

WBAL  
COMP.

# বাণিজ্যিক পদ্ধতি ( Methods of Applied Statistics )

ডঃ বকেয়ে কুমাৰ গুহ্ঠাকুৱা,  
কলিতা অৰ্বনীতি ৭. পত্রিসংখ্যান স্কুল, পশ্চিমবঙ্গ,

শ্রীভাগবত কাশগুপ্ত,  
বাণিজ্যিক বিভাগ, প্রেসিডেণ্সী কলেজ



ডঃ বাল্মীকী অধিকারী,  
বাণিজ্যিক বিভাগ, কলিকাতা বিশ্ববিদ্যালয় ।

WEST BENGAL LEGISLATURE LIBRARY
Acc. No.....৬৩.৭৫.....
Dated .....১১.১.৭৭.....
Call No. ৩।০।৫.৫.৫.....
Price / Page...Rs. ।.৭/-

প্রকাশক কলেজ পুস্তক প্রক্ষেপ  
(প্রকাশক কলেজ পুস্তক প্রক্ষেপ)

JATIY

© West Bengal State Book Board.

310

GUH

MARCH, 1976

Published by Shri Abani Mitra, Chief Executive Officer, West Bengal State Book Board, Arya Mansion (Eighth floor), 6/A, Raja Subodh Mullick Square, Cal-700013, under the Centrally Sponsored Scheme of production of books and literature in regional languages at the University level of the Government of India at the Ministry of Education and Social Welfare (Department of Culture), New Delhi, and printed by Deeps Prose Mitra, at the Kali Press, 63, Beadon Street, Cal-700006.

## **ভূমিকা**

“রাশিবিজ্ঞানের প্রয়োগ পদ্ধতি”তে কয়েকটি বিশেষ বিশেষ ক্ষেত্রে রাশিবিজ্ঞানের ব্যবহারিক প্রয়োগের আলোচনা করা হ’য়েছে। বিশ্ববিদ্যালয় মন্ত্রী কমিশনের ( University Grants Commission ) নির্দেশে এবং পশ্চিমবঙ্গ রাজ্য পুস্তক পর্ষদের ( West Bengal State Book Board ) উদ্যোগে এ বই লেখা হ’য়েছে—স্নাতক পর্যায়ের ( পাসকোর্স ) শিক্ষার্থীদের প্রয়োজন অনুযায়ী।

বইটি মোট দু’টি খণ্ডে ও ন’টি পরিচ্ছদে বিভক্ত। প্রথম খণ্ডের প্রথম পরিচ্ছদে “নমুনা সমীক্ষা পদ্ধতি” ( Sample Survey Methods )-এর মূল বিষয়বস্তুগুলি বর্ণিত হ’য়েছে। দ্বিতীয় পরিচ্ছদে “জীবন সংক্রান্ত রাশিবিজ্ঞান” ( Vital Statistics )-এর প্রধান বিষয়বস্তুগুলির আলোচনা করা হ’য়েছে। “মনোবিজ্ঞান ও শিক্ষায় রাশিবিজ্ঞানের প্রয়োগপদ্ধতি” ( Statistical Methods in Psychology and Education )-এর বর্ণনা দেয়া হ’য়েছে তৃতীয় পরিচ্ছদে। শিল্পক্ষেত্রে ( বিশেষতঃ বৃহৎ শিল্পে ) ‘রাশিবিজ্ঞান সম্বন্ধ শুণ নিয়ন্ত্রণ’ ( Statistical Quality Control )-এর মূল বিষয়গুলি বর্ণিত হ’য়েছে চতুর্থ পরিচ্ছদে। ‘অর্থনীতি সংক্রান্ত পরিসংখ্যান’ ( Economic Statistics )-এর অন্তর্গত “সূচক সংখ্যা” ( Index Numbers )-এর এবং “কালীন সারি বিশ্লেষণ” ( Time Series Analysis )-এর বর্ণনা দেওয়া হ’য়েছে যথাক্রমে পঞ্চম এবং ষষ্ঠ পরিচ্ছদে। সপ্তম পরিচ্ছদে সর্বতারতীয় এবং পশ্চিমবঙ্গ সংক্রান্ত “সরকারী পরিসংখ্যান পদ্ধতি” ( Official Statistics )-এর বর্ণনা দেওয়া হ’য়েছে। দ্বিতীয় খণ্ডের প্রথম ও দ্বিতীয় পরিচ্ছদে যথাক্রমে “ঘটনে বিশ্লেষণ” ( Analysis of Variance ) ও “পরীক্ষণ পরিকল্পনা” ( Design of Experiments )-এর মূল বিষয়বস্তুগুলি আলোচিত হয়েছে। প্রয়োজনীয় রাশিবিজ্ঞানজনিত সারণীসমূহ পরিশিষ্টে সম্মিলিত হ’য়েছে।

ছাত্রদের প্রয়োজনের কথা মনে রেখে প্রতিটি পরিচ্ছদে বিভিন্ন ধরণের উদাহরণের সাহারে বিষয়বস্তুগুলিকে যথাসাধ্য সরল ক’রে বোঝাবার চেষ্টা করা হ’য়েছে। উদাহরণগুলিতে এবং অনুশীলনসমূহে যথাসম্ভব বাস্তব-ক্ষেত্র থেকে নেওয়া আধুনিক দেশজ রাশিতথ্য ব্যবহার করা হ’য়েছে।

বাংলাভাষার রাশিবিজ্ঞানের পাঠ্যগুরুক এখন পর্যন্ত খুব কমই লেখা হ'য়েছে। ফলে, অতীত অভিজ্ঞার স্মরণে গ্রহণ করার স্মৃতিধা একেতে খুবই সীমিত। এ ধরণের লেখার একটা প্রধান অস্মৃতিধা হ'লো প্রয়োজনানুগ রচনাশৈলীর অভাব এবং পরিভাষার সম্ভাব্য। স্মরণের কথা, পশ্চিমবঙ্গ রাজ্য পুষ্টক পর্যবেক্ষণ কিছুদিন আগে “রাশিবিজ্ঞানের পরিভাষা” প্রকাশ ক'রেছেন। এই বইএ ঐ পরিভাষাই প্রধানতঃ ব্যবহার করা হ'য়েছে। এ ছাড়া অনেক ক্ষেত্রে অধ্যাপক ডঃ পূর্ণেজ্জ কুমার বসু লিখিত “রাশিবিজ্ঞানের গোড়ার কথা” (বিশ্বভারতী, 1956) নামক পুস্তিকাটিরও সহায়তা নেওয়া হ'য়েছে। বইটি লেখার ব্যাপারে—বিশেষতঃ বিভিন্ন পরিচ্ছেদ, উদাহরণ, অনুশীলনী ইত্যাদির বিন্যাসে—ইংরাজীতে A.M. Goon, M.K. Gupta & B. Dasgupta প্রণীত Fundamentals of Statistics, Vol. II (World Press, 1976) বইটির সহায়তা নেওয়া হ'য়েছে। বইটিকে দোষভূটী থেকে যথাসাধ্য মুক্ত রাখার চেষ্টা হ'য়েছে। তা হ'লেও প্রাথমিক প্রয়াস হিসেবে কিছু ভুল ও মুদ্রণ-ক্রটি থেকে যেতে পারে। সহায় পাঠকবুলের সহায়তা পেলে ভবিষ্যতে এগুলির সংশোধন করা যেতে পারে। যেসব মুদ্রণ-ক্রটি চোখে পড়েছে সেগুলো “কুকিপত্র” হিসেবে পরিশিষ্টে দেওয়া হ'য়েছে।

এ বই লেখার বিভিন্ন বক্তু, সহকর্মী এবং শুভানুধ্যামীদের কাছ থেকে যে উপদেশ এবং উৎসাহ পেয়েছি তা আমরা কৃতজ্ঞ-চিত্তে সম্মত করছি। এ ব্যাপারে অন্দেয় অধ্যাপক ডঃ তারাপদ চৌধুরীর নাম বিশেষভাবে উল্লেখযোগ্য। তিনি বইটির পাণ্ডুলিপি আন্দোপাস্ত পাঠ করেন এবং বহুক্ষেত্রে সংশোধন এবং সংযোজনের পরামর্শ দেন।

পরিশেষে এই পুস্তক প্রণয়নের উদ্যোগস্থ এবং এর প্রকাশক পশ্চিমবঙ্গ রাজ্য পুষ্টক পর্যবেক্ষণকে ও এর মুদ্রাকর এলম্ প্রেসকে আমাদের ধন্যবাদ আনাই।

শুভেন্দু কুমার  
জনকুমাৰ

কলকাতা  
আগস্ট, 1976

অন্তের কুমার জনকুমাৰ  
জনকুমাৰ পাণ্ডুলিপি  
বাঙ্গালোৰ অধিকারী

## সূচীপত্র

প্রথম খণ্ড

প্রথম পরিচ্ছেদ : অমুনা সমীক্ষা পঞ্জতি

1— 40

সূচনা ; নমুনা সমীক্ষার মূলনৌতিসমূহ ; সম্পূর্ণ সমীক্ষার তুলনায় নমুনা সমীক্ষার স্ববিধাসমূহ ; নমুনা সমীক্ষার বিভিন্ন কার্যক্রম ; সমস্তব নমুনাচয়ন প্রণালী ; বিভিন্নপ্রকারের পূর্বক ও নমুনা ; নমুনা সমীক্ষায় বিভিন্ন ধরণের পক্ষপাত ও আস্তি ; সরল সমস্তব নমুনা সংগ্রহ ; উদ্দেশ্যমূলক নমুনা সংগ্রহ ; স্তরবিন্যস্ত সমস্তব নমুনাসংগ্রহ ; বহুভাগী নমুনা সংগ্রহ ; নিয়মানুগ নমুনাসংগ্রহ ; বহুপর্যায়ী নমুনা সংগ্রহ ; হিমুখী নমুনাসংগ্রহ ; আতীয় নমুনা সমীক্ষা।

দ্বিতীয় পরিচ্ছেদ : জীবনসংক্রান্ত রাশিবিজ্ঞান পঞ্জতি 41— 75

সূচনা ; জীবনসংক্রান্ত ঘটনার হার ; বিভিন্ন ক্ষেত্রের মৃত্যুহার : অশোধিত মৃত্যুহার, বিশেষিত মৃত্যুহার, প্রমাণীকৃত মৃত্যুহার ; জীবন সারণী ; বিভিন্নপ্রকার প্রজনন হার : অশোধিত অন্ধহার, সাধারণ প্রজননহার, বয়স বিশেষিত প্রজননহার, সঞ্চলিত প্রজনন হার ; ভবিষ্যৎ অনসংখ্যা হাস্যুক্তির পরিমাপন : অশোধিত স্বাভাবিক বৃক্ষিহার, জীবন-সংক্রান্ত সূচক, স্থূল সংজনন হার, নৌক সংজনন হার ; লজিটিক রেখা : পার্জ ও রৌডের পঞ্জতি, রোডেরের পঞ্জতি।

তৃতীয় পরিচ্ছেদ : অরোবিড়া ও শিক্ষার রাশিবিজ্ঞানের অরোগপঞ্জতি

76—101

সূচনা ; বিভিন্ন সামান্যবিপণণ পঞ্জতি : টেট আইটেমের কাঠিন্যের বার্পনামাদা, বিভিন্ন টেট সরবরারের সামান্যবিপণণ, মূল্যবিপণণ ও মাসজেমের সামান্যবিপণণ, বিচার বার্পনামাদা ; টেট তত্ত্ব : বাইটেরিক

বড়েল, সমাজবাল টেট সমুহ, টেটের নির্ভরযোগ্যতা  
ও আন্তি ভেদবাল, নির্ভরযোগ্যতার বাস্তব প্রাককলন,  
টেট সঙ্গতি ; বুদ্ধি পরীক্ষা ও দৌসূচক ভাগফল।

**চতুর্থ পরিচেছন : ব্রাহ্মিকজ্ঞান সংক্ষিপ্ত শুণ লিখন** 102—136

সূচনা ; বিভিন্ন শুণশাপক ; বিচার অসুস্ত  
গুচ্ছাংশ ; গড়, সমকপার্দক্য ও প্রসারের নিয়ন্ত্রণ ক্রম-  
চিত্র ; ঝটাযুক্ত ধণ্ডসংখ্যা ও ধণ্ড ভগ্নাংশের নিয়ন্ত্রণ  
ক্রমচিত্র ; ঝটাম্বংখ্যার নিয়ন্ত্রণ ক্রমচিত্র ; প্রণালী  
নিয়ন্ত্রণ সম্পর্কে আলোচনা ; নমুনা বীক্ষণ—শুণ  
লক্ষণের সাহায্যে : একক নমুনাবীক্ষণ প্রণালী,  
হিপর্যায়ী নমুনাবীক্ষণ প্রণালী, বহুপর্যায়ী নমুনাবীক্ষণ  
প্রণালী ও ক্রমপর্যায়ী নমুনাবীক্ষণ।

**পঞ্চম পরিচেছন : সূচক সংখ্যা।**

137—177

সূচনা ; সূচকসংখ্যায় ব্যবহৃত কয়েকটি প্রতীক ;  
সূচকসংখ্যা নির্ণয়ের সমস্যাসমূহ ; সূচক সংখ্যায়  
বিভিন্ন ধরণের আন্তি ; সূচকসংখ্যার সামঞ্জস্য বিচার ;  
শৃঙ্খলসূচক সূচকসংখ্যা ; নির্দিষ্ট ভিত্তিকালের সূচক-  
সংখ্যার সাথে শৃঙ্খলসূচক সূচকসংখ্যার তুলনা ; জীবিকা  
নির্বাহন ব্যয়ের সূচক ; কয়েকটি উদাহরণ ; সর্ব-  
ভারতীয় পাইকারী দরের সূচক ; জীবিকা নির্বাহন  
ব্যয়ের সূচক—পশ্চিমবঙ্গের 25টি শহরে 5টি ব্যয়গুলোর  
অন্য ; সূচকসংখ্যার অন্যান্য ব্যবহারসমূহ।

**ষষ্ঠ পরিচেছন : কালীন সারি বিশ্লেষণ**

178—221

সূচনা ; কালীন সারির বিভিন্ন অংশ ; কালীন  
সারিতে ব্যবহৃত প্রতীক ; সুশাসিত গতিধারার  
পরিমাপ ; ধাতুজ ভেদের পরিমাপ ; চক্রীল ভেদের  
পরিমাপ।

**সপ্তম পরিচেছন : সরকারী পরিসংখ্যাল**

222—250

সূচনা ; সরকারী পরিসংখ্যালের ক্রমবিকোশ ;  
অর্থনৈতিক ও অন্যান্য সংক্ষেপ পরিসংখ্যাল ; কৃষি  
পরিসংখ্যাল ; লিঙ্গাংকসংপরিসংখ্যাল ; ব্যবসায়বিজ্ঞ  
ও কল্যাণ বিজ্ঞান সংক্ষেপ পরিসংখ্যাল ; বানবাহন

সংজ্ঞান পরিসংখ্যান ; অসংজ্ঞান পরিসংখ্যান ;  
দুর সংজ্ঞান পরিসংখ্যান ; অপরাপর বিষয় সংজ্ঞান  
পরিসংখ্যান ।

## বিভীষণ ধূম

অথবা পরিচেছে : অভেদ বিশেষণ

1— 28

তুমিকা ; একধারা শ্রেণীবিন্যাসী উপাদের  
অভেদ বিশেষণ ; খাজুরৈখিক প্রতিক্রিয়া ও প্রভেদ  
বিশেষণ পরীক্ষার স্বীকরণ ; প্রতিটি কক্ষে একটি  
অবেক্ষণযুক্ত দুইধারা শ্রেণীবিন্যাসী উপাদের  
অভেদ বিশেষণ ; প্রতিটি কক্ষে  $m (>1)$  অবেক্ষণ-  
যুক্ত দুইধারা শ্রেণীবিন্যাসী উপাদের অভেদ বিশেষণ ;  
সহ তেদমান বিশেষণ ; একধারা শ্রেণীবিন্যাসী  
উপাদের সহতেদমান বিশেষণ ।

## বিভীষণ পরিচেছে : পরোক্ষণ পরিকল্পনা

29— 77

তুমিকা ; বৈজ্ঞানিক গবেষণার যুক্তি ; পরীক্ষণী  
পরিকল্পনার অন্তর্নিহিত তত্ত্ব : সমস্তবীকরণ, নিয়মানুগ  
বিন্যাসের পক্ষপাত, বহুকরণ, স্থানীয় নিয়ন্ত্রণ বা  
ভাস্তি নিয়ন্ত্রণ ; পরিশিষ্ট ; সম্পূর্ণকাপে সমস্তব  
পরিকল্পনা ; সমস্তব দ্রুক পরিকল্পনা ; ল্যাটিন বর্গ  
পরিকল্পনা ; উপাদানীয় পরীক্ষা : তুমিকা,  
উপাদানীয় পরীক্ষার বিশেষ গুণ, মুখ্যফল ও  
যৌথ ক্রিয়াফল, দুই উপাদানীয় ফলের সমাটবর্গ  
এবং তার সংশয় বিচার, তিন উপাদানীয় পরীক্ষা,  
উপাদানীয় পরীক্ষার ফল সমষ্টি বের করবার  
ইয়েটসের পদ্ধতি, উপাদানগুলি যখন দুই এর অধিক  
মাত্রায় প্রয়োগ করা হয় তখন দুই উপাদানীয়  
পরীক্ষা ।

## পরিশিষ্ট : শারণীলযুক্ত

1— x

বর্ণনাক্রমিক সূচী

xI—xviii

শুক্রিপত্র

x' x

# ପ୍ରଥମ ଖଣ୍ଡ

# ପ୍ରସ୍ତର ପରିଚେଦ

## ନୟନା ସମୀକ୍ଷା ପର୍ଯ୍ୟନ୍ତ ( Sample Survey Methods )

### ୧.୧ ପ୍ରତିକାଳୀନ ଅନୁଯାୟୀ ନୟନା ପର୍ଯ୍ୟନ୍ତ

ସମସ୍ତରେ ନୟନାକୁ ଅନୁଯାୟୀ କରିବାର ଅନ୍ୟ ନୟନାର ବ୍ୟବହାର ସଭ୍ୟତାର ସ୍ଵରୂପ ଥେବେଇ ଚଲେ ଆମଙ୍କେ । ଚାଲ ଲିଙ୍କ ହ'ଲ କିନା ଦେଖିବାର ସମସ୍ତ ଗୃହିଣୀ ଭାତେର ହୌଡ଼ି ଥେକେ ଏକଟି କି ଦୁଟି ଚୋଇ ଟିପେ ଦେଖେ ନେନ । ଝୁଡ଼ି ଥେକେ ଆମ କିନିବାର ସମସ୍ତ ଆମରା ଏକଟି ଆମଇ କେଟେ ଏକ ଟୁକରୋ ମୁଖେ ପୁରେ ଦେଖି ମିଟି କିନା । ଅବଶ୍ୟକ ଅନୁଯାୟୀ ଯାତେ ସଠିକ ହୟ ଲେଉନ୍ୟ ନୟନାଟ ପ୍ରତିନିଧି-ମୂଳକ ହଓଇବା ଚାହିଁ । ଅଂଶକ ବା ନୟନା ଥେକେ ସମସ୍ତର ବା ପୂର୍ବକ ନୟନାକୁ ଏହି ଅନୁଯାୟିତିକେ ବଳା ଚଲେ ଆମ୍ବୋହିଁ ଅନୁଯାୟିତି ।

ରାଶିବିଜ୍ଞାନୀର କାହେ ଚରାଚର ସବ ପ୍ରଶ୍ନ ଆମେ ତାର ଉଭେ ଦିତେ ହଲେ ଅଧିକାଂଶ କେତେ ରାଶିବିଜ୍ଞାନୀକେ ନୟନାର ଆଖ୍ୟ ନିତେ ହୟ । ଅନେକ ସମସ୍ତ ସମସ୍ତରେ ସୀମା ବା ଖରଚେର ସୀମା ନିର୍ଧାରିତ ଥାକାଯା ଏହି ନୟନାଗ୍ରହଣ ଅପରିହାର୍ୟ ହୟେ ପଡ଼େ । ଆବାର କବନ୍ଦ ସମୀକ୍ଷାର କାଜେର ସ୍ଵିବିଧାର୍ଥେଇ ଏହି ନୟନା ପ୍ରଶ୍ନ କରା ହୟ । କୋନ କୋନ କେତେ ସମ୍ପୂର୍ଣ୍ଣ ସମୀକ୍ଷା ବା ଲେନ୍ଡାସ ଅବାସବ ବା ଅସମ୍ଭବ ହତେ ପାରେ ।

ଏହି ସବ ନୟନାଭିତ୍ତିକ ପ୍ରଶ୍ନଗୁଣିକେ ଆବାର ଦୁଇ ଶ୍ରେଣୀତେ ଭାଗ କରା ଯାଇ ।

(1) କୋନ କୋନ କେତେ ପ୍ରଶ୍ନଟିର ଉଭେ ଏକଟି ନୟନାଭିତ୍ତିକ ପରୀକ୍ଷଣେର ଉପର ନିର୍ଭରଶୀଳ । ଏକଟି ନୂତନ ଓସଥ ପୂର୍ବତନ ଓସଥ ଥେକେ ଅଧିକ କାର୍ଯ୍ୟକରୀ କିନା ଦେଖିବେ ହଲେ ଆମାଦେର କମ୍ଯେକଞ୍ଜନ ରୋଗୀର ଉପରେ ଓସଥାଟ ପ୍ରମୋଗ କରେ ଦେଖିବେ ହବେ । ପାଁଚଟି ବିଭିନ୍ନ ପରିକାର ବୀଜଧାନେର ମଧ୍ୟେ କୋନାଟି ଅଧିକାଂଶକେତେ ଅଧିକ ଫଳନଶୀଳ ଆନନ୍ଦେ ହଲେ କତଗୁଣି ସବ ଆକାର ଓ ଆଯତନେର ପୁଟେ ବୀଜଧାନଗୁଣି ପରୀକ୍ଷା କରେ ଦେଖିବେ ହବେ । ଏହି ଧରଣେର ପରୀକ୍ଷଣ ପର୍ଯ୍ୟନ୍ତ ନୟନାକୁ ‘ପରୀକ୍ଷଣ ପରିକଲ୍ପନା’ ଶୀଘ୍ରକ ପରିଚେଦେ ବିଜ୍ଞାନିତ ଆଲୋଚନା କରା ହେବେ ।

(2) ଆବାର କୋନ କୋନ କେତେ ପ୍ରଶ୍ନଟିର ଉଭେ ପରୀକ୍ଷଣେର ଉପର ନିର୍ଭରଶୀଳ ନାହିଁ । ଏକେତେ ସମସ୍ତରେ ଅର୍ତ୍ତଭୂତ ପ୍ରତିକାଳୀନ ବ୍ୟକ୍ତି ବା ଏକକ ପ୍ରକୃତିତେ ଇତନ୍ତିତ ଛଡ଼ାନ୍ତେ ରହେଇବେ । ଆମରା ଏକଟି ନୟନା ସଂଗ୍ରହ କରେ ନୟନାଲକ୍ଷ ତଥ୍ୟ ଥେବେଇ ପ୍ରଶ୍ନଟିର ଉଭେ ଦିତେ ପାରି । ପଞ୍ଚମବଜେ ଶିକ୍ଷିତ ଚାକୁରୀପ୍ରାର୍ଥୀ ବେକାର ଶତକରା କତଜନ ଅଧିବା ବଳକାତାର ବର୍ଣ୍ଣବିଭିନ୍ନ ଶ୍ରେଣୀ

ପରିବାର ତାମେର ଘୋଟ ବ୍ୟାଯେର କତ ଅଂଶ ଧାର୍ଯ୍ୟବନ୍ଧ କିନତେ ଥରଚ କରେ ଇତ୍ୟାଦି ଥଣ୍ଡ ଏହି ଶୈଳୀର ଅନ୍ତର୍ଭୁକ୍ତ । ଏସବ କ୍ଷେତ୍ରେ ନୟନାଚଯନେର ଅନ୍ୟ ପରିକଲ୍ପନାର ପ୍ରୟୋଜନ ରହେଛେ । କି ପକ୍ଷତିତେ ନୟନାଚଯନ କରା ହେବେ, ନୟନାସଂଖ୍ୟା କତ ହେବେ ଯାତେ କରେ ଆମରା ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ ଥରଚ ସାପେକ୍ଷେ ସବଚେଯେ ଝୁଟୀଟିଙ୍କ ଅନୁମାନ କରତେ ପାରିବ—ଏହିବ ସମସ୍ୟାର ଆଲୋଚନା ଓ ସମାଧାନ ଏହି ନୟନାପରିକଲ୍ପନାର ଅନ୍ତର୍ଭୁକ୍ତ । ବର୍ତ୍ତମାନ ପରିଚେଦେ ଆମାଦେର ଆଲୋଚ୍ୟ ବିଷୟ-ବନ୍ଧ ଏହିଟେଇ ।

## 1.2 ନୟନାସମୀକ୍ଷାର ମୂଳ ନୀତିସମୃଦ୍ଧି

ନୟନା ସମୀକ୍ଷା ପରିକଲ୍ପନେର ଜନ୍ୟ ଦୁଇ ମୂଳନୀତି ଅନୁଷ୍ଠାତ ହୟ ।

(1) ସାମଞ୍ଜ୍ସ୍ୟ : ନୟନା ସମୀକ୍ଷା ପରିକଲ୍ପନାଟିକେ ଆମରା ତଥନଇ ସାମଞ୍ଜ୍ସ୍ୟପୂର୍ଣ୍ଣ ବଲବ ଯଥିନ ତାର ଥେକେ ଲକ୍ଷ ତଥ୍ୟ ସନ୍ତାବନାତଥେର ଭିନ୍ତିତେ ବିଶ୍ଲେଷଣ କରା ସନ୍ତବ ହୟ । ଏହି ନୀତିର ସାର୍ଥେ ପ୍ରୟୋଜନ ଏକଟି ସନ୍ତାବନାଥୟୀ ନୟନାଚଯନ କରା । ତାହଲେଇ ନୟନାଲକ୍ଷ ତଥ୍ୟ ଥେକେ ଆମରା ସାମଞ୍ଜ୍ସ୍ୟ ପ୍ରାକ-କଳକ ଓ ବିଚାରାକ ନିର୍ଣ୍ଣୟ କରତେ ପାରିବ । ସନ୍ତାବନାଥୟୀ ନୟନା ବଲତେ ବୋର୍ଡାଯ ଏମନ ଏକଟି ନୟନା ଯାତେ ପୂର୍ବକେର ପ୍ରତିଟି ବ୍ୟକ୍ତିର ନୟନାଯୀ ଅନ୍ତର୍ଭୁକ୍ତ ହେଉୟାର ଏକଟି ପୂର୍ବନିର୍ଧାରିତ ( ସମାନ ବା ଅସମାନ ) ସନ୍ତାବନା ଥାକବେ ।

(2) ଉତ୍କର୍ଷତା : ଏକଟି ନୟନାର ଉତ୍କର୍ଷତା ଦୁଇ ଗୁଣେର ଉପର ନିର୍ଭର କରେ : (a) ଦକ୍ଷତା ଓ (b) ଥରଚ । ଦକ୍ଷତା ଯାପା ହୟ ପ୍ରାକ-କଳକେର ବିବର୍ତ୍ତ ଭେଦମାନ ଦିଯେ । ଥରଚ ଯାପା ହୟ ସମୀକ୍ଷାର କାଜେର ଜନ୍ୟ ପ୍ରୟୋଜନୀୟ ଅର୍ଧ ( ଟାକାର ଅଂକେ ବା ମାନୁଷ୍ୟଟୀୟ ) ଦିଯେ । ନୟନା ସମୀକ୍ଷାଟି ପ୍ରକୃତ୍ ହତେ ହଲେ ସୀମିତ ଥରଚେ ତାକେ ସର୍ବାଧିକ ଦକ୍ଷ ହତେ ହେବେ ଅର୍ଥବା ସୀମିତ ଦକ୍ଷତା-ଯାତ୍ରାଯ ତାକେ ସର୍ବନିମ୍ନ ଥରଚେ ସମ୍ପନ୍ନ ହତେ ହେବେ ।

ସ୍ଵଭାବତ : ନୟନା ସମୀକ୍ଷାଯ ଆମାଦେର ନିୟମିତ ବିଷୟଗୁଲି ହିର କରତେ ହେବେ :

ପ୍ରଥମତ : ନୟନାର ପ୍ରକାର ହିର କରା । ଆମାଦେର ପରବର୍ତ୍ତୀ ଆଲୋଚନାଯ ଦେଖା ଯାବେ ସନ୍ତାବନାଥୟୀ ନୟନା ନାନାପ୍ରକାରେର ହତେ ପାରେ ।

ଦ୍ୱିତୀୟତ : ନୟନାଟିର ଖୁଟିଲାଟି ଏମନଭାବେ ହିର କରତେ ହେବେ ଯାତେ ନୟନା ସମୀକ୍ଷାଟି ଗର୍ବୋଧକୃତ୍ ହୟ ।

ନୟନାର ପ୍ରକାର ହିର କରା ହେବେ ସାଧାରଣତ : ଦୁଇ ମୂଳନୀତିର ଭିନ୍ତିତେ । (a) ସୁବିଧା—ପ୍ରତିଟି କ୍ଷେତ୍ରେ କୋଣ ପ୍ରକାର ନୟନା ସବଚେଯେ ସୁବିଧାଜନକ ତା ଭେବେ ଦେଖିବେ । (b) ଦକ୍ଷତା—ପ୍ରତିଟି କ୍ଷେତ୍ରେ କୋଣ ପ୍ରକାର ନୟନା ସର୍ବାଧିକ ଦକ୍ଷ ତା ଦେଖିବେ ।

নমুনার উৎকর্ষতার অন্য প্রথমতঃ আমরা খরচ (C) ও ভেদমান (V) কয়েকটি নির্ণয়যোগ্য উপাদান বা চলকের উপর নির্ভরশীল মনে করব। এই চলকগুলিকে যদি  $F_1, F_2, \dots, F_p$  বলা হয়, তাহলে C ( $F_1, F_2, \dots, F_p$ ) ও V ( $F_1, F_2, \dots, F_p$ ) হ'ল যথাক্রমে নমুনাটির খরচ অপেক্ষক ও ভেদমান অপেক্ষক।  $F_1, F_2, \dots, F_p$  আমরা এমনভাবে নির্ণয় করব যাতে  $C = C_0$  (সীমিত) নিয়ে V সর্বনিম্ন (অর্থাৎ দক্ষতা সর্বাধিক) হয় অথবা  $V = V_0$  (সীমিত) নিয়ে C সর্বনিম্ন হয়। Lagrange এর অনুর্ণাত গুণক পদ্ধতির সাহায্যে এইভাবে  $F_1, F_2, \dots, F_p$  নির্ণয় করা যেতে পারে।

### 1.3 সম্পূর্ণ সমীক্ষার তুলনায় নমুনাসমীক্ষার স্থিধাসমূহ

নমুনা সমীক্ষায় পূর্ণকের অন্তর্ভুক্ত প্রতিটি ব্যক্তির কাছ থেকে তথ্য আহরণ না করে একটি প্রতিনিধিত্বশূলিক অংশক বা নমুনায় অন্তর্ভুক্ত ব্যক্তিদের কাছ থেকে তথ্য আহরণ করা হয়। পূর্ণ সমীক্ষায় বা সেল্লাসে পূর্ণকের প্রতিটি ব্যক্তির কাছ থেকেই তথ্য আহরণ করা হয়। নমুনা সমীক্ষায় নিম্নলিখিত স্থিধাসগুলি বর্তমান :

(1) অর্থের সাঞ্চয় :—পূর্ণ সমীক্ষা থেকে নমুনা সমীক্ষায় অর্থ ব্যয় স্বত্বাতঙ্গেই কম হবে, যদিও নমুনা সমীক্ষায় জনপ্রতি আনপাতিক খরচ বেশী হতে পারে।

(2) সময়ের সাঞ্চয় :—বহুক্ষেত্রে আমাদের সমীক্ষালক তথ্যগুলি অতি সহজ প্রয়োজন হয়। সেসব ক্ষেত্রে নমুনা সমীক্ষাই শ্রেষ্ঠ, কারণ নমুনা সমীক্ষায় অনেক সময়ের সাঞ্চয় হয়।

(3) অধিকতর পরিধি :—নমুনা সমীক্ষার ব্যবহারিক পরিধি অনেক বেশী। কোন কোন ক্ষেত্রে তথ্য আহরণের জন্য ট্রেনিং প্রাণ্ড কর্ম বা ব্যয়-বহুল যন্ত্রপাতির প্রয়োজন হতে পারে। এইসব ক্ষেত্রে পূর্ণ সমীক্ষা সম্ভব নয়। তাছাড়া নমুনা সমীক্ষায় অনেক কম সংখ্যক ব্যক্তির কাছ থেকে তথ্য আহরণ করতে হয় বলে সহজেই অনেক বেশী তথ্য আহরণ করা যায় ও পূর্ণকের আয়তনও অনেক বড় নেওয়া যায়।

(4) অধিকতর নির্ভুল :—নমুনা সমীক্ষালক তথ্যসমূহ পূর্ণ সমীক্ষালক তথ্য সমূহের তুলনায় নির্ভুল হয় কারণ নমুনা সমীক্ষায় আমরা কর্মদের অধিকতর ট্রেনিং-এর ব্যবস্থা করতে পারি ও সুপারভাইজারদের সাহায্যে তদ্যুক্তির ব্যবস্থা করতে পারি। যদিও পূর্ণ সমীক্ষার কোন নমুনাজ বাস্তি নেই, কিন্তু অনন্যনাজ বাস্তি এতে বেশী হয় যে নমুনালক প্রাক-

କଲକ ସମୁହ ପୂର୍ଣ୍ଣ ସମୀକ୍ଷାଳକ ଥାକ-କଲକ ସମୁହ ଥେକେ ଅନେକ ବେଶୀ ନିର୍ଭୁଲ ହୁଏ ।

ଅବଶ୍ୟ ସମଗ୍ରକଟି ଯଦି ଖୁବ ବଡ଼ ଆକାରେର ନା ହୁଏ ଓ ଯଦି ସମୟ ଓ ଅର୍ଦ୍ଦ ସୀମିତ ନା ହୁଏ ତାହଲେ ପୂର୍ଣ୍ଣ ସମୀକ୍ଷାଇ କୋନ କୋନ କେତେ ଅଧିକତର ମୁକ୍ତିବହ ମନେ ହତେ ପାରେ ।

#### 1.4 ନମୁନା ସମୀକ୍ଷାର ବିଭିନ୍ନ କାର୍ଯ୍ୟକ୍ରମ

ନମୁନା ସମୀକ୍ଷାର କାଜେ ତିନାଟି ପ୍ରଧାନ କାର୍ଯ୍ୟକ୍ରମ ରହେଛେ । ପାଇସର୍ପର୍ଯ୍ୟ ବିଚାରେ ସେଣ୍ଟଲି ହ'ଲ—(a) ପରିକର୍ମନ କାଜ, (b) ସମୀକ୍ଷା କାଜ ଓ (c) ବିଶ୍ଲେଷଣ ଓ ବିବରଣୀ ତୈରୀର କାଜ । ପ୍ରତିଟି ପ୍ରଧାନ କାର୍ଯ୍ୟକ୍ରମର ଆବାର ବିଭିନ୍ନ ଧାପ ରହେଛେ ।

ପରିକର୍ମନା କାଜେର ବିଭିନ୍ନ ଧାପ ହ'ଲ :

(1) ନମୁନା ସମୀକ୍ଷାର ଉଦ୍ଦେଶ୍ୟଗୁଲି ସ୍ଥିର କରା :—ଉଦ୍ଦେଶ୍ୟଗୁଲି ସଠିକ ଭାବେ ନିର୍କପନ କରତେ ହବେ, କାରଣ ତାର ଉପରେ ପରବର୍ତ୍ତୀ କାର୍ଯ୍ୟଗୁଲାଙ୍କ ନିର୍ଭର କରବେ । ଉଦ୍ଦେଶ୍ୟଗୁଲିକେ ଜରୁରୀ ଓ ସ୍ଵଦୂରସାରୀ ଏହି ଦୁଇଭାଗେ ଭାଗ କରା ଯାଯା । ଏହି ସଙ୍ଗେ ଏହି ସମୀକ୍ଷା କାଜେର ଜନ୍ୟ କତ ଅର୍ଦ୍ଦ ପାଓୟା ଯାବେ, କତଜନ କର୍ମୀ ପାଓୟା ଯାବେ, ସମୟ ସୀମା କୀ ହବେ ଓ ବିଭିନ୍ନ ପୂର୍ଣ୍ଣକଣ୍ଠଗୁଲିର ଥାକ-କଲକରେ ଆନ୍ତିମାତ୍ରା କି ହବେ ଏସବେ ଠିକ କରତେ ହବେ ।

(2) ସମଗ୍ର ବା ପୂର୍ଣ୍ଣକରେ ସଂତୋଷ ନିର୍କପନ :—ସମଗ୍ର ବା ପୂର୍ଣ୍ଣ ହ'ଲ ସେଇ ବ୍ୟକ୍ତି-ସମାଟି ସାମ୍ରାଜ୍ୟର ମଧ୍ୟେ ଆମାଦେର ସମୀକ୍ଷା କାଜ ସୀମିତ । ସମୀକ୍ଷାଳକ ତଥ୍ୟଗୁଲି ନମୁନା ଥେକେ ଆହରିତ ହଲେଓ ସେଣ୍ଟଲି ସମଗ୍ରକଟିର ଉପରେଇ ବର୍ତ୍ତାବେ । ସ୍ଵତରାଂ ସମଗ୍ରକଟିର ସଂତୋଷୀ ହ୍ୟାର୍ଡହିନିଭାବେ ସ୍ଥିର କରତେ ହବେ । ସମଗ୍ରକଟିର ତୋଗୋଲିକ, ଲିଙ୍ଗ ଓ ବୟସଗତ ବା ଅନ୍ୟାନ୍ୟ ସୀମାନା ସ୍ଥିର କରତେ ହବେ । ଉଦ୍ଦାହରଣସ୍ବରୂପ, ଆମରା କୋନ ସମୀକ୍ଷାଯା ପରିଚ୍ୟବରେ ପୂର୍ଣ୍ଣ, ସାମ୍ରାଜ୍ୟ ବୟବ ୧୮ ଥେକେ ୬୫ ବ୍ୟବର୍ଗ, ତାମେର ସହକେ କୌତୁଳ୍ୟ ହତେ ପାରି । ଏକେତେ ସମଗ୍ର ହ'ଲ ପରିଚ୍ୟବରେ ସମ୍ଭବ ପୂର୍ଣ୍ଣମେର ସମାଟି ସାମ୍ରାଜ୍ୟ ବୟବ ୧୮ ଥେକେ ୬୫ ।

(3) କି କି ରାଶିତଥ୍ୟ ଆହରଣ କରତେ ହବେ ତା ସ୍ଥିର କରା :—କି କି ରାଶିତଥ୍ୟ ଆହରଣ କରତେ ହବେ ତା ଅବଶ୍ୟ ସମୀକ୍ଷାର ଉଦ୍ଦେଶ୍ୟମୁହଁର ଉପର ନିର୍ଭର କରବେ । ଐସବ ରାଶିତଥ୍ୟ ସାତେ ନମୁନାର ଅନ୍ତର୍ଭୁତ ବ୍ୟକ୍ତିଦେର ଥେକେ ଆହରଣ କରା ଯାଇ ତାର ଅନ୍ୟ ଏକଟି ବିବରଣଗୁପ୍ତି ବା ତଥାରେ ରଚନା କରନ୍ତେ ହବେ । ସାଧାରଣତଃ ଏକଟି ଧ୍ୟାନ ବିବରଣଗୁପ୍ତି ରଚନା କରନ୍ତେ ତା କିଛୁସଂଖ୍ୟକ ବ୍ୟକ୍ତିର ଉପରେ ପରିଚ୍ୟବରୁ ଭାବେ ପ୍ରମୋଗ କରା ହୁଏ । ସାମି କୋଣାର୍ଥ

କୋଣ ଅସଂଗତି ଦେଖି ଯାଉ ତା ପରିଶ୍ରଦ୍ଧ କରତେ ହବେ । ବିବରଣଲିପି ସହଜବୋଧ୍ୟ ଓ ଅସଂଗତିବିହୀନ ହେଁଯା ବାହନୀୟ । ପ୍ରଶ୍ନ ନୟ ସମୁହ ସଥାଗତବ ବ୍ୟକ୍ତିନିରପେକ୍ଷ ହେଁଯା ଉଚିତ । ପ୍ରଶ୍ନେର ଉତ୍ତର ଦିତେ ଉତ୍ତରଦାତାକେ ଯେଣ ବୈଶ්ି ଚିନ୍ତା ବା କମ୍ଲନାର ଆଶ୍ୟ ନିତେ ନା ହୟ ।

(4) ରାଶିତଥ୍ୟ ଆହରଣେର ଉପାୟ ନିର୍ଧାରଣ :—ନାନା ଉପାୟେ ରାଶିତଥ୍ୟ ଆହରଣ କରା ଯାଉ । ସାମାଜିକ ଅର୍ଧନୈତିକ ସମୀକ୍ଷାଯ ସାଧାରଣତଃ ଆମରା ଇଣ୍ଟାରିଓଡ଼ ପଦ୍ଧତି ବ୍ୟବହାର କରି । ପାରିବାରିକ ସମୀକ୍ଷାଯ ତଥ୍ୟାନୁଶକ୍ତାନୀ ବାଢ଼ୀ ବାଢ଼ୀ ଗିଯେ ପରିବାରେ କର୍ତ୍ତା ବା ତାର ଅନୁପର୍ଚନିତିତେ ଅନ୍ୟ କୋଣ ଦାୟିତ୍ୱଶୀଳ ବ୍ୟକ୍ତିର କାହିଁ ଥେକେ ପ୍ରଶ୍ନ କରେ ପ୍ରଯୋଜନୀୟ ରାଶିତଥ୍ୟ ବିବରଣଲିପିତେ ଲିପିବନ୍ଦ କରେନ । କଥନ୍ତି କଥନ୍ତି ବିବରଣଲିପି ଡାକମୋଗେ ପାଠିଯେଇ ରାଶିତଥ୍ୟ ଆହରଣ କରା ସମ୍ଭବ । କିନ୍ତୁ ଏ ପଦ୍ଧତି କେବଳବାତ ଶିକ୍ଷିତ ବ୍ୟକ୍ତିଦେର ସମ୍ପର୍କେଇ ଥାଟେ । ତାହାଙ୍କ ଏ ପଦ୍ଧତି ଅନୁସରଣ କରିଲେ ଯଦିଓ ଥରଚ କମ ହବେ, କିନ୍ତୁ ନିରଭ୍ରମ ସଂଖ୍ୟା ଖୁବ ବେଶୀ ହବେ । ଯାରା ସମୀକ୍ଷାଟିର ବିଷୟେ ବିଶେଷଭାବେ କୌତୁଳୀ ନନ ତାରା ନିଶ୍ଚଯାଇ କହି କରେ ବିବରଣଲିପିଟ ପୂର୍ଣ୍ଣ କରେ ତା ଡାକମୋଗେ ଫେରନ୍ ପାଠାବେନ ନା ( ଫେରନ୍ ପାଠାବାର ଡାକ ଟ୍ୟାଙ୍କ ପାଠାନ ସହେତୁ ) । ଫଳତଃ ଆମରା ଯାଦେର କାହିଁ ଥେକେ ରାଶିତଥ୍ୟ ପାବ ତାରା ସମଗ୍ରକେର ଠିକ ପ୍ରତିନିଧିମୂଳକ ନୟନା ନମ୍ବର ।

କୃଧି ସମୀକ୍ଷାଯ ଆମାଦେର ବହକ୍ଷେତ୍ରେ ଚୋଥେ ଦେଖେ ରାଶିତଥ୍ୟ ଆହରଣ କରତେ ହୟ । ସେଥାନେ କି ପଦ୍ଧତିତେ ପ୍ରଯୋଜନୀୟ ଚଲକଣ୍ଠି ମାପା ହବେ ତା ହିର କରତେ ହୟ । ଉଦାହରଣସ୍ଵରୂପ, କୃଧିଫଳ ସଂକାଳ ସମୀକ୍ଷାଯ ଆମାଦେର ହିର କରତେ ହେଁ ଚୋଥେ ଦେଖେ ଆମାଜେ ଏକର ପ୍ରତି ବା ହେଲ୍ଟର ପ୍ରତି ଫଳ ଠିକ କରା ହେଁ ଅଥବା ଶ୍ୟାମ କେଟେ ନିଯେ ସଠିକ ଫଳ ବାର କରା ହୟ । କି ଧରଣେର ଯଜ୍ଞେର ସାହାଯ୍ୟ ପ୍ରଯୋଜନୀୟ ଚଲକଣ୍ଠି ମାପା ହବେ ତାଓ ଅନେକକ୍ଷେତ୍ରେ ଠିକ କରତେ ହୟ ।

(5) ନୟନା ଏକକ ହିର କରା :—ନୟନା ଏକକ ବଳତେ ବୌରୀର ସମୀକ୍ଷାର ପ୍ରଯୋଜନେ ସମଗ୍ରକେର ଯେ କ୍ଷୁଦ୍ରତମ ଅଂଶାଟିର ନୟନା ନେଇଯା ହୟ । ନୟନା ଏକକ ସତାବତଃଇ ସମୀକ୍ଷାର ଉଦ୍ଦେଶ୍ୟର ଉପର ନିର୍ଭରଶୀଳ । ଏକଟି କୃଧିସମୀକ୍ଷାଯ ଆମାଦେର ହିର କରତେ ହେଁ ଏକଟି ଥାରେ ସମସ୍ତ ଚାରିଯୋଗ୍ୟ ଅଥବା ଏକଟି ଚାରିଯୋଗ୍ୟ ଅଥିର ପୁଟ ବା କମେକଟି ପୁଟର ଏକଟି ଶୁଳ୍କ ବା ଏକଟି ପୁଟର ମଧ୍ୟହିତ ଏକଟି ବୃତ୍ତାକାର ବା ଆୟତାକାର ଅଂଶକେ ଆମରା ନୟନା ଏକକ ହିରାବେ ନେବ । ଏକଟି ସାମାଜିକ ଅର୍ଧନୈତିକ ସମୀକ୍ଷାଯ ହିର କରତେ ହେଁ ଏକଟି ପରିବାର ବା ପରିବାରଭୁକ୍ତ ଏକଭଳ ବ୍ୟକ୍ତିକେ ଆମରା ନୟନା ଏକକ ନେବ । ପାରିବାରିକ ଆନ୍ଦୋଳନକ ସମୀକ୍ଷାର ଏକଟି ପରିବାରକେ ନୟନା ଏକକ

ହିସାବେ ଲେଉଥା ହୁଏ । ନୟନା ଏକକ ଛିର କରାର ପରେ ଦେଖିବେ ହେବେ ନୟନା ଏକକେର ପୂର୍ଣ୍ଣ ତାଲିକା ଅର୍ଧାଂ ସମଗ୍ରକେର ଅନ୍ତର୍ଭୂତ ସମ୍ଭବ ନୟନା ଏକକେର ଏକଟି ସ୍ଵର୍ଗବଳ୍କ ତାଲିକା ପାଓଯା ଯାବେ କିନା । ଏହି ତାଲିକା ଛାଡ଼ା ନୟନା ଚମଳ କରା ସମ୍ଭବ ନାହିଁ । ଯଦି ତାଲିକା ପାଓଯା ଯାଏ ତାହଲେ ଦେଖିବେ ହେବେ ତାଲିକାଟି ସ୍ଵର୍ଗପୂର୍ଣ୍ଣ କିନା, ପୂର୍ଣ୍ଣ ବିହିତ କୋନ ବ୍ୟକ୍ତି ତାଲିକାଯି ରହେଇଛେ କିନା, ଏକଇ ବ୍ୟକ୍ତି ତାଲିକାଯି ଏକାଧିକବାର ଆଛେ କିନା । ତାଲିକାଟିଟି ଏକବର୍ଷ ଝାଟି ଧାକଳେ ତାର ଶୁଦ୍ଧ ପ୍ରାଗ୍ରହଣ । ଯଦି ତାଲିକା ନା ପାଓଯା ଯାଏ ତାହଲେ ନୟନାଚମଳେର ପୂର୍ବେ ଏହି ତାଲିକା ପ୍ରକଟ କରେ ନିତେଇ ହେବେ ।

(6) ନୟନା ସମୀକ୍ଷାର ପରିକଳନ :—ନୟନା ସମୀକ୍ଷା ପରିକଳନେ କି କି କାଜ ତା 1.2 ପରିଚେଦାଂଶେ ବନିତ ହେଯେ । ନୟନାର ପ୍ରକାର ଓ ଆକାର ଛିର କରିବେ ହେବେ । ନୟନା ପରିକଳନେ ନିର୍ଣ୍ଣଯୋଗ୍ୟ ଉପାଦାନଗୁଲି ପ୍ରକୃତି-ଭାବେ ନିର୍ଦ୍ଦେଶ କରିବେ ହେବେ ସମୀକ୍ଷାର ଥରଚ ଓ ନିର୍ଧାରିତ ପ୍ରାକ-କଳକେର ଭେଦମାନ ଥେକେ । ପ୍ରାଗ୍ରହଣ ହଲେ ଏକଟି ପ୍ରାଥମିକ ଅନୁସଙ୍ଗନୀ ସମୀକ୍ଷା ବା ପଥନିର୍ଦ୍ଦେଶୀ ସମୀକ୍ଷାର ଆଯୋଜନ କରିବେ ।

(9) ନୟନାଚମଳନ :—ସମୀକ୍ଷାର ପରିକଳନ କାଜ ଶେଷ ହଲେ ସମସ୍ତକ ଥେକେ ନୟନାଚମଳନ କରିବେ । ସମସ୍ତବ୍ରତ ନୟନାଚମଳନ ପ୍ରଣାଳୀ ବା ଅନ୍ୟଥକାର ସନ୍ତାବନାଶୀଳୀ ନୟନାଚମଳନ ପ୍ରଣାଳୀ 1.5 ପରିଚେଦାଂଶେ ଆଲୋଚିତ ହେବେ । ଏବେ କେତେ ସମସ୍ତବ୍ରତ ସଂଖ୍ୟାଶାରି ସାଧାରଣତଃ ବ୍ୟବହାର କରା ହୁଏ ।

(8) ସମୀକ୍ଷା କର୍ମୀଦେର ଟ୍ରେନିଂ :—ନୟନା କାଜେ ନିଯୁକ୍ତ ପ୍ରତିଟି ପ୍ରାଥମିକ କର୍ମୀ ଓ ସ୍ଵପାରଭାଇଜ୍ଞାରଦେର ତାଦେର କାଜ, ବିବରଣିଲିପିତେ ବ୍ୟବହାର ଶବ୍ଦଗୁଲିର ସଂଠିକ ସଂଜ୍ଞା ପ୍ରତ୍ୱତି ବିଷୟେ ପୁଁଥିଗିତ ଓ ହାତେନାତେ ଟ୍ରେନିଂ ଏର ବ୍ୟବସ୍ଥା କରିବେ ।

ହିତୀଯ ପ୍ରଧାନ କାର୍ଯ୍ୟକ୍ରମ ହ'ଲ ସମୀକ୍ଷା କାଜ । ସମୀକ୍ଷା କାଜେ ସମୀକ୍ଷା-କର୍ମୀଙ୍କେ ନୟନାଯି ଅନ୍ତର୍ଭୂତ ପ୍ରତିଟି ବ୍ୟକ୍ତିକେ ଖୁଁଜେ ବାର କରିବେ ହେବେ ଓ ତାର କାଜ ଥେକେ ପ୍ରଯୋଜନୀୟ ତଥ୍ୟାବଳୀ ଆହରଣ କରେ ବିବରଣିଲିପିତେ ଲିପିବନ୍ଦ କରିବେ ।

ତୃତୀୟ ପ୍ରଧାନ କାର୍ଯ୍ୟକ୍ରମ ହ'ଲ ବିଶ୍ଲେଷଣ ଓ ବିବରଣୀ ତୈରିର କାଜ । ଏହି କାଜେର ବିଭିନ୍ନ ଧାରଣଗୁଲି ହ'ଲ :

(1) ଉପାଦ ସଂଶୋଧନୀ ବିଚାର :—ଏହି ବିଚାରେର ସାହାଯ୍ୟ ଆସରା ଦେଖିବେ ବିବରଣିଲିପିତେ ଲିପିବନ୍ଦ ଉପାଦାନଗୁହେ କୋନ ଆପାତଃ ଅସଂଗ୍ରହିତ ବା ପରମ୍ପରା ବିରୋଧିତା ରହେଇଛେ କିନା । ସମେହଜନକ ବିବରଣିଲିପିଟି ପୁନଃ ସମୀକ୍ଷାର ଅନ୍ୟ ଫେରଣ ପାଠାନ୍ତେ ହେବେ ।

(2) ଉପାଦେର ସାରଣୀ ବିନ୍ୟାସ :—ହାତେ ହାତେ ଅଧିବା ମେଶିନେର ସହାୟତାରେ ଏରପର ଉପାଦ୍ୱସମୁହକେ ସାରଣୀତେ ବିନ୍ୟାସ କରାତେ ହବେ । କରେକ ହାତାର ସଂଖ୍ୟାର ସାରଣୀ ବିନ୍ୟାସ କରାତେ ହଲେ ମେଶିନେର ବ୍ୟବହାର ଅପରିହାର୍ୟ । ଶୁଣଗତ ଉପାଦେର ସାରଣୀ ବିନ୍ୟାସ କାଳେ ସାହାରଣତଃ ସଂକେତ ସଂଖ୍ୟା ବ୍ୟବହାର କରା ହସ୍ତ । ମେଶିନେର ସାହାଯ୍ୟ ବା ହାତେ ହାତେ ଆମରା ପ୍ରଥମ ସେ ସାରଣୀଙ୍କୁ ଡୈରି କରି ତାଦେର ବଳା ହସ୍ତ ପ୍ରାଥମିକ ସାରଣୀ ।

(3) ରାଶିବିଜ୍ଞାନ ସମ୍ବନ୍ଧରେ ବିଶ୍ଲେଷଣ :—ଏହି ବିଶ୍ଲେଷଣକାଳେ ଆମରା ବିଭିନ୍ନ ପୂର୍ବକାଂକେର ପ୍ରାକ-କଲକ ନିର୍ଦ୍ଦୟ କରି ଓ ତାଦେର ଡେମାନ ନିର୍ଦ୍ଦୟ କରି । ଆବାର ପୂର୍ବକାଂକ ସମ୍ପର୍କେ କୋନ ଥ୍ରକ୍ଳ ବିଚାରଓ ଏହି ବିଶ୍ଲେଷଣେର ଅନ୍ତର୍ଭୁତ । ଏହି ବିଶ୍ଲେଷଣେର ଅନ୍ୟ ପ୍ରାଥମିକ ସାରଣୀ ଥେବେ ସେ ସବ ସାରଣୀର ଉତ୍ତବ ହସ୍ତ ତାଦେର ଆହୁତ ସାରଣୀ ବଳା ହସ୍ତ ।

(4) ବିବରଣୀ ପ୍ରକାଶ :—ବିଶ୍ଲେଷଣେର ପରେ ସମୀକ୍ଷାଲଙ୍କ ସମ୍ବନ୍ଧ ତଥ୍ୟର ଆଲୋଚନା ଓ ସିଦ୍ଧାନ୍ତ ସମୁହ ସମ୍ବଲିତ ଏକାଟ ବିବରଣୀ ଅବଶ୍ୟକ ପ୍ରକାଶ କରାତେ ହବେ । ବିବରଣୀତେ ପରିକଳନ କାହିଁ ଓ ସମୀକ୍ଷା କାହେର ବିଭିନ୍ନ ଧାପେର ସମ୍ବନ୍ଧ ଆଲୋଚନା ଓ ଥାକବେ । ପରିଶେଷେ ଥାକବେ ସମ୍ବନ୍ଧ ପ୍ରାଥମିକ ଓ ଆହୁତ ସାରଣୀ ସମୁହ । ରାଶିବିଜ୍ଞାନସମ୍ବନ୍ଧ ବିଶ୍ଲେଷଣେ ବ୍ୟବହାର ପ୍ରାକ-କଲକ ଓ ଥ୍ରକ୍ଳ ବିଚାରେ ସୁତ୍ରଗୁଣିଓ ବିବରଣୀତେ ଥାକବେ ।

(5) ଭବିଷ୍ୟତ ସମୀକ୍ଷାର ଅନ୍ୟ ଉପାଦ୍ୱସମୁହରେ ରକ୍ଷଣ :—ସମୀକ୍ଷାର ଶେଷେ ଯାତେ ସମୀକ୍ଷାଲଙ୍କ ସମ୍ବନ୍ଧ ତଥ୍ୟ ଭବିଷ୍ୟତରେ କୋନ ସମୀକ୍ଷାର ପରିକଳନ କାହେ ବ୍ୟବହାର କରା ଯାଇ ଦେଉଣ୍ୟ ସେଗୁଣି ଭାଲଭାବେ ରକ୍ଷା କରାତେ ହବେ ।

### 1.5 ସମସତ୍ତବ ନୟୁନାଚୟନ ଅଣାଳୀ

ସମସତ୍ତବ ନୟୁନାଚୟନ ରାଶିବିଜ୍ଞାନେ ଏକାଟ ଗୁରୁତ୍ୱପୂର୍ଣ୍ଣ ବିଷୟ, କାରଣ ନୟୁନାତ୍ମବ ସମ୍ପୂର୍ଣ୍ଣ ଏହି ସମସତ୍ତବ ନୟୁନାର ଉପର ନିର୍ଭରୀଳ । ସମସତ୍ତବ ନୟୁନାଚୟନ ବଳତେ ବୋାଯା ଏମନ ଏକାଟ ନୟୁନା ଯାତେ ସମଗ୍ରକେର ପ୍ରତିଟି ବ୍ୟକ୍ତିର ନୟୁନାଯ ଅନ୍ତର୍ଭୁତ ହେଉଥାର ସମାନ ସନ୍ତାବନା ରହେଛେ ।

ପ୍ରାଥମିକ ପ୍ରଚେଷ୍ଟାର ଲଟାରୀର ସାହାଯ୍ୟେ ଏହି ସମସତ୍ତବ ନୟୁନା ଚାନ କରା ହ'ତ । ଏହି ପଞ୍ଜିତିତେ ପ୍ରଥମେ ସରଫରକେ ଏକାଟ ପ୍ରତିକଳ ବା ଶତ୍ରେ ପ୍ରସ୍ତୁତ କରାତେ ହସ୍ତ ଯାତେ ଏକ ଏକାଟ ବ୍ୟକ୍ତିକେ ସମଆକାର ଓ ସମଆଯତନେର ଏକଟୁକରୋ କାଗଜ, କାର୍ଡ ବା ଧାତବ ସିଲିଣ୍ଡରେର ସାହାଯ୍ୟେ ପ୍ରକାଶ କରା ହସ୍ତ । ତ୍ରୀ କାଗଜେ, କାର୍ଡ ବା ସିଲିଣ୍ଡରେର ମଧ୍ୟ ଏକ ଏକାଟ ସଂଖ୍ୟା ( ଅନ୍ଧିକ

সংখ্যা) বিশিষ্টে এক একটি ব্যক্তিকে চিহ্নিত করতে হয়। তারপর প্রতিক্রিয়ের ব্যক্তিদের (কাগজ, কার্ড, সিলিণ্ডার ইত্যাদি) ভালভাবে বিশিষ্টে নিয়ে একটি তুলতে হবে এবং তাতে চিহ্নিত ব্যক্তিকে নমুনায় অঙ্কুরুজ্জ করা হবে। এইভাবে প্রতিবার নমুনাচয়নের পূর্বে ঐ মিশ্রণ কাজাটি করতে হবে। তারফলেই সমস্তাবীকরণ কাজাটি হয়। যদি গৃহীত ব্যক্তিদের পুনর্বার নমুনাচয়নের পূর্বে সমগ্রকে পুনঃস্থাপিত হয় তাহলে পুনঃস্থাপনাগত সমস্তব নমুনাচয়ন; তা না হলে হবে পুনঃস্থাপনাবিহীন নমুনাচয়ন। এইভাবে নমুনাচয়ন করে যেতে হবে যতক্ষণ না নমুনাটি নির্দিষ্ট আকারের হয়।

এই পদ୍ଧତির অস্তুবিধি হ'ল এতে ঠিক ঠিক সমস্তব নমুনাচয়ন নাও: হতে পারে, কারণ প্রতিক্রিয়ের প্রতিটি ব্যক্তিকে ঠিক ঠিক সব আকারের ও আয়তনের প্রস্তুত করা বাস্তবক্ষেত্রে সম্ভব হয় না—কিছু কিছু তক্ষণ খেকেই যায়। তাছাড়া সমগ্রকাটি অতিবৃহৎ হলে প্রতিক্রিয়ে প্রস্তুত করাই বাস্তবক্ষেত্রে অসম্ভব হয়ে দাঁড়ায়।

এই অস্তুবিধাণুলি দূর করা যায় যদি আমাদের একটি সমস্তব সংখ্যাসারি থাকে (যাতে  $0,1,2,\dots,9$  সংখ্যাণুলি সমস্তব ভাবে উপস্থিত থাকে)। তাহলে, প্রথমে সমগ্রকের প্রতিটি ব্যক্তিকে একটি ত্রিমিক সংখ্যা দিয়ে চিহ্নিত করতে হবে। পরে ঐ সংখ্যাসারির যে কোন আয়গ থেকে পর পর (উপর থেকে নীচে বা বাম থেকে ডাইনে) কতগুলি n-অঙ্ক বিশিষ্ট সংখ্যা ( $n$  নির্ভর করবে সমগ্রকের আয়তনের উপরে) নিতে হবে। বেহেতু ঐ সংখ্যাণুলি সমস্তাবনাযুক্ত, ঐ সংখ্যাণুলির সমচিহ্নিত ব্যক্তিকা একটি সমস্তব নমুনাত্তুজ্জ ধরা যেতে পারে।

### 1.5.1 সমস্তব সংখ্যাসারির সংজ্ঞা

সমস্তব সংখ্যাসারিতে  $0,1,2,\dots,9$  সংখ্যাণুলি ধারুরৈখিক বা আয়তাকারে এমনভাবে সজ্জিত যে উহার প্রতিটি অবস্থানে ঐ দশটি সংখ্যার প্রতিটির বসবার সমান সম্ভাবনা ও যে কোন দুটি অবস্থানের সংখ্যা পরম্পর অনপেক্ষ।

### 1.5.2 সমস্তব সংখ্যাসারির স্থুবিধি সমূহ

প্রথমতঃ সমস্তব সংখ্যাসারি ব্যবহার করলে প্রতিটি ক্ষেত্রে সমগ্রকের একটি প্রতিক্রিয়ে প্রস্তুতির কোন প্রয়োজন হয় না।

**বিতীয়ত:** সংখ্যাগুলি সমস্তবীকৃত ইওয়ার কলে সমগ্রকের প্রতিরূপের ব্যক্তিদের প্রতিবার নমুনাচয়নের পূর্বে মিশ্রিত করবার প্রয়োজন হয় না। সারির বে কোন আয়গা থেকে পর পর সংখ্যাগুলি নিলেই সংখ্যাগুলি সমস্তবান্যন্ত হবে। আবাদের ক্ষেত্রে সংখ্যাগুলির সমচিহ্নিত ব্যক্তিদের নমুনার অন্তর্ভুক্ত করতে হবে।

**তৃতীয়ত:** সমগ্রকাটি যত বড়ই হোক না কেন বাস্তবক্ষেত্রে এই সমস্তব সংখ্যাসারির সাহায্যে সমস্তব নমুনাচয়ন করা সম্ভব।

### 1.5.3 বিভিন্ন সমস্তব সংখ্যাসারির বর্ণনা

চারটি বিভিন্ন সমস্তব সংখ্যাসারির নাম উল্লেখ করা যেতে পারে।

(1) Tippett, L.H.C. এর সংখ্যাসারি (Tracts for Computers XV) : এতে মোট 41600টি সংখ্যা অথবা চারঅঙ্কের 10400টি সংখ্যা আছে। এই সংখ্যাগুলি কোন আদমশুমারী লক উপাত্ত থেকে গৃহীত।

(2) Kendall, M.G. ও Smith, B. এর সংখ্যাসারি (Tracts for Computers XXIV) : এতে মোট একলক্ষ একাক সংখ্যা দুইঅঙ্ক ও চারঅঙ্কবিশিষ্ট সংখ্যার সাজানো আছে। আবার এগুলি 100টি 1000 সংখ্যাগুচ্ছেও সাজানো। 100টি গুচ্ছের মধ্যে আবার 5টি বে সব নমুনাচয়নে 1000 এর কম একাক সংখ্যার প্রয়োজন লে সব ক্ষেত্রে অনুপযুক্ত বলে চিহ্নিত। প্রস্তুতকারকরা একটি বিশেষ ভাবে প্রস্তুত জুয়াখেলায় ব্যবহৃত চক্রের সাহায্যে সংখ্যাগুলি পেয়েছেন।

(3) Fisher, R.A. ও Yates, F. এর সংখ্যাসারি (Statistical Tables in Biological, Agricultural & Medical Research by Fisher, R.A. and Yates, F.) : এতে 2টি করে গুচ্ছে সাজানো মোট 15000টি একাক সংখ্যা রয়েছে। লেখকহয় A.J. Thompson এর 20 অঙ্কের লগসারণীর 15তম থেকে 19তম কলম ব্যবহার করে সংখ্যাগুলি পান। লগসারণী থেকে প্রথমে একটি অর্ধপৃষ্ঠা চয়ন করে, তারপর 15তম থেকে 19তম কলমের একটি কলম চয়ন করে ও কলমের 50টি সংখ্যা পরপর লিখে নেন। 2টি তাসের প্যাকেটের সাহায্যে এইসব চয়ন কাজ করা হয়।

(4) ফ্রেই প্রেসের ইলিনোয়েস (Free Press, Illinois) প্রকাশিত এক জিলিয়ম (বশ লক) সংখ্যাসারি : এরাও Kendall ও Smith এর অনুরূপ একটি চক্রের সাহায্যে সংখ্যাগুলি পেয়েছেন, তবে এদের চয়ন প্রণালীতে অনেক উচ্চ কারিগরি কৌশল ব্যবহৃত হয়েছে।

### ୧.୫.୪ ସମସ୍ତବ ସଂଖ୍ୟାଶାରିତେ ସ୍ୟବହୁତ ବିଚାର ଅନୁହୁତ

ସମସ୍ତବ ସଂଖ୍ୟାଶାରି ସମ୍ପୂର୍ଣ୍ଣତଃ ବା ଅଂଶତଃ ସମସ୍ତବ କିମ୍ବା ବିଚାର କରେ ଦେଖିବାର ଅନ୍ୟ କତକଣ୍ଠି ସମସ୍ତାବନାର ବିଚାର ସ୍ୟବହୁତ କରା ହେଁ । ସବଙ୍ଗଲି ମେବିଚାରଇ ପୂର୍ବକାଳ ନିରାପେକ୍ଷ ଓ  $x^2$  ବିଚାରାକ ସ୍ୟବହୁତ କରେ ।

(1) ପରିସଂଖ୍ୟା ବିଚାର : ସମଗ୍ର ସଂଖ୍ୟାଶାରିତେ ବା ଉତ୍ଥାର କୌଣ ଅଂଶେ  $0,1,2,\dots,9$  ଏହି ଦଶଟି ଅକ୍ଷେର ପରିସଂଖ୍ୟା ବାର କରତେ ହେଁ । ଯଦି ସଂଖ୍ୟାଶାରିଟି ସମସ୍ତବ ହେଁ ତାହଲେ ପ୍ରତିଟି ଅକ୍ଷେର ସନ୍ତାବନା  $\frac{1}{10}$  । ଯଦି ମୋଟ ପରିସଂଖ୍ୟା  $n$  ହେଁ ତାହଲେ ପ୍ରତିଟି ଅକ୍ଷେର ପ୍ରତ୍ୟାଶିତ ପରିସଂଖ୍ୟା  $n \times \frac{1}{10}$  । ଏଥାନେ  $x^2$  ବିଚାରାକ ହ'ଲ

$$x^2 = \sum_i (f_{oi} - f_{ei})^2 / f_{ei}, \quad (1.1)$$

$f_{oi} = i$  ଏର ଅବେଳିତ ପରିସଂଖ୍ୟା,

$f_{ei} = i$  ଏର ଆଶଂସିତ ପରିସଂଖ୍ୟା,

$i = 0, 1, 2, \dots, 9$

ଓ ସ୍ଵାତନ୍ତ୍ର୍ୟ ମାତ୍ରା  $= 10 - 1 = 9$  ।

(2) ପାରଶର୍ମ ବିଚାର : ସଂଖ୍ୟାଶାରିର ସଂଖ୍ୟାଗୁଲିକେ ପର ପର ଦୁଟି ଦୁଟି କରେ ଏକତ୍ର କରେ ଦୁଇଅଂକବିଶିଷ୍ଟ ସଂଖ୍ୟା ମନେ କରତେ ହେଁ । ତାରପର  $00, 01, \dots, 99$  ଏହି 100ଟି ସନ୍ତାବ ସଂଖ୍ୟାର ପରିସଂଖ୍ୟା ବାର କରତେ ହେଁ । ଏଥାନେ ପ୍ରତିଟି ସଂଖ୍ୟାର ସନ୍ତାବନା ( ଯଦି ସଂଖ୍ୟାଶାରିଟି ସତିଯିଇ ସମସ୍ତବ ହେଁ )  $\frac{1}{10} \times \frac{1}{10} = \frac{1}{100}$  । ସ୍ଵତରାଂ ପରିସଂଖ୍ୟା ବିଚାରେ ଅନୁକ୍ରମ  $x^2$  ବିଚାରାକ ( ସାତନ୍ତ୍ୟମାତ୍ରା = 99 ) ଦିଯେ ଏଥାନେଓ ବିଚାର କରା ଯେତେ ପାରେ ।

(3) ଦୂରସ୍ତ ବିଚାର : ଏଥାନେ 0 ଥିକେ 9 ଏର ମଧ୍ୟେ ଯେ କୌଣ ଏକଟି ଅଂକ ନିତେ ହେଁ । ଧରା ଯାକ 0 ନେଇଯା ହଲ । ସଂଖ୍ୟା ଶାରିତେ 0 ଗୁଲିର ଅବହାନ ବାର କରତେ ହେଁ । ପରପର ଦୁଟି 0ର ମଧ୍ୟେ ସତଙ୍ଗିଲି ସଂଖ୍ୟା ଉତ୍ଥାଇ ଓ ଦେଇ ମଧ୍ୟେ ଦୂରସ୍ତ । ଏହି ଦୂରସ୍ତ  $0, 1, 2, \dots$  ହତେ ପାରେ ଏବଂ ଯଦି ସଂଖ୍ୟାଶାରିଟି ସମସ୍ତବ ହେଁ ତାହଲେ ଏହି ଦୂରସ୍ତଙ୍ଗିଲିର ସନ୍ତାବନା ଯଥାକ୍ରମେ  $\frac{1}{10}, \frac{1}{10} \times \frac{1}{10}, (\frac{1}{10})^2 \times \frac{1}{10}, \dots$  ହବେ । ଏହି ଦୂରସ୍ତଙ୍ଗିଲିର ଅବେଳିତ ପରିସଂଖ୍ୟା ଓ ଆଶଂସିତ ପରିସଂଖ୍ୟା ନିର୍ଣ୍ଣୟ କରେ ଏଥାନେଓ ଆସରା  $x^2$  ବିଚାରାକ ସ୍ୟବହୁତ କରତେ ପାରି ।

(4) ପୋକାର ( Poker ) ବିଚାର : ଏଥାନେ ସାଧାରଣତଃ ସଂଖ୍ୟାଶାରିର ସଂଖ୍ୟାଗୁଲିକେ ଚାରଅଂକବିଶିଷ୍ଟ ସଂଖ୍ୟା କରେ ନେଇଯା ହେଁ । ଏହି ସଂଖ୍ୟାଗୁଲିର ମନ୍ତ୍ରିତ ରାପ ହତେ ପାରେ ।

যদি সংখ্যাসারিটি সমস্তের হয় তাহলে ঐ ক্লপগুলির সম্ভাবনা সাথে সাথে দেওয়া হ'ল।

$$(a) \text{ সবগুলি অংক সমান} — \text{যথা } 8888, \text{ সম্ভাবনা} = \frac{^{10}C_1}{10^4} = \frac{1}{1000} \quad |$$

$$(b) \text{ তিনটি অংক সমান একটি আলাদা} — \text{যথা } 8883, \text{ সম্ভাবনা} =$$

$$\frac{4!}{3!} \times {}^{10}C_1 \times \frac{{}^9C_1}{10^4} = \frac{36}{1000} \quad |$$

$$(c) \text{ দুটি অংক সমান দুটি আলাদা} — \text{যথা } 8832, \text{ সম্ভাবনা} =$$

$$\frac{4!}{2!} \times {}^{10}C_1 \times \frac{{}^9C_2}{10^4} = \frac{432}{1000} \quad |$$

$$(d) \text{ দুটি সমান অংকের দুই গুচ্ছ} — \text{যথা } 8833, \text{ সম্ভাবনা} =$$

$$\frac{4!}{2!2!} \times \frac{{}^{10}C_2}{10^4} = \frac{27}{1000} \quad |$$

$$(e) \text{ সবগুলি অংক আলাদা} — \text{যথা } 8321, \text{ সম্ভাবনা} =$$

$$4! \times \frac{{}^{10}C_4}{10^4} = \frac{504}{1000} \quad |$$

প্রতিটি ক্লপের অবেক্ষিত পরিসংখ্যা ও আশংসিত পরিসংখ্যা বাঁর করে এখানেও আমরা  $x^3$  বিচারাঙ্ক ব্যবহার করতে পারি।

**সাধারণত:** ব্যবহৃত ও পূর্বোল্লেখিত সংখ্যাসারি সমূহ এইসব বিচারের পরিপ্রেক্ষিতে সতোষজনক বলে প্রমাণিত হয়েছে।

**1.1 উভাবরণ:** কোন স্কুলে মোট 223 জন ছাত্র রয়েছে। তাদের জৰুরিসংখ্যা যথাক্রমে 1 থেকে 223। এই ছাত্রদের থেকে 5 জন ছাত্রের একটি পুনঃস্থাপনাবিহীন সরল সমস্তের নমুনা সংগ্ৰহ কৰ।

এখানে আমরা পরিশিষ্টে প্রদত্ত Tippett এর সমস্তের সংখ্যাসারির অংশাংটি (পৃষ্ঠা 12–13) ব্যবহার কৰব। এখানে তিনঅঙ্ক বিশিষ্ট সংখ্যা নিতে হবে 001 থেকে 892 (তিন অঙ্কের 223 এর সর্বোচ্চ গুণিতক) পর্যন্ত। প্রাপ্ত সংখ্যাগুলিকে 223 দিয়ে ভাগ করে ভাগশেষ নিতে হবে। ভাগশেষ 001 থেকে 222 পর্যন্ত হলে ঐ জৰুরিসংখ্যার ছাত্রটি নমুনায় গৃহীত হবে। ভাগশেষ 000 হলে গৃহীত হবে 223 জৰুরিক সংখ্যার ছাত্রটি। একই ভাগশেষ একাধিকবাৰ এলে পৱেৱগুলি বৰ্জন কৰা হবে।

ষষ্ঠি লাইন থেকে সংখ্যাগুলি পাশাপাশি ভাবে নেওয়া হ'ল।

**ସାରଣୀ 1.1**  
**ସମସତ୍ତବ ନୟନାଚୟନ**

ପ୍ରାପ୍ତ ସଂଖ୍ୟା	ପ୍ରାପ୍ତ ସଂଖ୍ୟାକେ 223 ଦିଯେ ତାଗ କରେ ତାଗଶୈସ	ଗୃହିତ କ୍ରମିକ ସଂଖ୍ୟା	ବର୍ଣ୍ଣିତ
731	062	62	×
348	125	125	×
387	164	164	×
753	084	84	×
835	166	166	×

ସ୍ଵତରାଙ୍କ 62, 125, 164, 84 ଓ 166 କ୍ରମିକସଂଖ୍ୟା ଯୁକ୍ତ ଛାତ୍ର ନୟନାକୁ  
ଗୃହିତ ହ'ଲ ।

### 1.6 ବିଭିନ୍ନ ପ୍ରକାରେର ପୂର୍ଣ୍ଣକ ଓ ନୟନା

ପୂର୍ଣ୍ଣକ ଦୁଇ ପ୍ରକାରେର ହତେ ପାରେ—ସଥି, ବାନ୍ତବ ପୂର୍ଣ୍ଣକ ଓ କରିତ ପୂର୍ଣ୍ଣକ । ସେ ପୂର୍ଣ୍ଣକେର ଏକଟା ବାନ୍ତବ ଅନ୍ତିଷ୍ଠ ରମେଛେ ତାକେ ବାନ୍ତବ ପୂର୍ଣ୍ଣକ ବଳା ହୁଏ । ସେମନ, ପଞ୍ଚମ ବାଂଲାର ସମ୍ବନ୍ଧବିତ ପରିବାର ସମୁହ, କଲକାତାର ପ୍ରାଇମାରୀ ବିଦ୍ୟାଲୟ ସମୁହ ଇତ୍ୟାଦି । ଆବାର ସେବର ପୂର୍ଣ୍ଣକେର କୋନ ବାନ୍ତବ ଅନ୍ତିଷ୍ଠ ନେଇ, ସାଦେର ଆମରା କଲ୍ପନା କରେ ନେଇ ସେଶୁଲି କରିତ ପୂର୍ଣ୍ଣକ । ସେମନ, ଏକଟି ନର୍ମ୍ୟାଳ ପୂର୍ଣ୍ଣକ ବାର ଗାଣିତିକ ଗଡ଼ 50 ଓ ସମ୍ବନ୍ଧ ପାର୍ଦ୍ଦକ୍ୟ 10, ଅସୀମ ସଂଖ୍ୟକ ବାର ଏକଟି ପମ୍ପା ଛୁଡ଼ଲେ ହେତେ ଓ ଟେଲ ( head and tail ) ଏର ସମାନ ପୂର୍ଣ୍ଣକ ଥିଲୁଣି ।

ଆବାର ପୂର୍ଣ୍ଣକ ସମୀମ ଓ ଅସୀମ ଏହି ଦୁଇ ପ୍ରକାରେର ହତେ ପାରେ । ଏକଟି କଲେଜେ 500 ଜନ ଛାତ୍ରେର ଉଚ୍ଚତାର ପୂର୍ଣ୍ଣକଟି ସମୀମ କିନ୍ତୁ ଆବହାତ୍ୟା ମଧ୍ୟରେ ବିଭିନ୍ନ ବିଶ୍ଵାସ ବାଯୁର ଚାପେର ପୂର୍ଣ୍ଣକଟି ଅସୀମ । ଆବାର ପୂର୍ଣ୍ଣକଟି କାର୍ଯ୍ୟକ୍ଷତି: ଅସୀମ ହତେ ପାରେ—ସଥି, ଭାରତବର୍ଷର ଜନଶବ୍ଦିର ପୂର୍ଣ୍ଣକ ଅଧିବା ଦୃଶ୍ୟମାନ ନକ୍ଷତ୍ରମୁହେର ପୂର୍ଣ୍ଣକଟି ଏତ ବୃଦ୍ଧି ସେ ଡିହାଦେର କାର୍ଯ୍ୟକ୍ଷତି: ଅସୀମ ବଳା ଯାଏ ।

ନମୁନା ଥିଥାନତଃ ଦୁଇଥିକାରେ—ବ୍ୟକ୍ତି-ନିର୍ଭର ଓ ବ୍ୟକ୍ତି-ନିରାପେକ୍ଷ । ସଦି ନମୁନା ଚରନ ଥଣ୍ଡାଳୀ ଏମନ ହୟ ଯେ ନମୁନାଟି ନମୁନାଚୟନକେର ଖେଳାଳଖୁଣୀ ବା ବା ଇଚ୍ଛା ଅନିଚ୍ଛାର ଉପର ନିର୍ଭର କରେ ତାକେ ବ୍ୟକ୍ତି ନିର୍ଭର ନମୁନା ବଲେ । ଯେ କୋନ ଏଲୋବେଲୋ ବା ଖେଳାଳଖୁଣୀ ମାଫିକ ନମୁନା ଚରନଇ ବ୍ୟକ୍ତି-ନିର୍ଭର । ଆବାର ସଦି ନମୁନା ଚରନ ଥଣ୍ଡାଳୀ ଏକଟି ବିଶେଷ ନିୟମ ମାଫିକ ହୟ, ନମୁନା-ଚୟକେର ଇଚ୍ଛା ଅନିଚ୍ଛାର ଉପର ନିର୍ଭର ନା କରେ ତାକେ ବ୍ୟକ୍ତି-ନିରାପେକ୍ଷ ନମୁନାଚୟନ ବଲେ ।

ବ୍ୟକ୍ତି-ନିରାପେକ୍ଷ ନମୁନାଚୟନ ଆବାର ତିଳପ୍ରକାରେର ହୟ—ସନ୍ତାବନାଭିତ୍ତିକ, ସନ୍ତାବନାବିହୀନ ଓ ମିଶ୍ । ଯେ ପଦ୍ଧତିତେ ପୂର୍ଣ୍ଣକେର ଥେତିଟି ବ୍ୟକ୍ତିର ନମୁନାର ଅନ୍ତର୍ଭୁତ ହୋଇଥାର ଏକଟି ପୂର୍ବନିର୍ଦ୍ଧାରିତ ସନ୍ତାବନା ଥାକେ ତାକେ ସନ୍ତାବନାଭିତ୍ତିକ ନମୁନାଚୟନ ବଲେ । ସନ୍ତାବନାବିହୀନ ନମୁନାଚୟନେ ଏହିରକମ କୋନ ସନ୍ତାବନା ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ ଥାକେନା—ସଥା, ଏକଟି ତାଲିକା ଥେକେ ଥେତି ଦଶମ ବ୍ୟକ୍ତିକେ ନିର୍ବାଚନ ବା ଆଲୁର କ୍ଷେତ୍ର ଥେକେ ଥେତି ପଞ୍ଚମ ଲାଇନ୍‌ଟିର ନିର୍ବାଚନ । ଆବାର ନମୁନାଚୟନ ମିଆଓ ହତେ ପାରେ—ସେମନ, ତାଲିକାର ପ୍ରଥମ ଦଶଜନଙ୍କେ ସମସ୍ତବ ଉପାୟେ ନିର୍ବାଚନ କରେ ତାରପର ଥେକେ ଥେତି ଦଶମଜନଙ୍କେ ନିର୍ବାଚନ ।

ସନ୍ତାବନାଭିତ୍ତିକ ନମୁନାଚୟନ ଆବାର ଦୁଇଥିକାରେ—ସମସନ୍ତାବନାୟୁଝ ଓ ବିଷସନ୍ତାବନାୟୁଝ । ସମସନ୍ତାବନାୟୁଝ ନମୁନାଚୟନକେ କଥନଓ କଥନଓ ଶରଳ ସମସ୍ତବ, ନମୁନାଚୟନ ବା ବାଧାହୀନ ସମସ୍ତବ ନମୁନାଚୟନଓ ବଲା ହୟ । ଶରଳ ସମସ୍ତବ ନମୁନାଚୟନ ଆବାର ଦୁଇଥିକାରେ—ପୁନଃହାପନାସହ ଓ ପୁର୍ବହାପନାବିହୀନ ।

### 1.7 ନମୁନା ଶରୀକାର ବିଭିନ୍ନ ଧରଣେର ପକ୍ଷପାତ ଓ ଆନ୍ତି

ନମୁନାଶରୀକାର ସାହାଯ୍ୟ ପୂର୍ବକାଂକଣ୍ଗଲିର ସେବର ପ୍ରାକ-କଲକ ପାଓଯା ଯାଇ ସ୍ଵଭାବତଃ ସେଣ୍ଟଲି ସମ୍ପୂର୍ଣ୍ଣ ସଠିକ ନହୁ । ସେଣ୍ଟଲିତେ ନମୁନାଜ ଆନ୍ତି ଥାକବେଇ । ନମୁନାଜ ଆନ୍ତିର ମାପକ ହିସାବେ ସଂଶୁଦ୍ଧ ପ୍ରାକ-କଲକରେ ନମୁନାଜ ନିବେଶନେର ସମକିଚ୍ଛାତି ଅର୍ଧାଂ ସମକ ଆନ୍ତି ନେଇଯା ଯାଇ । ସ୍ଵଭାବତଃଇ ନମୁନାର ଆଯତନ  $n$  ବାଡାର ସାଥେ ସମକିନ୍ତା କରେ ଯାଇ । ଆମରା ଦେଖେଇ ଏହି ସମକ ଆନ୍ତିର ମାତ୍ରା  $O(n^{-1/2})$  ।

ଏହି ସମକ ଆନ୍ତିର ସୁତ୍ର ନିର୍ଭୟ କାଲେ ଧରେ ନେଇଯା ହୟ ଯେ ନମୁନାଟି ସନ୍ତାବନାଭିତ୍ତିକ । କିନ୍ତୁ ନମୁନାଟି ସଦି ସନ୍ତାବନାଭିତ୍ତିକ ନା ହୟ ବା ବ୍ୟକ୍ତି-ନିର୍ଭର ହୟ ତାହାଲେ ପ୍ରାକ-କଲକଣ୍ଗଲିତେ ନମୁନାଜ ଆନ୍ତି ଛାଡାଓ ଏକଥିକାର ପକ୍ଷପାତବୁଟ୍ ହତେ ପାରେ ଅର୍ଧାଂ ନମୁନାଂକଣ୍ଗଲିର ଗାଣିତିକ ପ୍ରତ୍ୟାଶା ପୂର୍ବକାଂକେର ଥେକେ ବୈଶୀ ବା କମ ହତେ ପାରେ । ସେବର ପକ୍ଷପାତ ନମୁନା ପରିପ୍ରକାର ଭବ୍ୟ ତାଦେର ନମୁନାଜ ପକ୍ଷପାତ ବଲା ଯାଇ ।

ଆବାର ବହୁକ୍ଷେତ୍ରେ ଆମରା ସମୀକ୍ଷାର ସାହାଯ୍ୟେ ସେ ଶବ୍ଦରେ ମାନ ପାଇ ମେଘଲି ନାନାକାରଣେ ସଠିକ ହେଲା । ଅବେଳାଙ୍ଗ ଅନିତ ଆନ୍ତି ଥାକବେଇ । ସମ୍ମ ଏହି ଆନ୍ତିସମୁହ ଏମନ ହେଲୁ ଯେ ଉହା କଥନେ ଧନ୍ୟକ, କଥନେ ଧନ୍ୟକ ଏବଂ ଉହାର ଗାଣିତିକ ପ୍ରତ୍ୟାଶା ୦, ତାହଲେ ନମୁନାଙ୍କଣ୍ଟିଲିର ଗାଣିତିକ ପ୍ରତ୍ୟାଶାଓ ପୂର୍ବକାଂକେର ସମାନ ହତେ ପାରେ । କିନ୍ତୁ ବହୁକ୍ଷେତ୍ରେ ଏହି ଆନ୍ତିସମୁହ ସର୍ବଦା ଧନ୍ୟକ ବା ସର୍ବଦା ଧନ୍ୟକ ହତେ ପାରେ ଓ ଉହାର ଗାଣିତିକ ପ୍ରତ୍ୟାଶାଓ ଧନ୍ୟକ ବା ଧନ୍ୟକ ହବେ । ଏକବିନ୍ଦୁ ଅବେଳାଙ୍ଗ-ଅନିତ ଆନ୍ତି କଥନେ ଧନ୍ୟକ ପକ୍ଷପାତ ଓ କଥନେ ଧନ୍ୟକ ପକ୍ଷପାତର ରୂପ ନେବେ । ସ୍ଵଭାବତଃଇ ନମୁନାଙ୍କଣ୍ଟିଲିଓ ପକ୍ଷପାତଦୁଟି ହବେ । ଏହି ଧରଣେର ପକ୍ଷପାତକେ ପରିଚିତିନିହିତ ପକ୍ଷପାତ ବଳା ଯାଇ ଏବଂ ଏହି ପକ୍ଷପାତ ନମୁନା ସମୀକ୍ଷା ଓ ସମ୍ପୂର୍ଣ୍ଣ ସମୀକ୍ଷା ଉଭୟକ୍ଷେତ୍ରେଇ ବର୍ତ୍ତମାନ ।

ନିମ୍ନେ ବିଭିନ୍ନ ପ୍ରକାରେର ସମ୍ଭାବ୍ୟ ପକ୍ଷପାତର ବର୍ଣନା ଦେଉଯା ହଲ ।

(A) ପରିଚିତିନିହିତ ପକ୍ଷପାତ : ଇହା ବିଭିନ୍ନ ପ୍ରକାରେର ହତେ ପାରେ । ସ୍ଥା—

(1) ଉତ୍ତର-ନିହିତ ପକ୍ଷପାତ : ସାମାଜିକ-ଅର୍ଧନୈତିକ ସମୀକ୍ଷାଯା ଆମରା ସାଧାରଣତଃ ଇନ୍ଟାରଭିଡ଼ର ସାହାଯ୍ୟେ ତଥ୍ୟ ସଂଗ୍ରହ କରେ ଥାକି । ଉତ୍ତରଦାତାର ପ୍ରଦତ୍ତ ତଥ୍ୟବଳୀ ଆମରା ବିବରଣ୍ଣିତ ନଥିଭୁତ କରି । ଏହି ଉତ୍ତରର ମଧ୍ୟେ ବହୁକ୍ଷେତ୍ରେ ପକ୍ଷପାତ ଥାକେ । ଯେମନ, ଆମେର ଅକ୍ଷ ଲୋକେ କମିସ୍ରେ ବଲେ ବା ବାୟରେ ଅକ୍ଷ ବାଢ଼ିରେ ବଲେ । ନିଜେର ଶାର୍ଦ୍ଦରଙ୍କା (କର କାଁକି ଦେଉଯା ) ଏହି ପ୍ରବଣ୍ଟାର କାରଣ । ଏକଇ କାରଣେ କୋନ କାରଖାନାର ମାଲିକ ତାର ଉତ୍ପାଦନ କମିସ୍ରେ ବଲାତେ ପାରେ । କଥନେ କଥନେ ଆସ୍ତାନ୍ତିମାନ ଅନିତ ପକ୍ଷପାତ ଦେଖା ଯାଇ । ଏଇ ଫଳେ ଲୋକେ ତାର ଶିକ୍ଷାମାନ ବା ଜୀବିକାର ଉର୍ଧ୍ଵାଯନ ବା ବୟସେର ନିମ୍ନାୟନ କରେ । ବୟସେର ବେଳେ ଯୁଗମଃଂଖ୍ୟ ବା ୫ ଏର ଶୁଣିତକେର ଉପରେ ଆବାର ବେଶୀ ବୌକ ଦେଖା ଯାଇ ।

(2) ଅବେଳାଙ୍ଗ ପକ୍ଷପାତ : ବହୁକ୍ଷେତ୍ରେ ତଥ୍ୟନୁସନ୍ଧାନୀ ନିଜେ ଚୋରେ ଦେଖେ ବା ମେପେ ତଥ୍ୟ ଆହରଣ କରେନ । ଏକ୍ଷେତ୍ରେଓ ଅନୁସନ୍ଧାନୀର ମାନସିକ ପ୍ରବଣ୍ଟାର ଫଳେ ପକ୍ଷପାତ ଦେଖା ଯାଇ । ଯେମନ ଫଳରେ ଫଳନ ବା ଶୁଣଗତ ଅବସ୍ଥା ଚୋରେ ଦେଖେ ବଲାତେ ଗୋଲେ ଅନୁସନ୍ଧାନୀ କର କରେ ବଲେ ଆବାର ଜାରି ଆଯତନ ଘାଗତେ ଫେଲେ ବାଢ଼ିରେ ବଲେ ।

(3) ନିରାକାର ପକ୍ଷପାତ : ଅନେକ ସର୍ବ ଉତ୍ତରଦାତା ବାଢ଼ିତେ ନା ଧାକାର ବା ଉତ୍ତର ଦିତେ ଅଧୀକାର କରାର ନମୁନାର ଅର୍ଜିଭୁତ କୋନ କୋନ ବ୍ୟାକିଲି କାହିଁ ଥେକେ ଉତ୍ତର ପାଓଯା ବାଇଲା । ଡାକବୋଗେ ପ୍ରେରିତ ବିବରଣ୍ଣିଲି

ପଦ୍ଧତିତେ ଏହି ନିର୍ମତର ସଂଖ୍ୟା ଆରା ବେଣୀ । ବହୁକ୍ଷେତ୍ରେ ଏହି ନିର୍ମତର ବ୍ୟକ୍ତିରୀ ସମଥକେର ଏକଟି ବିଶେଷ ଅଂଶେର ପତିନିଧି । ସ୍ଵତରାଙ୍କ ଏଦେର ବାଦ ପଡ଼ାର ଅନ୍ୟ ପ୍ରାକ୍-କଲକଣ୍ଠି ପକ୍ଷପାତ ଦୋଷଦୂଷ୍ଟ ହସ୍ତ ପଡ଼ିବେ ।

(4) ଇଣ୍ଟାରଭିଉ ଥିଲୀତାର ପକ୍ଷପାତ : ତଥ୍ୟାନୁସକ୍ଷାନୀ ଇଣ୍ଟାରଭିଉ ପଦ୍ଧତିର ସାହାଯ୍ୟେ ତଥ୍ୟ ଆହରଣ କରଲେଓ ଅନେକ ସମୟ ଉତ୍ତରଦାତାକେ ସାହାଯ୍ୟ-ଛଳେ ତାଁର ନିଜେର ମତ ଓ ବିଶ୍ୱାସ ଉତ୍ତରଦାତାର ଉପର ଥାଟାତେ ଚେଷ୍ଟା କରେନ । ଏଇ ଫଳେଓ ପ୍ରାକ୍-କଲକଣ୍ଠି ପକ୍ଷପାତଦୂଷ୍ଟ ହବେ ।

(B) ନୟନାଜ ପକ୍ଷପାତ ସମ୍ମୁହ : ନୟନାଜ ପକ୍ଷପାତଓ ବିଭିନ୍ନ ଥିଲାରେ ହତେ ପାରେ । ଯଥ—

(1) ଦୋସପୂର୍ଣ୍ଣ ନୟନା ସଂଗ୍ରହ ଥିଲାରୀ ଅନିତ ପକ୍ଷପାତ : ଦେଖା ଗେଛେ ବ୍ୟକ୍ତି-ନିର୍ଭର, ଉଦ୍‌ଦେଶ୍ୟମୂଳକ, ଏଲୋମୋଲୋ, ଖେଲାଲୁଖୁଣୀ-ଆକିକ ନୟନାଚଳନ ଅଧିକାଂଶ କେତେ ପକ୍ଷପାତ ଦୋଷଦୂଷ୍ଟ ହୁଏ । ପଦ୍ଧତି ଯଦି ବ୍ୟକ୍ତି-ନିରାପେକ୍ଷ ନା ହୁଏ, ତାହଲେ ନୟନାଚଳକେର ଇଚ୍ଛା-ଅନିଚ୍ଛା ବା ପ୍ରସଂଗତା ପଦ୍ଧତିକେ ଥିଲାବିତ କରିବେଇ । ଉଦ୍‌ଦେଶ୍ୟମୂଳକ କୋନ ନୟନାଚଳକ ସମେର ଗାଛେର ନୟନାଚଳନ କରତେ ଗିଯେ ଗମେର ଜମିର ମଧ୍ୟେ ଏକଟା ଝୁଡ଼ି ଛୁଡ଼େ ଦିଯେ ସେବ ଗାଛେର ଉପରେ ଝୁଡ଼ିଟି ପଡ଼ିବେ ତାଦେର ପ୍ରହଣ କରେନ, ତାହଲେ ତାଁର ବୌକ ହବେ ଗମେର ଫଳନ ଜମିର ସେ ଜାଯଗୀଯ ଭାଲୋ ସେବାନେ ଝୁଡ଼ିଟିକେ ଛୋଡ଼ାର । ତାହାର ପ୍ରୀକୃତିକ କାରଣେ ଝୁଡ଼ିଟି ଗମେର ବଡ଼ ଗାଛଗୁଲିର ଦିକେଇ ଆକୃଷିତ ହବେ । ଫଳେ ଗମେର ଫଳନ ସମକ୍ଷେ ସେ ପ୍ରାକ୍-କଲକଟି ପାଉୟା ଯାବେ ତା ହବେ ଧନ୍ୟକ ପକ୍ଷପାତଦୂଷ୍ଟ ।

(2) ପ୍ରତିଷ୍ଠାପନ ପକ୍ଷପାତ : ସବୀକ୍ଷାକର୍ତ୍ତା ଅନେକ ସମୟ ନୟନାଯ ଅନ୍ତର୍ଭୁକ୍ତ କୋନ ବ୍ୟକ୍ତିର କାହିଁ ଥେକେ ତଥ୍ୟ ଆହରଣ କରତେ ବିକଳକରି ହଲେ ତାର ବଦଳେ ତାଁର ପ୍ରତିବେଶୀକେ ନୟନାଯ ଅନ୍ତର୍ଭୁକ୍ତ କରେ ତାର କାହିଁ ଥେକେ ତଥ୍ୟ ଆହରଣ କରେନ । କର୍ମୀର ଧାରଣା ଏହି ପ୍ରତିଷ୍ଠାପନାଯ କୋନ ଦୋସ ହବେନା, କାରଣ ନୟନା ସଂଗ୍ରହ କାଳେ ପ୍ରତିବେଶୀଟିଓ ନୟନାଯ ଅନ୍ତର୍ଭୁକ୍ତ ହତେ ପାରିବ । କିନ୍ତୁ ଏ ଧାରଣା ଠିକ ନାହିଁ । କାରଣ, ଏହିଭାବେ ପ୍ରତିଷ୍ଠାପନାର ଫଳ ଯାଦେର ନୟନା ଥେକେ ବାଦ ଦେଇଯା ହ'ଲ ତାରା ସମଥକେର ଏକଟି ବିଶିଷ୍ଟ ଅଂଶ ହତେ ପାରେ । ଫଳତଃ, ଏହି ପ୍ରତିଷ୍ଠାପନାର ଅନ୍ୟ ଆମାଦେର ପ୍ରାକ୍-କଲକଣ୍ଠି ପକ୍ଷପାତଦୂଷ୍ଟ ହୁଏଯାର ଖୁବି ସଞ୍ଚାରିତା ।

(3) ନୟନା-ଏକକେର ଶୀର୍ଘାନାର ଦୋସପୂର୍ଣ୍ଣ ନିର୍ଧାରଣଜନିତ ପକ୍ଷପାତ : ଫଳର ଫଳନ ସମ୍ପକ୍ଷିତ ସବୀକ୍ଷାର ଅନେକ ସମୟ ନୟନାଯ ଏକକ ହିସାବେ ନେଇଯା ହସ୍ତ ଗୃହୀତ ଭାବର ମଧ୍ୟେ ଏକଟି ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ ଆକାରେର ବୃକ୍ଷ ବା

ଆୟତକ୍ଷେତ୍ର । ଏହି ନୟୁନା-ଏକକେର ସୀମାନ୍ୟ ଅଧିତେ ଆସଯଭାବେ ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ ହେଲା । କିନ୍ତୁ ସୀମାନାର ଉପରେ ବା ସମ୍ମିଳିତ ଅବଶିଷ୍ଟ ଗାଛଗୁଲିର ବେଳା ସମୀକ୍ଷାକର୍ମୀର ପ୍ରସଂଗରେ ଦେଖି ଯାଏ କେଣିଲିକେ ନୟୁନା-ଏକକେର ଅନ୍ତର୍ଭୂତ କରେ ନେଇଥା । କାର୍ଯ୍ୟରେ, ଏହି ଫଳେ ନୟୁନା-ଏକକ୍ରିଟିର ଆକାର ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ ଆକାରରେ ଥିଲେ ଏକଟୁ ବେଶୀ ହେଁ ଯାଏ । ତାର ଫଳେ ଫଳଲେର ଫଳନ ସମ୍ପର୍କେ ସେ ପ୍ରାକ-କଳକାଟି ପାଓଡ଼ା ଯାବେ ତା ଧନାତ୍ମକ ପକ୍ଷପାତଦୁଷ୍ଟ ହେବେ । ଅବଶ୍ୟ ଏହି ସୀମାନାର ଦୈର୍ଘ୍ୟ ନୟୁନାର ଆୟତନେର ଅନୁପାତେ ଯତ କର ହେବେ, ଏହି ପକ୍ଷପାତେର ପରିମାଣ ତତ କର ହେବେ । ତାଇ ନୟୁନା-ଏକକେର ବୃତ୍ତାଟି ବା ଆୟତ କ୍ଷେତ୍ରାଟି ଯତ ବଡ଼ ଆକାରେର ହେବେ, ପକ୍ଷପାତେର ପରିମାଣ ତତ କର ହେବେ ।

(4) ପକ୍ଷପାତଦୁଷ୍ଟ ନୟୁନାଙ୍କ ବ୍ୟବହାରଜନିତ ପକ୍ଷପାତ : ଅନେକ ସମୟ ଆମରା ପୂର୍ବକାଂକେର ପ୍ରାକ-କଳକ ହିସାବେ ସେ ନୟୁନାଙ୍କ ବ୍ୟବହାର କରି ମୋଟ ପକ୍ଷପାତଦୁଷ୍ଟ । ଅର୍ଥାତ୍ ନୟୁନାଙ୍କେର ଗାଣିତିକ ଥତ୍ୟାଶା ପୂର୍ବକାଂକେର ସମାନ ନୟ । ସେଇନ, ଆମରା ଜାନି ପୂର୍ବକେର ଡେଦମାନ  $S^2 = \frac{1}{n} \sum_i (x_i - \bar{x})^2$ , ନେଇଥା ହଲେ ତା ପକ୍ଷପାତଦୁଷ୍ଟ ହେବେ ।

### 1.8 ସରଳ ସମସ୍ତ୍ରବ ନୟୁନା ସଂଗ୍ରହ

ଆମରା ଆଗେଇ ଜାନି, ସରଳ ସମସ୍ତ୍ରବ ନୟୁନା ସଂଗ୍ରହେ ସମୟକେର ଅନ୍ତର୍ଭୂତ ପ୍ରତିଟି ବ୍ୟକ୍ତିରଇ ନୟୁନାର ଅନ୍ତର୍ଭୂତ ହେତୁର ସନ୍ତ୍ଵାନା ସମାନ । ଇହା ପୁନଃଚାପନା ସହ ବା ପୁନଃଚାପନାବିହୀନ ଏହି ଦୁଇ ପ୍ରକାରେ ହତେ ପାରେ । ସଦି ଧରା ହେଲା କୋଣ ସମୟକେ  $N$  ସଂଖ୍ୟକ ବ୍ୟକ୍ତି ରହେଛେ ଓ ନୟୁନାର ଆୟତନ  $n$ , ତାହଲେ ପୁନଃଚାପନାଗତ ସରଳ ସମସ୍ତ୍ରବ ନୟୁନା ସଂଗ୍ରହେ ମୋଟ  $N^n$ ଟି ନୟୁନା ସନ୍ତ୍ଵବ ଓ ପୁନଃଚାପନାବିହୀନ ସରଳ ସମସ୍ତ୍ରବ ନୟୁନା ସଂଗ୍ରହେ ମୋଟ  $\binom{N}{n}$  ଟି ନୟୁନା ସନ୍ତ୍ଵବ ।

ସରଳ ସମସ୍ତ୍ରବ ନୟୁନା ସଂଗ୍ରହେ ଏହି ପ୍ରତିଟି ନୟୁନାର ନିର୍ବାଚିତ ହେତୁର ସମାନ ସନ୍ତ୍ଵାନା ଅର୍ଥାତ୍ ସଥାନରେ  $\frac{1}{N^n}$  ବା  $\frac{1}{\binom{N}{n}}$  । ଅବଶ୍ୟ ଉତ୍ତର କ୍ଷେତ୍ରେଇ ଏକଟି

ବିଶେଷ ବ୍ୟକ୍ତି, ଧରା ଯାକ  $k$ -ତମ ବ୍ୟକ୍ତିର  $i$ -ତମ ନୟୁନା ଉତ୍ତୋଳନେ ନିର୍ବାଚିତ ହେତୁର ସନ୍ତ୍ଵାନା  $\frac{1}{N}$  । ପୁନଃଚାପନାଗତ ପକ୍ଷତିତେ ଇହାର ଥରାନ ସହଜ । ପୁନଃଚାପନାବିହୀନ ପକ୍ଷତିତେ ଏହି ସନ୍ତ୍ଵାନା ହଁଲା :

$$\begin{aligned}
 & k\text{-ତମ ବ୍ୟକ୍ତି} \text{ର } i\text{-ତମ ଉତ୍ତୋଳନେ ନିର୍ବାଚିତ ହେଉଥାର ସଂଭାବନା} \\
 & = k\text{-ତମ ବ୍ୟକ୍ତି} \text{ ପ୍ରଥମ ଉତ୍ତୋଳନେ ନିର୍ବାଚିତ ନା ହେଉଥାର ସଂଭାବନା} \\
 & \times k\text{-ତମ ବ୍ୟକ୍ତି} \text{ର ରିତୀଯ ଉତ୍ତୋଳନେ ନିର୍ବାଚିତ ନା ହେଉଥାର ସଂଭାବନା} \\
 & / k\text{-ତମ ବ୍ୟକ୍ତି} \text{ ପ୍ରଥମ ଉତ୍ତୋଳନେ ନିର୍ବାଚିତ ନା ହସେ ଥାକଲେ \times \dots\dots \\
 & \times k\text{-ତମ ବ୍ୟକ୍ତି} \text{ର } (i-1)\text{-ତମ ଉତ୍ତୋଳନେ ନିର୍ବାଚିତ ନା ହେଉଥାର ସଂଭାବନା} \\
 & / k\text{-ତମ ବ୍ୟକ୍ତି} \text{ ପ୍ରଥମ ଥିକେ } (i-2)\text{-ତମ ଉତ୍ତୋଳନେ} \\
 & \quad \text{ନିର୍ବାଚିତ ନା ହସେ ଥାକଲେ} \\
 & \times k\text{-ତମ ବ୍ୟକ୍ତି} \text{ର } i\text{-ତମ ଉତ୍ତୋଳନେ ନିର୍ବାଚିତ ହେଉଥାର ସଂଭାବନା} / \text{ଏଇ} \\
 & \text{ବ୍ୟକ୍ତି} \text{ ପ୍ରଥମ ଥିକେ } (i-1)\text{-ତମ ଉତ୍ତୋଳନେ ନିର୍ବାଚିତ ନା ହସେ ଥାକଲେ} \\
 & = \frac{N-1}{N} \times \frac{N-2}{N-1} \times \dots \times \frac{N-i+1}{N-i+2} \times \frac{1}{N-i+1} \\
 & = \frac{1}{N} \cdot 1
 \end{aligned}$$

ପୁନଃସ୍ଥାପନାଶ ପଦ୍ଧତିତେ ଏକଟି ବିଶେଷ  $n$  ଆଗତନେର ନୟନାର ନିର୍ବାଚିତ ହେଉଥାର

$$\text{ସଂଭାବନା} = \frac{1}{N} \times \frac{1}{N} \times \dots \times \frac{1}{N} = \frac{1}{N^n} \mid$$

ପୁନଃସ୍ଥାପନାବିହୀନ ପଦ୍ଧତିତେ ଏଇ ସଂଭାବନା

$$= \frac{n}{N} \times \frac{n-1}{N-1} \times \dots \times \frac{1}{N-n+1} = \frac{1}{\binom{N}{n}} \mid$$

ଧ୍ୱରା ଧାକ ସମସ୍ଥକେର ଚଲକମାନଙ୍ଗଳି ହ'ଲ  $X_1, X_2, \dots, X_N$  ଓ ନୟନାର  
ଚଲକମାନଙ୍ଗଳି ହ'ଲ  $x_1, x_2, \dots, x_n$  । ଏକେତେ

$$\text{ସମସ୍ଥକେର ଗାଣିତିକ ଗଡ଼}, \mu = \frac{1}{N} \sum_{i=1}^N X_i$$

$$\text{ଓ ଡେଦମାନ}, \sigma^2 = \frac{1}{N} \sum (X_i - \mu)^2 \mid$$

ଆମରା ଜାନି ପୁନଃସ୍ଥାପନାଶ ଓ ପୁନଃସ୍ଥାପନାବିହୀନ ଉତ୍ତର କ୍ଷେତ୍ରେଇ

$$E(x_i) = \mu, i=1,2,\dots,n,$$

$$\text{ଓ } Var(x_i) = \sigma^2, i=1,2,\dots,n \mid$$

$$\text{Cov}(x_i, x_j) \begin{cases} = 0 & \text{ପୁନ:ହାପନାଶହ କେତେ} \\ = -\frac{\sigma^2}{N-1} & \text{ପୁନ:ହାପନାବିହୀନ କେତେ।} \end{cases}$$

ଏହା ସାଙ୍କ  $T = \sum_{i=1}^n \lambda_i x_i$ , ସର୍ବୋତ୍କଷ୍ଟ ପକ୍ଷପାତହୀନ ଧାର୍ଜୁରୈଥିକ ଫୋକ-କଲକ ।

$$\begin{aligned} \text{ଏଥିର } E(T) &= \sum_i \lambda_i E(x_i) \\ &= \mu \sum \lambda_i \mid \end{aligned}$$

ପକ୍ଷପାତହୀନତାର ଅନ୍ୟ  $E(T) = \mu$  ହ'ତେ ହବେ । ଲେଖେତେ,  
 $\sum \lambda_i = 1$  ।

ସର୍ବୋତ୍କର୍ତ୍ତାର ଅନ୍ୟ  $\text{Var}(T)$ କେ ସରନିଯୁ ହ'ତେ ହବେ ।

ପୁନ:ହାପନାଶହ କେତେ,

$$\begin{aligned} \text{Var}(T) &= \sum \lambda_i^2 \text{Var}(x_i) \\ &= \sigma^2 \sum \lambda_i^2 \mid \end{aligned}$$

$\text{Var}(T)$ କେ ସରନିଯୁ ହ'ତେ  $\sum_i \lambda_i^2$ କେ ସରନିଯୁ ହ'ତେ ହବେ ।

$$\text{ଏଥାନେ } \sum \lambda_i = 1 \mid$$

ଅନୁଭବାଃ  $\lambda_1 = \lambda_2 = \dots = \lambda_n = \frac{1}{n}$  ହ'ଲ  $\text{Var}(T)$  ସରନିଯୁ ହବେ ।

ଅର୍ଥାତ୍  $T = \frac{1}{n} \sum x_i = \bar{x}$ , ହ'ଲ ସର୍ବୋତ୍କଷ୍ଟ ପକ୍ଷପାତହୀନ ଧାର୍ଜୁରୈଥିକ

ଫୋକ-କଲକ ।

$$\text{ଏବଂ } \text{Var}(\bar{x}) = \frac{1}{n^2} \sum \sigma^2 = \frac{\sigma^2}{n} \mid \quad (1.2)$$

ପୁନ:ହାପନାବିହୀନ କେତେ

$$\text{Var}(T) = \sum_i \lambda_i^2 \text{Var}(x_i) + \sum_{i \neq j} \lambda_i \lambda_j \text{Cov}(x_i, x_j)$$

$$= \sigma^2 \sum \lambda_i^2 - \frac{\sigma^2}{N-1} \sum_{i \neq j} \lambda_i \lambda_j$$

$$= \sigma^2 \left( 1 + \frac{1}{N-1} \right) \sum \lambda_i^2 - \frac{\sigma^2}{N-1} \left( \sum \lambda_i \right)^2$$

এখানে  $\text{Var}(T)$ কে সর্বনিম্ন হ'তে হ'লে  $\sum \lambda_i^2$ কে সর্বনিম্ন হ'তে হবে, যেক্ষেত্রে  $\sum \lambda_i = 1$ ।

স্তুতরাঃ এখানেও  $T = \frac{1}{n} \sum x_i = \bar{x}$  ই সর্বোৎকৃষ্ট পক্ষপাতহীন ধৰ্মু-  
রৈখিক প্রাক-কলক।

$$\begin{aligned} \text{এখানে } \text{Var}(\bar{x}) &= \frac{\sigma^2}{n} \times \frac{N-n}{N-1} \\ &= \frac{s^2}{n} \times \frac{N-n}{N}, \end{aligned} \quad (1.3)$$

$$\text{যেখানে } s^2 = \frac{1}{N-1} \sum (X_i - \mu)^2.$$

উভয়ক্ষেত্রেই  $\sqrt{\text{Var}(\bar{x})}$  হ'ল প্রাক-কলক অং এর সমক স্টান্ডার্ড (standard error)। যদি  $\sigma^2$  জানা না থাকে, নমুনা থেকে এর প্রাক-  
কলক করা সম্ভব। আমরা জানি  $s^2$ -এর পক্ষপাতহীন প্রাক-কলক হ'ল:

$$s'^2 = \frac{1}{n-1} \sum (x_i - \bar{x})^2, \text{ পুনঃস্থাপনাসহ ক্ষেত্রে।}$$

পুনঃস্থাপনাবিহীন ক্ষেত্রে  $s'^2$  হ'ল  $s^2$ -এর পক্ষপাতহীন প্রাক-কলক।

স্তুতরাঃ  $\text{Var}(\bar{x})$ -এর পক্ষপাতহীন প্রাক-কলক হ'ল:

$\frac{s'^2}{n}$ , পুনঃস্থাপনাসহ ক্ষেত্রে

$$\text{ও } \frac{s'^2}{n} \times \frac{N-n}{N}, \text{ পুনঃস্থাপনাবিহীন ক্ষেত্রে।}$$

যদি সমগ্রকের কোন বৈশিষ্ট্যের অনুপাত  $P$  (সমগ্রকের  $P$  অনুপাত  
ব্যক্তির ও বৈশিষ্ট্য আছে) এর প্রাক-কলক ঢাঁওয়া যায় তাহলে নমুনায়  
ও বৈশিষ্ট্যের অনুপাত  $p$  ই  $P$  এর সর্বোৎকৃষ্ট পক্ষপাতহীন প্রাক-কলক এবং

$$\text{Var}(p) = \frac{PQ}{n}, \text{ পুনঃস্থাপনাসহ ক্ষেত্রে,}$$

$$= \frac{PQ}{n} \times \frac{N-n}{N-1}, \text{ পুনঃস্থাপনাবিহীন ক্ষেত্রে।} \quad (1.4)$$

ଏଥାଣେ  $Q=1-P$  ।  $Var(p)$  ଏବଂ ପ୍ରାକ-କଲକ ପେତେ ହ'ଲେ  $P$  ଏର ସ୍ଥାନେ  $p$  ବସାନ୍ତେ ହବେ ।

$\frac{N-n}{N-1}$  ବା  $\frac{N-n}{N}$  ଶୁଣକଟିର ପୁନଃସ୍ଥାପନାବିହୀନ କ୍ଷେତ୍ରେ ଆବିର୍ଭାବ ଥିଲେ ।

ଶୁଣକଟିକେ ବଳା ହୁଏ ସୌମ ପୂର୍ବକ ଅନିତ ଶୁଦ୍ଧି ।  $N$  ଅସୌମ ହ'ଲେ ଅଭାବତଃଇ ଏହି ଶୁଣକଟି 1 ଏର ଖୁବ ସମ୍ଭାବନା ହବେ ଓ ବାଦ ଦେଓଯା ଚଲିବେ ।

**ଉଦ୍ଦାହରଣ 1.2.** ଉଦ୍ଦାହରଣ 1.1 ଏର 223 ଜନ ଛାତ୍ର ଥିଲେ ଯେ 5 ଅନୁମାନ ଗୃହୀତ ହେଲିଲା ତାଦେର ଉଚ୍ଚତା (ଇଞ୍ଜିନେର୍) ଦେଓଯା ହ'ଲା—  
61", 59", 63", 62", 63" ।

223 ଅନ ଛାତ୍ରେର ଗଡ଼ ଉଚ୍ଚତାର ପ୍ରାକ-କଲକ ଓ ତାର ସମକ ଭାଣ୍ଡିର ପ୍ରାକ-କଲକ ନିର୍ଦ୍ଦୟ କର ।

223 ଅନ ଛାତ୍ରେର ଗଡ଼ ଉଚ୍ଚତାର ( $\mu$ ) ପ୍ରାକ-କଲକ ହ'ବେ  $\bar{x}$ , ନୟନାଜ ଯୌଗିକ ଗଡ଼ ।  $\bar{x}$  ଇ ଏକେତେ ସର୍ବୋତ୍କୃତ ପକ୍ଷପାତହୀନ ଧାର୍ଯ୍ୟରେଖିକ ପ୍ରାକ-କଲକ ।

$$\text{ଏକେତେ } \bar{x} = \frac{61 + 59 + 63 + 62 + 63}{5}$$

$$= \frac{308}{5}$$

$$= 61.6 \text{ ଇଞ୍ଜିନ୍} ।$$

ପୁନଃସ୍ଥାପନାବିହୀନ କ୍ଷେତ୍ରେ,

$$\text{ଏର ସମକ ଭାଣ୍ଡି} = \sqrt{Var(\bar{x})}$$

$$= \sqrt{\frac{s^2}{n} \cdot \frac{N-n}{N}}.$$

$S^2$  ଏବଂ ପକ୍ଷପାତହୀନ ପ୍ରାକ-କଲକ ହ'ଲା  $s'^2 = \frac{1}{n-1} \sum (x_i - \bar{x})^2$  ।  $S^2$

ଏର ସ୍ଥାନେ  $s'^2$  ବଣିଷେ

$\bar{x}$  ଏର ସମକ ଭାଣ୍ଡିର ପ୍ରାକ-କଲକ

$$= \sqrt{\frac{s'^2}{n} \cdot \frac{N-n}{N}},$$

$$\text{ଏକେତେ } s'^2 = \frac{1}{n-1} \{ \sum x_i^2 - n\bar{x}^2 \}$$

$$= \frac{1}{4} \{18984 - 5 \times 3794.56\}$$

$$= \frac{1}{4} \{18984 - 18972.80\}$$

$$= \frac{11.20}{4}$$

$$= 2.80 \text{।}$$

সূতরাং ক্ষেত্র এবং সমক ঘাসিয়ার প্রাক-কলক

$$= \sqrt{\frac{2.80}{5} \cdot \frac{223-5}{223}}$$

$$= \sqrt{0.56 \times \frac{218}{223}}$$

$$= \sqrt{0.5474}$$

$$= 0.74 \text{ ইঞ্চি।}$$

### 1.9 উদ্দেশ্যমূলক নমুনা সংগ্রহ

উদ্দেশ্যমূলক নমুনা সংগ্রহ বিভিন্ন অর্থে ব্যবহৃত হয়েছে। সবচেয়ে ব্যাপক অর্থে, উদ্দেশ্যমূলক নমুনা সংগ্রহ বলতে বোঝায় এমন ভাবে নমুনা সংগ্রহ করা যাতে কোন বিশেষ উদ্দেশ্য সিদ্ধ হয়। যেমন, কোন খুড়ি থেকে আমের নমুনা নেওয়ার বেলা আমরা যদি আকৃতিতে, প্রকৃতিতে বা অন্য কোন বিশেষ গুণ অনুযায়ী মাঝারি ধরণের আম নির্বাচন করি তাহলে তা উদ্দেশ্যমূলক নমুনা চয়ন হবে, কারণ এখানে আমাদের উদ্দেশ্যই হ'ল মাঝারি ধরণের আম নির্বাচন করা। এই পদ্ধতির সবচেয়ে বড় দোষ হ'ল এতে করে বে প্রাক-কলকগুলি পাওয়া যাবে বা খেল সিদ্ধান্তে আসা যাবে সেগুলি পক্ষপাতদুষ্ট হ'তে পারে। পক্ষপাতের পরিবাণ নির্ণয় করাও একেত্রে অসম্ভব। হিতীয়ত: এই পদ্ধতিতে যদিও গড় সম্বন্ধে ভাল প্রাক-কলক পাওয়া যায়, বিস্তৃতি সম্পর্কে ভুল ধারণা পাওয়া যাবে, কারণ নমুনায় অস্তর্ভুক্ত অতিক্রম ব্যক্তিরই চলকমান গড়ের কাছাকাছি।

বিশেষ অর্থে, উদ্দেশ্যমূলক নমুনা সংগ্রহ বলতে বোঝায় একটি বিশেষ পদ্ধতি যেটি Jini, Galvani প্রমুখ রাশিবিজ্ঞানী ইটালীর আদমস্মারী লক উপাত্ত ব্যবহার করে প্রয়োগ করেছিলেন। এই পদ্ধতিতে যদি আমরা কোন সমগ্রকের  $y$ -চলক সম্বন্ধে কৌতুহলী হই ও  $y$ 'র গাণিতিক গড়  $\mu_y$ , এর প্রাক-কলক পেতে চাই, তাহলে  $y$ র সাথে সম্পর্কযুক্ত একটি

$x$ -ଚଲକ ନିର୍ବାଚନ କରବ ଯାର ସହକେ ଆଦୟମୁଖ୍ୟାରୀ ଲକ୍ଷ ଉପାର୍ଜିତ ଥିଲେ ଏକ ସମସ୍ତକେର ପ୍ରତିଟି ବ୍ୟକ୍ତିର ଚଲକମାନ ଜାଣା ଆଛେ ।  $y$  ସହକେ ଆମାଦେର ନମୁନା ଚଲନ ଏବଳ ହବେ ନମୁନାମ ଅନ୍ତର୍ଭୂତ ବ୍ୟକ୍ତିଦେର  $x$  ଏବଂ  $y$  ନମୁନାଲଙ୍କ ଗଡ଼  $x$  ଏବଂ  $y$  ସମସ୍ତକେର ଗଡ଼ର ପ୍ରାୟ ସମାନ ହୁଏ । ସମ୍ମିଳନ ଆଯତନ ହୁଏ ଓ  $n$  ନମୁନାର ଆଯତନ ହୁଏ ତାହଲେ ନମୁନାଟି ଏମନ ହବେ ଯାତେ—

$$\bar{x}_n = \mu_x \pm \epsilon, \quad (1.5)$$

$\bar{x}_n = x$  ଏବଂ  $n$  ସଂଖ୍ୟକ ନମୁନାଲଙ୍କ ଗଡ଼,

$\mu_x = x$  ଏବଂ ସମସ୍ତକଲଙ୍କ ଗଡ଼ ଓ

$\epsilon =$ ପୂର୍ବ ନିର୍ଧାରିତ ଏକଟି କ୍ଷୁଦ୍ର ଧନ୍ୟକ ସଂଖ୍ୟା ।

ନମୁନାଟି ସଞ୍ଚାବନାଶ୍ୟ ନମ୍ବର—ଶୁଦ୍ଧ ଯେ କୋଣ ଉପାର୍ଜିତ ଲକ୍ଷ ନମୁନାଟି ଉପରୋକ୍ତ ସମ୍ପର୍କଟି ମେନେ ଚଲଲେଇ ହ'ଲ । ଆମାଦେର ଆଶା, ଯେହେତୁ  $x$  ଓ  $y$  ସମ୍ପର୍କଯୁଭ୍ରତ,  $\bar{y}_n$  ଓ  $\mu_y$ ର କାହାକାହି ହବେ ଓ  $\bar{y}_n$ ,  $\mu_y$  ଏକଟି ଭାଲ ପ୍ରାକ-କଲକ ହବେ । ଇଚ୍ଛେ କରିଲେ ଏହି ସମ୍ପର୍କଯୁଭ୍ରତ ଚଲକ ଏକାଧିକ ନେଓମା ଚଲାନ୍ତେ ପାରେ ।

ଏକକାଲେ ଏହି ପଦ୍ଧତିଟି ସମସ୍ତବ ନମୁନା ସଂଗ୍ରହ ଥିଲେ କିମ୍ବା ନାହିଁ କିମ୍ବା ତୌରେ ମତରେ ତୌରେ ଯେ ଏହି ପଦ୍ଧତିଟି ସମ୍ଭାବନାଶ୍ୟ ହ'ତ, ଅର୍ଥାତ୍ ଯତନୁଲି ନମୁନା ଉପରୋକ୍ତ ସମ୍ପର୍କ ମେନେ ଚଲେ ତାଦେର ଯେ କୋଣଟି ନିର୍ବାଚନେର ସମ୍ଭାବନା ହୁଏ ଏବଂ ତାହଲେଓ ଅଧିକାଂଶ କ୍ଷେତ୍ରେ ସରଳ ସମସ୍ତବ ନମୁନା ସଂଗ୍ରହ ପଦ୍ଧତିତେ ଏହି ପଦ୍ଧତି ଥିଲେ ଉତ୍ୱକୃତର ପ୍ରାକ-କଲକ ପାଓଯା ଯାବେ । ଯେ ସବ କ୍ଷେତ୍ରେ ଏହି ପଦ୍ଧତିଟି ସରଳ ସମସ୍ତବ ନମୁନା ସଂଗ୍ରହ ଥିଲେ ଶ୍ରେୟ, ତାଦେର ଅଧିକାଂଶ କ୍ଷେତ୍ରେ ଆବାର ତୁରବିନ୍ୟାସ ସମସ୍ତବ ନମୁନା ସଂଗ୍ରହ ପଦ୍ଧତି ଏହି ପଦ୍ଧତି ଥିଲେ ଶ୍ରେୟ । ଖୁବହି ସାମାନ୍ୟ ଦୁ'ଏକଟି କ୍ଷେତ୍ରେ ଏହି ପଦ୍ଧତି ତୁରବିନ୍ୟାସ ସମସ୍ତବ ନମୁନା ପଦ୍ଧତି ଥିଲେ ଶ୍ରେୟ, କିମ୍ବା ବାସ୍ତବେ ଏହିସବ କ୍ଷେତ୍ର ଖୁବହି ସ୍ଵଦୂରଭ୍ୟ ।

### 1.10 ତୁରବିନ୍ୟାସ ସମସ୍ତବ ନମୁନା ସଂଗ୍ରହ

ତୁରବିନ୍ୟାସ ସମସ୍ତବ ନମୁନା ସଂଗ୍ରହେ ପ୍ରଥମେ ସମସ୍ତକଟିକେ କତକଣୁଲି ତୁରେ ବିଭଜନ କରାନ୍ତେ ହବେ । ତୁରଣୁଲି ଚଲକେର ମାନେର ଭିତ୍ତିତେ ସରଥାସନ୍ତବ ଅନ୍ତଃସମ ହବେ । କିମ୍ବା ବିଭିନ୍ନ ତୁରେର ବୈଷମ୍ୟ ସରଥାସନ୍ତବ ବେଶୀ ହବେ । ସରଳ ବା ବନ୍ଦନମୁଭ୍ୟ ସମସ୍ତବ ନମୁନା ସଂଗ୍ରହେ ସମସ୍ତକେର ପ୍ରତିଟି ବ୍ୟକ୍ତିର ନମୁନାମ

অস্তর্ভুক্ত ইওয়ার সম্ভাবনা স্মান। কিন্তু স্তরবিন্যস্ত সমস্তৰ নমুনা সংগ্রহে তা নয়। প্রতিটি স্তর থেকে আলাদা ভাবে পরম্পর অনিভুব নমুনা গ্রহণ করা হয়। যদি প্রতিটি স্তর থেকে এক একটি সরল সমস্তৰ নমুনা নেওয়া হয় তাহ'লে একটি স্তরের অস্তর্ভুক্ত প্রতিটি ব্যক্তির নমুনায় অস্তর্ভুক্ত ইওয়ার সম্ভাবনা স্মান হ'লেও, একটি স্তর থেকে অন্যস্তরে এই সম্ভাবনা আলাদা হবে। সরল সমস্তৰ নমুনা সংগ্রহের সমক ভাস্তি সমস্ত সমগ্রকের ভেদশীলতার উপর নির্ভরশীল, কিন্তু স্তরবিন্যস্ত নমুনা সংগ্রহে তা নির্ভর করে অস্তঃস্তর ভেদশীলতার উপর। যেহেতু সমগ্রকের ভেদশীলতা থেকে একটি অংশ আস্তঃস্তর ভেদশীলতা হিসাবে বাদ চলে গেছে স্তরবিন্যস্ত নমুনা সংগ্রহ পদ্ধতিতে সমক ভাস্তি অপেক্ষাকৃত কম। স্তরগুলি যত বেশী অস্তঃস্ম হবে ও বিভিন্ন স্তর যতবেশী বিষয় হবে সমক ভাস্তির ক্ষেত্রে পরিমাণ তত বেশী। যদি কোন সামাজিক অর্থনৈতিক পারিবারিক সমীক্ষায় সমীক্ষার বিষয়গুলি পারিবারিক আয়ের উপর নির্ভরশীল হয়, তাহ'লে সমগ্রকে পারিবারিক আয়ের ভিত্তিতে কতগুলি স্তরে বিভক্ত করা সম্ভব। যেমন, যাদের পারিবারিক মালিক আয় 1 টাকা থেকে 100 টাকা তারা প্রথম স্তর, 101 টাকা থেকে 350 টাকা দ্বিতীয় স্তর, 351 টাকা থেকে 700 টাকা তৃতীয় স্তর ও 701 টাকা ও তদুক্ত আয়ের পরিবারগুলি চতুর্থস্তর নেওয়া যেতে পারে। আবার শস্য উৎপাদন নির্ণয়ের অন্য নমুনা সমীক্ষায় জমিখণ্ড (Plot) গুলিকে কতগুলি স্তরে বিন্যস্ত করে নেওয়া যায়। যথা, 5 একর পর্যন্ত জমিখণ্ডগুলি প্রথম স্তর, 5 একর থেকে 7 একর পর্যন্ত দ্বিতীয় স্তর ও 7 একরের অধিক তৃতীয় স্তর হিসাবে নেওয়া যায়।

