printed by Sr Doorga Prasad Mitra, at the Elm Press, 68, Beadon Street, Cal-700006,

THE PLAN OF THE BOOK

The book deals with Propositional Logic, the first part of Symbolic Logic and the basis of other logistic systems, and develops it along the natural deduction method.

The first chapter introduces the concepts of argument, proposition, truth and validity, form, and then describes the characteristics of Logic as a science.

The second chapter deals with compound statements. It first introduces the concepts of connectives, propositional variables and truth-functions, and then discusses in detail the four main truth-functions, the conjunctive, the alternative, the negative and the implicative. It also explains the truth-table technique, the scope of connectives, and the use of parentheses.

The third chapter discusses in greater detail the forms of compound propositions, tautologous, contradictory and contingent propositions, equivalence, material and logical, tautologous implications, the forms of arguments, validity, the concept of argument-proposition, Rules of Inference, and the shorter truth-table technique.

The fourth chapter discusses in detail the concept of natural deduction, construction of formal proof of validity along the lines of natural deduction methods, the Rule of Conditional proof, the Rule of Indirect proof, and the determination of consistency among premises.

An additional chapter on Quantification and Rules of inference has been added to cover the syllabus of most of the universities.

A large number of excercises in symbolizing and in appraising the validity of arguments has been added.

The notations and symbols used in English text-books have been retained as is done in Bengali books on mathematics and science to help students and general readers to pass on without difficulty to English books for further studies. Technical English words have been mentioned, but never without a Bengali equivalent, and the text is wholly written in Bengali.

ভূমিকা

তারতীর ভাষার সাধ্যের বিশ্ববিদ্যালয়ের পর্যায় পর্যবেক্ষণালৈর প্রশংসনীয় নৌতি অনুসারে প্রতীকী ন্যায় (Symbolic Logic) বিষয়ে এই বইখানি লেখা হল। গণিতের মত নব্যন্যায়ও আজকাল বিশিষ্ট সাধনকোষল অধিগত করেছে, এবং প্রতীকের ব্যবহার এই যুগান্তকারী পরিবর্তন আনয়ন করতে গৰ্ভ হয়েছে। প্রতীক যাতে কণ্ঠকের মত মনে না হয়, সেইজন্য প্রথম দুটি অধ্যায়ে প্রতীক উপস্থাপনের দীর্ঘ ভূমিকা করা হয়েছে। আশা করি, এর ফলে সাধারণ ভাষা থেকে প্রতীক ব্যবহারে পরিবৃত্তি সহজ ও স্বাভাবিক হবে।

পরিভাষা যাতে অথবা ঝটিল ও দুর্জন না হয় সেই দিকে বিশেষ দৃষ্টি রাখা হয়েছে। যাঁরা বাংলায় দর্শন ও ন্যায়ের উপর গ্রহণ্যবস্থাদি বচন করে চলেছেন, তাঁদের সকলের লেখা থেকেই পরিভাষা বচনায় সাহায্য পেয়েছি। এদের সকলের কাছে আমার ঝণ কৃতজ্ঞতার সহিত স্বীকার করছি। পরিভাষার একটি নির্ণট বইয়ের শেষে বোগ করে দেওয়া হয়েছে। প্রতীকী ন্যায়ের পরিভাষা সম্পর্কে শেষ কথা বলার দুঃসাহস নেই। শুধু এইটুকু বলতে পারি, স্বীজনের বিচারার্থে এই পরিভাষা উপস্থাপিত করা হল।

বইটি সাধারণ পাঠক ও বিশ্ববিদ্যালয়ের ছাত্র উভয়েরই উপযোগী-ভাবে লেখা হয়েছে। এতে বিধিমূলক বাচনিক ন্যায়ের পূর্ণাঙ্গ আলোচনা করা হয়েছে, এবং বিভিন্ন বিশ্ববিদ্যালয়ের ছাত্রদের স্বীকার্ত্তে স্বাতকোষের শ্রেণীর পাঠ্যক্রমের অন্তর্গত বচনাপেক্ষক, মানক ও মানকবক্ষ বচনাপেক্ষক সহযোগে গঠিত ন্যায়ের প্রয়োগপক্ষতি ও অবৈধতানির্দেশের প্রণালীও ব্যাখ্যাত হয়েছে। গণিতের মত ন্যায়েও দক্ষতা অর্জন অভ্যাসসাপেক্ষ। সেইজন্য গ্রন্থের শেষে দীর্ঘ অনুশীলনী ও অনেকগুলি অশোর সমাধানও দেওয়া হয়েছে।

বইটির বচনায় যাঁরা আমাকে অনুপ্রেরণা যুগিয়েছেন ও সাহায্য করেছেন, তাঁদের মধ্যে স্বীকৃত: ডঃ প্রীতিভূষণ চট্টোপাধ্যায়, কলিকাতা বিশ্ববিদ্যালয়ের দর্শনশাস্ত্রের আচার্য ব্রজেন্দ্রনাথ শীল অধ্যাপক এবং

ଅଧ୍ୟାପକ ଶ୍ରୀଅବିନୀ କୁମାର ମହିନାର୍ଥ, ସମ୍ବାଦ, ପଞ୍ଚବ ବଜ ଲୋକଦେବ
ଆମୋଗ, ସହାରନେର ନାମ ବିଶେଷଜ୍ଞାରେ ଉତ୍ତମମୋଗ୍ୟ । ପଞ୍ଚବବଜ ରାଜ୍ୟ
ପୁତ୍ରକ ପର୍ବତେର ଚୌକ୍ ଏଗ୍ରବିକିଟିଟି ଅକ୍ଷୀସାର ଶ୍ରୀଅବନୀ ବିଜେ ବଈଟିର
ପ୍ରକାଶର ଓ ମୁଖ୍ୟମରେ ବ୍ୟବସ୍ଥା କରେଛେ । ଏମେର ଶକଳେର କାରଣ ଆମାର
ଆମ୍ଭାରିକ କୃତଜ୍ଞତା ଜ୍ଞାପନ କରାଯି ।

ଶ୍ରୀଅବନୀ

শুল্প

1 অবস্থাপিকা

1.1	ন্যায়	1
1.2	বচন	3
1.3	সত্যতা ও বৈধতা	5
1.4	আকার	9
1.5	ন্যায়পাত্র একটি বিসূর্ত বিজ্ঞান	13
1.6	ন্যায়পাত্রের সংজ্ঞা	18
1.7	ন্যায় ও বনোবিদ্যা	21
1.8	প্রতীকী ন্যায়	22
1.9	বাচনিক ন্যায়	26

2 ঘোষিক বচন

2.1	সরল ও ঘোষিক বচন	28
2.2	সংযোজক	29
2.3	গ্রাহক প্রতীক বর্ণ	32
2.4	সংযোগিক অপেক্ষক	33
2.5	সত্যসারণী	37
2.6	বৈকল্পিক অপেক্ষক	40
2.7	নিষেধক অপেক্ষক	45
2.8	বঙ্গনী ও সংযোজকের পরিধি বা প্রভাব	47
2.9	প্রাকলিক অপেক্ষক	51
2.10	মন্তব্য	61

3 বচনাকার ও স্থানাকার

3.1	বচনাকার	62
3.2	স্বতঃসত্য, স্বতোমিথ্যা ও অনিদিষ্টমান বচন	64
3.3	জটিলতর সুন্দরের মান নির্দয়	68
3.4	সময়মান বচন	71

3.5	ন্যায়াকার	76
3.6	বৈধতা	78
3.7	"...", "ঠ", ন্যায়বচন ও স্বতঃসত্ত্ব প্রকল্প	84
3.8	করেকটি অনুমানবিধি	87
3.9	সংক্ষিপ্ত সত্যসারণী কোশল	89
3.10	বাস্তব প্রকল্পনের কুটাগ	95
4	অবরোহণ বা প্রয়াণ-পক্ষতি			
4.1	স্বাভাবিক অবরোহণ	97
4.2	প্রাকর্মিক প্রয়াণবিধি	110
4.3	তর্ক বা পরোক্ষ প্রয়াণ-পক্ষতি	113
4.4	স্বতঃসত্ত্ব বচনের প্রয়াণ	117
4.5	প্রাকর্মিক প্রয়াণবিধির নথকতা	117
4.6	অবৈধতা প্রয়াণ	122
5	মাণক ও মাণক-নিয়ামক অনুমানবিধি			
5.1	মাধ্যমানুমান ও বিধেয় ন্যায়	126
5.2	বিশিষ্ট বচনের প্রতীকীকরণ	128
5.3	ব্যক্তিনামগ্রাহক প্রতীকবর্ণ ও বচনাপেক্ষক	131
5.4	মাণক	134
5.5	মাণকহয়ের পরম্পর সম্পর্ক	136
5.6	প্রাচীন ন্যায়ের চার প্রকার বচন	142
5.7	A, E, I, O বচনের বিশ্লেষণ	146
5.8	অটিলতুর সামান্য বচন	153
5.9	মাণক-নিয়ামক অনুমানবিধি ও প্রয়াণগঠন	154
5.10	অবৈধতা প্রয়াণ	165
	অনুশীলনী	170
	করেকটি নির্বাচিত প্রশ্নের সরাখান	202
	গ্রহণযোগ্য	245
	পরিভাষা	247
	অনুকূলযৌ	251
	গুরুপত্র	255

ପ୍ରତୀକୀ ନ୍ୟାୟ

ପ୍ରଥମ ଅଧ୍ୟାୟ

ଅବତରଣିକା

1.1 ଲ୍ୟାନ୍

ଆକାଶେ ବିଶେଷ ଧରଣେର ମେଘ ଦେଖିଲେ ଆମରା ବୃକ୍ଷ ହବେ ବଳେ ଅନୁମାନ କରି । ନଦୀତେ ଜଳକ୍ଷଫୀତି ଦେଖିଲେ ବୃକ୍ଷ ହେଁଲେ ବଳେ ଅନୁମାନ କରି । କୋନ ଲୋକେର କ୍ୟାନ୍‌ସାର ହେଁଲେ ଶୁଣିଲେ ଅନୁମାନ କରି, ଯେ ଆର ବାଁଚବେ ନା । କେଉ ଯଦି ଫଶ୍ କରେନ, କେନ ଆପନି ମନେ କରଛେନ, ବୃକ୍ଷ ହବେ ବା ହେଁଲେ, ବା ଲୋକଟି ବାଁଚବେ ନା, ତବେ ଆମରା ଯୁଜି ଦିଇ, ଏହି ଧରଣେର ମେଘେ ସାଧାରଣତଃ ବୃକ୍ଷ ହୟ, ବୃକ୍ଷ ନା ହଲେ ନଦୀତେ ଜଳ ବାଡ଼େ ନା, କ୍ୟାନ୍‌ସାର ହଲେ ମାନୁଷ ପ୍ରାୟଇ ବାଁଚେ ନା ।

ସୁତରାଂ ବଳା ଯେତେ ପାରେ, ଅନୁମାନେର ଦୁଟି ଅକ୍ୟବ, ଯୁଜି ଓ ସିଙ୍କାନ୍ତ । ସିଙ୍କାନ୍ତଟି ଯୁଜି-ନିର୍ଦ୍ଦର, ଅର୍ଥାଏ ସୁଜିର ଉପର ଭିତ୍ତି କରେ ଆମରା ସିଙ୍କାନ୍ତେ ପୌଛାଇ । ଦୈନିନିଲିନ ଜୀବନେଓ ଆମରା ସବ ସମସ୍ତି ଅନୁମାନ କରେ ଧାରି, କିନ୍ତୁ ଯୁଜିବସ୍ତବାଟି ପୂର୍ବଭାବେ ପ୍ରକାଶ କରି ନା, ସତକଣ ନା କେଉ ଆମାଦେର ସିଙ୍କାନ୍ତେ ସମ୍ପେଶ ବା ଆପଣି କରଛେ । ଯୁଜିବସ୍ତବ ଓ ସିଙ୍କାନ୍ତବସ୍ତବ ପୂର୍ବଭାବେ ପ୍ରକାଶ କରିଲେ ଅନୁମାନଗୁଲେ ଦାଢ଼ାବେ,

ଏହି ଧରଣେର ମେଘେ ବୃକ୍ଷ ହୟ,
ଏହି ଧରଣେର ମେଘ ଦେଖି ଯାଚେ,

∴ ବୃକ୍ଷ ହବେ ।

ବୃକ୍ଷ ହଲେ ନଦୀତେ ଜଳକ୍ଷଫୀତି ହୟ,
ନଦୀତେ ଜଳକ୍ଷଫୀତି ହେଁଲେ,

∴ ବୃକ୍ଷ ହେଁଲେ ।

କ୍ୟାନ୍‌ସାର ହଲେ ଲୋକ ପ୍ରାୟଇ ବାଁଚେ ନା,
ଏହି ଲୋକଟିର କ୍ୟାନ୍‌ସାର ହେଁଲେ,

∴ ଏହି ଲୋକଟି ବାଁଚବେ ନା ।

“ଅନୁମାନ” ଶବ୍ଦଟି ଦୁଇ ଅର୍ଥେ ବ୍ୟବହାର କରା ହୁଏ ଥାକେ, ମନେର ଅନୁମାନ-କ୍ରିଆ ଓ ବଚନ-ସମାଟିତେ ତାର ଥିବାର ଥିବାର ଅର୍ଥକାଣ୍ଠ । ବଚନେ ଥିବାର ଥିବାର ନା କରେଓ ମନେ ଅନୁମାନ-କ୍ରିଆ ଚଲାଯାଇଥାରେ ପାରେ । ଆମରା ମନେର କ୍ରିଆଟି ବୋରୋତେ “ଅନୁମାନ” ଶବ୍ଦଟି ବ୍ୟବହାର କରିବ, ଏବଂ ଯେ ବଚନ-ସମାଟି ହାରା ଅନୁମାନ-କ୍ରିଆଟି ଥିବାର ଅର୍ଥ ଆଛେ, ସେଇ ଅର୍ଥେ କେବଳ ମାଧ୍ୟମାନୁମାନକେଇ ନ୍ୟାୟ ବଲା ହୁଏ । ଆମରା “ନ୍ୟାୟ” ଶବ୍ଦଟିକେ ବ୍ୟାପକତର ଅର୍ଥେଇ ବ୍ୟବହାର କରିବ । ଥିଲେବିକ୍ ଅନୁମାନର ପଥିଷଙ୍ଗୀ ଏକଟି ନ୍ୟାୟ ଆଛେ ।¹

ଏକାର୍ଥ ଆମରା ନ୍ୟାୟର ଏକଟି ସଂଜ୍ଞା ଦିତେ ପାରି । ନ୍ୟାୟ ଏମନ ଏକ-ଥିଲେବିକ୍ ଅନୁମାନ, ଯାତେ ଏକଟି ଅପରଗୁଲୋ ଥେକେ ସିଦ୍ଧାନ୍ତ ହିସାବେ ନିଃନୃତ୍ୟ ହୁଏ, ଅଥବା ଯାତେ ଅପର ବଚନଗୁଲୋକେ ସିଦ୍ଧାନ୍ତଟିର ଭିତ୍ତି ବା ତାର ପରେ ଯୁଦ୍ଧ ବା ଥିମାଣ ବଲେ ଦାବୀ କରା ହୁଏ । ନୀଯତେ ଅନେନ ଇତି ନ୍ୟାୟଃ । ଯାର ହାରା ମନ ସିଦ୍ଧାନ୍ତେ ନୀତ ହୁଏ, ତାଇ ନ୍ୟାୟ । ନ୍ୟାୟର ଯୁଦ୍ଧବସ୍ତବରେ ବଚନ ସଂଖ୍ୟା ଏକ ବା ଏକାଧିକ ହତେ ପାରେ । ନିମ୍ନଲିଖିତ ନ୍ୟାୟଗୁଲୋ ଦେଖୁନ :

- (1) ସବ ମାନୁଷ (ହୁଏ) ନଶ୍ୱର,
∴ କୋନ ମାନୁଷ ନମ ଅମର ।
- (2) ସବ ବର୍ଗକ୍ଷେତ୍ର (ହୁଏ) ଆୟତକ୍ଷେତ୍ର,
ସବ ଆୟତକ୍ଷେତ୍ର (ହୁଏ) ସାମାନ୍ୟରିକ,
∴ ସବ ବର୍ଗକ୍ଷେତ୍ର (ହୁଏ) ସାମାନ୍ୟରିକ ।
- (3) ସବ ହିରମଣ୍ଡିକ ବ୍ୟକ୍ତି (ହୁଏ) ନ୍ୟାୟନିପୁଣ,
କୋନ ଅହିର ମଣ୍ଡିକ ବ୍ୟକ୍ତି ନମ ଜୁରି ହବାର ଯୋଗ୍ୟ,
ତୋମାର କୋନ ଛେଲେଇ ନମ ନ୍ୟାୟନିପୁଣ,
∴ ତୋମାର କୋନ ଛେଲେଇ ନମ ଜୁରି ହବାର ଯୋଗ୍ୟ ।²
- (4) କ ଖନ୍ଦରୁ ଛୋଟ ଭାଇ,
∴ ଖ କନ୍ଦର ବଡ ଭାଇ ବା ବୋନ ।
- (5) ବୁଟ୍ଟ ହଚେ
∴ ବୁଟ୍ଟ ହଚେ ବା ରୋଦ ଉଠେଛେ ।

1 “ନ୍ୟାୟ” ଅର୍ଥେ “ଅନୁମାନ” ଶବ୍ଦର ବ୍ୟବହାର ପଥିଷଙ୍ଗିତ ଆଛେ ।

2 Lewis Carroll-ଏର Symbolic Logic ଥେକେ ପ୍ରହୀତ ।

১.২ বচন

ন্যায়কে আমরা একপ্রকার বচন সংযোগ বলেছি। প্রশ্ন হতে পারে, ন্যায়ের অবস্থা হিসেবে আমরা যা ব্যবহার করি তা তো বাক্য, বচন কি? বাক্য ও বচনের মধ্যে কোন পার্শ্বক্য তো দেখা যায় না। নীচের তিনটি বাক্য ধরন :

বৃষ্টি হচ্ছে।

It is raining.

Es regnet.

বাক্য তিনটির লিখিত বা কথিত রূপ তিনি। বাক্য তিনটি, কিন্তু বক্তব্য^১ বা উক্তি তিনটি নয়, একটি মাত্র। প্রথমটি বাংলা, হিতীয়টি ইংরেজী, তৃতীয়টি জার্মান বাক্য। কিন্তু এদের মাধ্যমে আমরা যা বলতে চাইছি তা এক ও অভিন্ন। বাক্য কোন না কোন ভাষার অঙ্গর্গত, কিন্তু বক্তব্য কোন ভাষার অঙ্গর্গত নয়। এই বক্তব্য বা উক্তিটিকেই আমরা বচন বলছি। বাক্য ও বচন যে এক নয় তাৰ পক্ষে আৱেও যুক্তি আছে। উপরের প্রথম ও তৃতীয় বাক্যটি দুটি শব্দেৱ হাৰা গঠিত, হিতীয়টি তিনটি শব্দেৱ হাৰা গঠিত। শব্দগুলো বিভিন্ন অক্ষৱ হাৰা বচিত। বাক্য ও বচন এক হলে বলতে হয়, ওৰালে তিনটি বচন রয়েছে,^২ কিন্তু বচন একটিই। বাক্য আসলে রেখা বা ধ্বনি-পৰম্পৰা মাত্র, সেইজন্যই উপরে বাক্য তিনটি, কাৰণ প্রত্যেকটিৰ লিখিত রূপেৱ রেখা-পৰম্পৰা বা কথিত রূপেৱ ধ্বনি-পৰম্পৰা তিনি। হিতীয় বাক্যটি তৃতীয় বাক্য থেকে দীৰ্ঘতর, হিতীয় বাক্যটিৰ বক্তব্য তৃতীয় বাক্যটিৰ বক্তব্য থেকে দীৰ্ঘতৰ বলাৱ কোন অৰ্থই হয় না।

কিন্তু সব বাক্যই উক্তি নয়। ব্যাকরণে বাক্যকে সাধাৰণতঃ বিবৃতি-সূচক, অনুজ্ঞাসূচক, প্রশ্নসূচক, বিশ্ময়সূচক, ইচ্ছাসূচক এই পাঁচটি ভাগে ভাগ কৰা হয়। এৰ মধ্যে কেবলমাত্র প্রথম প্রকারেৱ বাক্যই উক্তি প্ৰকাশ কৰে, অন্য প্ৰকারেৱ বাক্যগুলো উক্তি প্ৰকাশ কৰে না, অনুজ্ঞা, প্ৰশ্ন, বিশ্ময় বা ইচ্ছা প্ৰকাশ কৰে। বিবৃতিসূচক বাক্যেৱ উক্তি বা বক্তব্যই বচন।

১ এখানে বক্তব্য বা উক্তি ও বচনেৱ (Statement ও proposition) অংশ কোন পার্শ্বক্য কৰা হবে না। সুটিৰ অধ্যে কোন পৰ্যবেক্ষণ থাকলে তা অবিলম্বে আলোচ্য।

আর কত দুরে নিয়ে যাবে মোরে হে সুলুরী ?

বা

বল কোন পার ভিড়িবে তোমার সোনার তরী,
বাক্যগুলো উক্তি বা বচন নয়, প্রশ্ন ।

একলা থেরে গিয়ী হৰ,
চাবিকাটি ঝুলিয়ে নাইতে যাব,

বাক্যগুলো বিবৃতিসূচক নয়, শাশুড়ী ননদহীন নিরস্তুশ থৰ সংসারের কর্তৃত-
ইচ্ছাসূচক ।

একলা থেরের গিয়ী হলি নাকি মা ।

নিঃশ্বাসকে বিশ্বাস নেই নড়ছে দুটি পা ।

প্রথম বাক্যটি প্রশ্নসূচক, হিতীয়টি শাশুড়ীর মৃত্যুতে বিলম্বে খেদ প্রকাশ ।
কিন্তু,

হু হু করে বায়ু ফেলিছে সতত দীর্ঘশ্বাস ।

বা

অক আবেগে করে গর্জন জলোচ্ছাস ।

বাক্যগুলো অজ্ঞানার্থুৎ হলোও উক্তি বা বচনসূচক । বচন সত্য বা
মিথ্যা হতে পারে, কিন্তু অনুজ্ঞা, প্রশ্ন, বিষময় বা ইচ্ছাকে সত্য বা
মিথ্যা বলা চলে না ।

কোন কোন নৈঘাণিক বলেন, বচন বিবৃতিসূচক বাক্যের অর্থ ।
উপরের তিনটি বাক্যের একই অর্থ, এবং এই অর্থটিই বচন । কিন্তু
কোন বাক্যের অর্থকে সত্য বা মিথ্যা বলা শব্দের অপপর্যোগ । বাক্যের
অর্থ সত্য বা মিথ্যা নয়, বাক্যের বক্তব্যই সত্য বা মিথ্যা হতে পারে ।
বিবৃতিসূচক বাক্য ব্যবহার করে আমরা যা বলতে চাই তাই সত্য বা
মিথ্যা । মনে করুন, একটা বই দেখিয়ে আবি বঙ্গাম, বইটা আমার,
আপনিও বললেন, বইটা আমার । দুঃজনে একই বাক্য ব্যবহার করছি,
বাক্য দুটির অর্থও এক । বলা যেতে পারে, “যে বক্ত দেখিয়ে বক্তা
বাক্যটি বলছেন সেটি বজার ।” কিন্তু দুঃজনের বক্তব্য ভিন্ন, প্রায় সব-
ক্ষেত্রেই একজনের বক্তব্য সত্য হবে, আর একজনের বক্তব্য মিথ্যা হবে ।
অর্থ ও বক্তব্য বা বচন বদি এক হতো, তবে এমন হতে পারত না ।
স্মৃতরাঃ বচন বাক্যের বক্তব্য, অর্থ নয় ।

বাক্যকে সত্য বা মিথ্যা বলা চলে কি? সাধাৰণে প্রচলিত বাক্রীতিতে বাক্যকেও সত্য বা মিথ্যা বলা হয়। কিন্তু এনে কোন, আপনি উপরের “বৃটি হচ্ছে” বাক্যটি পড়লেন। বাক্যটি সত্য বা মিথ্যা? আপনি কি বাক্যটি পড়বার সময় জানালা দিয়ে বাইরে তাকিয়ে দেখলেন, বৃটি হচ্ছে কিনা, এবং তাৰপৰ বাক্যটিৰ সত্যাসত্য নির্ধাৰণ কৱলেন? আসলে এই বাক্যটি সত্যও নয়, মিথ্যাও নয়, লেখাৰ সময় আৰহাওয়াৰ অবস্থাসূচক কোন উক্তি নয়, বাক্যেৰ একটি দৃষ্টান্ত হিসেবে ব্যবহৃত হয়েছে মাত্ৰ। বাক্যটি কেবল তখনই একটি বচন প্রকাশ কৱবে যখন কেউ এটিকে বিব্রতিসূচককৰণপে বলে বা লিখে ব্যবহাৰ কৱবেন। স্মৃতৰাঙ় বলা যেতে পাৰে, বাক্যেৰ মধ্যে বচন-সন্তাৱনা রয়েছে, কিন্তু যতকণ বাক্যটি ঘোষিত না হচ্ছে, ততকণ সে কোন বচন প্রকাশ কৱে না। বাক্যটি ঘোষিত হলে তাৰ বক্তব্য বা বচন সত্য বা মিথ্যা হতে পাৰে, বাক্য সৱাসৱিভাবে সত্য বা মিথ্যা কিছুই নয়। প্রচলিত বাক্রীতিতে বাক্যকে যখন আমৰা সত্য বা মিথ্যা বলি, তখন “সত্য” বা “মিথ্যা” বিশেষণ লক্ষ্যার্থে প্ৰয়োগ কৱি। যখন বলি, অমুক বাক্য হাৰা ঘোষিত বচনটি সত্য বা মিথ্যা, তখন বোঝাতে চাই, অমুক বাক্য হাৰা ঘোষিত বচনটি সত্য বা মিথ্যা।

একমাত্ৰ বচনই ন্যায়ে যুক্তি বা সিদ্ধান্ত হিসেবে ব্যবহৃত হতে পাৰে। ন্যায়ে বাক্য থেকে বাক্য নিঃস্ত হয় না, বচন থেকে বচন নিঃস্ত হয়। বচনকৰণে ছাড়া অন্যভাবেও বাক্যেৰ ব্যবহাৰ হতে পাৰে, কিন্তু বাক্যেৰ ঐ ধৰণেৰ ব্যবহাৰ ন্যায়ে বিবেচ্য নয়। অবশ্য বচনেৰ দৃষ্টান্ত দিতে গেলে বাক্যই ব্যবহাৰ কৱতে হয়, তাই বাক্য ও বচনেৰ মধ্যে বিআন্তি হয়, পাৰ্থক্যটি ধৰা পড়ে না। কিন্তু আসলে বাক্য বচনেৰ প্রতীকী রূপ। বাক্য বিশেষ ভাষাৰ দৃশ্যপ্রতীক (অক্ষৰ বা রেখা) বা ধ্বনিপ্রতীক সহন্ময়ে গঠিত, বচন ঐ প্রতীকেৰ হাৰা প্ৰকাশিত উক্তি। বাক্য দৃশ্য বা শব্দগীয়, বচন বোক্তব্য, প্ৰত্যয়বিশেষ।

1.3 সত্যতা ও বৈধতা

বচন সত্য বা মিথ্যা হতে পাৰে, কিন্তু একসঙ্গে উভয়ই হতে পাৰে না, কাৰণ তা হলে স্ববিৱোধ হবে, এবং বচনটি ন্যায়ে যুক্তি বা সিদ্ধান্ত হিসেবে ব্যবহাৰেৰ অযোগ্য হয়ে দাঁড়াবে। বচনেৰ সত্যতা বা মিথ্যাহৰ অভিজ্ঞতা নিৱেপেক্ষভাবে বা অভিজ্ঞতাসাপেক্ষভাবে নিৰৱিপৰিত হতে পাৰে।

বৃষ্টি হচ্ছে বা বৃষ্টি হচ্ছে না,

বচনটি অভিজ্ঞতা নিরপেক্ষভাবে সত্য। এর সত্যতা নিরূপণের অন্য বাইরে তাকাবার দরকার নেই, বচনটি বিশ্লেষণ করলেই দেখা যাবে, এটি দুটি সরল বচনের একটি যৌগিক বৈকল্পিক বচন, যার একটি বিকল্প অপরাটির নিষেধ, যার ফলে যৌগিক বচনটি সত্য হতে বাধ্য। কিন্তু,

কোলকাতা থেকে রেলে দিল্লীর দূরত্ব 1445 কি.মি.

বচনটির সত্যতা নিরূপণ অভিজ্ঞতাসাপেক্ষ। বচনটি বিশ্লেষণ করলেই এটি যে সত্য তা বোঝা যাবে না। তার অন্য কোলকাতা থেকে দিল্লীর দূরত্ব মাপতে হবে। প্রথম প্রকারের সত্যতাকে আকারগত সত্যতা বা স্বতঃসত্যতা, হিতীয় প্রকারের সত্যতাকে ব্যবহারিক সত্যতা বলা হয়।

বদি বলা হয়,

বৃষ্টি হচ্ছে এবং হচ্ছে না,

তবে বচনটি মিথ্যা হতে বাধ্য। এটি যে মিথ্যা তা বোঝাবার অন্যও বাইরে তাকাবার দরকার নেই। বচনটি বিশ্লেষণ করলেই দেখা যাবে, এটি দুটি সরল বচনের একটি সংযোগিক বচন, যার মধ্যে একটি অপরাটির নিষেধ, যার ফলে সংযোগিক বচনটি মিথ্যা হতে বাধ্য। কিন্তু,

কোলকাতা থেকে রেলে দিল্লীর দূরত্ব 1545 কি.মি.,

বচনটির মিথ্যাত্ব নিরূপণ অভিজ্ঞতা-সাপেক্ষ। বচনটি বিশ্লেষণ করলেই এটি যে মিথ্যা তা বোঝা যাবে না। প্রথম প্রকারের মিথ্যাত্বকে আকার গত মিথ্যাত্ব, স্বতোমিথ্যাত্ব বা স্ববিরোধ, হিতীয় প্রকারের মিথ্যাত্বকে ব্যবহারিক মিথ্যাত্ব বলা হয়।

বচনকে আমরা সত্য বা মিথ্যা বলি, কিন্তু ন্যায়কে বৈধ বা অবৈধ, শুল্ক বা অশুল্ক বলি, সত্য বা মিথ্যা বলি না। নীচের ন্যায়গুলো দেখুন :

(1) সব বর্গক্ষেত্র (হয়) আয়তক্ষেত্র,

সব আয়তক্ষেত্র (হয়) সামাজিক,

∴ সব বর্গক্ষেত্র (হয়) সামাজিক।

- (2) সব গুজরাটী (হয়) মারাঠী,
 সব মারাঠী (হয়) ভারতীয়,
 ∴ সব গুজরাটী (হয়) ভারতীয়।
- (3) সব গুজরাটী (হয়) তামিলভাষী,
 সব তামিলভাষী (হয়) ভারতীয়।
 ∴ সব গুজরাটী (হয়) ভারতীয়।
- (4) সব পুরুষ (হয়) নশ্বর,
 সব নারী (হয়) নশ্বর,
 ∴ সব পুরুষ (হয়) নারী।
- (5) সব বাঙালী (হয়) তামিলভাষী,
 সব তামিলভাষী (হয়) ঝুরোপীয়,
 ∴ সব বাঙালী (হয়) ঝুরোপীয়।
- (6) সব লোকসভার সদস্য (হন) দায়িত্বপূর্ণ কাজে অধিষ্ঠিত,
 ভারতের প্রধানমন্ত্রী (হন) দায়িত্বপূর্ণ কাজে অধিষ্ঠিত,
 ∴ ভারতের প্রধানমন্ত্রী (হন) লোকসভার সদস্য।

এই ছয়টি ন্যায়কে পরীক্ষা করবার জন্য আমরা তিনটি থেকে বাইবে,
 যুক্তি বচনগুলো সত্য কিনা, সিদ্ধান্ত সত্য কিনা, ন্যায়টি বৈধ কিনা।

- (1) ন্যায়ে যুক্তি বচন দুটিই সত্য, সিদ্ধান্ত সত্য, ন্যায়টি বৈধ।
 (2) ন্যায়ে যুক্তি বচন একটি সত্য অপরটি মিথ্যা।
 সিদ্ধান্ত সত্য, ন্যায়টি বৈধ।
 (3) ন্যায়ে যুক্তি বচন দুটিই মিথ্যা, সিদ্ধান্ত সত্য, ন্যায়টি বৈধ।
 (4) ন্যায়ে যুক্তি বচন দুটিই সত্য, সিদ্ধান্ত মিথ্যা, ন্যায়টি অবৈধ।
 (5) ন্যায়ে যুক্তি বচন দুটিই মিথ্যা, সিদ্ধান্ত মিথ্যা ন্যায়টি বৈধ।
 (6) ন্যায়ে যুক্তি বচন দুটিই সত্য, সিদ্ধান্ত সত্য, ন্যায়টি অবৈধ।

আমরা দেখতে পাচ্ছি, ন্যায়ের বৈধতা বা অবৈধতা যুক্তি বচনের
 সত্যতা মিথ্যাত্বের উপর নির্ভর করে না। মিথ্যা যুক্তি বচন থেকে
 বৈধতাবে সত্য সিদ্ধান্ত পাওয়া যেতে পারে, যুক্তিবচন ও সিদ্ধান্ত দুইই
 মিথ্যা হলেও ন্যায় বৈধ হতে পারে, যুক্তিবচন সত্য হলেও সিদ্ধান্ত মিথ্যা।

ଓ ନ୍ୟାୟ ଅବୈଧ ହତେ ପାରେ । ନ୍ୟାୟେର ବୈଧତା ସିଦ୍ଧାନ୍ତେର ସତ୍ୟତା ପ୍ରମାଣ କରେ ନା, ନ୍ୟାୟେର ଅବୈଧତା ସିଦ୍ଧାନ୍ତେର ମିଥ୍ୟାତ୍ମ ପ୍ରମାଣ କରେ ନା ।

ବସ୍ତତଃ, ନ୍ୟାୟେର ବୈଧତା ସ୍ଵତଃସତ୍ୟ ବଚନେର ମତ ଆକାରଗତ । ଯଥିନ ଆମରା କୋଣ ନ୍ୟାୟେର ବୈଧତା ସମ୍ବନ୍ଧେ ପ୍ରଶ୍ନ ତୁଳି, ତଥିନ ଆମାଦେର ଜିଜ୍ଞାସା, ସିଦ୍ଧାନ୍ତଟି ସୁଭିବଚନ (ସମଟି) ଥେକେ ଆକାରଗତତାବେ ନିଃଚ୍ଛତ ହଜ୍ଜେ କିନା । (ପରବର୍ତ୍ତୀ ଅନୁଚ୍ଛେଦେ ନ୍ୟାୟେର ଆକାର ସମ୍ବନ୍ଧେ ଆଲୋଚନା କରା ହବେ ।) ସୁଭିବଚନ ବା ସିଦ୍ଧାନ୍ତେର ସତ୍ୟତା ମିଥ୍ୟାତ୍ମ ନିଜପଣ ନ୍ୟାୟଶାସ୍ତ୍ରେର କାଜ ନୟ, ଯେ କାଜ ବିଜ୍ଞାନ ଇତିହାସେର । ସୁଭିବଚନକେ ସତ୍ୟ ଧରେ ନିଲେ ସିଦ୍ଧାନ୍ତ ସତ୍ୟ ହବେ, କଥିନାଂ ମିଥ୍ୟ ହତେ ପାରବେ ନା, ଯେ କୋଣ ବୈଧ-ନ୍ୟାୟେ ସୁଭିବଚନ ଓ ସିଦ୍ଧାନ୍ତେର ମଧ୍ୟେ ଏହି ସମ୍ବନ୍ଧ । ଯଥିନ ରୀମ୍ୟାନ ଇଉକ୍ଲିଡେର ସମାନ୍ତରାଳ ସ୍ତ୍ରୀକାର୍ଯ୍ୟର ବଦଳେ ନୂତନ ସ୍ତ୍ରୀକାର୍ଯ୍ୟ ପରିଗ୍ରହ କରଲେନ ଅର୍ଦ୍ଧାଂ ଧରେ ନିଲେନ, ଏକଟି ରେଖାର ବାଇରେ କୋଣ ବିଳୁ ଥେକେ ସେଇ ରେଖାର ସମାନ୍ତରାଳ ଏକଟି ରେଖାଓ ଟାନା ଯାଇ ନା, ତଥିନ ତାର ଥେକେ ତିନି ଏହି ସିଦ୍ଧାନ୍ତ ଆନନ୍ଦନ କରଲେନ ଯେ ତ୍ରିଭୁଜେର ତିନ କୋଣେର ସମଟି ସର୍ବଦାଇ ଦୁଇ ସମକୋଣେର ବେଶୀ । ଏଥାନେ ଧରେ ନେତ୍ରୀଆ ବା ଧାର୍ଯ୍ୟମାନ ବିଷୟ ହଜ୍ଜେ, ଏକଟି ରେଖାଓ ଟାନା ଯାଇ ନା । ତାର ଥେକେ ଅନୁଧାର୍ୟ ନିଃଚ୍ଛତ ହଲ, ତ୍ରିଭୁଜେର ତିନ କୋଣେର ସମଟି ସର୍ବଦାଇ ଦୁଇ ସମକୋଣେର ବେଶୀ । ଧାର୍ଯ୍ୟମାନ ସତ୍ୟ ହଲେ ଅନୁଧାର୍ୟଓ ସତ୍ୟ ହବେ, କଥିନାଂ ମିଥ୍ୟ ହତେ ପାରବେ ନା, ଧାର୍ଯ୍ୟମାନ ଓ ଅନୁଧାର୍ୟର ମଧ୍ୟେ ଏହି ସମ୍ବନ୍ଧ । ଯେ କୋଣ ନ୍ୟାୟେ ସୁଭିବଚନ ଧାର୍ଯ୍ୟମାନ, ସିଦ୍ଧାନ୍ତ ଅନୁଧାର୍ୟ, ଧାର୍ଯ୍ୟମାନ ସତ୍ୟ ହଲେ ଅନୁଧାର୍ୟଓ ସତ୍ୟ ହବେ, କଥିନାଂ ମିଥ୍ୟ ହବେ ନା, ଏକପ ହଲେଇ ନ୍ୟାୟଟି ବୈଧ । (6) ନ୍ୟାୟେ ସୁଭିବଚନ ଓ ସିଦ୍ଧାନ୍ତ ଦୁଇଇ ସତ୍ୟ, ତ୍ରୁଟି ନ୍ୟାୟଟି ଅବୈଧ । କେନନା, ସୁଭିବଚନ ଥେକେ ସିଦ୍ଧାନ୍ତ ଆକାରଗତତାବେ ନିଃଚ୍ଛତ ହଜ୍ଜେ ନା । ଆର ଏକଟି ଏକଇ ଆକାରେର ନ୍ୟାୟେର ସଙ୍ଗେ (6) ନ୍ୟାୟଟିର ତୁଳନା କରଲେଇ ବିଷୟଟି ବୋକା ଯାବେ ।

(7) ସବ ଲୋକସଭାର ସଦସ୍ୟ (ହନ) ଦାରିଷ୍ଟପୂର୍ବ କାଜେ ଅଧିକ୍ଷିତ,
ଭାରତେର ମହାନିରୀକ୍ଷକ (ହନ) ଦାରିଷ୍ଟପୂର୍ବ କାଜେ ଅଧିକ୍ଷିତ,

∴ ଭାରତେର ମହାନିରୀକ୍ଷକ (ହନ) ଲୋକସଭାର ସଦସ୍ୟ ।

(6) ଓ (7) ନ୍ୟାୟ ଏକଇ ଆକାରେ, କିନ୍ତୁ (7) ନ୍ୟାୟ ଅବୈଧ, କାରଣ ସୁଭିବଚନ ଶୁଟ ସତ୍ୟ ହରେଇ ସିଦ୍ଧାନ୍ତ ମିଥ୍ୟ ହରେଇ, ଅର୍ଦ୍ଧାଂ ସିଦ୍ଧାନ୍ତ ସୁଭିବଚନ ଥେକେ ଆକାରଗତତାବେ ନିଃଚ୍ଛତ ହଜ୍ଜେ ନା । (6) ନ୍ୟାୟେର ସିଦ୍ଧାନ୍ତ ସତ୍ୟ ହଲେଇ

তা যুক্তিবচন থেকে আকারগতভাবে নিঃস্ত হচ্ছে না, স্মৃতরাঃ ন্যায়টি অবৈধ। লোকসভার সদস্যরা তাঁদের কাজ করেন কিনা, বা শুভরাটীয়া মারাঠী বা তামিলভাষী কিনা, তা ন্যায়শাস্ত্রের বিবেচ্য নয়। ন্যায়শাস্ত্রের বিচার্য, যুক্তিবচন সত্য বলে মেনে নিলে তার থেকে কি সিদ্ধান্ত আকারগতভাবে নিঃস্ত হতে পারে। যুক্তিবচন সত্য হলে সিদ্ধান্ত সত্য হতে বাধ্য। কিন্তু বৈধ ন্যায়েও যুক্তিবচন বস্তুতঃ মিথ্যা হতে এবং সিদ্ধান্ত বস্তুতঃ সত্য বা মিথ্যা হতে কোন বাধা নেই।

প্রশ্ন হতে পারে, (5) ন্যায়ের মত উক্তট ন্যায় রচনা করার কি হেতু? উক্তরে বলা যায়, উনবিংশ শতাব্দীর মধ্যভাগে রীম্যান এক অঙ্গুত স্বীকার্য নিয়ে কেন অ-ইউক্লিডীয় জ্যামিতি রচনা করলেন, যে স্বীকার্য ইউক্লিডের স্বতঃসিদ্ধ (?) স্বীকার্যের বিরোধী? বিজ্ঞানীরা যে সব প্রকল্প করেন সেগুলোর সত্যমিথ্যাত্ত্ব প্রথমে অজ্ঞাত থাকে। কিন্তু প্রকল্প থেকে কতগুলো সিদ্ধান্ত আনয়ন করে পর্যবেক্ষণ বা পরীক্ষণের সাহায্যে প্রকল্পের সত্য-মিথ্যাত্ত্ব নিরূপণ করাই তাঁদের উদ্দেশ্য। স্মৃতরাঃ কেবল সত্য যুক্তিবচনই ন্যায়ে ব্যবহার্য, কল্পিত' বা মিথ্যা যুক্তিবচন বর্জনীয়, একথা ঠিক নয়। মিথ্যাকে মিথ্যা প্রমাণ করার জন্যও তার থেকে স্ববিরোধী সিদ্ধান্ত আনয়ন করা প্রয়োজন হয়। স্বীকার্য বা প্রদত্ত উপাস্ত থেকে সিদ্ধান্ত আনয়ন করা সব বিজ্ঞানেরই কাজ। এই সিদ্ধান্ত আনয়ন বৈধ না হলে বিজ্ঞানের উদ্দেশ্যই ব্যর্থ হবে। ন্যায়-শাস্ত্রের উদ্দেশ্য, সিদ্ধান্ত কখন বৈধভাবে কখন অবৈধভাবে নিঃস্ত হচ্ছে তা বিচার করবার পক্ষতি দেখিয়ে দেওয়া। (5) ন্যায়টি দৃষ্টান্ত হিসাবে ব্যবহৃত হয়েছে, এটিকে সতর্কবাণী হিসেবেও ধরে নেওয়া যায়। বৈধভাবে নিঃস্ত সিদ্ধান্ত মিথ্যা বলে জানা থাকলে যুক্তিবচনে তুল অন্বেষণ করল, কারণ বৈধ ন্যায়ে সত্য যুক্তিবচন থেকে মিথ্যা সিদ্ধান্ত আসতে পারে না।

1.4 আকার

আমরা বলেছি, ন্যায়ের বৈধতা আকারগত। আকার কি? বস্তুর আকার আমরা সহজেই বুঝি। একটি বরফের ধনককে একটি প্লাসে রেখে দিলে কিছুক্ষণের মধ্যেই বরফ অল হয়ে প্লাসের আকার ধারণ করবে। তিনি রকম কাপড় দিয়ে কেট নিজের জন্য তিনটি কোট তৈরী করলে কোটগুলোর বস্তু তিনি কিন্তু আকার এক হবে। আকার একই

କାପଡ଼ ଦିଯେ କୋଟ ଓ ପ୍ଯାଣ୍ଟ ତୈରୀ କରାଲେ ବସ୍ତ ଏକ ଆକାର ଡିମ୍ ହବେ । ଏକଇ ଡିଜାଇନେର ସୋନା ଓ କୁପାର ଗହନା ହୟ, ଆବାର ବିଭିନ୍ନ ଡିଜାଇନେର ସୋନା ବା କୁପାର ଗହନା ହୟ । ବିଭିନ୍ନ ବସ୍ତର ଏକଇ ଆକାର ହତେ ପାରେ, ଆବାର ଏକଇ ବସ୍ତ ବିଭିନ୍ନ ଆକାରେର ହତେ ପାରେ । ଅନୁରୂପଭାବେ ବଳା ଯାଯା, କବିତାର ଛଳ, ଗାନେର ସୁର, ଏକଥିକାର ଆକାର । ଏଥାନେ ବସ୍ତ ଧ୍ୱନି, ଆକାର ସୁମିତ ଯତିଚ୍ଛେଦ, ଅକ୍ଷରେର ଶୁରୁଳମୁକ୍ତୟ, ସ୍ଵରେର ବିଧିନିଦିଷ୍ଟ ପାରମ୍ପର୍ୟ, ଯାତ୍ରା, ଇତ୍ୟାଦି ।

ଭାଷାର ମଧ୍ୟେ ଆକାର ଆଛେ । କୋନ କୋନ ବାକ୍ୟେ ଉଦ୍‌ଦେଶ୍ୟ-ବିଧେୟେର ମଧ୍ୟେ ବସ୍ତଗୁଣ ସମ୍ବନ୍ଧ ଉତ୍ତ ହୟ, ସେମନ,

ରବୀନ୍ଦ୍ରନାଥ (ହୟ) କବି ।

ଆବାର କୋନ କୋନ ବାକ୍ୟେ ଉଦ୍‌ଦେଶ୍ୟ-ବିଧେୟେର ମଧ୍ୟେ ଅନ୍ୟ ଥିକାର ସମ୍ବନ୍ଧ ଉତ୍ତ ହୟ, ସେମନ,

କୋଲକାତା (ହୟ) ବନ୍ଦେର ପୂର୍ବ ।

ଦେବଯାଣୀ କଚକେ ଭାଲବାସତେନ ।

ବାକ୍ୟେର ଆକାର ବ୍ୟାକରଣେର ଆଲୋଚ୍ୟ । ବଚନେର ଆକାର ସାଧାରଣତଃ ବାକ୍ୟେର ଆକାରେର ଅନୁଗାମୀ, କିନ୍ତୁ ଅନେକ ହୁଲେ ବାକ୍ୟେର ଆକାର ବିଭାସ୍ତି-ଅନକ, ତାର ଥେକେ ବଚନେର ଥିକ୍ତ ଆକାର ବୋରୀ ଯାଯା ନା ।

(1) ବକ୍ଷିମଚଙ୍ଗ ଓ ସଞ୍ଚୀବଚଙ୍ଗ ଲେଖକ ଛିଲେନ ।

(2) ବକ୍ଷିମଚଙ୍ଗ ଓ ସଞ୍ଚୀବଚଙ୍ଗ ଭାଇ ଛିଲେନ ।

ଦୁଟିରଇ ବାକ୍ୟାକାର ଏକ, କିନ୍ତୁ ବଚନାକାର ଏକ ନମ । (1) ବଚନକେ ବିଶ୍ଲେଷଣ କରଲେ ଦୁଟି ବସ୍ତ-ଗୁଣ ସମ୍ବନ୍ଧବାଚକ ବଚନ ପାଓୟା ଯାଯା,

ବକ୍ଷିମଚଙ୍ଗ ଲେଖକ ଛିଲେନ,

ସଞ୍ଚୀବଚଙ୍ଗ ଲେଖକ ଛିଲେନ ।

(2) ବଚନକେ ଯଦି ଅନୁରୂପଭାବେ ବିଶ୍ଲେଷଣ କରା ହୟ, ତବେ ଦୌଡ଼ାଯ ଦୁଟି ଅର୍ଥହୀନ ବାକ୍ୟ,

ବକ୍ଷିମଚଙ୍ଗ ଭାଇ ଛିଲେନ,

ସଞ୍ଚୀବଚଙ୍ଗ ଭାଇ ଛିଲେନ ।

“ବକ୍ଷିମଚଙ୍ଗ” ଓ “ସଞ୍ଚୀବଚଙ୍ଗର” ସଙ୍ଗେ “ଭାଇ”-ଏର ବସ୍ତଗୁଣ ସମ୍ବନ୍ଧ ନେଇ, ସେମନ ଆଛେ “ଲେଖକେର” ସଙ୍ଗେ, ଆଛେ “ବକ୍ଷିମଚଙ୍ଗ” ଓ “ସଞ୍ଚୀବଚଙ୍ଗର” ମଧ୍ୟେ “ଭାଇ” ସମ୍ବନ୍ଧ । ନ୍ୟାୟଧାରେ ଆଧାରେ ବିବେଚ୍ୟ ବଚନାକାର, ବାକ୍ୟାକାର ନମ ।

প্রাচীন ন্যায় শাস্ত্রে নিম্নরূপ বচন প্রসিদ্ধ :

- (A) সব রাজা (হয়) বিলাসী।
- (E) কোন রাজা নয় বিলাসী,
- (I) কোন কোন রাজা (হয়) বিলাসী।
- (O) কোন কোন রাজা নয় বিলাসী,

(প্রাকঞ্চিক) যদি সে পড়াশুনা করে, তবে সে পাশ করবে,

(বৈকল্পিক) সে পরীক্ষা দেবে, বা বিদেশে চলে যাবে।

এদের আকার পৃথক করে দেখানো যাবে :

- (A) সব (হয়) ,
- (E) কোন নয়,
- (I) কোন কোন (হয়),
- (O) কোন কোন নয়,
- (প্রাকঞ্চিক) যদি, তবে,
- (বৈকল্পিক), বা।

প্রথম চারিটি বচনের শূন্যস্থানগুলো আমরা যে কোন পদ দিয়ে পূরণ করতে পারি, পরের দুটি বচনের শূন্যস্থান যে কোন বচন দিয়ে পূরণ করতে পারি, তাতে সত্য, যিধ্যা বা অর্ধহীন বচন পাওয়া যাবে।
প্রথম (A) আকারটিতে শূন্য স্থান পূরণ করে তিনটি বচন তৈরী করা যাবে :

সব মানুষ (হয়) মরণশীল।

সব মানুষ (হয়) পুরুষ।

সব দ্বিতীয় সমীকরণ (হয়) কৃত ধারণশীল।

প্রথম বচনটি সত্য, দ্বিতীয়টি যিধ্যা, তৃতীয়টি অর্ধহীন। বচনগুলো যাই হোক না কেন, প্রাচীন ন্যায়শাস্ত্রের জ্ঞান থেকে আমরা সহজেই বুঝতে পারি, ন্যায়ের বৈধতা শূন্যস্থানে কি পদ সংস্থাপন করা হবে, বা বুঙ্গিবচন সত্য কিনা, তার উপর নির্ভর করে না, নির্ভর করে বুঙ্গিবচন থেকে সিদ্ধান্ত ন্যায়তः নিঃস্ত হয় কিনা, তার উপর। প্রাচীন ন্যায়শাস্ত্রে শূন্যস্থান বোঝাতে কতগুলো বর্ণপ্রতীক ব্যবহার করা হত। বর্ণপ্রতীক ব্যবহার করলে বচনাকারগুলো দাঁড়াব,

- (A) সব S (হয়) P,
- (B) কোন S নয় P,
- (I) কোন কোন S (হয়) P,
- (O) কোন কোন S নয় P,
- (প্রাকরিক) যদি p, তবে q,
- (বৈকল্পিক) p বা q।

লক্ষণীয় যে এগুলো একটাও বচন নয়, কারণ, যখন বলি, “সব S (হয়) P”, তখন আমরা S, P কি তা জানি না, স্বতরাং কিছু বলিও না, শুধু বচনাকারটি দেখাই। S ও P এর স্থলে পদ সংস্থাপন করলে তবে বচন পাওয়া যাবে। “সব S (হয়) P” সত্যও নয়, যিথ্যাও নয়, কারণ আকার সংস্করণে সত্য-যিথ্যা বিশেষণ প্রয়োগ করা চলে না।

প্রাচীন ন্যায়শাস্ত্রের পাঠ থেকে আমরা ন্যায়ের আকারের সঙ্গে মোটামুটি পরিচয় লাভ করেছি। BARBARA, CELARENT, Modus Ponens, Modus Tollens, ইত্যাদি মাধ্যমানুমান বা ন্যায়ের আকার। এই রূপ যে কোন একটি ন্যায়কে বিশেষণ করলে আমরা বুঝতে পারি, ন্যায়ের বৈধতা আকারগত, বচনের বা বচনান্তর্গত পদের অর্থবোধ বৈধতা বিচারের পক্ষে অপযোজনীয়।

- (1) এই বস্তুটি সাগরকুমুম¹
∴ এই বস্তুটি উত্তিদ নয়।

এই ন্যায়ে সিদ্ধান্তটি আকারগতভাবে যুক্তিবচন থেকে নিঃস্তত হচ্ছে না, কারণ “সাগরকুমুম” ও “উত্তিদ” শব্দের অর্থবোধ না হলে ন্যায়টি যে বৈধ তা আমরা বুঝতে পারি না। ন্যায়টির যুক্তিবস্তুবের একটি বচন উহ্য, পূর্ণ ন্যায়টি এইরূপ :

- (2) কোন সাগরকুমুম নয় উত্তিদ,
এই বস্তুটি (হয়) সাগরকুমুম,
∴ এই বস্তুটি নয় উত্তিদ।

¹ একপ্রকার একমাত্রাদেহী প্রাণী (Phylum Coelenterata পর্বের), মাট্রাদের উপকূলে প্রচুর দেখা যায়। সাগরকুমুমের (Sea-anemone), কর্বিকা ভোগো সমুদ্রের জলে আন্দোলিত হতে থাকলে কুসুম বলে জন্ম হয়।

ন্যায়টি CELARENT আকারের। এখনই আমরা দেখছি, ন্যায়টির বৈধতা বিচারে “সাগরকুমুর” ও “উদ্ধিদ” পদ দুটির অর্থবোধের আর প্রয়োজন নেই। মুক্তিবচন দুটি সত্য হলে সিদ্ধান্তটি খিদ্যা হতে পারে না। যদি বৰ্দ প্রতীকের সাহায্যে ন্যায়টি লিখি, তাহলে তার আকার পাঁড়ার :

(3) No S is P

This is S

∴ This is not P

এখানে S, P কি তা অনুভূতি। এখানে কোন বিষয় সহজে কিছু বলা হচ্ছে না। এটি ন্যায়াকারের একটি প্রকৃট উদাহরণ। এইরূপ আকারের যে কোন ন্যায় বৈধ, বৰ্দ প্রতীকের স্থলে পদসংস্থাপন করলে বচনগুলো সত্য, খিদ্যা, অর্থহীন যাই হোক না কেন।

(1) ন্যায়ে সিদ্ধান্ত আনয়নের জন্য বিষয়জ্ঞান দরকার, কিন্তু (2) বা (3) ন্যায়ে সিদ্ধান্তটি মুক্তিবচন থেকে আকারগতভাবেই নিঃস্থিত হচ্ছে। (2) ন্যায়ে ব্যবহৃত পদগুলোর অর্থবোধ বা সংশ্লিষ্ট বিষয়জ্ঞানেরও কোন প্রয়োজন নেই। (3) ন্যায়ে ব্যবহৃত বৰ্দপ্রতীকগুলো শূন্যস্থানসূচক, স্ফুরাং এটিই এই প্রকার বৈধ ন্যায়ের আকার। যে ন্যায়ে মুক্তিবচন ও সিদ্ধান্তের মধ্যে সহজ এমন যে মুক্তিবচন সত্য হলে সিদ্ধান্ত খিদ্যা হতে পারে না, তাকে অবরোহণুলক ন্যায় বা সংক্ষেপে অবরোহণ বলে, এবং সিদ্ধান্ত আনয়নকে অবরোহণ বলে। স্ফুরাং বলা যায়, (1) ন্যায়ের অবরোহণ আকারগত নয়, বিষয়জ্ঞান সাপেক্ষে, কিন্তু (2) বা (3) ন্যায়ের অবরোহণ আকারগত।

প্রাচীন ন্যায়শাস্ত্র থেকে আমরা কয়েকটি বৈধ ন্যায়ের আকার জানতে পারি। নব্য ন্যায়শাস্ত্রে বৈধ ন্যায় সহজে এবং আরও নানারকমের বৈধ ন্যায়াকার সহজে অনেক নৃতন জ্ঞান সংযোজিত হয়েছে।

1.5 ন্যায়শাস্ত্র একটি বিমূর্ত বিজ্ঞান

ন্যায়শাস্ত্র বৈধ ন্যায়ের আকারবিষয়ক বিজ্ঞান। আমরা আগেই দেখেছি, ন্যায়ের বৈধতা বিচার ন্যায়াঙ্গত বচন বা পদের অর্থক্ষণ-নিরপেক্ষ। শুধু ন্যায়ের আকাঙ্ক্ষি বিচার করেই বলা যায়, ন্যায়টি বৈধ বা অবৈধ। বচনের সত্যতা বিচার বা বচনাঙ্গত পদের অর্থবোধ

অভিজ্ঞতাসাপেক্ষ, কিংবা ন্যায়ের বৈধতা বিচার এগুলোর উপর নির্ভরশীল। নয়। যে অন্যই প্রাচীন ন্যায়গান্ত্রে পদের বদলে S, P, M বর্ণপ্রতীক-গুলো ব্যবহার করা হত। অনেক সময় ন্যায়ান্তর্গত বচনের সত্যামিথ্যার জ্ঞান এবং বচনান্তর্গত পদের অর্থবোধ ন্যায়ের বৈধতা বিচারে বাধা উৎপাদন করে। যনে করুণ, নিম্নলিখিত ন্যায়টি উপস্থাপিত করা হল :

(1) যদি আমি প্রধানমন্ত্রী হই, তবে আমি বিখ্যাত,
আমি প্রধানমন্ত্রী নহি,

∴ আমি বিখ্যাত নহি।

ইঠান যনে হতে পারে, ন্যায়টি বৈধ, কারণ যুক্তিবচন ও সিদ্ধান্ত সবই সত্য। কিংবা ন্যায়টি যে বৈধ নয়, তা একই আকারের আর একটি ন্যায়ের সঙ্গে তুলনা করলেই বোঝা যাবে।

(2) যদি সত্যজিৎ রায় প্রধানমন্ত্রী হন, তবে তিনি বিখ্যাত,
সত্যজিৎ রায় প্রধান মন্ত্রী নন,

∴ সত্যজিৎ রায় বিখ্যাত নন।

যুক্তিবচন দুটি সত্য, সিদ্ধান্তটি মিথ্যা, কোন বৈধ ন্যায়ে একাপ হতে পারে না। প্রাচীন ন্যায়গান্ত্র থেকে আমরা জানি,

(3) যদি p, তবে q

না—p

∴ না—q

ন্যায়টি অবৈধ। ন্যায়ের আকারটি বিশুর্তন করে দেখলে বৈধতা-অবৈধতা বিচার সহজ হয়। দৈনন্দিন জীবনে আমরা যে বিশেষ প্রসঙ্গে অভিজ্ঞতা-ক্ষেত্রে অনুরূপ করি, এবং ন্যায়ে প্রকাশ করি, সেই প্রসঙ্গ, সেই ক্ষেত্র থেকে বিশুর্তন করে আকারটি পৃথকভাবে বিচার করা ন্যায়গান্ত্রের প্রধান কাজ।

যে কোন বিজ্ঞানই এই প্রকার বিশুর্তন করে থাকে। সামান্যীকৃত সূত্র নিষ্কপেণ বিশুর্তনের উপযোগিতা। পদাৰ্থবিদ্যায় শাঙুগতি সম্পর্কীয় সমীকৰণটি ধৰা যাক। কোন বস্তুকৰ্ণা : সেকেও বেঞ্চে V সমৰ্বেগ নিয়ে চললে সে যে দূৰত্ব অতিক্রম করবে তা (S কে অতিক্রান্ত দূৰত্বে প্রতীক ধৰে)।

S = V;

সুত্রটি হারা প্রকাশ করা হয়। এখানে কোন বিশেষ বস্তু বা কোন নির্দিষ্ট বেগ বা নির্দিষ্ট সময়ের উল্লেখ করা হচ্ছে না। বিশুর্ত সুত্রটি বলে, বস্তু যাই হোক না কেন, তার বেগ যতই হোক না কেন (সমবেগ হলেই চলবে), সময় যতটাই হোক না কেন,

অতিক্রান্ত দূরত্ব = সমবেগ × সময়।

সমীকরণটি “সমবেগ”, “দূরত্ব”, “সময়”, এই ধারণাগুলোকে কোন বস্তু বিশেষের সমবেগ, অতিক্রান্ত দূরত্ব ও সময় থেকে বিশুর্তন করে নিয়েই এই সামান্যীকৃত সুত্রটিতে পৌছতে পেরেছে। ন্যায়শাস্ত্রও তেমনি ন্যায়ের [প্রসঙ্গ, অভিজ্ঞতা, ব্যবহৃত বচন, পদ থেকে শুধু আকারটি বিশুর্তন করে ন্যায়ের বৈধতা সহজে সামান্যীকৃত সুত্রগুলোতে পৌছায়। বস্তুতঃ, এই প্রকার বিশুর্তন করে শুধু আকারকে আলাদাভাবে পরিক্ষা না করলে এর প্রকৃত বিশেষণ সম্ভবই নয়। “এক,” “দুই,” “তিনি”, সংখ্যাগুলোও বিশুর্ত, “এক” বললে একটি আপেল বা একটি মানুষ বোঝায় না, বিশুর্ত সংখ্যাটিই বোঝায়। যদি আমরা আপেল, মানুষ, ইত্যাদির সমষ্টি থেকে বিশুর্তন করে পৃথকভাবে সংখ্যার ধারণা করতে না পারতাম, তবে গণিতের সাধারণ সুত্রগুলোও জানতে পারতাম কিনা সল্লেহ। উপরের অবৈধ (1) ন্যায়টি দেখে কেউ হয়ত এটি যে অবৈধ তাই ধরতে পারবে না, কেউ বা অবৈধ মনে করলেও ঠিক কি কারণে অবৈধ তা বিশেষণ করে বলতে পারবে না। ন্যায়শাস্ত্রের কাজ, ন্যায়ের আকারগত বৈশিষ্ট্যটি বিশেষণ করে দেখানো, কেন বুঝিবচন সত্ত্ব হলে সিদ্ধান্ত বিধ্যা হতে পারবে না। কোন বিশেষ বস্তু যেনন পদার্থ-বিদ্যা বা গণিতের আলোচ্য নয়, তেমনি (1) ও (2) ন্যায়ে ব্যবহৃত “আমি”, “সত্যজিত রায়”, “প্রধানমন্ত্রী”, “বিখ্যাত”, ইত্যাদি বস্তু বা শৃণুগুলো ন্যায়শাস্ত্রের আলোচ্য নয়। এদের সমন্বয়ে গঠিত বচন সমষ্টির মধ্যে ঐ বিশেষ সহজ আছে কিনা, কেবল তাই ন্যায়শাস্ত্রের আলোচ্য, এবং এই সবজু সম্পূর্ণই আকারগত।

ন্যায়শাস্ত্রের কোন সংজ্ঞা দেওয়া যায় কি? এই প্রশ্ন উপাগন করে বাট্টাও রাসেল¹ বলেন:

¹ Bertrand Russell, *Introduction to Mathematical Philosophy*, London, George Allen and Unwin Ltd., Tenth Impression, 1950, pp 196 ff.

“ଏହି ଶାଙ୍କେ ଆମରା କୋନ ବିଶେଷ ବଞ୍ଚି ବା ଶୁଣ ନିଯେ ଆଲୋଚନା କରି ନା : ସେ କୋନ ବଞ୍ଚି ବା ସେ କୋନ ଶୁଣ ସଂପର୍କେ ଆକାରଗତଭାବେ ଯା ବଳା ଚଲେ ଶୁଦ୍ଧ ତାଇ ନିଯେ ଆଲୋଚନା କରି । ଆମରା ଏକେ ଏକେ ଦୁଇ ବଲତେ ପ୍ରଜ୍ଞତ, କିନ୍ତୁ ସକ୍ରେଟିସ ଓ ପ୍ଲେଟୋ ବିଲେ ଦୁଇ ବଲତେ ପ୍ରଜ୍ଞତ ନଇ, କାରଣ ନୈଯାଯିକ ବା ତତ୍ତ୍ଵୀୟ ଗାଣିତିକ ହିସେବେ ଆମରା ସକ୍ରେଟିସ ବା ପ୍ଲେଟୋର କଥା କଥନଓ ଶୁଣିନି । ଏମନ ଏକଟା ଜଗନ୍ତ ସଦି କରନା କରା ଯାଇ ସେବାନେ ସକ୍ରେଟିସ, ପ୍ଲେଟୋ ବା କୋନ ମାନୁଷଙ୍କ ନେଇ, ସେବାନେଓ ଏକେ ଏକେ ଦୁଇ ହବେ । ନୈଯାଯିକ ବା ତତ୍ତ୍ଵୀୟ ଗାଣିତିକ ହିସେବେ କୋନ ବ୍ୟକ୍ତି ବା ବଞ୍ଚିର ଉତ୍ସେଖ ଆମାଦେର ପକ୍ଷେ ଅସମୀଚିନ ହବେ, କାରଣ ତା କରଲେ ଯା ଅବାଞ୍ଚିତ, ଆକାରବିଷୟକ ନଯ, ଏମନ ବିଷୟେ ଉତ୍ସେଖ କରା ହବେ । ମାଧ୍ୟମାନୁମାନ ଦିଯେଇ ଆମରା କଥାଟା ପରିଷକାର କରତେ ପାରି । ପ୍ରାଚୀନ ନ୍ୟାୟଶାସ୍ତ୍ରରେ ବଲେ, “ସବ ମାନୁଷ ମରଣଶୀଳ, ସକ୍ରେଟିସ ଏକଜନ ମାନୁଷ, ସ୍ଵତରାଃ ସକ୍ରେଟିସ ମରଣଶୀଳ ।” ଏଠା ଖୁବଇ ପରିଷକାର ସେ ଆମରା ଯା ବଲତେ ଚାଇ ତା ହଞ୍ଚେ ଯୁକ୍ତିବଚନ ଓ ସିଦ୍ଧାନ୍ତର ମଧ୍ୟେ ଏକଟି ବିଶେଷ ସହଜ, ଯୁକ୍ତିବଚନ ଓ ସିଦ୍ଧାନ୍ତ ବଞ୍ଚତଃ ସତ୍ୟ । ଏ ଆମାଦେର ବଞ୍ଚବ୍ୟ ନଯ । ପ୍ରାଚୀନ ନ୍ୟାୟଶାସ୍ତ୍ରରେ ଏକଥା ପରିଷକାରଭାବେଇ ବଲେ ସେ ଯୁକ୍ତିବଚନର ବାଞ୍ଚବ ସତ୍ୟତା ନ୍ୟାୟେର ପକ୍ଷେ ଅବାଞ୍ଚିତ । ସ୍ଵତରାଃ ନ୍ୟାୟଟିକେ ସଦି ଏଇରୂପ ପରିବତିତଭାବେ ବଲି ଯେ, “ସଦି ସବ ମାନୁଷ ମରଣଶୀଳ ଓ ସକ୍ରେଟିସ ଏକଜନ ମାନୁଷ ହୁଏ, ତବେ ସକ୍ରେଟିସ ମରଣଶୀଳ”, ତବେଇ ନ୍ୟାୟଟିର ପ୍ରକୃତ ରୂପ ପ୍ରକାଶ କରା ହୁଏ । ଏବାର ଆମରା ପରିଷକାର ବୁଝାତେ ପାରି, ନ୍ୟାୟଟି ତାର ଆକାରେ ଉନ୍ତାଇ ବୈଧ, ଏର ମଧ୍ୟେ କି ପଦ ବ୍ୟବହାର କରା ହେଉଛେ ତାର ଉନ୍ୟ ନଯ । ସଦି ଆମରା “ସକ୍ରେଟିସ ଏକଜନ ମାନୁଷ” ଯୁକ୍ତିବଚନ ଥେବେ ବାଦ ଦିତାମ, ତବେ ନ୍ୟାୟଟି ଆକାରଗତଭାବେ ବୈଧ ହତ ନା, ସଦିଓ ସକ୍ରେଟିସ ବଞ୍ଚତଃ ଏକଜନ ମାନୁଷ ବଲେ ବୈଧ ହତ । କିନ୍ତୁ ତଥିନ ଆମରା ନ୍ୟାୟକାରୀଟିକେ ସାମାନ୍ୟକୃତଭାବେ ପ୍ରକାଶ କରତେ ପାରିତାମ ନା । ସଥିନ ଆମରା ନ୍ୟାୟେର ଆକାର ସହଜେ କିଛୁ ବଲି, ତଥିନ ଆମାଦେର ବଞ୍ଚବ୍ୟ ନ୍ୟାୟାନ୍ତର୍ଗତ ପଦେର ଉପର ମୋଟେଇ ନିର୍ଭର କରେ ନା । ସ୍ଵତରାଃ ଆମରା ମାନୁଷେର ହଲେ ୯, ମରଣଶୀଳେର ହାଲେ ୩, ଏବଂ ସକ୍ରେଟିସେର ହାଲେ ୫ ବର୍ଣ୍ଣତୀକ ବ୍ୟବହାର କରତେ ପାରି (୯ ଓ ୩-କେ ସେ କୋନ ବର୍ଗେର ଏବଂ ୫ କେ ସେ କୋନ ବ୍ୟକ୍ତିର ବର୍ଣ୍ଣତୀକ ହିସେବେ) । ଏଥିନ ଆମରା ସେ ବଞ୍ଚବ୍ୟେ ପୌଛାନ୍ୟ ତା ଏଇ : “୫, ୯ ଓ ୩-ର ସେ କୋନ ମାନ ଥରେ, ସଦି ସବ ୯ ଓ ୩ ହୁଏ ଏବଂ ୫ ଏକଟି ୯ ହୁଏ, ତବେ ୫ ଏକଟି ୩ ।” ଅନ୍ୟଭାବେ ବଲା ଯାଇ, ‘‘ସଦି ସବ ୯ ଓ ୩ ହୁଏ ଏବଂ ୫ ଏକଟି ୯ ହୁଏ,

তবে x একটি পি, এই বচনাপেক্ষকটি স্বতঃসত্য।” এবার আমরা ন্যায়ের একটি প্রকৃষ্ট উদাহরণ দেখলাম যার ইঙ্গিতমাত্র প্রাচীন ন্যায়শাস্ত্রে “সক্রেটিস,” “মানুষ” ও “মরণশীল” পদগুলোর সাহায্যে রচিত ন্যায়ের দ্বারা বোঝা যেত, কোন স্মৃষ্টি ধারণা হত না।

এবার পরিকারভাবেই বোঝা যাবে, ন্যায়ের আকারই যদি আমাদের আলোচ্য হয়, তবে সব সময়ই আমরা উপরের বচনটির অনুরূপ বচনে পৌছাব, যাতে কোন বস্তু বা শুণের উদ্দেশ্য করা হবে না। যেখানে আমরা অনায়াসেই সামান্য সত্যটি প্রমাণ করতে পারি, সেখানে সক্রেটিস বা প্লেটো মরণশীল এই ধরণের বিশেষ সিদ্ধান্ত প্রমাণ করার চেষ্টা সময়ের অপব্যয় মাত্র। যা আমরা সব মানুষ সমস্কে প্রমাণ করতে পারি, তাকে সক্রেটিস বা প্লেটো সমস্কে প্রমাণ করার চেষ্টা হাস্যকর। যদি আমাদের ন্যায় সব মানুষ সমস্কে প্রযোজ্য, তবে আমরা সিদ্ধান্তটি x সমস্কে প্রমাণ করব, সঙ্গে থেকলে রাখব, “যদি x মানুষ হয়।” এই প্রকল্পটি মনে রাখলে x মানুষ না হলেও ন্যায়টির প্রকল্পিত শার্থার্থ্য রক্ষিত হবে।ন্যায়শাস্ত্রকে বিশুদ্ধ আকারধিষয়ক বিজ্ঞান বলার অর্থই এই যে ন্যায়ে বা তত্ত্বায় গণিতে কোন বিশেষ বস্তু বা শুণের উদ্দেশ্য একেবারেই থাকবে না।”

রাসেলের বক্তব্যের নির্গনিতার্থ এই যে, যে ন্যায়ে সক্রেটিস, প্লেটো, ইত্যাদি ব্যক্তির নাম করা হয়, বা মনুষ্যত্ব, মরণশীলত্ব, ইত্যাদি শুণের উদ্দেশ্য করা হয়, তা নিতান্তই আমাদের দৈনন্দিন ব্যবহারের ন্যায়। সক্রেটিস, প্লেটোর বদলে যে কোন লোকের নাম ব্যবহার করা যায়, মনুষ্যত্ব, মরণশীলত্বের বদলে অন্য যে কোন শুণের উদ্দেশ্য করা যায়, ন্যায়ের বৈধতা এইসব পদের উপর নির্ভর করে না, অস্তর্ভুক্ত বচনগুলোর অর্থের উপরও নির্ভর করে না, শুধুমাত্র আকারের উপরই নির্ভর করে। নিম্নোক্ত ন্যায়টি দেখুন,

সব শিল্পী (হন) মেজাজী,
ধীরেঞ্জনাথ (হন) একজন শিল্পী,
.....
..... ধীরেঞ্জনাথ (হন) মেজাজী।

ন্যায়টি বৈধ, শুধুমাত্র তার আকারের অন্য। ধীরেঞ্জনাথ শিল্পী না হলেও, শিল্পীরা মেজাজী না হলেও, ন্যায়টি বৈধ, তার বৈধতা আকারগত ও প্রাকলিক। ধীরেঞ্জনাথ শিল্পী কিনা, সব শিল্পী মেজাজী কিনা, তা

নিষ্পত্তি করা ন্যায়ের কাজ নয়। ন্যায়ের কাজ, এই দুটি যুক্তিবচন দেওয়া থাকলে সিদ্ধান্তটি নিঃস্তত হয় কিনা, অর্থাৎ যুক্তিবচন ও সিদ্ধান্তের মধ্যে এই বিশেষ সম্বন্ধ আছে কি না, তা বিচার করা। আকারাটিকে বিসূর্তন করেই এই বিচার করতে হয়। দৈনন্দিন জীবনে সব সময় আকার বিসূর্তভাবে আমাদের চোখে ধরা পড়ে না বলেই আমরা অনেক সময় অবৈধ অনুমান করে থাকি।

$$\begin{array}{c} \text{সব } S \text{ হয় } P, \\ x (\text{ হল }) \text{ একজন } S, \\ \hline \therefore x (\text{ হল }) P \end{array}$$

ন্যায়টি এই আকারের বলেই বৈধ।

1.6 ন্যায়শাস্ত্রের সংজ্ঞা

আমরা বলেছি, ন্যায়শাস্ত্র বৈধ ন্যায়ের আকারবিষয়ক বিজ্ঞান। এটিকেই আমরা প্রাথমিকভাবে ন্যায়শাস্ত্রের সংজ্ঞা বলে ধরে নেব। অবশ্য সংজ্ঞা খেকেই একটা বিজ্ঞানের সম্পূর্ণ ধারণা কখনও হতে পারে না। একজন প্রথ্যাত গণিতজ্ঞকে জিজেস করা হয়েছিল, গণিত কি? জবাবে তিনি বলেছিলেন, গণিত তাই যা গণিত করে। অর্থাৎ গণিত কর, তবেই গণিত কি তা বুঝতে পারবে। ন্যায়শাস্ত্র সম্পর্কেও একই কথা বলা যায়, ন্যায়শাস্ত্র তাই যা ন্যায়শাস্ত্র করে। আমরা যতই ন্যায়শাস্ত্রের অভ্যন্তরে প্রবেশ করব, ততই ন্যায়শাস্ত্র কি তা বেশী করে উপলব্ধি করতে পারব। এই অধ্যায়ের পূর্ববর্তী অনুচ্ছেদগুলোতে ন্যায়, বৈধতা, আকার ইত্যাদির যে প্রারম্ভিক বিশ্লেষণ দেওয়া হয়েছে, তাতে আপাততঃ এই সংজ্ঞা দিয়েই আমরা ন্যায়শাস্ত্রের আলোচনা শুরু করতে পারব।

সংজ্ঞাটিকে বিশ্লেষণ করলে ন্যায়শাস্ত্রের নিম্নোক্ত লক্ষণগুলো লক্ষ্য করা যায় :

- (1) সমস্ত অবরোহ ন্যায়ই ন্যায়শাস্ত্রের আলোচ্য নয়। 1.4 অনুচ্ছেদের (1) ন্যায়টি অবরোহ ন্যায়, কিন্তু যতক্ষণ তাকে পূর্ণবয়ব ন্যায়ের আকার না দেওয়া হচ্ছে ততক্ষণ এটি ন্যায়শাস্ত্রের আলোচ্য নয়, কারণ এতে সিদ্ধান্তটি যুক্তিবচন থেকে বিষয়জ্ঞান নিরপেক্ষভাবে আকারগতভাবে নিঃস্তত হচ্ছে না। ঐ অনুচ্ছেদের (3) ন্যায়টি, বা রাসেল থেকে উক্তির

প্রথম প্যারাগ্রাফের শেষের দিকে বণিত ন্যায় ন্যায়শাস্ত্রের আলোচ্য অবরোহ ন্যায়ের প্রকৃটি উদাহরণ। ন্যায়শাস্ত্র শুধু বৈধ ন্যায়ের আকার নিয়ে আলোচনা করে, তার অন্য বর্ষপ্রতীকই যথেষ্ট, কোন পদের ব্যবহারের কোন প্রয়োজন নেই। সাধারণ ভাষায় রচিত ন্যায়ের উল্লেখ ন্যায়শাস্ত্রে দেখতে পাওয়া যাবে না এমন নয়, কিন্তু তার ব্যবহার শুধু দৃষ্টান্ত হিসেবে বা বিশ্লেষণ করে আকারটি দেখাবার জন্যই করা হয়।

(2) বৈধ ন্যায়ের আকারগুলো জানতে পারলে আমরা যে কোন ন্যায়ের বৈধতা অবৈধতা বিচার করতে পারি। দৈনন্দিন জীবনে আমরা বহু অনুমান করি, সেগুলো ন্যায়কারে প্রকাশও করি, কিন্তু অনেক সময় তার [কোন না কোন অবস্থা উহ্য থাকে। এইরূপ একটি **অনুমানক্রিয়ার** ফল।] হাতে এলে আমরা তাকে পুনর্গঠন করে সম্পূর্ণ ন্যায়ের জীবন দিতে পারি, কোন বৈধ ন্যায়ের আকারের সঙ্গে তাকে মিল আছে কিনা অনুসন্ধান করতে পারি, এবং ন্যায়টির বৈধতা অবৈধতা বিচার করতে পারি। বস্তুতঃ, এইরূপভাবে বৈধ-অবৈধ সর্বপ্রকার অনুমান-ক্রিয়ার ফল বিশ্লেষণ করেই আমরা ন্যায়বিধিগুলো জানতে পারি। 1.5 অনুচ্ছেদের (1) ন্যায়ের মত কোন ন্যায় যদি কখনও আমরা দেখি, তখনই আমাদের বিচার্য, এই ন্যায়ের আকার বৈধ আকার কি না। যদি আমরা এই আকারের আর একটি এমন ন্যায় গঠন করতে পারি যার যুক্তিবচন সত্য কিন্তু সিদ্ধান্ত বিদ্যা, যেমন ঐ অনুচ্ছেদের (2) ন্যায়, তাহলেই বোঝা যাবে এই আকারের ন্যায় বৈধ নয়। ন্যায়শাস্ত্র আমাদের ন্যায়ের বৈধতা-অবৈধতা বিচার করতে শেখায়।

(3) অবশ্য এ কথা কোনমতেই বলা চলে না যে ন্যায়শাস্ত্র না পড়লে কেউ বৈধ-অবৈধ ন্যায়ের পার্দক্য বুঝতে পারবে না। এমন বহু লোক আছেন, যাঁরা ন্যায়শাস্ত্র না পড়লেও সাধারণতঃ বৈধ অনুমানই করে থাকেন, এবং নিজে বা অপর কেউ কোন অবৈধ অনুমান করলে তা চঠ করে ধরতেও পারেন। তবে এ কথাও অস্বীকার করা যায় না যে ন্যায়শাস্ত্র আমাদের ন্যায়ের বৈধতা অবৈধতা বিচার করতে সাহায্য করে। প্রথমতঃ, ন্যায়শাস্ত্র অধ্যয়ন করতে গিয়ে অনুশীলনীতে দেওয়া অনেক সমস্যার সমাধান করতে হয়। তাতে ন্যায়শাস্ত্রকে একটা কলা-বিদ্যার মতই অনুশীলন করা হয়, এবং ন্যায়ের বৈধতা অবৈধতা বিচারে সহজেই দক্ষতা অর্জিত হয়। বিতীয়তঃ, এই প্রকারে বৈধতা-অবৈধতা বিচারে দক্ষতা অর্জিত হলে স্বাভাবিকভাবেই বৈধ-অনুমানকূণ্ডলতা বাঢ়বে।

তৃতীয়তঃ, ন্যায়শাস্ত্র অধ্যয়নের হারা ন্যায়ের বৈধতা অবৈধতা বিচারের এমন কতগুলো প্রযুক্তি কৌশলের শিক্ষালাভ হয় যার হারা নিজের বা অপরের ভুল অনুমান সহজেই ধরা যায়। অনুমানের অবৈধতা নির্গমের কৌশল অধিক্ত হলে অবৈধ অনুমানের সন্তাবনাই করে যাবে।

(4) ন্যায়শাস্ত্রকে আদর্শনিষ্ঠ বিজ্ঞান বলা হয়, অর্থাৎ আমাদের চিন্তন বা অনুমান-ক্রিয়া কিভাবে অনুষ্ঠিত হওয়া উচিত ন্যায়শাস্ত্র সে সম্বন্ধে নির্দেশ দেয়। ন্যায়শাস্ত্রের প্রকৃতির একপ বিবরণ অসত্য না হলেও একটা ভাস্তি উৎপাদন করতে পারে; মনে হতে পারে, ন্যায়শাস্ত্রের ছক বাঁধা পথে অনুমান-ক্রিয়া পরিচালনা করা আমাদের ইচ্ছাধীন, এবং এইরূপ করতে পারলেই আমাদের অনুমানে কখনও ভুল হবে না। আমরা জানি, স্থজনশীল চিন্তা দুর্বোধ্য, রহস্যময় পথে চলে, ন্যায়শাস্ত্র-সম্পত্ত বিধিবন্ধ পথে চলে না। অনেক সময় ক্রমাগত চেষ্টা ও ভুল করতে করতে প্রতিভা অস্ত্র-টির সাহায্যে সত্যটি উপলব্ধি করে, এবং পরে অস্ত্র-টির সত্যকে, যুক্তির সাহায্যে প্রতিষ্ঠিত করতে চেষ্টা করে। স্থুতরাঃ আমাদের অনুমানক্রিয়াকে নিয়ন্ত্রিত করা ন্যায়শাস্ত্রের সাধ্যও নয়, কাজও নয়, বরং অনুমানলক বা অস্ত্র-টির সিদ্ধান্তটিকে ন্যায়বিধি হারা পরে পরীক্ষা করাই তার কাজ। চিন্তন বা অনুমানক্রিয়াকে নিয়ন্ত্রণ নয়, চিন্তনের বা অনুমানের ফলকে নিয়ন্ত্রণ করাই ন্যায়শাস্ত্রের কাজ। ন্যায়শাস্ত্র চিন্তার চালক নয়, কষ্টপাথর; চিন্তার প্রেরণাদায়ক নয়, চিন্তার ফলের বিচারক। শুধু ক্রটি ধরবার কৌশলটি শেখার ফলে ক্রটিপূর্ণ অনুমানের সন্তাবনা করে যাওয়ায় চিন্তন বা অনুমান-ক্রিয়ার ঘটটা উন্নতি সন্তুষ্ট, ন্যায়শাস্ত্র অধ্যয়নের ফলে ততটাই হতে পারে, তার বেশী নয়। ন্যায়শাস্ত্র স্থজনশীল চিন্তা বা কঞ্চনার স্থান অধিকার করতে পারে না, এমন কি ন্যায়শাস্ত্র পড়লেই আমরা সব সময় বৈধ অনুমান করতে পারব, এমন কথাও বলা যায় না।

(5) ন্যায়শাস্ত্রকে ন্যায় বা অনুমানের নিয়ামক বিজ্ঞান বলা চলে কি? আমাদের কি ভাবে চিন্তা করা উচিত তা কি ন্যায়শাস্ত্র বলে দেয়? এর উত্তরে বলা চলে, কখনও কখনও, যখন আমরা কোন সমস্যার সমাধান করতে চেষ্টা করছি, কিন্তু সব সময় নয়। যদি সব সময় আমরা ন্যায়বিধি অনুসারে চিন্তা করতে যাই, তবে আমাদের চিন্তা খুঁড়িয়ে খুঁড়িয়ে চলবে, বীজগণিতে কোন অক্ষ করতে গিয়ে কোন শুরুটি প্রয়োগ করব তা হিরে করতে না পারলে যে অবস্থা

হয় অনেকটা সেৱকম। অঙ্গই কষি আৰ অনুমানই কৰি, আমাদেৱ চিন্তা লাকিয়ে লাকিয়ে চলে, কখনও বা হঠাত আলোৱ ঝলকানিৰ বত সৰাধানাটি মনে এসে থাই। যদি বলা হয়, এ রকম চলবে না, ধাপে ধাপে এগোতে হবে, ঠিক ন্যায়শাস্ত্রে যেবনভাৱে একটি ন্যায়কে অনুস্থাপন কৰা হয়, তা হলে আমাদেৱ চিন্তার চলচ্ছিকে খৰ কৰে দেওয়া হবে মাত্ৰ। যদি ন্যায়শাস্ত্রকে নিয়ামক বিজ্ঞান বলতেই হয়, তবে বলতে হবে, এটি চিন্তার ফলেৱ নিয়ামক বিজ্ঞান। চিন্তার ফলটিকে পূৰ্ণাবয়ৰ ন্যায়েৱ আকাৰে স্থাপন কৰে তাকে বিচাৰ কৰা ন্যায়শাস্ত্রেৰ কাজ।

(6) ন্যায়শাস্ত্রকে অনেক সময় সব বিজ্ঞানেৱ সেৱা বিজ্ঞান বলা হয়। কথাটিৰ অৰ্থ, সব বিজ্ঞানকেই তাদেৱ সিদ্ধান্ত প্ৰমাণ কৰতে হয়, এবং এই প্ৰমাণ ন্যায়বিধিসম্বন্ধত হতে হবে। আগেই দেখেছি, ন্যায়াবয়বে পদেৱ ব্যবহাৰ বৈধ ন্যায় রচনায় অপৰিহাৰ্য নয়। কোন বিজ্ঞানেৱ বিষয়বস্তু যাই হোক না কেন, তাৰ সিদ্ধান্তগুলো যদি বৈধভাৱে নিঃস্থত হয়ে থাকে, তবে তা আকাৰগতভাৱেই হয়েছে, সেই বিজ্ঞানেৱ বিষয়বস্তুজ্ঞাপক পদেৱ ব্যবহাৰেৱ অন্য নয়। ন্যায়েৱ আকাৰ বিষয়বস্তু-নিৱেশক, সেজনাই পদেৱ বদলে বৰ্ধপ্রতীকেৱ ব্যবহাৰ প্ৰাচীন ও নব্য উভয় ন্যায়শাস্ত্রেই বিহিত। সব বিজ্ঞানকেই ন্যায়বিধি যেনে চলতে হয় বলেই ন্যায়শাস্ত্রকে সব বিজ্ঞানেৱ সেৱা বিজ্ঞান বলা হয়। অন্যভাৱে বলা যায়, ন্যায়বিধি বিষয়বস্তু নিৱেশকভাৱে সব ন্যায়ে সমানভাৱে প্ৰযোজ্য, সব বিজ্ঞানকেই ন্যায় রচনা কৰে তবেই তাৰ বিশেষ সিদ্ধান্ত প্ৰমাণ কৰতে হয়, সূত্ৰাৎ ন্যায়শাস্ত্র সব বিজ্ঞানেৱ সেৱা বিজ্ঞান।

1.7 ন্যায়^১ ও অমোবিদ্যা

অনুমানকৰিয়া ও বচন সমষ্টিতে তাৰ প্ৰকাশ দুই-ই মনেৱ ক্ৰিয়া, এবং মনেৱ সৰ্বপ্ৰকাৰ ক্ৰিয়া মনোবিদ্যাৰ আলোচ্য বিষয়। কিন্তু মনোবিজ্ঞানী যখন এগুলো আলোচনা কৰবেন, তখন তিনি দেখবেন, এগুলো অত্যন্ত জটিল, প্ৰক্ষেপণিত বহুক্ষেত্ৰে অবস্থাৰ, বিপৰ্যগামী, অবচেতন মনেৱ ক্ৰিয়া হাৰা প্ৰভাৱিত। এত জটিলতাৰ মধ্যে যদি কোন নিয়ম, কোন শৃঙ্খলা দেখা যায়, তবে সেগুলোকে সূত্ৰবন্ধ কৰাও মনোবিদ্যাৰ কাজ।