ধরা যাক কোন সমগ্রকে মোট  $N$  সংখ্যক ব্যক্তি রয়েছে। সমগ্রটিকে  $k$ -টি স্তরে বিভক্ত করা হ'ল যাতে করে প্রথম স্তরে  $N_1$  সংখ্যক, দ্বিতীয় স্তরে  $N_2$  সংখ্যক, ...,  $k$ -তম স্তরে  $N_k$  সংখ্যক ব্যক্তি হ'ল। স্তরবিন্যস্ত নমুনা সমীক্ষায় আবরা প্রথম স্তর থেকে  $n_1$  অন, দ্বিতীয় স্তর থেকে  $n_2$  অন, ...,  $k$ -তম স্তর থেকে  $n_k$  অন পুনঃস্থাপনাবিহীন সরল সমস্তৰ উপায়ে নমুনায় নির্বাচিত করব। বিভিন্ন স্তর থেকে নমুনাচয়ন পরম্পর অনিভুব হবে। এক্ষেত্রে,

$$N_1 + N_2 + \dots + N_k = N$$

$$\text{ও } n_1 + n_2 + \dots + n_k = n !$$

ସମ୍ବନ୍ଧକେର ବୌଗିକ ଗଡ଼  $\mu$  ସହକେ ନୟନା ଥେବେ ପ୍ରାକ୍-କଲକ ଚାଓୟା  
ହୁଏ, ତାହଲେ

$$\mu = \frac{1}{N} \sum_{i=1}^k \sum_{j=1}^{N_i} X_{ij}$$

$$= \frac{1}{N} \sum_i N_i \mu_i, \text{ ଯେ କେତେ}$$

$$\mu_i = \frac{1}{N_i} \sum_{j=1}^{N_i} X_{ij} \text{ ଓ}$$

$X_{ij}$  ହ'ଲ ସମ୍ବନ୍ଧକେର  $i$ -ତମ ସ୍ତରେର  $j$ -ତମ ବ୍ୟକ୍ତିର ଚଳକମାନ । ସମ୍ଭାବିତ ନୟନାମ୍ବୀର ଅନ୍ତର୍ଭୂତ୍ କେତେ ତମ ସ୍ତରେର  $j$ -ତମ ବ୍ୟକ୍ତିର ମାନ ହୁଏ, ତାହଲେ ଧରା ଯାକ

$$T = \sum_{i=1}^k \sum_{j=1}^{n_i} \lambda_{ij} x_{ij},$$

$\mu$  ଏଇ ସର୍ବୋତ୍କଷ୍ଟ ପକ୍ଷପାତହିନ ଧର୍ମବୈଦିକ ପ୍ରାକ୍-କଲକ । ଅନୁତରାଃ  
 $E(T) = \mu$

ଓ  $Var(T)$  ସର୍ବନିୟମ ହ'ତେ ହବେ ।

$$\text{ସମ୍ଭାବିତ } \sigma^2 = \frac{1}{N} \sum_i \sum_j (X_{ij} - \mu)^2$$

$$\text{ଓ } \sigma_i^2 = \frac{1}{N_i} \sum_j (X_{ij} - \mu_i)^2 \text{ ହୁଏ,}$$

$$\text{ଆମରା ଜୀବିତ } E(x_{ij}) = \mu_i$$

$$V(x_{ij}) = \sigma_i^2 \quad j = 1, 2 \dots n; \text{ ହ'ଲେ,}$$

$$Cov.(x_{ij}, x_{i'j'}) = 0 \quad i \neq i' \text{ ହ'ଲେ}$$

$$\text{ଓ } Cov(x_{ij}, x_{ij'}) = -\frac{\sigma_i^2}{N_i - 1} \quad !$$

ଏଇ ଫଳେ,

$$E(T) = \sum_i \sum_j \lambda_{ij} E(x_{ij})$$

$$= \sum_i \sum_j \lambda_{ij} \mu_i$$

$$= \sum_i \mu_i \sum_j \lambda_{ij} +$$

$E(T)$  ସହ  $\mu = \frac{1}{N} \sum N_i \mu_i$  ଏବଂ ସମାନ ହୁଏ ତାହଲେ

$$\sum_j \lambda_{ij} = \frac{N_i}{N} \quad (\text{ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ})$$

ଏବଂ

$$Var(T) = \sum_i Var\left(\sum_j \lambda_{ij} x_{ij}\right)$$

$$= \sum_i \left\{ \sum_j \lambda_{ij}^2 Var(x_{ij}) + 2 \sum_{j < j'} \lambda_{ij} \lambda_{ij'} Cov(x_{ij}, x_{ij'}) \right\}$$

$$= \sum_i \left\{ \sum_j \lambda_{ij}^2 \sigma_i^2 - 2 \sum_{j < j'} \lambda_{ij} \lambda_{ij'} \frac{\sigma_i^2}{N_i - 1} \right\}$$

$$= \sum_i \left\{ \frac{N_i \sigma_i^2}{N_i - 1} \sum_j \lambda_{ij}^2 - \frac{\sum \sigma_i^2}{N_i - 1} \sum_{j < j'} \lambda_{ij} \lambda_{ij'} - \frac{\sigma_i^2}{N - 1} \sum_j \lambda_{ij}^2 \right\}$$

$$= \sum_i \left\{ S_i^2 \sum_j \lambda_{ij}^2 - \frac{\sigma_i^2}{N_i - 1} \left( \sum_j \lambda_{ij} \right)^2 \right\},$$

ଯେଥାନେ,

$$S_i^2 = \frac{1}{N_i - 1} \sum_{j=1}^{N_i} (X_{ij} - \mu_i)^2$$

$Var(T)$  ସର୍ବନିମ୍ନ ହ'ତେ ହ'ଲେ  $\sum_j \lambda_{ij}^2$  କେ ସର୍ବନିମ୍ନ ହ'ତେ ହବେ,

ଯେଥାନେ

$$\sum_j \lambda_{ij} = n_i \lambda_{io} = \frac{N_i}{N} \quad (\text{ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ})$$

$$\text{ସ୍ଵତରାଃ } \lambda_{ij} = \lambda_{io} = \frac{N_i}{N n_i}$$

$$\begin{aligned} \text{ଏବଂ } T &= \frac{1}{N} \sum N_i \cdot \frac{1}{n_i} \sum_j x_{ij} \\ &= \frac{1}{N} \sum N_i x_{io} \quad | \end{aligned} \quad (1.6)$$

ସ୍ଵତରାଃ  $T = \frac{1}{N} \sum N_i x_{io}$  ଇ ହ'ଲ ସର୍ବୋତ୍କୃତ ଧାଜୁରୈଥିକ ପଦ୍ଧତିହୀନ ଥାକ-କଳକ । ଏହି ଥାକ-କଳକେର ଭେଦମାନ ହ'ଲ

$$\begin{aligned} Var(T) &= \frac{1}{N^2} \sum N_i^2 V(x_{io}) \\ &= \frac{1}{N^2} \sum N_i^2 \cdot \frac{S_i^2}{n_i} \cdot \frac{N_i - n_i}{N_i} \\ &= \frac{1}{N^2} \sum N_i \cdot \frac{S_i^2}{n_i} \cdot (N_i - n_i) \quad | \end{aligned} \quad (1.7)$$

ତରବିନ୍ୟାସ ସମସ୍ତର ନମୁନା ସଂଗ୍ରହେ ଏକଟି ଅରାମ୍ଭୀ ସମସ୍ୟା ହ'ଲ କି ତାବେ ବିଭିନ୍ନ ତରାତର୍ଗତ ନମୁନାର ଆୟତନ ( $n_i$ ) ନିର୍ଣ୍ଣୟ କରା ହବେ । ସହଜତମ ଉପାୟ ହ'ଲ  $n_i$  କେ ତରାତର୍ଗତ ପୂର୍ଣ୍ଣକେର ଆୟତନେର ( $N_i$ ) ସମାନୁପାତେ ନିର୍ଣ୍ଣୟ କରା । ଅର୍ଥାତ୍

$$n_i \propto N_i$$

$$\text{ଅଥବା } \frac{n_1}{N_1} = \frac{n_2}{N_2} = \dots = \frac{n_k}{N_k} = \frac{n}{N}$$

$$\text{ଅଥବା } n_i = N_i \cdot \frac{n}{N} \quad | \quad (1.8)$$

ଲଙ୍ଘ କରା ଯେତେ ପାରେ ଏକେତେ ନମୁନା ଭଗ୍ନାଂଶ ଅର୍ଥାତ୍ ନମୁନାର ଆୟତନ ଓ ପୂର୍ଣ୍ଣକେର ଆୟତନେର ଭାଗକଳ ପ୍ରତିଟି ଭାଗରେ ଅନ୍ୟ ଓ ସମୟ ପୂର୍ଣ୍ଣକେର ଅନ୍ୟ ଏକଇ । ଏହି ପଦ୍ଧତିକେ ସମାନୁପାତ୍ତିକ ନମୁନା ବଣ୍ଟନ ବା ସମ ନମୁନା ଭଗ୍ନାଂଶ ପ୍ରଣାଲୀ ବଲା ହୁଯ । ଏକ Bowley'ର ନମୁନା ବଣ୍ଟନ ପଦ୍ଧତିଓ ବଲା ହୁଯ ।

ଅପର ବଣ୍ଟନ ପଦ୍ଧତି ହ'ଲ ଥର୍କୁଟ ନମୁନା ବଣ୍ଟନ । ଏକେତେ ଭେଦମାନ ଓ ଖରଚକେ ନିର୍ଣ୍ଣୟ ଯୋଗ୍ୟ ଚଲକ ସମୂହ  $n_1, n_2, \dots, n_k$  ଏର ଅପେକ୍ଷକ ହିସାବେ

প্রকাশ করতে হবে। তেমনি অপেক্ষক (1.7)তে দেখান হয়েছে। খরচকে  $n_1, n_2, \dots, n_k$ র একটি ঝজুরিক অপেক্ষক হিসেবে প্রকাশ করা হয়। যদি  $a_o$  উপরি খরচ ধরা যায় ও  $c_i$   $i$ -তম স্তরে অনপ্রতি খরচ ধরা যায় তাহলে খরচ ( $C$ ),  $n_1, n_2, \dots, n_k$  এর নিম্নলিখিত অপেক্ষক হবে:

$$C = a_o + c_1 n_1 + c_2 n_2 + \dots + c_k n_k \quad (1.9)$$

যদি সমীক্ষার খরচ  $C_o$  নির্দিষ্ট হয় তাহলে প্রকৃষ্ট নমুনা বণ্টনে  $n_1, n_2, \dots, n_k$  এমন ভাবে নির্ণীত হবে যাতে  $C = C_o$  সম্পর্ক স্থির রেখে  $V$  সর্বনিম্ন হয়। Lagrange এর অনিন্নীত গুণনীয়ক পদ্ধতি অনুসারে আশাদের  $C = C_o$  স্থির রেখে

$V + \lambda C$  কে সর্বনিম্ন করতে হবে। এখানে  $\lambda$  হ'ল অনিন্নীত গুণনীয়ক।

সমীকরণ সমূহ হ'ল

$$\left. \begin{aligned} \frac{\delta V}{\delta n_i} + \lambda \frac{\delta C}{\delta n_i} &= 0 \quad i=1,2,\dots,k \\ C &= C_o \end{aligned} \right\} \quad (1.10)$$

আশাদের ক্ষেত্রে সমীকরণ সমূহ হ'ল

$$\left. \begin{aligned} -\frac{1}{N^2} \cdot \frac{N_i^2 \cdot S_i^2}{n_i^2} + \lambda c_i &= 0 \\ C &= C_o \end{aligned} \right\} \quad (1.11)$$

$$\text{অথবা} \quad \left. \begin{aligned} n_i &\propto \frac{N_i \cdot S_i}{\sqrt{c_i}} \\ C &= C_o \end{aligned} \right\} \quad (1.12)$$

$$\text{যদি} \quad n_i = \lambda' \frac{N_i \cdot S_i}{\sqrt{c_i}} \text{ ধরা হয়,}$$

তাহ'লে  $C = C_o$  থেকে আমরা পাই

$$a_o + \lambda' \sum N_i S_i \sqrt{c_i} = C_o$$

$$\text{ଆଖିବା } \lambda' = \frac{C_o - a_o}{\sum N_i S_i \sqrt{c_i}} \quad | \quad (1.13)$$

যদি  $c_1=c_2=\dots=c_k$  ଥରା ହୁଏ, ତାହଲେ  $C=C_o$  ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ କରାଯାଉ ଅର୍ଥରେ  $\lambda'$   
 $n_1+n_2+\dots+n_k$  ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ କରାଯାଇଛି । ଏକେବେ ଯଦି  $n_1+n_2+\dots+n_k=n$   
ଥରା ହୁଏ,

$$\begin{aligned} n_i &\propto N_i S_i \\ \text{ଆଖିବା } n_i &= \lambda'' N_i S_i \quad | \quad (1.14) \\ n_1+n_2+\dots+n_k &= n \text{ ଥେବେ ଆମରା ପାଇ} \end{aligned}$$

$$\lambda'' = \frac{n}{\sum N_i S_i} \quad | \quad (1.15)$$

(1.14) ଓ (1.15) ଏ ସେ ନମୁନାବଣ୍ଟନ ଦେଖାନ ହ'ଲ ଏକେ J. Neyman ଏର  
ନାମାନୁଗୀରେ Neyman ଏର ପ୍ରକୃତ ନମୁନା ବଣ୍ଟନ ବଲା ହୁଏ ।

ଏହି ବିଷୟେ ଆମାଦେର କରେକାଟି ବିଷୟ ମନେ ରାଖିବାକୁ ହେବେ ।

(1) ଅଧିକାଂଶ ସମୀକ୍ଷାଯାଇ ଆମରା ଏକଇ ସଙ୍ଗେ ଏକାଧିକ ଚଳକ ସମ୍ପର୍କେ  
କୌତୁଳୀ ହୁଏ । ଯଦି ଏହି ଚଳକଗୁଲିର ମଧ୍ୟେ ଏକାଟି ସବଚେତ୍ରେ ଶୁରୁତ୍ତପୂର୍ବ  
ଚଳକ ଥାକେ ତବେଇ ସେଇ ଚଳକର ମାଧ୍ୟମେ ପ୍ରକୃତ ନମୁନା ବଣ୍ଟନ ନିର୍ଣ୍ଣୟ କରା  
ସମ୍ଭବ । ତା ନା ହ'ଲେ ଆମାଦେର ଶମାନୁପାତିକ ନମୁନା ବଣ୍ଟନ କରାତେ  
ହେବେ ।

(2) ପ୍ରକୃତ ନମୁନା ବଣ୍ଟନ କରାତେ ହ'ଲେ ଆମାଦେର ସେ ତଥ୍ୟଗୁଣି  
ପ୍ରୋଗ୍ରାମ ତା ହ'ଲେ ବିଭିନ୍ନ କ୍ଷରେ ଚଳକର ପ୍ରମାଣ ବିଚ୍ଛ୍ୱାତି  $S_1, S_2, \dots, S_k$  ଓ  
ବିଭିନ୍ନ କ୍ଷରେ ଅନନ୍ତତି ଖରଚ  $c_1, c_2, \dots, c_k$  । ଏହି ତଥ୍ୟଗୁଣି ଆଗେ ଥେବେ  
ଆନା ନା ଧାର୍କାଇ ସମ୍ଭବ । ତାହ'ଲେ ଆସିଲ ସମୀକ୍ଷାର ଆଗେ ଏକାଟି ପଥ-  
ନିର୍ଦ୍ଦେଶୀ ସମୀକ୍ଷାର ଆୟୋଜନ କରାତେ ହେବେ । ଏହି ସମୀକ୍ଷାଟି ଅବଶ୍ୟକ ଆସିଲ  
ସମୀକ୍ଷାର ତୁଳନାଯା ଅନେକ ଛୋଟ ହେବେ । କିନ୍ତୁ ଶମାନୁପାତିକ ନମୁନା ବଣ୍ଟନେ  
ଏହି ପଥନିର୍ଦ୍ଦେଶୀ ସମୀକ୍ଷାର ପ୍ରୋଗ୍ରାମ ହୁଇଲା । ପ୍ରକୃତ ନମୁନା ବଣ୍ଟନେ ଥ୍ରାକ-  
କଲକେର ଡେବାନ ବା ପ୍ରମାଣ ଭାସ୍ତି ଅପେକ୍ଷାକୃତ କମ ହେଲେଓ, ପ୍ରୋଗ୍ରାମିଯ  
ପଥନିର୍ଦ୍ଦେଶୀ ସମୀକ୍ଷା ଗ୍ରହଣ କରିବାକୁ ପାଇଲା । ଏହି ପ୍ରକୃତ ନମୁନା ବଣ୍ଟନ ଶ୍ରେଷ୍ଠ କିନା ଭାବରେ  
ହେବେ । କାରଣ ପଥନିର୍ଦ୍ଦେଶୀ ସମୀକ୍ଷାଯାଇ ସେ ବାଢ଼ାତି ଖରଚ ହେବେ ତା ଶମାନୁପାତିକ  
ନମୁନା ବଣ୍ଟନେ ବୃଦ୍ଧତାର ନମୁନା ଗ୍ରହଣ କରି ଥ୍ରାକ-କଲକ୍କାଟି ଅଧିକତର ଅନ୍ତର୍ଭାବ  
କରା ବେତେ ପାରେ ।

**উদাহরণ 1.3** নিম্নে উকৃত সারণীটিতে গাজিয়াবাদ সার্ভিসসের 340টি থামের পূর্ণসমীক্ষার সংক্ষিপ্ত বিবরণ রয়েছে। থামগুলিকে তাদের আয়তন অনুযায়ী 4টি স্তরে বিন্যস্ত রয়েছে। বিভিন্ন স্তরের থামসংখ্যা ( $N_i$ ), গমের অধির আয়তনের গড় ( $\bar{y}_i$ ), গমের অধির আয়তনের সমক পার্দক্য ( $S_i$ ) দেওয়া আছে। 34টি থামের নমুনার সাহায্যে গমের মোট অধির আয়তনের প্রাক-কলকের ভেদমান নির্ণয় কর বাধি নমুনাটি (1) স্তরবিহীন সমস্তর হয়, (2) স্তরবিন্যস্ত সমস্তর, সমানুপাতিক নমুনা বণ্টন পদ্ধতিতে গৃহীত হয় ও (3) স্তরবিন্যস্ত সমস্তর, প্রকৃষ্ট নমুনা বণ্টন পদ্ধতিতে গৃহীত হয়।

স্তর সংখ্যা	থামের আয়তন (বিচা)	$N_i$	$\bar{y}_i$	$S_i$
1	0—500	63	112·1	56·3
2,	501—1500	199	276·7	116·4
3	1501—2500	53	558·1	186·0
4	2501 ও তদুর্ক	25	960·1	361·3

$$\text{এক্ষেত্রে, } \bar{y} = \frac{\sum N_i \bar{y}_i}{N} = 340·3$$

$$S^2 = \frac{\sum (N_i - 1) S_i^2 + \sum N_i (\bar{y}_i - \bar{y})^2}{N - 1}$$

$$= \frac{23,527,043·02}{339} = 69,401·31 \text{ !!}$$

সরল সমস্তর নমুনা পদ্ধতিতে মোট আয়তনের ভেদমান,

$$V_1 = N^2 \times \frac{S^2}{n} \times \frac{N-n}{N}$$

$$= 340 \times \frac{69,401.31}{34} \times (340 - 34)$$

$$= 212,368,008.6 \text{ } |$$

ସମ୍ବନ୍ଧପାତିକ ନୟନା ବଣ୍ଟନ ପକ୍ଷତିତେ ଗୁହୀତ ଭରବିନ୍ୟଷ୍ଟ ସମସ୍ତର ନୟନାଙ୍କ ଡେବାନ,

$$V_2 = \sum_{i=1}^k N_i^2 \cdot \frac{S_i^2}{n_i} \cdot \frac{N_i - n_i}{N_i}$$

$$= \sum_{i=1}^k N_i \cdot f \cdot S_i^2 \cdot \left( 1 - \frac{1}{f} \right) \quad \text{ଏଥାଣେ} \quad \frac{n_i}{N_i} = \frac{1}{f}$$

$i=1, 2..k$  ଏର ଅଳ୍ପେ

$$= (f-1) \sum_{i=1}^k N_i \cdot S_i^2 \text{ } |$$

$$\text{ଏକେତେ} \quad f = \frac{340}{34} = 10 \text{ } |$$

ମୂଲ୍ୟାଂ,

$$\begin{aligned} V_2 &= 9 \times \sum N_i \cdot S_i^2 \\ &= 9 \times 7,992,963.76 \\ &= 71,936,673.84 \end{aligned}$$

ପ୍ରକୃଷ୍ଟ ନୟନା ବଣ୍ଟନ ପକ୍ଷତିତେ ନୟନାସଂଖ୍ୟାଙ୍କରି ହବେ—

$$\frac{n_1}{N_1 S_1} = \frac{n_2}{N_2 S_2} = \frac{n_3}{N_3 S_3} = \frac{n_4}{N_4 S_4} = \frac{1}{\sum N_i S_i}$$

$$\text{ମୂଲ୍ୟାଂ}, \quad n_1 = \frac{34 \times N_1 S_1}{\sum N_i S_i} = \frac{3,546.9 \times 34}{45,601.1} = 2.64 \approx 3,$$

$$\begin{aligned} \text{ଅନୁକ୍ରମଭାବେ}, \quad n_2 &= 17.27 \approx 17, \\ n_3 &= 7.35 \approx 7 \\ \text{ଓ} \quad n_4 &= 6.73 \approx 7 \text{ } | \end{aligned}$$

$$\text{তাহ'লে, } V_s = \sum_{i=1}^h N_i^2 \cdot \frac{S_i^2}{n_i} \cdot \frac{N_i - n_i}{N_i}$$

$$= \sum_{i=1}^h \frac{S_i^2}{n_i} \cdot N_i (N_i - n_i)$$

$$53,300,553.82।$$

### 1.11 বহুবিভাগী নমুনা সংগ্রহ

বহুবিভাগী নমুনাসংগ্রহ পদ্ধতিতে সর্বশেষ নমুনা এককটি কতগুলি বিভাগের মধ্য দিয়ে পাওয়া যায়। প্রথমতঃ নমুনা-গ্রহণযোগ্য বস্তুটিকে কতগুলি প্রথম বিভাগীয় নমুনা এককে ভাগ করা হয়। দ্বিতীয়তঃ প্রতিটি প্রথম বিভাগীয় নমুনা একককে আবার কতগুলি দ্বিতীয় বিভাগীয় নমুনা এককে ভাগ করতে হবে। এইভাবে ভাগ করে যেতে হবে যতক্ষণ সর্বশেষ নমুনা এককটি না পাওয়া যায়। সর্বশেষ নমুনা একক থেকে আবাদের তথ্য আহরণ করতে হবে।

নমুনাসংগ্রহ পদ্ধতিও অনুকূপ বিভিন্ন বিভাগে বিন্যস্ত হবে। প্রথমতঃ প্রথম বিভাগীয় নমুনা এককের সমগ্রক থেকে উপযুক্ত পদ্ধতিতে নমুনা সংগ্রহ করতে হবে। দ্বিতীয়তঃ প্রতিটি নির্বাচিত প্রথম বিভাগীয় নমুনা একক থেকে কতগুলি দ্বিতীয় বিভাগীয় নমুনা এককের নমুনাসংগ্রহ করতে হবে কোন উপযুক্ত পদ্ধতিতে। এইভাবে নমুনা সংগ্রহ করে যেতে হবে যতক্ষণ না আমরা সর্বশেষ নমুনা এককের একটি নমুনা পাই।

উদাহরণ স্বরূপ, কোন সামাজিক অর্থনৈতিক সমীক্ষায় যদি সমগ্র গ্রামীণ পশ্চিমবঙ্গ থেকে কতগুলি পরিবারের নমুনাসংগ্রহ করতে হয়, তাহ'লে প্রথমতঃ সমগ্র পশ্চিমবঙ্গকে কতগুলি গ্রামে (প্রথম বিভাগীয় নমুনা একক) ভাগ করতে হবে। প্রথম বিভাগীয় নমুনা ঢাকনে আমরা কতগুলি গ্রাম নির্বাচিত করব কোন উপযুক্ত পদ্ধতিতে। তারপর প্রতিটি নির্বাচিত গ্রাম থেকে কতগুলি পরিবারের নমুনা সংগ্রহ করব কোন উপযুক্ত পদ্ধতিতে। কোন শস্য উৎপাদন সমীক্ষায়, গ্রামের পরে একটি শস্যক্ষেত্র

ଓ ଏକଟି ବୃତ୍ତାକାର ବା ଆରତାକାର କ୍ଷେତ୍ରାଂଶ ହିତୀର ଓ ତୃତୀୟ ବିଭାଗୀୟ ନୟନା ଏକକ ହବେ ।

ଏକ ବିଭାଗୀ ନୟନାସଂଗ୍ରହ ଥେକେ ଏହି ପଦ୍ଧତିଟିର କତଞ୍ଚଲି ବ୍ୟବହାରିକ ସ୍ଵବିଧା ରଖେଛେ । ପଦ୍ଧତିଟିର ପ୍ରମୋଗସୀମା ଖୁବଇ ବିକୃତ । ନୟନାସଂଗ୍ରହ କାଳେ ହିତୀଯ ବିଭାଗୀୟ ନୟନା ଏକକେର ପୂର୍ଣ୍ଣ ତାଲିକା ପ୍ରଯୋଜନ ଶୁଦ୍ଧ ନିର୍ବାଚିତ ପ୍ରଥମ ବିଭାଗୀୟ ନୟନା ଏକକ ଗୁଲିର ଜନ୍ୟ । ଉପରୋକ୍ତ ଉଦ୍‌ଦେଶ୍ୟରେ ପରିବାର ତାଲିକା ପ୍ରଯୋଜନ ଶୁଦ୍ଧ ନିର୍ବାଚିତ ଗ୍ରାମଗୁଲିର ଜନ୍ୟ । ସମ୍ପଦ ପଶ୍ଚିମବଦ୍ରେର ଜନ୍ୟ ପରିବାର ତାଲିକା ପ୍ରଣୟନ ପ୍ରାୟ ଦୁଃସାଧ୍ୟ କାଜ, ବ୍ୟାସବଜ୍ଲାଓ ବଟେ—କିନ୍ତୁ ନିର୍ବାଚିତ ଗ୍ରାମଗୁଲିର ଜନ୍ୟ ପରିବାର ତାଲିକା ପ୍ରଣୟନ ମୋଟେଇ ସମସ୍ଯାପେକ୍ଷ ବା ବ୍ୟାସବଜ୍ଲାଓ କାଜ ନାହିଁ । ସେବ ସମ୍ପଦକେ ଦୁରଧିଗମ୍ୟ ହାନି ରଖେଛେ, ସେଥାନେ ବହୁ-ବିଭାଗୀ ନୟନାସଂଗ୍ରହ ବିଶେଷ ସ୍ଵବିଧାଜନକ ।

କିନ୍ତୁ ସାଧାରଣଭାବେ ବଲା ଯାଇ ଯେ ଏକବିଭାଗୀ ନୟନାସଂଗ୍ରହ ପଦ୍ଧତି ଥେକେ ବହୁ-ବିଭାଗୀ ପଦ୍ଧତି ଅମ୍ବନ୍ୟୁତାର ଦିକ ଦିଯେ ନିକୃଷ୍ଟ ।

### 1.12 ନିୟମାନୁଗ ନୟନାସଂଗ୍ରହ

ନୟନା ଏକକେର କ୍ରମିକ ସଂଖ୍ୟାନୁସାରେ ଶାଖାନୋ ତାଲିକା ଥେକେ ନୟନା-ସଂଗ୍ରହେର ଏକାଟି ସହଜ ଉପାୟ ହଚ୍ଛେ ନିୟମାନୁଗ ନୟନାସଂଗ୍ରହ ପଦ୍ଧତି । ଧରା ଯାକ ସମ୍ପଦକେର ନୟନା ଏକକ ସଂଖ୍ୟା  $N$  ଓ ନୟନାର ସଂଖ୍ୟା  $n$  ଓ  $\frac{n}{N} = \frac{1}{k}$ ,  $k$  ଏକାଟି ଅଳ୍ପ ସଂଖ୍ୟା । ନିୟମାନୁଗ ନୟନାସଂଗ୍ରହ ପଦ୍ଧତିତେ ତାଲିକାର ପ୍ରଥମ  $k$ -ଟି ନୟନା ଏକକ ଥେକେ ଯେ କୋଣ ଏକଟି ସମ୍ପଦଙ୍କ ପଦ୍ଧତିତେ ନିର୍ବାଚନ କରାତେ ହବେ । ତାରପର ଥେକେ ପରପର  $k$ -ତମ ନୟନା ଏକକ ସଂଗ୍ରହ କରେ ଯେତେ ହବେ ଯତକ୍ଷଣ ନା ତାଲିକାଟି ଶେଷ ହଯ । ଏହି ପଦ୍ଧତିଟି ବିଶେ ନୟନାସଂଗ୍ରହ ବଲା ଯାଇ, କାରଣ ଇହା ଅଂଶତଃ ସନ୍ତାବନାଶ୍ୟାରୀ ( ପ୍ରଥମ ନୟନା ଏକାଟି ନିର୍ବାଚନେର କ୍ଷେତ୍ରେ ) ଓ ଅଂଶତଃ ସନ୍ତାବନା-ନିରପେକ୍ଷ । ଅପରପରକେ ଆମରା 1 ଥେକେ  $N$  କ୍ରମିକ ସଂଖ୍ୟାର ଯେ କୋଣ ଏକଟି ନୟନା ଏକକ ସମ୍ପଦଙ୍କ ପଦ୍ଧତିତେ ନିର୍ବାଚନ କରେ ତାରପର ଥେକେ ପ୍ରତି  $k$ -ତମ କ୍ରମିକ ସଂଖ୍ୟାର ନୟନା ଏକକ ନିର୍ବାଚନ କରେ ଯାବ ବୃତ୍ତାକାରେ, ଯତକ୍ଷଣ ନା ପୁରୋ ତାଲିକାଟି ଶେଷ ହଯ । ପଦ୍ଧତିଟି ବଲା ଯାଇ ବୃତ୍ତାକାର ନିୟମାନୁଗ ନୟନାସଂଗ୍ରହ ।

ପଦ୍ଧତିଟି ସନ୍ତାବନାଶ୍ୟାରୀ ପଦ୍ଧତିଗୁଲିର ଚେଲେ ସହଜତର ଓ ଅତତର—ଯେ କୋଣ ସାଧାରଣ କେବାନୀଇ ଏହି ପଦ୍ଧତିତେ ନୟନା ଚରନ କରାତେ ପାରବେ ।

ক্রমিকসংখ্যার সাথে চলকমানের যদি কোন সম্পর্ক বা সহগতি না থাকে, তাহলে এই পদ্ধতি সমস্তৰ নমুনাসংগ্রহের সমান অবশূন্যতা দাবী করতে পারে। পদ্ধতিতে আবরা কার্যতঃ সমগ্রককে  $k$ টি ভরে ভাগ করি। প্রতিটি ভরে পর পর  $k$ টি ক্রমিক সংখ্যার নমুনা একক রয়েছে। নমুনা নির্বাচন কালে আবরা প্রতিটি ভর থেকে একটি করে নমুনা একক নির্বাচন করছি নিয়মানুগ পদ্ধতিতে। ফলে পদ্ধতিটির অবশূন্যতা স্ববিন্যস্ত সমস্তৰ নমুনাসংগ্রহ পদ্ধতির (প্রতি ভর থেকে  $1$ টি নমুনা একক) প্রায় কাছাকাছি। যদি আস্তঃভর ভেদশীলতা থাই  $O$  হয়, তাহলে পদ্ধতিটির অবশূন্যতা সরল সমস্তৰ পদ্ধতির অনুরূপ হবে।

পদ্ধতিটির নমুনাধারি নমুনা থেকে প্রাক-কলন করা সত্ত্ব নয়। কিন্তু যদি সমগ্রকটি জানা থাকে তাহলে পদ্ধতিটির নমুনাধারির সুত্র লেখা যাব। এই পদ্ধতিতে মোট  $k$ টি নমুনা সন্তুষ্ট, যেহেতু প্রাথমিক নমুনা একক  $1, 2, \dots$  বা  $k$  হতে পারে। যদি সমগ্রকের গড়ের প্রাক-কলক প্রেতে চাই ও  $x_{10}, x_{20}, \dots, x_{k0}$ ,  $k$ টি সন্তাব্য নমুনার গড় হয় ও  $x_{00}$  এই গড়গুলির গড় হয় তাহলে নমুনার ধারি হবে  $\frac{1}{k} \sum (x_{i0} - x_{00})^2$ ।

পূর্ণ ত্বালিকায় ক্রমিক সংখ্যার সাথে চলকমান বসিয়ে যে লেখচিত্র হবে তাতে যদি ঝজুরৈখিক গতিধারা থাকে, তাহলে অবশূন্যতার দিক দিয়ে পদ্ধতিটি সরল সমস্তৰ পদ্ধতির চাইতে ভাল হবে। আবার লেখচিত্রে যদি পর্যাবৃত্তি থাকে ও আবর্তকাল যদি  $k$  বা  $k$ র শুণিতক হয়, তাহলে গড়ের প্রাক-কলক পক্ষপাতদুষ্ট হতে পারে। পক্ষপাত ধনাখৃক বা ধীরাখৃক দুইই সন্তুষ্ট।

অনুরূপভাবে যদি নমুনা একক সময় বা স্থান অনুযায়ী অবিচ্ছিন্ন ভাবে সাজান থাকে তাহলে সময় বা স্থান অনুযায়ী সমান অস্তরে নমুনা একক নির্বাচন করে নিয়মানুগ নমুনা সংগ্রহ করা যেতে পারে। বন সরীকাকালে অনেক সময় কতকগুলি লম্বালম্বি ঝজুরৈখিক খণ্ডে (strip) ভাগ করে, খণ্ডগুলির নিয়মানুগ নমুনা নিয়ে সরীকা চালানো হয়। একে অনেক সময় ঝজুরৈখিক নমুনা সংগ্রহ (Line sampling) বলা হয়।

### 1.13 বহুগব্রাহ্মী অঙ্গুলী সংগ্রহ

অনেকক্ষেত্রে দেখা যায় নমুনা থেকে যে সব তথ্য আহরণ করতে হবে তার সবগুলি সমান গুরুত্বপূর্ণ নয় অথবা তথ্য আহরণ ব্যয় অসমান।

ଏସବ କେତେ ବହପର୍ଯ୍ୟାୟୀ ନୟନା ସଂଗ୍ରହ ପଦ୍ଧତି ବ୍ୟବହାର କରା ଯାଇ । ପ୍ରଥମ ପର୍ଯ୍ୟାୟେ ଆମରା ଏକଟି ନୟନା ନିର୍ବାଚନ କରେ କତଞ୍ଚଲି ତଥ୍ୟ ଆହରଣ କରିଲାମ ଯେଉଁଲି କଥ ବ୍ୟାପାର୍ଥ୍ୟ, ସହଜତର ଅଧିବା ବେଶୀ ଗୁରୁତ୍ବପୂର୍ଣ୍ଣ । ହିତୀଯ ପର୍ଯ୍ୟାୟେ ପ୍ରଥମ ପର୍ଯ୍ୟାୟେ ନିର୍ବାଚିତ ନୟନାର ଏକଟି ଅଂଶ ନିର୍ବାଚିତ କରେ ଅନ୍ୟ କତଞ୍ଚଲି ତଥ୍ୟ ଆହରଣ କରା ହ'ଲ । ଏକେ ହିପର୍ଯ୍ୟାୟୀ ନୟନାସଂଗ୍ରହ ବଳେ । ପର୍ଯ୍ୟାୟଃଖ୍ୟା ପ୍ରମୋଦନ୍ୟତ ବାଡ଼ାନ ଯେତେ ପାରେ । କୋନ କୋନ କେତେ ପ୍ରଥମ ପର୍ଯ୍ୟାୟେ ସଂଗ୍ରହୀତ ତଥ୍ୟ ହିତୀଯ ପର୍ଯ୍ୟାୟେ ନୟନାସଂଗ୍ରହର କାଜେ ଲାଗାନ ଯେତେ ପାରେ । ହୁଥା, ଏଇ ତଥ୍ୟ ତ୍ରିଭିନ୍ନଯୀରେ କାଜେ ଲାଗିତେ ପାରେ ।

ଧରା ଯାକ, ଆମରା କଲକାତାର ମଧ୍ୟବିଭିନ୍ନ ପରିବାରଙ୍ଗଲିତେ ଏକଟି ପାରିବାରିକ ଆୟନ୍-ବ୍ୟକ୍ତି ସମୀକ୍ଷାର କାଜ ଚାଲାତେ ଚାଇ । ଏକେତେ ପ୍ରଥମ ପର୍ଯ୍ୟାୟେ ଏକଟି ଅପେକ୍ଷାକୃତ ବଡ଼ ନୟନାଯ ଆମରା ପରିବାରଙ୍ଗଲିକେ ମଧ୍ୟବିଭିନ୍ନ-ଅମଧ୍ୟବିଭିନ୍ନ ଭାଗେ ଭାଗ କରିବ । ହିତୀଯ ପର୍ଯ୍ୟାୟେ ମଧ୍ୟବିଭିନ୍ନ ପରିବାରଙ୍ଗଲି ଥେକେ ଏକଟି ନୟନା ନିଯେ ଆୟନ୍-ବ୍ୟକ୍ତି ସମୀକ୍ଷା କାଜ ଚାଲାବ । ଆବାର ସଦି କୋନ କାରଖାନା ଏଲାକାଯ ଟି.ବି. ରୋଗାକ୍ରାନ୍ତଦେର ସଂଖ୍ୟା ନିର୍ଧାରଣ କରତେ ହୁଯ, ପ୍ରଥମ ପର୍ଯ୍ୟାୟେ ଏକଟି ବଡ଼ ନୟନା ନିଯେ ସାଧାରଣ ଡାଙ୍କାରୀ ପରିକ୍ଷାର ସାହାଯ୍ୟ ତାଦେର ଦୁଟି ତୁରେ ଭାଗ କରତେ ହବେ—ଟି. ବି. ସନ୍ଦେହ୍ୟୁକ୍ତ ଓ ଟି. ବି. ସନ୍ଦେହ୍ସୁନ୍ତ । ହିତୀଯ ପର୍ଯ୍ୟାୟେ ଏଇ ଦୁଟି ତୁର ଥେକେଇ ଦୁଟି ନୟନା ନିଯେ ଏଙ୍ଗ-ରେ ପରିକ୍ଷା କରେ ଟି. ବି. ରୋଗାକ୍ରାନ୍ତ କିନା ହିସର କରତେ ହବେ । ପ୍ରଥମ ପର୍ଯ୍ୟାୟେ ଦୁଟି ତୁରେ ସଦି  $m_1$  ଓ  $m_2$  ସଂଖ୍ୟକ ଲୋକ ଥାକେ ଓ ହିତୀଯ ପର୍ଯ୍ୟାୟେ ପ୍ରଥମ ତୁର ଥେକେ  $n_1$  ଅନେର ନୟନାଯ  $x_1$  ଅନ ଟି. ବି. ରୋଗାକ୍ରାନ୍ତ ହୁଯ ଓ ହିତୀଯ ତୁର ଥେକେ  $n_2$  ଅନେର ନୟନାଯ  $x_2$  ଅନ ଟି. ବି. ରୋଗାକ୍ରାନ୍ତ ହୁଯ, ତାହଲେ ଟି. ବି. ରୋଗାକ୍ରାନ୍ତଦେର ଅନୁପାତେର ( $P$ ) ପ୍ରାକ-କଲକ ହବେ

$$P = \frac{m_1 x_1}{n_1} + \frac{m_2 \cdot x_2}{n_2} / m_1 + m_2$$

ବହ ବିଭାଗୀ ଓ ବହପର୍ଯ୍ୟାୟୀ ନୟନାସଂଗ୍ରହର ପାର୍ଦକ୍ୟ ହ'ଲ ଏହି ଯେ, ପ୍ରଥମ କେତେ ବିଭିନ୍ନ ବିଭାଗେ ନୟନା ଏକକ ଆଲାଦା ଓ କ୍ରମଶଃ ଛୋଟ ଥେକେ ଆରଓ ଛୋଟ ହୁଯେ ଯାଚେ ଓ ହିତୀଯ କେତେ ବିଭିନ୍ନ ପର୍ଯ୍ୟାୟେ ନୟନା ଏକକ ଏକଟି ଏକଟି

### 1.14 ହିୟୁଣ୍ଣ ନୟନା ସଂଗ୍ରହ

ଅନେକ କେତେ ଦେଖା ଦାର ସମଗ୍ରିକେର ଯେ ଚଲକ ସମ୍ପର୍କେ ଆମରା ଆଗ୍ରହୀ (y) ଲେ ସମ୍ପର୍କେ ତଥ୍ୟ ଆହରଣ ବ୍ୟବହଳ, କଟ୍ଟାଧ୍ୟ ବା ସମୟ ସାପେକ୍ଷ । କେତେକେତେ ଅନ୍ୟ ଏକଟି ସହଗତି-ସମ୍ପର୍କ ଚଲକ (x) ପାଓମା ଯେତେ ପାଇଁ

বেটি কর ব্যয়-সাপেক্ষ, কর কষ্টসাধ্য বা কর সময়-সাপেক্ষ। যেখন, শুক পাটের ঔপন্থের উৎপাদন ( $y$ ) সম্পর্কে সমীক্ষায়, আমরা সাহায্যকারী চলক হিসাবে সবুজ পাটগাছের উৎপাদন ( $x$ ) নিতে পারি। এক্ষেত্রে নমুনাসংগ্রহ হবে দ্বিমুখী।

প্রথম নমুনাটি হবে অপেক্ষাকৃত ছোট, যাতে প্রতিটি নির্বাচিত নমুনা এককগুলি সম্পর্কে  $x$  ও  $y$  উভয় চলকের তথ্য আহরণ করতে হবে। দ্বিতীয় নমুনাটি হবে অপেক্ষাকৃত বড়, যাতে নির্বাচিত নমুনা এককগুলি সম্পর্কে শুধু  $x$  এর তথ্য আহরণ করতে হবে।

প্রথম নমুনাটি ব্যবহৃত হবে  $x$  ও  $y$ ’র তিতে একটি সমৃদ্ধ নির্ণয়ের জন্য। সম্পর্কটি আনুপাতিক (ratio) বা সরল নির্ভরণ (linear regression) হতে পারে।

দ্বিতীয় নমুনাটি ব্যবহৃত হবে  $x$  এর সমগ্রক-গড় ( $\mu_x$ ) প্রাক-কলনের জন্য।

দ্বিতীয় নমুনালক  $\mu_x$  এর প্রাক-কলিত যান প্রথম নমুনালক সম্পর্কের মধ্যে বসিয়ে  $y$  এর সমগ্রক-গড় প্রাক-কলন করা হয়। আনুপাতিক সম্পর্ক ধরা হলে প্রাক-কলককে বলা হয় অনপাতলক প্রাক-কলক (ratio estimate)। সরল নির্ভরণ সম্পর্ক ধরা হ’লে প্রাক-কলককে বলা হয় নির্ভরণলক প্রাক-কলক (regression estimate)।

যদি কোন পূর্ব পূর্ণসমীক্ষা থেকে  $\mu_x$  এর যান প্রথম নমুনালক সম্পর্কের মধ্যে বসিয়ে  $y$  এর সমগ্রক-গড় প্রাক-কলন করা হয়। আনুপাতিক সম্পর্ক ধরা হলে প্রাক-কলককে বলা হয় অনপাতলক প্রাক-কলক (ratio estimate)। সরল নির্ভরণ সম্পর্ক ধরা হ’লে প্রাক-কলককে বলা হয় নির্ভরণলক প্রাক-কলক (regression estimate)।

### 1.15 জাতীয় নমুনা সমীক্ষা (National Sample Survey)

এই আলোচনা অসম্পূর্ণ থেকে যাবে যদি আমরা আমাদের জাতীয় নমুনা সমীক্ষা সম্পর্কে কিছু না বলি। 1950 সালে স্বীকৃত অধ্যাপক প্রশাস্তচন্দ্র মহলানবীশের পরামর্শে ভারত সরকার জাতীয় নমুনা সমীক্ষা পর্যবেক্ষণ সংস্থা গঠন করেন। এর উদ্দেশ্য প্রতিবছর বা বছরে একাধিকবার সমীক্ষাকার্য চালিয়ে সামাজিক, অর্থনৈতিক বা কৃষি সংক্রান্ত তথ্য আহরণ করা, যাতে সে তথ্য পরিকল্পনা করিশনের পরিকল্পনার কাজে বা গবেষণার কাজে লাগান যায়।

জাতীয় নমুনা সমীক্ষার নমুনা পরিকল্পন অবশ্য যাবে যাবে পরিবর্তিত

ହସେହେ । ତବେ ସାଧାରଣ ତାବେ ବଳା ବାର ସେ ପରିକଲ୍ପନାଟି ହ'ଲ ତୁର-  
ବିନ୍ୟାସ ହି-ବିଭାଗୀ । ଭୌଗୋଲିକ ଭିଭିତ୍ତିରେ ସମ୍ପଦକରେ ତୁରବିନ୍ୟାସ କରା  
ହସ । ତାରପରେ ଥତିଟି ତୁରେ ଏକଟି ହି-ବିଭାଗୀ ନମୁନା ଲେଉୟା ହସ ।  
ଥିଥିମ ବିଭାଗୀଟି ହ'ଲ ଥାମ । ହିତୀଯ ବିଭାଗୀଟି ହ'ଲ ସାମାଜିକ ଅର୍ଥନୈତିକ  
ସମୀକ୍ଷାକ୍ଷେତ୍ରେ ପରିବାର ଓ କୃଷି ଭବି ପରିମାପ (area) ସଂକ୍ରାନ୍ତ ସମୀକ୍ଷାଯ୍ୟ  
ଶଳ୍ୟ କ୍ଷେତ୍ରଙ୍ଗେ (cluster of plots) । କୃଷି ଉତ୍ପାଦନ ସଂକ୍ରାନ୍ତ ସମୀକ୍ଷାଯ୍ୟ  
(Yield surveys) ଶଯ୍ୟକ୍ଷେତ୍ର ଓ ଶଯ୍ୟକ୍ଷେତ୍ରାନ୍ତରେ ବୃଦ୍ଧାକାର ଅର୍ଥ ତୃତୀୟ  
ଓ ଚତୁର୍ଥ ବିଭାଗୀୟ ନମୁନା ଏକକ ।

ଭାରୀଯ ନମୁନା ସମୀକ୍ଷାଯ୍ୟ ପରମ୍ପରାଭେଦୀ ଖଣ୍ଡ ନମୁନାର (interpenetrating subsample) ବ୍ୟବହାର କରା ହସ । ଦୁଇ ବା ତତୋଧିକ ନମୁନା ଥେକେ  
ଅନପେକ୍ଷ ପ୍ରାକ-କଳକ ନିର୍ଣ୍ୟ କରେ, ତାର ଥେକେ ପ୍ରାକ-କଳକର ଅମ୍ବୁନ୍ୟତାର  
ପରିମାପ କରା ହସ ।

### ଅନୁଶୀଳନୀ

- 1.1 ନମୁନା ସମୀକ୍ଷାର ମୂଳନୀତିଗୁଲି ବର୍ଣ୍ଣନା କର ।
- 1.2 ପୂର୍ଣ୍ଣ ସମୀକ୍ଷାର ତୁଳନାର ନମୁନା ସମୀକ୍ଷାର ସୁରିଧାସମ୍ମହ ଉଦ୍ଦାହରଣେର  
ମାହାଯେ ବର୍ଣ୍ଣନା କର ।
- 1.3 ଏକଟି ନମୁନା ସମୀକ୍ଷା ସଂଗ୍ରଠନ କରାତେ ହଲେ ସେ ସବ କାର୍ଯ୍ୟକ୍ରମ  
ଥିଲେବନ ଉଦ୍ଦାହରଣଶହ ଆଲୋଚନା କର ।
- 1.4 ନମୁନାସମ୍ପର୍କେ ବ୍ୟବହାର ନିୟମିତ ବିଷୟଗୁଲିର ସଂଜ୍ଞା ନିଜପଣ  
କର :

(କ) ପୂର୍ଣ୍ଣକ, (ଖ) ନମୁନା ଏକକ, (ଗ) ବିବରଣିଗୁପ୍ତି, (ଘ) ପୂର୍ଣ୍ଣ  
ତାଲିକା, (ଙ) ନମୁନା ପରିକଳ୍ପନା ।

1.5 ନିୟମିତ କ୍ଷେତ୍ରେ କୌ ଧରଣେର ନମୁନା ପରିକଳ୍ପନା ଯୁକ୍ତିଯୁଭ  
କାର୍ଯ୍ୟଶହ ବର୍ଣ୍ଣନା କର :

(କ) କୋନ ଶିଳ୍ପନଗରୀତେ ପାରିବାରିକ ଆଯ-ବ୍ୟକ୍ତ ସମୀକ୍ଷା ।

(ଖ) କଲିକାତା ଶହରେ ଶିକ୍ଷିତ ଯୁବକଦେର ମଧ୍ୟେ ବେକାରା  
ଶମ୍ପର୍କେ ସମୀକ୍ଷା ।

(ଗ) ପଞ୍ଚମବଜେ ଉଚ୍ଚ ବାଧ୍ୟବିକ ବିଦ୍ୟାଲୟ ସବୁହେ ପଠନ ପାଠନ  
ଶମ୍ପର୍କେ ସମୀକ୍ଷା ।

(ଘ) ପଞ୍ଚମବଜେ ଚାଲେର ମୋଟ ଉତ୍ପାଦନ ଶମ୍ପକିତ ସମୀକ୍ଷା ।

(ଙ) କୋନ ଫ୍ଯାଟରୀ ଏଲାକାଯେ ସମ୍ମାନୋଗେର ଥିବାପ ଶମ୍ପର୍କେ  
ସମୀକ୍ଷା ।

1.6 ନିମ୍ନଲିଖିତ କେତେ କୌ ସରଗେର ପକ୍ଷପାତ ଥାକା ସମ୍ଭବ ଆଲୋଚନା କର :

(କ) କୋଣ ସାମାଜିକ ଅର୍ଥନୈତିକ ସମୀକ୍ଷାର ସାମାଜିକାରେ ସାହାର୍ୟେ ସଂଘର୍ଷିତ ବୟସ ଓ ଆମ-ବ୍ୟସ ସମ୍ପର୍କିତ ତଥ୍ୟ ।

(ଖ) ଫ୍ୟାଞ୍ଚି-ନୟୁନ ପ୍ରଦତ୍ତ ଉତ୍ପାଦନ ସମ୍ପର୍କିତ ତଥ୍ୟ ।

(ଗ) ନିର୍ବାଚିତ ବୃତ୍ତାକାର କ୍ଷେତ୍ରନୟୁନ ଥେକେ ସମୀକ୍ଷାର ସାହାର୍ୟେ କୋଣ ଶଶ୍ୟେର ହେଟ୍ର ପ୍ରତି ଫଳ ନିର୍ଣ୍ୟ ।

1.7 ଏକାଟି ସରଳ ସମସ୍ତବ ନୟୁନା ( ପୁନଃଛାପନଗତ ଓ ପୁନଃଛାପନା-ବିହୀନ ) ଥେକେ ପୂର୍ଣ୍ଣ-ଗଡ଼େର ସର୍ବୋତ୍କୃତ ପକ୍ଷପାତହୀନ ଝଞ୍ଜୁରେଖିକ ପ୍ରାକ-କଳକ ନିର୍ଣ୍ୟ କର । ଏହି ପ୍ରାକ-କଳକଞ୍ଜଳିର ତେଦେଖାନ ନିର୍ଣ୍ୟ କର ।

1.8 ଏକାଟି ଉତ୍ତରବିନ୍ୟାନ୍ତ ସମସ୍ତବ ନୟୁନାଯ ପୂର୍ଣ୍ଣ-ଗଡ଼େର ସର୍ବୋତ୍କୃତ ପକ୍ଷପାତହୀନ ଝଞ୍ଜୁରେଖିକ ପ୍ରାକ-କଳକ ଓ ତାର ତେଦେଖାନ ନିର୍ଣ୍ୟ କର । Neyman ଏର ପ୍ରକୃତ ନୟୁନା ବଣ୍ଟନସ୍ତ୍ରୀ ନିର୍ଣ୍ୟ କର । ବିଭିନ୍ନ କ୍ଷେତ୍ରରେ ସମ୍ଭବ ଏକକଥିତ ସରଚ ବିଭିନ୍ନ ହୟ ତାହଲେ ଏ ସୁଆଟ୍ କିଭାବେ ପରିବର୍ତ୍ତିତ ହବେ ?

1.9 ନିମ୍ନେ ଉତ୍ସ୍କୃତ ଛାତ୍ରଦେର ଉଚ୍ଚତାର ବିଭାଜନ ଥେକେ 5 ଅନ ଛାତ୍ରର ଏକାଟି ପୁନଃଛାପନାବିହୀନ ସରଳ ସମସ୍ତବ ନୟୁନା ଚନ୍ଦନ କର :

ଉଚ୍ଚତା	ପରିସଂଖ୍ୟା
5' 2"	13
5' 3"	12
5' 4"	18
5' 5"	14
5' 6"	20
5' 7"	13
5' 8"	10
ମୋଟ	100

ନୟୁନା ଥେକେ ଗଡ଼ ଉଚ୍ଚତାର ପ୍ରାକ-କଳକ ଓ ତାର ଶମକ ଧାର୍ତ୍ତି ନିର୍ଣ୍ୟ କର ।

1.10 ନିମ୍ନେ ଦେଇଥିଲେ ଏକାଟି ତହଶୀଳେର 30ଟି ପ୍ରାମେର ଅନସଂଖ୍ୟା ( ଶତକେ ) ଦେଉଥା ଆଛେ । 5ଟି ପ୍ରାମେର ପୁନଃଛାପନାବିହୀନ ସରଳ ସମସ୍ତବ ନୟୁନା ଚନ୍ଦନ କରେ ତହଶୀଳେର ମୋଟ ଅନସଂଖ୍ୟା ଓ ତାର ଶମକ ଧାର୍ତ୍ତି ନିର୍ଣ୍ୟ କର ।

ଆମେର କ୍ରମିକସଂଖ୍ୟ	ଅନ୍ୟଃସଂଖ୍ୟ
1	16
2	26
3	38
4	51
5	76
6	31
7	85
8	97
9	68
10	100
11	75
12	82
13	12
14	20
15	52
16	15
17	21
18	63
19	58
20	47
21	39
22	53
23	9
24	18
25	54
26	39
27	62
28	70
29	59
30	32

1.11 ନିମ୍ନୋକୃତ ସାରଣୀତେ ବ୍ୟାପେ ଏକଟି ଜେଳାର କୃଧିଧାରୀ-  
ନୟୁହେର ଆସନ୍ତରେ ଉପର୍ଯ୍ୟନ୍ତ ତଥ୍ୟ । 1000 ଆକାରେର ଏକଟି ଉତ୍ତରବିନ୍ୟାସ  
ସମସ୍ତେବ ନୟୁନାମ ବିଭିନ୍ନ ତରେର ନୟୁନା ଆକାର ନିର୍ଦ୍ଦୟ କର : (କ) ନୟୁନୁପାତିକ  
ନୟୁନା ବଣ୍ଟନ ଥିଲୀତେ ଓ (ଖ) ଥିକୁଟ ନୟୁନା ବଣ୍ଟନ ଥିଲୀତେ ।  
ଭୟକ୍ଷେତ୍ର ଜେଳାର କୃଧି ଧାରୀର ଗମ ଉପାଦନୀ ଅମିର ମୋଟ ଆସନ୍ତରେ

প্রাক-কলকের দক্ষতা সরল সমস্তৰ নমুনার দক্ষতার সঙ্গে তুলনা কর।

খামার আকার ( একরে )	খামার সংখ্যা
(1)	(2)
0—40	3946
41—80	4612
81—120	3915
121—160	3348
161—200	1698
201—240	1139
241 ও তার্হি	1482

গম উৎপাদনী জমির গড় আয়তন ( একর )	গম উৎপাদনী জমির আয়তনের সমক পার্দক্ষ্য ( একর )
(3)	(4)
5·6	8·5
15·2	13·6
23·6	14·9
34·7	18·6
44·5	24·5
50·2	26·3
62·7	35·2

#### আংশিক উভয় :

সমানুপাতিক নমুনা বণ্টনে নমুনা সংখ্যা 196,229,194,166,84,57,74

প্রকৃষ্ট নমুনা বণ্টনে নমুনাসংখ্যা 99,184,171,183,122,88,153

1.12 যদি 500টি ফ্যাক্টরীর মোট উৎপাদন উভয়দিকে অনধিক 10% বাস্তিমাত্রা ( আস্থা অক্ষ 95% ) নিয়ে নির্ণয় করতে হয়, তাহলে নমুনা গড়ের নিবেশন নর্ধ্যাল ও উৎপাদনের নিবেশনের ভেদাক 60% ধরে নিয়ে সরল সমস্তৰ নমুনার আকার নির্ণয় কর : (ক) পুনঃহাগনা-বিহীন ক্ষেত্রে, (খ) পুনঃহাগনাসহ ক্ষেত্রে ।

### সহপাঠ্য পুস্তকাবলী

- [1] Cochran, W.G. *Sampling techniques* (Chs. 1—3, 5—8, 10—13). Asia, 1962.
  - [2] Goon, A.M., Gupta, M.K. & Das Gupta, B. *Fundamentals of statistics*, Vol-II (Ch. 21). World Press, 1971.
  - [3] Murthy, M.N. *Sampling Theory and Methods* (Chs. 1—3, 5, 7, 9—11, 13—15). Statistical Publishing Society, 1967.
  - [4] Yates, F. *Sampling Methods in censuses and Surveys* (Chs. 1—3, 6—8). Charles Griffin, 1960.
  - [5] Yule, G.U. & Kendall, M.G. *Introduction to the Theory of Statistics* (Chs 16, 23). Charles Griffin, 1953.
-

# ବିତୀଯ ପରିଚେଦ

## ଜୀବନସଂକ୍ରାନ୍ତ ରାଶିବିଜ୍ଞାନ

### ( Vital Statistics )

#### 2.1 ମୁଢ଼ମା

ଜୀବନ ସଂକ୍ରାନ୍ତ ବିଭିନ୍ନ ସଟନାସମୂହ ସମ୍ପର୍କେ ସେବ ରାଶିତଥ୍ୟ ସଂଗୃହୀତ ଓ ପ୍ରକାଶିତ ହୁଏ ତାଦେର ଜୀବନସଂକ୍ରାନ୍ତ ପରିସଂଖ୍ୟାନ ବଲେ । ଜୀବନସଂକ୍ରାନ୍ତ ପରିସଂଖ୍ୟାନ ବିଶ୍ଲେଷଣେର ଜନ୍ୟ ସେ ସବ ରାଶିବିଜ୍ଞାନସମ୍ବନ୍ଧରେ ପରିଚାଳନା କରାଯାଇଛି । ଅନ୍ୟ, ମୃତ୍ୟୁ, ବିବାହ, ବିବାହବିଚେଦ, ରୋଗ ପ୍ରଭୃତି ମାନବଜୀବନେର ବିଭିନ୍ନ ସଟନାକେ ଜୀବନସଂକ୍ରାନ୍ତ ସଟନା ବଲା ହୁଏ ।

**ଜୀବନସଂକ୍ରାନ୍ତ ପରିସଂଖ୍ୟାନେର ବିଭିନ୍ନ ଉତ୍ସ ହ'ଲ :**

(1) ଆଦୟମୁଖୀ ବା ଜନଗଣନାକ ପରିସଂଖ୍ୟାନ : ସାଧାରଣତଃ ପ୍ରତିଦିନ ବହୁର ଅନ୍ତର ବିଭିନ୍ନ ଦେଶେ ଆଦୟମୁଖୀ ବା ଜନଗଣନା କରା ହୁଏ । ଜନଗଣନା କାଲେ ଦେଶେର ପ୍ରତିଟି ନାଗରିକେର ବୟସ, ଲିଙ୍ଗ ଓ ବିଭିନ୍ନ ସାମାଜିକ, ଅର୍ଥକୌଣସିକ ଓ ପରିବାରଗତ ବୈଶିଷ୍ଟ୍ୟ ସମ୍ପର୍କେ ତଥ୍ୟ ଆହରଣ କରା ହୁଏ ।

(2) ଜୀବନସଂକ୍ରାନ୍ତ ରାଶିବିଜ୍ଞାନେର ରେଜିଷ୍ଟ୍ରେସନ୍ ବା ନଥି : ବିଭିନ୍ନ ଦେଶେ ଅନ୍ୟ, ମୃତ୍ୟୁ, ବିବାହ, ବିଚେଦ ପ୍ରଭୃତି ପ୍ରତିଟି ଜୀବନସଂକ୍ରାନ୍ତ ସଟନା ଆଇନାନୁସାରେ ନଥିଭୁକ୍ତ କରାର ବ୍ୟବସ୍ଥା ରଖେଛେ ।

ବିଭିନ୍ନ ହାସପାତାଲେର ଖାତାପତ୍ର ଥେବେ ଆମରା ରୋଗ, ଅନ୍ୟ, ମୃତ୍ୟୁ ସମ୍ପର୍କେ ତଥ୍ୟ ପେତେ ପାରି । ଆବାର ମାଝେ ମାଝେ ସରକାରୀ ବା ବେସରକାରୀ ପରିଚାଳନାଯି ସେବ ସମ୍ବନ୍ଧରେ ଏକାଟି ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ ଏଲାକାରୀ ଜନସଂଖ୍ୟା ଓ ତାର ବରଗତ ବା ଲିଙ୍ଗଗତ ବିଭାଜନ ପାଇଁ ଓ ରେଜିଷ୍ଟ୍ରେସନ୍ ଥେବେ ବିଭିନ୍ନ ସମସ୍ତୀର୍ବାୟ ଅନ୍ୟ ଓ ମୃତ୍ୟୁର ସଂଖ୍ୟା ପାଇସା ଯାବେ ।

ବର୍ତ୍ତମାନ ପରିଚେଦେ ଆମରା ଅନ୍ୟ ଓ ମୃତ୍ୟୁ ଏହି ଦୁଇ ସବଚେଯେ ଶୁଳ୍କବର୍ପୂର୍ଣ୍ଣ ଜୀବନସଂକ୍ରାନ୍ତ ସଟନା ନିଯେ ଆଲୋଚନା କରାଯାଇଛି । ଧରେ ନେଓସା ଯେତେ ପାଇଁ, ଆଦୟମୁଖୀର ଥେବେ ଆମରା ବିଭିନ୍ନ ସମୟେ ଏକାଟି ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ ଏଲାକାରୀ ଜନସଂଖ୍ୟା ଓ ତାର ବରଗତ ବା ଲିଙ୍ଗଗତ ବିଭାଜନ ପାଇଁ ଓ ରେଜିଷ୍ଟ୍ରେସନ୍ ଥେବେ ବିଭିନ୍ନ ସମସ୍ତୀର୍ବାୟ ଅନ୍ୟ ଓ ମୃତ୍ୟୁର ସଂଖ୍ୟା ପାଇସା ଯାବେ ।

ସମ୍ମିଳିତ ଆଦୟମୁଖୀର ମାଝେ କୋଣ ସମୟେର ( ଧରା ଯାକ, t ) ଅନ୍ୟାନ୍ୟ (P<sub>t</sub>) ଜୀବନରେ ହୁଏ ତାହାରେ ନିମ୍ନଲିଖିତ ସୂତ୍ର ବ୍ୟବହାର କରା ଯେତେ ପାଇଁ :

$$P_t = P_0 + (B - D) + (I - E), \quad (2.1)$$

- ଏକ୍ଷେତ୍ରେ  $P_o$  = ବିଶ୍ଵାସିତ ଅନ୍ୟଥା,  
 $B$  = ଅନ୍ୟର୍ଭାରୀ ସମୟେ ଜନ୍ମର ସଂଖ୍ୟା,  
 $D$  = ଅନ୍ୟର୍ଭାରୀ ସମୟେ ମୃତ୍ୟୁର ସଂଖ୍ୟା,  
 $I$  = ଅନ୍ୟର୍ଭାରୀ ସମୟେ ବହିରାଗତ ସଂଖ୍ୟା ଓ  
 $E$  = ଅନ୍ୟର୍ଭାରୀ ସମୟେ ବହିନିର୍ଗତ ସଂଖ୍ୟା ।

ଅନ୍ୟ-ମୃତ୍ୟୁ ଓ ବହିରାଗମନ-ନିର୍ଗମନ ସମ୍ପଦିତ ତଥ୍ୟ ନିର୍ଭୁଲ ହଲେଇ ଏହି ଯୂତ୍ତିକ ଅନ୍ୟଥା ନିର୍ଭୁଲ ହବେ । ଅନ୍ୟଥା ଅନ୍ୟଥା ବୃଦ୍ଧି କୋଣ ଗାଣିତିକ ମୂତ୍ର ଧରେ ( ଲାଭିଟିକ, ଏଙ୍ଗପୋନେନ୍ତିଗିଯାଳ ଥିଭୁତି ) ଚଲାଇ ଥରେ ନିମ୍ନେ ଅନ୍ୟଥା ନିର୍ମଳ କରା ଯାଇ ।

## 2.2 ଜୀବନସଂକ୍ରାନ୍ତ ସଟନାର ହାର ( Rates of vital events )

ଜୀବନସଂକ୍ରାନ୍ତ ସଟନାମୟୁହେର ସମ୍ବନ୍ଧରେ ତାତ୍ପର୍ୟ ଆନନ୍ଦେ ହଲେ ସଟନାଗୁଲିର ହାର ନିର୍ମଳ କରା ପ୍ରୋତ୍ସହ । ଦୁଇଟି ଶହରେ କୋଣ ବହର ସଥାଇମେ ମୋଟ 3000 ଓ 5000 ଲୋକେର ମୃତ୍ୟୁ ହେଲେ ବଲାଲେ କିନ୍ତୁ ବୋବା ଯାଇନା । ଶହର ଦୁଇଟିର ଲୋକସଂଖ୍ୟାଓ ଆନା ପ୍ରୋତ୍ସହ । ସଦି ବଳା ହେଲା ଶହରଦୁଇଟିତେ ସଥାଇମେ ଥେବାରେ 30 ଜନ ଓ 25 ଜନ ଲୋକେର ମୃତ୍ୟୁ ହେଲେ ତାହଲେ ସଂଖ୍ୟାଦୂଟି ଅନେକ ତାତ୍ପର୍ୟପୂର୍ଣ୍ଣ ହେଲା । ସଂଖ୍ୟାଦୂଟି ଆଶଲେ ଶହର ଦୁଇଟି କୋଣ ବହରେ ମୃତ୍ୟୁହାର ।

କୋଣ ଜୀବନସଂକ୍ରାନ୍ତ ସଟନାର ହାରର ସାଧାରଣ ସଂଜ୍ଞା ହ'ଲୁ ନିମ୍ନଲିଖିତ :

$$\text{ଜୀବନସଂକ୍ରାନ୍ତ ସଟନାର ହାର} = \frac{\text{ଜୀବନସଂକ୍ରାନ୍ତ ସଟନାର ସଂଖ୍ୟା}}{\text{ସଟନାଟି ସେ ସବ ବ୍ୟକ୍ତିର ଜୀବନେ ସଟତେ ପାରେ ତାଦେର ସଂଖ୍ୟା}} \quad (2.2)$$

ହାରାଟ୍ (1) ଅନ୍ୟ, ମୃତ୍ୟୁ, ରୋଗ ଥିଭୁତି ଜୀବନସଂକ୍ରାନ୍ତ ସଟନା ସମ୍ପର୍କେ, (2) ଏକଟି ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ ତୌଗୋଲିକ ଏଲାକା ସମ୍ପର୍କେ ( ସଥା, ଭାରତର୍ଭାଗ, ପଞ୍ଚମବଜ, କଲିକାତା ଥିଭୁତି ) ଓ (3) ଏକଟି ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ ସମସ୍ତୀମା ( ସଥା, 1970 ଜନ ) ସମ୍ପର୍କେ ଥିବାରେ ।

ଉପରୋକ୍ତ ସଂଜ୍ଞାଯି ହାର ଏକଟି ଭଗ୍ନାଂଶ । ଆଲୋଚନାର ବା ବୋବାନର ସ୍ଵିଧାର ଅନ୍ୟ ହାରକେ 1000 ବା 100 ଏଇଙ୍କିମ୍ବ ଏକଟି ସଂଖ୍ୟା ଦିଇସି ଶୁଣ କରା ହେଲା । ତାହଲେ ହାରାଟ୍ ହେବେ ଥେବାରେ ହାରାଟ୍ ବା ପ୍ରତି ଶ'ହେ । ଜୀବନସଂକ୍ରାନ୍ତ ସଟନାର ହାରମୟୁହେକେ ଥେବାରେ ଥିବାକାଣ କରାଇ ରେଓରାଇ ।

ସଟନାଟି ସେ ସବ : ଜୀବନେ ସଟତେ ପାରେ ତାଦେର ସଂଖ୍ୟା ଏଇ

নির্দিষ্ট এলাকার লোকসংখ্যা বা লোকসংখ্যার একটি নির্দিষ্ট অংশ। লোকসংখ্যা নির্দিষ্ট সময়ের প্রারম্ভে বা শেষে নেওয়া যায়। তবে নির্দিষ্ট সময়ে গড় লোকসংখ্যা নেওয়াই অধিকতর যুক্তিযুক্ত। যদি  $P_t$ ,  $t$  সময়ে লোকসংখ্যা হয়, তাহলে গড় লোকসংখ্যার সূত্র হ'ল :

$$t_1 \text{ থেকে } t_2 \text{ সময়ে গড় লোকসংখ্যা} = \frac{1}{t_2 - t_1} \int_{t_1}^{t_2} P_t dt. \quad (2.3)$$

$P_{t_1+t_2/2}$  বা মধ্য সময়ের লোকসংখ্যা, এই গড় লোকসংখ্যার একটি আসন্ন মান দেবে।

### 2.3 বিভিন্ন একার মৃত্যুহার

#### 2.3.1 অশোধিত মৃত্যুহার ( Crude Death Rate বা CDR ) :

অশোধিত মৃত্যুহার নির্ণয় করতে হলে কোন নির্দিষ্ট এলাকায় নির্দিষ্ট সময়সীমায় মোট মৃত্যুর সংখ্যাকে ঐ এলাকায় ঐ সময়সীমায় মোট গড় লোকসংখ্যা দিয়ে ভাগ করতে হবে। যদি  $m$  অশোধিত মৃত্যুহার হয়,

$$m = \frac{D}{P} \times 1000, \quad (2.4)$$

$D$  = নির্দিষ্ট এলাকায় নির্দিষ্ট সময়সীমায় মোট ( যে কোন কারণে )  
মৃত্যুর সংখ্যা ও

$P$  = ঐ এলাকায় ঐ সময়সীমায় মোট গড় অনসংখ্য।

জীবনসংক্রান্ত রাশিবিজ্ঞানে অশোধিত মৃত্যুহারের ব্যবহারই সর্বাধিক। ইহা সহজেই নির্ণয় করা যায় ও সহজেই বোধগম্য হয়। কিন্তু অশোধিত মৃত্যুহারের ক্ষতগুলি অস্ত্রবিধাও আছে। দুটি পৃথক ভৌগোলিক এলাকার মৃত্যুহার তুলনা করতে হলে অশোধিত মৃত্যুহার ব্যবহার করা উচিত নয়। দুটি এলাকায় প্রতিটি বয়স-গোষ্ঠী বা লিঙ্গ অনুযায়ী মৃত্যুহার এক হলেও, যদি এলাকাদুটির বয়সগত ও লিঙ্গগত অনসংখ্যা বিভাজন আলাদা হয়, তাহলে অশোধিত মৃত্যুহার আলাদা হবে। অর্থাৎ যদি একটি এলাকায় বৃক্ষদের আনুপাতিক সংখ্যা বেশী হয়, তাহলে ঐ এলাকার অশোধিত মৃত্যুহার বেশী হওয়ার সম্ভাবনা।

যদি এলাকা দুটির বয়স ও লিঙ্গগত বিভাজন অনুরূপ হয় তবেই অশোধিত মৃত্যুহারের সাহায্যে মৃত্যুহার তুলনা করা চলে। আবার একই

ଏଲାକାଯ ବିଭିନ୍ନ ବହୁରେ ମୃତ୍ୟୁହାର ତୁଳନା କରାତେ ହଲେ ଅଶେଷିତ ମୃତ୍ୟୁହାର ସ୍ୟବହାର କରା ଯାଏ, ସବୁ ଏହି ଏକ ସମୟର ମଧ୍ୟେ ବୟଙ୍ଗ ଓ ଲିଙ୍ଗଗତ ଅନ୍ୟଥିବା ବିଭାଜନ ପରିବର୍ତ୍ତିତ ନା ହଁରେ ଯାଏ ।

### 2.3.2 ବିଶେଷିତ ମୃତ୍ୟୁହାର ( Specific Death Rate ବା SDR ) :

ବିଶେଷିତ ମୃତ୍ୟୁହାରର ସାଧାରଣ ସଂଜ୍ଞା ନିମ୍ନୋକ୍ତାବେ ଦେଇଯା ଯାଏ ।  
ସବୁ SDR ବିଶେଷିତ ମୃତ୍ୟୁହାର ହୁଏ,

$$SDR = \frac{\text{ଅନ୍ୟଥିବା ଏକଟି ବିଶେଷ ଅଂଶେ ଏକଟି ବିଶେଷ ଏଲାକାଯ ଓ ବିଶେଷ ସମୟର ମଧ୍ୟେ ମୃତ୍ୟୁର ସଂଖ୍ୟା}}{\text{ଏଲାକାଯ ଏହି ସମୟର ମଧ୍ୟେ ଅନ୍ୟଥିବା ଏକଟି ବିଶେଷ ଅଂଶେ ଗଡ଼ ଅନ୍ୟଥିବା}} \times 1000 \quad (2.5)$$

**ସାଧାରଣତ:** ବୟଙ୍ଗ-ବିଶେଷିତ ଓ ଲିଙ୍ଗ-ବିଶେଷିତ ମୃତ୍ୟୁହାର ନିର୍ଣ୍ୟ କରା ହୁଏ ।  
ସବୁ ଏକଟି ବିଶେଷ ଏଲାକାଯ ଓ ସମୟ ଗତ ଜନ୍ମଦିନ ( last birth day )  
ହିସାବେ  $x$  ଓ  $x+n-1$  ବୟଙ୍ଗେ ଲୋକଦେର ମଧ୍ୟେ ମୃତ୍ୟୁର ସଂଖ୍ୟା  ${}^nD_x$  ହୁଏ  
ଓ ଏଲାକାଯ ଓ ସମୟ ଏହି ବୟଙ୍ଗେ ଲୋକର ଗଡ଼ ସଂଖ୍ୟା  ${}^nP_x$  ହୁଏ ତାହଲେ  
ବୟଙ୍ଗ ବିଶେଷିତ ମୃତ୍ୟୁହାର ( ${}^nM_x$ ) ହଁଲା :

$${}^nM_x = \frac{{}^nD_x}{{}^nP_x} \times 1000 \quad (2.6)$$

ସବୁ ସମୟ ଦୀର୍ଘ 1 ବର୍ଷର ହୁଏ, ଅର୍ଥାତ୍  $n=1$  ହୁଏ, ତାହଲେ ବୟଙ୍ଗ-ବିଶେଷିତ  
ମୃତ୍ୟୁହାର ( $M_x$ ) ଲେଖା ହୁଏ,

$$M_x = \frac{D_x}{P_x} \times 1000 \quad (2.7)$$

ବୟଙ୍ଗ ବିଶେଷିତ ମୃତ୍ୟୁହାର ଆବାର ପୁରୁଷ ଓ ଔଲୋକଦେର ଅନ୍ୟ ଆଲାଦା  
ଭାବେ ନିର୍ଣ୍ୟ କରା ଯାଏ । ସବୁ  ${}^nD_x$  ଓ  ${}^nP_x$ , ଗତ ଜନ୍ମଦିନ ହିସାବେ  $x$   
ଥେବେ  $x+n-1$  ବୟଙ୍ଗେ ପୁରୁଷର ମୃତ୍ୟୁର ସଂଖ୍ୟା ଓ ଗଡ଼ ଲୋକସଂଖ୍ୟା ହୁଏ,  
ତାହଲେ ବୟଙ୍ଗ-ଲିଙ୍ଗ-ବିଶେଷିତ ମୃତ୍ୟୁହାର

$$\text{ପୁରୁଷଦେର ଅନ୍ୟ, } {}^mM_x = \frac{{}^mD_x}{{}^mP_x} \quad (2.8)$$

$$\text{ও } \text{জীলোকদের অন্য } m_x = \frac{\sum D_x}{\sum P_x} \times 1000। \quad (2.9)$$

পুটি এলাকার মৃত্যুর তুলনা করতে হলে এই বয়স-লিঙ্গ-বিশেষিত মৃত্যুহার তুলনা করা চলে। প্রয়োজনবোধে জাতি, ধর্ম, জীবিকা, বাসস্থান প্রভৃতি বিষয়েও মৃত্যুহার বিশেষিত করা চলে।

### 2.3.3 প্রমাণীকৃত মৃত্যুহার (Standardised Death Rate বা STDR) :

বিশেষিত মৃত্যুহার দিয়ে আমরা দুটি এলাকার মৃত্যুহার তুলনা করতে পারি বটে, কিন্তু তাতে অস্বীকৃত রয়েছে। বিশেষিত মৃত্যুহারের সংখ্যা অনেক ও তাদের তুলনা করা সহজ নয়। আবার এমন হতে পারে A-এলাকায় B-এলাকা থেকে কতগুলি বিশেষিত মৃত্যুহার বড়, আবার কতগুলি ছোট। তাহলে সব মিলিয়ে কোন এলাকায় মৃত্যুহার বেশী কি করে বোঝা যাবে? অস্পেষ্টিত মৃত্যুহারের অস্বীকৃত কথা আগেই বলা হয়েছে। এই কারণে প্রমাণীকৃত মৃত্যুহার (STDR) নির্ণয় করা প্রয়োজন।

সরলীকৰণার্থে, ধরলাম, শুধু বয়স বিশেষিত মৃত্যুহার নির্ণয় করা হয়েছে। A ও B স্থানের অশোধিত মৃত্যুহারকে (CDR) লেখা যায়,

$$m^a = \frac{\sum m_x^a P_x^a}{\sum_x P_x^a} \text{ ও } m^b = \frac{\sum m_x^b P_x^b}{\sum_x P_x^b} \quad 1$$

সব  $x$  এর অন্যে  $m_x^b$  ও  $m_x^a$  সমান হলেও  $m^a$  ও  $m^b$  অসমান হতে পারে যদি লোকসংখ্যার বয়সগত বিভাজন আলাদা হয়, অর্থাৎ যদি

$$\frac{P_x^a}{\sum P_x^a} \text{ ও } \frac{P_x^b}{\sum P_x^b} \text{ বিভিন্ন } x \text{ এর অন্যে আলাদা হয়।}$$

এই অস্বীকৃত দুর করা যায় যদি উভয়ের বদলে কোন প্রধান অনসমটির (standard population) বয়সগত বিভাজন দিয়ে  $m_x^a$  ও  $m_x^b$  কে ভারযুক্ত করা যায়। অর্থাৎ A এলাকার প্রমাণীকৃত বা বয়সের অন্য পোষিত মৃত্যুহার (STDR) হ'ল

$$STDR^a = \frac{\sum m_x^a \cdot P_x^s}{\sum P_x^s} \quad (2.10)$$

$P_x^s$  ହଁଲେ କୋଣ ପ୍ରମାଣ ଅନସମାଟିର ଗତ ଅଳ୍ପଦିନ ହିସାବେ  $x$  ବୟାସେର ଲୋକସଂଖ୍ୟା ।

ଅନୁରୂପଭାବେ,

$$STDR^b = \frac{\sum m_x^b \cdot P_x^s}{\sum P_x^s} \quad (2.11)$$

$STDR^a$  ଓ  $STDR^b$  ନିଃସମ୍ପଦେହେ ତୁଳନୀୟ । ଅବଶ୍ୟକ ପ୍ରମାଣ ଅନସମାଟି ନିର୍ବାଚନେର ଉପରେ  $STDR^a$  ଓ  $STDR^b$ ର ମାନ ନିର୍ଭର କରବେ । ସାଧାରଣତଃ କୋଣ ବୃଦ୍ଧତା ଏଲାକାର ଅନସମାଟି ବା ଜୀବନସାରଣୀଲଙ୍ଘ ଅନସଂଖ୍ୟା ପ୍ରମାଣ ଅନସମାଟି ହିସାବେ ନେଇଥାଏ ହୁଏ । ସେଥାଏ, ପଞ୍ଚମବଜ ଓ ବିହାରେ ମୃତ୍ୟୁହାର ତୁଳନା କରତେ ହଁଲେ ସମସ୍ତ ଭାରତେର ଅନସମାଟି ବା ଭାରତେର ଜୀବନସାରଣୀର ଅନସଂଖ୍ୟା ପ୍ରମାଣ ଅନସମାଟି ହିସାବେ ନେଇଥାଏ ଯାଏ ।

ଉପରେର ପ୍ରମାଣୀକରଣ ପଦ୍ଧତିଟି ବଳା ହୁଏ ପ୍ରତ୍ୟକ୍ଷ ପଦ୍ଧତି । ପ୍ରତ୍ୟକ୍ଷ ପଦ୍ଧତିତେ ପ୍ରତି  $x$  ଏର ଅନ୍ୟ  $m_x^a$  ଏର ମାନ ଜାନା ଆଛେ ଧରା ହେଁଥେ । କିନ୍ତୁ ଯଦି ଅଶୋଧିତ ମୃତ୍ୟୁହାର  $m^a$  ଓ ସବ  $x$  ଏର ଅନ୍ୟ  $P_x^a$ ର ମାନ ଜାନା ଥାକେ ଓ ପ୍ରମାଣ ଅନସମାଟିର ସବ  $x$  ଏର ଅନ୍ୟ  $m_x^s$  ଓ ଅଶୋଧିତ ମୃତ୍ୟୁହାର  $m^s$  ଜାନା ଥାକେ ତାହଲେ ପରୋକ୍ଷ ପଦ୍ଧତିତେ ପ୍ରମାଣିକୃତ ବା ଶୋଧିତ ମୃତ୍ୟୁହାର ବାର କରା ଯାଏ । ଧରା ଯାକୁ,

$$(1) = \frac{\sum m_x^a \cdot P_x^a}{\sum P_x^a},$$

$$(2) = \frac{\sum m_x^a P_x^s}{\sum P_x^s}$$

$$(3) \quad = \frac{\sum m_x^s P_x^a}{\sum_x P_x^a} \quad |$$

$$(4) \quad = \frac{\sum m_x^s P_x^s}{\sum_x P_x^s} \quad |$$

ଥରା ସେତେ ପାରେ, ସୁଲଭ:

$$\frac{(2)}{(1)} = \frac{(4)}{(3)} \quad |$$

$$\text{ଅନୁରାଗ ପ୍ରମାଣିକୃତ ମୃତ୍ୟୁହାର } STDR^a = (2) = (1) \times \frac{(4)}{(3)} \quad |$$

$$= m^a \times \left( \frac{m^s}{\sum_x m_x^s P_x^a / \sum_x P_x^a} \right) \quad |$$

(2.12)

$\frac{m^s}{\sum_x m_x^s P_x^a / \sum_x P_x^a}$  କେ ଅନେକ ସମୟ ଶୋଧନ ଗୁଣନୀୟକ (adjustment factor) ବଳା ହୁଏ ।

ଅନୁରାଗଭାବେ,

$$m_s^b = m^b \times \left( \frac{m^s}{\sum_x m_x^s P_x^b / \sum_x P_x^b} \right) \quad | \quad (2.13)$$

ପ୍ରଯୋଜନ ହଲେ, ଅନୁରାଗଭାବେ, ବୟଙ୍ଗ ଓ ଲିଙ୍ଗ ଉତ୍ତର ଉପାଦାନେ ଶୋରିତ ବା ପ୍ରମାଣିକୃତ ମୃତ୍ୟୁହାର ନିର୍ଣ୍ଣୟ କରା ଯାଏ ।

সম্পর্কিত নিম্নলিখিত তথ্য থেকে অশোধিত শৃঙ্খলার (CDR) ও বয়স ও  
লিঙ্গ বিশেষিত শৃঙ্খলার (SDR) নির্ণয় কর :

বয়স	অনসংখ্যা ( হাজারে )		শৃঙ্খলাসংখ্যা	
	পুরুষ	জীলোক	পুরুষ	জীলোক
০	948	896	16628	12300
১-৪	3278	3141	4257	3201
৫-৯	3991	3845	2453	1452
১০-১৯	9837	9553	7223	3621
২০-২৯	8786	8891	12984	7332
৩০-৩৯	8146	8109	17701	10735
৪০-৪৯	5462	6316	22735	16841
৫০-৫৯	4180	4789	45463	30581
৬০-৬৯	2968	3228	86181	54207
৭০-৭৯	1341	1715	99475	86732
৮০ ও তদুর্ধ	282	547	50946	81917

এক্ষেত্রে,

$$CDR = \frac{\text{মোট শৃঙ্খলাসংখ্যা}}{\text{মোট অনসংখ্যা}} \times 1000$$

$$= \frac{674,970}{100,249,000} \times 1000$$

$$= 6.73 \text{ ( অভি হাজারে ) } .$$

বয়স ও লিঙ্গ বিশেষিত মৃত্যুহার (প্রতি হাজারে) নিম্ন সারণীতে  
দেখান হ'ল :

### সারণী 2.1

#### বয়স ও লিঙ্গ বিশেষিত মৃত্যুহার

বয়স	মৃত্যুহার (হাজার প্রতি)	
	পুরুষ	জ্বীলোক
0	17.54	13.73
1- 4	1.29	1.02
5- 9	0.61	0.38
10-19	0.73	0.38
20-29	1.47	0.82
30-39	2.17	1.32
40-49	4.16	2.67
50-59	10.88	6.39
60-69	29.04	16.79
70-79	74.18	50.57
80 ও তদুর্দেশ	180.66	149.76.

উক্তাবলি 2.2 নিম্নলিখিত রাশিতথ্য থেকে কলিকাতার প্রান্তীকৃত  
মৃত্যুহার নির্ণয় কর :

বয়স	1951 সালের সারা ভারতের প্রমাণ অনসমষ্টি (দশ লক্ষ)		1951 সালে কলিকাতার বিশেষিত মৃত্যুহার ( প্রতি হাজারে )	
	পুরুষ	জীলোক	পুরুষ	জীলোক
0	13265	14029	278.3	217.9
1-4	45563	46313	45.5	46.0
5-9	51738	51403	10.6	11.4
10-14	48320	47902	4.5	5.0
15-19	45728	45781	4.4	10.4
20-29	84230	85576	5.8	12.5
30-39	73108	72878	6.6	12.5
40-49	59648	57282	11.0	14.2
50-59	43130	41657	24.3	27.0
60ও তদুর্ব	34273	38206	65.2	72.5

প্রমাণীকৃত মৃত্যুহার ( প্রতি হাজারে )

$$- STDR = \frac{\sum m_x^s \cdot m_x^a + \sum f_x^s \cdot f_x^a}{\sum m_x^s + \sum f_x^s} \cdot 1000000$$

$$= \frac{24,818,922.3}{1,000,000} = 24.82$$

#### 2.4. জীবন সারণী ( Life Table )

কোন এলাকার অনসমষ্টির কোন সময়ের মৃত্যুহারের উপর ভিত্তি করে এই জীবন সারণী প্রস্তুত করা হয়। এই সারণীর বিভিন্ন কল্পনা বিভিন্ন

তথ্য সম্মিলিত হয়। এই কলমগুলি থেকে আমরা বলতে পারব যদি  $100,000$  অন শিশু এখন অন্তর্গত ক'রে বর্তমানের মৃত্যুহার সারাংশীবন্ধে ধরে ভোগ করে তাহ'লে এর ভেতরে কতজন  $10,20,30,40\ldots$  বছর পর্যন্ত বাঁচবে, এদের গড় আয়ুর পরিমাণ কত, ইত্যাদি।

আমরা এখানে পূর্ণ জীবন সারণী আলোচনা করব। প্রতি অর্ধশত বয়স ( $x$ ) এর অন্য যদি বিভিন্ন কলমে বিভিন্ন  $x$ -এর অপেক্ষক সম্মিলিত হয় তাকে পূর্ণ জীবন সারণী বলে। যদি সব  $x$  এর অন্য অপেক্ষকগুলি না নির্ণয় করে ৫ বা 10 বছর অন্তর বার করা হয় বা প্রতি অর্ধশত বয়সের অন্য না নির্ণয় করে বয়সের ৫ বা 10 বছরের শ্রেণী অন্তরের অন্য নির্ণয় করা হয়, তাকে সংকেপিত জীবনসারণী বলে।

#### 2.4.1 জীবন সারণীর বর্ণনা

পূর্ণ জীবন সারণীর বিভিন্ন কলমে সম্মিলিত বিভিন্ন অপেক্ষক নীচে বর্ণিত হ'ল।

(1)  $I_x$ : যদি ধরা যায়  $I_0$  অন শিশু অন্য নিয়েছে, তার মধ্যে যতজন সঠিক  $x$  বছর বয়স লাভ করবে তাকে  $I_x$  বলে।  $I_0$  কে বলা হয় প্রারম্ভিক সংখ্যা ( cohort )।

(2)  $d_x$ : সঠিক বয়স  $x$  থেকে  $x+1$  এর মধ্যে যতজন মাঝে যায় তাকে বলা হয়  $d_x$ । স্বাভাবিকভাবে,

$$d_x = I_x - I_{x+1} \quad (2.14)$$

(3)  $q_x$ : যারা সঠিক বয়স  $x$  লাভ করেছে, তাদের সঠিক বয়স  $x+1$  লাভ করার পূর্বে মাঝে যাওয়ার সম্ভাবনা হ'ল  $q_x$ । অর্ধাঙ্গ,

$$q_x = \frac{d_x}{I_x} \quad (2.15)$$

কোন কোন সারণীতে  $q_x$  এর পাশাপাশি  $p_x = 1 - q_x$  দেওয়া হয়।  $p_x$  হ'ল পুরোজীবনের বাঁচার সম্ভাবনা।

(4)  $L_x$ : প্রারম্ভিক  $I_0$  অন লোক সঠিক বয়স  $x$  থেকে  $x+1$  এর মধ্যে মোট বতু বছর বেঁচেছে তাকে  $L_x$  বলে। সুজরাঃ,

$$L_x = \int_0^1 I_{x+t} dt \quad$$

যদি  $x$  ଥିଲେ  $x+1$  ବୟସେର ଅନ୍ତରେ  $I_{x+1}, t$  ଏବଂ ଧାରୁରୈବିକ ଅପେକ୍ଷକ ହସ୍ତ, ତାହଲେ

$$L_x = \frac{I_x + I_{x+1}}{2} = I_x - \frac{1}{2} dx . \quad (2.16)$$

ଉପରୋକ୍ତ ଶୀକରଣକେ ଅନ୍ୟଭାବେ ବଳା ଯାଏ ।  $x$  ଥିଲେ  $x+1$  ଏବଂ ମଧ୍ୟେ  $d_x$  ଯଦି ସମଭାବେ ନିବେଶିତ ହସ୍ତ ତାହଲେଇ  $x$  ଥିଲେ  $x+1$  ଏବଂ ମଧ୍ୟେ  $I_{x+1}, t$  ଏବଂ ଧାରୁରୈବିକ ଅପେକ୍ଷକ ହବେ ।

$L_x$  କେ  $I_0$  ପ୍ରାରମ୍ଭିକ ଶିଶୁସଂଖ୍ୟାର  $x$  ଥିଲେ  $x+1$  ବୟସେର ମଧ୍ୟେ ଗଢ଼ ଅନ୍ୟଥିବା ହିସାବେଓ ଦେଖା ଯାଏ । ଆବାର ଯଦି ଧରା ଯାଏ, ପ୍ରତିବହ୍ରମ  $I_0$  ସଂଖ୍ୟକ ଶିଶୁ ଅନ୍ୟଗ୍ରହଣ କରେ ଓ ବିଭିନ୍ନ ବୟସ-ବିଶେଷିତ ମୃତ୍ୟୁହାର ଅପରିବର୍ତ୍ତିତ ଥାକେ, ଆର ଯଦି କୋନ ବହିଃ ଆଗମନ-ନିର୍ଗମନ ନା ହସ୍ତ, ତାହଲେ ପ୍ରତିବହ୍ରମ ବୟସଗତ ଅନ୍ୟଥିବା ନିବେଶନ ଅପରିବର୍ତ୍ତିତ ଥାକବେ ଓ  $x$  ଥିଲେ  $x+1$  ବୟସେର ଅନ୍ୟଥିବା ହସ୍ତ  $L_x$  । ଏଇ ଅନ୍ୟମାଟିକେ ରାଶିବିଜ୍ଞାନେର ଭାଷାଯା ବଳା ହସ୍ତ ଜୀବନ୍ୟାରଣୀର ହିସାବିନ୍ୟାସ (stable) ଅନ୍ୟମାଟ ।

(6)  $T_x$  :  $x$  ବୟସ ଲାଭ କରାର ପର  $I_0$  ପ୍ରାରମ୍ଭିକ ସଂଖ୍ୟା ମୋଟ ଯତ ବହୁର ବାଚେ ତାକେ  $T_x$  ବଳା ହସ୍ତ । ଅର୍ଥାତ୍

$$T_x = \sum_x^w L_x = L_x + L_{x+1} + \dots + L_w, \quad (2.17)$$

ୱ ହିଁଲ ଅନ୍ୟମାଟର ଗର୍ଭେତାଚ ବୟସୀୟା ।

(6)  $e_x^o$  :  $x$  ବୟସ ଲାଭ କରାର ପର ପ୍ରାରମ୍ଭିକ ଅନ୍ୟଥିବା ଗଢ଼ ଯତ ବହୁର ବାଚେ ତାକେ ବଳା ହସ୍ତ  $e_x^o$  ।  $e_x^o$  ଏର ଅନ୍ୟନାମ  $x$  ବୟକ୍ତ ଲୋକେର ପ୍ରତ୍ୟାଶିତ ଆୟୁକ୍ଳାଳ (expectation of life) । ଜନକାଳେର ପ୍ରତ୍ୟାଶିତ ଆୟୁକ୍ଳାଳ ହିଁଲ  $e_o^o$  । ସ୍ଵଭାବତଃଇ,

$$e_x^o = \frac{T_x}{I_x} . \quad (2.18)$$

## 2.4.2 ଜୀବନ ଶାର୍ଣ୍ଣି ପ୍ରତ୍ୟକ୍ରମ

ଜୀବନ୍ୟାରଣୀର ସର୍ବାପେକ୍ଷା ଶୁରୁକର୍ତ୍ତ୍ତମ କଲମ ହିଁଲ  $q_x$  । ଯଦି  $m_x'$ ,  $x$  ଥିଲେ  $x+1$  ବୟସୀୟାର ମଧ୍ୟେ ଏକଟି ଲୋକେର ମୃତ୍ୟୁର ସନ୍ତ୍ଵାନା ହସ୍ତ, ତାହଲେ ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ ଏଲାକାର ବୟସ-ବିଶେଷିତ ମୃତ୍ୟୁହାର  $m_x$  ଦିରେ ତାକେ ପରିମାପ କରା ଯାଏ । ତାହଲେ,

$$m_x' = \frac{d_x}{L_x} \approx \frac{d_x}{l_x - \frac{1}{2}d_x} = \frac{2q_x}{2-q_x}$$

$$\text{অথবা, } q_x \approx \frac{2m_x'}{2+m_x'}$$

$m_x'$  কে  $m_x$  দিয়ে পরিমাপ করলে,

$$q_x \approx \frac{2m_x}{2+m_x} \quad | \quad (2.19)$$

$q_x$  কলম পাওয়া গেলে অন্যান্য কলম সহজেই পাওয়া যাবে।  $l_0$  প্রারম্ভিক সংখ্যা দিয়ে স্থুল করতে হবে।  $l_0$  কে  $q_0$  দিয়ে গুণ করলে  $d_0$  পাওয়া যাবে। আবার  $l_0$  থেকে  $d_0$  বাদ দিলে  $l_1$  পাওয়া যাবে। এইভাবে  $l_x$  ও  $d_x$  কলম পূর্ণ করা যাবে। তারপর (2.16), (2.17) ও (2.18) সূত্রগুলি থেকে  $L_x$ ,  $T_x$  ও  $e_x^{\circ}$  কলমগুলি সহজেই নির্ণয় করা যাবে।

### 2.4.3 জীবন সারণী ব্যবহার

কোন এলাকার জনসমষ্টির মৃত্যুহারের একটা পরিষ্কার ধারণা পাওয়া যায় জীবন সারণী থেকে। বিভিন্ন এলাকার জনসমষ্টির মৃত্যুহারের তুলনা করার জন্যে জীবন সারণীর বিভিন্ন কলম তুলনা করা যেতে পারে। তাছাড়া জনসমষ্টির ভবিষ্যৎ হ্রাসবৃক্ষি নির্ণয়ের জন্যেও জীবন সারণী খুব কাজে লাগে। আবরা পরে দেখব যে নীচু সংজননহার দিয়ে জনসংখ্যার ভবিষ্যৎ হ্রাসবৃক্ষি অনুযান করা যায়। এই নীচু সংজননহার নির্ণয় করতে জীবন সারণী কাজে লাগে।

জীবনবীমা কোম্পানীগুলি বিভিন্ন বয়সে করা পলিসি সমূহে প্রিমিয়ামের হার নির্ণয় করতে ও সরকার বা অন্যান্য নিয়োগকারী কর্মচারীদের অবসর-কালীন স্ববিধাসমূহ নির্ধারণে জীবন সারণী ব্যবহার করতে পারে।

**উদাহরণ 2.3** দেওয়া আছে যে  $l_{01} = 871$  ও  $d_x$  এর মানগুলি দেওয়া আছে। জীবন সারণীটি পূর্ণ কর।

$$l_x - d_x = l_{x+1},$$

$$1000q_x = \frac{d_x}{l_x} \times 1000,$$

$$L_x = l_x + l_{x+1}$$

$$T_x = \sum_n L_n \text{ ଓ }$$

$$e_x^o = \frac{T_x}{l_x} ,$$

ଏହି ସୂର୍ଯ୍ୟଶଳି ବ୍ୟବହାର କରେ ସହଜେଇ ସାରଣୀଟି ପୂର୍ଣ୍ଣ କରା ଯାବେ । ନିମ୍ନେ ପୂର୍ଣ୍ଣ ଜୀବନ ସାରଣୀଟି ଦେଉଥାଇଲା :

### ସାରଣୀ 2.2 ପୂର୍ଣ୍ଣ ଜୀବନସାରଣୀ ନିର୍ଣ୍ଣୟ

ବରସ	$l_x$	$d_x$	1000 $q_x$	$L_x$	$T_x$	$e_x^o$
91	871	296	339.84	723.0	1868.5	2.1452
92	575	209	363.48	470.5	1145.5	1.9922
93	366	144	393.44	294.5	675.5	1.8443
94	222	93	418.92	175.5	381.0	1.7162
95	129	58	449.61	100.0	205.5	1.5930
96	71	34	478.87	54.0	105.5	1.4859
97	37	18	486.49	28.0	51.5	1.3919
98	19	10	526.32	14.0	23.5	1.2368
99	9	5	555.56	6.5	9.5	1.0556
100	4	3	750.00	2.5	3.0	0.7500
101	1	1	1000.00	0.5	0.5	0.5000

## 2.5 বিভিন্ন প্রকার প্রজন্মহার ( Fertility Rate )

### 2.5.1 অশোধিত জন্মহার ( Crude Birth Rate বা CBR )

কোন এলাকার অশোধিত জন্মহার (CBR) মাপার সময় কোন নির্দিষ্ট এলাকায় মোট জাত শিশুসংখ্যাকে ঐ এলাকার ঐ সময়ের গড় অনসংখ্যা দিয়ে ভাগ করতে হবে। জাত শিশু সংখ্যা থেকে মৃতজাতক ( still birth ) সংখ্যা বাদ দিতে হবে, কারণ মৃতজাতক অনসংখ্যা বৃক্ষিতে সহায়তা করেনা। যদি  $i$  : অশোধিত জন্মহার হয়,  $B$  মোট জাত শিশুসংখ্যা হয় ও  $P$  মোট অনসংখ্যা হয়, তাহলে

$$i = \frac{B}{P} \times 1000 \quad (2.20)$$

অশোধিত মৃত্যুহারের ঘত, অশোধিত জন্মহারও দুটি এলাকার জন্মহার তুলনার কাজে লাগানো যায়না কারণ উহা অনসমষ্টির বয়স বা লিঙ্গগত বিভাজনের উপর নির্ভরশীল। তাছাড়া এই হার কোন সম্ভাবনাসূচক নয়, কারণ মোট জনসংখ্যার একটি অংশ, অর্ধাং নির্দিষ্ট বয়সসীমার মধ্যে স্বীলোকেরাই জন্মদান করতে পারে।

### 2.5.2\* সাধারণ প্রজনন হার ( General Fertility Rate বা GFR )

কোন এলাকার সাধারণ প্রজনন হার (GFR) বার করতে হ'লে ঐ এলাকায় নির্দিষ্ট সময়ে মোট জীবন্তজাতক শিশুসংখ্যাকে ঐ এলাকার ঐ সময়ের উর্বররা স্বীলোকসংখ্যা দিয়ে ভাগ করতে হবে। যদি  $w_1$  ও  $w_2$  সর্বনিম্ন ও সর্বোচ্চ বয়সসীমা হয় যখন স্বীলোকেরা উর্বররা থাকে ও  $\sum fP_x$  ঐ এলাকায় গত জন্মদিন হিসাবে  $x$  বয়সের স্বীলোক সংখ্যা হয়, তাহলে সাধারণ প্রজনন হার (GFR) হবে,

$$GFR = \frac{B}{\sum fP_x} \times 1000 \quad (2.21)$$

$$\sum fP_x$$

$w_1$

এই সাধারণ প্রজননহার একটি সম্ভাবনাসূচক হার। একটি উর্বররা স্বীলোকের কোন নির্দিষ্ট সময়ে একটি শিশু জন্ম দেবার সম্ভাবনা কত, এই হার থেকে তা পাওয়া যাবে। কিন্তু বিভিন্ন বয়সের স্বীলোকদের প্রজনন ক্ষমতা আলাদা। তাই এই সাধারণ প্রজনন হার উর্বররা স্বীলোকদের বয়সগত বিভাজনের উপর নির্ভরশীল। স্ফুরণ: এই হারও

ବିଭିନ୍ନ ଏଲାକାର ପ୍ରଜନନହାର ତୁଳନାର ଜନ୍ୟ ଅନୁପ୍ରୟୁଷଣ ।  $\omega_1$ ,  $\omega_2$  କିମ୍ବା ହବେ କେ ନିଯେ ବିଭିନ୍ନ ଦେଶେ ବିଭିନ୍ନ ମାନ ବ୍ୟବହାର ହେଲେ, ସାଧାରଣତଃ  $\omega_1=15$  ଓ  $\omega_2=49$  ନେଓରୀ ହୁଏ ।

### 2.5.3 ବୟସ-ବିଶେଷିତ ପ୍ରଜନନ ହାର (Age-Specific Fertility Rates)

କୋନ ଏଲାକାର ପ୍ରଜନନ ହାରେର ସାଠିକ ଧାରଣା ପେତେ ହେଲେ ବୟସ ବିଶେଷିତ ପ୍ରଜନନହାର ନିର୍ଣ୍ଣୟ କରା ପ୍ରୟୋଗନ । ସଦି  $nB_x$ , କୋନ ଏଲାକାର କୋନ ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ ସମୟେ ଗତ ଜନମଦିନ ହିସାବେ  $x$  ଥିକେ  $x+n-1$  ବୟସେର ଜୀଲୋକଦେର ଜୀବତ ଜୀବତ ସଂଖ୍ୟା ହୁଏ ଓ  $fP_x$  ଏଇ ବୟସୀ ଜୀଲୋକ ସଂଖ୍ୟା ହୁଏ, ତାହେଲେ ବୟସ ବିଶେଷିତ ପ୍ରଜନନହାର  $n^i_x$  ହେବେ :

$$n^i_x = \frac{nB_x}{fP_x} \times 1000 \quad (2.22)$$

ସଦି 1 ବ୍ୟସର ଅନ୍ତର ବୟସ-ବିଶେଷିତ ପ୍ରଜନନହାର ନିର୍ଣ୍ଣୟ କରା ହୁଏ, ତାହେଲେ  $n=1$  ହେବେ, ତଥାନ ପ୍ରଜନନ ହାର  $i_x$  ହ'ଲ,

$$i_x = \frac{B_x}{fP_x} \times 1000 \quad (2.23)$$

ବୟସ-ବିଶେଷିତ ପ୍ରଜନନ ହାର ପ୍ରଥମେ ଦିକେ ଖୁବଇ କମ ଥାକେ, 20 ଥିକେ 30ର ମଧ୍ୟେ କୋଣ୍ଡାଓ ସର୍ବୋଚ୍ଚ ହୁଏ, ତାରପର କମେ ଯାଏ ।

### 2.5.4 ସଙ୍କଳିତ ପ୍ରଜନନ ହାର (Total Fertility Rate ବ୍ୟା TFR)

ବୟସ ବିଶେଷିତ ପ୍ରଜନନ ହାର ଦୁଟି ଏଲାକାର ପ୍ରଜନନହାର ତୁଳନାର ଜନ୍ୟ ଖୁବଇ ଉପ୍ରୟୁଷଣ । କିନ୍ତୁ ବୟସ ବିଶେଷିତ ପ୍ରଜନନହାରେର ସଂଖ୍ୟା ଅନେକ । ଶ୍ରୀରାଧା ତୁଳନାକରଣେ ଏକଟି ଏଲାକାଯ ଅନ୍ୟ ଏଲାକାର ଥିକେ କୋନ କୋନ ହାର ବଢ଼ି, ଆବାର ଅନ୍ୟଗୁଲି ଛୋଟ ହତେ ପାରେ । ତାଇ ଅନେକ ସମୟ ସବୁଗୁଲି ବୟସ ବିଶେଷିତ ପ୍ରଜନନହାର ଏକତ୍ର କରେ ଏକଟି ସଙ୍କଳିତ ପ୍ରଜନନହାର ନିର୍ଣ୍ଣୟ କରା ପ୍ରୟୋଗନ । ସଙ୍କଳିତ ପ୍ରଜନନହାର ହ'ଲ ବ୍ୟସରାଷ୍ଟ୍ରିକ ବୟସ ବିଶେଷିତ ପ୍ରଜନନହାରଗୁଲିର ଯୋଗଫଳ । ସଦି ସଙ୍କଳିତ ପ୍ରଜନନହାର  $TFR$  ହୁଏ, ତାହେଲେ

$$TFR = \frac{\omega_2}{\omega_1} \sum i_x \quad (2.24)$$

ସଦି  $n$  ବ୍ୟସରାଷ୍ଟ୍ରିକ ବୟସ-ବିଶେଷିତ ପ୍ରଜନନହାର ବ୍ୟବହାର କରା ହୁଏ, ତାହେଲେ ଶୁଳ୍କତଃ:

$$TFR = n \sum i_x \quad (2.25)$$

TFR এর অর্থ হ'ল এই ক্লপ—যদি 1000 জন উর্বর জীলোক (য়ু. থেকে যু. বয়সের), উর্বরাকালের মধ্যে কেউ মারা না যায় ও বর্তমানের বয়স-বিশেষিত প্রজননহার শেষপর্যন্ত অব্যাহত থাকে তাহ'লে তাদের যতজন জীবন্ত শিশু জন্মাবে তাই হ'ল সকলিত প্রজনন হার।

## 2.6 ভবিষ্যৎ জনসংখ্যা হ্রাসবৃদ্ধির পরিমাপম

বর্তমান মৃত্যুহার ও জন্মহার থেকে আমরা ভবিষ্যৎ জনসংখ্যার হ্রাসবৃদ্ধি সম্বন্ধে কিছু আভাস পেতে পারি। এজন্য নানাপ্রকার মাপকের অবতারণা করা হয়েছে। নীচে ক্রটগুলি মাপকের আলোচনা করা হচ্ছে।

### 2.6.1 অশোধিত স্বাভাবিক বৃদ্ধিহার (Crude Rate of Natural Increase)

অশোধিত স্বাভাবিক বৃদ্ধিহার পাওয়া যাবে অশোধিত জন্মহার থেকে অশোধিত মৃত্যুহার বিয়োগ করে। অশোধিত মৃত্যুহার ও জন্মহারে যে সব অস্বীকৃত রয়েছে, অশোধিত স্বাভাবিক বৃদ্ধিহারেও তা রয়েছে।

### 2.6.2 জীবনসংক্রান্ত সূচক

জীবনসংক্রান্ত সূচক হ'ল কোন এলাকার মোট জীবন্তজনক সংখ্যা ও মৃত্যুসংখ্যার ভাগফল।

একই কারণে এটিও জনসংখ্যা হ্রাসবৃদ্ধির উপযুক্ত সূচক নয়।

### 2.6.3 স্থূল সংজননহার (Gross Reproduction Rate বা GRR)

স্থূল সংজননহার জনসংখ্যা হ্রাসবৃদ্ধির মাপক হিসাবে ব্যবহার করা হয়। যেহেতু বর্তমানের মেয়ে শিশুই ভবিষ্যতের মাতা, জনসংখ্যা হ্রাসবৃদ্ধির মাপক হিসাবে মেয়ে শিশুর জন্মহার ব্যবহৃত হয়। বর্তমানের 1000 মেয়ে শিশু যদি তাদের উর্বরতাকাল পর্যন্ত সবাই বেঁচে থাকে ও বর্তমানের জন্মহার অব্যাহত থাকে তাহলে তারা মোট যত মেয়ে শিশুর অন্ম দেবে তাই স্থূল সংজনন হার। গত জন্মদিন হিসাবে  $x$  বয়সী জীলোকসংখ্যা যদি  $fP_x$  হয় ও  $fB_x$  তাদের জাত মেয়ে শিশুর সংখ্যা হয়, তাহলে  $x$  বয়সী মেয়েদের মেয়ে শিশু প্রজননহার ( $f_i_x$ ) হ'ল,

$$f_i_x = \frac{fB_x}{fP_x} \times 1000 \quad (2.26)$$

ତାହ'ଲେ ସ୍କୁଲ ସଂଭବନ ହାର (GRR) ହ'ବେ,

$$GRR = \frac{\omega_2}{\omega_1} \sum f_{i_x} \quad | \quad (2.27)$$

ସମୀ ପ୍ରତିଜ୍ଞନହାର n ବ୍ୟସରାତିକ ହୁଏ, ତାହ'ଲେ

$$\frac{f_{i_x}}{n} = \frac{f_{B_x}}{f_{P_x}} \times 1000 \quad | \quad (2.28)$$

ଓ ସ୍କୁଲ ସଂଭବନହାର ହ'ବେ, ସ୍କୁଲତ:

$$GRR = n \sum \frac{f_{i_x}}{n} \quad | \quad (2.29)$$

ଅନେକ ସମୟ ପରିତି x ବୟସୀ ଜ୍ଞାଲୋକଦେର ଜନ୍ୟ ମେଯେ ଶିଖର ପ୍ରତିଜ୍ଞନହାର ନାଓ ଜାଣା ଥାକିତେ ପାରେ । କେକ୍ଷେତ୍ରେ ଆମରା ଧରେ ନେବ, ପରିତି x ବୟସୀ ଜ୍ଞାଲୋକଦେର ଜନ୍ୟ ମେଯେ ଶିଖ ଓ ମୋଟ ଶିଖର ଅନୁପାତ ସମାନ ହୁଏ, ଅର୍ଥାତ୍

$$\frac{f_{B_x}}{B_x} = \text{ଧ୍ୟବକ ସଂଖ୍ୟା}, k \quad |$$

$$\text{ତାହ'ଲେ, } k = \frac{\sum f_{B_x}}{\sum B_x}$$

$$= \frac{f_B}{B} \quad |$$

$$\text{ସ୍କୁଲରାଃ } f_{B_x} = B_x \times \frac{f_B}{B} \quad \text{ଓ}$$

$$f_{i_x} = \frac{B_x}{f_{P_x}} \times \frac{f_B}{B}$$

$$= i_x \times \frac{f_B}{B} \quad |$$

ସ୍କୁଲରାଃ ସ୍କୁଲତ:

$$GRR = \frac{\omega_2}{\omega_1} \sum f_{i_x}$$

$$= \frac{f_B}{B} \sum i_x^{\omega_2}$$

$$= \frac{f_B}{B} \times \text{সকলিত প্রজনন হার} . \quad (2.30)$$

কোন এলাকার লিঙ্গ-অনুপাত বলতে বোঝায় মোট জাত পুরুষ সংখ্যা ও নারী সংখ্যার অনুপাত। এই লিঙ্গ-অনুপাত থেকে  $\frac{f_B}{B}$  অনুপাত সহজেই নির্ণয় করা যাবে।

#### 2.6.4 নেট সংজনন হার ( Net Reproduction Rate বা NRR )

স্থূল সংজননহার নির্গমকালে আমরা ধরেছিলাম যে 1000 নবজাত মেয়ে শিশু উর্বরাকাল পর্যন্ত কেউ মারা যাবে না। অর্থাৎ স্ত্রীলোকদের মৃত্যুহার ধরা হয়নি। এই মৃত্যুহার আমরা ঐ এলাকার স্ত্রীলোকদের জীবন সারণী থেকে পেতে পারি। যদি 1000 প্রারম্ভিক সংখ্যা  $f_{l_o}$  হয়, তাহ'লে তাদের মধ্যে  $f_{l_x}$  সংখ্যা সঠিক বয়স  $x$  এ পৌছবে। 1000 জন নবজাত মেয়েশিশুর জন্ম দেবে তাই নীট সংজননহার (*NRR*)। স্বতরাং:

$$NRR = \frac{1}{f_{l_o}} \sum f_{l_x} \times f_{i_x}$$

$$= \frac{\omega_2}{\omega_1} \sum f_{l_x} f_{p_o} . \quad (2.31)$$

$f_{p_o}$  হ'ল একটি নবজাত মেয়েশিশু সঠিক বয়স  $x$  লাভ করার সম্ভাবনা।

যদি  $n$  বৎসরাত্তিক প্রজননহার দেওয়া থাকে তাহলে নীট সংজননহার, স্থূলতঃ,

$$NRR = \frac{1}{f_{l_o}} \sum f_{l_x} \times f_{L_x} , \quad (2.32)$$

$${}^fL_x = {}^fL_x + {}^fL_{x+1} + \dots + {}^fL_{x+n-1}$$

ସଭାବତ୍ୟଃ ଏ ନୀତି ସଂଜନହାର ଫୁଲ ସଂଜନହାରେର ଚାଇତେ କମ ହବେ । ସାଧାରଣତଃ ଏଦେର ମାନ 1000 ଏର କାହାକାହି । ଅନେକ ସମୟ ସଂଜନହାର ନିର୍ଯ୍ୟକାଳେ ଥେଜନହାରେ 1000 ଗୁଣିଯକଟି ବାଦ ଦେଓଯା ହୁଏ । ତଥିନ ଅବଶ୍ୟ ଏଦେର ମାନ 1 ଏର କାହାକାହି । ନୀତି ସଂଜନହାର 1 ଏର ଚାଇତେ ବୈଶୀ ହ'ଲେ ବର୍ଜମାନ ମୃତ୍ୟୁହାର ଓ ଥେଜନ ହାର ବଜାର ଥାକଳେ ଶେଷପର୍ଯ୍ୟନ୍ତ ଲୋକସଂଖ୍ୟା ବାଡ଼ିବେ, 1 ଏର ଚାଇତେ କମ ହ'ଲେ ଶେଷପର୍ଯ୍ୟନ୍ତ ଲୋକସଂଖ୍ୟା କମବେ, ଓ 1 ହଲେ ଲୋକସଂଖ୍ୟା ହବେ ହିତିଶୀଳ ।

**ଉଦ୍‌ଦୃଶ୍ୟ 2.4** କୋନ ଦେଶେର 1969 ମାଲେର ଜନମସଂଖ୍ୟା ମାଯେର ବୟବ ଅନୁସାରେ ସାଜାନ ରହେଛେ । ତାର ସାଥେ ଦେଓଯା ରହେଛେ ମାଯେଦେର ଜନମସଂଖ୍ୟା ଓ ଶ୍ରୀଲୋକଦେର 1969 ମାଲେର ଜୀବନସାରଗୀଳକ ଜନମସଂଖ୍ୟା ( ପ୍ରାରତ୍ତିକ ସଂଖ୍ୟା 1000 ) । ଏ ଦେଶେ ଯଦି 1969 ମାଲେର ମୋଟ ଜନମସଂଖ୍ୟା 2317496 ହୁଏ ଓ ଅନ୍ତକାଳୀନ ଲିଙ୍କ ଅନୁପାତ ଥତି 100 ଶ୍ରୀଲୋକେ 104.9 ଜନ ପୁରୁଷ ହୁଏ, ତାହ'ଲେ (i) CBR, (ii) GFR, (iii) TFR (iv) GRR ଓ (v) NRR ନିର୍ଣ୍ୟ କର :

ମାଯେର ବୟବ	ଶ୍ରୀଲୋକ ମସିହା	ଏ ବୟବେର ମାଯେଦେର ଶିକ୍ଷ୍ୱ ଜନମସଂଖ୍ୟା	ଶ୍ରୀଲୋକଦେର ଜୀବନ-ସାରଗୀର ଜନମସଂଖ୍ୟା
15-19	84791	1331	4683.4
20-24	70012	7120	4666.1
.25-29	72663	10245	4643.3
30-34	75924	8404	4614.7
35-39	75105	5422	4574.3
40-44	71626	2099	4521.2
45-49	66667	181	4456.3

ଅନ୍ତକାଳୀନ ନିର୍ଯ୍ୟର ଜନ୍ୟ ନିମ୍ନଲିଖିତ ସକଳନଶୁଳି ପ୍ରୟୋଜନ :

সারণী 2.3  
সংজনন হার নির্ণয়

মাসের বয়স	বয়স বিশেষিত জনহার =জনসংখ্যা / জীলোকসংখ্যা	জীবনসারণীর জনসংখ্যা × বয়স-বিশেষিত জনহার
15-19	0·0157	73·5
20-24	0·1017	474·5
25-29	0·1410	654·7
30-34	0·1107	510·8
35-39	0·0722	330·3
40-44	0·0293	132·5
45-49	0·0027	12·0
মোট	0·4733	2,188·3

এক্ষেত্রে,

$$CBR = \frac{\text{মোট জনসংখ্যা}}{\text{মোট জনসংখ্যা}}$$

$$= \frac{34,802}{2,317,496} \times 1000$$

$$= 15·02 (\text{ থতি হাজারে }) !$$

$$GFR = \frac{\text{মোট জনসংখ্যা}}{\text{উর্বর জীলোকসংখ্যা}}$$

$$= \frac{34,802}{516,788} \times 1000$$

$$= 67·34 (\text{ থতি হাজারে }) !$$

$$TFR = 5 \times 1000 \sum \frac{\text{ଉଲ୍ଲଙ୍ଘନୀୟ}}{\text{ଆଲୋକସଂଖ୍ୟା}}$$

$$= 5 \times 473.3.$$

$$= 2366.5 \text{ ( ପ୍ରତି ହାଜାରେ ) } .$$

$$GRR \approx \frac{TFR}{1000} \times \frac{\text{ଉଲ୍ଲଙ୍ଘନୀୟ ଆଲୋକସଂଖ୍ୟା}}{\text{ମୋଟ ଉଲ୍ଲଙ୍ଘନୀୟ}}$$

$$= \frac{TFR}{1000} \times \frac{100}{204.9}$$

$$= 1.155$$

$$\text{ଓ } NRR = \frac{2188.3}{1000} \times \frac{100}{204.9}$$

$$= 1.068$$

### 2.7 ଲଜିଷ୍ଟିକ ରେଖା ( Logistic Curve )

**ଲଜିଷ୍ଟିକ ରେଖା ସାଧାରଣତ:** ଉଲ୍ଲଙ୍ଘନୀୟ ପରିସଂଖ୍ୟାନେର ତ୍ରମଗତି ସାଥନେର ଉଲ୍ୟ ବ୍ୟବହାର ହୁଏ । କୋଣ ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ ଏଲାକାଯ ସଦି ବସତି ମୁକ୍ତ ହୁଏ ପ୍ରଥମ ତୁରେ ଉଲ୍ଲଙ୍ଘନୀୟ ବୃଦ୍ଧିହାର ଖୁବ କମ ଥାକେ, ଯିତିଥିରେ ତୁରେ ବୃଦ୍ଧିହାର ତ୍ରମଣ ବାଡ଼ିତେ ଥାକେ, ତୃତୀୟ ତୁରେ ବୃଦ୍ଧିହାର କମେ ଯାଏ ଓ ଚତୁର୍ଥ ତୁରେ ବୃଦ୍ଧିହାର କମେ ଗିଯେ ତ୍ରମଣ: ଉଲ୍ଲଙ୍ଘନୀୟ ଏକଟା ହିତଶୀଳ ଅବସ୍ଥାଯ ଏବେ ଯାଏ ।

ଏହି ଜିନିଷଟା ଆସରା ଆରା ପରିକାର ଭାବେ ବୁଝାତେ ପାରିବ ସଦି ଆପେକ୍ଷିକ ବୃଦ୍ଧିହାରେର କଥା ଭାବି । ସଦି  $P_t$ ,  $t$  ସମୟର ଉଲ୍ଲଙ୍ଘନୀୟ ହୁଏ, ତାହଲେ ଆପେକ୍ଷିକ ବୃଦ୍ଧିହାର  $\frac{1}{P} \frac{dP}{dt}$  । ଲଜିଷ୍ଟିକ ରେଖାଯ ଧରେ ନେଇଯା ହୁଏ ଏହି ଆପେକ୍ଷିକ ବୃଦ୍ଧିହାର ତ୍ରମଣ: କମତେ ଥାକିବେ । ଗହଜତମ ଦୀକରଣ ହିସାବେ ଆସରା ଧରାତେ ପାରି

$$\frac{1}{P} \cdot \frac{dP}{dt} = K(L-P) \quad (2.33)$$

ଏଥାନେ  $L$  ହ'ଲ ଉଲ୍ଲଙ୍ଘନୀୟର ସର୍ବୋଚ୍ଚ ସୀମା ଓ  $K$  ଏକଟି ଧନୀୟକ ଧ୍ରୁବକ ସଂଖ୍ୟା ।

তাহ'লে,

$$\frac{dP}{P(L-P)} = Kdt$$

$$\text{বা, } \frac{dP}{L} \left( \frac{1}{P} + \frac{1}{L-P} \right) = -Kdt$$

$$\text{বা, } \frac{dP}{P} + \frac{dP}{L-P} = KLdt \quad ।$$

সমাকলন করে, আবরা পাৰ

$$\log P - \log(L-P) = KLt + C$$

(  $C$  একটি সমাকলন-সৰ্ক প্ৰমৰক ) .

$$\text{বা, } \log \frac{P}{L-P} = KLt + C \quad ।$$

ধৰা যাক, যখন  $t=\beta$ ,  $P=\frac{L}{2}$  হবে ।

$$\text{স্বতৰাঃ } \log \frac{\frac{L}{2}}{L-\frac{L}{2}} = KL\beta + C$$

$$\text{বা, } C = -KL\beta \quad ।$$

$$\text{স্বতৰাঃ } \log \frac{P}{L-P} = KL(t-\beta) \quad ।$$

$$\text{বা, } \log \frac{L-P}{P} = KL(\beta-t)$$

$$\text{বা, } \frac{L-P}{P} = e^{KL(\beta-t)}$$

$$\text{বা, } \frac{L}{P} = 1 + e^{KL(\beta-t)}$$

$$\text{বা, } P = \frac{L}{1 + e^{\alpha(\beta-t)}} \quad ।$$

$$( \alpha = \frac{1}{KL} \text{ বসিমে } )$$

(2.34)

ଆବାର

$$\begin{aligned} \frac{dP}{dt} &= KP(L-P) \\ \therefore \frac{d^2P}{dt^2} &= K(L-P) \frac{dP}{dt} - KP \frac{dP}{dt} \\ &= K(L-2P) \frac{dP}{dt} \end{aligned}$$

ସ୍ଵତରାଂ ସଥନ  $P = \frac{L}{2}$ , ଅର୍ଥାତ୍  $t = \beta$  ଲଜିଟିକ ରେଖାର ଇନ୍ଫ୍ଲେକ୍ସନ୍

( inflexion ) ବିଳୁ । ଏ ବିଳୁତେ ଲଜିଟିକ ରେଖା ଉପରେର ଦିକେ ଅବତଳ ଥେବେ ଉତ୍ତଳେ ଉନ୍ନିତ ହୁଅଛେ ।

ଆବାର  $\frac{dP}{dt} = 0$

ସଥନ  $P=0$  ଏବଂ  $P=L$  ।

ସ୍ଵତରାଂ  $P=0$  ଏବଂ  $P=L$  ଏହି ଦୁଇଟି ରେଖାର ସାଥେ ଲଜିଟିକ ରେଖା ଅନ୍ତରାଳଭାବେ ମିଳେଛେ ।

ପ୍ରଦତ୍ତ ଅନ୍ତର୍ଦ୍ୟ ରାଶିତଥ୍ୟର ସାଥେ ଲଜିଟିକ ରେଖାର ସାମ୍ବନ୍ଧିତ ନିର୍ଣ୍ଣୟର ଅନ୍ୟ, ପ୍ରଦତ୍ତ ରାଶିତଥ୍ୟ ଥେବେ ଲଜିଟିକ ରେଖାଶୁଭ୍ରେ ପୂର୍ଣ୍ଣକାଙ୍କ୍ଷଣି (  $L, \beta$  ଓ  $\alpha$  ) ପ୍ରାକ-କଳନ କରା ପଥ୍ୟେଜନ । ପ୍ରାକ-କଳନେର ବିଭିନ୍ନ ପଦ୍ଧତି ରହେଛେ । ତାର ଥେବେ ଦୁ'ଟି ପଦ୍ଧତି ନୀଚେ ଆଲୋଚିତ ହ'ଲ ।

### 2.7.1 ପାର୍ଲ (Pearl) ଓ (Reed) ଏର ପଦ୍ଧତି

ପ୍ରଦତ୍ତ ରାଶିତଥ୍ୟକେ ଆମରା ନିମ୍ନୋକ୍ତଭାବେ ଲିଖିତେ ପାରି

$t$	$P_t$
0	$P_0$
1	$P_1$
2	$P_2$
⋮	⋮
$n-1$	$P_{n-1}$

ଏହି ପରିଭିତେ ତିନାଟି କ୍ରମକ  $L$ ,  $\alpha$  ଓ  $\beta$  ଏବନଭାବେ ନିର୍ଦ୍ଦର୍ଶନ କରାଯାଇଛି  
ହବେ ସାତେ ଲାଜିଟ୍ଟିକ ରେଖାଟି ତିନାଟି ଶମ୍ଭବେର ଦିକ୍ ଦିର୍ଘେ ଗମ୍ଭୁରୁଷଙ୍କ ବିଶ୍ୱର  
(ଅର୍ଧାଂ ଥିଥ୍ୟ ଓ ହିତୀଯ ବିଶ୍ୱର ଶମ୍ଭବେର ତକାଂ ହିତୀଯ ଓ ଡୁତୀଯ ବିଶ୍ୱର  
ଶମ୍ଭବେର ତକାଂ ଏବନ ଶମାନ ) ବନ୍ଧ୍ୟ ଦିର୍ଘେ ଥାଏ । ଏବା ଯାକ ବିଶ୍ୱ ତିନାଟି  
ହ'ଳ  $(O, P_o)$ ,  $(h, P_h)$  ଓ  $(2h, P_{2h})$  । ତାହ'ଳେ, ଲାଜିଟ୍ଟିକ ରେଖାଲୁଙ୍କେ  
ବରଗେ ଆମରା ପାବ,

$$\left. \begin{aligned} \frac{\beta}{\alpha} &= \log_e \left[ \frac{L - P_o}{P_o} \right], \\ \frac{\beta - h}{\alpha} &= \log_e \left[ \frac{L - P_h}{P_h} \right] \text{ ଓ } \\ \frac{\beta - 2h}{\alpha} &= \log_e \left[ \frac{L - P_{2h}}{P_{2h}} \right], \end{aligned} \right\} \quad (2.35)$$

(2.35) ଥେବେ ଆମରା ପାବ,

$$\left. \begin{aligned} \frac{h}{\alpha} &= \log_e \frac{P_h(L - P_o)}{P_o(L - P_h)} \text{ ଓ } \\ \frac{2h}{\alpha} &= \log_e \frac{P_{2h}(L - P_o)}{P_o(L - P_{2h})}, \end{aligned} \right\} \quad (2.36)$$

(2.36) ଥେବେ ଆମରା ପାବ,

$$\frac{P_{2h}(L - P_o)}{P_o(L - P_{2h})} = \left[ \frac{P_h(L - P_o)}{P_o(L - P_h)} \right]^2$$

ଶର୍ଲୀକରଣେର ପରେ,

$$L = \frac{2P_o P_h P_{2h} - P_h^2 (P_o + P_{2h})}{P_o P_{2h} - P_h^2} \quad (2.37)$$

$$\text{ଆମାର, } \frac{1}{P_o} = \frac{1 + e^{\beta/\alpha}}{L},$$

$$\frac{1}{P_h} = \frac{1 + e^{\beta-h/\alpha}}{L} \quad \text{ଓ}$$

$$\frac{1}{P_{sh}} = \frac{1+e^{\beta-2h/\alpha}}{L} - 1$$

$$\text{তাহলে } d_1 = \frac{1}{P_o} - \frac{1}{P_h} = \frac{e^{\beta/\alpha} (1-e^{-h/\alpha})}{L}$$

$$\text{ও } d_2 = \frac{1}{P_h} - \frac{1}{P_{sh}} = \frac{e^{\beta-h/\alpha} (1-e^{-h/\alpha})}{L},$$

$$\therefore \frac{d_1}{d_2} = e^{h/\alpha}$$

$$\text{বা } \frac{h}{\alpha} = \log_e d_1 - \log_e d_2$$

$$\text{বা } \alpha = \frac{h}{\log_e d_1 - \log_e d_2} \quad (2.38)$$

$$\text{আবার } \frac{\beta}{\alpha} = \log_e \left[ \frac{L}{P_o} - 1 \right]$$

$$\text{বা } \beta = \alpha \log_e \left[ \frac{L}{P_o} - 1 \right] \quad (2.39)$$

(2.37)–(2.39) সূত্রগুলি থেকে আমরা লজিটিক রেখার ধ্রুবক তিনটি বিশ্বর করতে পারব।

উপরোক্ত পদ্ধতিতে নির্ণ্যাত  $L$ ,  $\alpha$ ,  $\beta$ র এইগুলি প্রাথমিক প্রাক-কলক  $L_o$ ,  $\alpha_o$ ,  $\beta_o$  ধরে  $\delta_{L_o}$ ,  $\delta_{\alpha_o}$  ও  $\delta_{\beta_o}$  শুধু বাসগুলি আমরা লজিটিক রেখাটি পদ্ধতিতে নির্ণ্য করতে পারি।

$$\text{বলি } f(L, \alpha, \beta) = \frac{L}{1+e^{\beta-\alpha/\alpha}} \text{ অহ,$$

$$\begin{aligned} \text{ତାହ'ଲେ, } f(L, \alpha, \beta) &\simeq f(L_0, \alpha_0, \beta_0) + \delta_{L_0} \left( \frac{\partial f}{\partial L} \right) \\ &+ \delta_{\alpha_0} \left( \frac{\partial f}{\partial \alpha} \right)_0 + \delta_{\beta_0} \left( \frac{\partial f}{\partial \beta} \right)_0 \\ &= f_0 + \delta_{L_0} x + \delta_{\alpha_0} y + \delta_{\beta_0} z \end{aligned}$$

$\sum_{i=0}^{n-1} (P_i - f_0 i)$  ରୁ. ସର୍ବନିମ୍ନମାନ ପେତେ ହ'ଲେ ନର୍ତ୍ତାଳ ଗୁଡ଼ାଗୁଲି ହବେ—

$$\Sigma x_i (P_i - f_0 i) = \delta_{L_0} \Sigma x_i^2 + \delta_{\alpha_0} \Sigma x_i y_i + \delta_{\beta_0} \Sigma x_i z_i$$

$$\Sigma y_i (P_i - f_0 i) = \delta_{L_0} \Sigma x_i y_i + \delta_{\alpha_0} \Sigma y_i^2 + \delta_{\beta_0} \Sigma y_i z_i$$

$$\Sigma z_i (P_i - f_0 i) = \delta_{L_0} \Sigma x_i z_i + \delta_{\alpha_0} \Sigma y_i z_i + \delta_{\beta_0} \Sigma z_i^2$$

ଏହକଠିତେ

$$x_i = \frac{1}{1 + e^{\beta_0 - i/\alpha_0}}$$

$$y_i = \frac{L_0}{[1 + e^{\beta_0 - i/\alpha_0}]} e^{\beta_0 - i/\alpha_0} \times \frac{\beta_0 - i}{+\alpha_0^2}$$

$$\text{ଓ } z_i = - \frac{L_0}{[1 + e^{\beta_0 - i/\alpha_0}]} e^{\beta_0 - i/\alpha_0} \cdot \frac{1}{\alpha_0} \quad (2.40)$$

ଏହି ଶକ୍ତି ଅନ୍ତିମ ବାର ବାର କରା ଯେତେ ପାରେ ଯତକଣ ନା ମାତ୍ରାଗୁଲି ସଥେଟି ଶକ୍ତି ହୁଏ ।

### 2.7.2 ରୋଡ୍‌ଶେନ୍ ( Rhodes ) ପରିଚି

ଲଞ୍ଜିସ୍ଟିକ ରେଖାଶୂନ୍ୟ ହ'ଲ

$$P_i = \frac{L}{1 + e^{\beta - i/\alpha}}$$

$$\text{ତୀର୍ଥରେ, } \frac{1}{P_i} = \frac{1}{L} + \frac{e^{\beta - i/\alpha}}{L}$$

$$\text{ঢ} \quad \frac{1}{P_{i-1}} = \frac{1}{L} + \frac{e^{\beta-i+1/\alpha}}{L} \quad |$$

সূত্রাঃ  $\frac{1}{P_i} = \frac{1-e^{-1/\alpha}}{L} + e^{-1/\alpha} \cdot \frac{1}{P_{i-1}} \quad | \quad (2.41)$

যদি  $\frac{1}{P_i} = y_i$  and  $\frac{1}{P_{i-1}} = x_i$  হয়, তাহলে

$$Y_i = A + Bx_i,$$

$$A = \frac{1-e^{-1/\alpha}}{L} \quad \text{ও} \quad B = e^{-1/\alpha} \quad | \quad (2.42)$$

যদি অনসংখ্য রাশিটিক নিয়মে ঠিক ঠিক বাড়ে তাহলে  $y$  ও  $x$  এর মধ্যে সম্পর্ক সঠিকভাবে খাড়ুরৈখিক। সঠিক খাড়ুরৈখিক সম্পর্ক থেকে বিচ্যুতি  $x$  ও  $y$  এর আঙ্গিজনিত।

সূত্রাঃ  $A$  ও  $B$  এর প্রাক-কলক হবে,

$$\beta = b = \sqrt{\sum_{i=1}^{n-1} (y_i - \bar{y})^2 / \sum_{i=1}^{n-1} (x_i - \bar{x})^2} \quad | \quad (2.43)$$

$$\text{ঢ} \quad A = a = \bar{y} - b\bar{x}, \quad | \quad (2.44)$$

$$\bar{x} = \sum_{i=1}^{n-1} x_i / n-1, \quad |$$

$$\bar{y} = \sum_{i=1}^{n-1} y_i / n-1 = \bar{a} + \frac{1}{n-1} \left( \frac{1}{P_{n-1}} - \frac{1}{P_0} \right) \quad |$$

তাহলে  $e^{-1/\alpha} = b$

$$\text{বা } \alpha - \frac{1}{\alpha} = \log_e b$$

$$\text{বা } \alpha = -\frac{1}{\log_e b} \quad (2.45)$$

$$\text{ও } \frac{1-e^{-1/\alpha}}{e} = a$$

$$\text{বা } \frac{1-b}{L} = a$$

$$\text{বা } \frac{1-b}{L} = a \quad (2.46)$$

পরিশেষে আমরা দেখছি,

$$\beta = \alpha \log_e \left( \frac{L}{P} - 1 \right) + t$$

$t=0, 1, 2 \dots n-1$  বসিরে ও যোগ করে আমরা পাব,

$$n\beta = \alpha \sum_{t=0}^{n-1} \log_e \left( \frac{L}{P_t} - 1 \right) + \frac{n-1}{2}$$

$$\text{বা } \beta = \frac{\alpha}{n} \sum_{t=0}^{n-1} \log_e \left( \frac{L}{P_t} - 1 \right) + \frac{n-1}{2} \quad (2.47)$$

উভাহৰণ 2.5 কোন দেশের আদমশুমারী জন নিম্নলিখিত অনসংখ্যা তথ্য Rhodes-এর প্রণালী ব্যবহার করে সজিস্টিক রেখার সামুদ্র নির্ণয় কর।

বৎসর (t)	অনসংখ্যা ( জন হাফে ) (P <sub>t</sub> )
1845	15.2
1855	18.2
1865	24.4
1875	32.8
1885	44.8
1895	62.9

একেজন  $t = \frac{\text{বৎসর}-1845}{10}$  বগিচা,

$$\sum_{t=1}^5 y_t = \sum_{t=1}^5 \frac{1}{P_t} = 0.1646362,$$

$$\sum_{t=1}^5 x_t = \sum_{t=1}^5 \frac{1}{P_t} = 0.2145274,$$

$$Ey_t^2 = 0.0063791$$

$$Ex_t^2 = 0.0104547$$

অন্তর্বাসঃ,  $\sum_{t=1}^5 (y_t - \bar{y})^2 = \sum y_t^2 - (\sum y_t)^2 / 5$   
 $= 0.009581$

ও  $\sum_{t=1}^5 (x_t - \bar{x})^2 = \sum x_t^2 - (\sum x_t)^2 / 5$   
 $= 0.0012503$

তাহলে,  $b = \frac{\sum (y_t - \bar{y})(x_t - \bar{x})}{\sum (x_t - \bar{x})^2} = 0.7650723$

ও  $a = \bar{y} - b\bar{x} = 0.0001014$

এই মানগুলি  $e^{-r} = b$   $(r = 1/\alpha)$

ও  $L = \frac{1 - e^{-r}}{a}$  গূর্জ বগিচা,

$r = 0.267785$

ও  $L = 2316.85$

আবাস  $\beta = \frac{1}{6 \times r} \sum_{t=0}^5 \log_e \left( \frac{L}{P_t} - 1 \right) + \frac{6-1}{2}$

$-18.77545$

सूत्राः अधिकृत गाम्य देखा हैं

$$P_t = \frac{2316.85}{1 + e^{0.267788(18.77545 - t)}} !$$

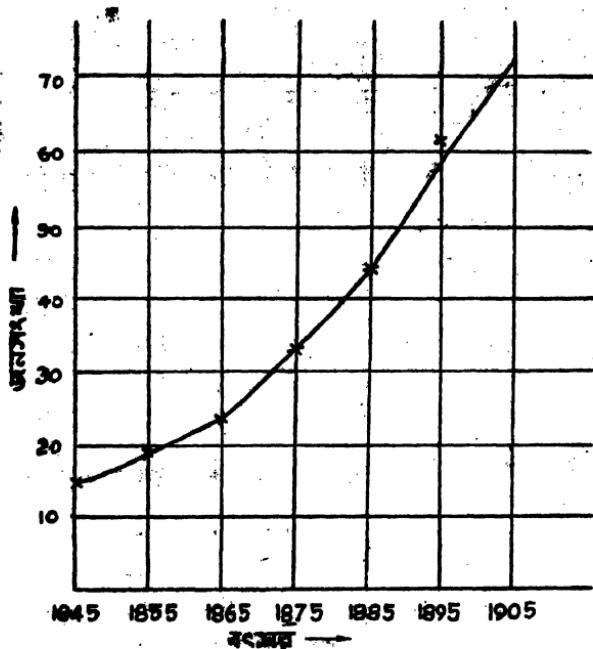
गाम्य देखा थे के दोष अनगःखाति नियु गाम्योत्ते देखा हैं।

### गाम्यी 2.4

अधिकृत गाम्य देखा थे के प्रथाशित अनगःखा निर्णय।

$t$	$r(\beta - t)$	$r(\beta - t) \times \log_{10} e$	$r^r(\beta - t)$	$L$	आम दूसरी प्रथाशित अनगःखा
				$\frac{1+r(\beta-t)}{1+r^r(\beta-t)}$	
0	5.02778	2.183537	152.590	15.08	15.2
1	4.76000	2.067242	116.750	19.68	18.2
2	4.49221	1.950942	89.319	25.65	24.4
3	4.22443	1.834647	68.336	33.41	32.8
4	3.95664	1.718347	52.281	43.48	44.8
5	3.68886	1.602052	39.999	56.51	62.9
6	3.42107	1.485752	30.602	73.31	—

नियु अकित लेखित अधिकृत गाम्य देखा ओ आम दूसरी प्रथा  
अनगःखा देखा हैं।



चित्र 2.1 नियन्त्रिक सूत्रज्यारेखा ओ आदमसूमान्त्री लक्षणग्रन्थ)

### अनुप्रीती

2.1 दृष्टि आवगार मृत्युहार के अधोर्थित मृत्युहारेर जाहाये सठिक-  
तावे तुलना करा गठव नम बेन ता आलोचना कर। एই प्रगते  
अवानीकृत मृत्युहार किभावे निर्णय करा याए ?

2.2 पूर्ण औबन-सारनीते कि कि विमये तथ्य थाके ? व्यक्त  
प्रिश्नित मृत्युहार थेके किभावे पूर्ण औबन-सारणी प्रकृत करा याए ?

2.3 उपर्युक्त व्यक्तिगत नामके नियन्त्रित सूत्राङ्कि निर्णय कर :

$$(1) \quad \frac{2m_s}{2+m_s}$$

$$(2) \quad L_n = \frac{r^{n+1} - s^{n+1}}{2} = l_n - \frac{1}{2} d_n$$

2.4 ହୁଲ ସଂଖ୍ୟନ ହାର ଓ ନୀଟ ସଂଖ୍ୟନ ହାରେର ସଂଖ୍ୟା ନିର୍ଦ୍ଦେଶ କର ।  
ଅନ୍ୟମନ ହାରକେ କତ୍ତମୁର ଅନ୍ୟମ୍ୟ ବୃଦ୍ଧିର ଶୂକ୍ର ବଳ୍ପ ଥାର ।

ମେଧାଓ ଯେ ନୀଟ ସଂଖ୍ୟନ ହାର ହୁଲ ସଂଖ୍ୟନ ହାରେର ଚେଯେ ବଡ଼ ହ'ତେ ପାରେ ନା ।

2.5 କତ୍ତମୁର ଉପଯୁକ୍ତ ପ୍ରୀକରଣେର ସାହାର୍ୟ ଲଭିଷ୍ଟକ ରେଖା ନିର୍ଦ୍ଦେଶ କର । ଲଭିଷ୍ଟକ ସାଧୁଯ୍ୟ ରେଖା କି କି ପଞ୍ଚତିତେ ନିର୍ଣ୍ଣୟ କରା ଥାର । ଏକଟି ପଞ୍ଚତି ଆଲୋଚନା କର ।

2.6 ନିମ୍ନଲିଖିତ ସାରନୀତେ ସମଗ୍ର ଭାବରେ ଓ ଏକଟି ଶିଳ୍ପକଳେର 1931 ଲାଲେର ଅନ୍ୟମ୍ୟ ଓ ବରଗ ବିଶେଷିତ ମୃତ୍ୟୁହାର ଦେଉଥା ହ'ଲ । ଥିତ୍ୟମ୍ ଓ ପରୋକ୍ଷ ପଞ୍ଚତିତେ ଶ୍ରମାନୀକୃତ ମୃତ୍ୟୁହାର ନିର୍ଣ୍ଣୟ କର :

ବରଗ	ଭାବତ		ଶିଳ୍ପକଳ	
	ଅନ୍ୟମ୍ୟ (000)	ମୃତ୍ୟୁହାର (ଅତି ହାରାରେ)	ଅନ୍ୟମ୍ୟ	ମୃତ୍ୟୁହାର (ଅତି ହାରାରେ)
0-1	5349	219·4	5027	202·3
1-5	21086	57·2	21402	5·3
5-10	23796	12·7	50	20·0
10-15	21573	8·5	41	—
15-20	16040	11·0	64	—
20-30	31781	15·2	75403	5·4
30-40	25765	23·8	81101	9·2
40-50	17485	34·7	72011	13·7
50-60	10181	48·3	5117	30·1
60-70	4905	73·1	—	—
70 ଓ ତମ୍ଭେ	2245	156·4	—	—
	180205		260216	

ଡ: ଥିତ୍ୟମ୍ ପଞ୍ଚତିତେ 14·56 ( ଅତି ହାରାରେ )  
ପରୋକ୍ଷ ପଞ୍ଚତିତେ 13·81 ( ଅତି ହାରାରେ )

2.7 ଭାରତୀୟ ପ୍ରକଳ୍ପରେ ଅବ୍ୟ (1951-62) ନିମ୍ନଲିଖିତ ରାଜିତତା ଅନ୍ୟମ୍ୟ 10 ବରଗ x=20ର ଅବ୍ୟ ପୂର୍ବ ରାଜ୍ୟ-ଶାରବୀ ପଞ୍ଚତ ଥାର ।  
 $I_{10}=75206$  ଓ  $c_0=45·21$  ବଳ୍ପ ଥେବେ ପାରେ ।

$x$	1000 q <sub>s</sub>
10	3.00
11	3.01
12	3.30
13	3.91
14	4.83
15	4.97
16	5.05
17	5.12
18	5.20
19	5.27
20	5.33

2.8 ନିମ୍ନଲିଖିତ ଶାର୍କଣୀତ ଶାର୍କଣୀ ଭାରତେର ଯାତାଦେର ଥର୍ଫନ ହାର (1957-58) ଓ ଭାରତୀୟ ନାରୀଦେର ଛୀବନ-ଶାର୍କଣୀ ଲକ ଅନ୍ତର୍ଭାବ ଦେଉଥା ହଁଲ୍ । ନାରୀ ଓ ପୁରୁଷ ଭାତକେର ଅନୁପାତ 49.5 : 50.5 ଥରେ ନିମ୍ନ ସ୍ତରନ ହାର (GRR) ଓ ନୀଇ ସଂଘନ ହାର (NRR) ନିର୍ଦ୍ଦେଖ କରି :

ବୟଙ୍କ	ବୟଙ୍କ ବିଶେଷିତ ଥର୍ଫନ ହାର (ହାଜାର ଥତି)	ଛୀବନ-ଶାର୍କଣୀ ଲକ ଅନ୍ତର୍ଭାବ
15-19	143.9	3608
20-24	263.6	3508
25-29	244.3	3392
30-34	188.3	3197
35-39	127.9	2914
40-44	49.6	2602
45-49	17.6	2291

$$\text{ଡ: } GRR=2.562, \text{ NRR}=1.691$$

2.9 କୋଳ ଦେଶେର ଆଶ୍ଵଦ୍ଧରୀ ଲକ ଅନ୍ତର୍ଭାବ ନିମ୍ନେ ଦେଉଥା ହଁଲ୍ । (କ) Pearl ଓ Reed ଏବଂ ପର୍ଯ୍ୟାତିତ ଓ (ଖ) Rhodes ଏବଂ ପର୍ଯ୍ୟାତିତ ଅନ୍ତର୍ଭାବ ଦେଖିଛି ଶାକୁନିଯାରୀ ଲିର୍ବ କର ଓ ଅନ୍ତର୍ଭାବ ଦେଖିବା ଥିବା ପରେ ଅତ୍ୟାପିତ ଅନ୍ତର୍ଭାବ ନିର୍ଦ୍ଦେଖ କର । ଅନ୍ତର୍ଭାବ ଦେଖିବା ଥିବା ଓ ଆଶ୍ଵଦ୍ଧରୀ ଲକ ଅନ୍ତର୍ଭାବ ଦେଖିବାରେ ନାହାନ୍ତେ ଦେଖାଓ ।

वर्षांमध्ये	अनुसंधान ( विज्ञान )
1851	18·00
1861	24·10
1871	31·15
1881	40·00
1891	52·10
1901	65·01
1911	78·15
1921	93·00
1931	105·75
1941	125·21
1951	135·70
1961	152·80

### संदर्भ पूरकांकी

- [1] Anderson, J. L & Dow, J. B. *Construction of Mortality and other Tables* (Ch. 9, 18, 20). Cambridge Univ. Press, 1952.
- [2] Benjamin, B. *Elements of Vital Statistics* (Chs. 4-6). G. Allen & Unwin, 1959.
- [3] Goon, A. M., Gupta, M. K. & DasGupta, B. *Fundamentals of Statistics*, vol-2 (Ch. 22). World Press, 1972.
- [4] Pearl, R. *Introduction to Medical Biometry and Statistics* (Chs. 7-9, 18). Saunders, 1940.
- [5] Rhodes, E. C. "Population Mathematics—III", Journal of Royal Stat. Soc., 103, pp 362-87, 1940.
- [6] Spiegelman, M. *Introduction to Demography* (Ch. 2-5, 9, 12). Society of Actuaries, 1955.
- [7] Spurgeon, E. F. *Life Contingencies*. Cambridge Univ. Press, 1932.

## ঢাতোর পরিচেদ

### মনোবিজ্ঞা ও শিক্ষার রাশিবিজ্ঞানের প্রয়োগপদ্ধতি (Statistical Methods in Psychology and Education)

#### 3.1 সূচনা:

মনোবিজ্ঞানের যে অংশে বনের বিভিন্ন ধর্ম বা সামর্থ্য—ব্যক্তিগত (personality), প্রতিদ্বন্দ্ব (attitude), মতাবলম্বন (opinion), প্রবণতা (aptitude)—প্রভৃতি বাপার পক্ষতি আলোচিত হয় তাকে মনোবিজ্ঞান সম্পর্কিত রাশিবিজ্ঞান (psychological statistics) বা মনোমিত্রি (psychometry) বলা হয়। মনোবিজ্ঞান সম্পর্কিত রাশিবিজ্ঞানের যে অংশে শিক্ষাগত বৃৎপত্তি বাপার পক্ষতি আলোচিত হয় তাকে শিক্ষাসম্পর্কিত রাশিবিজ্ঞান বলা হয়। বর্তমান অধ্যায়ে শিক্ষাসম্পর্কিত রাশিবিজ্ঞান বিশেষভাবে আলোচিত হবে।

শিক্ষাগত বৃৎপত্তি নির্ণয়ের অন্য সাধারণত: আবরা বিভিন্ন বিষয়ের উপরে পরীক্ষা বা টেস্ট (test) গ্রহণ করি। পরীক্ষাগুলি ব্যক্তি-নিরপেক্ষ বা ব্যক্তি-সাপেক্ষ দুইই হতে পারে। পরীক্ষায় নম্বর যদি পরীক্ষকের উপর নির্ভরশীল হয় তাকেই ব্যক্তি-সাপেক্ষ পরীক্ষা বলে, আর পরীক্ষকের উপর নির্ভরশীল না হ'লে ব্যক্তি-নিরপেক্ষ। পরীক্ষালক নম্বর দিয়ে কিছি শরীরস্থানীয়ের পরম্পর তুলনা করা যায় না, অথবা একই পরীক্ষার্থীর বিভিন্ন বিষয়ে নম্বরও তুলনীয় নয়। একটি পরীক্ষায় 50 থেকে 70-এর পেতে হলে যত বেশী সামর্থ্য (ability) প্রয়োজন হ'তে পারে। আবার বাংলায় 50-নম্বর ও আকে 50 নম্বর স্বাম সামর্থ্যের পরিচারক না হতে পারে। স্বতুরাঃ: শিক্ষাগত বৃৎপত্তির তুলনামূলক বিচার বা বিভিন্ন বিষয়ে স্থানান্তর একটি সংস্কৃত বাস পেতে হ'লে ঐ নম্বরগুলিকে একটি সামর্থ্যগত মাপনাবাজার (scale) পরিবর্তিত করতে হবে। এই পক্ষতিকে সামাধিক্ষণিক পদ্ধতি (scaling procedure) বলে। সামাধিক্ষণিক ক্ষেত্রে মনোবিজ্ঞানগত ক্ষেত্রে মনোবিজ্ঞানগত ক্ষেত্রের তফাত এই যে এতে কোন পরম শূন্যবিন্দু (absolute zero point) নেই। এই বাজা দিয়ে আবরা বিভিন্ন পরীক্ষার্থীর সামর্থ্যগত আপেক্ষিক (relative) বাস মাত্র পেতে পারি।

### ৩.২ বিজ্ঞ মাত্রামিল্লগণ পছতি

অধিকাংশ মাত্রা নিঙ্গপণ পছতিতে আমাদের স্বীকৃত হ'ল নিমিট মানসিক ধর্ম ও সামর্থ্যের নিবেশন নর্ম্যাল। মাত্রার শূন্যবিলু ও একক স্বীকৃত গৃহীত হয়, কিন্তু মাত্রার একক মাত্রাটির সর্বত্র অপরিবর্তিত থাকবে। আমরা নীচে কয়েকটি প্রয়োজনীয় ক্ষেত্রে মাত্রা নিঙ্গপণ পছতি আলোচনা করব।

#### ৩.২.১ টেষ্ট আইটেমের কাঠিন্যের আপনামাত্রা (Scaling of difficulty of test-items)

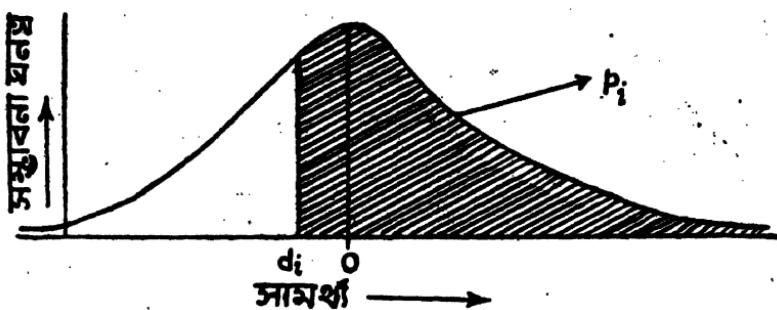
কোন টেষ্ট হয়ত অনেকগুলি আইটেম (item) নিয়ে গঠিত। বহু পরীক্ষার্থী টেষ্টটি গ্রহণ করেছে। আইটেমগুলি ব্যক্তি-নিরপেক্ষ—প্রশ্নেভর-গুলি হয় পুরোপুরি ঠিক না হয় পুরোপুরি ভুল। প্রতিটি আইটেম কতজন পরীক্ষার্থী সঠিকভাবে উত্তর দিয়েছে তাৰ আনুপাতিক মান জানা আছে। আমাদের স্বীকৃত হ'ল যে মানসিক সামর্থ্য ( $p$ ) আমরা টেষ্ট আইটেমগুলির সাহায্যে বাগতে চাই সেটির নিবেশন নর্ম্যাল—গড়  $\mu$  ও সরক পার্থক্য  $\sigma$ । আমরা ইচ্ছাকৃতভাবে শূন্যবিলু  $\mu$  কে ধরলাম। অর্ধাং  $\mu=0$ ।

$p$ ; যদি  $t$ -তম আইটেমের সাফল্যতার অনুপাত হয়, অর্ধাং  $t$ -তম আইটেম  $p$ ; আনুপাতিক পরীক্ষার্থী সঠিক উত্তর আনে, তাহলে  $p$ ; কে আইটেমের কাঠিন্যতাৰ সূচক হিসাবে ধৰা যায়।  $p$ ; র মান বত বেশী, আইটেমটি তত সহজ। কিন্তু  $p$ ; কোন মাত্রা নয়। যদি চারটে আইটেম ব্যৱহাৰ কৰে ৯০%, ৮৫%, ৮০% ও ৭৫% পরীক্ষার্থী সঠিক উত্তর আনে, তাহলে প্ৰথম আইটেম হিতোয় আইটেম থেকে বত সহজ, তৃতীয় আইটেম চতুৰ্থ আইটেম থেকে তত সহজ নাও হ'তে পাৰে।

নর্ম্যাল নিবেশন স্বীকৃতণের সাহায্যে আমরা  $p$ ; র মাত্রাগত মান নিৰ্ণয় কৰতে পাৰি। গড় ০ ও সরক পার্থক্য  $\sigma$  যুক্ত নর্ম্যাল নিবেশনে আমরা এমন একটি বিলু বাৰ কৰব যাৰ ডার্নদিকেৱ ক্ষেত্রে হ'ল  $p$ ;। ধৰা থাক এটা হ'ল  $k$ ;  $\sigma$ । তাহলে সামৰ্থ্যগত মাত্রায় অন্ততঃ  $k$ ;  $\sigma$  সামৰ্থ্য থাকলে তবেই আইটেমটি সঠিকভাবে উত্তর কৰা যাবে। তাই'লে বাপনামাত্রায়  $k$ ;  $\sigma$  হ'ল আইটেমটিৰ কাঠিন্যতাৰ মান ( $d$ ), যেক্ষেত্ৰে

$$\int_{k}^{\infty} \frac{1}{\sqrt{2\pi}} e^{-x^2/2\sigma^2} dx = p$$

$$\text{যা } \int_{-\infty}^{\infty} \frac{1}{\sqrt{2\pi}} e^{-z^2/2} dz = p_1 \quad (3.1)$$



চিত্র 3.1 সাকল্যতার অনুপাত থেকে কাঠিন্যতার মাত্রা মান নির্ণয়

**উদাহরণ 3.1** কোন টেস্টে 4টি আইটেম  $A, B, C$  ও  $D$  যথাক্রমে  $20\%, 40\%, 70\%$  ও  $90\%$  পরীক্ষার্থী সঠিকভাবে উত্তর করেছিল। আইটেম  $A$  ও  $B$  এর কাঠিন্যের পার্দক্যের সঙ্গে আইটেম  $C$  ও  $D$  এর কাঠিন্যের পার্দক্য তুলনা কর।

সামর্থ্যের নিবেশন নম্যাল ধরলে, চারটি আইটেমের কাঠিন্যের ( $d$ ) মাপক হ'ল—

$$d_A = 0.84\sigma,$$

$$d_B = 0.25\sigma,$$

$$d_C = -0.52\sigma$$

$$\text{এ } d_D = -1.28\sigma \text{।}$$

আইটেম  $A$  ও  $B$  এর কাঠিন্যের পার্দক্য  $= 0.59\sigma$

ও আইটেম  $C$  ও  $D$  এর কাঠিন্যের পার্দক্য  $= 0.76\sigma$

সূতরাং,  $\frac{\text{আইটেম } A \text{ ও } B \text{ এর কাঠিন্যের পার্দক্য}}{\text{আইটেম } C \text{ ও } D \text{ এর কাঠিন্যের পার্দক্য}} = .78$

### 3.2.2 বিভিন্ন টেস্টে মডেলের মাত্রা-বিস্তৃতি (Scaling of test scores)

পরীক্ষার্থীর পরীক্ষার্থীর দৃঢ়গতি বিস্তৃতে বিভিন্ন টেস্টের ব্যবহারের

কর্তা বলা হয়েছে। তাহারা আমরা মেধেয়ি অশোধিত নথরঙ্গি একটি টেস্ট বিভিন্ন পরীক্ষার্থীদের তুলনার কাছে বা সব টেস্ট বিলিয়ে একটি সংযুক্ত মান বির্তুর করে পরীক্ষার্থীদের মানানুক্রমে সাঝানুর কাছে লাগান চলেন। তার আগে অশোধিত নথরঙ্গি একটি বিশেষ মাপনা-আজ্ঞা অনুবাদী পরিশোধিত করে নিতে হবে। বিভিন্ন স্বীকৃতপের সাহাবে আমরা মাত্রা নিখনপদের বিভিন্ন পদ্ধতি পেতে পারি।

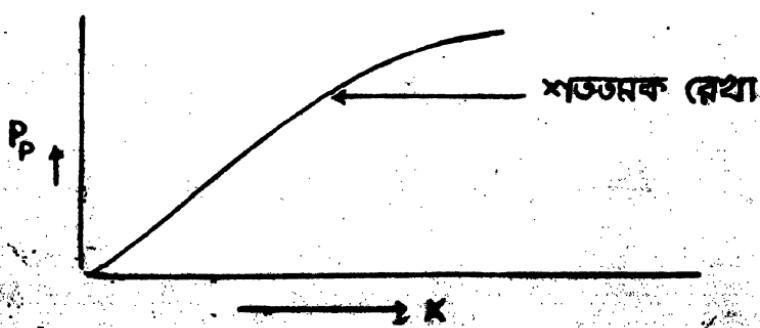
### শততমক মাত্রা নিখনপদ পদ্ধতি

এই পদ্ধতিতে আমাদের স্বীকৃত হ'ল-সামর্থ্যের নিবেশন আরত। তাহ'লে অশোধিত নথরকে শততমক নথরে পরিবর্তিত করলে, শততমক নথরই মাত্রা মান হবে। কোন পরীক্ষার্থীর কোন টেস্টে নথর  $x$  হ'লে ঐ টেস্টে ঐ পরীক্ষার্থীর শততমক অবস্থান ( $P_x$ ) বা শততমক নথর  $H_x$

$$P_x = \text{ঐ টেস্টে সকল পরীক্ষার্থীদের মধ্যে শতকরা কতজনের অশোধিত নথর অনধিক } x. \quad (3.2)$$

নথরের বিজ্ঞান থেকে যে কোন নথর  $x$  এর  $P_x$  মান নির্ণয় করা যেতে পারে। নির্ণয় কালে অবশ্যই  $x$  কে অবিচ্ছিন্ন চলক হিসাবে ধরতে হবে।  $x$  যদি একটি অখণ্ড সংখ্যা হয়, ইহা  $x - \frac{1}{2}$  থেকে  $x + \frac{1}{2}$  পর্যন্ত যে কোম নথরের প্রতিনিধিত্বানীয়।

শততমক অবস্থান ( $P_x$ ) কে  $x$  এর সঙ্গে বসিয়ে যে লেখচিত্র হয় তাকে অনেকসময় শততমক রেখা ( Percentile curve ) বলে।



চিত্র 3.2 একটি সাধারণ শততমক রেখা।

## প্রামিলিকেন পরমাণু পদ্ধতি

এই আবাৰ্য বিজ্ঞানৰ পৰিকল্পনাৰ অধোবিত কৌণ্ডন কুলকুল সমত্বৰ  
স্থানীয় সময়, অৱৰ্গন, কৌণ্ডন সার্বজ্য বিজ্ঞানৰ পূজাৰ কৰ দেওয়াৰ  
সন্মতি আৰু।

### আবাৰ্য বিজ্ঞানৰ পদ্ধতি বা চৰ্মাব্য বিজ্ঞানৰ পদ্ধতি

এই পদ্ধতিত আবাৰ্যৰ পৰিকল্পনাৰ টেস্টেৰ অধোবিত কৌণ্ডনৰ  
বিভাগসে বে গুৰুত্ব তা উৎ গুৰু ও সহজ পৰিকল্পনাৰ। অক্ষয় কুলকুল  
কৌণ্ডন সে হ'ল তথ্য আৰ্কিবিক কৌণ্ডন। কৌণ্ডন বৰি স্থানীয় বিজ্ঞানৰ  
আবাৰ্য বিজ্ঞান টেস্টেৰ অধোবিত আবাৰ্যৰ পৰিকল্পনাৰ পুনৰাবৃত্তি বিশেষন  
ধৰি ( বাৰ গড় ও সৰক পাৰ্থক্য ইত্যাবৃত্তি পুনৰাবৃত্তি হৈছে ), তাৰ'লে  
অধোবিত সহজ খেকে সামৰ্থ্যবাল পোতে হ'লে একট পুনৰাবৃত্তি কৌণ্ডনৰ  
ক্রোকন। বৰি একট টেস্টেৰ অভ্যন্তৰীয় কৌণ্ডন পুনৰাবৃত্তি যৰ তাৰ  
সামৰ্থ্যবাল আৰ ই আৰ গড় ও সৰক পাৰ্থক্য  $\mu$  ও  $\sigma$  ও হৰ ও  
ও এৰ গড় ও সৰক পাৰ্থক্য ধৰা হৈ 50 ও 10, তাৰ'লে

$$\frac{x-\mu}{\sigma} = \frac{z-50}{10}$$

$$\text{বা } z = 50 + 10 \left( \frac{x-\mu}{\sigma} \right) : \quad (3.3)$$

### আবাৰ্য বিজ্ঞানৰ পদ্ধতি

এই পদ্ধতিতে অধোবিত সহজসূচিৰ বিভাগৰ বাই গোক যা কেৰ  
সামৰ্থ্য বিশেষন বৰা সহ বৰ্ণনাৰ। এই সৰ্বজ্য বিশেষণৰ গড় ও সৰক  
পাৰ্থক্য বৰা, হৰ বৰ্ণনাৰে 50 ও 10। অভ্যন্তৰীয় সহজ ও এৰ বৰ্ণনাৰ  
খৰ, (2) খেকে হ'লে দৰখন ও এৰ অভ্যন্তৰীয় সহজসূচি (2), দৰখন কৌণ্ডন  
পুনৰাবৃত্তি হ'ল গড় 50 ও সৰক পাৰ্থক্য 10। এই সামৰ্থ্য বিশেষণৰ পুনৰাবৃত্তি  
পুনৰাবৃত্তি দৰখন হ'ল  $\frac{\mu}{10}$ । পুনৰাবৃত্তি

$$\text{পুনৰাবৃত্তি } = \frac{\mu}{10} : \quad (3.4)$$

$$\text{পুনৰাবৃত্তি } = \frac{1}{10} \left( \frac{\mu - 50}{10} \right)^2 : \quad (3.5)$$

$$\text{বা } \int_{-\infty}^{\frac{T-50}{10}} \sqrt{2\pi} e^{-\frac{1}{2}y^2} dy = \frac{P_p}{100} ! \quad (3.4)$$

এই মাত্রামানকে বলা হয় *T*-স্কোর বা *T*-নম্বর (*T-score*)। *Mc Call* নামক মনোবিদ এই পদ্ধতির উঙ্গাবক। দুই নামজাদা মনোবিদ *Terman* ও *Thorndyke* এর আদ্যক্ষর অনুবাদী এই মাত্রা নিরূপণ পদ্ধতির এই নাম।

### সমতুল মান পদ্ধতি (Method of equivalent scores)

এই পদ্ধতিতে সার্থক্য নিবেশন সম্পর্কে কোন স্বীকৃতি নেই। এখানে *X* ও *Y* দুটি টেস্টের অশোধিত নম্বরকে যদি একই মাত্রায় পরিবর্তিত করতে হয়, তাহলে যে কোন একটিকে (*x* বা *y*) প্রমাণ ধরে অন্যটির (*Y*) নম্বরের অন্য প্রথমটির সমতুল মান নির্ণয় করা হয়। সমতুল নম্বর পাওয়া গেলে তুলনামূলক বিচার ও সমষ্টি নির্ণয় করা সহজ হবে।

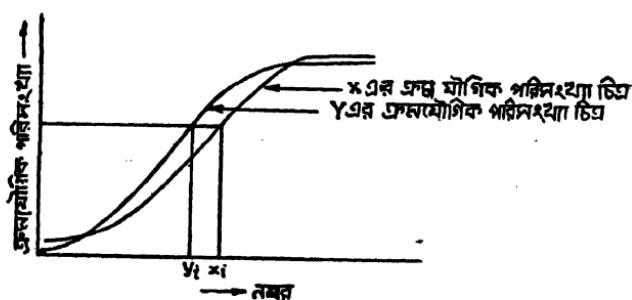
ধরা যাক ক্রমগতি সাধনের সাহায্যে আমরা *p*েলাম যে *x*-এর সত্ত্বাবন্ধন অপেক্ষক  $f(x)$  *y*-এর  $f(y)$ । তাহলে দুটি টেস্টের নম্বর *x*; ও *y*; সমতুল হবে যদি *x*; পর্যন্ত  $f(x)$  এর ক্ষেত্রে *y*; পর্যন্ত  $f(y)$  এর ক্ষেত্রের সমান হয়। অর্ধাৎ

$$\int_{-\infty}^{x_i} f(x) dx = \int_{-\infty}^{y_i} f(y) dy ! \quad (3.5)$$

অক্ষত ক্ষেত্রে (*x<sub>i</sub>*, *y<sub>i</sub>*) এর অনেকগুলি যুগমমান নির্ণয় করে তাদের ক্রমগতিসাধনের সাহায্যে  $x=h(y)$  এর মত একটি সমতুল সূত্র পেতে পারি। ঐ সূত্র থেকে *y* এর যে কোন মানের অন্য সমতুল *x*-র সমান হবে।

*x* ও *y* এর অশোধিত নম্বর থেকেও আমরা স্থুলতা: সমতুল মান পেতে পারি। একই লেখচিত্রে যদি আমরা *x* ও *y* এর ক্রমযৌগিক পরিসংখ্যা চিত্র (ogive) আঁকি, তাহলে দুটি নম্বর *x*; ও *y*; সমতুল হবে যদি তাদের অন্য ক্রমযৌগিক পরিসংখ্যা সমান হয়।

দুইএর বেশী টেস্ট থাকলেও একইভাবে যে কোন একটিকে প্রমাণ টেস্ট ধরে অন্যগুলির নম্বরের অন্য প্রমাণ টেস্টের সমতুল মান নির্ণয় করতে হবে।



চিত্র ৩.৩ ক্রমবৌগিক পরিসংখ্যা চিত্র থেকে সমতুল মান নির্ণয়।  
উপরের চিত্রে x; ও y; সমতুল।

**উদাহরণ ৩.২** দুটি বিষয়ে 250 অন ছাত্রের নম্বরের পরিসংখ্যা বিভাজন ও তিনটি ছাত্রের নম্বর নিম্নে দেওয়া হ'ল :

ছাত্র	বিষয় 1	বিষয় 2
1	45	55
2	50	50
3	55	45

দুটি বিষয় মিলিয়ে ছাত্র তিনটির মানক্রম নির্ণয় কর : (1) তাদের শৃঙ্খলক মান ঘোগ করে, (2) তাদের z-মান ঘোগ করে ও (3) তাদের T-মান ঘোগ করে।

পরের পৃষ্ঠায় দেওয়া পরিসংখ্যা বিভাজনের ক্রমবৌগিক পরিসংখ্যা থেকে আমরা সহজেই শৃঙ্খলক মান নির্ণয় করতে পারি। এক্ষেত্রে,

অস্থোধিত নম্বর	শৃঙ্খলক মান	
	বিষয় 1	বিষয় 2
45	39.8	67.0
50	55.6	80.0
55	71.2	87.4

মাস	পরিসংখ্যা	
	বিষয় 1	বিষয় 2
0—10	0	4
10—20	3	18
20—30	12	40
30—40	45	73
40—50	79	65
50—60	78	37
60—70	26	12
70—80	5	1
80—90	2	0
90—100	0	0
	250	250

সুতৰাঃ,

ছাত্র তিনটির শততমক মাস যোগ করে মানক্রম হ'ল—

ছাত্র	শততমক মাস			মানক্রম
	বিষয় 1	বিষয় 2	যোগফল	
1	39·1	87·4	127·2	3
2	55·6	80·0	135·6	2
3	71·2	67·0	138·2	1

আবার, বিষম্বন্তি ( $x$  ও  $y$ )র গড় ও সরক পার্দক্ষ হ'ল—

$$\bar{x} = 48.00$$

$$s_x = 11.94$$

$$\bar{y} = 38.64$$

$$s_y = 13.44$$

স্তরাং, ছাত্র তিনটি  $z$  মান যোগ করে মানক্রম হ'ল—

ছাত্র	z মান			মানক্রম
	বিষয় 1	বিষয় 2	যোগফল	
1	47.49	62.17	109.66	3
2	51.67	58.45	110.12	2
3	55.86	54.73	110.59	1

শততারক মানগুলিকে T-মানে পরিবর্তিত করলে পাওয়া যাবে :-

অশোধিত	নর্ম্মাল নিবেশনে অশোধিত নম্বর পর্যন্ত ক্ষেত্রফল		T-মান	
	বিষয় 1	বিষয় 2	বিষয় 1	বিষয় 2
45	.398	.670	47.4	54.4
50	.556	.800	51.4	58.4
55	.712	.874	55.6	61.5

স্তরাং T-মান অনুযায়ী ছাত্রতিলটির মানক্রম হ'ল—

ছাত্র	T-মান			মানক্রম
	বিষয় 1	বিষয় 2	যোগফল	
1	47.4	61.5	108.9	3
2	51.4	58.4	109.8	2
	55.6	54.4	110.0	1

### 3.2.3. মূল্যায়ণ ( rating ) ও সার্কেজ ( ranking ) এবং মাত্রানিক্ষেপণ

যখন পরীক্ষককে পরীক্ষার্থীদের দক্ষতা, ব্যক্তিত্ব, প্রয়োগকুশলতা প্রভৃতি বিষয়ে মূল্যায়ন করতে বলা হয় তখন তিনি সাধারণত:  $A, B; C, D, E$  অক্ষর মূল্যায়ণ বা খুব ভাল, ভাল, মাঝামাঝি, খারাপ, খুব খারাপ এইভাবে কথার সাহায্যে মূল্যায়ন করে থাকেন। সাধারণত: একাধিক পরীক্ষক থাকেন ও তাদের মূল্যায়নে পার্দক্ষ থাকা সত্ত্ব। সব পরীক্ষকের মূল্যায়ন একত্র করে সংযুক্ত মূল্যায়ন কী করে করা যাবে ? এর জন্য ঐ মূল্যায়নের মাত্রা নিরূপণ করা প্রয়োজন। মাত্রা নিরূপণের অন্য লিকার্ট ( Likert ) এর পদ্ধতি ব্যবহার করা হয়। এই পদ্ধতিতে আমাদের স্বীকৃত হ'ল এই যে সামর্থ্য নিবেশন নর্ম্যাল, গড় 0 ও সবক পার্দক্ষ 1। মূল্যায়নের পরিসংখ্যা বিভাজন থেকে প্রতিটি মূল্যায়নের আনুপাতিক পরিসংখ্যা পাওয়া যাবে। ঐ অনুপাত থেকে আমরা  $x_1$  ও  $x_2$  সামর্থ্যের দুটি মান বার করতে পারব যার ভেতরে থাকলে একজন পরীক্ষার্থী কোন নির্দিষ্ট মূল্যায়ন পাবে। তাহলে ঐ মূল্যায়নের মাত্রামান হবে  $x_2$  থেকে  $x_1$  পর্যন্ত যাদের সামর্থ্য তাদের গড় সামর্থ্য। অর্ধাং

$$\begin{aligned}
 \text{মাত্রা, মান} &= \frac{\int_{x_2}^{x_1} \frac{1}{\sqrt{2\pi}} e^{-x^2/2} dx}{\int_{-\infty}^{x_2} \frac{1}{\sqrt{2\pi}} e^{-x^2/2} dx} \\
 &= \frac{\left[ -\frac{1}{\sqrt{2\pi}} e^{-x^2/2} \right]_{x_1}^{x_2}}{\int_{-\infty}^{x_2} \frac{1}{\sqrt{2\pi}} e^{-x^2/2} dx - \int_{-\infty}^{x_1} \frac{1}{\sqrt{2\pi}} e^{-x^2/2} dx} \\
 &= \frac{\phi(x_2) - \phi(x_1)}{\Phi(x_2) - \Phi(x_1)} \quad (3.6)
 \end{aligned}$$

$$\text{একেতে } \phi(x) = \int_{-\infty}^x \frac{1}{\sqrt{2\pi}} e^{-x^2/2} dx \text{ ও } \Phi(x) = \int_{-\infty}^x \frac{1}{\sqrt{2\pi}} e^{-x^2/2} dx$$

অপরপক্ষে যদি পরীক্ষক পরীক্ষার্থীদের সামর্থ্য অনুসারে সার্কেজ (rank) দেন তাহলে এই মানজনশুলির মাত্রানিক্ষেপণ করতে হবে।

ପ୍ରେସଟି: ମାନକ୍ରମେର ଥେକେ ଶତତମକ ମାନକ୍ରମ (*PR*) ନିର୍ଣ୍ଣୟ କରାତେ ହୁବେ ।

*R* ମାନକ୍ରମେର ଶତତମକ (*PR*) = ଶତକରା ଅତଭଳ *R* ମାନକ୍ରମ ବା ତାର  
ନୀଚେର ମାନକ୍ରମ ପେଯେଛେ ।

$$= 100 - \frac{100(R - \frac{1}{2})}{n} \quad (3.7)$$

ଏଥାଣେ *R* ମାନକ୍ରମ  $R - \frac{1}{2}$  ଥେକେ  $R + \frac{1}{2}$  ପର୍ଯ୍ୟନ୍ତ ଯେ କୋଣ ମାନେର  
ପ୍ରତିଲିଖିତ କରାଯାଉଥିବା ହେବାରେ ଧରା ହେବେ ।

ଯଦି ସାର୍ଥ୍ୟ ନିବେଶନ ଆରାତ ଧରା ହୁଏ ତାହାଲେ ଶତତମକ ମାନକ୍ରମଟି ମାତ୍ରା-  
ମାନ ହୁବେ । ଯଦି ସାର୍ଥ୍ୟ ନିବେଶନ ନର୍ମ୍ୟାଲ, ଗଡ଼ 0 ସମ୍ବଲ ପାର୍ଥକ୍ୟ 1 ଧରା  
ହୁଏ, ତାହାଲେ *R* ମାନକ୍ରମେର ମାତ୍ରାମାନ (*K*) ପାଓଯା ଯାବେ ନିୟୁଲିଖିତ ସୁତ୍ର  
ବେକେ :

$$\int_{-\infty}^K \frac{1}{\sqrt{2\pi}} e^{-x^2/2} dx = \frac{PR}{100} \quad (3.8)$$

ଉପରେର ଆଲୋଚନାଯ କୋଣ ଯୌଥ ମାନକ୍ରମ (tie) ନେଇ ଧରା ହେବେ ।  
ଯୌଥ ମାନକ୍ରମ ଥାକଲେ, *PR* ମାନ ପାଓଯା ଯାବେ ମାନକ୍ରମଗୁଲିର ପରିସଂଖ୍ୟା  
ବିଭାଜନ ଥେକେ ।

ମତାମତ, ପ୍ରେସଟି ଥେକେ ନିର୍ଣ୍ଣୟକ ପ୍ରଶ୍ନପତ୍ରେ ଉତ୍ତରଗୁଲି ସାଧାରଣତଃ ଗୁଣଗତ  
ହୁଏ—ସଥା ହ୍ୟ / ନା ବା ସବିଶେଷ ସ୍ଵୀକାର / ସ୍ଵୀକାର / ମତାମତ ନେଇ /  
ଅସ୍ଵୀକାର / ସବିଶେଷ ଅସ୍ଵୀକାର ପ୍ରଭୃତି । ଏକେତେବେଳେ ଉତ୍ତରଗୁଲିର ମାତ୍ରାମାନ  
ନିର୍ଣ୍ଣୟ କରାଯାଇବା ପାଇଁ Likert ଏର ପକ୍ଷତି ବ୍ୟବହାର କରା ଯେତେ ପାରେ ।

**ଉଦ୍ଦାହରଣ 3.3** କୋଣ ମତାମତ ସମ୍ପର୍କିତ ସମ୍ବଲାଯ 100 ଅନ ବ୍ୟକ୍ତିର  
ମତାମତ ଥେକେ ନିୟୁଲିଖିତ ପରିସଂଖ୍ୟା ବିଭାଜନ ପାଓଯା ଗେଲ । ମତାମତ-  
ଗୁଲିର ନର୍ମ୍ୟାଲ ନିବେଶନେର ସାହାଯ୍ୟେ ମାତ୍ରାମାନ ନିର୍ଣ୍ଣୟ କରି :

ବିଶେଷଭାବେ ଅପକ୍ଷେ	ଅପକ୍ଷେ ମତାମତ ନେଇ ବିପକ୍ଷେ	ବିଶେଷଭାବେ ବିପକ୍ଷେ
4	22	38
	28	8

বিপক্ষ মতামতকে মাত্রামান নিবেশনের নীচের দিকে ধরে নিলে ও নিবেশনটি নর্ম্যাল ধরে নিলে আমরা মাত্রামান নিচুপণের অন্য নিম্নোক্ত সারণীটি তৈরী করতে পারি।

### সারণী 3.1

#### মতামতের মাত্রামান নির্ণয়

মতামত (1)	মতামতটিতে নর্ম্যাল নিবেশনের ক্ষেত্রফল $\Phi(x_2) - \Phi(x_1)$ (2)	মতামতটির নীচের ক্ষেত্রফল $\Phi(x_1)$ (3)
বিশেষভাবে বিপক্ষে	0.08	0
বিপক্ষে	0.28	0.08
মতামত নেই	0.38	0.36
স্বপক্ষে	0.22	0.64
বিশেষভাবে স্বপক্ষে	0.04	0.96

মতামতটির নিম্ন মানসীমা $x_1$ (4)	মতামতটির উচ্চ মানসীমা $x_2$ (5)	নিম্ন মানসীমার অক্ষরেখার দৈর্ঘ্য $\phi(x_1)$ (6)
$-\infty$	-1.41	0
-1.41	-0.36	.1476
-0.36	0.64	.3739
0.64	1.75	.3251
1.75	$\infty$	.0863

উচ্চ মানসীমাৰ অক্ষরেখাৰ দৈৰ্ঘ্য $\phi(x_2)$ (7)	মাত্রাবান $\frac{\phi(x_1) - \phi(x_2)}{\Phi(x_2) - \Phi(x_1)}$ (8)
•1476	-1.84
•3739	-•81
•3251	•13
•0863	1.09
0	2.16

### 3.2.3. বিচার মাপন মাত্রা

যখন কতিপয় পরীক্ষার্থীৰ কোন হাতেৰ কাজ—যেমন, হাতেৰ লেখা, আঁকা ছবি প্ৰভৃতি পৰীক্ষা কৰতে হয় সাধাৰণত: কয়েকজন পৰীক্ষক সেগুলি পৰীক্ষা কৰেন। তাদেৱ সকলেৰ বিচার একত্ৰ কৰে হাতেৰ কাজগুলিৰ মাত্রানিৰূপণ কৰাই আমাদেৱ আলোচ্য ত্ৰিয়ত্ব।

এই মাত্রানিৰূপণেৰ বিভিন্ন পদ্ধতি রয়েছে। এখানে আমৰা Thurstone এৰ যুগ্ম তুলনা ( Paired comparison ) পদ্ধতি আলোচনা কৰিব। ধৰা যাক  $N$  জন বিচারক  $K$ টি হাতেৰ কাজ পৰীক্ষা কৰবেন। হাতেৰ কাজগুলি যুগ্মভাৱে গ্ৰহণ কৰলে মোট  $\frac{K(K-1)}{2}$  টি জুটি হবে।

প্ৰতিটি জুটি প্ৰতিজন বিচারক বিচার কৰে বলিবেন কোনটি ভাল। ধৰা যাক  $i$ -তৰ কাজকে  $j$ -তৰ কাজ থেকে ভাল বলেছেন আনুপাতিক  $P_{ij}$  বিচারক। স্বত্বাবতঃই  $P_{ij} = 1 - P_{ji}$ ;  $P_{ii}$  ধৰা হবে .50। শেষ পৰ্যন্ত আমৰা একটি  $P_{ij}$  ম্যাট্রিক্স পাৰ—

কাজ

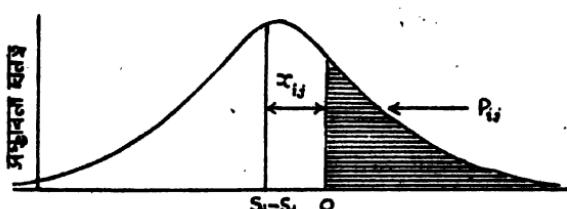
	1	2	3	...	K
1	$P_{11}$	$P_{21}$	$P_{31}$	...	$P_{k1}$
2	$P_{12}$	$P_{22}$	$P_{32}$	...	$P_{k2}$
3	$P_{13}$	$P_{23}$	$P_{33}$	...	$P_{k3}$
⋮	⋮	⋮	⋮		
K	$P_{1k}$	$P_{2k}$	$P_{3k}$	...	$P_{kk}$

ধরা যাক  $i$ -তম ও  $j$ -তম কাজের বিচার পার্থক্যের ( $T$ ) নিবেশন নর্ম্যাল, গড়  $S_i - S_j$  (কাজ দুটির মাত্রামানের পার্থক্য) ও সমক পার্থক্য  $\sigma_{i-j}$ । তাহলে

$$P_{ij} = \int_0^{\infty} \frac{1}{\sigma_{i-j} \sqrt{2\pi}} e^{-\frac{1}{2} \left[ \frac{T - (S_i - S_j)}{\sigma_{i-j}} \right]^2} dT$$

$$= \int_{-(S_i - S_j)/\sigma_{i-j}}^{\infty} \frac{1}{\sqrt{2\pi}} e^{-\frac{\tau^2}{2}} d\tau$$

স্বতরাঃ  $S_i - S_j = -x_{ij} \sigma_{i-j}$  । (3.9)



→ বিচার পার্থক্য

চিত্র 3.4. নর্ম্যাল নিবেশন থেকে মাত্রামানের পার্থক্য নির্ধারণ।

$x_{ij}$  ହ'ଲ ମୌଳ ନର୍ମାଲ ଚଲକେର (ନର୍ମାଲ ଚଲକ, ସାର ଗଡ଼ 0 ସମକ ପାର୍ଦ୍ଦକ୍ୟ 1) ମେହି ବିଲ୍ଲୁ ସାର ଡାନ ଦିକେର କ୍ଷେତ୍ର  $P_{ij}$  ।

ଅତିଟିକ କାନ୍ଦେର ବିଚାରେର ନିବେଶନେର ସମକ ପାର୍ଦ୍ଦକ୍ୟ ଅଭିନ ଠ ଧରିଲେ ଓ ସେ କୋନ ଦୁଇ କାନ୍ଦେର ବିଚାର ସଦି ସହଗତିଶୂନ୍ୟ ହେଁ, ତାହଲେ

$$S_{j-j} = \sigma \sqrt{2} = \text{ଧ୍ୱବକ ସଂଖ୍ୟା} ।$$

ଏହି ମାପନାମାଆୟ ସଦି  $\sigma \sqrt{2}$  କେ 1 ଧରା ସାର, ତାହଲେ

$$S_i - S_j = -x_{ij} ।$$

ଶେଷ ପର୍ଯ୍ୟନ୍ତ ଆମରା ( $S_i - S_j$ ) ମ୍ୟାଟ୍ରିକ୍ସ ପାବ—

କାଜ

	1	2	3	....	K
1	$S_1 - S_1$	$S_2 - S_1$	$S_3 - S_1$	....	$S_k - S_1$
2	$S_1 - S_2$	$S_2 - S_2$	$S_3 - S_2$	....	$S_k - S_2$
ଅଣ୍ଟ ଟି 3	$S_1 - S_3$	$S_2 - S_3$	$S_3 - S_3$	....	$S_k - S_3$
	:	:	:	:	:
K	$S_1 - S_k$	$S_2 - S_k$	$S_3 - S_k$	....	$S_k - S_k$
କଲମେର ଗଡ଼	$S_1 - \bar{S}$	$S_2 - \bar{S}$	$S_3 - \bar{S}$	....	$S_k - \bar{S}$

କଲମେର ଗଡ଼ଗୁଲି ହ'ଲ  $\bar{S}$  ଥେକେ  $S_1, S_2 \dots S_k$  ଏର ପାର୍ଦ୍ଦକ୍ୟ,  $\bar{S} = \frac{1}{K} \sum S_i$  ।

ସଦି ଆମରା ମାଆର ଶୂନ୍ୟ ବିଲ୍ଲୁ  $\bar{S}$  ଏ ମେହି, ତାହଲେ କଲମ ଗଡ଼ଇ ମାଆମାନ ନିର୍ଦ୍ଦେଶ କରିବେ । ଅପରାପକେ ସେ କାନ୍ଦେର ଅନ୍ୟ କଲମ ଗଡ଼ ସର୍ବନିୟୁ, ତାର ମାଆମାନ O ଧରିଲେ, ଅନ୍ୟାନ୍ୟ ମାଆମାନଗୁଲି ସହଜେଇ ନିର୍ମାପଣ କରା ଯାବେ ।

**ଉଦ୍‌ଧାରଣ 3.4.** କୋନ ଏଲାକାର ବେତାର ଶ୍ରୋତାଦେର ଏକଟି 50 ଆକାରରେ ନୁହନା ଥେକେ (1) ରାଗସଂଗୀତ (2) ଲୋକସଂଗୀତ (3) ରବିଜ୍ଞସଂଗୀତ ଓ (4) ଆଧୁନିକ ସଂଗୀତର ଅନ୍ତିମତା ଯୁଗର ତୁଳନା ପରିଷିତିତେ ନିର୍ମାଣ କରା ହ'ଲ । ନିମ୍ନେ  $P_{ij}$  (ଆନପାତିକ କତଜନ ଶ୍ରୋତା i-ତମ ସଂଗୀତକେ j-ତମ ସଂଗୀତ

থেকে পছল করে ) ম্যাট্রিক্স দেওয়া হ'ল। চার থকার সংগীতের মাত্রামান নির্ণয় কর :

$P_{ij}$  ম্যাট্রিক্স  
সংগীত থকার

		1	2	3	4
সংগীত থকার	i				
	j				
	1	—	.67	.83	.92
	2	.33	—	.76	.87
	3	.17	.24	—	.81
	4	.08	.13	.19	—

প্রতিটি যুগ্ম বিচার পার্থক্যের নিরেশন নর্ম্যাল (গড় 0 ও সরক পার্থক্য ৫) ধরলে আমরা উপরের ম্যাট্রিক্স থেকে মাত্রামানের পার্থক্য নির্ণয় করতে পারি :

মাত্রামানের পার্থক্য  $S_i - S_j$   
সংগীত থকার

		1	2	3	4
সংগীত থকার	i				
	j				
	1	0	.44	.95	1.41
	2	-.44	0	.71	1.13
	3	-.95	-.71	0	.88
	4	-1.41	-1.13	-.88	0
কলম গড়		— .70	— .35	.20	.86

যদি ଆମରା ମାତ୍ରାମାନଗୁଲିର ଗଡ଼କେ ଶୂନ୍ୟବିଲୁ ଥରି ତାହଲେ କଳୟ ଗଡ଼ଗୁଲିଟି ଚାରପକାର ସଂଗୀତେର ମାତ୍ରାମାନ । ସମ୍ମ 1 ନଷ୍ଟର ସଂଗୀତେର ମାତ୍ରାମାନକେ ଶୂନ୍ୟବିଲୁ ଥରା ହୁଏ, ତାହଲେ ଚାରପକାର ସଂଗୀତେର ମାତ୍ରାମାନ ସଥୀକ୍ରମେ,

$$0, \cdot 35, \cdot 90 \text{ ଓ } 1 \cdot 56.$$

### 3.3 ଟେସ୍ଟ ତତ୍ତ୍ଵ

#### 3.3.1 ଲ୍ଯାନ୍ଯୁଲୋରେଥିକ ମଡେଲ ( Linear Model )

ଟେସ୍ଟ ତତ୍ତ୍ଵ ବଲା ହେବେ ଯେ ଆମରା କୋଣ ଟେସ୍ଟ ବ୍ୟବହାର କରେ କୋଣ ବ୍ୟକ୍ତିର କୋଣ ସାମର୍ଦ୍ଧ ମାପତେ ଚାଇ, କିନ୍ତୁ ଟେସ୍ଟ ଏ ବ୍ୟକ୍ତିର ପ୍ରାପ୍ତମାନ ବ୍ୟକ୍ତିର ସଥାର୍ଥ ସାମର୍ଦ୍ଧେର ମାନ ନୟ, ପ୍ରତିକ୍ରିୟା କିଛୁ ନା କିଛୁ ମାପନାବ୍ରାତି ଥାକେ । ସ୍ଵିକରଣ ହିସାବେ ଟେସ୍ଟ ତତ୍ତ୍ଵ ନିୟନ୍ତ୍ରିତ ଲ୍ଯାନ୍ଯୁଲୋରେଥିକ ମଡେଲ ବ୍ୟବହାତ ହୁଏ—

$$x_i = t_i + e_i \quad (3.10)$$

ଯେକ୍ଷେତ୍ରେ,

$x_i$  =  $i$ -ତଥ ବ୍ୟକ୍ତିର ଟେସ୍ଟମାନ

$t_i$  =  $i$ -ତଥ ବ୍ୟକ୍ତିର ସଥାର୍ଥ ସାମର୍ଦ୍ଧ୍ୟମାନ

$e_i$  = ମାପନା ଆତି ।

ଟେସ୍ଟ ତତ୍ତ୍ଵ ଆରା ଥରା ହୁଏ ଯେ ଯଦି ଟେସ୍ଟଟି ଅସୀମ ସଂଖ୍ୟକ ( ବ୍ୟବହାରିକ କ୍ଷେତ୍ରେ ବହ ) ବ୍ୟକ୍ତିର ଉପର ବ୍ୟବହାର କରା ହୁଏ, ତାହଲେ

$$\mu_e = 0$$

$$\rho_{te} = 0$$

$$\rho_{eg} \rho_{eh} = 0, \text{ ହେଉଥିବା } g \text{ ଓ } h \text{ ଦୁଇ ଟେସ୍ଟ ହୁଏ } \quad (3.11)$$

ଯଦିଓ (3.11) ଏର ସୁତ୍ରଗୁଲି ଅସୀମସଂଖ୍ୟକ ବ୍ୟକ୍ତିର କ୍ଷେତ୍ରେ ପ୍ରୟୋଜ୍ୟ, ବ୍ୟବହାରିକ କ୍ଷେତ୍ରେ ପ୍ରଦତ୍ତ ନମ୍ବାର ଅନ୍ୟାନ୍ୟ ସୁତ୍ରଗୁଲି ପ୍ରୟୋଜ୍ୟ ଥରା ହୁଏ ।

#### 3.3.2 ସମାନ୍ତରାଳ ଟେସ୍ଟଶୂନ୍ଧ ( Parallel tests )

ଦୁଇ ଟେସ୍ଟ  $g$  ଓ  $h$  କେ ସମାନ୍ତରାଳ ହତେ ହ'ଲେ, ପ୍ରଥମତଃ;

$$t_{ig} = t_{ih}, \quad i = 1, 2, \dots, n \text{ ଏର ଅନ୍ୟ } \quad (3.12)$$

ଅର୍ଥାତ୍ ପ୍ରତିଟି ବ୍ୟକ୍ତିର ସଥାର୍ଥ ସାମର୍ଦ୍ଧ୍ୟମାନ ଦୁଇ ଟେସ୍ଟେଇ ସମାନ । ଦୁଇ ଟେସ୍ଟ ସମାନ୍ତରାଳ ହ'ଲେ ତାର ଯେ କୋଣାଟି ବ୍ୟବହାର କରା ଚଲେ ।

ବିତୀୟତ: ଦୁଇ ଟେସ୍ଟ  $g$  ଓ  $h$  ସମାନ୍ତରାଳ ହ'ଲେ,

$$\sigma_{eg} = \sigma_{eh} \quad (3.13)$$

যেহেতু  $\mu_e = 0$ ,  $\mu_s = \mu_i$  । (3.12) থেকে—

$$\mu_{ig} = \mu_{ih}, \sigma_{ig} = \sigma_{ih} \text{ ও } \rho_{igih} = 1 \text{ । যেহেতু } \sigma_x^2 = \sigma_i^2 + \sigma_e^2$$

$$\left. \begin{array}{l} \text{সূত্রাঃ } \mu_{xg} = \mu_{xh} \\ \text{ও } \sigma_{xg} = \sigma_{xh} \end{array} \right\} \quad (3.14)$$

(3.14) থেকে আবার পাচ্ছি যে দুটি সমান্তরাল টেস্টের অশোধিত নম্বরের গড় ও সরক পার্থক্য সমান হবে ।

যদি দুইএর অধিক সমান্তরাল টেস্ট হয় ( যথা  $g, h$  ও  $k$  ) তাহলে

$$\begin{aligned} \mu_{xg} &= \mu_{xh} = \mu_{xk} \\ \text{ও } \sigma_{xg} &= \sigma_{xh} = \sigma_{xk} \end{aligned}$$

আবার,

$$\begin{aligned} \rho_{xg}x_h &= \frac{\text{Cov}(x_g, x_h)}{\sigma_{xg}, \sigma_{xh}} \\ &= \frac{\text{Cov}(t_g, t_h) + \text{Cov}(t_g, e_h) + \text{Cov}(t_h, e_g) + \text{Cov}(e_g, e_h)}{\sigma_{xg} \sigma_{xh}} \\ &= \frac{\text{Cov}(t_g, t_h)}{\sigma_{xg} \sigma_{xh}} \quad (\text{অন্যান্য সহভেদমানগুলি শূন্য হওয়ায়}) \\ &= \frac{P_{t_g}t_h \sigma_{t_g} \sigma_{t_h}}{\sigma_{xg} \sigma_{xh}} \\ &= \frac{\sigma_{t_g}^2}{\sigma_{xg}^2} \quad (\text{যেহেতু } \sigma_{t_g} = \sigma_{t_h}, \sigma_{xg} = \sigma_{xh}, \text{ ও } \rho_{t_gt_h} = 1) \\ &= \text{ধ্রবক সংখ্যা} \quad (3.15) \end{aligned}$$

সূত্রাঃ সমান্তরাল টেস্ট তিনটির অন্য

$$\rho_{xg}x_h = \rho_{xg}x_k = \rho_{xh}x_k \quad (3.16)$$

তিনটি বা তদৰ্থিক সমান্তরাল টেস্টের অন্যে অশোধিত নম্বরের গড়, সরক পার্থক্য ও সহগাত্ক সমূহ সমান হবে । এছাড়াও টেস্টগুলির

ଗଠନଶୈଳୀ, ଆଇଟେମସମୁହେର ପ୍ରକୃତି ପ୍ରଭୃତି ବ୍ୟାପାରେ ଟେସ୍ଟଗୁଣି ଅଭିନ୍ନ ହେଉଥାଏ ଚାହିଁ ।

### 3.3.3. ଟେସ୍ଟେର ନିର୍ଭରସ୍ଥୀତା (Reliability) ଓ ଆନ୍ତି ଭେଦମାନ (Standard Error of Measurement)

ଏକଟି ଟେସ୍ଟେର ନିର୍ଭରସ୍ଥୀତା ବଲତେ ବୋବାଯି ଟେସ୍ଟଟା କତା ଏକଇ ଅବଶ୍ୟକ ବାରିବାର ବ୍ୟବହାର କରା ହ'ଲେ ଏକି ବ୍ୟକ୍ତି ଏକି ମାନ ପାବେ । ଟେସ୍ଟଟାର ନିର୍ଭରସ୍ଥୀତା ମାପା ହୟ ଏ ଟେସ୍ଟ ଓ ତାର ସମାନ୍ତରାଳ କୌଣ ଟେସ୍ଟେର ଅଶୋଧିତ ନସରେର ସହଗାକ ଦିଯେ । ଟେସ୍ଟ  $g$ ର ନିର୍ଭରସ୍ଥୀତା ମାପା ହୟ  $P_{xg}h$ , ଦିଯେ, ଯଦି  $h$ ,  $g$  ଏର ସମାନ୍ତରାଳ ଟେସ୍ଟ ହୟ । ଟେସ୍ଟ  $g$ ର ନିର୍ଭରସ୍ଥୀତା ଲେଖା ହୟ  $P_{gg}$  ଦିଯେ ।

(3.15) ଥେକେ ଆମରା ପାଇ

$$P_{gg} = \frac{\sigma_{tg}^2}{\sigma_{xg}^2} = 1 - \frac{\sigma_{eg}^2}{\sigma_{xg}^2} \quad | \quad [ \text{ଯେହେତୁ } \sigma_x^2 = \sigma_t^2 + \sigma_e^2 ]$$

(3.17)

ସମ୍ପୂର୍ଣ୍ଣ ଭେଦମାନେର ଯେ ଅନୁପାତିକ ଅଂଶ ସଥାର୍ଥ ସାମର୍ଥ୍ୟମାନେର ଭେଦମାନ ତାକେହି ନିର୍ଭରସ୍ଥୀତା ବଲା ଯେତେ ପାରେ ।

ଆନ୍ତି ଭେଦମାନ ହ'ଲ କୌଣ ଟେସ୍ଟେର ଆନ୍ତିମାନ ( $e_i$ ) ସମୁହେର ଭେଦମାନ ବା  $\sigma_e^2$  । (3.17) ଥେକେ ଆମରା ପାଇ

$$\sigma_{eg}^2 = \sigma_{xg}^2 (1 - P_{gg}), \quad (3.18)$$

ଏକେତେ,  $\sigma_{eg}^2 = g$  ଟେସ୍ଟେର ଆନ୍ତି ଭେଦମାନ,

$\sigma_{xg}^2 = g$  ଟେସ୍ଟେର ଅଶୋଧିତ ମାନେର ଭେଦମାନ

ଓ  $P_{gg} = g$  ଟେସ୍ଟେର ନିର୍ଭରସ୍ଥୀତା ।

ଆନ୍ତି ଭେଦମାନେର ବର୍ଗମୂଳ ବା  $\sigma_e$  କେ ପରିମାପନେର ସହକ ଆନ୍ତି (SEM) ବଲା ହୟ ।

$$SEM = \sigma_{eg} = \sigma_{xg} \sqrt{1 - P_{gg}} \quad (3.19)$$

### 3.3.4. ନିର୍ଭରସ୍ଥୀତାର ବାନ୍ଦବ ପ୍ରାକକଳନ (Estimation of test reliability)

ବାନ୍ଦବକ୍ଷେତ୍ରେ କୌଣ ଟେସ୍ଟେର ନିର୍ଭରସ୍ଥୀତା ପ୍ରାକକଳନେର ତିବାଟି ପଦ୍ଧତି ଯଥେହେ—(1) ସମାନ୍ତରାଳ ଟେସ୍ଟ ପଦ୍ଧତି, (2) ପରୀକ୍ଷଣ-ପୁନଃପରୀକ୍ଷଣ ପଦ୍ଧତି ଓ (3) ଟେସ୍ଟ ହିଖଣ ପଦ୍ଧତି ।

### সমান্তরাল টেষ্ট পদ্ধতি ( Parallel test method )

এই পদ্ধতিতে টেস্টটি প্রত্যেকের সময় একটি সমান্তরাল টেস্টও প্রত্যেকের করতে হবে। তারপর দুটি টেস্ট একই সঙ্গে বা উপরুক্ত সময়ের ব্যবধানে একই পরীক্ষার্থীদের উপর ব্যবহার করতে হবে। দুটি টেস্টের অশোধিত নম্বরের সহগাত্ক হ'ল টেস্টটির নির্ভরযোগ্যতার পরিমাপক।

### পরীক্ষণ-পুনঃপরীক্ষণ পদ্ধতি ( Test-retest method )

এই পদ্ধতিতে টেস্টটি একই পরীক্ষার্থীদের উপরে উপরুক্ত সময়ের ব্যবধানে পুনঃ ব্যবহৃত হয়। সময়ের ব্যবধান সামান্য হ'লে স্মৃতিশক্তির বিশেষ ক্ষেত্র পুনঃপরীক্ষালক্ষ মানে পড়বে না। সময়ের ব্যবধান অত্যধিক হ'লে পরীক্ষার্থীদের ইতিমধ্যে অনেকখানি জ্ঞানবৃক্ষি ঘটতে পারে। এখানেও দুটি পরীক্ষণে লক্ষ নম্বরের সহগাত্ক হ'ল টেস্টটির নির্ভরযোগ্যতার পরিমাপক।

### টেষ্ট ছাইক্ষণ পদ্ধতি ( Split-half method )

এই পদ্ধতিতে টেস্টটিকে সমান দুইভাগে ভাগ করা হয়। একভাগে বিজোড় 'সংখ্যাযুক্ত আইটেম, অন্যভাগে জোড় 'সংখ্যাযুক্ত আইটেম রাখা যেতে পারে। অপরপক্ষে ভাগ হ'লে পারে যৌক্তিকতার ভিত্তিতে যাড়ে দুটিভাগ সমান্তরাল হয়। দুটি ভাগে লক্ষ নম্বরের সহগাত্ক অর্ধটেস্টের নির্ভরযোগ্যতার পরিমাপক। পুরু টেস্টটির নির্ভরযোগ্যতা ( $r_{11}$ ) অর্ধটেস্টের নির্ভরযোগ্যতা ( $r_{\frac{1}{2} \frac{1}{2}}$ ) থেকে Spearman-Brown এর নিম্নলিখিত সূত্র থেকে পাওয়া যায়—

$$r_{11} = \frac{2r_{\frac{1}{2} \frac{1}{2}}}{1 + r_{\frac{1}{2} \frac{1}{2}}} \quad (3.20)$$

Kuder ও Richardson আইটেম ভেদমান ও টেষ্ট ভেদমানের সাহায্যে নির্ভরযোগ্যতার শাপার একটি সূত্র বার করেন—

$$r_{GG} = \frac{k}{k-1} \times \frac{\sum_{g=1}^k s_g^2 - \sum_{g=1}^k s_g^2}{s_x^2} \quad (3.21)$$

$r_{GG} = k$  আইটেমযুক্ত টেস্টটির নির্ভরযোগ্যতা

$s_x^2 =$  টেস্ট নম্বরের ভেদমান

$s_g^2 = g$ -তম আইটেম নম্বরের ভেদমান।

যদি আইটেম নম্বর ১ বা ০ হয়, তাহলে  $s_g^2 = p_g(1-p_g)$ ,  $p_g$  হ'ল  $g$ -তম আইটেমে যে অনুপাত পরীক্ষার্থী সঠিক উত্তর আনে। সেক্ষেত্রে

$$r_{GG} = \frac{k}{k-1} \left[ \frac{s_x^2 - \Sigma p_g(1-p_g)}{s_x^2} \right] . \quad (3.22)$$

যদি প্রতিটি আইটেমের  $p$ -মান সমান হয়, তাহলে

$$r_{GG} = \frac{k}{k-1} \left[ 1 - \frac{\bar{x} - \bar{x}/k}{s_x^2} \right], \quad (3.23)$$

এই হ'ল টেস্টটির নম্বরের গড়।

### ৩.৩.৫ টেস্ট সঙ্গতি ( Test Validity )

টেস্ট সঙ্গতির অর্থ টেস্টটি যে সামর্থ্য মাপার অন্য তৈরী ও ব্যবহৃত হয়েছে, আসলে তা মাপছে কিনা। টেস্ট সঙ্গতি মাপতে হ'লে সামর্থ্য মাপার অন্য উপযুক্ত নিরিখ খুঁজে বার করতে হ'বে। অনেকসময় বিচারকদের দেওয়া কাজের মূল্যায়ন এই নিরিখ হ'তে পারে, আবার কখনও অন্য কোন পরীক্ষার লক্ষ নম্বরও নিরিখ হিসাবে নেওয়া যায়। টেস্ট নম্বর ও নিরিখ নম্বরের সহগাক্ষী টেস্টসঙ্গতির পরিমাপক।

### ৩.৪ বুদ্ধিপরীক্ষা ও ধৈশৃঙ্খ ভাগকল ( Intelligence tests and Intelligence Quotient )

বুদ্ধি বা ধী বলতে বোঝায় সম্পর্কযুক্ত গঠনযুক্ত চিন্তাশক্তি, যার সাহায্যে আমরা আমাদের অভীষ্ট সিদ্ধি লাভ করতে পারি। Spearman এর হি-উপাদানতত্ত্ব অনুযায়ী আমাদের সবরকম মানসিক সামর্থ্য একটি সাধারণ উপাদান ( $g$ -উপাদান) ও একটি বিশিষ্ট উপাদান ( $s$ -উপাদান) বর্তমান থাকে। ঐ সাধারণ উপাদানকে ধৈশৃঙ্খ বলা যেতে পারে।

শারীরতত্ত্বের সাহায্যে ধৈশৃঙ্খের ব্যাখ্যানের সবরকম চেষ্টাই ব্যর্থ হয়েছে। একধা প্রাম নিঃসংশয়ে বলা যায় যে শারীরিক কোন মাপের সঙ্গে বুদ্ধির কোন সম্পর্ক নেই।

বুদ্ধি মাপার অন্য ক্রমণ: বুদ্ধি পরীক্ষার উভাবন হয়েছে। ক্রাসী বৈজ্ঞানিক Binet ব্যক্তিগত বুদ্ধি পরীক্ষার অন্য টেষ্ট তৈরী করেন।

ବୁଦ୍ଧି ପରୀକ୍ଷାଯ ସାଧାରଣତଃ ନିମ୍ନୋତ୍ତ ବିଷୟଙ୍କଲି ଥାକେ—(1) ସମାର୍ଥକ ଓ ବିପରୀତାର୍ଥକ ଶବ୍ଦ, (2) ବିଭିନ୍ନ ଶ୍ରେଣୀ ବିଭାଗ, (3) ସଂପର୍କ ନିର୍ଦ୍ଦେଶ, (4) ସଂଖ୍ୟାଶାରି ଇତ୍ୟାଦି । Binet-ଏର ବୁଦ୍ଧି ପରୀକ୍ଷାର ବିଭିନ୍ନ ପରିବହିତ ବା ପରିମାଣିତ ରୂପ ବିଭିନ୍ନ ଦେଖେ ବ୍ୟବହାର ହଛେ । ଆମେଇକାତେ ସାମାଜିକ ବିଭାଗେ ଡିଗ୍ରି ଅନ୍ୟ ସମାଇଗତଭାବେ ବୁଦ୍ଧିପରୀକ୍ଷା ଗ୍ରହଣେର ପ୍ରଚଳନ ହେଉଛେ । ବୁଦ୍ଧିପରୀକ୍ଷା ଆବାର ଭାଷାଗତ ଓ ଭାଷାହୀନ ଦୁଇପ୍ରକାରେର ହୁଏ । ଭାଷାଗତ ପରୀକ୍ଷାଯ ଫ୍ରେସମୁହ ଭାଷାଯ ପ୍ରକାଶିତ ହୁଏ, ଭାଷାହୀନ ପରୀକ୍ଷାଯ ଫ୍ରେସମୁହ ପ୍ରକାଶିତ ହୁଏ ବିଭିନ୍ନ ବସ୍ତର ମାଧ୍ୟମେ ।

ବୁଦ୍ଧିପରୀକ୍ଷା ତୈରୀ କରାର ପରେ ତା ବ୍ୟବହାର କରେ ତାର ନିର୍ଭର୍ଯୋଗ୍ୟତା ଓ ସଂଗ୍ରହିତ ସଂପର୍କ ନିଶ୍ଚିନ୍ତା ହତେ ହବେ । କୋଣ ପରୀକ୍ଷାର୍ଥୀର ବୁଦ୍ଧିପରୀକ୍ଷାର ମାନ ନିର୍ଣ୍ଣୟର ଅନ୍ୟ ବିଭିନ୍ନ ସମସ୍ତକେର ନମ୍ବର ଥିଲେ ଗଡ଼, ଶ୍ରତ୍ତମକ, ସମକ ପାର୍ଥକ୍ୟ ଥ୍ରୁତି ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ କରାନ୍ତେ ହବେ । Binet ଏହି ପ୍ରସଙ୍ଗେ ପ୍ରଥମେ ପରୀକ୍ଷାର୍ଥୀର ମାନସିକ ବୟଙ୍ଗ ନିର୍ଣ୍ଣୟ କରାନ୍ତେ । ତାର ଜନ୍ୟ ପ୍ରତିଟି ଥ୍ରେ କୋଣ ବୟଙ୍ଗେ ଉପବୋଗୀ ଥେଇ ହିସାବେ ଭାଗ କରା ହୁଏ । ଫ୍ରେସଟିର ବାରା ସଠିକ ଉତ୍ତର ଦିଛେ ତାଦେର ଗଡ଼ ବୟଙ୍ଗ ଫ୍ରେସଟି କୋଣ ବୟଙ୍ଗେ ଉପବୋଗୀ ତା ନିର୍ଣ୍ଣୟ କରାଯାଯ କରେ । କୋଣ ପରୀକ୍ଷାର୍ଥୀ ଯଦି 5 ବର୍ଷରେ ଉପବୋଗୀ ଗଲ ଥ୍ରେ, 6 ବର୍ଷରେ ଉପବୋଗୀ ହୁଏ ଥିଲେ, 7 ବର୍ଷରେ ଉପବୋଗୀ ହୁଏ ଥିଲେ ଥ୍ରେ ଥ୍ରେ ସଠିକ ଉତ୍ତର କରେ, ତାହଲେ ତାର ମାନସିକ ବୟଙ୍ଗ ହ'ଲ  $5 + \frac{6}{6} + \frac{7}{6} = 5.8$  । କୋଣ ବ୍ୟକ୍ତିର ଅନ୍ୟଗତ ବୟଙ୍ଗ ( chronological age ) ଯଦି  $x$  ହୁଏ ଓ ତାର ମାନସିକ ବୟଙ୍ଗ  $y$  ହୁଏ, ତାହଲେ ତାର ମାନସିକ ଅନୁପାତ ( mental ratio ) ହ'ଲ  $\frac{y}{x}$  ଓ ତାର ଧୀସୂଚକ ଭାଗଫଳ ( intelligence quotient ) ବା I.Q.

$$\text{ହ'ଲ } 100 \times \frac{y}{x} \text{ ।}$$

ବୁଦ୍ଧି ପରୀକ୍ଷା କରେ ଦେଖା ଗେଛେ ଯେ ଏହି ଧୀସୂଚକ ଭାଗଫଳର ନିର୍ବଣ ନର୍ୟାଲ ଓ ଗଡ଼ 100 ଏର କାହାକାହି । ପିତାମାତାର ବୁଦ୍ଧିର ଉପର ସତାନେର ବୁଦ୍ଧି ନିର୍ଭରଶୀଳ । ବୁଦ୍ଧି ସାଧାରଣତଃ  $16/17$  ବର୍ଷର ବୟଙ୍ଗ ପର୍ଯ୍ୟନ୍ତ ବାଡ଼େ, ତାରପର ଆର ବାଡ଼େନା । ବୁଦ୍ଧି ପୁରୁଷେର ମେଘେଦେର ତୁଳନାଯ ବେଳୀ ଏମନ କୋଣ କଥା ନେଇ । ତବେ କୋଣ କୋଣ ଧରଣେର କାହେ ବୁଦ୍ଧି ବେଳୀ ଥିଲେ ଏକଥା ସାତି । ଜୀବିକାର ପଥ ନିର୍ଣ୍ଣୟ, ବିଷୟ ନିର୍ବାଚନ, କର୍ମ ନିର୍ବାଚନ, ଶିଖଦେର ବୁଦ୍ଧି ବିଚାର ବା ମାନସିକ ବୈକଳ୍ୟ ନିର୍ଣ୍ଣୟ ଥ୍ରୁତି କାହେ ବୁଦ୍ଧି ପରୀକ୍ଷାର ପାର୍ଥକ ବ୍ୟବହାର ଦେଖା ଦୟା ।

## ଅନୁମିତି

୩.୧ ଶିକ୍ଷା ଓ ସମ୍ବନ୍ଧିତ ବ୍ୟବହାର ନିୟମିତି ବିଷୟଗୁଲିର ସଂଜ୍ଞା ଦିଆଯିଥିବା କର :

ମାନ୍ୟମାନୀୟା, ମାନ୍ୟମାନ, ଟେସ୍ଟ, ଟେସ୍ଟର ନିର୍ଭର୍ୟୋଗ୍ୟତା ଓ ସଙ୍କଳିତ, ଶୁଦ୍ଧିପରୀକ୍ଷା ଓ ଧୀର୍ଘକ ଭାଗଫଳ ।

୩.୨ ବିଦ୍ୟାଲୟେ ବ୍ୟବହାର ଟେସ୍ଟସମୁହେର ନହରେ ତୁଳନାମୂଳକ ବିଚାର ଓ ସଂୟୁକ୍ତମାନ ନିର୍ଦ୍ଦେଶର ପରିଷତ୍ତିଗୁଲି ଆଲୋଚନା କର । ପରିଷତ୍ତିଗୁଲିର ପେଛନେ ଯେ ଯଦି ସ୍ଵିକରଣ ରହେଛେ ତା ବ୍ୟକ୍ତ କର ।

୩.୩ ବିଭିନ୍ନ ବିଚାରକେର ଦେଉୟା ମାନଙ୍କମ ବା ଅକ୍ଷର ମୂଲ୍ୟାଙ୍କନେର ମାନ୍ୟମାନ ନିର୍ଣ୍ଣୟର ପରିଷତ୍ତି ସ୍ଵିକରଣ ସହ ବିଶ୍ଲେଷଣ କର ।

୩.୪ କୋଣେ ସମ୍ବନ୍ଧିତ ଶିକ୍ଷାବିଷୟକ ଟେସ୍ଟର ନିର୍ଭର୍ୟୋଗ୍ୟତା ନିର୍ଦ୍ଦେଶର ପରିଷତ୍ତିଗୁଲି ଆଲୋଚନା କର ।

୩.୫ ଶୁଦ୍ଧି ପରୀକ୍ଷାର ସାହାଯ୍ୟ କିଭାବେ ଶୁଦ୍ଧି ମାପା ହୟ - ତା ବ୍ୟାଖ୍ୟା କର ।

୩.୬ ତିନାଟି ଆଇଟେମ୍  $A, B$  ଓ  $C$  ଯଥୀଜ୍ଞୟେ 25%, 60% ଓ 70% ପରୀକ୍ଷାର୍ଥୀ ସଠିକଭାବେ ଉତ୍ତର କରେଛେ । ଯଦି ଏକାଟି ଆଇଟେମ୍  $C$  ଥେବେ ତୁତ ସହଜ ହୟ, ଯତ  $B, A$  ଥେବେ ସହଜ, ତାହଲେ ସେଇ ଆଇଟେମାଟ ଶତକରୀ କତଜନ ପରୀକ୍ଷାର୍ଥୀ ସଠିକଭାବେ ଉତ୍ତର କରିବେ ?

ଉତ୍ତର : 92.5%

୩.୭ ନିୟେ ତିନାଟି ଟେସ୍ଟ  $A, B$  ଓ  $C$  ଏର ପରିସଂଖ୍ୟା ବିଭାଜନ ଦେଉୟା ହ'ଲ । ଯଦି କୋଣ ଛାତ୍ର ଟେସ୍ଟ ତିନାଟିଟେ ଯଥୀଜ୍ଞୟେ 25, 35 ଓ 45 ପାଇଁ ତାହଲେ ତାର ସଂ୍ଯୁକ୍ତ (କ) ଶତତମକ ମାନ, (ଖ) z-ମାନ ଓ (ଗ) T-ମାନ ନିର୍ଣ୍ଣୟ କର :

বর্ষ	পরিসংখ্যা		
	চেষ্ট A	চেষ্ট B	চেষ্ট C
০-10	7	10	2
10-20	17	11	4
20-30	25	12	10
30-40	8	9	22
40-50	3	8	12

উভয় : সংযুক্ত শততাত্ত্ব মান = 236

z মান = 173.4

T-মান = 174.6

৩.৩ 100 অন পরীক্ষার্থীকে দুজন শিক্ষক অক্ষর মূল্যায়ন  $A, B, C, D$  ও  $E$  দিলেন ( $A$  মূল্যায়ন সর্বোৎকৃষ্ট ও  $E$  মূল্যায়ন সর্বনিকৃষ্ট)। নিম্নে মূল্যায়নের পরিসংখ্যা বিভাজন দেওয়া হ'ল :

মূল্যায়ন	পরিসংখ্যা বিভাজন	
	শিক্ষক 1	শিক্ষক 2
A	28	18
B	24	31
C	35	27
D	9	15
E	4	9

তিনটি ছাত্র  $S_1, S_2$  ও  $S_3$ র বানক্ষম কি হবে যদি তাদের অক্ষর মূল্যায়ন  
পিচুজগ হয়—

ଅକ୍ଷର ମୂଲ୍ୟାଙ୍କଳ

ହାତ	ଶିକ୍ଷକ 1	ଶିକ୍ଷକ 2
$S_1$	$A$	$C$
$S_2$	$D$	$B$
$S_3$	$C$	$C$

ଉତ୍ତର : ମାତ୍ରାମାନେର ସୋଗଫଳ  $S_1 = 0.74$ ,  $S_2 = -0.94$ ,  $S_3 = -2.48$

3.9 10 ଅନ ହାତେର 10ଟି ଆଇଟେମ୍ ନୟର ( 0 ବା 1 ) ଦେଖାଇଲା । ଟେସ୍ଟ ବିଶ୍ୱାସ ପଦ୍ଧତିତେ ( ଏକ ଅର୍ଦେ କୋଡ଼ି ସଂଖ୍ୟା ବିଶିଷ୍ଟ ଆଇଟେମ୍ ଓ ଅନ୍ୟ ଅର୍ଦେ ବିଜୋଡ଼ି ସଂଖ୍ୟା ବିଶିଷ୍ଟ ଆଇଟେମ୍ ନିମ୍ନେ ) ଟେସ୍ଟଟିର ନିର୍ଭରସୀୟତା ନିର୍ଣ୍ଣୟ କର :

ହାତ	ଆଇଟେମ୍ ସଂଖ୍ୟାର ନୟର									
	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
1	1	0	1	0	0	0	0	1	0	1
2	1	1	1	0	1	0	1	1	0	0
3	0	1	1	1	0	0	0	0	1	1
4	1	1	0	1	1	1	1	0	1	1
5	0	0	1	1	1	0	0	0	1	0
6	1	1	1	1	1	0	1	1	1	0
7	1	1	1	1	0	0	1	1	1	1
8	1	0	1	0	0	1	1	0	0	1
9	1	1	0	0	1	0	1	0	1	0
10	1	1	1	1	0	0	0	0	1	1

5.10. যদি অর্ডিটেক্টের নির্ভরযোগ্যতা  $0.70$  হয় তাহলে পূর্ণ টেস্টের নির্ভরযোগ্যতা কত? পূর্ণ টেস্টের নির্ভরযোগ্যতা  $0.95$  হতে হ'ল অর্ডিটেক্টের নির্ভরযোগ্যতা কত হওয়া থেক্ষণ?

উত্তর :  $0.82, 0.90.$

### সহপাঠ্য পুস্তকাবলী

- [1] Bose, P. K. & Chowdhury, S.B. 'Scaling Procedures in Scholastic and vocational tests', *Sankhya*, 15. pp 197-206, 1955.
  - [2] Garrett, H. E. *Statistics in Psychology and Education* (Chs 4, 12, 13). Vakils, Feffer and Simons, 1965.
  - [3] Goon, A. M., Gupta, M. K. and Das Gupta, B. *Fundamentals of Statistics*, vol-II, (Ch. 23). Wold Press, 1971.
  - [4] Guilford, J. P. *Psychometric Methods* (Chs 7, 8, 11, 13, 14). Mc-Graw-Hill, 1954.
  - [5] Gulliksen, H. *Theory of Mental tests* (Chs 2, 7, 8). John Wiley, 1950.
  - [6] Knight. R. *Intelligence and Intelligence tests* (Chs 2, 3, 5, 8). Methuen, 1959.
-

# চতুর্থ পরিষেবা রাশিবিজ্ঞানসম্মত গুণনিরঞ্জন ( Statistical Quality Control )

## 4.1 সূচনা

কোন কারখানায় অবিচ্ছিন্নভাবে প্রস্তুত মালের রাশিবিজ্ঞানসম্মত উপায়ে গুণ রক্ষণ করাকে বলে রাশিবিজ্ঞানসম্মত গুণনিরঞ্জন। প্রস্তুত করা মালের প্রতিটি সমান গুণসম্পন্ন হওয়া সম্ভব নয়—পার্থক্য অবশ্যজ্ঞাবী। এই পার্থক্যের একটা অংশ প্রস্তুতপ্রণালীতে স্বাভাবিক বলে ধরা হয় এবং সে পার্থক্য কমানো বা সারানো সম্ভব নয়। কখনও কখনও ঐ পার্থক্যের মধ্যে একটা অংশ থাকে যা কমানো বা সারানো সম্ভব। গুণনিরঞ্জনের প্রধান কাজ হ'ল নিয়ন্ত্রণযোগ্য পার্থক্যকে অনিয়ন্ত্রিত পার্থক্য থেকে আলাদা করে ফেলা। যখনই প্রস্তুতপ্রণালীতে নিয়ন্ত্রণযোগ্য পার্থক্য থাকে সঙ্গে সঙ্গে তা জানা ও পার্থক্যের কারণগুলি আবিষ্কার করে তা দুরীভূত করাও গুণনিরঞ্জন পক্ষতির অস্তুরু ক্ষেত্র।

প্রস্তুতপ্রণালীতে নিয়ন্ত্রণযোগ্য পার্থক্যের কারণগুলি দুরীভূত করে আবরা ড্রষ্টিযুক্ত মালের অনুপাত বাতে খুব বেশী না হয় তা দেখতে পার। একে বলা হয় প্রণালী নিয়ন্ত্রণ। অপরপক্ষে আবরা দেখতে পারি বাতে প্রস্তুত মালের বিভিন্ন লটে ড্রষ্টিযুক্ত মালের অনুপাত ক্ষেত্রে না হয়। একে বলা হয় লট (Lot) নিয়ন্ত্রণ বা প্রস্তুতকরা মাল নিয়ন্ত্রণ। প্রণালী নিয়ন্ত্রণ ঠিকমত করা হলেও কোন বিশেষ লটে হয়ত: ড্রষ্টিযুক্ত মালের অনুপাত বেশী হতে পারে। প্রণালী নিয়ন্ত্রণের জন্য নিয়ন্ত্রণ ক্রমচিত্র প্রক্রিয়া ব্যবহার করা হয়। লট নিয়ন্ত্রণের অন্য ব্যবহার করা হয় নমুনাবীক্ষণ পক্ষতি।

## 4.2 বিভিন্ন গুণমাপক ( Different Quality Measurers )

আবরা কাঁচামাল, মধ্যবর্তী ( intermediate ) মাল বা তৈরী ( finished ) মাল যে কোন জিবিসের গুণনিরঞ্জন করতে পারি। গুণ বজাতে ঐ বস্তুর যে কোন বৈশিষ্ট্য হতে পারে। অনেক গুণবৈশিষ্ট্য সংখ্যাগতভাবে বাধা যায়—যথা, একটা বিনের ব্যাস, একটা স্তুর দৈর্ঘ্য বা ব্যাসার্ধ, স্তুতার টেবলাইল শক্তি ( tensile strength ), কোন উব্দেশে কোন রাসায়নিক পদ্ধার্দের অনুপাত প্রভৃতি। এসব ক্ষেত্রে

ଶୁଣମାପକଶୁଳି ଅବଚ୍ଛିନ୍ନଚଲକ । ଶୁଣମାପକଶୁଲି ବିଚିହ୍ନ ଚଲକ ହତେ ପାଇଁ—ସଥା, କୋନ ବସ୍ତୁତେ ଝଟାର ସଂଖ୍ୟା ।

ଆନେକ ସମୟ ଶୁଣବୈଶିଷ୍ଟ୍ୟ ସଂଖ୍ୟାଗତଭାବେ ମାପା ସମ୍ଭବ ହୁଏନା ବା ମାପା ସମ୍ଭବ ହଲେଓ କଟ୍ଟସାଧ୍ୟ ବା ବହୁ ଚଲକ ମାପା ଫ୍ରୋଜନ ହୁଏ । ଗେନ୍ଡେରେ ଶୁଣବୈଶିଷ୍ଟ୍ୟକେ ଶୁଣ ଲକ୍ଷଣେର ସାହାବ୍ୟେ ଥିବାକୁ କରା ହୁଏ । ସଥା, କୋନ ବସ୍ତୁକେ ଝଟାଯୁକ୍ତ (defective) ବା ଝଟାଯୁକ୍ତ ଏହି ଦୁଇ ଶ୍ରେଣୀତ ଭାଗ କରା ହୁଏ । କୋନ ବସ୍ତୁତେ ଏକ ବା ଏକାଧିକ ଝଟା (defect) ଥାକଲେହି ତା ଝଟାଯୁକ୍ତ ହୁଏ ।

#### 4.3 ବିଚାରପ୍ରକୃତ ଶୁଳ୍କାଂଶ (Rational Subgroup) ଓ ନିୟମଜ୍ଞଣ ଅନ୍ତର୍ଚିତ୍ତ ପରିଚ୍ଛିତ୍ତ (Control Chart Technique)

ଆମେରିକାରୀ ବୈଜ୍ଞାନିକ W.A. Shewhart ଥଣାଲୀ ନିୟମଜ୍ଞଣର ଅନ୍ୟ ନିୟମଜ୍ଞଣ ଅନ୍ତର୍ଚିତ୍ତ ପରିଚ୍ଛିତ୍ ଉତ୍ତାବନ କରେନ । ଏହି ପରିଚ୍ଛିତ୍ ସବଚେଯେ ଶୁଳ୍କପୂର୍ଣ୍ଣ ଅଂଶ ହ'ଲ ବିଚାରପ୍ରକୃତ ବା ସ୍ଵଚ୍ଛିତ ଶୁଳ୍କାଂଶ ନିର୍ଣ୍ଣୟ । ଏହି ଶୁଳ୍କାଂଶ ନିର୍ବାଚନେର ବୁଲ୍‌ଗ୍ରେଡ୍ ହ'ଲ ଏହି ସେ ଅନ୍ତଃଶୁଳ୍କାଂଶ ପାର୍ଥକ୍ୟ ଶ୍ରେଣୀ ଅନିନ୍ଦ୍ରିୟ କାରଣେର ଜନ୍ୟ ହବେ ଓ ନିୟମଜ୍ଞଣ୍ୟ କାରଣ ସଦି ଥାକେ ତା ଶ୍ରେଣୀ ଶୁଳ୍କାଂଶ ପାର୍ଥକ୍ୟ । କୋନ ଶୁଳ୍କାଂଶେ ପ୍ରକ୍ଷତ ମାଲ ଏକଇ ଅନ୍ତଃଶ୍ରେଣୀ ସମଗ୍ରକେର ଅନ୍ତର୍ଭୂତ । ବିଭିନ୍ନ ଶୁଳ୍କାଂଶେ ପ୍ରକ୍ଷତ ମାଲ ବିଭିନ୍ନ ଅନ୍ତଃବିଷୟ ସମଗ୍ରକେର ଅନ୍ତର୍ଭୂତ ହତେ ପାରେ ଓ ତାଦେର ପାର୍ଥକ୍ୟର କାରଣଗୁରୁ ନିୟମଜ୍ଞଣ୍ୟ ଓ ଶୁଣ ନିୟମଜ୍ଞଣ ପରିଚ୍ଛିତ୍ ତାଇ ଉଦ୍‌ଦେଶ୍ୟ ।

ଶୁଳ୍କାଂଶ ନିର୍ବାଚନେର ସବଚେଯେ ସ୍ଵବିଧାଜନକ ଉପାୟ ହ'ଲ ପ୍ରକ୍ଷତଥଣାଲୀର କ୍ରମ ଥେବେ । ବିଭିନ୍ନ ସଜ୍ଜେ ପ୍ରକ୍ଷତ ମାଲ, ବିଭିନ୍ନ ଅପାରେଟର ହାରା ପ୍ରକ୍ଷତ ମାଲ ବିଭିନ୍ନ ଶୁଳ୍କାଂଶେର ଅନ୍ତର୍ଭୂତ ହବେ । ଆବାର ଏକଇ ସଜ୍ଜ, ଏକଇ ଅପାରେଟର ହାରା ପ୍ରକ୍ଷତ ବିଭିନ୍ନ ସମୟେର (ସଥା, ପ୍ରତି ଆଧୁନିକ୍ତା ବା ପ୍ରତିଷ୍ଠାନୀ ଅନ୍ତର) ମାଲ ବିଭିନ୍ନ ଶୁଳ୍କାଂଶେର ଅନ୍ତର୍ଭୂତ ହବେ ।

ତାହ'ଲେ ଥଣାଲୀ ନିୟମଜ୍ଞଣ ପରିଚ୍ଛିତ୍ ଆମାଦେର ଦେଖିତେ ହବେ କୋନ ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ ଶୁଣବୈଶିଷ୍ଟ୍ୟ ବିଭିନ୍ନ ଶୁଳ୍କାଂଶେ ଏକଇ କିନା—ଅର୍ଥାତ୍ ଶୁଣବୈଶିଷ୍ଟ୍ୟର ପାର୍ଥକ୍ୟ ମୟୁନାଜ ପ୍ରାଣିର ସାହାବ୍ୟେ ବ୍ୟାଖ୍ୟା କରା ଯାଇ କିନା । ସଦି ଯାଇ, ତାହ'ଲେ ନିୟମଜ୍ଞଣ୍ୟ କାରଣ ନେଇ ଧରିତେ ହବେ । ଆର ସଦି ବିଭିନ୍ନ ଶୁଳ୍କାଂଶେ ଶୁଣବୈଶିଷ୍ଟ୍ୟର ପାର୍ଥକ୍ୟ ମୟୁନାଜ ପ୍ରାଣିର ସାହାବ୍ୟେ ବ୍ୟାଖ୍ୟା କରା ନା ଯାଇ ତାହଲେ ନିୟମଜ୍ଞଣ୍ୟ କାରଣ ଘଟେଛେ ଧରିତେ ହବେ । ନିୟମଜ୍ଞଣ ଅନ୍ତର୍ଚିତ୍ତ ଥେବେ କୋନ ଶୁଳ୍କାଂଶେ ଏହି କାରଣ ଘଟେଛେ ତା ସାବେ ଓ ଖୁବୀୟେ ବାର କରେ ଏହି କାରଣ ଦୂରୀଭୂତ କରିତେ ହବେ ।

Shewhart ଏବଂ ନିୟମଣ୍ୟବୋଗ୍ୟ କାରଣେର ଅନ୍ତିମ ନିର୍ଣ୍ଣୟ କରା ହୁଏ । ସବୀଳ ପୂର୍ବକାଙ୍କ ହ'ଲ  $\theta$  ।  $\theta$ , ଗଢ଼, ସମ୍ବନ୍ଧ ପାର୍ଦ୍ଦକ୍ୟ, ପ୍ରସାର ବା ଫଟାଯୁଜ ବଞ୍ଚିତ୍ୱର ଅନୁପାତ ହ'ତେ ପାରେ । ସବୀଳ ଯାକୁ,  $T$  ହ'ଲ  $\theta$ ର ପ୍ରାକ୍-କଳକ ନମୁନାଙ୍କ । ପ୍ରତିଟି ଘର୍ଜାଂଶେର ଅନ୍ୟ ନମୁନାଙ୍କ  $T$  ନିର୍ଣ୍ଣୟ କରା ହବେ । ଏକ ଘର୍ଜାଂଶ ଥେକେ ଅନ୍ୟ ଘର୍ଜାଂଶେ  $T$ ର ପାର୍ଦ୍ଦକ୍ୟ କ୍ଷେତ୍ର ନମୁନାଙ୍କ ଆନ୍ତିର ସାହାବ୍ୟ ବ୍ୟାଖ୍ୟା କରା ଯାଇ କିନା ଦେଖିତେ ହବେ । ସବୀଳ,

$$E(T) = \mu_T$$

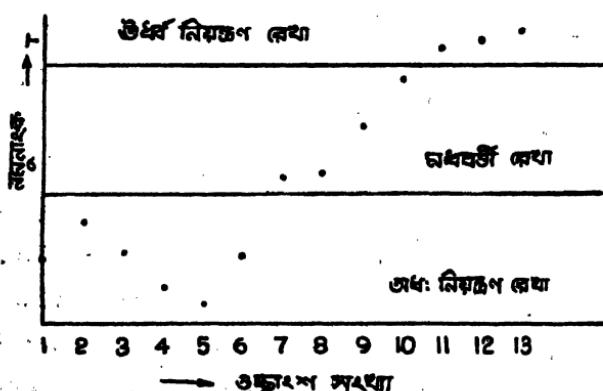
$$\text{ଓ } Var(T) = \sigma_T^2 \text{ ହୁଏ,}$$

ତାହ'ଲେ  $T$  ସବୀଳ  $\mu_T - 3\sigma_T$  ଥେକେ  $\mu_T + 3\sigma_T$  ମଧ୍ୟ ଥାକେ ତାହ'ଲେ ନିୟମଣ୍ୟବୋଗ୍ୟ କାରଣ ନେଇ ସବୀଳ ଯେତେ ପାରେ । କୌଣସି  $T$  ମାନ ସବୀଳ  $\mu_T - 3\sigma_T$  କମ ବା  $\mu_T + 3\sigma_T$  ବେଳୀ ହୁଏ ତାହ'ଲେ ଐ ଘର୍ଜାଂଶେ କୌଣସି ନିୟମଣ୍ୟବୋଗ୍ୟ କାରଣ ସଟେଛେ ଅନୁମାନ କରା ଯାଇ । ସବୀଳ  $T$  ଏର ନିବେଶନ ନର୍ମାଲ ହୁଏ, ତାହ'ଲେ ଅନିୟାନ୍ତିତ କାରଣେର ଫଳ,

$$P\{ | T - \mu_T | \leq 3\sigma_T \} = 0.9973, \text{ କ୍ଷୁଲତଃ ।}$$

ନର୍ମାଲ ନିବେଶନ ନା ହଲେଓ, Chebyshev ଏର ଅସମତା ଥେକେ ଏହି ସଂକାରନା 0.8899 ଏର କମ ନାହିଁ ।

ଏଥାନେ  $T - 3\sigma_T$  କେ ଅଧିକ ନିୟମଣ୍ୟ ଦୀର୍ଘ ଓ  $T + 3\sigma_T$  କେ ଉଚ୍ଚ ନିୟମଣ୍ୟ ଦୀର୍ଘ ବଲା ହୁଏ ।  $\mu_T$  କେ ବଲା ହୁଏ ମଧ୍ୟବର୍ତ୍ତୀ ରେଖା ।



ଚିତ୍ର 6.1 ଏକାଟି ନିୟମଣ୍ୟ ଫର୍ମାଟ

ଉପରେର କ୍ରମଚିତ୍ରେ 11ତଥ ଶୁଛାଂଶ ଥେକେ I ଉର୍ଜ ନିୟନ୍ତ୍ରଣ ଶୀର୍ଷାର ବାଇଲେ ଚଳେ ଗେଛେ । ସୁତରାଂ ଏ ଶୁଛାଂଶ ଥେକେ ନିୟନ୍ତ୍ରଣଯୋଗ୍ୟ କାରଣ ଧାରାର ସନ୍ତୋଷନା ପ୍ରବଳ ।

ନିୟନ୍ତ୍ରଣ ଶୀର୍ଷାର ମଧ୍ୟେ I ଧାରାଲେଓ ନିୟନ୍ତ୍ରଣିତ କ୍ଷେତ୍ରେଓ ନିୟନ୍ତ୍ରଣଯୋଗ୍ୟ କାରଣ ଧାରାର ସନ୍ତୋଷନା ରହେଛେ ।

(1) ଅନେକଶ୍ରୀଲି ପର ପର ବିଲ୍ୟ ଯଦି କୋନ ନିୟନ୍ତ୍ରଣ ଶୀର୍ଷାର ଖୁବ କାହିଁ ଥାକେ ।

(2) ଅନେକଶ୍ରୀଲି ପର ପର ବିଲ୍ୟ ଯଦି ସଧ୍ୟବନ୍ତୀ ରେଖାର ଏକଥାରେ ଥାକେ ।

(3) ଅନେକଶ୍ରୀଲି ପର ପର ବିଲ୍ୟ ଯଦି କ୍ରମଃ ନିୟନ୍ତ୍ରଣଶୀର୍ଷାର ନିକଟବନ୍ତୀ ହ'ତେ ଥାକେ ।

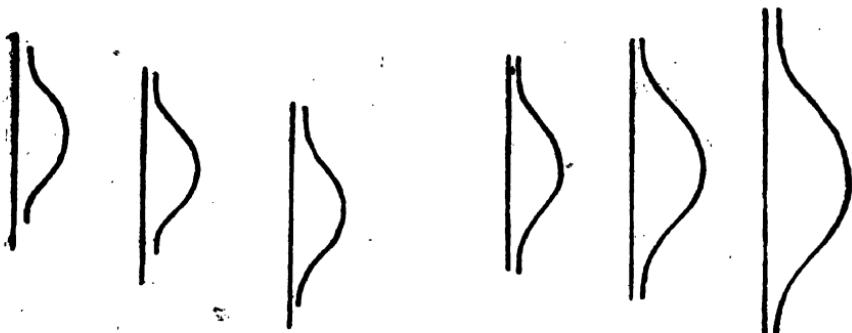
ଦୁଇଥିକାରୀ ନିୟନ୍ତ୍ରଣ କ୍ରମଚିତ୍ର ରହେଛେ । ପ୍ରଥମ, ଗଡ଼ (ଟ୍), ସମକ ପାର୍ଦ୍ଦକ୍ୟ (ଟ୍), ପ୍ରୋର (R), ଝଟିଯୁକ୍ତ ବ୍ୟକ୍ତିର ଅନୁପାତ (p) ପ୍ରଭୃତିର ପ୍ରମାଣ ମାନ ଦେଓଯା ରହେଛେ । ଧରା ଯାକ, ଏଶ୍ରୀଲି ହ'ଲ ଟ୍, ର୍, R', p' ଇତ୍ୟାଦି । ନିୟନ୍ତ୍ରଣ କ୍ରମଚିତ୍ରେ ରେଖାଶ୍ରୀଲିତେ ଏ ପ୍ରମାଣ ଯାନଶ୍ରୀଲି ବ୍ୟବହାର କରା ହୁଏ । ଦେଖାଇଲୁ, ଶୁଛାଂଶଶ୍ରୀଲିର ଶୁଣବୈଶିଷ୍ଟ୍ୟମୁହଁ ଏ ପ୍ରମାଣ ମାନମୁହଁର ତୁଳନାଯି ନିୟନ୍ତ୍ରିତ କିଲା । ହିତୀୟ, କୋନ ପ୍ରମାଣ ମାନ ଦେଓଯା ଲେଇ—ଏଥାନେ ପ୍ରଦତ୍ତ ଶୁଛାଂଶଶ୍ରୀଲିର ଟ୍, ର୍, R, p ଇତ୍ୟାଦି ତାଦେର ନିଜେଦେର ଭେତରେ ନିୟନ୍ତ୍ରିତ ଅବହ୍ୟାର ଆଛେ କିଲା ଦେଖା ହୁଏ ।

ଶୁଛାଂଶ ମୁହଁର ନମୁନାସଂଖ୍ୟା ଚଲକ ନିୟନ୍ତ୍ରଣ କ୍ରମଚିତ୍ରେ ବେଳାୟ 4 ଥେକେ 8 ହଲେଇ ସଥେଷ୍ଟ । ଅଗ୍ର ସମୟ ଅନ୍ତର ଛୋଟ ନମୁନା ବେଶୀ ସମୟ ଅନ୍ତର ବଡ଼ ନମୁନାର ଥେକେ ଭାଲ । ଚଲକ ନିୟନ୍ତ୍ରଣ କ୍ରମଚିତ୍ରେ ନମୁନାସଂଖ୍ୟା ସାଧାରଣତଃ ପ୍ରତି ଶୁଛାଂଶେ ସମାନ । ଶୁଣନ୍ତକଣ୍ୟୁକ୍ତ ନିୟନ୍ତ୍ରଣ କ୍ରମଚିତ୍ରେ ନମୁନାସଂଖ୍ୟା ଅନେକ ବଡ଼ ହତ୍ୟା ଦରକାର, କାରଣ ଶୁଣନ୍ତକଣ ନିୟନ୍ତ୍ରଣ କ୍ରମଚିତ୍ରେ ନିୟନ୍ତ୍ରଣ-ଯୋଗ୍ୟ କାରଣ ନିର୍ଣ୍ଣୟର କ୍ଷମତା ଅନେକ କମ ।

#### 4.4 ଗଡ଼, ସମକପାର୍ଦ୍ଦକ୍ୟ ଓ ପ୍ରୋରେର ନିୟନ୍ତ୍ରଣ କ୍ରମଚିତ୍ର

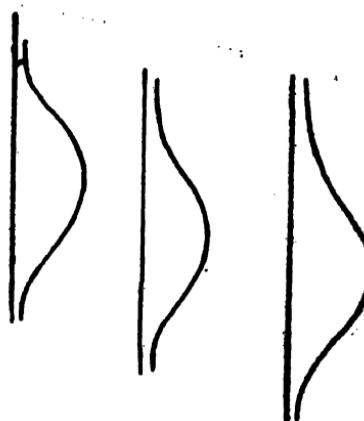
ଧରା ଯାକ, ଶୁଣମାପକ ବୈଶିଷ୍ଟ୍ୟ ଏକଟି ଅବିଛିନ୍ନ ଚଲକ (x) ଦିଯିର ଥିବାକାଣ କମା ଯାଏ । ଧରା ଯାକ, x ଏଇ ନିବେଶନ ମର୍ଯ୍ୟାଳ । ବିଭିନ୍ନ ଶୁଛାଂଶେ x ଏଇ ନିବେଶନ ମର୍ଯ୍ୟାଳ ହ'ଲେଓ ନିୟନ୍ତ୍ରଣଯୋଗ୍ୟ କାରଣ ଧାରାର ଫଳ ଗଡ଼ ବା ସମକ ପାର୍ଦ୍ଦକ୍ୟ ବା ଉତ୍ତରେଇ ଏକ ଶୁଛାଂଶ ଥେକେ ଅନ୍ୟ ଶୁଛାଂଶେ ପୃଥିକ ହଜେ ପାରେ । ଏଥାନ୍ୟ ଗଡ଼ ବା ସମକ ପାର୍ଦ୍ଦକ୍ୟ ନିୟନ୍ତ୍ରିତ ଅବହ୍ୟାର ଆଛେ କିଲା ଆମାର ଅନ୍ୟ ଗଡ଼ ନିୟନ୍ତ୍ରଣ କ୍ରମଚିତ୍ର (x-chart) ଓ ସମକ ପାର୍ଦ୍ଦକ୍ୟ ନିୟନ୍ତ୍ରଣ

ক্রমচিত্র (*R-chart*) অস্তত করা প্রয়োজন। কিন্তু সমক পার্দক্য নির্ণয়করা কিছুটা বট্টাখ্য ও সরুসাপেক্ষ। শুধুনিয়ন্ত্রণ পদ্ধতিতে অস্ততা



চিত্র 4.2.1 নিরূবশনগুলির সমক  
পার্দক্য এক, গড় পৃথক

চিত্র 4.2.2 নিরেশনগুলির গড় এক,  
সমক পার্দক্য পৃথক।



চিত্র 4.2.3 নিরেশনগুলির গড় ও সমক পার্দক্য উভয়েই পৃথক।

একটা শুরুত্বপূর্ণ বিষয়। তাই বহুক্ষেত্রে সমক পার্দক্যের বদলে প্রসার (*R*) ব্যবহার করা হয় ও প্রসার নিয়ন্ত্রণ ক্রমচিত্র (*R-chart*) অস্তত করা হয়।

গড় রিয়ল্যুশন ক্রমচিত্র—শ্রমাণ মাত্র দেওয়া আছে

যদি প্রতি শুচ্ছাংশে আইটেম সংখ্যা  $n$  হয়, তাহ'লে নিয়মিত  
অবস্থার—

$$E(\bar{x}) = \mu$$

$$\text{ଓ } Var (\bar{x}) = \frac{\sigma^2}{n} \mid$$

যদি  $\mu$  ও  $\sigma$  এর প্রমাণ মান  $\bar{x}'$  ও  $\sigma'$  হয় তাহলে গড় ক্রমিতে,

$$\text{অথ: } \text{নিয়ন্ত্ৰণ সীমা} = \bar{x}' - 3 \frac{\sigma'}{\sqrt{n}} \leq \bar{x}' - A\sigma' \quad \left. \begin{array}{l} \\ \end{array} \right\}$$

$$\text{অধ্যবস্তী রেখা} = \bar{x}'$$

$$\text{উক্ত নিয়ন্ত্ৰণ সীমা} = \bar{x}' + 3 \frac{\sigma'}{\sqrt{n}} = \bar{x}' + A\sigma' \quad \left. \begin{array}{l} \\ \end{array} \right\}$$

এক্ষেত্রে,  $A = \frac{3}{\sqrt{n}}$ , বিভিন্ন  $n$  এর অন্য এর মান Appendix এর

সারণী নং VII-এ পাওয়া যাবে।

গড় বিশ্লেষণ ক্রমিত্ব - প্রমাণ মান দেওয়া বৈ

যদি  $s_1, s_2 \dots s_m$   $m$ টি শুচ্ছাংশ থেকে ক্রমিকভাবে তৈরী হবে। যদি  $\bar{x}_1, \bar{x}_2 \dots \bar{x}_m$   $m$ টি শুচ্ছাংশ গড় হয়,  $s_1, s_2 \dots s_m$  শুচ্ছাংশ সরকপোর্থক্য হয় ও  $R_1, R_2 \dots R_m$  শুচ্ছাংশ প্রসার হয়, তাহলে,

$$\bar{\bar{x}} = \sum_{i=1}^m \bar{x}_i / m,$$

$$\bar{s} = \sum_{i=1}^m s_i / m$$

$$\text{ও } \bar{R} = \sum_{i=1}^m R_i / m$$

হ'ল যথোক্ত একত্রিত ( pooled ) গড়, সরক পোর্থক্য ও প্রসার।  
আমরা আশি,

$$E(\bar{x}) = \mu \quad (4.2)$$

$$E(s) = c_s \sigma,$$

$$\text{ଯେକେତେ, } c_2 = \frac{\sqrt{\frac{n}{2}}}{\sqrt{\frac{n-1}{2}}} = \sqrt{\frac{2}{n}} \quad (4.3)$$

$$\text{ଓ } E(R) = d_2 \sigma,$$

$$\text{ଯେକେତେ } d_2, n \text{ ଉପର ନିର୍ଭରଶୀଳ ଏକଟି ଫୁଲ୍କ } \quad (4.4)$$

$$\text{ତାଥିଲେ, } \mu = \bar{x} \quad (4.5)$$

$$\delta = \frac{3}{c_2}, \quad (4.6)$$

$$\text{ଓ } \delta = \frac{\bar{R}}{d_2}. \quad (4.7)$$

ଯଦି (4.5) ଓ (4.6) ଏବଂ ପ୍ରାକ-କଲକ ଦୁଟି ବ୍ୟବହାର କରା ହୁଏ, ତାହାରେ

$$\left. \begin{array}{l} \text{ଅଧି: ନିଯନ୍ତ୍ରଣ ଗୌଣ} = \bar{x} - \frac{3s}{c_2 \sqrt{n}} = \bar{x} - A_1 s \\ \text{ମଧ୍ୟବର୍ତ୍ତୀ ରେଖା} = \bar{x} \\ \text{ଉର୍କ ନିଯନ୍ତ୍ରଣ ଗୌଣ} = \bar{x} + \frac{3s}{c_2 \sqrt{n}} = \bar{x} + A_2 s \end{array} \right\} \quad (4.8)$$

ଏକେତେ  $A_1 = \frac{3}{c_2 \sqrt{n}}$  ।  $c_2$  ଓ  $A_1$ , ବିଭିନ୍ନ  $n$  ଏବଂ ଅନ୍ୟ Appendix

ଏବଂ ସାମଗ୍ରୀ ନଂ VII-ରେ ପୋଷଣ ଯାବେ ।

ଯଦି (4.5) ଓ (4.7) ଏବଂ ପ୍ରାକ-କଲକ ଦୁଟି ବ୍ୟବହାର କରା ହୁଏ, ତାହାରେ

$$\left. \begin{array}{l} \text{ଅଧି: ନିଯନ୍ତ୍ରଣ ଗୌଣ} = \bar{x} - \frac{3\bar{R}}{d_2 \sqrt{n}} = [\bar{x} - A_3 \bar{R}] \\ \text{ମଧ୍ୟବର୍ତ୍ତୀ ରେଖା} = \bar{x} \\ \text{ଉର୍କ ନିଯନ୍ତ୍ରଣ ଗୌଣ} = \bar{x} + \frac{3\bar{R}}{d_2 \sqrt{n}} = \bar{x} + A_4 \bar{R} \end{array} \right\} \quad (4.9)$$

ଏକେତେ  $A_3 = \frac{3}{d_2 \sqrt{n}}$  ।  $d_2$  ଓ  $A_3$ , ବିଭିନ୍ନ  $n$  ଏବଂ ଅନ୍ୟ Appendix

ଏବଂ ସାମଗ୍ରୀ ନଂ VII-ରେ ପୋଷଣ ଯାବେ ।

ସମ୍ପଦ ପାର୍ଥକ୍ୟ ନିୟମଙ୍ଗ କ୍ରମଚିତ୍ର—ଅଧ୍ୟାତ୍ମ ମାନ ଦେଓଯା ଆଛେ

ସଦି ଗୁଣମାପକ ବୈଶିଷ୍ଟ୍ୟ  $x$  ଏବଂ ନିବେଶନ ନର୍ମ୍ୟାଳ ହୁଏ,

$$E(s) = c_2 \sigma$$

$$\text{ଏବଂ } Var(s) = \sigma^2 \left( \frac{n-1}{n} - c_2^2 \right) |$$

ସଦି  $\sigma$  ର ଅଧ୍ୟାତ୍ମ ମାନ  $\sigma'$  ହୁଏ, ତାହଲେ କ୍ରମଚିତ୍ରର

$$\text{ଅଧଃ ନିୟମଙ୍ଗ ସୀମା} = c_2 \sigma' - ? \sigma' \sqrt{\frac{n-1}{n} - c_2^2} = B_1 \sigma' \quad \left. \begin{array}{l} \\ \end{array} \right\}$$

$$\text{ମଧ୍ୟବତ୍ତୀ ରେଖା} = c_2 \sigma'$$

$$\text{ଉର୍କ ନିୟମଙ୍ଗ ସୀମା} = c_2 \sigma' + 3 \sigma' \sqrt{\frac{n-1}{n} - c_2^2} = B_2 \sigma' \quad \left. \begin{array}{l} \\ \end{array} \right\} |$$

$$\text{ଏକେତ୍ରେ, } B_1 = c_2 - 3 \sqrt{\frac{n-1}{n} - c_2^2}$$

$$\text{ଏବଂ } B_2 = c_2 + 3 \sqrt{\frac{n-1}{n} - c_2^2} \quad |$$

Appendix ଏବଂ ସାରଣୀ ନଂ VII ଏ ବିଭିନ୍ନ  $n$  ଏବଂ ଅନ୍ୟ  $B_1$ ,  $B_2$  ଓ  $c_2$  ର ମାନ ଦେଓଯା ଆଛେ ।

ସମ୍ପଦ ପାର୍ଥକ୍ୟ ନିୟମଙ୍ଗ କ୍ରମଚିତ୍ର—ଅଧ୍ୟାତ୍ମ ମାନ ଦେଓଯା ବେଇ

ଏକେତ୍ରେ  $s$  ର ଥୋକକଳକ ହ'ଲ  $\frac{s}{c_2}$  । ସୁତରାଂ କ୍ରମଚିତ୍ରର

$$\text{ଅଧଃ ନିୟମଙ୍ଗ ସୀମା} = s - 3 \frac{s}{c_2} \sqrt{\frac{n-1}{n} - c_2^2} = B_3 s \quad \left. \begin{array}{l} \\ \end{array} \right\}$$

$$\text{ମଧ୍ୟବତ୍ତୀ ରେଖା} = s$$

(4.11)

$$\text{ଉର୍କ ନିୟମଙ୍ଗ ସୀମା} = s + 3 \frac{s}{c_2} \sqrt{\frac{n-1}{n} - c_2^2} = B_4 s \quad |$$

অবশ্যই

$$B_3 = 1 - \frac{3}{c_3} \sqrt{\frac{n-1}{n}} - c_3^2$$

$$\text{ও } B_4 = 1 + \frac{3}{c_4} \sqrt{\frac{n-1}{n}} - c_4^2 \quad |$$

Appendix এর সারণী নং VII-এ বিভিন্ন  $n$  এর অন্য  $B_3$  ও  $B_4$  এর মান দেওয়া আছে।

উভয় ক্ষেত্রেই অধঃ নিম্নজ্ঞ সীমা ঝুঁটুক হ'লে তাকে 0 হিসাবে গণ্য করতে হবে।

অসাম তিম্বক্ষণ ক্রমচিত্র—প্রমাণ মান দেওয়া আছে

যদি গুণমাপক বৈশিষ্ট্য  $x$  এর নিবেশন নর্যাত হয়,

$$\begin{aligned} E(R) &= d_2 \sigma \\ \text{ও } Var (R) &= D^2 \sigma^2, \end{aligned}$$

$d_2$  ও  $D$ ,  $n$  এর উপর নির্ভরশীল দুটি ঝুঁটুক ঝুঁটুক।

যদি  $\sigma$ র প্রমাণ মান  $\sigma'$  হয়,

$$\text{অধঃ নিম্নজ্ঞ সীমা} = d_2 \sigma' - 3D\sigma' = D_1 \sigma' \quad |$$

$$\text{মধ্যবর্তী রেখা} = d_2 \sigma' \quad |$$

$$\text{উর্ধ নিম্নজ্ঞ সীমা} = d_2 \sigma' + 3D\sigma' = D_2 \sigma' \quad | \quad (4.12)$$

এক্ষেত্রে,  $D_1 = d_2 - 3D$  ও  $D_2 = d_2 + 3D$ । Appendix এর সারণী নং VII-এ  $D_1$ ,  $D_2$  ও  $d_2$ -র মান  $n$  এর বিভিন্ন মানের অন্য দেওয়া আছে।

অসাম তিম্বক্ষণ ক্রমচিত্র—প্রমাণ মান দেওয়া নেই

যদি  $\sigma$ র প্রমাণ মান দেওয়া না থাকে,  $\sigma$ র প্রাক-কলক হিসাবে  $R$  ব্যবহার করা হয়। এক্ষেত্রে,

$$\text{অধঃ নিম্নজ্ঞ সীমা} = R - \frac{3D}{d_2} R = D_0 R \quad |$$

$$\text{মধ্যবর্তী রেখা} = R \quad |$$

$$\text{উর্ধ নিম্নজ্ঞ সীমা} = R + \frac{3D}{d_2} R = D_4 R \quad | \quad (4.13)$$

অবশ্যই,  $D_3 = 1 - \frac{3D}{d_s}$  ও  $D_4 = 1 + \frac{3D}{d_s}$ ।  $n$  এর বিভিন্ন মানের অন্য

$D_3$  ও  $D_4$ , Appendix এর সাহায্যে নং VII-এ দেওয়া আছে।

উভয় ক্ষেত্রেই অথবা নিয়ন্ত্রণ সীমা ধৰ্মাপক হ'লে 0 থরা হয়।

৪.৫ ক্ষটীযুক্ত খণ্ড সংখ্যা (Number defective) ও খণ্ড ভগ্নাংশের (Proportion defective) নিয়ন্ত্রণ ক্রমচিত্র (Np-chart ও p-chart)

এক্ষেত্রে গুণমাপক বৈশিষ্ট্যটি সংখ্যাগত নয়। প্রতিটি আইটেম বা খণ্ডকে ক্ষটীযুক্ত ও ক্ষটীযুক্ত এই দুইভাগে ভাগ করা হয়। প্রশালী নিয়ন্ত্রিত কিনা আনতে হ'লে আবাদের দ্রেষ্টব্যে হবে প্রতিটি শুচ্ছাংশ ক্ষটীযুক্ত খণ্ড ভগ্নাংশ সমগ্রকে  $P$  কিনা। এই বিচার শুচ্ছাংশে ক্ষটীযুক্ত খণ্ড সংখ্যা,  $d$ , বা ক্ষটীযুক্ত খণ্ড ভগ্নাংশ  $p = \frac{d}{n}$  দিয়ে করা যায়। যদি নমুনাগ্রহণ পুনঃস্থাপনাসহ হয় বা সীমাহীন বৃহৎ পূর্দক থেকে পুনঃস্থাপনাবিহীন হয়, তাহলে ক্ষটীযুক্ত খণ্ড সংখ্যা,  $d = np$  এর নিরেশন বাইনোমিয়াল (binomial) হবে, যার

$$E(d) = nP$$

$$Var(d) = nP(1-P)$$

ক্ষটীযুক্ত খণ্ড সংখ্যা নিয়ন্ত্রণ ক্রমচিত্র—প্রমাণ মান দেওয়া আছে

থরা যাক  $P$  এর প্রমাণ মান  $p'$  দেওয়া আছে। তাহলে  $d$  এর নিয়ন্ত্রণ ক্রমচিত্রে,

$$\text{অথবা } \text{নিয়ন্ত্রণ সীমা} = np' - 3\sqrt{np'(1-p')},$$

$$\text{মধ্যবর্তী সীমা} = np'$$

$$\text{ও উর্ক নিয়ন্ত্রণ সীমা} = np' + 3\sqrt{np'(1-p')}.$$

(4.14),

ক্ষটীযুক্ত খণ্ড সংখ্যা নিয়ন্ত্রণ ক্রমচিত্র—প্রমাণ মান দেওয়া রেখো

ধর্মায়ক,  $m$ টি শুচ্ছাংশ থেকে নিয়ন্ত্রণ ক্রমচিত্র তৈরী করতে হবে।  $p_1, p_2, \dots, p_m$ ,  $m$ টি শুচ্ছাংশে ক্ষটীযুক্ত খণ্ড ভগ্নাংশ।  $P$  এর পৌরুষ ক্ষেত্রে হিসাবে আসব।  $\bar{p}$  কে নেব, যেক্ষেত্রে

$$\bar{p} = \sum_{i=1}^n p_i / m$$

ତାହ'ଲେ,

$$\left. \begin{array}{l} \text{ଆଧୁ: ନିଯନ୍ତ୍ରଣ ସୀମା} = n\bar{p} - 3\sqrt{n\bar{p}(1-\bar{p})} \\ \text{ବଧ୍ୟବର୍ତ୍ତୀ ରେଖା} = n\bar{p} \end{array} \right\} \quad (4.15)$$

$$\text{ଓ ଉର୍କ ନିଯନ୍ତ୍ରଣ ସୀମା} = n\bar{p} + 3\sqrt{n\bar{p}(1-\bar{p})}$$

ଉତ୍ତମକ୍ଷେତ୍ରେଇ ଆଧୁ: ନିଯନ୍ତ୍ରଣ ସୀମା ଶୀଘ୍ରକ ହ'ଲେ 0 ଥରା ହବେ ।

କ୍ରଟୀଯୁକ୍ତ ଥଣ୍ଡ ଡଗାର୍ଶ ନିଯନ୍ତ୍ରଣ କ୍ରମଚିତ୍ର—ଅମାଣ ମାତ୍ର ଦେଓଇବା ଆଛେ

ଏକେତ୍ରେ ନିଯନ୍ତ୍ରଣ କ୍ରମଚିତ୍ର ପ୍ରକ୍ରିତ କରାତେ ନିୟମିତ ସୂତ୍ରଗୁଡ଼ିର ବ୍ୟବହାର କରା ହୁଯ—

$$\begin{aligned} E(p) &= P \\ Var(p) &= \frac{P(1-P)}{n} \end{aligned}$$

ଆଧୁ:  $P$  ଏବଂ ଅମାଣ ମାତ୍ର  $p'$  ହୁଯ,

$$\left. \begin{array}{l} \text{ଆଧୁ: ନିଯନ୍ତ୍ରଣ ସୀମା} = p' - 3\sqrt{\frac{p'(1-p')}{n}} = p' - A\sqrt{p'(1-p')} \\ \text{ବଧ୍ୟବର୍ତ୍ତୀ ରେଖା} = \bar{p} \\ \text{ଓ ଉର୍କ ନିଯନ୍ତ୍ରଣ ସୀମା} = p' + 3\sqrt{\frac{p'(1-p')}{n}} = p' + A\sqrt{p'(1-p')} \end{array} \right\} \quad (4.16)$$