¹ ন্যায়শাস্ত্রকে সংজ্যে ন্যায়ও বলা হয়। এখন হেকে যেখানে প্ৰতিৰ সংজ্ঞাৰনা থাকবে না সেখানে “ন্যায়শাস্ত্রেৰ” হালে আমৱা “ন্যায়” শব্দটিই ব্যবহাৰ কৰিব।

বৈধ অনুমান ক্রিয়ার মত অবৈধ অনুমান ক্রিয়ার মধ্যেও নিয়ম দেখা যেতে পারে, যেমন যাধ্যমানুমানে হেতুপদ অব্যাপ্তি থাকলেও পক্ষ ও সাধ্যের মধ্যে একটা সহজ স্থাপন করার প্রবণতা অনেকের মধ্যেই দেখা যায়। কোন কোন সবস্ত অস্ত্রদৃষ্টির খলক আসে, যার মধ্যে কোন নিয়ম আবিষ্কার করা দুঃসাধ্য। মনোবিজ্ঞানীর কাছে এই সব ব্যাপার শুবই আকর্ষণীয়, নৈয়ায়িকের কাছে নিতান্তই অবাস্তু। মনের মধ্যে অনুমানক্রিয়া যেভাবে ঘটে তা মনোবিদ্যার আলোচ্য, ক্রিয়াটি সম্পূর্ণ হলে তার ফলের বৈধতা অবৈধতা ন্যায়ের আলোচ্য। এই বৈধতা অবৈধতার পার্দক্য একান্তভাবে নৈয়ায়িক, মনোবিজ্ঞানীর দৃষ্টিভঙ্গী থেকে মনোবিদ্যায় এই পার্দক্য করাই যায় না। নৈয়ায়িকের পশ্চাৎ, সম্পূর্ণ ন্যায়টি বৈধ কি অবৈধ।

আর একভাবে বলা যায়, মনোবিদ্যা বর্ণনামূলক বিজ্ঞান, মনের সর্বপ্রকার ক্রিয়ার বর্ণনা দেওয়া এবং যে যে প্রাকৃতিক নিয়মে এই ক্রিয়াগুলো ঘটছে সেগুলো আবিষ্কার করা মনোবিদ্যার কাজ। ন্যায় আদর্শনির্ণয় বিজ্ঞান, ন্যায়াদর্শ কি, ন্যায় বৈধ হতে হলে তার আকার কি হওয়া উচিত, নানাবিধ ন্যায় বিশ্লেষণ করে সেটি বলে দেওয়া ন্যায়ের কাজ। অনুমানের বিষয়বস্তু মনোবিদ্যার কাছে অপ্রয়োজনীয় নয়, কিন্তু ন্যায়ের কাছে অপ্রয়োজনীয়।

অবশ্য এক অর্থে ন্যায়কেও বর্ণনামূলক বিজ্ঞান বলা চলে। অনুমান যখন ন্যায়বিধি সম্মত হয়, এবং বৈধ ন্যায়ের আকারে অনুমানটি প্রকাশ করা হয়, তখন সেই বৈধ আকারটির বর্ণনা দেওয়া ন্যায়শাস্ত্রের কাজ। কিন্তু অবৈধ ন্যায় আমরা কখনও কখনও কেন গঠন করি, তার কারণ নির্ণয় করা মনোবিদ্যার কাজ, ন্যায়শাস্ত্রের নয়।

1.8 প্রতীকী ন্যায়

নব্য ন্যায়কে প্রতীকী ন্যায়ও বলা হয়। অবশ্য প্রতীক ব্যবহার ব্যব্য ন্যায়ের আবিষ্কার নয়, 1.4 অনুচ্ছেদে প্রাচীন ন্যায়েই আমরা প্রতীক ব্রচিত বচন ও ন্যায়ের দ্রষ্টান্ত দেখেছি। 1.5 অনুচ্ছেদে রাসেলের উদ্ধৃতি থেকে স্পষ্ট বোঝা যায়, ন্যায়কারটি পৃথকভাবে বোঝাতে গেলে প্রতীক ব্যবহারই শ্রেষ্ঠ উপায়, কারণ ন্যায়ের বৈধতা বিচারে পদের ব্যবহার বা অর্ধবোধ অপ্রয়োজনীয় তো বটেই, অনেক সময় বাধাও দ্রষ্ট করে।

এ ছাড়াও প্রতীক ব্যবহারের উপযোগিতা সবচে আরও মুক্তি দেওয়া যায়। আমরা অবশ্য বচন ও ন্যায় রচনায় সাধারণ ভাষাই ব্যবহার করে থাকি, কিন্তু ন্যায়শাস্ত্রের উচ্চেশ্যসাধনে সাধারণ ভাষা অনেক সময়ই বিভাস্তিজনক। 1.4 অনুচ্ছেদে তার দৃষ্টান্ত আমরা পেয়েছি। ধরন “কিন্তু” শব্দটি, এবং এর প্রয়োগের দুটি দৃষ্টান্ত :

- “চেহারাখানা তার ভালোই, কিন্তু আরও ভালো করবার মহার্থ সাধনায় তার আয়নার টেবিল প্যারিসীয় বিলাসবৈচিত্র্যে ভারাক্রান্ত।”

“সিগারেট টানতে আর মাথা ঘোরে না, কিন্তু পান খাবার আসঙ্গ এখনও প্রবল।”

দুটিই যৌগিক বাক্য, দুটিতেই কিন্তু সংযোজকের কাজ করছে, কিন্তু হিতীয় বাক্যের “কিন্তু” দুটি আপাতবিরোধী ভাবের সংযোগসাধন করছে, যেন যে মেঝে সিগারেট খায় তার আর পানে আসঙ্গ থাকার কথা নয়। প্রথম বাক্যের “কিন্তু” হারা সংযুক্ত সরল বাক্য দুটির ভাবের সম্মত কোর আপাতবিরোধিতা বোঝায় না। সাধারণতঃ আপাতবিরোধী মত বা তাৰ উপাপনের উচ্চেশ্যেই “কিন্তু” শব্দটি প্রয়োগ কৱা হয়। যেমন,

সে বুদ্ধিমান, কিন্তু অলস।

এর খেকে কেউ যদি মনে কৱেন, “কিন্তু” শব্দের হিতীয় ব্যবহারই সবীচীন, স্মৃতৰাং প্রথম বাক্যে “কিন্তু” শব্দের প্রয়োগের হারা লেখক ভালো চেহারার লোকের প্রসাধন কৱাকে আপাতবিরোধী আচরণ বলেছেন, তবে তিনি ভুল কৱবেন। সাধারণ ভাষায় লক্ষণা, ব্যঙ্গনা ইত্যাদির সাহায্যে ভাবার্থ বুঝতে হয়, কিন্তু ন্যায়ের পক্ষে এটা অস্ববিধা-জনক। সাধারণ ভাষায় অলঙ্কার প্রয়োগ ভাষার প্রসাধনেরই মত, কিন্তু অনেক জনেতার মুখেই তা দুর্বল যুক্তিকে জোরদার কৱে তোলবার প্রয়াস হাতে, অনেক কুকুপ যেমন প্রসাধনের হারা নিজেকে স্কুলপ দেখাবার প্রয়াস পান। পরবর্তী অধ্যায়ে আমরা দেখব, “কিন্তু”-র মত কতগুলো বিশেষ শব্দ ন্যায়ের আলোচনার ভিত্তিকৃপ। স্মৃতৰাং এগুলোর অর্থ নির্দিষ্ট কৱে না দিলে ন্যায়ের আলোচনা উচ্ছিষ্ট পথে চলতে পারবে না। এই ধরণের শব্দের অন্যও ন্যায় প্রতীক চিহ্ন ব্যবহার কৱে থাকে, এবং সংজ্ঞা হারা তার অর্থ নির্দিষ্ট কৱে দেয়, উচ্চেশ্য, যাতে আকারটি পৃথক কৱে বুঝতে কোন অস্ববিধা না হয়, যাতে ভাবানুভব হারা বুঝ

ভিল পথে চালিত না হয়। প্রতীক ব্যবহার দ্বারাই ন্যায় আকার বিষয়ে স্পষ্ট ও বিশ্ব আলোচনা করতে পারে।

বৃত্ততঃ, প্রতীক ব্যবহার যে কোন বিজ্ঞানের পক্ষে অপরিহার্য। বৃত্তের ক্ষেত্রফল জ্যামিতিতে πr^2 প্রতীকটি দ্বারা বোঝানো হয়। π বৃত্তের পরিধি ও ব্যাসের অনুপাত, r বৃত্তের ব্যাসার্ধ। যদি আমাদের সব সময় বলতে হত, r বৃত্তের ক্ষেত্রফল = বৃত্তটির পরিধি ও ব্যাসের অনুপাত ও তার ব্যাসার্ধের বর্গের গুণফল, তাহলে অথবা সময় নষ্ট হত, শব্দবাচ্ছল্যের ফলে অর্থবোধে বিঘ্ন ঘটত। বীজগণিতের

a ও b ধনপূর্ণ সংখ্যা হলে এবং $a > b$ হলে,

$$\left(1 + \frac{x}{a}\right)^a > \left(1 + \frac{x}{b}\right)^b$$

সুত্রটিকে ভাষায় প্রকাশ করার চেষ্টা করলেই বোঝা যাবে, শব্দবাচ্ছল্য মনসংযোগ ও অর্থবোধের সম্পূর্ণ পরিপন্থ। কিন্তু যে কেউ প্রাথমিক বীজগণিত করেছে তার কাছে সুত্রটির অর্থ পরিক্ষার। এই গ্রন্থের মধ্যভাগে আমরা এই ন্যায়বিধিটি পাব :

$$[(p \supset q) \cdot (q \supset r)] \supset (p \supset r)$$

শৃঙ্খলার্থ চতুর্থ শতাব্দীতেই ছোরিকরা বিধিটি জানতেন, কিন্তু তাঁরা এটিকে এভাবে প্রকাশ করেছেন :

যদি, যদি প্রথম তবে দ্বিতীয়
এবং যদি দ্বিতীয় তবে তৃতীয়,
তবে, যদি প্রথম তবে তৃতীয়।

যদি এর পরও বীজগণিতের সুত্রের মত করে লেখা বিধিটি দেখে আপনি অস্বাচ্ছল্য অনুভব করেন, তবে এই বই আপনারই জন্য। এই বইয়ে ন্যায়ের যে অংশ আলোচিত হবে, তার সাধনপ্রণালী শুধু 1 ও 0 এই দুটি অক্ষ দিয়ে গঠিত রাশির যোগবিয়োগের মত কঠিন।

হোয়াইটহেডের কথায়, প্রতীক ব্যবহার করলে আমরা অনেক ক্ষেত্রেই মগজ না খাটিয়ে শুধু চোখ দিয়ে অবরোহণের ধাপে ধাপে অগ্রসর হতে পারি। ন্যায়শাস্ত্রেও প্রতীকের ব্যবহার একই উদ্দেশ্যে করা হবে থাকে। আগেই বলা হয়েছে, প্রাচীন ন্যায়শাস্ত্রেও প্রতীকের ব্যবহার ছিল, নব্যন্যায় তাকে আরও সুসংৰক্ষ করেছে এবং অনেক সুন্তন ধরণের প্রতীক ব্যবহার করছে। এর ফলে নব্যন্যায়ের হাতে

এমন শক্তিশালী এক সাধনী এসেছে যে অনেক দীর্ঘ ও দুর্কাহ ন্যায়ের বিশ্লেষণ ও বিচার এর হারা সহজ হয়ে গেছে যা প্রাচীন ন্যায়ের পক্ষে সন্তুষ্ট ছিল না। নীচের ন্যায়টি দেখুন :

যদি আমি রাজা ডান বা বাঁ দিকের ধরে ঢালি, তবে নৌকা ঢালতে পারব না। যদি নৌকা না ঢালতে পারি, তবে পাঁচ চালে জিততে পারব না। আবার, যদি রাজাকে ডান বা বাঁ কোন ধরেই ঢালতে না পারি, তবে যদি প্রতিষ্ঠানী আমাকে হারাতে পারে, তবে তার একটা পরিকল্পনা থাকবেই। স্মৃতরাঙ, যদি প্রতিষ্ঠানী আমাকে হারাতে পারে এবং তার কোন পরিকল্পনা না থাকে, তবে আমি পাঁচ চালে জিততে পারব না।

এই ন্যায়টির গঠন এত জটিল যে বার বার পড়েও এটি বৈধ কি অবৈধ তা বোঝা যাচ্ছে না। কিন্তু প্রতীক ব্যবহারের হারা এই সব জটিল ন্যায়ের আকারও খুব সহজে প্রকাশ করা যায় • এবং বৈধতা পরীক্ষা করা যায়। প্রতীক ব্যবহারের ব্যাপারে নব্যন্যায়কে প্রাচীন ন্যায়ের সম্প্রসারণ মাত্র বলা চলে, এদের মধ্যে কোন নীতিগত বিরোধ নেই। কিন্তু এই সম্প্রসারণ এত যুগান্তকারী হয়েছে যে আগে যে সব অনুমানকে ন্যায়কারে প্রকাশ করতে অনেক কসরৎ করতে হত বা করা যেতই না, এখন সেগুলোরও আকার নিষ্কাশন ও পরীক্ষা সন্তুষ্ট হয়েছে। প্রতীক ব্যবহার অবরোহণ পদ্ধতিকে অমিত শক্তিশালী করেছে, বহু-বিস্তীর্ণ ক্ষেত্রে প্রয়োগযোগ্য সামান্যীকৃত সূত্রাবলী দিয়েছে।

এখানে একটা আপত্তি উঠতে পারে যে আমরা সাধারণ ভাষাকে অস্পষ্টার্থক, বিভাস্তিকর বলেও ন্যায়শাস্ত্রের আলোচনায় সাধারণ ভাষাই ব্যবহার করে যাচ্ছি। এতে অস্বাভাবিকতা কিছুই নেই। দাবা ও ব্রীজ খেলার নিয়মগুলোর কথা ভাবুন। যে কোন সাধারণ ভাষার ব্যাকরণের নিয়মের চেয়ে এগুলো অনেকবেশী স্পষ্ট, স্বৰ্থহীন, অর্থ সাধারণ ভাষায়ই রচিত। ঠিক তেমনি আমরা সাধারণ ভাষা ব্যবহার করেই ন্যায়ের জন্য একটি বিশেষ ভাষা তৈরী করব, যা স্পষ্টার্থক, স্বৰ্থহীন হবে। যেখানে সাধারণ ভাষার কোন শব্দ ন্যায়ে গুরুত্বপূর্ণ বলে বিবেচিত হবে, সেখানে যদি সাধারণ ভাষায় তার অর্থের মধ্যে কোন অস্পষ্টতা বা স্বৰ্থকতা থাকে, তবে একটা সংজ্ঞা দিয়ে তার অর্থ নির্দিষ্ট করে দেব,

এবং তার বদলে একটা বর্ণপ্রতীক বা অন্য কোন চিহ্ন ব্যবহার করব। সাধারণ ভাষার ব্যবহৃত শব্দের নানাবিধি দ্যোতনা থাকে, নানাপ্রকার ভাবানুভূত এসে মনকে দূরে নিয়ে যায়, তাই এই এই ব্যবহাৰ। মনে রাখতে হবে, বর্ণ, শব্দ দুই-ই প্রতীক, শুধু বর্ণপ্রতীক ব্যবহার কৰে একটা বাক্য লিখলে তাও একটা বিশেষ ভাষারই হবে, সেটা বিজ্ঞান, গণিত বা ন্যায়ের ভাষা। ন্যায়ের বিশেষ ভাষাটি তৈরী কৰতে আমরা খেলার নিয়ম তৈরী কৰার পক্ষতই অবলম্বন কৰব, যেন আমরা কতগুলো বর্ণ ও চিহ্ন নিয়ে খেলব। দাবা খেলায় যেমন কোন ধুঁটি কি ভাবে ঢালা যাবে, কি ভাবে যাবে না, তার নিয়ম বিধিবন্ধ থাকে, ন্যায়েও তেমনি কোন বর্ণ বা চিহ্ন কি ভাবে ব্যবহার কৰা যাবে, কি ভাবে যাবে না, তা বিধিবন্ধ কৰব, অর্থাৎ এগুলোর ব্যবহার রীতি নির্দিষ্ট কৰে দেব। কিন্তু খেলার নিয়মের মধ্যে যে বাধ্যবাধকতার অভাব আছে, ন্যায়ের ভাষা ব্যবহার রীতি তেমন নয়। দাবা খেলায় নৌকাকে হাতীর মত কোণাকুণি এবং হাতীকে নৌকার মত সোজা ঢালাবার নিয়ম কৰলে কোন আপত্তি হতে পারে না, শুধু খেলার ধরনটা পালটে যাবে। কিন্তু ন্যায়ে ভাষা ব্যবহার রীতি এরকম স্বেচ্ছামূলক নয়। ন্যায়ে সাধারণ ভাষা ব্যবহার রীতির ব্যতিক্রম কেবল তখনই কৰা হয়, যখন দেখা যায় এই রীতিতে বিশ্বাস ও বিশ্বাসি আসতে পারে। যেখানে কোন শব্দের একাধিক অর্থে ব্যবহার দেখা যায়, সেখানে ন্যায় শব্দটির প্রধান অর্থটি স্বৃপ্তিভাবে নির্দিষ্ট কৰে দেয়। সাধারণ ভাষার ব্যবহার-রীতিকে স্পষ্ট, স্বর্যহীন কৰাই ন্যায়ের উদ্দেশ্য, তা না হলে অনুমানের বৈধতা বিচার নির্বর্ধক হয়। শুধু বর্ণপ্রতীক হারা গঠিত ন্যায়ই নয়, সাধারণ ভাষার রচিত ন্যায়ও ন্যায়শাস্ত্রের বিবেচ্য।

1.9 বাচনিক ন্যায়

যে প্রাচীন ন্যায়ের সঙ্গে আমরা পরিচিত, তার স্ফুরিত ঝুঁপ প্রথম দেন এরিষ্টট্লু। তাঁর “পূর্ববর্তী বিশ্লেষিকা”¹ গ্রন্থে তিনি বলেন, প্রদত্ত করেকটি বচন থেকে আর একটি বচন অনিবার্যভাবে নিঃস্তত হলে তাকে ন্যায় বলে। আমরা ন্যায়ের যে সংজ্ঞা দিয়েছি তার সঙ্গে এর কোন প্রভেদ নেই। কিন্তু যখন তিনি ন্যায়ের আনোচনায় প্রবৃত্ত হলেন, তখন অধিকাংশ ক্ষেত্রে কেবল বিশিষ্ট ও সামান্য বচনকেই ন্যায়ের মুক্তিবচন

ও সিদ্ধান্ত হিসেবে ব্যবহার করলেন। তখন তিনি বললেন, বে অনুমানে দুটি যুক্তিবচনে একটি মধ্যপদের সাহায্যে অন্য দুটি পদকে সংযোগ করে সিদ্ধান্ত নিঃস্থত হয়, তাকে ন্যায় বলে। এই অন্যই এই প্রকার ন্যায়কে মাধ্যমানুমান বলা হয়। এই সঙ্গীর্ণতর অর্থে

যদি বৃটি হয়, তবে মাটি ভিজবে,
বৃটি হবে,

∴ মাটি ভিজবে।

এই অনুমানটি, বা যৌগিক বচন হারা গঠিত কোন অনুমানই ন্যায় হবে না।

এরিষ্টটলের পরবর্তী নৈয়ায়িকেরা, কোন কোন স্থলে এরিষ্টটলেরই কোন ইঙ্গিত অনুসরণ করে, যিন্ত ন্যায়ের আলোচনা করেছেন, তাতে যুক্তিবচন বা সিদ্ধান্ত যৌগিক বচন হতে পারে।¹ চতুর্দশ শতাব্দী পর্যন্ত এরিষ্টটলীয় ন্যায়ের বিশ্লেষণ ও সম্প্রসারণ চলে। কিন্ত এই প্রাচীন ন্যায়শাস্ত্রে সর্বপ্রকার ন্যায়ের আলোচনা নেই। 1.1 অনুচ্ছেদের (4) ও (5) ন্যায়ের বা 1.8 অনুচ্ছেদের দাবাখেলা বিষয়ক ন্যায়টির বিচার প্রাচীন ন্যায়শাস্ত্রের সাহায্যে করা যাবে না। আমরা ন্যায়শাস্ত্রের যে সংজ্ঞা দিয়েছি তাতে সচরাচর করা হয় এমন যে কোন ন্যায়ের আকার নির্দয় ও বিচার ন্যায়শাস্ত্রে সন্তু হওয়া উচিত। এই দিক থেকে নব্য ন্যায় ন্যায়শাস্ত্রের পরিধিকে অনেক সম্প্রসারিত করেছে।

নব্যন্যায় সাধারণতঃ যে ন্যায়ে যুক্তিবচন বা সিদ্ধান্ত বা দুই-ই যৌগিক বচন হতে পারে, যে ন্যায়ের বৈদতা শুধু বচন সংযোজনের প্রকৃতি থেকেই নির্ণয় করা যায়, সেই ধরণের ন্যায়ের আলোচনা দিয়ে শুরু করে। তার কারণ, এই ধরণের ন্যায়ের আকার ও বিধি অন্য সর্বপ্রকার ন্যায়ের আলোচনার ভিত্তিকূপ। ন্যায়শাস্ত্রের এই অংশকে বাচনিক ন্যায় বলে। প্রাচীন ন্যায়ে যাকে মাধ্যমানুমান বলা হয়, যার আকার BARBARA, CELARENT, ইত্যাদি স্মৃতি সহায়ক শব্দ হারা। সূচিত করা হয়, তা বাচনিক ন্যায়ের অন্তর্গত নয়, কারণ তার বিচার বচনের আভ্যন্তরীণ গঠনের বিশ্লেষণের উপর নির্ভর করে।

এই গ্রন্থে প্রথমবারে বাচনিক ন্যায়ের আলোচনা করব।

¹ The Development of Logic, William and Martha Kneale, OUP, p 67 f, p 105 f.

ସିତିଆ ଅଧ୍ୟାୟ ଯୌଗିକ ବଚନ

2.1 ସରଲ ଓ ଯୌଗିକ ବଚନ :

ବଚନ ଦୁଇ ପ୍ରକାର, ସରଲ ଓ ଯୌଗିକ । ସେ ବଚନର ଅଂଶ ବା ଉପାଦାନ ହିସେବେ ଅନ୍ୟ ବଚନ ନେଇ, ତାକେ ସରଲ ବଚନ ବଲା ହୁଏ, ସେ ବଚନ ଗଠନେ ଏକାଧିକ ସରଲ ବଚନ ଅଂଶ ବା ଉପାଦାନ ହିସେବେ ବ୍ୟବହର ହୁଏ, ତାକେ ଯୌଗିକ ବଚନ ବଲେ । ଯୌଗିକ ବଚନେ ସଂଯୋଜକେର ସାହାଯ୍ୟ ଉପାଦାନ ବଚନ-ଗୁଣୋକେ ସଂୟୁକ୍ତ କରା ହୁଏ ।

(କ) ତିନି ପାଯଚାରୀ କରଛେ ଏବଂ ନାନା କଥା ଭାବଛେ ।

(ଖ) “ଆମି ଚୋଥ ବୁଝେ ଆମଙ୍କେ ଆମାର ନିଜେର ମଧ୍ୟେ ପ୍ରବେଶ କରେ ବସେ ଥାକତୁମ ଏବଂ ସେଇଥାନ ଥିକେ ନେଶାର ରୋକେ ସ୍ଵଗତ ଉତ୍ତିଷ୍ଠି ପ୍ରଯୋଗ କରତୁମ ।”

(ଗ) ତିନି ଆସବେନ ବା ଏକଟା ଖବର ପାଠାବେନ ।

ପ୍ରଥମ ଦୁଟି ବଚନେ “ଏବଂ” ଏବଂ ତୃତୀୟ ବଚନେ “ବା” ଶବ୍ଦ ସଂଯୋଜକେର କାଜ କରଛେ । (କ) ବଚନଟି ଯୌଗିକ ବଚନ,

(କ) (1) ତିନି ପାଯଚାରୀ କରଛେ,

(କ) (2) ତିନି ନାନା କଥା ଭାବଛେ,

ଏଇ ଦୁଟି ସରଲ ବଚନ ଦ୍ୱାରା ଗଠିତ । (ଖ) ବଚନଟି

(ଖ) (1) ଆମି ଚୋଥ ବୁଝେ ଆମଙ୍କେ ଆମାର ନିଜେର ମଧ୍ୟେ ପ୍ରବେଶ କରେ ବସେ ଥାକତୁମ,

(ଖ) (2) ଆମି ସେଇଥାନ ଥିକେ ନେଶାର ରୋକେ ସ୍ଵଗତ ଉତ୍ତିଷ୍ଠି ପ୍ରଯୋଗ କରତୁମ,

ଏବଂ (ଗ) ବଚନଟି

(ଗ) (1) ତିନି ଆସବେନ,

(ଗ) (2) ତିନି ଏକଟା ଖବର ପାଠାବେନ,

সরল বচন দুটি হারা গঠিত। যৌগিক বচনের উপাদান হিসেবে যখন কোন সরল বচন ব্যবহৃত হয়, তখন তাকে সরল উপাদান বচন বা সংক্ষেপে উপাদান বচন বলা হয়। একই বচনে একাধিক সংযোজক খাকতে পারে, এবং উপাদান বচন নিজেও যৌগিক হতে পারে।

সে পাটনা বা দিল্লী যাবে, এবং ব্যবসা শুরু করবে।

যতিচিন্ত হারা বোধা যাচ্ছে, বচনটির মূল সংযোজক “এবং” উপাদান বচন দুটি,
সে পাটনা বা দিল্লী যাবে,
সে ব্যবসা শুরু করবে।

প্রথম উপাদান বচনটি নিজেই একটি যৌগিক বচন, যার দুটি সরল
উপাদান বচন,

সে পাটনা যাবে,
সে দিল্লী যাবে।

2.2 সংযোজক

2.1 অনচেদে আমরা দুটি সংযোজকের দৃষ্টান্ত দেখেছি। সাধারণ
ভাষায় আর এক প্রকার সংযোজকের ব্যবহার আছে।

- (ৰ) তিনি বললেন যে অস্তিত্বের চেয়ে নাইট্রোজেন ভারী।
- (ঙ) আমি বিশ্বাস করি যে, আমাদের ছায়াপথে আরও জীব-
অধ্যুষিত গ্রহ আছে।

বচন দুটিতে “যে” সংযোজকের কাজ করছে।

সংযুক্ত উপাদান বচন গুলো হচ্ছে,

- (ৰ) (১) তিনি বললেন,
- (ৰ) (২) অস্তিত্বের চেয়ে নাইট্রোজেন ভারী।
- (ঙ) (১) আমি বিশ্বাস করি,
- (ঙ) (২) আমাদের ছায়াপথে আরও জীব-অধ্যুষিত গ্রহ আছে।

কিন্তু “এবং” বা “বা” সংযোজক, এবং “যে” সংযোজকের মধ্যে
পার্থক্য আছে।

আমরা জানি, একমাত্র বচনই সত্য বা মিথ্যা হতে পারে, অর্থাৎ
বচনবাত্তেরই সত্য-মিথ্যা সত্ত্বাবনা আছে। সত্যতা বা মিথ্যার বচনের
মান। কোন বচন সত্য হলে তার মান সত্য, মিথ্যা হলে তার মান

মিথ্যা । কোন বিশেষ বচনের সত্যতা বা মিথ্যাত্ব নিরূপণ করা বা জ্ঞানার সঙ্গে অবশ্য ন্যায়ের কোন সম্পর্ক নেই । কোনু বচন সত্য কোনু বচন মিথ্যা, তা আমরা নাও জানতে পারি । বচনের সত্য- বা মিথ্যা-বোগ্যতাই একমাত্র ন্যায়ের বিবেচ্য । (ঙ) (২) বচনটি সত্য কি মিথ্যা আমরা জানি না । এটি সত্যও হতে পারে, মিথ্যাও হতে পারে । বলা যেতে পারে, বচনমাত্রই সত্যার্থী । ন্যায়ের কাছে কোন বিশেষ বচনের সত্যতা বা মিথ্যাত্ব প্রয়োজনীয় নয়, প্রয়োজনীয় শুধু তার সত্য- বা মিথ্যা-বোগ্যতাই বা সত্য-মিথ্যা সন্তাবনা ।

যে যৌগিক বচনের সত্যতা বা মিথ্যাত্ব কেবলমাত্র তার সরল উপাদান বচনের সত্যতা বা মিথ্যাত্ব ছাড়া আর কিছুরই উপর নির্ভর করে না, তাকে সত্যাপেক্ষ যৌগিক বচন, সংক্ষেপে সত্যাপেক্ষক বা অপেক্ষক বলে, এবং তার সংযোজককে সত্যাপেক্ষ সংযোজক বলে ।
২.১ অনুচ্ছেদের (ক), (খ) ও (গ) বচন সত্যাপেক্ষক ।

(ক) তিনি পায়চারী করছেন এবং নানা কথা ভাবছেন,

বচনের সত্যতা

(ক) (১) তিনি পায়চারী করছেন,

(ক) (২) তিনি নানা কথা ভাবছেন,

উভয় উপাদান বচনের সত্যতার উপর নির্ভর করে । তেমনি, (খ) বচনের সত্যতা (খ) (১) ও (খ) (২) উভয় উপাদান বচনের সত্যতার উপর নির্ভর করে । উভয় উপাদান বচন সত্য না হলে (ক) ও (খ) বচন মিথ্যা হবে ।

(গ) তিনি আসবেন বা একটা খবর পাঠাবেন,

বচনের সত্যতা

(গ) (১) তিনি আসবেন,

(গ) (২) তিনি একটা খবর পাঠাবেন,

এর যে কোন একটি উপাদান বচনের সত্যতার উপর নির্ভর করে । উভয় উপাদান বচন 'মিথ্যা' হলে (গ) বচন মিথ্যা হবে । ঐ শর্ত ছাড়া (ক), (খ) ও (গ) বচনের সত্যতা বা মিথ্যাত্ব অন্য কোন শর্তের উপর নির্ভরশীল নয় । কিন্তু এই অনুচ্ছেদের (ষ) ও (ঙ) বচনের সত্যমিথ্যাত্ব উপাদান বচনের সত্যমিথ্যাত্বের উপর নির্ভর করে না ।

(ষ) তিনি বললেন যে অঙ্গিজেনের চেয়ে নাইট্রোজেন ভারী, বচনের সত্যতা বা মিথ্যাত্ব

(ষ) (২) অঙ্গিজেনের চেয়ে নাইট্রোজেন ভারী, বচনের সত্যমিথ্যাত্বের উপর নির্ভর করে না। বস্তুতঃ, (ষ) (২) বচন মিথ্যা, কিন্তু যদি (ষ) (২) বচনের হলে

নাইট্রোজেনের চেয়ে অঙ্গিজেন ভারী

বচনটি সংস্থাপন করি, তবু তার হারা (ষ) বচনের সত্যতা নিরূপিত হয় না।

(ঙ) (২) আমাদের ছায়াপথে আরও জীব-অধূরিত গ্রহ আছে, বচনের সত্যমিথ্যাত্ব অজ্ঞাত, এটি সত্য বা মিথ্যা যাই হোক না কেন, তার হারা

(ঙ) আমি বিশ্বাস করি যে আমাদের ছায়াপথে আরও জীব-অধূরিত গ্রহ আছে,

বচনের সত্যমিথ্যাত্ব নিরূপিত হয় না। এককথায়, যৌগিক বচন হিসেবে (ষ) ও (ঙ) বচনের সত্যমিথ্যাত্ব (ষ) (২) ও (ঙ) (২) বচনের সত্যমিথ্যাত্বের উপর নির্ভর করে না।

“যাতে”, “কারণ”, সংযোজকগুলোও একই রকমের।

(চ) তিনি ছুটে বেরিয়ে গেলেন যাতে ট্রেনটি ধরতে পারেন।
(ছ) তিনি ডিম খান না, কারণ তাঁর ডিমে এলাজি আছে।

(চ) বচনের সত্যতা তাঁর ট্রেন ধরতে পারা বা না পারার উপর নির্ভর করে না, (ছ) বচনের সত্যতা তাঁর ডিমে এলাজি থাকা বা না থাকার উপর নির্ভর করে না।

কোন যৌগিক বচনের সত্যমিথ্যাত্ব উপাদান বচনের সত্যমিথ্যাত্বের উপর নির্ভরশীল না হলে বচনটি সত্যাপেক্ষক নয়, এবং তার সংযোজক ও সত্যাপেক্ষ নয়। বচনের মধ্যে যেগুলো সত্যাপেক্ষক ও সংযোজকের মধ্যে যেগুলো সত্যাপেক্ষ, কেবল সেগুলোই ন্যায়ে আলোচ্য।

কোন কোন হলে সংযোজক উহ্য রেখেও যৌগিক বচন গঠন করা হয়, যেমন,

“এ ঘর থেকে ও ঘরে পায়চারী করে বেড়াতে জাগনুম—
অঙ্ককার হয়ে এসেছে, গড় গড় শব্দে মেখ ডাকছে, বিদ্যুতের
উপর বিদ্যুৎ, ছ ছ করে এক একটা বাতাসের দমকা আসছে
আর আমাদের বারান্দার সামনে বড়ো নিচুগাছটার ঘাড় ধরে
মেন তার দাঢ়ি-শুল্ক মাখাটা নাড়িয়ে দিচ্ছে—দেখতে দেখতে
বৃষ্টির জলে আমাদের শুকনো খালটা প্রায় পূরে এল।”

এই যৌগিক বচনটিতে সাতটি ($1+5+1$) সরল বচন আছে, সংযোজক
ব্যবহার করা হয়েছে মাত্র একটি, “আর”, যার অর্থ “এবং”।

ন্যায়ে চার প্রকারের সত্যাপেক্ষ যৌগিক বচনকে মুখ্যরূপে স্বীকার
করা হয়, সংযোগিক, বৈকল্পিক, নিষেধক ও প্রাকল্পিক। তদন্ত্যায়ী মুখ্য
সংযোজকও চার প্রকারের।

২.৩ গ্রাহকপ্রতীক বর্ণ

বর্ণ প্রতীকের কথা আগেই বলা হয়েছে। “সব S (হয়) P”
বচনাকারে S ও P বর্ণয় যথাক্রমে উদ্দেশ্যপদ ও বিধেয়পদের প্রতীক।
গণিতে প্রতীক ব্যবহারের সঙ্গে আমরা স্ফূরিত।

$$(a + b)^2 = a^2 + 2ab + b^2$$

সূত্রটিতে a ও b যে কোন সংখ্যার প্রতীক। ন্যায়ে বচনের প্রতীক
হিসেবে ইংরেজী বর্ণমালার ছোট হাতের p, q, r.... বর্ণগুলো ব্যবহার
করা হয়। পরবর্তী অনুচ্ছেদ থেকে দেখা যাবে, সংযোজকের জন্যও
প্রতীক চিহ্ন ব্যবহার করা হয়।

সংযোজকপ্রতীক চিহ্ন ও বচনপ্রতীক বর্ণের মধ্যে পার্থক্য আছে।
সংযোজকের ক্রিয়া নির্দিষ্ট, কোন বিশেষভাবে একাধিক বচনের সংযোজন
করা (পরবর্তী অনুচ্ছেদে দ্রষ্টব্য)। সংযোজকপ্রতীক আকার জ্ঞাপক,
তাই সংযোজকপ্রতীককে ন্যায়শুলক বলা হয়। কিন্তু বচনপ্রতীক
একটি গ্রাহকপ্রতীক। যে প্রতীক বর্ণের স্থানে কোন বিশেষ শ্রেণীর
কোন কিছু সংস্থাপনীয়, তাকে গ্রাহকপ্রতীক বলে, এবং তার স্থানে যা
সংস্থাপনীয় তাকে গ্রাহকপ্রতীকের মান¹ বলে। গণিতে a, b,.....

¹ এখানে “মান” শব্দটি ২.২ অনুচ্ছেদের বচনের মান থেকে ভিন্ন অর্থে
ব্যবহৃত হয়েছে। গ্রাহকপ্রতীকের স্থানে যা সংস্থাপনীয় তাই গ্রাহকপ্রতীকের মান।
বচনের “মান” অর্থ বচনের সত্যামান বা সিদ্ধ্যামান। যে কোন বচন নিজে বচন-
গ্রাহকপ্রতীকের মান।

সংখ্যাগ্রাহক প্রতীক বর্ণ, তাদের স্থানে যে কোন সংখ্যা সংস্থাপনীয়, ন্যায়ে p, q, r, \dots বচনগ্রাহকপ্রতীক বর্ণ, তাদের স্থানে যে কোন বচন সংস্থাপনীয়। বচনগ্রাহক প্রতীক সংখ্যাগ্রাহকপ্রতীকের সমতুল্য। সংযোজকপ্রতীক চিহ্ন গণিতের $a+b, a \times b$ রাশিগুলোর “+”, “×”, ক্রিয়াসূচক চিহ্নের সমতুল্য। এদের ক্রিয়া দুইপার্শে অবস্থিত সংখ্যাগ্রাহক প্রতীকের মানের উপর নির্দিষ্ট ক্রিয়া সম্পাদন করা।

বচনগ্রাহকপ্রতীক বর্ণ কেবল বচনকেই মান হিসেবে গ্রহণ করবে, সংখ্যাগ্রাহকপ্রতীক বর্ণ কেবল সংখ্যাকেই মান হিসেবে গ্রহণ করবে। বিভিন্ন প্রকারের গ্রাহকপ্রতীক বিভিন্ন প্রকারের মান গ্রহণ করে। কোন্ গ্রাহকপ্রতীক কি মান গ্রহণ করবে তা প্রসঙ্গতঃ ধর্তব্য। যদি লিখি,

(ক) $10 > x > 8$,

তবে পরিষ্কার বোঝা যায়, x সংখ্যাগ্রাহকপ্রতীক ক্রমে ব্যবহৃত হয়েছে। যদি লিখি,

(খ) x (হয়) একজন মানুষ,

তবে বুঝতে হবে x একটি ব্যক্তিনামগ্রাহকপ্রতীকরূপে ব্যবহৃত হয়েছে। (ক) সুত্রে x এর স্থানে ব্যক্তিনাম বা (খ) সুত্রে x এর স্থানে সংখ্যা বা বচন সংস্থাপন করলে অর্থহীন বচন তৈরী হবে। (ক) সুত্রে x এর স্থানে 9 সংস্থাপন করলে বচনটি সত্য হবে, 11 সংস্থাপন করলে বচনটি মিথ্যা হবে। (খ) সুত্রে x এর স্থানে “সক্রেটিস” সংস্থাপন করলে বচনটি মিথ্যা হবে। “মহাদেব” সংস্থাপন করলে বচনটি মিথ্যা হবে। সাধারণতঃ গ্রাহকপ্রতীককে অজ্ঞাতমান বলা হয়, তার অর্থ এই যে সে কোন্ মান গ্রহণ করবে তা অজ্ঞাত, সে কী মান অর্থাৎ কি প্রকারের মান গ্রহণ করবে তা অজ্ঞাত নয়।

2.4 সংযোগিক অপেক্ষক

“এবং” শব্দটি একটি সত্যাপেক্ষ সংযোজক। “ও”, “আর”, শব্দগুলো “এবং” অর্থ বহন করে।

(ক) তিনি আসবেন এবং আমি তাঁর সঙ্গে যাব,
এই যৌগিক বচনটি

(ক) (1) তিনি আসবেন,

(ক) (2) আমি তাঁর সঙ্গে যাব,

এই দুইটি সরল উপাদান বচনের সংযোগ হারা গঠিত একটি সংযোগিক বচন। উপাদান বচনকে সংযোগী বচন বলা হয়। একাধিক সরল বচনকে “এবং” বা সমার্থক কোন সংযোজক হারা শুক্ত করলে যে যৌগিক বচন হয় তাকে সংযোগিক বচন বলে। সংযোগিক বচনের সত্যমিথ্যাত্মক কেবলমাত্র সংযোগী বচনের সত্যমিথ্যাত্মকের উপর নির্ভরশীল, সেইজন্য সংযোগিক বচনকে সংযোগিক অপেক্ষক বলা হয়। উভয় সংযোগী বচন সত্য হলে সংযোগিক বচনটি সত্য হবে, নতুন মিথ্যা হবে। সংযোগিক বচনের সত্যাসত্য নির্ণয়ের এই নিয়মটি একটি সামান্য নিয়ম, সুজ্ঞাঃ কোন বিশেষ বচনের উল্লেখ না করে শুধুমাত্র বচনগ্রাহক প্রতীক বর্ণ^১ ব্যবহার করে বলা যায়, “*p* এবং *q*” আকারের যে কোন সংযোগিক বচন কেবলমাত্র *p* ও *q* উভয়ই সত্য হলে সত্য হবে, নতুন মিথ্যা হবে। যে কোন দুটি বচন, *p* ও *q*, দেওয়া থাকলে মিলিতভাবে তাদের চার রকমের মান অর্থাৎ সত্য-মিথ্যা সম্ভাবনা হতে পারে, এবং তাদের প্রত্যেকটি “*p* এবং *q*” সংযোগিক বচনের মান অর্থাৎ সত্যতা বা মিথ্যাত্মক অন্যভাবে নির্দিষ্ট করে দেয়।

যদি *p* সত্য *q* সত্য হয়, তবে “*p* এবং *q*” সত্য ;

যদি *p* সত্য *q* মিথ্যা হয়, তবে “*p* এবং *q*” মিথ্যা ;

যদি *p* মিথ্যা *q* সত্য হয়, তবে “*p* এবং *q*” মিথ্যা ;

যদি *p* মিথ্যা *q* মিথ্যা হয়, তবে “*p* এবং *q*” মিথ্যা।^২

উপরের (ক) বচনে “এবং” শব্দটি দুটি সরল বচনের মাঝখানে বসেছে। অন্যভাবেও “এবং” শব্দটি সংযোগিক বচন গঠন করতে পারে।

(খ) রবীন্দ্রনাথ এবং কালিদাস উভয়েই নিসর্গের কবি।

(গ) সেক্সপীয়র কবি এবং নাট্যকার ছিলেন।

১ এখন থেকে সংক্ষেপে বচন-বর্ণণ বলা হবে।

২ ১.৪ অনুস্ক্রদে আমরা বলেছি, আকারকে সত্য-মিথ্যা বলা চলে না। এখানে “*p* এবং *q*” বচনাকারকে লক্ষ্যাত্মক সত্য-মিথ্যা বলা হচ্ছে, বজ্জ্বা, “*p* এবং *q*” আকারের যে কোন সংযোগিক বচন নির্দিষ্ট শর্তাধীনে সত্য-মিথ্যা হবে। পরে অন্যান্য যে সব অপেক্ষক আবোচিত হবে, তাদের বেলায়ও একই কথা হাউবে। কোন কোন সময় আমরা “*p* এবং *q*” বা অনুরূপ বচনাকারকে শুধু বচন বলব, লক্ষ্যাত্মক বুঝতে হবে, এই আকারের যে কোন বচন।

(খ) বচনাটি

- (খ) (1) রবীন্দ্রনাথ নিসর্গের কবি,
 (খ) (2) কালিদাস নিসর্গের কবি,

এবং (গ) বচনাটি

- (গ) (1) সেক্ষ্মপীয়র কবি ছিলেন,
 (গ) (2) সেক্ষ্মপীয়র নাট্যকাৰ ছিলেন,

সৱল বচনগুলোৱ সংযোগ ।

সাধাৰণ ভাষায় সংযোগী বচনগুলো পৰম্পৰ প্রাসঙ্গিক না হলৈ “এবং”
 সংযোজকেৰ ব্যবহাৰ সচৰাচৰ দেখা যায় না ।

ছায়াপথে অগণিত নক্ষত্র আছে, এবং আমাৰ বাগানেৱ ঘাসগুলো
 বেড়ে উঠেছে ।

একুপ সংযোগিক বচনেৱ ব্যবহাৰ সাধাৰণ ভাষায় বেশীনান হবে, কিন্তু
 ন্যায়ে নিষিদ্ধ নয় । ন্যায়ে “এবং” শব্দেৱ অৰ্থ সংযোগী বচনগুলোৱ
 মিলিত সত্যতা ছাড়া আৱ কিছু নয় । এটিই “এবং” শব্দেৱ আকাৰগত
 অৰ্থ, সংযোগী বচনগুলোৱ বিষয়বস্তুৱ সঙ্গে এৱ কোন সম্পর্ক নেই
 বলেই একুপ উক্ত সংযোগেও ন্যায় কোন আপত্তি কৰে না ।

“এবং” শব্দেৱ কতক ব্যবহাৰ সংযোজক হলৈও সত্যাপেক্ষ নয় ।
 যেমন,

বক্ষিমচন্দ্ৰ এবং সঞ্জীবচন্দ্ৰ ভাই ছিলেন, (1.4 অনুচ্ছেদ প্রষ্টব্য) ।
 এখানে “এবং” “বক্ষিমচন্দ্ৰ” ও “সঞ্জীবচন্দ্ৰ” এই দুটি নামকে সংযুক্ত কৰেছে,
 দুটি বচনকে নয়, স্বতৰাং এখানে “এবং” এৱ ব্যবহাৰ সত্যাপেক্ষ নয় ।
 কোন কোন স্থলে সংযোগী বচনগুলোৱ বিভিন্ন ক্রমবিন্যাস সাধাৰণ ভাষায়
 বিভিন্ন অৰ্থ বহন কৰে ।

তিনি আঁচালেন এবং খেতে গেলেন,
 বললে বজ্জাৰ বা ভোজ্জাৰ মন্তিকেৰ সুস্থতা সহজে প্ৰাপ্ত আগে ।

ক্ষেমাঞ্জিনীৰ বিয়ে হল এবং ছেলে হল,

ও

ক্ষেমাঞ্জিনীৰ ছেলে হল এবং বিয়ে হল,
 দুটি বচনেৱ অৰ্দেৱ যথে আকাৰ-পাতাল পাৰ্শক্য । সাধাৰণ ভাষায় এসব
 ক্ষেত্ৰে “এবং” শব্দেৱ অৰ্থ “এবং তাৱপৰ” । শুধু বচনবৰ্ণ ব্যবহাৰ

করলে সংযোগিক বচনগুলোর আকার দাঁড়ায় “*p* এবং *q*,” এর সঙ্গে “*p* এবং *p*” এর কোন পার্থক্য নেই। যদিও *p* ও *q*-এর স্থানে বচন সংস্থাপন করলে বিভিন্ন অর্থ ব্যক্ত হবে, এইসব বিশিষ্ট অর্থ ন্যায়ে বিবেচ্য নহ, শুধু সংযোগী বচনগুলোর মিলিত সত্যতা সংযোগিক অপৌরুষের বজ্রব্য।

“আর” শব্দটিও “এবং” শব্দের মত সংযোজকের কাজ করে, কিন্তু কখনও কখনও সংযোগী বচনগুলোর মধ্যে একটা বিকল্পভাবের ইঙ্গিত করে। যেমন,

আমি বেরোচ্ছি, আর তুমি এলে ।

“কিন্তু” শব্দটি অনেক সময় “আর” শব্দের মত ।

সে বুদ্ধিমান, কিন্তু অলস,

বেন অলসতা বুদ্ধিমত্তাকে খর্ব করে। তবুও এই বচনগুলো সংযোগিক, এদের অর্থ,

আমি বেরোচ্ছি এবং তুমি এলে,

সে বুদ্ধিমান এবং সে অলস,

অন্য যত ভাবের ইঙ্গিতই মূলবচনগুলো করুক না কেন। “অধিকস্ত”, “তথাপি”, “তবুও”, “যদিও”, শব্দগুলোও “এবং” অর্থবোধক, যদিও সাধারণ ভাষায় এদের ব্যবহার অনেক রকম ভাবের ইঙ্গিত বহন করে। অনেক সময় কমা, সেমিকলনও সংযোজকের কাজ করে।

সাধারণ ভাষার সংযোজক শব্দগুলোর বিভিন্ন অর্থের মধ্যে ন্যূনকম্ভ অর্থটি নির্দেশ করার জন্য ন্যায়ে এই শব্দগুলোর স্থলে “.”¹ প্রতীকটি ব্যবহার করা হয়। এটি সংযোগ-প্রতীক, দুটি বচন বা বচনবর্দ্ধের মধ্যে সংস্থাপনীয়। এর ন্যূনকম্ভ অর্থ, সংযোগী বচনগুলোর মিলিত সত্যতা। পূর্বোক্ত সংযোগিক বচনগুলো “.” সহযোগে দাঁড়ায়,

তিনি আসবেন . আমি তার সঙ্গে যাব ।

রবীন্দ্রনাথ নিসর্গের কবি . কালিদাস নিসর্গের কবি ।

সেক্সুপীয়র কবি ছিলেন . সেক্সুপীয়র নাট্যকার ছিলেন ।

আমি বেরোচ্ছি . তুমি এলে ।

সে বুদ্ধিমান . সে অলস ।

বচনবর্দ্ধ ব্যবহার করলে সবগুলোর আকার *p.q* ।

1. ইংরেজী “dot,” বাংলায় “বিন্দু” গঢ়া যেতে পারে।

“এবং”, “কিন্তু”, “আর” ইত্যাদি বিভিন্ন সংযোজকের বিশেষ অর্থ বহন করার জন্য বিশেষ বিশেষ প্রতীক চিহ্ন ব্যবহার করা উচিত বলে করলে ভুল করা হবে। আমরা সত্যাপেক্ষ সংযোজকের ব্যবহার-বৈত্তি নির্দেশ করছি। এই সমস্ত সূক্ষ্ম ইঙ্গিত বা ভাব সংযোজকপ্রতীক দ্বারা বোঝাতে গেলে সংযোজকটি আর সত্যাপেক্ষ ধাকবে না। “এবং” ও সমার্থক শব্দগুলো সাধারণ ভাষায় যত বিভিন্ন অর্থেই ব্যবহৃত হোক না কেন, সংযোজকপ্রতীক “.” চিহ্নটি ঐ সমস্ত জায়গায় ব্যবহৃত হতে পারবে, যদিও সাধারণ ভাষার অভীষ্ঠ সব অর্থ বহন করবে না।

p.g কে সংযোগিক বচনের আকার বলা হয়েছে। যেহেতু এই আকারের বচনের মান কেবলমাত্র সংযোগী বচন সমূহের মানের উপর নির্ভরশীল, সেজন্য p.g-কে সংযোগিক অপোক্তকও বলা হয়েছে। স্বত্ত্বাং দেখো যাচ্ছে, আকারের দিক থেকে দেখলে যাকে সংযোগিক বচনের আকার বলা হয়, মানের দিক থেকে দেখলে তাকেই সংযোগিক অপোক্তক বলা চলে।

2.5 সত্যসারণী

যে কোন সত্যাপেক্ষ যৌগিক বচনের (অপোক্তকের) মানের একমাত্র শর্ত উপাদান বচনগুলোর মান। পূর্ব অনুচ্ছেদে উপাদান বচনগুলোর মানের দ্বারা কি ভাবে যৌগিক বচনের মান অনন্যভাবে নির্দিষ্ট হয়, সংযোগিক বচনের বেলায় তার একটি দৃষ্টিত্ব দেখেছি। সত্যসারণীর সাহায্যে এটি খুব সহজভাবে দেখানো যায়। উপাদান বচন বা বচন-বর্ণের সন্তান্য সমস্ত মান সন্তান্য সমস্ত সমাবক্ষে সন্নিবিষ্ট করে একটি সারণীতে সংস্থাপন করে যৌগিক বচনের মান নির্ণয় করাকে মান-বিশ্লেষণ বলে। উপাদান বচন বা বচনবর্ণের এক্সপুর্প সর্বপ্রকার মান-সমাবেশ করাকে যৌগিক বচনের মানশর্ত নির্দেশ করা বলে। উপাদান বচন বা বচনবর্ণের কোন মানসমাবেশে যৌগিক বচন সত্য, কোন সমাবেশে মিথ্যা, তা সত্যসারণী থেকে খুব সহজে দেখে নেওয়া যায়।

সংযোগিক অপেক্ষকের সত্যসারণী নিম্নপ্রকার :

সারণী (1)

p	q	$p \cdot q$
T	T	T
T	F	F
F	T	F
F	F	F

সারণীতে “সত্য” ও “মিথ্যা”র বদলে ইংরেজী True ও False
শব্দের বড় হাতের প্রথম বর্ণটি ব্যবহার করা হয়েছে। সারণীটি দেখলেই
বোৰা যাবে, এটি পূর্ব অনুচ্ছেদে বর্ণিত “ p এবং q ” যৌগিক বচনের
মান নির্ণয়ের অনুরূপ। বাঁ দিকের দুই স্তুতে p ও q বচনবর্ণ দুটির
সম্ভাব্য সকল প্রকার মিলিত মানসমাবেশ করা হয়েছে, এবং শেষ স্তুতে
 $p \cdot q$ যৌগিক বচনের মান ঐ মানশর্তগুলোর দ্বারা নির্ণীত করা হয়েছে।
সারণীটি এইভাবে পাঢ়তে হবে,

p সত্য q সত্য হলে $p \cdot q$ সত্য,
 p সত্য q মিথ্যা হলে $p \cdot q$ মিথ্যা,
 p মিথ্যা q সত্য হলে $p \cdot q$ মিথ্যা,
 p মিথ্যা q মিথ্যা হলে $p \cdot q$ মিথ্যা।

নকশীয় যে p ও q কোনু কোনু বচনের প্রতীক তা না জেনেও
আমরা $p \cdot q$ কখন সত্য হবে কখন মিথ্যা হবে তা সারণীর সাহায্যে
নির্ণয় করতে পারি। বিশেষ বচন দ্বারা যৌগিক বচন গঠিত হলে এবং
বচনগুলো সত্য বা মিথ্যা জানা থাকলে সারণী ব্যবহার করার কোন
প্রয়োজনই হত না।

কাল সকাল থেকে মেধ করেছিল, এবং দশটা থেকে বৃষ্টি শুরু
হয়েছে,

যৌগিক বচনটি সত্য কিনা তা নির্ণয় করার জন্য সারণীর প্রয়োজন
নেই। কিন্তু কোন বিশেষ যৌগিক বচন সত্য কিনা তা নির্ণয় করা
ন্যায়ের কাজ নয়, তার কাজ যে কোন যৌগিক বচনের সম্পূর্ণ মান-
শর্তগুলো নির্দেশ করা। সারণী (1) নৃনত্য অর্থে $p \cdot q$ -এর সম্পূর্ণ

মানশর্তগুলো নির্দেশ করছে বলে এটিকে “.” সংযোজক, প্রত্যোক্তৃক সংজ্ঞা বলেও ধরে দেওয়া যায়।

যে কোন অপেক্ষকের সারণী নির্মাণের পদ্ধতি এইরূপ।

সারণী (2)

<u>p</u>	<u>q</u>	<u>r</u>	.	.	<u>p, q, r, . . . এর অপেক্ষক</u>
T	T	T	.	.	.
.
.
.
.
.
F	F	F	.	.	.

প্রথমে বচনবর্ণগুলো এক সারিতে পর পর বসিয়ে সর্বশেষে অপেক্ষকটি বসাতে হবে, এবং নীচে একটি অনুভূমিক রেখা টেনে দিতে হবে। স্তুতগুলো পৃথক করে দেখাবার জন্য প্রত্যেকটি বচনবর্ণের পরে একটি উল্লম্ব রেখা টেনে দেওয়া যেতে পারে। যদি বচন (বর্ণ) সংখ্যা n হয়, তবে সারিসংখ্যা 2^n হবে। শেষ বচন (বর্ণ)-টির স্তুতে, পর্যায়ক্রমে T ও F বসাতে হবে। তার বাঁ দিকের বচনবর্ণের স্তুতে পর্যায়ক্রমে দুটি করে T ও দুটি করে F বসাতে হবে। তার বাঁ দিকের বচনবর্ণের স্তুতে পর্যায়ক্রমে T ও F-এর সংখ্যা ডবল হতে পারবে, এবং বাঁ দিকের প্রথম বচনবর্ণের স্তুতে মোট সারিসংখ্যার প্রথম অর্ধেকের নীচে T ও শেষ অর্ধেকের নীচে F বসবে। এই যান্ত্রিক নিয়ম গণিত-সম্বন্ধ, এবং এতে সন্তান্য সকল প্রকার মানশর্ত নিবেদন করা হয়। অপেক্ষকের মান নিরূপণ করে সংযোজকের নীচে বসাবে ভাল, তাতে বোঝার সুবিধা হয়, কারণ সংযোজকই অপেক্ষক তৈরী করে। বলা বাছল্য, যৌগিক বচন যদি সংযোগিক-অপেক্ষক হয়, তবে কেবল প্রথম সারিতে অপেক্ষকের স্তুতে T বসবে, কারণ প্রথম সারি ছাড়া আর সব সারিতে বচনবর্ণগুলোর নীচের কোন না কোন স্তুতে F থাকবেই। প্রত্যেকটি সংযোগী বচন সত্য না হলে সংযোগিক-অপেক্ষক

সত্য হতে পারে না । লক্ষণীয় যে অপেক্ষকের সন্তুষ্টি ছাড়া, সারণীর বা দিকের সব সন্ত সমান সংখ্যক বচনবর্গ হারা গঠিত যে কোন অপেক্ষকের বেলায় একইরকম হবে, কারণ p -সংখ্যক বচনের সমস্ত মানশর্ত 2^o রকমের হবে, এবং ঐ সন্তগুলো মানশর্তগুলোই নির্দেশ করছে মাত্র ।

২.৬ বৈকল্পিক অপেক্ষক

“বা” আর একটি সত্যাপোক সংযোজক । “অথবা”, “কিংবা”, “পক্ষান্তরে”, “না হয়”, “নয়ত”, “নতুবা” শব্দগুলো “বা” অর্থ বহন করে ।

তিনি কাল দিল্লী যাবেন, বা টেলিফোনে আজ রাত্রে খবর
পাঠাবেন,

এই যৌগিক বচনটি

তিনি কাল দিল্লী যাবেন,
তিনি টেলিফোনে আজ রাত্রে খবর পাঠাবেন,

এই দুটি সরল উপাদান বচনের বিকল্প হারা গঠিত একটি বৈকল্পিক বচন । উপাদান বচনগুলোকে বিকল্প বচন বলা হয় । একাধিক সরল বচনকে “বা” বা সমার্থক কোন সংযোজক হারা যুক্ত করলে যে যৌগিক বচন হয়, তাকে বৈকল্পিক বচন বলে । বৈকল্পিক বচনের সত্যমিথ্যাত্ত্ব কেবলমাত্র বিকল্প বচনগুলোর সত্যমিথ্যাত্ত্বের উপর নির্ভর করে, সেইজন্যই এই প্রকার বচনকে বৈকল্পিক অপেক্ষক বলা হয় । যে কোন একটি বিকল্প বচন সত্য হলেই বৈকল্পিক বচন সত্য হবে, নতুবা মিথ্যা হবে । বৈকল্পিক বচনের সত্যাসত্য নির্ণয়ের এই নিয়মটি একটি সামান্য নিয়ম, স্বতরাং কোন বিশেষ বচনের উল্লেখ না করে শুধু বচনবর্গ ব্যবহার করে বলা যায়, “ p বা q ” আকারের যে কোন বৈকল্পিক বচন p ও q এর মধ্যে যে কোন একটি বিকল্প বচন সত্য হলেই সত্য হবে, নতুবা মিথ্যা হবে । যে কোন দুটি বচন, p ও q , দেওয়া থাকলে তাদের মিলিত মানশর্ত “ p বা q ” এর মান অনন্যভাবে নির্দিষ্ট করে দেয় ।

যদি p সত্য q সত্য হয়, তবে “ p বা q ” সত্য ;

যদি p সত্য q মিথ্যা হয়, তবে “ p বা q ” সত্য ;

যদি p মিথ্যা q সত্য হয়, তবে “ p বা q ” সত্য ;

যদি p মিথ্যা q মিথ্যা হয়, তবে “ p বা q ” মিথ্যা ।

“বা” সংযোজক বিকল্প বচন দুটির মাঝখালে না বসেও বৈকল্পিক বচন গঠন করতে পারে ।

দাদা বা ঠাকুর্দা নিমজ্জনে যাবেন,

বচনটি

দাদা নিমজ্জনে যাবেন,
ঠাকুর্দা নিমজ্জনে যাবেন,

এই দুটি সরল বচনের বিকল্প । অথবা,

সে ফল বা দুধ খাবে,

বচনটি

সে ফল খাবে,
সে দুধ খাবে,

এই দুটি সরল বচনের বিকল্প ।

সাধারণ ভাষায় বিকল্প বচনগুলো পরম্পর প্রাপ্তিক না হলে “বা” সংযোজকের ব্যবহার সচরাচর দেখা যায় না ।

মঙ্গলগ্রহে জীব আছে, বা এবার খুব আম হয়েছে,

এক্ষণ্প বচনের ব্যবহার সাধারণ ভাষায় বেয়ানান হবে, কিন্তু ন্যায়ে এক্ষণ্প ব্যবহার নিষিদ্ধ নয় । ন্যায়ে “বা” শব্দের অর্থ, বিকল্প বচনগুলোর অন্ততঃ একটি সত্য । এটিই “বা” শব্দের আকারগত অর্থ, বিকল্প বচনগুলোর বিঘ্যবস্তুর সঙ্গে ন্যায়ের কোন সম্পর্ক নেই বলেই এক্ষণ্প অন্তুত বিকল্পেও কোন আপত্তি নেই ।

“যদি না” কথাটিও সাধারণ ভাষায় বিকল্পসূচক ।

আমি বেরিয়ে পড়ব, যদি না সে পাঁচটার মধ্যে এসে পড়ে,

বচনটির অর্থ

সে পাঁচটার মধ্যে এসে পড়বে, বা আমি বেরিয়ে পড়ব ।

বৈকল্পিক বচনের মান বিশ্লেষণে দেখানো হয়েছে, উভয় বিকল্প বচন সত্য হলেও বৈকল্পিক বচন সত্য হয় । তিনি আজ রাত্রে টেলিফোনে খবর পাঠিয়েও কাল দিল্লী যেতে পারেন, দাদা ও ঠাকুর্দা উভয়েই নিমজ্জনে যেতে পারেন, সে ফল ও দুধ দুই-ই খেতে পারে । এই বৈকল্পিক বচনগুলোতে দুটি বিকল্প একসঙ্গে সত্য হতে কোন বাধা

ଲେଇ, ସଜ୍ଜାରୁ ଏମନ କୋଣ ଶର୍ତ୍ତ ଲେଇ ଯେ ଦୁଟି ବିକଳ୍ପରେ ଏକଙ୍କେ ସତ୍ୟ ହତେ ପାରବେ ନା । କିନ୍ତୁ “ବା” ଏବଂ ଏମନ ବ୍ୟବହାର ଆଛେ ଯାତେ ଦୁଟି ବିକଳ୍ପ ଏକଙ୍କେ ସତ୍ୟ ହତେ ପାରେ ନା, ବୈକଲ୍ପିକ ଉତ୍ତିଷ୍ଠିତରେ ଶର୍ତ୍ତ ଏଇ ଯେ ଦୁଟି ବିକଳ୍ପ ଏକଙ୍କେ ସତ୍ୟ ହତେ ପାରବେ ନା । ହୋଟେଲେ ଖାବାରେର ମେନୁର ଶେଷେ ଲେଖା ଥାକେ, “ଚା ବା କଫି” । ଏଥାନେ ଏଇ ଅର୍ଥ, “ହସ ଚା, ନୟ କଫି, କିନ୍ତୁ ଦୁଟୋଇ ନୟ” । “ଫିବ ସେକ୍ସ୍‌ପୀଯରେର ନାଟକେର ଏକଟି ଚରିତ୍ର, ପୁରୁଷ ବା ଝୀଁ” । ଏଥାନେ ଫିବ ଏକାଧାରେ ପୁରୁଷ ଓ ନାରୀ ଚରିତ୍ର ଦୁଇ-ଇ ହତେ ପାରେ ନା । ଆଗେର ବୈକଲ୍ପିକ ବଚନେର ଦୃଷ୍ଟାନ୍ତେ ବିକଳ୍ପଗୁଲୋର ମଧ୍ୟେ କୋଣ ବିରୋଧ ନେଇ, କିନ୍ତୁ ଏଥିନକାର ବୈକଲ୍ପିକ ବଚନଗୁଲୋଟି ବିକଳ୍ପଗୁଲୋର ମଧ୍ୟେ ବିରୋଧ ଆଛେ । ସାଧାରଣ ଭାଷାର “ବା” ସଂଯୋଜକ ଦ୍ୱାରା କଥନଓ ଏଟି ଦୁଟି ଅବିରୋଧୀ ବିକଳ୍ପରେ ସଂଯୋଜକ, କଥନଓ ବା ଦୁଟି ବିରୋଧୀ ବିକଳ୍ପରେ ସଂଯୋଜକ । ସବୁ “ବା” ସଂଯୋଜକ ଦୁଟି ଅବିରୋଧୀ ବିକଳ୍ପକେ ଯୁକ୍ତ କରେ ତଥିନ ଏକେ “ଅବିରୋଧୀ ବା” ବା “ଅବିସଂବାଦୀ ବା” ବଲା ହୁଏ, ଏବଂ ସବୁ ଦୁଟି ବିରୋଧୀ ବିକଳ୍ପକେ ଯୁକ୍ତ କରେ, ତଥିନ ଏକେ “ବିରୋଧୀ ବା” ବା “ବିସଂବାଦୀ ବା” ବଲା ହୁଏ । ସାଧାରଣ ଭାଷାଯ ବ୍ୟବହତ “ବା” ବା ସମାର୍ଥକ ସଂଯୋଜକର ବିଭିନ୍ନ ଅର୍ଥର ମଧ୍ୟେ ନ୍ୟନକଳ ଅର୍ଥାଟି ନିର୍ଦ୍ଦେଶ କରାର ଜନ୍ୟ ନ୍ୟାଯେ ଏହିବେ ଶବ୍ଦଗୁଲୋର ସ୍ଥଳେ “୧” ପ୍ରତୀକଟି ବ୍ୟବହାର କରା ହୁଏ । ଏଟି ବିକଳ୍ପ-ପ୍ରତୀକ, ଦୁଟି ବଚନ ବା ବଚନବର୍ଣ୍ଣର ମଧ୍ୟେ ସ୍ଥାପନୀୟ । ଏର ନ୍ୟନକଳ ଅର୍ଥ, ବିକଳ୍ପ ବଚନ ଦୁଟିର ମଧ୍ୟେ ଅନ୍ତତଃଃପକ୍ଷେ ଏକଟି ସତ୍ୟ । ଯେଥାନେ ବିକଳ୍ପଗୁଲୋ ବିସଂବାଦୀ, ସେଥାନେଓ “୧” ଏହି ନ୍ୟନତମ ଅର୍ଥ ବହନ କରେ । “୧” ଅବିସଂବାଦୀ ବିକଳ୍ପର ଦ୍ୱାରା ଗଠିତ ବୈକଲ୍ପିକ ବଚନେର ପୂର୍ଣ୍ଣ ଅର୍ଥ ବହନ କରେ, ଯଦିଓ ବିସଂବାଦୀ ବିକଳ୍ପର ଦ୍ୱାରା ଗଠିତ ବୈକଲ୍ପିକ ବଚନେର ପୂର୍ଣ୍ଣ ଅର୍ଥ ବହନ କରେ ନା ।

ପୂର୍ବୋତ୍ତମ ବୈକଲ୍ପିକ ବଚନଗୁଲୋ “୧” ସହ୍ୟୋଗେ ଦାଙ୍ଡାୟ,

- (କ) ତିନି କାଳ ଦିନ୍ତି ଥାବେନ ୧ ଟେଲିଫୋନେ ଆଜ ରାତ୍ରେ ଖବର ପାଠାବେନ ।
- (ଖ) ଦାଦା ନିମ୍ନଲିଖିତ ଥାବେନ ୧ ଠାକୁର୍ଦୀ ନିମ୍ନଲିଖିତ ଥାବେନ ।
- (ଗ) ସେ କଲ ଥାବେନ ୧ ଲେ ଦୂର ଥାବେ ।
- (ଘ) ମେନୁର ଶେଷ ଦକ୍ଷାୟ ଚା ଦେଓଯା ହୁଏ ୧ ମେନୁର ଶେଷ ଦକ୍ଷାୟ କଫି ଦେଓଯା ହୁଏ ।

ଜ୍ୟାଟିନ୍ “୧” ଶବ୍ଦର ପ୍ରଥମ ଅକ୍ଷର, ବାଜୋର “ବା” ପଡ଼ା ଯେତେ ପାରେ ।

(৪) কিম সেক্সুপীয়ের একটি পুরুষ চরিত্র । কিম সেক্সুপীয়ের একটি নারী চরিত্র ।

বচনবর্দ্ধ ব্যবহার করলে সবগুলোর আকার $p+q$ ।

আমরা জানি, বৈকল্পিক ন্যায় বৈধ । এই ন্যায়ে কোন বৈকল্পিক বচনের একটি বিকল্পকে নিষেধ করে অপর বিকল্পটি স্বীকার করা হয় ।

তিনি কাল দিল্লী যাবেন । টেলিফোনে আজ রাত্রে খবর পাঠাবেন,

তিনি কাল দিল্লী যাবেন না,

∴ তিনি টেলিফোনে আজ রাত্রে খবর পাঠাবেন ।

মেনুর শেষ দফায় চা দেওয়া হয় । মেনুর শেষ দফায় কফি দেওয়া হয়,

মেনুর শেষ দফায় চা দেওয়া হবে না, .

∴ মেনু শেষ দফায় কফি দেওয়া হবে ।

পরিকার দেখা যাচ্ছে, “বা” সংযোজকের বিস্বাদী বা অবিস্বাদী যে কোন প্রয়োগে “v” প্রতীকের ব্যবহারে ন্যায়ের বৈধতা ক্ষুণ্ণ হয় না । যদি বিকল্পগুলোর বিস্বাদিতও পৃথকভাবে বোঝাতে হয়, তবে (৩) বচনের শেষে যোগ করতে হবে, “এবং চা ও কফি উভয়ই দেওয়া হয় না”, (৪) বচনের শেষে যোগ করতে হবে, “এবং চা ও পুরুষ ও নারী চরিত্র উভয়ই নয়” । সাধারণভাবে, যে কোন বিস্বাদী বিকল্প-গঠিত বৈকল্পিক বচনে যোগ করতে হবে, “কিন্তু (এবং) উভয়ই নয়”, বা “কিন্তু (এবং) একটির বেশী নয়” । “বিকল্প-বচন দুটির মধ্যে অন্ততঃপক্ষে একটি সত্য কিন্তু উভয়ই নয় (বা একটির বেশী নয়)” অর্থ বোঝাবার অন্য যদি আমরা “+” প্রতীকটি ব্যবহার করি, তবে বচন-বর্দ্ধ ব্যবহার করলে (৩) ও (৪) বচনের আকার দাঁড়াব $p+q$ । (ক)—(গ) বচনের আকার, বলা বাছল্য, $p+q$ । “বা” বা সর্বার্থক সংযোজক শব্দগুলো সাধারণ ভাষায় যত বিভিন্ন অর্থেই ব্যবহৃত হোক না কেন, বিকল্প-প্রতীক “v” চিহ্নটি ঐ সমস্ত আয়গায় ব্যবহৃত হতে পারবে, যদি ও সাধারণ ভাষায় অভীষ্ট সব অর্থ বহন করবে না ।

বৈকল্পিক অপেক্ষকের সত্যসারণী নিম্নপ্রকার :

সারণী (3)

p	q	$p \vee q$
T	T	T
T	F	T
F	T	T
F	F	F

(অবিসংবাদী বিকল্পের বেলায়)

সারণী (4)

p	q	$p+q$
T	T	F
T	F	T
F	T	T
F	F	F

(বিসংবাদী বিকল্পের বেলায়)

সারণী (3) এইভাবে পড়তে হবে ; p সত্য q সত্য হলে $p \vee q$ সত্য ; p সত্য q মিথ্যা হলে $p \vee q$ সত্য ; p মিথ্যা q সত্য হলে $p \vee q$ সত্য ; p মিথ্যা q মিথ্যা হলে $p \vee q$ মিথ্যা । লক্ষণীয় যে p ও q কোন্তু বচনের প্রতীকর্ণ তা না জেনেও আমরা $p \vee q$ কখন সত্য হবে কখন মিথ্যা হবে তা সারণীর সাহায্যে নির্ণয় করতে পারি । এই সারণী ন্যূনতম অর্থে বৈকল্পিক বচনের সম্পূর্ণ মানশর্তগুলো নির্দেশ করছে কলে এটিকে “ \vee ” প্রতীকের সংজ্ঞা কলেও ধরে নেওয়া যায় ।

যদি কোন বৈকল্পিক বচন দুইয়ের বেশী অবিসংবাদী বিকল্প বচন থাকে, তবে তার সারণীতে প্রথমে সারণী (2)-এর মত মান শর্তগুলো নির্বেশন করতে হবে । বৈকল্পিক অপেক্ষকের স্তুতে কেবল শেষ সারিতে F বসবে, এবং তার উপরের সব সারিতে T বসবে, কারণ শেষ সারি ছাড়া আর সব সারিতে উপাদান বচনবর্ণগুলোর নীচের কোন না কোন স্তুতে T থাকবেই । একটি বিকল্প সত্য হলেই বৈকল্পিক বচন সত্য হবে । বিকল্পগুলো বিসংবাদী হলে তাদের সংখ্যা সাধারণত দুইয়ের বেশী হয় না ।

$p \vee q$ ও $p+q$ -কে দুইপ্রকার বৈকল্পিক বচনের আকার বলা হয়েছে । যেহেতু এই আকারের বচনের মান কেবল মাত্র বিকল্প বচন সমূহের মানের উপর নির্ভরশীল, সেজন্য $p \vee q$ ও $p+q$ -কে বৈকল্পিক অপেক্ষক বলা হয়েছে । আকারের দিক থেকে দেখলে যাকে বৈকল্পিক বচনের আকার বলা যায়, মানের দিক থেকে দেখলে তাকেই বৈকল্পিক অপেক্ষক বলা চলে ।

2.7 ନିଷେଧକ ଅପେକ୍ଷକ

ଆମରା ଅନେକ ସମୟ କୋନ ବଚନକେ ଅସ୍ତ୍ରୀକାର କରତେ ଅର୍ଥାଏ ମିଥ୍ୟ ବଲାତେ ଚାଇ । ନୈଯାଯିକ ପରିଭାଷାଯ ବଚନକେ ଅସ୍ତ୍ରୀକାର କରା ବା ମିଥ୍ୟ ବଲାକେ ନିଷେଧ କରା ବଲେ । ଯେବେଳେ,

ଆଜ “ଝପ୍‌ସୀ” ହଲେ କୋନ ଏକଟା ଭାଲ ଫିଲ୍ମ ଦେଖାନୋ ହଛେ,

ବଚନଟିକେ ନିଷେଧ କରତେ ହଲେ ସାଧାରଣ ଭାଷାଯ କ୍ରିଆପଦେର ସଙ୍ଗେ ଏକଟି “ନା” ଯୋଗ କରେ ଦିଲେଇ ହୁଏ, ଯେବେଳେ,

ଆଜ “ଝପ୍‌ସୀ” ହଲେ କୋନ ଏକଟା ଭାଲ ଫିଲ୍ମ ଦେଖାନୋ ହଛେ ନା ।

ନିଷେଧକ ବଚନଟିକେ ଅନ୍ୟଭାବେଓ ବ୍ୟକ୍ତ କରା ଯାଉି,

ଏ ସତ୍ୟ ନୟ ଯେ ଆଜ ଝପ୍‌ସୀ ହଲେ କୋନ ଏକଟା ଭାଲ ଫିଲ୍ମ ଦେଖାନୋ ହଛେ,

ଏ ଠିକ ନୟ ଯେ ଆଜ ଝପ୍‌ସୀ ହଲେ କୋନ ଏକଟା ଭାଲ ଫିଲ୍ମ ଦେଖାନୋ ହଛେ,

ଏ ନୟ ଯେ ଆଜ ଝପ୍‌ସୀ ହଲେ କୋନ ଏକଟା ଭାଲ ଫିଲ୍ମ ଦେଖାନୋ ହଛେ,

ଏ ମିଥ୍ୟ ଯେ ଆଜ ଝପ୍‌ସୀ ହଲେ କୋନ ଏକଟା ଭାଲ ଫିଲ୍ମ ଦେଖାନୋ ହଛେ,

ନା—(ଆଜ ଝପ୍‌ସୀ ହଲେ କୋନ ଏକଟା ଭାଲ ଫିଲ୍ମ ଦେଖାନୋ ହଛେ) ।

ବଚନବର୍ଦ୍ଦ ବ୍ୟବହାର କରିଲେ ନିଷେଧକ ବଚନଟି ଦାଁଡ଼ାଯ,

ଏ ସତ୍ୟ ନୟ ଯେ *p*,

ଏ ଠିକ ନୟ ଯେ *p*,

ଏ ନୟ ଯେ *p*,

ଏ ମିଥ୍ୟ ଯେ *p*,

ନା—*p* ।

କର୍ବନ୍‌ଓ କର୍ବନ୍‌ଓ “କର୍ବନ୍‌ଓ ନା” ହାରା ନିଷେଧକ ବଚନ ବ୍ୟକ୍ତ କରା ହୁଏ ।

আমি কখনও তোমার কথায় এ কাজ করব না, এর অর্থ আজও করব না, পরেও করব না। বলা বাহ্য, শুধু ‘না’ ‘কখনও না’ এর অর্থ বহন করে না।

বচনের নিষেধ বোঝাবার জন্য বচনের পূর্বে “~”¹ প্রতীকটি ব্যবহার করা হয়।

~ (আজ কল্পসী হলে কোন একটা ভাল ফিল্ম দেখানো হচ্ছে)। ~p যে কোন বচন p এর নিষেধক। নিষেধক বচন অপেক্ষক, কারণ নিষেধক বচনের সত্যবিধ্যাত্ব অর্থাৎ মান নিষিদ্ধ বচনের মানের উপর নির্ভরশীল। নিষিদ্ধ বচন যদি সত্য হয়, তবে নিষেধক বচন বিধ্যা হবে, নিষিদ্ধ বচন মিথ্যা হলে নিষেধক বচন সত্য হবে।

p সত্য হলে ~p মিথ্যা,

p মিথ্যা হলে ~p সত্য।

সুতরাং “না” শব্দটি বা “~” প্রতীকটি সত্যাপেক্ষ সংযোজকের কাজ করে, এবং ~p একটি যৌগিক বচন। এর বৈশিষ্ট্য এই যে এই সংযোজকটি ঐকিক হিতে পারে, একটি মাত্র বচনের সঙ্গে যুক্ত হয়ে নিষেধক অপেক্ষক গঠন করতে পারে। “.” “v”, বা “+” সংযোজক অন্ততঃপক্ষে হিয়োজী, দুই বা ততোধিক বচনকে যুক্ত করে অপেক্ষক গঠন করে। আরও লক্ষণীয় যে “~” সংযোজক মূল বচনের মান বিপরীতকারী, অর্থাৎ এটি কোন বচনের সঙ্গে যুক্ত হলে তার মান বিপরীত হয়ে যাবে। সুতরাং কোন বচন ও তার নিষেধক, p ও ~p, সব সময়ই বিপরীতমানের হবে, এবং p. ~p আকারের বচন ইতিরোধী হবে।

নিষেধক অপেক্ষকের সত্যসারণী নিম্নপ্রকার :

সারণী (5)

<i>p</i>	<i>~p</i>
T	F
F	T

সারণীটি নিষেধক বচনের সম্পূর্ণ মানশর্ত নির্দেশ করছে বলে এটিকে “~” প্রতীকের সংজ্ঞা বলে ধরে নেওয়া যায়। যদি একটি যৌগিক

¹ ইংরেজিতে tilde বা curl, বাংলায় “না—” গাড়া চলাতে পারে।

বচনের নিষেধকের সত্যসারণী গঠন করতে হয়, তবে প্রথমে যৌগিক বচনটির সত্যসারণী গঠন করে তার মান বিপরীত করে দিলেই হবে।

সারণী (6)

p	q	$p \cdot q$	$p \vee q$	$p+q$	$\sim(p \cdot q)$	$\sim(p \vee q)$	$\sim(p+q)$
T	T	T	T	F	F	F	T
T	F	F	T	T	T	F	F
F	T	F	T	T	T	F	F
F	F	F	F	F	T	T	T

[লক্ষণীয়, বিসংবাদী “বা” কে $p \vee q$ কিন্তু $\sim(p \cdot q)$ ”, অথ অথবা $(p \vee q) \cdot \sim(p \cdot q)$ আকারে প্রকাশ করা যায়।]

2.8 বক্তব্য ও সংযোজকের পরিধি বা প্রভাব

সারণী (6) এ বক্তব্য ব্যবহার করা হয়েছে। বক্তব্যের কাজ সংযোজকের প্রভাব বা পরিধি নির্দেশ করা। “ \sim ” নিষেধক সংযোজকের প্রভাব বা পরিধি শুধুমাত্র পরবর্তী বচনবর্ণ পর্যন্ত বিস্তৃত হয়, তার বেশী নয়। একটি বৈকল্পিক বচন ধরা যাক, যার একটি বিকল্প নিষেধক,

যুক্ত হবে না বা জিনিসের দাম বাড়বে।

“যুক্ত হবে” ও “জিনিসের দাম বাড়বে” বচন দুটির স্থলে যথাক্রমে p ও q বচনবর্ণ ব্যবহার করলে বচনটির আকার হয়,

$$\sim p \vee q$$

এই বচনে “ \sim ” এর প্রভাব p পর্যন্ত, “ $\vee q$ ” “ \sim ” এর প্রভাবের বাইরে। কিন্তু যদি বলি,

$$\sim(p \vee q)$$

তাহলে “ \sim ” এর প্রভাব “ $p \vee q$ ” পর্যন্ত বিস্তৃত, শুধু p নয়, এবং বচনটির অর্থ দাঁড়ায়,

এ নয় যে, যুক্ত হবে বা জিনিসের দাম বাড়বে,

অর্থাৎ

যুক্তও হবে না, জিনিসের দামও বাড়বে না।

“.”, “v” সংযোজকের প্রভাব দুইদিকে বিস্তৃত হয়। $p \cdot q$ সংযোগিক বচনে “.” এর প্রভাব বাঁ দিকে p এবং ডানদিকে q পর্যন্ত বিস্তৃত, $p \cdot v \cdot q$ বৈকল্পিক বচনে “v” এর প্রভাবও একই প্রকার।

সংযোগিক বচনের একটি সংযোগী বৈকল্পিক হতে পারে, বৈকল্পিক বচনের একটি বিকল্প সংযোগিক হতে পারে। যেমন,

$$(1) p. (q \vee r),$$

$$(2) p \vee (q.r)$$

এই বচনগুলোর স্থলে যদি লিখি,

$$(1) (ক) p.q \vee r,$$

$$(2) (ক) p \vee q.r,$$

তবে “.” ও “v” সংযোজকের পরিধি অনিদিষ্ট থাকে। বছনীহীন বচনগুলো যথাক্রমে (1) ও (2) বচন বোঝাবে, বা যথাক্রমে

$$(3) (p.q) \vee r,$$

$$(4) (p \vee q) . r,$$

বোঝাবে তা নির্ণয় করা যাবে না। $p . (q \vee r)$ ও $(p.q) \vee r$ আকারের দুটি বচন ধরা যাক। p এর স্থানে “সে দিল্লী যাবে”, q এর স্থানে “সে চাকরী করবে”, এবং r এর স্থানে “সে ব্যবসা করবে” সংস্থাপন করলে (1) ও (3) বচন যথাক্রমে দাঁড়ায়,

(5) সে দিল্লী যাবে, এবং চাকরী করবে বা ব্যবসা করবে,

(6) সে দিল্লী যাবে এবং চাকরী করবে, বা ব্যবসা করবে।

(5) বচনের অর্থ, সে দিল্লী যাবে, এবং সেখানেই চাকরী বা ব্যবসা করবে। (6) বচনের অর্থ, সে দিল্লী গিয়ে চাকরী করবে, বা (যে কোন জায়গায়) ব্যবসা করবে। যতিচিহ্ন থারা সাধারণ ভাষায় অর্থের বিভিন্নতা পরিকারভাবে বুঝিয়ে দেওয়া হয়েছে। (5) বচন তার কাজের স্থান নির্দিষ্ট করে বলা হয়েছে, চাকরীই করুক আর ব্যবসাই করুক, দিল্লীতেই করবে। (6) বচন তার চাকরীর স্থান নির্দিষ্ট করে বলা হয়েছে, কিন্তু ব্যবসা করলে কোথায় করবে তা নির্দিষ্ট করে বলা হয়নি। সাধারণ ভাষায় যতিচিহ্ন থারা যে কাজটি হয়েছে,

বচনাকারে বক্ষনীর ব্যবহার ছাড়া সে কাটটি করা যাবে না, অর্থের বিভিন্নতা পরিস্ফুট করা যাবে না। বস্তুতঃ, (1) (ক) ও (2) (ক) আকারের কোন বচন হয় না। সাধারণ ভাষায় যতিচ্ছ দিয়ে পরিকার বুঝিয়ে দেওয়া হয়েছে, (5) বচনে “এবং” মূল সংযোজক, (6) বচনে “বা” মূল সংযোজক। (1) ও (2) বচনে বক্ষনী ঠিক এইটিই বুঝিয়ে দিয়েছে। (1) বচনে “.” পরিধি বাঁ দিকে p , ডানদিকে $q \vee r$ পর্যন্ত বিস্তৃত, (2) বচনে “ \vee ” এর পরিধি বাঁ দিকে p , ডানদিকে $q \wedge r$ পর্যন্ত বিস্তৃত। (1) বচনের দ্বিতীয় সংযোগী একটি বৈকল্পিক বচন, তার সংযোজক “ \vee ” এর পরিধি বাঁ দিকে q , ডানদিকে r , বাঁ দিকে p পর্যন্ত বিস্তৃত হতে পারেনি, বক্ষনীতে আটকা পড়েছে। (2) বচনের দ্বিতীয় বিকল্প একটি সংযোগিক বচন, তার সংযোজক “.” এর পরিধি বাঁ দিকে q ডানদিকে r , বাঁ দিকে p পর্যন্ত বিস্তৃত হতে পারেনি, বক্ষনীতে আটকা পড়েছে। তুলনীয়, পাটিগণিতে $12 \div 3 \frac{1}{3}$ রাশিটি দেওয়া থাকলে বোঝা যাবে না আগে ভাগ করতে হবে, না আগে যোগ করতে হবে। $(12 \div 3) + 3$ হলে ফল 7, $12 \div (3 + 3)$ হলে ফল দুই।

$$(7) (p \vee q) \cdot (r \vee s)$$

$$(8) (p.q) \vee (r.s)$$

(7) বচনে মূল সংযোজক “.”, এর পরিধি বাঁ দিকের বৈকল্পিক বচন $p \vee q$ এবং ডানদিকের বৈকল্পিক বচন $r \vee s$ । (8) বচনে মূল সংযোজক “ \vee ”, এর পরিধি বাঁ দিকের সংযোগিক বচন $p.q$ এবং ডানদিকের সংযোগিক বচন $r.s$ । (7) বচনের বৈকল্পিক উপাদান বচনের সংযোজক “ \vee ”-এর পরিধি মূল সংযোজক “.” কে ছাড়িয়ে যেতে পারেনি, বক্ষনীতে আটকা পড়েছে, (8) বচনের সংযোগিক উপাদান বচনের সংযোজক “.” এর পরিধি মূল সংযোজক “ \vee ” কে ছাড়িয়ে যেতে পারেনি, বক্ষনীতে আটকা পড়েছে।

এ পর্যন্ত ল্যু বক্ষনীতেই আশাদের কাজ চলেছে, বচনাকার আরও জটিল হলে ধনুর্বক্ষনী বা বলয়বক্ষনী “[}]” এবং শুরুবক্ষনী “[]” ব্যবহার করতে হতে পারে।

$$(9) [p \vee (q.r)] \vee [r \vee (p.q)]$$

$$(10) [p \vee \{ q. (r \vee s) \}] \vee t$$

যে বচনাকারে কেবল “.” বা “ \vee ” সংযোজক ছাড়া অন্য কোন

সংযোজক নেই, তার উপাদান বচন যৌগিক হলেও বক্ষনী ব্যবহার না করলেও অর্থের কোন ব্যতিক্রম হয় না।

- (11) $p.(q.r)$, বা
- (12) $(p.q).r$ কে যদি
- (13) $p.q.r$

আপে লেখা হয়, তবুও তুল হবে না, কারণ (11) (12) ও (13) বচনের মানশর্ত এক। তিনটি উপাদান বচনই সত্য না হলে কোনটিই সত্য হবে না। তুলনীয়, পাটিগণিতের

$$2 \times (3 \times 4) = (2 \times 3) \times 4 = 2 \times 3 \times 4।$$

অনুরূপভাবে,

- (14) $p \vee (q \vee r)$,
- (15) $(p \vee q) \vee r$.
- (16) $p \vee q \vee r$

এক অর্থ বহন করে, কারণ তাদেরও মানশর্ত এক। p, q, r এর মধ্যে যে কোন একটি বচন সত্য হলেই তিনটিই সত্য হবে। তুলনীয় পাটিগণিতের

$$2 + (3+4) = (2+3)+4 = 2+3+4।$$

বক্ষনীর ব্যবহার রীতি এইভাবে নির্দিষ্ট করে দেওয়া যেতে পারে।

(ক) যে সংযোজক যে যে বচনবর্গ যুক্ত করছে তাদের সংযোজক সহ বক্ষনীর মধ্যে ফেলতে হবে। যেমন

$$\begin{aligned} & (p.q) \\ & (p \vee q) \end{aligned}$$

“.” ও “.” সংযোজক p ও q কে যুক্ত করছে বলে $p.q$, $p \vee q$ কে বক্ষনীর মধ্যে ফেলা হয়েছে।

$$[(p.q) \vee r]$$

“.” সংযোজক p ও q কে যুক্ত করছে বলে $p.q$ কে নথু বক্ষনীর মধ্যে ফেলা হয়েছে। আবার, “.” সংযোজক $(p.q)$ ও r কে যুক্ত করছে বলে $(p.q) \vee r$ -কে গুরু বক্ষনীর অস্তর্গত করা হয়েছে।

(খ) বহিঃস্থ বক্ষনী তুলে দেওয়া যেতে পারে। উপরের বচন-গুলোকে যথাক্রমে

$p \cdot q$ $p \vee q$ $(p \cdot q) \vee r$

কল্পে লেখা যেতে পারে ।

(গ) “~” তার অব্যবহিত পরবর্তী বচন (বর্দ) কে নির্মেধ করে । কোন যৌগিক বচনকে নির্মেধ করতে হলে নিখিল বচনটিকে বক্ষনীর মধ্যে রাখতে হবে ।

 $\sim (p \vee q)$

(ঘ) বক্ষনীর বাইরের সংযোজকটিই মূল সংযোজক ।

2.9 প্রাকরিক অপেক্ষক

“যদি.... তবে....” আর একটি সত্যাপক সংযোজক । ধাতুর উত্তর কৃত্যপ্ত্যয় যোগ করে যে অসমাপিকা ক্রিয়াপদ তৈরী হয়, সাধারণ ভাষায় তার দৃষ্টান্ত, করলে, খেলে, গেলে, ইত্যাদি । এই প্রকার কৃত্যপদ দিয়েও “যদি.... তবে....” সংযোজকের কাজ হয় ।

(১) যদি যুক্ত হয়, তবে জিনিষের দাম বাড়বে ।

(১) (ক) যুক্ত হলে জিনিষের দাম বাড়বে ।

অনেক স্থলে “তবে”র স্থলে “তাহলে”র প্রয়োগ দেখা যায় । “যদি.... তবে....” সংযোজক

যুক্ত হয়

ও

জিনিষের দাম বাড়বে

বচন দুটিকে যুক্ত করে একটি যৌগিক বচন গঠন করেছে । যৌগিক বচনটি “যুক্ত হবে” বচনটিকে সত্য বলছে না, “জিনিষের দাম বাড়বে” বচনটিকেও সত্য বলছে না, শুধু বলছে,

যদি “যুক্ত হয়” ধরে নেওয়া যাবে,

তবে “জিনিষের দাম বাড়বে” এও ধরে নেওয়া যাবে,

অর্থাৎ

যদি “যুক্ত হয়” বচনটি সত্য হয়,

তবে “জিনিষের দাম বাড়বে” বচনটিও সত্য হবে ।

“যদি”র পরের ও “তবে”র আগের অংশটুকুকে পূর্বগ বা ধার্যমান বলে, “তবে”র পরের অংশটুকুকে অনুগ বা অনুধার্য বলে। পূর্বগ সত্য হলে অনুগ সত্য হবে, পূর্বগ ও অনুগের মধ্যে প্রাকলিক সম্বন্ধ। এই প্রকার যৌগিক বচনকে প্রাকলিক বচন বলা হয়। পূর্বগকে প্রকল্প হিসেবে ধরে নিলে অনুগ তার থেকে অনুসৃত হবে। পূর্বগ অনুগকে অনুধারণ করে, অনুগ পূর্বগকে অনুসরণ করে। এই প্রকার প্রাকলিক বচন সাধারণ ভাষায় অন্যভাবেও ব্যক্ত হয়,

(2) যে সহে, সে রহে,

অর্থাৎ

যদি কেউ সহ্য করে যায়, তবে সে পরিণামে সফল হয়।

(3) অপচয় করো না, অভাব হবে না,

অর্থাৎ

যদি কেউ অপচয় না করে, তবে তার অভাব হবে না।

নীচের কয়েকটি প্রাকলিক বচন লক্ষ্য করা যাক।

(4) যদি সব মানুষ মরণশীল হয় এবং সক্রেটিস মানুষ হন,
তবে সক্রেটিস মরণশীল,

(5) যদি ক্ষেত্রটি ত্রিভুজ হয়, তবে এর তিনটি বাহ আছে,

(6) যদি চিনি জলে দেওয়া হয়, তবে গলে যায়।

(4) বচনে পূর্বগ “সব মানুষ মরণশীল এবং সক্রেটিস মানুষ”, অনুগ “সক্রেটিস মরণশীল”, অনুগ ন্যায়তঃ পূর্বগকে অনুসরণ করে, বা পূর্বগ ন্যায়তঃ অনুগকে অনুধারণ করে। (5) বচনে পূর্বগ “ক্ষেত্রটি ত্রিভুজ” অনুগ “এর তিনটি বাহ আছে”, অনুগ সংজ্ঞা অনুযায়ী পূর্বগকে অনুসরণ করে, কারণ ত্রিভুজের সংজ্ঞা “তিনবাহবেষ্টিত ক্ষেত্র”, বা পূর্বগ সংজ্ঞা অনুযায়ী অনুগকে অনুধারণ করে। (6) বচনে পূর্বগ “চিনি জলে দেওয়া”, অনুগ “চিনির গলে যাওয়া” অনুগ কার্যকারণসম্বন্ধ অনুযায়ী পূর্বগকে অনুসরণ করে, বা পূর্বগ কার্যকারণসম্বন্ধ অনুযায়ী অনুগকে অনুধারণ করে, ন্যায়বিধি বা সংজ্ঞা অনুযায়ী নয়।

দেখা যাচ্ছে, প্রাকলিক সম্বন্ধ বহু রকমের। “বা” সংযোজকের বেলায় আমরা দেখেছি, এর নানারকম অর্থ থেকে একটি ন্যূনকর্তৃ অর্থ বেছে নেওয়া যাব যা “বা” এর সর্বপ্রকার ব্যবহারেই প্রযোজ্য। তখন আমরা ন্যূনকর্তৃ অর্থটি বোঝাবার অন্য “” প্রতীক চিহ্নটি ব্যবহার করব

বলে সিদ্ধান্ত নিয়েছি। আমরা আরও দেখেছি, যেহেতু নৃনৰজ অর্থে “বা” এর ব্যবহারে বৈকল্পিক ন্যায়ের বৈধতা অঙ্গুণ ধাতক, সাধারণ ভাষায় “বা” এর যে কোন প্রয়োগ “ p ” প্রতীক হারা সূচিত করলে ন্যায়শাস্ত্রের উদ্দেশ্য সিদ্ধ হয়। যেহেতু ন্যায়শাস্ত্রে আমাদের আচলাচ্য বিষয় ন্যায়ের বৈধতা, “বা” এর যে কোন প্রয়োগে “ p ” অর্থ তার ব্যবহার যদিও কোন কোন ক্ষেত্রে “বা” এর সম্পূর্ণ অর্থটি প্রকাশ করে না, তবুও ন্যায়শাস্ত্রের প্রদৰ্শনে তাই যথেষ্ট।

এবার আমরা দেখব, এই সব বিভিন্ন প্রকারের প্রাকল্পিক সংস্করে যথে নৃনৰজ কোন সামান্য অর্থ আছে কিনা। সকলেই স্বীকার করবেন, যদি “চিনি জলে দেওয়া হয়” এবং “চিনি গলে যায়” বচন দুটি সত্য হয়, অর্ধাং চিনি বস্তুতই অলে দিয়ে দেখা যায় চিনি গলে গেছে, তবে (6) বচন সত্য। এখন দেখা যাক, কি হলে প্রাকল্পিক বচন বিধ্যা হয়। প্রশ্ন করা যাক, কি হলে আমরা “যদি চিনি জলে দেওয়া হয় তবে গলে যায়” বচনটি বিধ্যা বলব? বচনটি বিধ্যা হবে যদি চিনি জলে দেওয়ার পরও না গলে। অর্ধাং, “চিনি জলে দেওয়া হয়” সত্য এবং “চিনি গলে যায়” বিধ্যা, এরকম হলে প্রাকল্পিক বচনটি বিধ্যা হবে। বচনবর্দ্ধ ব্যবহার করলে, “যদি p তবে q ” তখনই বিধ্যা হবে যদি কখনও p সত্য এবং q বিধ্যা দেখা যায়। অর্ধাং, “যদি p তবে q ” সত্য হবে যদি “ p এবং $\sim q$ ” সর্বদাই বিধ্যা হয়। এটিকেই প্রাকল্পিক সংস্করে নৃনৰজ অর্থ ধরে এর স্থানে আমরা “ \sim ”ⁱ প্রতীক চিহ্নটি ব্যবহার করব। $p \sim q$ সত্য হবে যদি $p \cdot \sim q$ কখনও সত্য না হয়, বা $\sim(p \cdot \sim q)$ সর্বদাই সত্য হয়। এটিকে আমরা $p \supset q$ -এর সংজ্ঞা হিসেবে ব্যবহার করব :

$$p \supset q = \text{সংজ্ঞা } \sim(p \cdot \sim q)$$

পড়তে হবে, সংজ্ঞারা $p \supset q$ সমান $\sim(p \cdot \sim q)$ । $\sim(p \cdot \sim q)$ -কে পড়া যেতে পারে, এ নয় যে (এ সত্য নয় যে, এ বিধ্যা যে) p ও না- q ।

দেখা গেল p সত্য q সত্য হলে $p \supset q$ সত্য, p সত্য q বিধ্যা হলে $p \supset q$ বিধ্যা। আমরা আরও জানি, “ \sim ” যদি সত্যাপেক্ষ সংযোজক

ⁱ horse-shoe চিহ্ন, ঘোড়ার নাম। $p \supset q$ কে পঞ্জত হবে “যদি p তবে q ”, বা “ p হলে q ”।

হয় এবং দুটি বচন p ও q -কে যুক্ত করে, তবে $p \supset q$ অপেক্ষকের চার প্রকার মানশর্ত হবে। এখন পর্যন্ত আমরা $p \supset q$ -এর দুটি মানশর্ত পেয়েছি। $p \supset q$ অপেক্ষকের সত্যসারণী তৈরী করলে শেষ দুই সারিতে অপেক্ষকের মান এখনও নির্ণীত হয়নি।

সারণী (7)

p	q	$p \supset q$
T	T	T
T	F	F
F	T	?
F	F	?