କ୍ରଟୀଯୁକ୍ତ ଥଣ୍ଡ ଡଗାର୍ଶ କ୍ରମଚିତ୍ର—ଅମାଣ ମାତ୍ର ଦେଓଇବା ଲେଇ

ଏକେତ୍ରେ  $P$  ଏବଂ ପ୍ରାକକଳକ ହ'ଲ  $\bar{p}$  । ଫୁଲାଙ୍କ,

$$\left. \begin{array}{l} \text{ଆଧୁ: ନିଯନ୍ତ୍ରଣ ସୀମା} = \bar{p} - 3\sqrt{\frac{\bar{p}(1-\bar{p})}{n}} \\ \qquad \qquad \qquad = \bar{p} - A\sqrt{\bar{p}(1-\bar{p})} \\ \text{ବଧ୍ୟବର୍ତ୍ତୀ ରେଖା} \qquad \qquad = \bar{p} \\ \text{ଓ ଉର୍କ ନିଯନ୍ତ୍ରଣ ସୀମା} = \bar{p} + 3\sqrt{\frac{\bar{p}(1-\bar{p})}{n}} \\ \qquad \qquad \qquad = \bar{p} + A\sqrt{\bar{p}(1-\bar{p})} \end{array} \right\} \quad (4.17)$$

ଉତ୍ତମ କ୍ଷେତ୍ରେଇ ଆଧୁ: ନିଯନ୍ତ୍ରଣ ସୀମା ଶୀଘ୍ରକ ହ'ଲେ 0 ଥରା ହୁଯ ।

যদি ଗୁଚ୍ଛାଂଶ୍ ଖଣସଂଖ୍ୟା ସମାନ ହସ୍ତ ତାହଲେ କ୍ରଟୀଯୁକ୍ତ ଖଣ୍ଡ କ୍ରମଚିତ୍ର ( np-chart ) ବା କ୍ରଟୀଯୁକ୍ତ ଖଣ୍ଡ ଭଗ୍ନାଂଶ କ୍ରମଚିତ୍ର ( p-chart ) ଯେ କୋଣଟି ବ୍ୟବହାର କରା ଯାଏ । ଚଲକେର ନିୟମଣ କ୍ରମଚିତ୍ର ଥିକେ ଗୁଣଲଙ୍ଘଣେର ନିୟମଣ କ୍ରମଚିତ୍ରେ ଥରଚ କମ ହସ୍ତ କାରଣ ଏକଟି ଗୁଣଲଙ୍ଘଣ କ୍ରମଚିତ୍ରେ ବଦଳେ ଅନେକଗୁଲି ଚଲକ ନିୟମଣ କ୍ରମଚିତ୍ର ବ୍ୟବହାର କରାତେ ହସ୍ତ କିନ୍ତୁ ଗୁଣଲଙ୍ଘଣ୍ୟୁକ୍ତ କ୍ରମଚିତ୍ରେ ନିୟମଣଯୋଗ୍ୟ କାରଣ ନିର୍ଧାରଣ କ୍ଷମତା କମ ଥାକାର ଗୁଚ୍ଛାଂଶ୍ ଖଣ୍ଡ ସଂଖ୍ୟା ଅନେକ ବେଳୀ ହେଉଥାରୁ ଥାଇବାକୁ ପାଇବାକାବଳି ।

ଯଦି ଗୁଚ୍ଛାଂଶ୍ ଖଣସଂଖ୍ୟା ପରିବର୍ତ୍ତନଶୀଳ ହସ୍ତ ତାହଲେ ଖଣ୍ଡ ଭଗ୍ନାଂଶ କ୍ରମଚିତ୍ର ବ୍ୟବହାର କରା ଯୁବିଧାନକ, କାରଣ ଖଣ୍ଡ ଭଗ୍ନାଂଶ କ୍ରମଚିତ୍ରେ, ଯଥ୍ୟବର୍ତ୍ତୀ ରେଖା ତୁ ପରିବର୍ତ୍ତିତ ହସ୍ତନା, ଶୁଦ୍ଧ ନିୟମଣ ସୀମା ଦୁଇଟି  $n$  ଏର ସଂଗେ ପରିବର୍ତ୍ତିତ ହସ୍ତ । ଗରିଷ୍ଠ  $n$  ଓ ଲଧିଷ୍ଠ  $n$  ଏର ଅନ୍ୟ ପୃଥିକ ନିୟମଣୀୟା ଏକେ ନିତେ ହବେ । ଯଦି କୋଣ ବିଲ୍ଲ ବହିଃ ନିୟମଣ ସୀମାର ( ଗରିଷ୍ଠ  $n$  ଏର ଅନ୍ୟ ) ବାଇରେ ପଡ଼େ ତାହଲେ ନିୟମଣଯୋଗ୍ୟ କାରଣ ଖୁବୁ ଜାତେ ହବେ । ଯଦି କୋଣ ବିଲ୍ଲ ଅନ୍ତଃ ନିୟମଣ ସୀମାର ( ଲଧିଷ୍ଠ  $n$  ଏର ଅନ୍ୟ ) ଡେତରେ ପଡ଼େ ତାହଲେ ପ୍ରଣାଲୀ ନିୟମିତ ଅବହାୟ ଧରା ଯାଏ । ଆର ଯଦି କୋଣ ବିଲ୍ଲ ଦୁଇ ନିୟମଣ ସୀମାର ମାଝେ ପଡ଼େ ତାହଲେ ଏଇ ଗୁଚ୍ଛାଂଶେର ଅନ୍ୟ ସଠିକ ନିୟମଣ ସୀମା ନିର୍ଧାରଣ କରେ ଆୟୁଦେର ସିଦ୍ଧାନ୍ତ ନିତେ ହବେ । ଏଥାନେ  $\bar{p}$  ଅବଶ୍ୟ  $p$ ; ମାନ୍ୟଲିଙ୍ଗ ଭାର୍ଯୁକ୍ତ ଗଡ଼,  $n$ ; ହ'ଲ  $p$ , ର ଭାର । ଅର୍ଦ୍ଧାଂଶ୍

$$\bar{p} = \frac{\sum_{i=1}^m n_i p_i}{\sum_{i=1}^m n_i}$$

ଅପର ପକ୍ଷେ, ଯଦି ପ୍ରମାଣ ଚଲକ  $z$  ନିର୍ଧାରଣ କରି, ଯେକ୍ଷେତ୍ରେ

$$z_i = \frac{p_i - p'}{\sqrt{p'(1-p') / n_i}} \quad \text{ବା} \quad \frac{p_i - \bar{p}}{\sqrt{\bar{p}(1-\bar{p}) / n_i}}, \quad (4.18)$$

ଯେକ୍ଷେତ୍ରେ, ତିନଟି ରେଖାଇ ଅପରିବର୍ତ୍ତନୀୟ, କାରଣ

$$\text{ଆଥ: } \text{ନିୟମଣ ସୀମା} = -3$$

$$\text{ଯଥ୍ୟବର୍ତ୍ତୀ ରେଖା} = 0$$

$$\text{ଉର୍କ୍ଷ ନିୟମଣ ସୀମା} = 3$$

**4.6 କ୍ରଟୀ ସଂଖ୍ୟାର ( Number of defects ) ନିୟମଣ କ୍ରମଚିତ୍ର ( c-chart )**

ଏକ୍ଷେତ୍ରେ ପ୍ରତିଟି ଗୁଚ୍ଛାଂଶେ ମୋଟ କ୍ରଟୀର ସଂଖ୍ୟା ନିର୍ଧାରଣ କରା ହସ୍ତ । ଏକଟି କ୍ରଟୀଯୁକ୍ତ ଆଇଟମେ ଏକ ବା ଏକାଧିକ କ୍ରଟୀ ଥାକାତେ ପାରେ, ଏକ ବା

অবস্থিক দ্বিরেশিত মানসীকা না মানসীই একটি আইটেম এক বা অবস্থিক জটী ধাকতে পারে।

একটি আইটেমে তজের দিক দিয়ে বহু ( সীমাইন বৃহৎ ) জটী ধাকতে পারে; যদিও একটি বিশেষ স্থানে একটি জটী ধাকার সম্ভাবনা শুধুই কথ। সুতরাং জটী সংখ্যার (c) নিবেশন Poisson এর নিবেশন করা যাব। এই Poisson এর নিবেশনের পূর্ণকাংক ( শুচ্ছাংশ প্রতি গড়: জটী সংখ্যা )  $\lambda$  হ'লে,

$$\begin{aligned} E(c) &= \lambda \\ \text{বা } Var(c) &= \lambda \end{aligned}$$

জটী সংখ্যার ক্রমচিত্র—প্রমাণ মাত্র দেওয়া আছে

যদি  $\lambda$ র প্রমাণ মাত্র  $c'$  ধরা হয়। জটীসংখ্যার ক্রমচিত্রে

$$\left. \begin{array}{l} \text{অথ: নিম্নলিখিত সীমা} = c' - 3\sqrt{c'} \\ \text{মধ্যবর্তী রেখা} = c' \\ \text{উর্ক নিম্নলিখিত সীমা} = c' + 3\sqrt{c'} \end{array} \right\} \quad (4.19)$$

জটী সংখ্যার ক্রমচিত্র—প্রমাণ মাত্র দেওয়া বেই

এখানে  $\lambda$ র প্রাক-কলক হ'ল  $\bar{c}$ , যেক্ষেত্রে

$$\bar{c} = \sum_{i=1}^m c_i / m,$$

$c_i$  হ'ল  $i$ -তম শুচ্ছাংশে জটী সংখ্যা। তাহ'লে এক্ষেত্রে,

$$\left. \begin{array}{l} \text{অথ: নিম্নলিখিত সীমা} = \bar{c} - 3\sqrt{\bar{c}} \\ \text{মধ্যবর্তী রেখা} = \bar{c} \\ \text{উর্ক নিম্নলিখিত সীমা} = \bar{c} + 3\sqrt{\bar{c}} \end{array} \right\} \quad (4.20)$$

উভয় ক্ষেত্রে যদি অথ: নিম্নলিখিত সীমা দীর্ঘায়ক হয়, তাকে 0 হিসাবে ধরা হবে।

#### 4.7 অণালো নিয়ন্ত্রণ সম্পর্কে আলোচনা

নিয়ন্ত্রণ ক্রমচিত্র দুইটি পৃথক কাজে ব্যবহার করা যেতে পারে—এক, অতীতে অণালো নিয়ন্ত্রিত অবস্থায় ছিল কিমা জানতে ও দুই, ভবিষ্যতে নিয়ন্ত্রণযোগ্য কারণ ঘটলে তার অনুসন্ধান ও দুর্ব করতে।

ଅତୀତେ ଥିଲାଗୀ ନିୟମିତ ଅବହାର ହିଲ କିନା ଆନତେ ହ'ଲେ ଅତୀତେ ଶୁଦ୍ଧାଂଶୁଳି ଥେକେ ପ୍ରତ୍ୟ ନିୟମିତ କ୍ରୟାଚିତ୍ରେ ବିଳୁଖଳି ସବ ନିୟମିତ ଶୀମାର ସଥେ ଆଛେ କିନା ଦେଖିବାକୁ ହବେ ।

ଭବିଷ୍ୟତେ ନିୟମିତ କାରଣ ଅନୁସରନେର ଭନ୍ୟ ନିୟମିତ କ୍ରୟାଚିତ୍ର ତୈରୀ କରତେ ହ'ଲେ ସେ ସବ ବିଳୁ ନିୟମିତ ଶୀମାର ବାଇରେ ଲେଖଳି ବାଦ ଦିଯେ ନୁହନ କରେ ନିୟମିତ କ୍ରୟାଚିତ୍ର ତୈରୀ କରତେ ହବେ ଓ ଅତୀତେ କୋନ ନିୟମିତ ଯୋଗ୍ୟ କାରଣ ଥାକଲେ ଲେଖଳି ଦୂର କରତେ ହବେ ।

ଥିଲାଗୀ ନିୟମିତ କାଲେ ଅନେକ ସମୟ ନିର୍ଦ୍ଦେଶୀକୃତ ମାନ୍ସୀମା ଦେଓଯା ଥାକେ । ଅନେକ ସମୟେ ନିୟମିତ ଶୀମା ବା ସଂଶୋଧିତ ନିୟମିତ ଶୀମା ନିର୍ଦ୍ଦେଶିତ ମାନ୍ସୀମାର ବାଇରେ ଥାକେ । ଲେକ୍ଷେତ୍ରେ ସିଙ୍କାନ୍ତ ହ'ଲ ଏହି ସେ ପ୍ରତ୍ୟ ଥିଲାଗୀର ପରିବର୍ତ୍ତନ ନା ହ'ଲେ ନିର୍ଦ୍ଦେଶିତ ମାନ୍ସୀମାର ମାଲ ପ୍ରତ୍ୟ କରା ସନ୍ତୋଷ ନୟ । ଆବାର ସମ୍ମ ନିର୍ଦ୍ଦେଶିତ ମାନ୍ସୀମା ନିୟମିତ ଶୀମାର ବାଇରେ ଥାକେ ତାହ'ଲେ ଅଭିଭିତ୍ତାର ଭିଭିତ୍ତି ନିର୍ଦ୍ଦେଶିତ ମାନ୍ସୀମା କରାନ୍ତେ ସେତେ ପାରେ ଅଧିବା ପ୍ରତ୍ୟ ଥିଲାଗୀ ଏମନ ଭାବେ ଚେଲେ ସାଜାନ୍ତେ ସେତେ ପାରେ ଯାଏ ଥରଚ କରେ, କିନ୍ତୁ ନିୟମିତ ଶୀମା କିଛିଟା ବେଡ଼େ ଯାଯା ।

ଥିଲାଗୀ ନିୟମିତ ସାହାଯ୍ୟ ଆମରା ପ୍ରତ୍ୟ କରା ମାଲ ସନ୍ତୋଷଜ୍ଞକ କରେ ତୁଳନି ସାହାଯ୍ୟ କରତେ ପାରି । ଏର ସାହାଯ୍ୟ ପ୍ରତ୍ୟ ବ୍ୟଯାଓ କରବେ, କାରଣ ଏତେ ଝଟିଯୁକ୍ତ ମାଲ ଅନେକ କମ ତୈରୀ ହବେ । ଏହାଡ଼ା ଏହି ପ୍ରତ୍ୟ କାରୀର ସୁନାମାଓ ବାଡ଼ବେ ।

ଥିଲାଗୀ ନିୟମିତ ଆମାଦେର ମାନ୍ସୀମା ନିର୍ଦ୍ଦେଶୀକରଣେ ସାହାଯ୍ୟ କରବେ । ତାହାଡ଼ା ଥିଲାଗୀ ନିୟମିତ ବ୍ୟାପକ ନିୟମିତ ସାହାଯ୍ୟ କରବେ କାରଣ ଥିଲାଗୀ ନିୟମିତ କରା ହଲେ ଲଟ୍କବର୍ଜନେର ସନ୍ତୋଷବନା କରେ ଯାବେ ଓ ଅପେକ୍ଷାକୃତ ଛୋଟ ନୟନା ଥେକେଇ ଆମରା ପ୍ରଥମ ବର୍ଜନ ସମ୍ପର୍କେ ସିଙ୍କାନ୍ତେ ଆସନ୍ତେ ପାରିବ ।

**ଉଦ୍‌ବହରଣ 4.1** କୋନ ଉତ୍ପନ୍ନ ବନ୍ତ ଥେକେ ପ୍ରତିଟି ଶୁଦ୍ଧାଂଶେ 5ଟି କରେ ନୟନା ନେଓଯା ହ'ଲ ଓ ବସ୍ତୁଟିର ବ୍ୟାସ ( ଇଞ୍କିଟେ ) ମାପା ହ'ଲ । ବ୍ୟାସେର ଗଢ଼ (  $\text{D}$  ) ଓ ପ୍ରସାର (  $R$  ) 30ଟି ଶୁଦ୍ଧାଂଶର ଭନ୍ୟ ନିୟମେ ଦେଓଯା ହ'ଲ । ପ୍ରଥମ 20ଟି ଶୁଦ୍ଧାଂଶେ ଥେକେ ଗୁଣ ନିୟମିତ ଚିତ୍ର (  $\text{D}$  ଓ  $R$  ଏର ଭନ୍ୟ ) ନିର୍ଣ୍ଣୟ କର ଓ ପରବର୍ତ୍ତୀ 10ଟି ଶୁଦ୍ଧାଂଶେ ନିୟମିତ ଅବହାର ଆଛେ କିନା ଚିତ୍ର ଥେକେ ବିଚାର କର ।

গুচ্ছাংশ সংখ্যা	$\bar{x}$	R	গুচ্ছাংশ সংখ্যা	$\bar{x}$	R
1	.440	.015	16	.436	.015
2	.439	.018	17	.438	.019
3	.445	.018	18	.435	.008
4	.443	.006	19	.438	.011
5	.443	.008	20	.438	.009
6	.438	.010	21	.439	.006
7	.436	.011	22	.438	.008
8	.444	.019	23	.436	.016
9	.437	.010	24	.435	.009
10	.437	.011	25	.434	.005
11	.436	.011	26	.437	.014
12	.440	.007	27	.435	.009
13	.433	.008	28	.437	.015
14	.436	.017	29	.434	.024
15	.431	.010	30	.437	.014

একেব্দে প্রথম 20টি গুচ্ছাংশের মিলিত গড় ( $\bar{x}$ ) ও প্রসার R এর  
গড় (R) হল—

$$\bar{x} = \frac{8.763}{20} = 0.438$$

$$\text{ଓ } R = \frac{0.241}{20} = 0.012$$

ଅତିରାଂ ଓ ଏର ନିୟମଣ କ୍ରମଚିତ୍ରେ—

$$\text{ମଧ୍ୟବର୍ତ୍ତୀ ରେଖା} = \bar{R} = 0.012$$

$$\text{ଆଥ: ନିୟମଣ ରେଖା} = \bar{s} - A_s \bar{R}$$

$$= 0.438 - 0.577 \times 0.012$$

$$= 0.438 - 0.007$$

$$= 0.431$$

$$\text{ଓ ଉର୍ଜ ନିୟମଣ ରେଖା} = \bar{s} + A_s \bar{R}$$

$$= 0.438 + 0.007$$

$$= 0.445$$

ଆବାର  $R$  ଏର ନିୟମଣ କ୍ରମଚିତ୍ରେ—

$$\text{ମଧ୍ୟବର୍ତ୍ତୀ ରେଖା} = \bar{R} = 0.012,$$

$$\text{ଆଥ: ନିୟମଣ ରେଖା} = D_s \bar{R}$$

$$= 0 \times 0.012 = 0$$

$$\text{ଓ ଉର୍ଜ ନିୟମଣ ରେଖା} = D_u \bar{R}$$

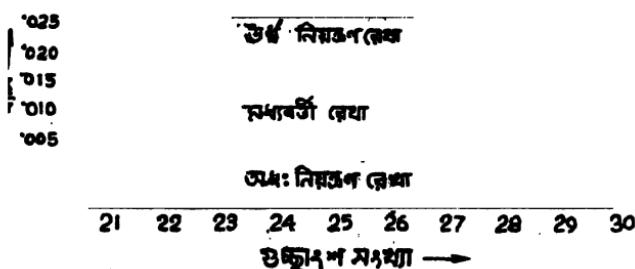
$$= 2.115 \times 0.012$$

$$= 0.025$$

ନିମ୍ନେ ପରବର୍ତ୍ତୀ 10ଟି ଘୁଛାଂଶେର ଓ ଏର  $R$  ନିୟମଣ କ୍ରମଚିତ୍ରେ ବଗିଲେ ଦେଖାଇଲେ ଗୋଟିଏ ନିୟମଣ ଚିତ୍ରେଇ ସବ୍ବଲି ବିଲ୍ଲୁ ନିୟମଣ ସୀମାହରଣର ମଧ୍ୟ ରହେଛେ ।  
ଅତିରାଂ ପରବର୍ତ୍ତୀ 10ଟି ଘୁଛାଂଶ ନିୟମିତ ଅବଳମ୍ବନ ରହେଛେ ।

	କ୍ରମିତିଯକ୍ରମରେଖା								
	ମଧ୍ୟବର୍ତ୍ତୀ ରେଖା								
	ଆଥ: ନିୟମଣରେଖା								
447									
444									
441									
438									
435									
432									
429									
	21	22	23	24	25	26	27	28	30
	ଘୁଛାଂଶ ମୌଦ୍ୟ								

ଚିତ୍ର 4.3 ଗଡ଼ ନିୟମଣ ଚିତ୍ର (R-chart) ଉପାହରଣ 4.1 ଏବଂ ରାଶିନିୟମ ଥେବେ ।



চিত্র 4.4 প্রসার নির্মাণ চিত্র (R-chart) উপর রাশিতথ্য থেকে।

উপর রাশিতথ্য 4.2 নিম্নে উকৃত রাশিতথ্য থেকে উপযুক্ত নির্মাণ ক্রমচিত্র অঙ্কন করা ও নির্মাণ অবস্থা সম্পর্কে বর্ণনা কর।

গুজ্জাঙ্ক সংখ্যা	পরিদৃষ্ট আইটেম সংখ্যা	কাউণ্ট আইটেম সংখ্যা
1	50	2
2	50	3
3	50	0
4	50	6
5	50	4
6	50	7
7	50	3
8	50	9
9	50	3

এখানে উপযুক্ত নির্মাণ ক্রমচিত্র হ'ল  $np$  (কাউণ্ট আইটেম সংখ্যা) নির্মাণ ক্রমচিত্র।

ଏକେତେ ଝଟାଯୁକ୍ତ ଆଇଟେମ ଡପ୍ଲାରେ ଗଡ଼ ( $\bar{p}$ ) ହ'ଲ—

$$\bar{p} = \frac{37}{50 \times 9} = \frac{37}{450} = 0.082$$

ଏହି ନିଯନ୍ତ୍ରଣ କ୍ରମଚିତ୍ର,

$$\text{ମଧ୍ୟବର୍ତ୍ତୀ ମେଧା} = n\bar{p}$$

$$= 50 \times \frac{37}{450} = 4.111$$

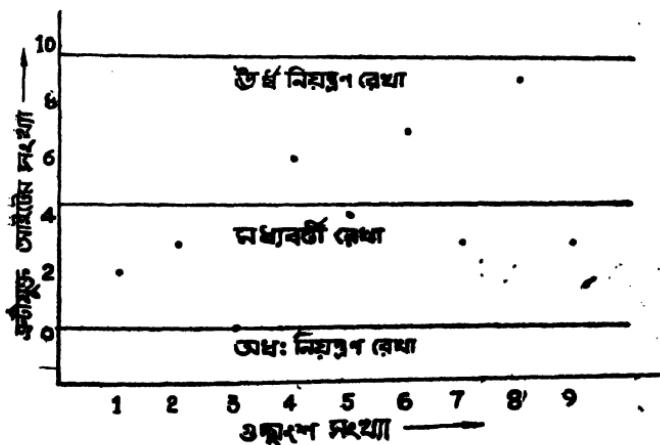
ଆଧୁ: ନିଯନ୍ତ୍ରଣ ମେଧା

$$\begin{aligned} &= n\bar{p} - 3\sqrt{n\bar{p}(1-\bar{p})} \\ &= 4.111 - 3\sqrt{50 \times 0.082 \times 0.918} \\ &= 4.111 - 5.800 \\ &= -1.689 \end{aligned}$$

ଏହି ମାନଟି ଧ୍ୟାନପୂର୍ବକ ହାତାମ୍ବାର 0 ଥରା ହବେ ।

ଉର୍କ ନିଯନ୍ତ୍ରଣ ମେଧା =  $4.111 + 5.800 = 9.911$  ।

ନିଯନ୍ତ୍ରଣ କ୍ରମଚିତ୍ର ଝଟାଯୁକ୍ତ ଆଇଟେମ ସଂଖ୍ୟାର ବାନଧୁଳି ବଶିଯେ ମେଧା ପେଲ  
ଗବ ବିଲ୍ଲୁଗୁଳି ନିଯନ୍ତ୍ରଣ ସୀମାବିତ୍ୱରେ ମଧ୍ୟେ ରହେଛେ । ମୁତରାଃ ଉଚ୍ଛାଃଶଙ୍କଳି  
ନିଯନ୍ତ୍ରିତ ଅବହାୟ ରହେଛେ ।



ଚିତ୍ର 4.5  $np$  ନିଯନ୍ତ୍ରଣ କ୍ରମଚିତ୍ର—ଉଦାହରଣ 4.2 ଏର ରାଶିଭାବ୍ୟ ଥିଲେ ।

**ଉଦ୍ଦାହରଣ 4.3** ନିମ୍ନୋକ୍ତ ସାରଣୀରେ ପ୍ରତିଟି ରେଡ଼ିଓ ଏଲେବଲିଟେ ଡଗ୍ରେ ଅଛିଥିରେ ଦେଇଯା ହଁଲା । ଡଟିସଂଖ୍ୟାର ନିୟମଙ୍କ କ୍ରମିତ ଏବେ ରାଶିତଥ୍ୟଗୁଲିର ନିୟମିତ ଅବଶ୍ୟକ ବିଚାର କର ।

ରେଡ଼ିଓ କ୍ରମିକ ସଂଖ୍ୟା	ଡଗ୍ରେ ଅଛିଥିରେ	ରେଡ଼ିଓ କ୍ରମିକ ସଂଖ୍ୟା	ଡଗ୍ରେ ଅଛିଥିରେ
1	16	11	6
2	3	12	10
3	9	13	18
4	22	14	12
5	1	15	14
6	2	16	1
7	16	17	19
8	8	18	20
9	12	19	27
10	6	20	9

ଏକବେଳେ,  $\bar{o} = \frac{231}{20} = 11.55$

ସ୍ଵତରାଃ ଡଟିସଂଖ୍ୟାର (c) ନିୟମଙ୍କ କ୍ରମିତେ,

ମଧ୍ୟବର୍ତ୍ତୀ ରେଖା  $= \bar{o} = 11.55$

ଅଥ: ନିୟମଙ୍କ ରେଖା  $= \bar{o} - 3\sqrt{\bar{o}}$

$$= 11.55 - 3 \times 3.40$$

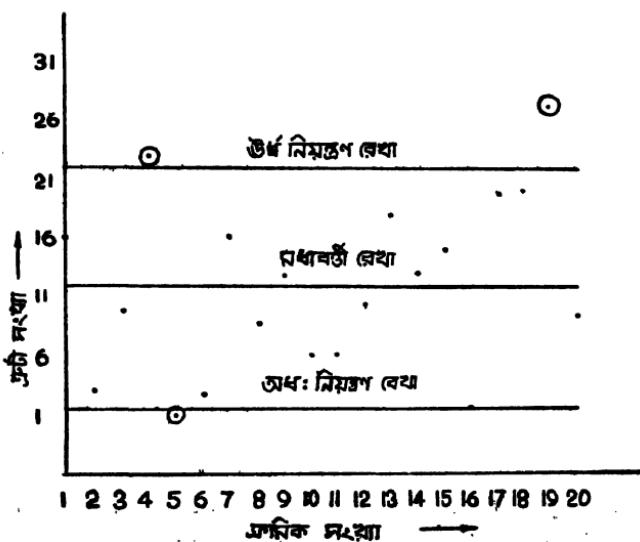
$$= 11.55 - 10.20$$

$$= 1.35$$

ଉଦ୍ଦେଶ୍ୟ ନିୟମଙ୍କ ରେଖା  $= 11.55 + 10.20$

$$= 21.75$$

ଝଟା ସଂଖ୍ୟାର ମାନ କ୍ରମଚିତ୍ରେ ବସିଥେ ଦେଖା ଗେଲ, 4-ତମ ଓ 19-ତମ ଅନ୍ତର୍ଭାଗ ଝଟାସଂଖ୍ୟା ଝଟାସଂଖ୍ୟା ଉର୍କ ନିଯାଙ୍ଗ ରେଖାର ବାହିରେ ଓ 5-ତମ ଓ 16-ତମ ଅନ୍ତର୍ଭାଗ ଝଟାସଂଖ୍ୟା ନିମ୍ନ ନିଯାଙ୍ଗରେଖାର ବାହିରେ ରହେଛେ । ସ୍ଵଭାବ ଝଟାସଂଖ୍ୟା ନିଯାଙ୍ଗିତ ଅବସ୍ଥା ନେଇ ।



ଚିତ୍ର 4.6 c-ନିଯାଙ୍ଗ କ୍ରମଚିତ୍ର—ଉଦ୍ଦାହରଣ 4.3 ଏର ରାଶିତଥ୍ୟ ଥେବେ ।

#### ୪.8. ଅନୁମା ବୀକ୍ଷଣ—ଗୁଣଲକ୍ଷଣର ସାହାଯ୍ୟ

ଲାଟ ନିଯାଙ୍ଗର କାହେ ପୁରୋ ଲାଟ ବୀକ୍ଷଣ ଅର୍ଥନୈତିକ କାରଣେ ସତ୍ତବ ଘୟ—ନୟନାବୀକ୍ଷଣ ଆମାଦେର କରନ୍ତେଇ ହବେ । ଏଥାନେ ଆମରା ଗୁଣଲକ୍ଷଣର ସାହାଯ୍ୟ ନୟନାବୀକ୍ଷଣ ଆଲୋଚନା କରବ । କୋଣ ଆଇଟେମ ଭାଲଭାବେ ପରିଷ୍କା କରେ ତାକେ ଝଟାୟୁକ୍ତ ଓ ଝଟାୟୁକ୍ତ ଏହି ଦୁଇ ଶ୍ରେଣୀତେ ଭାଗ କରନ୍ତେ ହବେ ଏବଂ ଲାଟଟ ଗ୍ରହଣ୍ୟୋଗ୍ୟ କିନା ତା ଠିକ କରନ୍ତେ ହବେ ନୟନାଯ ପ୍ରାପ୍ତ ଝଟାୟୁକ୍ତ ଥିବା ଡଫ୍ରାଂଶିର ସାହାଯ୍ୟ ।

ପ୍ରଥମେଇ କରେକାଟି ସଂଜ୍ଞା ଆଲୋଚନା କରା ପଥୋଜନ ।

#### ବିକ୍ରେତା ବା ପ୍ରସ୍ତୁତକାରୀ ଝୁକ୍କି (Producer's risk)

ବିକ୍ରେତା ବା ପ୍ରସ୍ତୁତକାରୀ ବଜାତେ ବୋଲାଯ ସେ କୋମ ବ୍ୟକ୍ତି, କାରଖାନା ବା କୋମ୍ପାନୀ ବା କାରଖାନାର ଏକଟି ବିଭାଗ, ସେ ଅପର କୋମ ବ୍ୟକ୍ତି, କାରଖାନା, କୋମ୍ପାନୀ ବା କାରଖାନାର ଅପର ବିଭାଗେ ମାଲ ସରବରାହ କରେ । ନୟନା

বীক্ষণ প্রণালীতে সব সময় বিক্রেতার খুঁকি থাকে—অবোধ্যক কারণে নাইট বর্জন করায়। এম্বা যাক, বিক্রেতার মাঝ প্রয়োবীকৃত  $p$  ও খও ভগ্নাংশ  $\bar{p}$  এর বেশী নয় বলে সাধী করছে। যদি খও ভগ্নাংশ  $\bar{p}$ -ই এম্বা হয়, তাহলে, নমুনাবীক্ষণ প্রণালীতে নাইট বর্জনের সভাবনাকে বলা হয় ক্রেতার খুঁকি ( $P_c$ )।

### ক্রেতার খুঁকি (Consumer's risk)

নমুনাবীক্ষণ প্রণালীতে ক্রেতারও একটা খুঁকি থাকে—একটা ছাটাপূর্ণ নাইট শহশের সাধ্যবে। যদি ক্রেতার সহস্রোগ্য ছাটা ভগ্নাংশ  $p$ ; এর বেশী না হয়, তাহলে ছাটা ভগ্নাংশ  $p$ ; হ'লে নমুনাবীক্ষণের সাধারণে নাইট শহশের সভাবনাকে বলা হয় ক্রেতার খুঁকি ( $P_c$ )।

### বহির্গামী শুণগড় সীমা (Average Outgoing Quality Limit বা AOQL)

নমুনাবীক্ষণ প্রণালী বহুবার ব্যবহার করার পরে বিক্রীত নাইটগুলিতে অটী ভগ্নাংশের প্রত্যাশাকে বলা হয় বহির্গামী শুণগড় (AOQ)। এই বহির্গামী শুণগড় নটের সঠিক ছাটা ভগ্নাংশ  $p$  এর উপর নির্ভরশীল। বহির্গামী শুণগড়ের  $p$  এর পরিবর্তন সাপেক্ষে যে সর্বোচ্চ সীমা আছে তাকে বহির্গামী শুণগড় সীমা (AOQL) বলা হয়।

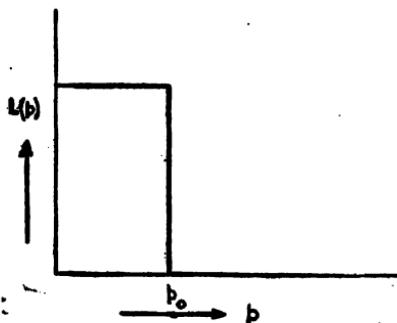
### গড় নমুনা সংখ্যা (Average Sample Number বা ASN)

কোন ছবির সিকান্ডে আসতে হ'লে নমুনা সংখ্যার প্রভাবিত মানকে গড় নমুনাসংখ্যা (ASN) বলে। গড় নমুনাসংখ্যাও  $p$  এর উপর নির্ভরশীল। গড় নমুনা সংখ্যা  $p$  এর বিপরীতে বসিয়ে যে লেখচিত্র হয় তাকে গড় নমুনা সংখ্যা রেখা (ASN curve) বলে। অন্যান্য বৈশিষ্ট্য একই থাকলে, গড় নমুনাসংখ্যা রেখা যত নীচে থাকবে, নমুনাবীক্ষণ প্রণালীটি তত ভাল।

### ব্যবহারিক বৈশিষ্ট্য (Operating characteristic বা OC)

যদি খও ভগ্নাংশ  $p$  হয়, তাহলে নমুনাবীক্ষণ প্রণালীতে নাইট গৃহীত হওয়ার সভাবনাকে  $L(p)$  দিয়ে বোঝান হয়।  $L(p)$  কে হলে ব্যবহারিক বৈশিষ্ট্য।  $L(p)$ ,  $p$  এর উপর নির্ভরশীল।  $L(p)$  কে  $p$  এর বিপরীতে বসিয়ে যে লেখচিত্র হয় তাকে ব্যবহারিক বৈশিষ্ট্য রেখা (OC curve) বলে। এই রেখা যত খাড়াভাবে উঠবে ক্রেতার পক্ষে প্রণালীটি তত ভাল। একটি

আদর্শ নমুনাবীক্ষণ প্রণালীতে একটি নির্দিষ্ট খণ্ড ডগ্রাম্যুক্ত বা উৎকৃষ্টতর সব লাই গৃহীত হবে, না হলে বর্জন করা হ'বে।



চিত্র 6.7 একটি আদর্শ  $OC$  রেখা

#### 4.8.1 একক নমুনাবীক্ষণ প্রণালী

এই প্রণালীতে থিটিটি  $N$ -আকারের লাই থেকে  $n$  আকারের একটি নমুনা নেওয়া হয়। নমুনার থিটিটি আইটেম পরীক্ষা করা হয়। যদি নমুনায় প্রাপ্ত ঝটাযুক্ত আইটেম সংখ্যা অনধিক  $c$  হয়, তাহলে লাইট গৃহীত হ'বে আর যদি ঝটাযুক্ত আইটেম সংখ্যা  $c$  এর অধিক হয় তাহ'লে লাইট বর্জন করা হবে। প্রথম ক্ষেত্রে নমুনায় প্রাপ্ত ঝটাযুক্ত আইটেমগুলি ঝটাহীন আইটেম দিয়ে বদল করতে হবে। বিভীষণ ক্ষেত্রে বর্জিত লাইট সম্পূর্ণভাবে পরীক্ষা করে সমস্ত ঝটাযুক্ত আইটেম ঝটাহীন আইটেম দিয়ে বদল করতে হবে। প্রণালীটি নিম্ন ক্রম—

একটি  $n$  আকারের সমস্ত নমুনা পরীক্ষিত হবে

|  
যদি নমুনার প্রাপ্ত ঝটাযুক্ত আইটেম সংখ্যা  
|

অনধিক  $c$  হয়,

লাইট গৃহীত হবে। নমুনার ঝটাযুক্ত আইটেমগুলি ঝটাহীন আইটেম দিয়ে বদলে দিতে হবে।

ঢের অধিক হয়

লাইট বর্জিত হবে। সবত লাই পরীক্ষা করে সব ঝটাযুক্ত আইটেমগুলি ঝটাহীন আইটেম দিয়ে বদলে দিতে হবে।

ଏଥାଲେ  $n$  ଓ  $c$  ଏହି ଦୁଇଟି ସଂଖ୍ୟା ନୟନାବୀକ୍ଷଣ ପ୍ରଣାଳୀର ନିର୍ଣ୍ଣୟକ ।  $n$  ଓ  $c$  ନିର୍ଦ୍ଦେଶର ଦୁଟି ପଥ ଆଛେ ।

### ଲଟେର ଶ୍ରେ ରଙ୍ଗଣ (Lot Quality Protection)

ଏଥାଲେ ଲଟେର ଆକାର  $N$ , କ୍ରେତାର ସହନଧେଗ୍ୟ ଝଟୀ ଭଗ୍ୟାଂଶୁ  $p_t$ , ବିକ୍ରେତାର ଉତ୍ପାଦନ ପ୍ରକିମାର ଗଡ଼ ଝଟୀ ଭଗ୍ୟାଂଶୁ  $\bar{p}$  ଓ କ୍ରେତାର ବୁକ୍କି  $P_c$ ର ସାହାବ୍ୟ  $n$  ଓ  $c$  ନିର୍ଣ୍ଣୟ କରା ହୁଏ । ଏକ୍ଷେତ୍ରେ, କ୍ରେତାର ବୁକ୍କି  $P_c$  ହ'ଲ

$$P_c = \sum_{x=0}^c \binom{N-Np_t}{n-x} \binom{Np_t}{x} / \binom{N}{n} \quad (4.21)$$

ଓ ବିକ୍ରେତାର ବୁକ୍କି ( $P_p$ ) ହ'ଲ—

$$P_p = 1 - \sum_{x=0}^c \binom{N-N\bar{p}}{n-x} \binom{N\bar{p}}{x} / \binom{N}{n} \quad (4.22)$$

ପରୀକ୍ଷିତ ଆଇଟେମ ସଂଖ୍ୟାର ପରିଯାପିତ ମାନ ହ'ଲ—

$$I = n + (N-n)P_p, \quad (4.23)$$

ଯେହେତୁ  $n$  ଟି ଆଇଟେମ ସର୍ବଦାଇ ପରୀକ୍ଷିତ ହବେ ଓ ବାକୀ  $(N-n)$ ଟି ଆଇଟେମ ପରୀକ୍ଷିତ ହବେ ସବୁ ଲଟ୍ଟି ନୟନାବୀକ୍ଷଣ ପ୍ରଣାଳୀ ଅନୁୟାୟୀ ବଜିତ ହୁଏ ।  $N$ ,  $p_t$  ଓ  $P_c$  ଏବଂ ପ୍ରଦତ୍ତ ମାନ ଥେବେ  $n$  ଓ  $c$  ର ବହସଂଖ୍ୟକ ଯୁଗ୍ମ ମାନ ନିର୍ଣ୍ଣୟ କରା ଯାଏ ।  $n$  ଓ  $c$  ଏବଂ ସେଇ ଯୁଗ୍ମମାନ ଗୃହୀତ ହବେ ଯାର ଅନ୍ୟ  $I$  ସର୍ବନିମ୍ନ ହୁଏ ।

### ବହିଗାମୀ ଶୁଣଗଡ଼ ରଙ୍ଗଣ (Average Outgoing Quality Protection)

ଏକ୍ଷେତ୍ରେ  $p_t$  ଓ  $P_c$  ଏବଂ ବଦଳେ ବହିଗାମୀ ଶୁଣଗଡ଼ ସୀମା (AOQL) ଏବଂ ମାନ ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ ହୁଏ । ପ୍ରଣାଳୀ ଅନୁୟାୟୀ ବହିଗାମୀ ଶୁଣଗଡ଼ (AOQ) ହ'ଲ

$$AOQ = \sum_{x=0}^c \left( \frac{N-x}{N} \right) \binom{N-Np_t}{n-x} \binom{Np_t}{x} / \binom{N}{n} \quad (4.24)$$

$AOQ$ ,  $p_t$  ଏବଂ ଉପର ନିର୍ଭରଶୀଳ ।  $p_t$  ଏବଂ ପରିବର୍ତ୍ତନ ସାଥେକେ  $AOQ$  ଏବଂ ସର୍ବୋଚ୍ଚ ମାନ ହ'ଲ ବହିଗାମୀ ଶୁଣଗଡ଼ ସୀମା (AOQL) ।  $AOQL$  ଏବଂ ପ୍ରଦତ୍ତ

ଆମ ଥେବେ  $n$  ଓ  $c$  ଏବଂ ବହସଂଖ୍ୟକ ଯୁଗମାନ ପାଇଁ ଥାବେ । ସେଇ ଯୁଗମାନ ଲେଖୀ ହବେ ଯାତେ  $L$  ସର୍ବନିମ୍ନ ହସ୍ତ ।

Dodge ଓ Romig ଏହି ନୟନାବୀକ୍ଷଣ ଫ୍ରଣ୍ଟର ପରିବାଚେ ସାରଣୀ ଦୈର୍ଘ୍ୟ କରେହେଲ ।

ଲକ୍ଷ୍ୟ କରା ଯେତେ ପାରେ, ଏହି ଏକକ ନୟନାବୀକ୍ଷଣ ଫ୍ରଣ୍ଟର  $ASN [E_p(n)]$  ହ'ଲ

$E_p(n) = n$ , ଯଦି ସମ୍ପୂର୍ଣ୍ଣ ପରିବାକ୍ଷଣ ନା କରେ ଲାଇଁ ଅଧିକ ଶୁଣୁ ଗୃହିତ ବା ବଞ୍ଚିତ ହସ୍ତ ।

$$OC [L(p)] \text{ ହ'ଲ } \quad (4.25)$$

$$L(p) = \sum_{x=0}^c \binom{Np-n}{n-x} \binom{Np}{x} / \binom{N}{n} \quad (4.26)$$

ଉଦ୍‌ଦେଖ 4.4 ନିୟଲିଖିତ ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ ମାନ୍ୟମାର ଜନ୍ୟ ଏକକ ନୟନାବୀକ୍ଷଣ ପରିକଲ୍ପନା ନିର୍ଣ୍ଣୟ କର । ପରିକଲ୍ପନାଗୁଲିର ବହିଗାୟୀ ଶୁଣଗଡ଼ ସୀମା ନିର୍ଣ୍ଣୟ କର ।

$$(a) N=3500, p_t=1.00\%, \bar{p}=0.15\%$$

$$(b) N=10,000, p_t=10.00\%, \bar{p}=1.00\%$$

Dodge ଓ Roming ଏର ଏକକ ନୟନାବୀକ୍ଷଣ ପରିକଲ୍ପନାର ସାରଣୀ [1] ଥେବେ ଆବରା ପାଇ—

$$\text{ପ୍ରଥମଟିର ଜନ୍ୟ, } n=510, c=2$$

ଓ ପରିକଲ୍ପନାର ବହିଗାୟୀ ଶୁଣଗଡ଼ ସୀମା = 0.24% ।

$$\text{ସିତିଆଟିର ଜନ୍ୟ, } n=65, c=3$$

ଓ ପରିକଲ୍ପନାର ବହିଗାୟୀ ଶୁଣଗଡ଼ ସୀମା = 3.00% ।

ଉଦ୍‌ଦେଖ 4.5 ନିୟଲିଖିତ ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ ମାନ୍ୟମାର ଜନ୍ୟ ଏକକ ନୟନାବୀକ୍ଷଣ ପରିକଲ୍ପନା ନିର୍ଣ୍ଣୟ କର । ପରିକଲ୍ପନାଟିର ସହନୋଗ୍ୟ ଛଟାତପ୍ରାଣ ନିର୍ଣ୍ଣୟ କର ।

$$N=3600, \bar{p}=0.20\%, AOQL=2.00\%$$

Dodge ଓ Romig ଏର ଏକକ ନୟନାବୀକ୍ଷଣ ପରିକଲ୍ପନାର ସାରଣୀ [1] ଥେବେ ଆବରା ପାଇ—

$$n=42, c=1$$

পরিবহনাটির সহমোগ্য ঝটাইগুাংশ = 9.3%

### 4.8.2 হিপর্যায়ী নমুনাবীক্ষণ প্রণালী

হিপর্যায়ী নমুনাবীক্ষণ প্রণালীতে একটি বা দুইটি নমুনার সাহায্যে গ্রহণ-বর্জন সম্পর্কে স্থির সিদ্ধান্তে আসা হয়। প্রণালীটি নিম্নরূপ :

$n_1$  আকারের প্রথম নমুনাটি পরীক্ষিত হবে

যদি নমুনাতে ঝটাইযুক্ত আইটেম সংখ্যা

অনধিক  $c_1$  হয়  $c_1$  এর বেশী কিন্তু  $c_2$  এর বেশী না হয়  $c_2$  এর বেশী হয়

$n_2$  আকারের বিতোয় নমুনাটি পরীক্ষিত হবে

যদি দুটি নমুনার মিলিত ঝটাইযুক্ত

আইটেম সংখ্যা

অনধিক  $c_2$  হয়

$c_2$  এর বেশী হয়

জটাই গৃহীত হবে। নমুনায় প্রাপ্ত ঝটাইযুক্ত আইটেমের বদলে ঝটাইযুক্ত আইটেম দেওয়া হবে।

জট সম্পূর্ণ পরীক্ষিত হবে। সব ঝটাইযুক্ত আইটেমের বদলে ঝটাইযুক্ত আইটেম দেওয়া হবে।

হিপর্যায়ী নমুনাবীক্ষণে  $n_1, n_2, c_1$  ও  $c_2$  এই চারটি শান নির্ণয় করতে হবে। নির্ণয় পথা একক নমুনাবীক্ষণ প্রণালীরই অনুকূল।

$P_c, P_p, I$  ও  $AQQ$  র সূত্রগুলি নীচে দেওয়া হ'ল।

$$\text{শরা বাক}, P_x, n ; Np, N = \binom{N - Np}{n - x} \binom{Np}{x} / \binom{N}{n}$$

$c_1$

$c_2 - c_1$

$c_2 - c_1 - i$

$$\begin{aligned} \text{তাহ'লে } P_c &= \sum_{x=0}^{c_1} P_x, n_1 ; Np, N + \sum_{i=1}^{c_2 - c_1} \sum_{x=0}^{c_2 - c_1 - i} P_{c_1+i, n_1} ; Np, N \\ &\quad \times P_x, n_2 ; Np, c_1 - i, N - n_1 \end{aligned} \tag{4.27}$$

$$P_p = 1 - \left[ \sum_{x=0}^{c_1} P_x, n_1 ; Np, N + \sum_{i=1}^{c_2-c_1} \sum_{x=0}^{c_2-c_1-i} P_{c_1+i}, n_1 ; Np, N \right. \\ \times P_x, n_1 ; Np - c_1 - i, N - n_1 \left. \right], \quad (4.28)$$

$$1 = n_1 + n_2 \left( 1 - \sum_{x=0}^{c_1} P_x, n_1 ; Np, N \right) + (N - n_1 - n_2) P_p \\ (4.29)$$

$$\text{ଓ } AOQ = \sum_{x=0}^{c_1} \left( \frac{Np-x}{N} \right) P_x, n_1 ; Np, N$$

$$+ \sum_{i=1}^{c_2-c_1} \sum_{x=0}^{c_2-c_1-i} \left( \frac{Np - c_1 - i - x}{N} \right) P_{c_1+i}, n_1 ; Np, N \\ \times P_x, n_1 ; Np - c_1 - i, N - n_1 \quad (4.30)$$

এক্ষেত্রে  $ASN [E_p(n)]$  ও  $OC [L(p)]$  অপেক্ষক দুটি হ'ল—

$$E_p(n) = n_1 + n_2 \left[ \sum_{x=c_1+1}^{c_2} P_x, n_1 ; Np, N \right], \text{ যদি } \text{সম্পূর্ণ } \text{পରିଷଳଣ} \\ (4.31)$$

না কରେ ଲାଟଟି ଗୃହିତ ବା ବଜିତ ହୁଏ

$$\text{ଓ } L(p) = \sum_{x=0}^{c_1} P_x, n_1 ; Np, N + \sum_{i=1}^{c_2-c_1} \sum_{x=0}^{c_2-c_1-i} P_{c_1+i}, n_1 ; Np, N \\ \times P_x, n_1 ; Np - c_1 - i, N - n_1 \quad (4.32)$$

**ଉଦ୍‌ଧରଣ 4.6** ଉଦ୍‌ଧରଣ 4.4 ଏ ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ ମାଲିକିତୀକରଣ କରି ହିପର୍ସ୍ୟାଫ୍ଟି ନୟନାବୀକ୍ଷଣ ପରିକଳନା ନିର୍ଣ୍ଣୟ କରି । ପରିକଳନାଗୁଡ଼ିର ବହିର୍ଗାଦୀ ଶୁଣଗଢ଼ ଗୀମା ଲିର୍ଷନ୍ କର ।

Dodge ও Romig এর হিপর্যায়ী নমুনাবীক্ষণ পরিকল্পনার সারণী [1] থেকে আমরা পাব—

প্রথমটির অন্য,  $n_1=275$ ,  $n_2=435$ ,  $c_1=0$   $c_2=3$  ও

পরিকল্পনাটির বহির্গামী শুণগড় সীমা =  $0.25\%$ ।

বিতোটির অন্য,  $n_1=28$ ,  $n_2=62$ ,  $c_1=0$ ,  $c_2=4$  ও

পরিকল্পনাটির বহির্গামী শুণগড় সীমা =  $3.00\%$ ।

উদাহরণ 4.7 উদাহরণ 4.5 এ নির্দিষ্ট বানসীমাণ্ডলির অন্য হিপর্যায়ী নমুনাবীক্ষণ পরিকল্পনা নির্ণয় কর। পরিকল্পনাটির সহনযোগ্য ছাটা ভগ্নাংশ কত?

Dodge ও Romig এর হিপর্যায়ী নমুনাবীক্ষণ পরিকল্পনার সারণী [1] থেকে আমরা পাব—

$n_1=38$ ,  $n_2=62$ ,  $c_1=0$ ,  $c_2=3$

ও পরিকল্পনাটির সহনযোগ্য ছাটা ভগ্নাংশ =  $7.3\%$ ।

#### 4.8.3 বহুপর্যায়ী নমুনাবীক্ষণ প্রণালী ও ক্রমপর্যায়ী নমুনাবীক্ষণ

হিপর্যায়ী নমুনাবীক্ষণ প্রণালীতে যদি পর্যায়সংখ্যা দুই এর অধিক হয়, অর্থাৎ গ্রহণ-বর্জনাত্মক হিসেব সিদ্ধান্তে আসতে দুইএর অধিক নমুনা গ্রহণ করা হয়, তাকে বহুপর্যায়ী নমুনাবীক্ষণ বলে। যদি  $m$ -পর্যায়ী নমুনাবীক্ষণ হয় তাহলে  $n_1$ ,  $n_2, \dots, n_m$  ও  $c_1, c_2, \dots, c_m$  এই  $2m$ টি মান নির্ণয় করতে হবে। নির্ণয় প্রণালী একক বা হিপর্যায়ী প্রণালীরই অনুরূপ।

বহুপর্যায়ী নমুনাবীক্ষণে যদি প্রতি পর্যায়ে নমুনা সংখ্যা 1 হয় ও পর্যায়সংখ্যা সীমাহীন হয় তাকে ক্রমপর্যায়ী ( Sequential ) নমুনাবীক্ষণ প্রণালী বলে।

ধরা যাক,  $p$  হ'ল লটের ছাটীযুক্ত খণ্ড ভগ্নাংশ। আরও ধরা যাক, জেতা ও বিজেতা দুটি মান হিসেব করল যাতে  $p \leq p_0$ , হ'লে লটটি বর্জন করা ঠিক হবেনা আবার  $p \geq p_1$  হলেও লটটি গ্রহণ করা ঠিক নয় ও যদি  $p_0 < p < p_1$  হয় তাহ'লে গ্রহণ বর্জন সম্পর্কে কোন হিসেব সিদ্ধান্তে আসা যাবেনা। এছাড়া  $\alpha$  ও  $\beta$  দুটি মান হিসেব করা হ'ল যাতে

$$L(p) \geq 1 - \alpha$$

$$p \leq p_0 \text{ হ'লে}$$

$$\text{ও } L(p) \leq \beta$$

$$p \geq p_1 \text{ হলে।}$$

ତାହ'ଲେ କ୍ରମପର୍ଯ୍ୟାୟୀ ନୟୁନା ଫ୍ରେଗ୍‌ରୀ କ୍ରମପର୍ଯ୍ୟାୟୀ ସନ୍ତାବନା ଅନୁଧାତ ଥେବେ ପାଇଯା ଥାବେ ।  $m$ -ତମ ପର୍ଯ୍ୟାୟେ ସନ୍ତାବନା ଅନୁଧାତ ହ'ଲ—

$$\frac{p_{1m}}{p_{om}} = \frac{\pi p_1^{x_i} (1-p_o)^{1-x_i}}{\pi p_o^{x_i} (1-p_o)^{1-x_i}} \quad \text{ଆଇଟେ କ୍ରମପର୍ଯ୍ୟାୟୀ} \\ \text{ଅପେକ୍ଷକ } p=p_1 \text{ ହ'ଲେ} \\ \text{ଏ, } p=p_o \text{ ହ'ଲେ}$$

$$= \frac{\pi p_1^{x_i} (1-p_o)^{1-x_i}}{\pi p_o^{x_i} (1-p_o)^{1-x_i}}, \quad x_i=1 \text{ ସମ୍ବନ୍ଧିତ } i \text{ ଆଇଟେ କ୍ରମପର୍ଯ୍ୟାୟୀ} \\ \text{ଅପେକ୍ଷକ କ୍ରମପର୍ଯ୍ୟାୟୀ} \\ \text{ହେଉଥିବା ଏବଂ } x_i=0, \text{ ସମ୍ବନ୍ଧିତ } i \text{ ଆଇଟେ କ୍ରମପର୍ଯ୍ୟାୟୀ \text{ ହେଉଥିବା } .$$

$$= \frac{p_1^{d_m} (1-p_1)^{m-d_m}}{p_o^{d_m} (1-p_o)^{m-d_m}}, \quad d_m \text{ ହ'ଲେ } m \text{ ଟି ପରୀକ୍ଷିତ ଆଇଟେ କ୍ରମପର୍ଯ୍ୟାୟୀ} \\ \text{ଅପେକ୍ଷକ କ୍ରମପର୍ଯ୍ୟାୟୀ} \\ \text{ଖଣ୍ଡ ସଂଖ୍ୟା} . \quad (4.33)$$

କ୍ରମପର୍ଯ୍ୟାୟୀ, ନୟୁନାବୀକ୍ଷଣେ,  $m$  ତମ ପର୍ଯ୍ୟାୟେ—

$$\frac{p_{1m}}{p_{om}} \leq \frac{\beta}{1-\alpha} \text{ ହ'ଲେ ଲାଟଟି ଗୃହିତ ହ'ବେ,}$$

$$\frac{p_{1m}}{p_{om}} \geq \frac{1-\beta}{\alpha} \text{ ହ'ଲେ ଲାଟଟି ବର୍ଜିତ ହ'ବେ}$$

$$\text{ଓ } \frac{\beta}{1-\alpha} \leq \frac{p_{1m}}{p_{om}} < \frac{1-\beta}{\alpha} \text{ ହ'ଲେ ଆରା ଏକାଟି ଆଇଟେ ପରୀକ୍ଷା} \\ \text{କରାତେ ହ'ବେ} .$$

ଏକେତେ,

$$d_m \leq a_m \text{ ହ'ଲେ ଲାଟଟି ଗୃହିତ ହ'ବେ,}$$

$$a_m \geq r_m \text{ ହ'ଲେ ଲାଟଟି ବର୍ଜିତ ହ'ବେ}$$

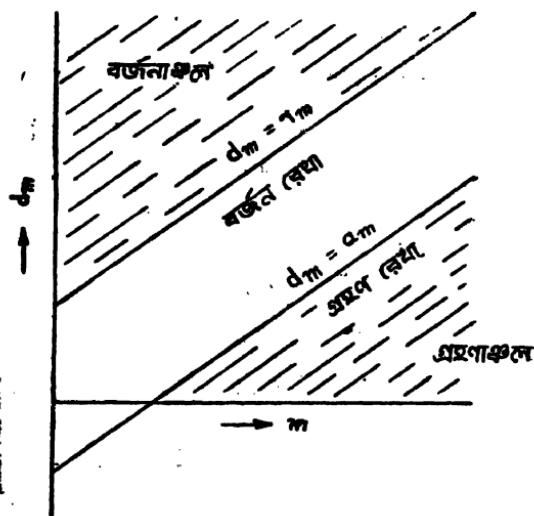
ଓ  $a_m \leq d_m \leq r_m$  ହ'ଲେ ଆରା ଏକାଟି ଆଇଟେ ପରୀକ୍ଷା  
କରାତେ ହ'ବେ—

ବେଳେ,

$$a_m = \frac{\log \frac{\beta}{1-\alpha}}{\log \frac{p_1(1-p_0)}{p_0(1-p_1)}} + m \cdot \frac{\log \frac{1-p_0}{1-p_1}}{\log \frac{p_1(1-p_0)}{p_0(1-p_1)}} \quad (4.34)$$

$$\text{ও } r_m = \frac{\log \frac{1-\beta}{\alpha}}{\log \frac{p_1(1-p_0)}{p_0(1-p_1)}} + m \cdot \frac{\log \frac{1-p_0}{1-p_1}}{\log \frac{p_1(1-p_0)}{p_0(1-p_1)}} \quad (4.35)$$

অন্য কথা বেতে পারে  $a_m$  ও  $r_m$  দুটি  $m$  এর খণ্ডৈধিক অপেক্ষক। একটা লেখচিত্রে  $a_m$  ও  $r_m$ —গহণরেখা ও বর্জনরেখা আঁকা যায়। যদি  $(m, d_m)$  বিশ্ব গহণরেখার উপরে বা তার নীচে থাকে তাহলে লাট্টি পূর্ণ হ'বে ও বর্জনরেখার উপরে বা তার উপরে থাকে তাহলে লাট্টি অসম্ভব হবে। তা না হ'লে পরবর্তী পর্যায়ে যেতে হবে।



চিত্র 4.8 লেখচিত্রের সাহায্যে ক্রমপর্যায়ী নমুনাবীক্ষণ

#### 4.8.4 তিনটি প্রণালীর ফুলনামূলক আলোচনা

প্রণালীগুলি তুলনামূলক আলোচনার নিরিখ দুটি—গড় নমুনা সংখ্যা (*ASN*) ও ব্যবহারিক বৈশিষ্ট্য (*OC*)। যদা যাক তিনটি প্রণালী—  
একটি একই, একটি হিপর্যায়ী ও অন্যটি বহুপর্যায়ী বা ক্রমপর্যায়ী—

ସମ୍ଭୂଲ, କାରଣ ତାଦେର  $OC$  ଥାଏ ଯେ ଏକକ ନୟୁନା ଥିଗଲୀତେ ଗଡ଼ ନୟୁନାସଂଖ୍ୟା ସର୍ବାପେକ୍ଷା। ବେଳୀ, ହିପର୍ୟାଗ୍ରୀ ନୟୁନା ଥିଗଲୀତେ ତାର ଚେରେ କମ ଓ କ୍ରମପର୍ୟାଗ୍ରୀ ନୟୁନା ଥିଗଲୀତେ ସର୍ବାପେକ୍ଷା କମ। ହିପର୍ୟାଗ୍ରୀ ଥିଗଲୀତେ ଶତକରା 25 ଥିକେ 33 ଡାଗ କମ ନୟୁନା ଥିଗୋଇଛନ୍ତି ହେ— କ୍ରମପର୍ୟାଗ୍ରୀ ଥିଗଲୀତେ ଶତକରା 33 ଥିକେ 50 ଡାଗ କମ ନୟୁନା ଲାଗିବେ। କ୍ରମରାଂ ସମୟ ଓ ସରଚେର ଦିକ ଦିଲେ କ୍ରମପର୍ୟାଗ୍ରୀ ନୟୁନାଥିବାକୀଇ ଥେଣ୍ଟ ।

ଆଇଟେମ ପରୀକ୍ଷକଦେର ପ୍ରଶିକଣ ଏକକ ଥିଗଲୀ ଅନୁସରଣ କରିଲେ ସର୍ବାପେକ୍ଷା ଗହା, କ୍ରମପର୍ୟାଗ୍ରୀ ଥିଗଲୀ ଅନୁସରଣ କରିଲେ ସର୍ବାପେକ୍ଷା କଠିନ ।

ଲାଇଟ୍ ଥିକେ ଏକାଧିକବାର ନୟୁନା ଲେଓରାର ମଧ୍ୟେ ଯେ ମାନସିକ ଗହାଟ ତା ଏକକ ଥିଗଲୀତେ ଅନୁପହିତ, କିନ୍ତୁ କ୍ରମପର୍ୟାଗ୍ରୀ ଥିଗଲୀତେ ସର୍ବାପେକ୍ଷା ବେଳୀ ।

**ଉଦ୍ଦାହରଣ 4.8** ଯଦି  $p_0=0.02$ ,  $p_1=0.05$ ,  $\alpha=0.05$  ଓ  $\beta=0.10$  ହୁଏ, ତାହାରେ କ୍ରମପର୍ୟାଗ୍ରୀ ନୟୁନାବୀକ୍ଷଣ ଥିଗଲୀତେ ଗ୍ରହଣରେଖା ଓ ବର୍ଜନରେଖା ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ କର ।

ଆମରା ଦେଖେଛି  $m=1, 2, 3, \dots$  ଏବଂ ଅନ୍ୟ ଗ୍ରହଣସଂଖ୍ୟା ( $a_m$ ) ଓ ବର୍ଜନସଂଖ୍ୟାର ( $r_m$ ) ଶୁଦ୍ଧ ହ'ଲ—

$$a_m = \frac{\log \frac{\beta}{1-\alpha}}{\log \frac{p_1(1-p_0)}{p_0(1-p_1)}} + m \cdot \frac{\log \frac{1-p_0}{1-p_1}}{\log \frac{p_1(1-p_0)}{p_0(1-p_1)}}$$

$$\text{ଓ } r_m = \frac{\log \frac{1-\beta}{\alpha}}{\log \frac{p_1(1-p_0)}{p_0(1-p_1)}} + m \cdot \frac{\log \frac{1-p_0}{1-p_1}}{\log \frac{p_1(1-p_0)}{p_0(1-p_1)}}$$

$p_0, p_1, \alpha$  ଓ  $\beta$  ର ମାନ ବସିଲେ—

$$a_m = \frac{\log \frac{0.10}{0.95}}{\log \frac{0.05 \times 0.98}{0.02 \times 0.95}} + m \cdot \frac{\log \frac{0.98}{0.95}}{\log \frac{0.05 \times 0.98}{0.02 \times 0.95}}$$

$$\begin{aligned}
 &= \frac{\log 0.1052}{\log 2.5789} + m \cdot \frac{\log 1.0316}{\log 2.5789} \\
 &= -\frac{0.9779843}{0.4114345} + m \cdot \frac{0.0135534}{0.4114345} \\
 &= -2.377 + 0.033 m
 \end{aligned}$$

অনুসূচিতাৰে,

$$r_m = 3.051 + 0.033 m.$$

### অনুসূচিতা

4.1 নিয়মণ ক্রমচিত্রের তাৰিখ ব্যাখ্যা দাও।

4.2 বিভিন্ন প্রকার প্রস্তুতপ্রণালীতে ব্যবহৃত বিভিন্ন ধৰণের শৃঙ্খলাগুকেৱ (সংখ্যাগত বা শৃঙ্খলক্ষণ) অন্য নিয়মণ ক্রমচিত্র ব্যবহাৰ কৰে কিভাৱে শৃঙ্খলনিয়মণ কৰা সম্ভব তা আলোচনা কৰ।

4.3 শৃঙ্খলনিয়মণ পদ্ধতিতে ব্যবহৃত নিম্নলিখিত শব্দগুলিৰ সংজ্ঞা নিৰ্দেশ কৰ—

(ক) শুচ্ছাংশ, (খ) নিয়মণ ক্রমচিত্র, (গ) প্ৰয়াণ মান  
(ঘ) নিৰ্দিষ্ট মানসীমা।

4.4 একক, হিপৰ্য্যামী ও বহুপৰ্য্যামী নমুনাবীক্ষণ প্রণালী ব্যাখ্যা কৰ। একক ও হিপৰ্য্যামী নমুনাবীক্ষণ প্রণালী (জটা-ভগুাংশেৰ সাহায্যে) নিৰ্ণয়েৰ পদ্ধতি আলোচনা কৰ।

4.5 নমুনাবীক্ষণ পদ্ধতিতে ব্যবহৃত নিম্নলিখিত শব্দগুলিৰ সংজ্ঞা নিৰ্দেশ কৰ—

কেতাৱ বুকি, বিকেতাৱ বুকি, লটেৱ সহনযোগ্য জটা ভগুংশ, বহিৰ্গামী শুণগড় সীমা, ব্যবহাৰিক বৈশিষ্ট্য রেখা, নমুনাসংখ্যা রেখা।

4.6 ক্রমপৰ্য্যামী নমুনাবীক্ষণ পদ্ধতি (জটা ভগুংশেৰ সাহায্যে) বিশ্লেষণ কৰ।

4.7 একটি বজ্জ অধ্যেৱ চাকতি প্ৰস্তুত কৰছে যাৱ স্থূলতাৰ নিৰ্দেশীকৃত মানসীমা ‘008’ থেকে ‘015’। প্ৰতি শুচ্ছাংশে ৬টি কৰে নমুনা নেওয়া হ’ল। L ও R ক্রমচিত্র এঁকে দেখ দে—

(ক) স্থূলতা নিয়ন্ত্ৰিত অবস্থায় আছে কিনা (খ) নিয়ন্ত্ৰিত অবস্থায় ধাৰণল, নিৰ্দেশীকৃত মানসীমা উচ্চন কৰছে কি না।

ନମୁନା ସଂଖ୍ୟା	ଅବ୍ୟାକତିର ଛୁଲ୍ୟ ( .001 ଇତି ଏକକ )					
1	12	14	8	12	10	9
2	10	11	13	8	9	12
3	12	11	16	14	15	16
4	17	12	16	17	16	12
5	8	15	14	10	14	14
6	8	13	15	12	15	10
7	14	13	12	10	12	13
8	11	10	7	16	9	12
9	9	14	10	12	12	14
10	12	10	14	12	14	13
11	10	8	12	10	9	12
12	10	10	8	8	9	11
13	9	7	10	12		10
14	13	11	8	14	13	15
15	8	7	13	14	12	8

4.8 ବିମୁଣ୍ଡିତ ରାଶିତଥ୍ୟ 20ଟି ରବାର ବେଳେଟର ଲଟ୍ଟେ ( ଥାର୍ଡ୍ ଲଟ୍ଟେ 2300 ଆଇଟେମ୍ ) ଥାଓ ଫଟାପୂର୍ବ ଆଇଟେମ୍ ସଂଖ୍ୟା ଦେଉଥା ହ'ନ । ଫଟାପୂର୍ବ ଆଇଟେମ୍ ସଂଖ୍ୟାର ନିରଜନ କ୍ରମିତ୍ୟ ଏବେଳେ ନିଯାଇତ ଅବଶ୍ୟା ସମ୍ପର୍କ ରହିଥାଏ :

430, 435, 221, 346, 230, 327, 285, 311, 342, 308,  
456, 394, 285, 331, 198, 414, 131, 269, 221, 407

4.9 ନିମ୍ନ ସାରଣୀତେ ଥିଲି 100 ଗତ ଡଲେର ଅନିଷ୍ଟ ଛଟାର ସଂଖ୍ୟା  
ଦେଉଥା ହଁଲା । ଛଟାସଂଖ୍ୟାର ନିୟମଙ୍ଗ କ୍ରମଚିତ୍ର ଆଁକ ଓ ବନ୍ଦବ୍ୟ କର :

ଅନିଷ୍ଟ ସଂଖ୍ୟା	ଛଟା ସଂଖ୍ୟା	ଅନିଷ୍ଟ ସଂଖ୍ୟା	ଛଟାସଂଖ୍ୟା
1	3	11	4
2	3	12	10
3	6	13	5
4	3	14	5
5	0	15	5
6	1	16	4
7	3	17	3
8	5	18	4
9	7	19	5
10	8	20	1

4.10 କୌଣସି ସଂଖ୍ୟା ପ୍ରତିକାରକ କାର୍ଯ୍ୟାନ୍ଵିତ ଥିଲା ଥିଲା ପରିଭିତ୍ତିର 100ଟି  
ଶାତଶତର ଲମ୍ବା ନିଯେ ଛଟାବୁଝ ସଂଖ୍ୟା ଗୋଲା ହଁଲା । ନିଯେ ଛଟାବୁଝ  
ସଂଖ୍ୟା ଦେଉଥା ହଁଲା । ପରିବର୍ତ୍ତନ 20ଟି ଲମ୍ବା ଥିଲା ଛଟାବୁଝ ତ୍ୱରିତରେ  
ନିୟମଙ୍ଗ କ୍ରମଚିତ୍ର ଅଳ୍ପ କରି ଓ ଦେଖ ତାରପରେଓ ଅବଧା ନିରାଳୀତ କିଲା ।

12	15	5	16	21	12	7	16
13	10	18	22	33	8	6	26
11	6	19	16	8	14	18	32
7	4	16	23	16	14	22	26
28	16	15	20	11	6	8	24

4.11 ନୀତେ ଦେଓଯା ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ ମାନେର ଅନ୍ୟ ଉପସୂଚ୍ନ ଏକକ ଓ ହିର୍ଯ୍ୟାବୀ ନମୁନାବୀକ୍ଷଣ ଥର୍ଗାଲୀ ନିର୍ଣ୍ୟ କର ( Dodge ଓ Romig ଏର ଗାରଣ୍ଟୀ ବ୍ୟବହାର କରେ ) । ଅର୍ଥରେ କେତେ ଥର୍ଗାଲୀଙ୍କର ବହିର୍ଗାମୀ ଶୁଣଗଡ଼ ମୀଳ ଓ ହିତୀର କେତେ ସହନ୍ୟୋଗ୍ୟ ଛଟା ଡଗ୍ରେଂଖ କର ଲେଖ ।

(କ)  $N=2000$ ,  $\bar{p}=1\cdot00\%$ ,  $p_t=2\cdot0\%$

(ଖ)  $N=3000$ ,  $\bar{p}=2\cdot00\%$ ,  $AOQL=3\cdot0\%$

4.12  $p_0=0\cdot03$ ,  $p_1=0\cdot06$ ,  $\alpha=0\cdot05$  ଓ  $\beta=0\cdot10$  ହ'ଲେ କ୍ରମ ପର୍ଯ୍ୟାବୀ ନମୁନାବୀକ୍ଷଣ ଥର୍ଗାଲୀର ଫଳଟି ଓ ବର୍ଜନ ରେଖା ନିର୍ଣ୍ୟ କର ।

4.13 ନିୟମିତ ଏକକ ନମୁନାବୀକ୍ଷଣ ପରିକଳ୍ପନାର ଅନ୍ୟ ASN ଓ OC ରେଖା ଅନୁକଳ କର । ଏକେତେ ବର୍ଜନ ଅର୍ଥ ଲଟେର ବାକୀ ଆଇଟେମ୍ ଓ ପରୀକ୍ଷା କରତେ ହବେ । [ Poisson ଏର ନିବେଶନ ବ୍ୟବହାର କରା ଯେତେ ପାରେ ]

(କ)  $N=1000$ ,  $n=50$ ,  $c=0$

(ଖ)  $N=1000$ ,  $n=80$ ,  $c=1$

(ଗ)  $N=1000$ ,  $n=100$ ,  $c=2$

### ସହପାଠ୍ୟ ପୁଷ୍ଟକାବଳୀ

[1] Dodge H. F ଓ Romig, H. G. *Sampling Inspection Tables*. John Wiley, 1959.

[2] Duncan, A. J. *Quality control and Industrial Statistics* (Parts II & IV). Richard D. Irwin, 1953.

- [3] Goon, A. M., Gupta, M. K. & Dasgupta, B.  
*Fundamentals of Statistics*, Vol-II (Ch. 27).  
 World Press, 1972.
- [4] Grant, E. L. *Statistical Quality Control* (Parts I—IV),  
 Mc-Graw-Hill, 1964.
- [5] Shewhart, W. A. *Economic Control of Quality of  
 Manufactured Product* (Chs. 1, 3, 11, 19, 20).  
 Van Nostrand, 1931.

## পঞ্চম পরিচ্ছেদ

### সূচক সংখ্যা ( Index Number )

#### ৩.১ সূচক

সূচক সংখ্যার হারা কতগুলি পরম্পর সম্পর্কযুক্ত চলক ( Related Variables )-এর পরিবর্তনের পরিমাপ করা হ'বে থাকে। উদাহরণ স্বরূপ, সময়ের পরিবর্তনের সাথে সাথে বিভিন্ন পণ্যজোবের দরের হেরফেরের পরিমাপ দরের সূচক ( Price Index ) হারা করা হ'বে থাকে ( এখানে পণ্যজোবের দরকে চলক হিসাবে ধরা হ'বেছে )। অনুজ্ঞাপত্তাবে দুটো বিভিন্ন সময়ে শিল্পাত্মক জ্ব্যাদির উৎপাদনের পরিবর্তনের পরিমাপ, দুটো বিভিন্ন সময়ে দেশের বেকার লোকের সংখ্যার পরিবর্তনের পরিমাপ কিংবা একই শ্রেণীর লোক এক দেশ থেকে আর এক দেশে বদলী ইওয়ার ফলে তাদের জীবন ধারণের ব্যয়ের যে পরিবর্তন হয় তার পরিমাপ সূচক সংখ্যার সাহায্যে করা যায়।

আগে সূচক সংখ্যার ব্যবহার করা হোতো প্রধানতঃ পণ্যের দরের পরিবর্তন পরিমাপ করার জন্য। কিন্তু এখন এর ব্যবহার খুবই ব্যাপকভাবে করা হ'বে থাকে। তথাপি এখন পর্যন্ত বিভিন্ন ধরণের দরের পরিবর্তনের পরিমাপক সূচকগুলির গুরুত্ব সর্বাপেক্ষা অধিক। বিভিন্ন জ্ব্যের দরের পরিবর্তনের সাথে সাথে কর্মচারী বা প্রতিকর্তার বেতন, মাগ্নীভাতা, বাড়ীভাড়ার ভাতা ইত্যাদিরও পরিবর্তন করার প্রয়োজনীয়তা অনুভূত হ'বে থাকে। এজন্য বর্তমানে বিভিন্ন ধরণের দরের সূচকের গতিপ্রকৃতির প্রতি লক্ষ্য রাখা শর্মিক, যালিক, সমাজকর্মী, ট্রেড ইউনিয়ন কর্মী কিংবা রাজ্য বা কেন্দ্রীয় সরকারের পক্ষে প্রয়োজন। এই উদ্দেশ্যে সরচাইতে বছল প্রচলিত সূচক হ'লো ভোক্সাদের দরের সূচক ( Consumer Price Index বা সংক্ষেপে C P I ) বা অপর নাম জীবিকা মির্বাহণ ব্যয়ের সূচক ( Cost of Living Index বা সংক্ষেপে C L I )। এ ছাড়া দেশের ( বা রাজ্যের ) মূল্যবান নির্দেশক পাইকারী দরের সূচক ( Wholesale Price Index )-এর ব্যবহারও খুবই ব্যাপক।

### ୩.୨ ସ୍ଵଚ୍ଛ ସଂଖ୍ୟାର ବ୍ୟବହାର କରେକାଟି ପ୍ରତୀକ ( Symbols used in Index Number )

ଆଗେଇ ବଳା ହ'ମେହେ ଏକଟି ଅବସ୍ଥାକେ ଭିତ୍ତି ( Base ) କ'ରେ ଲେଇ ଅବସ୍ଥାର ତୁଳନାଯ ଆର ଏକଟି ଅବସ୍ଥାର ପରିମାପ ସୂଚକ ସଂଖ୍ୟାର ଦାରୀ କରା ହ'ଯେ ଥାକେ । ଏକଟି ସମୟେର ଅବସ୍ଥାର ସାଥେ ସଥିନ ଆର ଏକଟି ସମୟେର ଅବସ୍ଥାର ତୁଳନା କରା ହୁଏ ତଥିନ ସେ ସମୟକେ ଭିତ୍ତି କ'ରେ ଏହି ତୁଳନା କରା ହୁଏ, ତାକେ ବଳା ହୁଏ ଭିତ୍ତିକାଳ ( Base Period ) ଏବଂ ସେ ସମୟେର ତୁଳନା କରା ହୁଏ ତାକେ ବଳା ହୁଏ ଚାଲ୍ତିକାଳ ( Current Period ) । ଏକାଗ୍ର କ୍ଷେତ୍ରେ କୋଣୋ ଏକଟି ପଣ୍ଡେର ସୂଚକ ସଂଖ୍ୟାର ଅନ୍ୟ ନିମ୍ନଲିଖିତ ପ୍ରତୀକ-ଶ୍ରୀ ବ୍ୟବହାର କରା ହ'ଯେ ଥାକେ :—

$p_0$ =ପଣ୍ଡେର ଭିତ୍ତିକାଳେର ଦର ( Base Period Price of the Commodity ) ।

$p_1$ =ପଣ୍ଡେର ଚାଲ୍ତିକାଳେର ଦର ( Current Period Price of the Commodity ) ।

$q_0$ =ଭିତ୍ତିକାଳେ ପଣ୍ଡଟିର ବ୍ୟବହାରେ ପରିମାଣ ( Quantity used of the Commodity during the Base Period ) ।

$q_1$ =ଚାଲ୍ତିକାଳେ ପଣ୍ଡଟିର ବ୍ୟବହାରେ ପରିମାଣ ( Quantity used of the Commodity during the Current Period ) ।

ଏଥାଣେ  $( p_1 - p_0 )$  ହ'ଲୋ ଭିତ୍ତିକାଳ ଥେକେ ଚାଲ୍ତିକାଳେ ଦର-ଏର ପରିବର୍ତ୍ତନେର ଥିବା ପରିମାପ । ଅପରପରେ  $\frac{p_1}{p_0}$  ହ'ଲୋ ଏରକମ ପରିବର୍ତ୍ତନେର ଆପେକ୍ଷିକ ( Relative ) ପରିମାପ ।  $\frac{p_1}{p_0}$  କେ ଆପେକ୍ଷିକ ଦର ( Price Relative ) ବ'ଲେ ଅଭିହିତ କରା ହୁଏ । ଅନୁରାଗଭାବେ  $\frac{q_1}{q_0}$  କେ ଆପେକ୍ଷିକ ପରିମାଣ ( Quantity Relative ) ବ'ଲେ ଅଭିହିତ କରା ହୁଏ । ଥିବାଟି ଭିନ୍ନ ଭିନ୍ନ ପଣ୍ଡେର ( ସଥା, ଚାଲ, ଡାଲ, ତେଲ, ନୂନ, କାପଡ଼, ଲୋହ, ବାଡ଼ୀ-ଭାଡ଼ୀ ଇତ୍ୟାଦି ) ଅନ୍ୟ ଆଲାଦା ଆଲାଦା ଆପେକ୍ଷିକ ଦର ଏବଂ ଆପେକ୍ଷିକ ପରିମାଣ ପରିମାପ କରା ଥେତେ ପାରେ । ଭିନ୍ନ ଭିନ୍ନ ଆପେକ୍ଷିକ ଦରଗୁଡ଼ିକ ଏକଟି ଗଡ଼ ନିର୍ଦ୍ଦୟ କ'ରେ ତାକେ ଦରେର ସୂଚକ ବ'ଲେ ଅଭିହିତ କରା ହ'ଯେ ଥାକେ । ଏରକମ ଗଡ଼ ନିର୍ଦ୍ଦୟ ନାମ ରକମ ସମସ୍ୟା ଦେବା ଦେବ । ଏଥିର ସମସ୍ୟା ସୂଚକ ସଂଖ୍ୟା ନିର୍ଦ୍ଦୟର ସମସ୍ୟାର ଅନୁର୍ଦ୍ଧତ ।

### 5.3 সূচক সংখ্যা নির্ণয়ের সমস্যাগুলি ( Problems connected with construction of Index Number )

সূচক সংখ্যা নির্ণয়কালে প্রধানতঃ নিম্নলিখিত সমস্যাগুলির সম্মুখীন হ'তে হয় :—

- (ক) সূচক সংখ্যা ব্যবহারের উদ্দেশ্য হির করা ।
- (খ) ভিত্তিকাল ( Base Period ) নির্ণয় ।
- (গ) কোন্ কোন্ পণ্যকে সূচক সংখ্যার অন্তর্ভুক্ত করা হবে তা হির করা ।
- (ঘ) প্রয়োজনীয় রাশিতথ্য সংগ্রহ ।
- (ঙ) বিভিন্ন শ্রেণীর রাশিতথ্যের একত্রীকরণ ।
- (চ) কিন্তুপ ভার ( Weight ) ব্যবহার করা হ'বে তা হির করা ।
- (ছ) নির্ণীত সূচক সংখ্যার ব্যাখ্যা করা ।
- (ক) সূচক সংখ্যা ব্যবহারের উদ্দেশ্য ।

কোনো সূচক সংখ্যা সঠিকভাবে নির্ণয় করার আগে তা কি উদ্দেশ্যে ব্যবহার করা হবে সে সহজে শ্পষ্ট ধারণা ধাক্কা দরকার। জীবিকা নির্বাহণ ব্যয়ের সূচক সংখ্যার ( Cost of Living Index Number ) কথা ধরা যাক। এই সূচক সংখ্যা নির্ণয়ের উদ্দেশ্যে যে সব পণ্যের দর সংগ্রহ করা হবে সেগুলি দৈনন্দিন জীবনযাত্রা নির্বাহের সাথে সম্পর্কযুক্ত হওয়া দরকার। দৈনন্দিন জীবনযাত্রা নির্বাহের জন্য লোকে প্রধানতঃ খুচরো দরে জিনিস কিনে ধাক্কে। কাপড়ের কথা ধরা যাক। দৈনন্দিন জীবনযাত্রা নির্বাহের জন্য কাপড়ের ব্যবহার অত্যাবশ্যক। স্তরাং এ উদ্দেশ্যে সূচকসংখ্যা নির্ণয়কালে কাপড়কে একটি পণ্য হিসেবে অবশ্যই অন্তর্ভুক্ত করতে হবে। কিন্তু দৈনন্দিন ব্যবহারের জন্য কাপড় লোকে অধিকাংশ ক্ষেত্রেই খুচরো দরে কিনে ধাক্কে। স্তরাং এরকম ক্ষেত্রে কাপড়ের খুচরো দরই সংগ্রহ করা দরকার—পাইকারী দর নয়। অন্যদিকে সাধারণভাবে দেশের মূল্যবানের গতিপ্রকৃতি আনার উদ্দেশ্যে নির্মিত পাইকারী দরের সূচক ( Wholesale Price Index ) নির্ণয়কালে কাপড়ের পাইকারী দর নেওয়াই বাধ্যনীয়।

(খ) ভিত্তিকাল নির্ণয় ।

আগেই বলা হ'য়েছে ভিত্তিকালের ( Base Period ) তুলনামূলক চূড়িকালের ( Current Period ) আপেক্ষিক দর ( যা  $\frac{P_1}{P_0}$  র হারা

ପ୍ରକାଶିତ ହସ୍ତ ) ନିର୍ଣ୍ଣୟର ହାରା ସୁଚକ ସଂଖ୍ୟା ନିର୍ଣ୍ଣୟ ହସ୍ତ । ଏହି ଆପେକ୍ଷିକ ଦର ଶତକରୀ ହିସେବେ ନିର୍ଣ୍ଣୟ ହସ୍ତ । ଅର୍ଥାତ୍, ଭିତ୍ତିକାଳେ କୋଣୋ ପଣ୍ଡେର ଦର ଯଦି 100 ହସ୍ତ ତବେ ଚଲ୍ଲିତିକାଳେ ତା କତ ହବେ—ଆପେକ୍ଷିକ ଦର ହାରା ତା ହିସ୍ତ କରା ହସ୍ତ । ଥିତୀକେର ହାରା ଦେଖାତେ ହ'ଲେ ଏଟା ହବେ

$$100 \frac{P_1}{P_0} ।$$

ଭିତ୍ତିକାଳ ନିର୍ଣ୍ଣୟର ସମୟ ବିଶେଷ ସାବଧାନତା ଅବଲହନ କରା ଦରକାର । ସେ ସମୟ ବିଶେଷ କୋଣୋ କାରଣେ ପଣ୍ଡେର ଦର ହଠାତ୍ ଝୁବ ବେଢ଼େ ଯାଏ ( ସେମନ ସୁନ୍ଦର ସମୟ ) ବା କବେ ଯାଏ ( ସେମନ ମଳାର ସମୟ ), ଲେ ରକମ ଅସ୍ଵାଭାବିକ ସମୟକେ ଭିତ୍ତିକାଳ ହିସାବେ ଧରା ଠିକ ନନ୍ଦ । ମୋଟାଶୁଟିଭାବେ ଏକଟି ଆସ୍ତାବିକ ସମୟକେଇ ଭିତ୍ତିକାଳ ବ'ଲେ ଧରା ଉଚିତ ।

ଭିତ୍ତିକାଳ ଏବଂ ଚଲ୍ଲିତିକାଳେର ମଧ୍ୟ ସମୟର ପାର୍ଦ୍ଦକ୍ୟ ଅସ୍ଵାଭାବିକ ବୈଶ්ି ହସ୍ତା ଠିକ ନନ୍ଦ । କାରଣ ଏରକମ ହ'ଲେ ଭିତ୍ତିକାଳେର ବାଜାରେର ଅବହ୍ଵା ଏବଂ ଅନ୍ୟାଧାରଣେର ଜୀବନ୍ୟାତ୍ମାର ମାନେର ସାଥେ ଚଲ୍ଲିତିକାଳେର ବାଜାରେର ଅବହ୍ଵା ଏବଂ ଅନ୍ୟାଧାରଣେର ଜୀବନ୍ୟାତ୍ମାର ମାନ ତୁଳନୀୟ ହସ୍ତ ନା । ଭିତ୍ତିକାଳ ଅନେକ ପୁରୋନୋ ହ'ଲେ ସୁଚକସଂଖ୍ୟା ନିର୍ଣ୍ଣୟର ଅନ୍ୟ ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ ଭିତ୍ତିକାଳେର ଅନେକ ପଣ୍ଡେ ଚଲ୍ଲିତିକାଳେର ବାଜାରେ ଅଥାପ୍ଯ ବା ଦୁଃଥାପ୍ଯ ହ'ଯେ ପଡ଼େ । ଏ ଅନ୍ୟ କୋଣୋ ଥିଲିତ ସୁଚକସଂଖ୍ୟାର ଭିତ୍ତିକାଳ ବେଶ ଅନେକଟା ପୁରୋନୋ ହ'ରେ ପଡ଼ିଲେ ତାକେ ପାଲିଟ୍ରେ ଅଦୂର ଅତୀତେ ଅବଶିଷ୍ଟ ଆର ଏକଟି ଭିତ୍ତିକାଳ ନତୁନ କ'ରେ ହିସ୍ତ କ'ରନ୍ତେ ହସ୍ତ ।

ଭିତ୍ତିକାଳେର ଦୈର୍ଘ୍ୟ ଝୁବ ବୈଶ්ି ହସ୍ତା ଉଚିତ ନନ୍ଦ ଆବାର ଝୁବ କମାନ୍ତ ହସ୍ତା ଉଚିତ ନନ୍ଦ । ଭିତ୍ତିକାଳ ଧର ଦୀର୍ଘ ( ସେମନ ଦଶ ବର୍ଷର ସମୟ ) ହ'ଲେ, ଏହି ଦୀର୍ଘ ସମୟର ଗଡ଼ ନେଇଯାର ଫଳେ ବିଭିନ୍ନ ପଣ୍ଡେର ଦରର ଉତ୍ସାନପତନ ପରିକାରଭାବେ ପରିଲଙ୍ଘିତ ହସ୍ତ ନା । ଆବାର ଝୁବ ହୁବୁ ଭିତ୍ତିକାଳ—ସେମନ, ଏକଦିନ ବା ଏକ ସଞ୍ଚାର—ଅନେକ ସମୟରେ ତେବେଳ ନିର୍ଭରସେଗ୍ୟ ହସ୍ତ ନା । କାରଣ, ଏରକମ ସମ୍ଭାବ ସମୟରେ ଅନେକ ସାମାନ୍ୟ କାରଣେଓ ପଣ୍ଡେର ଦରର ଅସ୍ଵାଭାବିକ ହ୍ରାସବୁଦ୍ଧି ହସ୍ତା ସଜ୍ଜବ । ସେମନ, କୋଣୋ ଏକଟି ଦିନେ ବିମେର ତାରିଖ ଧାରିଲେ ଲେ ଦିନ ବାଜାରେ ବାହେର ଦର ଆସ୍ତାବିକ ଦରର ଚାଇତେ ଅନେକ ବୈଶ්ି ହ'ତେ ପାରେ ।

(୮) କୋମ୍ କୋମ୍ ପଦ୍ୟକେ ସୁଚକ ସଂଖ୍ୟାର ଅନ୍ତର୍ଭୁକ୍ତ କରା ହବେ ତା ହିସ୍ତ କରା ।

ଶରରେର ବାଜାରୀ ଏବଂ ଅନ୍ୟାନ୍ୟ ବ୍ୟବହାରିକ ଅନ୍ୟବିଧାର ଅନ୍ୟ ବାଜାରେର

প্রত্যেকটি পণ্যকে সূচকসংখ্যার অন্তর্ভুক্ত করা সম্ভব নয়। সূচক সংখ্যার ব্যবহারিক প্রয়োগের জন্য একটি নির্দিষ্ট সময়ের মধ্যে তা সঞ্চলন করা দরকার। বাজারের প্রতিটি পণ্যের দর সংগ্রহ ক'রতে হ'লে এরকম বাঁধাধরা সময়ের মধ্যে সূচকসংখ্যা নির্ণয় করা সম্ভব নয়। তা ছাড়া প্রত্যেকটি জিবের দর সংগ্রহ করা ব্যয়সাপেক্ষ। এজন্য নমুনা হিসেবে কতগুলি প্রতিনিধিমূলক পণ্যের দর সংগ্রহ করা হ'য়ে থাকে। পণ্যগুলি এমনভাবে ছাল করা হয় যাতে এদের গড় দরের গতিবিধি বাজারের সমস্ত পণ্যের গড় দরের গতিবিধির সমধর্মী হয়। এই কারণে সাধারণতঃ উদ্দেশ্যমূলকভাবে পণ্যগুলির নমুনা সংগ্রহ করা হ'য়ে থাকে। তবে বর্তমানে সর্বস্তব নমুনাসংগ্রহ পদ্ধতি ( Random Sampling Method )-র বিশেষ বিশেষ ধরণের প্রয়োগও কিছু কিছু ক্ষেত্রে করা হ'য়ে থাকে।

নমুনা সংগ্রহ করার উদ্দেশ্যে পণ্যগুলিকে প্রথমে কয়েকটি প্রধান প্রধান গোষ্ঠী ( Group )-তে ভাগ করা হ'য়ে থাকে। যেমন জীবিকা নির্বাহক পণ্যগুলিকে সাধারণতঃ এই পাঁচটি গোষ্ঠীতে ভাগ করা হয়—খাদ্য, আলাদানী ও আলো, পরিধেয়, বাসস্থান এবং বিবিধ। প্রতিটি গোষ্ঠী ( Group )-র আবার অনেকগুলি উপগোষ্ঠী ( Sub-Group ) থাকে। যেমন খাদ্যের উপগোষ্ঠী হোলো তঙ্গুলজাতীয় খাদ্য ( যথা—চাল, গম ), মাছ, মাংস, তরকারী ইত্যাদি। আলাদানী ও আলোর উপগোষ্ঠী হোলো কয়লা, কাঠ, বিদ্যুৎ, কেরোসিন ইত্যাদি। প্রত্যেক উপগোষ্ঠীর অন্তর্ভুক্ত হয় কতগুলি পণ্য। যেমন, তঙ্গুলজাতীয় খাদ্যের অন্তর্ভুক্ত হ'লো চাল, গম, বাজরা ইত্যাদি পণ্য। মাছ উপগোষ্ঠীর অন্তর্ভুক্ত হ'লো কাই, কাতলা, মৃগেল, কৈ ইত্যাদি।

বিভিন্ন উপগোষ্ঠীর অন্তর্ভুক্ত সরণিলি পণ্যকে না নিয়ে নমুনা হিসেবে কয়েকটিকে ছাল করা হয়। আগেই বলা হ'য়েছে এই নমুনা ছাল এমনভাবে করার চেষ্টা করা হয় যাতে নমুনাভুক্ত পণ্যগুলির দরকে উপগোষ্ঠীভুক্ত সমস্ত পণ্যের দরের প্রতিনিধিত্বানীয় ব'লে ধরা চলে। নমুনা সংখ্যা ( Sample Size ) কি হবে তা হিসেব করার জন্য কোনো বাঁধাধরা নিয়ম অনুসরণ করা সম্ভব নয়। তবে এ সংখ্যা খুব একটা বড় কিংবা ছোটো হওয়া বাস্তুয়ি নয়। কারণ বড় নমুনা সংগ্রহে নানা বাস্তব অস্ববিধা ( যথা, খরচের অস্বাভাবিক বৃদ্ধি, সঞ্চলনের অস্ববিধা, সূচক-সংখ্যা সময়সত্ত্বে প্রকাশের অস্ববিধা ইত্যাদি ) থাকে। আবার খুব ছোটো নমুনা নিলে তা নির্দিষ্ট উপগোষ্ঠীর প্রতিনিধিমূলক না হবার সম্ভাবনা থাকে।

## (୩) ପ୍ରମୋତ୍ତବୀର ରାଶିତଥ୍ୟ ସଂଗ୍ରହ ।

ସୁଚକସଂଖ୍ୟା ନିର୍ମଳେର ଉଦ୍ଦେଶ୍ୟ ପ୍ରମୋତ୍ତବୀର ରାଶିତଥ୍ୟ ସଂଗ୍ରହର ଗମନ ବିଶେଷ ସାବଧାନତା ଅବଲମ୍ବନ କରା ଦରକାର । ଏକଟି ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ ସମୟେ କୋଣୋ ଏକଟି ପଣ୍ଡେର ଦର ବିଭିନ୍ନ ବାଜାରେ ( ଏମନ କି ଅନେକ ସମୟ ଏକଇ ବାଜାରେର ଅନ୍ତର୍ଗତ ବିଭିନ୍ନ ଦୋକାନେ ) ବିଭିନ୍ନ ପ୍ରକାର ହ'ତେ ପାରେ । ତା ଛାଡ଼ା ଗୁଣଗତ ମାନ ( Quality ) ଅନୁଯାୟୀ ଏକଇ ପଣ୍ଡେର ଦରେର ତାରତମ୍ୟ ହ'ତେ ପାରେ । ସେମନ କୋଣୋ ଏକଦିନ ଏକଇ ବାଜାରେ ବିଜ୍ଞାତ କୁଇ ମାଛେର ବିଭିନ୍ନ ପ୍ରକାର ଦର ହ'ତେ ପାରେ । ଟାଟିକା କୁଇ ମାଛେର ଦର ବାସି କୁଇ ମାଛେର ଦର ଥେବେ ବେଳୀ ହତ୍ତା ଆଭାବିକ । ଝୁତରାଙ୍କ ସୁଚକସଂଖ୍ୟା ନିର୍ମଳେର ଅନ୍ୟ ପଣ୍ଡେର ଦର ସଂଗ୍ରହର ସମୟ ଏ ସମ୍ପୂର୍ଣ୍ଣ ସମସ୍ୟାର କଥା ଯଲେ ରାଖା ଦରକାର । ଏବଂ ଥେଜିଟ ବିଭିନ୍ନ ଧରଣେର ଦର ସଂଗ୍ରହର ଦିକେ ଦୃଷ୍ଟି ରାଖା ଦରକାର । ତା ଛାଡ଼ା ସଠିକ ଦର ଯାତେ ସଂଘୃତ ହୁଏ ସେବନ୍ୟାଓ ଯଥେଷ୍ଟ ସାବଧାନତା ଅବଲମ୍ବନ କରା ଦରକାର । ଜୀବିକା ନିର୍ବାହଣ ବ୍ୟାଯେର ସୁଚକେ ( Cost of Living Index )-ର ଅନ୍ୟ ଖୁଚରୋ ଦର ସଂଗ୍ରହ କରା ହ'ମେ ଥାକେ । ଅପରାଗକ୍ଷେ ପାଇକାରୀ ଦରେର ସୁଚକେ ( Wholesale Price Index)-ର ଅନ୍ୟ ପାଇକାରୀ ଦର ସଂଗ୍ରହ କରା ହ'ମେ ଥାକେ ।

## (୪) ବିଭିନ୍ନ ଶୈଖିକ ରାଶିତଥ୍ୟର ଏକତ୍ରିକତା ।

ଆଗେଇ ବଳା ହରେଛେ ଯେ ଆପେକ୍ଷିକ ଦର ( Price Relative )-ର ଦାରୀ ପର୍ଯ୍ୟନ୍ତ ମୁହଁର ଦରେର ପରିବର୍ତ୍ତନ ସୁଚିତ ହୁଏ । ଥେଜିଟ ପଣ୍ଡେର ଅନ୍ୟ ଏକଟି କ'ରେ ଆପେକ୍ଷିକ ଦର ଥାକେ । ତିନି ତିନି ପଣ୍ଡେର ଆପେକ୍ଷିକ ଦରଙ୍ଗଳି ଏକତ୍ର କ'ରେ କି କ'ରେ ଏକଟି ସଂଖ୍ୟାଯ୍ୟ ପ୍ରକାଶ କରା ଯାଇ ତା ଏଥାନେ ବିବେଚ୍ୟ । ବଳା ବାହଳ୍ୟ ଏକ ଏକଟି ପଣ୍ଡେର ଆପେକ୍ଷିକ ଦରେର ଧରଣ ଏକ ଏକ ରକମ ହବେ । କିନ୍ତୁ ଦେଖା ଗେଛେ ଯେ ଭିଜିକାଲେ ଖୁବ ପୁରୋଣେ ନା ହ'ଲେ ବିଭିନ୍ନ ପଣ୍ଡେର ଆପେକ୍ଷିକ ଦରେର ନିବେଶନ ( Distribution ) ଷଟ୍କାକୃତି ( Bell Shaped ) ହୁଏ ଏବଂ ବଡ଼ ନୟନା ( Large Sample ) ଲିଲେ ଏଇ ନିବେଶନ ମୋଟାମୁଟ୍ଟି-ଭାବେ ନର୍ମାଲ ନିବେଶନ ( Normal Distribution ) ହୁଏ । ଏତନ୍ୟ ନର୍ମାଲ ନିବେଶନେର କ୍ଷେତ୍ରେ ପ୍ରଥମେ ନିୟମାବଳୀ ଆପେକ୍ଷିକ ଦରେର ନିବେଶନେର କ୍ଷେତ୍ରେଓ ବହଳାଂଶେ ପ୍ରବୋଧ୍ୟ । ଝୁତରାଙ୍କ ନର୍ମାଲ ନିବେଶନେର ଚାରିଦିକ ବୈଶିଷ୍ଟ୍ୟ ଅନୁଗ୍ରହ କ'ରେ ସଧ୍ୟଗାସିତା ( Central Tendency )-ର କୋଣୋ ବାପକେର ସାହାଯ୍ୟ ବିଭିନ୍ନ ଆପେକ୍ଷିକ ଦରେର ଏକତ୍ରିକତା କରା ଯେତେ ଥାରେ ।

ব্যাগানিতার বিভিন্ন মাপকের মধ্যে সাধারণতঃ আপেক্ষিক দরগুলির গাণিতিক গড় (Arithmetic Mean) এবং গোম্বুজ গড় (Geometric Mean) দৈশীর ভাগ ক্ষেত্রে নেওয়া হয়।

ধরা যাক,

$$P_{oi} = i\text{-নং পণ্যের ভিত্তিকালের দর ও}$$

$$P_{1i} = i\text{-নং পণ্যের চল্তিকালের দর।}$$

তা হ'লে  $n$  সংখ্যক পণ্যের সূচকসংখ্যা নিম্নলিখিতভাবে নির্ণয় করা যেতে পারে।

যদি গাণিতিক গড় নেওয়া হয় তাহ'লে,

$$\text{নির্ণয় সূচক সংখ্যা } = I_{01} = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n \frac{P_{1i}}{P_{oi}} \quad (5.1)$$

থেকানে  $\Sigma$  চিহ্ন দ্বারা বোগকল বোঝানো হ'য়েছে।

এরকম সূচক সংখ্যাকে সরল বা ভারহীন সূচক সংখ্যা (Simple or Unweighted Index Number) বলা হ'লৈ থাকে।

অনুকূলগতাবে সরল বা ভারহীন গোম্বুজ গড়ের (Simple or Unweighted Geometric Mean) ব্যবহারের দ্বারা সূচক সংখ্যার নিম্নলিখিত সূত্র পাওয়া যাবে :—

$$I_{01} = \left( \prod_{i=1}^n \frac{P_{1i}}{P_{oi}} \right)^{\frac{1}{n}} \quad (5.2)$$

এখানে II-এর দ্বারা শুণকল বোঝান হ'য়েছে।

প্রতিটি পণ্যের আপেক্ষিক দর আলাদা আলাদা ভাবে নির্ণয় ক'রে তাদের গড় না নিয়ে সরবরাহ পণ্যের ভিত্তিকালের দরের সমষ্টির (Simple Aggregate of Actual Prices of Commodities for the Base Year) দ্বারা সেই সব পণ্যের চল্তিকালের দরের সমষ্টিকে (Simple Aggregate of Actual Prices of Commodities for the Current Year) ভাগ ক'রে সূচক সংখ্যা নির্ণয় করা যেতে পারে।

এরপুরোগে সূচক সংখ্যার সূত্র হবে :—

$$I_{01} = \frac{\sum_{i=1}^n p_{1i}}{\sum_{i=1}^n p_{0i}} \quad (5.3)$$

বেধানে,

$\sum_{i=1}^n p_{0i}$  = পণ্যসমূহের ভিত্তিকালের দরের সমষ্টি ও

$\sum_{i=1}^n p_{1i}$  = পণ্যসমূহের চল্তিকালের দরের সমষ্টি ।

উপরোক্ত সূচক সংখ্যাকে সরল যৌগিক সূচক সংখ্যা (Simple Aggregative Index Number) বলা হ'য়ে থাকে ।

বাস্তব ক্ষেত্রে সূচক সংখ্যাগুলিকে শতকরা হিসেবে প্রকাশ করা হ'য়ে থাকে । অর্ধাৎ (5.2) এবং (5.3) এ উল্লিখিত সূত্রসমূহকে 100 হারা গুণ ক'রে প্রকাশ করা হ'য়ে থাকে ।

(চ) ফিকেপ ভার (Weight) ব্যবহার করা হবে তা হির করা ।

যে যথ পণ্যকে সূচক সংখ্যার অন্তর্ভুক্ত করা হয় সেগুলি সব সমান গুরুত্বপূর্ণ নয় । জীবনযাত্রার ব্যয় নির্বাহের ঘন্য চাল, চিনি, সাবান, কয়লা, আইসক্রোম ইত্যাদির দরকার হয় । কিন্তু তুলনামূলকভাবে চালের গুরুত্ব যতটা কয়লার গুরুত্ব তার চাইতে কম । আবার কয়লার গুরুত্ব যতটা সাবানের গুরুত্ব তার চাইতে কম । কিন্তু সাবানের গুরুত্ব ( খুব বিশেষ ক্ষেত্রে বাদে ) আইসক্রোমের গুরুত্বের চাইতে বেশী । সূচক সংখ্যা নির্দেশের সময় বিভিন্ন পণ্যের গুরুত্ব অনুযায়ী এদের ভার নির্ণয় করা দরকার । প্রক্তৃপক্ষে পুরো উল্লিখিত সরল বা ভারহীন সূচক সংখ্যা ( Simple or Unweighted Index Number )—কেও সঠিক বিচারে ভারহীন বলা জরুরী । কারণ একে নিয়ুলিখিতভাবে প্রকাশ করা যেতে পারে :—

$$I_{01} = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n \frac{p_{1i}}{p_{0i}} = \frac{\sum_{i=1}^n \frac{p_{1i}}{p_{0i}}}{\sum_{i=1}^n \frac{p_{0i}}{p_{0i}}}$$

$$= \frac{\sum_{i=1}^n \left( \frac{1}{p_{0i}} \right) p_{1i}}{\sum_{i=1}^n \left( \frac{1}{p_{0i}} \right) p_{0i}}$$

যেরা যাক,  $\frac{1}{p_{0i}} = w_i$

তা হ'লে,  $I_{01} = \frac{\sum_{i=1}^n w_i p_{1i}}{\sum_{i=1}^n w_i p_{0i}}$

স্পষ্টভৎস! ই উপরোক্ত সূচকসংখ্যাটি একটি ভারযুক্ত যৌগিক সূচক সংখ্যা (Weighted Aggregative Index Number) যেখানে,  $w_i = \frac{1}{p_{0i}}$  কে, অর্থাৎ ভিত্তিকালের দরের বিপরীত মান (Reciprocal)-কে, ভার (Weight) হিসেবে ধরা হ'য়েছে। কিন্তু এরকম ভার ব্যবহার করা অধিকাংশ ক্ষেত্রেই যুক্তিযুক্ত হবে না। কারণ এগুলি পণ্যের গুরুত্বের সমানুপাতিক হয় না। নির্দেশ সূচক সংখ্যাটিকে বাস্তবোচিত ক'রতে হ'লে আপেক্ষিক দরসমূহের ভারগুলি এখন হওয়া দরকার থাতে ঐ দরসমূহের প্রকৃত গুরুত্ব সূচক-সংখ্যাটিতে সঠিকভাবে প্রতিফলিত হয়। সাধারণতঃ কোনো পণ্যের আপেক্ষিক দরের ভার হিসেবে ঐ পণ্যের মূল্য (Value)-কে নেওয়া

ହୁଏ । ସୌଗିକ ସୂଚକ ( Aggregative Index )—ଏର କେତେ କୋଣୋ ପର୍ଯ୍ୟର ଦରେର ଭାବ ହିସେବେ ଏ ପର୍ଯ୍ୟର ପରିମାଣ ( Quantity )-କେ ନେଇବା ହ'ଲେ ଥାକେ । ଏହି ପରିମାଣ ଏଇ ପର୍ଯ୍ୟର ବ୍ୟବହାରେ ମୋଟ ପରିମାଣ, ଉତ୍ପାଦନେର ମୋଟ ପରିମାଣ, ବିଜ୍ଞୀଳ ମୋଟ ପରିମାଣ କିଂବା ବାଜାରଜାତ କରାର ମୋଟ ପରିମାଣ ହ'ତେ ପାରେ । ଅନୁରାପଭାବେ ମୂଲ୍ୟର ( Value ) କେତେବେ ବିଜ୍ଞୀତ ପର୍ଯ୍ୟର ମୋଟ ମୂଲ୍ୟ, ବ୍ୟବହାରେ ମୋଟ ମୂଲ୍ୟ, ବାଜାରଜାତ କରାର ମୋଟ ମୂଲ୍ୟ କିଂବା ଉତ୍ପାଦିତ ପର୍ଯ୍ୟର ମୋଟ ମୂଲ୍ୟ ହ'ତେ ପାରେ । ସୂଚକ ସଂଖ୍ୟାର ପ୍ରକୃତି ଅନୁଯାୟୀ ପରିମାଣ ବା ମୂଲ୍ୟର ଧରଣେ ତକାଣ ହ'ଲେ ଥାକେ । କୋଣୋ କୋଣୋ କେତେ ଡିଭିକାଲେର ପରିମାଣ ବା ମୂଲ୍ୟ ବ୍ୟବହାର ହ'ଲେ ଥାକେ । ଆବାର ଅନେକ ସମୟ ଚାର୍ଟିକାଲେର ପରିମାଣ ବା ମୂଲ୍ୟର ବ୍ୟବହାର ହ'ଲେ ଥାକେ ।

ସାରା ଧାର୍,

$$w_i = i\text{-ର ପର୍ଯ୍ୟର ଆପେକ୍ଷିକ ଦରେର ଭାବ ।}$$

ତାହ'ଲେ ଭାର୍ଯୁଭ ଘୋଗିକ ଗଡ଼ ( Weighted Arithmetic Mean )—ଏର ସୂତ୍ର ଅନୁଯାୟୀ ନିର୍ଣ୍ଣାତ ସୂଚକସଂଖ୍ୟା ହବେ :—

$$I_{a1} = \frac{\sum_{i=1}^n \frac{p_{1i}}{p_{0i}} w_i}{\sum_{i=1}^n w_i} \quad (5.4)$$

ଅନୁରାପଭାବେ ଭାର୍ଯୁଭ ଗ୍ରୋଭର ଗଡ଼ ( Weighted Geometric Mean )—ଏର ସୂତ୍ର ଅନୁଯାୟୀ ନିର୍ଣ୍ଣାତ ସୂଚକ ସଂଖ୍ୟା ହବେ :—

$$I_{a2} = \left\{ \prod_{i=1}^n \left( \frac{p_{1i}}{p_{0i}} \right)^{w_i} \right\}^{\frac{1}{\sum w_i}} \quad (5.5)$$

এবং ভারযুক্ত বিবর্ত ঘোষিক গড় (Harmonic Mean)-এর সূত্র  
অনুযায়ী নির্ণীত সূচক সংখ্যা হবে :—

$$I_{01} = \frac{\sum_{i=1}^n w_i}{\sum_{i=1}^n \frac{p_{0i}}{p_{1i}} w_i} \quad (5.6)$$

ঘোষিক সূচক সংখ্যা (Aggregative Index)-র ক্ষেত্রে ভারযুক্ত  
গড় ব্যবহার ক'রে নিম্নলিখিত সূত্রটি পাওয়া যায় :—

$$I_{01} = \frac{\sum_{i=1}^n p_{1i} w_i}{\sum_{i=1}^n p_{0i} w_i} \quad (5.7)$$

(5.7)-এ উল্লিখিত সূচকসংখ্যায় যদি ধরা হয়,  
 $w_i = q_{0i}$ —ভিত্তিকালে  $i$ -নং পণ্যের পরিমাণ,  
তা হ'লে নির্ণেয় সূচকসংখ্যা হবে :—

$$I_{01} = \frac{\sum_{i=1}^n p_{1i} q_{0i}}{\sum_{i=1}^n p_{0i} q_{0i}} \quad (5.8)$$

এটি লাস্পেয়ারের সূত্র (Laspeyres' Formula) নামে পরিচিত।  
এই সূত্র অনুযায়ী নির্ণীত সূচকসংখ্যা খুব ব্যাপকভাবে ব্যবহৃত হয়।

(5.8)-ଏ ଉତ୍ତିଥିତ ସୁଅଟିକେ ନିମ୍ନଲିଖିତଭାବେରେ ଲେଖା ଯାଏ :—

$$I_{oi} = \frac{\sum_{i=1}^n p_{1i} q_{oi}}{\sum_{i=1}^n p_{oi} q_{oi}}$$

$$= \frac{\sum_{i=1}^n \frac{p_{1i}}{p_{oi}} \times p_{oi} q_{oi}}{\sum_{i=1}^n p_{oi} q_{oi}}$$

ଧ୍ୱରା ଯାକୁ,  $p_{oi} q_{oi} = w_i$

$$I_{oi} = \frac{\sum_{i=1}^n \frac{p_{1i}}{p_{oi}} w_i}{\sum_{i=1}^n w_i}$$

ତା ହ'ଲେ,  $I_{oi} = \frac{\sum_{i=1}^n p_{1i} w_i}{\sum_{i=1}^n w_i}$

ଅଟ୍ଟନାଳି (5.4)-ଏ ଉତ୍ତିଥିତ ଆପେକ୍ଷିକ ଦରେର ଭାରଯୁକ୍ତ ଗାଣିତିକ ଗଢ଼ ହାରା ନିର୍ଣ୍ଣାତ ସୂଚକ ସଂଖ୍ୟା । ଏଥାନେ  $p_0 q_0$ -କେ, ଅର୍ଧାଂ ପଣ୍ୟର ଭିତ୍ତି-କାଳେର ମୂଲ୍ୟ ( Value )-କେ ଭାର ହିସେବେ ଧ୍ୱରା ହ'ଯେଛେ ।

ଅପରାପରକ୍ଷେ (5.7)-ଏ ଉତ୍ତିଥିତ ସୂଚକସଂଖ୍ୟାର ସମ୍ମ ଧ୍ୱରା ହୁଏ,  $w_i = q_{1i}$  =ଚଳ୍ଲତି କାଳେ  $i$ -ନାଂ ପଣ୍ୟର ପରିମାଣ, ତା ହ'ଲେ ନିର୍ଦ୍ଦେଶ ସୂଚକସଂଖ୍ୟା ହସେ :—

$$I_{oi} = \frac{\sum_{i=1}^n p_{1i} q_{1i}}{\sum_{i=1}^n p_{oi} q_{1i}} \quad (5.9)$$

পাশের সূত্র ( Paasche's Formula ) ব'লে পরিচিত :  
জাস্টপেয়ারের সূত্রের বড়ো পাশের সূত্র বাস্তবক্ষেত্রে ততটা ব্যাপকভাবে  
ব্যবহৃত হয় না। (5.6)-এ উন্নিখিত বিবর্ত বৌগিক গড় ( Harmonic  
Mean ) হারা নির্ণীত সূচকসংখ্যার বদি ধরা হয়  $w_i = p_{1i} q_{1i} = l - n$   
পণ্যের চল্ডিকালের মূল্য ( Value ), তা হ'লে ঐ সূচকসংখ্যা পাশের  
সূত্র হারা নির্ণীত সূচকসংখ্যার পরিণত হবে।

(5.7)-এ উন্নিখিত সূচকসংখ্যার বদি ধরা হয় :—

$$w_i = \frac{q_{1i} + q_{0i}}{2}$$

=চল্ডিকাল এবং ভিজিকালের পণ্যের  
পরিমাণের বৌগিক গড়,

তা হ'লে,

$$I_{01} = \frac{\sum_{i=1}^n p_{1i} (q_{1i} + q_{0i})}{\sum_{i=1}^n p_{0i} (q_{1i} + q_{0i})} \quad | \quad (5.10)$$

সূচকসংখ্যা নির্ণয়ের এই সূত্রটি মার্শাল-এড্জওর্থ সূত্র ( Marshall  
Edgeworth Formula ) নামে পরিচিত।

আবার জাস্টপেয়ারের এবং পাশের সূত্রের সূচকসংখ্যার গুণোত্তর গড়  
নিম্নে সূচকসংখ্যা নির্ণয়ের নিম্নলিখিত সূত্রটি পাওয়া যায় :—

$$I_{01} = \sqrt{ \frac{\sum_{i=1}^n p_{1i} q_{0i}}{\sum_{i=1}^n p_{0i} q_{0i}} \times \frac{\sum_{i=1}^n p_{1i} q_{1i}}{\sum_{i=1}^n p_{0i} q_{1i}}} \quad | \quad (5.11)$$

ଏହି କିଶାରେ ଆଦର୍ଶ ସୂଚକ ସଂଖ୍ୟା ( Fisher's Ideal Index Number ) ନାମେ ପରିଚିତ । ଆରିଙ୍ଗ କିଶାର ( Irving Fisher ) କର୍ତ୍ତୃକ ନିର୍ଣ୍ଣାତ ଏହି ସୂଚକ ସଂଖ୍ୟାଟି ସୂଚକ ସଂଖ୍ୟା-ବିଷୟକ କତଞ୍ଜଳି ସାମଞ୍ଜସ୍ୟର ବିଷୟର ଅନୁମରଣ କରେ ବ'ଲେ ଏକେ ଆଦର୍ଶ ସୂଚକ ସଂଖ୍ୟା ବଳା ହ'ରେ ଥାକେ । ଏ ସମ୍ପର୍କେ ବିସ୍ତୃତ ବ୍ୟାଖ୍ୟା ପରେ ଦେଉଯା ହ'ମେହେ ।

ଆଗେଇ ବଳା ହ'ମେହେ ବେ ସୂଚକସଂଖ୍ୟା ନିର୍ଣ୍ଣୟେ ଲାଶ୍‌ପେନୋରେର ଶୁଦ୍ଧେର ବ୍ୟବହାରର ସବଚାଇତେ ବ୍ୟାପକ । ଏଇ ପ୍ରଥାନ କାରଣ ଅନ୍ୟାନ୍ୟ ଶୁଦ୍ଧେର ତୁଳନାମ୍ବେ ଏହି ଶୁଦ୍ଧ ବାନ୍ତବକ୍ଷେତ୍ରେ ଅନେକ ଶହରେ ବ୍ୟବହାର କରା ଯାଏ । ଏହି ଶୁଦ୍ଧ ଭାବ ହିଁଲେବେ ଭିଡ଼ିକାଲେର ପରିମାଣ ବ୍ୟବହାର କରା ହ'ରେ ଥାକେ । ବାନ୍ତବକ୍ଷେତ୍ରେ ଭିଡ଼ିକାଲେର ପରିମାଣ ସଂକାଳ ରାଶିତଥ୍ୟ ସଂଗ୍ରହ କରା ଅନେକ ଶହର । ଅପରଗଙ୍କେ ପାଶେର ଶୁଦ୍ଧ ଭାବ ହିଁଲେବେ ଚଳ୍‌ଡ଼ିକାଲେର ପରିମାଣ ବ୍ୟବହାର କରା ହ'ରେ ଥାକେ । ଏହି ପରିମାଣ ସଂକାଳ ରାଶିତଥ୍ୟ ସମସ୍ୟାତେ ସଂଗ୍ରହ କରା ଅଧିକାଂଶ କ୍ଷେତ୍ରେ ଦୂଃଖ୍ୟ ହ'ରେ ପଡ଼େ । ଏତନ୍ୟ ପାଶେର ଶୁଦ୍ଧେର ବ୍ୟବହାର ବାନ୍ତବକ୍ଷେତ୍ରେ ଖୁବ ଶୀମିତ । ଗୁଣୋତ୍ତର ଗଡ଼ ( Geometric Mean ) ଏବଂ ବିବର୍ତ୍ତ ଘୋଗିକ ଗଡ଼ ( Harmonic Mean ) ନିର୍ଣ୍ଣୟ କରା ଗାଣିତିକ ( ବା ଘୋଗିକ ) ଗଡ଼ ( Arithmetic Mean ) ନିର୍ଣ୍ଣୟ କରାର ଚାଇତେ ତୁଳନାମୂଳକଭାବେ ଅନେକ ଆଗ୍ରାସସାଧ୍ୟ । ଏତନ୍ୟ ସୂଚକ ସଂଖ୍ୟା ନିର୍ଣ୍ଣୟ ଗାଣିତିକ ଗଡ଼ର ବ୍ୟବହାର ଖୁବି ବ୍ୟାପକ ।

ଅନେକ ଶମ୍ଭବ ଲାଶ୍‌ପେନୋରେ ଶୁଦ୍ଧ ଅନୁଯାୟୀ ଭିଡ଼ିକାଲେର ପରିମାଣକେ କିଂବା ପାଶେର ଶୁଦ୍ଧ ଅନୁଯାୟୀ ଚଳ୍‌ଡ଼ିକାଲେର ପରିମାଣକେ ଭାବ ହିଁଲେବେ ବ୍ୟବହାର ନା କରେ ଅନ୍ୟ କୋଣେ ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟକାଲେର ପରିମାଣକେ ଭାବ ହିଁଲେବେ ବ୍ୟବହାର କ'ରେ ଶୂଚକସଂଖ୍ୟା ନିର୍ଣ୍ଣୟ କରା ହୁଏ । ଏହାପାଇଁ ଶୂଚକସଂଖ୍ୟା ନିମ୍ନ-ଲିଖିତ ଶୁଦ୍ଧ ଅନୁଯାୟୀ ଥିବାକାଣ ପରିମାଣ କରା ବେତେ ପାଇଁ :—

$$I_{oi} = \frac{\sum_{i=1}^n p_{oi} q_{hi}}{\sum_{i=1}^n p_{oi} b_{hi}} \quad (5.12)$$

ବେଖାଲେ,

$Q_{hi}$  = i-ନଂ ପରିମାଣ, i-କାଲେର ପରିମାଣ ।

লাশ্পেয়ারের সুজেন্ট মতো এই সূত্রটিও বাস্তবক্ষেত্রে ব্যাপকভাবে ব্যবহৃত হ'য়ে থাকে ।

### (ই) নির্ণীত সূচক সংখ্যার ব্যাখ্যাকরণ ।

সূচক সংখ্যার প্রকৃতি অনুযায়ী এর ব্যাখ্যার প্রকারভেদ হয় । ভিত্তি-কাল এবং চল্ডিকালে জীবনযাত্রার মান যদি অপরিবর্তিত থাকে অ হ'লে চল্ডিকালে "জীবিকানির্বাহ ক'রতে ভিত্তিকালের তুলনায় ব্যয়ের কতটা হেরফের হয় তা জীবিকা নির্বাহণ ব্যয়ের সূচক (Cost of Living Index) হারা নির্দেশিত হয় । অন্য দিকে ভিত্তিকালের তুলনায় চল্ডিকালের সাধারণ মূল্যমানের হেরফের পাইকারী দরের সূচক (Wholesale Price Index) হারা নির্দেশিত হ'য়ে থাকে । ভিত্তি-কালের শিল্পোৎপাদনের তুলনায় চল্ডিকালের শিল্পোৎপাদনের হাস্বৃদ্ধি শিল্পোৎপাদনের সূচক (Index of Industrial Production) হারা নির্দেশিত হ'য়ে থাকে । সূচকসংখ্যাসমূহ সাধারণতঃ শক্তকরা হিসেবে প্রকাশিত হ'য়ে থাকে । ভিত্তিকালের সূচককে 100 ধ'রে চল্ডিকালের সূচকের হাস্বৃদ্ধির হিসাব করা হ'য়ে থাকে । 1961-62 কে ভিত্তিকাল ধরে 1970 সালের মে মাসে সর্বভারতীয় পাইকারী দরের সূচক 178.7—এরপ উভিতর অর্ধ হোলো 1961-62 সালের তুলনায় 1970 সালের মে মাসে পাইকারী মূল্যমান 1.787 ভাগ বৃদ্ধি পেয়েছে ।

### 5.4 সূচক সংখ্যার বিভিন্ন ধরণের ভাষ্টি (Different types of Errors in Index Numbers)

পূর্বে বর্ণিত সূচকসংখ্যাসমূহে তিনি ধরণের ভাষ্টি (Error) দেখা যায় । যথা,

(ক) সূত্রসংক্রান্ত ভাষ্টি (Formula Error), (খ) নমুনা ভাষ্টি (Sampling Error), (গ) অন্তর্ভুক্ত ভাষ্টি (Homogeneity Error) ।

#### (ক) সূত্রসংক্রান্ত ভাষ্টি (Formula Error) ।

আমরা সূচকসংখ্যা নির্ণয়ের করেকট সুজেন্ট উল্লেখ ক'রেছি (বেবন, লাশ্পেয়ারের সূত্র, পাশের সূত্র ইত্যাদি) । এই সূত্রগুলির কোনোটির হারাই সম্পূর্ণভাবে আতিশূন্য সূচকসংখ্যা নির্ণয় করা সম্ভব নয় । এক্ষতপক্ষে এখন পর্যন্ত এমন কোনো সূত্র নির্ণীত হয়নি যাব সাহায্যে

ଏକେବାରେ ଆନ୍ତିବିହୀନ ସୁଚକସଂଖ୍ୟା ନିର୍ଣ୍ଣୟ କରା ଗନ୍ଧବ । ଫିଲେକଟି ସୁଦେରଇ କିଛୁ ନା କିଛୁ ଆନ୍ତି ଆଛେ । ଶୁଦ୍ଧ ଥେବେ ଉତ୍ସୁତ ଏ ଧରଣେର ଆନ୍ତିକେ ସୁତ୍ର-ସଂକାନ୍ତ ଆନ୍ତି ବ'ଳେ ଅଭିହିତ କରା ହୁଯ ।

#### (୩) ନମୁନା ଆନ୍ତି ( Sampling Error ) ।

ଆୟ ସବ କେବେଇ ସୁଚକ ସଂଖ୍ୟା ନିର୍ଣ୍ଣୟ ନମୁନା ଚରଣ ପଦ୍ଧତି ( Sampling Method ) ଅବଲମ୍ବନ କରା ହୁଯ । ସବ ରକର ପଣ୍ଡକେ ସୁଚକ ସଂଖ୍ୟାର ଅନ୍ତର୍ଭୁତ କରା ବାନ୍ଧବକ୍ଷେତ୍ରେ ଗନ୍ଧବ ନଥ । ସେବନ୍ୟ ସମ୍ପଦ ପଣ୍ଡେର ଭେତର ଥେବେ ନମୁନା ହିସେବେ କିଛୁ ହିପାଦ ପଣ୍ଡ ( Binary Commodity ) ବେହେ ନେଇଯା ହୁଯ । ହିପାଦ ପଣ୍ଡ ବ'ଳତେ ସେବ ପଣ୍ଡ ବୋବାଯ ବେଶ୍ଵଳି ଭିଡ଼ିକାଳ ଏବଂ ଚଳ୍ପିକାଳେ ବାଜାରେ ପାଇଁଯା ଯାଇ ଏବଂ ଉତ୍ସରକାଳେ ଏଦେର ଉତ୍ସକର୍ତ୍ତ ସମାନ ଥାକେ । ସେହେତୁ ସବଶ୍ଵଳି ହିପାଦ ପଣ୍ଡ ନା ନିଯେ ନମୁନା ହିସେବେ କରେକଟିକେ ନେଇଯା ହୁଯ ସେବନ୍ୟ ଏକଥି ନମୁନାର ସାହାବ୍ୟ ନିର୍ଣ୍ଣୟ ସୁଚକସଂଖ୍ୟାଯା ନମୁନା ଆନ୍ତି ( Sampling Error ) ପରିଲଙ୍ଘିତ ହୁଯ । ତବେ ନମୁନା ସଂଖ୍ୟା ( Sample Size ) ବୃକ୍ଷି କ'ରେ ଏ ଧରଣେର ଆନ୍ତିର ବାଜାର କରାନ ଗନ୍ଧବ ।

#### (୪) ଅନ୍ୱର୍ତ୍ତମା ଆନ୍ତି ( Homogeneity Error ) ।

ଆଗେଇ ବଳା ହ'ରେହେ ସେ କତଶ୍ଵଳି ହିପାଦ ପଣ୍ଡେର ( Binary Commodities ) ଭିଡ଼ିକାଳ ଏବଂ ଚଳ୍ପିକାଳେର ମାନେର ତୁଳନାର ଥାରା ସୁଚକସଂଖ୍ୟା ନିର୍ଣ୍ଣୟ କରା ହ'ମେ ଥାକେ । ଅର୍ଦ୍ଧା ସେ ସବ ପଣ୍ଡ ଭିଡ଼ିକାଳ ଏବଂ ଚଳ୍ପିକାଳ—ଏହି ଉତ୍ସ କାଳେଇ ସଂଘର୍ଷନ୍ତେ ଶୁଦ୍ଧମାତ୍ର ତାଦେରଇ ସୁଚକସଂଖ୍ୟା ନିର୍ଣ୍ଣୟର ଅନ୍ୟ ନେଇଯା ହ'ମେ ଥାକେ । କିନ୍ତୁ ଏମନ ଅନେକ ପଣ୍ଡ ପାଇଁଯା ଯାଇ ବେଶ୍ଵଳି ଭିଡ଼ିକାଳେ ବାଜାରେ ଥିଲା ପରିଚାଳିତ ଛିଲ କିନ୍ତୁ ଚଳ୍ପିକାଳେ ଆର ଥିଲା ପରିଚାଳିତ ନେଇ । ଅନ୍ୟଦିକେ ଭିଡ଼ିକାଳେ ବର୍ତ୍ତମାନ ଛିଲୋ ନା କିନ୍ତୁ ଚଳ୍ପିକାଳେ ଥିଲା ପରିଚାଳିତ ହ'ରେହେ—ଏରକର ପଣ୍ଡକେ ପାଇଁଯା ଯାଇ । ଏରକର ପଣ୍ଡକେ ଅନ୍ୟ ପଣ୍ଡ ( Unique Commodities ) ବଳା ହ'ମେ ଥାକେ । ସୁଚକ ସଂଖ୍ୟା ସମ୍ପୂର୍ଣ୍ଣ ନିର୍ଭୁଲଭାବେ ନିର୍ଣ୍ଣୟ କ'ରତେ ହ'ଲେ ଭିଡ଼ିକାଳ ଏବଂ ଚଳ୍ପିକାଳେର ସକଳ ଥିବାର ପଣ୍ଡକେ—ଅର୍ଦ୍ଧା ହିପାଦ ( Binary Commodities ) ଏବଂ ଅନ୍ୟ ପଣ୍ଡ ( Unique Commodities )-କେ ଏଇ ଅନ୍ତର୍ଭୁତ କ'ରତେ ହ'ବେ । କିନ୍ତୁ ବାନ୍ଧବକ୍ଷେତ୍ରେ ଏରକର କରା ଗନ୍ଧବ ହୁଯ ନା । ଅନ୍ୟ ପଣ୍ଡକେ ସୁଚକ ସଂଖ୍ୟାର ଆନ୍ତି ଥେବେ ବାଦ ଦେଇଯା ହ'ମେ ଥାକେ । ଏର କାଳେ ସୁଚକସଂଖ୍ୟା ଏକ ଧରଣେର ଆନ୍ତିଯୁଭ୍ରତ ହୁଯ ।

এরকম বাস্তিকে অসমীয়া বাস্তি ( Homogeneity Error ) হ'লে অভিহিত করা হ'য়ে থাকে। সূচক সংখ্যার ভিত্তিকাল বন্দ পুরোনো হ'তে থাকে ততই ভিত্তিকালের অধিকতর পণ্য চল্তিকালে অপোগ্য হয়; অন্যদিকে চল্তিকালে অনেক নতুন পণ্যের আবির্ভাব ঘটে বেগুলি ভিত্তিকালে বর্তমান ছিলো না। স্বতরাং এরকম ক্ষেত্রে অনন্য পণ্যের সংখ্যা বৃক্ষ পেতে থাকে। এর ফলে অসমীয়া বাস্তির মাঝাও বৃক্ষ পেতে থাকে।

### 5.5 সূচক সংখ্যার সামঞ্জস্য বিচার ( Tests of Consistency of Index Number )

দরের সূচকের সামঞ্জস্য বিচারের কয়েকটি প্রণালী আছে। এদের মধ্যে আর্বিং ফিশার ( Irving Fisher ) কর্তৃক উজ্জ্বালিত প্রণালী দুটি বিশেষভাবে উল্লেখযোগ্য :—