এখন যদি p মিথ্যা q সত্য হয়, বা p মিথ্যা q মিথ্যা হয়, তবে অপেক্ষকের কি মান হবে? এই দুটি শর্তে অপেক্ষকের মান নির্ণয় করতে না পারলে $p \supset q$ যে একটি অপেক্ষক তা প্রমাণ হবে না। মনে করা যাক, চিনি জলে দেওয়া হল না তবু গলে গেল (সারণীর তৃতীয় সারির মানশর্ত, p মিথ্যা q সত্য)। তাতে কি প্রমাণ হয় যে

চিনি জলে দেওয়া হয় \supset চিনি গলে যায়

মিথ্যা? কিছুতেই নয়, কারণ চিনি জলে দিলেও গলতে পারে, বায়ু থেকে আর্দ্ধতা প্রাপ্ত করেও গলে যেতে পারে। স্বতরাং, পূর্বগ মিথ্যা অনুগ সত্য হলেও প্রাকল্পিক বচন মিথ্যা বলে প্রমাণ হয় না। কিন্তু সত্য বলে প্রমাণ হয় কি? নীচের বচনটি দেখুন:

(7) যদি ভারতে 100 কোটি পুরুষ থাকে, তবে ভারতের পুরুষ-সংখ্যা বৃচ্ছনের পুরুষ সংখ্যার চেয়ে বেশী।

পূর্বগ মিথ্যা অনুগ সত্য। ভারতে 100 কোটি পুরুষ নেই, ভারতের পুরুষ সংখ্যা বৃচ্ছনের পুরুষ সংখ্যার চেয়ে বেশী। এই বচনকে কেন্ট মিথ্যা বলবেন না, সবাই সত্য বলে স্বীকার করবেন। আরো একটি দৃষ্টান্ত দেখুন। একটি ছেলের সদি হয়েছে, সে বলল,

(8) যদি আকাশ ভাল থাকে, তবে আজ ফুটবল খেলব।

কিন্তু বস্তুত: দেখা গেল, বৃষ্টি নামন কিন্তু ক্যাপেচনের অনুরোধে ছেলেটি অস্বীকৃত শরীর নিয়েও খেলতে গেল। পূর্বগ মিথ্যা অনুগ সত্য,

বচনটিও সত্য। বৃষ্টি নামলেও যে তাকে খেলতে হতে পারে, এ সম্ভাবনার কথা ছেলেটি ভাবেনি, ভাবলে হয়ত এভাবে বলত না। কিন্তু এখানে আমরা ছেলেটির উক্তির উচিত্য বিচার করছি না, সত্যতা বিচার করছি। সে বলেছে, যদি আকাশ ভাল থাকে তবে আজ ফুটবল খেলবে। যদি বলত, “যদি বৃষ্টি হয় তবে আজ ফুটবল খেলব না”, কেবল তবেই তার উক্তি মিথ্যা হত।

এবার আর একটি দৃষ্টান্ত নেওয়া যাক, যাতে পূর্বগ ও অনুগ দুইই মিথ্যা।

(9) যদি ভারতে 100 কোটি স্বামী থাকে, তবে অস্ততঃপক্ষে 100 কোটি স্ত্রীও আছে।

বচনটি কি মিথ্যা? নিচ্যয়ই নয়, যদিও ভারতে 100 কোটি স্বামীও নেই, 100 কোটি স্ত্রীও নেই। যদি আকাশ ভাল না থাকে এবং ছেলেটি না খেলে, তবেও (8) বচন সত্য হবে। কোন বচনকে জোরালোভাবে বা ঝোঁক দিয়ে অস্বীকার করতে আমরা অনেক সহজে এই রকমের প্রাকল্পিক বচন ব্যবহার করি:

(10) যদি ভারত ওয়েস্ট ইণ্ডিজের কাছে ইডেনে হারে, তবে আমি নিষিদ্ধমাংস খাই,

(11) যদি শিকাগো সহর ইংল্যাণ্ডে হয়, তবে সমুদ্রের অন মিষ্টি।

বঙ্গার উদ্দেশ্য, ভারত ওয়েস্ট ইণ্ডিজের কাছে ইডেনে হারবে না, শিকাগো সহর ইংল্যাণ্ডে নয়, বলা। বচনগুলো উক্ত, তবুও এগুলোকে মিথ্যা বলা চলে না, কারণ বঙ্গার উদ্দেশ্য শুধুমাত্র পূর্বগটিকে মিথ্যা বলা। বলা যেতে পারে, শুধু তাই বললেই হয়, অমন উক্ত বচন বলা কেন? কিন্তু এই বচনগুলোকে মিথ্যা বলাও সমান উক্ত হবে।

(9) বচন যদি সত্য হয়, তবে (10) ও (11) বচনও সত্য।

(10) ও (11) বচনকে সত্য বলতে আমাদের হিধার কারণ, পূর্বগ ও অনুগের মধ্যে কোন সম্ভব নেই, যেমন (4)–(6) বচনে আছে। কিন্তু (4), (5) ও (6) বচনে পূর্বগ ও অনুগের মধ্যে যে সম্ভব তা এক রকম নয়। আমাদের উদ্দেশ্য, এই বিভিন্ন প্রকার সহজের মধ্যে থেকে ন্যূনক্রম অর্ধটি নির্দিষ্ট করা, যাতে ন্যূনক্রম অর্ধে “যদি....তবে....” সংযোজকটি র্যবহার করলে তা সর রকম “যদি....তবে....” সহজের ক্ষেত্রে প্রযোজ্য

হবে, যদিও সরকারে বিভিন্ন সমষ্টিগুলোর পূর্ণ অর্থ প্রকাশ করবে না। হিতীয়তঃ, ন্যূনতম অর্দ্ধে সংযোজকটি ব্যবহার করলেও প্রাকলিক বচন সহযোগে গঠিত ন্যায়ের বৈধতা বিচারে কোন অস্বীকৃতি হয় না।

(4)–(6) বচনে ন্যনকল্প অর্থটি প্রয়োগ করলে বচনগুলোর জীবন দাঁড়ায়,

(4) (ক) (সব মানুষ মরণশীল এবং সক্রেটিস মানুষ). ~ (সক্রেটিস মরণশীল) কখনও নয়,

(5) (ক) (ক্ষেত্রটি ত্রিভুজ). ~ (এর তিনটি বাহ আছে). কখনও নয়,

(6) (ক) (চিনি জলে দেওয়া হল). ~ (চিনি গলল) কখনও নয়।

অর্ধাঃ

(4) (খ) ~ [(সব মানুষ মরণশীল এবং সক্রেটিস মানুষ) . ~ (সক্রেটিস মরণশীল)]

(5) (খ) ~ [(ক্ষেত্রটি ত্রিভুজ). ~ (এর তিনটি বাহ আছে)]

(6) (খ) ~ [(চিনি জলে দেওয়া হল). ~ (চিনি গলল)]

আমরা জানি দুই প্রকার প্রাকলিক বচন সহযোগে গঠিত বৈধ ন্যায় আছে, পূর্বগৰ্বীকারভিত্তিক অনুগ স্বীকার, অনুগনিষ্ঠেভিত্তিক পূর্বগ নিষেধ। পূর্বগ স্বীকার করলে অনুগ স্বীকার করতে হবে, অনুগ নিষেধ করলে পূর্বগ নিষেধ করতে হবে। পূর্বগ স্বীকারের সঙ্গে অনুগ নিষেধ চলবে না, অনুগনিষ্ঠেভের সঙ্গে পূর্বগস্বীকার চলবে না। (4) (খ)–(6) (খ) বচন ঐ ন্যায়বিধিগুলোই নির্দেশ করছে।

(7)–(11) বচন ক্ষেত্রে তখনই মিথ্যা হবে যদি

(7) (ক) “ভারতে 100 কোটি পুরুষ আছে” সত্য হয়, এবং ভারতের পুরুষ-সংখ্যা বৃটেলের পুরুষ-সংখ্যার চেয়ে বেশী” মিথ্যা হয়।

(8) (ক) “আকাশ ভাল খাকে” সত্য হয়, এবং “ছেলেটি কুটবল খেলবে” মিথ্যা হয়।

- (9) (ক) “ভারতে 100 কোটি স্বামী আছে” সত্য হয়, এবং “ভারতে অস্ততঃপক্ষ 100 কোটি স্ত্রী আছে” মিথ্যা হয়।
- (10) (ক) “ভারত ওয়েস্ট ইণ্ডিজের কাছে ইডেনে হারবে” সত্য হয়, এবং “আমি নিষিদ্ধ মাংস খাই” মিথ্যা হয়।
- (11) (ক) “শিকাগো সহর ইংল্যাণ্ডে” সত্য হয়, এবং “সমুদ্রের জল মিষ্টি” মিথ্যা হয়।

সর্বপ্রকার “যদি.....তবে....” সংজ্ঞের ন্যূনতম অর্থ কেবল এই সন্তাৰ্বনাগুলোকে নিষেধ করে দিচ্ছে। পূর্ব ও অনুগের আৱ সর্বপ্রকার মানশর্তে প্রাকল্লিক বচন সত্য। কার্যকারণসমূহ বা ঐ প্রকার কোন বিশেষ সংজ্ঞের বিশেষ অর্থ “ \supset ” সংযোজক প্রতীক বহন করে না, সর্বপ্রকার “যদি.....তবে....সংজ্ঞের ন্যূনতম অর্থটি মাত্র বহন করে। পূর্ব ও অনুগের মধ্যে কোন সংজ্ঞের অস্তিত্বও যেখানে দেখী যায় না, সেখানেও যদি এই শর্তটি পূরণ হয়, যে পূর্ব সত্য ও অনুগ মিথ্যা একই হতে পারে না, সে সব ক্ষেত্ৰেও প্রাকল্লিক বচন সত্য হবে :

যদি মেয়েরা গল্প করতে ভালবাসে, তবে ত্রিভুজের ক্ষেত্ৰফল
 $= \frac{1}{2} (\text{ভূমি} \times \text{উচ্চতা})$ ।

পূর্ব সত্য বা মিথ্যা যাই হোক না কেন, অনুগ সত্য। পূর্ব সত্য অনুগ মিথ্যা এই সন্তাৰ্বনা নেই, অতএব বচনটি সত্য। যেমন সংযোগিক বা বৈকল্পিক বচনের বেলায়, তেমনি প্রাকল্লিক বচনের বেলায়ও তাৱ সত্যতাৰ জন্য উপাদান বচনের পৰম্পৰ প্রাসঙ্গিকতাৰ কোন প্ৰয়োজন নেই।

এবাৱ আমৱা প্রাকল্লিক অপেক্ষকেৰ সত্যসারণী সম্পূৰ্ণ কৱতে পাৰি।

সারণী (8)

p	q	$\sim q$	$p. \sim q$	$\sim(p. \sim q)$	$p \supset q$
T	T	F	F	T	T
T	F	T	T	F	F
F	T	F	F	T	T
F	F	T	F	T	T

তৃতীয় স্তরে সারণী (5) অনুসারে $\sim q$ এর মান বের করে, চতুর্থ স্তরে সারণী (1) অনুসারে $p \sim q$ এর মান বের করে, পঞ্চম স্তরে সারণী (6) অনুযায়ী $\sim (p. \sim q)$ এর মান বের করা হল। ষষ্ঠি স্তরে $p \supset q$ এর মান আর পঞ্চম স্তরের $\sim (p. \sim q)$ এর মান এক, কারণ সংজ্ঞা দ্বারা এই দুটি অপেক্ষককে সমান বলা হয়েছে। এবার বলা যায় $p \supset q$ একটি অপেক্ষক, কারণ এর মান শুধুমাত্র p ও q এর মানের উপর নির্ভরশীল, আর কিছুরই উপরে নয়। সারণীটি ন্যূনতম অর্থে প্রাকল্লিক বচনের সম্পূর্ণ বানশর্ত নির্দেশ করে বলে একে “ \supset ” প্রতীকের সংজ্ঞা বলে ধরে নেওয়া যায়।

“ \supset ” সংযোজকটি একটি খুব দুর্বল ধরণের প্রাকল্লিক সম্বন্ধ সূচিত করে, যার অর্থ শুধুমাত্র $\sim (p. \sim q)$ । এই দুর্বল সম্বন্ধকে ন্যায়ে একটি বিশেষ নাম দেওয়া হয়েছে, বাস্তব প্রকল্পন। (8) বচনটি দেখলে বাস্তব প্রকল্পনের প্রকৃতি অনেকটা বোঝা যাবে। “যদি আকাশ ভাল থাকে, তবে আজ ফুটবল খেলব।” যদি আকাশ ভাল না থাকে, এবং ছেলেটি ফুটবল না খেলে, তবে পূর্বগ ও অনুগ দুই-ই মিথ্যা হয়, কিন্তু প্রাকল্লিক বচনটি সত্যই থাকে। যদি আকাশ ভাল নাও থাকে, এবং ছেলেটিকে বাধ্য হয়ে খেলতে হয়, তবুও বচনটি সত্য। যদি আকাশ ভাল থাকে এবং খেলে, তবে তো কথাই নেই। বচনটি মিথ্যা হবে কেবল যদি আকাশ ভাল থাকে এবং ছেলেটি না খেলে।

“যদি.... তবে....” সংযোজককে বাস্তব প্রকল্পনের মত একটা দুর্বল অর্থে ব্যবহার করার কারণ, প্রথমতঃ, এটি সর্বপ্রকার “যদি.... তবে....” সংযোজকের ব্যবহারের ন্যূনতম অর্থ বহন করে। দ্বিতীয়তঃ, সাধারণ বাক্ৰীতিতে এই অর্থে এই সংযোজকের ব্যবহার আছে, তার বহু দৃষ্টিভঙ্গ আমরা দেখেছি। তৃতীয়তঃ, বাস্তব প্রকল্পনের দ্বারা কার্যকারণসম্বন্ধের মত দৃঢ় বা গুচ সম্বন্ধও প্রকাশ করা যায় (পরবর্তী প্যারাগ্রাফ দ্রষ্টব্য)। চতুর্থতঃ, বাস্তব প্রকল্পনের অর্থে ব্যবহার করলেও প্রাকল্লিক বচন দ্বারা গঠিত সর্বপ্রকার বৈধ ন্যায়ের বৈধতা অঙ্কুণ থাকে।¹

একটি কার্যকারণসম্বন্ধসূচক বচন নেওয়া যাক।

I চতুর্থ হেতুটি পরবর্তী অধ্যায়ের আজোচনা থেকে পরিস্পৃষ্ট হবে। (4) বচনের সম্বন্ধের আজোচনা পঞ্চম অধ্যায়ে করা হবে, কারণ এতে বচনের আভ্যন্তরীণ অর্থনের বিশুল্পণ দরকার।

(12) যদি নীল লিট্যাস কাগজ এসিডে ফেলা হয়, তবে কাগজটি লাল হয়ে থার ।

বাস্তব প্রকল্পনের ধারণা অনুসারে, যদি নীল লিট্যাস কাগজ এসিডে না ফেললেও লাল হয়ে থার, তবুও বচনটি সত্য হবে । কিন্তু যদি লিট্যাস কাগজ এসিডের মধ্যে এবং এসিডের বাইরে সর্বত্রই লাল হয়, তবে এটি অমুতার একটি উত্তম রাসায়নিক পরীক্ষা হয় না । আসলে (12) বচন নিম্নোক্ত বচনের সংক্ষিপ্ত রূপ ।

(12) (ক) যদি নীল লিট্যাস কাগজ এসিডে ফেলা হয়, তবে কাগজটি লাল হয়, এবং কাগজটি লাল হয় কেবল যদি এটিকে এসিডে ফেলা হয় ।

বচনবর্ণ ও সংযোজক প্রতীক ব্যবহার করলে, “নীল লিট্যাস কাগজ এসিডে ফেলা হয়” এর স্থলে p এবং “কাগজটি লাল হয়” এর স্থলে q ব্যবহার করে, (12) (ক) বচনটি দাঁড়ায়,

(12) (খ) ($p \supset q$) এবং (q কেবল \neg যদি p) ।

এই বচনের হিতীয় সংযোগীর অর্থ কি ? যন্তে করুন,

(13) আপনি ভোট দিতে পারেন, কেবল যদি আপনি নাগরিক হন,

এর অর্থ,

(13) (ক) যদি আপনি ভোট দিতে পারেন, তবে আপনি নাগরিক ।

এর অর্থ নয়,

(13) (খ) যদি আপনি নাগরিক হন, তবে আপনি ভোট দিতে পারেন,

কারণ সব নাগরিকই ভোট দিতে পারে না । “আপনি নাগরিক” এর স্থলে p ও “আপনি ভোট দিতে পারেন” এর স্থলে q বচনবর্ণ ব্যবহার করলে, (13) বচনটি হয়,

q কেবল যদি p ।

এর অর্থ $q \supset p$ (13) (ক), $p \supset q$ (13) (খ) নয় । স্বতরাঃ (12) (ক) বচনের অর্থ,

(13) (গ) ($p \supset q$). ($q \supset p$) ।

স্বতরাং (12) বচনের প্রকৃত অর্থ (13) (গ) বচনের হারা প্রকাশিত হয়। দেখা গেল, আমরা শুধু বাস্তব প্রকল্পনের ধারণা হারা অন্যান্য দৃঢ়তর বা গুচ্ছতর সম্বন্ধও প্রকাশ করতে পারি।

অবশ্য সাধারণ বাক্রীতিতে কোন কোন সময় “ p কেবল যদি q ” এর অর্থ $q \supset p$, $p \supset q$ নয়। মনে করুন, রাখালের মা মারা গেছেন, রাখালের বাবা আবার বিয়ে করেছেন, রাখালের বিমাতা রাখালকে দুচক্ষে দেখতে পারেন না, সব সময় বকেন, এবং তার বাবার কাছে তার বিলুক্তে সব সময় সত্যমিথ্য। নালিশ করেন। রাখাল সবই সহ্য করে, কিন্তু কেবল যদি তার বাবা বিমাতার পক্ষ নিয়ে তাকে মারধর করেন, তবে আর সে সহ্য করতে পারে না, আপন মাসীর বাড়ী পালিয়ে যায়।

(14) রাখাল আপন মাসীর বাড়ী পালিয়ে যায়, কেবল যদি তার বাবা তাকে মারধর করেন।

এর অর্থ নয়,

(14) (ক) যদি রাখাল আপন মাসীর বাড়ী পালিয়ে যায়, তবে তার বাবা তাকে মারধর করেন।

এর অর্থ,

(14) (খ) যদি রাখালের বাবা তাকে মারধর করেন, তবে সে আপন মাসীর বাড়ী পালিয়ে যায়।

কিন্তু, বিজ্ঞানে, গণিতে বা ন্যায়ে “ p কেবল যদি q ”-কে $p \supset q$ অর্থে ব্যবহার করাই বীতি, যেমন (12) ও (13) বচনে করা হয়েছে।

“যদি p , তবে q ”, কে বিভিন্নভাবে লিখতে পারা যায়,

p কেবল যদি q ,

q , যদি p ,

q , p শর্তে

$\sim p$, যদি না q ,

p , q -এর পর্যাপ্ত শর্ত,

q , p -এর অপরিহার্য শর্ত

এই সবগুলোর অর্থ $p \supset q$ ।

2.10 ଅନୁବା

ଆମରା ସାଧାରଣ ଭାଷାଯ ବ୍ୟବହାତ “ଏବଂ”, “ବା”, “ନା”, ଓ “ଯଦି.....ତବେ.....” ସଂଯୋଜକଗୁଲି ବିଶ୍ଵେଷଣ କରେଛି, ଏଗୁଲୋ ନ୍ୟାଯେ କି ଅର୍ଥେ ବ୍ୟବହାତ ହବେ ତା ବଲେଛି, ଏବଂ ପ୍ରତ୍ୟୋକଟିର ଜନ୍ୟ ଏକଟି ପ୍ରତୀକ ବ୍ୟବହାର କରିବ ହିଁର କରେଛି । କୋନ କୋନ ହଲେ ପ୍ରତୀକଟି ପଡ଼ିବାର ଜନ୍ୟ ସାଧାରଣ ଭାଷାର ଶବ୍ଦଟିଟି ବ୍ୟବହାର କରିତେ ବଲେଛି । ତାର ଥେକେ ଏ ରକମ ସିନ୍କାନ୍ତ ଆସା ଠିକ ହବେ ନା ଯେ ପ୍ରତୀକଗୁଲେ ସାଧାରଣ ଭାଷାର ସଂଯୋଜକଗୁଲୋ ବିଭିନ୍ନ ପ୍ରସଙ୍ଗେ ବିଭିନ୍ନ ଅର୍ଥ ବହନ କରେ, ଆମରା ତାର ଥେକେ ନ୍ୟନତମ ଅର୍ଥଟି ନିଯେ ଶୁଦ୍ଧ ସେଇଟି ବୋବାବାର ଜନ୍ୟଇ ପ୍ରତୀକ ବ୍ୟବହାର କରିବାର ସିନ୍କାନ୍ତ ନିଯେଛି । ଦୃଷ୍ଟାନ୍ତର ସାହାଯ୍ୟ ଦେଖାନ୍ତେ ହେଲେ, “.” ସର୍ବକ୍ଷେତ୍ରେଇ ସାଧାରଣ ଭାଷାର “ଏବଂ” ନମ, “ୟ” ସର୍ବକ୍ଷେତ୍ରେଇ ସାଧାରଣ ଭାଷାର “ବା” ନମ । ସାଧାରଣ ଭାଷାର ସଂଯୋଜକ ଶବ୍ଦଗୁଲୋର ବା ତାଦେର ସାହାଯ୍ୟ ଗଠିତ ନ୍ୟାଯ ବା ଯୁଦ୍ଧର ଅର୍ଥ ପ୍ରଟିଭାବେ ପ୍ରକାଶ କରାର ଜନ୍ୟଇ ନ୍ୟାଯେ ପ୍ରତୀକରେ ବ୍ୟବହାର । ତାଇ ପ୍ରତୀକଗୁଲିର ଅର୍ଥ ଏମନଭାବେ ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ କରେ ଦେଉଯା ଇମ୍ବେଳେ, ଯାତେ ସାଧାରଣ ଭାଷାର ଯତ ବିଭିନ୍ନ ଅର୍ଥେଇ ସଂଯୋଜକଗୁଲୋ ବ୍ୟବହାର କରା ହୋଇ ଦୀ କେବୁ, ନ୍ୟାଯେ ପ୍ରତୀକଟି ଯେବେ ସର୍ବକ୍ଷେତ୍ରେ, ସମ୍ପଦ ପ୍ରସଙ୍ଗେ, ଯୁଦ୍ଧ ଭାବଟିକେ ରକ୍ଷା କରେ, ତାଦେର ହାନେ ସଂପାଦିତ ହତେ ପାରେ ।

তৃতীয় অধ্যায়

বচনাকার ও ন্যায়াকার

3.1 বচনাকার

বচনাকার বললে যৌগিক বচনের আকার বুঝতে হবে।¹ যৌগিক বচনের আকার বচনবর্ণ (p , q , r , ...) ও সংযোজক প্রতীকের (".", "v", "y", "~", "C") দ্বারা প্রদর্শনীয়।

$\sim p$
 $p \cdot q$
 $p \vee q$
 $p \supset q$

এইগুলো বচনাকার। বচনাকার আরও জটিল হতে পারে (2.9 অনুচ্ছেদ জটিল)।

বচনবর্ণ ও সংযোজকপ্রতীক দ্বারা গঠিত কোন প্রতীকপরম্পরায় বচন-বর্ণের স্থলে বচন সংস্থাপন করলে যদি একটি বচন উৎপন্ন হয়, তবে ঐ প্রতীকপরম্পরাকে বচনাকার বলে। বচনাকারকে বাচনিক সূত্র, বচন-সূত্র, সংক্ষেপে স্থু সূত্রও বলা হয়। লক্ষণীয় যে সূত্রসারিই অপেক্ষক। কেউ কেউ বলেন, p ও একটি অপেক্ষক, যদিও এর উপাদানবচন মাত্র একটি এবং কোন সংযোজক নেই। p -এর স্থলে সত্যবচন সংস্থাপন করলে p সত্য হবে, মিথ্যাবচন সংস্থাপন করলে p মিথ্যা হবে। সূত্রৰাঙ্গ পও একটি সূত্র।

(1) $\sim p$. ($q \vee \sim r$)

p -এর স্থলে “যুক্ত হবে”, q -এর স্থলে “আয়ুযুক্ত চলতে থাকবে”, r -এর স্থলে “বৃহৎশক্তিরা পক্ষ নেবে” সংস্থাপন করলে নীচের বচনটি উৎপন্ন হয়,

(1) (ক) যুক্ত হবে না, এবং আয়ুযুক্ত চলতে থাকবে বা বৃহৎ শক্তিরা পক্ষ নেবে না।

¹ 2.1 ও 2.8 অনুচ্ছেদ দ্রষ্টব্য।

(1) সুত্রটি এই বচনের আকার। কিন্তু

$p, q \sim \sim$

বচনাকার নয়, কারণ বচনসংস্থাপন করলে এটি দাঁড়ায়

যুক্ত হবে এবং বা স্বামুক্ত চলতে থাকবে বৃহৎ শক্তির।
পক্ষ নেবে না না।

এটি বচন নয়, অর্থহীন শব্দযোজনা যাত্র।

(1) বচনাকারে মূল সংযোজক “.”, সংযোগী বচন দুটি $\sim p$ ও $q \sim r$, একটি নিষেধক অপরটি বৈকল্পিক বচন। সংযোগিক বচনের সাধারণ আকার

(2) $p.q,$

সুত্রোঁ এক অর্থে $p.q$ -কেও (1) (ক) বচনের আকার বলা চলে। $p.q$ থেকে (1) (ক) বচন পেতে হলে p -এর স্বলে সংস্থাপন করতে হবে “যুক্ত হবে না”, q -এর স্বলে সংস্থাপন করতে হবে “স্বামুক্ত চলতে থাকবে বা বৃহৎশক্তির পক্ষ নেবে না”। কোন বচনবর্ণের স্বলে যে কোন নিষেধক, সংযোগিক, বৈকল্পিক বা প্রাকল্পিক বচন সংস্থাপন করা চলে। কিন্তু $p.q$ বললে $\sim p. (q \sim r)$ আকারটি পরিকারভাবে বোঝা যায় না। সেইজন্য আমরা (2) সুত্রকে (1) (ক) বচনের সাধারণ আকার বলব, এবং (1) সুত্রকে তার বিশেষ আকার বলব। কোন সুত্রের প্রত্যোক্তি ভিন্ন বচনবর্ণের স্বলে একটি ভিন্ন সরল বচন সংস্থাপন করলে যে বচন উৎপন্ন হয়, সুত্রটি সেই বচনের বিশেষ আকার। (2) সুত্রের ভিন্ন ভিন্ন বচনবর্ণের স্বলে ভিন্ন ভিন্ন সরল বচন সংস্থাপন করলে (1) (ক) বচন পাওয়া যাবে না। (2) সুত্র থেকে (1) (ক) বচন পেতে হলে বচনবর্ণের স্বলে যৌগিক বচন সংস্থাপন করতে হবে। কিন্তু (1) (ক) বচন (1) ও (2) বচনসুত্রের উভয়েরই দৃষ্টান্ত। কোন বচনসুত্রের বচনবর্ণের স্বলে (যে কোন) বচন (সুত্র) সংস্থাপন¹ করলে যে বচন (সুত্র) উৎপন্ন হয় তাকে ঐ সুত্রের দৃষ্টান্ত বচন (সুত্র) বা সংস্থাপিত বচন (সুত্র) বলে। যেমন

যদি বৃষ্টি হয়, তবে খেলা হবে না,

$\sim p (q \sim r),$

$[(p.q) \sim r] \sim (\sim p. \sim r).$

১. সংস্থাপন সম্পর্কে 3.4 ও 4.1 অনুচ্ছেদ দ্রষ্টব্য।

সবগুলোই $p \supset q$ -এর দ্বৈষ্ট বচন (সূত্র), যদিও $p \supset q$ কেবল প্রথম দ্বৈষ্ট বচনের বিশেষ আকার ।

এখানে আমরা বচনবর্ণ ব্যবহার ও তৎস্থলে বচন (সূত্র) সংস্থাপনের কয়েকটি নির্দিষ্ট রীতির উল্লেখ করব ।

(ক) কোন বচনসূত্রের প্রথম বচনবর্ণ p হবে, দ্বিতীয়টি q , তৃতীয়টি r , ইত্যাদি ।

(খ) কোন বচনসূত্রে যদি কোন বচনবর্ণ একাধিকবার থাকে, তবে তার প্রত্যেকটি অবস্থানক্ষেত্রে একই বচন (সূত্র) সংস্থাপন করতে হবে । যেমন — $p \vee p \vee q$ সূত্রে দুইটি p -এর স্থলে একই বচন (সূত্র) সংস্থাপন করতে হবে ।

৩.২ স্বতঃসত্য, স্বতোমিথ্যা ও অনিদিষ্টঘাল বচন

1.৩। অনুচ্ছেদে স্বতঃসত্য, স্বতোমিথ্যা ও ব্যবহারিকভাবে সত্য বা মিথ্যা বচনের উল্লেখ করা হয়েছে । আমরা দেখেছি, কোন বৈকল্পিক বচনে একটি বিকল্প অপরাটির নিমেধ হলে বচনটি স্বতঃসত্য হবে ।

(1) বক্ষিমচন্দ্র “বল্লে মাতৃম্” সঙ্গীতাটি রচনা করেছিলেন ।

(2) বক্ষিমচন্দ্র “বল্লে মাতৃম্” সঙ্গীতাটি রচনা করেছিলেন বা করেন নি ।

বচন দুটিই সত্য । কিন্তু (2) বচন যে ভাবে সত্য, (1) বচন সে ভাবে নয় । (2) বচন দেখলে বা শুনলেই যে কেউ বুঝতে পারবেন এটি মিথ্যা হতে পারে না । বচনটি তাঁর আকারের জন্যই সত্য, স্বতঃসত্য । এর সত্যতা নির্ধারণের জন্য কাউকে বাংলা সাহিত্যের ইতিহাস পড়তে হবে না । (1) (বচনটিও সত্য, কিন্তু একইভাবে নয় । এটির সত্যতা বাংলা সাহিত্যের ইতিহাসের ব্যাপার, বক্ষিমচন্দ্রের রচনা পড়ে তবেই আমরা তা আনতে পেরেছি । ঘটনা এবনভাবে ঘটতে পারত যে বচনটি মিথ্যা হয়, আর কেউ সঙ্গীতাটি বক্ষিমচন্দ্রের আগে রচনা করতে পারতেন । এর সত্যতার মধ্যে অনিবার্যতা, অনশ্঵ীকার্যতা নেই । কিন্তু (2) বচনের সত্যতার মধ্যে অনিবার্যতা, অনশ্঵ীকার্যতা আছে । আমরা বলেছি, (2) বচন স্বতঃসত্য, (1) বচন ব্যবহারিক ভাবে সত্য ।

(3) রবীন্দ্রনাথ “বল্লে মাতৃম্” সঙ্গীত রচনা করেছিলেন ।

(4) রবীন্দ্রনাথ “বলে মাতৃম্” সঙ্গীত রচনা করেছিলেন এবং করেন নি।

দুটি বচনই মিথ্যা, কিন্তু (4) বচন যে ভাবে মিথ্যা, (3) বচন সে ভাবে নয়। (4) বচন দেখলে বা শুনলেই যে কেউ বুঝতে পারবেন এটি সত্য হতে পারে না, কারণ এটি একটি সংযোগিক অপেক্ষক, এর একটি সংযোগী অপরটির নিরেখ। অর্থাৎ, বচনটি তার আকারের জন্যই মিথ্যা, স্বতোমিথ্য। এর মিথ্যাত্ব নির্ধারণের জন্য বাংলা সাহিত্যের ইতিহাস পড়তে হবে না। (3) বচনও মিথ্যা, কিন্তু এটি যে মিথ্যা তা বাংলা সাহিত্যের ইতিহাসের ব্যাপার, রবীন্দ্র-বক্তিবের রচনা পড়লেই তবে এটি যে মিথ্যা তা আমরা জানতে পারি। ঘটনা এখনভাবে ঘটতে পারত বে রবীন্দ্রনাথই এই সঙ্গীতটি রচনা করেছিলেন। এর মিথ্যাত্বের মধ্যে অনিবার্যতা, অনস্বীকার্যতা নেই। কিন্তু (4) বচনের মিথ্যাত্বের মধ্যে অনিবার্যতা, অনস্বীকার্যতা আছে। আমরা বলেছি, (4) বচন স্বতোমিথ্য, (3) বচন ব্যবহারিকভাবে মিথ্যা।

(2) বচন $p \vee \sim p$ আকারের, (4) বচন $p. \sim p$ আকারের। $p \vee \sim p$ -এর এমন কোন দৃষ্টান্ত বচন পাওয়া যাবে না যা মিথ্যা হবে, $p. \sim p$ -এর এমন কোন দৃষ্টান্ত বচন পাওয়া যাবে না যা সত্য হবে। যে কোন সূত্র $p \vee \sim p$ আকারের হলেই স্বতঃসত্য হবে, যে কোন সূত্র $p. \sim p$ আকারের হলেই স্বতোমিথ্য হবে। কোন বচন বা সূত্র স্বতঃসত্য বা স্বতোমিথ্য না হলে তাকে অনিদিষ্টমান বচন বা সূত্র বলা হয়। যেমন p , যদি p -এর ছলে (1) বচন সংস্থাপন করা হয় তবে p সত্য, যদি (3) বচন সংস্থাপন করা হয় তবে p মিথ্যা। লক্ষণীয় যে p -এর ছলে আমরা (2) বচন সংস্থাপন করতে পারি, তখন p স্বতঃসত্য, আবার (4) বচন সংস্থাপন করতে পারি, তখন p স্বতোমিথ্য। কিন্তু p (2) বা (4) বচনের বিশেষ আকার নয়, সাধারণ আকার যাত্র। সুতরাঃ p অনিদিষ্টমান।

অনুক্লপত্তাবে, $\sim p$, $p.q$, $p \vee q$, $p \supset q$, অনিদিষ্টমান সূত্র। $\sim p$ তে p -এর ছলে (3) বচন সংস্থাপন করলে $\sim p$ সত্য হবে, কিন্তু (1) বচন সংস্থাপন করলে $\sim p$ মিথ্যা হবে। p -এর বত q -ও অনিদিষ্টমান, স্বতরাঃ $p.q$ অনিদিষ্টমান। $p \vee q$ সূত্রও তাই (কিন্তু q -এর ছলে যদি p -এর দৃষ্টান্তবচনের নিরেখক অর্থাৎ $\sim p$ সংস্থাপন করি, তবে $p \vee q$ স্বতঃসত্য হবে যাবে। যেমন, p -এর ছলে (1) বচন সংস্থাপন করলে (2) বচন $p \vee q$ -এর

দৃষ্টান্ত বচন হবে, কিন্তু $p \vee q$ (2) বচনের বিশেষ আকার নয়। $p \supset q$ সূত্রটিও অনিদিষ্টমান, কারণ p সত্য q মিথ্যা হলে $p \supset q$ মিথ্যা হবে, p ও q -এর অন্য মানশর্তে সত্য হবে।

স্তুতরাঃ বলা যায়, কোন বচনাকার বা সুত্রের সমস্ত দৃষ্টান্তবচন সত্য হলে সূত্রটি স্বতঃসত্য, সমস্ত দৃষ্টান্তবচন মিথ্যা হলে স্বতোমিথ্যা বা স্ববিরোধী হবে। কোন সূত্র স্বতঃসত্য বা স্বতোমিথ্যা না হলে অনিদিষ্টমান হবে। সত্যসারণী থেকে বিষয়টি আরও সহজভাবে বোঝা যায়। যে কোন সত্যসারণীর শেষস্তম্ভে অপেক্ষকের মান দেওয়া থাকে। সারণী (5)-এ দেখা যায়, প্রথম সারিতে $\sim p$ অপেক্ষকের মান মিথ্যা, অর্থাৎ p -এর স্বলে একটি সত্যবচন সংস্থাপন করলে $\sim p$ -এর দৃষ্টান্তবচন মিথ্যা হবে। অর্থাৎ $\sim p$ সুত্রের সমস্ত দৃষ্টান্তবচন সত্য নয়। স্তুতরাঃ $\sim p$ স্বতঃসত্য সূত্র নয়। $\sim p$ স্বতোমিথ্যাও নয়, কারণ হিতৌয় সারিতে দেখা যায়, p -এর স্বলে একটি মিথ্যাবচন সংস্থাপন করলে $\sim p$ -এর দৃষ্টান্তবচন সত্য হবে। অর্থাৎ $\sim p$ সুত্রের সমস্ত দৃষ্টান্তবচন মিথ্যাও নয়। স্তুতরাঃ $\sim p$ একটি অনিদিষ্টমান সূত্র। অনুক্রান্তভাবে, সারণী (1), সারণী (3), সারণী (4) ও সারণী (8) থেকে বোঝা যাবে, $p \cdot q$, $p \vee q$, $p + q$, $p \supset q$, $\sim p$ সূত্রগুলো অনিদিষ্টমান। কিন্তু $p \vee \sim p$ আকারের সমস্ত দৃষ্টান্তবচন সত্য, $p \cdot \sim p$ আকারের সমস্ত দৃষ্টান্তবচন মিথ্যা, স্তুতরাঃ প্রথমটি স্বতঃসত্য, হিতৌয়টি স্বতোমিথ্যা।

$p \vee \sim p$ ও $p \cdot \sim p$ এর আলাদা সত্যসারণী গঠন করলে সূত্র দুটি যে যথক্রমে স্বতঃসত্য ও স্বতোমিথ্য তা আরও পরিক্ষারভাবে বোঝা যায়।

সারণী (9)

p	$\sim p$	$p \vee \sim p$
T	F	T
F	T	T

প্রথম দুই স্তম্ভ সারণী (5) এর অনুকরণ। এর থেকে সারণী (3) এর হিতৌয় ও তৃতীয় সারি অনুযায়ী তৃতীয় স্তম্ভে $p \vee \sim p$ অপেক্ষকের মান নির্দেশ করা হয়েছে। দেখা গেল, p -এর যে কোন মানশর্তে $p \vee \sim p$ সত্য। অর্থাৎ p -এর স্বলে যে কোন দৃষ্টান্তবচন সংস্থাপন করা হোক না

কেন, $p \vee \sim p$ -এর কোন দৃষ্টিভবন বিধ্যা হবে না, সমস্ত দৃষ্টিভবন সত্য হবে। $p \vee \sim p$ স্বতঃসত্য। লক্ষণীয় যে কোন দৃষ্টিভবন সংস্থাপন না করেই আমরা বলতে পারিছি, $p \vee \sim p$ -এর সব দৃষ্টিভবন সত্য হবে। কারণ, p বচনের মানশর্তই শুধু $p \vee \sim p$ -এর সত্যতা বিচারে প্রয়োজন, কোন বিশেষ বচন সংস্থাপন করার কোন প্রয়োজন নেই। সত্য বচন সংস্থাপন করলে p সত্য হবে, বিধ্যা বচন সংস্থাপন করলে $\sim p$ সত্য হবে, যে কোন মানশর্তে একটি বিকল্প সত্য হবে, অতএব $p \vee \sim p$ সর্বদাই সত্য হ'বে। উপাদান বচনের মানশর্ত ছাড়া আর কিছুরই অপেক্ষকের মান নির্ণয়ের জন্য প্রয়োজন নেই।

কোন সুত্রের সত্যগারণীতে সুত্রটির স্বত্ত্বে কেবল T ধাকলে সুত্রটি স্বতঃসত্য, কেবল F ধাকলে স্বতোবিধ্যা, T ও F দুই-ই ধাকলে অনিদিষ্টমান হবে।

সারণী (10)

p	$\sim p$	$p \cdot \sim p$
T	F	F
F	T	F

প্রথম দুই স্তৰ সারণী (5) এর অনুরূপ। তার খেকে সারণী (1)-এর দ্বিতীয় ও তৃতীয় সারি অনুযায়ী তৃতীয় স্তৰে $p \cdot \sim p$ অপেক্ষকের মান নির্ণয় করা হয়েছে। দেখ। গোল p -এর যে কোন মানশর্তে $p \cdot \sim p$ বিধ্যা। অর্থাৎ p -এর স্বল্পে যে কোন দৃষ্টিভবন সংস্থাপন করা হোক না কেন, $p \cdot \sim p$ -এর কোন দৃষ্টিভবন সত্য হবে না, সমস্ত দৃষ্টিভবন বিধ্যা। $p \cdot \sim p$ স্বতোবিধ্যা। লক্ষণীয় যে স্বতঃসত্য বচনের নিষেধক স্বতোবিধ্যা, স্বতোবিধ্যা বচনের নিষেধক স্বতঃসত্য। সত্যগারণীর সাহায্যে পরীক্ষা করুন।

সাধারণ ভাষায় রচিত $p \vee \sim p$ আকারের কোন কোন বচন স্বতঃসত্য নয়। যেমন,

প্রকাশ জীবনে সাফল্যলাভ করবে বা করবে না।

বচনটিকে স্বতঃসত্য স্বীকার না করার কারণ, “জীবনে সাফল্যলাভের” কোন নির্দিষ্ট মান নেই। এমন অনেক লোক আছেন্ত যাঁদের জীবন এক দৃষ্টিকোণ থেকে সফল বলা যায়, আর এক দৃষ্টিকোণ থেকে ব্যর্থ বলা

হার। তারপর, সাফল্যলাভ করা ও না করার মধ্যে কোন নিষিট শীরাবেখ। টেনে দেওয়া যাব না। এ কক্ষ ক্ষেত্রে, থিকাশ দৌবনে সাফল্যলাভ করেছে এবং করেনি, এই বচনটিও স্বতোমিথ্য নয়। কিন্তু দেখানের বচনের অর্থ স্বপ্নরিস্কৃত, সেখানে $p \vee \sim p$ আকারের যে কোন বচন স্বতঃসত্য, $p \sim p$ আকারের যে কোন বচন স্বতোমিথ্য। আমরা ধরে নেব, ন্যায়ে ব্যবহার্য বচন হ্যার্ডিন, এবং তার সত্তাতা বা বিধ্যাত্ব সুনির্দিষ্টভাবে নির্ণয়যোগ্য।

একটা প্রশ্ন উঠতে পারে,

রবীন্দ্রনাথ ‘বলে মাতৃর সঙ্গীত’ লিখেছিলেন বা লেখেন নি,

এই বচন রবীন্দ্রনাথের “বলেমাতৃর সঙ্গীতের” লেখক সংস্করণে কিছুই বলে না। একটু চিন্তা করলেই বোঝা যায়, এই প্রকার বচন স্বতঃসত্য হলেও একপ্রকার শূন্যজ্ঞি, অর্ধাং কোন বিষয়জ্ঞান দেয় না, আগতিক কোন ব্যাপার বা ঘটনা সংস্করণে কিছুই বলে না। কিন্তু, বিষয়জ্ঞাননিরপেক্ষ এবং বিষয়জ্ঞানশূন্য হলেও এই প্রকার বচনের স্বতঃসত্যতা আকারগত। এই প্রকার পরবর্তী অংশে আমরা দেখতে পাব, স্বতঃসত্য বচনের বৈধতা ও ন্যায়ের বৈধতার মধ্যে বিনিষ্ঠ সম্বন্ধ আছে, বস্তুত: ন্যায়ের বৈধতা ও স্বতঃসত্য বচনের বৈধতা অভিন্ন।

3.3 অঞ্চলিক সুত্রের মান নির্ণয়

এই অনুচ্ছেদে আমরা একাধিক সংযোজক হারা গঠিত সুত্রের মান নির্ণয়ের পদ্ধতি দেখাব। কোন সুত্রের মান নির্ণয়ের অন্য সত্যসারণী গুরুত্ব যাইক ও সম্পূর্ণ কার্যকরী পদ্ধতি। 2.6 অনুচ্ছেদ শারণী (2)-এ পুঁথীর বেশী সরল উপাদান বচন হারা গঠিত অপেক্ষকের (সুত্রের) বাবশর্ত নিবেশনের উপায় বর্ণনা করা হয়েছে। প্রথমে তদনুসারে মানশর্ত-নিবেশন করতে হবে। তারপর সুত্রটি পরীক্ষা করে দেখতে হবে কোনটি মূল সংযোজক। হারা যাক, সুত্রটি

$(p \cdot q) \vee r$

বস্তুর ব্যবহার খেকেই মূল সংযোজক যে “ \vee ” তা বোঝা যাচ্ছে (2.8 অনুচ্ছেদ প্রাইবে)। অর্ধাং সুত্রটি $p \vee q$ সাধারণ আকারের একটি বৈকল্পিক বচন। প্রথম বিকল নিজেই একটি সংযোগিক বৌগিক বচন। স্বতরাং উপাদান বৌগিক বচনের সত্যসারণী আগে বাব করে নিতে হবে,

এবং তারপর শুটাটির সত্যসারণী অন্তর্গত বৌগিক বচনের সত্যসারণী থেকে
প্রমাণ করতে হবে। যদি শুটাটি

$$\neg (p \vee q) \cdot (q \vee r)$$

হয়, তবে তাঁর মূল সংযোজক “.”, সংযোগী দুটিই বৈকল্পিক বচন।
অন্তর্গত বৈকল্পিক বচনের সত্যসারণী আগে বের করে তাঁর থেকে
মূল শুটের সত্যসারণী প্রমাণ করতে হবে। এই দুটি শুটের সত্যসারণী
প্রমাণ করে দেখিনো হচ্ছে।

সারণী (11)

p	q	r	$p \cdot q$	$(p, q) \vee r$
T	T	T	T	T
T	T	F	T	T
T	F	T	F	T
T	F	F	F	F
F	T	T	F	T
F	T	F	F	F
F	F	T	F	T
F	F	F	F	F

চতুর্থ স্তুতি সারণী (1) অনুযায়ী প্রথম ও দ্বিতীয়স্তুতি থেকে এবং পঞ্চম
স্তুতি সারণী (3) অনুযায়ী চতুর্থ ও তৃতীয় স্তুতি থেকে গঠিত।

সারণী (12)

p	q	r	$p \vee q$	$q \vee r$	$(p \vee q) \cdot (q \vee r)$
T	T	T	T	T	T
T	T	F	T	T	T
T	F	T	T	T	T
T	F	F	T	F	F
F	T	T	T	T	T
F	T	F	T	T	T
F	F	T	F	T	F
F	F	F	F	F	F

চতুর্থ ও পঞ্চম স্তুতি সারণী (3) অনুযায়ী ও ষষ্ঠ স্তুতি চতুর্থ ও পঞ্চম স্তুতি থেকে সারণী (1) অনুযায়ী গঠিত।

ধরা যাক, কোন উপাদান যৌগিক বচনের উপাদান বচনও যৌগিক,

$$p \supset [(q.r) \vee p]$$

মূল সংযোজক “ \supset ”। অনুগ একটি বৈকল্পিক বচন, তার প্রথম বিকল একটি সংযোগিক বচন। এর সত্যসারণী প্রণয়নের পদ্ধতি হবে, প্রথমে $q.r$ -এর, তারপর $(q.r) \vee p$ -এর, তারপর মূলসূত্রটির। জটিল বচনের সত্যসারণী প্রণয়নের সাধারণ নিয়ম—সর্ববিধান্ত উপাদান বচনের সংযোজক দিয়ে শুরু করে মূল সংযোজকে পৌছতে হবে। সত্যসারণীটি এইরূপ :

সারণী (13)

p	q	r	$q.r$	$(q.r) \vee p$	$p \supset [(q.r) \vee p]$
T	T	T	T	T	T
T	T	F	F	T	T
T	F	T	F	T	T
T	F	F	F	T	T
F	T	T	T	T	T
F	T	F	F	F	T
F	F	T	F	F	T
F	F	F	F	F	T

চতুর্থ স্তুতি সারণী (1) অনুযায়ী, পঞ্চম স্তুতি চতুর্থ ও প্রথম স্তুতি থেকে সারণী (3) অনুযায়ী, ষষ্ঠ স্তুতি প্রথম ও পঞ্চম স্তুতি থেকে সারণী (8) অনুযায়ী গঠিত।

প্রথম দুটি সূত্র অনিদিষ্টমান, তৃতীয়টি স্বতঃসত্য। সত্যসারণীতে সভাব্য সকল প্রকার মানশর্তসম্বাবেশে প্রদত্ত সূত্রের মান নির্ণয় করা হয়। যদি নির্দিষ্ট মানশর্তে কোন সূত্রের মান নির্ণয় করতে হয়, তবে সত্যসারণীর যে সারিতে ঐ নির্দিষ্ট মানশর্ত অনুযায়ী সূত্রটির মান নির্ণয় হয়, সেই সারিটি পৃথক্কৃতভাবে প্রণয়ন করতে হয়। যেমন, p সত্য, q মিথ্যা, r মিথ্যা হলে হিতোয় সূত্রটির কি মান হবে? প্রথম সংযোগী $q \vee q$ সত্য হবে, হিতোয় সংযোগী $q \vee r$ মিথ্যা হবে, সূত্রটি মিথ্যা।

হবে। সত্যসারণী (12)-এর চতুর্থ চারিটির সঙ্গে বিলিজে দেখুন। প্রত্যেকটি অপেক্ষকের বেলায় কি মানশর্তে অপেক্ষকটি সত্য বা মিথ্যা তা আনা আছে, প্রদত্ত মানশর্ত তার মধ্যেই যে কোন একটা হবে, স্ফূর্তবাঃ তদনুযায়ী সর্বমধ্যস্থ অপেক্ষকের মান নির্ণয় করে ক্রমে ক্রমে মূল সূত্রের মান নির্ণয় করতে হয়। 2.8 অনুচ্ছেদের (9) ও (10) সূত্র ধরন। p মিথ্যা, q মিথ্যা, r সত্য হলে

$$[p \vee (q.r)] \vee [r \vee (p.q)]$$

সূত্রটির মান কি? প্রথম বিকল $p \vee (q.r)$ -এর দুটি বিকলই মিথ্যা, কারণ p মিথ্যা, এবং q মিথ্যা বলে $q.r$ ও মিথ্যা। হিতীয় বিকল $r \vee (p.q)$ -এর প্রথম বিকল r সত্য, হিতীয় বিকল p ও q উভয়ই মিথ্যা বলে মিথ্যা। স্ফূর্তবাঃ মূল সূত্রের হিতীয় বিকল সত্য বলে সূত্রটি সত্য।

p মিথ্যা, q সত্য, r মিথ্যা, s সত্য, t মিথ্যা হলে,

$$[p \vee \{q.(r \vee s)\}] \vee t$$

সূত্রটির মান কি? r মিথ্যা, s সত্য, অতএব $r \vee s$ সত্য। q সত্য, $r \vee s$ সত্য, অতএব $q.(r \vee s)$ সত্য। p মিথ্যা,, $q.(r \vee s)$ সত্য অতএব $p \vee \{q.(r \vee s)\}$ সত্য। প্রথম বিকল সত্য, অতএব মূল সূত্র সত্য।

আর একটি আরও অটীল সূত্র নেওয়া যাক। p, q, r, s , চারটিই সত্য হলে,

$$[(p. \sim q) \vee r] \supset \sim [(q.s) \supset (p \vee r)]$$

সূত্রের মান কি? মূল সংবোজক “ \supset ”, পূর্বগ ($p. \sim q) \vee r$, অনুগ $\sim [(q.s) \supset (p \vee r)]$ । $\sim q$ মিথ্যা, $p. \sim q$ মিথ্যা, r সত্য, স্ফূর্তবাঃ পূর্বগ সত্য। $q.s$ সত্য, $p \vee r$ সত্য, $(q.s) \supset (p \vee r)$ সত্য, অনুগ মিথ্যা। মূলসূত্র মিথ্যা। p, q, r, s , চারটিই মিথ্যা হলে এই সূত্রের কি মান হবে? p মিথ্যা $p. \sim q$ মিথ্যা, r মিথ্যা, পূর্বগ মিথ্যা, স্ফূর্তবাঃ মূলসূত্র সত্য, অনুগ সত্যমিথ্যা যাই হোক না কেন।

3.4 সমস্যাম বচন

দুটি বচন বা সূত্রের মান (সত্যমান বা মিথ্যামান) এক হলে বচন না। সূত্র দুটিকে সমস্যাম বলা হয়। সমস্যামতা সংজ্ঞের সঙ্গে “ \equiv ” প্রতীক

চিহ্নটি ব্যবহার করা হয়। দুটি বচনের সর্বপ্রকার মানশর্ত নির্বেশন করে “≡” প্রতীকের সঙ্গে নৌচের সারণীতে দেওয়া হল।

সারণী (14)

p	q	$p \equiv q$
T	T	T
T	F	F
F	T	F
F	F	T

ছিটীয় ও তৃতীয় সারিতে p ও q -এর মান এক নয় বলে তৃতীয় স্তরে $p \equiv q$ -এর মান F হয়েছে। যেহেতু $p \equiv q$ -এর মান কেবলমাত্র p ও q -এর মানের উপর নির্ভর করে, সেজন্য $p \equiv q$ একটি অপেক্ষক, সমমানতাসূচক প্রতীকটি একটি সত্যাপেক্ষ সংযোজক।

2.9 অনুচ্ছেদের (12) (ক) বচনটি আবার নেওয়া যাক। এর আকার $(p \supset q) \cdot (q \supset p)$, অর্থাৎ দুটি বচনের মধ্যে অন্যোন্য বাস্তব প্রাকল্পিক সমষ্টি। এই প্রকার বচনকে অন্যোন্য বাস্তব প্রাকল্পিক বচন বলে। এটির সারণী তৈরী করা যাক।

সারণী (15)

p	q	$p \supset q$	$q \supset p$	$(p \supset q) \cdot (q \supset p)$
T	T	T	T	T
T	F	F	T	F
F	T	T	F	F
F	F	T	T	T

দেখা যায়, ছিটীয় ও তৃতীয় সারিতে p ও q -এর মান এক নয়, এবং $(p \supset q) \cdot (q \supset p)$ -এর মানও মিথ্যা হয়েছে। দুটি বচনের মধ্যে সমমানতা সমষ্টি আছে বলা, আর তাদের মধ্যে অন্যোন্য বাস্তব প্রাকল্পিক সমষ্টি আছে বলা একই কথা। স্বতরাং এই প্রকার বচনকে বাস্তব সমমান বচনও বলা যায়। সাধারণ ভাষায় সমমানতাকে “যদি ও কেবল যদি” হাতে প্রকাশ করা হয়। $p \supset q$ -কে “যদি p তবে q ” পড়লে, এবং $q \supset p$ -কে

“কেবল যদি p তবে q ” পড়লে $p \equiv q$ -কে পড়া যাব, “যদিও কেবল যদি p তবে q ”।

দুটি বচন বা সূত্র ন্যায়তঃ সমর্থান হয়, যদি সমর্থানতাসূচক অপেক্ষকটি স্বতঃসত্য হয়, অর্থাৎ সত্যগারণীতে তার স্বত্তে কেবল T থাকে। $p \equiv q$ বাস্তব সমর্থান, কিন্তু ন্যায়ত সমর্থান নয়, কারণ সত্যগারণীতে তার স্বত্তে হিতীয় ও তৃতীয় সারিতে F আছে। কিন্তু

$$[(p \supset q) \cdot (q \supset p)] \equiv (p \equiv q)$$

ন্যায়তঃ সমর্থান।

সারণী (16)

p	q	$p \supset q$	$q \supset p$	$(p \supset q) \cdot (q \supset p)$	$p \equiv q$	$[(p \supset q) \cdot (q \supset p)] \equiv (p \equiv q)$
T	T	T	T	T	T	T
T	F	F	T	F	F	T
F	T	T	F	F	F	T
F	F	T	T	T	T	T

$(p \supset q) \equiv \sim (p \cdot \sim q)$ আর একটি ন্যায়তঃ সমর্থান সূত্র।

সারণী (17)

p	q	$p \supset q$	$\sim q$	$p \cdot \sim q$	$\sim(p \cdot \sim q)$	$(p \supset q) \equiv \sim(p \cdot \sim q)$
T	T	T	F	F	T	T
T	F	F	T	T	F	T
F	T	T	F	F	T	T
F	F	T	T	F	T	T

তৃতীয় স্বত্তে $p \supset q$ -এর এবং ঘষ্ট স্বত্তে $\sim(p \cdot \sim q)$ -এর মান নির্ণয় করা হয়েছে। যেহেতু অনুজ্ঞপ মানশর্তে সব সারিতে এই দুটি সূত্রের মান এক, সেজন্য শেষ স্বত্তে সমর্থানতাসূচক অপেক্ষকটির স্বত্তে সারণী (14) অনুযায়ী সব সারিতে T বসেছে। $(p \supset q) \equiv \sim(p \cdot \sim q)$ একটি স্বতঃসত্য সমর্থান অপেক্ষক।

ন্যায়ের বৈধতা বিচারে বা প্রমাণে উপযোগী আরও কয়েকটি ন্যায়তঃ সমর্থান সূত্র উপস্থাপিত করা হচ্ছে। $p \equiv \sim \sim p$ এইজ্ঞপ আর একটি সূত্র, একে হিনিষেধবিধি বলা হয়।

সারণী (18)

p	$\sim p$	$\sim \sim p$	$p \equiv \sim \sim p$
T	F	T	T
F	T	F	T

p -এর সঙ্গে যে কোন বচন সংস্থাপন করা হোক না কেন, p ও $\sim \sim p$ সমর্থন হবে।

মানুষ মরণশীল,
এ নয় যে মানুষ মরণশীল নয়,

সমর্থন।

$\sim(p.q)$ ও $\sim p \vee \sim q$ ন্যায়তঃ সমর্থন।

সারণী (19)

p	q	$\sim(p.q)$	$\sim p$	$\sim q$	$\sim p \vee \sim q$	$\sim'(p.q) \equiv (\sim p \vee \sim q)$
T	T	F	T	F	F	T
T	F	T	F	F	T	T
F	T	T	F	T	F	T
F	F	T	F	T	T	T

ক্রতীয় স্তৰে ও সপ্তম স্তৰে যথোক্তিমে $\sim(p.q)$ ও $\sim p \vee q$ -এর মান নির্ণয় করা হয়েছে। যেহেতু অনুরূপ মানগুর্তে এই দুটি স্তৰের মান সব সারিতে এক, সেজন্য শেষ স্তৰে সমর্থনতাসূচক অপেক্ষকের সব সারিতে T বসেছে। সারণী দ্বারা প্রমাণ করা যাই, $\sim(p \vee q)$ ও $\sim p \cdot \sim q$ ন্যায়তঃ সমর্থন।

সংযোগিক বচন দুটি সংযোগী বচনের প্রিনিত সত্য খোঞ্চা করে। যে কোন একটি সংযোগী বচন প্রিন্যা হলেই সংযোগিক বচন প্রিন্যা হবে। স্তৰোঁ: একটি সংযোগিক বচনকে নিষেধ করতে যে কোন একটি সংযোগী বচনকে নিষেধ করাই যথেষ্ট। $p \cdot q$ -কে নিষেধ করতে $\sim p$ বা $\sim q$ অর্থাৎ $\sim p \vee \sim q$ বলাই যথেষ্ট। অর্থাৎ, সংযোগিক বচনের নিষেধ ও সংযোগী বচনসংয়োগের নিষেধের বিকল্প ন্যায়তঃ সমর্থ। বৈকল্পিক বচন দুটি বিকল্প বচনের মধ্যে অস্ততঃ একটি সত্য বলে খোঞ্চা করে। স্তৰোঁ: বৈকল্পিক বচনকে নিষেধ করতে দুটি বিকল্পকেই প্রিন্যা বলতে হবে। $p \vee q$ -কে নিষেধ করতে $\sim p$ ও $\sim q$ দুটিই অর্থাৎ $\sim p \cdot \sim q$

সলতে হবে। অর্থাৎ, বৈকল্পিক বচনের নিষেধ ও বিকল্প বচনবর্ণের নিষেধের সংযোগ ন্যায়তঃ সমসামান। এই দুটি নিষেধবিধি তি মরগ্যানের উপপাদ্য নামে খ্যাত।

$$\begin{aligned}\sim(p.q) &\equiv (\sim p \vee \sim q) \\ \sim(p \vee q) &\equiv (\sim p, \sim q)\end{aligned}$$

ন্যায়তঃ সমসামান দুটি সূত্রের মধ্যে যে কোন বচনবর্ণের হলে যে কোন বচন (সূত্র) সংস্থাপন করা হোক না কেন, ৩.১ অনুচ্ছেদে বণিত বচনসংস্থাপনবিধি মেনে চললে, অর্থাৎ একই বচনবর্ণের প্রত্যেকটি অবস্থানক্ষেত্রে একই বচন (সূত্র) সংস্থাপন করলে সংস্থাপিত বচন দুটি ও ন্যায়তঃ সমসামান হবে।

তি মরগ্যানের নিষেধবিধি দুইয়ের বেশী বচনবর্ণ হারা গঠিত সূত্রের উপরও প্রয়োগ করা চলে, যেমন,

$$\begin{aligned}&\sim[p. (q.r)]^1 \\ &\equiv [\sim p \vee \sim(q.r)] \\ &\equiv (\sim p \vee \sim q \vee \sim r) \\ &\sim[(p \vee q) \vee r] \\ &\equiv [\sim(p \vee q), \sim r] \\ &\equiv (\sim p, \sim q, \sim r)\end{aligned}$$

একই সূত্রের উপর দুটি বিধির একসঙ্গে প্রয়োগের দ্রষ্টিত্ব :

$$\begin{aligned}&\sim[p. (q \vee r)] \\ &\equiv [\sim p \vee \sim(q \vee r)] \\ &\equiv [\sim p \vee (\sim q, \sim r)] \\ &\sim[(p.q) \vee (q.r)] \\ &\equiv [\sim(p.q), \sim(q.r)] \\ &\equiv [(\sim p \vee \sim q).(\sim q \vee \sim r)]\end{aligned}$$

তি মরগ্যানের নিষেধবিধি ও হিনিষেধবিধির যুগপৎ প্রয়োগের কয়েকটি দ্রষ্টিত্ব দেখুন :

I যে কোন অতঃসত্ত্ব বা অতোযিথ্যা সূত্রে যে কোন বচনবর্ণের হলে অন্য কোন বচনবর্ণ বা যে কোন সূত্র সংস্থাপন করলে সূত্রটির অতঃসত্ত্বত্বা বা অতোযিথ্যা অক্ষুণ্ণ থাকে। সত্ত্বারণী আরো পরীক্ষার মাধ্যমে এই দ্রষ্টিত্ব প্রমাণিত হয়েছে।

- (1) $(p \supset q) \equiv \sim(p. \sim q)$
 $\equiv (\sim p \vee \sim \sim q)$
 $\equiv (\sim p \vee q)$
- (2) $\sim(\sim p \vee \sim q) \equiv (\sim \sim p. \sim \sim q)$
 $\equiv (p.q)$
- (3) $\sim(\sim p. \sim q) \equiv (\sim \sim p \vee \sim \sim q)$
 $\equiv (p \vee q)$

3.1 অনুচ্ছেদের প্রথমে যে চারটি মৌলিক সূত্র বা বচনাকার দেখানো হয়েছে, $\sim p$, $p \cdot q$, $p \vee q$, $p \supset q$, তার মধ্যে কেবল প্রথমটি ও আর অন্য যে কোন একটির সাহায্যে সব রকম বচন বা সূত্র প্রকাশ করা চলে। অর্ধাত চারটি সংযোজকের মধ্যে “ \sim ” ও আর যে কোন একটি অন্য দুটির কাজ চালাতে পারে।

$$\begin{aligned}
 \text{“} \sim \text{” ও “} . \text{”} - (p \vee q) &\equiv \sim(\sim p. \sim q) & (3) \text{ দেখুন} \\
 (p \supset q) &\equiv \sim(p. \sim q) \\
 \text{“} \sim \text{” ও “} \vee \text{”} - (p.q) &\equiv \sim(\sim p \vee \sim q) & (2) \text{ দেখুন} \\
 (p \supset q) &\equiv (\sim p \vee q) & (1) \text{ দেখুন} \\
 \text{“} \sim \text{” ও “} \supset \text{”} - (p.q) &\equiv \sim(\sim p \vee \sim q) & (1) \text{ এতে } q\text{-এর} \\
 && \text{সঙ্গে } \sim q \\
 &\equiv \sim(p \supset \sim q) \\
 (p \vee q) &\equiv (\sim \sim p \vee q) & (1) \text{ এতে } p\text{-এর} \\
 && \text{সঙ্গে } \sim p \\
 &\equiv (\sim p \supset q)
 \end{aligned}$$

এই অনুচ্ছেদের কেবল $p \equiv q$ ছাড়া আর সব সমমান সূত্র ন্যায়তঃ সমমান।

3.5 ন্যায়াকার

1.5 অনুচ্ছেদের (1) ন্যায়টি নেওয়া যাক।

- (1) যদি আমি প্রধানমন্ত্রী হই, তবে আমি বিখ্যাত,
আমি প্রধানমন্ত্রী নহি,

- ∴ আমি বিখ্যাত নহি।

“আমি প্রধানমন্ত্রী হই” এর সঙ্গে p বচনবর্ণ, “আমি বিখ্যাত” এর সঙ্গে q বচনবর্ণ, “যদি....তবে....” সংযোজকের সঙ্গে “ \supset ” প্রতীক ব্যবহার করলে ন্যায়াকার হবে,

$$\begin{array}{r}
 (1) \text{ (ক) } p \supset q \\
 \quad \quad \quad \sim p \\
 \hline
 \therefore \sim q
 \end{array}$$

আর একটি ন্যায় নেওয়া যাক ।

$$\begin{array}{r}
 (2) \text{ যদি আমি প্রধানমন্ত্রী হই, তবে আমি ক্ষমতাসীন হই,} \\
 \text{যদি আমি ক্ষমতাসীন হই, তবে লোকে আমার নিম্না করে,} \\
 \hline
 \therefore \text{ যদি আমি প্রধানমন্ত্রী হই, তবে লোকে আমার নিম্না করে।}
 \end{array}$$

“আমি প্রধানমন্ত্রী হই” এর স্থলে p , “আমি ক্ষমতাসীন হই” এর স্থলে q , “লোকে আমার নিম্না করে” এর স্থলে r ব্যবহার করলে ন্যায়াকার হয়,

$$\begin{array}{r}
 (2) \cdot \text{ (ক) } p \supset q \\
 \quad \quad \quad q \supset r \\
 \hline
 \therefore p \supset r
 \end{array}$$

বচনবর্দ্ধ রচিত প্রতীকপরম্পরায় বচনবর্দ্ধের স্থলে বিধি অনুযায়ী অর্দ্ধাংশ একই বচনবর্দ্ধের প্রত্যোকটি অবস্থানক্ষেত্রে একই বচন সংস্থাপন করলে যদি একটি ন্যায় উৎপন্ন হয়, তবে ঐ প্রতীকপরম্পরাকে ন্যায়াকার বলে। অবশ্য (1) বা (2) ন্যায়ের প্রথম যুক্তিবচনের স্থলে p , দ্বিতীয় যুক্তিবচনের স্থলে q , ও সিদ্ধান্তের স্থলে r সংস্থাপন করলে দুটি ন্যায়েরই আকার হয়,

$$\begin{array}{r}
 (3) \text{ (ক) } p \\
 q \\
 \hline
 \therefore r
 \end{array}$$

এটিকে তিনি বচন শাস্তি গঠিত যে কোন ন্যায়েরই সাধারণ আকার বলা যেতে পারে। কিন্তু এই আকার (1) ও (2) ন্যায়ের বিশেষ আকার নয়। (3) (ক) আকার থেকে (1) বা (2) ন্যায় পেতে হলে বচনবর্দ্ধের স্থলে তিনি তিনি ক্ষেত্রে তিনি তিনি আকারের বচন (অপেক্ষক, সূত্র) ব্যবহার করতে হবে। কোন ন্যায়াকারের প্রত্যোকটি তিনি বর্দ্ধের স্থলে একটি তিনি সরল বচন সংস্থাপন করলে যে ন্যায় উৎপন্ন হয়, ন্যায়াকারটি

ଲେଇ ନ୍ୟାୟର ବିଶେଷ ଆକାର । ସୁତ୍ରାଂ (1) (କ) ଓ (2) (କ) ନ୍ୟାୟକାର ସମ୍ବନ୍ଧରେ (1) ଓ (2) ନ୍ୟାୟର ବିଶେଷ ଆକାର । କୋନ ନ୍ୟାୟକାରର ବଚନ-ବର୍ଣ୍ଣର ହଲେ (ଏକଇ ବଚନବର୍ଣ୍ଣର ସକଳ ଅବସ୍ଥାନଙ୍କେତ୍ରେ ଏକଇ) ଯେ କୋନ ବଚନ ବା ସୁତ୍ର ସଂହାପନ କରିଲେ ଯେ ନ୍ୟାୟ ଉତ୍ତପନ ହୁଏ, ତାକେ ଏ ନ୍ୟାୟକାରର ଦୃଷ୍ଟାନ୍ତ ନ୍ୟାୟ ବା ସଂହାପିତ ନ୍ୟାୟ ବଲେ ।

୩.୫ ବୈଧତା

୨.୪ ଅନୁଛ୍ନେ ଆମରା ବଚନକାରକେ ଲକ୍ଷ୍ୟାର୍ଥେ ସତ୍ୟ-ମିଥ୍ୟ ବଲେଛି । ସମ୍ବନ୍ଧରେ କେବଳ ନ୍ୟାୟଟି ବୈଧ ବା ଅବୈଧ ହତେ ପାରେ, ତବୁ ଆମରା ନ୍ୟାୟ-କାରକେଓ ଲକ୍ଷ୍ୟାର୍ଥେ ବୈଧ ବା ଅବୈଧ ବଲବ, ବୁଝାତେ ହବେ ଏ ଆକାରର ଯେ କୋନ ନ୍ୟାୟ ବୈଧ ବା ଅବୈଧ । (ଯେ ନ୍ୟାୟକାରର ଏମନ କୋନ ଦୃଷ୍ଟାନ୍ତ ନ୍ୟାୟ ହୁଏ ନା, ଯାତେ ଯୁଦ୍ଧବଚନଗମଟି ସତ୍ୟ ହେଁବେ ଶିକ୍ଷାନ୍ତ ମିଥ୍ୟା ହତେ ପାରେ, ତାକେ ବୈଧ ନ୍ୟାୟକାର ବଲେ । କୋନ ଥିଲୁ ନ୍ୟାୟର ବିଶେଷ ଆକାର ବୈଧ ନ୍ୟାୟକାର ହଲେ ନ୍ୟାୟଟି ବୈଧ । ଯେ ନ୍ୟାୟକାରର ଏମନ ଦୃଷ୍ଟାନ୍ତ ନ୍ୟାୟ ହତେ ପାରେ ଯାତେ ଯୁଦ୍ଧବଚନ ସମ୍ବନ୍ଧୀୟ ସତ୍ୟ ହେଁବେ ଶିକ୍ଷାନ୍ତ ମିଥ୍ୟା, ତାକେ ଅବୈଧ ନ୍ୟାୟକାର ବଲେ । କୋନ ଥିଲୁ ନ୍ୟାୟର ବିଶେଷ ଆକାର ଅବୈଧ ନ୍ୟାୟକାର ହଲେ ନ୍ୟାୟଟି ଅବୈଧ ।

ଏବାର ୩.୫ ଅନୁଛ୍ନେର (1) ନ୍ୟାୟଟି ବୈଧ କି ଅବୈଧ ଦେଖା ଯାକ । ଏଇ ବିଶେଷ ଆକାର

$$\begin{array}{c} p \Box q \\ \sim p \\ \hline \therefore \sim q. \end{array}$$

୧.୫ ଅନୁଛ୍ନେର (2) ନ୍ୟାୟଟି ଧରା ଯାକ ।

ସମ୍ବନ୍ଧରେ ନ୍ୟାୟ ପ୍ରଥାନମଜ୍ଜୀ ହନ, ତବେ ତିନି ବିଦ୍ୟାତ,
ସତ୍ୟଜିତ ରାୟ ପ୍ରଥାନମଜ୍ଜୀ ନନ,

∴ ସତ୍ୟଜିତ ରାୟ ବିଦ୍ୟାତ ନନ ।

“ସତ୍ୟଜିତ ରାୟ ପ୍ରଥାନମଜ୍ଜୀ ହନ” ଏଇ ହଲେ p , “ସତ୍ୟଜିତ ରାୟ ବିଦ୍ୟାତ” ଏଇ ହଲେ q ବ୍ୟବହାର କରିଲେ ଏଟିରେ ବିଶେଷ ଆକାର ଏକଇ ଦୀନାମ । ସୁତ୍ରାଂ ଏହି ନ୍ୟାୟକାର ଅବୈଧ, କାରଣ ଉପରେର ନ୍ୟାୟଟି ଏହି ବିଶେଷ ନ୍ୟାୟକାରର ଏକଟି ଦୃଷ୍ଟାନ୍ତ ନ୍ୟାୟ ଯାତେ ଯୁଦ୍ଧବଚନଗମଟି ସତ୍ୟ ହେଁବେ

সিদ্ধান্ত মিথ্যা । স্বতরাং প্রথম ন্যায়টিও অবৈধ, কারণ এর বিশেষ আকার অবৈধ, যদিও এর যুক্তিবচনসমষ্টি ও সিদ্ধান্ত দুই-ই সত্য । একই আকারের অন্য অবৈধ দৃষ্টান্ত ন্যায় দেখিয়ে কোন ন্যায়ের অবৈধতা বিচারকে উপরাম্ভুলক ন্যায়বিচার বলা যেতে পারে ।

যদি কোন ন্যায়াকারের এমন কোন দৃষ্টান্ত ন্যায় দেখাতে না পারা যায় যাতে যুক্তিবচন সমষ্টি সত্য অথচ সিদ্ধান্ত মিথ্যা, তাহলে ন্যায়াকারটিকে বৈধ কি অবৈধ বলব ? মনে করা যাক, এই ন্যায়াকারের দৃষ্টান্ত ন্যায় হিসেবে উপরের ন্যায়টি মনে এল না । যতগুলো দৃষ্টান্ত ন্যায় মনে এল সবগুলোতেই যুক্তিবচনসমষ্টি ও সিদ্ধান্ত দুই-ই সত্য । তখন কি ন্যায়াকারটিকে বৈধ বলব ? সমস্ত সম্ভাব্য দৃষ্টান্ত ন্যায় পরীক্ষা করা কি সম্ভব ? সম্ভাব্য সমস্ত দৃষ্টান্ত ন্যায় অনস্তসংখ্যক । এমন কেউ খাকতে পারেন যিনি সত্যজিৎ রায়ের নাম শোনেন নি, তাঁর কাছে ‘সত্যজিৎ রায় বিখ্যাত নন’ বচনটি সত্য বলে মনে হতে পারে । স্বতরাং উপরের ন্যায়টি মনে এলেও তিনি এর আকারকে অবৈধ নাও মনে করতে পারেন । তারপর, একটি একটি করে দৃষ্টান্ত ন্যায় পরীক্ষা করতে হলে আমাদের জ্ঞানও অসীম হওয়া দরকার, আমাদের আনা দরকার সমস্ত সম্ভাব্য বচনের কোনুটি সত্য, কোনুটি মিথ্যা ।

এর উত্তর, একটি একটি করে সমস্ত সম্ভাব্য দৃষ্টান্ত ন্যায় পরীক্ষা করার কোন প্রয়োজন নেই । আমরা আগেই বলেছি, কোন বচন সত্য কোন বচন মিথ্যা তা নিরূপণ করা ন্যায়ের কাজই নয় । ন্যায়টির বৈধতা-অবৈধতা বিচারের জন্য সত্যজিৎ রায় বিখ্যাত কি অধ্যাত তা আনাৰ দৰকাৰ নেই, কোন ন্যায়েরই বৈধতা-অবৈধতা বিচারের জন্য ন্যায়বৰ্বত্তুল কোন বচনের সত্যতা-মিথ্যাতই জানাৰ দৰকাৰ নেই । ন্যায়ের অবয়বভূজ সৱল বচন ও অপেক্ষকের সম্ভাব্য মানই শুধু বিচাৰ্য । শুধু দেখা দৰকাৰ, যুক্তিবচন সমষ্টি মিলিতভাৱে সত্য হয়ে সিদ্ধান্ত মিথ্যা না হয় । অস্তুর্ভুজ সৱল বচনের মানশৰ্ত থেকে কি ভাবে অপেক্ষকের মাল নিৰ্ণয় কৰতে হয় তা আমরা জানি । অবয়ব ভূজ, সৱলবচনেৰ স্বলে বচনবৰ্দ্ধ ব্যবহাৰ কৰে, সত্যসারণীতে তাদেৱ সম্ভাব্য সকল প্ৰকাৰ মানশৰ্ত নিবেশন কৰেই এটি পরীক্ষা কৰা যাব । বচনবৰ্দ্ধেৰ স্বলে থে কোন সত্য বা মিথ্যা বচন সংহৃণ কৰা হোক না কেন, বচনেৰ বিষয়বস্তু ন্যায়ের বৈধতা বিচাৰে অপেক্ষাকৰণীয়, শুধু তাৰ সম্ভাব্য সত্যতা বা মিথ্যাতই বিচাৰ্য । স্বতরাং কেবলমাত্ৰ সত্যসারণী থেকেই আসবা-

সমস্ত দৃষ্টান্ত ন্যায় পরীক্ষা করতে পারি। সারণী থারা এবার একটি ন্যায়ের বৈধতা পরীক্ষা করব।

(1) যদি বিমল পরীক্ষায় প্রথম হয়, তবে সে পুরকার পাবে,
বিমল পরীক্ষায় প্রথম হয়েছে,

\therefore বিমল পুরকার পাবে।

পূর্বগের স্থলে p ও অনুগের স্থলে q ব্যবহার করলে ন্যায়াকার

(1) (ক) $p \supset q$

$$\begin{array}{c} p \\ \hline \therefore q \end{array}$$

ন্যায়াকারের বৈধতা নিরূপণের জন্য নীচের সারণী প্রণয়ন করা হল।

সারণী (20)

p	q	$p \supset q$	$(p \supset q) \cdot p$
T	T	T	T
T	F	F	F
F	T	T	F
F	F	T	F

আমাদের দেখতে হবে, যুক্তিবচন দুটি বিলিতভাবে সত্য হয়েও সিদ্ধান্ত মিথ্যা হতে পারে কি না। উপাদান সরল বচনগুলোর সম্ভাব্য শকল প্রকার মানশর্তে চতুর্থ স্তরে মিলিতভাবে যুক্তিবচন দুটির মান নিরূপণ করা হয়েছে। সারণীর প্রতিটি সারি নির্দিষ্ট মানশর্তে ঐ শ্রেণীর সমস্ত দৃষ্টান্ত ন্যায়ের নির্দর্শন। একবারে প্রথম সারিতেই যুক্তিবচন দুটি বিলিতভাবে সত্য হয়েছে, সেই সারিতে q -এর স্তরে সিদ্ধান্ত q -এর মানও সত্য। যুক্তিবচন সত্য হলে এই আকারের ন্যায়ে সিদ্ধান্তও সত্য হবে, মিথ্যা হবে না। এটি বৈধ ন্যায়াকার, পূর্বের ন্যায়টি এর দৃষ্টান্ত ন্যায় বলে বৈধ। এই ন্যায়াকার প্রাচীন ন্যায়ে পূর্বগুরুকারভিত্তিক অনুগম্বীকার, ইংরেজীতে *Modus Ponens*, সংক্ষেপে M.P. নামে খ্যাত। এই আকারের বে কোন ন্যায় বৈধ।

আর একটি ন্যায় পরীক্ষা করা যাক ।

(2) যদি বিমল পরীক্ষায় প্রথম হয়, তবে সে পুরকার পাবে,
বিমল পুরকার পাবে না,

\therefore বিমল পরীক্ষায় প্রথম হয় নি ।

ন্যায়াকার

(2) (ক) $p \supset q$

$\sim q$

$\therefore \sim p$

সাইলো (21)

p	q	$\sim p$	$\sim q$	$p \supset q$	$(p \supset q) . \sim q$
T	T	F	F	T	F
T	F	F	T	F	F
F	T	T	F	T	F
F	F	T	T	T	T

চতুর্থ সারিতে যুক্তিবচন দুটি মিলিতভাবে সত্য হয়েছে । সেই সারিতে $\sim p$ এর সঙ্গে সিদ্ধান্ত $\sim p$ এর মানও সত্য । ন্যায়াকার বৈধ,
স্বতরাং ন্যায় বৈধ । এই ন্যায়াকার প্রাচীন ন্যায়ে অনুগ্রন্থিতেভিত্তিক
পূর্বগনিষেধ, ইংরেজীতে Modus Tollens, সংক্ষেপে M. T. নামে খ্যাত ।
এই আকারের যে কোন ন্যায় বৈধ ।

এবার আবার 3.5 অনুচ্ছেদের (1) ন্যায়টি পরীক্ষা করব । ন্যায়াকার

(3) (ক) $p \supset q$

$\sim p$

$\therefore \sim q$

সাইলো (21) এর প্রথম পাঁচটি উভ খেকে এই ন্যায়াকারের বৈধতা
পরীক্ষা করা যাবে । যুক্তিবচন দুটি মিলিতভাবে ($p \supset q$) . $\sim p$, তৃতীয়
ও চতুর্থ সারিতে সত্য হয়েছে । চতুর্থ সারিতে $\sim q$ এর সঙ্গে সিদ্ধান্ত
 $\sim q$ সত্য হলেও তৃতীয় সারিতে বিধ্যা । যুক্তিবচন সত্য হলেও সিদ্ধান্ত

বিধ্য হজত পারে। ন্যায়াকার ও ন্যায় অবৈধ। এই আকারের যে কোন ন্যায় অবৈধ।¹

2.9 অনুচ্ছেদে সর্বপ্রকার প্রাকল্লিক বচনের “যদি....তবে....” সংযোজককে বাস্তব প্রকল্পনের দুর্বল অর্থে ব্যবহার করার পক্ষে চতুর্থ শুল্ক দেওয়া হয়েছিল, বাস্তব প্রকল্পনের অর্থে ব্যবহার করলেও প্রাকল্লিক বচন হারা গঠিত সর্বপ্রকার বৈধ ন্যায়ের বৈধতা অকুণ থাকে। পূর্ববর্তী অংশে আমরা তার প্রমাণ পেলাম। যে দুটি ন্যায় এইমাত্র বৈধ দেখানো হল, সেগুলোর স্বলে যদি আমরা নীচের ন্যায় দুটি নিই,

যদি নীল লিট্রিমাস কাগজ এসিডে ফেলা যায়,
তবে কাগজটি লাল হয়ে যায়,
নীল লিট্রিমাস কাগজ এসিডে ফেলা হল,

∴ কাগজটি লাল হয়েছে।

যদি নীল লিট্রিমাস কাগজ এসিডে ফেলা যায়,
তবে কাগজটি লাল হয়ে যায়,
কাগজটি লাল হয় নি,
∴ কাগজটি এসিডে ফেলা হয় নি।

তা হলেও তাদের ন্যায়াকার যথাক্রমে (1) (ক) ও (2) (ক) হবে, এবং ন্যায় দুটি বৈধ হবে। নীল লিট্রিমাস কাগজ এসিডে ফেলা এবং কাগজটি লাল হওয়ার মধ্যে কার্যকারণ সম্ভব কল্পনা করা হলেও তাদের মধ্যে ক্ষেত্র বাস্তব প্রকল্পনের সম্ভব ধরে নিয়ে ন্যায় গঠন করা হলেও ন্যায়ের বৈধতা ক্ষুণ হয় নি।

এবার আমরা একটি বৈকল্পিক ন্যায়ের বৈধতা পরীক্ষা করব।

সে গাড়ীতে যাবে বা হেঁটে যাবে,
সে গাড়ীতে যাবে না,

∴ সে হেঁটে যাবে।

¹ এখানে আমরা ধরে নিছি, কোন উপাদান বচন ছাতঃসত্য বা অভোগিত্য নয়। যদি কেজাটি ছিজুজ হয়, তবে এর তিনটি বাহ আছে, কেজাটি ছিজুজ নয়।

∴ কেজাটির তিনটি বাহ নেই।

আর বৈধ, কারুণ প্রথম শুল্কবচন একটি সংস্কারুলক ছাতঃসত্য বচন।

“লে গাঢ়ীতে যাবে” এর স্থলে p , “লে হেঁটে যাবে” এর স্থলে q ব্যবহার করলে, ন্যায়াকার

$$\begin{array}{c} p \vee q \\ \sim p \\ \hline \therefore q \end{array}$$

সারণী (22)

p	q	$\sim p$	$p \vee q$	$(p \vee q) \cdot \sim p$
T	T	F	T	F
T	F	F	T	F
F	T	T	T	T
F	F	T	F	F

স্তৃতীয় সারিতে যুক্তিবচন দুটি মিলিতভাবে সত্য হয়েছে, এই সারিতে বিতীয় স্তম্ভে সিঙ্কান্ত q এর মানও সত্য। ন্যায়াকার ও ন্যায় বৈধ। এই আকারের যে কোন ন্যায় বৈধ।

3.5 অনুচ্ছেদের (2) ন্যায়টি পরীক্ষা করা যাক। ন্যায়াকার

$$\begin{array}{c} p \supset q \\ q \supset r \\ \hline \therefore p \supset r \end{array}$$

সারণী (23)

p	q	r	$p \supset q$	$q \supset r$	$(p \supset q) \cdot (q \supset r)$	$p \supset r$
T	T	T	T	T	T	T
T	T	F	T	F	F	F
T	F	T	F	T	F	T
T	F	F	F	T	F	F
F	T	T	T	T	T	T
F	T	F	T	F	F	T
F	F	T	T	T	T	T
F	F	F	T	T	T	T

প্রথম, পঞ্চম, সপ্তম ও অষ্টম সারিতে যুক্তিবচন দুটি মিলিতভাবে সত্য,

ঐ সব সারিতে সিদ্ধান্ত $P \supset C$ ও সত্য, স্মৃতরাঃ ন্যায়াকার বৈধ। একে প্রাকৃতিক ন্যায় বলা হয়। এই আকারের যে কোন ন্যায় বৈধ।

বৈধ ন্যায়াকারের সব দৃষ্টান্ত ন্যায় বৈধ, একটি দৃষ্টান্ত ন্যায়ও অবৈধ হতে পারে না। কিন্তু অবৈধ ন্যায়াকারের বৈধ ও অবৈধ দুই প্রকার দৃষ্টান্ত ন্যায়ই থাকতে পারে। (3) (ক) ন্যায়াকার অবৈধ, কারণ সারণী (21) এ এর যুক্তিবচন দুটি তৃতীয় ও চতুর্থ সারিতে শিলিতভাবে সত্য হয়েছে। চতুর্থ সারিতে সিদ্ধান্ত সত্য হলেও তৃতীয় সারিতে শিখ্য হয়েছে। যে কোন এক প্রকার মানশর্তে দৃষ্টান্ত ন্যায় অবৈধ হলেই ন্যায়াকার অবৈধ।

৩.৭ “::”, “ \supset ”, ন্যায়বচন ও ব্যতিসত্য প্রকল্প

ন্যায় বা ন্যায়াকারে আমরা আগে যুক্তিবচন লিখে তারপর একটা লাইন টেনে তার নীচে “::” প্রতীক চিহ্নটি আগে লিখে তারপর সিদ্ধান্ত লিখেছি। এই প্রতীক সাধারণ ভাষায় “স্মৃতরাঃ”, “অতএব”, ইত্যাদি শব্দের অর্থসূচক, এবং ন্যায়ে যুক্তিবচন ও সিদ্ধান্তের মধ্যে সম্বন্ধকে সূচিত করে। আমরা আরও বলেছি, বৈধ ন্যায়ে যুক্তিবচন সত্য হলে সিদ্ধান্ত শিখ্য হতে পারে না। বাস্তব প্রকল্পে সম্বন্ধসূচক “ \supset ” সংযোজকটির অর্থ, দুটি বচন এই সংযোজকের হারা যুক্ত হলে, যেমন $P \supset q$, P ও q এর মধ্যে সম্বন্ধ এবন হবে যে কখনও পূর্বগ সত্য অনুগ শিখ্য হতে পারে না। তা হলে কি বলা যায়, “::” ও “ \supset ” প্রতীক দুটি একই সম্বন্ধ সূচিত করে?

নকশীয় যে আমরা “::” প্রতীকটি সিদ্ধান্তের আগে বৈধ ও অবৈধ দুই প্রকার ন্যায়েই ব্যবহার করেছি। অবৈধ ন্যায়ে যুক্তিবচন সত্য হয়েও সিদ্ধান্ত শিখ্য হতে পারে। স্মৃতরাঃ “::” ও “ \supset ” প্রতীকইয়ে একই সম্বন্ধ সূচিত করে না। “::” প্রতীকটি শুধুমাত্র যুক্তিবচন থেকে সিদ্ধান্তকে পৃথক করে দেখায়, অর্থ, এর পরে সিদ্ধান্ত।

কোন ন্যায়ের যুক্তিবচনগুলোকে যদি P_1, P_2, \dots, P_n (P ইংরেজী Premise শব্দের প্রথম অঙ্কর, বড় হাতের), এবং সিদ্ধান্তকে C (ইংরেজী Conclusion শব্দের প্রথম অঙ্কর, বড় হাতের) হারা সূচিত করা হয়, তবে বাস্তব প্রকল্পের সংজ্ঞা অনুযায়ী বলা যায় কि, যে কোন বৈধ ন্যায়ে—

$$(P_1, P_2, \dots, P_n) \supset C ?$$

এটি $p \supset q$ এর অনুজ্ঞপ, শুধু এখালে p এর স্বতন একটি সংবোধিক-
বচন বস্তেছে। বাস্তব প্রকল্পে p সত্য q বিধ্যা হতে পারে না, হলে $p \supset q$
বিধ্যা হবে, বৈধ ন্যায়েও $P_1 . P_2 . \dots . P_n$ সত্য C বিধ্যা হতে
পারে না, হলে ন্যায় অবৈধ হবে। স্তরাং বাস্তব প্রকল্পের ধারণা:
যারা বৈধ ন্যায়ের যুক্তিবচন ও সিদ্ধান্তের মধ্যে সম্ভবকে প্রকাশ করা
যায় কি?

যায়, যদি

$$(P_1 . P_2 . \dots . P_n) \supset C$$

বচনটি স্বতৎসত্য প্রকল্প হয়, কখনও বিধ্যা না হয়। আরো নানাভাবে
কথাটা বলা যায়, যুক্তিবচন বিলিতভাবে সত্য সিদ্ধান্ত বিধ্যা এবং কখনও
না হয়, যুক্তিবচন বিলিতভাবে সত্য সিদ্ধান্ত বিধ্যা এবং একটি দৃষ্টান্ত
ন্যায়ও না থাকে, এক কথায়, যদি যুক্তিবচন ও সিদ্ধান্তের মধ্যে প্রকল্প
সম্ভবটি স্বতৎসত্য হয়। বাস্তব প্রকল্প সম্ভবগুচ্ছক সব বচনই স্বতৎসত্য
নয়, যেমন $p \supset q$ । $p \supset q$ বিধ্যা হতে পারে, যদি p সত্য q বিধ্যা
হয়, কিন্তু ন্যায় বৈধ হলে $(P_1 . P_2 . \dots . P_n) \supset C$ প্রাকল্পিক বচনটি
স্বতৎসত্য হতে হবে।

এখন আমরা বলতে পারি, যে কোন (বৈধ বা অবৈধ) ন্যায়কে
তার প্রতিষঙ্গী একটি প্রাকল্পিক বচনে (এখন থেকে এটিকে আমরা ন্যায়-
বচন বলব) ক্রপান্তরিত করা যায়, যার পূর্বগ যুক্তিবচন (সমষ্টি), অনুগ
সিদ্ধান্ত। প্রতিষঙ্গী ন্যায়বচন স্বতৎসত্য হবে, যদি এবং কেবল যদি
ন্যায় বৈধ হয়। সত্যসারণীর সাহায্যে বিষয়টি পরিজ্ঞারভাবে বোঝা
যাবে। আমরা দেখেছি,

$$\begin{aligned} p &\supset q \\ p & \end{aligned}$$

একটি বৈধ ন্যায়াকার, অর্ধাত এর যে কোন দৃষ্টান্ত ন্যায় বৈধ। এটিকে
ন্যায়বচনে ক্রপান্তরিত করলে দাঁড়ায়,

$$[(p \supset q) . p] \supset q$$

ন্যায়াকার বৈধ হল ন্যায়বচন স্বতৎসত্য হবে।

সারণী (24)

p	q	$p \supset q$	$(p \supset q) \cdot p$	$[(p \supset q) \cdot p] \supset q$
T	T	T	T	T
T	F	F	F	T
F	T	T	F	T
F	F	T	F	T

ন্যায়বচনের (মূল সংযোজকের) স্তুতি কেবল T আছে, স্বতরাং ন্যায়বচন স্বতঃসত্য। অন্যভাবেও বলা যায়, ন্যায়বচন স্বতঃসত্য হলে ন্যায়াকার বৈধ।

এখানে আমরা সত্যসারণী প্রণয়নের আর একটি পদ্ধতি দেখাব।

সারণী (25)

$[(p \supset q) \cdot p] \supset q$						
T	T	T	T	T	T	T
T	F	F	F	T	T	F
F	T	T	F	F	T	T
F	T	F	F	F	T	F

এতে বচনবর্ণের সন্তুষ্টিলোকে আবাদা করে সারণীর প্রথমে বসানো হয়ে নি। 2.5 অনুচ্ছেদে বিধি অনুযায়ী তাঁরের প্রথম অবস্থানক্ষেত্রে যথারীতি সন্তোষ সম্মত মান বসিয়ে দেওয়ে হবে। তাঁরপর সর্বমধ্যস্থ অপেক্ষকের সংযোজকের নীচে অপেক্ষকটির মান বসাই হবে। জঙ্গ কঠিন, সেজন্য বর্ণ ও সংযোজকগুলো একটু ঝাঁক ঝাঁক করে বসানো হয়েছে। সর্বমধ্যস্থ অপেক্ষক $\supset q$, বিভীষণ স্তুতি তাঁর মান বসানো হয়েছে। তাঁরপর $(p \supset q) \cdot p$ অপেক্ষকের সংযোজক “.”, তাঁর নীচে চতুর্দশ স্তুতি অপেক্ষকটির মান বসানো হয়েছে। মূল সংযোজক “ \supset ”, তাঁর নীচে ষষ্ঠ স্তুতি ন্যায়বচনটির মান বসানো হয়েছে। পঞ্চম ও সপ্তম স্তুতি যথাক্রমে প্রথম ও তৃতীয় স্তুতি থেকে p ও q এর মান আবার বসিয়ে দেওয়া হয়েছে, না বসিয়ে সারণী প্রণয়ন করার দক্ষতা অর্জিত হলে না বসানোও ক্ষতি নেই।

৩.৪ করেকটি অনুমানবিধি

কোন ন্যায়াকার বৈধ হলে তার থেকে একটি অনুমানবিধি গঠন করা যায়। ৩.৭ অনুজ্ঞদের ন্যায়বচনটি থেকে এই অনুমানবিধি গঠন করা যায় যে, $p \supset q$ ও p দেখানো করলে তার থেকে q অনুমান করা বৈধ হবে। প্রতীকী ক্ষণে

$$p \supset q, p \vdash q$$

যুক্তিবচনগুলো যতিচ্ছ দিয়ে পৃথক করে দেখিয়ে তারপর “ \vdash ” চিহ্নটি বসিয়ে শেষে সিদ্ধান্ত বসাতে হবে। “ \vdash ” চিহ্নটির অর্থ, প্রদত্ত যুক্তি-বচন থেকে ন্যায়তঃ প্রতিপাদ্য, অথবা প্রদত্ত যুক্তিবচন স্বীকার করলে সিদ্ধান্ত ন্যায়তঃ স্বীকার্য। কোন ন্যায়বচন স্বতঃসত্তা হলেই তার থেকে একটি অনুমানবিধি গঠন করা যায়।

প্রাচীন ন্যায়ে যাকে পূর্বস্বীকার,ভিত্তিক অনুগ্রহস্বীকার (M.P.) বলা হয়, তার প্রতিষঙ্গী ন্যায়বচনটিকে সত্যসারণীর সাহায্যে স্বতঃসত্ত্ব প্রমাণ করে তাকে আবরা অনুমানবিধি আকারে গঠিত করে দেখালাম। ৩.৬ অনুজ্ঞে দেখানো হয়েছে, $p \supset q$ ও $\sim p$ থেকে $\sim q$ অনুমান বৈধ। ন্যায় বচন

$$[(p \supset q) . \sim q] \supset \sim p$$

সারণী (26)

<u>$(p \supset q) . \sim q$</u>					<u>$\supset \sim p$</u>	
T	T	T	F	F	T	F
T	F	F	F	T	T	F
F	T	T	F	F	T	T
F	T	F	T	T	T	T

অনুমানবিধি

$$p \supset q, \sim q \vdash \sim p$$

৩.৬ অনুজ্ঞে দেখানো হয়েছে, $p \supset q$ ও $\sim p$ থেকে $\sim q$ অনুমান করলে ন্যায়টি বৈধ হবে। ন্যায় বচন

$$[(p \supset q) . \sim p] \supset \sim q$$

সারণী (27)

$$\underline{[(p \vee q) . \sim p] \supset q}$$

T	T	T	F	F	T
T	T	F	F	F	T
F	T	T	T	T	T
F	F	F	F	T	T

অনুমানবিধি

$$p \vee q, \sim p \vdash q$$

3.6 অনুচ্ছেদ দেখানো হয়েছে. $p \supset q$ ও $q \supset r$ থেকে $p \supset r$ অনুমান করতে ন্যায়টি বৈধ হবে। ন্যায় বচন

$$\underline{[(p \supset q) . (q \supset r)] \supset (p \supset r)}$$

সারণী (28)

$$\underline{[(p \supset q) . (q \supset r)] \supset (p \supset r)}$$

T	T	T	T	T	T	T	T
T	T	T	F	F	F	T	F
T	F	F	F	T	T	T	T
T	F	F	F	T	F	T	F
F	T	T	T	T	T	T	T
F	T	T	F	F	F	T	T
F	T	F	T	T	T	T	T
F	T	F	T	T	F	T	T

অনুমানবিধি—

$$p \supset q, q \supset r \vdash p \supset r$$

স্তত্ত্বসত্য ন্যায়বচন বৈধ ন্যায়ের বিশেষ আকার। ন্যায়কার দেখাতে “∴” চিহ্নের প্রয়োজন নেই।¹ অনুমানবিধি স্তত্ত্বসত্য ন্যায়-বচন থেকে অনুস্থত হয়।

¹ তবুও ন্যায় উপস্থাপিত করতে আমরা প্রচলিত রীতি অনুসন্ধান-জ্ঞান নীতি নীচে লিখে লাইন টেনে সর্বশেষে “∴” চিহ্নের পর সিদ্ধান্ত লিখব।

৩.৯ সংক্ষিপ্ত সত্যসারণী কোশল

৩.৬ অনুচ্ছেদে (৩) (ক) ন্যায়াকারের অবৈধতা নির্ণয়ের পক্ষতিটি স্মরণ করুন। সারণী (২১) এচে পঞ্চম ও তৃতীয় স্তুতের তৃতীয় সারিতে যুক্তিবচন দুটি সত্য হয়েছে, কিন্তু চতুর্থ স্তুতের ঐ সারিতে সিদ্ধান্ত মিথ্যা হয়েছে। কোন বৈধ ন্যায়াকারে যুক্তিবচন মিলিতভাবে সত্য এবং সিদ্ধান্ত মিথ্যা হতে পারে না। যদি ন্যায়বচনের সত্যসারণী তৈরী করা হত, তবে তৃতীয় সারিতেই মূল সংযোজক “ Σ ” এর স্তুতে M বসত, ন্যায়বচনটি স্বতঃসত্য হত না। সত্যসারণী হারা ন্যায়বচনের বিচারপক্ষতি যান্ত্রিক, অর্থ সম্পূর্ণ কার্যকরী। উপাদান সরল বচনের বিভিন্ন মানশর্ত নিবেশন এবং তার খেকে মূল বচনের মান নির্ণয় নির্ধারিত প্রণালী অনুযায়ী অগ্রসর হলে নির্দিষ্ট সংখ্যক বিধি অনুসারে নির্দিষ্ট সংখ্যক ধাপের শেষে সত্যসারণী গঠন সম্পূর্ণ হয়। কিন্তু বচনবর্ধ-সংখ্যা বেশী হলে সারিসংখ্যা অত্যধিক হয়ে পড়ে। বর্গসংখ্যা n হলে সারিসংখ্যা 2^n হয়। কোন ন্যায়ে সরল উপাদান বচনের সংখ্যা যদি 6 হয়, তবে সারিসংখ্যা হবে $2^6=64$ । এ রকম ক্ষেত্রে সত্যসারণী প্রণয়ন অত্যন্ত অসুবিধাজনক।

এখন একটা সংক্ষিপ্ত সত্যসারণী “কোশল” বর্ণিত হবে, যার পাহাড়ে যদি সারণীর কোন সারিতে যুক্তিবচন সত্য ও সিদ্ধান্ত মিথ্যা হয়, তবে শুধু সেই সারিটি তৈরী হবে, অথবা নিঃসংশয়ে প্রমাণিত হবে যে এ রকম সন্তুষ্টাবনা নেই অর্থাৎ ন্যায় বৈধ। অর্থাৎ সরল উপাদান বচনগুলোর কোন বিশেষ মানশর্তেই যুক্তিবচন সত্য ও সিদ্ধান্ত মিথ্যা হতে পারে। সন্তুষ্ট সকল প্রকার মানশর্ত নিবেশন না করেও যে তারে মানশর্ত নিবেশন করলে যুক্তিবচন সত্য সিদ্ধান্ত মিথ্যা হতে পারে, সংক্ষিপ্ত পক্ষতিতে শুধু সেইভাবে মানশর্ত নিবেশন করার চেষ্টা করা হয়। যদি একাগ মানশর্ত নিবেশন সন্তুষ্ট হয়, তবে ন্যায় অবৈধ, যদি সন্তুষ্ট না হয়, তবে ন্যায় বৈধ। [৩.৬ অনুচ্ছেদের (৩) (ক) ন্যায়াকারে এই প্রকার মানশর্ত নিবেশনের চেষ্টা করা যাক। যুক্তিবচন ও সিদ্ধান্ত নীচে নীচে সাজিয়ে প্রত্যেক লাইনের উপর একটু ফাঁক-রাখুন।]

F T T
 p C q
 T P
 ~ p
 F T
 ∴ ~ q

এবার এমনভাবে মানশর্ত নির্বেশন করতে হবে, যাতে যুক্তিবচন মিলিতভাবে সত্য কিন্তু সিঙ্কান্ত মিথ্যা হয়। প্রথমে এমনভাবে মানশর্ত নির্বেশন করুন যাতে সিঙ্কান্তটি মিথ্যা হয়। সিঙ্কান্ত $\sim p$, p -কে সত্য ধরলে $\sim q$ মিথ্যা হবে। p -এর উপর T লিখুন, “~” চিহ্নের উপর F লিখুন। এবার যুক্তিবচনে যেখানে যেখানে q আছে তার উপর সিঙ্কান্তে p -এর বেশ মান ধরা হয়েছে, অর্থাৎ T, তাই বসান। তারপর অন্যান্য বচনবর্ণের এমনভাবে মান নির্বেশন করুন যাতে সবগুলো যুক্তিবচন সত্য হয়। সরলতার যুক্তিবচনটি আগে ধরুন। হিতীয় যুক্তি বচন $\sim p$, এটি সত্য হতে হলে p মিথ্যা হতে হবে। p -এর উপর F লিখুন, “~” এর উপর T লিখুন। এবার প্রথম যুক্তিবচনে p -এর উপর F বসিয়ে দিন। p মিথ্যা p সত্য হওয়ায় $p \supset q$ সত্য হল, “ \supset ” এর উপর T বসান। অনেকগুলো T ও F পাশাপাশি ধাকাতে বোঝার পক্ষে অস্বিধা হলে যুক্তিবচন ও সিঙ্কান্তের মান জাপক T বা F-কে খিলে একটি বাল্ব বা শৃঙ্খল এঁকে দিন বা তার উপরে একটি \checkmark চিহ্ন দিন। ফল দাঁড়াল,

$$\begin{array}{c}
 p \text{ মিথ্যা, } q \text{ সত্য, } \text{অতএব } p \supset q \text{ সত্য,} \\
 p \text{ মিথ্যা, } \qquad \qquad \text{অতএব } \sim p \text{ সত্য,} \\
 \hline
 \therefore \qquad \qquad q \text{ সত্য, } \text{অতএব } \sim q \text{ মিথ্যা!}
 \end{array}$$

এমনভাবে মানশর্ত নির্বেশন সম্ভব হয়েছে যাতে যুক্তিবচন দুটিই সত্য হয়েছে এবং সিঙ্কান্ত মিথ্যা হয়েছে। ন্যায়টি অবৈধ। [এখানে আমরা আসলে সারণী (21)-এর তৃতীয় সারিটি, অর্থাৎ যে সারিতে p মিথ্যা এবং সত্য মানশর্তে যুক্তিবচন মিলিতভাবে সত্য ও সিঙ্কান্ত মিথ্যা হয়েছে শুধু মেই সারিটি পৃথকভাবে তৈরী করেছি।]

সংক্ষিপ্ত সারণীটি এভাবেও লেখা যাব,

p	q	$p \supset q$	$\sim p$	$\sim q$
F	T	F T	T F	F T

বাঁ দিকের দুই স্তরে যে মানশর্তে যুক্তিবচন সত্য ও সিদ্ধান্ত বিধ্যা হবে তা আবাদাভাবে দেখানো হল ।

যদি এমনভাবে মানশর্ত নিবেশন সম্ভব না হয় যাতে যুক্তিবচন সত্য ও সিদ্ধান্ত বিধ্যা হবে ? প্রাকঞ্চিক ন্যায়ের আকার ধরুন । আমরা আপি প্রাকঞ্চিক ন্যায় বৈধ ।

$$\begin{array}{c}
 T \quad T (T) \\
 P \supset (q) \\
 \begin{array}{c} T \\ F \end{array} \quad F \\
 (q) \supset r \\
 \therefore T \quad F \quad F \\
 \quad P \supset r
 \end{array}$$

সিদ্ধান্ত বিধ্যা হতে হলে p সত্য, r বিধ্যা হতে হবে । সিদ্ধান্তে p -এর উপর T , r ও “ \supset ” এর উপর F বসান । প্রথম যুক্তিবচনে, p -এর উপর T , দ্বিতীয় যুক্তিবচনে r -এর উপর F বসান । প্রথম যুক্তিবচন $p \supset q$ সত্য হতে হলে q -সত্য হতে হবে, কারণ q বিধ্যা হলে $p \supset q$ বিধ্যা হয়ে যাবে । q ও “ \supset ” এর উপর T বসান । দ্বিতীয় যুক্তিবচন সত্য হতে হলে r বিধ্যা হওয়ায় q -কেও বিধ্যা হতে হবে, কারণ q সত্য হলে $q \supset r$ বিধ্যা হয়ে যাবে । q -এর উপর F ও “ \supset ” এর উপর T বসান । কিন্তু q -কে প্রথম যুক্তিবচনে আমরা সত্য ধরতে বাধ্য হয়েছি । কল/ দাঁড়াল যুক্তিবচন মিলিতভাবে সত্য ও সিদ্ধান্ত বিধ্যা হতে হলে, অর্থাৎ ন্যায়টি অবৈধ হতে হলে, একটি উপাদান বচনের বিরুদ্ধ থাক নিবেশন করতে হয়, যা সম্ভব নহ । স্বতরাং ন্যায়কার বৈধ ।

যদি একাধিক ভাবে মানশর্ত নিবেশন করলে সিদ্ধান্ত বিধ্যা হয়, তবে যে কোন একভাবে শুরু করে দেখতে হবে, ঐ ভাবে মানশর্ত নিবেশনের ফলে যুক্তিবচন মিলিতভাবে সত্য হয় কি না । যদি হয় তবে শুরুতে হবে ন্যায়টি অবৈধ । যদি না হয়, তবে তখনই বলা যাবে না বে

ন্যায়াটি বৈধ। তখন অন্য যে যে তাবে মানশর্ত লিবেশনের ফলে গিজ্বাস্ত মিথ্যা হয় সেগুলোও করে দেখতে হবে। যদি কোনভাবেই যুক্তিবচন মিলিতভাবে সত্য ও গিজ্বাস্ত মিথ্যা না হয়, তবেই বলা যাবে ন্যায় বৈধ।

এবার আমরা 1.8 অনুচ্ছেদে উল্লিখিত দাবা খেলাবিষয়ক ন্যায়াটি পরীক্ষা করব। এখন ধেকে আমরা সাধারণ ভাষায় রচিত ন্যায়ের উপাদান বচনগুলোর স্থলে বচনবর্ণ ব্যবহার করার একটা অভিধান দেব। বাঁ দিকে বচনবর্ণ ও ডানদিকে বচনাটি লিখে মাঝখানে “ \ddagger ” চিহ্নটি রাখব। অর্থ, ডানদিকের বচনের স্থলে বাঁ দিকের বচনবর্ণ ব্যবহার করব হবে। ন্যায়াটির অভিধান,

$p \#$ আমি রাজাকে ডান দিকের ঘরে চালি।

$q \#$ আমি রাজাকে বাঁ দিকের ঘরে চালি।

$r \#$ আমি নৌকা চালাতে পারি।

$s \#$ আমি পাঁচ চালে জিততে পারি।

$t \#$ প্রতিষ্ঠ্যী আমাকে হারাতে পারে।

$u \#$ প্রতিষ্ঠ্যীর একটি পরিকল্পনা আছে।

ন্যায়াকার দাঁড়াল,

$$\begin{aligned} & (p \vee q) \supset \sim r \\ & \sim r \supset \sim s \\ & (\sim p . \sim q) \supset (t \supset u) \\ \hline & \therefore (t . \sim u) \supset \sim s \end{aligned}$$

এতে 6টি বচনবর্ণ আছে, সারলী তৈরী করলে সারিসংখ্যা হবে $2^6 = 64$ । সংক্ষিপ্ত কৌশলে ন্যায়াটির বৈধতা সহজেই বিচার করা যায়।

$$\begin{array}{ccccccc} F & F & F & T & F & T \\ (p & \vee & q) & \supset & \sim & r \\ F & T & T & F & T & \\ \sim & r & \supset & \sim & s & \\ F & T & F & T & T & F & F \\ (\sim p . \sim q) & \supset & (t \supset u) & & & & \\ \hline & T & T & T & F & F & T \\ \therefore (t . \sim u) & \supset & \sim & s & & & \end{array}$$

শুধুমাত্র নিবেশন কাঞ্চিটি মনে মনে করে যেতে হবে এবং ব্যাখ্যালে T বা F বসিয়ে যেতে হবে। সম্পূর্ণ কাঞ্চিটির বিবরণ এখানে লিখে রেওয়া হল। সিঙ্কান্ত যেহেতু একটি প্রাকঘৰিক বচন, এটি বিধ্যা হতে পারে কেবল যদি এর পূর্বগ সত্য, অনুগ বিধ্যা হয়। পূর্বগ একটি সংযোগিক বচন, সংযোগী দুটি t ও ~p। t সত্য p বিধ্যা হলে t. ~p সত্য হবে। অনুগ একটি নিষেধক, ~s, s সত্য হলে ~s বিধ্যা হবে। সিঙ্কান্তে ও যুক্তিবচনে t, p, s এর উপর ব্যাক্তিক্রমে T, F, T বসানো হল। সিঙ্কান্তের পূর্বগে p এর নিষেধক “~” এর উপর এবং t ও ~p এর সংযোজক “.” এর উপর T, সিঙ্কান্তের অনুগে s এর নিষেধক “~” ও সিঙ্কান্তের মূল সংযোজক “” এর উপর F বসানো হল। (সহজতম) তৃতীয় যুক্তিবচন প্রাকঘৰিক, এর অনুগ ~s, s সত্য হওয়ায় তার নিষেধক “~” এর উপর F বসানো হল। ~s বিধ্যা হওয়ায় পূর্বগ ~r কে বিধ্যা হতে হবে, না হলে এই যুক্তিবচন বিধ্যা হয়ে যাবে। স্ফুতরাঃ r এর উপর T, তার নিষেধক “~” এর উপর F এবং মূল সংযোজক “” এর উপর T বসানো হল। প্রথম যুক্তিবচনের অনুগ ~r, r এর উপর T ও “~” এর উপর F বসানো হল। অনুগ বিধ্যা হওয়ায় পূর্বগ বিধ্যা হতে হবে, নতুনা এই যুক্তিবচন বিধ্যা হয়ে যাবে। পূর্বগ p v q বিধ্যা হতে হলে p ও q উভয়কেই বিধ্যা হতে হবে। p, q ও “v” এর উপর F এবং মূল সংযোজক “” এর উপর T বসানো হল। তৃতীয় যুক্তিবচনের অনুগে t ও p এর উপরে আগেই ব্যাক্তিক্রমে T ও F বসানো হয়েছে, স্ফুতরাঃ এদের সংযোজক “C” এর উপর F বসল, এবং tvp বিধ্যা হল। অনুগ বিধ্যা হওয়ায় পূর্বগ বিধ্যা হতে হবে, নতুনা যুক্তিবচনটি বিধ্যা হয়ে যাবে। পূর্বগ ~p. ~q কে বিধ্যা হতে হলে ~p বা ~q এর অন্ততঃ একটা বিধ্যা হতে হবে, অর্থাৎ p বা q এর অন্ততঃ একটা সত্য হতে হবে। কিন্তু p ও q উভয়কেই আমরা প্রথম যুক্তিবচনকে সত্য করবার অন্য বিধ্যা ধরতে বাধ্য হয়েছি। কল দাঁড়াল, p বা q কোন একটি বর্দের বিকল্প মান নিবেশন না করলে যুক্তিবচন বিলিতভাবে সত্য এবং সিঙ্কান্ত বিধ্যা, অর্থাৎ ন্যায়টি অবৈধ হয় না। [স্ফুতরাঃ ন্যায়টি বৈধ। লক্ষণীয় যে সিঙ্কান্ত t, p ও s এর অন্য কোন প্রকার মান নিবেশনে বিধ্যা হয় না।]

ন্যায়ের বৈধতা বিচার করতে গিরে আমরা ন্যায়টিকে অবৈধ করে

ଲିଙ୍ଗେ ଅରସର ହୁଯେଛି, ଏବଂ ତାରପର ଦେଖିଯେଛି, ଯୁଜ୍ଞିବଚନ ମିଳିତଭାବେ ସତ୍ୟ ଏବଂ ସିଙ୍କାଣ୍ଡ ମିଥ୍ୟା ହତେ ହଲେ, ଅର୍ଧାଂ ନ୍ୟାୟଟି ଅବୈଧ ହତେ ହଲେ, କୋନ ଉପାଦାନ ବଚନେର ବିକ୍ରମ ମାନ ନିବେଶନ ପ୍ରମୋଜନ । ଏହି ପକ୍ଷତିକେ ପ୍ରେସାଂବାଧିତାର୍ଥ୍ୟସଙ୍ଗତ ବଲେ । ସେ ଅର୍ଧପ୍ରସଙ୍ଗ (ନ୍ୟାୟେର ଅବୈଧତା) ଧରେ ଲିଙ୍ଗେ ଆମରା ଅଗ୍ରସର ହୁଯେଛି, ପ୍ରେସାଂ ତାକେ ବାଧିତ କରେଛେ । କୋନ ନ୍ୟାୟକେ ଅବୈଧ ଦେଖାତେ ଗିଯେ ସ୍ଵବିରୋଧ ଏସେ ଗେଛେ, ସ୍ଵତରାଃ ନ୍ୟାୟଟି ବୈଧ । 4.3 ଅନୁଜ୍ଞଦେ ଏହି ପକ୍ଷତି ପୁନରାଯ୍ୟ ଆଲୋଚିତ ହବେ ।

ସଂକିଳିତ କୌଶଳେ କୋନ ବଚନ ବା ସୁତ୍ର ସତ୍ୟଗ୍ରହ, ସତୋମିଥ୍ୟା ବା ଅନିଦିଷ୍ଟମାନ ତାଓ ବିଚାର କରା ଯାଇ । ନୀଚେର ସୁତ୍ରଟି ଧରା ଯାକ ।

[(p C q) C p] C p

ପ୍ରଥମେ ଆମରା ଏଟି ମିଥ୍ୟା ଧରବ । ତା ହଲେ ପୂର୍ବଗ (p C q) C p ସତ୍ୟ, ଅନୁଗୀ p ମିଥ୍ୟା । (p C q) C p ଏବଂ ଅନୁଗୀ p ମିଥ୍ୟା ହେଉଥାଏ p C q ମିଥ୍ୟା ହତେ ହୁଏ, ନଇଲେ (p C q) C p ସତ୍ୟ ହୁଯି ନା । p C q ମିଥ୍ୟା ହତେ ହଲେ p ସତ୍ୟ କୁ ମିଥ୍ୟା ହତେ ହବେ । କିନ୍ତୁ ଆଗେଇ p-କେ ମିଥ୍ୟା ଧରା ହୁଯେଛେ । p-ଏର ବିକ୍ରମାନ ନିବେଶନ ନା କରିଲେ ସୁତ୍ରଟି ମିଥ୍ୟା ହୁଯି ନା, ସ୍ଵତରାଃ ସୁତ୍ରଟି ସତ୍ୟଗ୍ରହ । ଏବାର ଏହି ସୁତ୍ରଟି ଧରନ ।

(p C q) C (~ p C ~ q)

ଏଟି ମିଥ୍ୟା ହଲେ p C q ସତ୍ୟ, ~ p C ~ q ମିଥ୍ୟା । ~ p C ~ q ମିଥ୍ୟା ହତେ ହଲେ ~ p ସତ୍ୟ ଅର୍ଧାଂ p ମିଥ୍ୟା ~ q ମିଥ୍ୟା ଅର୍ଧାଂ q ସତ୍ୟ । p ମିଥ୍ୟା q ସତ୍ୟ ହଲେ p C q ସତ୍ୟ । ସୁତ୍ରଟିକେ ମିଥ୍ୟା ଧରିଲେ କୋନ ଉପାଦାନ ବଚନେରଇ ବିକ୍ରମ ମାନ ନିବେଶନ କରିବାକୁ ହୁଯି ନା, ସ୍ଵତରାଃ ସୁତ୍ରଟି ସତ୍ୟଗ୍ରହ । ଏଥିନ ଥିଲୁ, ଏଟି ସତୋମିଥ୍ୟା ବା ଅନିଦିଷ୍ଟମାନ । ଏବାର ସୁତ୍ରଟି ସତ୍ୟ ଧରା ଯାକ । ସୁତ୍ରଟି ନାନାଭାବେ ସତ୍ୟ ହତେ ପାରେ । p C q ମିଥ୍ୟା ହୁୟେ ~ p C ~ q ସତ୍ୟ ବା ମିଥ୍ୟା ହଲେ, ବା p C q ଓ ~ p C ~ q ଦୁଇ-ଇ ସତ୍ୟ ହଲେ ସୁତ୍ରଟି ସତ୍ୟ ହବେ । p ସତ୍ୟ q ସତ୍ୟ ଧରିଲେ p C q ସତ୍ୟ, ~ p ମିଥ୍ୟା ~ q ମିଥ୍ୟା ସ୍ଵତରାଃ ~ p C ~ q ସତ୍ୟ, ସୁତ୍ରଟି ସତ୍ୟ । ଦେଖା ଗେଲ, ଏକ ଥ୍ରୀକାର ମାନଶର୍ତ୍ତେ ସୁତ୍ରଟି ସତ୍ୟ, ଆର ଏକଥ୍ରୀକାର ମାନଶର୍ତ୍ତେ ମିଥ୍ୟା । ସ୍ଵତରାଃ ସୁତ୍ରଟି ଅନିଦିଷ୍ଟ ମାନ । ଯଦି କୋନ ଥ୍ରୀକାର ମାନ ନିବେଶନ କରେଇ ସୁତ୍ରଟିକେ ସତ୍ୟ କରା ନା ଯାଇ, ତବେ ସୁତ୍ରଟି ସତୋମିଥ୍ୟା ।

ଏଥାନେ ଆମରା ସଂକିଳିତ କୌଶଳାଟି କେବଳ ଶ୍ରୀବନ୍ଧିକ ବଚନେର କ୍ଷେତ୍ରେଇ ପ୍ରମୋଗ କରେଛି, କିନ୍ତୁ ବୈକଲ୍ପିକ ବା ସଂବୋଧିକ ବଚନେର ଉପରାଗେ ଏହି

কৌশল প্রয়োজ্য। যদি সংযোগিক বচনকে সত্য ধরতে হয়, তবে সব সংযোগীকে সত্য ধরতে হবে, যদি বৈকল্পিক বচনকে বিধ্যা ধরতে হয়, তবে সব বিকল্পকে বিধ্যা ধরতে হবে। কিন্তু সংযোগিক বচনকে বিধ্যা ধরতে হলে কোন সংযোগী বিধ্যা হবে, বা বৈকল্পিক বচনকে সত্য ধরতে হলে কোন বিকল্প সত্য হবে তার অন্য পরীক্ষামূলক মান নিবেশন প্রয়োজন, এবংসে সব ক্ষেত্রে এই কৌশলের উপযোগিতা কমে যায়। তবুও অধিকাংশ ক্ষেত্রেই এই কৌশলই বেশী উপযোগী।

3.10 বাস্তব প্রকল্পের কুটাভাস

2.9 অনুচ্ছেদের সারণী (8) এ প্রথম ও দ্বিতীয় স্তরে p ও q -এর বিভিন্ন মানশর্তগুলো এবং ঘর্ষ স্তরে $p \supset q$ -এর সত্যাসত্যতা লক্ষ্য করুন। তৃতীয় ও চতুর্থ সারিতে p বিধ্যা, q যথাক্রমে সত্য ও বিধ্যা, $p \supset q$ সত্য। p ও q যে কোন বচনের স্থানে সংযোগনীয়। বলব কি, যে কোন সত্য বা বিধ্যা বচন যে কোন বিধ্যা বচনকে অনুসরণ করে? আবার লক্ষ্য করুন, প্রথম ও তৃতীয় সারিতে q সত্য, p যথাক্রমে সত্য ও বিধ্যা, $p \supset q$ সত্য। বলব কি, যে কোন সত্য বচন যে কোন সত্য বা বিধ্যা বচনকে অনুসরণ করে? অর্ধাৎ

যদি p বিধ্যা হয়, তবে q যে কোন বচন হোক না কেন, $p \supset q$ সত্য,

যদি q সত্য হয়, তবে p যে কোন বচন হোক না কেন, $p \supset q$ সত্য,

বা সুত্রাকারে

$$(ক) \sim p \supset (p \supset q)$$

$$(খ) q \supset (p \supset q) ?$$

দুটি সূত্রই স্বতঃসত্য। সত্যসারণী দ্বারা বা সংক্ষিপ্ত কৌশলের সাহায্যে সুত্র দুটির স্বতঃসত্যতা সহজেই প্রমাণ করা যায়। (ক) সুত্র বিধ্যা হলে $p \supset q$ বিধ্যা, $\sim p$ সত্য। $p \supset q$ বিধ্যা হতে হলে p সত্য q বিধ্যা হবে, $\sim p$ সত্য হলে p বিধ্যা হবে। p -এর বিকল্প মান নিবেশন না করলে সুত্রটি বিধ্যা হয় না। স্বতরাং এটি স্বতঃসত্য। অনুসরণভাবে (খ) সুত্রটিকেও স্বতঃসত্য প্রমাণ করা যায়। তা হলে কি আমরা সীকার করব,

সমুদ্রের ঊল মিষ্টি \supset পৃথিবী গোল ?

পূর্বগ ও অনুগের মধ্যে থাসজিকতা কোথায়? 2.9 অনুচ্ছেদে আমরা

ଏହିପରି ବଚନକେଓ ସତ୍ୟ ଥରେ ନିରେଛି । ଆପାତକୁଟିତେ ଏଣ୍ଟଲୋକେ କୁଟୀଭାଗ ସମେ ହଲେଓ ଆମାଦେର ସମରଣ ରୀଖତେ ହବେ ବାନ୍ତବ ପ୍ରକଳ୍ପନ ଏକଟି ପାରିଭାଷିକ ପ୍ରତ୍ୟୟ, “ \supset ” ଏକଟି ସତ୍ୟାପକ ସଂଘୋଜକ, ଯାର ଅର୍ଥ $\sim (p \sim q)$, ସଂଜ୍ଞା ହାରା ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ । ଯେଥାନେଇ ଆମରା ଦୁଟି ବଚନକେ ଏମନ ଦେଖିବ ଯେ p ସତ୍ୟ q ମିଥ୍ୟା ହତେ ପାରେ ନା, ଦେଖାନେଇ ଆମରା $p \supset q$ ବଲତେ ପାରି । ଆଖେଇ ବଳା ହରେଛେ, ଏହି ରକମ ଏକଟା ଦୂର୍ବଳ ଅର୍ଥେ “ \supset ” ସଂଘୋଜକଟି ବ୍ୟବହାର କରାର ଉଦ୍ଦେଶ୍ୟ, ଏର ହାରା ଶାଖାରଣ ଡାମାଯାଇ “ଧରି...ତବେ...” ସଂଘୋଜକେର ସବ ରକମ ବ୍ୟବହାରେର ନ୍ୟୂନତମ ଅର୍ଥଟି ପ୍ରକାଶ କରା ଯାଯା, ଏର ହାରା ନ୍ୟାୟେର ବୈଧତା କୁଣ୍ଡ ହୟ ନା, ବରଂ ବୈଧତା-ଅବୈଧତା ବିଚାର ମହଜ ହୟ । ବାନ୍ତବ ପ୍ରକଳ୍ପନର ପାରିଭାଷିକ ଅର୍ଥର ସଙ୍ଗେ “ଧରି..ତବେ...” ଏର ଦୈନଲିଙ୍ଗିନ ବ୍ୟବହାରେର ନାନା ରକମ ଅର୍ଥ ଶୁଣିଯେ ଫେଲିଲେ ଚଲବେ ନା ।

ଏଥାନେ ଆର ଏକଟି ଥଣ୍ଡୁ ଉପାପନ କରା ଯେତେ ପାରେ । ଯେ କୋନ ବଚନ ଯେ କୋନ ମିଥ୍ୟା ବଚନକେ ଅନୁସରଣ କରେ । ଯେ କୋନ ଶ୍ଵବିରୋଧୀ¹ ବଚନ, ସେବନ $p \sim p$, ମିଥ୍ୟା, ସ୍ଵତଃରାଂ ($p \sim p$) $\supset q$ ସତ୍ୟ ହବେ, ଶୁଣୁ ସତ୍ୟ ନାହିଁ, ଅତଃସତ୍ୟ ହବେ । •

ସାରଣୀ (୨୯)

p	q	$\sim p$	$p \sim p$	$(p \sim p) \supset q$
T	T	F	F	T
T	F	F	F	T
F	T	T	F	T
F	F	T	F	T

“ଅଟ୍ରିଲିଆ ଉତ୍ତର ଆମେରିକାର ଅବହିତ” ପ୍ରମାଣ କରତେ “ସକ୍ରେଟିସ ଜ୍ଞାନୀ” ଓ “ସକ୍ରେଟିସ ମୁର୍ବ” ଏହି ଦୁଟି ଯୁକ୍ତିବଚନ ଶୀକାର କରେ ନିଲେଇ ହୟ, କାରଣ ଏହି ନ୍ୟାୟେର ପ୍ରତିଷ୍ଠିତ ନ୍ୟାୟ ବଚନ ($p \sim p$) $\supset q$ ଅତଃସତ୍ୟ ।

ବଳା ବାହଳ୍ୟ, କୋନ ସିଙ୍କାନ୍ତ ପ୍ରମାଣ କରତେ ଏହିପରି ଶ୍ଵବିରୋଧୀ ଯୁକ୍ତିବଚନ ବ୍ୟବହାର କରା ଅସନ୍ତ (କରିଲେ କତ ଲୋଜାଇ ନା ହୟ) । ଏ ସହଜେ ଆମରା ପରବର୍ତ୍ତୀ ଅଧ୍ୟାରେ ଆବାର ଆଲୋଚନା କରିବ ।

¹: ଶ୍ଵବିରୋଧୀ ବା ଅତୋବିଧ୍ୟା ବଚନ ନେତ୍ରାର କାଳିତ୍ୱ, କୋନ୍ ବଚନ ସତ୍ୟ, କୋନ୍ ବଚନ ମିଥ୍ୟା, ନେତ୍ରାରିକ ହିମୋବେ ତା ଆମରା ଜାବି ନା ।

চতুর্থ অধ্যায়

অবরোহণ বা প্রমাণ-পদ্ধতি

4.1 স্বাভাবিক অবরোহণ

ন্যায়ের বৈধতা পরীক্ষার কয়েকটি পদ্ধতি আলোচিত হয়েছে। আমদের উদ্দেশ্য ছিল, বাচনিক ন্যায়ের বৈধতা নির্দেশের একটি অব্যর্থ পদ্ধতি বার করা, যার দ্বারা সমস্ত বাচনিক ন্যায়ের বৈধতা-অবৈধতা প্রমাণ করা যায়। যে কোন ন্যায়কে ন্যায়বচনে ঝুঁপাঞ্চরিত করে সত্যসারণীর সাহায্যে ন্যায়বচনটি স্বতঃসত্য কিনা, অথবা সংক্ষিপ্ত সত্যসারণী কৌশলে যুক্তিবচন সত্য অথচ সিদ্ধান্ত বিধ্যা হয় এবনভাবে উপাদান বচনগুলোর মানশর্ত নিবেশন করা সম্ভব কিনা, শুধু এইটুকু দেখলেই ন্যায়টি বৈধ কি অবৈধ তা অন্যায়সে বলে দেওয়া যায়। এই পদ্ধতি যান্ত্রিক এবং সম্পূর্ণ কার্যকরী। কিন্তু এই পদ্ধতির অস্তুবিধানগুলোও আমরা লক্ষ্য করেছি। উপাদানবচনের সংখ্যা বেশী হলে সত্যসারণী অতিদীর্ঘ হয়ে পড়ে। সংক্ষিপ্ত কৌশলে এই অস্তুবিধা না থাকলেও আর একটি অস্তুবিধা দেখা গেছে, সিদ্ধান্ত অনেকগুলো সংযোগীর সংযোগিক বচন হলে, যেমন *P.D.R.*, তার সাতরকম মানশর্ত নিবেশন সম্ভব যাতে বচনটি বিধ্যা হবে। কোনু মানশর্তে যুক্তিবচন সত্য হবে তা নির্দেশ করতে বার বার চেষ্টা করতে হতে পারে, যার ফলে এর কার্যকরতা করে যায়। তদুপরি, কোন যুক্তিবচন যদি শুধু জটিল হয়, অর্ধাং তার মধ্যে বছনী ও সংযোজকের ছড়াচড়ি থাকে, তবে বচনটির মান নির্ণয়ে ভুল হয়ে যাওয়া বিচিত্র নয়।

এই অধ্যায়ে আমরা ন্যায়ের বৈধতা পরীক্ষার আর একটি পদ্ধতি আলোচনা করব, যার নাম স্বাভাবিক অবরোহণ পদ্ধতি। এটি শুধু সত্যসারণী পদ্ধতির অস্তুবিধা দুরীকরণের উদ্দেশ্যেই আবিষ্কৃত হয় নি, বরং বাচনিক ন্যায় ও অন্যান্য উচ্চতর ন্যায় সশর্কে তরীর অনুসঙ্গালের কল। বাচনিক ন্যায়ের অবরোহণ পদ্ধতি অন্যান্য উচ্চতর ন্যায়ের ভিত্তিস্বরূপ।

স্বাভাবিক অবরোহণ পদ্ধতি হারা কোন ন্যায়ের বৈধতা প্রমাণ করতে অবশ্য কতগুলো বৈধ ন্যায়াকারের সাহায্য নেওয়া হয়, কারণ ন্যায়ের বৈধতা আকারগত। 3.6 ও 3.7 অনুচ্ছেদে আমরা দেখেছি,

$$\begin{array}{c} (\text{ক}) \quad p \supset q \\ \begin{array}{c} p \\ \hline \therefore q \end{array} \end{array}$$

$$\begin{array}{c} (\text{খ}) \quad p \supset q \\ \begin{array}{c} \sim q \\ \hline \therefore \sim p \end{array} \end{array}$$

$$\begin{array}{c} (\text{গ}) \quad p \vee q \\ \begin{array}{c} \sim p \\ \hline \therefore q \end{array} \end{array}$$

$$\begin{array}{c} (\text{ঘ}) \quad p \supset q \\ \begin{array}{c} q \supset r \\ \hline \therefore p \supset r \end{array} \end{array}$$

এগুলো বৈধ ন্যায়াকার। এদের অনুশানবিধিতে সংপাদনিত করলে দাঁড়ায়,

$$(\text{ক}) \quad p \supset q, \quad p \vdash q$$

$$(\text{খ}) \quad p \supset q; \quad \sim q \vdash \sim p$$

$$(\text{গ}) \quad p \vee q, \quad \sim p \vdash q$$

$$(\text{ঘ}) \quad p \supset q, \quad q \supset r \vdash p \supset r$$

একটি ন্যায় নিন,

সে বিশ্ববিদ্যালয়ে পড়বে, বা যদি অন্য কিছু করে তবে রাজনীতি করবে ; যদি তার বাবা তাকে খরচ না দেন, তবে যদি সে রাজনীতি করে তবে বাবাকে না আনিয়ে করবে ; যদি সে বিশ্ববিদ্যালয়ে পড়ে তবে তার বাবা তাকে খরচ দেবেন ; তার বাবা তাকে খরচ দেবেন না ;

\therefore যদি সে অন্য কিছু করে তবে তার বাবাকে না আনিয়ে করবে ।
অতিথান,

$p \#$ সে বিশ্ববিদ্যালয়ে পড়বে,

$q \#$ সে অন্য কিছু করবে,

$r \#$ সে রাজনীতি করবে,

$s \#$ তার বাবা তাকে খরচ দেবেন,

$t \#$ সে বাবাকে না আনিয়ে করবে ।

বচনবর্ণ ব্যবহার করে,

$$\begin{array}{l}
 (\text{অ}) \quad p \vee (q \supset r) \\
 \sim s \supset (r \supset t) \\
 p \supset s \\
 \sim s \\
 \hline
 \therefore q \supset t
 \end{array}$$

ন্যায়টিকে সত্যসারণী দিয়ে পরীক্ষা করতে 32 টি সারি লাগবে।
কিন্তু যে চারটি অনুমানবিধি আমরা এইবাবে দেখলাম তার সাহায্যে
অতি সহজে ন্যায়টির বৈধতা প্রমাণ করা যায়।

যে সূত্রের উপর অনুমানবিধি প্রয়োগ করতে হবে সেটি অনুমানবিধিতে
উল্লিখিত সূত্রের যথাযথ প্রতিকরণ না হলেও চলে। বৈধ ন্যায়াকারের
যে কোন দৃষ্টান্ত ন্যায়ের উপর অনুমানবিধি প্রযোজ্য। নীচের ন্যায়গুলো
(ক) ন্যায়াকারের দৃষ্টান্ত ন্যায়।

$$\begin{array}{ll}
 p \supset (q \cdot \sim s) & (\text{ক}) \quad \text{ন্যায়াকারের } q\text{-এর স্থানে } q \cdot \sim s \\
 p \\ \hline
 \therefore q \cdot \sim s & \text{সংস্থাপন করে}^1
 \end{array}$$

$$\begin{array}{ll}
 (p \cdot q) \supset [(q \vee \sim r) \supset s] & (\text{ক}) \quad \text{ন্যায়াকারের } p\text{-এর স্থানে } p \cdot q, \\
 p \cdot q \\ \hline
 \therefore (q \vee \sim r) \supset s & q\text{-এর স্থানে } (q \vee \sim r) \supset s \\
 & \text{সংস্থাপন করে}^1
 \end{array}$$

(অ) ন্যায়ের বৈধতা প্রমাণের ধাপগুলো নীচে দেওয়া হল।

(1) তৃতীয় ও চতুর্থ যুক্তিবচন থেকে (খ) বিধি অনুসারে $\sim p$
বৈধতাবে অনুমান করা যায়।

$$\begin{array}{ll}
 p \supset s & (\text{খ}) \quad \text{ন্যায়াকারের } q\text{-এর স্থানে } q \text{ সংস্থাপন} \\
 \sim s \\ \hline
 \sim p & \text{করে}^1
 \end{array}$$

(2) $\sim p$ ও প্রথম যুক্তিবচন থেকে (গ) বিধি অনুসারে $q \supset r$
বৈধতাবে অনুমান করা যায়।

$$\begin{array}{c} p \vee (q \rightarrow r) \\ \sim p \\ \hline \therefore q \rightarrow r \end{array}$$

(ক) ন্যায়াকারে p -এর স্থানে $q \rightarrow r$ সংস্থাপন করে।

(৩) বিতীয় ও চতুর্থ যুক্তিবচন থেকে (ক) বিধি অনুযায়ী $r \rightarrow s$ বৈধভাবে অনুমান করা যায়।

$$\begin{array}{c} \sim s \rightarrow (r \rightarrow t) \\ \sim s \\ \hline \therefore r \rightarrow t \end{array}$$

(ক) ন্যায়াকার p -এর স্থানে $\sim s \rightarrow q$ -এর স্থানে $r \rightarrow t$ সংস্থাপন করে।

(4) $q \rightarrow r$ ও $r \rightarrow s$ থেকে য বিধি অনুযায়ী $q \rightarrow s$ বৈধভাবে অনুমান করা যায়।

$$\begin{array}{c} q \rightarrow r \\ r \rightarrow s \\ \hline \therefore q \rightarrow s \end{array}$$

(ক) ন্যায়াকার p -এর স্থানে q , q -এর স্থানে r ,
ও r -এর স্থানে s সংস্থাপন করে।

বৈধ ন্যায়াকারসমূহত অনুমানবিধি অনুসরণ করে মাত্র চারটি ধাপে যুক্তিবচনসমষ্টি থেকে সিদ্ধান্তে অবরোহণ করা যায়, অর্থাৎ সিদ্ধান্ত প্রমাণ করা যায়, স্ফূর্তির পূর্বোক্ত ন্যায় বৈধ। অবরোহণের আরও স্ফুরিন্যস্ত ও সংক্ষিপ্ত রূপ দেওয়া যায়। যুক্তিবচনগুলো একটি স্ফুরণে নীচে নীচে লিখতে হবে, এবং বাঁ দিকে জ্ঞানিক সংখ্যা দিয়ে যেতে হবে। শেষ যুক্তিবচনের ডান দিকে একটি তর্যক রেখা টেনে তারপর “::” বসিয়ে সিদ্ধান্ত লিখতে হবে। এতে বোঝা যাবে, তর্যক রেখার বাঁ দিকে উপরের সব বচন যুক্তিবচন। তারপর অবরোহণের প্রত্যেকটি ধাপ ঐ স্ফুরণে পরপর লিখে যেতে হবে, পূর্বজনে তাদেরও জ্ঞানিক সংখ্যা দিতে হবে, এবং ডানদিকে অবরোহণের সর্বর্ধনে বে পূর্ববর্তী বচন বা বচনসমষ্টি থেকে যে অনুমানবিধি অনুসারে অবরোহণ করা হয়েছে তার উজ্জ্বল করতে হবে। পূর্ববর্তী যে যে বচন থেকে অবরোহণ করা হয়েছে তাদের জ্ঞানিক সংখ্যা আগে লিখে তারপর অনুমানবিধির সংক্ষিপ্ত নাম উজ্জ্বল করতে হবে। অনুমানবিধিগুলোর নাম 3.6 অনুচ্ছেদে দেওয়া হয়েছে। কিন্তু ঐ নামগুলো বৃহৎ বলে আবরা (ক), (খ), (গ), (ঘ) অনুমানবিধিকে তাদের সংক্ষিপ্ত ইংরেজী নামে বর্ণাত্বে M. P. (Modus Ponens), M. T. (Modus Tollens), D. S. (Disjunctive Syllogism) ও

H. S. (Hypothetical Syllogism) হারা সূচিত করব। এই পদ্ধতিটে লিখলে অবরোহণ বা প্রমাণটি নিম্নরূপ দাঁড়াবে।

(আ)	(1) $p \vee (q \supset r)$	
	(2) $\sim s \supset (r \supset t)$	
	(3) $p \supset s$	
	(4) $\sim s$	$\therefore q \supset t$
	(5) $\sim p$	3, 4, M.T.
	(6) $q \supset r$	1, 5, D.S.
	(7) $r \supset t$	2, 4, M.P.
	(8) $q \supset t$	6, 7, H.S.

1.8 অনুজ্ঞদের দাবাখেলার সঙ্গে তুলনাটি মনে করুন। দাবাখেলার ঘুঁটগুলোর নামের বচনবর্ণের মত প্রতীকবর্দ্ধ আছে, প্রত্যেকটা চালের সংযোজক প্রতীকের মত প্রতীকচিহ্ন আছে। একটা সম্পূর্ণ খেলাকে, প্রথম চাল থেকে শেষ চাল পর্যন্ত, শুধু প্রতীকগুলোর দিয়ে বোঝানো যায়। প্রত্যেকটি চাল বিধিসম্মত। উপরের অবরোহণে বচনবর্দ্ধ ও সংযোজকপ্রতীক নিয়ে যা করা হয়েছে তা দাবা খেলাই অনুকূল। বিষয়বস্তু থেকে সম্পূর্ণ বিচ্ছিন্ন হয়ে শুধু কতগুলো প্রতীক ব্যবহার করে অনুমানবিধি অনুসারে যুক্তিবচন সমষ্টি থেকে সিদ্ধান্ত প্রমাণ করা হয়েছে। সিদ্ধান্ত বিধিসম্মতভাবে যুক্তিবচন থেকে নিঃস্তুত হয়েছে। দাবা খেলার সঙ্গে এর পার্থক্য, দাবা খেলায় তুল চাল দিয়ে হেরে যাওয়া সম্ভব, কিন্তু তুল চালও দাবা খেলার বিধিসম্মতই হবে। অবরোহণেও তুল চাল দিয়ে প্রমাণ গঠনে অসমর্থ হওয়া বিচিত্র নয়, কিন্তু তুল চাল বিধিসম্মত হবেনা। দ্বিতীয়টি, দাবা খেলার চালবিধি স্বেচ্ছাযুক্ত, কিন্তু ন্যায়ের অনুমানবিধি স্বেচ্ছাযুক্ত নয়, বৈধতাবে সিদ্ধান্ত প্রমাণের উপযোগী; বৈধ ন্যায়াকার থেকে নিষ্কাশিত।

এবার আমরা প্রমাণের সংজ্ঞা দেব। (ক), (খ), ইত্যাদি বৈধ ন্যায়াকারকে মৌলিক বৈধ ন্যায়াকার বলব। সরলতম বলেই এদের মৌলিক বলা হয়। আরো কয়েকটি মৌলিক বৈধ ন্যায়াকার আমাদের তালিকায় থাকবে। মৌলিক বৈধ ন্যায়াকারের যে কোন দৃষ্টান্ত ন্যায় মৌলিক বৈধ ন্যায়। (আ) প্রমাণে (5), (6), (7) ও (8) ধাপ মৌলিক বৈধ ন্যায়। কোন প্রদত্ত ন্যায়ের বৈধতা প্রমাণ এবং ঐ ন্যায়ের যুক্তিবচন থেকে বিধিসম্মতভাবে সিদ্ধান্তে অবরোহণ একই কথা। যদি কোন

বচন (সূত্র)-পরম্পরা এবন হয় যে তার প্রত্যেকটি বচন (সূত্র) কোন প্রদত্ত ন্যায়ের যুক্তিবচন বা পূর্ববর্তী বচন (সূত্র) থেকে মৌলিক বৈধ ন্যায়বাদী নিঃস্থত হয়, এবং তার শেষ বচন (সূত্র) টি প্রদত্ত ন্যায়ের সিদ্ধান্ত হয়, তবে ঐ বচন (সূত্র)-পরম্পরা প্রদত্ত ন্যায়ের প্রমাণ। উপরের দৃষ্টান্তে (অ) প্রদত্ত ন্যায়, (আ) তার প্রমাণ। এই প্রকার প্রমাণকে অবরোহণ বলাৰ কাৰণ, এখানে ধাপে ধাপে সিদ্ধান্তে অবরোহণ কৰা হয়। একে “স্বাভাৱিক অবরোহণ” বলাৰ কাৰণ কিছুক্ষণেৰ বধেই আলোচিত হচ্ছে। ১৪ অনুচ্ছেদেৰ শেষে আৰুৱা অবরোহণেৰ লে সংজ্ঞা দিয়েছি, এখানে তাৰ কোন ব্যতিকৰণ হয় নি, প্ৰমাণেৰ প্রত্যেকটি ধাপ বৈধ ন্যায়বাদী সম্মত হওয়াৰ কোথাও যুক্তিবচন সত্য এবং সিদ্ধান্ত মিথ্যা হওয়াৰ সম্ভাবনা নেই।

অনুমানবিধি—তালিকা (ক)

মৌলিক বৈধ ন্যায়বাদী	অনুমান বিধি	নাম
(1) $p \supset q$ $\frac{p}{\therefore q}$	$p \supset q, p \vdash q$	পূর্বগৰীকাৰভিত্তিক অনুমানবাদী, পূর্ব-বিৱোগ, Modus Ponens, M.P.
(2) $p \supset q$ $\frac{\sim q}{\therefore \sim p}$	$p \supset q, \sim q \vdash \sim p$	অনুমানবিধভিত্তিক পূর্বগ নিহেল, Modus Tollens, M. T.
(3) $p \vee q$ $\frac{\sim p}{\therefore q}$	$p \vee q, \sim p \vdash q$	বৈকল্পিক ন্যায়, Disjunctive Syllogism, D.S.
(4) $p \supset q$ $q \supset r$ $\frac{}{\therefore p \supset r}$	$p \supset q, q \supset r \vdash p \supset r$	আৰজিক ন্যায়, Hypothetical Syllogism, H.S.
(5) $(p \supset q). (r \supset s)$ $p \vee r$ $\frac{}{\therefore q \vee s}$	$(p \supset q). (r \supset s),$ $p \vee r \vdash q \vee s$	অটিল ভাৰাদৰক কৃট্যাদ, Complex Constructive Dilemma, C.D.

মৌলিক বৈধ ন্যায়াকার	অনুমান বিধি	নাম
(6) $\frac{p \cdot q}{\therefore p}$	$p \cdot q \vdash p$	সরলীকৃতি, Simplification, Simp.
(7) $\frac{p \quad q}{\therefore p \cdot q}$	$p, q \vdash p \cdot q$	সংযোজন, Conjunction, Conj.
(8) $\frac{p}{\therefore p \vee q}$	$p \vdash p \vee q$	বিকল্পযোজন, Addition, Add.
(9) $\frac{p \supset q}{\therefore p \supset (p \cdot q)}$	$p \supset q \vdash p \supset (p \cdot q)$	আধীকৃতি, Absorption, Abs.

নামের স্তুতে প্রথমে বাংলা নাম, পরে ইংরেজী নাম ও সর্বশেষে সংক্ষিপ্ত ইংরেজী নাম দেওয়া হল। সংক্ষিপ্ত ইংরেজী নামটি প্রমাণে ব্যবহৃত হবে। প্রত্যোকটি ন্যায়াকার বৈধ, ন্যায়বচন তৈরী করে সত্তাসারণী ছারা পরীক্ষা করলেই দেখা যাবে, প্রত্যোক ক্ষেত্রে ন্যায়বচন স্বতঃসত্য। সংক্ষিপ্ত কৌশলে পরীক্ষা করলে দেখা যাবে, এমনভাবে উপাদানবচনের মানশর্ত নিবেশন সম্ভব নয় যে যুক্তিবচন সত্য হয়ে সিদ্ধান্ত মিথ্যা হবে। (আ) প্রমাণে (5)—(8) ধাপগুলো অনুমানবিধি ছারা অনুমোদিত বলে বৈধ। স্ফুতরাঙ় (8) সিদ্ধান্ত আনন্দন বৈধ, এবং (1)—(8) বচন (সুত্র)-পরম্পরা (অ) ন্যায়ের প্রমাণ।

এবার আমরা আর একটি ন্যায়ের প্রমাণ উপস্থাপিত করব।

(ই) যদি সে পঢ়া ছেড়ে দেয়, তবে হয় ব্যবসা করবে নয় রাজনীতি করবে ; যদি সে ব্যবসা বা রাজনীতি করে, তবে তার বাবা অনুমোদন করবেন না ; যদি সে কোন এজেন্সী না নেব তবে তার বাবা অনুমোদন করবেন ; সে পঢ়া ছেড়ে দেবে ; স্ফুতরাঙ় সে এজেন্সী নেবে।

অতিথান,

১ # সে পঢ়া ছেড়ে দেবে,
২ # সে ব্যবসা করবে,

r # লে রাজনীতি করবে,
 s # তার বাবা অনুমোদন করবেন,
 t # লে এজেন্সী নেবে।

বচনবর্ধ ব্যবহার করে,

$$\begin{array}{c}
 (t) \quad p \supset (q \vee r) \\
 (q \vee r) \supset \sim s \\
 \sim t \supset s \\
 \hline
 p \\
 \therefore t
 \end{array}$$

প্রমাণ,

- | | | |
|-----|-----------------------------|-------------------|
| (1) | $p \supset (q \vee r)$ | |
| (2) | $(q \vee r) \supset \sim s$ | |
| (3) | $\sim t \supset s$ | |
| (4) | φ | $\therefore t$ |
| (5) | $p \supset \sim s$ | 1, 2, H. S. |
| (6) | $\sim s$ | 5, 4, M. P. |
| (7) | $\sim \sim t$ | 3, 6, M. T. |
| (8) | t | 7, দ্বিনিষেধ নীতি |

3.4 অনুচ্ছেদে আমরা দেখেছি, p ও $\sim \sim p$ ন্যায়তঃ সমমান, সারণী (18) হাবা পরীক্ষিত। দুটি সূত্র ন্যায়তঃ সমমান হলে একটির স্থানে অপরটি সংস্থাপন করা যেতে পারে। পূর্বোক্ত প্রমাণে (8)-এর ধাপে তাই করা হয়েছে। কিন্তু তালিকা (ক)-এতে যে নয়টি অনুমান-বিধি আমরা পেয়েছি তার কোনটির হাবা (8) ধাপ অনুমোদিত হয় না। সূত্রৰাঃ আমাদের আর একটি অনুমাননীতি পরিগ্রহ করতে হবে যাতে ন্যায়তঃ সমমান দুটি সূত্র পরম্পরের স্থানে সংস্থাপনীয় হতে পারে। নীতিটি এই :

কোন সূত্রের বা তার কোন অংশের স্থানে সূত্রটির বা সেই অংশের ন্যায়তঃ সমমান আর একটি সূত্র সংস্থাপন করলে সংস্থাপিত সূত্রকে মূলসূত্র থেকে অনুমান করা বৈধ হবে। একে প্রতিস্থাপন বিধি বলা যেতে পারে।

যেহেতু মূলসূত্র বা সূত্রাংশ ও তৎস্থানে সংস্থাপিত সূত্র সমমান, এইকল সংস্থাপনের হাবা মূলসূত্রের মান অপরিবর্তিত থাকে।

তালিকা (খ) এতে ন্যায়ের বৈধতা প্রমাণের উপযোগী কয়েকটি ন্যায়ত: সম্মান সূত্র দেওয়া হল। এর প্রত্যেকটি অনুমানবিধি হিসেবে প্রমাণে ব্যবহার করা চলবে।

সম্মান সূত্র—তালিকা (খ)

সূত্র	নাম
(10) $p \equiv \sim \sim p$	ড্বিনেগেশন, Double Negation, D. N.
(11) $\sim(p.q) \equiv (\sim p \vee \sim q)$ $\sim(p \vee q) \equiv (\sim p. \sim q)$	সংযোগ নিয়েখ } De Morgan's বিজ্ঞ নিয়েখ } Theorems, De M.
(12) $(p.q) \equiv (q.p)$ $(p \vee q) \equiv (q \vee p)$	অবস্থান বিনিয়ন, Commuta- tion, Com.
(13) $[p. (q.r)] \equiv [(p.q). r]$ $[p \vee (q \vee r)] \equiv [(p \vee q) \vee r]$	সমাজ্ঞ, Association, Assoc.
(14) $[p. (q \vee r)] \equiv [(p.q) \vee (p.r)]$ $[p \vee (q.r)] \equiv [(p \vee q).(p \vee r)]$	বট্টন, Distribution, Dist.
(15) $(p \supset q) \equiv (\sim q \supset \sim p)$	পদ্ধতি, Transposition, Trans.
(16) $(p \supset q) \equiv (\sim p \vee q)$	বাস্তব প্রকল্প, Material Implication, Impl.
(17) $(p \equiv q) \equiv [(p \supset q).(q \supset p)]$ $(p \equiv q) \equiv [(p.q) \vee (\sim p. \sim q)]$	বাস্তব সমমানতা, Material Equivalence, Equiv.
(18) $[(p.q) \supset r] \equiv [p \supset (q \supset r)]$	নির্গমন, Exportation, Exp.
(19) $p \equiv (p \vee p)$ $p \equiv (p.p)$	উক্ত ভাষ্য Tautology, Taut.

3.4 অনুচ্ছেদ (16)—(19) সারণীতে দুটি সূত্র ন্যায়ত: সম্মান কিনা সত্যসারণীর সাহায্যে তা পরীক্ষা করার পদ্ধতি দেখানো হয়েছে। (16) সারণী তালিকা (খ)-এর (17) সূত্রের প্রথমটিকে, (18) সারণী (10) সূত্রকে এবং (19) সারণী (11)-এর প্রথম সূত্রটিকে সম্মান প্রতিপন্ন করেছে। সত্যসারণী ধারা পরীক্ষা করলে অন্য সবগুলো সূত্র সম্মান প্রতিপন্ন হবে।

উপরে (ই) প্রমাণে (8) ধাপ (10) বিধি হারা অনুমোদিত। বিধিটির সংক্ষিপ্ত নাম ব্যবহার করলে (8) ধাপ দাঁড়াবে,

(8) :

7, D.N.

তালিকা (ক) ও (খ)-এর সরঙ্গলো বিধিই অপরিহার্য নয়। তালিকা (ক)-এর (2) বিধি (M.T.) না থাকলে কোন ক্ষতি হত না। (আ) প্রমাণের (5)-এর ধাপটি দেখুন। এখানে M.T. বিধি অনুসারে $p \rightarrow s$ ও $\sim s$ থেকে $\sim p$ তে অবরোহণ করা হয়েছে। তা না করে তালিকা (খ)-এর (15) সূত্র ও M.P.-এর সাহায্যে $\sim p$ তে অবরোহণ করা যায়।

(1) $p \supset s$

তৃতীয় যুক্তিবচন

(2) $\sim s \supset \sim p$

1, Trans.

(3) $\sim s$

চতুর্থ যুক্তিবচন

(4) $\sim p$

2, 3, M.P.

আবার দেখুন, তালিকা (খ)-এর (16) বিধি অপরিহার্য নয়। (10) ও (11) বিধির সাহায্যে $p \supset q$ থেকে $\sim p \vee q$ এতে অবরোহণ করা যাব। আবরা আগেই $p \supset q$ কে সংজ্ঞা দ্বারা $\sim (p. \sim q)$ -এর সমান বলেছি।

(1) $p \supset q$ (2) $\sim (p. \sim q)$

1, সংজ্ঞা

(3) $\sim p \vee \sim q$

2, De M.

(4) $\sim p \vee q$

3, D.N.

ত্বরণ (2) বা (16) বিধিকে মৌলিক বিধি হিসেবে স্বীকার করার কারণ, এগুলো এত সর্বজনীন ও স্বজ্ঞামূলক যে এদের অনুসরণ করলেই প্রমাণ “স্বাভাবিক” হয়, এদের বাদ দিয়ে কেবল অপরিহার্য, ন্যূনতম কয়েকটি অনুমানবিধির সাহায্যে অবরোহণের চেষ্টা করলে প্রমাণ অতিদীর্ঘ ও অস্বাভাবিক হয়ে পড়ে।

স্বাভাবিক অবরোহণ পদ্ধতির বৈশিষ্ট্য এই যে, এতে কোন মৌল স্বীকার্য পরিপন্থ করা হয় না। দুই প্রকার অবরোহণ আছে, স্বীকার্য-মূলক ও বিধিমূলক। স্বীকার্যমূলক অবরোহণে মৌল স্বীকার্য থেকে শক্ত করা হয়, এবং অনুমানবিধি অনুসারে ধাপে ধাপে সিকান্ডে অবরোহণ করা হয়। এর দ্বাটাটা অ্যামিতি। বিধিমূলক অবরোহণে কোন স্বীকার্য

পরিগ্রহ করা হয় না। প্রদত্ত যুক্তিবচন থেকে অনুমানবিধি অনুসারে থাপে থাপে সিদ্ধান্তে অবরোহণ করা হয়। মেধা গেছে, স্বীকার্যমূলক অবরোহণে সরলতম ও ন্যূনতমগুল্যক অনুমানবিধির প্রয়োজন হয়, বিধিমূলক অবরোহণে স্বীকার্য না থাকাতে প্রমাণকে “স্বাভাবিক” করার জন্য দীর্ঘ নিয়মাবলী ব্যবহার করা হয়। আমাদের স্বাভাবিক অনুমান-ক্রিয়া স্বীকার্য পরিগ্রহ করে অগ্রসর হয় না, বরং প্রদত্ত যুক্তিবচন থেকে অনুমানবিধি অনুসারে অগ্রসর হয়, সেজন্য বিধিমূলক অবরোহণকে স্বাভাবিক অবরোহণ বলে।

স্বাভাবিক অবরোহণ পদ্ধতি কতটা কার্যকরী? ‘আমরা দেখেছি, সত্যসারণী হারা যে কোন ন্যায়ের বৈধতা পরীক্ষা করা সম্ভব। যে কোন ন্যায়কে ন্যায়বচনে ঝুপান্তরিত করে ন্যায়বচনটি স্বতঃসত্য কিনা তা সত্যসারণী গঠন করলেই যাঞ্চিকভাবে ধরা পড়ে। যন্তে করা যাক, (ই) ন্যায়ের বৈধতা স্বাভাবিক অবরোহণ পদ্ধতি হারা পরীক্ষা করতে দেওয়া হল। যদি কেউ (ঈ) প্রমাণ গঠন করতে না পারে, তবে কি বলতে হবে ন্যায়টি অবৈধ? যদি সম্পূর্ণ প্রমাণটি তুলে ধরে তাৰ বৈধতা পরীক্ষা করতে বলা হয়, তবে যাঞ্চিকভাবেই সে কাজ করা যায়, শুধু দেখলেই চলবে, প্রযুক্ত অনুমানবিধিগুলো তালিকাভুক্ত কিনা। তালিকা-ভুক্ত অনুমানবিধিগুলোর বৈধতা পরীক্ষিত। কিন্তু প্রমাণ গঠন করা আৱ প্রমাণ বৈধ কিনা পরীক্ষা করা এক কথা নয়। প্রমাণ গঠন করতে উভাবনী দক্ষতা প্রয়োজন, কোথায় আৱস্থ করতে হবে, কোন বিধি প্রয়োগ করতে হবে, তা যাঞ্চিকভাবে নির্ণীত হবে না। আবাৰ ধৰন, কোন অবৈধ ন্যায় পরীক্ষা করতে দেওয়া হল। কেউ এৱ প্রমাণ গঠন কৰতে পাৰবে না। কিন্তু প্রমাণ গঠন কৰতে না পাৰলেই বলা যাবে না ন্যায়টি অবৈধ। প্রমাণ গঠনে অক্ষমতা ন্যায়ের অবৈধতা প্রমাণ কৰে না। ন্যায়শাস্ত্র এমন কোন নির্দেশাবলী তৈৰী কৰে দিতে পাৰে না, যাৱ সাহায্যে যে কেউ যাঞ্চিকভাবে যে কোন বৈধ ন্যায়ের প্রমাণ গঠন কৰতে পাৰে। দাবা খেলাৰ সঙ্গে প্রমাণ গঠনেৰ আবাৰ তুলনা কৰা যেতে পাৰে। দাবাৰ সব চালবিধি জানলেই একজন ভাল খেলোয়াড় হবে এবং কেবল জিতবে একপ আশা কৰা যায় না। কখন কোন চাল দিলে জেতা যাবে সেটি বুৰাতে হলে বৰ্খেষ্ট দক্ষতা অৰ্জন কৰতে হবে। প্রমাণ গঠনেৰ বেলাবৰও কখন কোন বিধি প্রয়োগ কৰলে সহজে প্রমাণ গাঠিত হবে তা তালিকা জানা থাকলেই ছিৱ কৰা যায় না। কোন-

কোনু যুক্তিবচন বা অবরোহণের পূর্বতন ধাপের উপর কোনু কোনু অনুমানবিধি প্রয়োগ করলে ন্যূনতমসংখ্যক ধাপে প্রয়াণ গঠিত হবে তা তালিকা বহুল দেশে না। কিন্তু উপর্যুক্ত দক্ষতা অঙ্গিত হলে স্বাভাবিক অবরোহণ পদ্ধতিতে প্রয়াণ গঠন খুব সহজ।

তালিকা (ক) ও তালিকা (খ) এর মধ্যে একটি বিশেষ শুরুত্বপূর্ণ পার্থক্য আছে। তালিকা (ক) এর অনুমানবিধি কেবলমাত্র পুরো পঞ্জিকার উপর প্রযোজ্য, কিন্তু তালিকা (খ) এর অনুমানবিধি পুরো পঞ্জিকা বা তার যে কোন অংশের উপর প্রযোজ্য। যেমন, কোন প্রমাণে কোন পঞ্জিকাতে $p \cdot q$ থাকলে তার থেকে (6) বিধি অনুসারে p অনুমান করা যাবে, কিন্তু ($p \cdot q$) $\supset r$, থাকলে $p \supset r$ অনুমান করা যাবে না। কারণ p সত্য, q মিথ্যা, r মিথ্যা হলে ($p \cdot q$) $\supset r$ সত্য হবে, কিন্তু $p \supset r$ মিথ্যা হবে। কিন্তু ($p \cdot q$) $\supset r$ থেকে (12) বিধি অনুসারে ($q \cdot p$) $\supset r$, (18) বিধি অনুসারে $p \supset (q \supset r)$, (19) বিধি অনুসারে $[(p \vee p) \cdot (q \cdot q)] \supset (r \cdot r)$ অনুমান করা যাবে।

প্রয়াণ গঠনের কোন যান্ত্রিক পদ্ধতি না থাকলেও কয়েকটি সংকেতের উপর্যুক্ত করা যেতে পারে।

(1) একই বচনবর্ণ একাধিক যুক্তিবচনে থাকলে সিদ্ধান্তে প্রমাণে উপযোগী কোন সূত্র তাদের থাকে নিঃস্তুত হয় কিনা দেখুন।

(2) যদি এভাবে সিদ্ধান্তের দিকে এগোনো সন্তুত না হয়, তবে কোন সূত্রের স্থলে ন্যায়ত: সম্মান অন্য কোন সূত্রে বসিয়ে দেখুন।

(3) যুক্তিবচনে আছে সিদ্ধান্তে নেই এমন বচনবর্ণকে অপনয়ন করুন। অপনয়নের অন্য সরলীকরণ (Simp.) ও প্রাকলিক ন্যায় (H. S.) উপযোগী। লক্ষ্য করুন, সরলীকরণের অন্য যে বিধি দেওয়া আছে, তাতে বিতীয় সংযোগীর অপনয়ন করা চলে। কিন্তু প্রথম সংযোগীর অপনয়ন করতে হলে অবস্থান বিনিয়নবিধি (Com.) অনুসারে প্রথমে তাদের অবস্থান পাল্টে নিন। $p \cdot q$ থেকে p অনুমান করা যাবে, কিন্তু q অনুমান করতে হলে প্রথমে $p \cdot q$ থেকে $q \cdot p$ আনয়ন করে তারপর q আনয়ন করুন।

(4) যুক্তিবচনে নেই সিদ্ধান্তে আছে এমন বর্ণকে বিকল্প-যোজন বিধি (Add.) অনুসারে আনয়ন করুন।

(5) সংজ্ঞাতের বিধির প্রয়োগে বিশেষ সূতর্কতা প্রয়োজন। ধরুন আপনার ($p \vee q$) $\supset r$ আছে, আপনি তার থেকে $r \vee p$ পেতে চাব।

‘লোকাস্তুতি’ ($p \vee q$) $\vee r$ কে ($r \vee p$) $\vee q$ এতে ক্লাপান্তরিত করা চলবে না।
আগন্তুকে এইভাবে এগোতে হবে।

$$(p \vee q) \vee r$$

$$r \vee (p \vee q) \text{ Com.}$$

$$(r \vee p) \vee q \text{ Assoc.}$$

(6) সিদ্ধান্ত থেকে উচ্চেভাবে অংগসর হোন, দেখুন কোন শুন্ত
থেকে সিদ্ধান্ত কোন অনুমানবিধির সাহায্যে আনয়ন করা যায় কিনা,
তাব্বগ্র সেই শুন্তটিকে যুক্তিবচনসমষ্টির সাহায্যে প্রমাণ করার চেষ্টা
করুন।

বৌজ দর্শন থেকে একটি ন্যায় নিন।

যদি কোন এক ও অবিভাজ্য সামান্য “ঘটছের” অস্তিত্ব থাকে,
তবে “ঘটছ” হয় সর্বত্র বিদ্যমান বা শুধু সর্বস্থটে বিদ্যমান;
যদি “ঘটছ” সর্বত্র বিদ্যমান হয় তবে তা সব পটেও আছে;
যদি “ঘটছ” শুধু সর্বস্থটে বিদ্যমান হয়, তবে কোন নব-
নির্মিত ঘটে তার আকস্মিক উত্তব ইয় ; এ হতেই পারে না
যে “ঘটছ” সব পটেও আছে বা কোন নবনির্মিত ঘটে তার
আকস্মিক উত্তব হয়;

∴ কোন এক ও অবিভাজ্য সামান্য “ঘটছের” অস্তিত্ব নেই।

অভিধান,

- p # কোন এক ও অবিভাজ্য সামান্য “ঘটছের” অস্তিত্ব আছে,
- q # “ঘটছ” সর্বত্র বিদ্যমান,
- r # “ঘটছ” শুধু সর্বস্থটে বিদ্যমান,
- s # “ঘটছ” সব পটে আছে,
- t # কোন নবনির্মিত ঘটে “ঘটছের” আকস্মিক উত্তব হয়।

বচনবর্দ্ধ ব্যবহার করে,

$$p \supset (q \vee r)$$

$$q \supset s$$

$$r \supset t$$

$$\sim (s \vee t)$$

$$\therefore \sim p$$

যদি $\sim (q \vee r)$ পাওয়া যায় তবে $\sim p$ প্রমাণ করা যাবে। $\sim (q \vee r) \equiv (\sim q \cdot \sim r)$ (De M.)। প্রমাণটি দেখুন :

- | | |
|----------------------------|---------------------|
| (1) $p \supset (q \vee r)$ | |
| (2) $q \supset s$ | |
| (3) $r \supset t$ | |
| (4) $\sim (s \vee t)$ | $\therefore \sim p$ |
| (5) $\sim s \cdot \sim t$ | 4, De M. |
| (6) $\sim s$ | 5, Simp. |
| (7) $\sim q$ | 2, 6, M.T. |
| (8) $\sim t \cdot \sim s$ | 5, Com. |
| (9) $\sim t$ | 8, Simp. |
| (10) $\sim r$ | 3, 9, M.T. |
| (11) $\sim q \cdot \sim r$ | 7, 10, Conj. |
| (12) $\sim (q \vee r)$ | 11, De M. |
| (13) $\sim p$ | 1, 12, M.T. |

একমাত্র অভ্যাসই প্রমাণ গঠনে দক্ষতা দিতে পারে।

4.2 প্রাকলিক প্রমাণবিধি

4.1 অনুচ্ছেদে যে 19টি অনুমানবিধি দেওয়া হয়েছে, তার সাহায্যে যে কোন বৈধ বাচনিক ন্যায়ের প্রমাণ গঠন করা যায়। তবুও এই অনুচ্ছেদে আমরা নৃতন একটি অনুমানবিধি উপস্থাপন করব। আমরা দেখেছি, পূর্ব অনুচ্ছেদে বর্ণিত পদ্ধতিতে কোথায় শুরু করতে হবে, কোন্ত যুক্তিবচনের উপর কোন্ত বিধি প্রয়োগ করতে হবে, তা যাজিকভাবে স্থির করা যায় না। কিন্তু যদি কোন ন্যায়ের সিদ্ধান্ত প্রাকলিক বচন হয়, তবে এই নৃতন বিধি প্রযোজ্য হবে, অবরোহণের ধাপগুলো সহজেই নির্ণীত হবে, এবং সমগ্র অবরোহণ অর্থাৎ প্রমাণ সরল ও সংক্ষিপ্ত হবে। মনে করা যাক, কয়েকটি যুক্তিবচন থেকে একটি প্রাকলিক বচন সিদ্ধান্ত হিসেবে আনয়ন করা হল। যুক্তিবচনগুলোকে $p_1, p_2, p_3, \dots, p_n$ ধরলে ন্যায়বচনটি দাঁড়ায়,

$$(ক) (p_1 \cdot p_2 \cdot p_3 \cdot \dots \cdot p_n) \supset (q \supset r)$$

এর অর্থ, $p_1 \cdot p_2 \cdot p_3 \cdot \dots \cdot p_n$ সত্য হলে $q \supset r$ মিথ্যা হতে পারে না।

$q \supset r$ মিথ্যা হলে q সত্য r মিথ্যা হতে হবে। স্বতরাং ন্যায়টি বৈধ হতে হলে

(খ) $(p_1 \cdot p_2 \cdot p_3 \cdot \dots \cdot p_n \cdot q) \supset r$

ন্যায়টিও বৈধ হতে হবে, অর্থাৎ $p_1 \cdot p_2 \cdot p_3 \cdot \dots \cdot p_n \cdot q$ সত্য হলে r মিথ্যা হতে পারবে না। 4.1 অনুচ্ছেদের (18) বিধি (নির্গমন, Exportation) অনুসারে (ক) ও (খ) ন্যায়তঃ সময়ান। স্বতরাং (খ) ন্যায়ের বৈধতার প্রমাণ (ক) ন্যায়ের বৈধতার ও প্রমাণ হবে। কোন ন্যায়ের সিদ্ধান্ত প্রাকল্লিক বচন হলে তার প্রমাণ গঠনে সিদ্ধান্তের পূর্বগকে একটি অতিরিক্ত যুক্তিবচন হিসেবে অঙ্গীকার করে নেওয়া যায়। একেই প্রাকল্লিক প্রমাণ-বিধি বলে। সিদ্ধান্ত প্রাকল্লিক বচন এমন কোন প্রদত্ত ন্যায়ের প্রমাণ গঠনে সিদ্ধান্তের পূর্বগকে একটি অতিরিক্ত যুক্তিবচন হিসেবে অঙ্গীকার করে মৌলিক বৈধ ন্যায়-পরম্পরার সাহায্যে সিদ্ধান্তের অনুগে অবরোহণ করাকে প্রদত্ত ন্যায়ের প্রাকল্লিক প্রমাণ গঠন করা বলে। একটি ন্যায় নেওয়া যাক।

হয় উৎপাদন করবে নয় বেকারী বাড়বে; বেকারী বাড়লে শ্রমিক সংস্থাগুলোর মধ্যে অসম্ভোগ বাড়বে; শ্রমিক সংস্থাগুলোর মধ্যে অসম্ভোগ বাড়লে, দুর্মূল্য ভাতা বাড়লেও রাজনৈতিক অস্থিরতা দেখা দেবে; দুর্মূল্য ভাতা না বাড়লে প্রতিবাদ চলতে থাকবে; প্রতিবাদ চলতে থাকলে সামাজিক উভেজনা বাড়বে;

∴ উৎপাদন না করলে এবং সামাজিক উভেজনা না বাড়লে রাজনৈতিক অস্থিরতা দেখা দেবে।

অভিধান,

p # উৎপাদন করবে,

q # বেকারী বাড়বে,

r # শ্রমিক সংস্থাগুলোর মধ্যে অসম্ভোগ বাড়বে,

s # দুর্মূল্য ভাতা বাড়নো হবে,

t # রাজনৈতিক অস্থিরতা দেখা দেবে,

u # প্রতিবাদ চলতে থাকবে,

v # সামাজিক উভেজনা বাড়বে।

বচনবর্দ ব্যবহার করে,

$$\begin{aligned}
 p &\vee q \\
 q &\supset r \\
 r &\supset (s \supset t) \\
 \sim s &\supset u \\
 u &\supset v \\
 \therefore (\sim p . \sim v) &\supset t
 \end{aligned}$$

প্রাকল্পিক প্রমাণ লিখিবার রীতি একটু ভিন্ন। যুক্তিবচনগুলো লিখে, অধিকসংখ্যা দিয়ে, শেষ যুক্তিবচনের ডান দিকে তর্যক রেখা টেনে “∴” চিহ্নের পর সিদ্ধান্ত যথারীতি লিখতে হবে। পরবর্তী প্রতিক্রিয়াতে সিদ্ধান্তের পূর্বগকে আর একটি যুক্তিবচন হিসেবে লিখে তার পাশে আর একটি তর্যক রেখা টেনে “∴” চিহ্নের পর সিদ্ধান্তের অনুগ লিখতে হবে, এবং ডানদিকে লম্ববক্ষণীর মধ্যে C.P. (প্রাকল্পিক প্রমাণের ইংরেজী Conditional Proof এর আদ্য অক্ষর দুটি) লিখতে হবে। তারপর স্বাভাবিক অবরোহণ পদ্ধতিতে এগিয়ে যেতে হবে। হিতীয় তর্যক রেখা ও তার পরবর্তী অংশ প্রাকল্পিক প্রমাণ বিধি ব্যবহার শুরু করে। প্রমাণ নীচে দেওয়া হল।

- | | | | |
|------|---------------------------|--------|--|
| (1) | $p \vee q$ | | |
| (2) | $q \supset r$ | | |
| (3) | $r \supset (s \supset t)$ | | |
| (4) | $\sim s \supset u$ | | |
| (5) | $u \supset v$ | —————> | $\therefore (\sim p . \sim v) \supset t$ |
| (6) | $\sim p . \sim v$ | | $\therefore t \text{ (C.P.)}$ |
| (7) | $\sim p$ | | 6, Simp. |
| (8) | q | | 1, 7, D.S. |
| (9) | r | | 2, 8, M.P. |
| (10) | $\sim v . \sim p$ | | 6, Com. |
| (11) | $\sim v$ | | 10, Simp. |
| (12) | $\sim u$ | | 5, 11, M.T. |
| (13) | $\sim \sim s$ | | 4, 12, M.T. |
| (14) | s | | 13, D.N. |
| (15) | $s \supset t$ | | 3, 9, M.P. |
| (16) | t | | 15, 14, M.P. |

একই প্রমাণে C.P. একাধিকবার ব্যবহার করা যেতে পারে।
নীচের ন্যায় ও প্রমাণটি দেখুন।

(1) $p \supset q$	
(2) $q \supset r$	
(3) $(s \vee t) \supset u$	
(4) $(r \cdot u) \supset v$	$\therefore p \supset [(s \vee t) \supset v]$
(5) p	$\therefore (s \vee t) \supset v \quad (\text{C.P.})$
(6) $s \vee t$	$\therefore v \quad (\text{C.P.})$
(7) $p \supset r$	1, 2, H.S.
(8) r	7, 5, M.P.
(9) u	3, 6, M.P.
(10) $r \cdot u$	8, 9, Conj.
(11) v	4, 10, M.P.