(ক) কাল বিবর্তনী বিচার ( Time Reversal Test )

(খ) উপাদান বিবর্তনী বিচার ( Factor Reversal Test )

(ক) কাল বিবর্তনী বিচার ( Time Reversal Test )

যে সব সূচক সংখ্যা এই বিচার পক্ষতি মেলে চলে তাদের সূচনালি ( Formulae ) সময়ের সাথে সামঞ্জস্যমূলক হয় অর্থাৎ এক্সপ্রেক্সেতে ভিত্তিকাল এবং চল্তিকাল পরম্পর পরিবর্তনযোগ্য হয় এবং সময়ের গতিবিধির সাথে মূল্যবানের হাস বা বৃক্ষের চিত্রটি অপরিবর্তিত থাকে। কোনো একটি বিশেষ পণ্যের আপেক্ষিক দরের ক্ষেত্রে এই নিয়মটি সব সময়েই অনুসৃত হয়। উদাহরণস্বরূপ 1961 সালকে ভিত্তিকাল থরলে 1971 সালে আলুর আপেক্ষিক দর যদি হিণ্ডি হয় তা হ'লে 1971 সালের তুলনায় 1961 সালে আলুর আপেক্ষিক দর অর্ধেক হবে। সূত্রে থেকাশ ক'রলে, ধরা যাক,  $p_0=1961$  সালের আলুর দর এবং  $p_1=1971$  সালের আলুর দর  $=2p_0$ । তা হ'লে,  $r_{01}=\frac{p_1}{p_0}=2$  এবং  $r_{10}=\frac{p_0}{p_1}=0.5$ । স্বতরাং  $r_{01} \times r_{10}=1$ ।

একটি বিশেষ পণ্যের ক্ষেত্রে থেকে আপেক্ষিক দরের উপরোক্ত নিয়মটি যদি কোনো সূচক সংখ্যার ক্ষেত্রেও খাটে তা হ'লে বলা হবে যে ঐ সূচকসংখ্যাটি কাল বিবর্তনী বিচার পক্ষতি অনুসরণ ক'রছে।

ସଙ୍କେତ ( Symbol )-ଏ ଥିବା କ'ଲେ, ଏକାଶ କ'ଲେ, ଏକାଶ କେତେ ସୂଚକସଂଖ୍ୟାଟି ନିଯୁ-  
ନିର୍ଧିତ ସଂପର୍କଟି ଅନୁସରଣ କରିବେ :—

$$I_{01} \times I_{10} = 1 \quad (5.13)$$

ପୂର୍ବେ ଉତ୍ସ୍ଥିତ ସୂଚକସଂଖ୍ୟାର ସୂତ୍ରଗୁଲିର ଭେତର (5.2), (5.3),  
(5.10), ଏবং (5.11)-ର ସୂତ୍ରଗୁଲି ଏହି ବିଚାର ପରିଷଦି ମେଳେ ଚଲେ । ଯଦି  
 $w_i$  ଏକଟି ଧ୍ରୁବକ ( Constant ) ହସି ତା ହ'ଲେ (5.5) ଏବଂ (5.7)-ଏ  
ଉତ୍ସ୍ଥିତ ସୂତ୍ରଗୁଲି ଏହି ପରିଷଦି ମେଳେ ଚ'ଲିବେ । ତା ଛାଡ଼ା ଆପେକ୍ଷିକ ଦର  
ମୂଲ୍ୟର ସମ୍ମାନ ( Median ) ଏବଂ ଯଂଖ୍ୟାଗରିଷ୍ଠ ମାନ ( Mode )-ହସି ଏହି  
ବିଚାର ପରିଷଦି ଅନୁସରଣ କରେ ।

#### (୩) ଉପାଦାନ ବିରତ୍ତନୀ ବିଚାର ( Factor Reversal Test )

କୋଣୋ ପଣ୍ୟର ଦର ( Price ) ଯଦି  $p$  ହସି ଏବଂ ତାର  $q$  ପରିମାଣ  
( Quantity ) କ୍ରମ କରା ହ'ଯେ ଥାକେ, ତା ହ'ଲେ ଏହି ପଣ୍ୟଟିର ମୋଟ କ୍ରମ  
ମୂଲ୍ୟ ( Value ) ହବେ  $pq$  । ଆଗେଇ ବଲା ହ'ମେହେ ବେ ଏହି  $p$  ଏବଂ  $q$ -ଏର  
ଭିତ୍ତିକାଳ ଏବଂ ଚାଲିକାଳେର ମାନ ଦରେର ସୂଚକ ନିର୍ଧର୍ଯ୍ୟ ବ୍ୟବହର୍ତ୍ତ ହ'ଯେ ଥାଏକ ।  
 $p$  ଏବଂ  $q$ -କେ ଦରେର ସୂଚକ ନିର୍ଧର୍ଯ୍ୟର ଉପାଦାନ ( Factor ) ବ'ଲେ ଅଭିହିତ  
କରା ହୁଏ ।

ପୂର୍ବେ ବ୍ୟବହର୍ତ୍ତ ସଙ୍କେତ ଅନୁୟାୟୀ—

$$\sum_{i=1}^n p_{1i} q_{1i} = \text{ଚାଲେର ମୋଟ ମୂଲ୍ୟ} ।$$

$$\sum_{i=1}^n p_{0i} q_{0i} = \text{ଭିତ୍ତିକାଳେର ମୋଟ ମୂଲ୍ୟ} ।$$

ତା ହ'ଲେ ମୂଲ୍ୟର ସୂଚକ ( Value Index )  $I_0$ -କେ ନିଯୁନିର୍ଧିତତାବେ  
-ବର୍ଣନା କରା ଯାଇ :—

$$I_0 = \frac{\sum_{i=1}^n p_{0i} q_{0i}}{\sum_{i=1}^n p_{1i} q_{1i}} \quad (5.14)$$

দরের সূচক ( এরকম সূচককে আমরা সহজে  $I_p$ , ব'লে উল্লেখ ক'রবো )—এর সূত্রসমূহে উপাদানগুলিকে যদি পাল্টে দেওয়া হয়, অর্থাৎ,  $p$ -এর জায়গায়  $q$  লেখা হয় এবং  $q$ -এর জায়গায়  $p$  লেখা হয়, তাহলে পরিমাণের সূচক [ এরকম সূচককে আমরা সহজে  $I_q$  ( Quantity Index ) ব'লে উল্লেখ ক'রবো ]—এর উভয় হবে। উদাহরণস্বরূপ, (5.8)-এ উল্লিখিত দরের সূচকের সূত্র হ'তে উপাদান পরিবর্তনের ফলে আমরা নিম্নলিখিত পরিমাণের সূচক পাই :—

$$I_q = \frac{\sum_{i=1}^n q_{1i} p_{oi}}{\sum_{i=1}^n q_{oi} p_{1i}} \quad |$$

উপাদান বিবর্তনী বিচার দাবী করে যে, কোনো দরের সূচকের সূত্রের উপাদান পরিবর্তনের হারা যে পরিমাণের সূচক পাওয়া যাবে তাকে ঐ দরের সূচকের সাথে গুণ ক'রলে মূল্যের সূচক ( Value Index ) পাওয়া যাবে। সহজে প্রকাশ ক'রলে, এই বিচার অনুযায়ী,

$$I_v = I_p \times I_q \quad | \quad (5.15)$$

পূর্বে উল্লিখিত দরের সূচকের সূত্রগুলির মধ্যে একমাত্র ফিশারের আদর্শ সূচক ( Fisher's Ideal Index ) উপরোক্ত বিচার মেলে চলে। কারণ, এই সূচকের সূত্র অনুযায়ী

$$I_p = \sqrt{\frac{\sum_{i=1}^n p_{1i} q_{oi}}{\sum_{i=1}^n p_{oi} q_{oi}} \times \frac{\sum_{i=1}^n p_{1i} q_{1i}}{\sum_{i=1}^n p_{oi} q_{1i}}} \quad |$$

$$\text{সতর্ক: } I_q = \sqrt{\frac{\sum_{i=1}^n q_{1i} p_{oi}}{\sum_{i=1}^n q_{oi} p_{oi}} \times \frac{\sum_{i=1}^n q_{1i} p_{1i}}{\sum_{i=1}^n q_{oi} p_{1i}}} \quad |$$

$$\text{ଅର୍ଥାତ୍}, \quad I_p \times I_q = \frac{\sum_{i=1}^n p_{1i} q_{1i}}{\sum_{i=1}^n p_{oi} q_{oi}} = I_o, \quad |$$

ଏକମାତ୍ର ଫିଶାରେର ସୁତ୍ରାଇ ସୂଚକସଂଖ୍ୟାର ସାମଙ୍ଗସ୍ୟ ବିଚାରେର ଉପରୋକ୍ତ ଦୁଟୀ ପଦ୍ଧତିଟି ମେଳେ ଚଲେ । ଏଇଭାବୀ ଏହି ସୁତ୍ରକେ ଆଦର୍ଶ ସୁତ୍ର ବ'ଳେ ଅଭିହିତ କରା ହେଁ ।

### 5.6 ଶୃଷ୍ଟମୂଳ ସୂଚକ ସଂଖ୍ୟା (Chain Index Number)

ଏକାଟି ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ ସମୟକେ ସୂଚକସଂଖ୍ୟାର ଭିତ୍ତିକାଳ ଧରାର କତଣ୍ଠି ଅନୁବିଧା ଆଛେ । ସମସ୍ତଗତ ପାର୍ଦ୍ଦକ୍ୟ ବେଡ଼େ ଯୌବନୀର ସାଥେ ସାଥେ ଭିତ୍ତିକାଳେ ବ୍ୟବହାର ଅନେକ ପଣ୍ୟ ଚଳ୍ତିକାଳେ ଦୁଶ୍ରାପ୍ୟ ବା ଅପ୍ରାପ୍ୟ ହ'ମେ ପଡ଼େ । ତା ଛାଡ଼ା ସମୟର ସାଥେ ସାଥେ ଭିତ୍ତିକାଳେର ତୁଳନାଯି ଚଳ୍ତିକାଳେ ଭୋକ୍ତା (Consumer) -ଦେର ଅଭ୍ୟାସ ଓ ଝଟିରେ ଅନେକ ପରିବର୍ତ୍ତନ ହେଁ । କଲେ ମୁଦ୍ରା ଭିତ୍ତିକାଳେର ସାଥେ ଚଳ୍ତିକାଳେର ତୁଳନାବାରା ନିର୍ଣ୍ଣୟ ସୂଚକସଂଖ୍ୟାଟି ବହଳାଂଶେ ଅବାଞ୍ଚିତ ହ'ମେ ପରେ । ଏ ବର କାରଣେ କୋଣୋ ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ ସମୟକେ ଭିତ୍ତିକାଳ ହିସେବେ ହିର ନା କ'ରେ ଚଳ୍ତିକାଳେର ଠିକ ପୂର୍ବବତ୍ତୀକାଳକେ ଭିତ୍ତିକାଳ ହିସେବେ ଧ'ରେ ଅନେକ ସମୟ ସୂଚକସଂଖ୍ୟା ନିର୍ଣ୍ଣୟ କରା ହେଁ । ଏହି କ୍ଷେତ୍ରେ ଚଳ୍ତିକାଳେର ପରିବର୍ତ୍ତନେର ସାଥେ ସାଥେ ଭିତ୍ତିକାଳେର ଅନ୍ତର୍ଗତ ପରିବର୍ତ୍ତନ କରା ହ'ମେ ଥାକେ । ଉଦାହରଣସ୍ବରୂପ, ସଦି 0, 1, 2,...,n କାଳେର ଅନ୍ୟ ସୂଚକସଂଖ୍ୟା ନିର୍ଣ୍ଣୟ କରା ପାବ୍ୟନ୍ତ ହେଁ ତା ହ'ଲେ ଶୁଭ୍ୟାତ୍ ରେ 0-କାଳକେ ଭିତ୍ତିକାଳ ହିସେବେ ଧ'ରେ ତାର ତୁଳନାଯି 1, 2,...,n କାଳେର ସୂଚକ ସଂଖ୍ୟା ନିର୍ଣ୍ଣୟ ନା କ'ରେ 0-କାଳକେ ଭିତ୍ତିକାଳ ଧ'ରେ 1-କାଳେର ସୂଚକ ସଂଖ୍ୟା, 1 କାଳକେ ଭିତ୍ତିକାଳ ଧ'ରେ 2-କାଳେର ସୂଚକ ସଂଖ୍ୟା, 2-କାଳକେ ଭିତ୍ତିକାଳ ଧ'ରେ 3-କାଳେର ସୂଚକ ସଂଖ୍ୟା, 3-କାଳକେ ଭିତ୍ତିକାଳ ଧ'ରେ 4-କାଳେର ସୂଚକ ସଂଖ୍ୟା ଏବଂ ଏକଇ ଭାବେ ଅଗ୍ରସର ହ'ମେ, (n-1) କାଳକେ ଭିତ୍ତିକାଳ ଧ'ରେ n-କାଳେର ସୂଚକ ସଂଖ୍ୟା ନିର୍ଣ୍ଣୟ କରା ହ'ମେ ଥାକେ । ଠିକ ପୂର୍ବବତ୍ତୀ-କାଳକେ ଭିତ୍ତିକାଳ ଧ'ରେ ନିର୍ଣ୍ଣୟ ଏହି ସୂଚକସଂଖ୍ୟାକେ ପରିଶରୀଣ ସୂଚକ ସଂଖ୍ୟା (Link Index) ବଳା ହେଁ । ପୂର୍ବେ ବନ୍ଦି ସୂଚକ ସଂଖ୍ୟାକୁ ବିଭିନ୍ନ ସାଥେ ପରିଶରୀଣ କଟକ ସଂଖ୍ୟାର ପ୍ରଧାନ ପାର୍ଦ୍ଦକ୍ୟ ଏହି ବେ ପୂର୍ବେ ବନ୍ଦି ସୂଚକସଂଖ୍ୟାଗୁଡ଼ିତେ ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ ଭିତ୍ତିକାଳ (Fixed Base) ଲେଉଥା ହ'ମେ ଥାକେ,

কিন্তু পরম্পরাগীণ সূচকের ক্ষেত্রে চলমান ভিত্তিকাল ( Variable Base )  
ব্যবহার করা হ'লে থাকে। ধরা যাক,

$I_{t-1}, t = (t-1)$ -কালকে ভিত্তিকাল থ'লে  
t-কালের পরম্পরাগীণ সূচক।

অনুক্রাপভাবে 0, 1, 2, ..., n কালের অন্য n-টি পরম্পরাগীণ সূচক  
 $I_{01}, I_{12}, I_{23}, I_{34}, \dots, I_{(n-2)(n-1)}, I_{(n-1)n}$  পাওয়া যাবে। এই  
পরম্পরাগীণ সূচকগুলিকে পরম্পর গুণ ক'রে শৃঙ্খলযুক্ত সূচক সংখ্যা (Chain  
Index) পাওয়া যায়। অর্থাৎ যদি 0-কালকে ভিত্তিকাল থ'লে  $I'_{01}$ ,  
 $I'_{02}, \dots, I'_{on}$  যথাক্রমে 1, 2, ..., n-কালের শৃঙ্খলযুক্ত সূচকসংখ্যা  
হয়, তা হ'লে :—

$$I'_{01} = I_{01}$$

$$I'_{02} = I_{01} \times I_{12} = I'_{01} \times I_{12}$$

$$I'_{03} = I_{01} \times I_{12} \times I_{23} = I'_{02} \times I_{23}$$

... ... ... ...

$$I'_{0(n-1)} = I_{01} \times I_{12} \times I_{23} \dots I_{(n-2)(n-1)} \times I_{(n-2)(n-1)} \\ = I'_{0(n-2)} \times I_{(n-2)(n-1)}$$

$$\Rightarrow I'_{on} = I_{01} \times I_{12} \times I_{23} \dots I_{(n-2)(n-1)} \times I_{(n-1)n} \\ = I'_{0(n-1)} \times I_{(n-1)n} \quad (5.16)$$

পরম্পরাগীণ সূচকসংখ্যা পূর্বে বণিত নির্দিষ্ট ভিত্তিকালের সূচকসংখ্যা  
থেকে সাধারণতঃ ভিন্ন হয়। এই সূচক সংখ্যার একটি প্রধান বৈশিষ্ট্য  
হোলো এই যে এ বৃত্তীয় বিচার (Circular Test) নামে সূচক সংখ্যা  
সংক্রান্ত একটি বিচার পদ্ধতি মেলে চলে। এই বিচার পদ্ধতি অনুযায়ী,  
যদি  $I_{01}, I_{12}, I_{23}, \dots, I_{(n-1)n}$  এবং  $I_{no}$  এই পদ্ধতি মেলে চলে তা হ'লে  
নিম্নলিখিত সম্পর্কটি সিদ্ধ হবে—

$$I_{01} \times I_{12} \times I_{23} \times \dots \times I_{(n-1)n} \times I_{no} = 1 \quad (5.17)$$

আমরা আগে কাল বিবর্তনী বিচার (Time Reversal Test) এর  
ক্ষেত্রে দেখেছি যে,  $I_{01} \times I_{10} = 1$ । স্পষ্টতঃই কাল বিবর্তনী বিচার  
উপরোক্ত বৃত্তীয় বিচারেরই বিশেষ প্রয়োগ।

(5.2) ও (5.3)-এ বণিত সূচকসংখ্যা সবুহ বৃত্তীয় বিচার  
(Circular Test) মেলে চলে। (5.5) এবং (5.7)-এ বণিত সূচক-  
সংখ্যা সূচিও এই বিচার মেলে চলে যদি  $n$ -সমূহ ধ্রুবক (Constant)

ହୟ । (5.10) ଏବଂ (5.11)-ଏ ବନିତ ମର୍ଶଲ-ଏଜ୍‌ଓର୍ଡ (Marshall Edgeworth)-ଏର ସୂଚକ ଏବଂ ଫିଶାରେର ଆଦର୍ଶ ସୂଚକ (Fisher's Ideal Index) ସମ୍ବନ୍ଧରେ କାଳ ବିର୍ବର୍ତ୍ତନୀ ବିଚାର (Time Reversal Test) ମେଳେ ଚଲେ, କିନ୍ତୁ ବୃତ୍ତୀର୍ଣ୍ଣ ବିଚାର (Circular Test) ମେଳେ ଚଲେ ନା ।

ବୃତ୍ତୀର୍ଣ୍ଣ ବିଚାର ଅନୁଯାୟୀ—

$$I_{ok} \times I_{kn} \times I_{no} = 1$$

$$\text{ମୁତ୍ତରାଙ୍ଗ: } I_{kn} = \frac{1}{I_{ok} \times I_{no}}$$

$$= \frac{I_{on}}{I_{ok}} \left( \text{କାରଣ } I_{on} = \frac{1}{I_{no}} \right) ।$$

ଉପରୋକ୍ତ ସୁତ୍ରେର ସହାୟତାଯି ସୂଚକ ସଂଖ୍ୟାକେ ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ ଭିତ୍ତିକାଳ 0 ଥେବେ ଅପରା ଏକଟି ଭିତ୍ତିକାଳ  $k$ -ତେ ପରିବର୍ତ୍ତିତ କରା ଯାଇ । ପ୍ରଟିଟାଇ ବୃତ୍ତୀର୍ଣ୍ଣ ବିଚାର ମେଳେ ଚଲିଲେଇ ଭିତ୍ତିକାଳେର ଏକପ ସହଜ ପରିବର୍ତ୍ତନ କରା ସମ୍ଭବପର ହୟ ।

5.7 ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ ଭିତ୍ତିକାଳେର ସୂଚକ ସଂଖ୍ୟା (Fixed Base Index Number)-ର ଲାଭେ ଶୃଷ୍ଟଲୟୁଭ୍ର ସୂଚକ ସଂଖ୍ୟା (Chain Base Index Number)-ର କୁଳମା

ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ ଭିତ୍ତିକାଳେର ସୂଚକସଂଖ୍ୟା ବ୍ୟବହାରେର ସର୍ବଦ୍ୱାନ କୁଳିଦା ଏହି ମେ ବାନ୍ତବକ୍ଷେତ୍ରେ ଏହି ସୂଚକସଂଖ୍ୟା ନିର୍ଣ୍ଣୟ କରାଯା ଶୃଷ୍ଟଲୟୁଭ୍ର ସୂଚକସଂଖ୍ୟାର ଚାଇତେ ଅନେକ ସହଜ । ଭିତ୍ତିକାଳ ଅପରିବର୍ତ୍ତିତ ବାକୀର ଫଳେ ଅନେକ ଅସ୍ଵବିଧାର ହାତ ଥେବେ ରେହାଇ ପାଓଯା ଯାଇ । ଶୃଷ୍ଟଲୟୁଭ୍ର ସୂଚକସଂଖ୍ୟାର କ୍ଷେତ୍ରେ ନତୁନ ନତୁନ ଭିତ୍ତିକାଳ ନେବାର ଫଳେ ସୂଚକ ସଂଖ୍ୟା ନିର୍ଣ୍ଣୟେ ନାନାରକମ ବାନ୍ତବ ଅସ୍ଵବିଧାର ସମ୍ମୁଖୀନ ହ'ତେ ହୟ । କିନ୍ତୁ ଚାଲିକାଳ ଏବଂ ଭିତ୍ତିକାଳେର ବ୍ୟବଧାନ ଯତଇ ବୃଦ୍ଧି ପାଇ ତତଇ ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ ଭିତ୍ତିକାଳେର ସୂଚକସଂଖ୍ୟାର ଆନ୍ତିର ମାତ୍ରା ବୃଦ୍ଧି ପାଇ । କିନ୍ତୁ ଶୃଷ୍ଟଲୟୁଭ୍ର ସୂଚକସଂଖ୍ୟାର କ୍ଷେତ୍ରେ ଏକମ ଆନ୍ତିର ବିଶେଷ କୋଣୋ ସ୍ଵଯୋଗ ସଟେ ନା । କାରଣ ଏହି ସୂଚକସଂଖ୍ୟା କତଞ୍ଚିଲି ପରମପରୀଣ ସୂଚକସଂଖ୍ୟାର ଶୁଣକଳେର ଦାରା ନିର୍ଣ୍ଣୟ ହ'ଯେ ଥାକେ । ଆର ଏହି ପରମପରୀଣ ସୂଚକସଂଖ୍ୟାଗୁଲିର ଭିତ୍ତିକାଳ ହ'ଲ ଚାଲିକାଳେର ଠିକ ପୂର୍ବବର୍ତ୍ତିକାଳ । ମୁତ୍ତରାଙ୍ଗ ଏହି ପରମପରୀଣ ସୂଚକସଂଖ୍ୟାଗୁଲି ମାରକ୍ ଚାଲିକାଳ ଏବଂ ଭିତ୍ତିକାଳେର ମଧ୍ୟବର୍ତ୍ତୀ ପରିଚିତ କାଳେର ପଣ୍ଡାଦିର ଦର (Price) ଏବଂ ପରିମାଣ (Quantity) ଗଞ୍ଜାନ ତଥ୍ୟ ଶୃଷ୍ଟଲିତ ସୂଚକସଂଖ୍ୟାର ଅନ୍ତର୍ଭୁତ-

হ'য়ে থাকে। নিমিট ভিত্তিকালের সূচকসংখ্যার ক্ষেত্রে এক্সপ করা সম্ভব হয় না। কলে চল্ডিকাল এবং ভিত্তিকালের ব্যবধান বাড়ার সাথে সাথে পণ্যাদির দর এবং পরিমাণের পার্থক্য নিমিট ভিত্তিকালের সূচক-সংখ্যার আন্তর মাত্রা বাড়িয়ে দেয়।

### ৫.৮ জীবিকা নির্বাহন ব্যয়ের সূচক (Cost of Living Index)

ভিত্তিকাল এবং চল্ডিকালে জীবনযাত্রার মান যদি একই রকম থাকে তাহ'লে ভিত্তিকালের জীবিকা নির্বাহন ব্যয়ের তুলনায় চল্ডিকালে কতটা বেশী অর্থব্যয় ক'রতে হবে তা জীবিকা নির্বাহন ব্যয়ের সূচক-সংখ্যার ধারা (শতকরা হিসাবে) প্রকাশ করা হয়। বিভিন্ন শ্রেণীর অনসাধারণের (বা ভোক্তাৰ) জীবনযাত্রার প্রণালী বিভিন্ন। মধ্যবিত্ত শ্রেণী, কারখানার অধিক শ্রেণী বা ক্ষমক শ্রেণীর জীবনযাত্রার প্রণালী বিভিন্ন। আবার উচ্চ আয়ের লোক, মধ্যম আয়ের লোক কিংবা নিম্ন আয়ের লোকদের জীবনযাত্রার ধারার মধ্যেও পার্থক্য আছে। এরকম অভিটি বিভিন্ন শ্রেণীর অনসাধারণের অন্য আলাদা আলাদা জীবিকা নির্বাহন ব্যয়ের সূচকসংখ্যা নির্ণয় করার পথা প্রচলিত আছে। যেমন, ক'লকাতার মধ্যবিত্তশ্রেণীর, কারখানার অধিক শ্রেণীর বা 201 টাকা থেকে 350 টাকা ধারের মাসিক ব্যয় সেই শ্রেণীর অনসাধারণের অন্য আলাদা আলাদা জীবিকা নির্বাহন ব্যয়ের সূচকসংখ্যা নির্ণয় করা হয়। জ্বর্যমূল্যের তফাত্যুক্ত এবং জীবিকা নির্বাহের ধারার পার্থক্যুক্ত বিভিন্ন ভোগলিক অবস্থানের (যেমন, ক'লকাতা, বোম্বাই ইত্যাদি শহরের বা পশ্চিমবঙ্গ, বিহার ইত্যাদি রাজ্যের) অন্যও আলাদা আলাদা জীবিকা নির্বাহন ব্যয়ের সূচক সংখ্যা নির্ণয় করা হ'য়ে থাকে।

এই সূচকসংখ্যা নির্ণয় করার উদ্দেশ্যে জীবিকা নির্বাহের অন্য প্রমোঘনীয় ভোগ্য পণ্যগুলিকে প্রথমে করেকট প্রধান গোষ্ঠী (Major Group)-তে ভাগ করা হ'য়ে থাকে। সাধারণত: নিম্নলিখিত পাঁচটি প্রধান গোষ্ঠী নেওয়া হ'য়ে থাকে—(1) খাদ্য (Food), (2) পরিধেয় (Clothing), (3) আলো ও জ্বালানী (Fuel and Light), (4) বাস স্থান (Housing) এবং (5) বিবিধ (Miscellaneous)। অভিটি প্রধান গোষ্ঠীর অন্য এ গোষ্ঠীর অভিনিধিষ্ঠানীয় (Representative) করেকট ভোগ্য পণ্যের নমুনা নেওয়া হ'য়ে থাকে। যেমন প্রধান গোষ্ঠী

খাদ্য (Food)-এর অন্তর্ভুক্ত করা হয় কয়েকবক্ষ দানাশস্য (চাল, গম ইত্যাদি), কয়েকবক্ষ তরকারী, মাছ, মাংস, কল, ডেল, নূন, ঘুলা, যি ইত্যাদি। এসব প্রতিনিধিষ্ঠানীয় পণ্যের সহায়তায় প্রত্যেকটি প্রধান গোষ্ঠীর অন্য একটি ক'রে সূচকসংখ্যা নির্ণয় করা হ'য়ে থাকে। এরকম সূচকসংখ্যা নির্ণয় করার উদ্দেশ্যে প্রতিনিধিষ্ঠানীয় তোগ্যপণ্যগুলির আপেক্ষিক দরের ভারযুক্ত গড় নেওয়া হয়। কোনো পণ্যের ভার ভোজ্জনের কাছে ঐ পণ্যের গুরুত্ব (Importance) অনুবাদী হিসেবে করা হ'য়ে থাকে।

কোনো একটি পণ্যের আপেক্ষিক দর বিভিন্ন বাজার বা দোকান থেকে সংগৃহীত ঐ পণ্যের বিভিন্ন আপেক্ষিক দরসমূহের ভারযুক্ত গাণিতিক গড়। আবার কোনো প্রধান গোষ্ঠীর (Major Group)-র অন্য খরচের যত শতাংশ ভোজ্জনগণ ঐ গোষ্ঠীর অন্তর্ভুক্ত একটি পণ্যের অন্য খরচ ক'রে থাকে, তাকে উক্ত পণ্যের ভার হিসেবে গ্রহণ করা হ'য়ে থাকে। উদাহরণস্বরূপ, প্রধান গোষ্ঠী খাদ্যের অন্য ভোজ্জনগণ যে খরচ করে তার 60 শতাংশ যদি দানাশস্য (চাল, গম ইত্যাদি)-এর অন্য খরচ করা হ'য়ে থাকে তা হ'লে দানাশস্যের আপেক্ষিক দরের ভার হবে খাদ্য প্রধান গোষ্ঠীর মোট ভারের 60 শতাংশ।

উপরোক্ত প্রণালী অবলম্বন ক'রে প্রতিটি প্রধান গোষ্ঠীর অন্য একটি ক'রে সূচকসংখ্যা নির্ণয় করা হ'য়ে থাকে। সাধিক বা শূল সূচকসংখ্যা (General Index)-টি প্রধান গোষ্ঠীসমূহের সূচকসংখ্যাগুলির ভারযুক্ত গড়। তোগ্য পণ্যের অন্য মোট ব্যয়ের যত শতাংশ একটি প্রধান গোষ্ঠীর অন্য খরচ করা হ'য়ে থাকে তাকেই এর ভার হিসাবে নেওয়া হ'য়ে থাকে। যেমন তোগ্যপণ্যের অন্য মোট ব্যয়ের শতকরা 60 ভাগ যদি খাদ্যের অন্য খরচ করা হ'য়ে থাকে তা হ'লে খাদ্য প্রধান গোষ্ঠীর ভার হবে মোট ভারের 60 শতাংশ।

উপরোক্ত আলোচনা থেকে দেখা যাচ্ছে যে জীবিকা নির্বাহন ব্যয়ের সূচকসংখ্যা নির্ণয়ের দুটো প্রধান বাস্তব সমস্যা হোলো :—

(1) তোগ্যপণ্যের নমুনা হিসেবে করা এবং (2) নমুনাভুক্ত পণ্যগুলির ভার নির্ণয় করা। সাধারণতঃ যত বেশীসংখ্যক পণ্য নমুনা হিসাবে নেওয়া হবে সূচকসংখ্যাটি তত বেশী প্রতিনিধিষ্ঠানীয় হবে, কিন্তু নানা খরচের বাস্তব অঙ্গবিধার কথা (বিশেষ ক'রে আধিক সংগতির কথা) নির্বাচন করে পণ্যের নমুনার সংখ্যা (Sample Size) হিসেবে করা হ'য়ে

থাকে। তবে গুরুত্বপূর্ণ পণ্যগুলির কোনোটি থাতে নমুনা থেকে বাদ না যায় তা দেখা বিশেষভাবে দরকার। নমুনাভুক্ত পণ্যগুলির ভার নির্ণয় করার সময় প্রথমে ছির করা দরকার যে এই ভারগুলি ভিত্তিকালের ব্যয়ের অনুপাতে ছির হবে না চল্তিকালের ব্যয়ের অনুপাতে ছির হবে। পূর্ব-বর্তী আলোচনা থেকে আমরা জানি যে ভিত্তিকালের ব্যয়ের অনুপাতে ছিরীকৃত ভারের হারা নির্ণীত সূচকসংখ্যা লাস্পেয়ারের সূত্র (Laspeyres' Formula) অনুসরণ করে, অপরপক্ষে চল্তিকালের ব্যয়ের অনুপাতে ছিরীকৃত ভারের হারা নির্ণীত সূচকসংখ্যা পাশের সূত্র (Paasche's Formula) অনুসরণ করে, বাস্তবক্ষেত্রে চল্তিকালের ব্যয়ের হিসাব সময়মতো সংগ্রহ করা খুবই দুঃসাধ্য। প্রধানতঃ এই অস্থিরিক অন্যান্য চল্তিকালের পরিবর্তে ভিত্তিকালের ব্যয়ের অনুপাতে ছিরীকৃত ভারের ব্যবহার হারা নির্ণীত লাস্পেয়ারের সূচকসংখ্যাই অধিকাংশ ক্ষেত্রে ব্যবহৃত হ'য়ে থাকে।

ভিত্তিকালে জীবনযাত্রার ব্যয় সংক্রান্ত তথ্য সংগ্রহের অন্য পারিবারিক আয় ব্যয়ক সমীক্ষা (Family Budget Enquiry) করা হয়। এই সমীক্ষায় কতগুলি পরিবারকে নমুনা হিসেবে গ্রহণ ক'রে ঐ পরিবারগুলি জীবনযাত্রার ব্যয় নির্বাচনের অন্য বিভিন্ন ভোগ্যপণ্যের পেছনে কি রকম ধরণ কল্পনা সহকে রাশিতথ্য সংগ্রহ করা হয়। ভোগ্যপণ্যসমূহের কোনোটির পেছনে কত শতাংশ ব্যয় করা হ'য়েছে তা এই রাশিতথ্যগুলি বিশেষণ ক'রে নির্ণয় করা হয়। আগেই বলা হ'য়েছে সূচকসংখ্যা নির্ণয়ের সময় এই শতাংশগুলি আপেক্ষিক দরসমূহের ভার হিসেবে ব্যবহার করা হয়।

সময়ের সাথে সাথে জনসাধারণের আয়ব্যয়ের হিসাবের হেরফের হ'য়ে থাকে। বিশেষতঃ গুরুত্বপূর্ণ সামাজিক এবং অর্থনৈতিক পরিবর্তনের ফলে জীবনযাত্রার মানের উল্লেখযোগ্য পরিবর্তন হ'লে ভোগ্যপণ্য ব্যবহারের ধারারও বিশেষ পরিবর্তন হ'য়ে থাকে। সেজন্য এরকম পরিস্থিতিতে নতুন ক'রে পারিবারিক আয়ব্যয়ের হিসাব সংগ্রহ করার এবং ঐ সব হিসাবের ভিত্তিতে নতুন ক'রে ভার নির্ণয়ের প্রয়োজনীয়তা অনুভূত হয়।

### ৩.৯ কয়েকটি উদাহরণ

**উদাহরণ ৩.১** পশ্চিমবঙ্গ সরকারের ফলিত অর্দ্ধনীতি এবং পরি-সংখ্যান ব্যূরো (Bureau of Applied Economics and Statistics)

କର୍ତ୍ତକ ନିସ୍ତରିତ ରାଶିତଥ୍ୟଙ୍କଳି ଗଂଗାରୀତ ହ'ମେହେ । ଏଞ୍ଜଲି ବ୍ୟବହାର କ'ରେ ଏବଂ ଆନୁମାରୀ 1962-କେ ଡିଭିକାଲ ଧ'ରେ ବିଭିନ୍ନ ସ୍ତ୍ରୀ ଅନୁମାରୀ ( ଅର୍ଦ୍ଧ ଲାଶ୍‌ପେରାର, ପାଖେ, କିଶ୍ଚାରେର ଆଦର୍ଶ ସ୍ତ୍ରୀ ଏବଂ ମାର୍ଶାଲ ଏଜ୍‌ଓଫାର୍ମେର ସ୍ତ୍ରୀ ଅନୁମାରୀ ) ଆନୁମାରୀ 1963-ର ଶୁଚକ ନିର୍ଣ୍ଣୟ କର ।

ପର୍ଯ୍ୟର ନାମ	ଆନୁମାରୀ, 1962		ଆନୁମାରୀ, 1963	
	ପ୍ରତି 100 କେଜିର ଦର ( ଟାକାଯ )	ବ୍ୟବହାରେର ପରିମାଣ (ମୌଟିକ ଟଙେ)	ପ୍ରତି 100 କେଜିର ଦର ( ଟାକାଯ )	ବ୍ୟବହାରେର ପରିମାଣ (ମୌଟିକ ଟଙେ)
1. ଚାଲ	55.50	7,391	70.20	12,839
2. ଗୁମ୍ବ	37.52	2,381	37.52	5,377
3. ଛୋଲାର ଡାଲ	56.95	50	52.26	400
4. ସରବେର ଡେଲ	256.00	6,610	239.50	3,380
5. ଚିନি	107.70	15,036	117.41	15,707

ଲୈଟିଟିଇ ଏଥାନେ,

$$\text{ଆନୁମାରୀ, 1962ର ଦର} = p_0$$

$$\text{ଆନୁମାରୀ, 1962ର ବ୍ୟବହାରେର ପରିମାଣ} = q_0$$

$$\text{ଆନୁମାରୀ, 1963ର ଦର} = p_1$$

$$\text{ଆନୁମାରୀ, 1963ର ବ୍ୟବହାରେର ପରିମାଣ} = q_1$$

ମୁତ୍ତରାଃ,

$$\Sigma p_0 q_0 = 3813920.32$$

$$\Sigma p_1 q_0 = 3959268.08$$

$$\Sigma p_0 q_1 = 3494013.44$$

$$\Sigma p_1 q_1 = 3777615.71$$

ଅତେବ,

$$(i) \text{ ଲାଶ୍‌ପେରାରେର ଶୁଚକ } (I_L) = 100 \times \frac{\Sigma p_1 q_0}{\Sigma p_0 q_0} = 100 \times \frac{3959268.08}{3813920.32} \\ = 103.8$$

$$(ii) \text{ পাশের সূচক } (I_P) = 100 \times \frac{\sum p_1 q_1}{\sum p_0 q_1} \\ = 100 \times \frac{3777615.71}{3494013.44}$$

= 108.1

$$(iii) \text{ কিশোরের আদর্শ সূচক } (I_F) = \sqrt{I_L \times I_P} \\ = \sqrt{103.8 \times 108.1} \\ = 105.9$$

(iv) মার্শাল এজওয়ার্দের সূচক ( $I_{ME}$ )

$$= 100 \times \frac{\sum p_1 (q_0 + q_1)}{\sum p_0 (q_0 + q_1)} \\ = 100 \times \frac{\sum p_1 q_0 + \sum p_1 q_1}{\sum p_0 q_0 + \sum p_0 q_1} \\ = 100 \times \frac{3959268.08 + 3777615.71}{3813920.32 + 3494013.44} \\ = 105.9$$

**উদাহরণ 5.2** নভেম্বর, 1950 সালকে ভিত্তিকাল ধ'রে (1—100) টাকা ব্যবস্থার পরিষেবা সমূহের 1961 সালের জীবিকা নির্বাচন ব্যয়ের সূচকসংখ্যা নির্ণয়কালে নিম্নলিখিত মানগুলি পাওয়া যায়—

পর্যবেক্ষণের নাম	ভার ( $w$ )	আপেক্ষিক দর ( $100 p_1 / p_0$ )
1. পুরুষের পরিষেবা	44.19	132
2. জ্বীলোকের পরিষেবা	39.06	126
3. শিশুর পরিষেবা	9.27	135
4. অন্যান্য পরিষেবা	7.48	130

এই মানগুলি ব্যবহার ক'রে 1961 সালের অন্য পরিষেবার জ্বেয়ের সূচকসংখ্যা নির্ণয় কর।

এখানে,

পরিষেবার জ্বেয়ের সূচকসংখ্যা =  $I_c$

$$\begin{aligned}
 &= 100 \times \frac{\sum \frac{P_1}{P_0} w}{\sum w} \\
 &= \frac{12978.49}{100} \\
 &= 129.8
 \end{aligned}$$

ঠিক অনুরূপভাবে খাদ্য, আলো ও জ্বালানী, বাসস্থান এবং বিবিধ প্রধান গোষ্ঠীর সূচকসংখ্যা নির্ণয় করা সম্ভব। এরপর এই পাঁচটি সূচক-সংখ্যার ভারযুক্ত গড় নিয়ে 1961 সালের জীবিকা নির্বাহন ব্যবের মূল সূচক (General Index)-টি নির্ণয় করা সম্ভব (ভিত্তিকাল : নভেম্বর, 1950=100)।

উদাহরণ 5.3 নীচে পশ্চিমবঙ্গ সরকারের ফলিত অর্দ্ধনীতি এবং পরিসংখ্যান বৃত্তে কর্তৃক সম্পত্তি 1970 সালের ক'লকাতার পাইকারী দরের সূচক (ভিত্তিকাল : 1952-53=100) নির্ণয়ের উদ্দেশ্যে প্রধান গোষ্ঠী (Major Groups) সমূহের সূচকগুলি এবং তাদের ভারসমূহ দেখান হ'লো। ভারযুক্ত গাণিতিক গড় ব্যবহার ক'রে মূল সূচক (General Index) নির্ণয় কর।

প্রধান গোষ্ঠীর নাম	ভার (w)	সূচক সংখ্যা (r)
1. খাদ্য (Food)	410	227.5
2. তামাক এবং পানীয় (Liquor and Tobacco)	21	218.7
3. জ্বালানী, আলো ইত্যাদি (Fuel Power, Light and Lubricant)	57	223.1
4. শিল্প ব্যবহার কাচামাল (Industrial Raw material)	116	235.9
5. শিল্পাত জ্বর্য (Manufactures)	396	206.3

স্পষ্টভাবেই এখানে মূল সূচক সংখ্যা ( ভারযুক্ত গাণিতিক গড় ব্যবহার ক'রে ) :

$$I = \frac{\Sigma r_w}{\Sigma w} = \frac{219643.6}{100}$$

$$= 219.6$$

### 5.10 সর্বভারতীয় পাইকারী দরের সূচক ( Index Number of Wholesale Prices in India )

এটি একটি সর্বভারতীয় সাধারিত পাইকারী দরের সূচক। ভারত সরকারের অর্থ-নৈতিক উপদেষ্টা (Economic Adviser)-র দপ্তর থেকে Index Number of Wholesale Prices in India নামক সাধারিত পত্রিকায় এটি প্রকাশিত হ'য়ে থাকে। এই উদ্দেশ্যে ভারতবর্ষের বিভিন্ন শুক্ৰপূর্ণ বাজার থেকে পাইকারী দর সংগৃহীত হ'য়ে থাকে। 1952-53কে ভিত্তিকাল খ'রে এই সূচকটি 1953 সাল থেকে নিয়মিত প্রকাশিত হ'য়ে আসছিল। পাঁচটি প্রধান গোষ্ঠী (Major Group)-র অন্তর্গত মোট 112টি পণ্যের জন্য 550টি ক্ষেত্র থেকে সংগৃহীত পাইকারী দরের হিসাব (Price Quotation) নিয়ে এবং সংশ্লিষ্ট আপেক্ষিক দরগুলি নির্ণয় ক'রে ঐ সমস্ত আপেক্ষিক দরের ভারযুক্ত গড়কে নির্ণয় সূচক সংখ্যা হিসেবে প্রকাশিত করা হ'তো। কিন্তু ভিত্তিকাল খুব পুরোণো হ'য়ে পড়ায় এবং বহু পূর্বে নির্ণীত ভারগুলি সমসাময়িক অবস্থার সঠিক চিত্র প্রতিফলনে অক্ষম হওয়ায় এই সূচকটি নির্ণয়ে বহুল পরিবর্তন করা দরকার হ'য়ে পড়ে। ভারত সরকারের অর্থনৈতিক উপদেষ্টার দপ্তর এসব পরিবর্তন সাধন ক'রে 1969 সালের জুলাই এর প্রথম সপ্তাহ থেকে 1961-62কে ভিত্তিকাল খ'রে সূচক সংখ্যার একটি নতুন পরিবর্তিত সারি (Revised Series) চালু করে। এখানে সাতটি প্রধান গোষ্ঠীর অন্তর্গত মোট 139টি পণ্যের জন্য 774টি ক্ষেত্র থেকে সংগৃহীত পাইকারী দরের হিসাব নিয়ে এদের আপেক্ষিক দরের ভারযুক্ত গাণিতিক গড়হারা সূচক সংখ্যা নির্ণীত হ'য়ে থাকে। এখানে ব্যবহৃত ভারগুলি সংশ্লিষ্ট পণ্যের বে পরিমাণসূচু বাজারজাত (Marketed) করা হ'য়েছে তাদের মোট মূল্যের (Value) সমানুপাতিক (Proportional)। এই প্রধান গোষ্ঠীগুলি, প্রতি প্রধান গোষ্ঠীর অন্তর্ভুক্ত পণ্যের সংখ্যা এবং প্রতি প্রধান গোষ্ঠীর ভার (প্রতিকরা হিসাবে) দীচে দেখান হ'লো :—

ପ୍ରଧାନ ଗୋଟିଏ ( Major Group )	ପଣ୍ଡେର ସଂଖ୍ୟା ( Number of items )	ଭାର ( ଶତକରା ହିଲୀବେ ) ( Weight in percentage )
1. ଖାଦ୍ୟ ସାମଗ୍ରୀ ( Food Articles ).	38	41.3
2. ପାନୀୟ ଏବଂ ତାମାକ ( Liquor and Tobacco )	3	2.5
3. ଆଲାନୀ, ଶଙ୍କି, ଆଲୋ ଏବଂ ଯନ୍ତ୍ରାଦିତେ ବ୍ୟବହାରେର ତେଲସମୁହ ( Fuel, Power, Light and Lubricants )	10	6.1
4. ଶିଳ୍ପେ ବ୍ୟବହାର୍ୟ କାଁଚ ମାଲ ( Industrial Raw materials )	25	12.1
5. ରୋଗାଯନିକ ଦ୍ରୁବ୍ୟାଦି ( Chemicals )	11	0.7
6. ମେଶିନାରୀ ଏବଂ ପରିବହନ ଦ୍ରୁବ୍ୟାଦି ( Machinery and Transport equipment )		7.9
7. ଶିଳ୍ପକାରୀ ଦ୍ରୁବ୍ୟ ( Manufactures )	45	29.4
ମୋଟ	139	100.0

ଉପରୋକ୍ତ ପ୍ରଧାନ ଗୋଟିଏରେ ଭାରାର 25ଟି ଉପଗୋଟି ( Sub Group)-କେ ଭାଗ କରା ହ'ରେ ଥାକେ ଏବଂ ପ୍ରତିଟି ଉପଗୋଟିର ଅନ୍ୟ ସୂଚକ ସଂଖ୍ୟା ଲିଖିତ କରା ହ'ରେ ଥାକେ । ଏଇ ସୂଚକ ସଂଖ୍ୟାଙ୍କରିତ ଭାରମୁକ୍ତ ପାରିତିକ ଗଡ଼ ନିର୍ମିତ ବୁଲ ସୂଚକ ସଂଖ୍ୟାଟି ନିର୍ଦ୍ଦେତ ହ'ରେ ଥାକେ ।

নৌচে করেক বছরের পাইকারী দরের সূচক ( সামগ্রিক সূচকের  
বাধ্যকারী গড় ) দেখান হ'লো :—

( ভিত্তিকাল : 1961-62=100 )

বৎসর	পাইকারী দরের সামগ্রিক সূচক	খাদ্য-জ্বের পাইকারী দরের সূচক	শিল্পাত জ্বের পাইকারী দরের সূচক
1966	144	162	126
1971	186	207	164
1972	201	231	174
1973	239	279	194
1974	305	352	247

5.11 জীবিকা নির্বাহন ব্যয়ের সূচকসংখ্যা—পশ্চিমবঙ্গের 25টি  
শহরে 5টি ব্যয়স্তরের অঙ্গ ( Cost of Living Index Numbers, cover-  
ing 25 Towns in West Bengal, for Five Expenditure Groups )

পশ্চিমবঙ্গ সরকারের কলিত অর্থনীতি এবং পরিসংখ্যান ব্যৱৰো ( Bureau  
of Applied Economics and Statistics )—যা আগে রাজ্য পরি-  
সংখ্যান বুরো ( State Statistical Bureau ) ব'লে পরিচিত ছিলো—  
পশ্চিমবঙ্গের 25টি শহরের ( ক'লকাতা সহ ) জীবিকা নির্বাহন ব্যয়ের  
সূচক প্রকাশ ক'রে থাকে। 1972 খালের পূর্ব পর্যন্ত এই সূচক সংখ্যার  
ভিত্তিকাল ছিলো 1950 খালের নভেম্বর মাস এবং এতে ব্যবহৃত  
আপেক্ষিক দরের ভারসবৃহ ছিলো 1950-51 খালের পারিবারিক আয়-ব্যয়ের  
সমীক্ষা ( Family Budget Enquiry)র ভিত্তিতে নির্ণীত। বিত 1972

ଜାଲେର ଭାନୁଆରୀ ଥେକେ 1960 ଜାଲକେ ଭିଡ଼ିକାଳ ସ୍ଵ'ରେ ନତୁନ ସାରିର ଶଚକ ସଂଖ୍ୟା ଚାଲୁ କରା ହ'ଯେଛେ । ଏତେ ସ୍ୟବହୃତ ଭାରସମୁହ 1960-61 ଜାଲେର ପାରିବାରିକ ଆୟ-ବ୍ୟବେର ସମୀକ୍ଷା (Family Budget Enquiry)ର ଭିଡ଼ିତେ ନିର୍ଣ୍ଣାତ । ପ୍ରତିଟି ଶହରେ ଅନ୍ୟ ମାସିକ ସୁଚକ ସଂଖ୍ୟା ନିମ୍ନଲିଖିତ ପାଚଟି ବ୍ୟବସ୍ତର (Expenditure Group)-ଏର ଅନ୍ୟ ଆଲାଦା ଆଲାଦା ଭାବେ ନିର୍ଣ୍ଣାତ ହ'ଯେ ଧାକେ—(i) ସେ ସମ୍ପଦ ପରିବାରେର ବ୍ୟଯ ମାସିକ 100 ଟାକା ଥେକେ 200 ଟାକା ପର୍ଯ୍ୟନ୍ତ (ii) ଲେ ସମ୍ପଦ ପରିବାରେର ବ୍ୟଯ ମାସିକ 101 ଟାକା ଥେକେ 200 ଟାକା ପର୍ଯ୍ୟନ୍ତ (iii) ସେ ସମ୍ପଦ ପରିବାରେର ବ୍ୟଯ ମାସିକ 201 ଟାକା ଥେକେ 350 ଟାକା ପର୍ଯ୍ୟନ୍ତ (iv) ସେ ସମ୍ପଦ ପରିବାରେର ବ୍ୟଯ ମାସିକ 351 ଟାକା ଥେକେ 700 ଟାକା ପର୍ଯ୍ୟନ୍ତ ଏବଂ (v) ସେ ସମ୍ପଦ ପରିବାରେର ବ୍ୟଯ ମାସିକ 700 ଟାକାର ଓପରେ । ଏ ଛାଡ଼ା କ'ଲକାତାର କ୍ଷେତ୍ରେ (i), (ii) ଓ (iii)-ଏ ଉତ୍ୱିଧିତ ବ୍ୟବସ୍ତରେର ଅନ୍ୟ ସାଂପ୍ରାହିକ ସୁଚକସଂଖ୍ୟାଓ ନିର୍ଣ୍ଣାତ ହ'ଯେ ଧାକେ । ସୁଚକ ସଂଖ୍ୟା ନିର୍ଣ୍ଣୟର ଅନ୍ୟ ପଣ୍ଡଗୁଲିକେ ପ୍ରଥମେ ପାଁଚଟି ପ୍ରଥାନ ଗୋଟିତେ (Major Group) ଭାଗ କରା ହ'ଯେ ଧାକେ । ଏହି ପ୍ରଥାନ ଗୋଟିତେ ଆବାର 6୭ଟି ଉପଗୋଟିତେ (Sub Group) ଭାଗ କରା ହ'ଯେ ଧାକେ । ବିଭିନ୍ନ ପ୍ରଥାନ ଗୋଟିର ଅର୍ତ୍ତଗୁଡ଼ିକ ଉପଗୋଟିଗୁଲିର ବିଭାଜନ ଏ ରକ୍ତ :—

ପ୍ରଥାନ ଗୋଟିତେ ( Major Group )		ଉପଗୋଟିର ସଂଖ୍ୟା ( Number of Sub Groups )
1. ଖାଦ୍ୟ	..	26
2. ପରିଧେଯ	...	3
3. ଆଲାନୀ ଓ ଆଲୋ	..	7
4. ବାଢ଼ିଭାଡ଼ା ଇତ୍ୟାଦି	..	3
5. ବିବିଧ	..	30

ଆବାର ଉପରୋକ୍ତ ପ୍ରତିଟି ଉପଗୋଟିର ଅର୍ତ୍ତଗୁଡ଼ି ପଣ୍ୟର ଆଶେଷିକ ଦର ନିର୍ଣ୍ଣୟ କରା ହ'ଯେ ଧାକେ । ଏ ଉଦ୍ଦେଶ୍ୟ ସେ କେନ୍ଦ୍ରେ ଅନ୍ୟ ସୁଚକ ସଂଖ୍ୟା ନିର୍ଣ୍ଣୟ କରା ହ'ଯେ ଧାକେ ଲେଇ କେନ୍ଦ୍ରେ ବିଭିନ୍ନ ବାଜାର ଓ ମୋକାଳ ଥେକେ କରେବାଟି ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ ଦିନେ ଏ ସବ ପଣ୍ୟର ଦରେର ହିଲାବ ସଂଗ୍ରହ କରା ହ'ଯେ ଧାକେ । ଏ ସବ ହିଲାବ ଥେକେ ପାଓଯା ବିଭିନ୍ନ ପଣ୍ୟର ଦରସମୁହେର ଗାର୍ଫିତିକ ଗଢ଼ ନିମ୍ନ ଗଢ଼ ଦର (Average Price) ନିର୍ଣ୍ଣୟ କରା

হয়। চল্ডিকালের একাপ গড় দরকে ভিত্তিকালের সংশ্লিষ্ট গড় দর দিয়ে ভাগ ক'রে আপেক্ষিক দর প্রিৰ কৱা হয়। এই সব আপেক্ষিক দরের ভারযুক্ত গাণিতিক গড় নিয়ে প্রথমে প্রত্যেকটি প্রধান গোষ্ঠীৰ অন্য একটি ক'রে সূচক সংখ্যা নিৰ্ণয় কৱা হ'য়ে থাকে। প্রধান গোষ্ঠীসমূহেৰ সূচক সংখ্যাগুলিৰ ভারযুক্ত গাণিতিক গড় নিয়ে মূল সূচক সংখ্যাটি নিৰ্ণয় কৱা হ'য়ে থাকে।

অনেক সময় দেখো যায় যে সূচকসংখ্যা নিৰ্ণয়েৰ অন্য নমুনা হিসেবে নিৰ্দিষ্ট কোনো কোনো পণ্য কালকৰ্মে বাজাৰ থেকে অন্তহিত হ'য়েছে। এৱকম ক্ষেত্ৰে অস্ততঃ তিনটি এমন বদলী পণ্য (Substitute Items) নেওয়া হয়, যেগুলিৰ গড় দরেৰ গতিথক্তি মূল পণ্যটিৰ দরেৰ গতিথক্তিৰ অনু-ক্লাপ। যে সব পণ্যেৰ দৰ সৱকাৰ কৰ্তৃক নিয়ন্ত্ৰিত সেগুলিৰ অন্য নিয়ন্ত্ৰিত দৰই সূচক সংখ্যা নিৰ্ণয়েৰ অন্য নেওয়া হ'য়ে থাকে—কালোবাজাৰেৰ দৰ নয়।

আগে 1939 সালেৰ আগষ্ট মাসকে ভিত্তিকাল ধ'রে রাজ্যেৰ ফলিত অৰ্থনীতি এবং পৱিলিশন ব্যৱৰ মধ্যবিভ (Middle Class) এবং লিখুবৰ্গীয়েৰ (Menial Class) অন্য জীবিকা নিৰ্বাচন ব্যয়েৰ সূচক নিৰ্ণয় ক'ৱতো, বৰ্তমানে এই সূচক সংখ্যা আৱ চালু নেই।

ফলিত অৰ্থনীতি এবং পৱিলিশন ব্যৱৰ প্রতি পাঁচ বৎসৱ অন্তৰ অন্তৰ একটি ক'রে পারিবাৱিক আয়-ব্যয় সমীক্ষা ক'রে থাকে। 1950-51, 1955-56, 1960-61, 1966-67 এবং 1972 সালে এ রকম সমীক্ষা হ'য়েছে। বিভিন্ন সমীক্ষা থেকে নিৰ্ণীত ভাৱসমূহেৰ কতটা তফাই হ'য়ে থাকে তা নীচেৰ সাবণীটি পৱীক্ষা ক'ৱলে বোৰা যাবে :—

## সারণী ৫.১

ক'লকাতার ( 201-350 ) টাকা ব্যবস্থারের পরিবাহনসমূহের শতকরা ব্যবস্থার হিসাব।

প্রধান গোষ্ঠী ( Major Group )	( 201-350 ) টাকা ব্যবস্থারের পরিবাহন শতকরা ব্যব		
	1950-51	1955-56	1960-61
1. বাদ্য	50.47	47.10	54.31
2. পরিধেয়	5.74	6.98	7.36
3. আলো ও জ্বালানী	4.88	4.44	4.91
4. বাড়ী ভাড়া ইত্যাদি	8.52	10.05	10.50
5. বিবিধ	30.39	31.43	22.92
মোট	100.00	100.00	100.00

নীচে ( 1-100 ) টাকা মাসিক ব্যবস্থারের পরিবার সমূহের অন্য পশ্চিমবঙ্গের ১৭টি কেন্দ্রের 1972 এবং 1973 সালের গড় সূচক সংখ্যা দেখান হ'লো।

## সারণী ৫.২

পশ্চিমবঙ্গের কয়েকটি কেন্দ্রের জীবনবাত্তার ব্যয় নির্বাচক সূচক সংখ্যা ( মাসিক সূচক সংখ্যাসমূহের গড় )।

( ভিত্তিকাল : 1960=100 )

## পরিবারগমুহের মাসিক ব্যয়স্তর : ( 101-200 ) টাকা

কেন্দ্র	সূচক সংখ্যা (12 মাসের সূচক সংখ্যার গাণিতিক গড়)	
	1972	1973
1. আসানসোল	185·4	200·3
2. বালুরঘাট	210·6	243·7
3. বাঁকুড়া	202·4	227·9
4. পুঁক্কলিয়া	236·8	279·1
5. বহুমতপুর	210·0	249·8
6. বর্ধমান	207·8	238·6
7. ক'লকাতা	188·4	206·5
8. ছুঁড়া	192·2	211·7
9. কোচবিহার	209·6	254·7
10. দাঙ্গিলিঙ	194·2	221·8
11. ইংলিশবাজার	225·6	269·2
12. হাওড়া	183·1	201·8
13. জলপাইগুড়ি	199·6	239·0
14. খড়গপুর	207·5	243·1
15. কৃষ্ণনগর	230·8	271·6
16. মেদিনীপুর	207·0	232·8
17. সিঙ্গড়ী	204·4	220·2

### ୫.୧୨ ସୁଚକ ସଂଖ୍ୟାର ଅନ୍ତାଙ୍ଗ ବ୍ୟବହାରଶୂନ୍ୟ

ସୁଚକ ସଂଖ୍ୟାର ପ୍ରଥାନ ପ୍ରଥାନ ବ୍ୟବହାରଶୂନ୍ୟ ଆଗେ ଉମ୍ଭେଖ କରା ହ'ଯେଛେ । ଏଣୁଲି ଛାଡ଼ାଓ କଲିତ ଅର୍ଥନୀତିତେ ଏଇ ଆରା ନାନା ରକମ ବ୍ୟବହାର ଆଛେ । ନୀଚେ କହେବାଟି ଉଦ୍ଦାହରଣ ଦେଉଥା ହ'ଲୋ :—

(କ) ଦର ସଂକଳନ କାଲୀନ ସାରି ( Time Series )-ର ବିଭିନ୍ନ ଶବ୍ୟରେ ମାନଶୁଳିକେ ପରମ୍ପରା ତୁଳନୀୟ କରାର ଅନ୍ୟ ପ୍ରତିଟି ମାନକେ ତୃକାଲୀନ ଦରେର ସୁଚକ ଦିଯେ ଡାଗ କରା ହ'ଯେ ଥାକେ । ଏ ରକମ କ'ରଲେ ଦରବୃଦ୍ଧିର ହେବେ-ଫେରେର ଅନ୍ୟ ମାନେର ସେ ତାରତମ୍ୟ ହୟ ତା ଦୂର କରା ସମ୍ଭବ ହୟ ଏବଂ ସାରିର ପ୍ରତିଟି ମାନ ସୁଚକ ସଂଖ୍ୟାର ଭିତ୍ତିକାଲେର ଦରେ ଥ୍ରିକାଶ କରା ସମ୍ଭବ ହୟ । ଫଳେ ଏକାଟି ମାନ ଅପରା ଏକାଟି ମାନେର ସାଥେ ତୁଳନୀୟ ହୟ ।

(ଖ) ସେ ସବ ପରମ୍ପରା ଅନ୍ୟ ଦରେର ସୁଚକ ନିର୍ଣ୍ଣୟ କରା ହୟ ଲେ ସବ ପଣ୍ୟ କ୍ରମ କ'ରତେ ଭିତ୍ତିକାଲେ 1 ଟାକା ଖରଚ କରା ହ'ଲେ ଚଲ୍‌ଭିତ୍ତିକାଲେ କତ ଟାକା ଖରଚ କ'ରତେ ହବେ ତା ଚଲ୍‌ଭିତ୍ତିକାଲେର ଦରେର ସୁଚକେର ବାରା ନିର୍ଣ୍ଣୟ କରା ବାଯ । ଉଦ୍ଦାହରଣସରଳ 1950 ମାଲକେ ଭିତ୍ତିକାଳ ଧରେ ( ଅର୍ଧାଂ 1950=100 ) 1962 ମାଲେର ଦରେର ସୁଚକ ସଂଖ୍ୟା ସହି 128 ହୟ ତା ହ'ଲେ ବୁଝାତେ ହବେ, ସେ ମୁଣ୍ଡ ପଣ୍ୟ କ୍ରମ କ'ରତେ 1950 ମାଲେ 1 ଟାକା ଖରଚ କ'ରତେ ହ'ତୋ 1962 ମାଲେ ଐଣ୍ଟିଲି କ୍ରମ କ'ରତେ 1.28 ଟାକା ଖରଚ କରା ଦରକାର । ଅର୍ଧାଂ 1950 ମାଲେର ତୁଳନାମ୍ବୀ 1962 ମାଲେର ଟାକାର କ୍ରମ କ୍ଷମତା ( Purchasing Power ) ହାସ ପେଯେଛେ । ଏଦିକ ଥେବେ ବିଚାର କ'ରଲେ ସୁଚକ ସଂଖ୍ୟାର ବିପରୀତ ( Reciprocal )-କେ ଟାକାର କ୍ରମ କ୍ଷମତାର ସୁଚକ ବ'ଲେ ଅଭିହିତ କରା ସେତେ ପାରେ । ଉପରୋକ୍ତ ଉଦ୍ଦାହରଣେ 1950 ମାଲେ ଟାକାର କ୍ରମ କ୍ଷମତା 1 ( ବା 100% ) ହ'ଲେ 1962 ମାଲେ ତା କମେ  $\frac{1}{1.28} = .78$  ( ବା 78% ) ହ'ଯେଛେ ।

(ଗ) ସୁଚକ ସଂଖ୍ୟାର ଗତି ପ୍ରକୃତି ପରୀକ୍ଷା କ'ରେ ନାନା ଧରଣେର ଅର୍ଥ-ନୈତିକ ନୀତି ହିନ୍ଦି କରା ହ'ଯେ ଥାକେ । ଦରେର ସୁଚକେର କ୍ରମାଗତ ଉର୍କଗତି ହ'ତେ ଥାକଲେ ସରକାରକେ ଦରହାସେର ଉପାୟ ନିର୍ଦ୍ଦାରଣ କ'ରତେ ହୟ ।

### অনুলিঙ্গী

- 5.1 সূচক সংখ্যা কাকে বলে ? সূচক সংখ্যা নির্ণয়ের উদ্দেশ্যে কি কি সমস্যার সম্মুখীন হ'তে হয় ? বিস্তারিত বর্ণনা কর ।
- 5.2 সূচক সংখ্যা নির্ণয়ের বিভিন্ন সূত্র বর্ণনা কর ।
- 5.3 সূচক সংখ্যায় কি কি ধরণের আপ্তি লক্ষ্য করা যায় ?
- 5.4 সামগ্র্য বিচারের অন্য সূচক সংখ্যাসমূহকে কি কি ধরণের বিচারের সম্মুখীন হ'তে হয় ? লাস্টপেয়ারের সূত্র, পাশের সূত্র, কিশারের আদর্শ সূত্র এবং মার্শাল-এজ্ঞয়ার্থের সূত্র—এগুলির কোনটি সূচক সংখ্যা-সংক্রান্ত কি কি বিচারে উভৌর্ধ্ব হ'য়ে থাকে ?
- 5.5 শৃঙ্খলযুক্তসূচকসংখ্যা ( Chain Index ) কাকে বলে ? এর কি কি স্ববিধা ও অস্ববিধা ?
- 5.6 সারা ভারতের পাইকারী দরের সূচক কোন্ সংস্থা কি প্রণালীতে নির্ণয় ক'রে থাকে ? বিস্তারিত বর্ণনা কর ।
- 5.7 পশ্চিমবঙ্গ সরকারের ফলিত অর্থনীতি এবং পরিসংখ্যান ব্যৱৰ্তো কর্তৃক প্রকাশিত জীবিকা নির্বাহন ব্যয়ের সূচক সংখ্যা কিভাবে নির্ণয় করা হ'য়ে থাকে—বিশদ বর্ণনা কর ।
- 5.8 সূচক সংখ্যার বিভিন্ন ব্যবহার বর্ণনা কর ।
- 5.9 নীচের সারণীটিতে “খাদ্য” প্রধান গোষ্ঠী ( Major Group )-র অন্তর্গত বিভিন্ন উপগোষ্ঠী ( Sub Group )-র ভার এবং 1968, 1969 এবং 1970 সালের সূচক সংখ্যা দেখান হ'য়েছে। এদের সাহায্যে 1968, 1969 এবং 1970 সালের খাদ্যের মোট সূচক সংখ্যা নির্ণয় কর :—

ଖାଦ୍ୟର ବିଭିନ୍ନ ବିଭାଗେର ପାଇକାରୀ ଦରେର ଶୁଚକ

କେତେ : କ'ଲକାତା

ଭିତ୍ତିକାଳ : 1952-53=100

ଖାଦ୍ୟ ପ୍ରଥାନ ଗୋଟିଏର ଅନ୍ତର୍ଗତ ବିଭିନ୍ନ ଉପଗୋଟିଏ	ଭାର	ଶୁଚକ ସଂଖ୍ୟା		
		1968	1969	1970
1. ତତ୍ତ୍ଵବ୍ୟାକ୍ତିତାରେ ଖାଦ୍ୟ	461	206.4	205.7	206.4
2. ଡାଲ	45	231.6	194.4	215.8
3. ତରକାରୀ ଏବଂ ଫଲ	47	184.7	170.5	221.6
4. ଦୂଧ ଓ ସି	92	233.4	242.4	243.8
5. ଭୋଜ୍ୟ ତେଲ	66	249.7	289.9	349.7
6. ମାଛ, ମାଙ୍ଗ ଓ ଡିମ	49	248.6	241.0	276.1
7. ଚିନି ଓ ଗୁଡ଼	64	360.0	250.7	206.1
8. ଅନ୍ୟାନ୍ୟ	176	200.6	203.3	227.4

ଉତ୍ତର : ( 222.8, 216.7, 227.5 )

5.10 ନୀତରେ ଶାର୍ଣ୍ଣିଟିତେ କ'ଲକାତାର ଚାରଟି ବ୍ୟକ୍ତରେର ପରିବାର-  
ସମୁହେର 1971 ସାଲେର ଡିସେମ୍ବର ମାସେର ପାଇଁ ପ୍ରଥାନ ଗାଠି ( Major  
Group )-ର ସଥୀ, ଖାଦ୍ୟ ( Food ), ପରିଧ୍ୟ ( Clothing ), ଆଲାନୀ  
ଓ ଆଲୋ ( Fuel and Light ), ବାସହାନ ( Housing ) ଏବଂ ବିବିଧ  
( Miscellaneous )—ଜୀବିକା ନିର୍ବାହନ ବ୍ୟକ୍ତରେ ଶୁଚକ ସଂଖ୍ୟା ( ଭିତ୍ତିକାଳ :  
ଡିସେମ୍ବର : 1950=100 ) ଦେଖାନ ହ'ରେଛେ । ଅଭିଟି ପ୍ରଥାନ ଗୋଟିଏର ଭାରଓ  
ଦେଖାନ ହ'ରେଛେ । ଏମେର ସହାଯତାରେ ଅଭିଟି ବ୍ୟକ୍ତରେର ଅନ୍ୟ ଶୁଲସୁଚକ  
( General Index ) ନିର୍ଦ୍ଦୟ କର ।

ଶୌରିକ ନିର୍ମାହତ୍ତର ବ୍ୟାବେଳ ଶୂନ୍ୟ ସଂଖ୍ୟା  
ଡିଲିକାଲ : ନଭେମ୍ବର 1950=100

ବେଳେ : କ'ରକାତ୍ତ  
ମାସ : ଡିସେମ୍ବର, 1971

ଶୂନ୍ୟ ସଂଖ୍ୟା

175

ଶାଶ୍ଵିକ ପାରିବାରିକ ବ୍ୟାବେଳ ( ଟୋକାର୍ )

ଅଧ୍ୟାନ ଗେଣ୍ଟି	101-200		201-350		351-700		701 ଓ ଉଚ୍ଚେ	
	ଭାର	ଶୂନ୍ୟ ସଂଖ୍ୟା	ଭାର	ଶୂନ୍ୟ ସଂଖ୍ୟା	ଭାର	ଶୂନ୍ୟ ସଂଖ୍ୟା	ଭାର	ଶୂନ୍ୟ ସଂଖ୍ୟା
1. ଥାଲ୍‌	54.58	225.3	50.47	222.2	44.65	221.6	33.29	219.8
2. ପରିଚ୍ଛେଷ	6.23	165.3	5.74	164.8	5.47	164.8	5.88	164.8
3. ଆଜାନୀ ଓ ଆଲୋ	5.49	228.3	4.88	211.3	4.26	202.9	3.58	186.6
4. ବାହୀଭାବୀ ଇତ୍ୟାଦି	9.31	187.4	8.52	187.4	9.16	187.4	8.73	187.4
5. ବିବିଧ	24.09	180.2	30.39	170.2	36.46	164.5	48.52	159.9

ଭେତ୍ତା : ( 2072, 1996, 1937, 183.5 )

5.11 କ'ଳକାତାର କୋଣୋ ଏକଟି ବାଦାର ସେବକଙ୍କ ମଧ୍ୟ ସଂଗୁହୀତ କରେକାଟି ପଣ୍ଡେର ସେପେଟ୍‌ବର, 1971, ଅଟୋବର 1971 ଏବଂ ନତେବର 1971-ଏର ଦର ଏବଂ ବିଜ୍ଞାର ପରିମାଣ ନୀଚେର ସାରଣୀଟିଟେ ଦେଖାନ ହ'ଲା । ଏସବ ରାଶିତଥ୍ୟ ବ୍ୟବହାର କ'ରେ ଏବଂ ସେପେଟ୍‌ବର, 1971 କେ ଭିତ୍ତିକାଳ ଧ'ରେ ଅଟୋବର, 1971 ଏବଂ ନତେବର, 1971-ଏର ଅନ୍ୟ ନିୟମିତି ଶୁଦ୍ଧିତି ବ୍ୟବହାର କ'ରେ ସୁଚକ ସଂଖ୍ୟା ନିର୍ଣ୍ୟ କର :— (i) ଲାଗ୍‌ପେରୋର ସୁତ୍ର, (ii) ପାଶେର ସୁତ୍ର, (iii) କିଶାରେର ଆଦର୍ଶ ସୁତ୍ର ଏବଂ (iv) ମାର୍ଶାଲ ଏଷ୍ଟଓର୍ଡର୍ ସୁତ୍ର ।

ବିଜ୍ଞାର ବିବରଣ—ସେପେଟ୍‌ବର, 1971, ଅଟୋବର, 1971, ଏବଂ ନତେବର 1971

ପଣ୍ଡେର ନାମ	ସେପେଟ୍‌ବର, 1971		ଅଟୋବର, 1971		ନତେବର	
	ପ୍ରତି କିଲୋର ଦର (ଟାକାଯ)	ବିଜ୍ଞାର ପରିମାଣ (କିଲୋଗ୍)	ପ୍ରତି କିଲୋର ଦର (ଟାକାଯ)	ବିଜ୍ଞାର ପରିମାଣ (କିଲୋଗ୍)	ପ୍ରତି କିଲୋର ଦର (ଟାକାଯ)	ବିଜ୍ଞାର ପରିମାଣ (କିଲୋଗ୍)
	P	q	p	q	P	q
1. ଆଲୁ	.93	500	.95	632	1.04	512
2. ପତ୍ରବିହୀନ ଶାକସର୍ବୀ	1.07	372	1.35	400	1.37	409
3. ପତ୍ରଶୁକ୍ର ଶାକ- ଗର୍ଜୀ	.79	100	1.00	97	.86	75
4. ବାଛ	6.50	250	6.45	300	5.77	314
5. ବାଂଶ	6.80	70	6.93	85	7.08	90
6. ଫଳ	1.24	45	1.42	62	1.38	70

ଉତ୍ତର : (a) ଅଟୋବର, 1971-ଏର ସୁଚକ : (i) ଲାଗ୍‌ପେରୋର—104.5  
(ii) ପାଶେ—104.1 (iii) କିଶାର—104.3 (iv) ଏଷ୍ଟଓର୍ଡର୍ ମାର୍ଶାଲ—101.3 ।

(b). ନତେବର 1971-ଏର ସୁଚକ : (i) ଲାଗ୍‌ପେରୋର—100.5 (ii) ପାଶେ—99.7 (iii) କିଶାର—100.1 (iv) ଏଷ୍ଟଓର୍ଦର୍—ମାର୍ଶାଲ—100.2 ।

5.12 নীচের সারণীটিতে ক'লকাতার ( 1—100 ) টাকার মাসিক ব্যয়গুলোর পরিবারসমূহের অন্য 1971 সালের ডিসেম্বর মাসের সূচক সংখ্যা ( ভিত্তিকাল : নভেম্বর, 1950=100 ) দেখান হ'য়েছে। মূল সূচক সংখ্যা এবং পাঁচটি প্রধান গোষ্ঠীর ( যথা, (i) খাদ্য, (ii) পরিধেয়, (iii) জ্বালানী ও আলো (iv) বাসস্থান এবং (v) বিবিধ ) মধ্যে চারটি গোষ্ঠীর সূচক সংখ্যা এবং সংশ্লিষ্ট ভারসমূহ দেখান হ'য়েছে। মূল সূচক সংখ্যাটি প্রধান গোষ্ঠীগুলির সূচক সংখ্যাসমূহের ভারযুক্ত গাণিতিক গড়।

প্রদত্ত রাশিতথ্য ব্যবহার ক'রে প্রধান গোষ্ঠী “বিবিধ”-র সূচক সংখ্যা নির্ণয় কর।

### জৌবিকা নির্বাহন ব্যয়ের সূচক সংখ্যা

ভিত্তিকাল : নভেম্বর 1950=100

কেন্দ্র : ক'লকাতা

মাস : ডিসেম্বর, 1971

পারিবারিক ব্যয়গুলো ( মাসিক ) : ( 1—100 ) টক।।

প্রধান গোষ্ঠী	ভার	সূচক সংখ্যা
1. খাদ্য	58.55	229.6
2. পরিধেয়	5.37	165.3
3. জ্বালানী ও আলো	6.15	244.8
4. বাসস্থান	9.61	187.4
5. বিবিধ	20.32	নির্ণয় ক'রতে হবে
মূল সূচক	100.00	216.1

উভয় : 195.6

## ষষ্ঠি পরিচ্ছেদ

### কালীন সারি বিশ্লেষণ

#### ( Time Series Analysis )

##### ৬.১ সূচনা

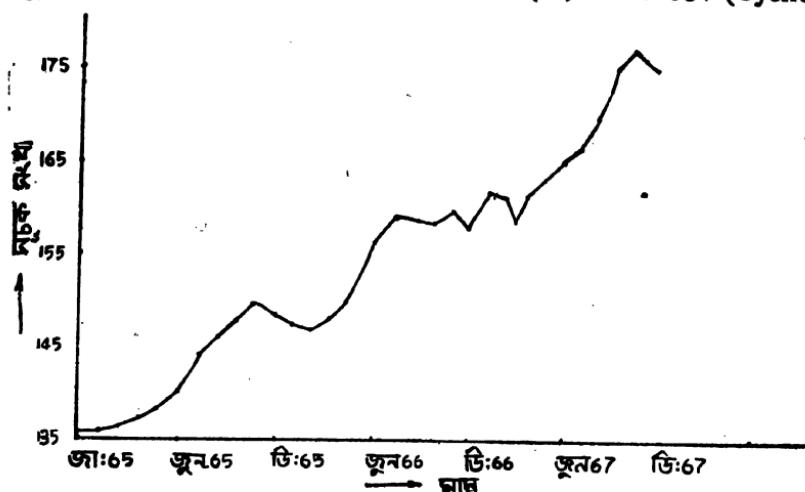
পর পর কয়েক বৎসরের বা মাসের দরের সূচক, কয়েক দিনের ( বা মাসের বা বৎসরের ) তাপমাত্রার বা বৃষ্টিপাতার হিসাব অথবা কয়েক বৎসরের জনসংখ্যা বৃদ্ধির হিসাব ইত্যাদি কালীন সারির উদাহরণ। অর্থাৎ ধারাবাহিকভাবে সময়ের সাথে সম্পর্কযুক্ত রাশি-তথ্যকে কালীন সারি (Time Series) বলে অভিহিত করা হয়। স্পষ্টতই কালীন সারি বহু প্রকারের হ'তে পারে। অর্থনীতির সাথে সম্পর্কযুক্ত রাশিতথ্যে কালীন সারির ব্যাপক প্রচলন আছে। বিভিন্ন ধরণের সূচক-সংখ্যা, জাতীয় আয়ের বাংসরিক হিসাবসমূহ, বিভিন্ন পণ্যের জোগান ও চাহিদার বাংসরিক ( বা মাসিক ) হিসাব কিংবা উৎপাদনের বাংসরিক ( বা মাসিক ) হিসাব—এ সব কালীন সারির উদাহরণ। প্রকৃতপক্ষে সামাজিক বিজ্ঞানসমূহে ( Social Sciences ) কিংবা প্রাকৃতিক বিজ্ঞান-সমূহে ( Natural Sciences ) যখনই অতীতের অভিজ্ঞতার ভিত্তিতে ভবিষ্যত সময়ে সিদ্ধান্ত গ্রহণ করা হয় তখনই অতীতের রাশিতথ্যের কালীন সারির বিশ্লেষণ করা দরকার হ'য়ে পরে।

##### ৬.২ কালীন সারির বিভিন্ন অংশ ( Components of Time Series )

কোনো একটি কালীন সারিকে লেখ ( Graph )-র সাহায্যে দেখান যেতে পারে। উদাহরণস্বরূপ নীচে লেখের সাহায্যে পর পর কয়েক বৎসরের জীবিকা নির্বাহন ব্যয়ের সূচক দেখান হ'ল ( চিত্র নং ৬.১ )।

কালীন সারির এ ধরণের লেখগুলি পুর্ণানুপূর্খভাবে বিশ্লেষণ ক'রলে দেখা যায় যে এদের কতগুলি বৈশিষ্ট্য আছে। খুব কম সময়ের কালীন সারির গতিবিধি অনেকটা অনিয়ন্ত্রিত ( Irregular ) হয়। কিন্তু বেশ কিছু সময়ের কালীন সারি নিয়ে পরীক্ষা ক'রলে দেখা যায় যে কালীন সারি সময়ের সাথে কিছু নিয়ন্ত্রিত গতিবিধি দেখে চলে। কালীন সারির এই নিয়ন্ত্রিত গতিবিধিকে তিনটি প্রধান ভাগে ভাগ করা হয়—(i) স্থানিক গতিধারা ( Secular Trend ), (ii)

খতুজ তেজ (Seasonal Variation) এবং (iii) চক্রীল তেজ (Cyclical



চিত্র নং 6.1 : জীবিকা নির্বাহন ব্যয়ের সূচক (পারিবারিক ব্যয়স্তর 201—350 টাকা), কেঙ্গ—ক'লকাতা।

Variation)। স্থূতরাঃ কোনো কালীন সারির মোট চারটি অংশ ধাকে—উপরোক্ত তিনটি অংশ এবং (iv) অনিয়ন্ত্রিত গতিধারা।

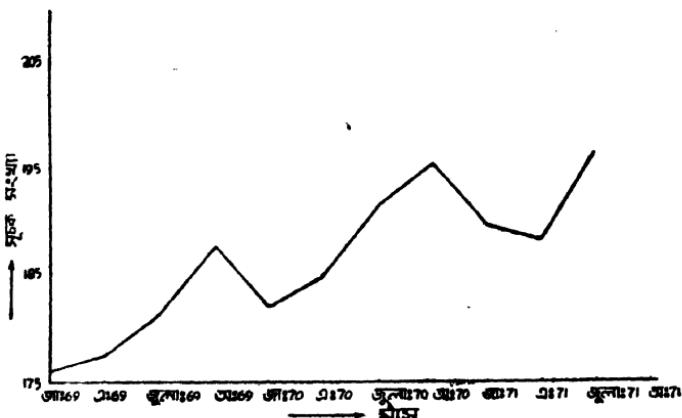
### (i) স্থানিত গতিধারা (Secular Trend)

কোনো একটি কালীন সারির দীর্ঘকালের লেখ পরীক্ষা ক'রলে অধিকাংশ ক্ষেত্রেই এর একটি দীর্ঘকালীন গতিবিধি লক্ষ্য করা যায়। দীর্ঘকালের পরিপ্রেক্ষিতে সাধারণত: লেখটি উর্কমুখী বা নিম্নমুখী হয়। অনেক সময় বেশ কিছুকাল স্বাস্তরালভাবে চলার পর এই উর্কমুখী বা নিম্নমুখী প্রবণতা দেখা যায়। 6.1নং চিত্রের লেখটিতে উর্কমুখী প্রবণতা লক্ষ্য করা যাচ্ছে। কালীন সারির এ ধরণের মসৃণ (Smooth) ও স্থানিত দীর্ঘকালীন গতিবিধিকে স্থানিত গতিধারা (Secular Trend) ব'লে অভিহিত করা হয়। স্থানিত গতিধারা একটি দীর্ঘস্থায়ী ব্যাপার। কোনো ধরণের স্বল্পকালীন বা তাঙ্কণিক পরিবর্তন এই গতিধারার স্থারা সূচীত হয় না।

### (ii) খতুজ তেজ (Seasonal Variation)

অনেক ক্ষেত্রে কালীন সারির লেখ পরীক্ষা ক'রলে দেখা যায় যে একই বৎসরের সম্মত খতুজে লেখটির উর্ধানগতন ঘটে। এই

ଉଦ୍‌ବାନପତନର ସମୟଗୁଡ଼ି ଅନେକଟା ସ୍ଵନିଦିଷ୍ଟ—ଅର୍ଧାଂ ଥିତି ବହୁର ନିଦିଷ୍ଟ ସମୟେ ଏକଇ ଧରଣେର ଉଦ୍‌ବାନପତନ ଘଟେ ଥାକେ । ସେମନ ୬୨୯ ଚିତ୍ରେ କ'ଲକାତାର ଜୀବିକା ନିର୍ବାହନ ବ୍ୟାଯେର ସୂଚକ ସଂଖ୍ୟା ଲକ୍ଷ୍ୟ କ'ରଲେ ଦେଖ । ଯାଇ ପ୍ରତି ବହୁରଇ ଶୀତକାଳେ ଏହି ଲେଖାଟି ନିୟାଭିମୁଖୀ ହ'ଯେଛେ ଏବଂ ବର୍ଷାକାଳେ ଏର ଗତି ଉର୍କୁମୁଖୀ ହ'ଯେଛେ । କାରଣ, ଶୀତକାଳେ ଭୋଗ୍ୟବସ୍ତୁମୁହେର ( ବିଶେଷତ: ଖାଦ୍ୟଜ୍ଵଳବ୍ୟେର ) ଦର କମ ଥାକାଯା ସୂଚକେର ମାନ କ'ମେ ଏସେହେ କିନ୍ତୁ ବର୍ଷାକାଳେ ଏଦେର ( ବିଶେଷତ: ଖାଦ୍ୟଜ୍ଵଳବ୍ୟେର ) ଦର ବାଢ଼ାର ସାଥେ ସାଥେ ସୂଚକେର ମାନଓ ବୃଦ୍ଧି ପେଯେଛେ । ଅନୁକୂଳପାବେ ଭୋଗ୍ୟବସ୍ତୁମୁହେର ଯାଦିକ ବିଜ୍ଞୀର ପରିମାଣେର କାଲୀନ ସାରି ଲକ୍ଷ୍ୟ କ'ରଲେ ଦେଖା ଯାଇ ଯେ ପ୍ରତି ବ୍ୟସର ପୁଜୋର ସମୟ ବିଜ୍ଞୀର ପରିମାଣ ଖୁବ ବେଡ଼େ ଯାଇ ( ଅର୍ଧାଂ କାଲୀନ ସାରିର ଲେଖ ଉର୍କୁମୁଖୀ ହୁଏ ) ଏବଂ ବର୍ଷାର ସମୟ ବିଜ୍ଞୀର ପରିମାଣ ହ୍ରାସ ପାଇଯାଇ ( ଅର୍ଧାଂ କାଲୀନ ସାରିର ଲେଖ ନିୟାଭିମୁଖୀ ହୁଏ ) ।

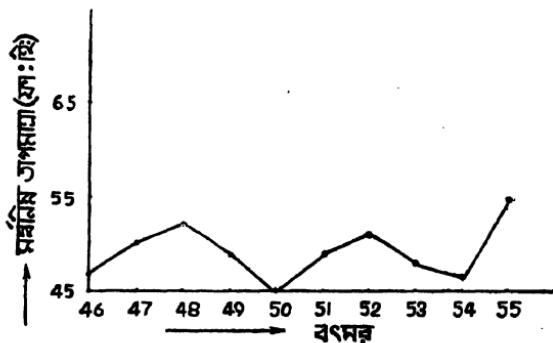


ଚିତ୍ର୍-୬୨: ଜୀବିକା ନିର୍ବାହନ ବ୍ୟାଯେର ସୂଚକ ( ପାରିବାରିକ ବ୍ୟାହତର 201—350 ଟାକା ), କେନ୍ଦ୍ର—କ'ଲକାତା

ଏକ ବହୁର ସମୟେ କାଲୀନ ସାରିର ଲେଖର ଏରକମ ନିୟମିତ ଉଦ୍‌ବାନ ପତନକେ ଝାତୁର ତେଜ ( Seasonal Variation ) ବଲା ହ'ଯେ ଥାକେ । ଏ ଧରଣେର ଉଦ୍‌ବାନ-ପତନ ପ୍ରେମତଃ ଝାତୁ ପରିବର୍ତ୍ତନ ( ସେମନ ବର୍ଷାର ସମୟ ଦର ବୃଦ୍ଧି ବା ବିଜ୍ଞୀ ହାସ ) ବା ଶାରୀରିକ ଆଚାର ଅନୁଷ୍ଠାନ ( ସେମନ ପୁଜାର ସମୟ ବିଜ୍ଞୀର ପରିମାଣ ବୃଦ୍ଧି )-ଏର ଓପର ନିର୍ଭରସୀଳ ।

## (iii) ଚଙ୍ଗିଳ ତେବେ ( Cyclical-Variation)

ଧ୍ୟୁଜ ଭେଦର କ୍ଷେତ୍ରେ କାଲୀନ ସାରିର ଲେଖର ଉତ୍ସାନପତନ ଏକ ବ୍ୟସରେର ମଧ୍ୟେଇ ସୀମାବନ୍ଧ ଥାକେ । କିନ୍ତୁ କୋଣୋ କୋଣୋ କ୍ଷେତ୍ରେ ଏକ ବ୍ୟସରେର ରେଣ୍ଟ ସମୟ ପର ପର କାଲୀନ ସାରିର ଲେଖର ଉତ୍ସାନ-ପତନ ହ'ଯେ ଥାକେ ( ଚିତ୍ର ନଂ 6.3 ଝଟିବ୍ୟ ) । ସାଧାରଣତଃ ଏରକମ ଉତ୍ସାନ-ପତନ ଧ୍ୟୁଜ ଭେଦର ଉତ୍ସାନ-ପତନରେ ମତୋ ନିୟମିତଭାବେ ହୁଏ ନା । ଯେମନ, କୋଣୋ ଏକବାର ଲେଖଟିର ଉତ୍ସାନ ବା ପତନ ସହି ତିନ ବ୍ୟସର ପରେ ସଟେ ତା ହ'ଲେ ପରେର ବାର ଏରକମ ଉତ୍ସାନ ବା ପତନ ସେ ଆବାର ତିନ ବ୍ୟସର ବାଦେଇ ହବେ ଏମନ କୋଣୋ କଥା ନେଇ ।



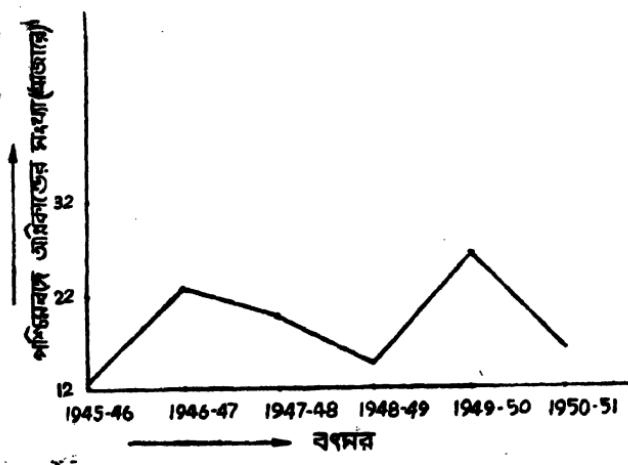
ଚିତ୍ର ନଂ 6.3 : କ'ଲକାତାର (ଆଲିପୁର) ସର୍ବନିମ୍ନ ବାତସରିକ ତାପମାତ୍ରାର ଲେଖ

ପତନ-ଉତ୍ସାନ-ପତନ ବା ଉତ୍ସାନ-ପତନ-ଉତ୍ସାନ—ଏରକମ ଏକଟି ପୁରୋ ସମୟ-କାଳକେ ଚଙ୍ଗ ( Cycle ) ବ'ଲେ ଅଭିହିତ କରା ହ'ଯେ ଥାକେ । ବ୍ୟସାର କ୍ଷେତ୍ରେ ବାଜାରେ ପର୍ଯ୍ୟନ୍ତରେ କିଛୁକାଳ ପର ପର ତେଜୀ ( Boom ବା Prosperity ) ଏବଂ ମଳା ( Depression )-ଭାବ ଦେଖା ଯାଏ । ଅବଶ୍ୟ କତଦିନ ପର ପର ଏରକମ ତେଜୀ ବା ମଳାଭାବ ଦେଖା ଦେବେ ତାର କୋଣୋ ଠିକ ନେଇ । ଏରକମ କ୍ଷେତ୍ରେ ଏକଟି ତେଜୀ ( ବା ମଳା ) ଭାବ ଥିଲେ ଆର ଏକଟି ତେଜୀ ( ବା ମଳା ) ଭାବ ପର୍ଯ୍ୟନ୍ତ ସମୟକେ ଏକଟି ଚଙ୍ଗ ( Cycle ) ବଲା ହ'ଯେ ଥାକେ । କାଲୀନ ସାରିର ଏଥରଣେର ଉତ୍ସାନ-ପତନକେ ଚଙ୍ଗିଳ ତେବେ ( Cyclical Variation ) ବଲା ହୁଏ ।

## (iv) ଅନିୟମିତ ଗତିଧାରା ( Irregular Variation )

କାଲୀନ ସାରିର ଅନିୟମିତ ଗତିଧାରା ଦୁ ଧରଣେର ହ'ତେ ପାରେ—(କ) ସଟନାଞ୍ଜାତ ( Episodic ) ଏବଂ (ଖ) ଆକସିକ ( Accidental ) । କୋଣୋ

ସ୍ଟନା ( ବା ଦୂର୍ଘଟନା ) ସେମନ, ଦୁଃଖ, ମହାମାରୀ, ଭୂମିକଳ୍ପ, ଧର୍ମଟ ଇତ୍ୟାଦି କାଲୀନ ସାରିର ଗତିଧାରାକେ ବିଶେଷଭାବେ ଥାବାବିତ କ'ରିତେ ପାରେ । ଉଦାହରଣସ୍କଳ୍ପ, ଦୁଃଖ ବା ମହାମାରୀର ସମୟ ଜ୍ଵଯମୁଳୋର ଶୁଚକ ଅସ୍ତ୍ରାଭାବିକ-ଭାବେ ବୁଝି ପେତେ ପାରେ । ଏହିଲି ସ୍ଟନାଜୀବ ଅନିଯମିତ ଗତିଧାରାର ଉଦାହରଣ । ଅପରାଙ୍ଗେ, ଆକର୍ଷିକ ଏବଂ ଆପାତଦୂଷିତେ କାରଣହୀନ-ଭାବେ କାଲୀନ ସାରିର ପରିବର୍ତ୍ତନ ଲକ୍ଷ୍ୟ କରା ଯାଏ । ଏ ସରଣେର ପରିବର୍ତ୍ତନ ଆକର୍ଷିକ ଅନିଯମିତ ଗତିଧାରାର ଅନ୍ତର୍ଗତ ( ଚିତ୍ର ନଂ 6.4 ଏବଂ ଲେଖ ଛାଇବ୍ୟ ) ।



ଚିତ୍ର ନଂ 6.4 : ପଶ୍ଚିମବଜେ ବାଧ୍ୟକାଣ୍ଡେ ସଂଖ୍ୟା

### 6.3 କାଲୀନ ସାରିତେ ବ୍ୟବହାର ଅଭୀକ

(i) ସମୟବିଲୁ “;”-ତେ କୋଣୋ ଏକଟି ଚଳ ( Variable )-ଏର ମାନ ହୁଏ  $y_t$  ( ସେମନ,  $y_1, y_2, \dots, y_t$  ସମୟବିଲୁର ଶୁଚକସଂଖ୍ୟା ବା ବୃକ୍ଷପାତରେ ପରିବାଣ ହ'ତେ ପାରେ ) ଏବଂ  $t=1, 2, \dots, n$ -ଅର୍ଥାତ୍  $t$ -ର ମାନ ପର୍ଯ୍ୟବକ୍ରମେ ( Successively ) 1, 2 ଥେବେ  $n$  ପର୍ଯ୍ୟନ୍ତ ହୁଏ—ତା ହ'ଲେ ଉତ୍ୱିଥିତ ସମୟବିଲୁଶୁଳିତେ  $y$ -ଏର ମାନକେ ସଥାକ୍ରମେ  $y_1, y_2, \dots, y_n$  ହାରା ଚିହ୍ନିତ କରା ହବେ । “;” ଏକଟି ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ ସମୟବିଲୁ ନା ହ'ରେ ସମୟେର ଅନ୍ତର ( Interval of Time )-ଓ ହ'ତେ ପାରେ—ସେମନ, 1 ତାରିଖ ଥେବେ 3 ତାରିଖ, 4 ତାରିଖ ଥେବେ 6 ତାରିଖ, 7 ତାରିଖ ଥେବେ 9 ତାରିଖ ଇତ୍ୟାଦି । ଏରକମ କେତେ  $y_t$  କେ ଅନ୍ତରେର ମଧ୍ୟବର୍ତ୍ତୀ ସମୟବିଲୁର ମାନେର ବିପରୀତ ମାନ ହିଁଲେବେ ଥରା ହର । ସେମନ,

সময়ের অন্তর ( Interval of Time )	মধ্যবর্তী মান (2)	চল ( Variable ) -এর মান (3)
(1)		
1—3 তারিখ	2 তারিখ	$y_2$
4—6 তারিখ	5 তারিখ	$y_5$
7—9 তারিখ	8 তারিখ	$y_8$

(iii) পূর্বে কালীন সারিকে যে চারটি ভাগে ভাগ করা হ'য়েছে তাদের সাধারণত: নিম্নলিখিত প্রতীকগুলির দ্বারা চিহ্নিত করা হয় :—

$T_t = "t"$  সময়বিলুপ্তে কালীন সারির স্থানিক গতিধারা ( Secular Trend ) ।

$S_t = "t"$  সময়বিলুপ্তে কালীন সারির ঋতুজ ভেদ ( Seasonal Variation ) ।

$C_t = "t"$  সময়বিলুপ্তে কালীন সারির চক্রীল ভেদ ( Cyclical Variation ) ।

$I_t = "t"$  সময়বিলুপ্তে কালীন সারির অনিয়মিত গতিধারা ( Irregular Variation ) ।

ধৰ্ছল প্রচলিত একটি প্রথা অনুযায়ী কালীন সারিকে উপরোক্ত চারটি অংশের গুণফল হিসেবে ধরা হয়। অর্থাৎ,  $Y_t$  যদি কালীন সারির চলের সময়বিলুপ্তির মান হয়। তা হ'লে—

$$Y_t = T_t \times S_t \times C_t \times I_t \quad (6.1)$$

অনেক সময়  $Y_t$ কে উপরোক্ত চারটি অংশের যোগফল হিসেবে ধরা হয়। অর্থাৎ,

$$Y_t = T_t + S_t + C_t + I_t \quad (6.2)$$

তবে এই শেমোক্ত সূত্রটি খুব কমই ব্যবহৃত হ'য়ে থাকে। (6.1)-এ উল্লিখিত সূত্রটিই অধিকাংশ ক্ষেত্রে ব্যবহৃত হ'য়ে থাকে।

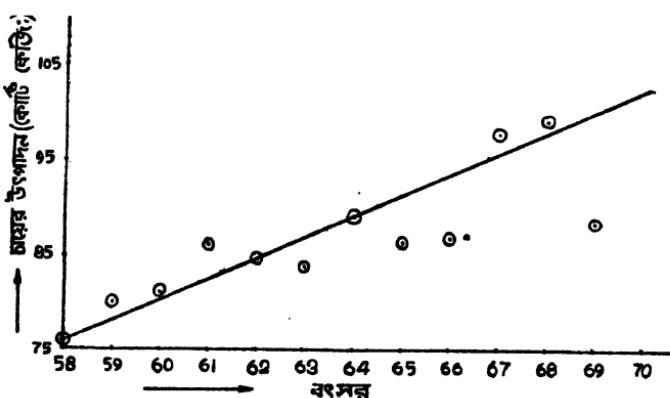
#### 6.4 স্থানিক গতিধারার পরিমাপ (Measurement of Secular Trend)

কোনো কালীন সারির স্থানিক গতিধারার পরিমাপ ক'রতে হ'লে উক্ত সারির অন্য তিনটি অংশ যথা, ঋতুজ ভেদ, চক্রীল ভেদ এবং অনিয়মিত গতিধারার প্রভাবকে সারি থেকে অপস্থিত ( Eliminate ) ক'রতে হবে। আগেই বলা হ'য়েছে ঋতুজ ভেদের উক্তব এক বড়সর সমস্কালের মধ্যে

ହ'ଯେ ଥାକେ । ଏହାଙ୍କ କୋଣୋ କାଲୀନ ସାରିର ଏକ ବ୍ସରେର ସମାଟି ବା ଗଡ଼ ନିଲେ ଏହି ସମାଟି ବା ଗଡ଼ମୁହଁ ଝାତୁଜ ଭେଦେର ପ୍ରତାବୟୁଜ ହବେ । ଚୁତରାଂ୍ସୁ ଶ୍ରାସିତ ଗତିଧାରା ପରିମାପ କରାର ସମୟ ସାଧାରଣତଃ ଝାତୁଜ ଭେଦେର ପ୍ରତାବ ଦୂର କରାର ଅନ୍ୟ କାଲୀନ ସାରିର ଏକ ବ୍ସରେର ସମାଟି ବା ଗାଣିତିକ ଗଡ଼ ନେଇଥାଏ ହୁଏ । ଏରକମ ସମାଟି ବା ଗାଣିତିକ ଗଡ଼ ହ'ତେ ଚକ୍ରିଳ ଛଳ ଏବଂ ଅନିୟାନ୍ତିତ ଗତିଧାରାର ପ୍ରତାବ ଦୂର କ'ରାତେ ପାରଲେଇ ସ୍ରାସିତ ଗତିଧାରାର ପରିମାପ ପାଇଯା ଥାଏ । ଏ ଉଦ୍ଦେଶ୍ୟ ସାଧାରଣତଃ ନିଯୋଜନ ଉପାୟଗୁଣି ଅବଲମ୍ବନ କରା ହୁଏ :—

### (କ) ଖାଲି ହାତେ ରେଖା ନିର୍ମାଣ ପଦ୍ଧତି (Method of Free-hand Curve Fitting)

ଏହି ସ୍ରାସିତ ଗତିଧାରା ନିର୍ମାଣର ସବଚାଇତେ ସରଳ ପଦ୍ଧତି । ଏହି ପଦ୍ଧତି ଅନୁଯାୟୀ ପଥମେ ଲୈଖିକ କାଗଜ (Graph paper)-ଏ ଝାତୁଜ ଭେଦଯୁଜ ବାସରିକ କାଲୀନ ସାରିଟିର ଏକଟି ଲେଖ (Graph) ଆଂକା ହୁଏ । ତାରପରେ ଏହି ଲେଖଟିର ଭେତର ଦିଯେ ଖାଲି ହାତେ ଏକଟି ମୟ୍ୟ ରେଖା (Smooth Curve) ଏମନଭାବେ ଆଂକା ହ'ଯେ ଥାକେ ଯାତେ ଏହି ରେଖାଟିକେ ଏହି ଲେଖାର ସର୍ବାପେକ୍ଷା ସନିଷ୍ଠ ଆସନ୍ନ ମାନ (Closest Approximation) ହିସେବେ ଧରା ଯେତେ ପାରେ । ନୌଚେ (6.5 ନଂ ଚିତ୍ରେ) ଏହି ପଦ୍ଧତିତେ ନିର୍ଧାରିତ ସ୍ରାସିତ ଗତିଧାରାର ଉଦ୍ଦାହରଣ ଦେଖାଇନ ହ'ଲେ ।



ଚିତ୍ର ନଂ 6.5 : ପଞ୍ଚମବଜେ ଚାଯେର ଉପାଦନ

ଏହି ପଦ୍ଧତି ଅନୁଗରଣେର ସ୍ତରିଧା ଏବଂ ଅସ୍ତରିଧା ଦୁଇ-ଇ ଆଛେ । ଏର ସବଚାଇତେ ବଡ଼ ସ୍ତରିଧା ହ'ଲୋ ଏହି ଯେ ଏହି ଅତ୍ୟନ୍ତ ସରଳ ପଦ୍ଧତି । ତା

ଛାଡ଼ା ସୁଧ୍ୟାସିତ ଗତିଧାରା ଗରଲରେଖା ବା ବଜ୍ରରେଖା ଯାଇ ହୋଇ ନା କେବୁ, ଏହି ପଦ୍ଧତିର ସାହାଯ୍ୟେ ତା ଅତି ଶହରେଇ ଦେଖାନ ଯେତେ ପାରେ । ଅନ୍ୟଦିକେ ଏହି ପଦ୍ଧତିର ସବଚାଇତେ ବଡ଼ ଝାଟି ହ'ଲୋ ଏହି ସେ ଏଟି ଅତ୍ୟନ୍ତ ବ୍ୟକ୍ତି ନିର୍ଭର ( Subjective ) । ଅର୍ଥାତ୍ ସିନି ନିର୍ଧାରିତ ତାର ବିଚାର, ବିବେଚନା ଏବଂ ମର୍ଜିର ଉପର ଏହି ପଦ୍ଧତିତେ ନିର୍ଧାରିତ ସୁଧ୍ୟାସିତ ଗତିଧାରାର ଲେଖାଟି ବହଳାଂଶେ ନିର୍ଭରଶୀଳ ।

### (୪) ଚଲମାନ ଗଡ଼ ବ୍ୟବହାର ପଦ୍ଧତି ( Method of Moving Average )

କୋଣୋ କାଲୀନ ସାରିର ତିନ ବ୍ୟସରେ ଚଲମାନ ଗଡ଼ ନିର୍ଣୟ କ'ରତେ ହ'ଲେ ଗର୍ବପଥମେ ଉପର୍ଯୁପରି ( Successive ) ପ୍ରଥମ ତିନ ବ୍ୟସରେ ଅବେକ୍ଷିତ ମାନ ( Observed Value )-ଏର ଗାଣିତିକ ଗଡ଼ ନିତେ ହବେ । ତାରପର ପ୍ରଥମ ବ୍ୟସରେ ଅବେକ୍ଷିତ ମାନଟି ବାଦ ଦିଯେ ପରବର୍ତ୍ତୀ ତିନ ବ୍ୟସରେ ଅବେକ୍ଷିତ ମାନ-ଏର ଗାଣିତିକ ଗଡ଼ ନିତେ ହବେ । ଏରକମଭାବେ ପ୍ରତ୍ୟେକବାର ସାରିର ପ୍ରଥମ ଦିକ ଥେକେ ଏକଟି କ'ରେ ମାନ ବାଦ ଦିଯେ ଏବଂ ନୀଚେର ଦିକେ ଏକଟି କ'ରେ ମାନ ନିଯେ ତିନ ବ୍ୟସରେ ଗାଣିତିକ ଗଡ଼ ନିତେ ନିତେ ଅଗସର ହ'ତେ ହବେ—ସତକଣ ପର୍ଯ୍ୟନ୍ତ ନା କାଲୀନ ସାରିର ଶେ ଅବେକ୍ଷିତ ମାନଟିଓ ଚଲମାନ ଗଡ଼ର ଅନ୍ତର୍ଭୁକ୍ତ ହ'ଛେ । ସେ କୋଣୋ ତିନ ବ୍ୟସରେ ଅବେକ୍ଷିତ ମାନର ଗାଣିତିକ ଗଡ଼ ଏହି ତିନଟି ବ୍ୟସରେ ମଧ୍ୟବର୍ତ୍ତୀ ବ୍ୟସରେ ବିପରୀତେ ଦେଖାନ ହବେ ।

ତିନ ବ୍ୟସରେ ଜାଯଗାୟ ପାଁଚ ବ୍ୟସରେ, ସାତ ବ୍ୟସରେ ବା  $(2n+1)$  ବ୍ୟସରେ—ଅର୍ଥାତ୍ ସେ କୋଣୋ ବେଜୋଡ଼ ସଂଖ୍ୟକ ବ୍ୟସରେ—ଚଲମାନ ଗଡ଼ ନିତେ ହ'ଲେ ଠିକ ଏକଇ ପଦ୍ଧତି ଅନୁସରଣ କ'ରତେ ହବେ—ଶୁଦ୍ଧମାତ୍ର ତିନ ବ୍ୟସରେ ଜାଯଗାୟ ପାଁଚ, ସାତ ବା  $(2n+1)$  ବ୍ୟସରେ ଗାଣିତିକ ଗଡ଼ ନିତେ ହବେ । ଯବ କ୍ଷେତ୍ରେଇ ମଧ୍ୟବର୍ତ୍ତୀ ବ୍ୟସରେ ବିପରୀତେ ଚଲମାନ ଗଡ଼କେ ଦେଖାନ ହବେ । ଅର୍ଥାତ୍ ପାଁଚ ବ୍ୟସରେ ଗଡ଼କେ ତୃତୀୟ ବ୍ୟସରେ ବିପରୀତେ, ସାତ ବ୍ୟସରେ ଗଡ଼କେ ଚତୁର୍ଥ ବ୍ୟସରେ ବିପରୀତେ ଏବଂ  $(2n+1)$  ବ୍ୟସରେ ଗଡ଼କେ  $(n+1)$ -ତଥ୍ ବ୍ୟସରେ ବିପରୀତେ ଦେଖାନ ହବେ ।

ଭୋଡ଼ ସଂଖ୍ୟକ ବ୍ୟସରେ କ୍ଷେତ୍ରେ ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ ବ୍ୟସରେ ଚଲମାନ ଗାଣିତିକ ଗଡ଼ ନିତେ ହବେ । ସେମନ, ଦୁଇ, ଚାର, ଛୟ ବା  $2n$  ବ୍ୟସରେ ଚଲମାନ ଗଡ଼ ନିତେ ହ'ଲେ ଦୁଇ, ଚାର, ଛୟ ବା  $2n$  ବ୍ୟସରେ ଗାଣିତିକ ଗଡ଼ ନିଯେ ଅଗସର ହ'ତେ ହବେ । ତବେ ଏରକମଭାବେ ନିର୍ଧାରିତ ଚଲମାନ ଗଡ଼ମୂହେର ପ୍ରତି ଦୂଟିକେ ନିଯେ ଆବାର ବିତୀୟ କ୍ଷେତ୍ରେ ଚଲମାନ ଗଡ଼ ନିର୍ଣୟ କ'ରତେ ହବେ । ଏହି ରିତିମୁହେରେ

କେତେ ନିର୍ଣ୍ଣିତ ଚଲମାନ ଗଡ଼ ସେ ବ୍ୟସରେ ବିପରୀତେ ଅବଶ୍ଥିତ ହବେ ତାକେ ଗେ ବ୍ୟସରେ ପ୍ରତିନିଧିଯୁକ୍ତ ବ'ଳେ ଥରତେ ହବେ ।

ସାଦି କୋଣୋ କାଲୀନ ସାରିର ଚକ୍ରିଳ ଭେଦ ( Cyclical Variation )-ଏର ପ୍ରତିଟି ଚକ୍ର ( Cycle )-ଏର ପରିମାପ ସମାନ ହୁଏ, ତା ହ'ଲେ ଏଇ ପରିମାପେର ସମାନ ( ବା ତାର ଶୁଣିତକ ) ଚଲମାନ ଗଡ଼ ନିଲେ କାଲୀନ ସାରିଟି ଚକ୍ରିଳ ଭେଦେର ପ୍ରଭାବମୁକ୍ତ ହବେ । ଯେବେଳ, କୋଣୋ କାଲୀନ ସାରିର ଚକ୍ରିଳ ଭେଦେର ପରିମାପ ସାଦି ତିନ ବ୍ୟସର ହୁଏ, ତା ହ'ଲେ ଏଇ ସାରିର ତିନ ବ୍ୟସରେ ଚଲମାନ ଗଡ଼ ହାରା ନିର୍ଣ୍ଣିତ ସାରିଟି ସମ୍ପୂର୍ଣ୍ଣରୂପେ ଚକ୍ରିଳ ଭେଦେର ପ୍ରଭାବମୁକ୍ତ ହବେ । କିନ୍ତୁ ଅଧିକାଂଶ କେତେଇ ଚକ୍ରିଳ ଭେଦେର ପ୍ରତିଟି ଚକ୍ରେ ପରିମାପ ସମାନ ହୁଏ ନା । ଏ ସବ କେତେ ଚକ୍ରଗୁଲିର ଗଡ଼ ପରିମାପେ ( Average Period of the Cycles ) ସମାନ ଚଲମାନ ଗଡ଼ ନେଇଯା ବାହନୀୟ । ଏଇକମ କ'ରିଲେ ଚଲମାନ ଗଡ଼ ହାରା ଉତ୍ସୁତ ସାରିଟି ସମ୍ପୂର୍ଣ୍ଣରୂପେ ନା ହ'ଲେଓ ବହଳାଂଶେ ଚକ୍ରିଳ ଭେଦେର ପ୍ରଭାବମୁକ୍ତ ହବେ । ଅବଶ୍ୟ ଚକ୍ରଗୁଲିର ଗଡ଼ ପରିମାପ ନିର୍ଦ୍ଦୟ କରା ଅନେକ ସମୟରେ ଦୁଃଖୀତି ହ'ରେ ପରେ । ଏହାଙ୍କ ଚଲମାନ ଗଡ଼ ବ୍ୟବହାର ପଦ୍ଧତିର ଏକଟି ପ୍ରଥାନ ସମୟ ହ'ଲୋ ଗଡ଼ କତ ବ୍ୟସରେ ଅନ୍ୟ ହବେ ତା ହିର କରା ।

ଖାଲି ହାତେ ରେଖା ନିର୍ମାଣ ପଦ୍ଧତିର ମତ ଚଲମାନ ଗଡ଼ ବ୍ୟବହାର ପଦ୍ଧତିର ବହଳାଂଶେ ଏକଟି ସରଳ ପଦ୍ଧତି । କିନ୍ତୁ ଖାଲି ହାତେ ରେଖା ନିର୍ମାଣ ପଦ୍ଧତିର ମତ ଏଇ ପଦ୍ଧତିଟି ବ୍ୟକ୍ତିନିର୍ଭଵ ( Subjective ) ନୟ । ଅର୍ଥାତ୍, ଏହି ପଦ୍ଧତିର ହାରା ନିର୍ଣ୍ଣିତ ମାନସମୂହ ବ୍ୟବହାରକାରୀର ମଜିର ଓପର ନିର୍ଭରଶୀଳ ନୟ । କିନ୍ତୁ ଯେହେତୁ ଏଇ ପଦ୍ଧତିତେ ନିର୍ଣ୍ଣିତ ସାରିମନୁହ ବିଶେଷ କୋଣୋ ସୂତ୍ର ( Formula ) ଅନୁସରଣ କରେ ନା ପେଜନ୍ୟ ଏଇ ପଦ୍ଧତିର ବ୍ୟବହାରେ ହାରା କୋଣୋ ପୂର୍ବାଭାଷ ( Forecast ) ଦେଇଯା ସମ୍ଭବ ନୟ ।

ଉତ୍ତାହରଣ 6·1 ନୀଚେର ସାରଣୀଟିତେ 1951 ଥେବେ 1970 ପର୍ଯ୍ୟନ୍ତ ଭାରତେର ଆକରିକ ଲୋହାର ଉତ୍ୟାଦନେର ପରିମାଣ ଦେଖାଇ ହ'ଯେଛେ । ଲକ୍ଷ କ'ରିଲେ ଦେଖା ଯାବେ ସେ, ସଦିଓ ଏଇ କାଲୀନ ସାରିଟିର ସ୍ଵର୍ଗ ମେଯାଦୀ ଉତ୍ୟାନ ପତନ ଆଛେ ତା ହ'ଲେଓ ଏଇ ସ୍ଵାକ୍ଷରିତ ଗତିଧାରାର ଉର୍କମୁଖୀ ଗତି ଅତ୍ୟନ୍ତ ସ୍ଵର୍ଣ୍ଣିତ ( 6·6 ନଂ ଚିତ୍ରେ ପ୍ରଦଶିତ ଲେଖଟି ଦ୍ରଷ୍ଟବ୍ୟ ) । ସ୍ଵର୍ଗମେଯାଦୀ ଉତ୍ୟାନ-ପତନରେ ପ୍ରଭାବ ଦୂର କ'ରେ ସ୍ଵାକ୍ଷରିତ ଗତିଧାରାକେ ସ୍ଵର୍ଣ୍ଣିତଭାବେ ପ୍ରକାଶ କରାର ଅନ୍ୟ 5 ବ୍ୟସରେ ଚଲମାନ ଗଡ଼ ନେଇଯା ଯେତେ ପାରେ । ନୀଚେର ସାରଣୀତେ ଏଇକମ ଗଡ଼ ନେଇଯା ହ'ଯେଛେ । 6·6 ନଂ ଚିତ୍ରେ କାଲୀନ ସାରିର ଲେଖ ( ବିଲ୍ଲୁ କେନ୍ଦ୍ରିକ ବୃତ୍ତ ହାରା ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ ) ଏବଂ ଚଲମାନ ଗଡ଼ର ଲେଖ ( ଟାନା ରେଖାର ହାରା ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ ) ପାଶାପାଶି ଦେଖାଇ ହ'ଯେଛେ । ଲକ୍ଷ କ'ରିଲେ ଦେଖା ଯାବେ ସେ

চলমান গড়ের লেখাটি অনিয়ন্ত্রিত উত্থান-পতন থেকে বহুলাংশে মুক্ত। অর্দ্ধাৎ এক্ষেত্রে চলমান গড় স্বাসিত গতিধারাকে অনেকটা সুস্পষ্ট-ভাবে প্রকাশিত ক'রেছে।

### সারণী ৬.১

পশ্চিমবঙ্গে আকরিক লোহা উৎপাদনের পরিমাণ হাজার টন  
( Tonne )-এর এককে।

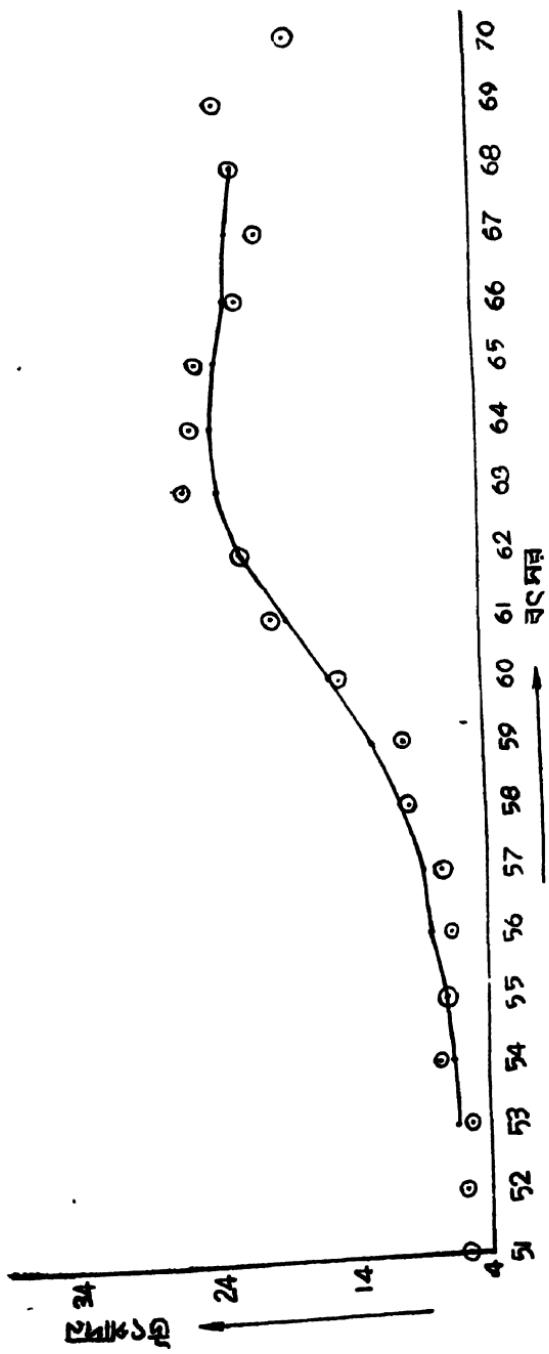
বৎসর	আকরিক লোহার উৎপাদন	5-বৎসরের চলমান সমষ্টি (5-year moving total)	5 বৎসরের চলমান গড় ( 5-year moving average )
1951	675.8		
1952	635.5		
1953	572.3	3332.4	666.5
1954	750.1	3363.8	672.8
1955	698.7	3457.8	691.6
1956	707.2	3815.9	763.2
1957	729.5	4105.4	821.1
1958	930.4	4879.2	975.8
1959	1039.6	6082.0	1216.4
1960	1472.5	7494.4	1498.9
1961	1910.0	9066.3	1813.3

বৎসর	আকরিক লোহার উৎপাদন	5-বৎসরের চলমান সমষ্টি (5-year moving total)	5-বৎসরের চলমান গড় (5-year moving average)
1962	2141.9	10523.1	2104.6
1963	2502.3	11442.4	2288.5
1964	2496.4	11697.4	2339.5
1965	2391.8	11500.0	2300.0
1966	2165.0	11152.8	2230.6
1967	1944.5	10930.9	2186.2
1968	2155.1	10302.9	2060.6
1969	2274.5		
1970	1763.8		

ওপরের উদাহরণে কালীন সারির উত্থান-পতনের ছক্তের গড় দৈর্ঘ্য ধরা হ'য়েছে 5 বৎসর। এজন্য এই ছক্তের প্রভাব দূর করার উদ্দেশ্যে 5 বৎসরের চলমান গড় নেওয়া হ'য়েছে।

### (গ) গাণিতিক রেখা নিরূপণ পদ্ধতি (Method of Mathematical Curves )

সুশাসিত গতিধারা নির্ণয়ের অন্য গাণিতিক রেখা নিরূপণ পদ্ধতির ( Method of Mathematical Curves ) ব্যাপক ব্যবহার করা- হ'য়ে থাকে। এই পদ্ধতির সর্বপ্রথম সূবিধা হ'লো এই যে এটি সম্পূর্ণরূপে বিষয়নির্ভর ( Objective ), ব্যবহারকারীর মজিত ওপর কোনোক্রমেই



ଚିତ୍ର ନଂ ୬୬ : ଜନନ ଗଢ଼ ପଦ୍ଧତିରେ ନିର୍ଭାତ ଆକରିକ ଲୋହ ଉତ୍ପାଦନର ସୁମାଗିତ ଗତିଥାରୀ  
( ସାରଣୀ—୬୧ ଅଷ୍ଟବା )

ନିର୍ଭରଶୀଳ ନମ୍ବର । ଏହି ପଦ୍ଧତିର ଆର ଏକଟି ସମ୍ଭବିତ ଏହି ସେ ଏଇ ବ୍ୟବହାରେର ହାରା ଭବିଷ୍ୟତେର ସୁଶାସିତ ଗତିଧାରାର ପୂର୍ବାଭାସ ( Forecasting Future Secular Trend ) ଦେଉଥା ସମ୍ଭବ ।

ଗାଣିତିକ ରେଖା ନିର୍ମାପଣେର ଅନ୍ୟ ସର୍ବପ୍ରଥମେ ନିର୍ଦ୍ଦେଶ ସୁଶାସିତ ଗତିଧାରାକେ କି ଧରଣେର ଗାଣିତିକ ରେଖା ( Mathematical Curve )-ର ହାରା ଚିହ୍ନିତ କରା ଯେତେ ପାରେ ତା ହିଁର କ'ରତେ ହବେ । ଏ ଉଦ୍ଦେଶ୍ୟ ପ୍ରଦତ୍ତ କାଲୀନ ସାରିର ଲେଖାଟି କିମ୍ବା କାଲୀନ ସାରିର ମାନଙ୍ଗଲିର ଲଗାରିଦ୍ମ୍-ଏର ଲେଖାଟି ଖାଲି ଚୋଥେ ପରିକ୍ଷା କ'ରେ ଦେଖୋ ହୁଏ । ଏରକମ୍ ପରିକ୍ଷାର ପର ଖାଲି ହାତେ ରେଖା ନିର୍ମାପଣ ପଦ୍ଧତିର ସାହାଯ୍ୟେ ସୁଶାସିତ ଗତିଧାରାର ରେଖାଟିର ରୂପ ସମ୍ବନ୍ଧେ ଏକଟି ମୋଟାମୁଣ୍ଡ ଧାରଣା କରା ହ'ଯେ ଥାକେ । ଏର ହାରା କି ଧରଣେର ଗାଣିତିକ ରେଖାର ବ୍ୟବହାର ସବଚାଇତେ ସ୍ଵବିଧାଜନକ ହବେ ତା ହିଁର କରା ଯାଏ । ଅଧିକାଂଶ କ୍ଷେତ୍ରେ ଏହି ଗାଣିତିକ ରେଖାର ରୂପ ଏକଟି ସ୍ଵବିଧା-ଜନକ ସ୍ଥାତ୍ତ୍ଵ ଅପେକ୍ଷକ ( Polynomial of suitable degree ) ହୁଏ ।

ଗାଣିତିକ ରେଖାଟିର ରୂପ ହିଁର କରାର ପର କୋଣୋ ଏକଟି ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ ରେଖା ନିର୍ମାପଣ ପଦ୍ଧତି ଅନୁସରଣ କ'ରେ ଏର ଧ୍ୱବକସମୂହ ( Parameters ବା Constants ) ପ୍ରାକ୍ତକଳନ ( Estimation ) କରା ହ'ଯେ ଥାକେ । ଧ୍ୱବକ ପ୍ରାକ୍ତକଳନରେ ସବଚାଇତେ ଥର୍ଚଲିତ ପଦ୍ଧତି ହ'ଲୋ ଲାର୍ଦିଷ୍ଟ ବର୍ଗ ସମ୍ଭାଟ ପଦ୍ଧତି ( Method of Least Squares ) । ତା ଛାଡ଼ା ଗୋଟିଏ ଗଡ଼ ପଦ୍ଧତି ( Group Average Method )-ଓ କୋଣୋ କୋଣୋ ଜୀବନଗାରୀ ବ୍ୟବହାର କରା ହ'ଯେ ଥାକେ । ନୀତେ ଏହି ପଦ୍ଧତିଙ୍ଗିର ବର୍ଣନ କରା ହ'ଲୋ :—

### (i) ଲାର୍ଦିଷ୍ଟ ବର୍ଗସମ୍ଭାଟ ପଦ୍ଧତି ( Method of Least Squares )

ଧରା ଯାକୁ ସୁଶାସିତ ଗତିଧାରା ନିର୍ଦ୍ଦେଶକ ଗାଣିତିକ ରେଖାଟି ଏକଟି  $r$ -ସାତ୍ତ୍ଵ ଅପେକ୍ଷକ । ଅର୍ଥାତ୍, ସଦି ସୁଶାସିତ ଗତିଧାରାକେ  $Y_i$  ର ହାରା ଚିହ୍ନିତ କରା ହୁଏ ଏବଂ ଏଟିର ( ଅର୍ଥାତ୍ ସମୟବିଲ୍ଲୁସମୂହେର ) ଅପେକ୍ଷକ ( Function ) ହୁଏ ତା ହ'ଲେ :—

$$Y_i = a_0 + a_1 t + a_2 t^2 + \dots + a_r t^r \quad (6.3)$$

ଏହି ସମୀକ୍ଷଣେ  $a_0, a_1, \dots, a_r$ -ଏହି ( $r+1$ )ଟି ଅଜାନ୍ଯ ଧ୍ୱବକ ( Unknown Constants ) ଆଛେ । ଲାର୍ଦିଷ୍ଟ ବର୍ଗସମ୍ଭାଟ ପଦ୍ଧତି ( Method of Least Squares ) ଅନୁଧାନୀ ଏହି ଧ୍ୱବକଙ୍ଗଲିର ପ୍ରାକ୍ତକଳୀନ ମାନ ( Estimate ) ନିର୍ଣ୍ଣୟ କରାର ଅନ୍ୟ ନିୟମିତ ବୌଲ ସମୀକ୍ଷଣ ( Normal Equations ) ଗମୁହେର ସମାଧାନ କ'ରତେ ହବେ :—

$$\Sigma Y_t = a_0 + a_1 \Sigma t + a_2 \Sigma t^2 + \dots + a_n \Sigma t^n$$

$$\Sigma Y_t t = a_0 \Sigma t + a_1 \Sigma t^2 + a_2 \Sigma t^3 + \dots + a_n \Sigma t^{n+1}$$

$$\Sigma Y_t t^2 = a_0 \Sigma t^2 + a_1 \Sigma t^3 + a_2 \Sigma t^4 + \dots + a_n \Sigma t^{n+2}$$

$$\Sigma Y_t t^n = a_0 \Sigma t^n + a_1 \Sigma t^{n+1} + a_2 \Sigma t^{n+2} + \dots + a_n \Sigma t^{2n}$$

( এখানে কালীন সারিটিতে মোট  $n$ -টি সময়বিলু ধরা হ'য়েছে ) ( 6.4 )

যখন স্থানিক গতিধারাকে একটি সরলরেখার দ্বারা প্রকাশ করা যায় তখন স্পষ্টতঃই

$$Y_t = a_0 + a_1 t \quad (6.5)$$

এক্ষেত্রে,  $a_0$  ও  $a_1$ , এই ধূম্বক দুটির প্রাক্কলন ( Estimation )-এর অন্য ( 6.4 ) অনুসরণ ক'রে নিম্নলিখিত মৌল সমীকরণ দুটি পাই :—

$$\Sigma Y_t = n a_0 + a_1 \Sigma t$$

$$\Sigma Y_t t = a_0 \Sigma t + a_1 \Sigma t^2 \quad (6.6)$$

অনুরূপভাবে স্থানিক গতিধারাকে হিসাত অপেক্ষক ( 2nd degree Polynomial ) দ্বারা প্রকাশ ক'রলে :—

$$Y_t = a_0 + a_1 t + a_2 t^2 \quad (6.7)$$

$a_0$ ,  $a_1$  ও  $a_2$  র প্রাক্কলনী মান ( Estimated Value ) নিম্নলিখিত মৌল সমীকরণগুলি থেকে পাওয়া যাবে—

$$\Sigma Y_t = n a_0 + a_1 \Sigma t + a_2 \Sigma t^2$$

$$\Sigma Y_t t = a_0 \Sigma t + a_1 \Sigma t^2 + a_2 \Sigma t^3$$

$$\Sigma Y_t t^2 = a_0 \Sigma t^2 + a_1 \Sigma t^3 + a_2 \Sigma t^4 \quad (6.8)$$

সাধারণত: বিভিন্ন সময়বিলুগুলি পরম্পর সমান দূরত্বের হয়। ওপরের সমীকরণগুলির সমাধানের জন্য কতগুলি সরলীকরণ পদ্ধতি প্রচলিত আছে। নীচের উদাহরণগুলিতে এই পদ্ধতিগুলির ব্যবহার দেখান হ'লো।

**উদাহরণ 6.2** সারণী নং 6.2 এর প্রথম দুটো স্তরে 1964-65 থেকে 1970-71 সাল পর্যন্ত পশ্চিমবঙ্গে চালের উৎপাদনের পরিমাণ

ଦେଖାନ ହ'ଯେଛେ । ଏହି କାଲୀନ ସାରିଟିର ଲେଖ ପରୀକ୍ଷା କ'ରେ ଦେଖା ଯାଯି ଥେ ଏକେତେ ସୁଶ୍ରାଦ୍ଧିତ ଗତିଧାରା ଏକଟି ସରଳ ରେଖାର ହାରା ପ୍ରକାଶ କରା ଯେତେ ପାରେ ।

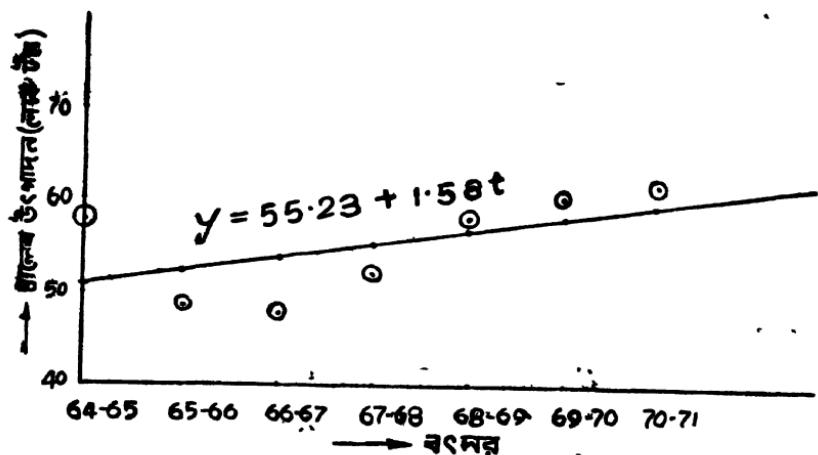
### ଜାରଣୀ 6·2

ପଞ୍ଚମବଙ୍ଗେ ଚାଲେର ଉତ୍ପାଦନ, 1964-71

ବର୍ଷାର (t)	ଚାଲେର ଉତ୍ପାଦନ —ଲକ୍ଷ ଟଙ୍କେ (y)	t	$t^2$	$ty$
(1)	(2)	(3)	(4)	(5)
1964-65	57.61	-3	9	-172.83
1965-66	48.93	-2	4	-97.86
1966-67	48.24	-1	1	-48.24
1967-68	52.08	0	0	0
1968-69	57.80	+1	1	57.80
1969-70	60.55	+2	4	121.10
1970-71	61.40	+3	9	184.20
ମୋଟ	386.61	0	28	44.17