4.3 তর্ক বা পরোক্ষ প্রমাণ পক্ষতি

প্রাকল্লিক প্রমাণ বিধি অনুসারে প্রাকল্লিক সিদ্ধান্তবচনের পূর্বগকে একটি অতিরিক্ত যুক্তিবচন হিসেবে অঙ্গীকার করে প্রমাণ গঠন করা হয়ে থাকে। এবার আর একটি তুন প্রমাণবিধি প্রদর্শিত হচ্ছে, যাকেও এক অর্থে প্রাকল্লিক বলা যায়। এই বিধি যে কোন ন্যায়ের প্রমাণ গঠনে ব্যবহার করা যাবে, তার সিদ্ধান্ত প্রাকল্লিক বচন না হলেও চলবে। এই বিধি অনুসারে সিদ্ধান্তের নিম্নেক বচনটি অঙ্গীকার করা হয়। আমরা জানি, কোন বৈধ ন্যায়ে যুক্তিবচন মিলিতভাবে সত্য ও সিদ্ধান্ত মিথ্যা হতে পারে না। স্ফুতরাঃ সিদ্ধান্তের নিম্নেক বচনটি অঙ্গীকার করা আর সিদ্ধান্ত মিথ্যা ও ন্যায় অবৈধ ধরে নেওয়া একই কথা। যদি দেখা যায় সিদ্ধান্তকে মিথ্যা ধরলে স্ববিরোধ উপস্থিত হয়, অর্থাৎ কোন উপাদান বচন একসঙ্গে সত্য ও মিথ্যা হয়, তা হলে বুঝতে হবে সিদ্ধান্ত মিথ্যা হতে পারে না, এবং ন্যায় বৈধ। 3.9 অনুচ্ছেদে বর্ণিত পক্ষতি থেকে এই পক্ষতির পার্থক্য এই যে, সংক্ষিপ্ত সত্যসারণী পক্ষতিতে সিদ্ধান্ত মিথ্যা ও যুক্তিবচন মিলিতভাবে সত্য হয় এমনভাবে মানশর্ত নিবেশনের চেষ্টা করা হয়। এই পক্ষতিতে সিদ্ধান্ত মিথ্যা ধরে নিয়ে স্বাভাবিক অবরোহণ পক্ষতিতে অগ্রসর হয়ে স্ববিরোধী অবস্থায় পেঁচানো হয়। ইউক্লিডের অ্যামিতিতে এই প্রমাণ পক্ষতি ব্যবহার করা হয়েছে। প্রাচীন ভারতীয় ন্যায়ে একেই তর্ক বা প্রমাণবাধিতাৰ্থপ্রস্তুত বলা হয়েছে। পাঞ্চাত্য ন্যায়ে এর নাম

reductio ad absurdum, সংক্ষেপে R.A.A.। একে পরোক্ষ প্রমাণও (Indirect Proof, সংক্ষেপে I.P.) বলা হয়। প্রদত্ত ন্যায়ের প্রমাণ গঠনে সিদ্ধান্তকে মিথ্যা অঙ্গীকার করে, মৌলিক বৈধ ন্যায়-পরম্পরার সাহায্যে এই অঙ্গীকারের ফল স্বরূপ স্ববিরোধ প্রদর্শন করাকে তর্ক বা পরোক্ষ প্রমাণবিধি বলে।

ষটনা সব অদৃষ্ট-নিয়ন্ত্রিত বা দ্বিশুর-নিয়ন্ত্রিত যাই হোক না কেন, ভবিষ্যৎ ষটনা মানুষের অঙ্গাত ; ভবিষ্যৎ ষটনা মানুষের অঙ্গাত নয়, অথবা মানুষের মনে অনিশ্চয়তাজনিত ভৌতি থাকবে ; সব ষটনা অদৃষ্ট-নিয়ন্ত্রিত ; স্বতরাং মানুষের মনে অনিশ্চয়তা-জনিত ভৌতি থাকবে।

অভিধান,

- $p \#$ সব ষটনা অদৃষ্ট নিয়ন্ত্রিত,
- $q \#$ সব ষটনা দ্বিশুর-নিয়ন্ত্রিত,
- $r \#$ ভবিষ্যৎ ষটনা মানুষের অঙ্গাত,
- $s \#$ মানুষের মনে অনিশ্চয়তাজনিত ভৌতি থাকবে।

বচনবর্ণ ব্যবহার করে,

$$(p \vee q) \supset r$$

$$\sim r \vee s$$

$$p$$

$$\therefore s$$

তর্ক বা পরোক্ষ প্রমাণবিধি ব্যবহার করলে $\sim s$ অঙ্গীকার করতে হবে, যে পঙ্কজিতে $\sim s$ অঙ্গীকার করা হবে তার ডানপাশে লম্ববৰ্ধনীর মধ্যে L.P. বা R.A.A. লিখতে হবে।

- | | | |
|-----|------------------------|-------------|
| (1) | $(p \vee q) \supset r$ | |
| (2) | $\sim r \vee s$ | |
| (3) | p | / & s |
| (4) | $\sim s$ | (I.P.) |
| (5) | $s \vee \sim r$ | 2, Com. |
| (6) | $\sim r$ | 5, 4, D.S. |
| (7) | $p \vee q$ | 3, Add. |
| (8) | r | 1, 7, M.P. |
| (9) | $r, \sim r$ | 8, 6, Conj. |

(9) পঞ্জিক্তি একটি স্ববিরোধ, স্বতরাং মূল সিদ্ধান্ত প্রমাণিত। 3.10
অনুচ্ছেদে আমরা দেখছি, যে কোন স্ববিরোধী বচন থেকে যে কোন
বচন প্রমাণ করা যায়। (8) ও (6) পঞ্জিক্তি থেকে খুব সহজেই মূল
সিদ্ধান্ত প্রমাণ করা যায়।

(10) $r \vee s$

8, Add.

(11) s

10, 6, D.S.

বাস্তব প্রকল্পনের কুটুভাসের সমাধানে বলা যায়, কোন সিদ্ধান্ত s প্রমাণ
করতে সোজাস্বজ্ঞি r . ~ r কে যুক্তিবচন হিসেবে অঙ্গীকার করা চলবে
না, যদিও এক্ষেপ করলে প্রমাণ খুব সহজ হয়।

(1) $r. \sim r$ /∴ s (2) r

1, Simp.

(3) $r \vee s$

2, Add.

(4) $\sim r. r$

1, Com.

(5) $\sim r$

4, Simp.

(6) s

3, 5, D.S.

কিন্তু কোন ন্যায়ের পরোক্ষ প্রমাণে সিদ্ধান্তের নির্বেশককে প্রকল্প হিসেবে
অঙ্গীকার করে অবরোহণ পদ্ধতিতে অগ্রসর হয়ে স্ববিরোধী অবস্থার
পৌছানোই অঙ্গীকারের মিধ্যাত অর্থাৎ মূল সিদ্ধান্তের সত্যতার পর্যাপ্ত
প্রমাণ, তবুও সেই স্ববিরোধী অবস্থা থেকে শুধু যাত্র আর দুটি পঞ্জিক্তি
বিকল্পযোগ্য (Add.) ও বৈকল্পিক ন্যায়বিধি (D.S.) প্রয়োগ করে মূল
সিদ্ধান্তে পৌছানো যায়।

কুটুভাসে দেখা গেছে, সত্য বচন বে কোন বচনকে অনুসরণ করে।
একটি স্বতঃসত্য বচন নিল (স্বতঃসত্য বচন নেওয়ার কারণ, কোন্ত বচন
সত্য কোন্ত বচন মিধ্যা, নৈয়ায়িক হিসেবে তা আমরা জানি না স্বতরাং
 p , q কে সত্য বচন ধরলে হবে না, কারণ p , q মিধ্যাও হতে
পারে)।

 $q \vee (q \supset r)$

এটি যে কোন বচনকে ন্যায়ত: অনুসরণ করবে, সেই বচনের সঙ্গে এর
কোন সম্পর্ক থাকুক বা না থাকুক। সত্যসারণীর সাহায্যে

 $p \supset [q \vee (q \supset r)]$

কে স্বতঃসত্য ন্যায়বচন প্রমাণ করা যায়।

সারণী (30)

p	\supset	[q	\vee	($q \supset r$)	r]
T	T	T	T	T	T
T	T	T	T	F	F
T	T	F	T	T	T
T	T	F	T	T	F
F	T	T	T	T	T
F	T	T	T	F	F
F	T	F	T	T	T
F	T	F	T	T	F

চতুর্থ স্তৰে সব T ধাকায় $q \vee (q \supset r)$ স্বতঃসত্য, ইতীয় স্তৰে সব T ধাকায় ন্যায়বচন স্বতঃসত্য, $q \vee (q \supset r)$ -এর পক্ষে p প্রাসঙ্গিক বা অপ্রাসঙ্গিক সত্য বা মিথ্যা, যাই হোক না কেন। এটিকে একটি ন্যায়ের আকারে লেখা যায়,

$$p \quad / \therefore q \vee (q \supset r)$$

এই ন্যায়ের প্রমাণে কোন অনুমানবিধি বা প্রাকলিক প্রমাণবিধি কিছুই সাহায্য করে না। কিন্তু পরোক্ষ পদ্ধতির সাহায্যে এর প্রমাণ সহজেই গঠন করা যায়।

- | | |
|-------------------------------------|-------------------------------|
| (1) p | $/ \therefore q \vee (q - r)$ |
| (2) $\sim [q \vee (q \supset r)]$ | (I. P.) |
| (3) $\sim [q \vee (\sim q \vee r)]$ | 2, Impl. |
| (4) $\sim [(q \vee \sim q) \vee r]$ | 3, Assoc. |
| (5) $\sim (q \vee \sim q) . \sim r$ | 4, De M. |
| (6) $\sim (q \vee \sim q)$ | 5, Simp. |
| (7) $\sim q . \sim \sim q$ | 6, De M. |

লক্ষ্য করুন, p প্রমাণে ব্যবহৃতই হয়নি। কোন স্বতঃসত্য বচনের প্রমাণে কোন যুক্তি বচনের প্রয়োজন নেই।¹ কোন স্বতঃসত্য বচনকে অনুগ্রহে যে কোন বচন বা বচনসমষ্টিকে পূর্বগ ধরে একটি ন্যায়বচন গঠন করলে ন্যায়বচনটি স্বতঃসত্য হবে।

¹ এই জ্ঞান পরবর্তী অনুসন্দেহ আভাস আমাদিত হবে।

৪.৪ স্বতঃসত্য বচনের প্রমাণ

যে কোন প্রাকলিক বচনের পূর্বগকে যুক্তিবচন ও অনুগকে সিদ্ধান্ত করে একটি ন্যায় গঠন করলে যদি ন্যায় বৈধ হয়, তবে প্রাকলিক বচন স্বতঃসত্য হবে। অন্যভাবে বলা যায়, যদি কোন প্রাকলিক বচনের অনুগকে পূর্বগ থেকে মৌলিক বৈধ ন্যায় হারা আনয়ন করা যায়, তবে প্রাকলিক বচন স্বতঃসত্য। প্রাকলিক ও পরোক্ষ প্রমাণবিধি হারা যে কোন স্বতঃসত্য বচন প্রমাণ করা যায়। প্রাকলিক ন্যায়ের অনুষঙ্গী ন্যায়বচনটি নিন,

$$(k) [(p \supset q) \cdot (q \supset r)] \supset (p \supset r)$$

বচনটি নির্গমন বিধি (Exp.) অনুসারে

$$(k') (p \supset q) \supset [(q \supset r) \supset (p \supset r)]$$

এর ন্যায়ত: সময়। স্ফূতরাঃ (খ) বচনের প্রমাণ (ক) বচনেরও প্রমাণ হবে। (খ) বচনের প্রমাণ,

$$(1) p \supset q \quad / \therefore (q \supset r) \supset (p \supset r) \quad (\text{C.P.})$$

$$(2) q \supset r \quad / \therefore p \supset r \quad (\text{C.P.})$$

$$(3) p \supset r \quad 1, 2, \text{H.S.}$$

যদি কোন স্বতঃসত্য বচন প্রাকলিক না হয়, তবে তার প্রমাণে প্রাকলিক বিধি প্রযোজ্য হবে না, কিন্তু পরোক্ষ প্রমাণবিধি সর্বত্র প্রযোজ্য হবে। $p \vee \sim p$ কে স্বতঃসত্য প্রমাণ করতে $\sim(p \vee \sim p)$ কে অঙ্গীকার করে একটি স্ববিরোধে অবরোহণ করলেই $p \vee \sim p$ এর স্বতঃসত্যতা প্রমাণ হল।

$$(1) \sim(p \vee \sim p) \quad / \text{L} p \vee \sim p$$

$$(2) \sim p \cdot \sim \sim p \quad 1, \text{ De M.}$$

আবারও আবরা দেখতে পাচ্ছি, স্বতঃসত্য বচনের প্রমাণে যুক্তিবচনের প্রয়োজন নেই। অবশ্য, স্বীকার্যমূলক অবরোহতত্ত্বে যে কোন স্বতঃসত্য বচন অবরোহণ পদ্ধতির সাহায্যে স্বীকার্য থেকে প্রমাণ করা যায়। এই প্রসঙ্গ প্রান্তরে আলোচ্য।

৪.৫ প্রাকলিক প্রমাণবিধির অবকল্প

পরবর্তী ন্যায়াংশের আলোচনার স্থিতিক অন্য প্রাকলিক প্রমাণ-বিধিকে এখানে আবরা নুতন আকারে উপস্থাপিত করব, যাতে এই

প্রমোগক্ষেত্রে আরও বিস্তৃত হয়। ৪.২ অনুচ্ছেদে আবরণ প্রাকলিক প্রমাণ লিখিবার পক্ষতি বর্ণনা করেছি, প্রাকলিক সিদ্ধান্তবচনের পূর্বগতে একটি অতিরিক্ত যুক্তিবচন হিসেবে অঙ্গীকার করে, তার পাশে আর একটি ত্বর্যক রেখা টেনে, “∴” চিহ্ন দিয়ে, তারপর সিদ্ধান্তের অনুগ লিখে, ডানদিকে লহুবজ্জনীর মধ্যে C.P. লিখতে হবে। তারপর অবরোহণ পক্ষতিতে সিদ্ধান্তের অনুগে পঁচাতে হবে।

এখন আবরণ প্রাকলিক প্রমাণবিধিকে যে আকারে উপস্থাপিত করব, তাতে অঙ্গীকারটি ঐ ভাবে না লিখে তাকে যুক্তিবচনের পরে বসিয়ে তার ক্রমিক সংখ্যার বাঁ পাশে A বর্ণটি বসাব (A “অঙ্গীকারের” ইংরেজী Assumption শব্দের প্রথম অক্ষর, অঙ্গীকারটি প্রাকলিক প্রমাণ বা Conditional Proof এর জন্য)। ৪.২ অনুচ্ছেদের প্রথম ন্যায়টি আবার নেওয়া যাক।

- (1) $p \vee q$
 - (2) $q \supset r$
 - (3) $r \supset (s \supset t)$
 - (4) $\sim s \supset u$
 - (5) $u \supset v \quad / \therefore (\sim p \cdot \sim v) \supset t$
- A (6) $\sim p \cdot \sim v$

এবার A(6) ও (1)–(5) যুক্তিবচন থেকে যে মৌলিক বৈধ ন্যায়-পুরুষরার সাহায্যে অবরোহণ করা হবে, তার সরগুলোর ক্রমিক সংখ্যার আগে যে ধাপে সিদ্ধান্তের অনুগে পঁচানো হবে সেই ধাপ পর্যন্ত A লিখে যেতে হবে, কারণ প্রত্যেকটি অবরোহণের মূলে রয়েছে ঐ অঙ্গীকার।

A (7) $\sim p$	6, Simp.
A (8) q	1, 7, D. S.
A (9) r	2, 8, M. P.
A (10) $\sim v \cdot \sim p$	6, Com.
A (11) $\sim v$.	10, Simp.
A (12) $\sim u$	5, 11, M. T.
A (13) $\sim \sim s$	8, 12, M. T.
A (14) $\neg s$	13, D. N.
A (15) $s \supset t$	3, 9, M. P.
A (16) t	15, 14, M. P.

(16) পঞ্জিতে সিঙ্কান্তের অনুগো অবরোহণ সম্পূর্ণ হয়েছে। A (16) পর্যন্ত অবরোহণ A (6) অঙ্গীকারের প্রভাবাধীন। সেই অন্য (16) পঞ্জি পর্যন্ত ক্রমিক সংখ্যার আগে A লেখা হয়েছে। যেহেতু $\sim p \sim v$ থেকে ! পর্যন্ত অবরোহণ মৌলিক বৈধ ন্যায়ের সাহায্যে করা হয়েছে, স্বতরাং এবার আমরা বলতে পারি,

$(\sim p \sim v) \supset t$

অর্থাৎ, $\sim p \sim v$ সত্য হলে t সত্য হবে। এটিই আমাদের প্রমাণ করার কথা ছিল। কিন্তু এই পঞ্জি আর A (6) অঙ্গীকারের প্রভাবের মধ্যে নেই, শুধুমাত্র (1)–(5) যুক্তিবচনের উপর নির্ভরশীল। এই পঞ্জিটি এইভাবে লিখ্তে হবে,

A (17) $(\sim p \sim v) \supset t \quad 6-16, C.P.$

(17) পঞ্জিতে বাঁ দিকের A কেটে দেওয়ার অর্থ, অবরোহণ অঙ্গীকার-মুক্ত হল। যদি একটি অঙ্গীকার থেকে অবরোহণ করতে করতে এবন একটি পঞ্জি L এ পেঁচানো যায় যার পরের পঞ্জি A $\supset L$ (অঙ্গীকার $\supset L$) আকারের, তবে অঙ্গীকার থেকে L পর্যন্ত সব পঞ্জি অঙ্গীকারের প্রভাবের অন্তর্ভুক্ত, কিন্তু তার পরের A $\supset L$ অঙ্গীকারের প্রভাবমুক্ত এবং A থেকে L পর্যন্ত সব পঞ্জি থেকে প্রাকলিক প্রমাণবিধি অনুসারে আনীত। সেইজন্য (17) পঞ্জির শেষে 6-16 C.P. লেখা হয়েছে। যে ধাপে প্রাকলিক প্রমাণবিধি ব্যবহার করা হবে, সেই ধাপেই অঙ্গীকারের প্রভাব শেষ হবে।

একই প্রমাণে একাধিক অঙ্গীকার পরিগ্রহ ও একাধিকবার C.P. ব্যবহার করা চলে। 4·2 অনুচ্ছেদের দ্বিতীয় ন্যায়টি আবার দেওয়া যাক। মুটি অঙ্গীকারকে A₁ ও A₂ হারা চিহ্নিত করা হল।

(1) $p \supset q$

(2) $q \supset r$

(3) $(s \vee t) \supset u$

(4) $(r \cdot u) \supset v$

/ & $p \supset [(s \vee t) \supset v]$

A₁ (5) p

A₁ (6) q

1, 5 M.P.

A₁ (7) r

2, 6 M.P.

A₁ A₂ (8) $s \vee t$

— 3, 8, M.P. —

A₁ A₂ (9) u

7, 9, Conj.

A₁ A₂ (10) $r \cdot u$

$A_1 A_3 (11) v$

$A_1 A_3 (12) (s v t) \supset v \quad 8-11, C.P.$

$A_1 (13) p \supset [(s v t) \supset v] \quad 5-12, C.P.$

(5) প্রতিক্রিয়ে A_1 অঙ্গীকার p , p এর প্রভাব $A_1 \supset L$ এর আগের প্রতিক্রিয়ে পর্যন্ত, অর্ধাৎ (5) থেকে (12) প্রতিক্রিয়ে পর্যন্ত। (13) প্রতিক্রিয়ে $A_1 \supset L$ আকারের, সেখানে $p \supset [(s v t) \supset v]$ কে A_1 অঙ্গীকার থেকে মুক্ত করে দেওয়া হয়েছে। কিন্তু যাবাখানে (8) প্রতিক্রিয়ে আর একটি A_3 অঙ্গীকার $s v t$ করা হয়েছে। তার প্রভাব $A_3 \supset L$ এর আগের প্রতিক্রিয়ে পর্যন্ত অর্ধাৎ (8) থেকে (11) প্রতিক্রিয়ে পর্যন্ত। (12) প্রতিক্রিয়ে $A_3 \supset L$ আকারের, সেখানেই $(s v t) \supset v$ কে A_3 অঙ্গীকার থেকে মুক্ত করে দেওয়া হয়েছে। (8) থেকে (11) প্রতিক্রিয়ে পর্যন্ত A_1 ও A_3 দুটি অঙ্গীকারেরই প্রভাবাধীন, সেজন্য তাদের বাঁ পাশে দুটি অঙ্গীকারেরই চিহ্ন দেশেছে।

নথৱাপের C.P. কে আর একভাবেও লেখা যায়। একটি বাঁকানো তীব্র চিহ্ন দিয়ে প্রতিটি অঙ্গীকারের প্রভাব দেখিয়ে দেওয়া যায়, তাতে প্রতিক্রিয়ের আগে A_1 , A_3 লিখতে হয় না। আগের প্রমাণ দুটি নূতনভাবে লিখে দেখানো হচ্ছে।

(1) $p v q$

(2) $q \supset r$

(3) $r \supset (s \supset t)$

(4) $\sim s \supset u$

(5) $u \supset v$

$\therefore (\sim p . \sim v) \supset t$

→ (6) $\sim p . \sim v$

(7) $\sim p$

6, Simp.

(8) q

1, 7, D. S.

(9) r

2, 8, M. P.

(10) $\sim v . \sim p$

6, Com.

(11) $\sim v$

10, Simp.

(12) $\sim u$

5, 11, M. T.

(13) $\sim \sim s$

4, 12, M. T.

(14) s

13, D. N.

(15) $s \supset t$

3, 9, M. P.

(16) t

15, 14, M. P.

(17) $(\sim p . \sim v) \supset t$

6-16, C.P.

(1) $p \supset q$	
(2) $q \supset r$	
(3) $(s \vee t) \supset u$	
(4) $(r \cdot u) \supset v$	$\therefore p \supset [(s \vee t) \supset v]$
→ (5) p	
(6) q	1, 5, M. P.
(7) r	2, 6, M. P.
→ (8) $s \vee t$	
(9) u	3, 8, M. P.
(10) $r \cdot u$	7, 9, Conj.
(11) v	4, 10, M. P.
(12) $(s \vee t) \supset v$	8—11, C. P.
(13) $p \supset [(s \vee t) \supset v]$	5—12, C. P.

সিদ্ধান্তের নিষেধককে অঙ্গীকার করে নবজ্ঞপের C. P. গঠন করা যায়। 4.3 অনুচ্ছেদের প্রথম ন্যায়টি নেওয়া যাক।

(1) $(p \vee q) \supset r$	
(2) $\sim r \vee s$	
(3) p	$\therefore s$
→ (4) $\sim s$	
(5) $s \vee \sim r$	2, Com.
(6) $\sim r$	5, 4, D. S.
(7) $p \vee q$	3, Add.
(8) r	1, 7, M. P.
(9) $r \cdot \sim r$	8, 6, Conj.
(10) $r \vee s$	8, Add.
(11) s	10, 6, D. S.
(12) $\sim s \supset s$	4—11, C. P.

লক্ষণীয় যে, পরোক্ষ প্রমাণ পদ্ধতিতে (9) পঞ্জিতেই অবরোহণ শেষ করেছিলাম, কারণ সিদ্ধান্তের নিষেধককে অঙ্গীকার করে স্ববিরোধে পৌঁছানো সিদ্ধান্তের পর্যাপ্ত প্রমাণ। তারপর স্ববিরোধ থেকে আর দুটি ধাপে Add. ও D.S-এর সাহায্যে মূল সিদ্ধান্তে অবরোহণ করলাম। এখনও আমরা অঙ্গীকারের প্রভাবমুক্ত হই নি। C.P. প্রয়োগ না করা পর্যন্ত অঙ্গীকারের প্রভাবমুক্ত হওয়া যাবে না। (12) পঞ্জিতে C.P. প্রয়োগ করে $A \supset L$ আকারের পঞ্জিতে অবরোহণ করা গেল। পঞ্জিটির বৈশিষ্ট্য, এটি একটি প্রাকলিক বচন, যার পূর্বে সিদ্ধান্তের

নিষেধক, অনুগ সিদ্ধান্ত। এবার লক্ষ্য করুন, (12) পঙ্কজি থেকে কি ভাবে আবার মূল সিদ্ধান্ত s-এ অবরোহণ করা যায়।

(13)	$\sim \sim s \; vs$	12, Impl.
(14)	$s \; v \; s$	13, D. N.
(15)	s	14, Taut.

সিদ্ধান্তের নিষেধককে অঙ্গীকার করে প্রাকল্পিক প্রমাণ গঠনের ধাপগুলো আবার সংক্ষেপে বলা হচ্ছে। প্রথমে একটি স্ববিরোধে এসে পেঁচানো যাবে। তারপর Add. ও D.S. ব্যবহার করলে মূল সিদ্ধান্তে পেঁচানো যাবে (এ পর্যন্ত 4.3 অনুচ্ছেদে বর্ণিত হয়েছে)। এবার C.P. প্রয়োগ করে p-কে মূল সিদ্ধান্তের প্রতীক ধরে নিলে $\sim p \supset p$ আকারের একটি প্রাকল্পিক বচন পাওয়া যাবে। তার থেকে p-তে পেঁচাতে হলে পরপর Impl., D.N. ও Taut. প্রয়োগ করলেই অবরোহণ সম্পূর্ণ হবে।

4.6 অবৈধতা প্রমাণ

অবৈধ ন্যায় দু'রকমের হতে পারে, যুক্তিবচন থেকে সিদ্ধান্ত ন্যায়তঃ নিঃস্ত হয় না, বা যুক্তিবচনগুলো মিলিতভাবে সত্য নয়। প্রথম প্রকার অবৈধতা প্রমাণের কয়েকটি পদ্ধতিই আলোচিত হয়েছে। সত্যসারণী প্রণয়ন করে বা সংক্ষিপ্ত কৌশলে যুক্তিবচন মিলিতভাবে সত্য হয়ে সিদ্ধান্ত মিথ্যা হতে পারে কিনা দেখা যেতে পারে। ন্যায় বচন গঠন করে তার স্বতঃসত্যতা সত্যসারণীর সাহায্যে পরীক্ষা করা যেতে পারে। 3.6 অনুচ্ছেদের সারণী (21)-এর তৃতীয় সারি প্রমাণ করে, $p \supset q$ ও $\sim p$ থেকে $\sim q$ অনুমান অবৈধ, কারণ $p \supset q$ ও $\sim p$ সত্য হয়ে $\sim q$ মিথ্যা হয়েছে। 3.9 অনুচ্ছেদে সংক্ষিপ্ত কৌশলে এই অনুমানের অবৈধতা দেখানো হয়েছে। আর একটা দৃষ্টান্ত নেওয়া যাক।

যদি ব্যবসায়ীটি অল্পদিনে প্রচুর লাভ করে থাকে, তবে সে কালোবাজারী করে ; যদি ব্যবসায়ীটি মাল লুকিয়ে রাখে, তবে সে কালোবাজারী করে ; স্বতরাং যদি ব্যবসায়ীটি অল্পদিনে প্রচুর লাভ করে থাকে, তবে সে মাল লুকিয়ে রাখে।

সংক্ষিপ্ত কৌশলে এর অবৈধতা দেখানো হচ্ছে। অভিধান,

p # ব্যবসায়ীটি অল্লদিনে প্রচুর লাভ করেছে,

q # ব্যবসায়ীটি কালোবাজারী করে,

r # ব্যবসায়ীটি মাল লুকিয়ে রাখে।

ন্যায়াকার,

$$p \supset q$$

$$r \supset q$$

$$\frac{}{\therefore p \supset r}$$

প্রত্যেক সত্য p বিধ্যা হলে সিদ্ধান্ত মিথ্যা হবে, প্রত্যেক সত্য হলে উভয় যুক্তি-বচনই সত্য হবে। উপাদান বচনের এমন মানশর্ত নিবেশন সম্ভব যে যুক্তিবচন যিলিতভাবে সত্য হয়ে সিদ্ধান্ত মিথ্যা হতে পারে। স্ফুরণঃ ন্যায়টি অবৈধ, সিদ্ধান্ত যুক্তিবচন থেকে ন্যায়তঃ নিঃস্থত হয়ে নি। ন্যায় অট্টল হলে সংক্ষিপ্ত কৌশল প্রয়োগই বিধেয়। .

কিন্তু যদি যুক্তিবচনগুলো যিলিতভাবে সত্য না হয়, যদি এদের বাধ্যে কোন স্ববিরোধ থাকে যা চোখে দেখেই ধরা যায় না ?

যদি চুক্তিটি বৈধ হয়, তবে গদাই দায়ী হবে ; যদি গদাই দায়ী হয়, তবে সে দেউলিয়া হয়ে যাবে ; যদি ব্যাংক গদাইকে টাকা ধার দেয়, তবে সে দেউলিয়া হবে না ; চুক্তিটি বৈধ এবং ব্যাংক গদাইকে টাকা ধার দেবে ; স্ফুরণঃ গদাই দেউলিয়া হবে না।

অভিধান,

p # চুক্তিটি বৈধ,

q # গদাই দায়ী,

r # গদাই দেউলিয়া হবে,

s # ব্যাংক গদাইকে টাকা ধার দেবে।

বচনবর্তী ব্যবহার করে,

(1) p \supset q

(2) q \supset r

(3) s \supset ~r

(4) p . s

যুক্তিবচনগুলো মিলিতভাবে সত্য কি না পরীক্ষা করতে হলে সবগুলো দিয়ে একটি সংযোগিক সূত্র গঠন করে সত্যসারণী প্রগঠন করলে যদি দেখা যায় কোন মানবগতেই একসঙ্গে সবগুলো সংযোগী সত্য হয় না, অর্থাৎ সত্যসারণীতে সব সারিতে F হয়, তবে যুক্তিবচনগুলো স্ববিরোধী। কিন্তু যদি একটি সারিতেও T হয়, তবে বোঝা যাবে, ত্রি সারির বিশেষ মানগতে যুক্তিবচনগুলো মিলিতভাবে সত্য হতে পারে।

এখানে সংক্ষিপ্ত কৌশলে প্রদত্ত ন্যায়ের যুক্তিবচনগুলো মিলিতভাবে সত্য হতে পারে কিনা পরীক্ষা করা হবে। এখানে আমরা সিদ্ধান্তকে মিথ্যা ধরে অগ্রসর হচ্ছি না, কারণ আমাদের বিচার্য যুক্তিবচনগুলো মিলিতভাবে সত্য হতে পারে কি না। যদি যুক্তিবচনসমষ্টির মধ্যে কোন সংযোগিক বচন থাকে, তবে সেটিই প্রথমে ধরুন, কারণ তার সত্যতার শর্ত সব কটি সংযোগীর সত্যতা। (1) যুক্তিবচন সত্য হতে হলে p ও s দুই-ই সত্য হতে হবে। (1) যুক্তিবচনে p সত্য হওয়ায় q সত্য হতে হবে, নতুনা p \supset q মিথ্যা হয়ে যাবে। (2) যুক্তিবচনে q সত্য হওয়ায় r সত্য হতে হবে, নতুনা q \supset r মিথ্যা হয়ে যাবে। (3) যুক্তিবচনে s সত্য হওয়ায় ~r সত্য অর্থাৎ r মিথ্যা হতে হবে, নতুনা s \supset ~r মিথ্যা হয়ে যাবে। সব কটি যুক্তিবচন মিলিতভাবে সত্য হতে হলে r (2) যুক্তিবচনে সত্য কিন্তু (3) যুক্তিবচনে মিথ্যা হতে হবে, যা সম্ভব নয়। স্বতরাং যুক্তিবচনগুলো স্ববিরোধী।

যুক্তিবচন স্ববিরোধী হলে অবরোহণ পদ্ধতি দ্বারাও দেখানো যায়।

- | | |
|--------------------|--------------|
| (1) p \supset q | |
| (2) q \supset r | |
| (3) s \supset ~r | |
| (4) p.s | |
| (5) p \supset r | 1, 5, H.S. |
| (6) p | 4, Simp. |
| (7) r | 5, 6, M.P. |
| (8) s.p | 4, Com. |
| (9) s | 8, Simp. |
| (10) ~r | 3, 9, M.P. |
| (11) r. ~r | 7, 10, Conj. |

বলা বাহ্য, যুক্তিবচন মিলিতভাবে সত্য না হলে ন্যায় অবৈধ, কারণ বৈধ ন্যায়ের লক্ষণ এই যে যুক্তিবচন মিলিতভাবে সত্য হলে সিদ্ধান্ত বিধ্যা হতে পারে না। যেখানে যুক্তিবচন মিলিতভাবে সত্য হতেই পারে না, সেখানে এই শর্ত পূরণ হচ্ছে না। আবার আমরা কুটোভাসে এসে নামছি। যদি যুক্তিবচনসমষ্টি স্ববিরোধী হয়, তবে তাদের উপাদান বচনের সর্বপ্রকার মানশর্তে যুক্তিবচনসমষ্টির মান F হবে। এইজোপ যুক্তিবচনের সাহায্যে গঠিত একটি ন্যায়কে ন্যায়বচনে ঝোপাঞ্চারিত করলে তার সত্যসারণীতে যুক্তিবচনের স্বত্ত্বে কেবল F থাকবে, এবং ন্যায়বচন স্বতঃসত্য হবে। যদি যুক্তিবচন সমষ্টিকে $p_1, p_2, p_3, \dots, p_n$ ধরা হয়, এবং সিদ্ধান্তকে C (ইংরেজী Conclusion শব্দের প্রথম অক্ষর, বড় হাতের) ধরা হয়, তবে ন্যায়বচন হবে,

$$(p_1, p_2, p_3, \dots, p_n) \supset C$$

পূর্বের মান সর্বদাই F, স্বতরাং C-এর যে কোন মানশর্তে ন্যায়বচন স্বতঃসত্য হবে (" \supset " সংযোজকের নীচে T বনবে)। ন্যায়টিকে বৈধ বলব কি?

এর উত্তর, বৈধ বলব না, কারণ স্ববিরোধী যুক্তিবচন থেকে অবরোহণ আরঙ্গ করা ন্যায়শাস্ত্রের নীতিবিকল্প। স্ববিরোধ থেকে কেবল তখনই মূল সিদ্ধান্তে পৌঁছানো বিধিসম্মত হবে যখন প্রদত্ত ন্যায়কে অবৈধ কল্পনা করার ফলে স্ববিরোধ আসে।

পঞ্চম অধ্যায়

মাণক ও মাণক-ন্যায়মান অনুমান বিধি

5.1 মাধ্যমানুমান ও বিধেয় ন্যায়

একটি র্ধাটি এরিষ্ট্রেইয় ন্যায় নিন,

$$\begin{array}{l}
 (\text{সব রাজা মানুষ}, \\
 \text{সব মানুষ নশুর}, \\
 \hline
 \therefore \text{সব রাজা নশুর} .
 \end{array}$$

একে মাধ্যমানুমান ও বলা হয়। বাচনিক ন্যায়ে প্রতীকীকরণ ও প্রযাণ গঠনের যে পক্ষতি আমরা শিখেছি, এই ন্যায়টির বেলায় তা প্রযোজ্য নয়। ন্যায়টিতে ব্যবহৃত তিনটি বচনই সরল। বচনগ্রাহকপ্রতীক ব্যবহার করলে এর আকার হবে,

$$\begin{array}{c}
 p \\
 q \\
 \hline
 \therefore r
 \end{array}$$

বলা বাইল্য, ন্যায়াকার বৈধ নয়, কারণ p ও q সত্য হয়েও r মিথ্যা হতে পারে। অর্থে উপরের ন্যায়টি একপকার বৈধ ন্যায়ের একটি উৎকৃষ্ট উদাহরণ। স্বতরাং এই ন্যায়াকার এই ন্যায়ের প্রকৃত আকার নয়।

প্রাচীন ন্যায়ে ন্যায়টির প্রতীকীরণ,

$$\begin{array}{l}
 \text{সব } S \text{ (হয়) } M, \\
 \text{সব } M \text{ (হয়) } P, \\
 \hline
 \therefore \text{সব } S \text{ (হয়) } P !
 \end{array}$$

এবার হয়ত আপনার মনে হতে পারে, প্রকৃত ন্যায়াকারাটি আপনি গেছেন গেছেন,

$$\begin{array}{c}
 S \supset M \\
 M \supset P \\
 \hline
 \therefore S \supset P
 \end{array}$$

ଏଟି ପ୍ରାକ୍ତିକ ନ୍ୟାୟେର ଏକଟି ଦୃଷ୍ଟାନ୍ତ ନ୍ୟାୟ । ପ୍ରାକ୍ତିକ ନ୍ୟାୟ (H.S.) ବୈଧ, ସ୍ଵତରାଂ ଉପରେର ନ୍ୟାୟଟିଓ ବୈଧ । କିନ୍ତୁ ଏଇ ଚଲବେ ନା । ବାଚନିକ ନ୍ୟାୟବିଧି ଅନୁଯାୟୀ S, M, P, ବଚନ ହୋଇ ଦରକାର, କିନ୍ତୁ ଏହି ନ୍ୟାୟକାରେ S, M, P, ବଚନ ନଥ, ପଦ । ବଚନ ସତ୍ୟ ବା ମିଥ୍ୟ ହତେ ପାରେ, କିନ୍ତୁ ପଦ ସତ୍ୟ ବା ମିଥ୍ୟ ନଥ । ସ୍ଵତରାଂ ଏହି ନ୍ୟାୟକାରେର ଅନ୍ତର୍ଗତ S ⊃ M, M ⊃ P, S ⊃ P, ପ୍ରତୀକପରମ୍ପରାଙ୍ଗଲୋର ଏକଟାଓ ବଚନକାର ନଥ । ସ୍ଵତରାଂ ଏଟିଓ ଉପରେର ନ୍ୟାୟେ ଆଶଳ ଆକାର ନଥ ।

ବାଚନିକ ନ୍ୟାୟେ ଆମରା ବଚନେର ଆଭ୍ୟନ୍ତରୀଣ ଗଠନେର ବିଶ୍ଲେଷଣ କରିନି । ସେଥାନେ (ବଚନକେ ନ୍ୟାୟେର ପାରମାଣ୍ଵିକ ଉପାଦାନ ଥରେ ନେଇଥା ହେଁଥେ) ସରଳ ବଚନଙ୍ଗଲୋ ଯେଣ ପରମାଣୁ, ଯୌଗିକ ବଚନଙ୍ଗଲୋ ଅଣୁ । p,q, p v q, p ⊃ (q v r), ଇତ୍ୟାଦି ଅଣୁ, ସଂଯୋଜକଙ୍ଗଲୋ p, q, r, ପରମାଣୁଙ୍ଗଲୋକେ ଯୁକ୍ତ କରେ ଅଣୁ ଗଠନ କରେଛେ । କିନ୍ତୁ ପରମାଣୁରେ ଆଭ୍ୟନ୍ତରୀଣ ଗଠନ ଆଛେ, ଉପାଦାନ ଆଛେ । ଉପରେର ନ୍ୟାୟେ “ସବ ରାଜ୍ଞୀ ମାନୁସ”, “ସବ ମାନୁସ ନଶ୍ଵର”, ଓ “ସବ ରାଜ୍ଞୀ ନଶ୍ଵର”, ଏହି ତିନାଟି ପରମାଣୁ, ପ୍ରତୀକୀଙ୍କରଣେ p, q, r । କିନ୍ତୁ ଯେ କୋନ p ଓ q ଥେକେ r ସିନ୍କାନ୍ତରକରେ ଆନନ୍ଦନ କରି ଯାଇ ନା, p ଓ q-ର ଆଭ୍ୟନ୍ତରୀଣ ଗଠନ ବିଶେଷରକମ ନା ହଲେ p ଓ q ଥେକେ r ନ୍ୟାୟତ: ନିଃତ ହବେ ନା । ଯୁକ୍ତିବଚନ ଦୁଟି ଲକ୍ଷ୍ୟ କରିଲେଇ ବୋକା ଯାବେ, ଏଦେର ଆଭ୍ୟନ୍ତରୀଣ ଗଠନ ଏଇରୂପ ଯେ ସିନ୍କାନ୍ତ ବୈଧଭାବେଇ ଯୁକ୍ତିବଚନ ଥେକେ ନିଃତ ହସ । ପ୍ରାଚୀନ ନ୍ୟାୟେର ଭାଷାଯ, “ରାଜ୍ଞୀ” ଓ “ନଶ୍ଵର” ପଦ ଦୁଟିର କଣେ ମଧ୍ୟପଦ “ମାନୁସରେ” ଏମନ ଏକଟା ସମ୍ବନ୍ଧ ଆଛେ ଯାର ଫଳେ ସିନ୍କାନ୍ତ ଏହି ଦୁଟି ପଦେର ମଧ୍ୟେ ସମ୍ବନ୍ଧ ସ୍ଥାପନ ବୈଧ ହସ । କିନ୍ତୁ “ରାଜ୍ଞୀ”, ମାନୁସ”, “ନଶ୍ଵର”, ବଚନାନ୍ତର୍ଗତ ପଦ, ଅର୍ଦ୍ଧାଂ ପରମାଣୁର ଆଭ୍ୟନ୍ତରୀଣ ଉପାଦାନ । ସ୍ଵତରାଂ ଏବାର ଆମାଦେର ପରମାଣୁର ବିଭାଜନେ, ଅର୍ଦ୍ଧାଂ ବଚନେର ଆଭ୍ୟନ୍ତରୀଣ ଗଠନେର ବିଶ୍ଲେଷଣେ ପ୍ରୟୁକ୍ତ ହତେ ହବେ ।

ପରିଷକାର ବୋକା ଯାଛେ, କୋନ କୋନ ନ୍ୟାୟେର ବୈଧତା ଓ ନ୍ୟାୟାନ୍ତର୍ଗତ ପାରମାଣ୍ଵିକ ବଚନଙ୍ଗଲୋର ମଧ୍ୟେ ସହଜେର ଉପର ନିର୍ଭର କରେ । ଏହି ଧରଣେ ନ୍ୟାୟ ବାଚନିକ ନ୍ୟାୟେର ଆଲୋଚ୍ୟ । କିନ୍ତୁ କୋନ କୋନ ନ୍ୟାୟେର ବୈଧତା ବଚନେର ଆଭ୍ୟନ୍ତରୀଣ ଗଠନ ଅର୍ଦ୍ଧାଂ ବଚନାନ୍ତର୍ଗତ ପଦଙ୍ଗଲୋର ମଧ୍ୟେ ସହଜେର ଉପର ନିର୍ଭର କରେ । ବାଚନିକ ନ୍ୟାୟେର ପ୍ରତୀକୀକରଣ ଓ ପ୍ରମାଣପଦ୍ଧତି ଏହି ସବ ନ୍ୟାୟେର ଅନ୍ୟ ସଥେଟ ନଥ । ଏହି ଅନ୍ୟ ଦରକାର ନ୍ୟାୟଶାସ୍ତ୍ରେର ଏକ ନବ ପ୍ରକରଣ, ଯାକେ ବିଧେଯ ନ୍ୟାୟ ବଳା ହସ ।)

(5.2. বিশিষ্ট বচনের প্রতীকীকরণ

1.1 অনুচ্ছেদে আমরা দেখেছি, প্রাচীন ন্যায়ে যাকে মাধ্যমানুষান বরা হয় তার অস্তর্গত বচনকে বাচনিক ন্যায়ের রীতি অনুযায়ী *p, q, r*, বর্ষারা সূচিত করলে আভ্যন্তরীণ গঠন পরিস্ফুট হয় না, এবং ন্যায়ের প্রমাণকৌশলও দেখানো যায় না। বচনের দুইটি অংশ, উদ্দেশ্য ও বিধেয়। এমন একটা প্রতীকীকরণ পদ্ধতি আমাদের প্রহণ করতে হবে যাতে উদ্দেশ্য ও বিধেয় পৃথক করে দেখানো যায়। 1.1 অনুচ্ছেদের ন্যায়ে সবগুলো বচনই সাবিক বচন। প্রথমে আমরা বিশিষ্ট বচনের প্রতীকী-করণ পদ্ধতি দেখাব। মাধ্যমানুষানের সব চেয়ে বেশী প্রচলিত দৃষ্টান্তটি নিন,

সব মানুষ (হয়) নশুর,

সক্রেটিস (হয়) মানুষ,

∴ সক্রেটিস (হয়) নশুর।

এই ন্যায়ে ইতীয় যুক্তিবচন ও সিদ্ধান্ত বিশিষ্ট বচন। বিশিষ্ট বচনের প্রতীকীকরণ পদ্ধতির উপর ভিত্তি করে সাবিক ও বিশেষ বচনের প্রতীকী-করণ করার পদ্ধতি রচিত হবে।

“সক্রেটিস (হয়) মানুষ” বচনে উদ্দেশ্যপদ “সক্রেটিস” ব্যক্তিবাচক, বিধেয়পদ “মানুষ” গুণবাচক। বিশিষ্ট বচনে উদ্দেশ্যপদ ব্যক্তিবাচক, বিধেয়পদ গুণ, ধর্ম, লক্ষণ, অবস্থা, ইত্যাদি বাচক। আমরা সংক্ষেপে বলব, বিধেয়পদ গুণবাচক। ব্যক্তি বললে যে কোন বিশেষ মানুষ, প্রাণী, বস্তু, বোঝায়।¹

- (1) সক্রেটিস (হয়) মানুষ,
- (2) চৈতক (হয়) ঘোড়া,
- (3) কলিকাতা (হয়) বৃহৎ নগরী,
- (4) কলিকাতা (হয়) নোংরা।

বচনগুলোতে “সক্রেটিস”, “চৈতক”, “কলিকাতা”, ব্যক্তিবাচক পদ, “মানুষ”, “ঘোড়া”, “বৃহৎ নগরী”, “নোংরা”, গুণবাচক পদ। গুণ বোঝাতে সাধারণতঃ বিশেষণ পদই ব্যবহার করা হয়। যেমন উপরের

¹ অঙ্গ, চতুর্থ সংস্কার প্রকল্পিত প্রকাশনের “ব্যক্তিনাম” শীর্ষক প্রবন্ধ দেখুন।

চতুর্থ বচনটিতে করা হয়েছে, কিন্তু কখনও কখনও বিশেষ পদও ব্যবহার করা হয়, যেমন উপরের প্রথম তিনটি বচনে করা হয়েছে। প্রথম বচনে “মানুষ” পদের অর্থ মনুষ্যাচ্চিত শুণ, দ্বিতীয় বচনে “রোড়া” পদের অর্থ ঘোটকোচ্চিত শুণ, তৃতীয় বচনে “বৃহৎ নগরী” পদের অর্থ বৃহৎ নগরীর উপযুক্ত শুণ।) প্রথম তিনটি বচনকে সামান্য ক্লগাভূরিত করলে বিধেয় বিশেষণ পদ হতে পারে।

- (1) সক্রেচিস (হয়) মনুষ্যাচ্চিত শুণ সম্পর্ক,
- (2) চৈতক (হয়) ঘোটকোচ্চিত শুণ সম্পর্ক,
- (3) কলিকাতা (হয়) বৃহৎ নগরীর উপযুক্ত শুণ সম্পর্ক।

ক্লিয়াপদ শারাও বিধেয় পদ গঠন করা যায়,

- (5) রাজধানী এরপেস চলছে,

এর অর্থ,

- (5) (ক) রাজধানী এরপেস (হয়) চলমান (বা ধাবমান)।

এই থকার বিশিষ্ট বচনের বক্তব্য, উচ্চেশ্য পদবাচ্য ব্যক্তিগত বিধেয় পদবাচ্য শুণ আছে (বা নেই)।

এবার আমরা বিশিষ্ট বচন প্রতীকীকরণের অন্য কয়েকটি রীতি প্রদর্শ করব। (ব্যক্তিবাচক পদের স্থলে ব্যক্তির নামের ইংরেজী বানানের প্রথম বর্দ (ছোট হাতের), শুণবাচক পদের স্থলে বাংলা শুণবাচক পদের ইংরেজী বানানের প্রথম বর্দ (বড় হাতের) ব্যবহার করব। প্রতীকীকৃত রূপে শুণসূচক বর্দ আগে ও ব্যক্তিসূচক বর্দ পরে বসবে। উপরের বচনগুলোর প্রতীকী রূপ হবে,

- (1) Ms (মানুষ—Manush)
- (2) Gc (রোড়া—Ghoda)
- (3) Bk (বা Bc ; বৃহৎ—Brihat)
- (4) Nk (নোংরা—Nongra)
- (5) Cr (চলছে, চলমান—Chalchhe)

কখনও কখনও একই বর্দ উচ্চেশ্য ও বিধেয় পদের স্থলে ব্যবহৃত হতে পারে। বড়ো হাতের ও ছোট হাতের বর্দের পার্দক্ষ্য থেকে বোঝা যাবে, কোনটি ব্যক্তিসূচক, কোনটি শুণসূচক।

সক্রেচিস (হয়) চুলে,

এই বচনের প্রতীকীজ্ঞপ হবে,

Ss¹

ইংরেজী বর্ণমালার a থেকে w পর্যন্ত যে কোন বর্ণ ব্যক্তিবাচক পদের ছলে, এবং A থেকে W পর্যন্ত যে কোন বর্ণ গুণবাচক পদের ছলে ব্যবহৃত হতে পারে।² এই প্রকারে ব্যবহৃত বর্ণগুলো নির্দিষ্ট ব্যক্তি বা শব্দের নামের ছলে ব্যবহৃত হয় বলে এবা গ্রাহকপ্রতীক বর্ণ নয়, যে কোন মান গ্রহণ করে না। a থেকে w পর্যন্ত বর্ণ ব্যক্তিনামসূচক ধ্রুবক বর্ণ বা সংক্ষেপে ব্যক্তি-ধ্রুবক, A থেকে W পর্যন্ত বর্ণ গুণনাম-সূচক ধ্রুবক বর্ণ বা সংক্ষেপে গুণ-ধ্রুবক হিসেবে ব্যবহৃত হয়।)

কোন কোন বিশিষ্ট বচনের উদ্দেশ্যপদ ব্যক্তিনাম নয়, যেমন,

ইনি ভারতের শ্রেষ্ঠ বৌগাবাদক,

বচনের উদ্দেশ্যপদ একটি নির্দেশক সর্বনাম। ব্যক্তিনামের উল্লেখ না করে নির্দেশক সর্বনামের সাহায্যে বিশেষ ব্যক্তিকে নির্দেশ করা যায়। এই প্রকার বচনকে প্রতীকীজ্ঞপ দেওয়ার জন্য উদ্দেশ্যপদটিকে একটি ব্যক্তিবাচক পদ হিসেবে ধরে নেওয়াই সমীচীন।

(বলা বাহ্য, Ms, Gc, Bk, Nk, Cr, Ss, এই ধরণের প্রতীক-পরম্পরার প্রত্যেকটি বচন, এবং সত্য বা মিথ্যা। এগুলো বাচনিক ন্যায়ে আলোচিত বচনগ্রাহকপ্রতীক p, q, r, ইত্যাদি বর্ণের ছলে ব্যবহার করা যায়। বচনের আভ্যন্তরীণ গঠন দেখাবার উদ্দেশ্যে এদের প্রতীকপাতন কৌশল তিনি মাত্র।)

1. অতদুর জানা যায়, বচনটি মিথ্যা।

2. যে বচন কোন পদ একাধিক শব্দ আবৃ গতিত, যেমন
কলিকাতা (হয়) পশ্চিমবঙ্গের রাজধানী,

সেবান পদের অর্থসত প্রধান শব্দটির ইংরেজী বানানের অথব বর্ণ বাবহার করাই
সমীচীন,

Rk

হলি একই প্রসঙ্গে R বর্ণ অন্য শব্দের হাজে ব্যবহৃত হয়ে থাকে, তবে P/c লিখলেও
কলি নেই, তখন প্রাথমিক হবে, P “পশ্চিম কলিয়ের রাজধানী” হলে ব্যবহৃত
হয়েছে। প্রয়োজন হলে অভিধান সিলে দিতে হবে।

ଏବାର ନୌଚେର ବଚନଶ୍ଳୋ ଦେଖୁନ,

- (1) ସକ୍ରେଟିସ ଦେବତା ନାହିଁ,
- (2) ସକ୍ରେଟିସ (ହୟ) ମାନୁଷ ଓ ନଶ୍ଵର,
- (3) ହୟ ସକ୍ରେଟିସ ନଶ୍ଵର, ବା ତିନି ମାନୁଷ ନାହିଁ,
- (4) ସଦି ସକ୍ରେଟିସ ମାନୁଷ ହୟ, ତବେ ତିନି ନଶ୍ଵର,

ଏଶ୍ଳୋର ପ୍ରତୀକୀର୍ତ୍ତପ ହବେ,

- (1) ~ Ds
- (2) Ms. Ns
- (3) Ns v ~ Ms
- (4) Ms ⊃ Ns

ଏଶ୍ଳୋ ବୌଗିକ ବଚନ, ଶୁଣୁ ପ୍ରତୀକପାତନ ତିନି ରକ୍ତରେ !

5.3 ବ୍ୟକ୍ତିନାମ ପ୍ରାହଙ୍କପ୍ରତୀକ ବର୍ଣ୍ଣ ଓ ବଚନାପେକ୍ଷକ

ନୌଚେର ବଚନଶ୍ଳୋ ଦେଖୁନ,

- ଅମଲ (ହୟ) ମାନୁଷ,
- ବିମଳା (ହୟ) ମାନୁଷ,
- ଚନ୍ଦନନଗର (ହୟ) ମାନୁଷ,
- ଦିଲ୍ଲୀ (ହୟ) ମାନୁଷ ।

ଲକ୍ଷ୍ୟ କରଲେଇ ବୋଧା ଯାବେ, ବଚନଶ୍ଳୋର କାଠାମୋ ଏକ, ଉଦ୍ଦେଶ୍ୟପଦ ବ୍ୟକ୍ତି-
ବାଚକ, ବିଧେରପଦ ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ ଏକଟି ଶୂର୍ବାଚକ । “ମାନୁଷ” ଶୂର୍ବାଚକ ପଦେର
ଶାହାବ୍ୟ ଏରାପ ଅସଂଖ୍ୟ ସତ୍ୟ ବା ବିଧ୍ୟା ବଚନ ତୈରୀ କରା ଯାବେ । ବଲା
ମେତେ ପାରେ,

— (ହୟ) ମାନୁଷ,

ଏଇ ସମ୍ପଦ ସ୍ଥାବ୍ୟ ବଚନେର କାଠାମୋ ।¹ ଶୁଣ୍ୟହାନେ ଯେ କୋନ ବ୍ୟକ୍ତିନାମ
ବ୍ୟବହାର କରଲେ ଏକଟି ସତ୍ୟ ବା ବିଧ୍ୟା ବଚନ ତୈରୀ ହବେ । ବଚନଶ୍ଳୋର
ପ୍ରତୀକୀର୍ତ୍ତପ Ma, Mb, Mc, Md ; ଏଦେର କାଠାମୋ M—, ଶୁଣ୍ୟହାନେ
ଯେ କୋନ ବ୍ୟକ୍ତିଧ୍ୱରକ ବ୍ୟବହାର କରଲେ ଏକଟି ବଚନ ତୈରୀ ହବେ । ବ୍ୟକ୍ତି-
ଧ୍ୱରକ ବ୍ୟବହାର ନା କରେ ସଦି ଏକଟି ବ୍ୟକ୍ତିଲାଭ ପ୍ରାହଙ୍କପ୍ରତୀକ ବର୍ଣ୍ଣ ବ୍ୟବହାର

¹ ଶସ୍ତି Gilbert Ryle ଏର । ତିନି ଏକାକୀ �Sentence frame ବଜାହାନ ।

করা যাব, তবে অন্যতাবে কাঠামোটিই দেখোন হয়, কারণ প্রাহকপ্রাতীক বর্দ x আগলে ব্যক্তিনামের অন্য সংরক্ষিত চানসুচক। যদি লিখি,

Mx

তবে বুঝতে হবে, x এর স্থলে যে কোন ব্যক্তিধ্রবক ব্যবহার্ব । Mx এর অর্থ,

x (হয়) শানুষ।

x একটি ব্যক্তিনাম প্রাহকপ্রাতীক বর্দ, অর্থাৎ x এর স্থলে যে কোন ব্যক্তিনাম বা ব্যক্তিধ্রবক সংশ্লাপনীয়।

লক্ষণীয় যে, "Mx" বা "x (হয়) শানুষ" বচন নয়, কারণ x কি তা আমরা বলিনি। স্ফুরাঃ এগুলোকে সন্ত্যবিধ্যা বলা চলে না। যদি x এর স্থলে ব্যক্তিনাম "অবল" বসাই, তবে "x (হয়) শানুষ" হবে "অবল (হয়) শানুষ", একটি সত্য বচন। যদি ব্যক্তিনাম "দিল্লী" বসাই, তবে বচন হবে "দিল্লী (হয়) শানুষ", এবং বিধ্যা হবে। ব্যক্তিধ্রবক ব্যবহার করলে Mx হবে Ma ও Md, এগুলোও বচন, Ma সত্য, Md বিধ্যা।

"Mx" বা "x (হয়) শানুষ" কে বচনাপেক্ষক বলা হয়। এই প্রসঙ্গে গণিতের "অপেক্ষক" শব্দটি তুলনীয়। গণিতে x^3 একটি অপেক্ষক, সংখ্যা নয়, এর কোন নিষ্পত্তি সংখ্যামান নেই। এর সংখ্যামান x এর ঘাসের উপর নির্ভরশীল, কারণ গণিতে x একটি সংখ্যাপ্রাহকপ্রাতীক বর্দ। x এর স্থলে কোন সংখ্যা সংশ্লাপন করলে x^3 এরও সংখ্যামান হবে। অনুকূলভাবে, "Mx" বা "x (হয়) শানুষ" বচন-অপেক্ষক, বচন নয়, x এর স্থলে ব্যক্তিধ্রবক বা ব্যক্তিনাম সংশ্লাপন করলে বচন তৈরী হবে, এবং তার সত্যমান বা বিধ্যামান হবে।)

5.2 অনুকূলের শেষের চাহিটি বচনে ব্যক্তিনাম "সক্রেটিস" ও ব্যক্তিধ্রবক "s" ব্যবহৃত হবেছে। এগুলোতে ব্যক্তিনাম ও ব্যক্তিধ্রবকের বদলে ব্যক্তিনাম প্রাহকপ্রাতীক ব্যবহার করলে বচনাপেক্ষকগুলো দাঁড়াবে,

- (1) x দেবতা নয়,
- (2) x (হয়) শানুষ ও সপুর,
- (3) x (হয়) সপুর বা x শানুষ নয়,
- (4) যদি x শানুষ হয় তবে x সপুর,

গুণবানগুচ্ছক প্রযোজন ব্যবহার করে,

- (1) $\sim Dx$
- (2) $Mx \cdot Nx$
- (3) $Nx \vee \sim Mx$
- (4) $Mx \supset Nx$

এগুলোও বচনাপেক্ষক, বচন নয়।

এবার আমরা (বচনাপেক্ষকের একটা প্রাথমিক সংজ্ঞা দিতে পারি।) যে বচন-কাঠামো বা প্রতীকপরম্পরায় ব্যক্তিনাম প্রাহকপ্রতীক বর্দ্ধ ব্যবহার করা হয়, এবং ঐ বর্দের স্থলে ব্যক্তিনাম বা ব্যক্তিখন্দক সংস্থাপন করলে বচন উৎপন্ন হয়, তাকে বচনাপেক্ষক বলে¹। উৎপন্ন বচন বচনাপেক্ষকের দৃষ্টান্ত বচন। বচনাপেক্ষক থেকে দৃষ্টান্ত বচন উৎপন্ন করাকে নির্দেশনা বলে। এই অনুচ্ছেদের প্রথম চারটি বচন “ x (হয়) মানুষ” বচনাপেক্ষকের দৃষ্টান্ত বচন। $Ma, Mb, Mc, Md, \dots Mx$ এর দৃষ্টান্ত বচন। “ x (হয়) মানুষ” বচনাপেক্ষকে x ব্যক্তিনাম প্রাহকপ্রতীক বর্দের স্থলে ব্যক্তিনাম সংস্থাপন করে “অমল (হয়) মানুষ” বচন উৎপাদন করা, বা Mx বচনাপেক্ষকে x এর স্থলে ব্যক্তিখন্দক সংস্থাপন করে Ma বচন উৎপাদন করা নির্দেশন। এইভাবে উৎপন্ন সমস্ত বচন বিশিষ্ট বচন।)

লক্ষণীয় যে, প্রতীকপরম্পরা গঠিত বচনাপেক্ষক বা বচন বাচনিক ন্যায়ের সত্যাপেক্ষকের মত। (Mx, Nx, Dx, Ma, Na, Da , ইত্যাদি p, q, r , ইত্যাদির সমতুল্য)। এইগুলোকে যে কোন সংযোজকের হয়ে যুক্ত দরলে বচনাপেক্ষক বা বচনই উৎপন্ন হবে। $\sim Mx, Nx$ বচনাপেক্ষক। বৈকল্পিক সংযোজক হালো যুক্ত করলে হবে $\sim Mx \vee Nx$ । বাস্তব প্রকল্পন বিধি অনুসারে ($\sim Mx \vee Nx$) \equiv ($Mx \supset Nx$), যদি x মানুষ হয়, তবে x নশ্বর। যে কোন সত্যাপেক্ষকে p, q ইত্যাদির স্থলে Mx, Nx, Dx , ইত্যাদি সংস্থাপন করা চলে। $p \vee q$ সত্যাপেক্ষকে p এর স্থলে $\sim Mx$, q এর স্থলে Nx সংস্থাপন করলে $\sim Mx \vee Nx$ বচনাপেক্ষক উৎপন্ন হবে। উৎপন্ন বচনাপেক্ষক $Mx \supset Nx$ বচনাপেক্ষকের সমর্থন হবে। এইভাবে উৎপন্ন বচনাপেক্ষকের উপর বাচনিক ন্যায়ের সমস্ত অনুমানবিধি প্রযোজ্য হবে। অনুকরণভাবে, $\sim Ma, Ng$,

I সংজ্ঞাতির সামান্য সংশেধনের জন্য 5.4 & 5.6 অনুচ্ছেদ প্রক্ষেপ।

~ Ma v Na, Ma ⊃ Na, ~ (Ma : ~ Na), ইত্যাদি বচন। তৃতীয় বচন প্রথম দুটির বৈকলিক সত্যাপেক্ষক, এবং চতুর্থ ও পঞ্চম বচনের ন্যায়তঃ সরবরাহ।

আরও লক্ষণীয় Mx . Na একটি বচনাপেক্ষক, কারণ এই প্রতীক-পরম্পরায় ব্যক্তিনাম গ্রাহকপ্রতীক বর্ণ ব্যবহৃত হয়েছে। এটিকে পড়া যেতে পারে,

ঝ (হয়) মানুষ এবং অমল (হয়) নশুর।

কিন্তু Ma . Na বচন, এতে ব্যক্তিনাম গ্রাহকপ্রতীক বর্ণ নেই। এটিকে পড়া যেতে পারে,

অমল (হয়) মানুষ এবং অমল (হয়) নশুর।)

‘ঢ’ আণক

পূর্ববর্তী অনুচ্ছেদে আমরা দেখেছি, বচনাপেক্ষক থেকে বচন উৎপন্ন করার একটি উপায় ব্যক্তিনাম গ্রাহকপ্রতীকের স্থলে ব্যক্তিধ্রুবক সংস্থাপন। Sx একটি বচনাপেক্ষক, ঝ এর স্থলেও সংস্থাপন করলে Sঝ বচন উৎপন্ন হবে। Sa, Sb, ইত্যাদি বিশিষ্ট বচন, অমল স্মৃতি, বিমলা স্মৃতি, ইত্যাদি। ধরন আমরা বলতে চাই, যে কোন ব্যক্তি¹ (হয়) স্মৃতি, বা সব কিছু (হয়) স্মৃতি। এটিও বচন, কিন্তু সাধিক বচন, বিশিষ্ট বচন নয়, কারণ এর উদ্দেশ্যপদ ব্যক্তিনাম নয়। Sx বচনাপেক্ষকে ঝ এর স্থলে ব্যক্তিধ্রুবক সংস্থাপন করলে বিশিষ্ট বচন পাওয়া যায়, কিন্তু সাধিক বচন পাওয়ার উপায় কি? উপরের সাধিক বচনটিকে এভাবেও প্রীকাশ করা যায়,

যে কোন ব্যক্তির (কিছুর) ক্ষেত্রে এ সত্য যে, ঐ ব্যক্তি (হয়) স্মৃতি। অর্থাৎ যে কোন ব্যক্তির উল্লেখ করা হোক না কেন, এ সত্য যে ঐ ব্যক্তি স্মৃতি। কোন বিশেষ ব্যক্তির নাম না করে, বা ব্যক্তিধ্রুবক ব্যবহার না করে, এখানে আমরা একটি ব্যক্তিনাম গ্রাহকপ্রতীক বর্ণ ব্যবহার করতে পারি। নির্দেশক বিশেষণ “ঐ” এর ব্যবহার বলে দিচ্ছে, “ঐ” এর পরের “ব্যক্তি” শব্দের স্থলে দ্রুত গ্রাহকপ্রতীক বর্ণ ব্যবহার করা হবে, পূর্বগামী “ব্যক্তি” শব্দের স্থলে সেটিই ব্যবহার করতে হবে। তাহলে বচনটি দাঁড়াচ্ছে,

১ গুরোত্তর অর্থে, আনুষ অর্থে নয়।

ଯେ କୋଣ x ଏର କ୍ଷେତ୍ର ଏ ଗତ୍ୟ ଯେ x (ହୁମ୍) ଶୁଳକ ।

“এ সত্য যে” বাক্যাংশটি অনায়াসে বাদ দেওয়া যায়, কারণ কোন উল্লিখন আর উল্লিখিতকে সত্য বলে যোগ্য করা একই কথা। শুভরাঃ, আরও সংক্ষেপে বচনটি দাঁড়ায়,

যে কোন x এর ক্ষেত্রে, x (হয়) সূলুর।

“**‘X** (হয়) স্মৃতি” এর প্রতীকীর্তি **Sx**, স্মৃতির পূর্বোক্ত বচনকে এভাবে নথি দায়,

যে কোন x এর ক্ষেত্রে, Sx ।

“ଯେ କୋନ x ଏର କ୍ଷେତ୍ରେ” କେ ବଳା ହସ ସାବିକ ଶାଖକ, ଏଇ ଜନ “(x)” ପ୍ରତୀକ ଚିହ୍ନ ବାବହାର କରା ହସ । ଏବାର “ଯେ କୋନ ବ୍ୟକ୍ତି (କିଛୁ) (ହସ) ମୁଲ୍ଲର ” ବଚନେର ସମ୍ପୂର୍ଣ୍ଣ ପ୍ରତୀକୀଙ୍କପ ଦ୍ୱାରା,

(x) S_x (1)

Sx বচনাপেক্ষককে সারিক মাণক সহযোগে বচনে পরিণত করাকে সারিক মাণকবন্ধ করা বলে।¹

ଆର ଏକ ଥ୍ରିକାର ମାଣକ ଆଛେ, ତାକେ ବଳେ ଜ୍ଞାନମାଣକ। ଧୀଚିନ୍
ନ୍ୟାଯେ ଯାକେ ବିଶେଷ ବଚନ ବଳା ସାଥେ ଏମନ ଏକଟି ବଚନ ନିନ,

କୋନ କୋନ ବ୍ୟକ୍ତି (ହୟ) ଶୁଳର ।

ন্যায়ে “কোন কোন” বললে “অস্তত একটি” বোায়, কিন্তু বিশেষ কোন একটিকে বোায় না। বচনটির বজ্রব্য, সমস্ত ব্যক্তির মধ্যে অস্তত একটি স্মৃদৰ, কিন্তু কোনটি তা নির্দিষ্ট করে বলা হচ্ছে না। এই প্রকার বচনের উদ্দেশ্যপদের বাচ্যার্থ কোন নির্দিষ্ট ব্যক্তি নয়, সমস্ত ব্যক্তিবর্দীর মধ্যে অনিনিষ্ট একটি বা কয়েকটি অর্ধাং উদ্দেশ্যপদ পরোক্ষভাবে সমস্ত ব্যক্তিবর্গকেই অনিনিষ্টভাবে নির্দেশ করছে, সব ব্যক্তির মধ্যে অস্তত একটি। সেজন্য নব্যন্যায়ে এই প্রকার বচনকেও সামান্য^১ বচন বলা হয়। কিন্তু বচনটির প্রতীকীকরণের রীতি ভিন্ন। এটি এইভাবে প্রকাশ করা যাব,

অন্তত এমন একটি ব্যক্তি (কিছু) আছে, যা (হয়) সুলভ ।

I. ପ୍ରାଚୀନ ନାମେ ସାକେ ବଚନର ପରିମାଣ ବଜା ହୁଏ, ଯାଥିକ ତାଇ ନିର୍ଦ୍ଦେଶ କରେ ।

2 General, Universal (সামরিক) & Particular (বিশেষ) বচন দুই
নথ্যান্তর অত্যে general (সামান্য) বচন।

ଆହୁକଥୀକ ବ୍ୟବହାର କରିଲେ ଦ୍ୱାରାବେ,

অন্তত এমন একটি x আছে যে, x (হয়) সুলভ।

“**‘x** (হয়) স্মৃতিরের” প্রতীকীর্তিপ **Sx**; স্মৃতিরাং পূর্বোক্ত বচনকে এতাবে লেখা যায়।

অস্তত এমন একটি x আছে যে Sx ।

“অস্তত এমন একটি x আছে” কে বলা হয় সত্ত্বাগণক, কারণ, এর থারা
একটি কিছুর সত্ত্ব বা অস্তিত্ব ঘোষণা করা হচ্ছে। এর জন্য “(প্রx)”
প্রতীকটিক ব্যবহার করা হয়। এবার “কোন কোন ব্যক্তি (হয়)
সুন্দর” এর প্রতীকীরূপ দাঁড়াল,

$$(\exists x) Sx \quad (2)$$

Sx बचनापेक्षकके सत्तामाणक सहयोगे बचने परिणत कराके सत्तामाणक-
बद्ध करा बले ।

ଲକ୍ଷ୍ୟବୀଯ ସେ Sx ବଚନ ନମ, କିନ୍ତୁ (x) Sx ବା (ପ୍ରଖ) Sx ବଚନ ଏବଂ
ଶତ୍ୟ ବା ଶିଥ୍ୟା । (x) Sx ଏ ଆମାଦେର ବଜ୍ରବ୍ୟ, ବା ବ୍ୟକ୍ତିର ଘର୍ଥୟେ
 S ଶୁଣ ଆଛେ, (ପ୍ରଖ) Sx ଏ ବଜ୍ରବ୍ୟ, କୋନ କୋନ ବ୍ୟକ୍ତିର ଘର୍ଥୟେ S ଶୁଣ
ଆଛେ । କିନ୍ତୁ Sx ଦେଖାଯ ବଚନ କାଠାମୋଟି, S — । x ବିଶେଷ କୋନ
ବ୍ୟକ୍ତି, ବା ସବ ବ୍ୟକ୍ତି, ବା କୋନ କୋନ ବ୍ୟକ୍ତି, କିଛୁଇ ବୋବାଯ ନା, ଯତକ୍ଷଣ
ନା x ଏବଂ ସ୍ଵଳେ ବ୍ୟକ୍ତିଧ୍ୱନିକ ସଂସ୍ଥାପନ କରା ହଚ୍ଛେ, ବା Sx କେ ମାଣକବଜ୍ର
କରା ହଚ୍ଛେ । ବିଶିଷ୍ଟ ବଚନ ପେତେ ହଲେ Sx ଏବଂ x ଏବଂ ସ୍ଵଳେ ବ୍ୟକ୍ତିଧ୍ୱନିକ
সଂସ୍ଥାପନ କରତେ ହବେ, ସାମାନ୍ୟ ବଚନ ପେତେ ହଲେ Sx ଏର ଆଗେ ସାବିକ
ମାଣକ ବା ସନ୍ତ୍ରାମାନକ ଉପହାରିତ କରତେ ହବେ ।

বচনাপেক্ষকের সব দৃষ্টান্ত বচন সত্য হলে তার সারিক মাণকবন্ধ-
করণ সত্য হবে, একটি দৃষ্টান্ত বচন মিথ্যা হলেই সারিক মাণকবন্ধকরণ
মিথ্যা হবে। বচনাপেক্ষকের অন্তত একটি দৃষ্টান্ত বচন সত্য হলেই তার
সম্ভাব্যান্ত মাণকবন্ধকরণ সত্য হবে, একটিও দৃষ্টান্ত বচন সত্য না হলে
সম্ভাব্যান্ত মাণকবন্ধকরণ মিথ্যা হবে।

৫.৫ মাণকবয়ের পরম্পরা সম্পর্ক

ଆମରା ଦେଖେଛି, ପ୍ରତିକପରମ୍ପରାଗଣ୍ଡିତ ସେ କୋନ ବଚନାପେକ୍ଷକ ବା ବଚନ ସଂଯୋଜକ ଥାରା ବୋଲ୍ଡ୍ୟ । ନିର୍ଧିକ ସଂଯୋଜକ ଶହେରେ Sx ହୟ

$\sim Sx$, x স্মৃতির নয়, Sa হয় $\sim Sa$, অবল স্মৃতির নয়। ধৰন আৰুৱা
বলতে চাই,

কোন ব্যক্তি স্মৃতির নয়,
এৰ অৰ্থ,
যে কোন x এৰ ক্ষেত্ৰে, x স্মৃতির নয়,
প্ৰতীকীৱপে,

$$(x) \sim Sx \quad (3)$$

কোন কোন ব্যক্তি স্মৃতির নয়,
এৰ অৰ্থ,

অস্তত এমন একটি x আছে যে, x স্মৃতির নয়,
প্ৰতীকীৱপে,

$$(\exists x) \sim Sx \quad (4)$$

(3) বচনকে নিষেধ কৰা যাক,

$$\sim (x) \sim Sx \quad (5)$$

এৰ অৰ্থ,

যে কোন x -এৰ ক্ষেত্ৰে এ সত্য নয় যে, x স্মৃতির নয়,
অৰ্থাৎ,
অস্তত এমন একটি x আছে যে, x স্মৃতি,
বা,

$$(\exists x) Sx$$

সূতৰাঃ আৰুৱা বলতে পাৰি, (5.4 অনুচ্ছেদেৱ (2) দেখুন)

$$(\exists x) Sx \equiv \sim (x) \sim Sx \quad (2) \text{ ও } (5)$$

(4) বচনকে নিষেধ কৰা যাক,

$$\sim (\exists x) \sim Sx \quad (6)$$

এৰ অৰ্থ,

এমন একটিও x নাই যে x স্মৃতির নয়,
অৰ্থাৎ,
যে কোন x -এৰ ক্ষেত্ৰে, x স্মৃতি,

বা

(x) Sx

সুতরাং আমরা বলতে পারি, (5.4 অনুচ্ছেদের (1) দেখুন)

(x) $Sx \equiv \sim (\exists x) \sim Sx$ (1) ও (6)আবার দেখুন, (3) বচন, (x) $\sim Sx$, বললে বোঝায়,যে কোন x -এর ক্ষেত্রে, x সুলুব নয়,

অর্থাৎ,

এমন একটিও x নাই যে, x সুলুব নয়,

বা,

 $\sim (\exists x) Sx$ (7)

সুতরাং আমরা বলতে পারি,

(x) $\sim Sx \equiv \sim (\exists x) Sx$ (3) ও (7)(4) বচন, ($\exists x$) $\sim Sx$, বললে বোঝায়,অস্তত এমন একটি x আছে যে, x সুলুব নয়,

অর্থাৎ,

যে কোন x এর ক্ষেত্রে এ সত্য নয় যে, x সুলুব

বা,

 $\sim (x) Sx$ (8)

সুতরাং আমরা বলতে পারি,

 $(\exists x) \sim Sx \equiv \sim (x) Sx$ (4) ও (8)

সবগুলো মাণক সমমানতার সূত্র একসঙ্গে,

(x) $Sx \equiv \sim (\exists x) \sim Sx$ $(\exists x) Sx \equiv \sim (x) \sim Sx$ (x) $\sim Sx \equiv \sim (\exists x) Sx$ $(\exists x) \sim Sx \equiv \sim (x) Sx$ পরিকার বোঝা যাচ্ছে, যে কোন একটি মাণক দিয়েই দুই প্রকার মাণকের
কাজ চলে। উপরের চারটি সমমানতা সূত্র লক্ষ্য করলে দেখা যাবে,
একটি মাণককে অপর মাণকে পরিবর্তিত করতে হলে

- (ক) প্রথমে প্রদত্ত মাণকের সূত্রে অপর মাণকটি সংস্থাপন করতে হবে,
- (খ) তারপর, পরিবর্তিত মাণকের পূর্বে “~” নিষেধক চিহ্ন বসাতে হবে,
- (গ) তারপর, বচনাপেক্ষকের পূর্বে “~” নিষেধক চিহ্ন বসাতে হবে।

প্রথম দুটি সূত্রে মাণক পরিবর্তন বিধির প্রয়োগ সহজেই বোঝা যাব।
তৃতীয় সূত্রে

$$(x) \sim Sx \equiv \sim (\exists x) \sim \sim Sx \equiv \sim (\exists x) Sx$$

চতুর্থ সূত্রে

$$(\forall x) \sim Sx \equiv \sim (x) \sim \sim Sx \equiv \sim (x) Sx$$

সংক্ষেপে বলা যায়,

$$(x) \equiv \sim (\exists x) \sim \dots$$

$$(\exists x) \equiv \sim (x) \sim \dots$$

ডান দিকের সূত্রকে বাঁ দিকের সূত্রে পরিবর্তিত করে দেখোন হচ্ছে,

$$\sim (\exists x) \sim Sx \equiv \sim \sim (x) \sim \sim Sx \equiv (x) Sx$$

$$\sim (x) \sim Sx \equiv \sim \sim (\exists x) \sim \sim Sx \equiv (\exists x) Sx$$

$$\sim (\exists x) Sx \equiv \sim \sim (x) \sim Sx \equiv (x) \sim Sx$$

$$\sim (x) Sx \equiv \sim \sim (\exists x) \sim Sx \equiv (\exists x) \sim Sx$$

আমাদের মূল চারটি বচনে আবার ফিরে আসা যাক।

$$\text{সব ব্যক্তি } (হয়) \text{ স্বল্প, } (x) Sx$$

$$\text{কোন কোন ব্যক্তি } (হয়) \text{ স্বল্প, } (\exists x) Sx$$

$$\text{কোন ব্যক্তি স্বল্প নয়, } (x) \sim Sx$$

$$\text{কোন কোন ব্যক্তি স্বল্প নয়, } (\exists x) \sim Sx$$

আবার এদের পরম্পরবিরোধিতা সংজ্ঞালো দেখা যাব। অগতে যদি অন্তত একটি বস্তুও থাকে, তবে

যে কোন x -এর ক্ষেত্রে, Sx , বা $(x) Sx$, এবং

অন্তত এমন একটি x আছে যে $\sim Sx$ বা $(\exists x) \sim Sx$

বচন দুটি একসঙ্গে সত্য বা মিথ্যা হতে পারে না। একটি সত্য হলে অপরটি মিথ্যা হবে, একটি মিথ্যা হলে অপরটি সত্য হবে। আবার,

যে কোন x -এর ক্ষেত্রে, $\sim Sx$, বা $(x) \sim Sx$, এবং
অস্তত এমন একটি x আছে যে Sx , বা $(\exists x) Sx$

দুটি বচন একসঙ্গে সত্য বা মিথ্যা হতে পারে না। অন্যভাবে দেখান
যাই, $(x) Sx$ -এর নিম্নে $\sim (x) Sx$, $\sim (x) Sx \equiv (\forall x) \sim Sx$,
স্বতরাং $(x) Sx$ ও $(\forall x) \sim Sx$ বিরুদ্ধ বচন। $(x) \sim Sx$ -এর নিম্নে
 $\sim (x) \sim Sx$, $\sim (x) \sim Sx \equiv (\exists x) Sx$, স্বতরাং $(x) \sim Sx$ ও
 $(\exists x) Sx$ বিরুদ্ধ বচন। তারপর,

যে কোন x -এর ক্ষেত্রে, Sx , বা $(x) Sx$, এবং
যে কোন x -এর ক্ষেত্রে, $\sim Sx$, বা $(\exists x) \sim Sx$

বচন দুটি একসঙ্গে সত্য হতে পারে না, যদিও একসঙ্গে মিথ্যা হতে
পারে। স্বতরাং এই দুটি বিপরীত বচন। তারপর,

অস্তত এমন একটি x আছে যে, Sx , বা $(\exists x) Sx$, এবং
অস্তত এমন একটি x আছে যে, $\sim Sx$, বা $(\forall x) \sim Sx$

একসঙ্গে মিথ্যা হতে পারে না, যদিও একসঙ্গে সত্য হতে পারে।
স্বতরাং এই দুটি অধীন-বিপরীত বচন। তারপর,

যে কোন x -এর ক্ষেত্রে, Sx , বা $(x) Sx$, এবং
অস্তত এমন একটি x আছে যে, Sx , বা $(\exists x) Sx$

এবং

যে কোন x -এর ক্ষেত্রে, $\sim Sx$, বা $(x) \sim Sx$, এবং
অস্তত এমন একটি x আছে যে, $\sim Sx$ বা $(\forall x) \sim Sx$

বচন জোড়ায় প্রথমটি সত্য হলে দ্বিতীয়টি সত্য হবে, কিন্তু দ্বিতীয়টি সত্য
হলেই প্রথমটি সত্য হবে বলা যায় না। অর্থাৎ $(x) Sx$ ও $(\forall x) Sx$
এবং $(x) \sim Sx$ ও $(\exists x) \sim Sx$ অধীনবিরোধী।

এ যাৰ্থে আমৰা গুণ্ডুবক ব্যবহাৰ কৰে আসছি, গুণনাম গ্রাহক-
প্রতীক বৰ্ণ ব্যবহাৰ কৰিনি।