ଏ ଉଦ୍ଦେଶ୍ୟେ ଲାର୍ଧିଷ୍ଟ ବର୍ଗସମାନ ପଦ୍ଧତିର ସହାୟତାଯି ନିୟମିତ୍ତିତ ସରଳ ରେଖାର ସମୀକ୍ରମରେ କ୍ରମକେନ୍ର ପ୍ରାକ୍ତକଳନ କ'ରାନ୍ତେ ହବେ :—

$$y = a_0 + a_1 t$$



চিত্র নং—৬.৭ : সরলরেখা নিরাপদ পদ্ধতির সাহাব্যে স্থানান্তর  
গতিধারা নির্ধারণ (উদাহরণ ৬.২ হ'লেব্য )

এখানে  $a_0$ ,  $a_1$  এই দুটি ধৰ্মবক্রের প্রাক্কলনের জন্য নিম্নলিখিত  
মৌল সূত্রকরণ দুটো ব্যবহার করা হ'লেছে :—

$$\Sigma y = n a_0 + a_1 \Sigma t$$

$$\Sigma t y = a_0 \Sigma t + a_1 \Sigma t^2$$

এখানে : সময়বিশ্লেষণের মূলবিন্দু (Origin) ১৯৬৭-৬৮-র (অর্ধাংশ মধ্যবর্তী বৎসরের) বিপরীতে নেওয়া হ'লেছে (সারণী ৬.২ এর (3) নং সূত্র হ'লেব্য)। ফলে এখানে  $\Sigma t = 0$ । সূত্রাঃ একেজে উল্লিখিত সূত্রকরণ দুটির সরবীকৃত ঝাপ হবে :—

$$\Sigma y = n a_0$$

$$\Sigma t y = a_1 \Sigma t^2$$

এখানে,  $n=7$ ,  $\Sigma y=386.61$

$\Sigma t^2=28$  এবং  $\Sigma t y=44.17$

অঙ্গাঃ,  $7a_0=386.61$

অর্ধাঃ,  $a_0=55.23$  এবং  $a_1=1.58$

সূত্রাঃ, স্থানান্তর গতিধারা নির্ধারক সরলরেখাটি :—

$$y=55.23+1.58t$$

উদাহরণ ক'রে সারণী নং—৬.৩ এর প্রথম এবং দ্বিতীয় অন্তে  
পরিচয়কে ১৯৬৪-৬৫ থেকে ১৯৭০-৭১ স'বস্তু পাট উৎপাদনের পরিমাণ

ଦେଖାନ ହ'ରେହେ । ଏହି କାଳୀନ ସାରିର ଲେଖ ବିଶ୍ୱସର୍ଥ କ'ରେ ଦେଖା ଗେଛେ ଯେ ଏହି ସୁଧାସିତ ଗତିଧାରା ଏକଟି ହିଷାତ ଅପେକ୍ଷକ ( 2nd degree polynomial ) ହାରା ପ୍ରକାଶ କରା ଯେତେ ପାରେ । ଅର୍ଦ୍ଧାଂ ଏକେ ନିୟମିତ ଅପେକ୍ଷକଟିର ହାରା ପ୍ରକାଶ କରା ଯେତେ ପାରେ—

$$y = a_0 + a_1 t + a_2 t^2$$

$a_0, a_1$  ଓ  $a_2$ —ଏହି ତିନାଟି ଧ୍ୱନିକେର ପ୍ରାକ୍ତନନେର ଅନ୍ୟ ଲାଭିତ ବର୍ଗମାଟି ପରିଭିତ୍ତି ଅବଲମ୍ବନ କ'ରେ ନିୟମିତ ସମୀକରଣ ତିନାଟିର ସମୀକରଣ କ'ରତେ ହନେ—

$$\Sigma y = n a_0 + a_1 \Sigma t + a_2 \Sigma t^2$$

$$\Sigma t y = a_0 \Sigma t + a_1 \Sigma t^2 + a_2 \Sigma t^3$$

$$\Sigma t^2 y = a_0 \Sigma t^2 + a_1 \Sigma t^3 + a_2 \Sigma t^4$$

ଏହି ଉଦ୍ଦାହରଣେ ତୋଡ଼ ଗଂଖ୍ୟକ ବ୍ୟବର ( ମୋଟ ବ୍ୟବରର ସଂଖ୍ୟା 6 ) ଥାବାର ଏହି ବୁଲବିଶ୍ଵ ( origin ) 1966-67 ଏବଂ 1966-68ର ମଧ୍ୟବତ୍ତୀ ବ୍ୟବର ବିଶ୍ୱାତେ ନେବା ହରେହେ । କଲେ ଏଥାମେ ଏହି ଏହି ଏହି ଏହି ଏହି ଏହି ନିର୍ଦ୍ଦେଶ ସମୀକରଣଙ୍କୁ ନିୟମର୍ଦ୍ଦ ହବେ—

$$173.4 = 6a_0 + 70a_1$$

$$-30.6 = 70a_1$$

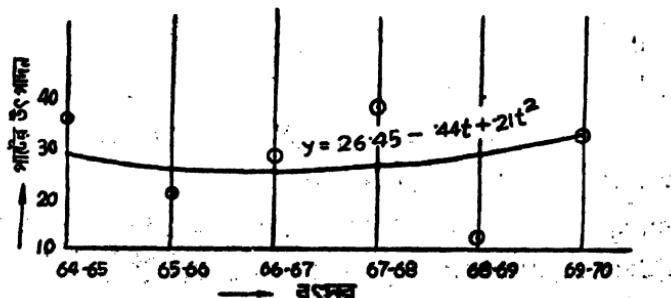
$$2148.6 = 70a_0 + 1414a_1$$

ଏହାର ସମୀକରଣ କ'ରେ :—

$$a_0 = 26.45, a_1 = -44 \text{ ଏବଂ } a_2 = .21$$

ଅତିରିକ୍ତ ସୁଧାସିତ ଗତିଧାରା ନିର୍ଦ୍ଦେଶ ସରଳରେଖାଟି ନିୟମର୍ଦ୍ଦ ହବେ :—

$$Y = 26.45 - 44t + .21t^2$$



ଚିତ୍ର ନଂ 6.8 : ହିଷାତ ଅପେକ୍ଷକ ନିର୍କଳଣ ପରିଭିତ୍ତିର ସାହାବେ ସୁଧାସିତ ଗତିଧାରା ନିର୍ଦ୍ଦେଶ

## সারণী 6.3

পশ্চিমবঙ্গে পাটের উৎপাদন—1964-70

বৎসর	পাটের উৎপাদন (180 কেজির লক্ষ গাঁট-এর হিসাবে )	$t$	$t^2$	$t^3$	$t^4$	$ty$	$t^2y$
(1)	(2)	(3)	(4)	(5)	(6)	(7)	(8)
1964-65	36.5	-5	25	-125	625	-182.5	912.5
1965-66	22.4	-3	9	-27	81	-67.2	201.6
1966-67	28.8	-1	1	-1	1	28.8	28.8
1967-68	38.5	1	1	1	1	38.5	38.5
1968-69	13.3	3	9	27	81	39.9	119.7
1969-70	33.9	5	25	125	625	169.5	847.5
	$\Sigma y = 173.4$	$\Sigma t = 0$	$\Sigma t^2 = 70$	$\Sigma t^3 = 0$	$\Sigma t^4 = 1414$	$\Sigma ty = -30.6$	$\Sigma t^2y = 2148.6$

## (II) গোষ্ঠী গড় পদ্ধতি ( Group Average Method )

ধাতব অপেক্ষক ( Polynomial ) এর ধ্রুবক সমূহের প্রাক্কলনের অন্য প্রধানতঃ লবিষ্ঠ বর্গসমষ্টি পদ্ধতি ব্যবহার করা হ'য়ে থাকে। কিন্তু অনেক সময় সুশাস্ত্র গতিধারাকে এমন বিশেষ ধরণের অপেক্ষকের হারা চিহ্নিত করা হ'য়ে থাকে যার ধ্রুবক সমূহের প্রাক্কলনের অন্য লবিষ্ঠ বর্গসমষ্টি পদ্ধতির ব্যবহার-সুবিধাজনক নয়। এরকম ক্ষেত্রে কোনো

কোনো সময়ের গোষ্ঠী গড় পদ্ধতি ব্যবহার করা হ'লে থাকে। বেবন,  
নীচের উপাদানগুটির কথা ধরা যাবু,

$$y_t = a \cdot b^{ct} \quad (6.9)$$

$$\text{অর্থাৎ, } \log y_t = \log a + (\log b)ct \quad (6.10)$$

ধরা যাক.  $\log y_t = y'_t$ ,  $\log a = a'$   
 $\log b = b'$

সূত্রাঃ (6.10) হবে,

$$y'_t = a' + b'ct \quad (6.11)$$

এখানে তিনটি প্রস্তুক  $a'$ ,  $b'$  এবং  $c$ -র প্রাঙ্কুকলন ক'রতে হবে।  
এ উদ্দেশ্যে নিম্নিটি কালীন সারিটির মোট সময়ের প্রসার (Range  
of time covered by the time series) কে তিনটি সমানভাবে ভাগ  
করা হ'লে থাকে। ধরা যাবু, প্রতিটি ভাগে  $m$ -টি সময়বিলু আছে।  
তা হ'লে  $y'_t$ -র যোগফলকে নিম্নলিখিত তিনটি ভাগে প্রকাশ করা  
থেকে পারে :—

$$S_1' = \sum_{t=1}^m y'_t; \quad S_2' = \sum_{t=m+1}^{2m} y'_t; \quad S_3' = \sum_{t=2m+1}^{3m} y'_t$$

সূত্রাঃ (6.11) অনুযায়ী :—

$$\begin{aligned} S_1' &= \sum_{t=1}^m (a' + b'ct) = ma' + b' \sum_{t=1}^m ct \\ &= ma' + b' \left( c \cdot \frac{1 - c^m}{1 - c} \right) \\ &= ma' + b'c \cdot \frac{1 - c^m}{1 - c} \end{aligned}$$

টিক অনুরূপ ভাবে,

$$S_2' = \sum_{t=m+1}^{2m} (a' + b'ct)$$

$$= ma' + b'c^{m+1} \frac{1 - c^m}{1 - c}$$

এবং

$$S_1' = \sum_{i=m+1}^n (a' + b' c^{i-1})$$

$$= a' + b' c \frac{1 - c^m}{1 - c}$$

গুপ্তের সরীকরণ ডিনটি সমাধান ক'রে আবরা পাই :—

$$a' = \frac{1}{m} \times \frac{S_1' S_2' - S_3'}{S_2' - 2S_1' + S_3'}$$

$$b' = \frac{(S_1' - S_3') (1 - c)}{c(1 - c^m)}$$

$$\text{এবং } c = \left( \frac{S_1' - S_3'}{S_2' - S_3'} \right)^{\frac{1}{m}} \quad (6.12)$$

$a'$ ,  $b'$ , এবং  $c$  মান নির্দেশ ক'রে আব থেকে  $a$  ও  $b$ র মান নির্দেশ করা যাবে।

(6.9) এ ডিমিখিত রেখাটিকে গৃহ্ণাত্বজ্ঞ রেখা (Gompertz Curve) বলা হয়। ফলিত রাশিবিজ্ঞান (Applied Statistics) এবং বিভিন্ন ক্ষেত্রে (বিশেষভাবে অনসংখ্যা এবং সাম্যসংক্রান্ত রাশিবিজ্ঞানে) এই রেখার ব্যাপক ব্যবহার আছে।

গৃহ্ণাত্বজ্ঞ রেখার মতো লজিস্টিক রেখা (Logistic Curve) নামে আব একটি রেখার ব্যবহারও রাশিবিজ্ঞানের উপরোক্ত শাখাগুলিতে ব্যাপকভাবে করা হয়। এর ক্রম এরকম :—

$$y_t = \frac{k}{1 + e^{a_0 + a_1 t}} \quad (6.13)$$

$$\therefore \frac{1}{y_t} = \frac{1}{k} + \left( \frac{e^{a_0}}{k} \right) \left( e^{a_1 t} \right)^t$$

$$\text{অর্থাৎ, } y'_t = a' + b' c'^t$$

$$\text{বেধানে, } y_t' = \frac{1}{y_t}, \quad a' = \frac{1}{k}$$

$$b' = \left( \frac{e^{a_0}}{k} \right), \quad c' = e^{a_1 t}$$

স্তরাং, উপরোক্ত রেখার অন্তর্ভুক্ত প্রথম সমূহের আকৃতিলক্ষণ গোষ্ঠীগত পক্ষতি অনুযায়ী করা হবে পারে।

অনেক সময় কালীন সারির সুশাসিত গতিধারা সহজে খুব অত একটা মোটামুটি ধারণা করার জন্য ঐ সারির মোট সময়কে দুটো সমানভাবে ভাগ করা হয়। তারপর প্রতিটি ভাগের গাণিতিক গড় নির্ণয় করা হয়। অর্ধাং দুটি ভাগের জন্য দুটি গড় পাওয়া যায়। এরপর প্রতিটি ভাগের মধ্যবর্তী সময়ের বিপরীতে সেই ভাগের গড়কে একটা লৈখিক কাগজে (Graph paper)-এ পুট (Plot) করা হয়। এরকমভাবে লৈখিক কাগজে কালীন সারির দুটি ভাগে জন্য দুটি পুট করা বিশু পাওয়া যায়। এই বিশু দুটিকে একটা সরলরেখার ধারা যুক্ত ক'রলে ঐ সরলরেখাটি নির্দিষ্ট কালীন সারির সুশাসিত গতিধারা সংক্ষে একটা মোটামুটি ধারণা দেয়।

### ৬.৫ ঋতুজ তেহের পরিমাপ (Measurement of Seasonal Fluctuations)

সুশাসিত গতিধারার মত ঋতুজ ভেদের পরিমাপ করার প্রয়োজনীয়তাও অনেক সময় বিশেষভাবে অনুভূত হয়। যেমন, পণ্যসম্বয়াদি বিজীর জন্য বৎসরের বিভিন্ন ঋতুতে পণ্যের ক্রিয়ম চাহিদা হয় তা বিক্রেতার বিশেষভাবে আনা দরকার। কারণ চাহিদা অনুযায়ী ঝোগান স্থির ক'রতে হবে। এ উচ্ছেশ্যে বিভিন্ন বিজীর পণ্যের পরিমাণের ঋতুজ ভেদের পরিমাপ করা প্রয়োজন।

আগেই বলা হ'য়েছে যে এক বৎসরের কথ সময়ের কালীন সারির উভান পতন ঋতুজ ভেদের ধারা নির্দেশিত হ'য়ে থাকে। এরকম সময়ের ব্যাপ্তি একটি ঋতু, একটি মাস, একটি সপ্তাহ বা একটি দিন হ'তে পারে। তবে সাধারণত: মাস বা ঋতুর প্রচলনই বেশী। এজন্য বর্তমান আলোচনার মাস বা ঋতুর উদাহরণ দেওয়া হবে। কিন্তু এসব উদাহরণের সাহাব্যে প্রদর্শিত পক্ষতিশুলি সামাজিক দৈনিক বা অন্য যে কোনো প্রকার ঋতুজ ভেদের জন্য সম্ভাব্য প্রযোজ্য।

৬.৩ তে দেখান হ'য়েছে যে বহু প্রচলিত প্রধা অনুযায়ী কালীন সারিকে নিম্নলিখিত রূপে প্রকাশ করা হবে পারে:—

$$y = T \times S \times C \times I$$

( প্রতীকগুলির অর্থ ৬.৩ তে ব্যাখ্যা করা হ'য়েছে )

ସାରା ବାବୁ,  $y_s = T \times C \times I$

ତା ହଲେ, ପ୍ରଟିତଃଇ :—

$$\frac{y_s}{y'_s} = \frac{T \times S \times C \times I}{T \times C \times I} = S$$

ଅର୍ଥାତ୍  $y_s$  କେ  $y'_s$  ଦାରା ଭାଗ କ'ରିଲେ ଶ୍ଵତୁଜ ଭେଦର ପରିମାପ ପାଓଯା ଯାବେ । ବାନ୍ଧବକ୍ଷେତ୍ରେ, ସ୍କ୍ରାପିତ ଗତିଧାରା ( $T$ ), ଚକ୍ରିଳ ଭେଦ ( $C$ ) ଏବଂ ଅନିୟମିତ ଗତିଧାରା ( $I$ )ର ଗୁଣକଳ ହିଁବେ  $y'_s$  ର ବ୍ୟାଯଥ ମାନ ନିର୍ଣ୍ଣୟ କରିଯାଇଥିବା ପରିମାପରେ ସମ୍ଭବ ହୁଏ ନା । ତରେ ଅନେକଟା କାହାକାହିଁ ମୂଲ୍ୟାଙ୍କଣର ଥିଲେ କରା ହ'ରେ ଥାକେ । ନୀତେ ବନିତ ପଞ୍ଜିଖଲିର ସବକଟିଇ କୋନୋ ବା କୋନୋଭାବେ ଉପରୋକ୍ତ ତାତ୍ତ୍ଵିକ ବିଚାରପକ୍ଷତି ଥେବେ ଉତ୍ସୁତ ।

(କ) ମାସିକ ବା ତୈରାଗିକ ଗଡ଼ ପରିଷତ୍ତି (Method of Monthly or Quarterly Average)

ଏଟି ହ'ଲେ ଶ୍ଵତୁଜ ଭେଦ ନିର୍ଣ୍ଣୟର ସବଚାଇତେ ସରଳ ପରିଷତ୍ତି । ଏଇ ପରିଷତ୍ତି ଅନୁଶରଣକାଲେ ହ'ରେ ନେଓଯା ହୁଏ ଯେ ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ କାଲୀନ ସାରିଟି ସ୍କ୍ରାପିତ ଗତିଧାରା ଏବଂ ଚକ୍ରିଳ ଭେଦର ପ୍ରଭାବମୁକ୍ତ । ଅର୍ଥାତ୍ ସାରିଟି କେବଳମାତ୍ର ଶ୍ଵତୁଜ ଭେଦ ଏବଂ ଅନିୟମିତ ଗତିଧାରାର ଦାରା ପ୍ରଭାବିତ । ଅନିୟମିତ ଗତିଧାରାର ପ୍ରଭାବ ଦୂର କରାର ଜନ୍ୟ ସାରିଟିର ମାସିକ (ବା ତୈରାଗିକ) ମାନଖଲିର ଗଡ଼ ନେଓଯା ହ'ରେ ଥାକେ । ପ୍ରଟିତଃଇ ଏଇ ପରିଷତ୍ତିଟି ଅଧିକାଂଶ କେତେଇ ଅଧ୍ୟୋଜ୍ୟ ନମ୍ବର । କାରଣ ଏମନ କାଲୀନ ସାରି ଖୁବ କମିଲେ ପାଓଯା ଯାଇ ଯା ସ୍କ୍ରାପିତ ଗତିଧାରା ଏବଂ ଚକ୍ରିଳ ଭେଦର ପ୍ରଭାବମୁକ୍ତ ।

(ଖ) ଚଲମାନ ଗଡ଼ ଦାରା ଭାଗ କରଣ ପରିଷତ୍ତି (Ratio to Moving Average Method)

ଏ ପରିଷତ୍ତି ଅନୁଯାୟୀ ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ କାଲୀନ ସାରିର ମାସିକ (ବା ତୈରାଗିକ) ମାନଖଲିର ବାରମାସେର ଚଲମାନ ଗଡ଼ ନେଓଯା ହ'ରେ ଥାକେ । ଆଗେଇ ବଳା ହ'ମେଛେ ଏ ରକମ କ'ରିଲେ କାଲୀନ ସାରିଟି ଶ୍ଵତୁଜ ଭେଦର ପ୍ରଭାବମୁକ୍ତ ହବେ । ଗଡ଼ ନେଓଯାର ଫଳେ ଅନିୟମିତ ଗତିଧାରାର ପ୍ରଭାବର ବଛାଂଶେ ଦୂରୀଭୂତ ହୁଏ । ସବୁ ଅନିୟମିତ ଗତିଧାରା  $I$ କେ ନିମ୍ନୋକ୍ତଙ୍କପେ ଥରାଣ କରା ଯାଇ :—

$$I = I' \times I''$$

ବେଳେ,  $I' =$ ବାର ମାସେର ଚଲମାନ ଗଡ଼ ନେଓଯାର ଫଳେ ଦୂରୀଭୂତ  $I$  ଏର ଅଂଶ ।

ଏଥିରେ  $I'' =$ ବାର ମାସେର ଚଲମାନ ଗଡ଼ ନେଓଯାର ପରାମରଶ ଏର ଯେ ଅଂଶ ଦୂରୀଭୂତ ହୁଏନି ।

ତାହିଁଲେ,

$$y = T \times S \times C \times I \\ = T \times S \times C \times I' \times I''$$

ବାର ବାସେର ଚଲମାନ ଗଡ଼ ଲେଉୟାର ଫଳେ  $y = S \times I'$  ଅଥ ଦୂରୀଭୂତ ହୁଏ ଏବଂ  $T \times C \times I'$  ଅଥ ଥାକେ । ଚଲମାନ ଗଡ଼ର ଏହି ଅଥ ( ଅର୍ଧାଂ  $T \times C \times I''$  ) ହାରା କ୍ରମିଣ ସାରିର ମୂଳ ବାନକେ ( ଅର୍ଧାଂ  $y = T \times S \times C \times I = T \times S \times C \times I' \times I''$  ) ଭାଗ କ'ରଲେ ଆସିଯା ପାଇ :—

$$\frac{y}{T \times C \times I''} = \frac{T \times S \times C \times I' \times I''}{T \times C \times I'} = S \times I'$$

ଅର୍ଧାଂ, ଉପରୋକ୍ତ ପରିଚ୍ଛିତ ଅବଲମ୍ବନ କ'ରଲେ କାଲୀନ ସାରି ଥେବେ ଅନିମାନିତ ଗତିଧ୍ୟାରାର ଏକାଂଶ ସହ ଝାତୁଳ ଭେଦକେ ନିର୍ଣ୍ଣୟ କରା ଗନ୍ତବ୍ୟ । ତବେ ବେହେତୁ ବାର ବାଲ୍ବର ଚଲମାନ ଗଡ଼ ଲେଉୟା ହ'ରେ ଖାତକ ଲେବଲର ପରିମ କାର ବାଲ୍ବର ଏବଂ ଶେଷେର ଛର ବାସେର ବାଲଙ୍ଗଲି ପାଓୟା ଯାଇ ନା । କାଲୀନ ସାରିର ବାକୀ ପ୍ରତିକିର୍ଣ୍ଣ ବାନକେ ଏହି କିମ୍ବାରୀଜ୍ଞତା ବାର ବାସେର ଚଲମାନ ଗଡ଼ର ବାବ ଦିଯେ ତାଗ କ'ରେ ନିର୍ଦ୍ଦେଶ  $S \times I'$ -ର ବାବ ନିର୍ଣ୍ଣୟ କରା ହ'ରେ ଥାଇବ । ଏରପର  $I'$ -ର କ୍ରତାବ ଦୂର କରାର ଜନ୍ୟ  $S \times I'$ -ଏହି ବାସିକ ବାଲଙ୍ଗଲିର କରେବ ବ୍ୟକ୍ତରେର ଗଡ଼ ଲେଉୟା ହ'ରେ ଥାଇବ ( ନୀତିର ଉଦ୍‌ଦେଶ୍ୟ ଅନୁରୋଧ ) । ସମ୍ମ ଅନିମାନିତ ଗତିଧ୍ୟାରାର ପ୍ରତାବ ନାହାନ୍ୟ ହୁଏ ତା ହ'ଲେ ଏରକମ କେତେ ଗାଣିତିକ ଗଡ଼ ମିଳେଇ ଚଲେ । କିନ୍ତୁ ବାସିକ ବାଲଙ୍ଗଲିର କରେବଟି ସମ୍ମ ଅନ୍ତାଭାବିକ କ୍ରତ୍ୟ ବେଳୀ ବା କ୍ରତ୍ୟ ହୁଏ ତାହିଁଲେ ବ୍ୟକ୍ତା ( Median )ର ବ୍ୟକ୍ତାର କାଣ୍ଠନୀୟ କିଂବା ଅନ୍ତାଭାବିକ ମାଲଙ୍ଗଲି ବାଦ ଦିଯେ ଗାଣିତିକ ଗଡ଼ ଲେଉୟା ବେତେ ପାରେ । ତୁଳନାର ମୁଖ୍ୟ ଝାତୁଳ ଭେଦର ଲୁଚକେର ଗଡ଼ 100 ଥରା ହୁଏ । ମୁତ୍ତରାଂ ବାଲ୍ବରିକ ହିସାବେ, ଏହି ଗଡ଼ ସବୁହେର ବୋଗକଳ ବାସିକ କାଲୀନ ସାରିର କେତେ 1200 ଏବଂ ତୈମାସିକ କାଲୀନ ସାରିର କେତେ 400 ହେଯା ଉଚିତ ( ନୀତେ ଉଦ୍‌ଦେଶ୍ୟ ଅନୁରୋଧ ) । କିନ୍ତୁ ବାଲ୍ବକେତେ ଅନେକ କମ ଏହି ବୋଗକଳ 1200-ବା 400 ହରା ନା । ଏରକମ ଅବଶ୍ୟମ ଏକାଟ ଖକ୍ଷି ଶୁଣ୍ଣିକଟି ( Correction Factor )-ଏହି ବ୍ୟକ୍ତାର କରା ମନ୍ତକାର ହ'ରେ ପରେ । ଏହି ଶୁଣ୍ଣିକଟିର ବାବ 1200 ÷ ( ଗଡ଼ ସବୁହେର ବୋଗକଳ ) ବା 400 ÷ ( ଗଡ଼ ସବୁହେର ବୋଗକଳ ) ହୁଏ ।

**ଉଦ୍‌ଦେଶ୍ୟ 6.4** ନୀତେ ଉଦ୍‌ଦେଶ୍ୟରେ କ'ଲକାତାର ( 101 ଟାକା—200 ଟାକା ) ବ୍ୟକ୍ତରେର ପରିବାର ସମୁହେର ଜୀବନଶାତାର ବ୍ୟକ୍ତନିର୍ବାହକ ତୈମାସିକ ( Quarterly ) ଲୁଚକେର ମୂଳକ ହ'ବାଇଲେ । ଚଲମାନ ଗଡ଼ ହାରା ଭାଗକରଣ ପରିଚ୍ଛି ( Ratio to Moving Average Method )ର ମୂଳାତାର ଏବେର ଝାତୁଳ ଭେଦର ଲୁଚକ ( Seasonal Index ) ନିର୍ଦ୍ଦେଶ କର ।

कालीन गार्व विप्रवर्षण

गार्वी 6.4  
कालीन गार्व विप्रवर्षण ( 101 टोका - 200 टोका ) कालीन गार्व विप्रवर्षण के द्वारा बदलाव शहू ।

वर्ष	(101 टो—200टा) सारखेवर परिवार सम्हेव भविका निवाहन व्यापक शब्द	(नवतव 1950=100)	(1) (2)	(3)	(4)	(5)	(6)
			(101 टो—200टा) सारखेवर परिवार सम्हेव भविका निवाहन व्यापक शब्द	4—विप्र चलान गवाई (4—Point Moving Total )	(3) नं. उत्तर चलान गवाई [ (2—Point Moving total of Col (3) ]	4—केंद्रीय 2—विप्र चलान गवाई ( Centred 4—Point Moving Average )	4—विप्र चलान गवाई प्रम् ( Centre 4—Point Moving Average )
1966 :	प्रथम चतुर्थांशः (1st Quarter) वित्तीय चतुर्थांशः (2nd Quarter)	148.6	155.2	628.7	1274.2	159.3	1024.
	तृतीय चतुर्थांशः (3rd Quarter)		162.5	645.5	1305.0	161.1	93.8
	चतुर्थ चतुर्थांशः (4th Quarter)		162.4	659.5	1330.9	166.4	99.88.
1967 :	प्रथम चतुर्थांशः (1st Quarter) वित्तीय चतुर्थांशः (2nd Quarter)	165.4	169.2	671.4	1363.9	170.5	99.24
	तृतीय चतुर्थांशः (3rd Quarter)		174.4	709.2	1401.7	175.2	99.54
	चतुर्थ चतुर्थांशः (4th Quarter)		183.5	722.4	1455.2	1431.6	102.51
						181.9	100.11

ଆର୍ଥିକୀ 6.4  
( ପୂର୍ବ ପର୍ଯ୍ୟନ୍ତ ପରିବାଳନ )

ବର୍ଷ	(10୧୩—2୦୦୫) ବ୍ୟକ୍ତିଗତ ପରିବାର ସମ୍ପଦର ଲୀବିକା ନିର୍ବଳାହନ ବାଯୋର ଶତର୍ଥ (ନାଡୁବର 1୯୫୦—1୦୦)	4—ବିଶ୍ୱାସ ଚଲନାନ ଯମ୍ଭା ( 4—Point Moving Total )	(3) ନ୍ୟୁକ୍ତ 2—ବିଶ୍ୱାସ ଚଲନାନ ଯମ୍ଭା [ 2—Point Moving Total of Col (3) ]	କେଣ୍ଟିଭ୍ରତ 4—ବିଶ୍ୱାସ ଚଲନାନ ଯମ୍ଭା ( Centred 4—Point Moving Average )	କେଣ୍ଟିଭ୍ରତ ଅନୁପାତ = 100 X ( 2 ) / ( 5 )
			( 1 )	( 2 )	( 3 )
1968 :	ଅଧିକ ଚତୁର୍ଦ୍ଦଶାବ୍ଦୀ	182.1	732.8	1469.5	183.7
	(1st Quarter)	182.4	736.7	1472.5	184.0
	(2nd Quarter)	184.8	735.6	1471.7	184.0
	(3rd Quarter)	187.4	736.1	1474.9	184.4
	(4th Quarter)				
1969 :	ଅଧିକ ଚତୁର୍ଦ୍ଦଶାବ୍ଦୀ	181.0	738.8	1484.4	185.6
	(1st Quarter)	182.9	745.6		
	(2nd Quarter)	187.5			
	(3rd Quarter)				
	(4th Quarter)	194.2			
					98.55

এখানে প্রত্যেক বৎসরকে চারটি চতুর্ধাংশে ( এক একটি চতুর্ধাংশে তিনমাস সময় ) ভাগ করা হ'য়েছে এবং প্রতিটি চতুর্ধাংশের জন্য একটি সূচক নির্দিষ্ট করা হ'য়েছে। ধাতুজ ভেদের প্রভাব দূর ক'রতে হ'লে পুরো বৎসরের ওপর গড় নিতে হবে। বর্তমান ক্ষেত্রে চারটি চতুর্ধাংশে এক বৎসর পুরো হয়। সেজন্য প্রতি চারটি চতুর্ধাংশের ওপর গড় ( গাণিতিক গড় ), নিতে হবে—অর্থাৎ চারবিশুর চলমান গড় নিতে হবে। প্রতি চার বিশুর গড়ের অবস্থান হিতীয় এবং তৃতীয় বিশুর মাঝখানে হবে। এ উদ্দেশ্যে এই গড়গুলিকে নির্দিষ্ট বিশুর বিপরীতে কেন্দ্রীভূত ( Centred ) ক'রতে হ'লে এদের ( অর্থাৎ চার বিশুর চলমান গড় সমূহের ) আবার দুই বিলু গড় নিতে হবে। ওপরের উদাহরণের ৫ নং স্তরে এই কেন্দ্রীভূত চলমান গড়সমূহ দেখান হ'য়েছে। ( খ ) এ প্রদর্শিত যুক্তি অনুযায়ী এই গড়গুলি  $S \times I'$ -এর প্রভাবযুক্ত। অর্থাৎ এরা  $T \times C \times I'$ -এর প্রভাবযুক্ত। অপরপক্ষে ২নং স্তরে প্রদর্শিত মানগুলি  $T \times S \times C \times I' \times I''$ -এর প্রভাবযুক্ত। স্বতরাং এদের ৫ নং স্তরের মান সমূহ দ্বারা ভাগ করলে  $\frac{T \times S \times C \times I' \times I''}{T \times C \times I'} = S \times I'$ -এর প্রভাবযুক্ত

অংশ পাওয়া যায়। এরকম ভাগ ৬ নং স্তরে করা হ'য়েছে ( এখানে মান বিশুহকে শতকরা হিসাবে প্রকাশ করা হ'য়েছে )। ৬নং স্তরের মানগুলি লক্ষ্য ক'রলে দেখা যায় যে এদের মধ্যে অস্বাভাবিক কোনো মান নেই। সেজন্য একেবে প্রতিটি চতুর্ধাংশের বিভিন্ন বৎসরের মানগুলির গাণিতিক গড় নিলেই চলবে। সারণী ৬.৫-এ এরকম গড় নেওয়া হ'য়েছে। আবার চারটি চতুর্ধাংশের গাণিতিক গড়গুলির সমষ্টি এখানে হ'য়েছে 400.24। কিন্তু তাত্ত্বিক বিচারে এই সমষ্টি 400 হওয়া উচিত। এজন্য শুক্র গুণনীয়ক ( Correction Factor )  $\frac{400.00}{400.24} = .9994$  দ্বারা প্রতিটি গড়কে শুরু করা হ'য়েছে।

কলে যে পরিবর্তিত ধাতুজ সূচকগুলি ( Adjusted Seasonal Indices ) পাওয়া গেছে তাদের সমষ্টি ঠিক 400.00 হ'য়েছে।

## সময় ৬৫

চতুর্থাংশ (Quarter) বৎসর ↓	প্রথম চতুর্থাংশ ( 1st Quarter )	দ্বিতীয় চতুর্থাংশ ( 2nd Quarter )	তৃতীয় চতুর্থাংশ ( 3rd Quarter )	চতুর্থ চতুর্থাংশ ( 4th Quarter )
1966	—	—	102.91	99.63
1967	99.40	99.24	99.54	102.51
1968	100.11	99.29	100.43	101.85
1969	98.16	98.55	—	—
গাণিতিক গড়	99.22	99.03	100.66	101.33
পরিবর্তিত শতুজ সূচক (Adjusted Seasonal Index)	99.16	98.97	100.60	101.27

$$\text{গড় } \text{গোলোকর = } \frac{400.00}{400.24} : 9994$$

ওপরের উপরের উপরের উপরের হিসাব দেখোন হ'লেছে। চতুর্থাংশের  
কালীন সারির আয়গায় মাসিক কালীন সারি নিলেও এই একই পক্ষতিতে  
শতুজ সূচক নির্ণয় করা যাবে। তবে এরকম ক্ষেত্রে 4—বিশুর  
কেন্দ্রীভূত চলমান গড়ের আয়গায় 12—বিশুর কেন্দ্রীভূত চলমান গড়  
নিতে হবে এবং তাখিক বিচারে বাস্তবালের শতুজ সূচকের সমষ্টি 1200  
হওয়া উচিত।

(୧୦) ସୁଶ୍ରାବିତ ଗତିଧାରାର ଘାରା ଅବ କରଣ ପରିଷିଳିତ ଗତିଧାରାର ଲିର୍ବର କରା ହୁଏ ।

ଏହି ପରିଷିଳିତ ଅନୁଯାୟୀ ପ୍ରଥମେ ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ କାଳୀନ ସାରିର ସୁଶ୍ରାବିତ ଗତିଧାରା ଲିର୍ବର କରା ହୁଏ । ତାରପର ଯୁଲ କାଳୀନ ସାରିର ମାନଗୁଡ଼ିକେ ତାମେର ବିପରୀତରେ ସୁଶ୍ରାବିତ ଗତିଧାରାର ମାନ ଦିଯେ ଭାଗ କରା ହୁଏ । ଅର୍ଥାତ୍  
 $y = T \times S \times C \times I$ -କେ  $T$  ଘାରା ଭାଗ କ'ରେ  $C \times S \times I$  ପାଓଡ଼ା ଘାରା ।  
 ତାରପର ବିଭିନ୍ନ ସଂସରେ  $C \times S \times I$ -ର ମାସିକ ( ବା ତୈରାଶିକ ) ମାନଗୁଡ଼ିକେ ଗାଣିତିକ ଗଢ଼ (  $\hat{x}$  ) ଏ ବଣିତ ପରିଷିଳିତ ଅନୁଯାୟୀ ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ କରା ହୁଏ । ଧରେ ନେଇଥାଏ ଯେ ଏରକମ ଗଢ଼ ନେଇଥାଏ ଫଳେ  $C \times I$ -ର ଅଭାବ ଦୂରୀଭୂତ ହୁଏ । ଏବଂ ପ୍ରାପ୍ତ ସାରିଟି ଶୁଦ୍ଧ  $S$ -ଏର ଅଭାବଯୁକ୍ତ ହୁଏ । ପ୍ରାପ୍ତ ସାରିର ମାନଗୁଡ଼ିକେ ଏର ପର (  $\hat{x}$  ) ଏ ବଣିତ ପରିଷିଳିତ ଶୁଦ୍ଧ ଶୁଣ୍ଡବୀମ୍ବକ ( Correction Factor ) ଘାରା ଶୁଣ୍ଡ କ'ରେ ପରିବର୍ତ୍ତିତ ଧାତୁଙ୍କ ଶୁଚକ ( Adjusted Seasonal Index ) ପାଓଡ଼ା ଘାରା ।

ସୁଶ୍ରାବିତ ଗତିଧାରା ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ ଅନ୍ୟ ସାଧାରଣତଃ ଗାଣିତିକ ରେଖା ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ ପରିଷିଳିତ ( Method of Mathematical Curves ) ବ୍ୟବହାର କରା ହ'ଯେ ଥାକେ । ବର୍ତ୍ତମାନ ପରିଷିଳିତ ଧରେ ନେଇଥାଏ ହୁଏ ଯେ କମ୍ବେକ ସଂସରେ ଗାଣିତିକ ଗଢ଼ ବେଳୋର ଫଳେ ଚକ୍ରିଳ ଭେଦ ଓ ଅନ୍ତରବିତ ଗତିଧାରାର ଅଭାବ ଦୂର ହୁଏ । ବାସ୍ତବକ୍ଷେତ୍ରେ ଅନେକ ସମସ୍ତ ଏ ଧାରଣା ସତି ହୁଏ ନା । ଏତନ୍ୟ ଏହି ପରିଷିଳିତ ବ୍ୟବହାର କେ କେ କେତେହେଠି ଶୀଘ୍ରବନ୍ଧ ରାଖା ଦରକାର ଯେବୋଲେ ଚକ୍ରିଳ ଭେଦ ଏବଂ ଅନ୍ୟରିତ ଗତିଧାରାର ଅଭାବ ବର୍ତ୍ତମାନ ନେଇ କିମ୍ବା ଶୁଳ୍କ କର ପରିମାଣେ ବର୍ତ୍ତମାନେ ଆଛେ ।

**ଉଦ୍‌ଦୟାହରଣ 6.5** ନୌଚେର ସାରଣୀତି ( ସାରଣୀ 6.6 ) କ'ଲକାତାର ( 101 – 200 ) ଟାକା ବ୍ୟବସାରେ ପରିବାରଗୁଡ଼ିର ଜୀବିକା ନିର୍ବାହନ ବ୍ୟାଯେର ମାସିକ ଶୁଚକଗଂଧ୍ୟା 1967, 1968 ଏବଂ 1969 ମାଗେର ଅନ୍ୟ ଦେଖାନ ହ'ଯେଛେ । ସୁଶ୍ରାବିତ ଗତିଧାରାର ଘାରା ଭାଗ କରଣ ପରିଷିଳିତ ଅନୁଯାୟୀ ଏମେର ଧାତୁଙ୍କ ଶୁଚକ ଲିର୍ବର କର ।

সারণী ৬৬

( 101 - 200 ) টাকা ব্যবহারের পরিবার সমূহের অন্য ক'র্তৃকাতার জীবিকা নির্বাহণ ব্যবহার সূচক ।

( ডিজিকাল : নভেম্বর 1950 = 100 )

বাস	বৎসর		
	1967	1968	1969
1. আনুমানী	165·4	182·1	181·0
2. বেঙ্গলুরী	164·4	182·6	179·0
3. শার্ট	166·2	181·1	181·5
4. এপ্রিল	169·2	182·4	182·9
5. বে	170·3	182·8	184·3
6. ভূল	172·6	182·9	186·2
7. ভুলাই	174·4	184·8	187·5
8. আগষ্ট	178·4	187·2	191·0
9. সেপ্টেম্বর	181·5	186·6	192·2
10. অক্টোবর	183·5	187·4	194·2
11. নভেম্বর	180·7	185·3	194·8
12. ডিসেম্বর	178·7	181·6	192·8

প্রথমে সরল রেখা নির্মাপণের সাহায্যে মাসিক সূচকগুলির স্থানিক গতিধারা নির্ণয় করা হয়। নির্ণীত সরলরেখাটি নীচে দেখান হ'লো—

$$y=169\cdot939 + 633t$$

নীচের সারণীটিতে ( সারণী 6·7 ) সূচক সংখ্যাগুলি এবং উপরোক্ত পদ্ধতিতে নির্ণীত এদের স্থানিক গতিধারা পাশাপাশি দেখান হ'য়েছে। (5) নং স্তুতে মূল সূচকগুলিকে তাদের স্থানিক গতিধারা দিয়ে ভাগ ক'রে সেই ভাগ কলকে শতকরা হিসাবে প্রকাশ করা হ'য়েছে।

## লাইসী ৬৭

ক্রম ( Serial )	বাস	সূচক সংখ্যা	স্থানিক গতিধাৰা	$\frac{\text{সূচক } (3)}{\text{সূচক } (4)} \times 100$
(1)	(2)	(3)	(4)	(5)
1	1967—আনুমানী	165·4	170·6	96·7
2	কেন্দ্ৰুমানী	164·4	171·2	96·0
3	বাৰ্ক	166·2	171·8	96·7
4	এথিল	169·2	172·5	98·1
5	মে	170·3	173·1	98·4
6	অুন	172·6	173·7	99·4
7	চুলাই	174·4	174·4	100·0
8	আগষ্ট	178·4	175·0	101·9
9	জোপ্টেক্স	181·5	175·6	103·4
10	অক্টোবৰ	183·5	176·3	104·1
11	নভেম্বৰ	180·7	176·9	102·2
12	ডিসেম্বৰ	178·7	177·5	100·7
13	1968—আনুমানী	182·1	178·2	102·2
14	কেন্দ্ৰুমানী	182·6	178·8	102·1
15	বাৰ্ক	181·1	179·4	100·9
16	এথিল	182·4	180·1	101·3
17	মে	182·8	180·7	101·2
18	অুন	182·9	181·3	100·9

বাণিজ্যিক প্রযোগ পদ্ধতি  
সারণী ৬৭ ( শুরু পঠান পর )

ক্রম ( Serial )	নথি	সূচক সংখ্যা	স্থানিক গতিশীল।	জরুর (3) জরুর (4) ₹ 100
( 1 )	( 2 )	( 3 )	( 4 )	( 5 )
.19	জুলাই	184·8	182·0	101·5
20	আগষ্ট	187·2	182·6	102·5
21	সেপ্টেম্বর	186·6	183·2	101·9
22	অক্টোবর	187·4	183·9	101·9
23	নভেম্বর	185·3	184·5	100·4
24	ডিসেম্বর	181·6	185·1	98·1
25	1969—জানুয়ারী	181·0	185·8	97·9
26	ফেব্রুয়ারী	179·0	186·4	96·0
27	মার্চ	181·5	187·0	97·1
28	এপ্রিল	182·9	187·7	97·4
29	মে	184·3	188·3	97·9
30	জুন	186·2	188·9	98·6
31	জুলাই	187·5	189·6	98·9
32	আগষ্ট	191·0	190·2	100·4
33	সেপ্টেম্বর	192·2	190·8	100·7
34	অক্টোবর	194·2	191·5	101·4
35	নভেম্বর	194·8	192·1	101·4
36	ডিসেম্বর	192·8	192·7	100·1

নীচের ৬·৪ নং সারণীটিতে আগের ৬·৭ নং সারণীর ৫ নং কলার  
আসিক মানসমূহের বাসরিক গাণিতিক গড় নিয়ে এবং সেই গড়গাণিতিক  
কুকি শুণনীয়কের হারা শুণ ক'রে সংশোধিত ঝাতুজ সূচক নির্ণয় করা  
হ'য়েছে।

### সারণী ৬·৪

সুশাসিত গতিধারার হারা তাগ করণ পদ্ধতিতে ঝাতুজ সূচক নির্ণয়।

মাস	বৎসর			স্তর (2), (3) ও (4) এর গাণিতিক গড়	সংশোধিত ঝাতুজ সূচক
	1967	1968	1969		
1	2	3	4	5	6
1. জানুয়ারী	96·7	102·2	97·9	98·8	98·82
2. ফেব্রুয়ারী	96·0	102·1	96·0	98·0	98·01
3. ম্যার্চ	96·7	100·9	97·1	98·2	98·21
4. এপ্রিল	98·1	101·3	97·4	98·9	98·92
5. মে	98·4	101·2	97·9	99·2	99·22
6. জুন	99·4	100·9	98·6	99·6	99·61
7. জুলাই	100·0	101·5	98·9	100·1	100·12
8. আগস্ট	101·9	102·5	100·4	101·6	101·61
9. সেপ্টেম্বর	103·4	101·9	100·7	102·0	102·02
10. অক্টোবর	104·1	101·9	101·4	102·5	102·52
11. নভেম্বর	102·2	100·4	101·4	101·3	101·32
12. ডিসেম্বর	100·7	98·1	100·1	99·6	99·62

$$\text{গুণৰ গুণনীয়ক} = \frac{1200}{1199.8} = 1.000166694$$

### (ব) পরম্পরীণ আপেক্ষিক পদক্ষেপ ( Method of Link Relative )

এ পদক্ষেপ অনুযায়ী কালীন সারির প্রতিমাসের মানকে তার পূর্ববর্তী মাসের মানের শতকরা হিসাবে প্রকাশ করা হ'য়ে থাকে। এরকম শতকরা হিসাবসমূহকে পরম্পরীণ আপেক্ষিক ( Link Relative ) বলে অভিহিত করা হ'য়ে থাকে। যদি  $y_1, y_2$  বৎসরে পর পর দুটি মাসের মান হয় তা হ'লে বিতোয় মাসের পরম্পরীণ আপেক্ষিক হবে  $100 \frac{y_2}{y_1}$ । এক্ষেপ পরম্পরীণ আপেক্ষিক মেওয়ার তাত্ত্বিক মূল্য এরকম :—

ধরা যাক,  $i$  সময়বিলুপ্তি কালীন সারির মান  $y_i = T_i \times C_i \times S_i \times I_i$  ( $i=1, 2, \dots$ )। বাস্তব অভিজ্ঞানের ভিত্তিতে ধরা হয় যে সময়ের সৈকট্টের অন্য স্থানিক গতিধারা ( $T$ ), চকীল ভেদ ( $C$ ) এবং অনিয়ন্ত্রিত গতিধারা ( $I$ )র প্রভাব পরপর দু মাসে অপরিবর্তিত থাকে। অর্থাৎ,

$$T_1=T_2, C_1=C_2 \text{ এবং } I_1=I_2$$

কিন্তু ধরুন ভেদের প্রভাব অন্য সময়ের মধ্যেই পরিবর্তনশীল। সেজন্য পর পর দু মাসেও ধরুন ভেদের পরিমাণ বিভিন্ন হওয়াই সত্ত্ব। অর্থাৎ  $S_1 \neq S_2$ । এ অবস্থায়,

$$\begin{aligned} 100 \frac{y_2}{y_1} &= 100 \frac{T_2 \times C_2 \times S_2 \times I_2}{T_1 \times C_1 \times S_1 \times I_1} \\ &= 100 \frac{T_1 \times C_1 \times S_2 \times I_1}{T_1 \times C_1 \times S_1 \times I_1} \\ &= 100 \frac{S_2}{S_1} \end{aligned}$$

স্বতরাং এখানে দেখা যাচ্ছে যে পরম্পরীণ আপেক্ষিক নিয়ে বিতোয় মাসের ধরুন ভেদের সূচক ( প্রথম মাসের তুলনায় ) নির্ণয় করা সত্ত্ব হ'য়েছে। এ পদক্ষেপ অনুসরণ ক'রে কয়েক বৎসরের অন্য প্রতিমাসের পরম্পরীণ আপেক্ষিক নির্ণয় করা যেতে পারে। তাইপর প্রত্যেকটি মাসিক পরম্পরীণ আপেক্ষিকের বিভিন্ন বৎসরের মানগুলির গাণিতিক গড় নিয়ে গড় পরম্পরীণ আপেক্ষিক ( Average Link Relative ) নির্ণয় করা যাবে। এই গড় পরম্পরীণ আপেক্ষিকগুলি ব্যবহার করে এবং কোনো একটি মাসের ধরুন সূচককে 100 ধ'রে ( যেমন, ধরা যেতে

পারে  $S_1=100$ ) বাসের খতুজ সূচকগুলি নিম্নলিখিত শৃঙ্খলিত সম্পর্কে (Chain Relations) র সহায়তায় প্রকাশ করা যাব :—

$$S_2 = S_1 \times \frac{S_2}{S_1}$$

$$S_3 = S_2 \times \frac{S_3}{S_2}$$

$$S_{11} = S_{10} \times \frac{S_{11}}{S_{10}}$$

$$S_{12} = S_{11} \times \frac{S_{12}}{S_{11}}$$

এই পদ্ধতি অনুযায়ী,

$$S_1 = S_{12} \times \frac{S_1}{S_{12}}$$

এখানে অবশ্য আগে থেকেই ধ'রে নেওয়া হ'য়েছে  $S_1=100$ । কিন্তু উপরোক্ত পদ্ধতিতে নির্ণীত  $S_1$  এর মান 100 নাও হ'তে পারে। কারণ—পরম্পরাগত আপেক্ষিক নির্ণয়ের ফলে কালীন সারির অন্যান্য প্রভাবগুলি, বিশেষ ক'রে স্থানিত গতিধারা, সম্পূর্ণভাবে অপরিণত নাও হ'তে পারে। এরপ ক্ষেত্রে স্থানিত গতিধারাকে সরলরোধি (Linear Trend) ধ'রে বিতীয়, তৃতীয়, চতুর্থ..... একাদশ এবং বাদশ মাসের খতুজ সূচক থেকে যথাক্রমে  $b, 2b, 3b....11b$  বাদ দিয়ে স্থানিত গতিধারাজাত ভাস্তি দূর করা হ'য়ে থাকে। এরকম ক্ষেত্রে  $b$ র মান নেওয়া হয় :—

$$b = \frac{1}{12} \left( S_{12} \times \frac{S_1}{S_{12}} - 100 \right)$$

সর্বশেষে কুকুর গুণনীয়ক (Correction Factor) ব্যবহার ক'রে 12 মাসের সূচক সংখ্যাগুলির যোগফলকে 1200 করার অন্য পরোজনীয় সংশোধন করা হ'য়ে থাকে।

নীচের উদাহরণে (উদাহরণ—6.6) পরম্পরাগত আপেক্ষিক পদ্ধতিতে সূচক সংখ্যা নির্ণয় করা হ'য়েছে।

এক সময় খতুজ তেজ নির্ণয়ের অন্য পরম্পরাগত আপেক্ষিক পদ্ধতির অন্যান্য অংশের ছিল। কিন্তু এখন এই পদ্ধতির ব্যবহার অস্তিক ক্ষমতা

গোচর—কারণে এবং ব্যবহারে অন্যান্য কালীন প্রভাবসমূহ (অর্ধাৎ, স্থায়ীভাবে গতিধারা, ছক্ষুল ভেদ এবং অনিয়ন্ত্রিত গতিধারা) কর্তৃত দুর্বল সে সরকে অনেক সরঞ্জ সম্মে� দেখা দেয়।

**উক্তাব্লগ 6.6** নীচের সারণীতে 1969, 1970 এবং 1971 এর অন্য ক'লকাতার (201-350) টাকার ব্যবস্থার পরিবার সমূহের ঔপিকা নির্বাচিত ব্যয়ের মাসিক সূচক দেখান হ'য়েছে। এদের ধৰ্তুজ সূচক নির্ণয় কর।

### সারণী 6.9

ক'লকাতার (201—350) টাকা ব্যবস্থার পরিবার সমূহের ঔপিকা নির্বাচিত ব্যয়ের মাসিক সূচক (ভিত্তিকাল : নভেম্বর 1950=100)।

বার্ষিক সূচক সংখ্যা	1969	1970	1971
1. জানুয়ারী	176.0	181.8	189.7
2. ফেব্রুয়ারী	174.3	181.1	188.2
3. মার্চ	176.5	184.1	187.8
4. এপ্রিল	177.5	184.5	188.7
5. মে	179.0	186.8	188.6
6. জুন	180.5	189.7	192.3
7. জুলাই	181.6	191.1	196.5
8. আগস্ট	184.7	192.1	199.3
9. সেপ্টেম্বর	185.8	194.0	201.1
10. অক্টোবর	187.5	195.5	203.0
11. নভেম্বর	187.8	196.8	202.5
12. ডিসেম্বর	185.9	193.2	199.6

### સ્ટાન્ડરી 6.10

પરસપરીન આપેક્ષિક પદ્ધતિને ફૂલ સૂચક નિર્ણય।

સાલ	પરસપરીન આપેક્ષિક				સરળાંગિત ગાંધીના સૂચક (Trend Correc- tion) : સૂચક (6) — $b_i$ ( $i = 0, 1, \dots, 11$ )	સરળાંગિત ગાંધીના શરીર સંસ્કોધન (Chain Relative)	સરળાંગિત ગાંધીના સૂચક (Corrected Seasonal Index)	
	(1)	(2)	(3)	(4)	(5)	(6)	(7)	(8)
અનુભવી	—	97.794	98.188	97.991	100.000	100.00	100.00	98.4
દેસ્કઘારી	98.863	99.615	99.209	99.229	99.229	98.93	98.93	97.3
માર્ક	101.437	101.656	99.787	100.960	100.182	99.58	99.58	98.0
એપ્પિલ	100.567	100.217	100.479	100.421	100.604	99.70	99.70	98.1
ને	100.845	101.302	99.974	100.707	101.315	100.11	100.11	98.5
કુ	100.838	101.552	101.962	101.451	102.785	101.28	101.28	101.28

শাৰণী ৬১০  
পূৰ্ব পুঁতিৰ পৰ

বোঝ	পৰমপৰীন আপেক্ষিক			(2), (3) এবং (4) নং স্থৰের গাণিতিক গতি	স্থৰের গাণিতিক শাৰণৰ সংশোধন (Tread Correction): স্থৰ (6)-'ib (i=0, 1,...11)	সংশোধিত স্থৰ স্থৰ	(Corrected Seasonal Index)	
	(1)	(2)	(3)	(4)	(5)	(6)	(7)	(8)
ভুলাই	100·609	100·738	102·184	101·177	103·995	102·18	100·6	
আগষ্ট	101·707	100·523	101·425	101·218	105·262	- 103·15	101·5	
সেপ্টেম্বৰ	100·596	100·989	100·903	100·829	106·135	103·72	102·1	
অক্টোবৰ	100·915	100·773	100·945	100·878	107·067	104·35	102·7	
নভেম্বৰ	100·160	100·665	99·754	100·193	107·274	104·25	102·4	
ডিসেম্বৰ	98·988	98·171	98·568	98·578	105·746	102·42	100·8	

$$b = \frac{1}{12} [ 105.746 \times 97991 - 100 ] = 30177$$

$$\text{গুরু গুণনীয়ক } (\text{Correction Factor}) = \frac{1200}{(7) \text{ নং স্তৰের যোগফল}} \\ = \frac{1200}{1219.662} = .9840778$$

### 6.6. চক্রীল ভেদের পরিমাপ (Measurement of Cyclical Fluctuations)

কালীন সারির  $t$ -সময় বিস্তুর মান  $Y_t = T_t \times S_t \times C_t \times I_t$ -কে  $T_t \times S_t$  হারা ভাগ ক'রলে  $C_t \times I_t$ -র মান পাওয়া যায়।  $C_t \times I_t$ -থেকে আবার  $I_t$ -র প্রভাব দূর ক'রতে পারলে  $C_t$ -র (অর্ধাং চক্রীল ভেদের) পরিমাপ পাওয়া যায়। এই পদ্ধতিতে চক্রীল ভেদের পরিমাপ ক'রতে নিম্নলিখিত উপায়গুলির যে কোনো একটি অবলম্বন করা চলে :—

- (i)  $Y_t$  কে প্রথমে  $T_t$  ও পরে  $S_t$ -র হারা ভাগ ক'রে  $C_t \times I_t$  নির্ণয় করা।
- (ii)  $Y_t$  কে প্রথমে  $S_t$  ও পরে  $T_t$ -র হারা ভাগ ক'রে  $C_t \times I_t$  নির্ণয় করা।
- (iii)  $Y_t$  কে সম্প্রসিলিত  $S_t \times T_t$ -র হারা ভাগ ক'রে  $C_t \times I_t$  নির্ণয় করা।

উপরোক্ত প্রণালীগুলির যে কোনো একটি অবলম্বন ক'রে  $C_t \times I_t$  নির্ণয় করার পর  $I_t$ -র প্রভাব দূর করার জন্য সাধারণত: চলমান গড় ব্যবহার পদ্ধতি অবলম্বন করা হ'য়ে থাকে।

উপরোক্ত পদ্ধতিটি ছাড়া আবর্ত রেখা চিত্র বিশ্লেষণ (Periodogram Analysis) পদ্ধতিতেও চক্রীল ভেদ নির্ণয় করা হ'য়ে থাকে। এই পদ্ধতির সংক্ষিপ্ত আলোচনা নীচে করা হ'লো।

### আবর্ত রেখা চিত্র বিশ্লেষণ (Periodogram Analysis)

এমন একটি কালীন সারির কথা ধরা যাক যাকে স্বশাসিত গতিধারা এবং ধাতুত প্রভাব থেকে মুক্ত করা হ'য়েছে। ধরা যাক  $e_t$  হ'লো এরকম একটি অবশিষ্ট সারি (Residual Series)। এখন দেখা যাক  $e_t$ -র মধ্যে এমন কোনো তরঙ্গগতি পদ (Harmonic Term) আছে কিনা যার আবর্তকাল (Period) হ'চ্ছে  $P$ । এই উক্ষেত্রে নিম্নলিখিত মান দুটো বিবেচনা করা যাক :—

$$A = \frac{2}{n} \sum_{t=1}^n \epsilon_t \cos \frac{2\pi t}{\mu} \quad (6.13)$$

$$\text{এবং } B = \frac{2}{n} \sum_{t=1}^n \epsilon_t \sin \frac{2\pi t}{\mu} \quad (6.14)$$

বেখানে,  $n$ =কালীন সারির মোট পদের সংখ্যা।

ধরা যাক,

$$R_{\mu}^2 = A^2 + B^2$$

উপরোক্ত মানচিকিৎসক পরীক্ষামূলক আবর্তকাল (Trial Period)  $\mu$ -এর তীব্রতা (Intensity)  $B'$ -লे অভিহিত করা হ'বে থাকে।

ধরা যাক,  $\epsilon_t$  দুটো ধৰণ (Components) বিভক্ত—(i) প্রথম ধৰণ ধৰণাংশটি আবক্ষিক (Periodic), এর আবর্তকাল (Period)  $\lambda$  এবং প্রলম্ব বিস্তার (Amplitude)  $a$ , (ii) রিতীয় ধৰণাংশটি অনিয়ন্ত্রিত (Irregular) এবং এর মান  $\xi_t$ । তা হ'লে,

$$\epsilon_t = a \sin \frac{2\pi t}{\lambda} + \xi_t \quad (6.15)$$

এখানে ধ'রে নেওয়া হ'চ্ছে রিতীয় ধৰণাংশটির সাথে প্রথম ধৰণাংশটির (বিচ্বা অনুসরণ কোনো আবক্ষিক পদের) কোনো রূপ সহগতি (Correlation) নেই।

সুতরাং,

$$A = \frac{2a}{n} \sum_t \sin \frac{2\pi t}{\lambda} \cos \frac{2\pi t}{\mu} + \frac{2}{n} \sum_t \xi_t \cos \frac{2\pi t}{\mu}$$

$$= \frac{2a}{n} \sum_t \sin \alpha t \cos \beta t$$

(বেখানে,  $\alpha = \frac{2\pi}{\lambda}$ ,  $\beta = \frac{2\pi}{\mu}$  এবং রিতীয় পদটিকে মগণ্য ব'লে বাদ দেওয়া হ'বেছে);

$$\begin{aligned}
 &= \frac{a}{n} \sum_{t=1}^n \left\{ \sin(\alpha - \beta)t + \sin(\alpha + \beta)t \right\} \\
 &= \frac{a}{n} \left\{ \frac{\sin n \frac{(\alpha - \beta)}{2} \sin(n+1) \frac{(\alpha - \beta)}{2}}{\sin \frac{(\alpha - \beta)}{2}} \right. \\
 &\quad \left. + \frac{\sin n \frac{(\alpha + \beta)}{2} \sin(n+1) \frac{(\alpha + \beta)}{2}}{\sin \frac{(\alpha + \beta)}{2}} \right\}
 \end{aligned}$$

(6.16)

$$[ \text{যেহেতু, } \sum_{t=0}^{n-1} \sin(\alpha + \beta t) ]$$

$$= \frac{\sin \frac{n\beta}{2}}{\sin \frac{\beta}{2}} \sin \left( \alpha + \frac{n-1}{2} \beta \right)$$

$n$ -এর মান বড় হলে (6.16)-এর দ্বিতীয় পদটির মান খুব ছোট ( বানগন্য ) হবে। প্রথম পদটির মানও ছোট হবে যদি না  $\beta$ -র মান  $\lambda$ -র মানের কাছাকাছি হয় এবং, একাগে ক্ষেত্রে পরীক্ষামূলক আবর্তকাল ( Trial Period )  $\mu$ -এর মান প্রকৃত আবর্তকাল ( True Period )  $\lambda$ -এর মানের কাছাকাছি হবে। একাগে ক্ষেত্রে ( অর্থাৎ যেখানে  $\beta$ -র মান  $\lambda$ -র মানের কাছাকাছি হ'লে আসে ) :—

$$\begin{aligned}
 A &= a \sin(n+1) \frac{(\alpha - \beta)}{2} \cdot \frac{\sin n \frac{(\alpha - \beta)}{2}}{n \cdot \frac{(\alpha - \beta)}{2}} \div \frac{\sin \frac{(\alpha - \beta)}{2}}{\frac{(\alpha - \beta)}{2}} \\
 &\rightarrow a \sin(n+1) \frac{(\alpha - \beta)}{2}
 \end{aligned} \tag{6.17}$$

কারণ,

$$\begin{aligned}
 \frac{\sin \theta}{\theta} &\rightarrow 1 \\
 \theta &\rightarrow 0
 \end{aligned}$$

ঠিক অনুমতিভাবে,

$$B \rightarrow \alpha \cos(n+1) \frac{(\alpha-\beta)}{2} \quad (6.18)$$

$$\beta \rightarrow \alpha$$

(6.17) এবং (6.18) থেকে আমরা দেখতে পাই যে, যখন  $\beta \rightarrow \alpha$ ,  $R\mu^2 \rightarrow \alpha^2$ ।

বাস্তব প্রয়োগের ক্ষেত্রে প্রথমে নির্দিষ্ট অবশিষ্ট সারি (Residual Series) টিকে লেখ কাগজ (Graph Paper) এ প্লট ক'রে প্রকৃত আবর্তকাল (True Period)  $\lambda$ -এর একটা আনুমানিক মান ঠিক করা হয়। এই মানের কাছাকাছি পরীক্ষামূলক আবর্তকালের (Trial Period) ক্রতগুলি মান  $\lambda$ -রে নিম্নে প্রতিটি ক্ষেত্রে  $R\mu^2$ -এর মান নির্ণয় করা হয়ে থাকে।  $\mu$ -এর প্রতিটি মানের সাথে সংপুর্ণ  $R\mu^2$ -এর মান লেখ কাগজে প্লট করার ফলে যে লেখচিত্র পাওয়া যায় তাকে বলে আবর্ত রেখাচিত্র (Periodogram)। আবর্ত রেখাচিত্র অনুশীলন ক'রে  $R\mu^2$ -এর গরিষ্ঠ মানের সাথে সংপুর্ণ  $\mu$ -এর মান সহজে নির্ণয় করা যায়।  $\mu$ -এর এই মানটি প্রকৃত চক্রীল আবর্তকাল (True Cyclical Period) এর মানের সমান। স্বতরাং এই পদ্ধতিতে প্রকৃত আবর্তকালের মান নির্ণয় করা সম্ভব হয়।

অনেক সবুজ কালীন সারির চক্রীল খণ্ডাংশটি (Cyclical Component) একাধিক আবর্তিক পদ (Periodic Term)-যুক্ত হয়। এরকম ক্ষেত্রে একাধিক প্রকৃত আবর্তকাল যথা,  $\lambda_1, \lambda_2, \dots, \lambda_k$  বর্তমান থাকে। এখনেও প্রতিটি প্রকৃত আবর্তকাল নির্ণয়ের জন্য আবর্তরেখা চিত্র বিশ্লেষণ পদ্ধতি অবলম্বন করা যেতে পারে। এক্ষেপ ক্ষেত্রে হানীয় ভাবে (Locally)  $R\mu^2$ -এর মান তখনই গরিষ্ঠ হবে যখন পরীক্ষামূলক আবর্তকাল  $\lambda_i$  ( $i=1, 2, \dots, k$ )-এর মান প্রকৃত আবর্তকাল  $\lambda_i$ -এর মানের সমান হবে।

### অনুশীলন

6.1. কালীন সারি কাকে বলে? কালীন সারির বিভিন্ন অংশ (Component) বর্ণনা কর। কালীন সমস্তকে বিভিন্ন অংশে আলাদা আলাদা ভাবে প্রকাশ করার যৌক্তিকতা বর্ণনা কর।

6.2. স্থানিক গতিধারা (Secular Trend) নির্ণয়ের বিভিন্ন পদ্ধতি বর্ণনা কর এবং এদের শুণাশুণ বর্ণনা কর।

6.3. ঋতুজ তেল (Seasonal Variation) নির্ণয়ের বিভিন্ন পদ্ধতি বর্ণনা কর এবং এদের শুণাশুণ বিচার কর।

৮.৪.৪. চক্রীয় ভেদ ( Cyclical Variation ) বিরচনের বিভিন্ন পক্ষতি  
ধর্মের দ্বারা ।

6.5 নিম্নলিখিত গাঁথণীটতে 1958 সাল থেকে 1970 সাল পর্যন্ত  
চান্দের উৎপাদন দেখোন হ'মেছে । এই কাশীন সাহিত্যের অ্যাণ্ডিত গভিধারা  
( 'Secular Trend ') সিরিয় কর--(1) সরবরাহ দেখা সিঙ্গল পক্ষতির  
ধারা এবং (2) বিষাণু অপেক্ষক ক্রিয়গণ পক্ষতির ধারা ।

### প্রশিক্ষণক্ষে চান্দের উৎপাদন

বৎসর	চান্দের উৎপাদন ( ০০০ কিলোগ্রাম )
1958	76193
1959	80107
1960	81523
1961	86258
1962	84700
1963	83456
1964	89378
1965	86979
1966	87015
1967	98188
1968	98350
1969	88591
1970	99055

পুরোজ সূচি পর্যালিতে নির্বাচিত স্থানিত গভিধারাকে দেখাবে সাহাবে প্রকাশ কর এবং সারণীটিতে উন্নিষিত অবস্থা (Observation) সমূহও এই একই লেখতে প্লট (Plot) করে দেখাও।

৬.৬ নিম্নলিখিত সারণীটিতে 1951 সাল থেকে 1970 সাল পর্যন্ত পশ্চিমবঙ্গের Semi-finished Steel-এর উৎপাদন দেখান হচ্ছে। স্থানিকভাবে দৈর্ঘ্যের স্বত্বের চলমান গতি নিম্ন স্থানিত গভিধারা নির্দেশ কর।

### আঙুলী

#### পশ্চিমবঙ্গে Semi-finished Steel-এর উৎপাদন

বৎসর	উৎপাদন (০০০ মেট্রিক টন)	বৎসর	উৎপাদন (০০০ মেট্রিক টন)
1951	309.4	1963	507.3
1952	358.7	1964	390.4
1953	285.9	1965	254.5
1954	513.9	1966	289.0
1955	506.4	1967	317.0
1956	501.1	1968	297.1
1957	477.6	1969	202.9
1958	527.9	1970	149.4
1959	720.3		
1960	1189.7		
1961	431.2		
1962	419.2		

6.7 নিম্নলিখিত সারণীটিতে ক'লকাতার (201—350) টাকা ব্যয়স্তরের পরিবারগুহের ঔদ্যোগিক নির্বাহন ব্যয়ের মাসিক সূচকসংখ্যা 1965, 1966 এবং 1967 সালের অন্য দেখান হ'য়েছে। এদের ধৰ্তুল সূচক নির্ণয় কর।

(201—350) টাকা ব্যয়স্তরের পরিবার সমূহের অন্য ক'লকাতার ঔদ্যোগিক নির্বাহন ব্যয়ের সূচক।

(ভাস্তবাল : নভেম্বর ১৯৭০=১০০)

মাস	বৎসর		
	1965	1966	1967
1. আনুশারী	135·6	146·3	161·6
2. কেন্দ্ৰীয়াৰী	135·9	146·6	160·9
3. মার্চ	136·6	149·4	162·3
4. এপ্রিল	136·9	152·0	165·0
5. মে	138·0	156·0	166·0
6. জুন	139·8	158·1	168·1
7. জুলাই	144·1	158·8	169·7
8. আগস্ট	145·8	158·3	173·6
9. সেপ্টেম্বৰ	147·1	158·5	176·2
10. অক্টোবৰ	148·6	159·6	178·2
11. নভেম্বৰ	147·2	158·7	175·8
12. ডিসেম্বৰ	146·5	161·6	173·7

## ସମ୍ପଦ ପରିଚେଦ ସରକାରୀ ପରିସଂଖ୍ୟାନ ( Official Statistics )

### 7.1 ମୁଢମା

ସରକାରୀ ପରିସଂଖ୍ୟାନ ଥିଲୁଣେ ଆହିରା ଲେ ଗର୍ଭ ରାଶିତଥ୍ୟ ବୁଝି ଯେଉଁଳି ଥିଲା ଅଧିକାରୀ ପରିସଂଖ୍ୟାନ ଦର୍ଶକ ମାରଫତ ସଂଗୃହୀତ, ଲକ୍ଷଣିତ ଏବଂ ପ୍ରକାଶିତ ହ'ରେ ଥାକେ । ଭାରତୀୟ ପରିସଂଖ୍ୟାନ କେନ୍ଦ୍ରୀୟ ସରକାରେ ବିଭିନ୍ନ ଦର୍ଶକ ନାମ ବିଷୟେ ସରକାରୀ ପରିସଂଖ୍ୟାନ ସଂଗ୍ରହ କ'ରେ ଥାକେ ଏବଂ ବିଭିନ୍ନ ପତ୍ରପତ୍ରିକାର ମାଧ୍ୟମେ ଏଣୁଳି ପ୍ରକାଶ କ'ରେ ଥାକେ । ଏ ଛାଡ଼ା ବିଭିନ୍ନ ରାଜ୍ୟସରକାରଙ୍ଗଲିଓ ତାଦେର ବିଭିନ୍ନ ଦର୍ଶକ ମାରଫତ ନିଜ ନିଜ ରାଜ୍ୟର ନାନାରକମ ସରକାରୀ ପରିସଂଖ୍ୟାନ ପ୍ରକାଶ କ'ରେ ଥାକେ । ପଞ୍ଚମବଜ୍ର ସରକାର କର୍ତ୍ତ୍ତକ ପ୍ରକାଶିତ ସରକାରୀ ପରିସଂଖ୍ୟାନ ସଂକ୍ରାନ୍ତ ପତ୍ରପତ୍ରିକା ଏବଂ ପୁଣ୍ଡିକାର ସଂଖ୍ୟାଓ ମେଲେ ଉପେକ୍ଷିତ ଥାଏ ।

### 7.2 ସରକାରୀ ପରିସଂଖ୍ୟାନର କର୍ତ୍ତବ୍ୟକାରୀ

ଭାରତବର୍ଷେ ରାଜ୍ୟବାନ କାଳେ ସରକାରୀ ପରିସଂଖ୍ୟାନ ସଂଗ୍ରହେର ସର୍ବପ୍ରଥମ ପ୍ରଚେଷ୍ଟା ହେଉ 1807 ମାର୍ଗେ ତ୍ୱରିକାଲୀନ ଇଟ୍ ଇଣ୍ଡିଆ ରୋଷାନୀ କର୍ତ୍ତ୍ଵ କ୍ଷତ୍ରର ପ୍ରାଚାରିତ ଏକଟି ସରକାରୀ ନିର୍ଦ୍ଦେଶ ମାରଫତ । ଏ ନିର୍ଦ୍ଦେଶ ଅନୁଯାୟୀ ଏକ ସାମଗ୍ରିକ ତତ୍ତ୍ଵର ପର 1816 ମାର୍ଗେ ନାଗାନ୍ଦ ବନ୍ଦଦେଶ ସମ୍ପର୍କେ ଏକଟି ପରିସଂଖ୍ୟାନ ସଂକ୍ରାନ୍ତ ରିପୋର୍ଟ ( Statistical Report ) ପ୍ରକାଶ କରେନ ତ୍ୱରିକାଲୀନ ସରକାର । ଏରପର ବହ ବ୍ୟସର ସରକାରୀ ପରିସଂଖ୍ୟାନ ସଂଗ୍ରହେର ବିଶେଷ କୋଣୋ ପ୍ରଚେଷ୍ଟା ହେବାନି । ଅବଶ୍ୟେ 1860 ମାର୍ଗେ ଲାଗୁ ଅନୁଷ୍ଠିତ ଆନ୍ତର୍ଜାତିକ ପରିସଂଖ୍ୟାନ କଂଗ୍ରେସ ବ୍ରିଟିଶ ଭାରତେ ବାହ୍ସରିକ ଭିତ୍ତିତେ ପରିସଂଖ୍ୟାନ ସଂଗ୍ରହେର ଏକଟି ବିନ୍ତୁତ କାର୍ଯ୍ୟଶୁଟ୍ ସ୍ଥପାରିଶ କରେନ । ମୋଟାଶୁଟ୍ ଭାବେ ଏହି କାର୍ଯ୍ୟଶୁଟ୍ ଅନୁଯାୟୀ 1868 ମାର୍ଗେ ସର୍ବପ୍ରଥମ Statistical Abstract of British India ପ୍ରକାଶ କରାଯାଇଥାଏ ଏବଂ ପରିସଂଖ୍ୟାନ ଦର୍ଶକ ନାମର ରାଶିତଥ୍ୟ ପ୍ରକାଶିତ ହେବାନି । 1871 ମାର୍ଗେ ଡୀବୁଜ୍ ହାଂଟାର (W. W. Hunter) ଭାରତେ କାର୍ଯ୍ୟଶୁଟ୍ କରାଯାଇଥାଏ ଏବଂ ଏହି ପରିସଂଖ୍ୟାନ ଦର୍ଶକ ନାମର ରାଶିତଥ୍ୟ ପ୍ରକାଶିତ ହେବାନି । 1881 ମାର୍ଗେ Imperial Gazetteer of India ପ୍ରକାଶିତ ହେବାନି । ଏହି Gazetteer-ର ମେଲେ ଶିଳ୍ପ,

কৃষি, শিক্ষা, বাণ্য ইত্যাদি নানাবিধি বিষয় সম্পর্কিত পরিসংখ্যান প্রকাশিত হয়। প্রকৃতপক্ষে Imperial Gazetteer-এর মাঝেই ভারতীয় সরকারী পরিসংখ্যানের বর্তমান যুগের আরম্ভ হয়। এই 1881 সালেই সামগ্রিকভাবে ভারতের প্রথম আদমশুমারী (Census)-ও আরম্ভ হয়। 1905 সাল নাগাদ ভারতসরকারের Director General of Commercial Intelligence and Statistics নাম বিষয়ে সরকারী পরিসংখ্যান সংগ্রহ করা আরম্ভ করেন। 1906 সালে Indian Trade Journal নামে পরিসংখ্যান সংক্রান্ত পত্রিকা ভারতসরকার প্রকাশ করা আরম্ভ করেন। এই সময় নাগাদ কৃষির পূর্বাভাস (Crop forecast) সংক্রান্ত কিছু কিছু পরিসংখ্যান নানাথিকার সরকারী সূত্রে প্রকাশিত হ'তে থাকে। 1924 সালে Royal Commission on Agriculture, 1925 সালে শ্রীবিশ্বেশ্বরামার (Sir M. Visvesvaraya) নেতৃত্বে Economic Enquiry Committee, 1931 সালে Royal Commission on Labour এবং 1934 সালে Bowley-Robertson Committee ভারত সরকারকে বিভিন্ন বিষয়ে সরকারী পরিসংখ্যান সংগ্রহের উপর্যোগিতা বর্ণনা ক'রে নানাবিধি প্রস্তাব দেন। এর ফলশ্রুতি স্বরূপ Imperial (পরবর্তীকালে Indian) Council of Agricultural Research এবং Economic Adviser to the Government of India-র দণ্ডের প্রতিষ্ঠিত হয়। 1945 সালে Director of Industrial Statistics-এর অফিস খোলা হয়। এই একই বছর তৎকালীন বাংলা (অবিভক্ত) সরকার “প্রাদেশিক পরিসংখ্যান ব্যৱৰ্তো” (Provincial Statistical Bureau)-র প্রতিষ্ঠা করেন। পরবর্তীকালে এর নতুন নামকরণ হয় “রাজ্য পরিসংখ্যান ব্যৱৰ্তো” (State Statistical Bureau) এবং আরও পরবর্তীকালে এই সংস্থা “ফলিত অর্থনীতি এবং পরিসংখ্যান ব্যৱৰ্তো” (Bureau of Applied Economics and Statistics) নামে পরিচিত হয়।

স্বাধীনতার পরবর্তীকালে সরকারী পরিসংখ্যান সংগ্রহের প্রয়োজনীয়তা বিশেষভাবে বৃদ্ধি পায়। 1948 সালে কৃষি ও খাদ্য সংক্রান্ত রাশিতথ্য সংগ্রহ এবং পরিবেশনের উদ্দেশ্যে কেন্দ্রীয় সরকারের খাদ্য এবং কৃষি দণ্ডের Directorate of Economics and Statistics নামে অফিস খোলা হয়। 1949 সালে জাতীয় আয় কমিটি (National Income Committee) গঠিত হয়। এই কমিটি জাতীয় আয় নির্ণয়ের উদ্দেশ্যে বিভিন্ন পরিসংখ্যান সংগ্রহে ব্যাপ্ত হয়। এই একই বৎসর মেশের স্বৰূপ পরিসংখ্যান সংগ্রহে কাজ স্থানুভবে এবং কেন্দ্রীয় ভিত্তিতে

ପରିଚାଳନାର ଅନ୍ୟ ଦିଲୀତେ କେନ୍ଦ୍ରୀୟ ପରିସଂଖ୍ୟାନ ସଂସ୍ଥା ବା Central Statistical Organisation ( ସଂକ୍ଷେପେ C.S.O ନାମେ ଅଧିକ ପରିଚିତ ) ପଞ୍ଚତିତ ହୁଏ । ବର୍ତ୍ତମାନେ ଭାରୀ ଭିତ୍ତିତ ସରକାରୀ ପରିସଂଖ୍ୟାନେର ଦୈର୍ଘ୍ୟବର ଏହି ସଂସ୍ଥାର ମାରଫତ୍ ପ୍ରଧାନତଃ ପାଓଯା ଥାଏ । କେନ୍ଦ୍ରୀୟ ଏକିମାରଭୂତ ବିଷୟଗୁଣି ( ସେମନ, ରେଲଗ୍ୟୁ, ଡାକ-ତାର ବିଭାଗ, ବାବସା ବାଣିଜ୍ୟ, ବ୍ୟାଙ୍କ ଇତ୍ୟାଦି ) ସଂଜ୍ଞାନ୍ତ ସରକାରୀ ପରିସଂଖ୍ୟାନ ଏହି ସଂସ୍ଥାର ମାରଫତ୍ ସଂଗୃହୀତ ହୁଏ ।

1950 ମାଲେ ସାରା ଭାରତ ଭୁବେ ଅର୍ଥନୈତିକ ଏବଂ ସାମାଜିକ ତଥ୍ୟାଦି ସଂଗ୍ରହେର ଅନ୍ୟ “ଆତୀୟ ନୟନା ସମୀକ୍ଷା ଅଧିକାର” ( Directorate of National Sample Survey ) ଗଠିତ ହୁଏ । ପତି ବହୁ ଏହି ସଂସ୍ଥା ନୟନା ସମୀକ୍ଷାର ସାହାଯ୍ୟ ଅର୍ଥନୈତିକ ଏବଂ ସାମାଜିକ ବିଷୟେ ନାନାବିଧ ରାଶିତଥ୍ୟ ସଂଗ୍ରହ କ'ରେ ଥାକେ । ଏ ପର୍ଯ୍ୟନ୍ତ ଏହି ସଂସ୍ଥା କର୍ତ୍ତ୍ଵ ବିଭିନ୍ନ ବିଷୟେ କରେକଣ୍ଠେ ରିପୋର୍ଟ ଥିବାପାଇଁ ହ'ଯେଛେ ।

ବର୍ତ୍ତମାନେ ଭାରତେ ପଞ୍ଚତି ରାଜ୍ୟେଇ ଏକଟି କ'ରେ ରାଜ୍ୟ ପରିସଂଖ୍ୟାନ ବୁଝାରୋ ( ବା ଅର୍ଥନୀତି ଏବଂ ପରିସଂଖ୍ୟାନ ବୁଝାରୋ ) ଆଛେ । ଏହି ବୁଝାରୋଗୁଣି ରାଜ୍ୟେର ଆଭ୍ୟନ୍ତରୀନ ସରକାରୀ ପରିସଂଖ୍ୟାନ ସଂଗ୍ରହେର କେନ୍ଦ୍ରୀୟ ସଂସ୍ଥା ହିସାବେ କାହିଁ କରେ । ରାଜ୍ୟେର ଏକିମାରଭୂତ ବିଷୟାଦି ( ସେମନ, କୃଷି, ଶିଳ୍ପ, ଅନ୍ୟାନ୍ୟ ଇତ୍ୟାଦି ) ସଂଜ୍ଞାନ୍ତ ପରିସଂଖ୍ୟାନ ପ୍ରଧାନତଃ ଏହିସବ ସଂସ୍ଥାର ମାଧ୍ୟମେ ସଂଗୃହୀତ ହ'ରେ ଥାକେ ।

ଭାରତେ ପରିସଂଖ୍ୟାନ ସଂଗ୍ରହେର ସବ ବିଭାଗେଇ “ଭାରତୀୟ ପରିସଂଖ୍ୟାନ ଇନ୍‌ସଟିଟ୍ୟୁଟ” ( Indian Statistical Institute )-ଏର ଅବଦାନ ଅପରିସୀମ । ସରକାରୀ ପରିସଂଖ୍ୟାନ ସଂଗ୍ରହେର ବ୍ୟାପାରେଓ ଏହି ସଂସ୍ଥା ନାନାଭାବେ ସହାଯତା କ'ରେଛେ । ଏହି ସଂସ୍ଥା ଥେକେ ତାଲିମ ନିଯେ ବହ ପରିସଂଖ୍ୟାନବିଦ ( Statistician ) ଦେଶେର ନାନା ଆୟାଗୀର ସରକାରୀ ପରିସଂଖ୍ୟାନ ସଂଗ୍ରହେର କାଜେ ବ୍ୟାପ୍ତ ଆଛେନ । ତା ଛାଡ଼ା “ଆତୀୟ ନୟନା ସମୀକ୍ଷା ଅଧିକାର” ( Directorate of National Sample Survey ) ଏର ଏବଂ କେନ୍ଦ୍ରୀୟ ପରିସଂଖ୍ୟାନ ସଂସ୍ଥା ( C. S. O. )-ର କାଜେର ସାଥେ ଭାରତୀୟ ପରିସଂଖ୍ୟାନ ଇନ୍‌ସଟିଟ୍ୟୁଟରେ କାଜେର ସନ୍ନିଷ୍ଠ ସୋଗାବୋଗ ଆଛେ ।

ମୌତେ ବିଭିନ୍ନ ବିଷୟ, ସେମନ, ଅନ୍ୟାନ୍ୟ ( Population ), କୃଷି ( Agriculture ), ଶିଳ୍ପ ( Industry ), ବାଣିଜ୍ୟ ( Trade and Commerce ), ବାନ୍ୟାହନ ( Transport ), ଧର୍ମ ( Labour ), ଦର୍ଶକ

( Prices ) ইত্যাদি সংজ্ঞাত সরকারী পরিসংখ্যানের সূত্র প্রভৃতি সম্পর্কে আলাদা আলাদাভাবে আলোচনা করা হ'লো ।

### 7.3 অসংখ্যা এবং জনস্বাস্থ্য সংজ্ঞাত পরিসংখ্যান ( Population and Health Statistics )

#### (ক) অসংখ্যা সংজ্ঞাত পরিসংখ্যান

জনসংখ্যা সংজ্ঞাত পরিসংখ্যানের বেশীর ভাগই প্রতি দশবৎসর অন্তর দেশের যে আদমস্বুমারী বা লোকগণনা ( Decennial Population Census ) হয় তার মারফৎ সংগৃহীত হয় । ভারতে সর্বপ্রথম 1872 সালে অনেকটা পরীক্ষামূলকভাবে আদমস্বুমারী করা হয় । তবে এই আদমস্বুমারী অভ্যন্ত সীমিতভাবে করা হয় । প্রক্রিয়ক 1881 সাল হ'তে দেশে নিয়মিত লোকগণনা আরম্ভ হয় । এরপর হ'তে প্রতি দশ বৎসর পর পর লোকগণনা এবং লোকগণনা সংজ্ঞাত নানাবিধ তথ্য নিয়মিতভাবে সংগৃহীত হ'য়ে আসছে ।

1931 সাল পর্যন্ত লোকগণনা “De Facto Canvasser” পদ্ধতিতে করা হ'তো । এই পদ্ধতি অনুযায়ী যেদিন লোকগণনা করার কথা সেদিন রাতে দেশের জনসাধারণের যে যেখানে আছে সেখানেই তার সাথে প্রত্যক্ষ যোগাযোগ ক'রে তার স্বত্ত্বে জ্ঞাতব্য তথ্য সংগ্রহ করার কথা । 1941-এর পর হ'তে এই পদ্ধতির পরিবর্তন ক'রে “De Jure Canvasser” পদ্ধতি চালু করা হয় । এই পদ্ধতি অনুযায়ী বেশ কিছুদিন ধ'রে ( দু-তিন দিন হ'তে দু-তিন সপ্তাহ পর্যন্ত ) দেশের জনসাধারণকে তাদের নিয়মিত বাসস্থান ( Normal Place of Residence )-এ গণনা করা হয় এবং তাদের স্বত্ত্বে জ্ঞাতব্য তথ্য সংগ্রহ করা হয় ।

1948 সালে আদমস্বুমারী আইন ( Census Act, 1948 ) প্রবর্তিত হয় । এই আইন অনুযায়ী লোকগণনার সময় দেশের যে কোনো লোক লোকগণনাসংজ্ঞাত তথ্য জানাতে আইনতঃ বাধ্য । 1949 সালের পর হ'তে লোকগণনা সংজ্ঞাত কেন্দ্রীয় বিভাগটি একটি নিয়মিত এবং স্থায়ী বিভাগে পরিণত হয় এবং Census Commissioner ও Registrar General-এর অফিস প্রতিষ্ঠিত হয় ।

লোকগণনার রাশিতথ্য 20-25 লক্ষ তথ্যসংগ্রহকারীর ( Census Enumerator ) দ্বারা সংগৃহীত হয় । এ সব তথ্যসংগ্রহকারীর অধিকাংশই

**ସାଧାରଣତ:** ବିଳା ପାରିଅଧିକେ କିଂବା ନାମବାତ୍ ପାରିଅଧିକେ କାଜ କ'ରେ ଥାକେନ । **ସାଧାରଣତ:** ସ୍କୁଲେର ଶିକ୍ଷକ, ସମାଜକର୍ମୀ, ସରକାରୀ ଏବଂ ବେସରକାରୀ ଅଫିସେର କର୍ମଚାରୀ ପ୍ରଭୃତିର ମଧ୍ୟ ଥେକେ ଏସବ ତଥ୍ୟ ସଂଘରକାରୀଙ୍କେ ସଂଘର କରା ହ'ଯେ ଥାକେ । ପତ୍ୟେକ ତଥ୍ୟସଂଘରକାରୀ ତାର ଜନ୍ୟ ନିଦିଷ୍ଟ ବ୍ଲକ୍ ( Block )-ଏର ତଥ୍ୟ ସଂଘର କ'ରେ ଥାକେନ । “ବ୍ଲକ୍” ( Block ) ବ'ଳତେ ଏକଟି ନିଦିଷ୍ଟ ସୀମାନାର ଅନ୍ତର୍ଗତ ଜାଗଗୀ ଏବଂ ଐ ଜାଗଗୀଯ ଅବହିତ ଧର-ବାଡ଼ୀର ସମାନଟିକେ ବୋଲାଯାଇ । କଯେକଟି ବ୍ଲକ୍ ନିଯେ ଏକଟି “ସାର୍କଲ” ( Circle ) ଗଠିତ ହୁଏ । ସାର୍କଲ ( Circle )-ଏର ପରିଚାଳନାର ଭାବ ଏକଜନ “ସାର୍କଲ ସ୍ଵପାରିଭାଇଜାର” ( Circle Supervisor )-ଏର ଓପର ଦେଉଯା ହୁଏ । କଯେକଟି ସାର୍କଲ ନିଯେ ଏକଟି “ଚାର୍జ” ( Charge ) ଗଠିତ ହୁଏ । ଚାର୍ଜ-ଏର ପରିଚାଳନାର ଭାବ ଥାକେ “ଚାର୍ଜ ସ୍ଵପାରିଣ୍ଟେଣ୍ଟେଟ” ( Charge Superintendent )-ଏର ଓପର । କଯେକଜନ “ଚାର୍ଜ ସ୍ଵପାରିଣ୍ଟେଣ୍ଟେଟ୍ରେ” ଓପର ଏକଜନ କ'ରେ “ଜେଲୋ ଲୋକଗଣନା ଅଫିସାର” ( District Census Officer ) ଥାକେନ । ପ୍ରତିଟି କାଜେର ଭାବ ଏକଜନ “ରାଜ୍ୟ ଲୋକଗଣନା ସୁପାରିଣ୍ଟେଣ୍ଟ୍” ( State Superintendent of Census )-ଏର ଓପର ଦେଉଯା ହୁଏ । ସମ୍ପ୍ରତିକାଳେ ଏହି ନାମ ପରିବର୍ତ୍ତିତ କ'ରେ “ରାଜ୍ୟ ଲୋକଗଣନା ଅଧିକର୍ତ୍ତା” ( State Director of Census ) ରାଖା ହ'ଯେଛେ ।

ଆଗେଇ ବଳା ହ'ଯେଛେ ବର୍ତ୍ତମାନେ ଚାଲୁ ପକ୍ଷତିତେ ଲୋକଗଣନା କ'ରତେ ଦୁ-ତିନ ଦିନ ଥେକେ ଦୁ-ତିନ ସମ୍ପାଦ ସମୟ ଦରକାର ହୁଏ । ତବେ, ଆଧୁନା ନାନାରକମ ତଥ୍ୟ ସଂଘର କ'ରତେ ହୁଏ ବ'ଳେ ଏହି ସମୟକାଳ ସାଧାରଣତ: ଦୁ-ତିନ ସପ୍ତାହେର କମ ହୁଏ ନା । ପ୍ରାଥମିକ ଗଣନାର ପର ଶେଷେର କଯେକଦିନ ( ସାଧାରଣତ: 2/3 ଦିନ ) ହିତୀଯବାର ଗଣନା କରା ହୁଏ । ଏର ଦ୍ୱାରା ପ୍ରାଥମିକ ଗଣନାର ଡୁଲଚୁକ ସଂଶୋଧନ କରାର ସୁଯୋଗ ସଟେ । ଲୋକଗଣନାକାଳେ ସଂଗ୍ରହୀତ ରାଶିତଥ୍ୟସମୁହେର ସୁର୍ତ୍ତୁ ସାର-ସକଳନ ( Summarisation ) ଓ ସାରଣୀବିନ୍ୟାସେର ( Tabulation ) ଜନ୍ୟ ପ୍ରାୟ ତିନଚାର ବ୍ୟବର ସମୟ ଦରକାର ହୁଏ । ଲୋକଗଣନାର ଏହି ବିବରଣୀ କଯେକଟି ଖଣ୍ଡ ( Volume ) ବଛ ବ୍ୟବର ଧ'ରେ ପ୍ରକାଶିତ ହୁଏ । କିଛୁ କିଛୁ ଖଣ୍ଡେ ସାଧାରଣଭାବେ ଲୋକଗଣନାସଂକାନ୍ତ ନାନାରକମ ରାଶିତଥ୍ୟ ସହିବେଶିତ ହୁଏ । ଏଞ୍ଜଲିକେ ସାଧାରଣ ବିବରଣୀ ( General Report ) ବଳା ହୁଏ । ଆବାର ଅନ୍ୟ କତଞ୍ଚିଲି ଖଣ୍ଡେ ବିଶେଷ ବିଶେଷ ବିଷୟ ସହକେ ତଥ୍ୟ ସହିବେଶିତ ହୁଏ । ଏଞ୍ଜଲିକେ ବିଶେଷ ବିବରଣୀ ( Special Report ) ବଳା ହୁଏ । ସମସ୍ତ ଭାବରେ ସମ୍ପର୍କେ କଯେକଟି ସଂକଷିପ୍ତ ବିବରଣୀ ( Summary Report ) ପ୍ରକାଶିତ ହୁଏ । ଏ ଛାଡ଼ା ପ୍ରତିଟି ରାଜ୍ୟର ଜନ୍ୟ ଆଲାଦା ଆଲାଦା ବିବରଣୀ ପ୍ରକାଶିତ ହ'ରେ ଥାକେ ।

1881 সালের এবং তার পরবর্তীকালের লোকগণনার বিবরণীগুলিতে নিম্নলিখিত বিষয়গুলি সন্মিলিত হ'য়েছিলো :—

(i) জনসংখ্যার বিভাজন ( Distribution of Population ), প্রতি মাইলে জনসংখ্যার গড় হিসাব ( Density of Population per Square Mile ), গ্রামের এবং শহরের জনসংখ্যার ( Rural and Urban Population ) হিসাব, শহরের বাসস্থান সংক্রান্ত ( Housing Condition in Towns ) রাশিতথ্য এবং শহরের গৃহপ্রতি জনসংখ্যার গড় হিসাব।

(ii) জনসাধারণের আভ্যন্তরীণ প্রব্রজন এবং গতিবিধি সংক্রান্ত রাশিতথ্য ( Movement of Population including Internal Migration )।

(iii) জী-পুরুষের হিসাব।

(iv) জনসাধারণের বয়স সংক্রান্ত হিসাব।

(v) জনসাধারণের বৃত্তি ( Occupation ) সংক্রান্ত রাশিতথ্য।  
গ্রামের এবং শহরের বৃত্তি সংক্রান্ত পরিসংখ্যান।

(vi) জনসাধারণের জাতি-বর্ণ সংক্রান্ত রাশিতথ্য।

(vii) ধর্মসংক্রান্ত রাশিতথ্য।

(viii) অক্ষরজ্ঞান এবং শিক্ষাসংক্রান্ত রাশিতথ্য।

(ix) জাতি, ধর্ম, বর্ণ, সম্পূর্ণায় এবং ঔপুরুষ ভেদে বিশেষ ধরণের শারীরিক অক্ষমদের ( যথা, শুকবধির, কুষ্ঠরোগী, অঙ্গ ইত্যাদি ) সংখকে পরিসংখ্যান।

(x) জনসাধারণের বিভিন্ন সামাজিক বিষয় সংক্রান্ত পরিসংখ্যান ( Statistics on Civil Condition )।

1931 সাল পর্যন্ত মোটামুটি ভাবে উপরোক্ত রাশিতথ্যগুলিই লোকগণনা মারফৎ সংগ্রহ করা হ'তো। কিন্তু পরবর্তীকালে অর্থনীতি এবং শিল্পসংক্রান্ত পরিসংখ্যান সংগ্রহের দিকে ঝৌক বাড়তে থাকে। 1941 সালের আদমশুমারীর সময় হিতীয় মহাযুদ্ধ চ'লছিলো। এ কারণে এবং দেশের রাজনৈতিক পরিস্থিতির জন্য এ সময়কার লোকগণনার কাজে নানারকম গলদ থেকে যায়।

স্বাধীনতার পরবর্তী যুগের প্রথম লোকগণনা হয় 1951 সালে। এ বৎসর দেশের প্রথম পঞ্চাধিকী পরিকল্পনা চালু হয়। এই লোকগণনার সময় অর্থনৈতিক এবং সামাজিক বিষয় সংখকে নানারকম নতুন তর্ক সংগ্রহ করা হয়। 1961 সালের লোকগণনার সময় আরো অনেক

ପରିବର୍ତ୍ତନ କରା ହସ୍ତ । ଏ ସମୟ ଥେବେ ପରିବାର ( Household ) ଭିତ୍ତିକ ରାଶିତଥ୍ୟ ସଂଗ୍ରହେର ଦିକେ ଗୁରୁତ୍ୱ ଦେଉଯା ହସ୍ତ । ପାରିବାରିକ ଭିତ୍ତିତେ ଚାମ୍ରେ ଅବସ୍ଥା ଏବଂ ଶିଲ୍ପ ସହକେ ନାନାରକମ୍ ପରିସଂଖ୍ୟାନ ସଂଗ୍ରହ କରା ହସ୍ତ । ପ୍ରତି ପରିବାରେର କାଜେ ନିୟୁକ୍ତ ଲୋକଦେର ଚାରଭାଗେ ଭାଗ କରା ହସ୍ତ । ସଥା, (i) ଚାଷୀ ( Cultivators ), (ii) କୃମି ଧ୍ୱନିକ ( Agricultural Labourer ), (iii) ଗୃହଶିଳ୍ପୀ ନିୟୁକ୍ତ ବ୍ୟକ୍ତି ( Persons engaged in Household Industries ) ଏବଂ ଅନ୍ୟାନ୍ୟ ( Others ) । ଚାଷୀ ଓ କୃଷିଧ୍ୱନିକ ବାଦେ ଅନ୍ୟାନ୍ୟ କାଜେ ନିୟୁକ୍ତ ଲୋକଦେର ଶିଲ୍ପ ( Industry ), ବାଣିଜ୍ୟ ( Trade ) ବା ଚାକରୀ ( Service ) ସହକେ ପରିସଂଖ୍ୟାନ ସଂଗ୍ରହ କରା ହସ୍ତ । ଏହାଡ଼ା କାଜେର ଧାରା ଅନୁଯାୟୀ କର୍ମୀଦେର (i) ମାଲିକ ( Employer ), (ii) କର୍ମଚାରୀ ( Employee ), (ii) ସ୍ଵନିଯୋଜିତ ଏକକ କର୍ମୀ ( Single Worker ) ଏବଂ ପାରିବାରିକ ବୃତ୍ତିତେ ନିୟୁକ୍ତ କର୍ମୀ ଏହି ଚାରଭାଗେ ଭାଗ କରା ହସ୍ତ । ସେବ ଲୋକ କୋଣୋ ଅର୍ଥକରୀ ବୃତ୍ତିତେ ନିୟୁକ୍ତ ନୟ ତାଦେର (i) ଗୃହକର୍ମେ ନିୟୁକ୍ତ, (ii) ପୁରୋ ସମୟରେ ଛାତ୍ର, (iii) ଶିଶୁ, (iv) ପେନସନଭୋଗୀ, (v) ବାଢ଼ୀଓଯାଳା, (vi) ଡିଫ୍କ୍ୱୁକ, (vii) ଆଲୋର ଆସାନୀ, (viii) କର୍ମପ୍ରାର୍ଥୀ ବେକାର ( Unemployed Seeking Employment ) ଇତ୍ୟାଦି ଭାଗେ ଭାଗକରା ହସ୍ତ । ଭାରତେର କାରିଗରି ଏବଂ ବିଜ୍ଞାନ ଶିକ୍ଷାପ୍ରାପ୍ତ ଶ୍ରୀତକଦେର ସହକେ ନାନାରକମ୍ ତଥ୍ୟାତ୍ 1961-ଏର ଲୋକଗଣନାର ସମୟ ସଂଗ୍ରହ କରା ହଁଯେଛେ ।

1971 ସାଲେର ଲୋକଗଣନାଯ ପରିବାର ( Household ) ଭିତ୍ତିକ ରାଶିତଥ୍ୟର ଆୟଗାୟ ପ୍ରତିଷ୍ଠାନ ( Establishment ) ଭିତ୍ତିକ ରାଶିତଥ୍ୟ ସଂଗ୍ରହ କରା ହସ୍ତ । ପ୍ରତିଟି ପ୍ରତିଷ୍ଠାନର ଅନ୍ୟ ଏକଟି କ'ରେ ବିବରଣିଲିପି ( Schedule ) ଭାବି କରା ହସ୍ତ । ଶିଲ୍ପ ପ୍ରତିଷ୍ଠାନ ( Industrial Establishment ) ଗୁଲିକେ (i) Manufacturing, (ii) Processing, (iii) Servicing ଏବଂ (iv) Household Industries—ଏହି ଚାର ଭାଗେ ଭାଗ କରା ହସ୍ତ । Household Industries ବା ଗୃହଶିଳ୍ପ ଛାଡ଼ା ଅନ୍ୟାନ୍ୟ ଶିଲ୍ପପ୍ରତିଷ୍ଠାନଗୁଲିକେ ରେଜିଷ୍ଟ୍ରେଟ୍‌ର୍ କ୍ଷମିତ୍ତ ( Registered ) ଏବଂ ଅରେଜିଷ୍ଟ୍ରେଟ୍‌ର୍ ( Unregistered ) ଏହି ଦୁଟୋ ଭାଗେ ଭାଗ କରାର ପର କର୍ମୀସଂଖ୍ୟା ଅନୁଯାୟୀ ଆରୋ କମେଟଟି ଭାଗେ ଭାଗ କରା ହଁଯେଛେ । ଏରପର ଆବାର ଶିଲ୍ପେର ପ୍ରକୃତି ଅନୁଯାୟୀ ଏବଂ ଆଲାନୀ, ବିଦ୍ୟୁତେର ବ୍ୟବହାର ଓ କାରିକ ଧରେର ବ୍ୟବହାର ଅନୁଯାୟୀ ଆରା ଅନେକଗୁଲି ଭାଗେ ଭାଗ କରା ହଁଯେଛେ । ଗୃହଶିଳ୍ପ ( Household Industries ) ଗୁଲିକେ ଶିଲ୍ପେର ପ୍ରକୃତି, ବିଦ୍ୟୁତେର ବା କାରିକଧରେର ବ୍ୟବହାର ଅନୁଯାୟୀ ଏବଂ କର୍ମୀ ସଂଖ୍ୟା ଅନୁଯାୟୀ ବିଭିନ୍ନଭାବେ ଭାଗ କରା ହଁଯେଛେ । ବାଣିଜ୍ୟ ସଂଖ୍ୟା ( Trade

and Commercial Establishments )-গুলিকে বাণিজ্যের প্রকৃতি এবং কর্মী সংখ্যা অনুযায়ী বিভিন্ন শ্রেণীতে বিভক্ত করা হ'য়েছে।

1961 সালের মতো 1971 সালের আদমশুমারীর সময়ও ব্যক্তিবিশেষকে “কর্মে নিযুক্ত” ( Working ) এবং “কর্মে নিযুক্ত নয়” ( Non-working ) এই দুটি ভাগে ভাগ করা হ'য়েছে। কর্মে নিযুক্ত ব্যক্তিদের আবার তাদের মুক্ত্য ( Primary ) এবং গৌণ ( Secondary ) কর্ম অনুযায়ী ভাগ করা হ'য়েছে। এ ছাড়া কর্মে নিযুক্ত ব্যক্তিদের বিভিন্ন পেশা, যথা, শিল্প, বাণিজ্য, কৃষি, চাকুরী ইত্যাদি অনুযায়ী বিভিন্ন ভাগে ভাগ করা হ'য়েছে। যে সমস্ত লোক কর্মে নিযুক্ত আছেন তাদের 1961 সালের লোকগণনার সময় যে সমস্ত ভাগে ভাগ করা হয়েছিলো এবারও সেই সমস্ত ভাগে ভাগ করা হ'য়েছে।

উপরোক্ত বিষয়গুলি ছাড়াও 1961 সালের তুলনায় 1971 সালের লোকগণনায় ব্যক্তিবিশেষ ( Individual ) সমস্তে আরও অনেক নতুন তথ্য সংগৃহীত হ'য়েছে। যেমন, ব্যক্তিবিশেষের পূর্ব বাসস্থান এবং বর্তমান কর্মস্থল সমস্তে তথ্য, বিবাহিতা নারীদের বিবাহকালীন বয়স এবং অনুসঙ্গানের সময় থেকে এক বৎসর আগেকার সময়ের মধ্যে কোনো স্তোক্ষ-হ'য়েছে কিনা ইত্যাদি। কারিগরি এবং বিজ্ঞানের স্নাতক ছাড়াও এবার অন্যান্য বিষয়ের ( যেমন, করা, বাণিজ্য, ইত্যাদি ) স্নাতকদের সমস্তেও তথ্য সংগ্রহ করা হয়।

সকলনের কাজ তরান্বিত করার জন্য এবার সারীকরণ ইত্যাদির জন্য অনেক ক্ষেত্রে ইলেক্ট্রনিক কম্পিউটার ব্যবহার করা হ'য়েছে।

আবাদের দেশের লোকগণনার কাজ যদিও এক শতাব্দীকাল ধ'রে হ'য়ে আসছে তথাপি এখনও এই কাজের ভেতর নানারকম ঝটি রয়ে গেছে। সাময়িকভাবে নিযুক্ত এক বিশাল সংখ্যক কর্মীর হারা এই গণনার কাজ করা হ'য়ে থাকে। অধিকাংশ সময়ই এসব কর্মীকে ভালোভাবে প্রশিক্ষণ দেওয়া সম্ভব হয় না। ফলে এদের কাজে নানারকম ঝটি থেকে যায়। বয়স সংক্রান্ত সংগৃহীত রাশিতথ্যে কতকগুলি বিশেষ ধরণের ঝটি থাকে। অশিক্ষিত জনসাধারণের অনেকেই তাদের সঠিক বয়স আনেন না। আলাজের ওপর তারা তাদের বয়সের হিসাব দেন। এসব হিসাবে কয়েকটি বিশেষ বিশেষ সংখ্যায় বয়স প্রকাশ করার পক্ষপাত ( Bias ) দেখা যায়। যেমন “0” বা “5” হারা শেষ হওয়া সংখ্যায় ( যথা, 10, 20, 30, 40 বা 5, 15, 25, 35 ইত্যাদি ) বয়স প্রকাশের প্রবণতা খুব

ବେଳୀ ଦେଖା ଥାଏ । ଏ ଛାଡ଼ା ଅକ୍ଷରଜାନ ( Literacy ), ବୃତ୍ତି ( Occupation ) ଇତ୍ୟାଦି ସମ୍ପର୍କେ ବିଭିନ୍ନ ବ୍ୟକ୍ତିଗତିର ଲୋକଗଣଙ୍କର ସମସ୍ତ ବିଭିନ୍ନ ସଂଜ୍ଞା ନିର୍ଦ୍ଦେଶିତ ହେଉଥାଏ ଏସବ ହିସାବେର ତୁଳନାମୂଳକ ବିଚାର କରା ଅନେକ ସମସ୍ତଙ୍କ ସମ୍ଭବ ହେବାନ୍ତି । ଲୋକେର ସ୍ଵଭାବଜାତ ଅହକାର ଅନେକ ସମସ୍ତ ତାଦେର ତୁଳ ତଥ୍ୟ ସରବରାହ କରତେ ପ୍ରୋଚିତ କରେ । ସେମନ, ଅନେକ ସମସ୍ତଙ୍କ ଆଦ୍ସୁମାରୀତେ ସଂଗ୍ରହୀତ ଅକ୍ଷରଜାନସମ୍ପଳୀ ଲୋକେର ଶତକରା ହିସାବ ପ୍ରକୃତ ହିସାବେର ଚାଇତେ ବେଳୀ ହେବ । ଏର ପ୍ରଥାନ କାରଣ ବେଶ କିଛୁ ନିରକ୍ଷର ଲୋକ ନିଜେଦେର ଅହକାର ଚରିତାର୍ଥ କରାର ଅନ୍ୟ ଲୋକଗଣଙ୍କର ସମସ୍ତ ନିଜେଦେର ଅକ୍ଷରଜାନ ସମ୍ପଳ ବ'ଳେ ପରିଚିଯ ଦିଯେ ଥାକେନ ।

ଉପରୋକ୍ତ ଜ୍ଞାନଗୁଣି ଥାକୁ ସହ୍ଯେ ସାଧୀନତାର ପରବର୍ତ୍ତୀକାଳେ ଭାରତୀୟ ଲୋକଗଣଙ୍କାମ ପ୍ରଭୃତ ଉତ୍ତରି ପରିଲକ୍ଷିତ ହ'ମେହେ । କ୍ରମାଗତ ଅନୁଶୀଳନ ଏବଂ ପରୀକ୍ଷା ନିରୀକ୍ଷା ମାରଫତ ଲୋକଗଣଙ୍କାକାଳେ ସଂଗ୍ରହୀତ ରାଶିତଥ୍ୟର ସଂଜ୍ଞା, ସଂଗ୍ରହପକ୍ଷତି, ସନ୍ତଳନ ଏବଂ ବିଶ୍ଵେଷଣପକ୍ଷତିର ବହୁବିଧ ଉତ୍ସତ୍ୱିକାଧନ କରା ହ'ମେହେ ।

#### (୪) ଜନସାହ୍ୟ ସଂକ୍ରାନ୍ତ ପରିସଂଖ୍ୟାମ

ବର୍ତ୍ତମାନେ ଭାରତେର ଜନସାହ୍ୟ ସଂକ୍ରାନ୍ତ ପରିସଂଖ୍ୟାନ ପ୍ରଥାନତଃ କ୍ରେତ୍ରୀଯ ସାହ୍ୟ ମଞ୍ଜଣାଳୟର Director General of Health Services କର୍ତ୍ତକ ପ୍ରକାଶିତ Statistical Appendices to the Annual Report of Director General of Health Services-ଏ ପ୍ରକାଶିତ ହ'ଯେ ଥାକେ । ଏତେ ଜୀବନ ସଂକ୍ରାନ୍ତ ପରିସଂଖ୍ୟାନ ( Vital Statistics ), ହାସପାତାଳ ଏବଂ ବିଭିନ୍ନଧରଣେର ଚିକିତ୍ସାକେନ୍ଦ୍ର ସଂକ୍ରାନ୍ତ ପରିସଂଖ୍ୟାନ ଇତ୍ୟାଦି ସମ୍ବିବେଶିତ ହ'ଯେ ଥାକେ ।

ପରିଚିତ ଜନକାରେର ସାହ୍ୟ ଅଧିକାର୍ତ୍ତା ( Director of Health ) କର୍ତ୍ତକ ପ୍ରକାଶିତ ବାର୍ଷିକୀ Health on March-ଏ ରାଜ୍ୟେର ଜନମାର୍ତ୍ତ, ମୃତ୍ୟୁମାର୍ତ୍ତ ଇତ୍ୟାଦି ସଂକ୍ରାନ୍ତ ନାନାବିଧ ପରିସଂଖ୍ୟାନ ସମ୍ବିବେଶିତ ହ'ଯେ ଥାକେ । ଏଛାଡ଼ା ରାଜ୍ୟେର ଫଳିତ ଅର୍ଥନୀତି ଏବଂ ପରିସଂଖ୍ୟାନ ବ୍ୟାଗ୍ରୋ ( Bureau of Applied Economics and Statistics ) କର୍ତ୍ତକ ପ୍ରକାଶିତ Statistical Handbook-ଏ ରାଜ୍ୟେର ଜନମୃତ୍ୟୁର ହାର, ଶିଶୁ ମୃତ୍ୟୁର ହାର, ହାସପାତାଳେର ସଂଖ୍ୟା, ଡାଙ୍କାରେର ସଂଖ୍ୟା, ଇତ୍ୟାଦି ନାନାରକ୍ଷମ ପରିସଂଖ୍ୟାନ ସମ୍ବିବେଶିତ ହେବ । ତବେ ଆମାଦେର ଦେଖେ ସେହେତୁ ଜନମୃତ୍ୟୁ ବହକ୍ଷେତ୍ରେଇ ରେଖିଷ୍ଟୀ କରା ହେବ ନା କେଉଁନ୍ୟ ଜନମୃତ୍ୟୁର ହାର ସଂକ୍ରାନ୍ତ ପରିସଂଖ୍ୟାନ ଥୁବ ଏକଟା ନିର୍ଭରସୋଗ୍ୟ ହେବ ନା ।

## ৭.৪ কৃষি পরিসংখ্যান (Agricultural Statistics)

ভারতের কৃষিসংক্রান্ত রাশিতথ্যের সব চাইতে উন্নেখনোগ্য পরিবেশক হ'লো ভারত সরকারের খাদ্য ও কৃষি মন্ত্রণালয়ের অধীনস্থ অর্থনীতি এবং কৃষি পরিসংখ্যান অধিকার (Directorate of Economics and Statistics বা সংক্ষেপে DES)। স্বাধীনতার পরবর্তী যুগে 1948 সাল হ'তে এই সংস্থার উদ্যোগে ভারতের কৃষি পরিসংখ্যান সংগ্রহ, সংরক্ষণ এবং প্রকাশনের ব্যাপারে নানারকম উন্নতি সাধিত হ'য়েছে। এ সম্বেদ এখনও নানারকম জটিল রয়ে গেছে—বিশেষ ক'রে তথ্য প্রকাশে প্রচুর দেরী হওয়ার অন্য। অনেক সময়ই দেখা যায় যে প্রকাশিত রাশিতথ্য তিন খেকে পাঁচ বৎসরের পুরোণো হয়।

কৃষি সংক্রান্ত রাশিতথ্যগুলিকে মোটামুটিভাবে একমতাবে ভাগ করা যেতে পারে—(i) ভূমির ব্যবহার সংক্রান্ত পরিসংখ্যান, (ii) যে সব জমিতে ফসল দেওয়া হ'য়েছে তাদের মোট আয়তন এবং ফসলের ফলন ও উৎপাদন সংক্রান্ত পরিসংখ্যান ও পূর্বাভাস (Area and Yield Statistics including Crop Forecasts), (iii) কৃষিমজুরী এবং কৃষিজাত দ্রব্যের দর (Agricultural Wages and Prices) এবং (iv) পালিত পশু, হাঁস-মুরগী, বন এবং অন্য সংক্রান্ত পরিসংখ্যান (Miscellaneous Statistics regarding Livestock and Poultry, Forestry and Fisheries etc.)।

চলিশের দশকের আগে কৃষিসংক্রান্ত রাশিতথ্যের পরিমাণ খুবই অপ্রচুর ছিলো। এমন কি ফসলের পরিমাণ কিংবা মোট কত জমিতে ফসল বোনা হ'য়েছিলো—এধরণের প্রাথমিক রাশিতথ্যও দেশের সব এলাকার অন্য পাওয়া সম্ভব ছিলো না। যেটুকু রাশিতথ্য পাওয়া যেত তাও অনেক সময়ই তেমন নির্ভরযোগ্য ছিলো না। বিভিন্ন প্রদেশের রাশিতথ্য বিভিন্নমাত্রায় বিশুসংযোগ্য ছিলো। দেশের যে সমস্ত অঞ্চলে জমির চিরস্থায়ী বন্দোবস্ত (Permanent Settlement) ছিলো সেসব এলাকার ফসলের হিসাব গ্রাম্য চৌকিদারের মারফৎ সংগৃহীত হ'তো। এসব চৌকিদারের অধিকাংশই অশিক্ষিত ছিলো। এরা নিজেদের ধারণার ভিত্তিতে যেসব হিসাব পরিবেশন ক'রতো তার বিশুল্কতা সহজে অনেক সময়ই সম্মেহের অর্বকাশ থাকতো। যে সব প্রদেশে জমির অস্থায়ী বন্দোবস্ত (Temporary Settlement) ছিলো, সেখানকার শস্যের হিসাব খালনা আদায়কারী পাটওয়ারীদের মারফৎ সংগৃহীত হ'তো। পাটওয়ারীদের

ଆଧୁନିକ କର୍ତ୍ତବ୍ୟ ଛିଲୋ ଧାରଣା ଆଦ୍ୟକରା । ଏ ଛାଡ଼ା ଏଦେର ଆଧୁନିକଲେର ଆଇନ-ଶୂନ୍ୟାଜନିତ ଏବଂ ପ୍ରେସନିକ ନାନାରକମ କାଜେ ପ୍ରାୟଇ ବ୍ୟକ୍ତ ଥାକତେ ହ'ତୋ । ଏବଂ କାଜ କରାର ପର ଫ୍ଲନେର ହିସାବ ସଂଘର୍ଷ କରାର ଅନ୍ୟ ଏଦେର ହାତେ ଖୁବ କମ ସମୟ ଥାକତୋ । ଫଳେ ଏରାଓ ଅଧିକାଂଶ ସମୟରେ ନିଜେଦେର ଆନ୍ଦୋଜମତୋ ହିସାବ ପରିବେଶନ କରତୋ । ପାଟଓଯାରୀ ଏବଂ ଚୌକିଦାରଦେର ଦେଓୟା ଏବଂ ହିସାବେର କୁନ୍ତତା ଯାଚାଇ ଅଧିକାଂଶ ସମୟରେ କରା ହ'ତୋ ନା ।

ମୋଟ ଶଶୀର ଫଲନେର ପୂର୍ବାଭାଷ ( Forecast of Yield ) ଦେଓୟା ହ'ତୋ । ଫ୍ଲନ ତୋଳାର ପର ଆରାଓ କ୍ରେକଟି ଶଶୀର ଫଲନେର ପରିମାଣେର ହିସାବ ପ୍ରକାଶ କରା ହ'ତୋ । ଫଲନେର ହିସାବ ବୀଚେର ସ୍ତର ଅନ୍ୟାନ୍ୟ କରା ହ'ତୋ—

**ମୋଟ ଉପାଦାନ ( Total Yield ) = ଜଗିର ଆମ୍ବଦମ ( "Area ) × ଜଗିର ଏକକ ପ୍ରତି ଆଭାବିକ ଫଲନ ( Normal Yield Per Unit Area of Land ) × ଅବସ୍ଥା ନିର୍ଭର ଉପାଦାନ ( Condition Factor )**

ଜଗିର ଏକକପ୍ରତି ଆଭାବିକ ଫଲନ (Normal Yield Per Unit Area of Land )-ଏର ଧାରଣା ଅନେକଟା ଧୋଯାଟେ ଛିଲୋ । ଆଭାବିକ ଫଲନେର ଅଂଶ ବିଶେଷକେ ଅବସ୍ଥା-ନିର୍ଭର ଉପାଦାନ ( Condition Factor ) ବଲା ହ'ତୋ । ସେମନ, କୋଣୋ ବହୁରେର ଫଲନେର ପରିମାଣ ସହି ଆଭାବିକ ଫଲନେର ଅର୍ଦ୍ଧକ ହେ ତବେ ଏ ବହୁରେର ଅବସ୍ଥା ନିର୍ଭର ଉପାଦାନ ( Condition Factor ) ହେବେ ଟୁ । ଏଇ ଅବସ୍ଥା ନିର୍ଭର ଉପାଦାନେର ହିସାବ ଚୌକିଦାର କିଂବା ପାଟଓଯାରୀର ଦେଓୟା ରାଶିତଥ୍ୟେର ଭିତ୍ତିତେ କରା ହ'ତୋ ।

ଫଲନେର ହିସାବ ଛାଡ଼ା ଜଗିର ବ୍ୟବହାରେର ପରିସଂଖ୍ୟାନ ( Land Utilisation Statistics ), ଗୃହପାଲିତ ପଞ୍ଚ ଏବଂ ହାଁସ-ମୁରଗୀର ପରିସଂଖ୍ୟାନ ( Livestock and Poultry Statistics ) କିଂବା ଫ୍ଲନ ତୋଳାର ସମୟକାର ଶଶୀର ଦର ( Harvest Price of Crops ) ଇତ୍ୟାଦି ସଂକ୍ରାନ୍ତ ସାମାଜିକ ବିଶେଷ ଡାଟାରେ ଉପାଯେ ସଂଗ୍ରହିତ ହ'ତୋ । ବନ କିଂବା ମାଛ ସଂକ୍ରାନ୍ତ ପରିସଂଖ୍ୟାନଓ ଖୁବି ଅସମ୍ପୂର୍ଣ୍ଣ ଛିଲୋ ।

**ପ୍ରଧାନତଃ: କେନ୍ଦ୍ରୀୟ ସରକାରେର ଅର୍ଥନୀତି ଏବଂ ପରିସଂଖ୍ୟାନ ଅଧିକାର ( Directorate of Economics and Statistics ବା DES )-ଏର ପରେଷ୍ଟାମ ବର୍ତ୍ତମାନେ କୃଷିସଂକ୍ରାନ୍ତ ରାଶିତଥ୍ୟ ସଂକଳନେର ବ୍ୟାପାରେ ଉପଲବ୍ଧ ପଞ୍ଜି ଅବଲଘୁମ**

করা হ'চ্ছে। বর্তমানে দেশের প্রায় প্রতিটি অঞ্চলের অন্য জমির ব্যবহার সংক্রান্ত রাশিতথ্য ( Land Utilisation Statistics ) সংগৃহীত হ'রে থাকে। 1948-49 সালের পর হ'তে শস্যের ফলনের পূর্বাভাস ( Crop Forecast ) সংক্রান্ত রাশিতথ্যও অনেক ব্যাপকভাবে সংগৃহীত হ'চ্ছে। বাণিজ্যিক শস্য ( Commercial Crops ), যথা, পাট, চা, তুলা, তেলবীজ, আখ ইত্যাদি সংক্রান্ত রাশিতথ্য অনেক বিস্তারিতভাবে সংগৃহীত হ'চ্ছে।

প্রচলিত রাশিতথ্য সমূহের উন্নতিসাধন এবং গুণগত উৎকর্ষতা বৃদ্ধির ব্যাপারেও অর্থনীতি এবং পরিসংখ্যান অধিকারের অবদান উল্লেখযোগ্য। বর্তমানে জমির ব্যবহার সংক্রান্ত রাশিতথ্য ( Land Utilisation Statistics ) দেশের প্রায় সব রাজ্যে একই ভাবে সংগৃহীত হয়। শস্যের ফলন, পরিমাণ ইত্যাদি সংক্রান্ত রাশিতথ্যও দেশের সব এলাকা হ'তে একই পদ্ধতিতে সংগ্রহ করার অন্য প্রচেষ্টা চ'লছে। 1943-44-এর আগে 10টি প্রধান শস্য সমূহকে বছরে 34টি পূর্বাভাস দেওয়া হ'তো। সেখানে বর্তমানে বছরে 70টি পূর্বাভাস দেওয়া হয়। এছাড়াও মাঝে মাঝে কয়েকটি অপ্রধান বাণিজ্যিক শস্য ( Minor Commercial Crops )-এর পূর্বাভাসও দেওয়া হ'য়ে থাকে।

ফসল তোলার সময়কার শস্যের দর ( Harvest Price ) সংক্রান্ত রাশিতথ্য এখন আগেকার চাইতে অনেক ব্যাপক এবং সঠিকভাবে সংগৃহীত হয়। পশুপালন সংক্রান্ত রাশিতথ্য ( Livestock Statistics ), নিয়মিতভাবে সংগ্রহ করার চেষ্টা চলছে। বন ( Forest ), বনজ প্রৰ্য ( Forest Products ) এবং মাছ সংক্রান্ত রাশিতথ্য নিয়মিত ভাবে সংগ্রহ করার চেষ্টাও চ'লছে।

আগে যেখানে ফলন সংক্রান্ত রাশিতথ্য ( Statistics on the Yield rates of Crops ) পাটওয়ারী কিংবা চৌকিদারের দেওয়া খবরের ওপর নির্ভর ক'রতো, সেখানে এখন পরীক্ষামূলক ফসল কাটা ( Crop Cutting Experiment ) নামক বৈজ্ঞানিক পদ্ধতির সাহায্যে ফলনের গড় হিসাব সংগৃহীত হ'য়ে থাকে। এই পদ্ধতি অনুযায়ী সমস্তের নমুনা সংগ্রহ নিয়মে ( Random Sampling Method ) কতগুলি শস্যক্ষেত্রে নির্বাচিত ক'রে সেই শস্যক্ষেত্রগুলির প্রত্যেকটির খেকে একটি নির্দিষ্ট আয়তনের জমির ফসল কাটা হয়। এইভাবে কাটা প্রতিটি জমির ফসলের পরিমাণের পরিমাপ করা হয় এবং এর ভিত্তিতে একর প্রতি গড় পরিমাণ বের করা হয়। কোনো শস্যের মোট উৎপাদনের পূর্বাভাস দিতে হ'লে এখনও অবশ্য পূর্বে উল্লিখিত সূত্রে ( 232 পৃষ্ঠা

କ୍ଷେତ୍ର ) ଅନୁସରଣ କରା ହ'ଯେ ଥାକେ । କିନ୍ତୁ ଏକକପ୍ରତି ସାଭାବିକ କଳନେର ( Normal Yield ) ପରିମାପ କ'ରିତେ ଗତ ଦଶ ବ୍ୟସରେର କଳନୁକଟୀର ପରୀକ୍ଷା ଅରକ୍ଷ ଥାପ୍ତ କଳନେର ହିସାବେର ଗଡ଼ ଲେନ୍ଦରା ହୟ । ଅବସ୍ଥା ନିର୍ଭର ଉପାଦାନ ( Condition Factor ) ପରିମାପ କରାର ଅନ୍ୟ ବୌଦ୍ଧେର ଅଛୁରୋଦ୍‌ଗମେର ହାର ( Rate of Germination of Seeds ), ଆବହାଓଯାର ଅବସ୍ଥା ( Weather Condition ) ଏବଂ ଶ୍ୟସଂକାନ୍ତ ଆରା ନାନାରକମ ଖବର ନିୟମିତଭାବେ ଏବଂ ସ୍ଵତ୍ତୁ ପଦ୍ଧତିତେ ସଂଘର୍ଷକରା ହ'ଯେ ଥାକେ । ଏସବ ଖବରାଖବରେର ଓପର ନିର୍ଭର କ'ରେ ସଥାସାଧ୍ୟ ନିର୍ଭୁଲଭାବେ ଅବସ୍ଥା ନିର୍ଭର ଉପାଦାନେର ପରିମାପ କରା ହ'ଯେ ଥାକେ ।

ଚାଲିଶେର ଦଶକେର ଶାରୀରାକି ଶରୀର ଥେକେ ପର୍ଯ୍ୟବେଜେ କରେକଟି ପ୍ରଧାନ ଶସ୍ୟେର ( ସେମନ, ଆମନ ଓ ଆଉଟସ ଧାନ, ପାଟ ଏବଂ ପ୍ରଧାନ ପ୍ରଧାନ ରବିଶସ୍ୟ ) କଳନେର ହିସାବ ବୈଜ୍ଞାନିକ ପଦ୍ଧତିତେ ନୟନ ସମୀକ୍ଷା ( Sample Survey )-ର ସହାୟତାବାବ ସଂଗ୍ରହୀତ ହ'ଯେ ଆସଛେ । ଆଗେ ଏହି ହିସାବ ଭାରତୀୟ ପରିସଂଖ୍ୟାନ ଇନ୍‌ସଟିଟ୍ଯୁଟ୍ ( Indian Statistical Institute ) କର୍ତ୍ତୃକ ସଂଗ୍ରହୀତ ହ'ତୋ । 1951-ଏର ପର ହ'ତେ ପର୍ଯ୍ୟବେଜ ସରକାରେର ନିଜର ପରିସଂଖ୍ୟାନ ବ୍ୟାରୋ ( State Statistical Bureau—ପରବର୍ତ୍ତୀକାଳେ ପରିବର୍ତ୍ତି ନାମ—Bureau of Applied Economics and Statistics ) ଏହି ହିସାବ ସଂଘର୍ଷ କ'ରେ ଆସଛେ ।

ନୀଚେ କୃଷି ପରିସଂଖ୍ୟାନ ସଂକାନ୍ତ କରେକଟି ପ୍ରଧାନ ପ୍ରଧାନ ପତ୍ର-ପତ୍ରିକା ଶର୍କ୍ରେ ଆଲୋଚନା କରା ହ'ଲୋ :—

(i) Indian Agricultural Statistics Vols I ଓ II ( ବାର୍ଷିକୀ )—ଏର ପ୍ରଥମ ଖଣ୍ଡେ ଜମିର ରାଜ୍ୟଭିତ୍ତିକ ଶ୍ରେଣୀବିଭାଗ ଦେଖାନ ହୟ । ଏ ଛାଡ଼ା ବିଭିନ୍ନ ଶସ୍ୟେର କ୍ଷେତ୍ରେ ଚେତ୍ତୁଭୁକ୍ତ ଜମିର ପରିମାଣେର ହିସାବରେ ପାଓଯା ଯାଯା । ହିତୀୟଖଣ୍ଡେ ଏସବ ହିସାବ ପ୍ରତି ରାଜ୍ୟ ଜେଲାଓଯାରୀ ପରିବେଶନ କରା ହୟ ।

(ii) Abstract of Agricultural Statistics ( ବାର୍ଷିକୀ )—ଏତେ କୃଷି ପରିସଂଖ୍ୟାନ ସଂକାନ୍ତ ନାନାବିଧ ତଥ୍ୟ ସଂକ୍ଷେପେ ପରିବେଶିତ ହୟ ।

(iii) Estimates of Area and Production of Principal Crops in India, Vols I and II ( ବାର୍ଷିକୀ )—ଏତେ ଦେଶେର ପ୍ରଧାନ ପ୍ରଧାନ ଶସ୍ୟେର ଜମିର ଆଗରନ, ଉତ୍ପାଦନ, କଳନେର ହାର ଇତ୍ୟାଦି ଶର୍କ୍ରେ ରାଶିତଥ୍ୟ ପରିବେଶିତ ହୟ ।

(iv) Indian Land Revenue Statistics ( ବାର୍ଷିକୀ )—ଏତେ ଦେଶେର ଭୂମି ରାଜସ ସଂକାନ୍ତ ତଥ୍ୟାଦି ପରିବେଶିତ ହୟ ।

(v) Indian Livestock Census ( পাঁচ বৎসর পরপর প্রকাশিত )—  
থেতি পাঁচ বৎসর পরপর দেশের গৃহপালিত পশুদের যে গণনা হয়  
তার হিসাব এই সাময়িকীতে প্রকাশিত হয়। তা ছাড়া কৃষিকার্যে  
ব্যবহৃত যন্ত্রপাতি ( Agricultural Implements )-র হিসাবও এতে  
পরিবেশিত হয়।