অমল (হয়) সুন্দর,
বিমলা (হয়) সুন্দর,
চলননগৱ (হয়) সুন্দর,

বচনে উদ্দেশ্যপদ ভিয়, বিধেয়পদ একই, তাই উদ্দেশ্যপদেৱ হলে
ব্যক্তিনাম গ্রাহকপ্রতীক বৰ্ণ ব্যবহাৰ কৰেছি, বিধেয়পদেৱ হলে গুণ্ডুবক

ବ୍ୟବହାର କରେଛି । ଏତୋ Sx ବଚନାପେକ୍ଷକେର ଦୂଟୀଙ୍କ ବଚନ । ନୀଚେର
ବଚନଗୁଲୋ ଧରନ,

ସକ୍ରେଟିସ (ହସ) ଜ୍ଞାନୀ,
ସକ୍ରେଟିସ (ହସ) ଦାର୍ଶନିକ,
ସକ୍ରେଟିସ (ହସ) ଗ୍ରୀକ ।

ବଚନେ ବିଧେଯପଦ ତିମ୍ବ, ଉଦ୍‌ଦେଶ୍ୟପଦ ଏକଇ । ଶୁତରାଃ ଏଦେର ପ୍ରତୀକୀକରଣେ
ବ୍ୟକ୍ତିଭିନ୍ନବିକ s ବ୍ୟବହାର କରେ ଏକଟି ଶୁଣନାମ ପ୍ରାହକପ୍ରତୀକ ବର୍ଣ୍ଣ ବ୍ୟବହାର
କରତେ ପାରି । ଗ୍ରୀକ ବର୍ଣ୍ଣମାଳାର ϕ ଅନ୍ଧରାଟି ଶୁଣନାମ ପ୍ରାହକପ୍ରତୀକ ବର୍ଣ୍ଣ
ହିଁସେବେ ବ୍ୟବହାର କରିଲେ ବଚନଗୁଲୋ ଦାଁଡାବେ ϕs । ϕ -ଏର ହଲେ ଆମରା ସେ
କୋନ ଶୁଣନାମ ସଂହାପନ କରତେ ପାରି, ଫଳେ ସକ୍ରେଟିସ ସହକେ କତଗୁଲୋ ସତ୍ୟ,
କତଗୁଲୋ ମିଥ୍ୟା ବଚନ ଉତ୍ସମ ହବେ ।

ଏବାର ନୀଚେର ବଚନଗୁଲୋ ଦେଖୁନ,

ସକ୍ରେଟିସ (ହସ) ଜ୍ଞାନୀ,
ପ୍ଲେଟୋ (ହସ) ଦାର୍ଶନିକ,
କଲିକାତା (ହସ) ନଦୀ,
ବ୍ରଜପୁତ୍ର (ହସ) ଦେବତା,

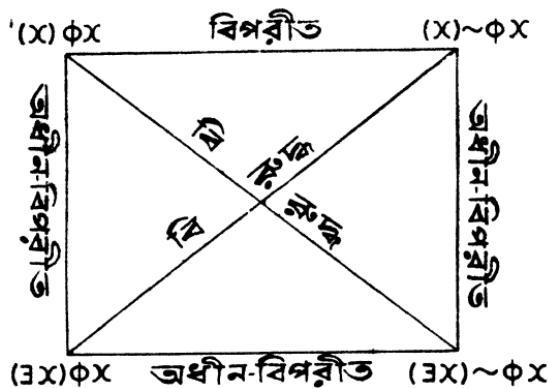
ବଚନେ ଉଦ୍‌ଦେଶ୍ୟପଦ ଓ ବିଧେଯ ପଦ ଉତ୍ତରିଷ୍ଟ ତିମ୍ବ । ଶୁତରାଃ ଆମରା ବ୍ୟକ୍ତିନାମ
ଓ ଶୁଣନାମ ଦୁଇମେରଇ ହଲେ ପ୍ରାହକପ୍ରତୀକ ବର୍ଣ୍ଣ ବ୍ୟବହାର କରତେ ପାରି, Θx ,
 $\text{ଅର୍ଦ୍ଧ} \alpha x$ (ହସ) ϕ । ϕ -ଏର ହଲେ ସେ କୋନ ବ୍ୟକ୍ତିନାମ ଓ ϕ -ଏର ହଲେ
ସେ କୋନ ଶୁଣନାମ ସଂହାପନ କରିଲେ ସତ୍ୟ ବା ମିଥ୍ୟା ବଚନ ଉତ୍ସମ ହବେ ।
 ϕ ϕ ଏକଟି ବଚନାପେକ୍ଷକ, ଏଟି Sx ବା Θ α -ଏର ଚେମ୍ବେ ବେଣୀ ବିଶୁର୍ତ୍ତ, ଏତେ
ବ୍ୟକ୍ତିନାମ ଶୁଣନାମ କୋନଟାଇ ନେଇ । ϕ x ନୀଚେର କାଠାମୋଟି ବୋରାଛେ,

— (ହସ) —

ϕ ଶୁଣନାମେର ଭନ୍ୟ ସଂରକ୍ଷିତ ହାନଶୁଚକ, x ବ୍ୟକ୍ତିନାମେର ଭନ୍ୟ ସଂରକ୍ଷିତ
ହାନଶୁଚକ । ϕ x ବଚନାପେକ୍ଷକକେ ମାଣକବନ୍ଧ କରିଲେ ବଚନ ଚାରାଟି ହବେ,

(x) ϕ x
(ପ୍ରମ୍ଭ) ϕ x
(x) ~ ϕ x
(ପ୍ରମ୍ଭ) ~ ϕ x

বিরোধ চতুর্কোণের সাহাব্যে এদের পরম্পরাবিরোধিতা এইভাবে দেখান বায়।



যখন দুটি বচনের বিরোধিতা সম্বন্ধ দেখাতে হবে, তখন ϕx -এর স্থলে দুটি বচনে একই গুণনাম সংস্থাপন করতে হবে।

5.6 আঠীন ন্যায়ের চারপ্রকার বচন

আঠীন ন্যায়ে চারপ্রকার বচনকে প্রাথান্য দেওয়া হয়েছে,

- A—সাবিক সদর্দক,
- B—সাবিক নগ্রহক,
- I—বিশেষ সদর্দক,
- O—বিশেষ নগ্রহক।

এদের দৃষ্টিক্ষেত্র,

- A—সব মানুষ (হয়) নশুর,
- B—কোন মানুষ নির্দোষ নয়,
- I—কোন কোন মানুষ (হয়) জানী,
- O—কোন কোন মানুষ স্বীকৃতিপ্রাপ্ত নয়।

বচনগুলোতে “মানুষ” উদ্দেশ্য পদ, “নশুর”, “নির্দোষ”, “জ্ঞানী”, “স্বার্থপর” বিধেয়পদ। যন্তে রাখতে হবে, ‘‘মানুষ’’ পদ ব্যক্তিবাচক নয়, ‘‘মানুষ’’ কোন ব্যক্তি নয়, সক্রেটিস, প্লেটো, ব্যক্তি। বচন সব সবইই কোন ব্যক্তি, বা এক বর্ণের সব বা কোন কোন ব্যক্তি সম্পর্কে কোন না কোন উক্তি। স্বতরাং, উপরের A বচনের বক্তব্য,

যে কোন ব্যক্তির (কিছুর) ক্ষেত্রে এ সত্য যে, যদি ঐ ব্যক্তি
মানুষ (মনুষ্যোচিত গুণসম্পন্ন) হয়, তবে ঐ ব্যক্তি নশুর,
অর্থাৎ, যে কোন x-এর ক্ষেত্রে, যদি x মানুষ হয় তবে x নশুর,
বা, যে^২ কোন x-এর ক্ষেত্রে, x (হয়) মানুষ ⊃ x (হয়) নশুর,
বা, (x) (Mx ⊃ Nx)

বচনাটি $Mx \supset Nx$ বচনাপেক্ষকের সাবিকমাণকবন্ধ ক্লপ, এর দৃষ্টান্ত বচন
 $Ma \supset Na$, $Mb \supset Nb$, ইত্যাদি, অর্থাৎ অমল মানুষ হলে অমল নশুর,
বিমলা মানুষ হলে বিমলা নশুর, ইত্যাদি। দৃষ্টান্তবচনগুলো প্রাকঞ্চিক
বচন, যার পূর্বণ ও অনুণ বিশিষ্ট বচন।

উপরের E বচনের বক্তব্য,

যে কোন ব্যক্তির (কিছুর) ক্ষেত্রে এ সত্য যে, যদি ঐ ব্যক্তি
মানুষ হয়, তবে ঐ ব্যক্তি নির্দোষ নয়,
বা, যে কোন x-এর ক্ষেত্রে, যদি x মানুষ হয় তবে x নির্দোষ নয়,
বা, যে কোন x-এর ক্ষেত্রে x (হয়) মানুষ ⊃ x নির্দোষ নয়,
বা, (x) (Mx ⊃ ~Nx)

উপরের I বচনের বক্তব্য,

অস্তত এমন একটি ব্যক্তি আছে যে, ঐ ব্যক্তি মানুষ এবং ঐ
ব্যক্তি জ্ঞানী,
বা, অস্তত এমন একটি x আছে যে, x (হয়) মানুষ এবং x (হয়)
জ্ঞানী,
বা, ($\exists x$) (Mx . Jx)

উপরের O বচনের বক্তব্য,

অস্তত এমন একটি ব্যক্তি আছে যে, ঐ ব্যক্তি মানুষ এবং ঐ
ব্যক্তি স্বার্থপর নয়,

বা, অস্তত এমন একটি x আছে যে, x (হয়) মানুষ এবং x স্বার্থপ্রাপ্ত নয়,

বা, ($\exists x$) ($Mx \sim Sx$)

স্তুতরাঃ প্রাচীন ন্যায়ের A, E, I ও O এই চারিধৰ্মকার বচনের নথ্যন্যায়প্রয়োগ ক্ষণ দাঁড়াল (গুণধৰ্মবকের স্থানে প্রীক বর্ণমালার ঠ ও ছ এই দুইটি শব্দকে গুণনাম প্রাহকপ্রতীক বর্ণ হিসেবে ব্যবহার করে),

A—(x) ($\Phi x \supset \Psi x$)

E—(x) ($\Phi x \supset \sim \Psi x$)

I—($\exists x$) ($\Phi x . \Psi x$)

O—($\exists x$) ($\Phi x . \sim \Psi x$)

অক্ষণীয় যে মাণক সব সবর বছনীর অস্তর্গত। মাণকের পরবর্তী বছনী মাণকের প্রভাব সূচিত করে। মাণকের প্রভাব “ \sim ”-এর প্রভাবের ব্যত। যে কোন মাণকের প্রভাব তার অব্যবহিত পরবর্তী বচনাপেক্ষক পর্যন্ত বিস্তৃত হবে। (x) Mx এ (x)-এর প্রভাব Mx পর্যন্ত বিস্তৃত তাই Mx কে বছনীর অস্তর্ভুক্ত করা হয়নি, যেমন আমরা $\sim p$ এতে “ \sim ” এর প্রভাব বোঝাতে p -কে বছনীভুক্ত করি না। কিন্তু যদি লিখি,

(x) $Mx \supset Nx$

তাহলে Nx (x)-এর প্রভাবের অস্তর্গত হবে না, যেমন $\sim p \supset q$ এতে “ \sim ”-এর প্রভাব q পর্যন্ত বিস্তৃত নয়। যদি লিখি,

(x) ($Mx \supset Nx$)

তাহলে (x)-এর প্রভাব $Mx \supset Nx$ সবটাৰ উপরে বিস্তৃত, যেমন $\sim (p \supset q)$ এতে “ \sim ” এর প্রভাব $p \supset q$ পর্যন্ত বিস্তৃত।

আরও লক্ষণ্য যে (x) Mx একটি বচন, Nx একটি বচনাপেক্ষক, স্তুতরাঃ (x) $Mx \supset Nx$ একটি বচনাপেক্ষক, বচন নয়, কারণ Nx -এর x মাণকবৰ্দ্ধ নয়। কিন্তু (x) $Mx \supset Na$ বচন, কারণ (x) Mx ও Na দুইই বচন। (x) Mx এতে Mx -এর x -কে বলা হয় বছ প্রাহকপ্রতীক, কারণ এটি সাবিক মাণক (x)-এর প্রভাবের অস্তর্গত। (x) Mx এতে Mx -এর x সাবিক মাণক (x)-এর স্থান বছ হয়েছে যেনই (x) Mx বচন, তার অর্দে সবকিছু M গুণসম্পর্ক, একটি সত্য বা বিষ্যা উঠিব। অনুরূপভাবে, ($\exists x$) Mx ও বচন, কারণ এতে Mx -এর x সত্যাবাণীক

(প্ৰx) হারা বক্ষ হয়েছে, এৱ অৰ্থ, অস্তত একটি ব্যক্তি M গুণসম্পৰ্ক, একটি সত্য বা মিথ্যা উক্তি। কিন্তু Nx বচন নয়, কাৰণ এতে কোন উক্তি নেই, একে সত্যমিথ্যা বলা চলে না। কোন উক্তি কৰতে হলে, কোন বজ্জব্য রাখতে হলে, বলতে হবে, সব কিছু, বা অস্তত একটি কিছু, বা a বা b বা (হয়) N। Nx-এর x মূল্য গ্রাহকপ্রতীক, যে গ্রাহকপ্রতীক মাণকবক্ষ নয় তাকে মূল্য গ্রাহকপ্রতীক বলে। এইবাৰ আমোৱা স্পষ্টতাৰভাৱে বচনাপেক্ষকেৱ সংজ্ঞা দিতে পাৰি, যে বচনকাঠামো বা প্রতীকপৰম্পৰায় মূল্য গ্রাহকপ্রতীক বৰ্দেৱ ব্যবহাৱ আছে, তাই বচনাপেক্ষক। স্বতুৱাঃ, (x) Mx বা (x) (Mx ⊃ Nx) বচন, কিন্তু Nx বা (x) Mx ⊃ Nx বচনাপেক্ষক। Nx এতে x মূল্য, (x) Mx ⊃ Nx এতে Nx-এর x মূল্য। (x) Mx বলছে, Mx বচনাপেক্ষকেৱ সব দৃষ্টান্ত বচন, Ma, Mb, ইত্যাদি, সত্য। (x) (Mx ⊃ Nx) বলছে, Mx ⊃ Nx বচনাপেক্ষকেৱ সব দৃষ্টান্ত বচন, Ma ⊃ Na, Mb ⊃ Nb, ইত্যাদি, সত্য। (x) (Mx ⊃ Nx)-কে নিম্নৰূপে লিখলে,

যে কোন ব্যক্তিৰ ক্ষেত্ৰে, যদি ঐ ব্যক্তি M হয় তবে ঐ ব্যক্তি
হয় N,

নিৰ্দেশক বিশেষণ “‘ত্ৰি’” এৱ ব্যবহাৱ সূচিত কৰে, Mx ও Nx উভয়েৱই x-এৱ স্বলে একই ব্যক্তি ধৰ্মবক্ষ সংস্থাপন কৰতে হবে। কিন্তু (x) Mx ⊃ Nx-এৱ অৰ্থ

যদি যে কোন ব্যক্তিৰ ক্ষেত্ৰে এ সত্য যে ঐ ব্যক্তি (হয়) M,
তবে x (হয়) N।

“x (হয়) N”-এৱ x নিৰ্দেশক বিশেষণ “‘ত্ৰি’” হারা নিৰ্দিষ্ট নয়। পূৰ্বগ বলছে, Mx-এৱ সব দৃষ্টান্ত বচন সত্য, স্বতুৱাঃ Ma, Mb, ইত্যাদি সত্য। অনুগ Nx বচন নয়, বচনাপেক্ষক, এৱ খেকে যে কোন বচন, Na, Nb, ইত্যাদি উৎপন্ন কৰা যায়। এদেৱ কোন্টি সত্য, কোন্টি মিথ্যা, সে স্বতে Nx কিছু বলে না, এদেৱ সত্যমিথ্যাত �Nx-এৱ বজ্জব্য নয়। স্বতুৱাঃ, (x) Mx ⊃ Nx খেকে Ma ⊃ Na, Mb ⊃ Na, Ma ⊃ Nb, Mb ⊃ Nb, ইত্যাদি দৃষ্টান্ত বচন উৎপন্ন কৰা যায়। (x) Mx ⊃ Nx এতে Nx-এৱ x (x) হারা বক্ষ নয় বলে Mx ও Nx-এৱ x এৱ স্বলে ভিন্ন ব্যক্তিধৰ্মবক্ষ সংস্থাপন কৰা যেতে পাৰে, কিন্তু (x) (Mx ⊃ Nx) এতে Mx ও Nx-এৱ x-এৱ স্বলে একই ব্যক্তিধৰ্মবক্ষ সংস্থাপন কৰতে হবে, কাৰণ উভয়ই (x) সাধিকশাপক হারা বক্ষ।

মাণক পরিবর্তন বিধির সাহায্যে A ও E বচন সত্ত্বামাণক সহযোগে,
এবং I ও O বচন সারিক মাণক সহযোগে লেখা যায় ।

$$\begin{aligned} A-(x) (\Phi x \supset \Psi x) &\equiv \sim (\exists x) \sim (\Phi x \supset \Psi x) \\ &\equiv \sim (\exists x) \sim \sim (\Phi x . \sim \Psi x) \\ &\equiv \sim (\exists x) (\Phi x . \sim \Psi x) \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} E-(x) (\Phi x \supset \sim \Psi x) &\equiv \sim (\exists x) \sim (\Phi x \supset \sim \Psi x) \\ &\equiv \sim (\exists x) \sim \sim (\Phi x . \sim \sim \Psi x) \\ &\equiv \sim (\exists x) (\Phi x . \sim \Psi x) \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} I-(\forall x) (\Phi x . \Psi x) &\equiv \sim (x) \sim (\Phi x . \Psi x) \\ &\equiv \sim (x) \sim (\Phi x . \sim \sim \Psi x) \\ &\equiv \sim (x) (\Phi x \supset \sim \Psi x) \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} O-(\exists x) (\Phi x . \sim \Psi x) &\equiv \sim (x) \sim (\Phi x . \sim \Psi x) \\ &\equiv \sim (x) (\Phi x \supset \Psi x) \end{aligned}$$

5.7 A, E, I, O বচনের বিশ্লেষণ

সাধারণতঃ বলা হয়, A ও I বচন সদর্থক, E ও O বচন নির্গুর্ধক ।
নীচের বচনটি দেখুন,

(1) অনধিকার প্রবেশকারীরা দণ্ডিত হবে ।

পরিমাণসূচক “সব” বা “যে কোন” শব্দের প্রয়োগ না থাকলেও
বচনটির অর্থ,

সব অনধিকার প্রবেশকারী দণ্ডিত হবে,

অর্থাৎ, যে কেহ অনধিকার প্রবেশ করবে, সেই দণ্ডিত হবে,

অর্থাৎ, যে কোন x-এর ক্ষেত্রে যদি x অনধিকার প্রবেশকারী হয় তবে
x দণ্ডিত হবে,

অর্থাৎ, $(x) (Ax \supset Dx)$

এখন ধরুন, কেউ অনধিকার প্রবেশ করল না, কেউ দণ্ডিত হল না ।
বচনটি কি খিদ্যা হবে ? নিচেই নয় । পরিকার বোঝা যায়,
“অনধিকার প্রবেশকারীরা দণ্ডিত হবে” বচনের সত্যতা অনধিকার
প্রবেশকারী ও দণ্ডিত ব্যক্তির অন্তর্ভুক্ত উপর নির্ভর করে না ।

প্রাচীন ন্যায় বলে, A সত্য হলে I সত্য হবে, অর্থাৎ A ⊃ I,
অর্থাৎ,

$$(x) (Ax \supset Dx) \supset (\exists x) (Ax.Dx),$$

অর্থাৎ পূর্বের সত্য হলে অস্তত এমন একটি x আছে যে x অনধিকার প্রবেশকারী ও x দণ্ডিত। কিন্তু এইমাত্র আমরা দেখলাম, (x) (Ax ⊃ Dx) সত্য হলেও ($\exists x$) (Ax.Dx) মিথ্যা হতে পারে।

এই বিভ্রান্তির কারণ, প্রাচীন ন্যায়ে যখন “সব মানুষ নশুর”, “সব রাজা বিলাসী”, এই সব বচন ব্যবহার করা হত, তখন সঙ্গে সঙ্গে এও ধরে নেওয়া হত, মানুষ আছে, রাজা আছে। অর্থাৎ এটা ধরে নেওয়া হত যে, যে কোন সাধিক বচনের উদ্দেশ্যপদবাচ্য ব্যক্তি বা বস্ত আছে। কিন্তু উপরের সাধিক বচনটি থেকেই প্রাচীন মত যে সম্পূর্ণ গ্রহণীয় নয় তা সহজেই আমরা বুঝতে পারি। বেছে বেছে “মানুষ”, “রাজা”, “গ্রীক”, ইত্যাদি পদ ব্যবহার করলে একপ ভ্রান্তি উৎপাদন হওয়া বিচিত্র নয়। নিউটনের গতিবিষয়ক প্রথম সূত্রটি দেখুন,

- (2) সব বহির্বলপ্রভাবমুক্ত পদার্থের ছিরাবস্থা বা সমবেগে সরল রেখায় গতি অব্যাহত থাকে।

যদি A বচনের প্রাচীন ব্যাখ্যা ঠিক হয়, তবে বহির্বলপ্রভাবমুক্ত পদার্থ আছে। কিন্তু পদার্থবিদ্যা বহির্বলপ্রভাবমুক্ত পদার্থের অস্তিত্বই স্বীকার করে না। আর একটি বচন দেখুন,

- (3) সব ব্যাকুলরিয়ামুক্ত নরদেহ (হয়) রোগহীন।

বচনটি সত্য, কিন্তু ব্যাকুলরিয়ামুক্ত নরদেহ নেই। তাহলে যে বস্তুর অস্তিত্ব নেই, তাকে সাধিক বচনের উদ্দেশ্যপদ হিসেবে ব্যবহার করা কেন? আসলে সাধিক বচন সদর্থক নয়, এবং কোন বস্তুর অস্তিত্ব ঘোষণা করে না। উপরের তিনটি সাধিক বচনের বক্তব্য, যথাক্রমে

- (1) এমন একটিও x নেই যে, x অনধিকার প্রবেশকারী এবং x দণ্ডিত নয়,
- (2) এমন একটিও x নেই যে, x বহির্বলপ্রভাবমুক্ত পদার্থ এবং x এর ছিরাবস্থা বা সমবেগে সরলরেখায় গতি অব্যাহত থাকে না,

(3) ଏମନ ଏକଟିଓ x ନେଇ ଯେ, x ବ୍ୟାକ୍ଟିରିଆମୁକ୍ତ ନରଦେହ
ଏବଂ x ରୋଗହୀନ ନୟ,

ଅର୍ଥାତ୍, (1) $\sim (\exists x) (Ax . \sim Dx)$

(2) $\sim (\exists x) (Bx . \sim Ax)$

(3) $\sim (\exists x) (Bx . \sim Rx)$ ^୧

ଅର୍ଥାତ୍, ସାବିକ ବଚନ ନଞ୍ଜର୍ଥକ । E ବଚନେର ବେଳାୟଓ ତାଇ ।

(4) କୋଣ ମାନୁସ ନିର୍ଦ୍ଦୋଷ ନୟ,

(5) କୋଣ ଭୂତ ନିରାମିଷାଶୀ ନୟ,

ବଚନଗୁଲୋର ଅର୍ଥ,

(4) ଏମନ ଏକଟିଓ x ନେଇ ଯେ, x ମାନୁସ ଏବଂ x ନିର୍ଦ୍ଦୋଷ,

(5) ଏମନ ଏକଟିଓ x ନେଇ ଯେ, x ଭୂତ ଏବଂ x ନିରାମିଷାଶୀ,

ବା, (4) $\sim (\exists x) (Mx . Nx)$

(5) $\sim (\exists x) (Bx . Nx)$

ମାନୁସ ଆଛେ, ଭୂତ ନେଇ, କିନ୍ତୁ ଏଥାନେ ଆମରା ବଚନାକାର ନିଯ୍ମେ ଆଲୋଚନା
କରିଛି, ମାନୁସ, ଭୂତ ନିଯେ ନୟ । ସର୍ବପ୍ରକାର ସାବିକ ବଚନେର ଆକାର ଦେଖାତେ
ହଲେ ଉଦ୍‌ଦେଶ୍ୟପଦବ୍ୟାଚ ବ୍ୟକ୍ତି ବା ବସ୍ତ ଆଛେ ଏ କଥା ବଲା ଚଲିବେ ନା, କାରଣ
କୋଣ କୋଣ କ୍ଷେତ୍ରେ ଆମରା ପ୍ଲଟଇ ଜାନି ଯେ ଏ ରକମ କୋଣ କିଛୁ ନେଇ ।
ଏ ଅବସ୍ଥାଯ ସାବିକ ବଚନେର ନୃତ୍ୟ ଅର୍ଥରେ ଗ୍ରହଣଯୋଗ୍ୟ । ଅବଶ୍ୟ “ସର୍ବ
ରାଜୀ ବିଲାସୀ” ବଚନ ସତ୍ୟ, ଏବଂ “ରାଜୀ ଆଛେ”-ଏଓ ସତ୍ୟ, କିନ୍ତୁ “ରାଜୀ
ଆଛେ” ଏ କଥା ସାବିକ ବଚନଟିର ବକ୍ତ୍ଵୟ ନୟ । ତାର ବକ୍ତ୍ଵୟ,

ଏମନ ଏକଟିଓ x ନେଇ ଯେ, x ରାଜୀ ଏବଂ x ବିଲାସୀ ନୟ ।

ବଦି ପ୍ରାଚୀନ ମତ ଠିକ ହତ, ତବେ

(2) (କ) ସବ ବହିବଲପ୍ରଭାବବ୍ୟୁକ୍ତ ପଦାର୍ଥ ହିରାବନ୍ଧୀ ବା ସମବେଗେ
ସରଳରେଖାୟ ଗତି ଅବ୍ୟାହତ ରାଖେ, କିନ୍ତୁ କୋଣ
ବହିବଲପ୍ରଭାବବ୍ୟୁକ୍ତ ପଦାର୍ଥ ନେଇ,

(5) (କ) କୋଣ ଭୂତ ନିରାମିଷାଶୀ ନୟ, କିନ୍ତୁ କୋଣ ଭୂତ ନେଇ,

ବଚନଗୁଲୋ ସ୍ଵବିରୋଧୀ ହତ । କିନ୍ତୁ ଏହି ବଚନଗୁଲୋ ସ୍ଵବିରୋଧୀ ନୟ ।

(2) ବଚନ $Bx \supset Ax$ ବଚନାପେକକେର ସାବିକ ମାଣକବନ୍ଦ ରାପ,

(x) ($Bx \supset Ax$)

যদি কোন বহির্ভূতিবস্তু পদার্থ না থাকে, তবে Bx বচনাপেক্ষকে
সব দৃষ্টিক্ষণ বচন মিথ্যা হবে, অর্থাৎ $\sim(\forall x) Bx$ । কলে $Bx \supset Ax$
এর সব দৃষ্টিক্ষণ বচন সত্য হবে, কারণ দৃষ্টিক্ষণগুলো বেশৱ
 $Ba \supset Aa, Bb \supset Ab$, ইত্যাদি পূর্বগ মিথ্যা হওয়ার অন্যই সত্য হবে।
সুতরাং $Bx \supset Ax$ -এর সাধিক মাণকবদ্ধকরণ সত্য। (2) (ক) বচনের
প্রতীকীরূপ হবে,

$$(x)(Bx \supset Ax) . \sim (\exists x) Bx$$

এটি সম্পূর্ণ সঞ্চত। (5) (ক)-এর প্রতীকীরূপ হবে,

$$(x) (Bx \supset \sim Nx) . \sim (\exists x) Bx$$

ଏଟିଓ ସମ୍ପୂର୍ଣ୍ଣ ଜନ୍ମତ ।

“সব ব্লাঙ্গা বিলাসী” বলে যদি আমরা “ব্লাঙ্গা আছে” এও বোঝাতে চাই, তবে বলতে হবে,

সব রাজা বিনাসী এবং রাজা আছে,

$$\text{रा, } \quad (x) (Rx \supset Bx) . (\exists x) Rx$$

ରୀତା ନା ଧୀକଲେଓ, ଅର୍ଥାତ୍ ~ (ପ୍ରିଯ) Rx ଗତ୍ୟ ହଲେଓ, (ପ୍ରିଯ) (Rx ⊃ Bx) ଗତ୍ୟ ହବେ, କାରଣ Rx-ଏର କୋନ ଦୂଷିତ ବଚନ ଗତ୍ୟ ନା ହେଉଥାଏ Rx ⊃ Bx ଏବଂ ସବ ଦୂଷିତ ବଚନ ଗତ୍ୟ ହବେ, ଏବଂ ଏର ସାରିକ ମାଧ୍ୟକବନ୍ଧକରଣ ଗତ୍ୟ ହବେ ।

ପରିକାର ବୋକା ଯାଏ, (x) ($\Phi x \supset \Psi x$) ବଚନ ଥେବେ (ମୁଖ) Φx -ଏଇ
ଗତ୍ୟତା ଅନୁଶୃତ ହେଉ ନା, ସ୍ଵତରାଙ୍ଗ (ମୁଖ) ($\Phi x . \Psi x$)-ଏଇ ଗତ୍ୟତାଓ ଅନୁଶୃତ
ହେଉ ନା ।

উপরের আলোচনা থেকে এই সিদ্ধান্ত গ্রহণ করা যায় যে, সার্বিক বচন তার উদ্দেশ্য পদাভিহিত কোন বস্তুর অস্তিত্ব সম্পর্কে কিছু বলে না। সার্বিক বচন নঞ্চর্ধক । A বচন

সব S (হয়) P

ବଲେ, ଏମନ ଏକଟିଓ ବ୍ୟକ୍ତି ନେଇ ଯା S ଏବଂ ~P

E বচন, কোন S নয় P

বলে, এমন একটিও ব্যক্তি নেই যা S এবং P

$$\text{अर्थात् } A \equiv \sim (\exists x) (\Phi x. \sim \Psi x)$$

$$E \equiv \sim (\exists x) (\Phi x . \Psi x)$$

বিতীয়তঃ, $\sim(\text{প্র}x)\Phi x$ সত্য হলে A ও E বচন একসঙ্গে সত্য হতে পারে। $\sim(\text{প্র}x)\Phi x$ সত্য হলে Φx -এর সব দৃষ্টান্ত বচন মিথ্যা, পূর্বগ মিথ্যা হওয়ায় $\Phi x \supset \Psi x$ -এর সব দৃষ্টান্ত বচন সত্য। অতএব $(x)(\Phi x \supset \Psi x)$ সত্য। অন্যভাবে বলা যায়, একটি x ও Φ না হলে, কোন x ই Φ . $\sim \Psi$ ও হতে পারবে না, অর্থাৎ $\sim(\text{প্র}x)\cdot(\Phi x \cdot \sim \Psi x)$ সত্য। আবার, $\sim(\text{প্র}x)\Phi x$ সত্য হলে অনুরূপভাবে $\Phi x \supset \sim \Psi x$ -এর সব দৃষ্টান্ত বচন সত্য হবে, এবং $(x)(\Phi x \supset \sim \Psi x)$ সত্য হবে। অন্যভাবে, একটি x ও Φ না হলে, কোন x ই Φ . Ψ ও হতে পারবে না, অর্থাৎ $\sim(\text{প্র}x)(\Phi x \cdot \Psi x)$ সত্য হবে। A ও E বচনের মধ্যে বিপরীত-বিরোধিতা সম্ভব নেই।

তৃতীয়তঃ, যেহেতু $(x)(\Phi x \supset \Psi x)$ বা $(x)(\Phi x \supset \sim \Psi x)$ থেকে $\sim(\text{প্র}x)\Phi x$ অনুস্থত হয় না, এদের থেকে $(\text{প্র}x)(\Phi x \cdot \Psi x)$ বা $(\text{প্র}x)(\Phi x \cdot \sim \Psi x)$ ও অনুস্থত হবে না। সত্তামাণকরক বচন অন্তত একটি বস্তুর অস্তিত্ব স্বীকার করে। এ দিক থেকে I ও O বচন উভয়ই সদৰ্থক, কারণ I বচনের বক্তব্য,

অন্তত এমন একটি x আছে যে, x (হয়) Φ এবং x (হয়) Ψ ,
এবং O বচনের বক্তব্য,

অন্তত এমন একটি x আছে যে, x (হয়) Φ এবং x নয় Ψ ,
স্ফুতরাঙ্গ, A \supset I বা E \supset O সত্য নয়। সারিক বচন থেকে সত্তাশূচক
বচন অনুস্থত হয় না। A ও I এবং E ও O-এর মধ্যে অধীন-বিরোধিতা
সম্ভব নেই।

চতুর্থতঃ, I ও O বচন উভয়ই মিথ্যা হতে পারে, যদি উদ্দেশ্যপদ-
বাচ্য কোন ব্যক্তি বা বস্তু না থাকে।

I—কোন কোন ভূত (হয়) নিরামিষাশী

O—কোন কোন ভূত নয় নিরামিষাশী,

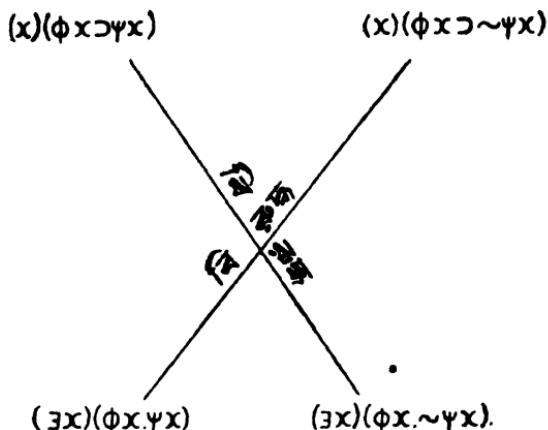
বা,
I—($\text{প্র}x$) ($Bx \cdot Nx$)

O—($\text{প্র}x$) ($Bx \cdot \sim Nx$)

উভয়ই মিথ্যা হবে যদি কোন x ভূত না হয়, অর্থাৎ $\sim(\text{প্র}x)Bx$ । অর্থাৎ,
ভূত না থাকলে Bx -এর সব দৃষ্টান্ত বচন মিথ্যা হবে, ফলে $Bx \cdot Nx$ বা
 $Bx \cdot \sim Nx$ এর সব দৃষ্টান্ত বচন মিথ্যা হবে, কারণ একটি সংযোগী
মিথ্যা। স্ফুতরাঙ্গ এদের সত্তামাণকরকরণ মিথ্যা হবে। অর্থাৎ,

$\sim(\forall x)Bx$ সত্য হলে দুটি বচনই বিদ্যা । $\sim(\forall x)Bx$ সত্য হলেও
বাধা কোথায় ? $(\forall x)Bx$ সত্য হবেই একথা কি বলা যায় ? আবাদের
কি ভূতের অস্তিত্ব অস্বীকার করার স্বাধীনতাও নেই ?

বিরোধ চতুর্কোণের একমাত্র কর্ণ দুটি ছাড়া আর কিছুই থাকছে না ।



A ও O, E ও I এর মধ্যে বিকল্প সম্বন্ধ ক্ষুণ্ণ হয় না ।

A—যে কোন x -এর ক্ষেত্রে, যদি x ঘু হয় তবে x ঘু হয়,

O—অস্তত এমন একটি x আছে যে, x ঘু হয় এবং x ঘু নয়,

এবং E—যে কোন x -এর ক্ষেত্রে, যদি x ঘু হয় তবে x ঘু নয়,

I—অস্তত এমন একটি x আছে যে, x (হয়) ঘু এবং x (হয়) ঘু,

এগুলো পরম্পর বিকল্প, কখনও একসঙ্গে সত্য হতে পারে না ।

বাণিক পরিবর্তন বিধি, বাস্তব প্রকল্পনের সংজ্ঞা ও ইনিমেথ বিধির
সাহায্যে এদের বিকল্প সম্বন্ধ দেখান যায় ।

$$\begin{aligned} O - (\forall x)(\Phi x \cdot \sim \Psi x) &\equiv \sim(x) \sim(\Phi x \cdot \sim \Psi x) \\ &\equiv \sim(x)(\Phi x \supset \Psi x) \\ &\equiv A \text{ বচনের নিবেধক} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 A-(x) (\Phi x \supset \Psi x) &\equiv \sim (\exists x) \sim (\Phi x \supset \Psi x) \\
 &\equiv \sim (\exists x) \sim \sim (\Phi x . \sim \Psi x) \\
 &\equiv \sim (\exists x) (\Phi x . \sim \Psi x) \\
 &\equiv O \text{ বচনের নিষেধক}
 \end{aligned}$$

সূত্রাঃ, $O \equiv \sim A$, এবং $A \equiv \sim O$

$$\begin{aligned}
 I-(\exists x) (\Phi x . \Psi x) &\equiv \sim (x) \sim (\Phi x . \Psi x) \\
 &\equiv \sim (x) \sim (\Phi x . \sim \sim \Psi x) \\
 &\equiv \sim (x) (\Phi x \supset \sim \Psi x) \\
 &\equiv E \text{ বচনের নিষেধক}
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 E-(x) (\Phi x \supset \sim \Psi x) &\equiv \sim (\exists x) \sim (\Phi x \supset \sim \Psi x) \\
 &\equiv \sim (\exists x) \sim \sim (\Phi x . \sim \sim \Psi x) \\
 &\equiv \sim (\exists x) (\Phi x . \Psi x) \\
 &\equiv I \text{ বচনের নিষেধক}
 \end{aligned}$$

সূত্রাঃ, $I \equiv \sim E$, এবং $E \equiv \sim I$

এখানে একটা প্রশ্ন উঠতে পারে, I ও O বচনের প্রতীকীরণে Φx ও Ψx -এর মধ্যে সংযোগিক সম্বন্ধ স্থাপন করা হয়েছে, অথচ A ও B বচনের প্রতীকীরণে Φx ও Ψx -এর মধ্যে প্রাকলিক সম্বন্ধ স্থাপন করা হয়েছে। এই বৈষম্যের কারণ কি? A যদি $(x) (\Phi x \supset \Psi x)$ হতে পারে, I তবে $(\exists x) (\Phi \supset \Psi x)$ হতে বাধা কি? একটি I বচন নিল,

কোন কোন মাংসবিক্রেতা (হয়) ধার্মিক,

বা, অস্তত এমন একটি ব্যক্তি আছে যে, ঐ ব্যক্তি মাংস বিক্রেতা এবং ঐ ব্যক্তি ধার্মিক

বা, $(\exists x) (Mx . Dx)$

যদি কোন হয়,

$(\exists x) (Mx \supset Dx)$

তবে এর অর্থ হয়,

অস্তত এমন একটি ব্যক্তি আছে যে, যদি সে মাংসবিক্রেতা হয় তবে সে ধার্মিক।

যদি জগতে অস্তত একটি ব্যক্তি থাকে, এবং সেই (কোন) ব্যক্তি
মাংস বিক্রেতা না হয়, তবে Mx -এর সব দৃষ্টান্ত বচন বিধ্যা হবে;
এবং $Mx \supset Dx$ এর সব দৃষ্টান্ত বচন সত্য হবে, $(\neg x)(Mx \supset Dx)$
ও সত্য হবে। অর্থাৎ জগতে কোন মাংস বিক্রেতা না থাকলেও
বচনটি সত্য হবে। কিন্তু I বচনের বক্তব্য তা নয়। I বচনটির
বক্তব্য, মাংস বিক্রেতা ও ধার্মিক এমন কেউ আছে। অনুজ্ঞপত্তাবে O
বচনকে $(\neg x)(Mx \supset \sim Dx)$ রূপ দিলে মাংসবিক্রেতা কেউ না
থাকলেও $(\neg x)(Mx \supset \sim Dx)$ সত্য হবে, কিন্তু O বচনের বক্তব্য,
মাংসবিক্রেতা কিন্তু ধার্মিক নয় এমন কেউ আছে। এইভন্য সম্ভাবিত
বচনকে প্রাকলিক সম্বন্ধ দ্বারা প্রকাশ করা যায় না।

5.8 অটিলতর সামান্য বচন

প্রাচীন ন্যায়ের A, E, I, O-এর চেয়েও অটিলতর সামান্য বচন হতে
পারে, এবং আমরা সাধারণ ভাষায় ব্যবহারও করে থাকি।

- (1) সব কর্মচারী পেন্সন ও গ্র্যাচুয়িটি পাওয়ার যোগ্য,
বচনটিকে প্রতীকীরূপ দেওয়া যাক। এর ক্রমিক রূপান্তর লক্ষ্য করুন,
যে কোন ব্যক্তির ক্ষেত্রে, যদি ঐ ব্যক্তি কর্মচারী হয় তবে ঐ
ব্যক্তি পেন্সন ও গ্র্যাচুয়িটি পাওয়ার যোগ্য,
যে কোন x -এর ক্ষেত্রে, যদি x কর্মচারী হয় তবে x পেন্সন
ও গ্র্যাচুয়িটি পাওয়ার যোগ্য,
যে কোন x -এর ক্ষেত্রে, যদি x কর্মচারী হয় তবে x পেন্সন
পাওয়ার যোগ্য এবং x গ্র্যাচুয়িটি পাওয়ার যোগ্য,
$$(x) [Kx \supset (Px . Gx)]$$

- (2) সব স্থায়ী কর্মচারী পেন্সন ও গ্র্যাচুয়িটি পাওয়ার যোগ্য,
যে কোন ব্যক্তির ক্ষেত্রে, যদি ঐ ব্যক্তি কর্মচারী হয় এবং ঐ
ব্যক্তি স্থায়ী হয়, তবে ঐ ব্যক্তি পেন্সন পাওয়ার যোগ্য;
এবং ঐ ব্যক্তি গ্র্যাচুয়িটি পাওয়ার যোগ্য,
যে কোন x -এর ক্ষেত্রে, যদি x কর্মচারী হয় এবং x স্থায়ী
হয়, তবে x পেন্সন পাওয়ার যোগ্য এবং x গ্র্যাচুয়িটি
পাওয়ার যোগ্য,
$$(x) [(Kx . Sx) \supset (Px . Gx)]$$

(3) কোন কোন হাটিমাটিমাটিম ডিম পাড়ে কিন্তু উড়ে না,
অস্তত এমন একটি ব্যক্তি আছে যে, ঐ ব্যক্তি হাটিমাটিমাটিম,
এবং ঐ ব্যক্তি ডিম পাড়ে ও ঐ ব্যক্তি উড়ে না,

$(\exists x) [Hx . (Dx . \sim Ux)]$

(4) সব অভিভাবক ও শিক্ষক অভিভাবক-শিক্ষকসংথের সদস্য

অভিধান— $Ax \# x$ হয় অভিভাবক

$S'x \# x$ হয় শিক্ষক

$Sx \# x$ হয় অভিভাবক-শিক্ষকসংথের সদস্য

এটিকে দুটি সাধারণ বচনের সংযোগ ধরা যায়,

সব অভিভাবক (হয়) অভিভাবক-শিক্ষকসংথের সদস্য,

সব শিক্ষক (হয়) অভিভাবক-শিক্ষকসংথের সদস্য।

প্রতীকীরূপে,

$(x) (Ax \supset Sx) . (x) (S'x \supset Sx)$

কিন্তু সাধারণ তাধার বচনাটির মধ্যে একটি উজ্জিই আছে, দুইটি নয়।
দেখা যাক, সে তাবেই এর প্রতীকীকরণ সম্ভব কি না।

যে কোন ব্যক্তির ক্ষেত্রে, যদি ঐ ব্যক্তি অভিভাবক ও শিক্ষক
হয় তবে ঐ ব্যক্তি অভিভাবক-শিক্ষক সংথের সদস্য,

$(x) [(Ax . S'x) \supset Sx]$

দুর্ভাগ্যবশতঃ বচনাটির অর্থ পাল্টে গেছে। এতে বোঝাচ্ছে, যাঁরা
অভিভাবক ও শিক্ষক উভয়ই, কেবল তাঁরাই অভিভাবক-শিক্ষকসংথের
সদস্য। অনেক অভিভাবক শিক্ষক নয়, কোন কোন শিক্ষক অভিভাবক
নয়, যাঁরা উভয়ই নয় তাঁরা কেউ অভিভাবক-শিক্ষকসংথের সদস্য নয়।
আমাদের বক্তব্য এরূপ ছিল না। বচনাটির প্রকৃত রূপ হবে,

যে কোন ব্যক্তির ক্ষেত্রে, যদি ঐ ব্যক্তি অভিভাবক হয় বা
ঐ ব্যক্তি শিক্ষক হয়, তবে ঐ ব্যক্তি অভিভাবক-শিক্ষক-
সংথের সদস্য,

$(x) [(Ax \vee S'x) \supset Sx]$

৫.৭ মানকলিয়ারক অঙ্গুলীয়ারিধি ও প্রৱাণ পর্যটন

যে ন্যায়ের অবয়বভূক্ত মানকলিয়ারক বচনাপেক্ষক আছে, তার প্রমাণ

ଗଠନେର ଅନ୍ୟ ବାଚନିକ ନ୍ୟାୟର ଅନୁମାନବିଧି ସେହିଟେ ନାହିଁ, ଆରା କରେବାଟି ନୃତ୍ନ ଅନୁମାନବିଧି ଆମାଦେର ପ୍ରଥମ କରତେ ଥିଲେ । ସେଇ ବିଧ୍ୟାତ ନ୍ୟାୟଟି ଲିଖ,

ସବ ଯାନୁସ (ହୟ) ନଶ୍ଵର,

ସଙ୍କ୍ରେଟିସ (ହୟ) ଯାନୁସ,

∴ ସଙ୍କ୍ରେଟିସ (ହୟ) ନଶ୍ଵର ।

ଫଳାବଳିରେ,

$(x) (Mx \supset Nx)$

Ms

∴ Ns

ଆମରା ଜାନି,

$Ms \supset Ns$

Ms

∴ Ns

ଏହି ନ୍ୟାୟ ବୈଧ, କିନ୍ତୁ ମାଣକବନ୍ଧ ବଚନାପେକ୍ଷକ ସହଯୋଗେ ଗଠିତ ପୂର୍ବେର ନ୍ୟାୟଟି ଥେକେ ଏହି କି ତାବେ ପାର ? ଏହି ଥିବାର ନ୍ୟାୟର ପ୍ରଥାଣ ଗଠନେର ଅନ୍ୟ ଏଥାନେ ଆମରା ନୃତ୍ନ ଚାରଟି ଅନୁମାନବିଧି ଉପଚାରିତ କରିବ ।¹

~~ସାରିକ ନିର୍ଦ୍ଦେଶ~~ । କୋନ ବଚନାପେକ୍ଷକରେ ସାରିକ ମାଣକବନ୍ଧକରଣ ପଞ୍ଜି ହେବେ, ସଦି ଏବଂ କେବଳ ସଦି ତାର ସବ ଦୃଷ୍ଟାନ୍ତ ବଚନ ସତ୍ୟ ହୟ । ନୃତ୍ରାଂ, ସାରିକମାଣକବନ୍ଧ କୋନ ବଚନାପେକ୍ଷକ ଥେକେ ତାର ସେ କୋନ ଦୃଷ୍ଟାନ୍ତ ବଚନ ଅନୁମେଯ । ବଚନାପେକ୍ଷକ ଥେକେ ଦୃଷ୍ଟାନ୍ତ ବଚନ ଉତ୍ପାଦନ କରାକେ ନିର୍ଦ୍ଦେଶ ବଲେ । ଏହି ବିଧି ସାରିକ ମାଣକବନ୍ଧ ବଚନାପେକ୍ଷକ ଥେକେ ସେ କୋନ ଦୃଷ୍ଟାନ୍ତ ବଚନେର ଅନୁମାନ ଅନୁମୋଦନ କରେ ବଲେ ଏକେ ସାରିକ ନିର୍ଦ୍ଦେଶ ଅନୁମାନ-ବିଧି ବଲେ । ଏହି ସଂକଷିପ୍ତ ଇଂରେଜୀ ନାମ U I (U—Universal, ସାରିକ, I—Instantiation, ନିର୍ଦ୍ଦେଶ) ।

ଏହି ବିଧିର ସାହାଯ୍ୟ ଉପରେ ନ୍ୟାୟଟିର ପ୍ରଥାଣ ଗଠନ କରା ଯାକ । ପ୍ରଥାଣ ଲେଖାର ପଞ୍ଜି ବାଚନିକ ନ୍ୟାୟର ପ୍ରଥାଣ ଲେଖାର ପଞ୍ଜିର ଯତ । ଏହି ବିଧିର ପ୍ରମୋଗ ପ୍ରମାଣି ଏକକଥାର ବଲା ଯାଇ, ସାରିକ ମାଣକଟି ଉଠିଯେ ଦିନ,

1. ଏଥାନେ ନୃତ୍ନ ଅନୁମାନବିଧିଙ୍କୁ ଜ୍ଞାନିକ ଝାପ ଦେଉରା ହେବେ । ପରବର୍ତ୍ତୀ ଛାହେ ଏହେଇ ବିଶେଷ ଜ୍ଞାନିକମା ଓ ସଂପର୍କବର୍ତ୍ତମ କରା ହେବେ ।

এবং এটি বচনাপেক্ষকের যে সব ব্যক্তিনাম গ্রাহকপ্রতীককে বক্ষ করে রেখেছিল তাদের স্থলে একটি ব্যক্তিধ্রমবক বসিয়ে দিন।

- | | |
|-----------------------------|-------------------|
| (1) (x) ($Mx \supset Nx$) | |
| (2) Ms^* | $/ \therefore Ns$ |
| (3) $Ms \supset Ns$ | 1, U I |
| (4) Ns | 3, 2, M. P. |

এই ধরণের ন্যায়ের ন্যায়াকার কিরূপ হবে? লক্ষণীয় যে, প্রতীয় পঙ্কজির Ms একটি বিশিষ্ট বচন, s একটি ব্যক্তিধ্রমবক। কিন্তু প্রতীয় পঙ্কজি Mp (প্লোটো), Ma (এরিষ্টল), Mk (কপিল), Mg (গৌতম) হতে পারত, এবং তদনুসারে সিদ্ধান্ত Np , Na , Nk , Ng হতে পারত। স্বতরাং, বিধিটির প্রতীকীর্ণে কোন ব্যক্তিধ্রমবকের ব্যবহার সমীচীন হবে না। s -এর স্থলে এখন একটি প্রতীক ব্যবহার করা দরকার যা যে কোন ব্যক্তিধ্রমবকের কাজ করতে পারে। এই প্রকার প্রতীককে বলা হল ব্যক্তিপ্রতীক, এটি ব্যক্তিধ্রমবকও হতে পারে, আবার যে কোন ব্যক্তিধ্রমবকের স্থলে (কার্যত: ব্যক্তিনাম গ্রাহকপ্রতীকের মত) ব্যবহৃত হতে পারে। ব্যক্তিপ্রতীক বোঝাতে আমরা শ্রীক বর্ণমালার ৪ (উচ্চারণ—নিউ) অক্ষরটি ব্যবহার করব।

উপরের ন্যায়ে বচনাপেক্ষক $Mx \supset Nx$ । গুণ ধ্রমবকের স্থলে গুণনাম গ্রাহকপ্রতীক বর্ণ ব্যবহার সমীচীন, কারণ, “সব রাজা বিলাসী” বা (x) ($Rx \supset Bx$), “সব গুরুধৰ্মী পুরুষ আশুভুরি” বা (x) ($Gx \supset Ax$), এগুলোও আমাদের অন্যান্য ন্যায়ে যুক্তিবচন হিসেবে ব্যবহার করতে হবে। অর্থাৎ, যে কারণে ব্যক্তিধ্রমবকের ব্যবহার অসমীচীন, সেই কারণেই গুণধ্রমবকের ব্যবহারও অসমীচীন। গুণনাম গ্রাহকপ্রতীক ব্যবহার করে বচনাপেক্ষকটি দাঁড়াল $\Phi x \supset \Psi x$ । কিন্তু বচনাপেক্ষক অন্য আকারেও হতে পারে, $\Phi x \vee \Psi x$, $\Phi x \cdot \Psi x$, $\Phi x \sim \Psi x$, $\Phi x \supset \sim \Psi x$, ইত্যাদি । এই সবগুলোই বোঝাতে পারে এবন একটি প্রতীক বচনাপেক্ষকের অন্য প্রেরণ করা দরকার। যে কোন বচনাপেক্ষকে অস্তত একটি সুস্থ x থাকলেই তাকে আমরা Φx প্রতীক হারা নির্দেশ করব। Φx নীচের যে কোন বচনাপেক্ষককে বোঝাবে,

Mx , $Mx \cdot Nx$, $\sim Mx \vee Ax$, $Aa \supset Mx$,
 $(Ax \vee S'x) \supset Sx$, ইত্যাদি।

এবার আমরা সার্বিক নির্দেশন বিধির প্রতীকীর্তন দিতে পারি।¹

(x) Φx

$\therefore \Phi u$ (u -কে যে কোন ব্যক্তিপ্রতীক ধরে)

[Φx এতে x -এর সব অবস্থানক্ষেত্রে Φ সংস্থাপন করতে হবে ।]

(2) সার্বিক সামাজিকদল । নীচের বচনটি দেখুন,

(1) যদি রাম ও শ্যাম অংশীদার হয়, তবে তাদের অংশীদারী সংস্থার যাবতীয় ধরণের জন্য রাম ও শ্যাম বৌখিভাবে দায়ী থাকবে,

এই বচনের নামগুলো কোন ব্যক্তিবিশেষের নাম নয়, বচনটির অর্থ,

(1) (ক) যদি যে কোন দুই ব্যক্তি একটি অংশীদারী সংস্থা গঠন করে, তবে অংশীদারী সংস্থার যাবতীয় ধরণের জন্য এ দুই ব্যক্তি বৌখিভাবে দায়ী থাকবে,

অর্থাৎ “রাম” ও “শ্যাম” নাম দুটি প্রকৃত নাম নয়, যে কোন দুজন ব্যক্তি বৌখিভাবে জন্য ব্যবহৃত একপকার অবিশেষ নাম । বচনটি “রাম”, “শ্যাম” সম্পর্কে যেমন সত্য, “যদু”, “মধু” সম্পর্কেই তেমনি সত্য ।

অথচ, “রাম”, “শ্যাম” ব্যক্তিনাম গ্রাহকপ্রতীকও নয়, কারণ তা হলো (1) বচন না হয়ে বচনাপেক্ষক হত । কিন্তু (1) একটি বচন, বচনাপেক্ষক নয় । আসলে এই বচনে “রাম”, “শ্যাম” অপরিকল্পিতভাবে নির্বাচিত দুটি ব্যক্তি, অর্থাৎ যে কোন দুই ব্যক্তি । ॥

নীচের ন্যায়টি দেখুন,

সব মানুষ (হয়) নশুর,

সব গ্রীক (হয়) মানুষ,

\therefore সব গ্রীক (হয়) নশুর ।

প্রতীকীর্তনে,

(x) ($Mx \supset Nx$)

(x) ($Gx \supset Mx$)

\therefore (x) ($Gx \supset Nx$)

¹ এখানে ন্যায়করণ ও অনুমানবিধি পৃষ্ঠক করে সেখান হলো না ।

যদি একটি ব্যক্তিধূমবক ব্যবহার করে যুক্তিবচন দুটির উপর UI প্রয়োগ করা হয়, তবে ন্যায়টি দাঁড়াবে,

$$Ms \supset Ns$$

$$Gs \supset Ms$$

$$\therefore Gs \supset Ns$$

কিন্তু, $Gs \supset Ns$ থেকে (x) ($Gx \supset Nx$) পাব কি করে? একজন ব্যক্তি সম্বন্ধে যা সত্য তা যে কোন ব্যক্তি সম্বন্ধেও সত্য, এ কথা বলার উপায় কি? উপায়, যদি এই ব্যক্তি অপরিকল্পিতভাবে নির্বাচিত কেউ হয়। জ্যামিতিতে একটি ত্রিভুজ এঁকে তার তিনি কোণের সমষ্টি দুই সমকোণের সমান প্রমাণ করে তারপর বলা হয়, অতএব, যে কোন ত্রিভুজের তিনি কোণের সমষ্টি দুই সমকোণের সমান। সাবিক জ্যামিতিক সিদ্ধান্তের ভিত্তি, যা একটি অপরিকল্পিতভাবে নির্বাচিত ত্রিভুজ সম্বন্ধে সত্য, তা সব ত্রিভুজ সম্বন্ধে সত্য। কোন অপরিকল্পিতভাবে নির্বাচিত ত্রিভুজ সম্পর্কে ত্রিভুজটি সমবাহু, সমবিবাহু বা অসমবাহু, সমকোণী, সূক্ষ্মকোণী বা স্থূলকোণী, কিছুই বলা চলে না, কিন্তু বলা চলে, এর তিনি কোণের সমষ্টি দুই সমকোণের সমান, কারণ, এখানে অপরিকল্পিতভাবে নির্বাচিত ত্রিভুজের একমাত্র ত্রিভুজসহ অঙ্গীকার করে নেওয়া হচ্ছে, তার অন্য কোন বৈশিষ্ট্য অঙ্গীকার করে নেওয়া হচ্ছে না। অনুরূপভাবে, একজন অপরিকল্পিতভাবে নির্বাচিত ব্যক্তি সম্বন্ধে তিনি প্রীক বা ভারতীয়, দার্শনিক বা মুসুকু, দৌর্যদেহ বা খর্বদেহ, কিছুই বলা চলে না, কিন্তু বলা চলে, তিনি নশুর। [আপাতত আমরা যে কোন একটি অপরিকল্পিতভাবে নির্বাচিত ব্যক্তির হলে y বর্ণটি প্রতীক হিসেবে ব্যবহার করব।]

(x) ϕx থেকে ϕy বৈধভাবেই নিঃস্তত হয়, কারণ যা সব ব্যক্তি সম্বন্ধে সত্য তা অপরিকল্পিতভাবে নির্বাচিত যে কোন ব্যক্তি সম্বন্ধেও সত্য। আবার, ϕy থেকে (x) ϕx বৈধভাবে অনুমান করা যাবে, কারণ যা যে কোন একটি অপরিকল্পিতভাবে নির্বাচিত ব্যক্তি সম্বন্ধে সত্য তা সব ব্যক্তি সম্বন্ধে সত্য। কিন্তু যদি ব্যক্তিধূমবক ব্যবহার করে (x) ϕx থেকে UI দ্বারা ϕa আনন্দ করি, তবে ϕa থেকে পুনরায় (x) ϕx অনুমান করা সম্ভব হবে না, কারণ a একটি নিশ্চিট ব্যক্তিনামের প্রতীক। ϕa বললে বোঝাবে, কোন বিশেষ ব্যক্তির ϕ গুণ আছে, বোঝাবে না, যে কোন অপরিকল্পিতভাবে নির্বাচিত ব্যক্তির ϕ গুণ আছে। y বর্ণটি

ঐ প্রকার অবিশেষ নামের প্রতীক বলেই y এর ব্যবহার মাণক ছাড়াই বচনের সারিক্ষ প্রকাশ করতে পারে, এবং Φy থেকে (x) Φx বৈধতাবে অনুমান করা যেতে পারে। Φa ও Φy দুইই (x) Φx এর দৃষ্টান্ত বচন, এবং এর থেকে অনুমেয়। UI বিধিতে Φ প্রতীক a -ও বোঝাতে পারে, y -ও বোঝাতে পারে।

সারিক সামান্যীকরণ বিধির প্রতীকীরণ,

Φy

$\therefore (x) \Phi x$

(y কে যে কোন একটি অপরিকল্পিতভাবে নির্বাচিত ব্যক্তির প্রতীক থরে)

এই বিধির প্রয়োগ প্রণালী এক কথায় বলা যায়, y অপরিকল্পিতভাবে নির্বাচিত ব্যক্তির প্রতীক হলে, Φy বচনাপেক্ষক থেকে তার সারিক মাণকবন্ধ বচন বা সূত্র অনুমান করা যায়। এই বিধির সাহায্যে সারিক মাণকবন্ধ সামান্য বচন অনুমান করা হয় বলে একে সারিক সামান্যীকরণ বিধি বলে। এর সংক্ষিপ্ত ইংরেজী নাম UG (U—Universal, সারিক, G—Generalization, সামান্যীকরণ)]

এবার উপরের ন্যায়টির প্রমাণ গঠন করা যাক,

- | | |
|---------------------------|---------------------------|
| (1) $(x) (Mx \supset Nx)$ | |
| (2) $(x) (Gx \supset Mx)$ | / ∴ $(x) (Gx \supset Nx)$ |
| (3) $My \supset Ny$ | 1, UI |
| (4) $Gy \supset My$ | 2, UI |
| (5) $Gy \supset Ny$ | 4, 3, H.S. |
| (6) $(x) (Gx \supset Nx)$ | 5, UG |

সন্তানাসাম্যীকরণ। [আমরা জানি, বচনাপেক্ষকের সন্তানামক-বক্তৃকরণ সত্য হবে, যদি এবং কেবল যদি তার অস্তত একটিও দৃষ্টান্ত বচন সত্য হয়। অর্থাৎ, যদি জানি, কোন বিশেষ ব্যক্তির একটি শুণ আছে, তবে বলতে পারি, কোন কোন ব্যক্তির ঐ শুণ আছে। যদি জানি “সজ্জেটিস দার্শনিক” বা Ds সত্য, তবে বলতে পারি। “কোন কোন ব্যক্তি দার্শনিক” বা $(\exists x) Dx$ । স্বতরাং, আমাদের তৃতীয় অনুমানবিধি হচ্ছে, কোন বচনাপেক্ষকের কোন একটি দৃষ্টান্ত বচন সত্য হলেই ঐ

ବଚନାପେକ୍ଷକେର ସତ୍ୟାଗଣକବନ୍ଧ ବଚନ ବା ଶୁତ୍ର ଅନୁମାନ କରା ସେତେ ପାରେ । ଏହି ବିଧିର ସାହାଯ୍ୟେ ସତ୍ୟାଗଣକବନ୍ଧ ସାମାନ୍ୟ ବଚନ ଅନୁମାନ କରା ହୁଏ ବଲେ ଏକ ସତ୍ୟାମାନନ୍ୟୀକରଣ ବଲେ । ଏଇ ସଂକଷିପ୍ତ ଇଂରେଜୀ ନାମ EG (E—Existential, ସତ୍ୟ (ସୂଚକ), G—Generalization, ସାମାନ୍ୟୀକରଣ) । ଏଇ ପ୍ରତୀକୀଙ୍କାପ,

$$\begin{array}{c} \Phi \text{ } y \\ \hline \therefore (\text{ସ୍ଵ}) \Phi \text{ } x \\ (\text{ଯେ କେ ଯେ କୋନ ବ୍ୟକ୍ତି ପ୍ରତୀକ ଥରେ)} \end{array}$$

(୩) ସତ୍ୟ ନିର୍ବର୍ଣ୍ଣଳ । [ଗୋଟେଲା କାହିନୀତେ ଆମରା ପଡ଼ି, ହତ୍ୟାକାରୀ ହାତେ ଦ୍ୱାନା ପାରେ ଏସେଛି, ଜାନାଲାର ଗରାଦେ ଫାଁକ କରେ ସବେ ତୁମେ ଯଦୁବୁବୁକେ ତାଁରଇ ପିଞ୍ଜଳ ଦିଯେ ଗୁଲି କରେ ସବେର ଦରଜା ଖୁଲେ ବେରିଯେ ଗିନ୍ଦି ଦିଯେ ନେମେ ଯାଏ । ଏଥାନେ କୋନ ଏକଜନ ଲୋକ ସମ୍ବନ୍ଧେ କିଛୁ ବଲା ହଛେ, କିନ୍ତୁ ଜାନା ନେଇ ଲୋକଟି କେ, ଶୁଦ୍ଧ ଜାନା ଆଛେ, ସେ ଆଛେ ଏବଂ ହତ୍ୟାକାରୀ । ଅନେକ ‘ସମୟ ଆମରା ବଲି, ଏହେ ସେଦିନ ପାଠିତେ ଯିନି ଆମର ଡାନଦିକେ ବସେଛିଲେନ, କି ଯେନ ତାଁର ନାମ ?’ ଏହି ‘କି ଯେନ ତାଁର ନାମ’ ଓ ଆଗେ ‘ରାମ’, ‘ଶ୍ରୀମଦ୍ଭଗବତ’ ମଧ୍ୟେ ପାର୍ଦ୍ଦକ୍ୟ ବିଶେଷଭାବେ ଅନୁଧାବନୀୟ । ‘ରାମ’, ‘ଶ୍ରୀମଦ୍ଭଗବତ’ ଯେ କୋନ ବ୍ୟକ୍ତି ଏକ ବିଶେଷ ବ୍ୟକ୍ତି, ଯେ କୋନ ବ୍ୟକ୍ତି ନୟ । ଝୁର୍ତ୍ତରାଂ ‘କି ଯେନ ତାଁର ନାମ’ ବୋକାତେ y ପ୍ରତୀକବର୍ଦ୍ଦ ବ୍ୟବହାର କରା ଚଲବେ ନା, କାରଣ y ଅବିଶେଷ ନାମେର ପ୍ରତୀକ ହଲେଓ କୋନ ବ୍ୟକ୍ତିବିଶେଷେର ନାମେର ପ୍ରତୀକ ନୟ, ଅପରିକଲ୍ପିତଭାବେ ନିର୍ବାଚିତ ଯେ କୋନ ବ୍ୟକ୍ତିର ନାମେର ପ୍ରତୀକ । ‘‘କି ଯେନ ତାଁର ନାମ’’ ବ୍ୟକ୍ତିବିଶେଷେର ନାମେର ସ୍ଥଳେ ବ୍ୟବହାର ହେବେ ।

ଯିନି ଆମର ପାଶେ ବସେଛିଲେନ, କି ଯେନ ତାଁର ନାମ,
ବଚନେର ଅର୍ଥ,

ଏକଜନ କେଉଁ ଆଛେନ, ଯିନି ଆମର ପାଶେ ବସେଛିଲେନ,
ପ୍ରତୀକୀଙ୍କାପେ,

(ସ୍ଵ) BX

“କି ଯେନ ତାଁର ନାମ” ଲୋକଟିକେ ଏକଟି ବ୍ୟକ୍ତିଧ୍ରୁବକ ଥାରା ନିର୍ଦ୍ଦେଶ କରାତେ ହବେ, ଅଣ୍ଟ ତାଁର ନାମଟାଇ ଜାନା ନେଇ ଯେ ଆମ୍ବାକରଟି ବ୍ୟକ୍ତିଧ୍ରୁବକ ହିସେବେ ବ୍ୟବହାର କରବ, ଶୁଦ୍ଧ ଜାନା ଆଛେ, ତିନି ଐତିହ୍ୟ ଆମର ପାଶେ ବସେଛିଲେନ ।

এতপে ক্ষেত্রে আমরা w অক্রটি ও “কি বেল তাঁর সাম” লোকটির নামের স্থলে ব্যক্তিগত হিসেবে ব্যবহার করব। স্ফুরণঃ, আমরা অনুযান করতে পারি,

$$\frac{(\text{প্র}x) Bx}{\therefore Bw}$$

w কে? না, যিনি আমার পাশে বসেছিলেন।

এবার আমরা চতুর্থ ও শেষ অনুযানবিধিটি এভাবে উপস্থাপিত করতে পারি। কোন সত্তামাণকবন্ধ বচন কোন ব্যক্তির সত্তা ঘোষণা করে। বচনবণ্ণিত কোন একজন ব্যক্তি আছে, এইটুকুই শুধু ভাবি, $(\text{প্র}x) \Phi x$ । ব্যক্তিনাম গ্রাহকপ্রতীকের স্থলে w কে ব্যক্তিগতকরণে ব্যবহার করে, সত্তামাণকবন্ধ বচনাপেক্ষক (Φx) থেকে w সংপর্কে তার একটি দৃষ্টিভবচন অনুযান করা যায়, Φw ।

$$\frac{(\text{প্র}x) \Phi x}{\therefore \Phi w}$$

এই বিধি দ্বারা সত্তামাণকবন্ধ বচনাপেক্ষক থেকে দৃষ্টিভব বচনের অনুযান অনুযোদিত হয় বলে একে সত্তানির্দেশন বিধি বলে। এর সংক্ষিপ্ত ইরেঞ্জী নাম EI (E—Existential, সত্তা (সূচক), I—Instantiation, নির্দেশন)।

এই বিধির প্রয়োগে একটি শর্ত পালন করতে হবে, কখনও লজ্জন করা চলবে না। শর্তটি এই, একই ন্যায়ে w কে দুবার EI দ্বারা উপস্থাপিত করা চলবে না। w একটি ব্যক্তিগত, একবার EI দ্বারা উপস্থাপিত হয়ে থাকলে একটি বিশেষ ব্যক্তির নামের প্রতীক হিসেবে ইতঃপূর্বেই ব্যবহৃত হয়েছে। স্ফুরণঃ আর একবার আর একটি ব্যক্তির নামের প্রতীক হিসেবে একই ন্যায়ে EI দ্বারা উপস্থাপিত হতে পারবে না। ব্যক্তিগত হওয়ায় w একই ন্যায়ে একাধিকবার BI দ্বারা অনুযোদিত হয় না।

E I এর প্রতীকীর্তিপ,

$$\frac{(\text{প্র}x) \Phi x}{\therefore \Phi w}$$

(w -কে EI দ্বারা পূর্বে অনুস্থাপিত একটি ব্যক্তিগত থেরে)

শর্ত ভঙ্গ করে EI-এর অবৈধ প্রয়োগ করলে সত্য যুক্তিবচন থেকে স্বতোমিথ্যা সিদ্ধান্ত আনয়ন ক্ষুব্ধ সহজ হয়।

একজন কেউ (হয়) ধনী,

একজন কেউ (হয়) দরিদ্র,

∴ একজন কেউ (হয়) ধনী ও দরিদ্র।

প্রমাণ,

- | | | |
|----------------------------------|---|--------------|
| (1) $(\exists x) Dx$ | | |
| (2) $(\exists x) \sim Dx$ | $\therefore (\exists x) (Dx . \sim Dx)$ | |
| (3) $D w$ | | 1, EI |
| (4) $\sim D w$ | | 2, EI (অবৈধ) |
| (5) $D w . \sim D w$ | | 3, 4, Conj. |
| (6) $(\exists x) (Dx . \sim Dx)$ | | 5, EG |

ন্যায়টি অবৈধ, কারণ ধনী ব্যক্তি ও দরিদ্র ব্যক্তি, অর্ধাং $D w$ এর w ব্যক্তি ও $\sim D w$ এর w ব্যক্তি একই ব্যক্তি না হওয়াই তো সম্ভব। কিন্তু w এর সাহায্যে দুবার EI প্রয়োগ করার অর্দ্ধ, এই দুই ব্যক্তি একই ব্যক্তি এরূপ অঙ্গীকার করা, যার কোন ভিত্তি নেই।

থাচীন ন্যায়ের একটি অবৈধ মূত্তি ধরুন,

কোন কোন মানুষ (হয়) শ্রেতবর্দ,

কোন কোন ভল্লুক (হয়) শ্রেতবর্দ,

∴ কোন কোন মানুষ (হয়) ভল্লুক।

EI-এর অবৈধ প্রয়োগ করলে⁷ প্রদত্ত যুক্তিবচন থেকে সিদ্ধান্ত প্রমাণ করা যায়।

- | | | |
|-----------------------------|------------------------------------|--------------|
| (1) $(\exists x) (Mx . Sx)$ | | |
| (2) $(\exists x) (Bx . Sx)$ | $\therefore (\exists x) (Mx . Bx)$ | |
| (3) $M w . S w$ | | 1, EI |
| (4) $B w . S w$ | | 1, EI (অবৈধ) |
| (5) $M w$ | | 3, Simp. |
| (6) $B w$ | | 4, Simp. |
| (7) $M w . B w$ | | 5, 6, Conj. |
| (8) $(\exists x) (Mx . Bx)$ | | 7, EG |

EI প্রয়োগের শর্তটি এই প্রকার ভুল প্রয়াণ নিবারণের উদ্দেশ্যে আরোপিত হয়েছে। শ্রেতবর্দ মানুষ ও শ্রেতবর্দ ভদ্র দুই ব্যক্তি হতে পারে বলেই ন্যায়টি অবৈধ।

এবার শেষ দুটি নিয়মের বৈধ প্রয়োগের দৃষ্টান্ত দেখা যাক।

সব কুকুর (হয়) বাংসাশী,
কোন কোন অস্ত (হয়) কুকুর,

∴ কোন কোন অস্ত (হয়) বাংসাশী।

প্রয়াণ,

- | | | |
|---------------------|------------------|-------------|
| (1) (x) (Kx ⊃ Mx) | | |
| (2) (Ex) (Jx . Kx) | ∴ (Ex) (Jx . Mx) | |
| (3) J w . K w | | 2, E I |
| (4) K w . J w | | 3, Com. |
| (5) K w | | 4, Simp. |
| (6) K w ⊃ M w | | 1, U I |
| (7) M w | | 6, 5, M.P. |
| (8) J w | | 3, Simp. |
| (9) J w . M w | | 8, 7, Conj. |
| (10) (Ex) (Jx . Mx) | | 9, EG |

শাশ্বতনিয়ামক অনুমানবিধির সঙ্গে প্রাকলিক প্রয়াণবিধির প্রয়োগ করা যেতে পারে।

সব সৎ-স্বত্তাব ও শ্রী-অনুরাগী স্বামী বৈকালিক চা-পানের অন্য গৃহ প্রত্যাবর্তনকারী ও শ্রীর আজ্ঞানুবর্তী হয়।

∴ সব সৎ স্বত্তাব স্বামী শ্রীর আজ্ঞানুবর্তী হয়।

অভিধান,

S x # x (হয়) সৎস্বত্তাব স্বামী

A x # x (হয়) শ্রী-অনুরাগী স্বামী

C x # x (হয়) বৈকালিক চা-পানের অন্য গৃহপ্রত্যাবর্তন-কারী স্বামী

B x # x (হয়) শ্রীর আজ্ঞানুবর্তী স্বামী

প্রমাণ

(1) $(x) [(Sx \vee Ax) \supset (Cx \cdot Bx)]$	$\therefore (x) (Sx \supset Bx)$
→(2) Sy	
(3) $(Sy \vee Ay) \supset (Cy \cdot By)$	1, U I
(4) $Sy \vee Ay$	2, Add.
(5) $Cy \cdot By$	3, 4 M.P.
(6) $By \cdot Cy$	5 Com.
(7) By	6 Simp.
(8) $Sy \supset By$	2—7, C.P.
(9) $(x) (Sx \supset Bx)$	8, UG

আব একটি,

সব অধ্যাপক (হয়) পণ্ডিত,

সব পণ্ডিত অধ্যাপক (হয়) অন্যমনস্ক,

 \therefore সব অধ্যাপক (হয়) পণ্ডিত ও অন্যমনস্ক।অভিধান $Mx \neq x$ (হয়) অন্যমনস্ক

প্রমাণ,

(1) $(x) (Ax) \supset Px$	
(2) $(x) [(Px \cdot Ax) \supset Mx]$	$\therefore (x) [Ax \supset (Px \cdot Mx)]$
(3) $Ay \supset Py$	1, U I
(4) $(Py \cdot Ay) \supset My$	2, U I
→(5) Ay	
(6) Py	3, 5, M.P.
(7) $Py \cdot Ay$	6, 5, Conj.
(8) My	4, 7, M.P.
(9) $Py \cdot My$	6, 8, Conj.
(10) $Ay \supset (Py \cdot My)$	5—9, C.P.
(11) $(x) [Ax \supset (Px \cdot Mx)]$	10, UG

(1) এই বিধিশূলো কেবল সমগ্র পঞ্জির উপর প্রযোজ্য।

(2) কোন মাণকের আগে নিমেষক চিহ্ন “~” থাকবে না।

(3) একই অনুমানে UI ও EI প্রয়োগ করতে হলে আগে EI প্রয়োগ করতে হবে।

5.10 ଅବେଳା ପ୍ରକାଶ

ପ୍ରଦୟତ ନ୍ୟାୟର ଅବୈଧତା ପ୍ରମାଣେର ଉଦ୍ଦେଶ୍ୟ ବାଚନିକ ନ୍ୟାୟ ଅନିଯା
କମେକଟି ପଞ୍ଜତି ଅବଲମ୍ବନ କରେଛି । ଶାନ୍ତିକବଳ ବଚନାପେକ୍ଷକ ସହବୋଗେ
ଗଠିତ ନ୍ୟାୟର ଅବୈଧତା ପ୍ରମାଣେର ଉଦ୍ଦେଶ୍ୟ ସଂକିଳିତ ସତ୍ୟାଗରୀ କୌଶଲେର
ଅନୁରୂପ ଏକଟି ପଞ୍ଜତି ଏଥାନେ ଦେଖାନ୍ତା ହବେ । ନ୍ୟାୟ ଅବୈଧ ହେ, ଯଦି
ଏମନଭାବେ ଉପାଦାନ ବଚନେର ଯାନଶର୍ତ୍ତ ନିରେଶନ ସମ୍ଭବ ହୁଏ ଯେ ଯୁଦ୍ଧବିଚନ ସତ୍ୟ
କିନ୍ତୁ ଶିକ୍ଷାନ୍ତ ବିଧ୍ୟା ହୁଏ । ଶାନ୍ତିକବଳ ବଚନାପେକ୍ଷକେର ବେଳାଓ କି ଭାବେ ଏଇ
କୌଶଲଟି ପ୍ରୋଗ୍ରାମ କୁରା ଯେତେ ପାରେ, ତାଇ ଏକାର ଦେଖାନ୍ତା ହବେ ।

প্রথমে আমরা একটি অঙ্গীকার বক্তব্য যে, জগতে অস্তিত্বক্ষে একটি ব্যক্তি আছে। দুইটি, তিনটি, ..., k -সংখ্যক ব্যক্তি থাকলেও এই অঙ্গীকার পূর্ণ হয়। ধরা যাক, জগতে একটি মাত্র ব্যক্তি আছে, তার নাম “অঞ্চল”। এই প্রকার জগতে

সব ব্যক্তি (হয়) নশুর,

এবং অজয় (হয়) নশুর,

এই দুটি বচন ন্যায়তঃ সম্মান হবে, কারণ এই জগতে অস্থ একমাত্র ব্যক্তি যে নশুর হতে পারে। হিতীয় বচনাটি প্রথম বচনের একমাত্র দৃষ্টান্ত বচন। আবার, এই জগতে

କୋନ କୋନ ବ୍ୟକ୍ତି (ହସ୍ତ) ନଶ୍ଵର,

এবং অজয় (হয়) নশুর,

এই দুটি বচনও একই কারণে ন্যায়ত: সম্মান হবে। সূত্রাকারে,

$$(x) \Phi x \equiv \Phi a$$

$$(\exists x) \Phi x \equiv \Phi a$$

$$\text{सूचनाएँ,} \quad (x) \Phi x \equiv (\exists x) \Phi x$$

যদি অগতে দুইটি ব্যক্তি থাকে, এবং তাদের নাম যথাক্রমে “অজয়” ও “বিজয়” হয়, তবে

সব ব্যক্তি (হয়) নশুর,

এবং অভয় ও বিভয় (হয়) নশুর,

এই দুটি বচন ন্যায়তঃ সমর্থন, কারণ কেবল অভয় ও বিভয় এই দুই ব্যক্তি এই জগতের বাসিন্দা। “অভয় (হয়) নশুর” ও “বিভয় (হয়) নশুর”, কেবল এই দুটি বচনই “সব ব্যক্তি (হয়) নশুর” বচনের দৃষ্টান্ত বচন। আবার

কোন কোন ব্যক্তি (হয়) নশুর,
এবং
অভয় বা বিভয় (হয়) নশুর,
আই দুটি বচনও ন্যায়তঃ সমমান, কারণ, কোন কোন ব্যক্তি নশুর হবে,
যদি এবং কেবল যদি অভয় ও বিভয়ের মধ্যে অস্ত একজন নশুর হয়।
সুজ্ঞাকারে,

$$(x) \Phi x \equiv \Phi a \cdot \Phi b$$

$$(\forall x) \Phi x \equiv \Phi a v \Phi b$$

যে জগতে একাধিক বাসিলা আছে, সে জগতে $(x) \Phi x$ ও $(\forall x) \Phi x$
ন্যায়তঃ সমমান নয়। যদি জগতে k -সংখ্যক বাসিলা থাকে, তবে

$$(x) \Phi x \equiv (\Phi a \cdot \Phi b \cdot \dots \cdot \Phi k)$$

$$(\forall x) \Phi x \equiv (\Phi a v \Phi b v \dots v \Phi k)$$

সার্বিকমাণক ও সভামাণকের ধারণা থেকেই এই বচনগুলোর সমমানতা
পরিষ্কৃত হয়। যার ব্যক্তিসংখ্যা অস্ত একটি কিন্তু অনন্ত নয়, এমন
যে কোন সন্তান্য জগতের ক্ষেত্রে, যে কোন সামান্য বচন ব্যক্তিসংখ্যার
সমসংখ্যক বিশিষ্ট উপাদানবচন গঠিত একটি সত্যাপেক্ষ যৌগিক বচনের
সমমান। স্বতরাং, এইরূপ জগতের ক্ষেত্রে যে কোন মাণকবদ্ধ বচনাপেক্ষক
সহযোগে গঠিত ন্যায়, বিশিষ্ট উপাদান বচন ও তাদের সত্যাপেক্ষ
যৌগিক বচনের সহযোগে গঠিত একটি ন্যায়ের সমমান। মাণক গঠিত
ন্যায় বৈধ হবে, যদি এবং কেবল যদি বিশিষ্ট উপাদান বচনের সত্যাপেক্ষ
যৌগিক বচন গঠিত সমমান ন্যায়টি এইরূপ সমস্ত সন্তান্য জগতের ক্ষেত্রে
বৈধ হয়। মাণকগঠিত ন্যায় অবৈধ হবে, যদি এবং কেবল যদি
এমন একটিও সন্তান্য জগতের নমুনা দেখান যায়, যে জগতে এক বা
একাধিক ব্যক্তি আছে (কিন্তু অনন্তসংখ্যক নয়) এবং যার ক্ষেত্রে ঐ
ন্যায়টির সমমান সত্যাপেক্ষ যৌগিক বচন গঠিত ন্যায়টি অবৈধ।
কোন মাণকগঠিত ন্যায়ের অবৈধতা প্রমাণ করতে হলে নমুনা জগতের
ব্যক্তিসংখ্যা অনুযায়ী প্রথমে তাকে সত্যাপেক্ষ যৌগিক বচন গঠিত ন্যায়ে
সম্পূর্ণরূপ করতে হবে, এবং তারপর এমনভাবে বিশিষ্ট উপাদান বচন-
গুলোর মানশর্ত নিবেশন করতে হবে যাতে যুক্তিবচন সত্য অর্থ সিদ্ধান্ত
মিথ্য হয়। একটি ন্যায় নিন,

সব দেবতা (হয়) জ্ঞানী,

সব মানুষ (হয়) জ্ঞানী,

∴ সব মানুষ (হয়) দেবতা।

প্রতীকীরণে,

$$\begin{array}{c} (x) (Dx \supset Jx) \\ (x) (Mx \supset Jx) \\ \hline \therefore (x) (Mx \supset Dx) \end{array}$$

একটি শার্গ ব্যক্তি আছে এমন অগতের ক্ষেত্রে শার্গকগঠিত ন্যায়টি

$$\begin{array}{c} Da \supset Ja \\ Ma \supset Ja \\ \hline \therefore Ma \supset Da \end{array}$$

বিশিষ্ট উপাদান বচনের সত্যাপক ঘোষিক বচন গঠিত এই ন্যায়ের সমর্থন। ন্যায়টি অবৈধ, কারণ, Ma ও Ja সত্য, Da মিথ্যা হলে পুঁজিবচন দুটিই সত্য কিন্তু সিদ্ধান্ত মিথ্যা হয়। মানশর্ত নিবেশন করা আর প্রকারান্তরে আমাদের নমুনা অগতের (যে অগতে ন্যায়টি অবৈধ) বর্ণনা দেওয়া একই কথা। মানশর্ত নিবেশন করে আমরা বললাম, আমাদের নমুনা অগতের একমাত্র বাসিন্দা a শানুষ ও জ্ঞানী, কিন্তু দেবতা নয়। শার্গকগঠিত মূল ন্যায় এক ব্যক্তি অধৃয়িত অগতের ক্ষেত্রে বৈধ নয়, স্ফুতরাঙ্গ অবৈধ।

এখানে শার্গকগঠিত ন্যায়ের অবৈধতা প্রমাণে আমরা শার্গকনিয়ামক বিধির সাহায্য নিছি না, কারণ আমরা $(x) (Dx \supset Jx)$ থেকে UI প্রয়োগ করে $Da \supset Ja$ অনুমান করছি না। আমরা শুধু $(x) (Dx \supset Jx)$ কে $Da \supset Ja$ তে রূপান্তরিত করছি, কারণ যে অগতে একটিমাত্র ব্যক্তি, a , আছে, সেই অগতের ক্ষেত্রে $Da \supset Ja$ “ $Dx \supset Jx$ ” বচনাপেক্ষকের একমাত্র দ্রষ্টান্ত বচন, অর্থাৎ এই দুটি ন্যায়তঃ সমর্থন।

শার্গকগঠিত কোন ন্যায় একব্যক্তি অধৃয়িত অগতের ক্ষেত্রে বৈধ হয়েও একাধিক ব্যক্তি অধৃয়িত অগতের ক্ষেত্রে অবৈধ হতে পারে। যেমন,

$$\begin{array}{c} \text{কোন কোন শানুষ (হয়) জ্ঞানী,} \\ \text{সব দেবতা (হয়) জ্ঞানী,} \\ \hline \therefore, \text{সব দেবতা (হয়) শানুষ।} \end{array}$$

প্রতীকীরণে,

$$\begin{array}{c} (\exists x) (Mx \cdot Jx) \\ (\exists x) (Dx \supset Jx) \\ \hline \therefore (\exists x) (Dx \supset Mx) \end{array}$$

একটি মাত্র ব্যক্তি, *a*, আছে এমন জগতের ক্ষেত্রে মাণকগঠিত ন্যায়

$$\begin{array}{c} Ma \cdot Ja \\ Da \supset Ja \\ \hline \therefore Da \supset Ma \end{array}$$

এই ন্যায়ের সমর্থন। ন্যায়টি বৈধ, কারণ, সিদ্ধান্ত মিথ্যা হতে হলে *Da* সত্য, *Ma* মিথ্যা হতে হবে। কিন্তু প্রথম যুক্তিবচন সত্য হতে হলে *Ma* সত্য হতে হবে। *Ma* এর বিরুদ্ধ মান নির্বেশন না করলেও, ন্যায়টি অবৈধ হয় না, স্বতরাং ন্যায় বৈধ।

কিন্তু বিশেষ একটি জগতের ক্ষেত্রে কোন ন্যায় বৈধ হলেই তাকে বৈধ বলা চলে না। কোন ন্যায়কে বৈধ প্রমাণ করতে শুধু ইটুকু দেখালেই চলে না যে, কোন বিশেষ একটি জগতের ক্ষেত্রে যুক্তিবচন সত্য ও সিদ্ধান্ত মিথ্যা একই হওয়া সম্ভব নয়, দেখাতে হবে, কোন জগতের ক্ষেত্রেই একই হওয়া সম্ভব নয়। দুই ব্যক্তি, *a*, *b*, অধৃতিত জগতের ক্ষেত্রে মাণকগঠিত ন্যায়

$$\begin{array}{c} (Ma \cdot Ja) \vee (Mb \cdot Jb) \\ (Da \supset Ja) \cdot (Db \supset Jb) \\ \hline \therefore (Da \supset Ma) \cdot (Db \supset Mb) \end{array}$$

এই ন্যায়ের সমর্থন। *Da*, *Db*, *Ja*, *Jb*, ও *Mb* সত্য এবং *Ma* মিথ্যা হলে যুক্তিবচন দুটি সত্য কিন্তু সিদ্ধান্ত মিথ্যা হয়। মূল ন্যায়টি অবৈধ, কারণ এটি সমস্ত সম্ভাব্য জগতের ক্ষেত্রে বৈধ নয়।

EI এর অবৈধ প্রয়োগের হিতৌয় দৃষ্টান্ত ধরন,

$$\begin{array}{c} (\exists x) (Mx \cdot Sx) \\ (\exists x) (Bx \cdot Sx) \\ \hline \therefore (\exists x) (Mx \cdot Bx) \end{array}$$

একটি শার্ণ ব্যক্তি, a , আছে এবন অগতের ক্ষেত্রে ন্যায়টি দাঁড়াবে,

$Ma . Sa$

$Ba . Sa$

$\therefore Ma . Ba$

অর্থাৎ যদি এই ব্যক্তি, a , একাধারে মানুষ, ভলুক ও শ্রেতবর্ণ হয়, তবে
ন্যায় বৈধ । কিন্তু দুই ব্যক্তি, a , b , অধ্যুষিত অগতের ক্ষেত্রে ন্যায়টি
দাঁড়াবে,

$(Ma . Sa) v (Mb . Sb)$

$(Ba . Sa) v (Bb . Sb)$

$\therefore (Ma . Ba) v (Mb . Bb)$

Sa, Sb, Ma, Bb সত্য এবং Mb, Ba মিথ্যা হলে, অর্থাৎ a যদি মানুষ
হয়, কিন্তু ভলুক না হয়, এবং b যদি ভলুক হয় কিন্তু মানুষ না হয়, তবে
 a ও b উভয়েই শ্রেতবর্ণ হলেও যুক্তিবচন সত্য কিন্তু সিদ্ধান্ত মিথ্যা হবে ।
বুল ন্যায় অবৈধ, কারণ সমস্ত সম্ভাব্য অগতের ক্ষেত্রে বৈধ নয় ।

আর একটি ন্যায় নিন,

সব তেড়া (হয়) নিরীহ,

কোন কোন অস্ত (হয়) নিরীহ,

কোন কোন অস্ত নিরীহ নয়,

\therefore সব তেড়া (হয়) অস্ত ।

প্রতীকীরূপে,

$(x) (Bx \supset Nx)$

$(\exists x) (Jx . Nx)$

$(\exists x) (Jx . \sim Nx)$

$\therefore (x) (Bx \supset Jx)$

তিনি ব্যক্তি, a , b , c , অধ্যুষিত অগতের ক্ষেত্রে এই ন্যায় দাঁড়াবে.