(vi) Indian Agricultural Prices ( বাষিকী )—এতে দেশের  
বিভিন্ন কেন্দ্রের বিভিন্ন কৃষিজ্ঞব্য ও শস্যের পাইকারী ও খুচরো দরের  
হিসাব পরিবেশিত হয়। সাধারিত পত্রিকা “Bulletin of Agricultural  
Prices”—এ অনুরূপভাবে দরসংক্রান্ত সমসাময়িক তথ্যাদি প্রকাশিত হয়।

(vii) Agricultural Wages in India ( বাষিকী )—এতে দেশের  
বিভিন্ন অঞ্চলের বিভিন্ন শ্রেণীর কৃষিক্ষমিকের মজুরী সংক্রান্ত রাশিতথ্য  
পরিবেশিত হয়।

(viii) Agricultural Situation in India ( মাসিক )—আগে যে  
সব বিষয়ের উল্লেখ করা হ'য়েছে সেগুলি সংক্রান্ত রাশিতথ্য এতে  
প্রকাশিত হয়। তা ছাড়া কৃষিসংক্রান্ত খবরাখবর এবং প্রবন্ধও এতে  
প্রকাশিত হয়। এই সাময়িকীটির প্রকাশ অনেকটা নিয়মিত ভাবে হয়।

উপরোক্ত সাময়িকীগুলি ছাড়াও কয়েকটি বিশেষ বিষয় সহজে  
নিয়ন্ত্রিত বাষিকীগুলি প্রকাশিত হয় :—

- (ix) Jute in India
- (x) Cotton in India
- (xi) Tea in India
- (xii) Sugar in India
- (xiii) Tobacco in India
- (xiv) Oilseeds in India
- (xv) Coffee in India

কেন্দ্রীয় পরিসংখ্যান সংস্থা ( Central Statistical Organisation )  
কর্তৃক প্রকাশিত বাষিকী Statistical Abstract-এর কৃষি সংক্রান্ত অনেক  
রাশিতথ্য প্রকাশিত হ'য়ে থাকে।

পশ্চিমবঙ্গ সরকারের বিভিন্ন সাময়িকীতে এই রাজ্যের কৃষিসংক্রান্ত  
রাশিতথ্যাদি প্রকাশিত হ'য়ে থাকে। এগুলির মধ্যে রাজ্যের ফলিত  
অর্থনৌতি এবং পরিসংখ্যান বুরো ( Bureau of Applied Economics

and Statistics ) କର୍ତ୍ତକ ପ୍ରକାଶିତ ନିୟମିତ ବାର୍ଷିକୀୟାଳି ବିଶେଷଭାବେ ଉଲ୍ଲେଖ୍ୟୋଗ୍ୟ :—

- (i) Estimates of Area and Production of Aman Paddy
- (ii) Estimates of Area and Production of Jute and Aus
- (iii) Estimates of Area and Production of some Rabi Crops

ଏହାଡ଼ା ରାଜ୍ୟେର କୃଷି ଦସ୍ତର କର୍ତ୍ତକ ପ୍ରକାଶିତ Bulletin of Agricultural Prices ଏବଂ Season and Crop Report୭ ଏହି ପ୍ରସଙ୍ଗେ ଉଲ୍ଲେଖ୍ୟୋଗ୍ୟ ।

ଆଗେଇ ଉଲ୍ଲେଖ କରା ହ'ଯେଛେ ଯେ ଦେଶେର କୃଷି ପରିସଂଖ୍ୟାନସଂକାନ୍ତ ତଥ୍ୟାଦିର ଉଲ୍ଲତିସାଧନେ ଜ୍ଞାଗତ ପ୍ରଚେଷ୍ଟା ଚଲଛେ । ଏ ସମେତ ନାନାବିଧ କ୍ଷଟ୍ଟ ଏଥନେ ରମ୍ଭ ଗେଛେ । ଏଗୁଲିର ଅନ୍ୟତମ ହ'ଲୋ ଦେବୀତେ ତଥ୍ୟ ପ୍ରକାଶିତ ହୁଏ ନା । ପ୍ରକାଶ କ'ରିତେ ଦୁଇନ ବନ୍ଦର ବା ଆରୋ ବେଶୀ ସମୟ ଲାଗେ । ଏହାଡ଼ା ଉଲ୍ଲତତର କୃଷିବସ୍ତ୍ରାର ଫଳାଫଳ ସହକ୍ରେ ବିଭାରିତ ତଥ୍ୟ ଏଥନେ ନିୟମିତ-ଭାବେ ସଂଗ୍ରହିତ ବା ପ୍ରକାଶିତ ହୁଏ ନା । ସେଚ୍ୟୁକ୍ତ ବା ସେଚିନ ଭାଗୀ ( Irrigated and Non-irrigated Areas )-ସମୁହର ଫଳନ ଇତ୍ୟାଦି ସହକ୍ରେ ଆଲାଦାଭାବେ ରାଶିତଥ୍ୟ ଏଥନେ ତେବେ ସ୍ଵର୍ଣ୍ଣଭାବେ ସଂଗ୍ରହିତ ହୁଏ ନା । ତବେ ବିଶ୍ୱ ଖାଦ୍ୟ ଏବଂ କୃଷି ସଂସ୍ଥା ( Food and Agricultural Organisation, ସଂକ୍ଷେପେ FAO)-ର ପରାମର୍ଶ ଅନୁଯାୟୀ ଭାରତ ସରକାର 1971 ମାଲ ଥେକେ ବିଶ୍ୱ କୃଷି ଗଣନା ( World Agricultural Census )-ର ଅଂଶ ଗଠଣ କ'ରିଛେ । ଏହି ଗଣନାର ସାହାଯ୍ୟ ଦେଶେର କୃଷି ଅର୍ଥନୀତି ଏବଂ କୃଷକେର ଅବସ୍ଥା ସହକ୍ରେ ଅନେକ ନତୁନ ତଥ୍ୟ ଜ୍ଞାନା ସନ୍ତ୍ଵବ ।

## 7.5 ଶିଲ୍ପ ସଂକାନ୍ତ ପରିସଂଖ୍ୟାନ ( Industrial Statistics )

ଶିଲ୍ପସଂକାନ୍ତ ସରକାରୀ ପରିସଂଖ୍ୟାନକେ ଦୁଇ ପ୍ରଧାନଭାଗେ ଭାଗ୍ କରା ଯାଏ—  
(କ) ବୃଦ୍ଧ ଶିଲ୍ପସଂକାନ୍ତ ପରିସଂଖ୍ୟାନ ( Statistics relating to Large Scale Manufacturing Industries ) ଏବଂ (ଖ) କ୍ଷୁଦ୍ର ଓ କୁଟୀର ଶିଲ୍ପ ସଂକାନ୍ତ ପରିସଂଖ୍ୟାନ ( Statistics relating to Small Scale and Household Industries ) । ବୃଦ୍ଧ ଶିଲ୍ପ ସଂକାନ୍ତ ପରିସଂଖ୍ୟାନ ଅନେକଟା ବିଭାରିତଭାବେ ଏବଂ ନିୟମିତଭାବେ ପ୍ରକାଶିତ ହ'ରେ ଥାକେ । କିନ୍ତୁ କ୍ଷୁଦ୍ର ଏବଂ କୁଟୀର ଶିଲ୍ପ-

সংক্ষিপ্ত পরিসংখ্যান তেমন একটা নিয়মিতভাবে প্রকাশিত হয়না। নীচে এ সংস্করে বিস্তারিত বর্ণনা করা হ'লো।

### (ক) বৃহৎ শিল্প সংক্ষিপ্ত পরিসংখ্যান

বর্তমানে ভারতের বৃহৎ শিল্পসংক্ষিপ্ত পরিসংখ্যানের প্রধান উৎস হ'লো কেন্দ্রীয় পরিসংখ্যান সংস্থা( C.S.O. )-র অন্তর্গত শিল্পসংক্ষিপ্ত শাখা ( Industrial Statistics Wing )। ক'লকাতায় অবস্থিত এই বিভাগ কর্তৃক প্রকাশিত (1) Monthly Statistics of Production of Selected Industries in India এবং (2) Report of the Annual Survey of Industries নামক প্রকাশনা দুটোতে বহু তথ্য সংলিঙ্গিত হয়। Monthly Statistics of Production of Selected Industries in India-য় মাসিক উৎপাদন সূচক ( Monthly Index of Industrial Production ), উৎপাদনের হিসাব ( Production figures ), উৎপাদন ক্ষমতার পরিসংখ্যান ( Statistics on Productivity ) এবং অবিক্রীত উৎপাদিত পণ্যের পরিমাণ দেখান হয়।

মাসিক উৎপাদন সূচক ( ডিভিকাল, 1960 = 100 ) সকলনের জন্য 201টি উৎপাদিত প্রযোজন ( Manufactured Items ) সূচক সংখ্যার তারযুক্ত গড় নেওয়া হ'য়ে থাকে। উৎপাদিত প্রযোজনের “সংযোজিত মূল্য” ( Value added )-কে ভার ( Weight ) হিসাবে নেওয়া হ'য়ে থাকে। এভাবে নির্ণীত মাসিক সূচকগুলিকে আবার প্রতিমাসের দিনের সংখ্যার তারতম্যের জন্য এবং ধৰ্তুজ ভেদের ( Seasonal Variation ) জন্য যথোপযুক্ত সংশোধিত করা হ'য়ে থাকে।

বৃহৎ শিল্পসংক্ষিপ্ত সরকারী পরিসংখ্যানের সবচাইতে তথ্যবহুল সাময়িকী হ'লো ‘Report of the Annual Survey of Industries’। এটি আকারে স্ব-বৃহৎ এবং বোধ হয় এই কারণেই এর প্রকাশে কয়েক বছর বিলম্ব হয়। এতে প্রতিটি বৃহৎ শিল্পের রাজ্যতাত্ত্বিক কারখানার সংখ্যা, উৎপাদন, কাঁচামালের ব্যবহার, মূলধন, আমিক ইত্যাদি সম্পর্কে রাশিতথ্য সংলিঙ্গিত হয়। কয়েকটি বৃহৎ শিল্প, যেমন, পাট, ধাতুশিল্প ইত্যাদি সংস্করে বিস্তারিত তথ্য এই সাময়িকীর অন্তর্ভুক্ত করা হয়।

এছাড়া বিভিন্ন সময়ে প্রকাশিত রিপোর্ট এবং অন্যান্য কয়েকটি সাময়িকীতেও বৃহৎ শিল্প সংক্ষিপ্ত নানারকম রাশিতথ্য প্রকাশিত হয়। এমের বিশেষ উল্লেখযোগ্য কয়েকটির নাম নীচে দেওয়া হ'লো—

- (i) Statistical Abstract of India ( ସାଧିକ ସଫଳନ )—ଭାରତ ସରକାରେର କେନ୍ଦ୍ରୀୟ ପରିସଂଖ୍ୟାନ ସଂସ୍ଥା ( C.S.O. ) କର୍ତ୍ତକ ପ୍ରକାଶିତ ।
- (ii) Monthly Abstract of Statistics ( ମାସିକ )—C.S.O. କର୍ତ୍ତକ ପ୍ରକାଶିତ ।
- (iii) Statistics of Factories ( ସାଧିକ )—କେନ୍ଦ୍ରୀୟ ସରକାରେର ଅଧିକ ବୁଝରୋ ( Labour Bureau ) କର୍ତ୍ତକ ସିମ୍ଲା ଥେକେ ପ୍ରକାଶିତ ।
- (iv) Indian Trade Journal ( ସାଂଖ୍ୟାହିକ )—କେନ୍ଦ୍ରୀୟ ସରକାରେର Director General of Commercial Intelligence and Statistics କର୍ତ୍ତକ କ'ଲକାତା ଥେକେ ପ୍ରକାଶିତ ।
- (v) Indian Textile Bulletin ( ମାସିକ )—କେନ୍ଦ୍ରୀୟ ସରକାରେର Textile Commissioner କର୍ତ୍ତକ ବୋଉଝାଇ ଥେକେ ପ୍ରକାଶିତ ।
- (vi) Monthly Bulletin of Iron and Steel Control ( ମାସିକ )—କେନ୍ଦ୍ରୀୟ ସରକାରେର ଇମ୍ପାତ ଓ ଭାରୀଶ୍ଵର ମନ୍ତ୍ରକ ( Ministry of Steel and Heavy Engineering ) କର୍ତ୍ତକ କ'ଲକାତା ଥେକେ ପ୍ରକାଶିତ ।
- (iv) Tea Statistics ( ସାଧିକ )—Tea Board କର୍ତ୍ତକ କ'ଲକାତା ଥେକେ ପ୍ରକାଶିତ ।

ଏହାଡ଼ା ବିଭିନ୍ନ ବଣିକ ସଂସ୍ଥା ( Chamber of Commerce )-ଓ ଆଜକାଳ ବୃଦ୍ଧ ଶିଳ୍ପସଂକ୍ରାନ୍ତ ନାନାରକମ ତଥ୍ୟ ସଂଗ୍ରହ କରେ ଏବଂ ମାର୍ବୋ ମାର୍ବୋ ଏଷୁଲିକେ ପୁସ୍ତକାରେ ପ୍ରକାଶ କ'ରେ ଥାକେ । ବାଣିଜ୍ୟ ଅର୍ଧନୀତି ସଂକ୍ରାନ୍ତ କରେକଟି ସାମୟିକପତ୍ର—ସଥା, Capital, Commerce ଇତ୍ୟାଦି—ନାନାବିଧ ପରିସଂଖ୍ୟାନ ପ୍ରକାଶ କ'ରେ ଥାକେ । J. Thomas and Co. Private Ltd. କର୍ତ୍ତକ ପ୍ରକାଶିତ Monthly Tea Review ଏବଂ Indian Jute Mills Association କର୍ତ୍ତକ ପ୍ରକାଶିତ Monthly Survey of Jute and Gunny Statistics-ଏର ନାମଓ ଏ ପ୍ରସଙ୍ଗେ ଉଲ୍ଲେଖ୍ୟୋଗ୍ୟ ।

#### (୪) କୁଡ଼ ଓ କୁଟୀର ଶିଳ୍ପ ସଂକ୍ରାନ୍ତ ପରିସଂଖ୍ୟାନ

1948 ମାର୍ଚ୍ଚିଆନ ଆଇନ ( Factories Act, 1948 ) ଅନୁଯାୟୀ ( 1 ) ସେ ସମସ୍ତ କାରଖାନା କାର୍ଯ୍ୟକ ଶକ୍ତି ଭିନ୍ନ ଅନ୍ୟ ଧରଣେର ଶକ୍ତି ( ସେମ, ବୈଦ୍ୟତିକ ଶକ୍ତି, ବାଷ୍ପଚାଲିତ ଶକ୍ତି ଇତ୍ୟାଦି ) ବ୍ୟବହାର କରେ ଏବଂ ଦଶଜନ ବା ତତୋଧିକ ଅଧିକ ନିଯ়ୋଗ କରେ ଅଥବା ( 2 ) ସେ ସମସ୍ତ କାରଖାନା କାର୍ଯ୍ୟକ ଶକ୍ତି ଭିନ୍ନ ଅନ୍ୟ କୋଣୋ ପ୍ରକାର ଶକ୍ତି ବ୍ୟବହାର କରେ ନା କିନ୍ତୁ ବିଶିଷ୍ଟ ବା ତତୋଧିକ ଅଧିକ ନିୟୁଷ କରେ—ତାମେର ବୃଦ୍ଧ ଶିଳ୍ପ ହିମାନେ

চিহ্নিত করা হ'য়ে থাকে। কারখানা আইনের একিমার বহির্ভুত কারখানাগুলিকে ক্ষুদ্র শিল্পের অন্তর্ভুক্ত করা হ'য়ে থাকে। আবার কোনো কোনো ক্ষেত্রে অনধিক 10 লাখ টাকা মূলধন সম্পর্ক এবং বাণিজ্য আধিকারিক ( Director of Industry ) কর্তৃক রেজিস্ট্রীকৃত কারখানাকেও ক্ষুদ্র শিল্প হিসাবে ধরা হ'য়ে থাকে। তারতের শহর ও গ্রামে অসংখ্য ক্ষুদ্র এবং কুটীর শিল্প আছে। এদের অধিকাংশই আয়তনে খুব ছোটো। এদের সমূক্ষে কোনো নিয়মিত পরিসংখ্যান সংগ্রহ অত্যন্ত ব্যয় এবং সময়-সাপেক্ষ। এই কারণে এধরণের পরিসংখ্যান নিয়মিতভাবে সংগ্রহ করা সাধারণত সম্ভব হয় না। তবে বর্তমানে আদমসুমারী ( Census )-র সাথে সাথে এ সব শিল্প সমূক্ষেও কিছু কিছু তথ্য সংগ্রহ করা হ'য়ে থাকে। 1961 সালের আদমসুমারীর রিপোর্ট ( Census of India, 1961, Vol-I, Part III (iii) )-এ এ ধরণের শিল্প সংস্থার সংখ্যা এবং এগুলিতে নিযুক্ত কর্মীদের সংখ্যার হিসাব দেওয়া হ'য়েছে। 1971 সালের আদমসুমারীতেও এদের সমূক্ষে তথ্য সংগ্রহ করা হ'য়েছে। এ ছাড়া কেন্দ্রীয় সরকারের জাতীয় নমুনা সমীক্ষা সংস্থা ( National Sample Survey Organisation ) 1953-54 সালের পর হ'তে মাঝে মাঝে কুটীর শিল্প সংস্থাগুলির নমুনা সমীক্ষা ক'রে এ জাতীয় শিল্প সমূক্ষে নানাবিধ রাশিতথ্য সংগ্রহ ক'রেছে। নমুনা সমীক্ষা সংস্থার রিপোর্ট নং 19, 39, 42 এবং 94-এ এ জাতীয় রাশিতথ্য পরিবেশিত হ'য়েছে। 1968-69 সালে একটি নমুনা সমীক্ষার সাহায্যে এই সংস্থা কুটীর শিল্পের মূলধন, কর্ম সংস্থান, আঘ ব্যয় এবং উৎপাদন প্রভৃতি সমূক্ষে বিস্তারিত তথ্য সংগ্রহ ক'রেছে। পশ্চিমবঙ্গ সরকারের ফলিত অর্থনীতি এবং পরিসংখ্যান বুরো ( Bureau of Applied Economics and Statistics ) 1954 সালের পর হ'তে কয়েকটি সমীক্ষায় এই রাজ্যের ক্ষুদ্র শিল্প সংস্থাগুলি সম্পর্কে নানাবিধ মূল্যবান তথ্য সংগ্রহ ক'রেছে। এই সংস্থা কর্তৃক প্রকাশিত রিপোর্টগুলির সধে নিম্নলিখিতগুলি উল্লেখযোগ্য—(i) Economic Survey of Small Industries, 1954 ( জেলা ভিত্তিক ) (ii) Type Study on (a) Mat, (b) Bell-metal (c) Coir প্রভৃতি ঘোলটি শিল্প (1958-59) এবং (iii) Economic Survey of Small Industries, 1965 and 1966 ( প্রাথমিক রিপোর্ট ), (iv) Economic Survey of Small Industries ( 1965 and 1966 )—Report on Food manufacturing Industries, (v) Economic Survey of Small Industries ( 1965-66 ), West Bengal, Summary Report এবং (vi) Results of Listing Surveys of Small Indus-

trial units employing 5 or more workers and having investment in plant and machinery not exceeding Rs. 7.5 lakhs in urban areas of West Bengal, 1969-71. ପଞ୍ଚମବଜ୍ଞ ସରକାରେର ଶିଳ୍ପ ଅଧିକାର ( Directorate of Industries ), କିଛୁଦିନ ହ'ଲୋ କ୍ଷୁଦ୍ର ଶିଳ୍ପଙ୍କାନ୍ତ ତଥ୍ୟପୂର୍ଣ୍ଣ Directory of Small Industries ପ୍ରକାଶିତ କ'ରେଛେ । ଏ ଛାଡ଼ା Reserve Bank of India ଆଫଲିକ ଡିଭିତେ ସମୀକ୍ଷା କ'ରେ କ୍ଷୁଦ୍ର ଶିଳ୍ପଙ୍କାନ୍ତ କିଛୁ କିଛୁ ତଥ୍ୟ ପ୍ରକାଶିତ କ'ରେଛେ ।

#### 7.6 ବ୍ୟବସା-ବାଣିଜ୍ୟ ଏବଂ ଆଧିକ ବିଷୟାଦି ସଂକାନ୍ତ ପରିସଂଖ୍ୟାଳ ( Statistics relating to Trade and Commerce and Financial matters )

ବ୍ୟବସା-ବାଣିଜ୍ୟ ଏବଂ ଆଧିକ ବିଷୟାଦି ସଂକାନ୍ତ ପରିସଂଖ୍ୟାଳମୁହୁକେ ନିଯୁଲିଖିତଭାବେ ଭାଗ କରା ଯେତେ ପାରେ—(କ) ବାଣିଜ୍ୟ ସଂକାନ୍ତ ପରିସଂଖ୍ୟାନ, (ଖ) ବାକ ଓ ମୁଦ୍ରା ସଂକାନ୍ତ ପରିସଂଖ୍ୟାନ, (ଗ) ରେଜିଷ୍ଟ୍ରେସନ୍ କୋମ୍ପାନୀ ସଂକାନ୍ତ ପରିସଂଖ୍ୟାନ ଏବଂ (ଘ) ବୀମା ସଂକାନ୍ତ ପରିସଂଖ୍ୟାନ ।

##### (କ) ବାଣିଜ୍ୟ ସଂକାନ୍ତ ପରିସଂଖ୍ୟାଳ

ବାଣିଜ୍ୟ ସଂକାନ୍ତ ପରିସଂଖ୍ୟାଳକେ ଦୁଟୋ ଥିଲା ଅଧିନ ଭାଗେ ଭାଗେ ଭାଗ କରା ଯାଏ—  
(1) ବିଦେଶୀ ବାଣିଜ୍ୟ ସଂକାନ୍ତ ପରିସଂଖ୍ୟାନ ଏବଂ (2) ଆଭ୍ୟନ୍ତରୀଣ ବାଣିଜ୍ୟ ସଂକାନ୍ତ ପରିସଂଖ୍ୟାନ । ଏହି ଦୁ ଧରଣେର ପରିସଂଖ୍ୟାନଇ ଥିଲା ଅଧିନତଃ ଭାରତ ସରକାରେର Director General of Commercial Intelligence and Statistics ( D. G. C. I. S. ) କର୍ତ୍ତ୍ଵକୁ ସଂଗ୍ରହିତ ହେଲା । ବହିର୍ବାଣିଜ୍ୟ ସଂକାନ୍ତ ପରିସଂଖ୍ୟାନ ଥିଲା ବ୍ୟାପାରେ ନିଯୁଲିଖିତ ପତ୍ର-ପତ୍ରିକାଙ୍ଗଲିର ନାମ ଉଲ୍ଲେଖଯୋଗ୍ୟ :—

##### (i) Monthly Statistics of Foreign Trade in India, Volume I ( Export ) ଓ Volume II ( Import )

ଏତେ ସମୁଦ୍ରପଥେ, ଛଲପଥେ ଏବଂ ବିଶାନ୍ୟାଗେ ଭାରତୀୟ ପଣ୍ଡେର ଆମଦାନୀ, ରତ୍ନାନୀର ପରିମାଣ ( Quantity ) ଏବଂ ମୂଲ୍ୟ ( Value ) ସଂକାନ୍ତ ମାନା ରକମ ତଥ୍ୟ ପରିବେଶିତ ହ'ରେ ଥାଏ ।

##### (ii) Indian Trade Journal ( ଭାରତୀୟ ଟ୍ରେଜର୍ଜନ୍ )

এতে বাণিজ্য সংক্রান্ত (বিশেষত: স্থল বাণিজ্য সংক্রান্ত) নানাবিধি রাশিতথ্য প্রকাশিত হ'য়ে থাকে।

**(iii) Monthly Bulletin of the Reserve Bank of India**

এতে বিদেশী বাণিজ্য সংক্রান্ত রাশিতথ্য, আহাৰ সংক্রান্ত রাশিতথ্য এবং আমদানী-ৱ্যাপারী থেকে উত্তুল আয়-ব্যয়ের হিসাব (Balance of Payment) ইত্যাদি সন্নিবেশিত হ'য়ে থাকে।

এ ছাড়া নৌচে বণিত সাময়িকীগুলিতেও বহিৰ্বাণিজ্য সংক্রান্ত নানা বকল পরিসংখ্যান পরিবেশিত হয় :—

**(iv) Supplement to Monthly Statistics of Foreign Trade**

**(v) Customs and Excise Revenue Statement of the Indian Union**

**(vi) Statistics of Foreign Trade of India by Country and Currency Areas (মাসিক)**

**(vii) Export of Indian Artware and Sports goods (মাসিক)**

আজ্ঞান্তরীণ বাণিজ্যের পরিসংখ্যান বহিৰ্বাণিজ্যের মতো বিস্তারিতভাৱে সংগৃহীত হয় না। তবে পাইকারী বাণিজ্য সমষ্টে নানাবিধি রাশিতথ্য সংগৃহীত হয়। ভাৰতেৰ আজ্ঞান্তরীণ বাণিজ্যসংক্রান্ত রাশিতথ্য প্ৰধানতঃ নিম্নলিখিত সাময়িকীগুলিতে প্রকাশিত হ'য়ে থাকে :—

**(i) Accounts relating to Inland ( Rail and Riverborne ) Trade of India (মাসিক)**

এতে দেশেৰ অভ্যন্তরে 63টি বাছাই কৰা পণ্যেৰ বাণিজ্যিক লেনদেন সংক্রান্ত তথ্য পরিবেশিত হয়। এই উদ্দেশ্যে সমস্ত দেশকে তৌগলিক দিক থেকে 36টি বাণিজ্যিক ব্লক (Trade Block)-এ ভাগ ক'রে এই ব্লকগুলিৰ ভেতৱ উল্লিখিত 63টি পণ্যেৰ চলাচল সংক্রান্ত রাশিতথ্য পরিবেশিত হয়।

**(ii) Statistics of the Coasting Trade of India (মাসিক)**

এতে নৌ বাণিজ্য মারফত দেশেৰ আমদানী-ৱ্যাপারী পরিসংখ্যান পরিবেশিত হয়।

**(iii) Statistics of Maritime Navigation of India (মাসিক)**

এতে জাহাজ সংক্রান্ত পুরিসংখ্যান পরিবেশিত হ'য়ে থাকে।

## (খ) ব্যাংক ও মুদ্রা সংক্রান্ত পরিসংখ্যান

এ সব পরিসংখ্যান অধিনস্ত: Reserve Bank of India-র নিয়মিত সাময়িকীগুলিতে পরিবেশিত হয় :—

(i) Report on Currency and Finance ( বাষিকী )

(ii) Monthly Bulletin of the Reserve Bank of India  
এবং Weekly Supplement to the Monthly Bulletin

(iii) Statistical Tables relating to Banks in India ( বাষিকী )

(iv) Trends and Progress of Banking in India ( বাষিকী )

—বর্তমানে এই প্রকাশনটি বন্ধ আছে।

এগুলিতে বাঙারে চালু থাকা মুদ্রার পরিমাণ, ব্যাঙ্কের আমানত, কেন্দ্রীয় ও রাজ্য সরকারের আমানত, দাদন, অগ্রিম, চেক ক্লিয়ারেন্স (Cheque Clearance ) ইত্যাদি সম্পর্কে খবর পরিবেশিত হয়।

## (গ) রেজিস্ট্রাক্ট কোম্পানী সংক্রান্ত পরিসংখ্যান

কেন্দ্রীয় সরকারের অর্থ মন্ত্রণালয় ( Finance Ministry )-এর অধীন Company Law Administration দপ্তরের ব্রেথাসিক Blue Book on Joint Companies-এ কোম্পানীর সংখ্যা, বন্ধ হওয়া কোম্পানীর সংখ্যা, মূলধনের পরিমাণ ( Paid up Capital ) প্রভৃতি সহকে রাশিতথ্য প্রকাশিত হয়। এছাড়া C. S. O. কর্তৃক প্রকাশিত Statistical Abstract ( বাষিকী )-এও এ সহকে কিছু কিছু রাশিতথ্য প্রকাশিত হয়।

## (ঘ) বীমা সংক্রান্ত পরিসংখ্যান

কেন্দ্রীয় সরকারের অর্থ মন্ত্রণালয়ের অধীন Controller of Insurance দ্বারা প্রকাশিত Indian Insurance Year Book-এ বীমাসংক্রান্ত রাশিতথ্যাদি প্রকাশিত হয়।

## 7.7 বামবাহু সংক্রান্ত পরিসংখ্যান (Transport and Communication Statistics )

প্রেস্পৰ্শ সংক্রান্ত নানা প্রকার রাশিতথ্য, যথা, যাত্রীসংখ্যা, আয়, ওয়াগন ভৱিত সংক্রান্ত পরিসংখ্যান ইত্যাদি রেল বোর্ড ( Railway

Board ) কর্তৃক প্রকাশিত মাসিক Monthly Railway Statistics-এ মোটামুটি নিম্নমিতভাবে প্রকাশিত হ'য়ে থাকে। এ ছাড়া প্রতি বৎসর প্রকাশিত Report on Indian Railways, Vol-I ও Vol-II-তেও রেলের পরিবহন, মাল পরিবহন, আয়, ব্যয় এবং কামরা ও উরাগনের সংখ্যা ইত্যাদি নানাবিধি পরিসংখ্যান পরিবেশিত হয়। C. S. O. র বাষিকী Statistical Abstract-এও রেল সংক্রান্ত কিছু কিছু পরিসংখ্যান পরিবেশিত হয়।

ভারতের সড়ক সংক্রান্ত পরিসংখ্যান (Road Statistics) এখনও তেমন বিশদভাবে সংগৃহীত হয় না। যে সমস্ত পরিসংখ্যান পাওয়া যায় তাও সাধারণত দু-তিন বৎসরের পুরোনো হ'য়ে থাকে। কেন্দ্রীয় সরকারের জাহাজ ও যানবাহন মন্ত্রণালয় কর্তৃক প্রকাশিত Road Facts, India (বাষিকী)-তে বিভিন্ন শ্রেণীর রাস্তার দৈর্ঘ্য, এ সব রাস্তা নির্বাচনের এবং রক্ষণাবেক্ষণের ব্যয়, বিভিন্ন ধরণের গাড়ীর সংখ্যা, যাত্রীর সংখ্যা ইত্যাদি সম্পর্কে পরিসংখ্যান প্রকাশিত হয়ে থাকে। C. S. O. র বাষিকী—Statistical Abstract-এও সড়ক সংক্রান্ত কিছু কিছু রাশিতথ্য প্রকাশিত হ'য়ে থাকে। পশ্চিমবঙ্গের এ আতীয় পরিসংখ্যানের অন্য পশ্চিমবঙ্গ সরকারের ফলিত অর্থনীতি এবং পরিসংখ্যান বুরো (Bureau of Applied Economics and Statistics) কর্তৃক প্রকাশিত Statistical Handbook (বাষিকী)-এর উল্লেখ করা যেতে পারে। এতে রাজ্যের পূর্ণ বিভাগ (P. W. D.)-এর কর্তৃস্থানী রাস্তার দৈর্ঘ্য (শ্রেণী অনুযায়ী), পৌরসভা, জেলা পরিষদ প্রভৃতি প্রতিষ্ঠান কর্তৃক সংরক্ষিত রাস্তার দৈর্ঘ্য, রাস্তায় মোটরগাড়ীর সংখ্যা ইত্যাদি দেখানো হ'য়ে থাকে।

ভারতের অসামৰিক বিমান পরিবহন (Civil Aviation) সম্পর্কিত কিছু কিছু পরিসংখ্যান—যথা, যাত্রী সংখ্যা, দূরত্ব, আয়-ব্যয় ইত্যাদি—Director General of Civil Aviation কর্তৃক প্রকাশিত Monthly News Letter on Civil Aviation-এ পরিবেশিত হয়।

এ ছাড়া ভারত সরকারের Director General of Post and Telegraph কর্তৃক প্রকাশিত Annual Report of the Post and Telegraph Department-এ বিলিক্ত চিঠি, মনি অর্ডার, পার্শ্ব, টেলিগ্রাফ প্রভৃতির সংখ্যা, মনি অর্ডারের মোট মূল্য, ট্যাঙ্ক বিক্রীর পরিমাণ, টেলিফোন ও রেডিও সংক্রান্ত রাশিতথ্য পরিবেশিত হয়।

### ୭.୮ ଅଧ୍ୟକ୍ଷାଣ୍ଟ ପରିସଂଖ୍ୟାଳ ( Labour Statistics )

ଭାରତ ସରକାରେର “ଅମ ବୁଝରୋ” ( Labour Bureau ) ବିଭିନ୍ନ ଆଇନେର ସହାଯତାର ଅମ୍ବକ୍ଷାଣ୍ଟ ନାନାରୂପରେ ପରିସଂଖ୍ୟାନ ସଂଗ୍ରହ କ'ରେ ଥାକେ । ଏହି ଆଇନଗୁଲିର ମଧ୍ୟେ ଉଲ୍ଲେଖିତ ହ'ଲେ Factories Act ( 1948 ), Trade Union Act ( 1926 ), Payment of Wages Act ( 1936 ), Workmen's Compensation Act ( 1923 ) ଇତ୍ୟାଦି । ଅମ ବୁଝରୋ ( Labour Bureau ) କର୍ତ୍ତ୍ଵ ପ୍ରକାଶିତ ମାସିକ-ପତ୍ର Indian Labour Journal-ଏ ନିୟମିତଭାବେ ବିଭିନ୍ନ ଶିଖେର କର୍ମୀ-ସଂଖ୍ୟା, ଗଡ଼ ଆୟ, ଖୁଚରୋ ଦରେର ଶୂଚକ ( Retail Price Index ), ଅମ-ବିରୋଧ, ଅଧିକରଣ ଅନୁପର୍ଦ୍ଦିତି, ଟ୍ରେଡ ଇନ୍ଡିଯନ ଇତ୍ୟାଦି ସଂପର୍କେ ନାନାରୂପ ପରିସଂଖ୍ୟାନ ପ୍ରକାଶିତ ହୁଏ । ଏ ଛାଡ଼ା ଅମ ବୁଝରୋ କର୍ତ୍ତ୍ଵ ପ୍ରକାଶିତ ନିୟୁ-ଲିଖିତ ସାମଗ୍ରିକ ଗୁଲିତେও ଅଧିକସଂକ୍ରାନ୍ତ ବିଭିନ୍ନ ପରିସଂଖ୍ୟାନ ପ୍ରକାଶିତ ହୁଏ :—

(i) Indian Labour Statistics ( ବାର୍ଷିକୀ ), (ii) Statistics of Factories ( ବାର୍ଷିକୀ ), (iii) Annual Report on the Working of Indian Trade Union Act, 1926, (iv) Annual Report on the Workmen's Compensation Act, 1923

କେନ୍ଦ୍ରୀୟ ପରିସଂଖ୍ୟାନ ସଂସ୍ଥା ( C. S. O. ) କର୍ତ୍ତ୍ଵ ପ୍ରକାଶିତ Statistical Abstract of India ( ବାର୍ଷିକୀ ), Monthly Abstract of Statistics, Census of Central Govt. Employees ( ବାର୍ଷିକୀ ) ଏବଂ Labour Statistics Supplement of the Annual Survey of Industries Reports-ଏତେ ଅମ୍ବକ୍ଷାଣ୍ଟ ନାନାରୂପ ତଥ୍ୟ ପ୍ରକାଶିତ ହୁଏ । ଭାରତ ସରକାରେର Director General of Resettlement and Employment କର୍ତ୍ତ୍ଵ ପ୍ରକାଶିତ Quarterly Employment Review ଏବଂ Annual Employment Review-ତେ ଢାକରୀ ବା କର୍ମସଂହାନ ସଂକ୍ରାନ୍ତ ନାନାବିଧ ପରିସଂଖ୍ୟାନ ପରିବେଶିତ ହୁଏ । ଭାରତ ସରକାରେର Chief Inspector of Mines କର୍ତ୍ତ୍ଵ ପ୍ରକାଶିତ Annual Report of the Chief Inspector of Mines in India ନାମକ ସାମଗ୍ରିକୀତେ ଖଣି ଅଧିକ ସଂକ୍ରାନ୍ତ ନାନାରୂପ ରାଶିତଥ୍ୟ ସମ୍ବିବେଶିତ ହ'ରେ ଥାକେ ।

ପରିଚରବଳ ସରକାରେର ଅମ୍ବଦିତର ( Labour Department ) କର୍ତ୍ତ୍ଵ ପ୍ରକାଶିତ ମାସିକପତ୍ର Labour Gazette-ଏ ରାଜ୍ୟେର ଅଧ୍ୟକ୍ଷାଣ୍ଟ ସାମଗ୍ରିକ ପରିସଂଖ୍ୟାନ ପ୍ରକାଶିତ ହ'ରେ ଥାକେ । ରାଜ୍ୟେର Chief Inspector of

Factories-এর বাধিক বিবরণীতে কারখানা শ্রমিকদের সহকে নানারকম রাশিতথ্য প্রকাশিত হ'য়ে থাকে। এ ছাড়া রাজ্যের ফলিত অর্থনীতি এবং পরিসংখ্যান ব্যৱৰ্তী (Bureau of Applied Economics and Statistics) কর্তৃক প্রকাশিত Census of State Govt. Employees (বাধিকী), Statistical Handbook (বাধিকী), Statistical Abstract (বাধিকী) এবং Economic Review (বাধিকী) প্রভৃতিতে রাজ্যের কর্মসংস্থান, দরের সূচক, মজুরী ইত্যাদি সংক্রান্ত নানাবিধ পরিসংখ্যান পরিবেশিত হয়।

#### ৭.৭ দর সংক্রান্ত পরিসংখ্যান (Price Statistics)

সব ধরণের পরিসংখ্যানের ভেতর দর সংক্রান্ত পরিসংখ্যানই সাধারণ মানুষের কাছে বিশেষভাবে পরিচিত। বিশেষতঃ শ্রমিক এবং বিভিন্ন শ্রেণীর মধ্যবিত্ত চাকুরীজীবীদের বেতনের সাথে স্বব্যবহূল্য বৃদ্ধিঅন্তিম মহার্থভাতা (Dearness Allowance)-র পরিমাণ স্থির করার জন্য ভোজ্যাদের দরের সূচক (Consumer Price Index)-এর ব্যাপক ব্যবহার প্রচলিত হওয়ায় দরসংক্রান্ত পরিসংখ্যান সহকে সাধারণ লোকের গুরুত্বপূর্ণ এবং জ্ঞান—দুইই বৃদ্ধি পেয়েছে।

দর সংক্রান্ত পরিসংখ্যানের মধ্যে সব চাইতে প্রয়োজনীয় এবং প্রচলিত হ'লো নানারকম দরের সূচকের সারি (Price Index Series)। দু-শ্রেণীর দরের সূচক বিশেষভাবে উল্লেখযোগ্য। যথা, (i) পাইকারী দরের সূচক (Wholesale Price Index) এবং (ii) ভোজ্যাদের দরের সূচক (Consumer Price Index)—যাকে জীবিকা নির্বাহন ব্যয়ের সূচক (Cost of Living Index) নামেও অনেক সময় অভিহিত করা হ'য়ে থাকে।

#### (ক) পাইকারী দরের সূচক সংখ্যা (Index Number of Wholesale Prices)

বহুদিন ধ'রে ভারত সরকারের বাণিজ্য ও শিল্প মন্ত্রণালয়ের অর্থনৈতিক উপদেষ্টা (Economic Adviser to the Ministry of Commerce and Industry, Govt. of India) কর্তৃক প্রতি সপ্তাহে ভারতের পাইকারী দরের সূচক সংখ্যা (Weekly Index Number of Wholesale Prices) নিয়মিতভাবে প্রকাশিত হ'য়ে আসছে। যে সারিইকীতে এই সূচক প্রকাশিত হ'য়ে থাকে তাতে বিভিন্ন গুরুত্বপূর্ণ পণ্যের পাইকারী দরেও প্রকাশিত হ'য়ে থাকে।

1939 ସାଲେର ଆଗଷ୍ଟ ମାସେ ସେ ବ୍ୟସର ଶେଷ ହର ସେ ବ୍ୟସରକେ ଡିଭିକାଳ (Base Year) ଧ'ରେ ଥିଥିବା ଏହି ସୂଚକ ତୈରାରୀ କରା ହ'ତୋ । ଏ ଉଦ୍ଦେଶ୍ୟେ 78ଟି ପ୍ରଧାନ ପଣ୍ୟର ପାଇକାରୀ ଦର 230ଟି ବିଭିନ୍ନ ଭାଗଗୁଡ଼ିକ ଥିଲେ ଥିଲେ ଏହି ସଂଗ୍ରହିତ ହ'ତୋ । ଏହି 78ଟି ପଣ୍ୟକେ ଆବାର 5ଟି ପ୍ରଧାନ ଗୋଟିଏ (Major Group) ଏବଂ 18ଟି ଉପଗୋଟିଏ (Sub Group)-ତେ ଭାଗ କରା ହ'ତୋ । ସାବିକ ଦରେର ସୂଚକ (Overall Price Index)-ଟି ନିର୍ଣ୍ଣୟ ହ'ତୋ ବିଭିନ୍ନ ପଣ୍ୟର ଆପେକ୍ଷିକ ଦର (Price Relative)-ଏର ଭାରଯୁକ୍ତ ଗୁଣୋଡ଼ର ଗଡ଼ (Weighted Geometric Mean) ନିମ୍ନେ । ଡିଭିକାଳ (Base Period)-ଏ ବାଜାରଜୀବି ବିଭିନ୍ନ ପଣ୍ୟର ମୋଟ ମୂଲ୍ୟ (Value)-କେ ଭାର (Weight) ହିସାବେ ଧରା ହ'ତୋ । 1952-53 ସାଲେର ଆଧିକ ବ୍ୟସରକେ (ଆର୍ଥାଂ ସେ ବ୍ୟସର 1953 ସାଲେର ମାର୍କେଟ୍ ଶେଷ ହ'ଯେଛେ) ଡିଭିକାଳ ହିସାବେ ଧ'ରେ ଏ ସାଲ ଥିଲେ ପାଇକାରୀ ଦରେର ପରିବର୍ତ୍ତି ସୂଚକ ପ୍ରଚଲିତ କରା ହୁଏ । ଏର ଅନ୍ୟ 112ଟି ବିଭିନ୍ନ ପଣ୍ୟର ପାଇକାରୀ ଦର 555ଟି କ୍ଷେତ୍ର ଥିଲେ ପାଇକାରୀ ପ୍ରଧାନ ଗୋଟିଏ (Major Group)-ତେ ସଂଗ୍ରହେର ବ୍ୟବସ୍ଥା କରା ହୁଏ । ବିଭିନ୍ନ ପଣ୍ୟର ଆପେକ୍ଷିକ ଦରେର (Price Relative) ଭାରଯୁକ୍ତ ଗାଣିତିକ ଗଡ଼ (Weighted Arithmetic Mean) ନିମ୍ନେ ସାବିକ ଦରେର ସୂଚକ (Overall Price Index) ନିର୍ଣ୍ଣୟ ହୁଏ । ଡିଭିକାଳେ (Base Period) ବାଜାରେ ଆସା ବିଭିନ୍ନ ପଣ୍ୟର ମୋଟ ମୂଲ୍ୟ (Marketed Value)-କେ ଭାର (Weight) ହିସାବେ ଧରା ହୁଏ ।

ବର୍ତ୍ତମାନେ ଉପରୋକ୍ତ ଦରେର ସୂଚକର ଡିଭିକାଳ ଆବା ଏକବାର ପରିବର୍ତ୍ତିତ କ'ରେ 1961-62 କରା ହ'ଯେଛେ । ଏହି ପରିବର୍ତ୍ତିତ ସୂଚକ 1969 ସାଲେର ଜୁଲାଇ-ଏର ପ୍ରଥମ ସଂତ୍ରାହ ଥିଲେ ନିୟମିତଭାବେ ପ୍ରକାଶିତ ହ'ଛେ । ଏଥାନେ 139ଟି ବିଭିନ୍ନ ପଣ୍ୟର ପାଇକାରୀ ଦର 774ଟି କ୍ଷେତ୍ର ଥିଲେ ସାତଟି ପ୍ରଧାନ ଗୋଟିଏ ସଂଗ୍ରହ କରା ହୁଏ । ଏଥାନେଓ ବିଭିନ୍ନ ପଣ୍ୟର ଆପେକ୍ଷିକ ଦରେର ଭାରଯୁକ୍ତ ଗାଣିତିକ ଗଡ଼ ନିମ୍ନେ ସାବିକ ସୂଚକଟି ନିର୍ଣ୍ଣୟ କରା ହୁଏ । ଡିଭିକାଳେ ବାଜାରେ ଆସା ବିଭିନ୍ନ ପଣ୍ୟର ମୋଟ ମୂଲ୍ୟକେ ଭାର ହିସାବେ ଧରା ହୁଏ ।

ଦରେର ସୂଚକଟି ଯାତେ ଦେଶେର ବିଭିନ୍ନ ଶାଖାର ଦରେର ଗତିର ନିର୍ଦ୍ଦେଶକ ହୁଏ ମେ ସହକେ ନିଶ୍ଚିତ ହବାର ଅନ୍ୟ ସୂଚକଟିତେ ବ୍ୟବସ୍ଥା ପ୍ରତିଟି ପଣ୍ୟର ଦର ଦେଶେର ବିଭିନ୍ନ ଅଞ୍ଚଳେର ଅନେକଟିଲି ବାଜାର ଥିଲେ ଏହି ସଂଗ୍ରହ କରା ହ'ଯେ ଥାକେ । ଏଥାବଦି ଦରେର ଗଡ଼ ନିମ୍ନେ ପ୍ରତି ପଣ୍ୟର ଗଡ଼ ଦର ନିର୍ଣ୍ଣୟ କରା ହ'ଯେ ଥାକେ । ଏର ପର ପ୍ରତିଟି ପଣ୍ୟର ଚାଲୁତି କାଳେର ଗଡ଼ ଦରକେ ଡିଭିକାଳେର ଗଡ଼ ଦରେର ଶତକରୀ ହିସାବେ ଥକାଶ କରା ହୁଏ । ଏହି ଶତକରୀ

হিসাবকে নির্দিষ্ট পণ্যের আপেক্ষিক দর ( Price Relative )-র'লে অভিহিত করা হয়।

পশ্চিমবঙ্গ সরকারের ফলিত অর্থনীতি এবং পরিসংখ্যান ব্যৱৰ্তো ( Bureau of Applied Economics and Statistics ) 1952-53 সালকে ভিত্তিকাল ধ'রে কলকাতার পাইকারী দরের সূচক নির্ণয় ক'রে থাকে। এখানে ৪৪টি বিভিন্ন পণ্যের পাইকারীদের 193টি ক্ষেত্রে থেকে সংগ্রহ করা হ'য়ে থাকে। আপেক্ষিক দরের তাৰযুক্ত গাণিতিক গড় নিয়ে সাবিক সূচক নির্ণীত হয়। ভিত্তিকালে বাজারে আসা বিভিন্ন পণ্যের মোট মূল্যকে ভার হিসেবে ধরা হয়।

(খ) জীবিকা নির্বাহন ব্যয়ের সূচক সংখ্যা ( Cost of Living Index Number ) বা ক্ষেত্রাবের দরের সূচক সংখ্যা ( Consumer Price Index Number )

এ ধরণের দরের সূচক দেশের নানা জায়গা থেকে প্রকাশিত হ'য়ে থাকে। সর্বভাৱতীয় ভিত্তিতে ভাৱত সরকারের শ্ৰম ব্যৱৰ্তো ( Labour Bureau, Govt. of India ) কৰ্তৃক প্রকাশিত মাসিকপত্ৰ Indian Labour Journal-এ দেশের বিভিন্ন কেন্দ্ৰে শ্ৰমিক শ্ৰেণীৰ জীবিকা নির্বাহণ ব্যয়ের সূচক প্রকাশিত হ'য়ে থাকে। শ্ৰম ব্যৱৰ্তো কৰ্তৃক সকলিত এবং প্রকাশিত জীবিকা নির্বাহণ ব্যয়ের এই সূচকগুলি তিনিটি সারি ( Series )-তে প্রকাশিত হয়। (ক) প্ৰথম সারিটি শ্ৰম ব্যৱৰ্তোৰ সারি ( Labour Bureau Series ) ব'লে পরিচিত। এতে 21টি কেন্দ্ৰের দরের সূচক প্রকাশিত হয়। (খ) দ্বিতীয় সারিটি রাজ্যেৰ সারি ( State Series ) ব'লে পরিচিত। এতে 18টি কেন্দ্ৰেৰ দরে সূচক প্রকাশিত হয়। এ সব দরেৰ সূচকেৰ ক্ষেত্ৰে 1949 সালকে ভিত্তিকাল ব'লে ধৰা হয়। (গ) এ ছাড়া 1960 কে ভিত্তিকাল ধৰে 41টি কেন্দ্ৰেৰ জন্য একটি পৰিবৰ্তিত দরেৰ সূচকও প্রকাশিত হ'য়ে থাকে।

পশ্চিমবঙ্গ সরকারের ফলিত অর্থনীতি এবং পরিসংখ্যান ব্যৱৰ্তো ( Bureau of Applied Economics and Statistics ) ক'লকাতাকাৰ পশ্চিমবঙ্গেৰ 25টি কেন্দ্ৰেৰ জন্য মাসিক জীবিকা নির্বাহন ব্যয়েৰ সূচক প্ৰস্তুত ক'ৰে থাকে। প্ৰতি কেন্দ্ৰে পাঁচটি বিভিন্ন ব্যয়স্তৰ ( Expenditure Level )-এৰ জন্য আলাদা আলাদা সূচক প্ৰস্তুত কৰা হ'য়ে থাকে। এই ব্যয়স্তৰগুলি হ'লো—(1) যে সব পৰিবারেৰ মাসিক ব্যয় 1 টাকা

ଥେକେ 100 ଟାକା, (2) ସେ ସବ ପରିବାରେର ମାସିକ ବ୍ୟଯ 101 ଟାକା ଥେକେ 200 ଟାକା, (3) ସେବ ପରିବାରେର ମାସିକ ବ୍ୟଯ 201 ଟାକା ଥେକେ 350 ଟାକା, (4) ସେବ ପରିବାରେର ମାସିକ ବ୍ୟଯ 351 ଟାକା ଥେକେ 700 ଟାକା ଏବଂ (5) ସେବ ପରିବାରେର ମାସିକ ବ୍ୟଯ 701 ଟାକା କିମ୍ବା ତାର ବେଳୀ । ଏହାଡ଼ା କ'ଲକାତାର ଜନ୍ୟ ପ୍ରତି ସଞ୍ଚାହେ ତିଳାଟି ବ୍ୟଯଙ୍କରେ ତିଳାଟି ପୃଥିକ ଜୀବିକା ନିର୍ବାହନ ବ୍ୟଯେର ଶୁଚକ ପ୍ରତ୍ୱତ କରା ହ'ରେ ଥାକେ । ଏହି ବ୍ୟଯଙ୍କରଣଙ୍ଗଲି ହ'ଲୋ (1) ସେ ସବ ପରିବାରେର ମାସିକ ବ୍ୟଯ 1 ଟାକା ଥେକେ 100 ଟାକା, (2) ସେବ ପରିବାରେର ମାସିକ ବ୍ୟଯ 101 ଟାକା ଥେକେ 200 ଟାକା ଏବଂ (3) ସେ ସବ ପରିବାରେର ମାସିକ ବ୍ୟଯ 201 ଟାକା ଥେକେ 350 ଟାକା । ଆଗେ ଏଥର ଶୁଚକେର ଭିତ୍ତିକାଳ ଛିଲୋ ନତେବର, 1950 । କିନ୍ତୁ ପରେ ଭିତ୍ତିକାଳେର ପରିବର୍ତ୍ତନ କରା ହ'ରେଛେ । ଏଥିନ 1960 ମାଲକେ ଭିତ୍ତିକାଳ ହିଶାବେ ଧରେ ଶୁଚକ ସଂଖ୍ୟା ନିର୍ଣ୍ଣୟ କରା ହ'ଚେ ।

କ'ଲକାତା ଥେକେ ଥିବା ପ୍ରକାଶିତ ବାଣିଜ୍ୟ ଓ ଅର୍ଥନୀତି ସଂକାନ୍ତ ସାଂଗ୍ଠାନିକ ପାତ୍ରିକା Capital-ଏଓ କ'ଲକାତା ଓ ତାର ଶିଳ୍ପକ୍ଷଳେର ଜନ୍ୟ ସାଂଗ୍ଠାନିକ ଜୀବିକା ନିର୍ବାହନ ବ୍ୟଯେର ଶୁଚକ ପ୍ରକାଶ କରା ହ'ରେ ଥାକେ ।

କେନ୍ଦ୍ରୀୟ ଶ୍ରୀ ବ୍ୟାରୋ ଏବଂ ପଞ୍ଚମବଜ୍ଗ ସରକାରେର ଫଳିତ ଅର୍ଥନୀତି ଏବଂ ପରିସଂଖ୍ୟାନ ବ୍ୟାରୋ—ଏହି ଦୁଇ ସଂହାଇ ଜୀବିକା ନିର୍ବାହନ ବ୍ୟଯେର ଶୁଚକେର ଭାର ( Weight ) ନିର୍ଣ୍ଣୟ କରାର ଜନ୍ୟ ମାତ୍ରେ ମାତ୍ରେ ପାରିବାରିକ ଆଯ ବ୍ୟଯକ ଗୟିକା ( Family Budget Enquiry ) କ'ରେ ଥାକେ ।

ପଞ୍ଚମବଜ୍ଗ ସରକାରେର ଶ୍ରୀ ଦମ୍ପତ୍ର ( Labour Department ) କର୍ତ୍ତ୍ଵକୁ ଥିବା ପ୍ରକାଶିତ West Bengal Labour Gazette-ଏ ରାଜ୍ୟର ବିଭିନ୍ନ କେନ୍ଦ୍ରୀୟ ଅଧିକାରୀଙ୍କ ଜୀବିକା ନିର୍ବାହନ ବ୍ୟଯେର ଶୁଚକ ପ୍ରକାଶ କରା ହ'ରେ ଥାକେ ।

ଓପରେ ଉଲ୍ଲିଖିତ ସଂହାଙ୍ଗଲି ଛାଡ଼ା ଆରା ଅନେକ ସରକାରୀ ଏବଂ ସେବକାରୀ ସଂହା ଦେଶେର ବିଭିନ୍ନ ଧରଣେର ପଣ୍ଡେର ଦର ଏବଂ ଦରେର ଶୁଚକ ସଙ୍କଳନ କ'ରେ ଥାକେ । ଭାରତ ସରକାରେର ଧାଦ୍ୟ ଏବଂ କୃଷି ମଞ୍ଜଣିଲୟେର ଅର୍ଥନୀତିକ ଏବଂ ପରିସଂଖ୍ୟାନ ଅଧିକର୍ତ୍ତା କର୍ତ୍ତ୍ଵକୁ ଥିବା ପ୍ରକାଶିତ Bulletin of Agricultural Prices ( ସାଂଗ୍ଠାନିକ )-ଏ ପ୍ରତି ସଞ୍ଚାହେ ଭାରତେର ବିଭିନ୍ନ ନିର୍ବାଚିତ କେନ୍ଦ୍ରୀୟ ଅନେକଙ୍ଗଲି କୃଷି ପଣ୍ଡେର ପାଇକାରୀ ଓ ଖୁଚରୋ ଦର ପରିବେଶିତ ହର । କେନ୍ଦ୍ରୀୟ ସରକାରେର Director General of Commercial Intelligence and Statistics କର୍ତ୍ତ୍ଵକୁ ଥିବା ପ୍ରକାଶିତ ସାଂଗ୍ଠାନିକ Indian Trade Journal-ଏ ନାନାରକ୍ତ ଶିଳ୍ପଜାତ ଓ ଭୋଗ୍ୟ ପଣ୍ଡେର ପାଇକାରୀ ଦର ନିଯମିତ ଭାବେ ଥିବା ପ୍ରକାଶିତ ହର ।

## 7.10 অপরাপর বিদ্যু বিষয়ে সংক্রান্ত পরিসংখ্যান (Miscellaneous Statistics)

### (ক) শিক্ষা সংক্রান্ত পরিসংখ্যান

আমাদের দেশের শিক্ষা সংক্রান্ত পরিসংখ্যান খুব একটা গতোষজনক ভাবে প্রকাশিত হয় না। যা হয় তা-ও আবার বেশ কয়েক বছরের পুরোণো। তবে ভারত সরকার কর্তৃক প্রকাশিত নিম্নলিখিত সাময়িকী-গুলিতে শিক্ষাসংক্রান্ত নানাবিধ রাশিতথ্য পরিবেশিত হয়—(i) Education in India, (ii) Education in Universities in India এবং (iii) Education in the States in India। এর মধ্যে (i) - নং সাময়িকীটি কেন্দ্রীয় সরকারের শিক্ষা ও যুবকৃত্যক মন্ত্রণালয় কর্তৃক বাধিক ভিত্তিতে প্রকাশিত হয়। এতে বিভিন্ন শ্রেণীর শিক্ষায়তনের সংখ্যা, শিক্ষক ও ছাত্রের সংখ্যা, পরীক্ষার ফলাফল, শিক্ষকের বেতন, সরকারী দৃষ্টি প্রভৃতি সংক্রান্ত রাশিতথ্য সহিতে পরিবেশিত হ'য়ে থাকে। এছাড়া C.S.O-র বাধিকী Statistical Abstract-এ ভারতের শিক্ষাসংক্রান্ত নানাবিধ পরিসংখ্যান পরিবেশিত হ'য়ে থাকে। লোকগণনার বিবরণী (Census Report) গুলিতে দেশের মোট অক্ষরজ্ঞান সম্পদ লোকের সংখ্যা এবং শিক্ষার মান অনুযায়ী জনসংখ্যার বিন্যাস ইত্যাদি সংক্রান্ত নানাক্রম রাশিতথ্য পরিবেশিত হ'য়ে থাকে।

পশ্চিমবঙ্গ সরকারের ফলিত অর্থনীতি এবং পরিসংখ্যান বুরো (Bureau of Applied Economics and Statistics) কর্তৃক প্রকাশিত বাধিকী Statistical Hand-book-এ পশ্চিমবঙ্গের শিক্ষাসংক্রান্ত নানাবিধ রাশিতথ্য পরিবেশিত হয়।

### (খ) জাতীয় আয় (National Income) ও আয়কর (Income Tax) সংক্রান্ত পরিসংখ্যান

কেন্দ্রীয় পরিসংখ্যান সংস্থা (C.S.O.) কর্তৃক প্রতি বৎসর ভারতের জাতীয় আয়ের গতিপ্রকৃতি সহকে Estimates of National Product পরিবেশিত হয়। অনুকূলভাবে পশ্চিমবঙ্গ সরকারের ফলিত অর্থনীতি এবং পরিসংখ্যান বুরো (Bureau of Applied Economics and Statistics) রাজ্যের আয় (State Income) সংক্রান্ত বিবরণী প্রকাশ ক'রে থাকে।

ଆମକର ସଂକ୍ରାନ୍ତ ରାଶିତଥୀ କେନ୍ଦ୍ରୀୟ ସରକାରେର Central Board of Direct Taxes କର୍ତ୍ତୃକ ଥକାଣିତ All India Income Tax Statistics (ବାର୍ଷିକୀ ) ଏବଂ Statewise Income Tax Statistics (ବାର୍ଷିକୀ )-ଏ ଥକାଣିତ ହୁଏ ।

### (ଗ) ବିବିଧ

କେନ୍ଦ୍ରୀୟ ପରିସଂଖ୍ୟାନ ସଂସ୍ଥା (C.S.O.) କର୍ତ୍ତୃକ ଥକାଣିତ Statistical Abstract, India, (ବାର୍ଷିକୀ ) ଏବଂ Monthly Abstract of Statistics ଏ ବହୁବିଧ ବିଷୟେର ଯେବନ, ଆବହାଓମା, ବିଚାର ଓ ଆଇନ, ସରକାରୀ ଆମ ବ୍ୟାଙ୍ଗ ଇତ୍ୟାଦି ପରିସଂଖ୍ୟାନ ସମ୍ବିଳିତ ହ'ରେ ଥାକେ । ଏସବ ପରିସଂଖ୍ୟାନ ସାଧାରଣତଃ ଶାରୀ ଭାରତ ସମ୍ପର୍କୀୟ ହୁଏ । ଅନୁକୂଳଭାବେ ପଞ୍ଚମବଜ ସରକାରେର କଲିତ ଅର୍ଥନୀତି ଏବଂ ପରିସଂଖ୍ୟାନ ବ୍ୟାରୋ (Bureau of Applied Economics and Statistics) କର୍ତ୍ତୃକ ଥକାଣିତ Statistical Abstract, West Bengal (ବାର୍ଷିକୀ ) ଏବଂ Statistical Handbook (ବାର୍ଷିକୀ )-ଏ ଏ ରାଜ୍ୟର ବହୁବିଧ ବିଷୟ ସଂକ୍ରାନ୍ତ ପରିସଂଖ୍ୟାନ ପରିବେଶିତ ହ'ରେ ଥାକେ ।

---

# ବିତୀଙ୍ଗ ଖଣ୍ଡ

୧

## প্রথম পরিচেদ

### প্রত্যেক বিশ্লেষণ

( Analysis of Variance )

1.1.1. ভূমিকা : অনেক সংশয় বিচারের ( tests of significance ) ক্ষেত্রে পুরুক্তের ( population ) ভেদবানের ( variance ) দুটি থাককলনী মান ( estimate ) নিয়োগ ক'রা হয়। সমগ্র অবেক্ষণে যে তেওঁ আছে তাকে বিভিন্ন বৈশিষ্ট্যগত উৎসে বিভক্ত ক'রার জন্য R. A. Fisher একটি বিশেষ পদ্ধতির উন্নত করেন— এর নাম প্রত্যেক বিশ্লেষণ। প্রত্যেক বিশ্লেষণ হ'ল পরীক্ষার গঠন প্রণালী এবং প্রাসঙ্গিক ফজ্যাকলকে একটিমাত্র স্ববিন্যস্ত সারণীতে উপস্থাপিত ক'রার একটি গাণিতিক পদ্ধতি যার ফলে প্রয়োজনীয় সংশয় বিচারের পরীক্ষা সহজেই ক'রা যায়। পরীক্ষার গঠন পদ্ধতি, পরীক্ষার ফজ্যাকল ভাসার আগেই পরীক্ষাটি পরিকল্পনা ক'রার সময়েই ঠিক ক'রা হয়। এটা নির্ভর ক'রে সম্পূর্ণরূপে পরীক্ষাটির উদ্দেশ্য এবং প্রাপ্য স্বয়েগ স্ববিধার উপর। যেমন ধরা যাক একটি কৃষিবিজ্ঞান সংক্রান্ত পরীক্ষায় প্রকার বীজের গুণাগুণ পরীক্ষা করতে হ'বে। সেক্ষেত্রে পরীক্ষার গঠন পদ্ধতি নির্ভর ক'রবে কতগুলি বীজকে পরীক্ষা ক'রা হ'বে, প্রত্যেকটি বীজকে কতবার ক'রে পরীক্ষা ক'রা হ'বে এবং পরীক্ষাটি কিভাবে পরিকল্পনা ক'রা হ'বে তার উপর। উদাহরণ স্বরূপ ধরা যাক আমরা পঞ্চম বর্ষের বিভিন্ন জেলায় ধানের উৎপাদন সম্পর্কে পরীক্ষা ক'রতে চাই। পাঁচ জাতের ধানের বীজ নিয়ে পরীক্ষা স্বরূপ ক'রা হ'ল। ধানের ভাল উৎপাদন হয় এমন আটটি জেলা বেছে নেওয়া হ'ল। প্রতিটি জেলায় সম্পরিষ্যাণ ক্রান্তিগামী একই পদ্ধতি অনুসরণ ক'রে পাঁচ প্রকার ধানের চাষ ক'রে তাদের উৎপাদন লক্ষ্য ক'রা হ'ল। তাহলে পাঁচ প্রকার বীজের জন্যই আমরা আটটা ক'রে অবেক্ষণ পেলাম। আমাদের স্বীকরণ অনুযায়ী একই শ্রেণীর বিভিন্ন অবেক্ষণগুলি একে অপরের থেকে পৃথক হওয়ার একমাত্র কারণ সম্ভাবনাখনী আস্তি। এখন এই 40টা অবেক্ষণের মধ্যে যে তেওঁ আছে তাকে দুটি ভাগে ভাগ ক'রে ফেলা হল। এক, বিভিন্ন শ্রেণীর সাড়মানগুলির পার্শ্বক্ষয়ে হেতু যে তেওঁ এবং দুই, একই শ্রেণীর মধ্যে বিভিন্ন অবেক্ষণগুলির সংগে ঐ শ্রেণীর গড় ধানের পার্শ্বক্ষ্য হেতু যে তেওঁ তার

একটা সমষ্টিগত পরিমাপ। দুটি ক্ষেত্রেই পূর্ণকের তেদমানের প্রাককলনী মান পাওয়া যাবে তাদের জুড়লা ক'রে আমরা একটি সংশয় বিচারাঙ্ক পাব। এখন যদি মনে হয় যে বিভিন্ন জেলাগুলিকে সমৃদ্ধ্য থেরে মেওয়া ঠিক বয় এবং বীজগুলির মধ্যে পার্থক্য আছে কিনা তা আনতে হ'লে জেলাগুলির মধ্যে যে পার্থক্য আছে তা বাদ মেওয়া দরকার তাহ'লে আমাদের পরিকল্পনাটির একটু রদবদল করতে হ'বে। আমরা 40টি অবেক্ষণকে পাঁচ প্রকার বীজের অনুকূল পাঁচটি সারিতে ভাগ ক'রলাম। তারপর প্রতি সারির আটটি জেলার অনুকূল আটটি স্তরে ভাগ ক'রা হ'ল। প্রতিটি জেলার প্রতিটি বীজের ঘন্য ঠিক একটি ক'রে অবেক্ষণ পাওয়া গেল। এখন সমস্ত অবেক্ষণে যে তেদ আছে তাকে তিনটি ভাগে ভাগ ক'রে কেলা স্তর হ'বে। এগুলিকে তুলনা ক'রে ব'লা যেতে পারবে বীজগুলির মধ্যে পার্থক্য আছে কিনা বা বিভিন্ন জেলাগুলি সমৃদ্ধ্য কিনা। অনেক সময় দেখা যাব কোন বিশেষ জেলায় বিশেষ প্রকার ধানের উৎপাদন হয়ত ভাল। রাশিবিজ্ঞানের ভাষায় বলা যায় জেলাগুলি এবং বিভিন্ন প্রকার ধানের বীজগুলি একে অপরের অনপেক্ষ নয় এবং কোন জেলায় কোন বীজটি বপন ক'রা হ'ল তার উপর নির্ভর ক'রে পরীক্ষাটির ফলাফল। সেক্ষেত্রে প্রতিটি জেলায় অন্ততঃ একের অধিক অবেক্ষণ নিয়ে জেলা ও বীজগুলির যৌথক্রিয়ার ফল পরীক্ষা ক'রা হয়।

প্রতেক বিশ্লেষণে যে পদ্ধতি অবলম্বন ক'রা হয় কয়েকটি সহজতর ক্ষেত্রে আমরা তাঁর আলোচনা করব।

প্রবর্তী অনুচ্ছেদগুলিতে আমরা বিশেষক কথাটি বারংবার ব্যবহার করব। তাই বিশেষক বলতে আমরা কি বুঝি বলা দরকার। বিশেষক বলতে আমরা বুঝব যে উপাদানগুলি সম্পর্কে আমরা পরীক্ষা চালাচ্ছি। উদাহরণ স্বরূপ, কৃষি গবেষণারক্ষেত্রে বিশেষক ব'লতে বুঝব যে কোন প্রকার “বীজ” অথবা “গার” অথবা “কৃষি পক্ষতি”। এমনকি বীজ বপনের কোন উন্নত ধরণের পদ্ধতিকেও বিশেষক হিসাবে চিহ্নিত ক'রা হয়।

**1.1.2. একধারা শ্রেণীবিন্দুগুলি উপাদানের প্রতেক বিশ্লেষণ :** ধারা যাক ১ শ্রেণীতে বিভক্ত ১ সংখ্যক অবেক্ষণ আছে; যার মধ্যে ১ তম শ্রেণীতে অবেক্ষণের সংখ্যা হ'ল  $n_1$ ; ২তম শ্রেণীর  $j$ তম অবেক্ষণটির মান যদি  $x_{j1}$  হয় এবং শ্রেণীগুলিকে যদি  $T_1, T_2, \dots, T_n$  হিসাবে চিহ্নিত ক'রা হয়, তাহ'লে আমরা সমস্ত অবেক্ষণগুলিকে নিচের সারণীতে বিন্যাস ক'রতে পারি।

1.1. অং সামগ্ৰী

$T_1$	$T_2$	$\dots$	$\dots$	$T_k$
$x_{11}$	$x_{21}$	$\dots$	$\dots$	$x_{k1}$
$x_{12}$	$x_{22}$	$\dots$	$\dots$	$x_{k2}$
$\vdots$	$\vdots$			$\vdots$
$x_{1n_1}$	$x_{2n_2}$	$\dots$	$\dots$	$x_{kn_k}$
<hr/>	<hr/>			<hr/>
মোট $X_1.$	$X_2.$			$X_k.$
গড়মাণ $\bar{x}_1.$	$\bar{x}_2.$			$\bar{x}_k.$

ধৰা যাক, সমস্ত আবেক্ষণ্যলির মোট মান  $G$  এবং সমষ্টিগত গড়মাণ  $\bar{x}..$

$$\text{তাহ'লে } \bar{x}_i. = \frac{n_i}{\sum_{j=1}^{n_i}} \sum_{j=1}^{n_i} x_{ij}, \quad i=1, 2, \dots, k \quad (1.1)$$

$$\text{এবং } \bar{x}.. = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^k \sum_{j=1}^{n_i} x_{ij} = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^k n_i \bar{x}_i. \quad (1.2)$$

একলে, সমস্ত আবেক্ষণ্যলির মোট ভেদের পরিমাণ

$$\sum_{i=1}^k \sum_{j=1}^{n_i} (x_{ij} - \bar{x}..)^2 = \sum_{i=1}^k \sum_{j=1}^{n_i} x_{ij}^2 - n \bar{x}^2 .. \quad (1.3)$$

এই ভেদকে আমরা নিম্নলিখিত ভাবে বিভক্ত ক'রতে পারি

$$\begin{aligned} \sum_{i=1}^k \sum_{j=1}^{n_i} (x_{ij} - \bar{x}..)^2 &= \sum_{i=1}^k \sum_{j=1}^{n_i} (x_{ij} - \bar{x}_i. + \bar{x}_i. - \bar{x}..)^2 \\ &= \sum_{ij} (x_{ij} - \bar{x}_i.)^2 + \sum_{ij} (\bar{x}_i. - \bar{x}..)^2 \\ &\quad + 2 \sum_{ij} (x_{ij} - \bar{x}_i.) (\bar{x}_i. - \bar{x}..) \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{কিন্তু } \sum_{ij} (x_{ij} - \bar{x}_i.) (\bar{x}_i. - \bar{x}..) \\ = \sum_i \bar{x}_i. \sum_j (x_{ij} - \bar{x}_i.) \\ = 0 \end{aligned}$$

$$\text{যেহেতু } \sum_j (x_{ij} - \bar{x}_{i.}) = 0$$

$$\begin{aligned} \text{অতএব, } \sum_{ij} (\bar{x}_{ij} - \bar{x}_{..})^2 &= \sum_{ij} (x_{ij} - \bar{x}_{i.})^2 + \sum_{ij} (\bar{x}_{i.} - \bar{x}_{..})^2 \\ &= \sum_{ij} (x_{ij} - \bar{x}_{i.})^2 + \sum_i n_i (\bar{x}_{i.} - \bar{x}_{..})^2 \end{aligned}$$

আমরা যদি  $\sum_{ij} (x_{ij} - \bar{x}_{i.})^2$  কে  $S^2w$  লিখি এবং  $\sum_i n_i (\bar{x}_{i.} - \bar{x}_{..})^2$  কে  $S^2B$  লিখি, তাহ'লে  $\sum_{ij} (x_{ij} - \bar{x}_{..})^2 = S^2w + S^2B \dots \quad (1.4)$

একটু লক্ষ্য ক'রলে বোধ যাবে  $S^2B$  হ'ল শ্রেণীগুলির গড়মান সমষ্টিগত গড়মান থেকে কতটা পৃথক তার একটা পরিমাপ এবং  $S^2w$  হ'ল একই শ্রেণীর মধ্যে বিভিন্ন অবেক্ষণগুলি কতটা পৃথক তার একটা সমষ্টিগত পরিমাপ। যেহেতু একই শ্রেণীর মধ্যে অবেক্ষণগুলি কেন পৃথক তার কোন যুক্তিসংগত কারণ দেখান বাবে না, তাই  $S^2w$  কে সাধারণত: ভাস্তির পরিমাপ হিসাবে ধরা হয়।

**1.1.3. স্কুল বৈকল্পিক প্রতিক্রিয়া এবং প্রত্যেক বিশ্লেষণ পরীক্ষার শীকরণ :** ধরা যাক  $i$  শ্রেণীর  $j$  তম অবেক্ষণটির মান  $x_{ij}$ . আমরা  $x_{ij}$ কে তিনটি অংশের যোগফল হিসাবে ধরতে পারি। প্রথম অংশ হল  $\mu$ , যা প্রতিটি অবেক্ষণের মধ্যে সমপরিমাণ বিদ্যমান। দ্বিতীয় অংশ হ'ল  $\tau_i$  যা তম শ্রেণীর বিশেষ ফল অর্থাৎ তম শ্রেণীর প্রতিটি অবেক্ষণের মধ্যে যা সমপরিমাণে আছে। আর তৃতীয় অংশ হ'ল  $\epsilon_{ij}$  অর্থাৎ  $x_{ij}$  অবেক্ষণটির মধ্যে যে পরিমাণ ভাস্তি আছে।

স্বতরাং আমরা নিখতে পারি

$$x_{ij} = \mu + \tau_i + \epsilon_{ij} \quad (1.5)$$

আমরা ধরে নিতে পারি যে  $\mu$ কে এমনভাবে নিয়ন্ত্রণ ক'রা হ'ল যাতে  $\sum_i \tau_i = 0$ . আমরা আরও ধরে নিই যে  $\epsilon_{ij}$  গুলি হ'ল একে অপরের অনপেক ( independent ) স্বাধারণাধৰী ( Random ) চলক ( variate ) যাদের প্রত্যাশা শূন্য এবং যারা শুধু যে অন্য  $\epsilon$  গুলির সংগেই অনপেক তাই নয় তারা  $\tau_i$  গুলির সংগেও অনপেক। আমাদের পরীক্ষণীয় প্রকল্পটি হ'ল প্রতিটি  $\tau_i$  এর মান সর্বান অর্ধাং বিশেষকগুলির ( treatment ) মধ্যে কোন পার্দক্ষ্য নেই। বিকল্প প্রকল্পটি ( Alternative hypothesis ) হ'ল অস্তত: একটি  $\tau_i$  এর মান এই সর্বান হ'তে পৃথক। আমাদের পূর্বের শীকরণ  $\sum_i \tau_i = 0$  এই প্রকল্পটির সংগে যোগ করলে প্রকল্পটি দাঁড়াব।

$$H_0(\tau_1 = \tau_2 = \dots = \tau_n = 0)$$

যদি আমরা আরও ধীকার ক'রে নিই বে  $\Sigma$ গুলি একটি নর্ম্যাল নিবেশন মেনে চ'লে যার গড়মান  $0$  এবং তেস্বান  $0^2$  এবং যদি প্রকল্পটি সত্য হ'ব তাহ'লে  $\sum(x_{ij} - \bar{x}_{..})^2 / n^2$  এর নিবেশন হ'বে  $x^2$  যার স্বাতঙ্গ্যমাত্রা হ'বে  $n-1$ . তাছাড়া প্রতিটি  $i$  এর অন্য  $\sum_j(x_{ij} - \bar{x}_{..})^2 / n^2$  এর নিবেশন হ'বে  $x^2$  যার স্বাতঙ্গ্যমাত্রা হ'বে  $n_i-1$  এবং যেহেতু  $i \neq i'$  হলে  $\sum_j(x_{ij} - \bar{x}_{..})^2 / n^2$  এবং  $\sum_j(x_{i'j} - \bar{x}_{..})^2 / n^2$  একে অন্যের অনপেক্ষ, সুতরাঃ  $\sum_{ij}(x_{ij} - \bar{x}_{..})^2 / n^2$  এর নিবেশনও হ'বে  $x^2$  যার স্বাতঙ্গ্য মাত্রা হ'বে  $\sum(n_i-1) = n-k$ .

এখন (1.4) নং সমীকরণ হ'তে দেখতে পাচ্ছি বাসদিকটি  $x^2$  নিবেশন মেনে চ'লে যার স্বাতঙ্গ্য মাত্রা  $n-1$  এবং  $S^2_W$  ও  $x^2$  নিবেশন মেনে চ'লে যার স্বাতঙ্গ্য মাত্রা হ'ল  $n-k$ . সুতরাঃ  $S^2_B$  ও  $x^2$  নিবেশন মেনে চ'লে স্বাতঙ্গ্য মাত্রা হ'বে  $(n-1)-(n-k)=k-1$ .

সুতরাঃ  $F = \frac{S^2_B / k - 1}{S^2_W / n - k}$  এর নিবেশন হ'বে  $F$  এবং স্বাতঙ্গ্য মাত্রা হ'বে  $k-1$  এবং  $n-k$ .

এই ফ্লাফলগুলিকে আমরা সংক্ষেপে একটি সারণীতে উপস্থাপিত ক'রি তীর নাম প্রতিদেশ বিশ্লেষণ সারণী।

## 1.2 অভ্যন্তর সারণী

### একধারা শ্রেণী বিন্যাসী উপাস্তের প্রতিদেশ বিশ্লেষণ

প্রতিদেশের উৎস (Source of variation)	স্বাতঙ্গ্য মাত্রা (Degrees of freedom)	সমষ্টিবর্গ (Sum of Squares)	গড়বর্গ (Mean Squares)	$F$
শ্রেণীগুলির মধ্যে (Between classes)	$k-1$	$S^2_B = \sum_i n_i (\bar{x}_{..} - \bar{x}_{..})^2$	$s^2_B = \frac{S^2_B}{k-1}$	$\frac{s^2_B}{s^2_W}$
একই শ্রেণীর মধ্যে (Within classes)	$n-k$	$S^2_W = \sum_{ij} (x_{ij} - \bar{x}_{..})^2$	$s^2_W = \frac{S^2_W}{n-k}$	
মোট	$n-1$	$S.S.T = \sum_{ij} (x_{ij} - \bar{x}_{..})^2$		

**১.১. উভাবস্থি।** শিক্ষার ওজনের উপর বিভিন্ন শিখাদায়ের ক্রতৃক  
প্রভাব তা কালার অন্য আট অকার শিখাদায়ের অন্য তিস মাসে 54টি  
শিক্ষার বে পরিমাণ ওজন বৃক্ষ হ'য়েছে তা নিচের সারণীতে দেওয়া  
হ'ল। প্রত্নের বিশ্লেষণ ক'রে দেখ বিভিন্ন অকার শিখাদায়ের মধ্যে  
বিশেষ কোন পার্থক্য আছে কিনা।

### ১.৩ মূল সারণী

#### শিখাদায়ের অকার

	১	২	৩	৪	৫	৬	৭	৮
২.০	৩.৫	৩.৩	৩.২	২.৬	৩.১	২.৬	২.৫	
২.৮	২.৮	৩.৬	৩.৩	২.৬	২.৯	২.২	২.৪	
৩.৩	৩.২	২.৬	৩.২	২.৯	৩.১	২.২	৩.০	
৩.২	৩.৫	৩.১	২.৯	২.০	২.৫	২.৫	১.৫	
৪.৪	২.৩	৩.২	৩.৩	২.০			১.২	
৩.৬	২.৪	৩.৩	২.৫	২.১			১.২	
১.৯	২.০	২.৯	২.৬					
৩.৩	১.৬	৩.৪	২.৮					
২.৮		৩.২						
১.১		৩.২						

$$\text{এখানে } n_1=10, n_2=8, n_3=10, n_4=8, n_5=6, n_6=4, n_7=6, n_8= \\ \sum_j x_{ij}=28.4, \sum_j x_{sj}=21.3, \sum_j x_{sj}=31.8, \sum_j x_{ej}=23.8, \sum_j x_{ej}=14.2,$$

$$\sum_i x_{ei}=11.6, \quad \sum_i x_{ej}=11.9, \quad \sum_i x_{ej}=9.4, \quad G=\sum_{ij} x_{ij}=152.4,$$

$$n=\sum_i n_i=56;$$

$$\text{মুক্তরাঃ, অসংশেষিত মেট সমষ্টিশর্গ} = \sum_{ij} x_{ij}^2 = 439.40$$

$$\text{সংশোধন অংশ} (\text{correction factor}) = \frac{G^2}{n} = 414.74571$$

$$\begin{aligned}\text{সংশোধিত মোট সমষ্টি বর্গ} &= \sum_{ij} (x_{ij} - \bar{x}_{..})^2 = \sum_{ij} x_{ij}^2 - G^2/n \\ &= 439.40 - 414.74571 \\ &= 24.65429\end{aligned}$$

বিশেষক (treatment) সমষ্টিবর্গ = প্রেগীগুলির মধ্যে সমষ্টিবর্গ

$$\begin{aligned}&= \sum_i (\bar{x}_{i.} - \bar{x}_{..})^2 = \sum_i \frac{\bar{x}_{i.}^2}{n_i} - \frac{G^2}{n} \\ &= 422.23462 - 414.74571 \\ &= 7.48891\end{aligned}$$

অতএব ভান্তি (error) সমষ্টিবর্গ = একই প্রেগীর মধ্যে সমষ্টিবর্গ

$$\begin{aligned}&= \text{মোট সমষ্টিবর্গ} - \text{বিশেষক সমষ্টিবর্গ} \\ &= 24.65429 - 7.48891 \\ &= 17.16538\end{aligned}$$

#### 1.4. অস্তর সারণী প্রত্যেক বিশেষণ সারণী

উৎস	স্বাতন্ত্র্যমাত্রা	সমষ্টিবর্গ	গড়বর্গ	F
বিশেষক	7	7.48891	1.0698	2.99*
ভান্তি	48	17.16538	.3576	
মোট	55	24.65429		

এখন আমরা F-নির্বেশন সারণী থেকে দেখছি  $F_{7,48} (.05) = 2.20$  এবং  $F_{7,48} (1.0) = 3.03$

সুতরাং আমরা ব'লতে পারি যে 5% সংশয় মাত্রায় বিশেষকটি তাৎপর্যপূর্ণ এবং সোচি বোঝানৱ জন্য প্রত্যেক বিশেষণ সারণীতে আমরা যে F পেয়েছি তাকে একটি তারকা চিহ্ন দিয়ে চিহ্নিত ক'রি। সরল ভাষায় এর অর্থ দাঁড়ায় বিভিন্ন প্রকার শিশুদেহের মধ্যে গুণগত পার্দক্য বিদ্যমান।

1.1.4. প্রতিটি কক্ষে একটি অবেক্ষণ যুক্ত ছাইধারা শ্রেণী বিজ্ঞানী উপাসনের প্রত্তের বিশ্লেষণ ক'রার সময় আমরা ধরে নিরেছিলাম যে প্রত্তের একটিমাত্র উৎস আছে এবং তাহ'ল বিভিন্ন শ্রেণীর মধ্যে পার্থক্য। আর এক শ্রেণীর মধ্যে যে সকল অবেক্ষণ আছে তারা হ'ল একে অপরের বহুবৃত্ত (replicate) যাদের মধ্যে শুধুমাত্র সন্তানবিনাশযী পার্থক্য বর্তমান। কিন্তু অনেক সময় দেখা যায় পারিপাণ্ডিক অবস্থা এমন যে একই শ্রেণীর মধ্যে বিভিন্ন অবেক্ষণগুলির মধ্যে পার্থক্য থাকার পিছনে মুক্তি-পূর্ণ কারণ বর্তমান। এই সকল কারণে পরীক্ষাটি পরিকল্পনা ক'রার সময় আমরা ধরে নিই যে  $v$  স্তৰে বিভিন্ন  $n$ টি সারিতে  $n = uv$  সংখ্যক অবেক্ষণ আছে। অবেক্ষণগুলি এমনভাবে বিন্যস্ত আছে যাতে  $i$ ম সারি এবং  $j$ স্তৰে সংযোগস্থলে ঠিক একটি মাত্র অবেক্ষণ আছে;  $i=1, 2, \dots, u$  এবং  $j=1, 2, \dots, v$ . প্রতিটি সারি এবং প্রতিটি স্তৰের সংযোগ স্থলকে একটি কক্ষ (cell) ভাবা যেতে পারে। স্বতরাং মোট  $uv = n$ টি কক্ষ আছে এবং প্রতিটি কক্ষে একটি ক'রে অবেক্ষন আছে।

অবেক্ষণগুলিকে আমরা নিচে ঘেরনভাবে দেখাচ্ছি সেভাবে সাজান যেতে পারে। স্তৰের শ্রেণীগুলিকে আমরা T-শ্রেণী এবং সারির শ্রেণীগুলিকে B-শ্রেণী বলব।

### 1.5. অবস্থা সারণী

	$T_1$	$T_2$	...	$T_v$
$B_1$	$x_{11}$	$x_{12}$		$x_{1v}$
$B_2$	$x_{21}$	$x_{22}$		$x_{2v}$
:	:	:		
:	:	:		
$B_u$	$x_{u1}$	$x_{u2}$		$x_{uv}$

একনে  $x_{ij}$  হ'ল চারিটি অংশের যোগফল। প্রথম অংশ হ'ল  $\mu$ , দ্বা  
র্থিটি অবেক্ষণের মধ্যে সম্পরিয়াগে আছে, তৃতীয় অংশ হ'ল  
 $\beta_i$ , তৃতীয় B-শ্রেণীর বিশেষ ফল, তৃতীয় অংশ হ'ল  $\tau_j$ , j তম T-শ্রেণীর বিশেষ  
ফল এবং চতুর্থ অংশ হ'ল  $\epsilon_{ij}$ , অবেক্ষণ বাস্তি।

স্বতরাঃ আমরা লিখতে পারি

$$x_{ij} = \mu + \beta_i + \tau_j + \epsilon_{ij} \quad (1.6)$$

আগের মতই আমরা ধরে নিই যে  $\mu$ কে এমন ভাবে নিয়ন্ত্রণ ক'রা হ'য়েছে  
যাতে  $\Sigma \beta_i = \Sigma \tau_j = 0$  এবং  $\epsilon_{ij}$ গুলি হ'ল একে অন্যের সংগে অনপেক্ষ  
সন্তানাধ্যী চলক যাদের প্রত্যাশা 0.

একেতে আমাদের পরীক্ষণীয় প্রকল্প হ'ল দুটি,

$$H_{01} \quad (\beta_1 = \beta_2 = \dots = \beta_u = 0)$$

$$\text{এবং } H_{02} \quad (\tau_1 = \tau_2 = \dots = \tau_v = 0)$$

একেতে আমরা ঘোট সমষ্টি বর্গকে নিম্নলিখিত ভাবে বিভক্ত ক'রতে পারি :

$$\begin{aligned} \sum_{ij} (x_{ij} - \bar{x}_{..})^2 &= \sum_{ij} (\bar{x}_{..} - \bar{x}_{..}) + (\bar{x}_{..} - \bar{x}_{..}) + (x_{ij} - \bar{x}_i - \bar{x}_j + \bar{x}_{..})]^2 \\ &= \sum_{ij} (\bar{x}_i - \bar{x}_{..})^2 + \sum_{ij} (\bar{x}_j - \bar{x}_{..})^2 + \sum_{ij} (x_{ij} - \bar{x}_i - \bar{x}_j + \bar{x}_{..})^2 \end{aligned}$$

( যেহেতু অন্য সব অংশগুলির মান শূন্য )

$$= v \sum_i (\bar{x}_i - \bar{x}_{..})^2 + u \sum_j (\bar{x}_j - \bar{x}_{..})^2 + \sum_{ij} (x_{ij} - \bar{x}_i - \bar{x}_j + \bar{x}_{..})^2$$

$$\text{এখন সারিগুলির মধ্যে প্রভেদের পরিমাণ হ'ল } S^2_B = v \sum_i (\bar{x}_i - \bar{x}_{..})^2$$

এবং সন্তানাধ্যীর মধ্যে প্রভেদের পরিমাণ হ'ল  $S^2_T = u \sum_j (\bar{x}_j - \bar{x}_{..})^2$ । আর

অবশিষ্ট প্রভেদ ( residual variance ) হ'ল  $S^2_E = \sum_{ij} (x_{ij} - \bar{x}_i - \bar{x}_j + \bar{x}_{..})^2$ । এখন আমরা যদি ধরে নিই যে সারি বিভাগগুলি সন্তুষ্টিভাবে  
অনপেক্ষ তাহ'লে  $\sum_{ij} (x_{ij} - \bar{x}_i - \bar{x}_j + \bar{x}_{..})^2$  কে আমরা পরীক্ষণ বাস্তি

( experimental error ) হিসাবে ধরে নিতে পারি।

আগের মতই আমরা যদি ধরে নিই যে  $\epsilon_{ij}$  গুলি প্রভেদে  
অনপেক্ষভাবে নর্ম্যাল নিবেশন যেনে চ'লে যাদের গড়মান হ'ল শূন্য  
আর তেদমান চ'লে তাহ'লে  $S.S.T. = \sum_{ij} (x_{ij} - \bar{x}_{..})^2 / v^2$  এর নিবেশন হ'বে

$x^2$  বার স্বাতন্ত্র্য মাত্রা হ'বে  $n - 1$ . আবার  $\bar{x}_i$  এর নিরবেশন হ'বে সর্বজ্ঞ বার জেমান হ'ল  $S^2/v$ . স্ফূর্তিরা:  $S^2_B = v \sum_i (\bar{x}_{ij} - \bar{x}_{..})^2 / v^2$  এর নিরবেশন

হ'বে  $x^2$  বার স্বাতন্ত্র্য মাত্রা হ'বে  $u - 1$  তত্ত্বপ  $\frac{S^2_B}{v^2}$  এর নিরবেশনও

$x^2$  বার স্বাতন্ত্র্য মাত্রা  $v - 1$ . স্ফূর্তিরা:  $S^2_E/v^2$  এর নিরবেশন হ'বে  $x^2$  বার স্বাতন্ত্র্য মাত্রা হ'বে  $uv - 1 - (u - 1) - (v - 1) = (u - 1)(v - 1)$ .

নিম্নের সারণীতে প্রভেদ বিশ্লেষণ দেখান হ'চ্ছে।

### 1.6. অস্বীকৃত মার্গী

প্রভেদের উৎস	স্বাতন্ত্র্যমাত্রা	সমষ্টিবর্গ	গড়বর্গ	F
সারি	$u - 1$	$S^2_B = v \sum_i (\bar{x}_{ij} - \bar{x}_{..})^2$	$s^2_B = \frac{S^2_B}{u - 1}$	$F_1 = \frac{s^2_B}{s^2_E}$
স্তু	$v - 1$	$S^2_T = u \sum_j (\bar{x}_{ij} - \bar{x}_{..})^2$	$s^2_T = \frac{S^2_T}{v - 1}$	$F_2 = \frac{s^2_T}{s^2_E}$
অস্তি	$(u - 1)(v - 1)$	$S^2_E = *$	$s^2_E = \frac{S^2_E}{(u - 1)(v - 1)}$	
মোট	$uv - 1$	$S.S.T. = \sum_{ij} x_{ij} (\bar{x}_{ij} - \bar{x}_{..})^2$		

\* বিয়োগ ফল হিসাবে পাওয়া যাবে।

প্রথম প্রকল্পটি অর্থাৎ  $H_{01}(\beta_1 = \beta_2 = \dots = \beta_u = 0)$  যদি সত্য হয়, তাহলে  $F_1$  এর নিরবেশন হ'বে F বার স্বাতন্ত্র্য মাত্রা হ'বে  $u - 1$ ,  $(u - 1)(v - 1)$ . অনুরূপ তাবে  $F_2$  এর নিরবেশন হ'বে F বার স্বাতন্ত্র্য মাত্রা হ'বে  $v - 1$ ,  $(u - 1)(v - 1)$ .

1.2. উচ্চাত্তরণ। একজন ফ্যান্টাসী যানেন্ডার ক্রতকঘূলি মৌখিক কিনতে চান। চারাটি কোম্পানী এই মেশিনঘূলি তৈরী ক'রে। একটি মেশিন চারাবাবে জন্য একজন মাত্র গ্লোক দুর্বকার হয়। কেনেন মেশিনের উৎপাদন ক্ষমতা বেশী তা জানাব অব্য চারাটি কোম্পানীর চারাটি মেশিন

নেওয়া হ'ল। এগুলিকে ১, ২, ৩ এবং ৪ ইত্যাবে নম্বর দেওয়া হ'ল। তারপর কারখানার পাঁচজন শ্রমিককে নির্বাচন ক'রা হ'ল। এই পাঁচজন শ্রমিককে ১ থেকে ৫ এই পাঁচটি নম্বর দেওয়া হ'ল যেহেতু পাঁচজনের কর্মসূক্ষ্মতা এক নাও হ'তে পারে সেজন্য পাঁচজন লোকের প্রত্যেককে একদিন ক'রে একটি মেশিনে কাজ ক'রতে দেওয়া হ'ল। ক'বে কোন লোক কোন মেশিনে কাজ ক'রবে তা সম্বন্ধে পক্ষতিতে হিরু ক'রা হ'ল। প্রদত্ত উপাভাটি হ'ল প্রতিটি মেশিনের উৎপাদনের পরিমাণ (কেজির হিসাবে) উপাভাটি বিশ্লেষণ ক'র।

### 1.7. অস্তর সারণী

#### মেশিন ব্যবহারকারী শ্রমিকের ক্রমিক নম্বর

মেশিনের নম্বর	1	2	3	4	5	মোট
1	22.3	21.8	19.7	21.2	20.0	105.0
2	18.3	18.4	18.5	21.5	17.3	94.0
3	17.2	17.2	17.9	18.8	16.7	87.4
4	14.9	12.6	13.1	14.4	12.4	67.4
মোট	72.7	70.0	69.2	75.9	66.4	354.2

$$\text{সংশোধন অংশ} = \frac{(354.2)^2}{20} = 6272.882$$

$$\text{মেশিন সমষ্টিকর্গ} = \frac{(105.0)^2}{5} + \frac{(94.0)^2}{5} + \frac{(87.4)^2}{5} + \frac{(67.4)^2}{20} - \frac{(354.2)^2}{20}$$

$$= 149.638$$

$$\text{ধরিক সমষ্টিবর্গ} = \frac{(72.7)^2}{4} + \frac{(70.0)^2}{4} + \frac{(69.2)^2}{4} + \frac{(75.9)^2}{4} + \frac{(66.4)^2}{4} - \frac{(354.2)^2}{20}$$

$$= 13.043$$

### 1.8. অবসর সারণী

উৎস	স্বাতন্ত্র্য মাত্রা	সমষ্টিবর্গ	গড়বর্গ	$F$
ধরিক	4	13.043	3.26	4.05*
বেশিন	3	149.638	49.87	61.95**
আতি	12	9.657	.805	
বোট	19	172.338		

$F$ -নির্বেশন সারণীতে  $F_{4,12}(.01)=5.41$ ,  $F_{4,12}(.05)=3.26$

এবং  $F_{3,12}(.01)=5.95$ ,  $F_{3,12}(.05)=3.49$

স্বতরাং বোটা যাচ্ছে বেশিনগুলির মধ্যে বেশ তাৎপর্যপূর্ণ পার্থক্য বর্তমান। ধরিকদের মধ্যেও বেশ পার্থক্য আছে তার প্রমাণ ধরিক-অনিয়ত সমষ্টিবর্গ 5% সংখ্যর মাত্রায় তাৎপর্য পূর্ণ।

1.1.5. প্রতিটি কক্ষে  $m(>1)$  অবেক্ষণযুক্ত হৃষিকারা ঝোপিভালী উপাদের প্রত্যেক বিশ্লেষণ। আগের অনুচ্ছেদে আমরা ধরে নিয়েছিলাম যে প্রতিটি কক্ষে একটি ক'রে অবেক্ষণ আছে এবং আবাদের স্থীকরণ হিল সারি বিভাগগুলি স্বত্ত্ব বিভাগের অনপেক্ষ। কিন্তু যদি প্রতিটিকক্ষে  $m(>1)$  ক'রে অবেক্ষণ ধাকে এবং সারি বিভাগগুলি স্বত্ত্ব বিভাগের অনপেক্ষ এই স্থীকরণ যদি বুঝিসহজ না হয় তাহলে উপাদের বিশ্লেষণ খুবই জাঁচিল

হ'বে। যখন যাক  $(i, j)$  তম কক্ষের অবেক্ষণগুলি হ'ল  $x_{ij1}, x_{ij2}, \dots, x_{ijm}$  এসবে  $i$ তম  $B$ -শ্রেণী এবং  $j$  তম  $T$ -শ্রেণীর  $k$ তম অবেক্ষণটির আমরা নিম্নরূপ গাণিতিক প্রতিক্রিয়া দিতে পারি :

$$x_{ijk} = \mu + \beta_i + \tau_j + \gamma_{ij} + \epsilon_{ijk} \quad (1.7)$$

যেখানে  $\mu$  অংশটি সমস্ত অবেক্ষণগুলির মধ্যে সপরিমাণে আছে,  $\beta_i$  হ'ল  $i$ তম  $B$ -শ্রেণীর বিশেষ ফল,  $\tau_j$  হ'ল  $j$ তম  $T$ -শ্রেণীর বিশেষ ফল এবং  $\gamma_{ij}$  হ'ল  $i$ তম  $B$ -শ্রেণী এবং  $j$ তম  $T$ -শ্রেণীর যৌথক্রিয়া ফল (Interaction effect);  $\epsilon_{ijk}$  আগের মতই অবেক্ষণ আস্তি।

আগের মতই আমরা ধরে নিচ্ছি

$$\sum_i \beta_i = \sum_j \tau_j = \sum_i \gamma_{ij} = \sum_j \gamma_{ij} = 0 \quad (1.8)$$

এখানে আমাদের পরীক্ষনীয় প্রকল্প হ'ল তিনটি

$$H_{01} : (\beta_1 = \beta_2 = \dots = \beta_m = 0)$$

$$H_{02} : (\tau_1 = \tau_2 = \dots = \tau_n = 0)$$

$$\text{আর } H_{03} : (\gamma_{ij} = 0 \text{ সব } i \text{ এবং } j \text{ এর জন্য})$$

আগের অনুচ্ছেদের সংগে তুলনা ক'রলে দেখা যাবে কক্ষগুলিতে অবেক্ষণগুলির সংখ্যা একের অধিক হওয়ায় তৃতীয় প্রকল্পটি নতুন এসেছে। এই প্রকল্পটি যদি সত্য প্রমাণিত হয় তাহ'লে ধরে নেওয়া যেতে পারে সারি শ্রেণী বিভাগগুলি সম্পূর্ণ শ্রেণী বিভাগগুলির অনপোক।

আগের মতই ঘোট ভেদকে আমরা নিম্নলিখিতভাবে বিভক্ত ক'রতে পারি :

$$\begin{aligned} \sum_{ijk} (x_{ijk} - \bar{x}_{...})^2 &= \sum_{ijk} (x_{ijk} - \bar{x}_{ij.} + \bar{x}_{ij.} - \bar{x}_{i..} - \bar{x}_{.j.} + \bar{x}_{...} \\ &\quad + \bar{x}_{i..} - \bar{x}_{...} + \bar{x}_{.j.} - \bar{y}_{...})^2 \\ &= \sum_{ijk} (x_{ijk} - \bar{x}_{ij.})^2 + \sum_{ijk} (\bar{x}_{ij.} - \bar{x}_{i..} - \bar{x}_{.j.} + \bar{x}_{...})^2 \\ &\quad + \sum_{ijk} (\bar{x}_{i..} - \bar{x}_{...})^2 + \sum_{ijk} (\bar{x}_{.j.} - \bar{x}_{...})^2 \\ &= \sum_{ijk} (x_{ijk} - \bar{x}_{ij.})^2 + m \sum_{ij} (\bar{x}_{ij.} - \bar{x}_{i..} - \bar{x}_{.j.} + \bar{x}_{...})^2 \\ &\quad + mv \sum_i (\bar{x}_{i..} - \bar{x}_{...})^2 + mu \sum_j (\bar{x}_{.j.} - \bar{x}_{...})^2 \quad (1.9) \\ &= S_B^2 + S_{BxT}^2 + S_B^2 + S_T^2 \end{aligned}$$

$$\text{যথোচ্চ } S^2_E = \sum_{ijk} (x_{ijk} - \bar{x}_{ijk..})^2$$

$$S^2_{BXT} = m \sum_{ij} (\bar{x}_{ij.} - \bar{x}_{i..} - \bar{x}_{j..} + \bar{x}...)^2$$

$$S^2_B = mv \sum_i (\bar{x}_{i..} - \bar{x}...)^2$$

$$\text{এবং } S^2_T = mu \sum_j (\bar{x}_{.j.} - \bar{x}...)^2$$

আগের মতই আমরা ধরে নিতে পারি যে  $x_{ijk}$  শুলি প্রত্যেকে নর্ম্যাল নিবেশন মেনে ঢ'লে বাদের গড়বান 0 এবং তেস্বান  $\sigma^2$ . একলে  $S.S.T./\sigma^2 = \sum_{ijk} (x_{ijk} - \bar{x}...)^2/\sigma^2$  এর নিবেশন হ'ল  $x^2$  বার স্বাতঙ্গ্য মাত্রা হ'ল

$muv - 1$ ; আবার  $\bar{x}_{ijk..}$ -এর নিবেশন হ'ল নর্ম্যাল বার তেস্বান হ'ল  $\sigma^2/mv$ , স্ফূর্তিরাঃ  $mv \sum_i (\bar{x}_{i..} - \bar{x}...)^2/\sigma^2$  এর নিবেশন হ'বে  $x^2$  বার

স্বাতঙ্গ্যমাত্রা হ'বে  $u - 1$ . তজপি  $mu \sum_j (\bar{x}_{.j.} - \bar{x}...)^2/\sigma^2$  এর নিবেশন হ'বে  $x^2$  বার স্বাতঙ্গ্যমাত্রা হ'বে  $v - 1$ . আবার  $x_{ijk..}$ -এর নিবেশন হ'ল

নর্ম্যাল, স্ফূর্তিরাঃ  $\sum_{ijk} (x_{ijk} - \bar{x}_{ijk..})^2/\sigma^2$ -এর নিবেশন হ'বে  $x^2$  বার স্বাতঙ্গ্য-মাত্রা হ'বে  $(m - 1)$ . অতএব  $\sum_{ijk} (x_{ijk} - \bar{x}_{ijk..})^2/\sigma^2$  এর নিবেশন হ'বে

$x^2$  বার স্বাতঙ্গ্যমাত্রা হ'বে  $uv(m - 1)$ . স্ফূর্তিরাঃ  $S^2_{BXT}/\sigma^2$  এর নিবেশন হ'বে  $x^2$  বার স্বাতঙ্গ্যমাত্রা হ'বে  $(muv - 1) - (u - 1) - (v - 1)$   $= uv(m - 1) = (u - 1)(v - 1)$ ,

অতএব যদি  $H_{03}$  প্রকল্পটি সত্য হয় তাহলে

$$F_8 = \frac{S^2_{BXT}/\{(u - 1)(v - 1)\}}{S^2_E/\{uv(m - 1)\}}$$

এর নিবেশন হ'বে  $F$  বার স্বাতঙ্গ্যমাত্রা হ'বে  $(u - 1)(v - 1)$ . এবং  $\{uv(m - 1)\}$ . যদি  $H_{03}$  প্রকল্পটি বর্জিত হয় তাহ'লে  $H_{01}$  এবং  $H_{02}$  এই প্রকল্পদুটি পরীক্ষা ক'রা অর্থহীন।

স্ফূর্তিরাঃ যদি  $H_{03}$  প্রকল্পটি বর্জন ক'রার মত কোন কারণ না থাকে তাহ'লে

$$F_1 = \frac{S^2_B/(u-1)}{S^2_E/\{uv(m-1)\}}$$

এর সাহায্যে আমরা  $H_{01}$  থ্রেকলাট পরীক্ষা ক'রতে পারি যার নিবেশন হ'বে  $F$  এবং স্বাতজ্যমাত্রা হ'বে  $(u-1), uv(m-1)$

$$\text{অনুসূচিতাবে } F_2 = \frac{S^2_T/(v-1)}{S^2_E/\{uv(m-1)\}}$$

এর সাহায্যে আমরা  $H_{02}$  থ্রেকলাট পরীক্ষা ক'রতে পারি যার নিবেশন হ'ল  $F_{v-1}, uv(m-1)$ .

### ১.৯. সকল সারণী

#### প্রভেদ বিশ্লেষণ

প্রভেদের উৎস	স্বাতজ্য- মাত্রা	সমষ্টি বর্গ	গড়বর্গ	$F$ -অনুপাত
$B$ -শ্রেণী	$u-1$	$S^2_B$	$s^2_B = S^2_B/(u-1)$	$F_1 = s^2_B/S^2_E$
$T$ -শ্রেণী	$v-1$	$S^2_T$	$s^2_T = S^2_T/(v-1)$	$F_2 = s^2_T/S^2_E$
$B \times T$	$(u-1)(v-1)$	$S^2_{B \times T}$	$s^2_{B \times T} = S^2_{B \times T}/(u-1)(v-1)$	$F_3 = S^2_{B \times T}/S^2_E$
বাস্তি	$uv(m-1)$	$S^2_E$	$s^2_E = S^2_E/uv(m-1)$	
মোট	$uv(m-1)$	S.S.T.		

১.৩. উভাবরুগ্ম। নিচের সারণীতে বালির মধ্যে প্রোটিনের পরিমাণ সম্পর্কিত একটি সমীক্ষার উপাত্ত দেওয়া আছে। বালির বিভিন্ন শ্রেণী-

গুলিকে  $T$ -খেলী বিভাগের হারা চিহ্নিত ক'রা হয়েছে। আর মুখ্য বালি উৎপাদক দুটি সংস্থাকে  $B$ -খেলী বিভাগ হারা চিহ্নিত ক'রা হ'য়েছে।  
উপার্জিটির বিশ্লেষণ ক'র।

### 1.10. অসম সারণী

$T$	$B$	$B_1$	$B_2$
1		11.44, 11.18	11.22, 11.00
2		10.12, 9.78	9.54, 9.42
3		10.59, 10.64	9.98, 10.08
4		10.55, 10.39	10.67, 10.87
5		9.90, 9.85	10.06, 10.21
6		12.29, 12.45	12.10, 11.89
7		10.88, 11.30	11.26, 10.83
8		9.57, 9.74	9.44, 9.61

**୧.୧୧. ମହାର ଜାଗନ୍ନାଥ**

ନିଚେର ଜାରଣୀତେ ବିଭିନ୍ନ କଷ୍ଟର ମଧ୍ୟେ ଅବେଳାଣଙ୍ଗଳିର ଯୋଗଫଳ ଏবଂ  
ଆନ୍ତିକ ଯୋଗଫଳଙ୍ଗଳ ଦେଖିନ ହ'ଲ ।

$T$	$B_1$	$B_2$	ଆନ୍ତିକ ଯୋଗଫଳ ( $T_i \dots$ )
$T_1$	22.62	22.22	44.84
$T_2$	19.90	18.96	38.86
$T_3$	21.23	20.06	41.29
$T_4$	20.94	21.54	42.48
$T_5$	19.75	20.27	40.02
$T_6$	24.74	23.99	48.73
$T_7$	22.18	22.09	44.27
$T_8$	19.32	19.04	38.36
ଆନ୍ତିକ $T_{j\dots}$	170.68	168.17	338.85
ଯୋଗଫଳ			

$$\text{সংশোধন অংশ} = \frac{G^2}{muv} = 3588 \cdot 1030$$

অসংশোধিত মোট সমষ্টিবর্গ = 3631.9971

$$\begin{aligned}\text{অতএব সংশোধিত মোট সমষ্টিবর্গ} &= 3631.9971 - 3588.1030 \\ &= 43.8941\end{aligned}$$

$$T-\text{খেণীর সমষ্টিবর্গ} = \sum_{i=1}^8 \frac{T_{i..}^2}{4} - \frac{(338.85)^2}{32}$$

$$= 20.9030$$

$$B-\text{খেণীর সমষ্টিবর্গ} = \sum_j \frac{T_{j..}^2}{16} - \frac{(338.85)^2}{32}$$

$$= 19.77$$

$$B \times T \text{ এর সমষ্টিবর্গ} = S^2_{BXT} = \sum_{ij} \frac{T_{ij..}^2}{m} - \sum_i \frac{T_{i..}^2}{vm} - \sum_j \frac{T_{j..}^2}{um} + \frac{G^2}{n}$$

( যেখানে  $T_{ij..}$  হ'ল  $(i,j)$ -তম কক্ষের মোট উৎপাদন )

$$= 1.1354$$

অতএব আস্তি সমষ্টিবর্গ = 21.6580

### 1.12. অক্ষর সারণী

#### প্রভেদ বিশ্লেষণ

উৎস	স্বাতন্ত্র্যমাত্রা	সমষ্টিবর্গ	গড়বর্গ	F	F-সারণী থেকে F-এর মান 5%	F-সারণী থেকে F-এর মান 1%
B-খেণী	1	19.77	19.77	1.15	4.49	8.53
T-খেণী	7	20.9030	2.9433	2.18	2.66	4.03
B × T	7	1.1354	0.1622	1.12	2.66	4.03
আস্তি	16	21.6580	1.3536			
মোট	31	43.8941				

অতএব দেখা যাচ্ছে  $B$ -শ্রেণী বিভাগ,  $T$ -শ্রেণীবিভাগ অথবা তাদের মৌখিক্রিয়াকল কোনটিই তাৎপর্য পূর্ণ নয়।

### সহজেদমান বিশ্লেষণ ( Analysis and Covariance )

**1.2.1. ভূমিকা।** পূর্ববর্তী অনুচ্ছেদগুলিতে আমাদের দৃষ্টিনিবন্ধ ছিল একটিমাত্র চলকে। যদি অন্য কোন চলক থেকে থাকে তাহ'লে আমরা ধরে নিয়েছিলাম যে তার অন্য পৃথক ভাবে প্রভেদ বিশ্লেষণ ক'রতে হ'বে। কিন্তু কখন কখন আমরা এমন একটি জটিল গাণিতিক প্রতিকরণ উভাবন ক'রতে পেরেছি যাতে পরীক্ষণী আন্তর অন্য কোন উৎস থাকলে তাকে দূর ক'রাও আমাদের পক্ষে সম্ভব হ'বে। একটি উদাহরণের সাহায্যে আমরা আমাদের বক্তব্য পরিষ্কৃত ক'রার চেষ্টা ক'রছি। ধরা যাক আমরা  $k$ -শ্রেণীর ( প্রকার ) শিশুধাদের গুণাগুণ পরীক্ষা ক'রতে চাই। গুণাবস্থার সূচক হিসাবে আমরা একমাত্র শিশুর কত ওজন বৃক্ষি হ'য়েছে তার পরিমাণ নিলাম। ধরাযাক,  $i$ তম শ্রেণীর  $j$ তম শিশুটির ওজন বৃক্ষির পরিমাণ হ'ল  $y_{ij}$ . আমরা সকলেই জানি  $i$ তম শ্রেণীর  $j$ তম শিশুটির ওজন বৃক্ষির পরিমাণ নির্ভর ক'রবে  $i$ তম শ্রেণীর  $j$ তম শিশুটির প্রারম্ভিক ওজন কতছিল তার উপর। এক্ষনে ঐ শিশুটির প্রারম্ভিক ওজন যদি  $x_{ij}$  হয়, তাহ'লে  $y_{ij}$  এর উপর  $x_{ij}$  যে প্রভাব বিস্তার ক'রে তা দূর ক'রতে পারলে আমাদের পরীক্ষাটি আরও শক্তিশালী হ'বে।

**1.2.2. একধারা শ্রেণীবিন্যাসী উপাদের সহজেদমান বিশ্লেষণ।** ধরা যাক একধারা শ্রেণীবিন্যাসের প্রতিটি শ্রেণীতে ক'রেক জোড়া ক'রে অবেক্ষণ আছে।  $i$ তম শ্রেণীর  $j$ তম অবেক্ষণ জোড়াটি হ'ল ( $y_{ij}, x_{ij}$ ). ধরা যাক  $y_{ij}$  গুলি প্রত্যেকে নর্ম্যাল নিবেশন মেনে চ'লে যার ভেদমান  $\sigma^2$  আর সরল নির্ভর অপেক্ষক ( linear regression function ) হ'ল  $\alpha_i + \beta_i x_{ij}$ .  
(1.10)

$i$ তম শ্রেণী হ'তে উভুত সরল নির্ভর রেখা হ'তে প্রভেদের সমষ্টিকর্ম ( Sum of squares of deviations ) হ'ল,

$$\begin{aligned}
 \sum_i (y_{ij} - \alpha_i - \beta_i x_{ij})^2 &= \sum_j (y_{ij} - \bar{\alpha}_i - \bar{\beta}_i x_{ij})^2 \\
 &\quad + (\bar{\beta}_i - \beta_i)^2 \sum_j (x_{ij} - \bar{x}_{i\cdot})^2 \\
 &\quad + n_i (\bar{y}_{i\cdot} - \bar{\alpha}_i - \bar{\beta}_i \bar{x}_{i\cdot})^2
 \end{aligned} \tag{1.11}$$

$$\text{বেধালে } \beta_i = \frac{\sum_j (y_{ij} - \bar{y}_{i\cdot})(x_{ij} - \bar{x}_{i\cdot})}{\sum_j (x_{ij} - \bar{x}_{i\cdot})^2} \quad (1.12)$$

$$\text{এবং } \bar{x}_i = \bar{y}_{i\cdot} - \beta_i \bar{x}_{i\cdot}. \quad (1.13)$$

(1.11) নঃ সমীকরণের ডান দিকের সমষ্টিগুলির যথে

$\sum_j (y_{ij} - \alpha_i - \beta_i x_{ij})^2 / \sigma^2$  এর নিবেশন হ'ল  $x^2$  যার স্বাতঙ্গ্যমাত্রা হ'ল  $(n_i - 2)$ ,  $(\beta_i - \beta_i)^2 \sum_i (x_{ij} - \bar{x}_{i\cdot})^2 / \sigma^2$  এর নিবেশন হ'ল  $x^2$  যার স্বাতঙ্গ্যমাত্রা হ'ল 1 এবং  $n_i(\bar{y}_{i\cdot} - \alpha_i - \beta_i \bar{x}_{i\cdot})^2 / \sigma^2$  এর নিবেশন হ'ল  $x^2$  যার স্বাতঙ্গ্যমাত্রা হ'ল 1.

i-এর বিভিন্নমানের জন্য এই সমীকরণগুলিকে যদি যোগ ক'রা যায় তাহ'লে,

$$\begin{aligned} \sum_{ij} (y_{ij} - \alpha_i - \beta_i x_{ij})^2 &= \sum_{ij} (y_{ij} - \alpha_i - \beta_i x_{ij})^2 + \sum_{ij} (\beta_i - \beta_i)^2 (x_{ij} - \bar{x}_{i\cdot})^2 \\ &\quad + \sum_i n_i (\bar{y}_{i\cdot} - \alpha_i - \beta_i \bar{x}_{i\cdot})^2 \end{aligned} \quad (1.14)$$

স্পষ্টত: এটা হ'ল বিভিন্ন নির্ভরণ সরলরেখা থেকে প্রভেদের জন্য উভয় রোট সমষ্টিবর্গের তিনটি অংশে বিভাজন।  $x^2$  দিয়ে ভাগ ক'রা পর এর প্রথমটির নিবেশন হ'বে  $x^2$  যার স্বাতঙ্গ্যমাত্রা হ'বে  $\sum_i (n_i - 2)$ , দ্বিতীয়

অংশটির নিবেশন হ'বে  $x^2$  যার স্বাতঙ্গ্যমাত্রা হ'ল  $k$  এবং তৃতীয়টির নিবেশন হ'ল  $x^2$  যার স্বাতঙ্গ্যমাত্রা হ'ল  $k$ .

এক্ষনে আমরা প্রথম যে প্রকল্পটি পরীক্ষা ক'রব তাহ'ল প্রতিটি সরলরেখার চল ( slope ) সমান। এর জন্য আমরা প্রথমে লিখছি

$$\beta_i = \beta + \gamma_i \quad (1.15)$$

স্বতরাং আমাদের প্রকল্পটি দাঁড়াল  $H_0 (\gamma = 0)$  (1.16)

আমরা এরপর আমাদের দৃষ্টি নিবন্ধ ক'রব (1.14) নঃ সমীকরণের ডানদিকের মাঝের অংশটির উপর। এই অংশটিকে আমরা নিম্নলিখিত ভাবে দুটি অংশে ভেঙ্গে ফেলতে পারি:

$$\begin{aligned} \sum_{ij} (\beta_i - \beta)^2 (x_{ij} - \bar{x}_{i\cdot})^2 &= \sum_{ij} (\beta_i - \gamma_i - \beta)^2 (x_{ij} - \bar{x}_{i\cdot})^2 \\ &\quad + (\beta - \beta)^2 \sum_{ij} (x_{ij} - \bar{x}_{i\cdot})^2 \end{aligned} \quad (1.17)$$

এবং ঠির মান হ'ল যথোক্তনৈ,

$$\beta = \frac{\sum_{ij} (x_{ij} - \bar{x}_{i.})^2 \beta_i}{\sum_{ij} (x_{ij} - \bar{x}_{i.})^2} \quad (1.18)$$

$$\sum_{ij} (x_{ij} - \bar{x}_{i.})^2 \beta_i$$

$$\text{এবং } \beta = \frac{\sum_{ij} (x_{ij} - \bar{x}_{i.})^2}{\sum_{ij} (x_{ij} - \bar{x}_{i.})^2} \quad (1.19)$$

একনে  $\beta_i$  এর নিবেশন হ'ল নর্ম্যাল যার গড়মান হ'ল  $\beta_i$  এবং ভেদমান হ'ল  $\sigma_i^2 / \sum_{ij} (x_{ij} - \bar{x}_{i.})^2$ .

আবরা আনি  $x_1, x_2, \dots, x_n$  প্রত্যেকে যদি অনপেক্ষ ভাবে নর্ম্যাল নিবেশন মেনে ত'লে যাদের গড়মান একই কিন্ত ভেদমানগুলি হ'ল  $\sigma_1^2, \sigma_2^2, \dots, \sigma_n^2$ . তাহ'লে  $u = \frac{\sum x_i / \sigma_i^2}{\sum \frac{1}{\sigma_i^2}}$  এবং  $v = \sum (x_i - u)^2 / \sigma_i^2$  এর নিবেশন

হ'বে একে অপরের অনপেক্ষ এবং  $u$  এর নিবেশন হ'বে নর্ম্যাল আর  $v$  এর নিবেশন হ'বে  $x^2$  যার স্বাতন্ত্র্য মাত্রা হ'বে  $n-1$ .

স্বতরাঃ  $\sum_{ij} (\beta_i - \gamma_i - \beta)^2 (x_{ij} - \bar{x}_{i.})^2 / \sigma_i^2$  এর নিবেশন হ'বে  $x^2$  যার

স্বাতন্ত্র্যমাত্রা হ'বে  $k-1$  এবং  $(\beta - \beta)^2 \sum_{ij} (x_{ij} - \bar{x}_{i.})^2 / \sigma_i^2$ , এর নিবেশন

হ'বে  $x^2$  যার স্বাতন্ত্র্যমাত্রা ।। একনে আবাদের মুখ্য প্রকল্পটি  $H_0(\gamma_i=0)$  যদি সত্য হয় তাহ'লে

$$F = \frac{\sum_{ij} (\beta_i - \gamma_i - \beta)^2 (x_{ij} - \bar{x}_{i.})^2 / (k-1)}{\sum_{ij} (y_{ij} - \bar{x}_i - \beta_i - x_{ij})^2 / \sum_i (n_i - 2)} \quad (1.20)$$

এর নিবেশন হ'বে  $F$  যার স্বাতন্ত্র্যমাত্রা হ'বে  $k-1$  এবং  $\sum (n_i - 2)$  অনুকূল ভাবে  $H(\beta=0)$  প্রকল্পটি যদি সত্য হয়, তাহ'বে

$$F = \frac{\sum_{ij} (\beta - \beta)^2 (x_{ij} - \bar{x}_{i.})^2}{\sum_{ij} (y_{ij} - \bar{x}_i - \beta_i - x_{ij})^2 / \sum_i (n_i - 2)} \quad (1.21)$$

এর নিবেশন হ'বে  $F_1, n-2k$ .

তারপর (1.14) নং সমীকরণের তৃতীয় অংশটির উপর দুটি নিবন্ধ ক'রা যাক। থতিটি  $\beta_i$  এর মান যদি শূন্য হয় তাহ'লে অবিলম্বে আমরা আগের মত  $H(\alpha_1=\alpha_2=\dots=\alpha_n)$  এই প্রকল্পটির পরীক্ষা করতে পারি। (একথাই শ্রেণীবিন্যাসী উপাদের প্রত্বে বিশ্লেষণের সাহার্য),  $\beta_i$  জন্মিব মান যদি শূন্য নাও হয়, কিন্তু তাদের প্রত্যেকের মান যদি সমান হয়, আমরা  $H(\alpha_1=\alpha_2=\dots=\alpha_n)$  এই প্রকল্পটি পরীক্ষা ক'রতে পারি।

প্রক্রিয়ে আমাদের মুখ্য প্রকল্পটি দাঁড়াবে

$$E(\bar{y}_{i \cdot}) = \alpha + \beta' \bar{x}_{i \cdot} \quad (1.22)$$

যদি  $(\alpha_i - \alpha) + (\beta_i - \beta') \bar{x}_{i \cdot}$  কে  $\delta_i$  লিখি, তাহ'লে

$$\Sigma n_i [\bar{y}_{i \cdot} - \alpha - \beta' \bar{x}_{i \cdot}] - (\alpha_i - \alpha) - (\beta_i - \beta') \bar{x}_{i \cdot}]^2$$

$$= \sum_i n_i (\bar{y}_{i \cdot} - \delta_i - \alpha - \beta' \bar{x}_{i \cdot})^2 \quad (1.23)$$

এখন  $\delta_i = \bar{x}_{i \cdot} - \delta_i$  কে মনে ক'রা যাক একটি নতুন সম্ভাবনাধৰ্মী চ'ল। তাহ'লে আমরা লিখতে পারি।

$$\begin{aligned} & \sum_i n_i (\bar{y}_{i \cdot} - \delta_i - \alpha - \beta' \bar{x}_{i \cdot})^2 \\ &= \sum_i n_i (\bar{y}_{i \cdot} - \delta_i - \bar{x}_\delta - \beta'_\delta \bar{x}_{i \cdot})^2 + (\beta'_\delta - \beta')^2 \sum_i n_i (\bar{x}_{i \cdot} - \bar{x}_{..})^2 \end{aligned}$$

$$+ n (\bar{x}_{..} - \bar{\delta} - \alpha - \beta' \bar{x}_{..})^2 \quad (1.24)$$

যেখানে  $\bar{x}_\delta$  এবং  $\beta'_\delta$  এর মান হ'ল

$$\bar{x}_\delta = \bar{y}_{..} - \bar{\delta} - \beta' \bar{x}_{..} \quad (1.25)$$

$$\text{এবং } \beta'_\delta = \frac{\sum (\bar{y}_{i \cdot} - \delta_i - \bar{y}_{..} + \bar{\delta})(\bar{x}_{i \cdot} - \bar{x}_{..})}{\sum (\bar{x}_{i \cdot} - \bar{x}_{..})^2} \quad (1.26)$$

যেখানে  $\bar{x}_\delta$  এবং  $\beta'_\delta$  এর নিচে  $\delta$  লিখে বোঝাতে চাওয়া হ'য়েছে যে এই প্রক কলক দুটি  $\delta_i$  এর উপর নির্ভর ক'রছে।

(1.22) নং সমীকরণে লিখিত প্রকল্পটি যদি সত্য হয়, তাহ'লে

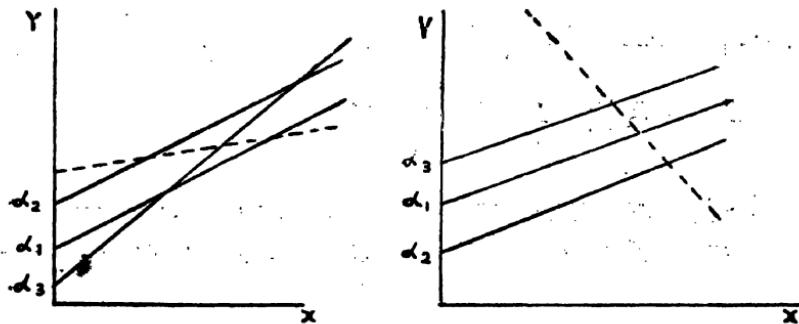
$$\bar{x}_0 = \bar{y}_{..} - \beta' \bar{x}_{..} \quad (1.27)$$

$$\text{এবং } \beta'_0 = \frac{\sum (\bar{y}_{i \cdot} - \bar{y}_{..})(\bar{x}_{i \cdot} - \bar{x}_{..})}{\sum (\bar{x}_{i \cdot} - \bar{x}_{..})^2} \quad (1.28)$$

অর্থাৎ  $(\bar{y}_{i \cdot}, \bar{x}_{i \cdot})$  এই বিশুলিনির ভিতৱ যেন একটি নির্ভরণ সরলরেখা টানা হ'য়েছে। (1.24) নং সমীকরণের ডানদিকের তিনটি অংশকেই  $\sigma^2$

দিয়ে তাগ ক'রলে তাদের নিবেশন হ'বে  $x^2$  আৰু স্বাতন্ত্র্যমাত্ৰা হ'বে বৰ্ধাইলৈ  $k=2, 1$  এবং  $1.$   $H(\delta_i=0)$  এই প্ৰকল্পটি পৰীক্ষা ক'ৱাৰ অন্য আমৰা (1.24) নং সমীকৰণেৰ প্ৰথম অংশটিতে  $\delta_i=0$  বসিয়ে (1.14) নং সমীকৰণেৰ প্ৰথম অংশটিৰ সঙ্গে তুলনা ক'ৱৰ একটি  $F$ -নিবেশনেৰ সাহায্যে। এখন  $H(\delta_i=0)$  এৰ অৰ্থ কি দাঁড়ায় দেখা যাক।

নিচেৰ রেখচিত্ৰ দুটিৰ বামদিকেৰাটিতে অবিচ্ছিন্ন রেখাণুলি  $y=\hat{y}_i + \beta_i x$  এই নিৰ্ভৱণ সৱলৱেখাণুলি সূচনা ক'ৱছে আৰু খণ্ডিত রেখাণুলি সূচনা ক'ৱছে  $y = \hat{y}_0 + \beta_0 x$ , অৰ্থাৎ বিভিন্ন শ্ৰেণীৰ গড়মানণুলিৰ মধ্যে যে নিৰ্ভৱণ সৱলৱেখা টোনা যায়।



অবিচ্ছিন্ন সৱলৱেখাৰ বিলুণুলি হ'ল ( $\bar{y}_i$ ,  $\hat{y}_i$ ) আৰু মুখ্য প্ৰকল্পটিতে ব'লা হ'চ্ছে যে খণ্ডিত রেখা হ'তে খাড়া পথদেৱেৰ (vertical deviations) প্ৰত্যাশিত মান হ'ল শূন্য। স্বতৰাং মুখ্য প্ৰকল্পটি বৰ্জন ক'ৱাৰ অৰ্থই হ'ল বিভিন্ন শ্ৰেণীণুলিৰ মধ্যে পূৰ্ণকাৰ (parameter)ণুলি পৃথক। আবাৰ ডানদিকেৰ রেখচিত্ৰটি থেকে দেখতে পাচ্ছি যে বিভিন্ন শ্ৰেণীৰ গড়মানণুলি একটি সৱলৱেখায় থাকতে পাৱে এবং শ্ৰেণীণুলিৰ নিজেদেৱে মধ্যে চল স্বান হ'লেও  $\alpha_i$ ণুলি পৃথক হ'তে পাৱে। কিন্তু যদি  $H(\beta'=0)$  প্ৰকল্পটি সত্য হয় তাহ'লে  $H(\alpha_1=\alpha_2=\dots=\alpha_k)$  প্ৰকল্পটিও সত্য হ'বে।

ধৰে নেওৱা যাক  $H(\delta_i=0)$  এবং  $H(\beta_i=\beta)$  প্ৰকল্পদুটি সত্য। আমৰা এখন  $H(\beta'=0)$  প্ৰকল্পটিকে পৰীক্ষা ক'ৱৰ। এখন  $\delta_i=0$  ব'সাবে  $\beta$  এবং  $\beta'_0$  একে অপৱেৱ অনপেক্ষভাৱে নৰ্মাল নিবেশন মেলে চলবে যাদেৱে গড়মান হ'বে যথাক্রমে  $\beta$  এবং  $\beta'$  এবং তেম্বান হ'বে বৰ্ধাইলৈ

$\sigma^2/\sum_{ij}(x_{ij}-\bar{x}_{i..})^2$  এবং  $\sigma^2/\{\sum_i n_i (\bar{x}_{i..}-\bar{x}...)^2\}$  স্তুতরাঃ  $\beta-\beta'_0$  এর নির্বেশন হ'বে নর্ম্মাল ধার গড়মান হ'বে  $\beta-\beta'$  এবং ভেদমান হ'বে এই দুটি চলকের স্বতন্ত্র ভেদমানের সমষ্টি। স্তুতরাঃ

$$\frac{[\beta-\beta'_0-(\beta-\beta')]^2}{\sigma^2 \left[ \frac{1}{\sum_{ij}(x_{ij}-\bar{x}_{i..})^2} + \frac{1}{\sum_i n_i (\bar{x}_{i..}-\bar{x}...)^2} \right]} = \frac{[\beta-\beta'_0-(\beta-\beta')]^2}{\sigma^2 \sum_{ij}(x_{ij}-\bar{x}...)^2} \frac{\sum_{ij}(x_{ij}-\bar{x}_{i..})^2 \sum_i n_i (\bar{x}_{i..}-\bar{x}...)^2}{\sum_{ij}(x_{ij}-\bar{x}_{i..})^2} \quad (1.29)$$

এর নির্বেশন হ'বে  $x^2$  ধার স্বাতন্ত্র্যমাত্রা হ'বে 1. আবার

$$\frac{\sum_{ij}(x_{ij}-\bar{x}_{i..})^2 \beta + \sum_i n_i (\bar{x}_{i..}-\bar{x}...)^2 \beta'_0}{\sum_{ij}(x_{ij}-\bar{x}...)^2} \quad (1.30)$$

$\beta-\beta'_0$  এর সংগে অনপেক্ষ তাবে নর্ম্মাল নির্বেশন মেলে চ'লবে ধার গড়মান হ'বে  $\sum_{ij}(x_{ij}-\bar{x}_{i..})^2 \beta + \sum_i n_i (\bar{x}_{i..}-\bar{x}...)^2 \beta'$  এবং ভেদমান হ'বে  $\sigma^2 \sum_{ij}(x_{ij}-\bar{x}...)^2$ .