$(Ba \supset Na) . (Bb \supset Nb) . (Bc \supset Nc)$

$(Ja . Na) v (Jb . Nb) v (Jc . Nc)$

$(Ja . \sim Na) v (Jb . \sim Nb) v (Jc . \sim Nc)$

$\therefore (Ba \supset Ja) . (Bb \supset Jb) . (Bc \supset Jc)$

Ba, Bc, Na, Nc, Jb, Jc , সত্য এবং Bb , Nb , Ja মিথ্যা হলে
যুক্তিবচন সত্য ও সিদ্ধান্ত মিথ্যা হয় । স্বতরাং বুল ন্যায় অবৈধ ।

ଅନୁଶୀଳନୀ

1¹

- 1 (କ) ନ୍ୟାୟେର ଏକଟି ସଂଜ୍ଞା ଦିନ, ଏବଂ ନ୍ୟାୟ ନମ୍ବର ଏକଟି ବଚନ ସମାପ୍ତ ଥେବେ ନ୍ୟାୟେର ପାର୍ଥକ୍ୟ ବୁଝିଯେ ଦିନ ।
- (ଖ) ସେ କୋନ ଲେଖା ବା ବଜ୍ରତା ଥେବେ ଯୁକ୍ତି ହାରା ସମ୍ପତ୍ତି କରେକଟି ବଜ୍ରବ୍ୟ ବାର କରନ, ଏବଂ ନ୍ୟାୟକ୍ରମପେ ପ୍ରକାଶ କରନ ।
- 2 ବାକ୍ୟ ଓ ବଚନେର ପାର୍ଥକ୍ୟ ବୁଝିଯେ ଦିନ ।
- 3 “ନ୍ୟାୟେର ବୈଧତା ଆକାରଗତ ।” ବ୍ୟାଖ୍ୟା କରେ ବୁଝିଯେ ଦିନ ।
- 4 (କ) ସେ କୋନ ବହୁ ଥେବେ କରେକଟି ବଚନ ସଂଗ୍ରହ କରନ । ସେଣ୍ଟଲେନ୍‌ଡ୍ରାଫ୍‌ଟ୍‌ପଦ, ବା ଯୌଗିକ ବଚନ (ପ୍ରାକଲ୍ଲିକ, ବୈକଲ୍ଲିକ ବା ଅନ୍ୟ ପ୍ରକାରେର) ହଲେ ଅର୍ଥଗତ ବଚନ, ବଜ୍ରନୀର ମଧ୍ୟେ ରେଖେ ଆକାରଟି ପୃଥକ କରେ ଦେଖାନ ।
- (ଖ) ବିଷୟଜ୍ଞାନନିରପେକ୍ଷ ଆକାରଗତ ଅବରୋହଣେର ଧାରଣା ଦୃଷ୍ଟାନ୍ତର ସାହାଯ୍ୟ ବୁଝିଯେ ଦିନ ।
- 5 ନ୍ୟାୟଶାସ୍ତ୍ରକେ କି ଅର୍ଥେ ବିମୁର୍ତ୍ତ ବିଜ୍ଞାନ ବଲା ହୁଯ ?
- 6 (କ) ନ୍ୟାୟଶାସ୍ତ୍ର କି ଆମାଦେର ଅନୁମାନକୁଶଳତା ବାଡ଼ାତେ ପାରେ ? ନ୍ୟାୟଶାସ୍ତ୍ରପାଠୀର ଉପଯୋଗିତା କି ?
- (ଖ) ନ୍ୟାୟଶାସ୍ତ୍ରକେ କି ଅର୍ଥେ ଆଦର୍ଶନିଷ୍ଠ ବିଜ୍ଞାନ ବଲା ହୁଯ ?
- (ଗ) ନ୍ୟାୟଶାସ୍ତ୍ରକେ ଚିନ୍ତାର ନିୟାମକ ବିଜ୍ଞାନ ବଲା ଚଲେ କି ?
- (ଘ) ନ୍ୟାୟଶାସ୍ତ୍ରର ଏକଟି ଉପଯୁକ୍ତ ସଂଜ୍ଞା ଦିନ । କି ଅର୍ଥେ ଏକେ ସବ ବିଜ୍ଞାନେର ସେରା ବିଜ୍ଞାନ ବଲା ଯାଏ ?
- 7 ନ୍ୟାୟଶାସ୍ତ୍ର ଓ ମନୋବିଦ୍ୟାର ଦୃଷ୍ଟିଭିତ୍ତିର ମଧ୍ୟେ ପାର୍ଥକ୍ୟଟି ବୁଝିଯେ ଦିନ ।
- 8 ନ୍ୟାୟଶାସ୍ତ୍ରର ପ୍ରତୀକ ବ୍ୟବହାରେର ଉପଯୋଗିତା କି ? ଦୃଷ୍ଟାନ୍ତ ସହ୍ୟୋଗେ ବୁଝିଯେ ଦିନ ।

¹ ଏହି ଜ୍ଞମିକ ସଂଧ୍ୟାଙ୍କୋ ଅଧ୍ୟାର ସୂଚିତ କରେ । ଅନୁଶୀଳନୀର ସାଥେ ଦିକ୍ବିତ୍ତ ଅନୁଶେଷସଂଧ୍ୟା ସୂଚିତ କରେ ।

৭ (ক) বাচনিক ন্যায় কাকে বলে ?

- (খ) “গঙ্গা যদি মহাদেবের ঘটার স্থে আটকে না থাকতেন, তবে তার পর্যন্ত আনলেন কোথা থেকে ?” যুক্তিটি বিচার করুন।
- (গ) শ্যামবাবু যদি অহিংসপছী হন, তবে যদি তিনি শাছ ধান তবে মাংস ধাবেন না, এবং যদি মাংস ধান তবে শিকার করবেন না ; শ্যামবাবু শাছ মাংস ধান এবং শিকার করেন।
শ্যামবাবু অহিংসপছী কি ? আপনার যুক্তি দিন।
- (ঘ) কমল পরীক্ষায় প্রথম হবার আশা রাখে ; যদি সে পরীক্ষায় প্রথম হবার আশা করে তবে সে রাত ঘোগে খাটবে ; হয় সে রাত ঘোগে খাটবে না, নয় পরীক্ষার সময় অস্তুষ্ট হয়ে পড়বে ; যদি সে পরীক্ষার সময় অস্তুষ্ট হয়ে পড়ে তবে পরীক্ষায় প্রথম হতে পারবে না ; স্মৃতরাঙ় কমল পরীক্ষায় প্রথম হতে পারবে না।
যুক্তিটি বিচার করুন।
- (ঙ) একজন নৈয়ায়িক এক দীপে বেড়াতে গেছেন। সেই দীপে দুইটি আদিবাসী জাতি বাস করে। এক জাতির সবাই সব সময় সত্য কথা বলে, আর এক জাতির সবাই সব সময় মিথ্যা কথা বলে। তিনি বেড়াতে বেড়াতে এক জাগরায় এসে দেখলেন রাস্তাটা দুভাগ হয়ে দুদিকে চলে গেছে। তিনি এক গ্রামে যাবেন, কিন্তু কোন রাস্তায় যেতে হবে তা জানেন না। মোড়ে একজন আদিবাসী দাঁড়িয়ে আছে, কিন্তু সে সত্যবাদী জাতির না মিথ্যবাদী জাতির লোক তাও তিনি জানেন না। নৈয়ায়িক একটু ভেবে তাকে একটাই প্রশ্ন করলেন, এবং তার উত্তর শুনে ঠিক রাস্তায় চলে গেলেন।
তিনি কি প্রশ্ন করেছিলেন, এবং কি যুক্তিতে ঠিক রাস্তা কোন্টি বুঝে নিলেন ?
- (চ) A, B ও C নামে তিনজন লোককে চোখ বেঁধে বলা হল, তাদের প্রত্যেকের মাথার একটা লাল বা সবুজ টুপি পরিয়ে দেওয়া হবে। তারপর তাদের চোখ খুলে দেওয়া হবে।

ଚୋଥ ଖୁଲେ ଦିଲେ ସବି ତାରା କାରୋ ମାଧ୍ୟାର ଲାଲ ଟୁପି
ଦେଖେ ତବେ ହାତ ତୁଳବେ, ଏବଂ ନିଜେର ମାଧ୍ୟାର ଟୁପିର ରଂ
ଧରତେ ପାରଲେ ଥର ଛେଡ଼େ ଚଲେ ଯେତେ ହବେ । (ସବୁଗୁଲୋ
ଟୁପିଇ ଲାଲ ଛିଲ) ଚୋଥ ଖୁଲେ ଦେଓଯାର ପର ସବାଇ ହାତ
ତୁଳନ । କିଛୁକଣ ଭେବେ C ଥର ଛେଡ଼େ ଚଲେ ଗେଲ ।

C କି ସୁଭିତ୍ରେ ନିଜେର ମାଧ୍ୟାର ଟୁପିର ରଂ ଜାନନ ? A, B ଓ
C-ର ମଧ୍ୟେ କେ ତାଲ ନୈୟାଯିକ ?

১ সরল ও যৌগিক বচনের পার্দক্য বুঝিয়ে দিন। যে কোন বই
থেকে দশটি যৌগিক বচন সংগ্রহ করুন, এবং তাদের উপাদান বচন
আলাদা করে লিখুন।

২ (ক) সত্যাপেক্ষ যৌগিক বচন কাকে বলে? দৃষ্টান্ত সহযোগে
বুঝিয়ে দিন।

(খ) সত্যাপেক্ষ সংযোজকের একটি সংজ্ঞা তৈরী করুন।

৩ (ল) অনুশীলনীতে সংগৃহীত বচনগুলোর অন্তর্গত সরল বচনের
স্থলে বচনবর্ণ ব্যবহার করুন।

৪ সংযোগিক অপেক্ষক কাকে বলে? সংযোগিক অপেক্ষকের মান
কি তাবে নিরূপিত হয়? সংযোগিক অপেক্ষকে “:” সংযোজকপ্রতীক
কেন ব্যবহার করা হয়?

৫ বচনবর্ণে গঠিত যে কোন একটি সংযোগিক বচনের সত্যসারণী
প্রণয়ন করুন।

৬ (ক) বৈকল্পিক অপেক্ষক কাকে বলে? বৈকল্পিক অপেক্ষকের মান
কি তাবে নিরূপিত হয়? বৈকল্পিক অপেক্ষকে “?” সংযোজক-
প্রতীক কেন ব্যবহার করা হয়?

(খ) বচনবর্ণে গঠিত যে কোন একটি বৈকল্পিক বচনের সত্যসারণী
প্রণয়ন করুন।

(গ) বিসংবাদী ও অবিসংবাদী বিকল্পের পার্দক্য বুঝিয়ে নিন।

৭ নিম্নেক অপেক্ষক কাকে বলে? যৌগিক বচনের নিম্নেকের সত্য-
সারণী কি তাবে প্রণয়ন করতে হয়?

৮ বছনী ব্যবহারের বিধিগুলো উপস্থাপিত করুন। মূল সংযোজক
কাকে বলে? বছনী ব্যবহারের উপযোগিতা কি?

৯ (ক) প্রাকলিক অপেক্ষক কাকে বলে? “ঁ” সংযোজকপ্রতীক
কেন ব্যবহার করা হয়? এই সংযোজকের অর্থ কি? সারণীর
সাহায্যে প্রয়াণ করুন, অনুক্রম মানশর্টে ১ ২ ৩ ৪
~ (৫. ~ ৫)-এর মান এক।

- (খ) কার্যকারণ সমস্ক “ঢ” সংযোজকের হারা কি তাবে প্রকাশ করা যায় ? সাধারণ ভাষার “কেবল যদি” সংযোজককে “ঢ” হারা কিভাবে প্রকাশ করা যায় ?
- (গ) বচনবর্ণ, সংযোজকপ্রতীক এবং প্রয়োজনস্থলে বছনী ব্যবহার করে নীচের বচনগুলোর আকার প্রকাশ করুন (কোনু বচনের স্থলে কোনু বর্ণ ব্যবহার করছেন, প্রত্যেক ক্ষেত্রে বলে দিন) ।
- (1) নরেশ বোকা তো বটেই, তার উপর আবার কুঁড়ে ।
 - (2) নরেশ হয় বোকা নয় কুঁড়ে ।
 - (3) নরেশ কুঁড়ে হতে পারে, কিন্তু বোকা নয় ।
 - *(4) নরেশ বোকা কুঁড়ে দুই-ই নয় ।
 - (5) আজ সকালে আমাদের বাড়ীতে প্রতাপবাবু ও স্বনীলবাবু এসেছিলেন ।
 - (6) তুমি খেলার অভ্যাস না রাখলে জিতবে কি করে ?
 - (7) যদি খেলার আগে বা খেলার সময় বৃষ্টি হয়, তবে ইষ্টবেঙ্গল জিতবে ।
 - *(8) অধ্যক্ষ চারের সঙ্গে চিনি বা লেবু কিছুই নেন না ।
 - (9) এ নয় যে অধ্যক্ষ চারের সঙ্গে চিনি ও লেবু নেন ।
 - (10) যদি আপনি এই বচনগুলোর প্রতীকীরূপ না দিতে পারেন তবে এই অধ্যায় আবার পড়ুন ।
 - (11) মোহনবাগান আজকের খেলায় জিতবে, এবং ফাইন্যালে ইষ্টবেঙ্গল বা স্পোর্টিং ক্লাবের সঙ্গে খেলবে ।
 - (12) মোহনবাগান বা ইষ্টবেঙ্গল ফাইন্যালে যাবে, এবং স্পোর্টিং ক্লাব হারবে ।
 - *(13) মোহনবাগান ফাইন্যালে জিতবে, যদি এবং কেবল যদি ইষ্টবেঙ্গল সেমি-ফাইন্যালে হেরে যায় ।

* তারুকা চিহ্নিত প্রয়ের উত্তর সমাধান অংশে দেওয়া হয়েছে ।

- (14) যদি অশ্রীরী কাছেই থাকে এবং তার অনুচরেরা সংবাদ পায়, তবে এক্ষুণি আমরা আটকা পড়ব বা বিষাক্ত তীরে আঘাতের প্রাণ যাবে।
- *(15) যদি দীপককুমারের হাতে এই কেস্টা দেওয়া হয়, তবে পুলিশ অস্ত্রিত হবে এবং কালোমাণিক ধরা পড়বে বা পালিয়ে যাবে।
- (থ) বচনবর্ণের স্থলে বচন ব্যবহার করে সাধারণ ভাষায় যৌগিক বচন তৈরী করুন।
- (1) $p \vee \sim q$
 - (2) $\sim p \cdot q$
 - (3) $\sim p \cdot \sim q$
 - (4) $(p \cdot q) \vee r$
 - *(5) $(p \cdot \sim q) \vee r$
 - (6) $\sim (p \cdot q) \vee r$
 - (7) $p \cdot (q \vee r)$
 - (8) $p \cdot (\sim q \vee r)$
 - (9) $p \supset (q \vee r)$
 - (10) $\sim (p \supset q) \cdot r$
 - (11) $\sim p \supset (q \supset r)$
 - *(12) $\sim p \vee (q \supset \sim r)$

3

1 নীচের বচনগুলো সুত্রাকারে প্রকাশ করুন। কোন্ উপাদান বচনের স্থলে কোন্ বচনবর্গ ব্যবহার করছেন বলে দিন।

- (1) স্মৃতি যদি পরীক্ষায় তাল লেখে এবং তার পরীক্ষকরা যদি খাতা ঠিকভাবে দেখেন, তবে স্মৃতি তাল ফল করবে।
- (2) যদি জ্ঞানী ও আকাট মুর্খরা জ্ঞানাগ্রেষী না হয়, তবে কেবল হারা নিষ্ঠের অঙ্গতা বোঝে তারাই জ্ঞানাগ্রেষী।
- (3) যদি আমি লেখাপড়া করি তবে জ্ঞানী হব, আর যদি লেখা-পড়া না করি তবে চালাক হব, কিন্তু আমি লেখাপড়া করি না।
- (4) আমি, স্মরণ ও পরেশ আজ খেলব, আর যদি পরেশ না খেলে তবে নরেশ খেলবে।
- *(5) আমি বা স্মরণ, ও পরেশ আজ খেলব, কিন্তু যদি আমি না খেলি তবে নরেশ খেলবে।
- (6) আমি প্রথম হব, বা স্মরণ বা পরেশ প্রথম হবে, কিন্তু স্মরণ প্রথম হতে পারবে না।
- (7) নরেশ বাড়ীর দিকে বা পরেশের কাছে যাচ্ছিল ; যদি সে বাড়ী না গিয়ে থাকে, তবে যদি তার গাড়ীর কোন গোলমাল না হয়ে থাকে তবে পরেশের বাড়ী গেছে।
- *(8) স্লাইডেনের দল হয় 3 নম্বর স্লাইটে নয় 18 ও 19 নম্বর ঘরে থাকবে, কিন্তু 3 নম্বর স্লাইট বন্ধ থাকায় তারা 19 নম্বর ঘরে থাকবে।

2 সত্যসারণী হারা নীচের সুত্রগুলোর স্বতঃসত্যতা, স্বতোমিথ্যাত্ব বা অনিদিষ্টশান্তা নির্ণয় করুন।

- (1) $p \cdot (p \vee q)$
- (2) $p \cdot (p \vee \sim p)$
- (3) $p \vee (p \vee \sim p)$
- (4) $\sim p \cdot (\sim p \cdot q)$

- (5) $p \supset (p \vee q)$
- (6) $p \supset \sim p$
- (7) $p \supset (p \cdot p)$
- (8) $(p \cdot q) \supset p$
- (9) $p \supset p$
- *(10) $(p \supset \sim p) \supset \sim p$
- (11) $p \supset (q \supset p)$
- (12) $\sim p \supset (p \supset q)$
- (13) $q \supset (p \supset q)$

3 (ક) ગત્યસારણી દારા નીચેર સૂત્રશૈલોર શ્વતઃશ્વતાતા, શ્વતોમિથ્યાથ
વા અનિદિષ્ટશાનતા નિર્જવ કરુન ।

- *(1) $(p \supset q) \cdot (p \cdot \sim q)$
- (2) $[p \supset (p \cdot q)] \vee p$
- (3) $p \supset [p \supset (q \vee \sim p)]$
- (4) $p \cdot [(q \vee r) \supset (\sim p \supset p)]$
- *(5) $[(p \cdot q) \cdot p] \supset q$
- (6) $[(p \cdot q) \cdot \sim q] \supset \sim p$
- (7) $[(p \vee q) \cdot \sim p] \supset q$
- (8) $[(p \supset q) \cdot \sim p] \supset \sim q$
- (9) $[(p \supset q) \cdot q] \supset p$
- (10) $[(p \vee q) \cdot p] \supset \sim q$
- (11) $(p \cdot \sim p) \vee \sim (p \cdot \sim p)$
- (12) $(p \vee \sim p) \cdot \sim (p \vee \sim p)$

(૩) p શત્રી, q મિથ્યા, r વિધ્યા હણ નીચેર સૂત્રશૈલોર શાબ
નિર્જવ કરુન ।

- *(1) $[p \supset (q \vee r)] \vee [q \supset (p \vee r)]$
- (2) $[p \supset (q \cdot r)] \supset [(p \cdot q) \cdot r]$
- (3) $[p \cdot (q \vee r)] \vee \sim [(p \cdot q) \vee \sim (p \cdot r)]$
- (4) $[p \supset (q \supset r)] \supset [(p \supset q) \supset r]$
- *(5) $[(p \cdot r) \supset (q \cdot r)] \supset (p \supset q)$

4 (ક) ગત્યસારણી દારા પરીક્ષા કરુન, નીચેર સૂત્રશૈલો નાયારત્ત
સમાન કિ ના ।

- *(1) $(p \cdot q) \equiv p$

- (2) $(p \cdot q) \equiv (q \cdot p)$
- (3) $(p \triangleright q) \equiv (\sim p \vee q)$
- (4) $p \equiv (p \cdot p)$
- (5) $p \equiv (p \vee p)$
- *(6) $[(p \triangleright q) \cdot p] \equiv q$
- (7) $[(p \vee q) \cdot \sim p] \equiv q$
- (8) $(p \vee q) \equiv (q \vee p)$
- (9) $p \equiv [p \cdot (p \vee q)]$
- (10) $p \equiv [(p \cdot q) \vee (p \cdot \sim q)]$
- (11) $p \equiv [(p \vee q) \cdot (p \vee \sim q)]$
- *(12) $[p \cdot (q \vee r)] \equiv [(p \cdot q) \vee (p \cdot r)]$
- (13) $[p \vee (q \cdot r)] \equiv [(p \vee q) \cdot (p \vee r)]$
- (14) $(p \equiv q) \equiv [(p \cdot q) \vee (\sim p \cdot \sim q)]$
- (15) $(p \triangleright q) \equiv (\sim q \triangleright \sim p)$

(ଖ) ନୀଚେର ସୂତ୍ରଗୁଲୋ ନ୍ୟାୟତଃ ସମୟାନ । 3.4 ଅନୁଚ୍ଛେଦେ ଓ 4 (କ) ଅନୁଶୀଳନିତେ ସେ ସବ ନ୍ୟାୟତଃ ସମୟାନ ସୂତ୍ର ପେମେହେନ ତାର ସାହାଯ୍ୟେ ସାହାଯ୍ୟେ ବା ଦିକ୍ରେର ସୂତ୍ରଟିକେ ଡାନଦିକ୍ରେର ସୂତ୍ରେ ରୂପାନ୍ତରିତ କରନ ।

- *(1) $(\sim p \triangleright \sim q) \equiv (p \vee \sim q)$
- (2) $(p \cdot \sim q) \equiv \sim (p \triangleright q)$
- (3) $(\sim p \triangleright \sim q) \equiv \sim (\sim p \cdot q)$
- (4) $\sim [p \vee (q \cdot \sim r)] \equiv [\sim p \cdot (\sim q \vee r)]$
- *(5) $(\sim p \equiv q) \equiv (\sim q \equiv p)$

(ଗ) ନୀଚେ କମ୍ବେକ୍ଟି ବଚନ-ଜୋଡା ଦେଓଯା ଆଛେ । ପ୍ରତ୍ୟେକ ଜୋଡାକେ ପ୍ରତୀକୀ ରୂପ ଦିନ, ଓ ସତ୍ୟସାରଣୀର ସାହାଯ୍ୟେ ପରୀକ୍ଷା କରନ ଏବା ନ୍ୟାୟତଃ ସମୟାନ କିନା । ଯଦି ନ୍ୟାୟତଃ ସମୟାନ ହୟ, ତବେ

(ଅ) କେ (ଆ) ଏତେ ରୂପାନ୍ତରିତ କରନ ।

- (1) (ଅ) ଯଦି କେଉ ଇଚ୍ଛେ କରେ ଅନ୍ୟାଯ କାଜ କରେ, ତବେ ହୟ କେ ଟିଶ୍ୱରେ ବିଶ୍ୱାସ କରେ ନାହିଁ ନୟ କେ ବିଶ୍ୱାସ କରେ ନା ଯେ ଟିଶ୍ୱର ଅନ୍ୟାଯେର ଶାସ୍ତି ଦେନ ।
- (ଆ) ଯଦି କେଉ ଟିଶ୍ୱରେ ବିଶ୍ୱାସ କରେ ଏବଂ ବିଶ୍ୱାସ କରେ ସେ ଇଚ୍ଛେ କରେ ଅନ୍ୟାଯ କାଜ କରବେ ନା ।

- *(2) (অ) যদি ঈশ্বর সৎ হন, তবে তিনি অন্যার কাজের শাস্তি দেবেন যদি তিনি ন্যায়বিধাতা হন।
 (আ) ঈশ্বর অন্যার কাজের শাস্তি দেবেন, যদি না তিনি অসৎ হন বা ন্যায়বিধাতা না হন।
- (3) (অ) যদি সব বস্তু আদিতে স্থির ছিল এবং কোন বস্তু নিষেকে গতিশীল করতে না পারত, তবে গতির উভয় অসম্ভব।
 (আ) যদি গতির উভয় সম্ভব হয়ে থাকে, তবে সব বস্তু আদিতে স্থির থাকলেও কোন বস্তু নিষেকে গতিশীল করতে পারত।
- *(4) (অ) যদি কোন বস্তুর প্রাণ থাকে তবে তার আঘাত আছে, এবং যদি কোন বস্তুর আঘাত থাকে তবে সে স্বতো-পরিবর্তনশীল হয়।
 (আ) যদি কোন বস্তু স্বতোপরিবর্তনশীল হয়, তবে তার আঘাত আছে, এবং যদি কেন বস্তুর আঘাত থাকে তবে তার প্রাণ আছে।
- (5) (অ) হয় একই আঘাত শিব ও অশিব উভয়েরই অনক, নয় এক আঘাত শিবের অনক এবং অন্য আঘাত অশিবের অনক।
 (আ) যদি একই আঘাত শিব ও অশিব উভয়েরই অনক না হয়, তবে এক আঘাত শিবের অনক এবং অন্য আঘাত অশিবের অনক।

৫ নীচের ন্যায়গুলোকে প্রতীকী রূপ দিন, এবং বৈধ কি অবৈধ বলুন। আপনার যুক্তি দিন।

- *(1) রাণী ও এলিস দুজনেই জিততে পারে না ; রাণী জেতেন নি :
∴ এলিস জিতেছে।
- *(2) যদি ঈশ্বরেচ্ছা সম্পাদন ধর্মকার্য রূপে বিবেচিত হয়, তবে একই কার্যকে ধর্ম ও অধর্ম বলতে হয় ;
∴ এ গত্য নয় যে ঈশ্বরেচ্ছা সম্পাদন ধর্মকার্য।

*(3) ସଦି ଈଶ୍ୱରାର୍ଥନା ଲେନଦେନେର ବ୍ୟାପାର ହୟ ତବେ ଏଇ ହାରା ଈଶ୍ୱର
ଓ ମାନୁଷ ଦୁଇଇ ଲାଭବାନ ହୟ ; କିନ୍ତୁ ସଦି ଈଶ୍ୱର ଲାଭବାନ ହଲ
ତବେ ତିଲି ମାନୁଷରେ ହାରା ଉପକୃତ ହଲ ; କିନ୍ତୁ ମାନୁଷ ଈଶ୍ୱରେର
ଉପକାର କରତେ ପାରେ ନା ;

∴ ଈଶ୍ୱରାର୍ଥନା ଲେନଦେନେର ବ୍ୟାପାର ନୟ ।

*(4) ସଦି କେଉ କପିଲେର ଯତ ଜ୍ଞାନୀ ନା ହଲ, ତବେ ହୟ କପିଲ ସମ୍ମ
ଜ୍ଞାନୀ ବା ଅନ୍ୟେରା ଯତ ଦେଖାନ ତତ ଜ୍ଞାନୀ ନନ ; କପିଲ ସମ୍ମ
ଜ୍ଞାନୀ ନନ ;

∴ ଅନ୍ୟେରା ଯତ ଦେଖାନ ତତ ଜ୍ଞାନୀ ନନ ।

*(5) ସଦି କେଉ କପିଲେର ଯତ ଜ୍ଞାନୀ ନା ହଲ, ତବେ ହୟ କପିଲ ସମ୍ମ
ଜ୍ଞାନୀ ବା ଅନ୍ୟେରା ଯତ ଦେଖାନ ତତ ଜ୍ଞାନୀ ନନ ; କ୍ରେଡ଼ି -
କପିଲେର ଯତ ଜ୍ଞାନୀ ନନ, କିନ୍ତୁ କପିଲଙ୍କ ସମ୍ମ ଜ୍ଞାନୀ ନନ ;

∴ ଅନ୍ୟେରା ଯତ ଦେଖାନ ତତ ଜ୍ଞାନୀ ନନ ।

୬ (କ) ସତ୍ୟସାରଣୀ ହାରା ପରିଷ୍କା କରନ ନୀଚେର ନ୍ୟାୟକାରଣଗୁଲୋ ବୈଧ
କି ନା ।

$$(1) \quad \frac{p \cdot q}{\therefore p}$$

$$(2) \quad \frac{p \supset (q \cdot r)}{\sim q} \quad -$$

$$(3) \quad \frac{p \supset q}{\therefore p \supset p}$$

$$(4) \quad \frac{p \vee \sim q}{\begin{array}{c} p \supset r \\ \therefore q \supset r \end{array}}$$

$$(5) \quad \frac{p \supset q}{\begin{array}{c} \sim (\sim p \cdot \sim q) \\ p \vee q \end{array}}$$

$$(6) \quad p \supset (q \supset r) \\ p \supset q$$

$$\therefore p \supset r$$

$$(7) \quad (p \supset q) . (p \supset r) \\ p$$

$$\therefore q \vee r$$

$$(8) \quad (p \vee q) \supset (p \cdot q) \\ \sim (p \vee q)$$

$$\therefore \sim (p \cdot q)$$

(x) ସତ୍ୟସାରଣୀ ଥାରା ପରୀକ୍ଷା କରନ ନୀଚେର ନ୍ୟାଯଙ୍କୁଳୋ ବୈଧ କିମ୍ବା । ବଚନବର୍ଦ୍ଦ ବ୍ୟବହାର କରନ ।

*(1) ରବୀନ ସନ୍ଧ୍ୟାର ଆଗେ ବାଡ଼ୀ ଥାବେ, ନଇଲେ ତାର ଯାତାବବେଳ ; ସଦି ତାର ଯା ନା ତାବେଳ ତବେ ରବୀନ ସନ୍ଧ୍ୟାର ଆଗେ ବାଡ଼ୀ ଯାଏ ; ତାର ଯା ତାବେଳ ; ସ୍ଵତରାଂ ରବୀନ ସନ୍ଧ୍ୟାର ଆଗେ ବାଡ଼ୀ ଯାଏ ନା ।

(2) ହୟ ଡ୍ରାଇଭାର ସାମନେର ଗାଡ଼ିଟା ଦେଖିତେ ପାଇ ଲି ନମ୍ବେ ଅସାବଧାନ ଛିଲ ; ସଦି ଲେ ସାମନେର ଗାଡ଼ିଟା ଥା ଦେଖେ ଥାକେ ତବେ ଲେ ଅସାବଧାନ ଛିଲ ; ଏ ହତେଇ ପାରେ ନା ଯେ ଲେ ସାମନେର ଗାଡ଼ିଟା ଦେଖିତେଓ ପାଇନି ଏବଂ ଅସାବଧାନ ଛିଲ ; ସ୍ଵତରାଂ ଡ୍ରାଇଭାର ସାମନେର ଗାଡ଼ିଟା ଦେଖିତେ ପେଯେଛେ ।

(3) ସଦି ବାବାକେ ପୁଞ୍ଜାର ଶାଲ ଦେଓଯା ହୟ ତବେ ମାକେ ଗରଦ ଦେଓଯା ହବେ, ଏବଂ ସଦି ବାବାକେ ପୁଞ୍ଜାର ଶାଲ ଦେଓଯା ହୟ ତବେ ବୋନକେ କଟ୍ କୀ ଶାଢ଼ୀ ଦେଓଯା ହବେ ; ବାବାକେ ପୁଞ୍ଜାର ଶାଲ ଦେଓଯା ହବେ ; ସ୍ଵତରାଂ ହୟ ମାକେ ଗରଦ ଦେଓଯା ହବେ ବା ବୋନକେ କଟ୍ କୀ ଶାଢ଼ୀ ଦେଓଯା ହବେ ।

(4) ସଦି ବିଜ୍ଞାପନ ସତ୍ୟ ହୟ, ତବେ ସଦି ଜାମାଟି ଜଳ ଦିରେଓ କାଁଚା ହୟ ତୁ ଖାପବେ ନା ; ଜାମାଟି ଛୋଟ ହୟେ ଗେଛେ ; ସ୍ଵତରାଂ ସଦି ଜାମାଟି ଜଳ ଦିରେ କାଁଚା ହୟେ ଥାକେ ତବେ ବିଜ୍ଞାପନ ସତ୍ୟ ନମ୍ବ ।

(5) যদি শীত কমে ও কুয়াসা না থাকে, তবে আমরা সকালে বেড়াতে যাব বা তিন বাইল হাঁটব ; কিন্তু আমরা সকালে বেড়াতে না গেলে কুয়াসা আছে তা নয় ; স্মৃতরাঙং শীত কম বা আমরা তিন বাইল হাঁটব ।

7 6 (খ)-এর ন্যায়গুলোর প্রতিষঙ্গী ন্যায়বচন স্বতঃসত্য কিনা পরীক্ষা করুন । (*5)

৭ (ক) 6 (খ)-এর ন্যায়গুলোর বৈধতা সংক্ষিপ্ত কৌশলে পরীক্ষা করুন । (*2, *4)

(খ) অভিধান দিয়ে নীচের ন্যায়গুলোকে ন্যায়াকারে ঝোপাঞ্চারিত করুন এবং সংক্ষিপ্ত কৌশলে বৈধতা পরীক্ষা করুন ।

*(1) যদি পরেশ প্রথম হয় তবে তার বাবা স্বীকৃত হবেন ; হয়ে পরেশের বাবা স্বীকৃত হবেন বা নরেশ হিতীয় হবে ; নরেশ হিতীয় হলে পরেশ প্রথম হবে ; স্মৃতরাঙং পরেশ প্রথম হবে ।

(2) নরেশ ও পরেশ জীবনবাবুর চা-চক্রে যোগদান করবে ; পরেশ চা-চক্রে যোগদান করবে না যদি না জীবনবাবুর মেয়ে শেকালী তাকে অভ্যর্থনা করে ; স্মৃতরাঙং জীবনবাবুর মেয়ে শেকালী পরেশকে অভ্যর্থনা করবে বা স্মৃতেশ তার জীবকে সঙ্গে নিয়ে চা-চক্রে আসবে না ।

(3) যদি বিশেষজ্ঞ চিকিৎসক সহরে থাকেন এবং ইন্দ্রিয়কশনটা চরিশ ঘণ্টার মধ্যে পাওয়া যাব, তবে পরেশ বাঁচবে ; বিশেষজ্ঞ চিকিৎসক সহরে আছেন ; বিশেষজ্ঞ চিকিৎসক সহরে থাকলে ইন্দ্রিয়কশনটা পাওয়া যাবে ; স্মৃতরাঙং পরেশ বাঁচবে ।

(4) যদি এলিস শেষ ঘরে পৌছে থাকে, তবে সে ঐ দিকেই এগোচ্ছিল বা সে রাণীরে অভিষিঞ্চ হয়েছিল ; সে ঐ দিকে এগোচ্ছিল না ; হয় সে শেষ ঘরে পৌছে নি বা রাণীরে অভিষিঞ্চ হয় নি ; স্মৃতরাঙং এলিস শেষ ঘরে পৌছায় নি ।

*(5) ଯदି ପରେଶ ପ୍ରଥମ ହୁଏ, ତାବେ ସୁରେଶ ବିଭିନ୍ନ ହର ବା ନରେଶ ନିରାଶ ହୁଏ ; ସୁରେଶ ବିଭିନ୍ନ ହବେ ବା ; ସୁତରାଂ ନରେଶ ନିରାଶ ହୁଲେ ପରେଶ ପ୍ରଥମ ହବେ ନା ।

(୮) ସଂକଷିପ୍ତ କୌଣସି ବୈଷତୀ ପରୀକ୍ଷା କରନ ।

(1)—(5) 5-ଏର (1)—*(5)

$$(6) \begin{array}{c} p \supset (q \supset r) \\ q \supset (\sim r \supset s) \\ (r \vee s) \supset t \\ \hline \therefore p \supset t \end{array}$$

$$\begin{array}{l} *(7) \quad (p \cdot q) \supset r \\ r \supset \sim r \\ (s \supset p) \cdot (t \supset q) \end{array}$$

$$\therefore s \supset \sim t$$

$$\begin{array}{l} (8) \quad (p \supset q) \cdot (r \supset s) \\ (q \vee s) \supset t \\ \sim t \\ \therefore \sim (p \vee r) \end{array}$$

$$\begin{array}{l} (9) \quad p \supset (q \vee r) \\ r \supset (s \vee t) \\ \sim s \\ \hline \therefore p \supset t \end{array}$$

$$(10) \quad (p \vee q) \supset (r \supset s) \\ (\sim s \vee t) \supset (p \cdot r)$$

(୧) ସଂକଷିପ୍ତ କୌଣସି ନୀଚେର ସୁତ୍ରଗୁଲୋ ସତଃସତ୍ୟ, ସତୋବିଦ୍ୟା ବା ଅନିଦିଷ୍ଟଭାବ ପରୀକ୍ଷା କରନ ।

- (1) $p \supset (p \supset p)$
- *(2) $(p \supset p) \supset p$
- (3) $p \supset \sim p$

- (4) $p \supset (p \vee q)$
- (5) $p \supset (q \supset p)$
- (6) $p \supset [p \supset (p \vee \sim p)]$
- *(7) $p \supset [p \supset (q \vee \sim p)]$
- (8) $[(p \supset q) \supset q] \supset q$
- (9) $(p \supset q) \supset [\sim(q \cdot r) \supset \sim(r \cdot p)]$
- (10) $[(p \supset q) \cdot (r \supset s)] \supset [(p \vee r) \supset (q \vee s)]$

১ : স্বাভাবিক অবরোহণ পদ্ধতি কাকে বলে ? একে “স্বাভাবিক”
বলার কারণ কি ? প্রমাণের সংজ্ঞা দিন এবং ব্যাখ্যা করে ব্যবিলে দিন ।

(অ) নীচে কয়েকটি প্রশ্ন দেওয়া আছে। অবরোহণের সমর্থনে যে যে পঞ্জিক্র উপর যে যে অনুমতিবিধি প্রযুক্ত হয়েছে প্রত্যেক ধাপের ডানদিকে লিখন।

- (5) (1) $(p \cdot q) \supset r$
 (2) $\sim(s \vee r)$

(3) $p \quad / \therefore \sim q$

- (4) $\sim s \cdot \sim r$

- (5) $\sim r \cdot \sim s$

- (6) $\sim r$

- (7) $\sim(p \cdot q)$

- (8) $\sim p \vee \sim q$

- (9) $\sim \sim p$

- (10) $\sim q$

- (6) (1) $p \vee q$

- (2) $\sim[r \vee(s \cdot t)]$

- (3) $\sim t \supset \sim q$

- (4) $p \supset r \quad / \therefore \sim s$

- (5) $\sim r \cdot \sim(s \cdot t)$

- (6) $\sim r$

- (7) $\sim p$

- (8) q

- (9) $\sim \sim q$

- (10) $\sim \sim t$

- (11) $\sim(s \cdot t) \cdot \sim r$

- (12) $\sim(s \cdot t)$

- (13) $\sim s \vee \sim t$

- (14) $\sim t \vee \sim s$

- (15) $\sim s$

- (7) (1) $p \supset q$

- (2) $r \supset s$

- (3) $\sim q \vee \sim s$

- (4) $\sim \sim p$

- (5) $(t \cdot u) \supset r \quad / \therefore \sim(t \cdot u)$

- (6) $\sim q \supset \sim p$

- (7) $\sim s \supset \sim r$

- (8) $(\sim q \supset \sim p) \cdot (\sim s \supset \sim r)$

- (9) $\sim p \vee \sim r$

- (10) $\sim r$

- (11) $\sim(t \cdot u)$

- *(ଆ) 3 ଅନୁଶୀଳନୀର 5-ଏର (2), (3) ଓ (5) ନ୍ୟାୟର ପ୍ରମାଣ ଗଠନ କରନ୍ତି ।
- *(ଇ) 3 ଅନୁଶୀଳନୀର 6 (ସ)-ଏର (2), (3) ଓ (4) ନ୍ୟାୟର ପ୍ରମାଣ ଗଠନ କରନ୍ତି ।
- *(ଈ) 3 ଅନୁଶୀଳନୀର 9 (ସ)-ଏର (2), (3) ଓ (4) ନ୍ୟାୟର ପ୍ରମାଣ ଗଠନ କରନ୍ତି ।
- *(କ) 3 ଅନୁଶୀଳନୀର 9 (ଗ)-ଏର (7) ଓ (8) ନ୍ୟାୟର ପ୍ରମାଣ ଗଠନ କରନ୍ତି ।
- *(ଘ) ନୀଚେର ନ୍ୟାୟଗୁଲୋର ପ୍ରତୀକୀର୍ତ୍ତନ ଦିନ ଏବଂ ପ୍ରମାଣ ଗଠନ କରନ୍ତି ।

- (1) ସଦି ଲୋକକେ ଠିକମତ ପ୍ରଶ୍ନ କରା ଯାଉ ତବେ ତାରା ଏ ଜୀବନେ ଅନ୍ଧିଗତ ଜ୍ଞାନେର କଥାଓ ବଲତେ ପାରେ ; ତାରା ଏକପ ବଲତେ ପାରନ୍ତ ନା ସଦି କୋଣ ପୂର୍ବଜୀବନେ ଏହି ଜ୍ଞାନ ଅଧିଗତ ନା କରନ୍ତ ; ସଦି ପୂର୍ବଜୀବନେ ଏହି ଜ୍ଞାନ ଅଧିଗତ କରେ ଥାକେ ତବେ ପ୍ରମାଣ ହୟ ଯେ ଆଜ୍ଞା ବିଦେହୀ ଅବସ୍ଥାଯ ଥାକତେ ପାରେ ; ସୁତରାଂ ସଦି ଲୋକକେ ଠିକମତ ପ୍ରଶ୍ନ କରା ଯାଉ ତବେ ପ୍ରମାଣ ହୟ ଯେ ଆଜ୍ଞା ବିଦେହୀ ଅବସ୍ଥା ଥାକତେ ପାରେ ।
- (2) ସଦି ମୃତ୍ୟୁ ଆଜ୍ଞାର ଦେହମୁକ୍ତି ହୟ ଏବଂ ଦର୍ଶନ ମୁକ୍ତିସାଧନେର ଉପାୟ ନିର୍ଦ୍ଦେଶ କରେ, ତବେ ସଦି ଆପଣି ପ୍ରକୃତ ଦାର୍ଶନିକ ହନ ତବେ ମୃତ୍ୟୁଭୟେ ଭୌତ ହବେନ ନା ; ମୃତ୍ୟୁ ଆଜ୍ଞାର ଦେହମୁକ୍ତି ଏବଂ ଦର୍ଶନ ମୁକ୍ତି ସାଧନେର ଉପାୟ ନିର୍ଦ୍ଦେଶକ ; ସୁତରାଂ ସଦି ଆପଣି ମୃତ୍ୟୁଭୟେ ଭୌତ ହନ ତବେ ଆପଣି ପ୍ରକୃତ ଦାର୍ଶନିକ ନନ ।
- (3) ସମ୍ମିପବାବୁ ଶୀତେର ଆଗେ ତାର ନୁତନ ବାଡ଼ୀର ପଲଞ୍ଚାରା ଶେଷ କରତେ ଚାନ ; ସଦି ସମ୍ମିପବାବୁର ହାତେ ପରସା ନା ଥାକେ ଏବଂ ପଲଞ୍ଚାରା ଶୀତେର ଆଗେ ନା କରେନ, ତବେ ବ୍ୟାଙ୍କ ପ୍ରଦତ୍ତ ଝଣ ଫେରନ୍ତ ଚାଇବେ ; ସଦି ଶୀତେର ଆଗେ ଶେଷ କରେନ ତବେ ବ୍ୟାଙ୍କ ଝଣ ଫେରନ୍ତ ଚାଇବେ ନା ; ସୁତରାଂ ସଦି ସମ୍ମିପବାବୁର ହାତେ ପରସା ନା ଥାକେ ତବେ ଶୀତେର ଆଗେଇ ପଲଞ୍ଚାରା କରେ ଫେଲବେଳ ।

- (4) ସଦି ମୃତ୍ୟୁତେ ଆସାର ଦେହସଂଘୋଗ ବିଚିନ୍ତନ ହୁଏ, ତାକେ ଆସାର ବିଦେହୀ ଅନ୍ତିମ ସନ୍ତୋଷ ହଲେ ମୃତ୍ୟୁତେ ଆସାର ଦେହମୁଣ୍ଡ ହୟ; ଶୁତରାଂ ସଦି ମୃତ୍ୟୁତେ ଆସାର ଦେହମୁଣ୍ଡ ନା ହୟ, ତବେ ମୃତ୍ୟୁତେ ଆସାର ଦେହସଂଘୋଗ ବିଚିନ୍ତନ ହୟ ନା ବା ଆସାର ବିଦେହୀ ଅନ୍ତିମ ସନ୍ତୋଷ ନଯ ।
- (5) ସଦି ପଣ୍ୟର ଉଂପାଦନ ନା ବାଢ଼େ ଏବଂ ଲୋକসଂଖ୍ୟା ବାଢ଼େ, ତବେ ପଣ୍ୟର ଦାର୍ମ ବାଢ଼େ; ସଦି ଲୋକସଂଖ୍ୟା ବାଢ଼ିଲେ ପଣ୍ୟର ଦାର୍ମ ବାଢ଼େ, ତବେ ପଣ୍ୟବ୍ୟବସାୟୀଦେର ଲାଭ ହୟ; ପଣ୍ୟର ଉଂପାଦନ ବାଢ଼େ ନା; ଶୁତରାଂ ପଣ୍ୟବ୍ୟବସାୟୀଦେର ଲାଭ ହୟ ।
- (6) ସଦି ଆମରା ଜାନି କୋନ କୋନ ଜିନିଷ ସମାନ ଓ କୋନ କୋନ ଜିନିଷ ଅସମାନ, ତବେ ଆମରା ଜାନି ସମାନତା କି; ସଦି ପ୍ରତାଙ୍କେର ମଧ୍ୟେ ସମାନତା ବଲେ କିଛୁ ନା ଥାକେ, ତବେ ଆମରା ସମାନତା କି ତା ଜାନତେ ପାରି ନା ବା ସମାନତାରେ ଜ୍ଞାନ ପ୍ରତ୍ୟକ୍ଷଳକ ନା ହୟ ତବେ କୋନ କୋନ ଜ୍ଞାନ ସହଜାତ; ଆମରା ଜାନି କୋନ କୋନ ଜିନିଷ ସମାନ ଓ କୋନ କୋନ ଜିନିଷ ଅସମାନ; ପ୍ରତାଙ୍କେର ମଧ୍ୟେ ସମାନତା ବଲେ କିଛୁ ନେଇ; ଶୁତରାଂ କୋନ କୋନ ଜ୍ଞାନ ଆମାଦେର ସହଜାତ ।
- (7) ଆମାର ଲଟାରୀର ଟିକିଟେ ପ୍ରଥମ ପୁରସ୍କାର ଉଠିଲେ ଏକ ଲକ୍ଷ ଟାଙ୍କା ପାର, ହିତୀୟ ପୁରସ୍କାର ଉଠିଲେ ବିଶ ହାଜାର ଟାଙ୍କା ପାର; ଆମି ଲାଖ ବିଶହାଜାର କୋନଟାଇ ପାଇ ନି; ଶୁତରାଂ ଆମାର ଲଟାରୀର ଟିକିଟେ ପ୍ରଥମ ବା ହିତୀୟ ପୁରସ୍କାର କୋନଟାଇ ଉଠେ ନି ।
- (8) ସଦି ଏଲିସ ଶେଷ କୋଠାର ଦିକେ ନା ଏପୋତ ତବେ ଲେ ଶେଷ କୋଠାତେ ପୌଛାତ ନା; ଏଲିସ ରାଣୀତିର ଅଭିଷିକ୍ତ ହତେ ପାରେ ସଦି ଏବଂ କେବଳ ସଦି ଲେ ଶେଷ କୋଠାତେ ପୌଛାଯ; ଏଲିସ ରାଣୀତିର ଅଭିଷିକ୍ତ ହେବାଲିଲ; ଶୁତରାଂ ଏଲିସ ଶେଷ କୋଠାର ଦିକେ ଏଗୋଛିଲ ।
- (9) ପଣ୍ୟ ସରବରାହ କରିଲେ ଦାର୍ମ ବାଢ଼େ; ଥିଶାସନେର ପରିବର୍ତ୍ତନ ହଲେ ଅର୍ଥଯୋଗାଳେର ଟିପର ନିଯମଗୁ ଉଠେ ଥାବେ । ସଦି

ମୁଦ୍ରାକ୍ଷଫିତି ଚଲାତେ ଥାକେ ତବେ ଅର୍ଦ୍ଧରୋଗାନେର ଉପର
ନିଯନ୍ତ୍ରଣ ଉଠିବେ ନା ; ସଦି ଉତ୍ପାଦନ ବାଡ଼େ ତବେ ଦାନ ବାଡ଼େ
ନା ; ହସ୍ତ ଉତ୍ପାଦନ ବାଡ଼ବେ ବା ପ୍ରଣାସନେର ପରିବର୍ତ୍ତନ
ହବେ ; ସୁତରାଂ ପର୍ଯ୍ୟ ସରବରାହ କମବେ ନା ବା ମୁଦ୍ରାକ୍ଷଫିତି
ଥାକବେ ନା ।

- (10) ସଦି ଅଗହରିବାବୁ ସୁଖିଯେ ଛିଲେନ ଏବଂ ତାର ଛେଲେ
କୋଲକାତାଯ ଛିଲ ନା, ତବେ ଗାଡ଼ିଟା ଥେ ରାତ୍ରେ ଚାଲାନୋ
ହୁଁ ନି ; କିନ୍ତୁ ଗାଡ଼ିଟା ଥେ ରାତ୍ରେ ଚାଲାନୋ ନା ହୁଁ
ଥାକଲେ ଗାଡ଼ିଟାତେ ଅମନ ଟୋଲ ପଡ଼ିତ ନା ; ସବାଇ
ଦେଖିଛେ ଗାଡ଼ିଟାତେ ଟୋଲ ପଡ଼େଛେ ; ସୁତରାଂ ସଦି ଅଗହରି-
ବାବୁ ସୁଖିଯେ ଛିଲେନ ତବେ ତାର ଛେଲେ କୋଲକାତାଯାଇ
ଛିଲ ।
- (11) ସଦି ରାଜୀ ଧର ନା ବାଁଧେ ଏବଂ ବଢ଼େ ଏଗିଯେ ସାମ୍ବ, ତବେ
ହାତୀ ବା ନୌକା ଆଇକେ ଘୁମ ; ସଦି ରାଜୀ ଧର ନା
ବାଁଧେ, ତବେ ହାତୀ ଆଇକେ ଗେଲେ ଖେଲା ଡ୍ର ହୁଁ ସାବେ ;
ହୁଁ ରାଜୀ ଧର ବାଁଧିବେ, ନୟ ସଦି ନୌକା ଆଇକେ ସାମ୍ବ
ତବେ ଆର ସ୍ଥାନ ପରିବର୍ତ୍ତନ ସଞ୍ଚବ ହବେ ନା ; ରାଜୀ ଧର
ବାଁଧିଲ ନା ଏବଂ ବଢ଼େ ଏଗିଯେ ଗେଲ ; ସୁତରାଂ ଖେଲ ଡ୍ର
ହବେ ବା ସ୍ଥାନ ପରିବର୍ତ୍ତନ ସଞ୍ଚବ ହବେ ନା ।
- (12) ହସ୍ତ ପ୍ରତିଶୋଧ ନେବାର ଅନ୍ୟ ବା ତାର ସମ୍ପତ୍ତିର ଲୋତେ
ଛାତୁରାମବାବୁକେ ହତ୍ୟା କରା ହେବେଛେ ; ସଦି ସମ୍ପତ୍ତିର
ଲୋତେ ହତ୍ୟା କରା ହେବେ ଥାକେ ତବେ ବାବୁଲାଲ ଓ ତାର
ଜୀ ହତ୍ୟା କରେଛେ ; ସଦି ପ୍ରତିଶୋଧ ନେବାର ଅନ୍ୟ କରେ
ଥାଇକ, ତବେ ହସ୍ତ ଛାତୁରାମେର ଚାକର ବା ବାବୁଲାଲେର ଭାଇ
ହତ୍ୟା କରେଛେ ; ବାବୁଲାଲେର ଜୀ ଏତ ଭୌତୁ ସେ ହତ୍ୟା-
କରାର ମତ ସାହସ ତାର ନେଇ, ଏବଂ ବାବୁଲାଲେର ଭାଇ
ହତ୍ୟାକାଣ୍ଡେର ସମସ୍ତ ନୟାମିପେ ଛିଲ ତାର ପ୍ରସାଦ ଆଛେ ;
ସୁତରାଂ ଛାତୁରାମବାବୁର ଚାକର ହତ୍ୟା କରେଛେ ।
- (13) ସଦି ଅନୁଲକ୍ଷଣ ଚଲେ ତବେ ନୂତନ ପ୍ରସାଦ ହଜ୍ଜଗତ ହବେ ;
ସଦି ନୂତନ ପ୍ରସାଦ ହଜ୍ଜଗତ ହର ତବେ ଅନେକ ଉଚ୍ଚପଦ୍ୟ
ବ୍ୟାଙ୍ଗ ଅଭିଭୂତ ହେବେ ପଡ଼ିବେଲ ; ସଦି ଅନେକ ଉଚ୍ଚପଦ୍ୟ-

ব্যক্তি উড়িত হন তবে খবরের কাগজে অনুসন্ধানের বিবরণ প্রকাশিত হবে না ; যদি অনুসন্ধান চললে খবরের কাগজে বিবরণ প্রকাশ বন্ধ হয় তবে নৃতন প্রমাণ হস্তগত হলে বুঝতে হবে অনুসন্ধান চলছে ; অনুসন্ধান চলছে না ; স্মৃতরাঙ নৃতন প্রমাণ হস্তগত হচ্ছে না ।

- (14) যদি আমি ন্যায়শাস্ত্র পড়ি, তবে আমি প্রদত্ত প্রমাণ বিচার করতে পারব কিন্তু যে কোন ন্যায়ের প্রমাণ উত্তোলন করতে পারব না ; স্মৃতরাঙ যদি আমি ন্যায়শাস্ত্র পড়ি তবে আমি যে কোন ন্যায়ের প্রমাণ উত্তোলন করতে পারলে প্রদত্ত প্রমাণ বিচার করতে পারব ।
- (15) যদি আমি ন্যায়শাস্ত্র পড়ি, তবে যদি আমি যে কোন ন্যায়ের প্রমাণ উত্তোলন করতে পারি তবে প্রদত্ত প্রমাণ বিচার করতে পারব ; যদি আমি প্রদত্ত প্রমাণ বিচার করতে পারি, তবে আমি পরীক্ষায় ভাল করব এবং পুরস্কৃত হব ; স্মৃতরাঙ যদি আমি ন্যায়শাস্ত্র পড়ি, তবে যদি আমি যে কোন ন্যায়ের প্রমাণ উত্তোলন করতে পারি তবে পরীক্ষায় ভাল করব ।
- (16) যদি আমি রাজনীতি করি তবে দলনেতা হব ; যদি আমি রাজনীতি করি তবে ক্ষমতাশালী হব ; স্মৃতরাঙ যদি আমি রাজনীতি করি তবে আমি দলনেতা ও ক্ষমতাশালী হব ।
- (17) যদি আমি ব্যবসা করি তবে ভাল উপার্জন করব ; যদি রাজনীতি করি তবে ভাল উপার্জন করব ; স্মৃতরাঙ ব্যবসা বা রাজনীতি করলে আমি ভাল উপার্জন করব ।
- (18) যদি আমি পড়াশুনা করি তবে জ্ঞানলাভ করব, এবং যদি পড়াশুনা না করি তবে লীডার হব ; আমি পড়াশুনা করি বা করি না ; কিন্তু যদি আমি পড়াশুনা করি তবে লীডার হব না, এবং যদি আমি পড়াশুনা না করি তবে জ্ঞানলাভ করব না ; স্মৃতরাঙ আমি লীডার হব যদি এবং কেবল যদি আমি জ্ঞানলাভ করি ।

(19) যদি আমি পড়াশুনা করি তবে আমি জ্ঞানী হব, যদি আমি নকল করি তবে আমি চালাক হব ; স্ফূর্তরাঃ যদি আমি পড়াশুনা বা নকল করি, তবে আমি জ্ঞানী বা চালাক হব ।

*(g) নীচের ন্যায়গুলোর প্রমাণ গঠন করুন ।

$$(1) \ p \supset (q \vee r)$$

$$\begin{array}{c} \sim q \\ \sim r \\ \hline \therefore \sim p \end{array}$$

$$(2) \ p . (q \vee r)$$

$$\begin{array}{c} p \supset \sim q \\ \hline \therefore r \end{array}$$

$$(3) \ p \supset (q \supset r)$$

$$\begin{array}{c} \sim r \\ p \\ \hline \therefore \sim q \end{array}$$

$$(4) \ p \supset (q \vee r)$$

$$\begin{array}{c} q \supset s \\ r \supset s \\ s \supset \sim t \\ t \\ \hline \therefore \sim p \end{array}$$

$$(5) \ p \supset (q \supset r)$$

$$\begin{array}{c} q \supset (r \supset s) \\ \hline \therefore p \supset (q \supset s) \end{array}$$

$$(6) \ \sim p \supset \sim q$$

$$\begin{array}{c} p \supset r \\ \sim r \\ \hline \therefore \sim q \end{array}$$

$$(7) \quad p \supset (\sim q \supset \sim r)$$

$$\frac{\sim q}{\therefore \sim r \vee \sim p}$$

$$(8) \quad (p \cdot q) \supset r$$

$$\frac{\begin{array}{c} \sim p \supset s \\ \sim (\sim p \cdot s) \\ \sim r \end{array}}{\therefore \sim q}$$

$$(9) \quad p \equiv q$$

$$\frac{q \equiv r}{\therefore p \equiv r}$$

$$(10) \quad (p \vee q) \supset (r \vee s)$$

$$\frac{\begin{array}{c} [(r \vee s) \vee t] \supset (u \vee v) \\ (u \vee v) \supset \sim r \\ s \supset \sim u \\ p \end{array}}{\therefore v}$$

$$(11) \quad p \supset q$$

$$\frac{\begin{array}{c} r \vee \sim q \\ \sim (\sim p \vee s) \end{array}}{\therefore r}$$

$$(12) \quad p \supset q$$

$$\frac{p \vee q}{\therefore q}$$

(ব) সংক্ষিপ্ত কোশলে 1 (৬) এবং *(1), *(3), *(5)–(13),
এবং 1 (গ)–এর (1)–*(12) ন্যায়ের বৈধতা প্রমাণ করুন।

*2 প্রাক্তিক পদ্ধতিতে প্রমাণ করুন।

- (1) 3.9 অনুজ্ঞাদের দ্বারা খেলাবিষয়ক ন্যায়, 4.1 অনুজ্ঞাদের
(৮) ন্যায়, 1 (৬)-এর (1), (3), (4), (10), (14),
(15)–(17), (19) এবং 1 (গ)-এর (5) ন্যায়।

- (2) ତୁମি “ଡଂଶନ” ଶବ୍ଦେର ଅର୍ଥ ଜାନ, ସା ସଦି ତୁମି “କଂଶନ” ଶବ୍ଦେର ଅର୍ଥ ଜାନ ତବେ ତୁମି ଆନ୍ତ ଏକଟି ଗୁଚ୍ଛ ; ତୁମି ଗୁଚ୍ଛ ନାହିଁ ; ସ୍ଵତରାଙ୍କ ସଦି ତୁମି “କଂଶନ” ଶବ୍ଦେର ଅର୍ଥ ଜାନ ତବେ “ଡଂଶନ” ଶବ୍ଦେର ଅର୍ଥଓ ଜାନ ।
- (3) ସଦି ଆମରା ପୁଞ୍ଜାଯୀ ବେଡ଼ାତେ ଯାଇ ତବେ ପୁରୀ ସାବ ; ସଦି ଆମରା ପୁଞ୍ଜାଯୀ ବେଡ଼ାତେ ଯାଇ, ତବେ ସଦି ପୁରୀ ଯାଇ, ତବେ ଶମୁଜ୍ଜ୍ଵାନ କରବ ; ସଦି ପୁରୀ ଯାଇ, ତବେ ସଦି ଶମୁଜ୍ଜ୍ଵାନ କରି ତବେ ନୁଲିଆର ହାତ ଧରେ ସାତାର କାଟିବ ; ସ୍ଵତରାଙ୍କ ସଦି ଆମରା ପୁଞ୍ଜାଯୀ ବେଡ଼ାତେ ଯାଇ, ତବେ ନୁଲିଆର ହାତ ଧରେ ସାତାର କାଟିବ ।
- (4) - ସଦି ମୃତ୍ୟୁର ପରେ ମହାସ୍ଵାଦେର ସଙ୍ଗେ ଦେଖା ହୁଏ ତବେ ଆସି ତାଁଦେର ସଙ୍ଗେ ଅଧ୍ୟାତ୍ମତତ୍ତ୍ଵ ଆଲୋଚନା କରବ ; ସଦି ଆସି ତାଁଦେର ସଙ୍ଗେ ଅଧ୍ୟାତ୍ମତତ୍ତ୍ଵ ଆଲୋଚନା କରି ତବେ ସଦି ତାଁରା ବିରଜନ ନା ହନ ତବେ ଅନେକ ଶୁଣ୍ଟରହଣ୍ୟ ଜାନତେ ପାରିବ ; ସଦି ଅନେକ ଶୁଣ୍ଟରହଣ୍ୟ ଜାନତେ ପାରି, ତବେ ଅନନ୍ତକାଳ ଐ ସଙ୍କାଳେ କାଟିଯା ଦେବ ଏବଂ ଅନନ୍ତ ସ୍ଵର୍ଗ ଉପଭୋଗ କରବ ; ସ୍ଵତରାଙ୍କ ସଦି ତାଁରା ବିରଜନ ନା ହନ, ତବେ ସଦି ମୃତ୍ୟୁର ପର ମହାସ୍ଵାଦେର ସଙ୍ଗେ ଦେଖା ହୁଏ ତବେ ଆସି ଅନନ୍ତ ସ୍ଵର୍ଗ ଉପଭୋଗ କରବ ।
- (5) ସଦି ଗୋଲାପ ଲାଗାଓ ତବେ ବାଗାନ ସ୍କଲର ଦେଖାବେ, ଏବଂ ସଦି ଗ୍ୟାଦା ଲାଗାଓ ତବେ ଅନେକ ଫୁଲ ଫୁଟିବେ ; ସ୍ଵତରାଙ୍କ ସଦି ଗୋଲାପ ବା ଗ୍ୟାଦା ଲାଗାଓ ତବେ ବାଗାନ ସ୍କଲର ଦେଖାବେ ବା ଅନେକ ଫୁଲ ଫୁଟିବେ ।
- (6) ସଦି ତୁମି ଆଇନଭଙ୍ଗ କର ଏବଂ ଦେଖ ପରିତ୍ୟାଗ କର, ତବେ ତୋମାର ଆଜ୍ଞୀଯ ଓ ବକ୍ତ୍ବା ଅନୁବିଧାୟ ପଡ଼ିବେ ; ସଦି ତୁମି ଦେଖ ପରିତ୍ୟାଗ କର, ତବେ ସଦି ତୁମି ଆଇନଭଙ୍ଗ କରେ ଥାକ ତବେ ଦେଶେର ଶକ୍ତି ବଲେ ଗଣ୍ୟ ହବେ ; ସ୍ଵତରାଙ୍କ ସଦି ଦେଶପରିତ୍ୟାଗ କରି ଆର ଆଇନଭଙ୍ଗ କରି ଏକ ହର, ତଥବେ ସଦି ତୁମି ଦେଖ ପରିତ୍ୟାଗ କର ତବେ ତୁମି ଦେଶେର ଶକ୍ତି ବଲେ ଗଣ୍ୟ ହବେ ବା ତୋମାର ଆଜ୍ଞୀଯ ଓ ବକ୍ତ୍ବା ଅନୁବିଧାୟ ପଡ଼ିବେ ।

*3 পরোক্ষ পদ্ধতিতে প্রমাণ করুন।

3 অনুশীলনীর 9 (খ)-এর (3) ও (4) ন্যায়।

3 অনুশীলনীর 9 (গ)-এর (3), (5) ও (10) ন্যায়।

1 (খ)-এর (5)-(8), (12) ও (13) ন্যায়।

1 (গ)-এর (1)-(4) ও (11)-(12) ন্যায়।

1 (অ)-এর (2)-(4), (5)-(7) ন্যায়।

4 প্রাকল্লিক পদ্ধতিতে নীচের সূত্রগুলো স্বতঃসত্য প্রমাণ করুন।

(1) $(p \supset q) \supset [p \supset (p.q)]$

(2) $(p \supset q) \supset [(q \supset r) \supset (p \supset r)]$

*(3) $p \supset (q \supset p)$

(4) $[(p \supset q) \supset q] \supset (p \vee q)$

*(5) $[(p \supset q) \supset p] \supset p$

(6) $[(p \supset q) . (p \supset r)] \supset [p \supset (q.r)]$

(7) $[(p \supset q) . (p \supset r)] \supset [p \supset (q \vee r)]$

*(8) $(p \supset q) \supset [(p.r) \supset (q.r)]$

5 (ক) 2-এর ন্যায়গুলো নৃতন আকারের প্রাকল্লিক পদ্ধতিতে প্রমাণ করুন। (*2, *6)

(খ) 3-এর ন্যায়গুলো সিদ্ধান্তের নিষেধকক্ষে অঙ্গীকার করে নৃতন আকারের প্রাকল্লিক পদ্ধতিতে প্রমাণ করুন। (*3.9 (গ) (5))

6 (ক) নীচে তিনটি ন্যায়ের বুজ্জিবচনগুলো দেওয়া আছে। এরা মিলিতভাবে সত্য কিনা বিচার করুন।

*(1) $p. (q \vee r)$

$(p.r) \supset \sim (s \vee t)$

$(\sim s \vee \sim t) \supset \sim (p.q)$

$s \supset t$

*(2) $p. (p \vee q)$

$\sim q \supset \sim p$

$\sim r. \sim q$

$\sim (r \vee p)$

$$(3) (p, q) \vee r$$

$$p \supset \sim q$$

$$s, q$$

$$r \supset \sim r$$

(*) नीचेर न्यायग्रन्थोंर बैधता विचार करन

$$(1) p \supset q$$

$$\frac{\sim (\sim p . \sim q)}{}$$

$$\therefore p \vee q$$

$$*(2) p \supset (q, r)$$

$$\frac{\sim q}{}$$

$$\therefore \sim p$$

$$(3) (p . \sim q) \supset r$$

$$\frac{\sim q}{}$$

$$\therefore r$$

$$*(4) \sim p \supset \sim q$$

$$p \vee r$$

$$\frac{\sim r}{}$$

$$\therefore \sim p$$

$$(5) p \supset q$$

$$q \supset r$$

$$\frac{\sim q}{}$$

$$\therefore \sim p \vee \sim r$$

$$(6) \sim p \supset \sim q$$

$$r$$

$$\frac{r \supset \sim p}{}$$

$$\therefore \sim q . \sim p$$

$$*(7) \sim (p . \sim q)$$

$$\sim r \vee s$$

$$\frac{r \vee q}{}$$

$$\begin{aligned} \text{(8)} \quad & (p, q) \supset r \\ & r \supset \sim r \\ & (s \supset p) . (t \supset q) \end{aligned}$$

$$\therefore s \supset \sim t$$

$$\begin{aligned} \text{(9)} \quad & p \vee q \\ & \sim [r \vee (s \vee t)] \\ & \sim t \supset \sim q \\ & \underline{p \supset r} \\ \therefore & \sim s \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{(10)} \quad & p . (q . r) \\ & \underline{(q \equiv r) \supset \sim (\sim p . \sim q)} \\ \therefore & q \vee p \end{aligned}$$

5

৪ নীচের বচনগুলোকে প্রতীকীরণ দিন (শান্কবন্ধ বচনাপেক্ষক
রূপে)। প্রয়োজনস্থলে অভিধান দিয়ে নিন ।

- *(1) ন মে ভজঃ প্রণশ্যতি ।
- (2) যো যদ্ভজঃ স মে প্রিযঃ ।
- (3) যাদৃশী তাৰ্বনা যস্য সিঙ্গি উৰতি তাদৃশী ।
- (4) সৰ্বমত্যস্তগহিতম् ।
- *(5) বুদ্ধিযস্য বলঃ তস্য ।
- (6) সব মেরুদণ্ডী জীৱ উক্তশোণিত নয় ।
- (7) কোন কোন রাজনীতিক বুদ্ধিমূল ।
- (8) এখন লোক আছে যাদেৱ যোগ্যতা অস্তীকৃত ।
- (9) উত্তৰ খাদ্য তৃষ্ণিমায়ক ।
- *(10) কোন কোন বচনের সত্যতা নিৰূপণ অভিজ্ঞতাসাপেক্ষ ।
- (11) বিলকু দুৱস্ত কিন্তু পড়াশুনা করে ।
- (12) অনেক ছেলেই পড়াশুনা করে না ।
- (13) ছেলেৱা উপস্থিতি ।
- (14) কোন অতিথি খাওয়া পর্যন্ত অপেক্ষা কৰেন নি ।
- *(15) কোন কোন অতিথি খাওয়া পর্যন্ত অপেক্ষা কৰেন নি ।
- (16) ঘৰেৱ কোন জিনিষ বাঁচেনি ।
- (17) যাহাই চক্ৰচক্ৰ কৰে তাহাই সোণা নয় ।
- (18) উদ্যোগী পুৰুষেৱাই লক্ষ্মীলাভ কৰে ।
- (19) কেউ বড় হতে পাৱে না, যদি না সে পৰিশ্ৰম কৰে ।
- *(20) বৎসৱেৱ যে কোনদিন কাৰো না কাৰো জন্মদিন ।
- (21) কোন কোন ছাত্ৰ বুদ্ধিমূল ও পৰিশ্ৰমী ।
- *(22) কোন কোন ঔষধ বেণীমাঝায় খেলে বিপজ্জনক হয় ।

*9 নীচের ন্যায়গুলোৱ প্ৰমাণ গঠন কৰন । প্রয়োজন স্থলে প্রাকৰিক
প্ৰাণবিধি ব্যবহাৰ কৰতে পাৱেন ।

- (1) সব মানুষ (হয়) দার্শনিক,
ঝণ্টু (হয়) মানুষ,
∴ ঝণ্টু (হয়) দার্শনিক ।
- (2) সজেটস (হয়) একজন জ্ঞানী দার্শনিক,
∴ কোন কোন দার্শনিক (হয়) জ্ঞানী ।
- (3) সব দার্শনিক (হয়) পঞ্চিত,
কোন কোন দার্শনিক (হয়) ধূমপানকারী,
∴ কোন কোন পঞ্চিত (হয়) ধূমপানকারী ।
- (4) কোন রাজনীতিক নৌতিসর্বস্ব নয়,
কোন কোন লোক (হয়) নৌতিসর্বস্ব,
∴ কোন কোন লোক রাজনীতিক নয় ।
- (5) কোন নৌতিসর্বস্ব ব্যক্তি রাজনীতিক নয়,
সব দার্শনিক (হয়) নৌতি সর্বস্ব,
∴ কোন দার্শনিক রাজনীতিক নয় ।
- (6) সব জ্ঞানুবর্তী স্থায়ী (হয়) সৎস্বভাবসম্পন্ন,
কোন সৎস্বভাবসম্পন্ন স্থায়ী রাত্যাগমের পরে বাহিরে
অবস্থান করে না,
∴ কোন রাত্যাগমের পরে বাহিরে অবস্থানকারী
স্থায়ী জ্ঞানুবর্তী নয় ।
- (7) কোন কোন ব্যবসায়ী কালোবাজারী নয়,
সব ব্যবসায়ী (হয়) মিষ্টিভাষী,
∴ কোন কোন মিষ্টিভাষী ব্যক্তি কালোবাজারী নয় ।
- (8) সব ভারতীয় (হয়) দার্শনিক,
সব দার্শনিক (হয়) নিষ্ঠেগুণ্য,
ভবশক্ত (হয়) ভারতীয়,
ভবশক্ত (হয়) নিষ্ঠেগুণ্য ।

(9) ସବ ଭାରତୀୟ ଓ ଦାର୍ଶନିକ (ହସ) ଶତ୍ୟାନ୍ଵେଷୀ,
ଭବଶକ୍ତର (ହସ) ଭାରତୀୟ,

∴ ଭବଶକ୍ତର (ହସ) ଶତ୍ୟାନ୍ଵେଷୀ ।

(10) ସବ ଫଳ (ହସ) ସ୍ଵର୍ଗାଦୁ,

ସବ ଫଳ (ହସ) ପୁଣିକର,

∴ ସବ ଫଳ (ହସ) ସ୍ଵର୍ଗାଦୁ ଓ ପୁଣିକର ।

(11) ସବ ରାଜୀ (ହସ) ବିଲାସୀ,

ସବ ରାଣୀ (ହସ) ବିଲାସୀ,

∴ ସବ ରାଜୀ ଓ ରାଣୀ (ହସ) ବିଲାସୀ ।

(12) ଗଙ୍ଗ (ହସ) ନିରୀହ ଓ ଉପକାରୀ,

କୋନ କୋନ ଗଙ୍ଗ (ହସ) କୃଷ୍ଣବର୍ଣ୍ଣ,

∴ କୋନ କୋନ ଉପକାରୀ ବ୍ୟକ୍ତି (ହସ) କୃଷ୍ଣବର୍ଣ୍ଣ ।

(13) ସବ ହଞ୍ଚିଦନ୍ତନିର୍ବିତ ଆସବାବ (ହସ) ସ୍ଵର୍ଗ ଓ ମହାର୍ଷ,

ପ୍ରାସାଦେର ସବ ଆସବାବ (ହସ) ହଞ୍ଚିଦନ୍ତନିର୍ବିତ,

∴ ପ୍ରାସାଦେର ସବ ଆସବାବ (ହସ) ମହାର୍ଷ ।

(14) ଉପ୍ୟାଚକେରୀ ନିର୍ବୋଧ ବା ଶଠ ହସ,

ନିର୍ବୋଧେରୀ ସରଳ ହସ,

ସବ ଉପ୍ୟାଚକ ସରଳ ନୟ,

∴ କୋନ କୋନ ଉପ୍ୟାଚକ (ହସ) ଶଠ ।

(15) ସବ ନୋବେଳ ପୁରକାର ପ୍ରାପକ (ହସ) ଥ୍ରିଭାସଞ୍ଜଳ,

କୁରୀ ଏକଜ୍ଞ ମହିଳା,

କୁରୀ ଏକଜ୍ଞ ନୋବେଳ ପୁରକାରପ୍ରାପକ,

∴ କୋନ କୋନ ମହିଳା ଥ୍ରିଭାସଞ୍ଜଳ ।

(16) ସବ ପେଟ୍ରୋଲ ରଞ୍ଜାନୀକାରୀ ଓ ଆମଦାନୀକାରୀ ଦେଖ ଏହି
ସମ୍ବେଳନେ ଆମ୍ବର୍ଜିତ ଏବଂ ସର୍ବଦାନ୍ତଭାବେ ପେଟ୍ରୋଲେର ମୂଲ୍ୟ

নিয়ন্ত্রণের উদ্দেশ্যে পরিকল্পনা দাখিল করার জন্য
বিশেষভাবে আহুত,

∴ সব পেট্রোল আমলানীকারী দেশ সর্বসম্মতভাবে
পেট্রোলের মূল্য নিয়ন্ত্রণের উদ্দেশ্যে পরিকল্পনা
দাখিল করার জন্য বিশেষভাবে আহুত।

*10 নীচের ন্যায়গুলোর অবৈধতা প্রমাণ করন।

- (1) সব ভারতীয় (হয়) দার্শনিক,
সক্রেটিস (হয়) একজন দার্শনিক,
∴ সক্রেটিস (হয়) একজন ভারতীয়।
- (2) কোন কোন ভারতীয় (হয়) অব্দেতবাদী,
চার্বাক ভারতীয়,
∴ চার্বাক অব্দেতবাদী।

- (3) আলু আনারস নয়,
আনারস সুস্বাদু,
∴ আলু সুস্বাদ নয়।
- (4) সব রাজা মানুষ,
সব মানুষ নশুর,
∴ কোন কোন নশুর ব্যক্তি রাজা।

- (5) কোন মানুষ নয় দোষহীন,
সব মানুষ নশুর,
∴ কোন কোন নশুর নয় দোষহীন।

- (6) বেদনা ক্লাস্টিকর,
বেদনা কখনও টিপিসত নয়,
∴ টিপিসত বস্ত কখনও ক্লাস্টিকর নয়।

- (7) কোন ছাত্র পঞ্জিত নয়,
কোন কোন অধ্যাপক পঞ্জিত,
কোন ছাত্র অধ্যাপক নয়।

(8) ଯର ମାନ୍ୟ ଓ ତିରି ଉନ୍ୟପାଇଁ,
କୋଣ କୋଣ ଥାଣୀ ଉନ୍ୟପାଇଁ,
କୋଣ କୋଣ ଥାଣୀ ଉନ୍ୟପାଇଁ ନୟ,

∴ ଯର ମାନ୍ୟ ଥାଣୀ ।

(9) ଯର ମାନ୍ୟ (ହୟ) ଦୋଷ୍ୟୁକ୍ତ,
ଯର ମାନ୍ୟ (ହୟ) ଥାଣୀ,

∴ କୋଣ କୋଣ ଥାଣୀ (ହୟ) ଦୋଷ୍ୟୁକ୍ତ ।

কলেকটি লিখিত প্রশ্নের সমাধান

2

- ৭ (গ) (4) $\sim(p \cdot q)$
 (8) $\sim p \cdot \sim q$
 (13) $(p \supset q) \cdot (q \supset p)$
 (15) $p \supset [q \cdot (r \vee s)]$
- (ঘ) (5) উৎপাদন 'বাড়বে' এবং জিনিষের দায় বাড়বে না, বা
 দুর্ভুল্য ভাতা বাড়ানো হবে।
- (12) জিনিষের দায় বাড়বে না, বা দুর্ভুল্য ভাতা বাড়ানোও সঞ্চয়
 বাড়বে না।

3

- ১ (5) $[(p \vee q) \cdot r] \cdot (\sim p \supset s)$
 (8) $[p \vee (q \cdot r)] \cdot (\sim p, r)$
- ২ (2) $p \quad \sim p \quad p \vee \sim p \quad p \cdot (p \vee \sim p)$
- | | | | |
|---|---|---|---|
| T | F | T | T |
| F | T | T | F |

অনিদিষ্টবান

p	$\sim p$	$p \supset \sim p$	$(p \supset \sim p) \supset \sim p$
T	F	F	T
F	T	T	T

সত্যসত্য

p	q	$p \supset q$	$\sim q$	$p \cdot \sim q$	$(p \supset q) \cdot (p \cdot \sim q)$
T	T	T	F	F	F
T	F	F	T	T	F
F	T	T	F	F	F
F	F	T	T	F	F

সত্যবিধ্যা

(5)	p	q	$p \cdot q$	$(p \cdot q) \cdot p$	$[(p \cdot q) \cdot p] \supset q$
	T	T	T	T	T
	T	F	F	F	T
	F	T	F	F	T
	F	F	F	F	T

সত্যসত্য

(৬) (1) সত্য

(5) মিথ্যা

4 (ক) (1) $p \quad q \quad (p \cdot q) \equiv p$

	T	T	T	T	T
	T	F	F	F	T ✓
.	F	T	F	T	F
.	F	F	F	T	F

না

(6) $p \quad q \quad p \supset q \quad (p \supset q) \cdot p \quad \equiv \quad q$

	T	T	T	T	T	T
	T	F	F	F	T	F
	F	T	T	F	F	T ✓
	F	F	T	F	T	F

না

(12) $p \cdot q \cdot r \cdot p \cdot q \cdot p \cdot r \cdot (p \cdot q) \vee (p \cdot r) \cdot q \vee r \cdot p \cdot (q \vee r) \equiv (p \cdot q) \vee (p \cdot r)$

T	T	T	T	T	T	T
T	T	F	T	T	T	T
T	F	T	F	T	T	T
T	F	F	F	F	F	T
F	T	T	F	T	F	T
F	T	F	F	T	F	T
F	F	T	F	T	F	T
F	F	F	F	F	F	T

হ্যাঁ

(৭) (1) $\sim p \supset \sim q$

1, সত্য

(2) $\sim (\sim p \cdot \sim \sim q)$

2, বিনিবেধ

(3) $\sim (\sim p \cdot q)$

3, ডি মডেলান

(4) $\sim \sim p \vee \sim q$

4, বিনিবেধ

(5) $p \vee \sim q$

(5) (1) $\sim p \equiv q$

(2) $(\sim p \supset q). (q \supset \sim p)$ 3, অন্যোন্য বাস্তব প্রাক্তিক
সমস্ক

(3) $(\sim q \supset \sim \sim p). (\sim \sim p \supset \sim q)$ 2, 4 (ক)-এর (15) সূজ

(4) $(\sim q \supset p). (p \supset \sim q)$ 3, বিনিষেধ

(5) $\sim q \equiv p$ 4, সমমান সমস্ক

(গ) (2) (অ) (1) $p \supset (q \supset r)$

(2) $\sim [p. \sim (q \supset r)]$ 1, সংজ্ঞা

(3) $\sim [p. \sim \sim (q. \sim r)]$ 2, সংজ্ঞা

(4) $\sim [p. (q. \sim r)]$ 3, বিনিষেধ

(5) $\sim p \vee \sim (q. \sim r)$ 4, ডি মুলগ্যান

(6) $\sim p \vee \sim q \vee r$ 5, ডি মুলগ্যান, বিনিষেধ

(7) $(\sim p \vee \sim q) \vee r$ 6, 2.8 অনুচ্ছেদের (16) v.

(15) সূজ

(8) $r \vee (\sim p \vee \sim q)$ (আ) 7, 4 (ক)-এর (8) সুষ্ঠ

(4) সমমান মধ্য, সত্যসারণী প্রণয়ন করে হিতীয়, চতৃর্থ, পঞ্চম ও সপ্তম সারি দেখুন।

5 (1) অবৈধ

(2), (3) বৈধ

(4) অবৈধ

(5) বৈধ

9 (গ) ও 4 অনুশীলনোৱা (আ) দেখুন।

6 (ক) (3)

p	q	$p \supset q$	$p \supset p$	
T	T	T	T	
T	F	F	T	বৈধ
F	T	T	T	
F	F	T	T	

(5)

$$p \ q \ \sim p \ \sim q \ p \supset q \ \sim p. \ \sim q \ \sim (\sim p. \sim q) \ (p \supset q). \sim (\sim p. \sim q) \ p \vee q$$

T T	F F	T	F	T	T	T
T F	F T	F	F	T	F	T
F T	T F	T	F	T	T	T
F F	T T	T	T	F	F	F

বৈধ

(৩) (1) $p \ q \ \sim p \ p \vee q \ \sim q \supset p \ (p \vee q) \cdot (\sim q \supset p) \cdot q \ \sim p$

T	T	F	T	T		T	F
T	F	T	T	T		F	F
F	T	F	T	T		T	T
F	F	T	F	F		F	T

অবৈধ, প্রথম সারি দেখুন।

7 (5) $\{(p \cdot \sim q) \supset (r \vee s)\} \cdot \sim (\sim r \supset q) \supset (p \vee s)$

T	F	F	T	T	T	F	F	T	T
T	F	F	T	T	F	F	F	T	T
T	F	F	T	F	T	T	F	T	T
T	F	F	T	F	F	F	T	T	T
T	T	F	T	T	T	F	F	T	T
T	T	T	F	T	F	F	F	T	T
T	T	T	F	T	T	T	T	T	T
T	T	T	F	F	F	F	T	T	T
F	F	F	T	T	T	F	F	T	T
F	F	F	T	T	F	F	F	T	F
F	F	F	T	F	F	F	T	T	T
F	F	F	T	F	F	F	T	T	F
F	F	T	F	T	T	F	F	T	T
F	F	T	F	T	T	F	F	T	F
F	F	T	F	T	T	F	F	T	T
F	F	T	F	T	T	F	F	F	F

অবৈধ, ঘোষণা সারি দেখুন।

9 (ক) (2)	T	F	$\frac{1}{T}$	T		যদি সংযোজকভাবের উপর “√” ছিল আছে। এ
	\sim	p	$\frac{v}{\sim}$	q		হাত্তাও দেখুন, কোন একটি
	T	F	$\frac{1}{T}$	T	বৈধ	বর্ণেরও উপর “√” ছিল
	\sim	p	$\frac{\supset}{\sim}$	q		দেওয়া আয়োজন। এই বর্ণটির
	$\frac{1}{T}$	F	$\frac{1}{T}$	T		বিকল্প মান নিবেশন না
	\sim	(\sim p : q)				করলে ষুড়িবাচন অসম্ভু-
			$\frac{F}{\Delta}$			তাবে সত্য, সিদ্ধান্ত বিশ্বা-
			Δp			হয় না।

$$(4) \quad \begin{array}{cccccc} T & \frac{T}{p} & T & T & T & F \\ & \supset & (q & \supset & \sim & r) \\ \frac{T}{r} & & & & & \end{array} \quad \text{অবধি}$$

$$\therefore q \supset \sim p$$

$$(4) \quad (1) \quad \begin{array}{cccc} F & \frac{T}{p} & T & \\ & \supset & q & \\ T & \frac{T}{q} & F & \\ & \supset & r & \\ F & \frac{T}{r} & F & \text{অবধি} & \frac{p \quad q \quad r}{F \quad T \quad F} \\ r & \supset & p & & \\ \hline & & F & & \\ & & \supset & & \\ & & p & & \end{array}$$

$$(5) \quad \begin{array}{cccccc} T & \frac{T}{p} & F & T & T & \\ & \supset & (q & \nu & r) & \\ \frac{T}{F} & & \sim q & & & \text{অবধি} & \frac{p \quad q \quad r}{T \quad F \quad T} \\ \hline & & T & \frac{F}{r} & F & T & \\ & & \supset & & & & \\ & & r & \supset & \sim p & & \end{array}$$

$$(5) \quad (5) \quad \begin{array}{ccccccccc} F & \frac{T}{\sim p} & \frac{T}{\supset} & F & F & F & T & \\ & \supset & (q & \nu & \sim r) & & & & \\ T & \frac{F}{\sim p} & \frac{T}{\supset} & T & F & & & \\ & \supset & \sim & \sim & q & & & \\ \hline & & F & T & & & & \\ & & \sim & r & & & & \text{অবধি} \end{array}$$

$$\begin{array}{ccccccccc}
 (7) & T & T & T & \neg T & T \\
 & (p \cdot q) & \supset & r \\
 & T & \neg T & T & \neg F \\
 & r & \supset & \sim r \\
 & T & T & T & \neg T & T & T & T \\
 & (s \supset p) \cdot (t \supset q) & & & & & & & \text{বৈধ}
 \end{array}$$

$$\therefore s \approx t$$

(୪) (୨) ଶୁଣ୍ଡାଟି ବିଧ୍ୟା ହୋକୁ, ଅର୍ଥାଏ ଅନୁଗ p ବିଧ୍ୟା ହୋକୁ,
ପୂର୍ବଗ $p \supset p$ ସତ୍ୟ ହୋକୁ । p ବିଧ୍ୟା ହଲେ $p \supset p$
ସତ୍ୟ । ସ୍ଵତଃସତ୍ୟ ନମ୍ବ । p ସତ୍ୟ ହଲେ ସତ୍ୟ । ଶୁଣ୍ଡାରାଃ
ଅନିଦିଷ୍ଟିମାନ ।

(7) সূত্রটি মিথ্যা হোক, অর্ধাং পূর্বগুণ p সত্য হোক, অনুগতি $p \supset (q \vee \sim p)$ মিথ্যা হোক। $p \supset (q \vee \sim p)$ মিথ্যা হতে হলে p সত্য, $q \vee \sim p$ মিথ্যা হতে হবে। q মিথ্যা, p সত্য হলে $q \vee \sim p$ মিথ্যা। স্বতঃসত্য নয়। p, q দুই-ই সত্য হলে অনুগতি এবং সূত্র দুই-ই সত্য হয়, স্ফূরণঃ অনিদিষ্টমান।

- | | | |
|-------|----------------------------------|---------------------------------|
| 1 (4) | 1) (1) $p \supset (q \supset r)$ | |
| | (2) $\sim r$ | $\therefore \sim p \vee \sim q$ |
| | (3) $(p \cdot q) \supset r$ | 1, Exp. |
| | (4) $\sim (p \cdot q)$ | 3, 2, M. T. |
| | (5) $\sim p \vee \sim q$ | 4, De M. |
| | (2) (1) $p \supset q$ | |
| | (2) $(p \cdot q) \supset r$ | |
| | (3) $\sim r$ | $\therefore \sim p$ |
| | (4) $\sim (p \cdot q)$ | 2, 3, M.T. |
| | (5) $p \supset (p \cdot q)$ | 1, Abs. |
| | (6) $\sim p$ | 5, 4, M.T. |

- (আ) (2) (1) $p \supset (q. \sim q)$ /∴ $\sim p$
 (2) $\sim p \vee (q. \sim q)$ 1, Imp.
 (3) $(\sim p \vee q) . (\sim p \vee \sim q)$ 2, Dist.
 (4) $(p \supset q) . (p \supset \sim q)$, 3, Impl.
 (5) $p \supset q$ 4, Simp.
 (6) $\sim q \supset \sim p$ 5, Trans.
 (7) $(p \supset \sim q) . (p \supset q)$ 4, Com.
 (8) $p \supset \sim q$ 7, Simp.
 (9) $p \supset \sim p$ 8, 6, H.S.
 (10) $\sim p \vee \sim p$ 9, Impl.
 (11) $\sim p$ 10, Taut.

- (3) (1) $p \supset (q.r)$
 (2) $q \supset s$
 (3) $\sim s$ /∴ $\sim p$
 (4) $\sim q$ 2, 3, M.T.
 (5) $\sim q \vee \sim r$ 4, Add.
 (6) $\sim (q.r)$ 5, De M.
 (7) $\sim p$ 1, 6, M.T.

- (5) (1) $\sim p \supset (q \vee \sim r)$
 (2) $\sim p . \sim q$ /& $\sim r$
 (3) $\sim p$ 1, Simp.
 (4) $q \vee \sim r$ 1, 3, M.P.
 (5) $\sim q . \sim p$ 2, Com.
 (6) $\sim q$ 5, Simp.
 (7) $\sim r$ 4, 6, D.S.

- (৬) (2) (1) $\sim p \vee q$
 (2) $\sim p \supset q$
 (3) $\sim (\sim p.q)$ /∴ p
 (4) $p \supset q$ 1, Impl.
 (5) $\sim q \supset \sim p$ 4, Trans.
 (6) $\sim q \supset q$ 5, 2, H.S.
 (7) $\sim \sim q \vee q$ 6, Impl.
 (8) $q \vee q$ 7, D.N.
 (9) q 8, Taut.
 (10) $\sim \sim q$ 9, D.N.

- | | | |
|---|---------------------------|-------------------------------|
| (11) | $\sim \sim p \vee \sim q$ | 3, De M. |
| (12) | $p \vee \sim q$ | 11, D.N. |
| (13) | $\sim q \vee p$ | 12, Com. |
| (14) | p | 13, 10, D.S. |
|
(3) (1) $(p \supset q) . (p \supset r)$ | | |
| (2) | p | $\therefore q \vee r$ |
| (3) | $p \supset q$ | 1, Simp. |
| (4) | q | 3, 2, M.P. |
| (5) | $q \vee r$ | 4, Add. |
|
(4) (1) $p \supset (q \supset \sim r)$ | | |
| (2) | r | $\therefore q \supset \sim p$ |
| (3) | $(p . q) \supset \sim r$ | 1, Exp. |
| (4) | $\sim \sim r$ | 2, D. N. |
| (5) | $\sim (p . q)$ | 3, 4, M.T. |
| (6) | $\sim p \vee \sim q$ | 5, De M. |
| (7) | $\sim q \vee \sim p$ | 6, Com. |
| (8) | $q \supset \sim p$ | 7, Impl. |
|
(5) (2) (1) $p.q$ | | |
| (2) | $\sim q \vee r$ | $\therefore r \vee \sim s$ |
| (3) | $q.p$ | 1, Com. |
| (4) | q | 3, Simp. |
| (5) | $\sim \sim q$ | 4, D.N. |
| (6) | r | 2, 5, D.S. |
| (7) | $r \vee \sim s$ | 6, Add. |
|
(3) (1) $(p.q) \supset r$ | | |
| (2) | p | |
| (3) | $p \supset q$ | $\therefore r$ |
| (4) | q | 3, 2, M.P. |
| (5) | $p.q$ | 2, 4, Conj. |
| (6) | r | 1, 5, M.P. |
|
(4) (1) $p \supset (q \vee r)$ | | |
| (2) | $\sim q$ | |
| (3) | $\sim p \vee \sim r$ | $\therefore \sim p$ |
| (4) | $\sim r \vee \sim p$ | 3, Com. |

(5)	$r \supset \sim p$	4, Impl.
(6)	$p \supset (\sim \sim q \vee r)$	1, D.N.
(7)	$p \supset (\sim q \supset r)$	6, Impl.
(8)	$(p. \sim q) \supset r$	7, Exp.
(9)	$(p. \sim q) \supset \sim p$	8, 5, H.S.
(10)	$\sim (p. \sim q) \vee \sim p$	9, Impl.
(11)	$(\sim p \vee \sim \sim q) \vee \sim p$	10, De M.
(12)	$(\sim p \vee q) \vee \sim p$	11, D.N.
(13)	$\sim p \vee (\sim p \vee q)$	12, Com.
(14)	$(\sim p \vee \sim p) \vee q$	13, Assoc.
(15)	$\sim p \vee q$	14, Taut.
(16)	$p \supset q$	15, Impl.
(17)	$\sim p$	16, 2, M.T.

(ক)	(7)	(1)	$(p.q) \supset r$	
		(2)	$r \supset \sim r$	
		(3)	$(s \supset p) . (t \supset q)$	$\therefore s \supset \sim t$
		(4)	$\sim r \vee \sim r$	2, Impl.
		(5)	$\sim r$	4, Taut.
		(6)	$\sim (p.q)$	1, 5, M.T.
		(7)	$\sim p \vee \sim q$	6, De M.
		(8)	$s \supset p$	3, Simp.
		(9)	$\sim p \supset \sim s$	8, Trans.
		(10)	$(t \supset q) . (s \supset p)$	3, Com.
		(11)	$t \supset q$	10, Simp.
		(12)	$\sim q \supset \sim t$	11, Trans.
		(13)	$(\sim p \supset \sim s) . (\sim q \supset \sim t)$	9, 12, Conj.
		(14)	$\sim s \vee \sim t$	13, 7, C.D.
		(15)	$s \supset \sim t$	14, Impl.
(খ)	(8)	(1)	$(p \supset q) . (r \supset s)$	
		(2)	$(q \vee s) \supset t$	
		(3)	$\sim t$	$\therefore \sim (p \vee r)$
		(4)	$\sim (q \vee s)$	2, 3, M.T.
		(5)	$\sim q . \sim s$	4, De M.
		(6)	$p \supset q$	1, Simp.
		(7)	$\sim q$	5, Simp.

(8)	$\sim p$	6, 7, M.T.
(9)	$(r \supset s) \cdot (p \supset q)$	1, Com.
(10)	$r \supset s$	9, Simp
(11)	$\sim s \cdot \sim q$	5, Com.
(12)	$\sim s$	11, Simp.
(13)	$\sim r$	10, 12, M.T.
(14)	$\sim p \cdot \sim r$	8, 13, Conj.
(15)	$\sim (p \vee r)$	14, De M.

(1)	(1) $p \supset q$	
	(2) $\sim r \supset \sim q$	
	(3) $r \supset s$	$\therefore p \supset s$
	(4) $q \supset r$	2, Trans.
	(5) $p \supset r$	1, 4, H.S.
	(6) $p \supset s$	5, 3, H.S.
(2)	(1) $(p \cdot q) \supset (r \supset \sim s)$.
	(2) $p \cdot q$	$\therefore s \supset \sim r$
	(3) $r \supset \sim s$	1, 2, M.P.
	(4) $\sim \sim s \supset \sim r$	3, Trans.
	(5) $s \supset \sim r$	4, D.N.
(3)	(1) p	
	(2) $(\sim q \cdot \sim p) \supset r$	
	(3) $p \supset \sim r$	$\therefore \sim q \supset p$
	(4) $\sim r$	3, 1, M.P.
	(5) $\sim (\sim q \cdot \sim p)$	2, 4, M.T.
	(6) $\sim q \supset p$	5, অস্বীকৃত
(4)	(1) $p \supset (q \supset r)$	$\therefore \sim r \supset (\sim p \vee \sim q)$
	(2) $(p \cdot q) \supset r$	1, Exp.
	(3) $\sim r \supset \sim (p \cdot q)$	2, Trans.
	(4) $\sim r \supset (\sim p \vee \sim q)$	3, De M.
(5)	(1) $(\sim p \cdot q) \supset r$.
	(2) $(q \supset r) \supset s$	
	(3) $\sim p$	$\therefore s$
	(4) $\sim p \supset (q \supset r)$	1, Exp.
	(5) $q \supset r$	4, 3, M.P.
	(6) s	2, 5, M.P.

- (6) (1) $p \supset q$
 (2) $\sim r \supset (\sim q \vee \sim s)$
 (3) $\sim s \supset t$
 (4) p
 (5) $\sim r$ $\therefore t$
 (6) q 1, 4, M.P.
 (7) $\sim q \vee \sim s$ 2, 5, M.P.
 (8) $\sim \sim q$ 6, D.N.
 (9) $\sim s$ 7, 8, D.S.
 (10) t 3, 9, M.P.
- (7) (1) $(p \supset q) \cdot (r \supset s)$
 (2) $\sim q \cdot \sim s$ $\therefore \sim p \cdot \sim r$
 (3) $p \supset q$ 1, Simp.
 (4) $\sim q$ 2, Simp.
 (5) $\sim p$ 3, 4, M.T.
 (6) $(r \supset s) \cdot (p \supset q)$ 1, Com.
 (7) $r \supset s$ 6, Simp.
 (8) $\sim s \cdot \sim q$ 2, Com.
 (9) $\sim s$ 8, Simp.
 (10) $\sim r$ 7, 9, M.T.
 (11) $\sim p \cdot \sim r$ 5, 10, Conj.
- (8) (1) $\sim p \supset \sim q$
 (2) $(r \supset q) \cdot (q \supset r)$
 (3) r $\therefore p$
 (4) $q \supset p$ 1, Trans.
 (5) $r \supset q$ 2, Simp.
 (6) $r \supset p$ 5, 4, H.S.
 (7) p 6, 3, M.P.
- (9) (1) $p \supset q$
 (2) $r \supset s$
 (3) $t \supset \sim s$
 (4) $u \supset \sim q$
 (5) $u \vee r$ $\therefore \sim p \vee \sim t$
 (6) $\sim q \supset \sim p$ 1, Trans.
 (7) $u \supset \sim p$ 4, 6, H.S.

- | | | |
|------|---|----------------------------|
| (8) | $\sim \sim s \supset \sim t$ | 3, Trans.. |
| (9) | $s \supset \sim t$ | 8, D.N. |
| (10) | $r \supset \sim t$ | 2, 9, H.S. |
| (11) | $(u \supset \sim p) . (r \supset \sim t)$ | 7, 10, Conj. |
| (12) | $\sim p \vee \sim t$ | 11, 5, C.D. |
| | | |
| (10) | (1) $(p. \sim q) \supset \sim r$ | |
| | (2) $\sim r \supset \sim s$ | |
| | (3) s | $\therefore p \supset q$ |
| | (4) $s \supset r$ | 2, Trans. |
| | (5) r | 4, 3, M.P. |
| | (6) $\sim \sim r$ | 5, D.N. |
| | (7) $\sim(p . \sim q)$ | 1, 5, M.T. |
| | (8) $p \supset q$ | 7, সংজ্ঞা |
| | | |
| (11) | (1) $(\sim p . q) \supset (r \vee s)$ | |
| | (2) $\sim p \supset (r \supset t)$ | |
| | (3) $p \vee (s \supset \sim u)$ | |
| | (4) $\sim p . q$ | $\therefore t \vee \sim u$ |
| | (5) $\sim p$ | 4, Simp. |
| | (6) $r \supset t$ | 2, 5, M.P. |
| | (7) $s \supset \sim u$ | 3, 5, D.S. |
| | (8) $(r \supset t) . (s \supset \sim u)$ | 6, 7 Conj. |
| | (9) $r \vee s$ | 1, 4, M.P. |
| | (10) $t \vee \sim u$ | 8, 9, C.D. |
| | | |
| (12) | (1) $p \vee q$ | |
| | (2) $q \supset (r . s)$ | |
| | (3) $p \supset (t \vee u)$ | |
| | (4) $\sim s . \sim u$ | $\therefore t$ |
| | (5) $\sim s$ | 4, Simp. |
| | (6) $\sim s \vee \sim r$ | 5, Add. |
| | (7) $\sim r \vee \sim s$ | 6, Com. |
| | (8) $\sim(r . s)$ | 7, De.M. |
| | (9) $\sim q$ | 2, 8, M.T. |
| | (10) $q \vee p$ | 1, Com. |
| | (11) p | 10, 9, D.S. |
| | (12) $t \vee u$ | 3, 11, M.P. |

- (13) $u \vee t$ J2, Com.
 (14) $\sim u . \sim s$ 4, Cqm.
 (15) $\sim u$ 14, Simp.
 (16) t 13, 15, D.S.
- (13) (1) $p \supset q$
 (2) $q \supset r$
 (3) $r \supset \sim s$
 (4) $(p \supset \sim s) \supset (q \supset p)$
 (5) $\sim p$ $\therefore \sim q$
 (6) $p \supset r$ 1, 2, H.S.
 (7) $p \supset \sim s$ 6, 3, H.S.
 (8) $q \supset p$ 4, 7, M.P.
 (9) $\sim p \supset \sim q$ 8, Trans.
 (10) $\sim q$ 9, 5, M.P.
- (14) (1) $p \supset (q . \sim r)$ $\therefore p \supset (r \supset q)$
 (2) $\sim p \vee (q . \sim r)$ 1, Impl.
 (3) $(\sim p \vee q) . (\sim p \vee \sim r)$ 2, Dist.
 (4) $\sim p \vee q$ 3, Simp.
 (5) $(\sim p \vee q) \vee \sim r$ 4, Add.
 (6) $\sim p \vee (q \vee \sim r)$ 5, Assoc.
 (7) $\sim p \vee (\sim r \vee q)$ 6, Com.
 (8) $p \supset (\sim r \vee q)$ 7, Impl.
 (9) $p \supset (r \supset q)$ 8, Impl.
- (15) (1) $p \supset (q \supset r)$
 (2) $r \supset (s . t)$ $\therefore p \supset (q \supset s)$
 (3) $(p . q) \supset r$ 1, Exp.
 (4) $(p . q) \supset (s . t)$ 3, 2, H.S.
 (5) $\sim (p . q) \vee (s . t)$ 4, Impl.
 (6) $[\sim (p . q) \vee s] . [\sim (p . q) \vee t]$ 5, Dist.
 (7) $\sim (p . q) \vee s$ 6, Simp.
 (8) $(p . q) \supset s$ 7, Impl.
 (9) $p \supset (q \supset s)$ 8, Exp.
- (16) (1) $p \supset q$
 (2) $p \supset r$ $\therefore p \supset (q . r)$

- | | | |
|-----|-------------------------------------|-------------|
| (3) | $\sim p \vee q$ | 1, Impl. |
| (4) | $\sim p \vee r$ | 2, Impl. |
| (5) | $(\sim p \vee q) . (\sim p \vee r)$ | 3, 4, Conj. |
| (6) | $\sim p \vee (q . r)$ | 5, Dist. |
| (7) | $p \supset (q . r)$ | 6, Impl. |

- (17) (1) $p \supset q$
- (2) $r \supset q$ $\therefore (p \vee r) \supset q$
- (3) $\sim p \vee q$ 1, Impl.
- (4) $\sim r \vee q$ 2, Impl.
- (5) $q \vee \sim p$ 3, Com.
- (6) $q \vee \sim r$ 4, Com.
- (7) $(q \vee \sim p) . (q \vee \sim r)$ 5, 6, Conj.
- (8) $q \vee (\sim p . \sim r)$ 7, Dist.
- (9) $(\sim p . \sim r) \vee q$ 8, Com.
- (10) $\sim (p \vee r) \vee q$ 9, De M.
- (11) $(p \vee r) \supset q$ 10, Impl.

- ✓ (18) (1) $(p \supset q) . (\sim p \supset r)$
- (2) $p \vee \sim p$
- (3) $(p \supset \sim r) . (\sim p \supset \sim q)$ $\therefore r \equiv \sim q$
- (4) $\sim r \vee \sim q$ 3, 2, C.D.
- (5) $r \supset \sim q$ 4, Impl.
- (6) $q \vee r$ 1, 2. C.D.
- (7) $\sim \sim q \vee r$ 6, D.N.
- (8) $\sim q \supset r$ 7, Impl.
- (9) $(r \supset \sim q) . (\sim q \supset r)$ 5, 8, Conj.
- (10) $r \equiv \sim q$ 9, Equiv.

- (19) (1) $(p \supset q) . (r \supset s)$ $\therefore (p \vee r) \supset (q \vee s)$
- (2) $p \supset q$ 1, Simp.
- (3) $\sim p \vee q$ 2, Impl.
- (4) $(\sim p \vee q) \vee s$ 3, Add.
- (5) $\sim p \vee (q \vee s)$ 4, Assoc.
- (6) $(q \vee s) \vee \sim p$ 5, Com.
- (7) $(r \supset s) . (p \supset q)$ 1, Com.
- (8) $r \supset s$ 7, Simp.
- (9) $\sim r \vee s$ 8, Impl.

(10)	$(\sim r \vee s) \vee q$	9, Add.
(11)	$\sim r \vee (s \vee q)$	10, Assoc.
(12)	$\sim r \vee (q \vee s)$	11, Com.
(13)	$(q \vee s) \vee \sim r$	12, Com.
(14)	$[(q \vee s) \vee \sim p] . [(q \vee s) \vee \sim r]$	6, 13, Conj.
(15)	$(q \vee s) \vee (\sim p . \sim r)$	14, Dist.
(16)	$(\sim p . \sim r) \vee (q \vee s)$	15, Com.
(17)	$\sim (p \vee r) \vee (q \vee s)$	16, De M.
(18)	$(p \vee r) \supset (q \vee s)$	17, Impl.

- (म) (1) (1) $p \supset (q \vee r)$
(2) $\sim q$
(3) $\sim r$ $\therefore \sim p$
(4) $\sim q . \sim r$ 2, 3, Conj.
(5) $\sim (q \vee r)$ 4, De M.
(6) $\sim p$ 1, 5, M.T.
- (2) (1) $p . (q \vee r)$
(2) $p \supset \sim q$ $\therefore r$
(3) p 1, Simp.
(4) $\sim q$ 2, 3, M.P.
(5) $(q \vee r) . p$ 1, Com.
(6) $q \vee r$ 5, Simp.
(7) r 6, 4, D.S.
- (3) (1) $p \supset (q \supset r)$
(2) $\sim r$
(3) p $\therefore \sim q$
(4) $q \supset r$ 1, 3, M.P.
(5) $\sim q$ 4, 2, M.T.
- (4) (1) $p \supset (q \vee r)$
(2) $q \supset s$
(3) $r \supset s$
(4) $s \supset \sim t$
(5) t $\therefore \sim p$
(6) $\sim \sim t$ 5, D.N.
(7) $\sim s$ 4, 6, M.T.

(8)	$\sim q$	2, 7, M.T.
(9)	$\sim r$	3, 7, M.T.
(10)	$\sim q \cdot \sim r$	8, 9, Conj.
(11)	$\sim (q \vee r)$	10, De M.
(12)	$\sim p$	1, 11, M.T.

✓(5) (1)	$p \supset (q \supset r)$	
(2)	$q \supset (r \supset s)$	$\therefore p \supset (q \supset r \supset s)$
(3)	$(p \cdot q) \supset r$	1, Exp.
(4)	$\sim q \vee (r \supset s)$	2, Impl.
(5)	$\sim q \vee (\sim r \vee s)$	4, Impl.
(6)	$(\sim q \vee \sim r) \vee s$	5, Assoc.
(7)	$(\sim r \vee \sim q) \vee s$	6, Com.
(8)	$\sim r \vee (\sim q \vee s)$	7, Assoc.
(9)	$r \supset (\sim q \vee s)$	8, Impl.
(10)	$r \supset (q \supset s)$	9, Impl.
(11)	$(p \cdot q) \supset (q \supset s)$	3, 10, H. S.
(12)	$[(p \cdot q) \cdot q] \supset s$	11, Exp.
(13)	$[(p \cdot (q \cdot q))] \supset s$	12, Assoc.
(14)	$(p \cdot q) \supset s$	13, Taut.
(15)	$p \supset (q \supset s)$	14, Exp.

(6) (1)	$\sim p \supset \sim q$	
(2)	$p \supset r$	
(3)	$\sim r$	$\therefore \sim q$
(4)	$\sim p$	2, 3, M.T.
(5)	$\sim q$	1, 4, M.P.

(7) (1)	$p \supset (\sim q \supset \sim r)$	
(2)	$\sim q$	$\therefore \sim r \vee \sim p$
(3)	$\sim p \vee (\sim q \supset \sim r)$	1, Impl.
(4)	$\sim p \vee (\sim \sim q \vee \sim r)$	3, Impl.
(5)	$\sim p \vee (q \vee \sim r)$	4, D.N.
(6)	$(q \vee \sim r) \vee \sim p$	5, Com.
(7)	$q \vee (\sim r \vee \sim p)$	6, Assoc.
(8)	$\sim r \vee \sim p$	7, 2, D.S.

(8)	(1) $(p \cdot q) \supset r$	
(2)	$\sim p \supset s$	/ ∴ $\sim q$
(3)	$\sim (\sim p \cdot s)$	3, Com.
(4)	$\sim r$	5, नए
(5)	$\sim (s \cdot \sim p)$	2, 6, H.S.
(6)	$s \supset p$	7, Impl.
(7)	$\sim p \supset p$	8, D.N.
(8)	$\sim \sim p \vee p$	9, Taut.
(9)	$p \vee p$	10, D.N.
(10)	p	1, 4, M.T.
(11)	$\sim \sim p$	12, De M.
(12)	$\sim (p \cdot q)$	13, 11, D.S.
(13)	$\sim p \vee \sim q$	
(14)	$\sim q$	

✓ (9)	(1) $p \equiv q$	
	(2) $q \equiv r$	/ ∴ $p \equiv r$
	(3) $(p \supset q) \cdot (q \supset p)$	1, Equiv.
	(4) $p \supset q$	3, Simp.
	(5) $(q \supset r) \cdot (r \supset q)$	2, Equiv.
	(6) $q \supset r$	5, Simp.
	(7) $p \supset r$	4, 6, H.S.
	(8) $(r \supset q) \cdot (q \supset r)$	5, Com.
	(9) $r \supset q$	8, Simp.
	(10) $(q \supset p) \cdot (p \supset q)$	3, Com.
	(11) $q \supset p$	10, Simp.
	(12) $r \supset p$	9, 11, H.S.
	(13) $(p \supset r) \cdot (r \supset p)$	7, 12, Conj.
	(14) $p \equiv r$	13, Equiv.

(10)	(1) $(p \vee q) \supset (r \vee s)$	
	(2) $[(r \vee s) \vee t] \supset (u \vee v)$	
	(3) $(u \vee v) \supset \sim r$	
	(4) $s \supset \sim u$	/ ∴ v
	(5) p	5, Add.
	(6) $p \vee q$	1, 6, M.P.
	(7) $r \vee s$	

- | | | |
|----------------------------|------------------------|----------------|
| (8) | $(r \vee s) \vee t$ | 7, Add. |
| (9) | $u \vee v$ | 2, 8, M.P. |
| (10) | $\sim r$ | 3, 9, M.P. |
| (11) | s | 7, 10, D.S. |
| (12) | $\sim u$ | 4, 11, M.P. |
| (13) | v | 9, 12, D.S. |
|
(11) (1) $p \supset q$ | | |
| (2) | $r \vee \sim q$ | |
| (3) | $\sim (\sim p \vee s)$ | $\therefore r$ |
| (4) | $\sim \sim p . \sim s$ | 3, De M. |
| (5) | $p . \sim s$ | 4, D.N. |
| (6) | p | 5, Simp. |
| (7) | q | 1, 6, M.P. |
| (8) | $\sim \sim q$ | 7, D.N. |
| (9) | $\sim q \vee r$ | 2, Com. |
| (10) | r | 9, 8, D.S. |
|
(12) (1) $p \supset q$ | | |
| (2) | $p \vee q$ | $\therefore q$ |
| (3) | $q \vee p$ | 2, Com. |
| (4) | $\sim \sim q \vee p$ | 3, D.N. |
| (5) | $\sim q \supset p$ | 4, Impl. |
| (6) | $\sim q \supset q$ | 5, 1, H.S. |
| (7) | $\sim \sim q \vee q$ | 6, Impl. |
| (8) | $q \vee q$ | 7, D.N. |
| (9) | q | 8, Taut. |

(য) 1 (য) (1)

$$\begin{array}{ccc}
 T & \overline{T} & T \\
 p & \supset & q \\
 \hline
 F & \overline{T} & F \quad T \\
 \sim r & \supset & \sim q \\
 \hline
 F & \overline{T} & F \\
 r & \supset & s \\
 \hline
 \therefore p & \overline{\supset} & s
 \end{array}$$

1 (୪) (3)

$$\begin{array}{c}
 \begin{array}{c} \text{T} \\ \text{P} \\ (\sim q . \sim p) \supset r \\ p \supset \sim r \end{array} \\
 \hline
 \begin{array}{cccc} \text{T} & \text{F} & \text{F} & \text{F} \\ \sim q & \supset & p \end{array}
 \end{array}$$

1 (୪) (5)

$$\begin{array}{c}
 \begin{array}{c} \text{F} \quad \text{T} \text{ T} \text{ T} \quad \text{T} \text{ F} \\ \sim (p . q) \supset r \\ \text{T} \text{ F} \text{ F} \quad \text{T} \text{ F} \\ (q \supset r) \supset s \\ \text{T} \text{ F} \\ \sim p \end{array} \\
 \hline
 \begin{array}{c} \text{F} \\ \therefore s \end{array}
 \end{array}$$

1 (୫) (12)

$$\begin{array}{c}
 \begin{array}{c} \text{F} \quad \text{T} \text{ F} \\ p \supset q \\ \text{T} \quad \text{T} \text{ F} \\ p \vee q \end{array} \\
 \hline
 \begin{array}{c} \text{F} \\ \therefore q \end{array}
 \end{array}$$

2 (1)

- 3.9 (1) $(p \vee q) \supset \sim r$
 (2) $\sim r \supset \sim s$
 (3) $(\sim p . \sim q) \supset (t \supset u) \quad / \therefore (t . \sim u) \supset \sim s$
 (4) $t . \sim u \quad / \therefore \sim s$ (C.P.)

(5)	$\sim \sim (t . \sim u)$	4, D.N.
(6)	$\sim (t \supset u)$	5, जर्भा
(7)	$\sim (\sim p . \sim q)$	3, 6, M.T.
(8)	$p \vee q$	7, De M.
(9)	$\sim r$	1, 8, M.P.
(10)	$\sim s$	2, 9, M.P.

4.1 (ग)

(1)	$p \vee (q \supset r)$	
(2)	$\sim s \supset (r \supset t)$	
(3)	$p \supset s$	
(4)	$\sim s$	$\therefore q \supset t$
(5)	q	$\therefore t$ (C.P.)
(6)	$\sim p$	3, 4, M.T.
(7)	$q \supset r$	1, 6, D.S.
(8)	$r \supset t$	2, 4, M.P.
(9)	$q \supset t$	7, 8, H.S.
(10)	t	9, 5, M.P.

4. (ग) (1)

(1)	$p \supset q$	
(2)	$\sim r \supset \sim q$	
(3)	$r \supset s$	$\therefore p \supset s$
(4)	p	$\therefore s$ (C.P.)
(5)	q	1, 4, M.P.
(6)	$q \supset r$	2, Trans.
(7)	$q \supset s$	6, 3, H.S.
(8)	s	7, 5, M.P.

(3) (1)	p	
(2)	$(\sim q . \sim p) \supset r$	$\therefore \sim q \supset p$
(3)	$p \supset \sim r$	$\therefore p$ (C.P.)
(4)	$\sim q$	3, 1, M.P.
(5)	$\sim r$	2, 5, M.T.
(6)	$\sim (\sim q . \sim p)$	6, De M.
(7)	$q \vee p$	7, 4, D.S.
(8)	p	

(4)	(1) $p \supset (q \supset r)$	$\therefore \sim r \supset (\sim p \vee \sim q)$
	(2) $\sim r$	$\therefore \sim p \vee \sim q$ (C.P.)
	(3) $(p \cdot q) \supset r$	1, Exp.
	(4) $\sim (p \cdot q)$	3, 2, M.T.
	(5) $\sim p \vee \sim q$	4, De M.
 * (10) (1) $(p \cdot \sim q) \supset \sim r$		
	(2) $\sim r \supset \sim s$	$\therefore p \supset q$
	(3) s	$\therefore q$ (C.P.)
	(4) p	2, Trans.
	(5) $s \supset r$	5, 3, M.P.
	(6) r	6, D.N.
	(7) $\sim \sim r$	1, 7, M.T.
	(8) $\sim (p \cdot \sim q)$	8, जरणा
	(9) $p \supset q$	9, 4, M.P.
	(10) q .	
 (14) (1) $p \supset (q \cdot \sim r)$		
	(2) p	$\therefore r \supset q$ (C.P.)
	(3) r	$\therefore q$ (C.P.)
	(4) $q \cdot \sim r$	1, 2, M.P.
	(5) $\sim r \cdot q$	4, Com.
	(6) $\sim r$	5, Simp.
	(7) $\sim r \vee q$	6, Add.
	(8) $r \supset q$	7, Impl.
	(9) q	8, 3, M.P.
 (15) (1) $p \supset (q \supset r)$		
	(2) $r \supset (s \cdot t)$	$\therefore p \supset (q \supset s)$
	(3) p	$\therefore q \supset s$ (C.P.)
	(4) q	$\therefore s$ (C.P.)
	(5) $q \supset r$	1, 3, M.P.
	(6) r	5, 4, M.P.
	(7) $s \cdot t$	2, 6, M.P.
	(8) s	7, Simp.
 (16) (1) $p \supset q$		
	(2) $p \supset r$	$\therefore p \supset (q \cdot r)$

- | | |
|-----------------|-------------------------------|
| (3) p | $\therefore q \cdot r$ (C.P.) |
| (4) q | 1, 3, M.P. |
| (5) r | 2, 3, M.P. |
| (6) $q \cdot r$ | 4, 5, Conj. |

- | | |
|--|--|
| (17) (1) $p \supset q$ | |
| (2) $r \supset q$ | $\therefore (p \vee r) \supset q$ |
| (3) $p \vee r$ | $\therefore q$ (C.P.) |
| (4) $(p \supset q) \cdot (r \supset q)$ | 1, 2, Conj. |
| (5) $q \vee q$ | 4, 3, C.D. |
| (6) q | 5, Taut. |
| (19) (1) $(p \supset q) \cdot (r \supset s)$ | $\therefore (p \vee r) \supset (q \vee s)$ |
| (2) $p \vee r$ | $\therefore q \vee s$ (C.P.) |
| (3) $q \vee s$ | 1, 2, C.D. |

1 (৩) (5)

- | | |
|----------------------------------|--------------------------------------|
| (1) $p \supset (q \supset r)$ | |
| (2) $q \supset (r \supset s)$ | $\therefore p \supset (q \supset s)$ |
| (3) p | $\therefore q \supset s$ (C.P.) |
| (4) q | $\therefore s$ (C.P.) |
| (5) $q \supset r$ | 1, 3, M.P. |
| (6) $r \supset s$ | 2, 4, M.P. |
| (7) $q \supset s$ | 5, 6, H.S. |
| (8) s | 7, 4, M.P., |
| (2) (1) $p \vee (q \supset r)$ | |
| (2) $\sim r$ | $\therefore q \supset p$ |
| (3) q | $\therefore p$ (C.P.) |
| (4) $q \cdot \sim r$ | 3, 2, Conj. |
| (5) $\sim \sim (q \cdot \sim r)$ | 4, D.N. |
| (6) $\sim (q \supset r)$ | 5, সংজ্ঞা |
| (7) $(q \supset r) \vee p$ | 1, Com. |
| (8) p | 7, 6, D.S., |
| (3) (1) $p \supset q$ | |
| (2) $p \supset (q \supset r)$ | |
| (3) $q \supset (r \supset s)$ | $\therefore p \supset s$ |
| (4) p | $\therefore s$ (C.P.) |

- | | |
|-------------------|------------|
| (5) $q \supset r$ | 2, 4, M.P. |
| (6) q | 1, 4, M.P. |
| (7) r | 5, 6, M.P. |
| (8) $r \supset s$ | 3, 6, M.P. |
| (9) s | 8, 7, M.P. |

- * (4) (1) $p \supset q$
- (2) $q \supset (\sim r \supset s)$
- (3) $s \supset (t \cdot u)$
- (4) $\sim r$
- (5) p
- (6) q
- (7) $\sim r \supset s$
- (8) s
- (9) $t \cdot u$
- (10) $u \cdot t$
- (11) u
- $\therefore \sim r \supset (p \supset u)$ (C.P.)
- $\therefore p \supset u$ (C.P.)
- $\therefore u$ (C.P.)
- 1, 5, M.P.
- 2, 6, M.P.
- 7, 4, M.P.
- 3, 8, M.P.
- 9, Com.
- 10, Simp.

- (5) (1) $(p \supset q) \cdot (r \supset s)$
- (2) $p \vee r$
- (3) $q \vee s$
- $\therefore (p \vee r) \supset (q \vee s)$
- $\therefore q \vee s$ (C.P.)
- 1, 2, C.D.

- (6) (1) $(p \cdot q) \supset r$
- (2) $q \supset (p \supset s)$
- (3) $q \equiv p$
- (4) q
- (5) $(q \supset p) \cdot (p \supset q)$
- (6) $q \supset p$
- (7) p
- (8) $p \supset (q \supset r)$
- (9) $q \supset r$
- (10) $p \supset s$
- (11) $q \supset s$
- (12) $(q \supset s) \cdot (q \supset r)$
- (13) $q \vee q$
- (14) $s \vee r$
- $\therefore (q \equiv p) \supset [q \supset (s \vee r)]$
- $\therefore q \supset (s \vee r)$ (C.P.)
- $\therefore s \vee r$ (C.P.)
- 3, Equiv.
- 5, Simp.
- 6, 4, M.P.
- 1, Exp.
- 8, 7, M.P.
- 2, 4, M.P.
- 6, 10, H.S.
- 11, 9, Conj.
- 4, Taut.
- 12, 13, C.D.

3.9 (৩) (৩)

- | | |
|--|----------------|
| (1) $(p \cdot q) \supset r$ | |
| (2) p | |
| (3) $p \supset q$ | $\therefore r$ |
| (4) $\sim r$ | I.P. |
| (5) $\sim (p \cdot q)$ | 1, 4, M.T. |
| (6) q | 3, 2, M.P. |
| (7) $p \cdot q$ | 2, 6, Conj. |
| (8) $(p \cdot q) \cdot \sim (p \cdot q)$ | 7, 5, Conj. |

3.9 (৩) (৪)

- | | |
|----------------------------|---------------------|
| (1) $p \supset (q \vee r)$ | |
| (2) $\sim q$ | |
| (3) $\sim p \vee \sim r$ | $\therefore \sim p$ |
| (4) $\sim \sim p$ | I.P. |
| (5) p | 4, D.N. |
| (6) $q \vee r$ | 1, 5, M.P. |
| (7) $\sim r$ | 3, 4, D.S. |
| (8) r | 6, 2, D.S. |
| (9) $r \cdot \sim r$ | 8, 7, Conj. |

3.9 (৩) (৩)

- | | |
|------------------------|---------------------|
| (1) $p \supset (q, r)$ | |
| (2) $q \supset s$ | |
| (3) $\sim s$ | $\therefore \sim p$ |
| (4) $\sim \sim p$ | I. P. |
| (5) p | 4, D. N. |
| (6) $q \cdot r$ | 1, 5, M. P. |
| (7) q | 6, Simp. |
| (8) s | 2, 7, M. P. |
| (9) $s \cdot \sim s$ | 8, 3, Conj. |

3.9 (৩) (৫)

- | | |
|--------------------------------------|--------------------------|
| (1) $\sim p \supset (q \vee \sim r)$ | |
| (2) $\sim p \cdot \sim q$ | $\sim \therefore \sim r$ |

(3)	$\sim \sim r$	I. P.
(4)	$\sim p$	2, Simp.
(5)	$q \vee \sim r$	1, 4, M. P.
(6)	$\sim r \vee q$	5, Com.
(7)	q	6, 3, D. S.
(8)	$\sim q \cdot \sim p$	2, Com.
(9)	$\sim q$	8, Simp.
(10)	$q \cdot \sim q$	7, 9, Conj.

3.9 (9) (10)

(1)	$(p \vee q) \supset (r \supset s)$	$\therefore s$
(2)	$(\sim s \vee t) \supset (p \cdot r)$	
(3)	$\sim s$	
(4)	$\sim s \vee t$	
(5)	$p \cdot r$	
(6)	p	
(7)	$p \vee q$	
(8)	$r \supset s$	
(9)	$\sim r$	
(10)	$r \cdot p$	
(11)	r	
(12)	$r \cdot \sim r$	

1 (4) (5)

(1)	$(\sim p \cdot q) \supset r$	$\therefore s$
(2)	$(q \supset r) \supset s$	
(3)	$\sim p$	
(4)	$\sim s$	
(5)	$\sim p \supset (q \supset r)$	
(6)	$\sim p \supset s$	
(7)	$\sim \sim p$	
(8)	$\sim p \cdot \sim \sim p$	

1 (4) (6)

(1)	$p \supset q$
(2)	$\sim r \supset (\sim q \vee \sim s)$

- (3) $\sim s \supset t$
 - (4) p
 - (5) $\sim r$
 - (6) $\sim t$
 - (7) $\sim \sim s$
 - (8) $\sim q \vee \sim s$
 - (9) $\sim s \vee \sim q$
 - (10) $\sim q$
 - (11) q
 - (12) $q . \sim q$
- $\therefore t$
I. P.
3, 6, M. T.
2, 5, M. P.
8, Com.
9, 7, D. S.
1, 4, M. P.
11, 10, Conj.

1 (4) (7)

- (1) $(p \supset q) . (r \supset s)$
 - (2) $\sim q . \sim s$
 - (3) $\sim (\sim p . \sim r)$
 - (4) $p \vee r$
 - (5) $q \vee s$
 - (6) $\sim (q \vee s)$
 - (7) $(q \vee s) . \sim (q \vee s)$
- $\therefore \sim p . \sim r$
I. P.
3, De. M.
• 1, 4, C. D.
2, De. M.
5, 6, Conj.

1 (4) (8)

- (1) $\sim p \supset \sim q$
 - (2) $(r \supset q) . (q \supset r)$
 - (3) r
 - (4) $\sim p$
 - (5) $\sim q$
 - (6) $r \supset q$
 - (7) q
 - (8) $q . \sim q$
- $\therefore p$
I. P.
1, 4, M. P.
2, Simp.
6, 3, M. P.
7, 5, Conj.

1 (4) (12)

- (1) $p \vee q$
 - (2) $q \supset (r.s)$
 - (3) $p \supset (t \vee u)$
 - (4) $\sim s . \sim u$
 - (5) $\sim t$
- $\therefore t$
I. P.

(6)	$\sim u \cdot \sim s$	4, Com.
(7)	$\sim u$	6, Simp.
(8)	$\sim t \cdot \sim u$	5, 7, Conj.
(9)	$\sim (t \vee u)$	8, De M.
(10)	$\sim p$	3, 9, M. T.
(11)	q	1, 10, D. S.
(12)	$r \cdot s$	2, 11, M. P.
(13)	$s \cdot r$	12, Com.
(14)	s	13, Simp.
(15)	$\sim s$	4, Simp.
(16)	$s \cdot \sim s$	14, 15, Conj.

1 (১) (13)

(1)	$p \supset q$	
(2)	$q \supset r$	
(3)	$r \supset \sim s$	
(4)	$(p \supset \sim s) \supset (q \supset p)$	
(5)	$\sim p$	$\therefore \sim q$
(6)	$\sim \sim q$	I. P.
(7)	q	6, D. N.,
(8)	$p \supset r$	1, 2, H. S.
(9)	$p \supset \sim s$	8, 3, H. S.
(10)	$q \supset p$	4, 9, M. P.
(11)	p	10, 7, M. P.
(12)	$p \cdot \sim p$	11, 5, Conj.

1 [১] (1)

(1)	$p \supset (q \vee r)$	
(2)	$\sim q$	
(3)	$\sim r$	$\therefore \sim p$
(4)	$\sim \sim p$	I. P.
(5)	p	4, D. N.
(6)	$q \vee r$	1, 5, M. P.
(7)	r	6, 2, D. S.
(8)	$r \cdot \sim r$	7, 3, Conj.

1 (ग) (2)

- | | |
|--------------------------|--|
| (1) $p \cdot (q \vee r)$ | $\therefore r$
I. P.
1, Com.
4, Simp.
5, Com.
6, 3, D. S.
1, Simp.
2, 8, M. P.
7, 9, Conj. |
| (2) $p \supset \sim q$ | |
| (3) $\sim r$ | |
| (4) $(q \vee r) \cdot p$ | |
| (5) $q \vee r$ | |
| (6) $r \vee q$ | |
| (7) q | |
| (8) p | |
| (9) $\sim q$ | |
| (10) $q \cdot \sim q$ | |

1 (ग) (3)

- | | |
|-------------------------------|---|
| (1) $p \supset (q \supset r)$ | $\therefore \sim q$
I. P.
4, D. N.
1, 3, M. P.
6, 5, M. P.
7, 2, Conj. |
| (2) $\sim r$ | |
| (3) p | |
| (4) $\sim \sim q$ | |
| (5) q | |
| (6) $q \supset r$ | |
| (7) r | |
| (8) $r \cdot \sim r$ | |

1 (ग) (4)

- | | |
|----------------------------|---|
| (1) $p \supset (q \vee r)$ | $\therefore \sim p$
I. P.
6, D. N.
1, 7, M. P.
5, D. N.
4, 9, M. T.
3, 10, M. T.
2, 10, M. T.
8, 12, D. S.
13, 11, Conj. |
| (2) $q \supset s$ | |
| (3) $r \supset s$ | |
| (4) $s \supset \sim t$ | |
| (5) t | |
| (6) $\sim \sim p$ | |
| (7) p | |
| (8) $q \vee r$ | |
| (9) $\sim \sim t$ | |
| (10) $\sim s$ | |
| (11) $\sim r$ | |
| (12) $\sim q$ | |
| (13) r | |
| (14) $r \cdot \sim r$ | |

1 (গ) (11)

- | | |
|----------------------------|-------------|
| (1) $p \supset q$ | |
| (2) $r \vee \sim q$ | |
| (3) $\sim (\sim p \vee s)$ | ∴ r |
| (4) $\sim r$ | I. P. |
| (5) $\sim q$ | 2, 4, D. S. |
| (6) $\sim p$ | 1, 5, M. T. |
| (7) $p \cdot \sim s$ | 3, De M. |
| (8) p | 7, Simp. |
| (9) $p \cdot \sim p$ | 8, 6, Conj. |

1 (গ) (12)

- | | |
|----------------------|-------------|
| (1) $p \supset q$ | |
| (2) $p \vee q$ | ∴ q |
| (3) $\sim q$ | I. P. |
| (4) $\sim p \cdot$ | 1, 3, M. P. |
| (5) q | 2, 4, D. S. |
| (6) $q \cdot \sim q$ | 5, 3, Conj. |

1 (অ) (2)

- | | |
|-----------------------------|-------------|
| (1) $p \supset q$ | |
| (2) $(p \cdot q) \supset r$ | |
| (3) $\sim r$ | ∴ $\sim p$ |
| (4) $\sim \sim p$ | I. P. |
| (5) p | 4, D. N. |
| (6) q | 1, 5, M. P. |
| (7) $p \cdot q$ | 5, 6, Conj. |
| (8) r | 2, 7, M. P. |
| (9) $r \cdot \sim r$ | 8, 3, Conj. |

1 (অ) (3)

- | | |
|-------------------------------|---------|
| (1) $p \supset (q \supset r)$ | |
| (2) $(s \supset q) \supset p$ | |
| (3) q | ∴ r |
| (4) $\sim r$ | I. P. |
| (5) $(p \cdot q) \supset r$ | 1, Exp. |

(6)	$\sim (p \cdot q)$	5, 4, M. T.
(7)	$\sim p \vee \sim q$	6, De M.
(8)	$\sim q \vee \sim p$	7, Com.
(9)	$\sim \sim q$	3, D. N.
(10)	$\sim p$	8, 9, D. S.
(11)	$\sim (s \supset q)$	2, 10, M. T.
(12)	$\sim \sim (s \cdot \sim q)$	11, ସଂଭାବ
(13)	$s \cdot \sim q$	12, D. N.
(14)	$\sim q \cdot s$	13, Com.
(15)	$\sim q$	14, Simp.
(16)	$q \cdot \sim q$	3, 15, Conj.

୧ (୩) (4)

(1)	$p \vee (q \vee r)$	
(2)	$(q \supset s) \cdot (r \supset t)$	
(3)	$(s \vee t) \supset (p \vee r)$	
(4)	$\sim p$	$\therefore r^*$
(5)	$\sim r$	I. P.
(6)	$q \vee r$	1, 4, D. S.
(7)	$s \vee t$	2, 6, C. D.
(8)	$p \vee r$	3, 7, M. P.
(9)	$r \vee p$	8, Com.
(10)	p	9, 5, D. S.
(11)	$p \cdot \sim p$	10, 4, Conj.

୧ (୩) (5)

(1)	$(p \cdot q) \supset r$	
(2)	$\sim (s \vee r)$	
(3)	p	$\therefore \sim q$
(4)	$\sim \sim q$	I. P.
(5)	q	4, D. N.
(6)	$p \cdot q$	3, 5, Conj.
(7)	r	1, 6, M. P.
(8)	$\sim s \cdot \sim r$	2, De M.
(9)	$\sim r \cdot \sim s$	8, Com.
(10)	$\sim r$	9, Simp.
(11)	$r \cdot \sim r$	7, 10, Conj.

1 (અ) (6)

- (1) $p \vee q$
(2) $\sim [r \vee (s \cdot t)]$
(3) $\sim t \supset \sim q$
(4) $p \supset r$ /∴. $\sim s$
(5) $\sim \sim s$ I. P.
(6) $\sim r \cdot \sim (s \cdot t)$ 2, De M.
(7) $\sim r$ 6, Simp.
(8) $\sim p$ 4, 7, M. T.
(9) q 1, 8, D. S.
(10) $q \supset t$ 3, Trans.
(11) t 10, 9, M. P.
(12) $\sim (s \cdot t) \cdot \sim r$ 6, Com.
(13) $\sim (s \cdot t)$ 12, Simp.
(14) $\sim s \vee \sim t$ 13, De M.
(15) $\sim t$ 14, 5, D. S.
(16) $t \cdot \sim t$ 11, 15, Conj.

1 (અ) (7)

- (1) $p_t \supset q$
(2) $r \supset s$
(3) $\sim q \vee \sim s$
(4) $\sim \sim p$
(5) $(t \cdot u) \supset r$ /∴. $\sim (t \cdot u)$
(6) $\sim \sim (t \cdot u)$ I. P.
(7) $t \cdot u$ 6, D. N.
(8) r 5, 7, M. P.
(9) s 2, 8, M. P.
(10) $\sim \sim s$ 9, D. N.
(11) $\sim s \vee \sim q$ 3, Com.
(12) $\sim q$ 11, 10, D. S.
(13) $\sim p$ 1, 12, M. T.
(14) $\sim p \cdot \sim \sim p$ 13, 4, Conj.

- 4 (3) (1) p /∴. $q \supset p$ (C. P.)
(2) $p \vee \sim q$ 1, Add.
(3) $\sim q \vee p$ 2, Com.
(4) $q \supset p$ 3, Impl.

(5) (1)	$(p \supset q) \supset p$	/∴	p	(C. P.)
(2)	$\sim(p \supset q) \vee p$		1, Impl.	
(3)	$\sim \sim(p \cdot \sim q) \vee p$		2, সংজ্ঞা	
(4)	$(p \cdot \sim q) \vee p$		3, D. N.	
(5)	$p \vee(p \cdot \sim q)$		4, Com.	
(6)	$(p \vee p) \cdot (p \vee \sim q)$		5, Dist.	
(7)	$p \vee p$		6, Simp.	
(8)	p		7, Taut.	
(8) (1)	$p \supset q$	/∴	$(p \cdot r) \supset (q \cdot r)$	(C.P.)
(2)	$p \cdot r$	/∴	$q \cdot r$	(C.P.)
(3)	p		2, Simp.	
(4)	q		1, 3, M. P.	
(5)	$r \cdot p$		2, Com.	
(6)	r		5, Simp.	
(7)	$q \cdot r$		4, 6, Conj.	

৫ (৩) 2 (2)

(1)	$p \vee(q \supset r)$	/∴	$q \supset p$
(2)	$\sim r$		
A (3)	q		
A (4)	$q \cdot \sim r$		3, 2, Conj.
A (5)	$\sim \sim(q \cdot \sim r)$		4, D. N.
A (6)	$\sim(q \supset r)$		5, সংজ্ঞা
A (7)	$(q \supset r) \vee p$		1, Com.
A (8)	p		7, 6, D. S.
A (9)	$q \supset p$		3—8, C. P.

2 (6)	(1)	$(p \cdot q) \supset r$	/∴	$(q \equiv p) \supset [q \supset (s \vee r)]$
	(2)	$q \supset (p \supset s)$		
→	(3)	$(q \equiv p)$		
→	(4)	q		
	(5)	$(q \supset p) \cdot (p \supset q)$		3, Equiv.
	(6)	$q \supset p$		5, Simp.
	(7)	p		6, 4, M. P.
	(8)	$p \supset (q \supset r)$		1, Exp.
	(9)	$q \supset r$		8, 7, M. P.
	(10)	$p \supset s$		2, 4, M. P.
	(11)	$q \supset s$		6, 10, H. S.
	(12)	$(q \supset s) \cdot (q \supset r)$		11, 9, Conj.
	(13)	$q \vee q$		4, Taut. 
	(14)	$s \vee r$		12, 13, C. D.
	(15)	$q \supset (s \vee r)$		4—14, C. P.
	(16)	$(q \equiv p) \supset [q \supset (s \vee r)]$		3—15, C. P.

(৩) ৩৭ (৪) (৫)

(1) $\sim p \supset (q \vee \sim r)$	
(2) $\sim p \cdot \sim q$	$\therefore \sim r$
\rightarrow (3) $\sim \sim r$	
(4) $\sim q \cdot \sim p$	2, Com.
(5) $\sim q$	4, Simp.
(6) $\sim q \cdot \sim \sim r$	5, 3, Conj.
(7) $\sim (q \vee \sim r)$	6, De M.
(8) $\sim \sim p$	1, 7, M. T.
(9) $\sim p$	2, Simp.
(10) $\sim p \cdot \sim \sim p$	9, 8, Conj.
(11) $\sim p \vee \sim r$	9, Add.
(12) $\sim r$	11, 8, D. S.
<hr/>	
(13) $\sim \sim r \supset \sim r$	3—12, C. P.
(14) $r \supset \sim r$	13, D. N.
(15) $\sim r \vee \sim r$	14, Impl.
(16) $\sim r$	15, Taut.

৬ (ক) (1) অধিকার সংযোগিক বচন। p ও $q \vee r$ দুইই সত্য হতে হবে।
ধরা যাক, p সত্য, q মিথ্যা, r সত্য। হতে পারে।

$$\begin{array}{c}
 \frac{p \cdot (q \vee r)}{\text{T T F T T}} \\
 \frac{(p \cdot r) \supset \sim (s \vee t)}{\text{T T T T T F F F}} \\
 \frac{(\sim s \vee \sim t) \supset \sim (p \cdot q)}{\text{T F T T F T T T F F}} \\
 \frac{s \supset t}{\text{F T F}}
 \end{array}$$

(2) না।

- (1) $p \cdot (p \vee q)$
- (2) $\sim q \supset \sim p$
- (3) $\sim r \cdot \sim q$

- (4) $\sim (r \vee p)$
- (5) p 1, Simp.
- (6) $\sim q \cdot \sim r$ 3, Com.
- (7) $\sim q$ 6, Simp.
- (8) $\sim p$ 2, 7, M. P.
- (9) $p \cdot \sim p$ 5, 8, Conj.

(୪) (2) ବୈଧ

- (1) $p \supset (q \cdot r)$
- (2) $\sim q$ $\therefore \sim p$
- (3) $\sim \sim p$ I. P.
- (4) p 3, D. N.
- (5) $q \cdot r$ 1, 4, M. P.
- (6) q 5, Simp.
- (7) $q \cdot \sim q$ 6, 2, Conj.

(4) ଅବୈଧ

p	q	r
T	T	F
ସା	T	F

(7) ଅବୈଧ

p	q	r	s
F	T	F	F

(8) ବୈଧ

- (1) $(p \cdot q) \supset r$
- (2) $r \supset \sim r$
- (3) $(s \supset p) \cdot (t \supset q)$ $\therefore s \supset \sim t$
- (4) $\sim r \vee \sim r$ 2, Impl.
- (5) $\sim r$ 4, Taut.
- (6) $\sim (p \cdot q)$ 1, 5, M. T.
- (7) $\sim p \vee \sim q$ 6, De M.
- (8) $s \supset p$ 3, Simp.
- (9) $\sim p \supset \sim s$ 8, Trans.
- (10) $(t \supset q) \cdot (s \supset p)$ 3, Com.

- | | |
|--|--------------|
| (11) $t \supset q$ | 10, Simp. |
| (12) $\sim q \supset \sim t$ | 11, Trans. |
| (13) $(\sim p \supset \sim s) . (\sim q \supset \sim t)$ | 9, 12, Conj. |
| (14) $\sim s v \sim t$ | 13, 7, C. D. |
| (15) $s \supset \sim t$ | 14, Impl. |

5

1 (1) অভিধান— $Bx \# x$ (হয়) আমার ভক্ত
 $Px \# x$ অণ্ট হয়

$(x) (Bx \supset \sim Px)$

(5) অভিধান— $Bx \# x$ (হয়) বৃক্ষিযান
 $S'x \# x$ (হয়) শক্রিযান (বলবান)

$(x) (Bx \supset S'x)$

(10) অভিধান— $Bx \# x$ (হয়) ব্যচন
 $Ax \# x$ (হয়) এমন ব্যচন যার সত্যতা নিরূপণ
 অভিজ্ঞতাসাপেক্ষ

$(\forall x) (Bx . Ax)$

(15) অভিধান— $Ax \# x$ (হয়) অতিথি
 $Kx \# x$ (হয়) এমন ব্যক্তি যিনি খাওয়া পর্যবেক্ষ
 অপেক্ষা করেছেন

$(\forall x) (Ax . \sim Kx)$

(20) অভিধান— $Dx \# x$ (হয়) বৎসরের একটি দিন
 $Jx \# x$ (হয়) কারো না কারো জন্মদিন

$(x) (Dx \supset Jx)$

[এই বচনাটির প্রকৃত অর্থ একাধিক মাণক ব্যবহার করলে
 পরিস্ফুট হয়। গ্রহস্তরে প্রতীকী ন্যায়ের পরবর্তী পাঠে
 একাধিক মাণকবজ্জ্বল বচনের আলোচনা করা হবে। এখালে
 মোটামুটি একটা প্রতীকীরূপ দেওয়া হয়েছে]

(22) অভিধান— Ox # x (হয়) ঔষধ
 Bx # x (হয়) বেশীবার্তায় গুরুত্ব
 Px # x (হয়) বিপজ্জনক
 (Ex) [Ox . (Bx ⊃ Px)]

- | | | |
|------|--|--|
| (1) | (1) $(x)(Mx \supset Dx)$ | |
| (2) | Mj | $\therefore Dj$ |
| (3) | $Mj \supset Dj$ | 1, UI |
| (4) | Dj | 3, 2, M. P. |
| (2) | (1) $Js . Ds$ | $\therefore (\exists x)(Dx . Jx)$ |
| (2) | $Ds . Js$ | 1, Com. |
| (3) | $(\exists x)(Dx . Jx)$ | 2, EG |
| (3) | অভিধান— $Tx \# x$ (হয়) তা প্রকৃটগেবী (ধূমপানকারী) | |
| (1) | (1) $(x)(Dx \supset Px)$ | |
| (2) | $(\exists x)(Dx . Tx)$ | $\therefore (\exists x)(Px . Tx)$ |
| (3) | $Dw . Tw$ | 2, EI |
| (4) | $Dw \supset Pw$ | 1, UI |
| (5) | Dw | 3, Simp. |
| (6) | Pw | 4, 5, M. P. |
| (7) | $Tw . Dw$ | 3, Com. |
| (8) | Tw | 7, Simp. |
| (9) | $Pw . Tw$ | 6, 8, Conj. |
| (10) | $(\exists x)(Px . Tx)$ | 9, EG |
| (4) | (1) $(x)(Rx \supset \sim Nx)$ | |
| (2) | $(\exists x)(Lx . Nx)$ | $\therefore (\exists x)(Lx . \sim Rx)$ |
| (3) | $Lw . Nw$ | 2, EI |
| (4) | $Nw . Lw$ | 3, Com. |
| (5) | Nw | 4, Simp. |
| (6) | $\sim \sim Nw$ | 5, D. N. |
| (7) | $Rw \supset \sim Nw$ | 1, UI |
| (8) | $\sim Rw$ | 7, 6, M. T. |
| (9) | Lw | 3, Simp. |
| (10) | $Lw . \sim Rw$ | 9, 8, Conj. |
| (11) | $(\exists x)(Lx . \sim Rx)$ | 10, EG |

- (5) (1) $(x)(Nx \supset \sim Rx)$
 (2) $(x)(Dx \supset Nx)$ $\therefore (x)(Dx \supset \sim Rx)$
 (3) $Dy \supset Ny$ 2, UI
 (4) $Ny \supset \sim Ry$ 1, UI
 (5) $Dy \supset \sim Ry$ 3, 4, H. S.
 (6) $(x)(Dx \supset \sim Rx)$ 5, UG

(6) অভিধান— $Ax \neq x$ (হয়) ঔর আজ্ঞানুবর্তী স্বামী
 $Sx \neq x$ (হয়) সৎস্বভাবসম্পন্ন
 $Rx \neq x$ (হয়) রাত্যকামের পর বাহিরে অবস্থান
 কারো ব্যক্তি

- (1) $(x)(Ax \supset Sx)$
 (2) $(x)(Sx \supset \sim Rx)$ $\therefore (x)(Rx \supset \sim Ax)$
 (3) $Ay \supset Sy$ 1, UI
 (4) $Sy \supset \sim Ry$ 2, UI
 (5) $Ay \supset \sim Ry$ 3, 4, H. S.
 (6) $\sim \sim Ry \supset \sim Ay$ 5, Trans.
 (7) $Ry \supset \sim Ay$ 6, D. N.
 (8) $(x)(Rx \supset \sim Ax)$ 7, UG
- (7) (1) $(\exists x)(Bx . \sim Kx)$
 (2) $(x)(Bx \supset Mx)$ $\therefore (\exists x)(Mx . \sim Kx)$
 (3) $Bw . \sim Kw$ 1, EI
 (4) Bw 3, Simp.
 (5) $Bw \supset Mw$ 2, UI
 (6) Mw 5, 4, M. P.
 (7) $\sim Kw . Bw$ 3, Com.
 (8) $\sim Kw$ 7, Simp.
 (9) $Mw . \sim Kw$ 6, 8, Conj.
 (10) $(\exists x)(Mx . \sim Kx)$ 9, EG

- (8) (1) $(x)(Bx \supset Dx)$
 (2) $(x)(Dx \supset Nx)$
 (3) Bb $\therefore Nb$
 (4) $Bb \supset Db$ 1, UI
 (5) $Db \supset Nb$ 2, UI
 (6) $Bb \supset Nb$ 4, 5, H. S.
 (7) Nb 6, 3, M. P.

- (9) (1) $(x)[(Bx \vee Dx) \supset Sx]$
 (2) Bb $\therefore Sb$
 (3) $(Bb \vee Db) \supset Sb$ 1, UI
 (4) $Bb \vee Db$ 2, Add.
 (5) Sb 3, 4, M. P.
- (10) (1) $(x)(Fx \supset Sx)$
 (2) $(x)(Fx \supset Px)$ $\therefore (x)[Fx \supset (Sx . Px)]$
 (3) $Fy \supset Sy$ 1, UI
 (4) $Fy \supset Py$ 2, UI
 → (5) Fy
 (6) Sy 3, 5, M. P.
 (7) Py 4, 5, M. P.
 (8) $Sy . Py$ 6, 7, Conj.
 (9) $Fy \supset (Sy . Py)$ 5—8, C. P.
 (10) $(x)[Fx \supset (Sx . Px)]$ 9, UG
- (11) অভিধান— $Nx \neq x$ (হয়) জানো
 (1) $(x) Rx \supset Bx)$
 (2) $(x)(Nx \supset Bx)$ $\therefore (x)[(Rx \vee Nx) \supset Bx]$
 (3) $Ry \supset By$ 1, UI
 (4) $Ny \supset By$ 2, UI
 → (5) $Ry \vee Ny$
 (6) $\sim \sim Ry \vee Ny$ 5, D. N.
 (7) $\sim Ry \supset Ny$ 6, Impl.
 (8) $\sim Ry \supset By$ 7, 4, H. S.
 (9) $\sim By \supset \sim Ry$ 3, Trans.
 (10) $\sim By \supset By$ 9, 8, H. S.
 (11) $\sim \sim By \vee By$ 10, Impl.
 (12) $By \vee By$ 11, D. N.
 (13) By 12, Taut.
 (14) $(Ry \vee Ny) \supset By$ 5—13, C. P.
 (15) $(x)[(Rx \vee Nx) \supset Bx]$ 14, UG
- (12) (1) $(x)[Gx \supset (Nx . Ux)]$
 (2) $(\exists x)(Gx . Kx)$ $\therefore (\exists x)(Ux . Kx)$
 (3) $Gw . Kw$ 2, EI
 (4) Gw 3, Simp.

- (5) $Gw \supset (Nw \cdot Uw)$ 1, UI
 (6) $Nw \cdot Uw$ 5, 4, M. P.
 (7) $Uw \cdot Nw$ 6, Com.
 (8) Uw 7, Simp.
 (9) $Kw \cdot Gw$ 3, Com.
 (10) Kw 9, Simp.
 (11) $Uw \cdot Kw$ 8, 10, Conj.
 (12) $(\exists x)(Ux \cdot Kx)$ 11, EG

*

 $Ax \# x$ (হয়) আসরাৰ $Sx \# x$ (হয়) স্বল্পৰ $Mx \# x$ (হয়) মহাৰ্থ $Px \# x$ (হয়) পীণাদস্থ

- | | |
|--------------------------------------|--------------------------------------|
| (1) $(x)[(Hx.Ax) \supset (Sx.Mx)]$ | |
| (2) $(x)[(Px.Ax) \supset Hx]$ | $\therefore (x)[(Px.Ax) \supset Mx]$ |
| (3) $(Py \cdot Ay) \supset Hy$ | 2, UI |
| → (4) $Py \cdot Ay$ | |
| (5) Hy | 3, 4, M. P. |
| (6) $Ay \cdot Py$ | 4, Com. |
| (7) Ay | 6, Simp. |
| (8) $Hy \cdot Ay$ | 5, 7, Conj. |
| (9) $(Hy Ay) \supset (Sy \cdot My)$ | 1, UI |
| (10) $Sy \cdot My$ | 9, 8, M. P. |
| (11) $My \cdot Sy$ | 10, Com. |
| (12) My | 11, Simp. |
| (13) $(Py \cdot Ay) \supset My$ | 4—12, C. P. |
| (14) $(x)[(Px \cdot Ax) \supset Mx]$ | 13, UG |

- (14) (1) $(x)[Ux \supset (Nx \vee S'x)]$
 (2) $(x)(Nx \supset Sx)$
 (3) $(\exists x)(Ux \cdot \sim Sx)$ $\therefore (\exists x)(Ux \cdot S'x)$
 (4) $Uw \cdot \sim Sw$ 3, EI
 (5) Uw 8, Simp.
 (6) $Uw \supset (Nw \vee S'w)$ 1, UI
 (7) $Nw \vee S'w$ 6, 5, M. P.
 (8) $Nw \supset Sw$ 2, UI

- | | | |
|------|---------------------------|--------------|
| (9) | $\sim Sw \supset \sim Nw$ | 8, Trans. |
| (10) | $\sim Sw . Uw$ | 4, Com. |
| (11) | $\sim Sw$ | 10, Simp. |
| (12) | $\sim Nw$ | 9, 11, M. P. |
| (13) | $S'w$ | 7, 12, D. S. |
| (14) | $Uw . S'w$ | 5, 13, Conj. |
| (15) | $(\exists x)(Ux . S'x)$ | 14, EG |

- | | | |
|-----|------------------------|-------------------------------------|
| (1) | $(x)(Nx \supset Px)$ | |
| (2) | Mc | |
| (3) | Nc | $/ \therefore (\exists x)(Mx . Px)$ |
| (4) | $Nc \supset Pc$ | 1, UI |
| (5) | Pc | 4, 3, M. P. |
| (6) | $Mc . Pc$ | 2, 5, Conj. |
| (7) | $(\forall x)(Mx . Px)$ | 6, EG |

- (16) অভিধান— $Rx \# x$ (হয়) পেট্রোল রপ্তানীকারী দেশ
 $Ax \# x$ (হয়) পেট্রোল আমদানীকারী দেশ
 $Sx \# x$ (হয়) সম্রেলনে আমঞ্জিত
 $Px \# x$ (হয়) সর্বসম্মতভাবে পেট্রোলের মূল্য
 নিয়ন্ত্রণের উদ্দেশ্যে পরিকল্পনা দাখিল
 করার অন্য বিশেষভাবে আহুত

- | | | |
|------|---------------------------------------|-----------------------------------|
| (1) | $(x)[(Rx \vee Ax) \supset (Sx . Px)]$ | $/ \therefore (x)(Ax \supset Px)$ |
| →(2) | Ay | |
| (3) | $(Ry \vee Ay) \supset (Sy . Py)$ | 1, UI |
| (4) | $Ay \vee Ry$ | 2, Add. |
| (5) | $Ry \vee Ay$ | 4, Com. |
| (6) | $Sy . Py$ | 3, 5, M. P. |
| (7) | $Py . Sy$ | 6, Com. |
| (8) | Py | 7, Simp. |
| (9) | $Ay \supset Py$ | 2—8, C. P. |
| (10) | $(x)(Ax \supset Px)$ | 9, UG |

- 3 (1) $(x)(Bx \supset Dx)$
 Ds

—————
 $\therefore Bs$

একটি মাত্র ব্যক্তি, s , আছে, এবন অগভের ক্ষেত্রে উক্ত ন্যায় নৌচের ন্যায়ের সমর্থন,

$$\begin{array}{c} Bs \supset Ds \\ Ds \\ \hline \therefore Bs \end{array}$$

Bs মিখ্যা, Ds গত্য হলে বুদ্ধিবচন দুটি গত্য হয়েও সিদ্ধান্ত মিখ্য। হয়,

$$\begin{array}{c} Bs \quad Ds \\ \hline F \quad T \end{array}$$

(2) $(\exists x) (Bx \cdot Ax)$

$$\begin{array}{c} Bc \\ \hline \therefore Ac \end{array}$$

$$\boxed{a, c,}$$

$$\begin{array}{c} (Ba \cdot Aa) \vee (Bc \cdot Ac) \\ Bc \\ \hline \therefore Ac \end{array}$$

$$\begin{array}{cccc} Aa & Ba & Ac & Bc \\ \hline T & T & F & T \end{array}$$

(3) $(x) (Ax \supset \sim Nx)$

$(x) (Nx \supset Sx)$

$$\hline \therefore (x) (Ax \supset \sim Sx)$$

$Nx \# x$ (হয়) আনারস

$$\boxed{a}$$

$$\begin{array}{c} Aa \supset \sim Na \\ Na \supset Sa \\ \hline \therefore Aa \supset \sim Sa \end{array}$$

$$\begin{array}{ccc} Aa & Na & Sa \\ \hline T & F & T \end{array}$$

(4) $(x) (Rx \supset Mx)$

$(x) (Mx \supset Nx)$

$$\hline \therefore (\exists x) (Nx \cdot Rx)$$

$$\boxed{a}$$

$$\begin{array}{c} Ra \supset Ma \\ Ma \supset Na \\ \hline Na \cdot Ra \end{array}$$

$$\begin{array}{ccc} Ma & Na & Ra \\ \hline T & T & F \end{array}$$

$$(5) \quad \begin{array}{l} (x) (Mx \supset \sim Dx) \\ (x) (Mx \supset Nx) \end{array} \quad \frac{}{(Ex) (Nx . \sim Dx)}$$

a

$$\begin{array}{c} Ma \supset \sim Da \\ Ma \supset Na \end{array} \quad \frac{}{Na . \sim Da}$$

Da	Ma	Na
T	F	T

$$(6) \quad \begin{array}{l} (x) (Bx \supset Kx) \\ (x) (Bx \supset \sim Ix) \end{array} \quad \frac{}{(\exists x) (Ix \supset \sim Kx)}$$

a

$$\begin{array}{c} Ba \supset Ka \\ Ba \supset \sim Ia \end{array} \quad \frac{}{. : Ia \supset \sim Ka}$$

Ia	Ba	Ka
T	F	T

$$(7) \quad \begin{array}{l} (x) (Cx \supset \sim Px) \\ (\exists x) (Ax . Px) \end{array} \quad \frac{}{(\exists x) (Cx \supset \sim Ax)}$$

a, b

$$\begin{array}{c} (Ca \supset \sim Pa) . (Cb \supset \sim Pb) \\ (Aa . \overline{Pa}) v (Ab . \overline{Pb}) \end{array} \quad \frac{}{. : (Ca \supset \sim Aa) . (Cb \supset \sim Ab)}$$

Aa	Ab	Ca	Cb	Pa	Pb
T	T	T	F	F	T

~~(8)~~

$$\begin{array}{l} (x) [(Mx v Tx) \supset Sx] \\ (\exists x) (Px . Sx) \\ (\exists x) (Px . \sim Sx) \end{array} \quad \frac{}{. : (x) (Mx \supset Px)}$$

a, b, c

$[(Ma \vee Ta) \supset Sa] . [(Mb \vee Tb) \supset Sb] . [(Mc \vee Tc) \supset Sc]$

$(Pa . Sa) \vee (Pb . Sb) \vee (Pc . Sc)$

$(Pa . \sim Sa) \vee (Pb . \sim Sb) \vee (Pc . \sim Sc)$

$\therefore (Ma \supset Pa) . (Mb \supset Pb) . (Mc \supset Pc)$

Ma	Mb	Mc	Pa	Pb	Pc	Sa	Sb	Sc	Ta	Tb	Tc
----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----

F	T	T	T	T	T	F	F	T	T	F	T
---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---

49)

$(x) (Mx \supset Dx)$

$(x) (Mx \supset Px)$

$\therefore (\exists x) (Px . Dx)$

$Ma \supset Da$

$Ma \supset Pa$

$\therefore Pa . Da$

	Ma	Da	Pa
	F	F	T
বা	F	T	F

ঠঙ্গপজী

পারস্পরিক পাঠের অন্য :

- (1) Copi, Irving—*An Introduction to Logic*, Fourth Edition, 1972.

বিশেষ পাঠের অন্য :

- (1) Ambrose and Lazerowitz—*Fundamentals of Symbolic Logic*, Holt, Rinehart and Winston, Chs. I-VII, IX.
- (2) Peter Alexander—*An Introduction to Logic*, Unwin University Books, 1969, Chs. I-IV.
- (3) Copi, Irving—*Symbolic Logic*, Fourth Edition, The Macmillan Company, New York, 1973, Chs. I-III, Ch. IV—Sec. 1-3.
- (4) Hughes and Londey—*The Elements of Formal Logic*, B. I. Publications, Pt. I. ✓
- (5) Quine, W. V. O.—*Elementary Logic*, Revised Edition, 1965.
- (6) Quine, W. V. O.—*Methods of Logic*, Routledge and Kegan Paul, 1970, Pts. I and II.
- (7) Reichenbach, Hans.—*Elements of Symbolic Logic*, The Macmillan Company, New York, Chs. I-III.
- (8) Strawson, P. F.—*Introduction to Logical Theory*, Methuen and Co. Ltd., 1971, Chs. I-III, V-VI.
- (9) Patrick Suppes—*Introduction to Logic*, Affiliated East-West Press Pvt. Ltd., 1969, Chs. I-IV.

প্রাচীন ন্যায় সম্বন্ধে সবিশেষ আলোচনার অন্য নিম্নোক্ত গ্রন্থ উপযোগী :

- (1) Joseph, H. W. B.—*An Introduction to Logic*, Oxford, 1970.

প্রাচীন ন্যায় থেকে নব্যন্যায়ে পরিবৃত্তি সম্বন্ধে আলোকপাত্রের
জন্য নিম্নলিখিত গ্রন্থ বিশেষ উপযোগী :

- (1) Stebbing, L. S.—*A Modern Elementary Logic*, Methuen and Co., 1969.
- (2) Stebbing, L. S.—*A Modern Introduction to Logic*.
- (3) Cohen and Nagel—*An Introduction to Logic and Scientific Method*, Routledge and Kegan Paul, 1966.
- (4) Lukasiewicz, J.—*Aristotle's Syllogistic from the Standpoint of Modern Formal Logic*, Oxford, 1957.

পরিভাষা

অঙ্গীকার—Assumption	আকার—Form
অধিন্যায়—Meta-Logic	—গত— —al
অনস্বীকার্যতা—Necessity	—গত সত্যতা— —al Truth, a priori Truth
অনিদিষ্টবান—Contingent	—গত মিথ্যাত্ব— —al Falsity, a priori falsity
অনুগ—Consequent	বিশেষ— —Specific—
অনুধারণ (করা)—(to)Imply	আস্তীকরণ—Absorption
অনুধার্য—Implicate	উভ ভাষণ—Tautology
অনুমান—Inference	উক্তি—Statement
অন্যোন্য বাস্তব	উপাত্ত—Datum, Data
প্রাকলিক (বচন)—Biconditional	কুটাভাস—Paradox
অপনয়ন—Elimination	কুট ন্যায়—Dilemma
অপেক্ষক—Function	প্রাহকপ্রতীক—Variable
নিষেধক— —Negative—	গুণনাম— —Predicate—
প্রাকলিক— —Implicative—	বচন— —Propositional—
বৈকলিক— —Disjunctive—	বদ্ধ— —Bound—
সংযোগিক— —Conjunctive—	ব্যক্তিলাভ— —Individual—
অবরোহ—Deduction, Deductive	মুক্ত— —Free—
অবরোহণ—Deduction	থোষণা—Assertion
স্বাভাবিক— —Natural—	তুষীয়—Pure
অবস্থান বিনিয়য়—Commutation	তর্ক—Indirect Proof
অবিসংবাদী—Non-exclusive	
অবৈধ—Invalid	
—তা— —ity	
অভিজ্ঞতা-নিরপেক্ষ—A priori	
অভিজ্ঞতাসংপেক্ষ—Empirical,	
Contingent	

বিনিষেধ—Double Negation	প্রৱোক প্রমাণ—Indirect proof
হিমোজী—Diadic	পূর্বগ—Antecedent
দৃষ্টিস্তুতি—Substitution Instance	প্রতিবেজী—Corresponding
—ন্যায়— —of an argument form	প্রতিস্থাপন—Substitution, Replacement
—বচন— —of a statement form, —of a propositional function	প্রতীক—Symbol
ধার্যমান—Implicans	ব্যক্তি— —Individual—
ধ্রন্দক—Constant	প্রতীকী—Symbolic
গুণ— —Predicate—	—করণ—Symbolization
ন্যায়— —Logical—	প্রভাব (সংযোজকের)—Scope
ব্যক্তি— —Individual—	প্রমাণবাধিতাৰ্থপ্ৰসংজ—Reductio ad absurdum
নিদর্শন—Instantiation	প্ৰযুক্তিকৌশল—Technique
—সক্তা— —Existential—	প্রাকলিক প্রমাণ—Conditional proof
সার্বিক— —Universal—	
নিঃস্ত হওয়া, ন্যায়তঃ:(to)	বক্তব্য—Statement
Follow, logically, formally	বচন—Proposition
নির্গমন—Exportation	উপাদান— —Component—
নিষেধ(ক)—Negation, Negative	নিষেধক— —Negative—
ন্যায়—Argument, Syllogism	প্রাকলিক— —Hypothetical, Conditional, Implicative—
প্রাকলিক— —Hypothetical—	বিশিষ্ট— —Singular—
বৈকল্পিক— —Disjunctive—	বিশেষ— —Particular—
ন্যায়বচন—Argument proposition	বৈকল্পিক— —Disjunctive, Alternative—
ন্যায়শাস্ত্র, ন্যায়—Logic	যৌগিক— —Compound—
ন্যায়াকার—Argument form	সরল— —Simple—
থক্ষণ্যতা—Transposition	সামান্য— —General—
পরিধি (সংযোজকের) Scope	সার্বিক— —Universal—
	সংযোগিক— —Conjunctive—

বচনাকার—Statement	form,	বৈধতা—Validity
Form of a (Compound)		ব্যবহারিক—Empirical
proposition		
বচনাপেক্ষক—Propositional	function	<u>মাণক—Quantifier</u>
বণ্টন—Distribution		সত্তা—Existential—
বক্ষনী—Brackets		গারিক—Universal—
লঘু—Parentheses		পরিবর্তন—Exchange—
বলয় (ধনুঃ)—Braces		—বদ্ধ—Quantified
গুরু—Brackets		—বদ্ধকরণ—Quantification
বর্ণ—Letter		মাধ্যমানুমান—Syllogism
বাক্য—Sentence		মান—Value
বাচনিক—Propositional		—বিশ্লেষণ—Truth-value
—অপেক্ষক—Function		analysis.
—ন্যায় (শাস্তি)—Logic		—শর্ত—Truth-Condition
—সূত্র—Schema		মিথ্যা—False
বাস্তব প্রকল্পন—Material	implication	মিথ্যাত্ম—Falsity
বিকল্প—Disjunct		মৌলিক—Elementary
—যোজন—Addition		
বিধেয় ন্যায়—Predicate Logic		যুক্তি—Reason, argument
বিমূর্ত—Abstract		—বচন—Premise
বিরোধিতা—Opposition		
অধীন বিপরীত—Sub-		সঙ্গান্তর—Association
Contrary—		সত্ত্ব—True
অধীন বিরোধী—Sub-		—তা—Truth
altern—		সত্যসারণী—Truth-table
বিপরীত—Contrary—		সত্যাপেক্ষ—Truth-functional
বিকল্প—Contradictory—		—সংযোজক—Connective
বিশিষ্ট—Particular		—যৌগিক বচন—(ly)
বিস্বাদী—Exclusive		Compound proposition
বৈধ—Valid		সত্যাপেক্ষক—Truth-function
		সত্যার্থী—Truth-candidate

সমবান—Equivalent	সংস্থাপিত ন্যায়—Substitution
বাস্তব— —Materially—	instance of an argument form.
ন্যায়তঃ— —Logically—	
সরলীকরণ—Simplification	সংস্থাপিত বচন—Substitution instance of a statement form.
সাধনী—Tool	
সামান্য—General	
সামান্যীকরণ—Generalization	স্বজ্ঞামূলক—Intuitive
সত্তা— —Existential—	স্বতোমিথ্যা—Contradictory
সার্বিক— —Universal—	—ত্ব—Contradiction
সামান্যীকৃত—Generalized	স্বতঃসত্য—Tautologous,
সিদ্ধান্ত—Conclusion	Necessarily true
সূত্র—Schema	—প্রকল্পন—Tautologous implication
সংযোগী—Conjunct	
সংযোজক—Connective	স্ববিরোধ—Contradiction
সংযৌগিক—Conjunctive	স্ববিরোধী—Contradictory
সংস্থাপন—Substitution, Replacement	স্বীকার্য—Postulate, Axiom —মূলক—Axiomatic

ଅନୁକ୍ରମଣି

ଆଜୀବାର 111, 118-	ଆକାର 9-
ଅଥବା 40	—ଗତ 8-
ଅଧିକଞ୍ଜ 36	— — ସତ୍ୟତା 6
ଅନିଦିଷ୍ଟମାନ (ବଚନ, ସୂତ୍ର) 64-	— — ସିଦ୍ଧ୍ୟାତ୍ମ 6
ଅନୁଗ 52-	ବିଶେଷ—63
ଅନୁଗନିମେଧଭିତ୍ତିକ ପୂର୍ବଗନିମେଧ	ଆଞ୍ଚିକରଣ 103
56, 81, 102	ଆର 32-
ଅନୁଧାରଣ 52	
ଅନୁଧାଯ 52	ଉତ୍କଳାସଣ 105
ଅନୁମାନ 1-	ଉତ୍କଳ 3
ଅନୁମାନବିଧି 87-, 102, 105	ଉଦ୍ଦେଶ୍ୟପଦ 128-
ମାଣକନିୟାମକ—154-	
ଅନ୍ୟୋନ୍ୟବାନ୍ୟପ୍ରାକଣ୍ଠିକ ବଚନ 72-	ଓ 33
ଅପନଯନ 108	
ଅପେକ୍ଷକ 30-, 62	ଏବଂ 28, 33-
ନିମେଧକ—45-	ଏରିଷ୍ଟୋଟଲ (Aristotle) 26
ପ୍ରାକଣ୍ଠିକ—51-	
ବୈକଣ୍ଠିକ—40	କିଂବା 40
ସମବାନ—71	କିଞ୍ଚ 23, 36
ସଂଘୋଗିକ—33	କୁଟନ୍ୟାୟ 102
ଅବରୋହ 13, 18	କେବଳ ସଦି 59-
ଅବରୋହଣ 13	କେବଳ, ଲୁଇ (Lewis Caroll) 2
ସାଭାବିକ—97-	
ଅବସ୍ଥାନବିନିମୟ 105	ଆହକପ୍ରତୀକ 32-
ଅବୈଧତା 6-	ଗୁଣନାମ—141-
ବାଚନିକ ନ୍ୟାୟେର—ପ୍ରମାଣ 122-	ବଚନ—33
‘ଗର୍ବବନ୍ଦ ବଚନଗଠିତ ନ୍ୟାୟେର—ପ୍ରମାଣ	ବ୍ୟକ୍ତିନାମ—131-
165-	ଡି ମରଗ୍ୟାନେର ଉପପାଦ୍ୟ 75

- তথাপি 36
 তরুণ 36
 তর্ক 113-
 বিনিষেধ 73-, 105
 দৃষ্টিস্ত ন্যায় 78
 দৃষ্টিস্তবচন
 বচনাকারের 63
 বচনাপেক্ষকের 133
- ধর্মবান 52
 ধূমবক
 গুণ—129-
 ন্যায়—32
 ব্যক্তি—129-
 নতুবা 40
 নয়ত 40
 না 45-
 না হয় 40
 নিঃস্তত হওয়া, ন্যায়ত: 8-, 13
 নির্দর্শন
 সত্তা—160-
 সাবিক—155-
 নির্গমন 105
 নিষেধ 45
 নৌল, উইলিয়াম ও মার্থা (Kneale, William and Martha) 27
 ন্যায় 1-
 প্রাকলিক—83
 বৈকলিক—82
 ন্যায়বচন 84-
- ন্যায়শাস্ত্র, ন্যায় 13-, 21
 —আদর্শনির্ণয় বিজ্ঞান 20
 —নিয়ামক বিজ্ঞান 20-
 —বিশুর্ত বিজ্ঞান 13-
 —এর সংজ্ঞা 13-, 18-
 —ও মনোবিদ্যা 21-
 প্রতীকী—22-
 বাচনিক—26-
 ন্যায়াকার 12-, 76-
- পক্ষান্তর 105
 পক্ষান্তরে 40
 পরোক্ষ প্রমাণ 113-
 পূর্বগ 52-
 পূর্বগ স্বাক্ষরভিত্তিক অনুগ স্বীকার
 56, 80, 102
 প্রতিষ্ঠাপন বিধি 104
 প্রতীক (বর্ণ) 22-, 36, 42, 46
 ব্যক্তি—156
 প্রতীকীকরণ
 বিশিষ্ট বচনের—128-
 সামান্য বচনের—134-
 প্রত্বাব (পরিধি)
 সংযোজকের 47-
 মাণকের 144
 প্রমাণ গঠনের সঙ্কেত 100, 108
 প্রমাণবাধিতার্থপ্রসঙ্গ 113
 প্রাকলিক ন্যায় 102
 প্রাকলিক প্রমাণবিধি 110
 —এর নৰূপ 117-
 বক্তব্য 3-

- বচন 3-, 28-
- A, E, I, O—
- নব্যন্যায়সম্মত ব্যাখ্যা 146
- উপাদান—28-
- জটিলতর সামান্য—153-
- নিষেধক—45-
- প্রাকলিক—11, 52, 51-
- বিশিষ্ট—128
- বিশেষ—135
- বিশেষ নগ্রহক—143
- বিশেষ সদর্থক—143
- বৈকল্পিক—11, 12, 40-
- যৌগিক—27-
- সমান—71-
- সরল—28-
- সামান্য—135
- সাধিক 134
- সাধিক নগ্রহক—143
- সাধিক সদর্থক—143
- সংযোগিক—34-
- বচন কাঠামো 131-, 141
- বচনবর্ণের ব্যবহাররীতি 64
- বচনবিরোধিতা—139-, 149
- বচনাকার 34, 36, 37, 43, 44, 62-
- বচনাপেক্ষক—132-, 145
- বণ্টন 105
- বছনী 47-
- বর্ণপ্রতীক 11-, 14, 16, 32-
- বা 28, 40, 52
- বাক্য 3-
- বাস্তব প্রকল্পন 58, 105
- এর কুটাভাস 95-, 115
- বাস্তব সমর্থনতা 105
- বিকল 40-
- অবিগ়বাদী—42-
- বিগ়বাদী—42-
- যোজন 103
- নিষেধ 105
- বিধেয়পদ 128-
- বিমুর্তন 11-, 14-
- বিরোধ চতুর্কোণ 142, 151
- বৈকল্পিক ন্যায় 102
- বৈধতা 5-, 12-, 78-
- ব্যক্তিনাম 33, 128-
- ব্যবহারিক সত্যতা 64-
- শাখক 33-
- সত্তা—136-
- সাধিক—135-
- পরিবর্তন 136-
- বদ্ধকরণ 135-
- শাধ্যমানুমান 126-
- শান (বচনের) 29-
- বিশ্লেষণ 37
- শর্ত 37
- —নিবেশন 37-
- শান (গ্রাহকপ্রতীকের) 32
- শিথ্যাষ্ট 6
- মৌলিক বৈধ ন্যায় 101
- —ন্যায়াকার 101
- বদি ও কেবল বদি 72
- বদিও 36
- বদি...ভবে... 51-

- যদি না 41
 যুক্তিবচন 1-
 যে 29-
- রাইল, গিলবার্ট
 (Ryle, Gilbert) 131
- রাসেল, বার্ট্রান্ড
 (Russell, Bertrand) 15-
- রীম্যান (Riemann)'8
- সঙ্গান্তর 105
 সত্যতা 5-
 সত্যসারণী 37-
 —নির্যাণপদ্ধতি 39-, 44
 নিষেধক অপেক্ষকের—46
 ন্যায়তঃ সমমান সূত্রের—73-
 প্রাকর্মিক অপেক্ষকের—54-
 বৈকল্পিক অপেক্ষকের—44
 সংযোগিক অপেক্ষকের—38
 স্বতঃসত্য সূত্রের—66
 স্বতোমিথ্যা সূত্রের—67
 সত্যাপেক্ষ সংযোজক
 30, 33-, 40-, 46-, 51-
 —যৌগিক বচন 30
 সত্যাপেক্ষক 30
 সমমান সূত্র 71-, 105
 বাস্তব—72
- ন্যায়তঃ—73-
 সরলীকৰণ 103
 সামান্যীকৰণ
 সত্তা—159-
 সারিক—157-
- সূত্র 62-
 জাটিল—এর মান নির্ণয় 68
 সংক্ষিপ্ত সত্যসারণীকোশল 89-
 সংযোগ নিষেধ 105
 সংযোগী 34
 সংযোজক 23, 28-, 30
 —প্রতীক 32
 —এর পরিধি 48-
 ঐকিক—46
 বিযোজী—46
 মূল—49
 সংযোজন 103
 সংস্থাপন 32, 62-, 99, 104
 সংস্থাপিত বচন 63
 —ন্যায় 78
 ষ্টোয়িক (Stoics) 24
 স্বতোমিথ্যা (বচন, সূত্র) 64-
 স্বতঃসত্য (বচন, সূত্র) 64
 —প্রকল্পন 84
 —বচনের প্রমাণ 117
 হোয়াইটহেড
 (Whitehead) 24

তাত্ত্বিকগ্রন্থ

পৃষ্ঠা	জাইল	আঙ্গে	হচ্ছে
8	16	সংখ্যার	রেখার
10	14	দেববাণী	দেববাণী
30	8	মিথ্যা-বোগ্যতাই	মিথ্যাবোগ্যতা
37	20	হস্তভাস্ত	সহস্তভাস্ত
42	পাদচীকা।	শব্দের	শব্দের
63	2	P,	P.
67	17	অ	অস্ত
69	9	(P, q) v r	(P,q) v r
81	20	আমার	আমরা
93	22	C	C
97	শেষ	তিতিশুল্প	তিতিশুল্প
102	8	গে	যে
105	14	বটন	বটন
113	17	তুন	নুতন
116	19	q v (q—r)	q v (q C r)
118	29	8, 12, M.T.	4, 12, M.T.
128	2, 7	1·1	5·1
139	13	(x)	(x)....
139	14	(Ex)	(Ex)....
141	21	xΦ	Φx
162	25	1, EI	2, EI
181	28, 29	কাচা	কাচা
204	2	3	1
205	শেষ	হ্র	হয়
230	15	M. P.	M. T.
233	37	C	C
240	22	Hy My	Hy. My
240	32	8, Simp,	4, Simp.