স্তুতরাঃ

$$\frac{[\sum_{ij}(x_{ij}-\bar{x}_{i..})^2(\beta-\beta) + \sum_i n_i (\bar{x}_{i..}-\bar{x}...)^2(\beta'_0-\beta')]^2}{\sigma^2 \sum_{ij}(x_{ij}-\bar{x}...)^2} \quad (1.31)$$

এর নির্বেশন হ'বে  $x^2$  ধার স্বাতন্ত্র্যমাত্রা হ'বে 1. আর (1.31) নং সমীকরণের চলকটি (1.29) নং সমীকরণের চ'লকটির সংগে অনপেক্ষ। স্তুতরাঃ  $H(\beta=\beta')$  বাদি সত্য হয় তাহ'লে (1.31) নং সমীকরণ থেকে আমরা পরীক্ষা ক'রতে পারি তাদের উভয়ের মান শূন্য কিনা। পরের পাতায় সারণীতে সমষ্টির্বর্গকে বিভিন্ন অংশে ভাগ ক'রে দেখান হ'চ্ছে।

1.13. অক্ষর

উৎস	স্বাতন্ত্র্য মাত্রা	সমষ্টি বর্গ
$H_0(\beta_i - \beta = 0)$	$k-1$	$\sum_{ij} (x_{ij} - \bar{x}_{i\cdot})^2 (\beta_i - \beta)^2$
$H_0(\delta_i = 0)$	$k-2$	$\sum_i n_i (\bar{y}_{i\cdot} - \hat{\alpha}_0 - \beta_0 \bar{x}_{i\cdot})^2$
$H_0(\beta - \beta' = 0)$	1	$(\beta - \beta_0)^2 \sum_{ij} (x_{ij} - \bar{x}_{i\cdot})^2 \sum_i n_i (\bar{x}_{i\cdot} - \bar{x}\dots)^2$ $\sum_{ij} (x_{ij} - \bar{x}\dots)^2$
$H_0(\beta = \beta' = 0)$	1	$[\beta \sum_{ij} (x_{ij} - \bar{x}_{i\cdot}) + \beta'_0 \sum_i n_i (\bar{x}_{i\cdot} - \bar{x}\dots)]^2$ $\sum_{ij} (x_{ij} - \bar{x}\dots)^2$
আন্তি	$n-2k$	$\sum_{ij} (y_{ij} - \hat{\alpha}_i - \beta_i x_{ij})^2$
মোট	$n-1$	$\sum_{ij} (y_{ij} - \bar{y}\dots)^2$

বিভিন্ন পরীক্ষাগুলির বৈশিষ্ট্য :

1.  $H_0(\beta_i - \beta = 0)$ . বিভিন্ন শ্রেণীগুলির নির্ভরণ সরলরেখার চল যদি সমান থাকে, তাহলে প্রথম গড় বর্গকে আন্তি গড় বর্গ দিয়ে ভাগ ক'রলে তার নিবেশন হ'বে  $F_{k-1, n-2k}$ । এই প্রকল্পটি যদি সত্য না হয়, তাহলে বুঝতে হ'বে  $x$  এবং  $y$  উভয়েই পরীক্ষাটিকে প্রত্যাবিত্ত ক'রে। কারণ নির্ভরণাক্ষগুলি যদি পৃথক হ'য়, তাহলে তাদের মধ্যে অভ্যন্তরীণ সম্পর্ক পৃথক হ'তে পৃথক হ'বে।

2.  $H_0(\delta_i = 0)$ .  $\beta_i$ -গুলি এক হোক বা না হোক, যদি বিভিন্ন শ্রেণীর গড়মানগুলি এক সরলরেখায় থাকে তাহলে বিভিন্ন গড় বর্গকে আন্তি গড়বর্গ দিয়ে ভাগ ক'রলে তার নিবেশন হ'বে  $F_{k-2, n-2k}$ .

3.  $H(\beta - \beta' = 0)$ . প্রথম দুটি প্রকল্প যদি গ্রহণ যোগ্য না হয় এবং  $H(\beta - \beta' = 0)$  এই প্রকল্পটি যদি সত্য হয় তা হ'লে তৃতীয় গড় বর্গ কে অস্তি গড়বর্গ হারা ভাগ ক'রলে তার নিবেশন হ'বে  $F_1, n-k$ । প্রথম দুটি প্রকল্পের একটিও যদি বর্জন ক'রতে হয় তাহ'লে এই প্রকল্পটি পরীক্ষা ক'রা অর্থহীন। কিন্তু এই তিনটি প্রকল্প সত্য হওয়ার অর্ধ হ'ল  $H_0(\alpha_1 = \alpha_2 = \dots = \alpha_k)$  এবং  $H_0(\beta_1 = \beta_2 = \dots = \beta_k)$  এই প্রকল্প দুটি সত্য।

4.  $H(\beta = \beta' = 0)$ . যদি প্রথম তিনটি প্রকল্পই গ্রহণযোগ্য হয় তাহ'লেই এই প্রকল্পটি পরীক্ষা ক'রা যুক্তি সংজ্ঞান। এই পরীক্ষাটি থেকে  $H(\beta = \beta' = 0)$  এই প্রকল্পটি বর্জন ক'রার মত কারণ না ধাকলে বোঝা যাবে যে  $x$  এবং  $y$  কেউই পরীক্ষাটিকে প্রভাবিত ক'রে না।

1.4. উদাহরণ : নিচের সারণীতে 20টি শিশুর অন্তকালীন ওজন এবং তিনপ্রকার শিশু বাদ্য ব্যবহার ক'রার ফলে তাদের একবছরে ওজন বৃদ্ধির পরিমাণ ( পাইটের হিস্বাবে ) দেওয়া আছে। অন্তকালীন ওজনের প্রভাব বাদ দিয়ে উপাঞ্চাটি বিশ্লেষণ ক'র।

### সারণী অং 1.14

#### শিশুধৰ্মের প্রকার

1	2	3			
y	x	y	x	y	x
2.1	6.0	3.0	5.2	4.0	6.0
3.0	7.1	3.2	5.4	4.1	6.1
1.5	4.8	4.1	6.0	4.0	6.2
2.0	6.5	4.2	6.2	4.2	6.1
1.8	5.2	3.2	5.6	3.9	7.1
1.6	5.0	3.1	6.0		
1.2	6.0	2.5	6.1		
1.3	5.0				

## সহপার্শ্য পুস্তকাবলী

- [1] Anderson, R. L. & Bancroft, T. A. : "Statistical Theory in Research". Mc. Grow Hill, 1952.
- [2] Fisher, R. A. : "Statistical Methods for Research workers", Oliver & Boyd, 1944.
- [3] Goon, A. M., Gupta, M. K. & Dasgupta, B : "Fundamentals of Statistics" vol. 2. World Press, 1968.
- [4] Goulden, C. H. : "Methods of Statistical Analysis" Asia Publishing House, 1959.
- [5] Kenny, J. F. & Keeping, E. S. : "Mathematics of Statistics", (Part II) D. Van Nostrand Co. Inc. 1956.
- [6] Mood, A. M. : Introduction to the theory of Statistics", Mc. Graw Hill, 1950.
- [7] Snedecor, G. W. : "Statistical Methods" The Iowa State College Press, Ames, Iowa 1940.

## অনুশৃঙ্খলা।

১.১. প্রতিটি কক্ষে সমস্থ্যক অবেক্ষণ যুক্ত দুইধারা শ্রেণী বিন্যাসী উপাদের প্রভেদ বিশ্লেষণ সারণী সংক্ষিপ্তাকারে নিচে দেওয়া হ'ল।

প্রভেদের উৎস	শ্রাত্বামাত্রা	সমষ্টিবর্গ	গড়বর্গ	F. অনুপাত
সারি	...	1089		
স্তুতি	2	109		
যৌথক্রিয়াফল	8	875		
অন্তি	..			
মোট	59	3244		

সারণীটি সম্পূর্ণ ক'রে, (i) সারিগুলির মধ্যে, (ii) স্তুতিগুলির মধ্যে এবং (iii) সারি ও স্তুতের যৌথ ক্রিয়া ফলের মধ্যে কোনুক্ত ত্বাংপর্যপর্য পার্থক্য আছে কিনা পরীক্ষা কর।

1.2. প্রভেদ বিশ্লেষণের স্বীকৃতগুলি কি কি? এক ধারা শ্রেণী বিন্যাসী উপাদের সহভেদবান বিশ্লেষণ প্রণালী বর্ণনা ক'র।

1.3. সমস্ত স্বীকৃতগুলি পরিকার ভাবে উদ্দেশ্য ক'রে একধারা শ্রেণীবিন্যাসী উপাদের প্রভেদ বিশ্লেষণ প্রণালী বর্ণনা ক'র।

1.4. পশ্চিম বঙ্গের বিভিন্ন জেলায় পাঁচপ্রকার ঘবের বীজের গুলাবতা পরীক্ষা ক'রতে হ'বে। বিভিন্ন জেলায় বীজগুলির মান তিমি ধরণের হ'তে পারে। পরীক্ষাটি কি ভাবে পরীকল্পনা ক'রবে, পরীক্ষণীয় প্রক্রিয়া বা প্রক্রিয়াগুলি কি হ'বে এবং বিশ্লেষণ পদ্ধতির (একটি কাকা সারণীতে) বিশদ আলোচনা ক'র।

## ଦ୍ୱିତୀୟ ପରିଚ୍ଛେଦ ପରୀକ୍ଷଣ ପରିକଳନା

**2.1. ଭୂରିକା :** ଅନେକ ସମସ୍ୟା ନାନାରୂପ ବୈଜ୍ଞାନିକ ପରୀକ୍ଷା ନିରୀକ୍ଷାର କ୍ଷେତ୍ରେ ରାଶିବିଜ୍ଞାନୀର ସାହାର୍ୟ ଢାଓଯା ହୁଏ । ଏଥିଲି ସାଧାରଣତଃ କୃଷିଜ୍ଞ, ଶିଳ୍ପସଂକ୍ରାନ୍ତ, ଚିକିତ୍ସାଶାସ୍ତ୍ର ବିଷୟକ, ଜୀବବିଜ୍ଞାନ, ଉତ୍ତିଦବିଦ୍ୟାବିଷୟକ, ରସାୟନଶାସ୍ତ୍ର ସଂକ୍ରାନ୍ତ ବା ହୟାତ ପଦାର୍ଥବିଦ୍ୟାର ପରୀକ୍ଷା । କିନ୍ତୁ ଏକବିନ ରାଶିବିଜ୍ଞାନୀର କାହେ ଏତ ବିଭିନ୍ନ ବିଷୟେ ସ୍ଵର୍ଗପଟ ଜ୍ଞାନ ଆଶା କ'ରା ଅନୁଚିତ । ସେ ବିଷୟେ ରାଶି ବିଜ୍ଞାନୀର ସ୍ଵର୍ଗପଟ ଜ୍ଞାନଓ ନେଇ, ଲେ ବିଷୟେର ଗବେଷଣାର ତାଁର କି କରନୀଯ ଥାକିଲେ ! ପାରେ ତା ଜାନାତେ ହ'ଲେ ସେ କୋନଙ୍କପ ବୈଜ୍ଞାନିକ ଗବେଷଣାର ପିଛନେ କି ଯୁଦ୍ଧ କାଜ କ'ରେ ତା ବିଶେଷ ଭାବେ ଜାନା ଥିଲେଜନ ।

**2.2. ବୈଜ୍ଞାନିକ ଗବେଷଣାର ଯୁଦ୍ଧ :** ବିଜ୍ଞାନ ମାନେ ବିଶେଷଙ୍କପ ଜାନ । କୋନାଓ ବୈଜ୍ଞାନିକ ଗବେଷଣାର କ୍ଷେତ୍ରେ ଆମାଦେର ଉଦ୍ଦେଶ୍ୟ ଥାକେ ଅବେଳଣ ଗୁଲିକେ ଶ୍ରେଣୀବିଭାଗ କ'ରେ ତାଦେର ଅଭିନିହିତ ସତ୍ୟାଟି ଉପଲବ୍ଧି କ'ରା । ଏ ବିଷୟେ ଆରୋହବିଦ୍ୟାର ଭୂରିକା ଖୁବି ଗୁରୁତ୍ୱପୂର୍ଣ୍ଣ । ଅନେକେ ଭାବେନ କିଛୁ ତଥ୍ୟ ସଂଗ୍ରହ ଏବଂ ବିଶ୍ଲେଷଣଇ ବୈଜ୍ଞାନିକ ଗବେଷଣା । ସଦିଓ ଏ ତଥ୍ୟ ସମ୍ପୂର୍ଣ୍ଣରୂପେ ଅସ୍ତ୍ରୀକାର କ'ରା ଯାଇ ନା, ତବୁ କେବଳ ତଥ୍ୟ ସଂଗ୍ରହ ଏବଂ ତାର ବିଶ୍ଲେଷଣର ସ୍ଥାନୀୟ ବା ସାମାନ୍ୟକ କିଛୁ ଗୁରୁତ୍ୱ ଥାକଲେଓ ଏର କୋଣ ବୌଲିକ ଗୁରୁତ୍ୱ ନେଇ । ସେ କୋନଙ୍କପ ବୈଜ୍ଞାନିକ ଗବେଷଣା, ସେଥାନେ ବିଶେଷ ବଞ୍ଚି ବା ଘଟନାକେ ପର୍ଯ୍ୟବେକ୍ଷନ କ'ରେ ସାଧାରଣ ସତ୍ୟ ପ୍ରତିଷ୍ଠା କ'ରାର ନିୟମକେ ବ'ଳା ହୁଏ ସାମାନ୍ୟକରଣ ( generalisation ) । ବିଶେଷ ଥେକେ ସାମାନ୍ୟ ଉପନିତ ହୁଓଯାର ଜନ୍ୟ ଯୁଦ୍ଧ ବିଦ୍ୟାର ଦୁଟି ନିୟମେର ଉପର ଆସରା ନିର୍ଭରୟୀଲ । ଏଇ ଦୁଟି ନିୟମେର ଏକଟି ହ'ଲ ପ୍ରକୃତିର “ଏକ କ୍ଲାପତା ବିଧି” ଏବଂ ଅପରାଟି “କାର୍ଯ୍ୟକାରଣ ନିୟମ” । ପ୍ରକୃତିର ଏକକାରଣ ବିଧି ବ'ଳତେ ଆସରା ବୁଝି ଏକଇ ଅବହାର ସାଥେ ପୁନରବୃତ୍ତି କ'ରା ଯାଇ ତାହ'ଲେ ପ୍ରକୃତି ଏକଇକପ ଆଚରଣ କ'ରିବେ । ଏକଇ ପରିବେଶେ, ଏକଇ କାରଣେ, ଏକଇ କାର୍ଯ୍ୟ ଘଟିବେ ।

କାର୍ଯ୍ୟକାରଣ ନିୟମାନୁସାରେ ପ୍ରତିଟି କାର୍ଯ୍ୟର ପିଛନେ ଏକଟି କାରଣ ଥାକିବେ । ବୈଜ୍ଞାନିକ ଆରୋହ ଅନୁମାନ ପରିକଳନ ( Inductive Inferene ) ବ'ଳତେ

আমরা বুঝি প্রকৃতির একজনপ্তা ও কার্যকারণ নিয়মের সাহায্যে ক'রেকট বিশেষ বস্তু বা ঘটনাকে লক্ষ্য ক'রে তার সাধারণে একটি সাধারণ নিয়ম প্রতিষ্ঠা ক'রার প্রক্রিয়া ।

আরোহিদ্যার সাহায্যে আমরা খুব সহজেই প্রায় নিশ্চিতরূপে বিশেষ ঘটনা থেকে সাধারণ সত্ত্বে উপনীত হ'তে পারি । প্রথমে কোন বিশেষ বিষয়ে তথ্য সংগ্রহ ক'রা হয় এবং স্বাতন্ত্র্য বা সামুদ্র্য ভেদে তাদের শ্রেণী বিভাগ ক'রা হয় । তারপর স্বাতন্ত্র্য বা সামুদ্র্য যা দেখা গেল, তার কারণ অনুসন্ধান ক'রে একটি নিয়ম প্রতিষ্ঠা ক'রার চেষ্টা ক'রা হয় । একবার কারণটি জানতে পারলে বৈজ্ঞানিকের পক্ষে আরও নিশ্চিতরূপে পূর্বাভাস ( forecast ) দেওয়া সম্ভব হয় ।

সুতরাং দেখা যাচ্ছে আরোহ অনুমান পক্ষতির মূল ক'থা হ'ল তথ্য সরবরাহ ক'রার অভিজ্ঞতা । এই অভিজ্ঞতা সম্মত ক'রার উপায় পর্যবেক্ষন বা পরীক্ষণ প্রণালী (Observation or experimentation) । পর্যবেক্ষণ ক'রার অর্থ ঘটনার গতি প্রকৃতিকে কোনরূপ প্রভাবিত ক'রার চেষ্টা না ক'রে শুধু তাদের লক্ষ্য ক'রা এবং প্রাকৃতিক নিয়মে যে পরিবর্তন আসে তা নিরীক্ষণ ক'রা । কিন্তু কেবল পর্যবেক্ষন হারা জ্ঞানের যে অগ্রগতি হয় তা খুবই সহজ, অনিশ্চিত এবং অনিয়ন্ত্রিত ( Slow, Uncertain and irregular ) । পরীক্ষণ প্রণালীর সাহায্যে আমরা ঘটনার গতি প্রকৃতির ইচ্ছামত পরিবর্তন সাধন ক'রে তার ফলাফল লক্ষ্য ক'রি । বাস্তবক্ষেত্রে বিভিন্ন উপাদানের প্রভাব মূল্যায়নের সময় যে বিশেষ উপাদানটির প্রভাব মূল্যায়ন ক'রতে চাই সেটি ছাড়া অন্য সব উপাদান হিসেবে বা অবিচল রেখে পরীক্ষা চালান হয় । তবে অধিকাংশ ক্ষেত্রেই এই পক্ষতি বিশেষ ফলপ্রসূ নয় । কারণ বাস্তব ক্ষেত্রে একটি উপাদান ছাড়া অন্য সব উপাদানকে ছির রাখা সম্ভব হয় না । উদাহরণ স্বরূপ ধরা যাক আমরা একটি ক্ষিতি পরীক্ষায় দুই প্রকার বীজের গুনাবত্তা পরীক্ষা ক'রতে চাই । ঠিক সমান মাপের পাশাপাশি দু'ধরণ জমি নেওয়া হ'ল । এর একটি জমিতে প্রচলিত বীজটি নেওয়া হ'ল আর অপরটিতে বোনা হ'ল পরীক্ষণীয় বীজটি । এখন একটির ফলন যদি অন্যটির চেয়ে বেশী হয় তাহ'লেই কি সেটিকে অন্যটির চেয়ে ভাল বলা যাবে ? সম্পূর্ণ আকর্ষিক কারণেও ত' একটির ফলন অন্যটির চেয়ে বেশী হ'তে পারে । এ সম্পর্কে সাধারণতঃ নির্দেশ দেওয়া হ'য়ে থাকে যে তিনি জাতের বীজ বোনা ছাড়া অন্য সব বিষয়ে অমিহুটিক একই রূপ ব্যবস্থার বিষয়ীভূত ক'রতে হ'বে । কিন্তু বাস্তব ক্ষেত্রে পৌনঃ পৌনিক অবেক্ষণ গুলির মান তিনি হয় । এর খেতেক যোগায়

যায় যে একাপ সাবিক পরীক্ষণী নিয়ন্ত্রণ সম্ভব নয়। যে যে কারণে—  
অনুকূল অবস্থায় গৃহীত অবেক্ষণগুলির মান ডিই হ'তে পারে তা নিচে  
সংক্ষেপে বর্ণনা ক'রা হচ্ছে।

(i) একক ভান্তি ( Unit error ) : বিশেষকের ( treatment )  
একই অবস্থায় বিভিন্ন পরীক্ষণী এককগুলির উৎপাদন এক হয় না।

(ii) প্রয়োগিক ভান্তি ( Technical error ) : একটি বিশেষক এবং  
তার প্রয়োগ অবস্থার পুনরাবৃত্তি করা সম্ভব হয় না। (যেমন দুইখণ্ড  
জমির উর্বরতা কখনই এক ক'রা সম্ভব নয়)।

(iii) পরিমাপক ভান্তি ( Measuremental error ) : একই জিনিষের  
পৌন: পৌনিক মাপগুলি সম্পূর্ণরূপে এক হয় না। ( যেমন ঠিক কভটা  
জমি থেকে ফলন পাওয়া গেল বা উৎপাদনের পরিমাণ নির্ভুল ভাবে মাপা  
সম্ভব নয় )।

এই সমস্ত ছাঁটি সাধ্যবত নিয়ন্ত্রণ ক'রা যেতে পারে—কিন্তু এগুলিকে  
কখনই সম্পূর্ণরূপে পরিহার ক'রা সম্ভব নয়।

রাশি বিজ্ঞানের ভাষায় আমরা বলি জমির উর্বরতা, আবহাওয়া  
পরিস্থিতি, ব্যবহৃত সারের গুনাবত্তা ইত্যাদির উপর নির্ভরশীল কোন একটি  
বিশেষ বিশেষকের একটি প্রকৃত উৎপাদন ( true yield ) আছে। যে  
কোন বছরের বা যে কোন সময়ের উৎপাদন হ'ল প্রকৃত উৎপাদনের  
সঙ্গে কিছু সম্ভাবনাশ্রয়ী ভান্তির ( random error ) মিলিত ফল।  
বছবছর ধরে বিশেষকটিকে যদি ত্রি একই জমিতে একই পরীক্ষণী পরিস্থিতিতে  
পুন: পুন: প্রয়োগ ক'রা হয় তাহ'লে তার গড় উৎপাদনকে প্রকৃত  
উৎপাদন ব'লে ভাবা যেতে পারে। স্বতরাং বোঝা যাচ্ছে প্রকৃত উৎপাদন  
হ'ল একটি প্রকল্পিত ( hypothetical ) বস্ত যার প্রাককলনীয়ান  
( estimate ) হ'ল বাস্তব উৎপাদন ( actual yield )।

স্বতরাং আমাদের মূল উদ্দেশ্য হ'ল বিভিন্ন ভান্তির উৎসকে যতদুর  
সম্ভব নিয়ন্ত্রণ ক'রা। পরবর্তী পরিচ্ছেদগুলিতে আমরা যে সব তত  
আলোচনা ক'রব সেগুলির অধিকাংশক্ষেত্রে যদিও কৃষিক পরীক্ষার উদাহরণ  
দেওয়া হ'বে, তবু সেগুলি যে কোন বৈজ্ঞানিক গবেষণার ক্ষেত্রে  
প্রযোজ্য )।

### 2.3. পরীক্ষণী পরিকল্পনার অন্তর্ভুক্ত ভৱ্য ( Basic principles of Design of Experiments )

2.3.1. রুজ সম্ভবী করণ ( Randomisation ) : পূর্ববর্তী পরিচ্ছেদে

ଦେଖେছି, ସାମାଜିକ ଯତ୍ନ ଲୋକଙ୍କ ସହେଲିର ମଧ୍ୟ ଉଚ୍ଚମୁଖ୍ୟର ପାଇଁ ପରିହାର କ'ରା ଗୁଡ଼ବ ନନ୍ଦ । ତାଇ ଆମାଦେର ଉଦ୍ଦେଶ୍ୟ ହ'ଲ ଯତ୍ନର ଗୁଡ଼ବ ଘାସି ନିଯନ୍ତ୍ରଣ କ'ରା ଏବଂ ଯାତେ ପାର୍ଦକ୍ୟ ପରୀକ୍ଷାର ଅନ୍ୟ ଏକଟି ସଙ୍ଗତ ସଂଖ୍ୟା ବିଚାରାକ୍ ( valid test of significance ) ପାଓଯା ଯାଇ ନିର୍ଦ୍ଦିକେ ଲକ୍ଷ୍ୟ ରାଖି । ସ୍ଵତରାଂ ପରୀକ୍ଷାଟି ଏମନ ତାବେ ପରିକଳ୍ପନା କ'ରତେ ହବେ ଯାତେ ତା ହ'ତେ ଉତ୍ସୁତ ଫଳଗୁଲିକେ ସଂଖ୍ୟା ବିଚାରେ ସାହାଯ୍ୟ ଯେ ମଧ୍ୟରେ ମଧ୍ୟ ବିପରୀତ ଅର୍ଥବହ ଦୁଟି ଶ୍ରେଣୀତେ ତାଗ କ'ରେ ଫେଲା ଯାଇ । ଏଇ ଏକଟି ଶ୍ରେଣୀତେ ଧାକବେ ସେଇସବ ଫଳଗୁଲି ଯା ଏକଟି ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ ପ୍ରକଳ୍ପ ହ'ତେ ଗୁରୁତ୍ୱ ପୂର୍ଣ୍ଣ ପାର୍ଦକ୍ୟ ନିର୍ଦ୍ଦେଶ କ'ରେ ; ଆର ଅନ୍ୟ ଶ୍ରେଣୀତେ ଧାକବେ ଯେଣୁଲି କୋଣ ଗୁରୁତ୍ୱ ପୂର୍ଣ୍ଣ ପାର୍ଦକ୍ୟ ନିର୍ଦ୍ଦେଶ କ'ରେ ନା । ଯେ କୋଣ ପରୀକ୍ଷା ଥିଲେ ଆମରା ଏଇଙ୍କପ ଥିଲାଟିକେ ବ'ଳି ମୁଖ୍ୟ ପ୍ରକଳ୍ପ ( null hypothesis ) । ପରୀକ୍ଷାଟିର ଉଦ୍ଦେଶ୍ୟ ହ'ଲ ଉତ୍ସୁତ ତଥ୍ୟଗୁଲିର ସାହାଯ୍ୟେ ମୁଖ୍ୟ ଥିଲାଟିକେ ମଧ୍ୟ ପ୍ରବାନ୍ଦ କ'ରାର ଚେଷ୍ଟା କ'ରା । ଅତଏବ ପରୀକ୍ଷଣୀ କଲାକୋଶରେ ପ୍ରାକୃତିକ ଅବହା ଏମନ ହେଉଯା ଦରକାର ଯାତେ ଯେ ପାର୍ଦକ୍ୟରେ ଅନ୍ୟ ପରୀକ୍ଷା କ'ରା ହ'ଛେ ତା ସବ୍ଦି ଆଦୋ ନା ଥାକେ ତାହ'ଲେ ପରୀକ୍ଷାଟିର ଫଳାଫଳ ମଧ୍ୟରେ ଆପତନ ( chance ) ହାରା ନିଯନ୍ତ୍ରିତ ହ'ବେ । ଅନ୍ୟରୂପ ହେଉଯା ଯେ ସମ୍ଭବ ଲେ କଥା ବୁଝିଲେ ବେଳୀ ଅଭ୍ୟବିଧା ହେଉଯାର କଥା ନନ୍ଦ । କାରଣ ସବ୍ଦି ବ'ଳା ହୟ ଯେ ସମ୍ଭବ ବିଶେଷଗୁଲିକେ ଏକଇଙ୍କପ ପରୀକ୍ଷଣୀ ଅବହାର ବିପରୀତୁ କ'ରତେ ହ'ବେ, କିନ୍ତୁ ଏକଥା ବ'ଳାର କୋଣ ମାନେ ହେୟନା ; କାରଣ ଆମରା ଜାନି ଯେ ଏକଇ ମଧ୍ୟ ପୂର୍ଣ୍ଣ ଜ୍ଞାନ ମୁକ୍ତ ପରୀକ୍ଷଣୀ ପରିବେଶ ହେଲେ କ'ରା ସମ୍ଭବ ନନ୍ଦ । ତାଇ କିନ୍ତୁ କିନ୍ତୁ ଜ୍ଞାନ ଥିଲେ ଯାବେଇ । ନେଇନ୍ୟ ଆମାଦେର ଲକ୍ଷ୍ୟ ରାଖିଲେ ହ'ବେ ଯାତେ ଏଇସବ ଜ୍ଞାନ ପରୀକ୍ଷାର ମୂଳ ଉଦ୍ଦେଶ୍ୟଟି ନାହିଁ ନା କ'ରେ । ପରୀକ୍ଷଣୀ କ'ଳା କୌଶଲେର ମଧ୍ୟେ ଏହି ଅପରିହାର୍ୟ ଶର୍ତ୍ତିକେ ରକ୍ଷା କରାର ଉପାୟ ହ'ଲ ବିଶେଷକଣ୍ଠିକେ ସମସ୍ତବ ପରିଭିତ୍ତିରେ ପ୍ରଯୋଗ କ'ରା । ପରୀକ୍ଷଣୀ କ'ଳା କୌଶଲେର ମଧ୍ୟେ ଏହି ପରିଭିତ୍ତିଟି ଆପତନ ନିଯମ ପ୍ରଯୋଗେର ଏକମାତ୍ର ଉଦ୍ୟ । ଏକମାତ୍ର ସମ ସମ୍ଭବ କରନ୍ତେ ରାଜ୍ୟରେ ସାହାଯ୍ୟେ ଏହି ପରୀକ୍ଷାଟିର କ'ଳା କୌଶଲେର ମଧ୍ୟେ ଯେବେ ଜ୍ଞାନ ଦୂର କରା ଯାଇଲି ତାଦେର ହାତ ହ'ତେ ପରୀକ୍ଷାଟିର ବିଶେଷତା ରକ୍ଷା କ'ରେ ସଂଖ୍ୟା ବିଚାରେ ଏକଟି ସଙ୍ଗତ ବିଚାରାକ୍ ପାଓଯା ସମ୍ଭବ ।

**2.3.2. ନିଯମାବୁଦ୍ଧ ବିନ୍ୟାଳେର ପରିପାତ ( Bias of Systematic Arrangement ) :** ଯେ କୋଣ ଏକଟି କୃଧିଜ ଗବେଷଣାର କଥା ତାବେ ଯାକ । ଅନେକ ସମୟ ବିଶେଷକଣ୍ଠିକେ ବିଭିନ୍ନ ପରୀକ୍ଷଣୀ ଏକକେ ଏମନ ଭାବେ ପ୍ରଯୋଗ କ'ରା ସମ୍ଭବ ଯାତେ ସମସ୍ତବ ପରିଭିତ୍ତିରେ ବିଶେଷକଣ୍ଠିକେ ପ୍ରଯୋଗ କ'ରିଲେ ବିଭିନ୍ନ ପରୀକ୍ଷଣୀ ଏକକେରୁ ମଧ୍ୟେ ଉର୍ବରତାର ଯେ ପାର୍ଦକ୍ୟ ଧାକତ ହେଲାନେ ଉର୍ବରତାର ପାର୍ଦକ୍ୟ

তার চেয়েও কম হয়। একটি সম উপাদানীয় পরীক্ষার\* (Uniformity trial) ক্ষেত্রে বিশেষকগুলিকে এরূপ তাবে প্রয়োগ ক'রলে সংশয় বিচারাক্ষেত্রে উপর তার কি প্রভাব পড়ে তা দেখা যাক। যেহেতু পরীক্ষাটি সমউপাদানীয় পরীক্ষা অতএব বাস্তব উপাদানগুলির মান এই প্রয়োগ পদ্ধতিতে কোনোরূপ প্রভাবিত হ'বে না। স্বতরাঃ প্রভেদ বিশেষণের সময় মোট সমষ্টি বর্গের পরিমাণ একই থাকবে। স্বতরাঃ এই প্রয়োগ ব্যবহায় উর্বরতার পার্থক্য কম হওয়ায় বিশেষক (-জনিত) সমষ্টিবর্গের যে পরিমাণ হ্রাস ঘটবে আস্তি (-জনিত) সমষ্টিবর্গের পরিমাণ ঠিক ততটুকু বৃদ্ধি পাবে। অতএব এরূপ প্রয়োগ ব্যবহায় পরীক্ষাটির প্রকৃত আস্তি (real error) পরিমাণ করে যাবে কিন্তু আস্তির প্রাক কলনীয়ান রেড়ে যাবে। অতএব দেখা যাচ্ছে পরীক্ষাটির সূক্ষ্মতা<sup>1</sup> (precision) যদিও বেড়ে গেছে তাদের অর শূন্যতা<sup>2</sup> (accuracy) গেছে করে, আর তার ফলে স্বাভাবিক তাবেই পরীক্ষাটির নির্ভরযোগ্যতা (reliability) হ'বে কম। বিপরীতক্রমে, যদি ডুল সিদ্ধান্তবশতঃ নিয়মানুগ বিন্যাসের ফলে পরীক্ষাটির আস্তি ক'মার পরিবর্তে বেড়ে যায়, তাহ'লে আস্তি-সমষ্টিবর্গের পরিমাণ ক'মে যাবে। ফলে আস্তির প্রাককলনী মানও ক'মে যাবে। অতএব উপরের দুটি কারণেই পরীক্ষাটির নির্ভরযোগ্যতা খুবই কম হ'বে। অতএব দেখা যাচ্ছে সম-সম্ভব পদ্ধতিতে বিশেষকগুলিকে প্রয়োগের বিকল্প পদ্ধতি কোনোরূপেই বাস্তিত নয়।

**2.3.3 ব্রহ্মকরণ (Replication) :** বিভিন্ন বিষয়ের পরীক্ষার একটি বৈশিষ্ট হ'ল তাদের যখন পুনরাবৃত্তি ক'রা হয়, তখন তাদের উজ্জুত ফলগুলির মধ্যে পার্থক্য থাকে। সে কারণে এই ফলগুলির উপর ভিত্তি ক'রে যে সব সিদ্ধান্তে উপনীত হওয়া যায় তার মধ্যে কিছু অনিশ্চয়তা থেকে যায়। এমনকি বেশ কয়েকবার পুনরাবৃত্তি ক'রার পরও গবেষকের পক্ষে বলা সম্ভব নয় যে পুনর্বার যদি পরীক্ষাটি ক'রা হয় তাহ'লে তার ফল কি হ'বে। যেমন আমরা যদি দুটি বিশেষক

\* সমউপাদানীয় পরীক্ষা হ'ল গান্ধারাপি অনেকগুলি জমিতে একই জাতের বীজ বেগো এবং সব ক'টি জমিতেই একই পরীক্ষণী পরিবেশ সৃষ্টি করা।

1.2. “সূক্ষ্মতা” বলতে আমরা বুঝি বস্তুটির পের্সনেল পের্সনিক অবেক্ষণগুলির মান প্রায় অভিন্ন, কিন্তু অমশুক্ষ্মতা ব'লতে বোঝার বস্তুটির প্রকৃত মান থেকে অবেক্ষণটির মানের পার্থক্য কত কর। স্বতরাঃ বোঝা যাচ্ছে অর শূন্য অবেক্ষণ নিষ্কারই সূক্ষ্ম হ'বে—কিন্তু সূক্ষ্মতা থাকলেও অমশুক্ষ্মতা নাও থাকতে পারে।

নিম্নে পরীক্ষা শুরু ক'রি তাহ'লে ধারাবাহিক পরীক্ষার ফলগুলি এমন পৃথক হ'তে পারে যে শেষ পর্যন্ত কোন বিশেষকাটি ভাল ব'লে প্রতিপন্থ হ'বে তা ব'লা খুবই মুশকিল। এখন ধরা যাক, আমাদের উদ্দেশ্য হ'ল *A* এবং *B* এই দুটি বিশেষকের মধ্যে কোনটি ভাল তা পরীক্ষা ক'রা। তাহ'লে আমাদের মুখ্য প্রকল্পটি হ'বে *A* এবং *B* এই দুটি বিশেষকের মধ্যে কোন পার্থক্য নেই। হয়ত যুক্তি দেখান যেতে পারে আমরা একই পরীক্ষণী পরিবেশে বিশেষক দুটিকে দশবার পরীক্ষা ক'রে দেখব দশবারের মধ্যে কতবার *A* এর উৎপাদন *B* এর চেয়ে বেশী, কতবার *B* এর উৎপাদন *A* এর চেয়ে বেশী এবং পার্থক্যের পরিমাণই বা কি? কিন্তু এরূপ বর্ণনা-মূলক পদ্ধতি বিশেষ তাৎপর্যপূর্ণ নয়। কারণ ঐ পরীক্ষাটিকে আরও দশবার যদি পুনরাবৃত্তি ক'রান যায় তাহ'লে আমাদের উপসংহার যে একই হ'বে এক্সপ আস্থা আমাদের নেই। বর্ণনামূলক পদ্ধতির এই অসম্পূর্ণতার জন্য আমরা নিম্নলিখিত ভাবে যুক্তি দেখাই।

ধরে নেওয়া যাক, একই পারিপাণ্যিক পরিবেশে অসংখ্যবার পরীক্ষাটিকে পুনরাবৃত্তি ক'রা সন্তুষ্ট। তাহ'লে গড় পার্থক্যগুলি মোটামুটি একটি ছির মানে এসে দাঁড়াবে। এই ছির মানটিকে ধরে নেওয়া যেতে পারে *A* এবং *B* এই বিশেষক দুটির উৎপাদনের প্রকৃত পার্থক্য। গবেষকের উদ্দেশ্য হ'ল প্রকৃত পার্থক্যের একটি প্রাককলনী মান  $\pm$  পাওয়া এবং সেই সংগে পরীক্ষণী ভাস্তিরও একটি প্রাককলনী মান পাওয়া। পরীক্ষণী ভাস্তির পরিমাপক হিসাবে সাধারণত: একক-প্রতি-ভাস্তি বিভেদের ( error variance per experimental unit ) প্রয়োগ ক'রা হয়। একক-প্রতি-ভাস্তি-বিভেদ হ'ল একটি পরীক্ষণী এককে যে পরিমাণ ভাস্তি আছে তার বর্ণের প্রত্যাশিত মান। এর বর্গমূলকে ব'লা হয় একক প্রতি সমক ভাস্তি ( standard error per unit ). একক প্রতি সমক বিচ্যুতির ( standard deviation ) পরিমাণ যদি  $s$  হয় এবং যদি বিশেষক দুটিকে  $n$  বার পুনরাবৃত্তি ক'রা হয় তাহ'লে দুটি বিশেষকের গড়ের পার্থক্যের সমক ভাস্তি হ'ল  $s/\sqrt{n}$ ।

এই উদ্দেশ্যে বিশেষকগুলিকে বারংবার পুনরাবৃত্তি ক'রান হয়। পরীক্ষণীয় বিশেষকের এই পুনরাবৃত্তিকে বলা হয় “বহুক্রমণ”। নিচে একটি উদাহরণের সাহায্যে বিশেষকগুলিকে ক'তবার পুনরাবৃত্তি ক'রতে হ'বে অর্ধাৎ বহুক্রমণ সংখ্যাটি ক'ত হ'বে তা বের ক'রার পদ্ধতি বর্ণনা ক'রব।

ধরা যাক  $s$  নেওয়া আছে 2.5 একক। আমরা জানতে চাই-

গড়বানের 5 এককের পার্থক্য 5% সংশয় মাত্রায় ( 5 percent level of significance ) ধরা প'ড়তে হ'লে বহুকরণ সংখ্যাটি কত হ'বে ?

এক্ষেত্রে আমাদের  $r$  এমন ভাবে নিতে হ'বে যাতে

$$\frac{5}{2.5 \sqrt{\frac{2}{r}}} \geq 1.96 \text{ (i.e. } r_{.05})$$

$$\text{অথবা, } \sqrt{2r} \geq 1.96$$

অতএব বহুকরণ সংখ্যাটির ন্যূনতম মান হ'ল 2। এই আলোচনায় আমরা ধরে নিয়েছিলাম যে আমাদের 5 জানা আছে। কিন্তু অধিকাংশ ক্ষেত্রেই 5 জানা থাকে না। অবশ্য অনেক প্রকার গবেষণার ক্ষেত্রে সমষ্টিপাদানীয় পরীক্ষা থেকে আমরা 5 সম্পর্কে মোটামুটি একটা ধারনা পেতে পারি যাকে কাজে লাগিয়ে বহুকরণ সংখ্যাটি বের করা যায়।

**2.3.4. স্থানীয় নিয়ন্ত্রণ বা আস্তি নিয়ন্ত্রণ ( local control or error control ) :** পরীক্ষণী বিষয় এবং পরীক্ষণী পরিবেশ সম্পর্কে সম্যক জ্ঞান থাকার ফলে গবেষক নিজে আরও নানা উপায়ে আস্তি নিয়ন্ত্রণ ক'রতে পারেন। এগুলি সম্মিলিত ভাবে স্থানীয় নিয়ন্ত্রণ বা আস্তি নিয়ন্ত্রণ নামে খ্যাত। আমরা এরপ কতকগুলি উপায় সম্পর্কে আলোচনা ক'রব।

(i) পরীক্ষণী এককগুলিকে সমরূপ ( homogenous ) করকগুলি ঝুকে ভাগ ক'রা হয়। এর ফলে এই ঝুকগুলির মধ্যে যে পার্থক্য তা বিদ্যুরিত হ'য়ে আস্তির পরিমাণ ক'মে যায়। ফলে পরীক্ষাটির দক্ষতা (efficiency) আরও বাঢ়ে। তাই কৃষিজ গবেষণার ক্ষেত্রে উর্বরতার নতি (fertility gradient) জানা থাকলে ঝুকগুলি নির্বাচন ক'রা সহজ হয়।

(ii) এছাড়া উর্বরতার নতি জানা থাকলে অনেক ক্ষেত্রে ঐ পরীক্ষণী এককগুলিতেই যদি ভবিষ্যতে কোন পরীক্ষা করা হয় তাহ'লে তা থেকেও জমির উর্বরতাজনিত পার্থক্য বাদ দিয়ে আস্তির পরিমাণ ক'মানো যায়।

(iii) যেহেতু পরীক্ষণী আস্তিগুলি স্বত্বাবত: সমসম্বন্ধ, সে ক'রণে আশা ক'রা অন্যায় হ'বে না যে তাদের অনাপেক্ষিক মান ( absolute value ) ছোট ছোট পরীক্ষণী এককগুলিতে যা হ'বে, তুলনামূলক ভাবে

বড় বড় পরীক্ষণী এককগুলিতে তার চেয়েও কম হবে। কারণ বড় বড় পরীক্ষণী এককগুলিতে কতকগুলি ধনায়ুক এবং কতকগুলি ধণায়ুক আস্তি একে অপরকে বাতিল ক'রে দেওয়ায় কতকগুলি ছোট ছোট এককে আস্তির অনাপেক্ষিক মানের সমাটি যা হ'বে সম আয়তনের একটি বড় পরীক্ষণী এককে আস্তির অনাপেক্ষিক মান তার চেয়ে কম হওয়ার সম্ভাবনাই বেশী। অতএব বড় বড় পরীক্ষণী একক নেওয়ার দিকে একটা প্রবণতা থাকা স্বাভাবিক। কিন্তু বড় বড় পরীক্ষণী একক নেওয়ার ফলে ঝুকগুলির আয়তন যাবে বেড়ে এবং তার ফলে জমির সমরূপতা নষ্ট হ'য়ে যাওয়ার সম্ভাবনাও বেড়ে যাবে। উর্বরতার সামান্যতম হ্রাস বৃদ্ধির ফলেও অনেক সময় বছল পরিশাখে উৎপাদনের পার্দক্য দেখা যায়। অতএব দেখা যাচ্ছে পরীক্ষণী এককগুলির আয়তন পরিবর্তনের ফলে পরীক্ষণী আস্তির উপর দুই বিপরীত প্রবণতার প্রভাব প'ড়ছে। ফলে এককগুলির আয়তন নিক্ষেপণের কাজ খুব কঠিন হ'য়ে দাঁড়ায়। এই দুই বিপরীত প্রবণতার মধ্যে সমতা রেখেই এই সমস্যার সমাধান বের ক'রতে হ'বে। এর অন্য সাধরণতঃ সম-উপাদানীয় পরীক্ষা থেকে উন্নত উপাদের ব্যবহার করা হয়। সাধারণ পক্ষতি হ'ল অনেকটা জমিতে একটি ফসল বোনা হয়। সমস্ত [জমিটিকে সব বিষয়ে একইরূপ পরিবেশের বিষয়ীভূত ক'রা হয়। পরে জমিটিকে সরান মাপের কতকগুলি ছোট ছোট এককে ভাগ ক'রে ফেলা হয়। প্রতিটি এককের উৎপাদন পৃথকভাবে নিপিবন্ধ করা হয়। তারপর ছোট ছোট এককগুলিকে মিলিয়ে বিভিন্ন মাপের বড় বড় একক তৈরী ক'রে, আয়তনের পরিবর্তনের ফল লক্ষ করা হয়।]

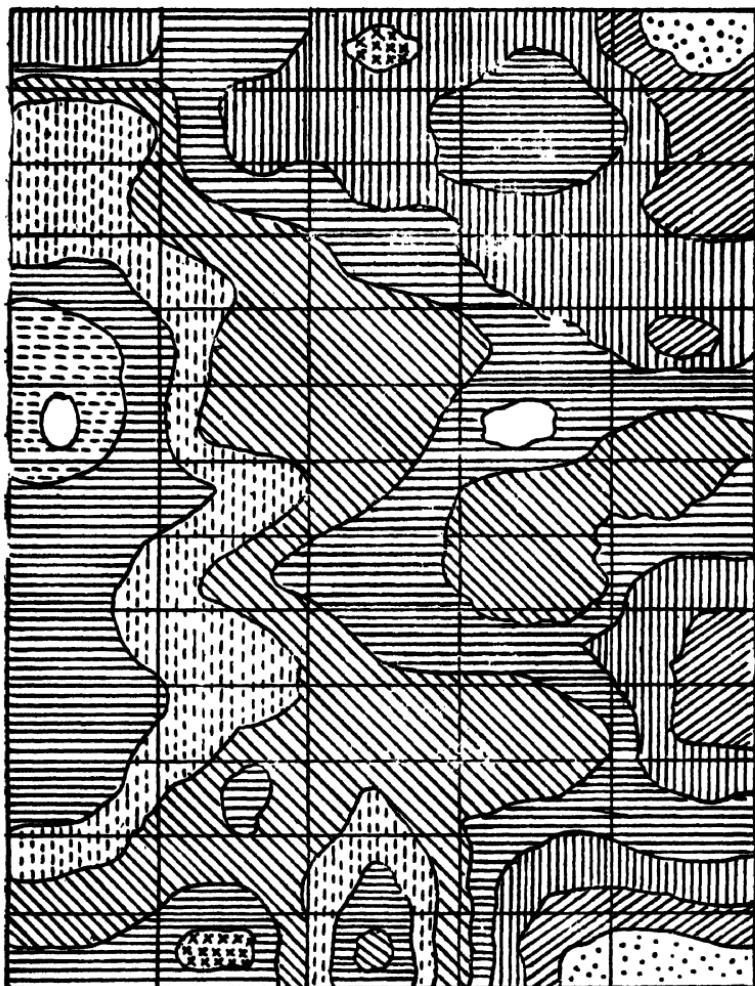
আয়তন স্থির ক'রার পর ( অথবা অনেক ক্ষেত্রে একই সঙ্গে ) একক গুলির গঠন প্রকৃতি ( অর্থাৎ—সরু লম্বা অথবা এই মাপের চওড়া-চ্যাপ্টা ) স্থির ক'রা হ'য়। এই পরিচ্ছেদের পরিণিষ্ট আয়রা এককগুলির আয়তন ও গঠন প্রকৃতি কিভাবে বের ক'রা যায় এবং উর্বরতার নতিই বা কি ভাবে নিক্ষেপণ ক'রা যায় তার একটি উদাহরণ দেব।

(iv) অনেক সময় একটি সমগতি সম্পর্ক চলের ( correlated variable ) সম্পর্কে জ্ঞান অর্জন ক'রে এবং সহভেদমান বিশ্লেষণের সাহায্যে পরীক্ষা হ'তে উন্নত ফলগুলি থেকে সমগতি সম্পর্ক চ'লের প্রভাব বাদ দিয়ে পরীক্ষণী আস্তি ক'মান সম্ভব হয়। যেমন ধরা যাক, মূল পরীক্ষাটির আগে প্রারম্ভিক বছরে ঐ সব পরীক্ষণী একক গুলিতে একটি সম-উপাদানীয় পরীক্ষা করা হল। একই ঝুকের বিভিন্ন পরীক্ষণী এককের

মধ্যে যে উর্বরতা-পার্থক্য বর্তমান ধাকে তা দূর করা সম্ভব না হওয়ার পরীক্ষণী প্রতির পরিমাণ বেড়ে যায়। কিন্তু এ পরীক্ষণী একক গুলির মধ্যে উর্বরতার পার্থক্য বিভিন্ন বছরে একই ধাকে আশা করা যেতে পারে। অতএব প্রারম্ভিক বছরের উৎপাদন, যেকে একটি সমগতিসম্পন্ন চল হিসাবে ব্যবহার করা যেতে পারে এবং পরীক্ষণী বছরের উৎপাদন যেকে যের উপর নির্ভরগুলিনিত অংশ বাদ দিয়ে সংশোধিত ক'রে নেওয়া যেতে পারে। যদি প্রারম্ভিক বছরের সমউপাদানীয় পরীক্ষার উৎপাদন না পাওয়া যায় তাহলে অন্য কোন একটি সম্পর্কিত চলকে  $\pm$  হিসাবে ব্যবহার করা যেতে পারে। যেমন ধরা যাক আমরা কয়েক প্লাকার শিখ ধাদের গুণাবস্থা পরীক্ষা ক'রতে চাই। সেক্ষেত্রে শিখদের প্রারম্ভিক গুজনগুলিকে একটি সহায়ক (auxiliary) চল হিসাবে ব্যবহার করা যেতে পারে।

## 2.4 পরিশিষ্ট

পুষ্য সম্পাদিত একজাতীয় গমের একটি সমউপাদানীয় পরীক্ষার ফলাফল নিচে 2.1 নং সারণীতে দেওয়া হ'ল। [ R. D. Bose : Soil heterogeneity trials at Pusa and the size and shape of experimental plots. Indian Jour. of Agri. Sc. vol V, 1935, pp 579—608 ]. এক একরের এক চতুর্থাংশ জমিতে পুষ্য 52 জাতের গম বোনা হ'য়েছিল 1930—31 এ। ফল কাটার সময় চারিধারের বেশ কিছুটা অংশ বাদ দিয়ে সমস্ত জমিটিকে 390টি সমান অংশে ভাগ ক'রা হয়। এরপর প্রতিটি পরীক্ষণী এককের আয়তন ছিল চার বর্গ ফুট। এই সব এককগুলির ফসল পৃথক পৃথক ভাবে তুলে তাদের আলাদা আলাদা ভাবে রাখা হল। এরপর জমিটির একটি সম-উর্বরতা রেখাবলী (Contour map ) আঁকার জন্য বিভিন্ন প্রাথমিক এককগুলির  $2 \times 3$  সম্পূর্ণ নেওয়া হ'ল। এর ফলে জমিটি 65টি সম্পূর্ণ এককে ভাগ হ'য়ে গেল। ভারপর ধরা হ'ল প্রতিটি এককের গড় উৎপাদন তার মধ্য বিলুপ্ত অবস্থিত। এইভাবে যে সব এককগুলির গড় উৎপাদন জমিটির গড় উৎপাদনের চেয়ে 10%, 20%, 30%, 40%, 50% কম বা বেশী তাদের এই চিত্রাটিতে সেইরূপভাবে চিহ্নিত করা হ'ল। এই সব বিলুপ্তগুলিকে যোগ করে সম-উর্বরতা রেখাবলী পাওয়া গেল। এই সম-উর্বরতা রেখাবলীটি একটু ভালভাবে অনুধাবন করলে বোধ যাবে যে উর্বরতার বিশেষ পার্থক্য বর্তমান এবং এই পার্থক্য কোনরূপ নিয়মের বিঘোষিত



\* \* \*  
 X X X  
 X X X  
 X X X



-50 -40 -30 -20 -10 0 +10 +20 +30

ନମ । ଏହି ଚିତ୍ର ଦେଖେ ବୋଲା ଯାଉ ଖୁବ କମ ପରିମାଣ ଅଧିକ ଉର୍ବରତା ସମ୍ବନ୍ଧିତ । ଆମରା ପାଶାଗାଣି ପରୀକ୍ଷଣୀ ଏକକଞ୍ଜିଲିର ଉପାଦନ ଯୋଗ କରେ ବିଭିନ୍ନ ଆଯତନ ଏବଂ ଗଠନ ଥକୁତିର ପରୀକ୍ଷଣୀ ଏକକଞ୍ଜିଲିର ଫଳ (2.1)ନଂ ସାରଣୀର ଉପାଦେର ସାହାମ୍ୟେ ଏକାପ ବିଭିନ୍ନ ଆଯତନ ଏବଂ ଗଠନ ଥକୁତିର ପରୀକ୍ଷଣୀ ଏକକଞ୍ଜିଲିର ଫଳ (2.2)ନଂ ସାରଣୀତେ ଦେଖାନ ହଛେ ।

**২.১. অসম সারলী**

গ্রামের হিসাবে গমের উৎপাদন

ক্ষেত্র নং	১	২	৩	৪	৫	৬	৭	৮	৯	১০	১১	১২	১৩	১৪	১৫
১	70	220	265	230	248	322	205	250	180	225	235	280	165	190	120
২	248	258	215	220	200	185	105	258	120	215	145	190	210	180	120
৩	275	402	225	120	275	195	200	220	217	185	335	250	235	190	170
৪	270	400	385	240	225	200	200	252	255	268	235	220	300	180	170
৫	195	230	335	272	200	210	190	340	205	222	295	160	230	235	155
৬	240	348	335	296	185	250	185	235	160	170	235	235	250	132	140
৭	257	280	325	390	200	215	210	175	212	142	270	240	220	120	270
৮	218	335	400	370	235	340	260	310	305	160	200	200	336	232	100
৯	260	415	430	365	230	220	245	370	232	232	222	215	235	160	130
১০	275	375	360	340	240	250	160	375	257	232	340	260	260	190	210
১১	335	392	305	300	200	232	225	345	210	280	180	185	310	280	245
১২	345	380	360	320	265	255	220	420	200	155	250	255	28	260	200
১৩	270	310	415	385	250	262	230	290	190	280	320	220	290	160	240
১৪	155	395	355	398	330	265	255	350	172	260	328	190	280	255	295
১৫	295	318	305	408	215	247	235	40	182	280	315	245	345	140	250
১৬	335	185	422	190	220	210	155	335	130	265	245	300	208	140	220
১৭	242	280	295	305	225	210	295	345	132	258	215	182	130	136	205
১৮	305	310	400	312	450	210	305	290	182	342	275	145	210	180	255
১৯	380	250	320	322	300	327	232	290	320	305	260	165	140	140	190
২০	318	367	355	225	318	232	230	320	150	345	290	265	265	180	230
২১	347	412	280	300	290	205	287	315	185	355	220	240	280	180	295
২২	260	308	305	230	230	205	315	385	185	225	257	222	237	200	230
২৩	264	308	280	270	310	235	265	380	285	227	235	200	267	165	260
২৪	242	314	280	270	205	275	320	328	245	192	180	200	235	185	240
২৫	210	315	265	260	155	200	415	370	255	170	150	190	245	245	115
২৬	230	302	180	270	170	200	335	312	315	160	100	187	155	150	82

## 2.2. অস্তর সারণী

**বিভিন্ন আয়তন এবং গঠন প্রকৃতির পরীক্ষণী এককের ভেদাঙ্ক  
( Coefficient of variation )**

সম্প্রিলিত একক	অমিথিশের আয়তন	ভেদাঙ্ক (শতকরা হিসাবে)
$1 \times 1$	$4' \times 4'$	24·894
$2 \times 1$	$8' \times 4'$	20·871
$3 \times 1$	$12' \times 4'$	19·240
$4 \times 1$	$16' \times 4'$	18·288
$6 \times 1$	$24' \times 4'$	16·807
$8 \times 1$	$32' \times 4'$	16·204
$12 \times 1$	$48' \times 4'$	15·501
$24 \times 1$	$96' \times 4'$	12·555
$1 \times 3$	$4' \times 12'$	18·590
$2 \times 3$	$8' \times 12'$	19·159
$3 \times 3$	$12' \times 12'$	16·078
$4 \times 3$	$19' \times 12'$	15·722
$6 \times 3$	$24' \times 12'$	14·975
$8 \times 3$	$32' \times 12'$	14·508
$12 \times 3$	$48' \times 12'$	15·387

উপরোক্ত সারণী থেকে বোঝা যাচ্ছে যে ভেদাঙ্কের প্রসার হ'ল  $24 \times 1$  একক-গুলির ক্ষেত্রে শতকরা 12·555 থেকে  $1 \times 1$  একক-গুলির ক্ষেত্রে শতকরা 24·894 ভবিষ্যতে পরীক্ষার জন্য ঐ অংশটির

উপর্যোগী সম্বিলিত এককগুলি হল  $24 \times 1$ ,  $12 \times 3$ ,  $8 \times 3$  এবং  $6 \times 3$ .  
(2.2) নং সারণী থেকে আমরা পরীক্ষণী এককগুলির বিভিন্ন সম্বিলন নিনে।  
(2.3) নং সারণীটি তৈরী ক'রতে পারি। একটি লক্ষণীয় বিষয় হ'ল সর্বান  
আয়তনের ভিন্ন গঠন প্রকৃতির অন্য তেদাঙ্কের মধ্যে পার্দক্ষ্য বিদ্যমান।  
অতএব বোঝা যাচ্ছে আয়তনের মত গঠন প্রকৃতি নির্বয়ও খুবই গুরুত্বপূর্ণ।

### 2.3 নং সারণী

একই আয়তনের ভিন্ন গঠন প্রকৃতির জন্য ভেদাঙ্কের পার্দক্ষ্য

সম্বিলিত	অধিক আয়তন	ভেদাঙ্ক
একক	( বর্গফুট )	
$8 \times 3$	384	14.508
$24 \times 1$	384	12.555
$4 \times 3$	192	15.722
$12 \times 1$	192	15.501
$2 \times 3$	96	19.159
$6 \times 1$	96	16.807

### 2.5. সম্পূর্ণরূপে সম-সম্ভব পরিকল্পনা ( Completely randomised design )

পরীক্ষণী পরিকল্পনাগুলির মধ্যে সহজতম পরিকল্পনাটি হ'ল সম্পূর্ণরূপে সম-সম্ভব পরিকল্পনা। কতকগুলি বিশেষকের ( treatment ) গুণাগুণ পরীক্ষা ক'রার অন্য আবাদের প্রথম প্রয়োজন একটি সমসম্ভব নমুনা ( random sample ) এই নমুনাটি পাওয়ার অন্য নির্দিষ্ট অধিকারীকে সমান আয়তনের কতকগুলি টুকরা টুকরা জিতে তাগ ক'রে নেওয়া হয় যাতে প্রত্যেকটি বিশেষককে বেশ ক'য়েকবার পুনরাবৃত্তি ক'রা যায়। তারপর কোন সমসম্ভাবী করণ পক্ষতি গ্রহণ ক'রে বিশেষক-গুলিকে অধিগুলিকে বণ্টন ক'রা হয়।

ধরা যাক আবাদের  $n$  সংখ্যক বিশেষককে পরীক্ষা ক'রতে হ'বে আর  $t$  তম বিশেষকটির বছকরণ সংখ্যা হ'ল  $r$ ; স্তুতরাঃ মোট পরীক্ষণী এককের সংখ্যা হ'ল  $n = Er$ ; সম্পূর্ণরূপে সমসম্ভব পরিকল্পনায়  $n$  সংখ্যক বিশেষককে শুধুমাত্র সমসম্ভবী করণ পক্ষতিতে  $n$  সংখ্যক পরীক্ষণী এককে বণ্টন ক'রা হয়। অনেকভাবেই বিশেষকগুলি বণ্টন ক'রা যেতে পারে।

একটি বিশেষ বিশেষক একটি বিশেষ এককে পরীক্ষা ক'রা হ'বে কিনা তা নির্ভর ক'রবে শুধুমাত্র আপতনের ( chance ) উপর। অর্ধাং গবেষক যদি পক্ষপাত দুষ্ট ( biased ) হ'য়ে একটি বিশেষ বিশেষককে একটি বিশেষ পরীক্ষণী এককে না ফেলেন তাহ'লেই চ'লবে। এই বল্টনের অন্য সাধারণতঃ সম-সম্ভব সংখ্যা সারণী ব্যবহৃত হয়। সারি ও তত্ত্বে বিভক্ত করকগুলি সংখ্যা এই সারণীগুলিতে পাশাপাশি সাজান আছে। এই সংখ্যাগুলি পাওয়া গেছে এমন কোন বিশেষ পক্ষতিতে যার হারা সমসম্ভব সংখ্যার উভব হয়—আর পরে পরীক্ষা ক'রেও দেখা গেছে এই সংখ্যাগুলির সমসম্ভবতা গুণ আছে।

” সংখ্যক পরীক্ষণী এককে স্থিতি মত তাবে  $1, 2, \dots, n$  এই সংখ্যাগুলি হারা চিহ্নিত ক'রা হ'ল। তারপর  $n$  সংখ্যক সম-সম্ভব সংখ্যা নেওয়া হ'ল। তারপর প্রথম  $\tau_1$  সংখ্যক সমসম্ভব সংখ্যাগুলিতে যে যে সংখ্যা আছে সেই সেই সংখ্যাবিশিষ্ট পরীক্ষণী এককগুলিতে প্রথম বিশেষকাটি প্রয়োগ ক'রা হ'ল। পরবর্তী  $\tau_2$  সংখ্যক সম-সম্ভব সংখ্যাগুলিতে যে যে সংখ্যা আছে সেই সেই সংখ্যাবিশিষ্ট পরীক্ষণী এককগুলিতে দ্বিতীয় বিশেষকাটি প্রয়োগ ক'রা হ'ল। অনুক্রমভাবে শেষ  $\tau_n$  সংখ্যক সমসম্ভব সংখ্যাগুলিতে যে যে সংখ্যা আছে সেই সেই সংখ্যা বিশিষ্ট পরীক্ষণী এককগুলিতে শেষ বিশেষকাটি প্রয়োগ ক'রা হ'ল।

**উপাত্তের বিশ্লেষণ।** সম্পূর্ণজৰুপে সম-সম্ভব পরিকল্পনা হ'তে উভূত উপাত্তের বিশ্লেষণ একধারা শ্রেণী বিন্যাসী উপাত্তের বিশ্লেষণের অনুকূল। এখানেও আমরা ধাজুরৈখিক প্রতিক্রিপ্তিকে লিখতে পারি

$$x_{ij} = \mu + \tau_i + \epsilon_{ij}$$

যেখানে  $x_{ij}$  হ'ল  $i$ তম শ্রেণীর  $j$ তম অবেক্ষণ,  $\mu$  হ'ল একটি সাধারণ ফল যা প্রতিটি অবেক্ষণের মধ্যে সমপরিমাণে আছে;  $\tau_i$  হ'ল  $i$ তম শ্রেণীর বিশেষ ফল আর  $\epsilon_{ij}$  হ'ল অবেক্ষণ প্রাপ্তি। একধারা শ্রেণী বিন্যাসী উপাত্তের প্রভেদ বিশ্লেষণে সময় আমরা যেমন ধরে নিয়েছিলাম যে  $\epsilon_{ij}$ গুলি একে অপরের অনপেক্ষ ভাবে নর্মাল নিবেশন ঘোনে চ'লে যাদের গড়মান শূন্য আর ডেমান  $\sigma^2$  এখানেও সেইসব স্বীকৃত প্রয়োজন।

এখানেও আমাদের পরীক্ষণীয় প্রকল্পটি হ'ল  $H_0(\tau_1=\tau_2=\dots=\tau_n)$  আর বিকল্প প্রকল্পটি হ'ল অন্ততঃ একটি  $\tau_i$  অন্য সবগুলি থেকে পৃথক। এই প্রকল্পটি পরীক্ষার জন্য এখানেও আমরা প্রভেদ বিশ্লেষণের সাহায্য নেব।

## 2.4. অভ্যন্তরীণ সারণী

সম্পূর্ণরূপে সম-সম্ভব পরিকল্পনার প্রভেদ বিশ্লেষণ

প্রভেদের উৎস	স্বাতন্ত্র্য মাত্রা	সমষ্টির্বর্গ	গড়বর্গ	F
বিশেষক	$v - 1$	$S^2_T = \sum r_i (\bar{x}_i - \bar{x}_{..})^2$	$s^2_T = S^2_T/v - 1$	$s^2_T/s^2_E$
আন্তি	$n - v$	$S^2_E = S.S.T. - S^2_T$	$s^2_E = S^2_E/n - v$	
মোট	$n - 1$	$S.S.T. = \sum \sum (x_{ij} - \bar{x}_{..})^2$		

এই সারণীথেকে যে F পাওয়া যাবে তার মান যদি F-সারণীতে প্রদত্ত  $F\alpha$ ;  $v - 1$ ,  $n - v$  এর চেয়ে বেশী হয় তাহ'লে মুখ্য প্রকল্পটিকে বর্জন ক'রতে হ'বে। মুখ্য প্রকল্পটি যদি বর্জন ক'রতে হয় তাহ'লে যে কোন দুটি বিশেষকের মধ্যে প্রকৃত পার্থক্য বিদ্যমান কিনা তা পরীক্ষা ক'রার অন্য আমরা t-নিবেশনের সাহায্য নিয়ে থাকি। A এবং B যদি যে কোন দুটি বিশেষক হয় এবং তাদের গড়বর্গ যদি  $\bar{x}_A$  এবং  $\bar{x}_B$  হয় তাহ'লে আমরা তাদের মধ্যে প্রকৃত পার্থক্য বিদ্যমান আছে ব'লুব তখনই স্বতন্ত্র দেখব

$$|\bar{x}_A - \bar{x}_B| > t_{\alpha, n-v} s_E \sqrt{\left(\frac{1}{r_A} + \frac{1}{r_B}\right)}$$

**উৎসাহণ।** একটি সম্পূর্ণরূপে সম-সম্ভব পরিকল্পনাকে একটি স্বচিত্তিত পরিকল্পনা হিসাবে বিচার ক'রতে গেলে এর মূল্য খুবই কম। পরিকল্পনাটি খুবই সরল। বিশ্লেষণও খুবই সহজ। কিন্তু ব্যবহারিক ক্ষেত্রে এর খুবই সীমিত প্রয়োগ হ'য়ে থাকে। একটি স্বপরিকল্পিত পরিকল্পনার অত্যাবশ্যক গুণগুলির মধ্যে যদিও সম-সম্ভব ক'রণ এবং বছকরণের প্রয়োগ এখানে ক'রা হ'য়েছে কিন্তু স্থানীয় নিয়ন্ত্রণের প্রয়োগ না থাকায় পরীক্ষণী আন্তির পরিমাণ খুব বেশী ইওয়ার সম্ভাবনাই বেশী। তাই যে ধরণের পরীক্ষায় পরীক্ষণী আন্তির পরিমাণ খুবই কম সেখানেই এর সীমিত প্রয়োগ হ'য়ে থাকে। যেমন গবেষণাগারে কোন একটি রাসায়নিক পরীক্ষা অথবা একটি নিয়ন্ত্রিত শিল্প-সংক্রান্ত পরীক্ষা যেখানে বিভিন্ন পরীক্ষণী এককগুলির মধ্যে খুবই কম অন্যান্য আছে, সেখানে এই পরিকল্পনা প্রয়োগ ক'রা যেতে পারে।

## 2.6. সম-সম্ভব ব্লক পরিকল্পনা ( Randomised Block Design )

সম-সম্ভব ব্লক পরিকল্পনা হ'ল সহজতম পরিকল্পনা যেখানে পূর্ব পরিচ্ছেদে বণিত সব আবশ্যিকীয় নিয়মগুলির প্রয়োগ ক'রা হ'য়েছে।

যদি  $v$  সংখ্যক বিশেষক থাকে এবং প্রত্যেকটি বিশেষকের বহুরণ সংখ্যা ( replication ) হয়  $r$ , তাহ'লে মোট পরীক্ষণী এককের সংখ্যা হ'ল  $n = vr$ . এই পরীক্ষণী এককগুলিকে প্রথমে মোটামুটি সমস্যাপ টি ব্লকে ভাগ ক'রা হয়। তারপর প্রতিটি ব্লককে গঠ এককে ভাগ ক'রা হয়। এখন  $v$  সংখ্যক বিশেষককে প্রত্যেকটি ব্লকে একবার ক'রে বণ্টন ক'রা হয়। এই বণ্টন ক'রা হুম্র সম্পূর্ণরূপে সম-সম্ভব পজিতিতে এবং একটি ব্লকে বিশেষকগুলিকে কেবল ভাবে বণ্টন ক'রা হ'বে তার কোন সম্পর্ক নেই। তাই প্রতিটি ব্লকে  $v$  সংখ্যক বিশেষককে  $v$  সংখ্যক পরীক্ষণী এককে নতুন ক'রে বণ্টন ক'রা হয়। সুতরাঃ এরূপ একটি পরিকল্পনা ক'রতে হ'লে প্রথমে বহুরণ সংখ্যাটি ঠিক ক'রে নিতে হ'বে। সম্পূর্ণরূপে সম-সম্ভব পরীক্ষণী পরিকল্পনায় প্রতিটি বিশেষকের জন্য বহুরণ সংখ্যাটির মান ডিই হওয়ার স্থূলোগ ছিল। এখানে কিন্তু বহুরণ সংখ্যাটির মান অভিন্ন। একটি সম-সম্ভব ব্লক পরিকল্পনা ক'রার জন্য প্রতিটি ব্লককে গঠ পরীক্ষণী এককে ভাগ ক'রা হ'ল। তারপর প্রতিটি পরীক্ষণী একককে 1 থেকে  $v$  পর্যন্ত এই সংখ্যাগুলির যে কোন একটি দিয়ে স্বীক্ষিত ভাবে চিহ্নিত ক'রা হ'ল। তারপর সম-সম্ভব সংখ্যা সারণী থেকে গঠ সম-সম্ভব সংখ্যা নেওয়া হ'ল। প্রথম যে সম-সম্ভব সংখ্যাটি পাওয়া গেল প্রথম পরীক্ষণী এককে সেই বিশেষকটিকে প্রয়োগ ক'রা হ'ল। তারপর যে সমসম্ভব সংখ্যাটি পাওয়া গেল দ্বিতীয় পরীক্ষণী এককে সেই বিশেষকটিকে প্রয়োগ ক'রা হ'ল। এই ভাবে গঠ পরীক্ষণী এককে গঠ বিশেষককে প্রয়োগ ক'রা হ'ল। এই ভাবে প্রথম ব্লকটি পাওয়া গেল। প্রথম ব্লক পাওয়ার পর অনুরূপভাবে দ্বিতীয় ব্লকটিও পাওয়া যাবে। এই ভাবে গঠ ব্লক পাওয়া যাবে।

**উপাদের বিশ্লেষণ :** সম-সম্ভব ব্লক পরিকল্পনা হ'তে উন্নত উপাদের বিশ্লেষণ দুই ধারা শ্রেণীবিন্যাসী উপাদের বিশ্লেষণের অনুরূপ। তবে ব্লকে  $j$ তম বিশেষকটির ফল ( yield ) যদি  $x_{ij}$  হয়, তাহ'লে ধাতু রৈখিক প্রতিলিপাটি হ'বে

$$x_{ij} = \mu + \beta_i + \tau_j + \epsilon_{ij}$$

সুই থারা শ্রেণী বিন্যাসী উপাদের ন্যায় এখানেও স্বীকৃত হ'ল এবং  
শুলি একে অপরের অনপেক্ষ তাবে নর্ম্যাল নিবেশন মেনে চ'জে যাব  
গড়মান শুন্য আৱ ডেম্যান  $S^2$ . এখানে পরীক্ষণীয় প্রকল্পটি হ'ল

$$H_0(\tau_1 = \tau_2 = \dots = \tau_v)$$

দুইথারা শ্রেণী বিন্যাসী উপাদের ন্যায় এখানেও আমরা সহজেই প্রত্যেক-  
বিশেষণ সারণীটি লিখতে পারি।

### 2.5. অভ্যন্তরীণ সারণী

#### সম-সম্ভব ব্লক পরিকল্পনার প্রত্যেক বিশেষণ

উৎস	স্বাতন্ত্র্য মাত্রা	সমষ্টিবর্গ	গড়বর্গ	F
ব্লক	$r - 1$	$S^2_B = \sum_j (x_{ij} - \bar{x}_{i.})^2$		
বিশেষক	$v - 1$	$S^2_T = \sum_i (x_{ij} - \bar{x}_{.j})^2$	$s^2_T = \frac{S^2_T}{v - 1}$	$s^2_T / s^2_E$
আন্তি	$\frac{vE}{2} = (r - 1)(v - 1)$	$S^2_E = S.S.T. - S^2_B - S^2_T$	$s^2_E = \frac{S^2_E}{vE}$	
মোট	$n - 1$	$S.S.T. = \sum (x_{ij} - \bar{x}...)^2$		

এই সারণী থেকে যে F পাওয়া যাবে তার মান যদি  $F\alpha ; v - 1, v_E$   
এর চেয়ে বড় হয় তাহ'লে আমাদের মুখ্য প্রকল্পটি বর্জন ক'রতে হ'বে।

**গুণাঙ্গণ :** সম্পূর্ণকাপে সম-সম্ভব পরিকল্পনার মত সম-সম্ভব ব্লক  
পরিকল্পনাও খুবই সরল। এই পরিকল্পনা থেকে উত্তুত উপাদের  
বিশেষণও খুবই সহজ। স্থানীয় নিয়ন্ত্রণ প্রয়োগ ক'রে এখানে আন্তি  
নিয়ন্ত্রণের স্থূলোগ রয়েছে। তাই এই পরিকল্পনাটি বহুল ব্যবহৃত।  
কিন্তু এই পরিকল্পনায় v-এর মান যদি খুব বেশী হয় তাহ'লে ব্লকের  
ভিতরে সম্বন্ধিত নষ্ট হ'য়ে যাব। ফলে পরীক্ষাটি ঝাঁটপূর্ণ  
হ'বে যাব।

**2.1. উভাবরণ:** হয়-প্রকার গবের বীজের শুণাবতা পরীক্ষার ক'রাৰ অন্য চাৰটি বুকে একটি সম-সম্ভাৱ বুক পরিকল্পনা ক'ৰা হ'য়েছে। উপোক্তাৰ বিশ্লেষণ ক'ৰ।

বুকেৰ নথিৰ

1.	$v_2$ 30·6	$v_3$ 27·7	$v_6$ 24·9	$v_1$ 27·8	$v_4$ 16·2	$v_5$ 16·2
2.	$v_1$ 27·3	$v_4$ 15·0	$v_6$ 22·5	$v_2$ 28·8	$v_5$ 17·0	$v_3$ 22·7
3.	$v_6$ 27·7	$v_2$ 31·0	$v_4$ 14·1	$v_3$ 34·9	$v_1$ 28·5	$v_5$ 17·7
4.	$v_4$ 14·1	$v_6$ 22·7	$v_5$ 17·7	$v_3$ 39·5	$v_3$ 36·8	$v_1$ 38·5

তথ্য বুকেৰ সমষ্টিকে যদি  $B_i$  হ'বা চিহ্নিত ক'ৰা যায় এবং তথ্য বিশ্লেষকেৰ সমষ্টিকে যদি  $T_j$  লেখা হয়, তাহলে  $B_1=143·4$ ,  $B_2=133·3$ ,  $B_3=148·9$ ,  $B_4=169·3$ ,  $V_1=122·1$ ,  $V_2=129·9$ ,  $V_3=122·1$ ,  $V_4=59·4$ ,  $V_5=68·6$ ,  $V_6=92·8$ ,  $G=594·9$ ,  $\sum_{ij} v_{ij}^2 = 15174·43$

$$\Sigma B_i^2 = 89166·15, \Sigma T_j^2 = 63536·99,$$

$$\text{সংশোধন অংশ} = \frac{G^2}{n} = 14746·08375$$

$$\begin{aligned} \text{সংশোধিত মোট সমষ্টিবৰ্গ} &= 16174·43 - 14746·08375 \\ &= 1428·34625 \end{aligned}$$

$$\text{বুক সমষ্টি বৰ্গ} = \frac{89166·15 - G^2}{6} - \frac{G^2}{n}$$

$$114·94125$$

$$\begin{aligned} \text{বিশ্লেষক সমষ্টিবৰ্গ} &= \frac{63536·99}{4} - \frac{G^2}{n} \\ &= 1138·16375 \end{aligned}$$

2.6. স্তুতি সারণী

অভেদ বিশ্লেষণ

উৎস	স্বাতন্ত্র্য মাত্রা	সমষ্টিবর্গ	গড়বর্গ	$F$
যুক্ত	3	114.94125		
বিশেষক	5	1138.16375	227.63275	19.485**
আন্তি	15	175.24125	11.68275	
মোট	23	1428.34625		

এক্ষণে  $F_{.01}(5,15) = 1.56$ , স্তুতির বিশেষকগুলির মধ্যে তাংপর্যপূর্ণ পার্থক্য বর্তমান।

মানের পর্যায়ে আমরা বিশেষকগুলিকে নিচেরমত সাজাতে পারি  
 $V_2 \ V_3 \ V_1 \ V_6 \ V_5 \ V_4$

যে কোন দুই-প্রকার বীজের মধ্যে পার্থক্য বিদ্যমান কিনা তা দেখার অন্য আমরা : নিবেশনের সাহায্যে তাদের গড়মানকে পরীক্ষা ক'রতে পারি। যদি গড়মান দুটি  $m_j$  এবং  $m_j'$  হয় তাহ'লে

$$\frac{m_j - m_j'}{\sigma \sqrt{\frac{2}{r}}} > t_{vE}(2\alpha)$$

হ'লে আমরা  $v$ 'ল'ব  $j$ -তম এবং  $j'$ -তম বিশেষক দুটির পার্থক্য  $\alpha\%$  মাত্রায় তাংপর্যপূর্ণ। যেমন ধরা যাক আমরা জানতে চাই  $V_3$  এবং  $V_5$  এর মধ্যে যে পার্থক্য তা 5% মাত্রায় তাংপর্যপূর্ণ কিনা।

$$\text{এখানে } \frac{m_3 - m_5}{\sigma \sqrt{\frac{2}{r}}} = \frac{13.375}{11.68275 \times \sqrt{\frac{2}{4}}} = \frac{13.375 \times 1.414}{11.68275} \\ = 1.62 > t_{15}(.10) = 1.75$$

স্তুতির  $v_3$  এবং  $v_5$  এর মধ্যে পার্থক্য থাকলেও তাকে তাংপর্যপূর্ণ ব'লা যাব না।

## 2.7 ল্যাটিন বর্গ পরিকল্পনা ( Latin Square Design )

সম-সম্ভব ব্লক পরিকল্পনায় আমরা দেখেছি পরীক্ষণী এককগুলিকে কয়েকটি থন সম্মিলিত ব্লকে ভাগ ক'রে প্রত্যেকটি ব্লকে প্রত্যেকটি বিশেষককে ঠিক একবার ক'রে প্রয়োগ ক'রলে পরীক্ষণী আন্তি ক'মে থাবে এবং পরীক্ষাটির দক্ষতা বাড়বে। কৃষিজ গবেষণার ক্ষেত্রে ব'লা হ'য় যেদিকে উর্বরতার নতি, সেদিকে সমস্তরাল ক'রে যদি  $7^2$  সম-সম্ভব ব্লকের পরিকল্পনা ক'রা হয় তাহ'লে ব্লকগুলির মধ্যে উর্বরতার পার্থক্যজনিত যে অসমতা আছে তা দূর হ'য়ে পরীক্ষাটি আরও যথাযথ হ'বে। প্রশ্ন জাগে, এমন তো কোন বাঁধাধরা নিয়ম নেই যে উর্বরতার নতি শুধু মাত্র একদিকেই থাকবে! বিভিন্ন দিকেই তো এই পার্থক্য পরিসংক্ষিত হ'তে পারে। সেক্ষেত্রে সেদিকেও কি আন্তি দূর ক'রার কোন উপায় আছে? এর উত্তর খুঁজে পাওয়া যাবে ল্যাটিন<sup>1</sup> বর্গ পরিকল্পনায়। যদিও পরিকল্পনাটির মধ্যে বর্গ ক'থাটি র'য়েছে কিন্তু ল্যাটিন বর্গ পরিকল্পনার সংগে বর্গ ক্ষেত্রের কোন সম্পর্ক নেই—আরতক্ষেত্রে হ'লেই চ'ল'বে। যদি  $7$  সংখ্যক বিশেষক থাকে তাহ'লে আরতক্ষেত্রিকে  $7^2$  সংখ্যক সমান মাপের পরীক্ষণী এককে ভাগ ক'রতে হ'বে। তারপর  $7^2$  সংখ্যক পরীক্ষণী একককে  $7$  সংখ্যক বিশেষকের মধ্যে এমনভাবে বণ্টন করতে হ'বে যাতে প্রতিটি সারি এবং প্রতিটি স্তুপে প্রতিটি বিশেষক ঠিক একবার ক'রে থাকে। স্ফুতরাঃ এখানে বহুকরণ সংখ্যাটিও  $7$ । যদি শুধু মাত্র সারি শ্রেণীবিভাগগুলিকে ধরা যায়, তাহ'লে  $7^2$  ব্লকে বিভক্ত একটি সমসম্ভব ব্লক পরিকল্পনা পাওয়া যাবে। অনুকূলভাবে স্তুপ শ্রেণীবিভাগগুলিকে ধরলেও  $7$  ব্লকে বিভক্ত একটি সমসম্ভব ব্লক পরিকল্পনা পাওয়া যাবে। যেহেতু প্রথম যখন এই পরিকল্পনাটির উঙ্গাবন ক'রা হয়, তখন ল্যাটিন বর্ণমালার সাহায্যে এই বর্গটিকে সেখানে হ'ত সেকারণে এটিকে আমরা ল্যাটিন বর্গ ব'লি। শুধু যে যেখানে দুইদিকে একাপ উর্বরতার পার্থক্য প্রকট সেখানেই ল্যাটিন বর্গ প্রয়োগ ক'রা যাবে তাই নয় অনেক সময় হয়ত উর্বরতার নতি কোনদিকে তাই জানা নেই; সেক্ষেত্রেও ল্যাটিন বর্গ পরিকল্পনার সাহায্যে পরীক্ষাটি ক'রা যেতে পারে। কারণ কোনদিকে যদি উর্বরতার নতি থাকে তাহ'লে তজ্জনিত আন্তির অংশ বিদ্যুরিত হ'বে।

আমরা আগের পরিচেদে দেখেছি যে কোন পরীক্ষণী পরিকল্পনার তিনটি মূল সূত্র হলে সমসম্ভবীকরণ, বহুকরণ এবং স্থানীয় নিয়ন্ত্রণ। ল্যাটিন বর্গ পরিকল্পনার যে বর্ণনা দেওয়া হ'য়েছে তার থেকে বোঝা যায়,

এখানে বছকরণ ও স্থানীয় নিয়মগের প্রয়োগ ক'রা হ'য়েছে। কিন্তু সম-সম্ভাবীক'রণ কিভাবে ক'রা সম্ভব? সম সম্ভাবীক'রণ ক'রার অর্থ যে কোন সারি বা যে কোন স্তুতের যে কোন পরীক্ষণী এককে যে কোন বিশেষককে প্রয়োগ ক'রা যেতে পারে। কিন্তু ল্যাটিন বর্গ পরিকল্পনার পরিকল্পনাটি এমন যে সম্পূর্ণরূপে যথাসম্ভব পরিকল্পনা বা সম সম্ভব বৃক্ষ পরিকল্পনায় যেভাবে সমসম্ভাবী ক'রণ ক'রা হ'য়েছে তা এখানে প্রমোদ্য নয়। এখানে সম-সম্ভাবী ক'রণের অন্য আবরা ক'য়েকটি পদ্ধতি বর্ণনা ক'রব।

ল্যাটিন বর্গ পরিকল্পনায় সব সম্ভাবী ক'রণের একটি পদ্ধতি হ'ল Fisher ও Yates এর সারণী থেকে  $7 \times 7$  যে সব ল্যাটিন বর্গ দেওয়া আছে সমসম্ভব পদ্ধতিতে তার একটি বেছে নেওয়া; তারপর সারিগুলির ভিতরের বিশেষকগুলিকে ঠিক রেখে সারিগুলিকে সমসম্ভব করা; সারি-গুলিকে সমসম্ভব ক'রার পর ভিতরের বিশেষকগুলিকে ঠিক রেখে স্তুত-গুলিকে সম-সম্ভব ক'রা। কিন্তু এই পদ্ধতি এই অন্য ঝটিপূর্ণ যে এখানে Fisher ও Yates এর সারণী পুনৰুৎকৃষ্ট অভ্যাশ্যক। অর্থচ ল্যাটিনবর্ডের সংগে Fisher ও Yates বই-এর এমন কোন সম্পর্ক নেই যে তা বইটি ছাড়া ল্যাটিন বর্গ পাওয়া যাবে না। আবরা সরাসরি ল্যাটিন বর্গ পাওয়ার অন্য দুটি পদ্ধতির বর্ণনা ক'রছি। ধরা যাক আমাদের একটি  $4 \times 4$  ল্যাটিন বর্গ পরিকল্পনা ক'রতে হ'বে। বিশেষকগুলিকে A, B, C এবং D হারা চিহ্নিত করা হ'ল। তারপর সম-সম্ভব পদ্ধতিতে প্রথম সারিটি টোনা হ'ল। ধরা যাক প্রথম সারিটি পাওয়া গেল DABC এর পর ছিতীয় সারিটি পাওয়ার অন্য প্রথম সারির যে স্থানে A আছে, সেখানে যদি A আসে, যেখানে B আছে সেখানে যদি B আসে, যেখানে C আছে সেখানে যদি C আসে অথবা যেখানে D আছে সেখানে যদি D আসে, তাহ'লে সেগুলিকে পরিস্ত্যাগ ক'রতে হ'বে। ধরা যাক, ছিতীয় সারিটি এল BDCA. তৃতীয় সারিটি পাওয়ার সময় রাখতে হ'বে প্রথম বর্ণটি যেন B বা D না হয়, ছিতীয় বর্ণটি যেন A বা D না হয়, তৃতীয় বর্ণটি যেন B বা C না হয় এবং চতুর্থ বর্ণটি যেন C বা A না হয়। ধরা যাক তৃতীয় বর্ণটি পাওয়া গেল CBAD. স্বতরাং চতুর্থ সারিটি হ'বে ACDB এবং সম্পূর্ণ বর্ণটি হ'বে

D	A	B	C
B	D	C	A
C	B	A	D
A	C	D	B

এরপর এক খেকে চার পর্যন্ত চারটি সম-সম্ভব সংখ্যা টানা হ'ল।  
সংখ্যাগুলি যদি 4213 হয় তাহ'লে সারিগুলিকে সম-সম্ভব ক'রার পর বর্গটি-  
সঁড়াবে :

$$\begin{matrix} A & C & D & B \\ B & D & C & A \\ D & A & B & C \\ C & B & A & D \end{matrix}$$

এরপর সম্ভগুলিকে সম-সম্ভব ক'রার অন্য আবার চারটি সংখ্যা টানা হ'ল।  
ধৰা যাক সংখ্যাগুলি এল 1423. তাহ'লে সম্ভগুলিকে সম-সম্ভব ক'রার  
পর বর্গটি পাব

$$\begin{matrix} A & B & C & D \\ B & A & D & C \\ D & C & A & B \\ C & D & B & A \end{matrix}$$

বিস্ত এই পদ্ধতি ইন্সটিউট ও বর্ধেষ সময় সাপেক্ষ। তাই সাধারণতঃ কে  
পদ্ধতি গ্রহণ করা হয় তাহ'ল

$$\begin{matrix} A & B & C & D \\ B & C & D & A \\ C & D & A & B \\ D & A & B & C \end{matrix}$$

এই বর্গটি নেওয়া হ'ল। তারপর সারি এবং সম্ভগুলিকে সম-সম্ভব ক'রা  
হ'ল। তারপর বিশেষকগুলিকে সম-সম্ভব পদ্ধতিতে A, B, C এবং D  
এই চারটি বর্দের মধ্যে বণ্টন ক'রা হ'ল।

**উপাদেন বিশ্লেষণ :** ল্যাটিন বর্গের jতম সারি এবং jতম স্তৰে  
যদি kতম বিশেষকটি প্রয়োগ ক'রা হ'য়ে থাকে এবং তজ্জনিত উৎপাদনের  
পরিমাণ যদি  $x_{ijk}$  হয় তাহ'লে

$$E(x_{ijk}) = \mu + \rho_i + \beta_j + \tau_k; \quad i, j, k = 1, 2, \dots, v$$

বেখালে  $\mu$  হ'ল একটি সাধারণ ফল যা প্রতিটি অবেক্ষনের মধ্যে সম-  
পরিমাণে আছে;  $\rho_i$  হ'ল jতম সারির বিশেষ ফল,  $\beta_j$  হ'ল jতম স্তৰের  
বিশেষ ফল আর  $\tau_k$  হ'ল kতম বিশেষকের বিশেষ ফল।  $\mu$ কে এমন  
ভাবে নির্মাণ ক'রা হ'ল যাতে  $\sum_i \rho_i = \sum_j \beta_j = \sum_k \tau_k = 0$ .

আবাদের স্বীকরণ হ'ল প্রতিটি  $x_{ijh}$  নথ্যাল নিবেশন মেনে ত'লে আর গড়মান  $E(x_{ijh})$  আর ভেদমান  $\sigma^2$ . যদি  $i$ তম সারির গড়মানকে  $\bar{x}_{...}$ ,  $j$ তম স্তুতের গড়মানকে  $\bar{x}_{..j}$ . এবং  $k$ তম বিশেষকের গড়মানকে  $\bar{x}_{...k}$  ব'লা যায় এবং সমস্ত অবেক্ষনের গড়মান হয়  $\bar{x}...$  তাহ'লে আবার ঘোট সমষ্টি-বর্গকে নিম্নলিখিত ভাগে ভাগ ক'রতে পারি।

$$\begin{aligned} \sum_{ijh} (x_{ijh} - \bar{x}...)^2 &= \sum_{ijh} (\bar{x}_{ij} - \bar{x}_{...} - \bar{x}_{..j} - \bar{x}_{...k} + 2\bar{x}...)^2 \\ &\quad + v\sum_{ijh} (\bar{x}_{...} - \bar{x}...)^2 + v\sum_{ijh} (\bar{x}_{..j} - \bar{x}...)^2 \\ &\quad + v\sum_{ijh} (\bar{x}_{...k} - \bar{x}...)^2 \quad \dots \quad (2.1) \end{aligned}$$

(2.1) নং সমীকরণের ডানদিকের প্রতিটি অংশকে  $\sigma^2$  দিয়ে ভাগ ক'রলে তাদের নিবেশন হ'বে  $x^2$  যাদের স্বাতন্ত্র্য যাওয়া হ'বে যথাক্রমে  $(v-1)$ ,  $(v-2)$ ,  $(v-1)$ ,  $(v-1)$  এবং  $(v-1)$ .

এখানে মুখ্য প্রকল্পটি হ'ল

$$H_{01} (\tau_1 = \tau_2 = \dots = \tau_v) \quad (2.2)$$

অর্ধাং বিশেষকগুলির মধ্যে কোন পার্দক্ষ্য নেই। অনেক সময় অবশ্য সারি এবং স্তুত শ্রেণীবিভাগগুলির কোনরূপ যৌঙ্গিকতা আছে কিনা দেখতে চাওয়া হয়। সারি শ্রেণীবিভাগের যৌঙ্গিকতা বিচার ক'রার অন্য প্রকল্পটি হ'ল

$$H_{02} (\rho_1 = \rho_2 = \dots = \rho_v) \quad \dots \quad (2.3)$$

আর স্তুত শ্রেণীবিভাগগুলির যথার্থতা যাচাই ক'রা হ'য়

$$H_{03} (\beta_1 = \beta_2 = \dots = \beta_v) \quad \dots \quad (2.4)$$

এই প্রকল্পটির সাহায্যে।

প্রথম প্রকল্পটি পরীক্ষা ক'রার অন্য উপযুক্ত নমুনাক্ষটি হ'ল

$$F_1 = \frac{v\sum_{ijh} (\bar{x}_{...k} - \bar{x}...)^2 / (v-1)}{\sum_{ijh} (\bar{x}_{ij} - \bar{x}_{...} - \bar{x}_{..j} - \bar{x}_{...k} + 2\bar{x}...)^2 / (v-1)(v-2)} \quad (2.5)$$

এই নমুনাক্ষটির নিবেশন হ'বে  $F_{v-1}, (v-1), (v-2)$ . স্তুতরাঃ যদি  $F_1$  এর মান  $F_{v-1}, (v-1), (v-2)$  এর চেয়ে ক্ষেপ্ত হয় তাহ'লে  $H_{01}$  প্রকল্পটি বর্জন করতে হ'বে।

অনুকূল ভাবে  $H_{02}$  প্রকল্পটি পরীক্ষা ক'রার অন্য যথাযথ নমুনাক্ষট হ'ল

$$F_2 = \frac{v \sum (\bar{x}_{ij} - \bar{x}...)^2 / v - 1}{\sum (\bar{x}_{ij} - \bar{x}_{ij..} - \bar{x}_{..j} + 2\bar{x}...)^2 / (v-1)(v-2)} \quad (2.6)$$

যার নিরেশন হ'ল  $F_{v-1}, (v-1) (v-2)$

এবং  $H_{00}$  প্রকল্পটি পরীক্ষা ক'রার অন্য উপযোগী নমুনাক হ'ল

$$F_3 = \frac{v \sum (\bar{x}_{ij} - \bar{x}...)^2 / v - 1}{\sum (\bar{x}_{ij} - \bar{x}_{ij..} - \bar{x}_{..j} + 2\bar{x}...)^2 / (v-1)(v-2)} \quad (2.7)$$

$F_3$  এর নিরেশনও হ'বে  $F_{v-1}, (v-1) (v-2)$

## 2.7. অধ্যয়নারণী

### ল্যাটিন বর্গ পরিকল্পনার প্রজেক্টে বিপ্লবণ

প্রজেক্টের উৎস	স্থান্ত্যবাটা	সমষ্টিবর্গ	গড়বর্গ	F
সারি	$v - 1$	$S^2_R = v \sum (\bar{x}_{ij..} - \bar{x}...)^2$	$s^2_R = \frac{S^2_R}{v - 1}$	$F_2 = \frac{s^2_R}{s^2_E}$
স্তৰ	$v - 1$	$S^2_C = v \sum (\bar{x}_{..j} - \bar{x}...)^2$	$s^2_C = \frac{S^2_C}{v - 1}$	$F_3 = \frac{s^2_C}{s^2_E}$
বিশেষক	$v - 1$	$S^2_T = v \sum (\bar{x}_{..k} - \bar{x}...)^2$	$s^2_T = \frac{S^2_T}{v - 1}$	$F_1 = \frac{s^2_T}{s^2_E}$
আন্তি	$v_E = (v - 1)$ $(v - 2)$	$S^2_E = *$	$s^2_E = \frac{S^2_E}{v_E}$	
মোট	$v^2 - 1$	$\sum (x_{ijk} - \bar{x}...)^2$		

2.2. উভাহরণ : দ্রু প্রকার বিশেষকের শুণ্যবস্তা পরীক্ষা ক'রার অন্য একটি  $6 \times 6$  ল্যাটিন বর্গ পরিকল্পনার পরীক্ষা ক'রা হ'য়েছে। বিশেষকগুলিকে  $A, B, C, D, E$  এবং  $F$  হারা চিহ্নিত ক'রা হ'য়েছে। প্রতিটি বিশেষকের নিচে ঐ সারি ও ঐ স্তৰে ঐ বিশেষকটি প্রযোগ ক'রে যে উৎপাদন পাওয়া গেছে, তা দেওয়া হ'ল। উপাস্তি বিপ্লবণ কর।

2.8. অসম সারণী

B 220	F 98	D 149	A 92	E 282	C 160-
A 74	E 238	B 163	C 228	F 48	D 168-
D 188	C 279	F 118	F 278	B 176	A 133-
E 295	B 222	A 54	D 104	C 213	F 163-
C 187	D 90	E 242	F 96	A 66	B 188
F 90	A 124	C 195	B 109	D 79	E 211

2.9. অসম সারণী

\* সারি স্তুতি ও বিশেষকগুলির মোট ফল দেওয়া হ'ল

নম্বর	সারি	স্তুতি	বিশেষক
1	1001	1054	543
2	919	1051	1078
3	1172	921	1262
4	1051	907	778
5	869	864	1546
6	808	1023	613

$$G=5820, \text{ সংশোধন অংশ} = \frac{G^2}{36} = 940900$$

সারির সমষ্টিবর্গ=14562, স্তুতের সমষ্টিবর্গ=5672,  
বিশেষক সমষ্টিবর্গ=129224.3

মোট সমষ্টি বর্গ=173824

স্তুতৱাঃ আতি সমষ্টি বর্গ=24365.7

## ଅନ୍ତେର ବିଶେଷଣ ଓ ପରୀକ୍ଷା ପରିକଳନା

### 2.10. ଅନ୍ତର ମାରଣୀ

#### ଅନ୍ତେର ବିଶେଷଣ

ଉଦ୍‌ସ.	ସଂତ୍ରୟମାତ୍ରା	ସମ୍ପର୍କବର୍ଗ	ଗଡ଼ବର୍ଗ	F
ଜାରି	5	14562·0	2912·4	2·391
ନୁହ	5	5672·0	1132·4	0·907
ବିଶେଷକ	5	129224·3	25844·86	21·214**
ଆତି	20	24365·7	1211·28	
ମୋଟ	35	173824·0		

ଏକଟେ F ସାରିଣୀଥିକେ  $F_{5,15}$  ଏବଂ ମାନ ହ'ଲ 1% ସଂଧ୍ୟମାତ୍ରାଯ 4·10 ଏବଂ 5% ସଂଧ୍ୟମାତ୍ରାଯ 2·71. ସ୍ଵତରାଂ ବୋଲା ଯାଚେ ବିଶେଷକଗୁଲିର- ମଧ୍ୟେ ବେଳ ତାତ୍ପର୍ଯ୍ୟ ପୂର୍ବ ପାର୍ଦକ୍ୟ ବିଦ୍ୟମାନ ।

### 2.8. ଉପାଦାନୀୟ ପରୀକ୍ଷା

**2.8.1. ଭୂରିକା ।** ଆମରା ପୂର୍ବର୍ତ୍ତୀ ପରିଚେଦଗୁଲିତେ କତକଗୁଲି ପରୀକ୍ଷା ପରିକଳନାର ଆଲୋଚନା କ'ରେଛି । ଏହି ପରୀକ୍ଷାଗୁଲିତେ ଆମରା ଧରେ ନିହେଲିଲାମ, ପରୀକ୍ଷାୟ ବିଶେଷକଗୁଲି ଏମନ ଯେ ଏକଟି ବିଶେଷକରେ ଉପହିତ ଅନ୍ୟ ଏକଟି ବିଶେଷକକେ କୋନକୁପ ଥିଭାବିତ କ'ରେନା ଏବଂ ଏକଟି ବିଶେଷକକେ ଯେ ପରିମାଣେ ଥିଯୋଗ କ'ରା ହ'ଛେ ତା ଏ ବିଶେଷକଟିକେ ଅଧିକ ଅନ୍ୟ କୋନ ବିଶେଷକକେ କୋନକୁପ ଥିଭାବିତ କ'ରେନା । କିଞ୍ଚ କାର୍ଯ୍ୟକ୍ରେତ୍ରେ ଅନେକ ପରୀକ୍ଷାଇ ଅନ୍ୟ ଧରନେର । ଅର୍ଧାଂ ଶ୍ରୁ ଯେ ଏକଟି ବିଶେଷକକେ କି ପରିମାଣେ ଥିଯୋଗ କ'ରା ହ'ଛେ ତା ଏ ବିଶେଷକଟିକେ ଥିଭାବିତ କ'ରେ ତାଇ ନାହିଁ, ବହ କ୍ଷେତ୍ରେ ତା ଅନ୍ୟ ବିଶେଷକଗୁଲିକେଓ ଥିଭାବିତ କରନ୍ତେ ପାରେ । Cochran ଓ Cox ଏର ବହ ଥେକେ ଏକଟି ଉଦାହରଣ ତୁଳେ ଦିଲେ ଆମରା ଆମରା ବିଷୟାଟି ବିଶେଷଭାବେ ଆଲୋଚନା କ'ରେଛି । ବୀଟେର ଉତ୍ପାଦନେର କ୍ଷେତ୍ରେ ଅମି କର୍ଷପେର ପରିମାଣ ଏବଂ ତାର ଗଂତ୍ର ନାଇଟ୍ରୋଜେନ ଥାଟିତ ଶାରେର ଥିଭାବ ପରୀକ୍ଷା କ'ରାର ଅନ୍ୟ ଏକଟି ପରୀକ୍ଷାର ପରିକଳନା କ'ରା ହ'ଯେଇଁ ।

নাইট্রোজেন থাটিত সারকে দুটি বাতায় প্রয়োগ ক'রা হ'য়েছে। সে দুটি হ'ল (i) নাইট্রোজেন হীন ( $n_0$ ) এবং তিন হলুর স্যালফেট অব এমোনিয়া ( $n_1$ )। আর শীতকালীন জমি কর্ষণের পরিমাণ (সাত ইঞ্চি এবং এগার ইঞ্চি)। আনুমানী মাসের শেষে অবিতে লাঙল দেওয়া হ'য়েছে। এপ্রিল মাসের শেষে অবিতে নাইট্রোজেন থাটিত সার প্রয়োগ ক'রা হ'য়েছে আর বৌজ বোনা হ'য়েছে মে মাসের গোড়ার দিকে। যেহেতু এখানে দুটি উৎপাদন (নাইট্রোজেন এবং জমি কর্ষণের পরিমাণ) দুই বাতায় প্রয়োগ ক'রা হ'য়েছে তাই আমরা এটিকে একটি  $2 \times 2$  অথবা  $2^2$  উৎপাদনীয় পরীক্ষা ব'লি। চারটি সম্প্রস্তুত বিশেষক (treatment combination) এবং প্রতি একরে এই সম্প্রস্তুত বিশেষক প্রয়োগ ক'রার ফ'লে প্রাপ্ত বৈট হ'তে প্রস্তুত চিনির গড় পরিমাণ (হলুরের হিসাবে) নিচে দেওয়া হ'ল।

সম্প্রস্তুত বিশেষক ও চিনির উৎপাদন (প্রতি একরে হলুরের হিসাবে)

1	2	3	4
( $n_0$ , 7 in.)	( $n_1$ , 7 in.)	( $n_0$ , 11 in.)	( $n_1$ , 11 in.)
40.9	47.8	42.4	50.2

এই উৎপাদনগুলিকে আমরা নিম্নলিখিত রূপে একটি  $2 \times 2$  সারণীতে প্রকাশ ক'রতে পারি :

### 2.11. অস্তর সারণী

নাইট্রোজেন প্রয়োগের পরিমাণ		নাইট্রোজেন প্রয়োগের পরিমাণ বাড়ানৱ কলে বৃক্ষের পরিমাণ		
জমি কর্ষণের গভীরতা		$n_0$	$n_1$	গড়
7 in.	40.9	47.8	44.35	6.9
11 in.	42.4	50.2	46.30	7.8
গড়	41.65	49.00	45.325	
কর্ষণের গভীরতা				
বাড়ানৱ কলে উৎপাদন	1.5	2.4		
বৃক্ষের পরিমাণ				

উপরোক্ত পরীক্ষায় প্রাপ্ত ফলকে আমরা সংক্ষেপে নিম্নরূপিত ভাবে বর্ণনা ক'রতে পারি :

এই পরীক্ষাটিতে দেখা যাচ্ছে যে কর্ষণের ক্ষম গভীরতায় নাইট্রোজেন প্রয়োগ ক'রার ফলে উৎপাদন বৃদ্ধির পরিমাণ হ'ল ৬.৭ হলুব। কিন্তু বেশী গভীরতায় নাইট্রোজেন প্রয়োগ ক'রার ফলে উৎপাদন বৃদ্ধির পরিমাণ হ'ল ৭.৪ হলুব। এইগুলিকে ব'লা যায় নাইট্রোজেন প্রয়োগের সাধারণ ক্ষম (Simple effect) তত্ত্বপ ৭° গভীরতায় কর্ষণের চেয়ে ১১° গভীরতায় কর্ষণের ফলে নাইট্রোজেন না থাকা কালে উৎপাদন বৃদ্ধির পরিমাণ ছিল ১.৫ হলুব কিন্তু নাইট্রোজেন প্রয়োগের ফলে এই উৎপাদন বৃদ্ধির পরিমাণ দাঁড়িয়েছে ২.৪ হলুব।

আমরা এই পরীক্ষার ফলটিকে অন্য ভাবেও দেখতে পারি। অনেক সময় দেখা যায় বিশেষক দুটি একে অপরের অনপেক্ষ। অর্ধাং কর্ষণ গভীরই হোক আর অগভীরই হোক, নাইট্রোজেন না দেওয়া কালীন উৎপাদনের চেয়ে নাইট্রোজেন দেওয়ার ফলে উৎপাদন বৃদ্ধির পরিমাণ একই থাকবে। সেইসময় নাইট্রোজেন দেওয়া হোক আর না হোক গভীর এবং অগভীর কর্ষণের মধ্যে উৎপাদন বৃদ্ধির পরিমাণের পার্দক্ষ্য একই থাকবে। এক্ষেত্রে নাইট্রোজেন প্রয়োগের যে দুটি সাধারণ ফল পাওয়া গোছে অর্ধাং ৬.৭ হলুব এবং ৭.৪ হলুব সেদুটিই হ'ল একই বস্তুর প্রাপ্ত কলনী মান এবং এদের মানের পার্দক্ষ্যের একমাত্র কারণ হ'ল পরীক্ষণী বাস্তি। স্মৃতরাঃ নাইট্রোজেন প্রয়োগের ফল পাওয়ার অন্য আমরা দুটি অবেক্ষণের গড়মান নিয়ে বলতে পারি নাইট্রোজেন প্রয়োগের মুখ্যফল (Main effect) হ'ল ৭.৪ হলুব। অনুজ্ঞপ ভাবে কর্ষণের গভীরতা বাড়ানৱ মুখ্য ফল ১.৫ হলুব এবং ২.৪ হলুবের গড় অর্ধাং ১.৯ হলুব।

স্মৃতরাঃ আমাদের যদি জানা থাকে যে উৎপাদন দুটির একটি অন্যটির অনপেক্ষ তাহ'লে আমরা উপরোক্ত পরীক্ষাটির ফলকে সংক্ষেপে ব'লতে পারি যে নাইট্রোজেন প্রয়োগ করার ফলে উৎপাদন বৃদ্ধির পরিমাণ হ'ল ৭.৪ হলুব আর কর্ষণের গভীরতা বাড়ানৱ ফলে উৎপাদন বৃদ্ধির পরিমাণ হ'ল ১.৯ হলুব।

এখন প্রশ্ন হ'ল, উৎপাদন দুটি একে অপরের অনপেক্ষ কিনা জানার উপায় কি? রাখি বিজ্ঞানীর পক্ষে এই প্রশ্নের উত্তর দেওয়া মুশকিল। কিন্তু কৃষিবিজ্ঞানী হয়ত যুক্তি দেখাবেন, কর্ষণের গভীরতা বেশী থাকার পাছের পক্ষে তার মূলগুলিকে আরও বেশী বিস্তার ক'রে আরও বেশী নাইট্রোজেন টেনে নেওয়া সম্ভব। স্মৃতরাঃ তাঁর মতে গভীরতা বেশী

হ'লে নাইট্রোজেন প্রয়োগ করার ফলে উৎপাদন বৃদ্ধির পরিমাণ বেশী হ'বে। সংক্ষেপে, আমরা আগের অনুচ্ছেদে যে ধরে নিয়েছিলাম যে উৎপাদন দুটি একে অপরের অনপেক্ষ তা যুক্তিসংগত নয়।

অনেক সময় অবশ্য উৎপাদনীয় পরীক্ষা থেকেই অনপেক্ষতার পরীক্ষা ক'রা যেতে পারে। যেমন এক্ষেত্রে কর্ষণের গভীরতা যদি নাইট্রোজেন প্রয়োগে যে উৎপাদন বৃদ্ধি থটে তাকে প্রভাবিত ক'রে তাহ'লে বেশী গভীরতার নাইট্রোজেন প্রয়োগে যে উৎপাদন বৃদ্ধি হ'য়েছে ( অর্ধাং 7.8 হলুর ) তার থেকে কম গভীরতায় নাইট্রোজেন প্রয়োগের ফলে যে উৎপাদন বৃদ্ধি হ'য়েছে ( অর্ধাং 6.9 হলুর ) তা বাদ দিলে আমরা বেশী গভীরতা নাইট্রোজেনকে কিভাবে প্রভাবিত ক'রছে ( 0.9 হলুর ) তার একটা পরিমাপ পাব। এই পার্থক্যকে : নিবেশনের সাহায্যে সংশয় বিচারের পরীক্ষা ক'রে যদি দেখি যে পরীক্ষাটি বর্জন যোগ্য তাহ'লে বুঝতে হ'বে অনপেক্ষতার স্বীকৃত ব্যাখ্য। উৎপাদন বৃদ্ধির এই পরিমাণকে ব'লা হয় নাইট্রোজেন এবং গভীর কর্ষণের যৌথক্রিয়াফল ( Interaction )।

অনুকূল ভাবে উৎপাদন দুটিকে উলটে দিয়ে আমরা দেখতে পারি কর্ষণের গভীরতা অনিত উৎপাদন বৃদ্ধি নাইট্রোজেনের উপস্থিতিতে প্রভাবিত হ'চ্ছে কিনা। এইক্ষেত্রে যৌথক্রিয়াফলের পরিমাণ হ'ল 2.4 হলুর ( বেশী গভীরতায় নাইট্রোজেন প্রয়োগে যে উৎপাদন বৃদ্ধি হ'য়েছে ) এবং 1.5 হলুর ( বেশী গভীরতায় নাইট্রোজেন প্রয়োগ না ক'রে যে উৎপাদন বৃদ্ধি হ'য়েছে ) তার বিশেষ ফল অর্ধাং 0.9 হলুর। যেহেতু এখানে সংশ্লিষ্ট উৎপাদনের সংখ্য দুই, সেকারণে একুপ যৌথক্রিয়াফলকে আমরা দুই উৎপাদনী যৌথক্রিয়াফল ( Two-factor interaction ) বা প্রথম পর্যায়ের যৌথক্রিয়াফল ( First order interaction ) ব'লি।

**2.8.2. উৎপাদনীয় পরীক্ষার বিশেষ গুণ।** উৎপাদনীয় পরীক্ষার গুণাঙ্গণ নির্ভর করে পরীক্ষাটির উদ্দেশ্যের উপর। ধরা যাক আমাদের উদ্দেশ্য হ'ল পরীক্ষাটিতে ব্যবহৃত অন্য উৎপাদনগুলিকে কতকগুলি পূর্ব-নির্দিষ্ট সীমার মধ্যে পরিবর্তন করিয়ে প্রতিটি উৎপাদনের ফলাফল দেখা। অর্ধাং কোন সমিলিত বিশেষকের জন্য বেশী উৎপাদন হয় তা আনার চেয়েও প্রতিটি বিশেষকের উৎপাদন ক্ষমতা আনার জন্যই আমরা বেশী উৎসুখ। এরঅন্য একটি উপায় হ'ল প্রতিটি উৎপাদনকে পৃথক পৃথক নিয়ে প্রতিটি উৎপাদনের জন্য একটি ক'রে পরীক্ষা ক'রা। অন্য উপায় হ'ল একটি উৎপাদনীয় পরীক্ষায় সব উৎপাদনগুলিকে একসংগে পরীক্ষা ক'রা।

যদি উপাদানীয় পরীক্ষাটির প্রতিটি উপাদান একে অপরের অনপেক্ষ হয় তাহলে উপাদানীয় পরীক্ষার অনেক সময় এবং অর্থের সাঞ্চয় হ'বে। কারণ যেহেতু উপাদানগুলি একে অপরের অনপেক্ষ স্ফূর্তরাং প্রতিটি উপাদানের মুখ্যফল জানা থাকলেই অন্য উপাদানগুলিকে বিভিন্ন মাত্রায় প্রয়োগ ক'রলে তার ফল কি হ'বে তাও আসরা মোটামুটি ব'লতে পারব। তাছাড়া উপাদানীয় পরীক্ষায় মুখ্যফলগুলিকে পাওয়া যাচ্ছে সমস্ত অবেক্ষণগুলির গড় হিসাবে। স্ফূর্তরাং পরীক্ষাটির নির্ভুলতাও অনেক বেশী। যেমন আগের উদাহরণটিতে, অর্দেকগুলি পরীক্ষণী এককে নাইট্রোজেন আছে আর বাকী অর্দেকগুলিতে নাইট্রোজেন নেই। স্ফূর্তরাং শুধুমাত্র নাইট্রোজেনের অন্য সম-সংখ্যক পরীক্ষণী একক নিয়ে একটি পরীক্ষা ক'রলে পরীক্ষাটির নির্ভুলতা যা হ'ত, এক্ষেত্রেও নাইট্রোজেনের অন্য নির্ভুলতার পরিমাণ সেই একই থাকছে। অন্য উপাদানটির সম্পর্কেও সেই একই কথা প্রযোজ্য। অথচ একই নির্ভুলতাযুক্ত দুটি এক উপাদানীয় (single-factor) পরীক্ষা ক'রতে হ'লে পরীক্ষণী একক প্রয়োজন হ'ত এর হিশেব। অতএব  $n$  সংখ্যক উপাদান থাকলে এবং প্রতিটি উপাদানকে দুটি মাত্রায় প্রয়োগ ক'রা হ'লে  $n$  সংখ্যক এক উপাদানীয় পরীক্ষায় যতগুলি পরীক্ষণী একক প্রয়োজন হ'ত একটি  $n$  উপাদান বিশিষ্ট উপাদানীয় পরীক্ষায় পরীক্ষণী একক প্রয়োজন হ'বে তার  $n$  ভাগের এক ভাগ। স্ফূর্তরাং মনে হ'তে পারে  $n$  কে যত বড় নেওয়া যাবে উপাদানীয় পরীক্ষায় লাভের পরিমাণ ততই বাঢ়বে। কিন্তু  $n$  কে খুব বেশী বড় নেওয়ার অস্বীকার্য আছে। যেমন, কৃষির গবেষণার ক্ষেত্রে যদি অনেকগুলি উপাদানকে একটি উপাদানীয় পরীক্ষায় একসংগে পরীক্ষা ক'রা হয়, তাহলে অমির এককপত্তা (Homogeneity of soil) নষ্ট হয়ে গিয়ে পরীক্ষণী ভাস্তির পরিমাণ বেড়ে যেতে পারে।

উপাদানগুলি যদি একে অপরের অনপেক্ষ না হয় তাহলে কিন্তু আমাদের উপাদানীয় পরীক্ষা ছাড়া গত্যস্তর নেই। কারণ একটি উপাদানের উৎপাদন ক্ষমতা নির্ভর ক'রছে অন্য উপাদানগুলি কোন মাত্রায় আছে তার উপর। স্ফূর্তরাং এছলে এক উপাদানীয় পরীক্ষা হ'তে উক্তু উপাদানগুলি মূল্যহীন। কারণ এগুলিকে একত্র ক'রে বিশ্লেষণ ক'রা যাবে না। অথচ উপাদানীয় পরীক্ষায় শুধু যে উপাদানগুলির মুখ্যফল পাওয়া যাবে তাই নয়, একটি উপাদান অন্য উপাদানগুলি দ্বারা কিভাবে অভাবিত হ'চ্ছে তাও জানা যাবে এই উপাদানীয় পরীক্ষায়।

### 2.8.3. মুখ্যফল ও শৌধরিকসাকল

**হইউ উপাদানীয় পরীক্ষা:** ধরা যাক নাইট্রোজেন এবং ফসফরাস  
এই দুটি উপাদানের একটি উপাদানীয় পরীক্ষা ক'রা হ'য়েছে।  
নাইট্রোজেনকে প্রয়োগ ক'রা হ'য়েছে দুটি মাত্রায়  $n_0$  এবং  $n_1$  আৰ  
ফসফরাসকে প্রয়োগ ক'রা হ'য়েছে দুটি মাত্রায়  $p_0$  এবং  $p_1$ . তাহ'লে  
চারটি সম্মিলিত বিশেষক হ'ল

$$n_0 p_0$$

$$n_1 p_0$$

$$n_0 p_1$$

$$n_1 p_1$$

এখানে দুটি উপাদান নাইট্রোজেন এবং ফসফরাস প্রত্যেককে দুটি  
মাত্রায় প্রয়োগ ক'রা হ'য়েছে। একুপ পরীক্ষাকে সংক্ষেপে  $2 \times 2$   
পরীক্ষা বা  $2^2$  উপাদানীয় পরীক্ষা ব'লা হয়। ফসফরাসের দুটি  
মাত্রাতেই আমরা নাইট্রোজেনের উৎপাদন ক্ষমতা বের ক'রতে পারি।  
সেগুলি হ'ল ফসফরাসকে যখন  $p_0$  মাত্রায় প্রয়োগ ক'রা হ'চ্ছে, তখন  
নাইট্রোজেনের ফল

$$= n_1 p_0 - n_0 p_0 \quad \dots \quad (2.8)$$

ফসফরাসকে যখন  $p_1$  মাত্রায় প্রয়োগ ক'রা হ'চ্ছে তখন নাইট্রোজেনের

$$\text{ফল} = n_1 p_1 - n_0 p_1 \quad \dots \quad (2.9)$$

সুতরাং নাইট্রোজেন প্রয়োগের ফল পাওয়ার জন্য (2.8) নং এবং (2.9) নং  
সমীকরণের গড় নিয়ে আমরা বলতে পারি যে নাইট্রোজেন প্রয়োগের  
গড়মান হ'ল

$$N = \frac{1}{2} (n_1 p_1 - n_0 p_1 + n_1 p_0 - n_0 p_0) \\ = \frac{1}{2}(n_1 - n_0)(p_1 + p_0) \quad \dots \quad \dots \quad (2.10)$$

(2.10) নং সমীকরণের গুণলীয়ক দুটিকে বীজগাণিতিক নিয়মে ভেঙ্গে  
সম্মিলিত বিশেষকগুলির পরিবর্তে উৎপাদনের মান বসাতে হ'বে।

এই দুটি উপাদান যদি একে অপরের অনপেক্ষ হয় তাহ'লে আমাদের  
প্রত্যাশা ফসফরাসের দুটি মাত্রাতেই নাইট্রোজেন প্রয়োগ ক'রার ফলে  
উৎপাদন বৃদ্ধির পরিমাণ অভিয় হ'বে। কিন্ত অধিকাংশ ক্ষেত্ৰেই এই  
দুটিৰ মান ভিন্ন হয়। সুতরাং ফসফরাসের  $p_1$  মাত্রায় নাইট্রোজেন প্রয়োগ  
ক'রায় উৎপাদন বৃদ্ধিৰ যে পরিমাণ তাৰ থেকে ফসফরাসের  $p_0$  মাত্রায়

নাইট্রোজেন প্রয়োগে উৎপাদন বৃদ্ধির পরিমাণ বাদ দিলে আমরা ফসফরাসের উপস্থিতি নাইট্রোজেনের উৎপাদন ক্ষমতাকে কি ভাবে প্রভাবিত ক'রে তার পরিমাপ পাব। বর্তমান ক্ষেত্রে এই পরিমাপ হ'ল

$$\begin{aligned} NP &= \frac{1}{2}(n_1 p_1 - n_0 p_1 - n_1 p_0 + n_0 p_0) \\ &= \frac{1}{2}(n_1 - n_0)(p_1 - p_0) \end{aligned} \quad (2.11)$$

অনুসূচিতাবে আমরা ফসফরাস প্রয়োগে উৎপাদন বৃদ্ধির পরিমাপও বের ক'রতে পারি।

নাইট্রোজেনের  $n_0$  মাত্রায় ফসফরাস প্রয়োগ করার ফল

$$= n_0 p_1 - n_0 p_0 \quad (2.12)$$

এবং নাইট্রোজেনের  $n_1$  মাত্রায় ফসফরাস প্রয়োগ ক'রার ফল

$$= n_1 p_1 - n_1 p_0 \quad (2.13)$$

অতএব ফসফরাস প্রয়োগে উৎপাদন বৃদ্ধির গড় পরিমাণ হ'ল

$$\begin{aligned} P &= \frac{1}{2}(n_1 p_1 - n_1 p_0 + n_0 p_1 - n_0 p_0) \\ &= \frac{1}{2}(n_1 + n_0)(p_1 - p_0) \end{aligned} \quad (2.14)$$

আগের মতই নাইট্রোজেনের  $n_1$  মাত্রায় ফসফরাস প্রয়োগ ক'রার ফলে উৎপাদন বৃদ্ধির যে পরিমাপ তার খেকে নাইট্রোজেনের  $n_0$  মাত্রায় ফসফরাস প্রয়োগ ক'রার ফলে উৎপাদন বৃদ্ধির পরিমাণ বাদ দিলে নাইট্রোজেনের উপস্থিতি ফসফরাসের উৎপাদন ক্ষমতাকে কেবল ভাবে প্রভাবিত ক'রে তার পরিমাপ পাওয়া যাবে। আমরা যদি এই পরিমাপকে  $PN$  হারা চিহ্নিত ক'রি তাহ'লে

$$\begin{aligned} PN &= \frac{1}{2}(n_1 p_1 - n_1 p_0 - n_0 p_1 + n_0 p_0) \\ &= \frac{1}{2}(n_1 - n_0)(p_1 - p_0) \end{aligned} \quad (2.15)$$

একেণ্টে (2.11) নং এবং (2.15) নং সমীকরণ দুটির তুলনা ক'রলে দেখা যাবে।

$$NP = PN \quad (2.16)$$

এই সাধারণ মানকে আমরা ব'লব নাইট্রোজেন এবং ফসফরাসের বৌধক্ষিয়া ফল।

**2.8.4. দুই উপাদানীয় ফলের সমষ্টিবর্গ এবং তার সংশ্রে বিচার (Sum of squares due to factorial effects and its test of significance) :** ধরা যাক  $F$  টি সমস্তব রুক্তে পরীক্ষাটিকে পুনরাবৃত্ত ক'রা হ'য়েছে। তাহ'লে বহুক্রমণ সংখ্যাটি হ'ল  $r$ । একেতে কোন

মুখ্য বা বৌধ ক্রিয়াকলের সমষ্টি বর্গ পাওয়ার অন্য ফলাটির বগতে  $4r$  স্বতরাং তাঁগ ক'বতে হ'বে।

$$\text{স্বতরাং এক্ষেত্রে } N \text{ এই মুখ্যফলাটির সমষ্টিবর্গ} = \frac{[N]^2}{4r}, \text{ স্বাতন্ত্র্যমাত্রা } 1$$

$$P \text{ এই মুখ্য ফলাটির সমষ্টিবর্গ} = \frac{[P]^2}{4r}, \text{ স্বাতন্ত্র্যমাত্রা } 1$$

$$NP \text{ এই বৌধ ক্রিয়া ফলের সমষ্টি বর্গ} = \frac{[NP]^2}{4r}, \text{ স্বাতন্ত্র্যমাত্রা } 1$$

## 2.12. মৃত্যু সারণী

সংখ্যক সমস্তব ত্রাকে পরীক্ষিত  $2^{\text{nd}}$  পরীক্ষার প্রভেদ বিশ্লেষণ

প্রভেদের উৎস	স্বাতন্ত্র্য মাত্রা	সমষ্টিবর্গ	গড়বর্গ	$F$
ব্লক	$r - 1$	ব্লকের সমষ্টিবর্গ		
$N$	1	$S.S.[N] = \frac{[N]^2}{4r}$	$S.S.[N]$	$F_1 = \frac{S.S.[N]}{M.S.E}$
$P$	1	$S.S.[P] = \frac{[P]^2}{4r}$	$S.S.[P]$	$F_2 = \frac{S.S.[P]}{M.S.E}$
$NP$	1	$S.S.[NP] = \frac{[NP]^2}{4r}$	$S.S.[NP]$	$F_3 = \frac{S.S.[NP]}{M.S.E}$
আন্তি	$v_E = 3(r-1)$	$S.S.E = \text{বিয়োগফল}$ $\text{হিসাবে পাওয়া যাবে}$	$M.S.E.$ $= \frac{S.S.E.}{v_E}$	
মোট	$4r - 1$	$\sum_{ij} (y_{ij} - \bar{y} \dots)^2$		

$F_1, F_2$  এবং  $F_3$  এদের প্রত্যেকটির নির্বেশন হ'বে  $F\alpha$ ;  $1,3(r-1)$  স্বতরাং

বুধ্য প্রকল্পটি (অধ্যাত উপাদানীয় ফল ধাকার প্রকল্পটি বর্জন ক'রতে হ'বে) যদি দেখা যাব

$$F_i > F\alpha ; \quad i=1,2,3 \quad (2.17)$$

**2.8.5. তিম উপাদানীয় পরীক্ষা :** এবপর ধরা যাব আমরা তিনটি উপাদান নিয়ে একটি পরীক্ষা ক'রছি। তিনটি উপাদান হ'ল নাইট্রোজেন দুটি মাত্রায় ( $n_0$  এবং  $n_1$ ) ফসফরাস দুটি মাত্রায় ( $p_0$  এবং  $p_1$ ) আৱ পটাশ দুটি মাত্রায় ( $k_0$  এবং  $k_1$ )। এই পরীক্ষাটিকে সংক্ষেপে আমরা  $2 \times 2 \times 2$  পরীক্ষা বা  $2^3$  পরীক্ষা ব'লি।

এখানে সম্প্রিলিত বিশেষকগুলি হ'ল

$$\begin{array}{l} n_0 \ p_0 \ k_0 \\ n_1 \ p_0 \ k_0 \\ n_0 \ p_1 \ k_0 \\ n_1 \ p_1 \ k_0 \\ n_0 \ p_0 \ k_1 \\ n_1 \ p_0 \ k_1 \\ n_0 \ p_1 \ k_1 \\ n_1 \ p_1 \ k_1 \end{array} \quad (2.18)$$

আমরা পৱে দেখব এই সম্প্রিলিত বিশেষকগুলিকে যে পর্যায়ে (order) লেখা হ'য়েছে তা বিশেষ অর্থবহু।

২<sup>o</sup>-পরীক্ষার মত এখানেও আমরা নাইট্রোজেন প্রয়োগের মাত্রা  $n_0$  থেকে  $n_1$  এ বাড়ালে উৎপাদন বৃদ্ধির পরিমাণ কত হ'বে তা বের ক'রতে পারি। স্বত্বাতঃই এটি নির্ভর ক'বে ফসফরাস এবং পটাশ কোন মাত্রায় আছে তাৰ উপর। নিচেৰ সারণীতে ফসফরাস এবং পটাশেৰ বিভিন্ন মাত্রায় নাইট্রোজেন প্রয়োগেৰ ফল কত হ'বে তা বের ক'রছি।

### 2.13. অভ্যন্তরীণ সারণী

ফসফরাসেৰ মাত্রা	পটাশেৰ মাত্রা	নাইট্রোজেন প্রয়োগেৰ ফল
$p_0$	$k_0$	$n_1 p_0 k_0 - n_0 p_0 k_0$
$p_1$	$k_0$	$n_1 p_1 k_0 - n_0 p_1 k_0$
$p_0$	$k_1$	$n_1 p_0 k_1 - n_0 p_0 k_1$
$p_1$	$k_1$	$n_1 p_1 k_1 - n_0 p_1 k_1$

স্বতরাং ফসফরাস এবং পটাশের বিভিন্ন মাত্রায় নাইট্রোজেন প্রয়োগের মুখ্যফল হ'ল

$$\begin{aligned} & \frac{1}{2}[n_1 p_o k_o - n_o p_o k_o + n_1 p_1 k_o - n_o p_1 k_o + n_1 p_o k_1 \\ & - n_o p_o k_1 + n_1 p_1 k_1 - n_o p_1 k_1] \\ = & \frac{1}{2}[n_1 - n_o][p_1 + p_o][k_1 + k_o] \end{aligned} \quad (2.19)$$

অনুরূপ ভাবে, ফসফরাসের মুখ্যফল হ'বে

$$\frac{1}{2}(n_1 + n_o)(p_1 - p_o)(k_1 + k_o) \quad (2.20)$$

এবং পটাশের মুখ্যফল হ'বে

$$\frac{1}{2}(n_1 + n_o)(p_1 + p_o)(k_1 - k_o) \quad (2.21)$$

এই সারণী থেকে আমরা আরও দেখতে পাচ্ছি যে পটাশের দুটি মাত্রার উপর যদি গড় নেওয়া যায় তাহ'লে ফসফরাসের নিম্নমাত্রায় ( $p_o$ ) নাইট্রোজেনের ফল =  $\frac{1}{2}(n_1 p_o k_o - n_o p_o k_o + n_1 p_o k_1 - n_o p_o k_1)$   $(2.22)$

অনুরূপ ভাবে, ফসফরাসের উচ্চমাত্রায় ( $p_1$ ) নাইট্রোজেনের ফল

$$= \frac{1}{2}(n_1 p_1 k_o - n_o p_1 k_o + n_1 p_1 k_1 - n_o p_1 k_1) \quad (2.23)$$

(2.22) নং এবং (2.23) নং সমীকরণের মান যদি অভিন্ন হয় তাহ'লে বুঝতে হ'বে পটাশের বিভিন্ন মাত্রায় নাইট্রোজেন প্রয়োগের ফল ফসফরাস কৌন মাত্রায় আছে তার অপেক্ষা রাখে না। কিন্তু সাধারণতঃ (2.22) নং এবং (2.23) নং সমীকরণ দুটির মান ডিন হ'বে। সেক্ষেত্রে (2.23) নং সমীকরণ থেকে (2.22) নং সমীকরণ বাদ দিলে পটাশের বিভিন্ন মাত্রায় নাইট্রোজেন প্রয়োগের ফলে উৎপাদন বৃদ্ধির পরিমাণকে ফসফরাস কি ভাবে প্রভাবিত ক'রে তার পরিমাপ পাওয়া যাবে। এই পরিমাপটি হ'ল ফসফরাস এবং নাইট্রোজেনের যৌথ ক্রিয়াফল। এটিকে আবরা  $NP$  হারা চিহ্নিত ক'রব।

$$\text{স্বতরাং } NP = \frac{1}{2}(n_1 - n_o)(p_1 - p_o)(k_1 + k_o) \quad (2.24)$$

$$\text{অনুরূপ ভাবে } NK = \frac{1}{2}(n_1 - n_o)(p_1 + p_o)(k_1 - k_o). \quad (2.25)$$

$$\text{এবং } PK = \frac{1}{2}(n_1 + n_o)(p_1 - p_o)(k_1 - k_o) \quad (2.26)$$

আবার উপরোক্ত সারণী থেকে পটাশের বিভিন্ন মাত্রায় নাইট্রোজেন এবং ফসফরাসের যৌথ ক্রিয়াফল বেরক'রা যেতে পারে। যেমন, পটাশের  $k_o$  মাত্রায় নাইট্রোজেন এবং ফসফরাসের যৌথ ক্রিয়াফল হ'ল

$$\frac{1}{2}(n_1 p_1 k_o + n_o p_o k_o - n_1 p_o k_o - n_o p_1 k_o) \quad (2.27)$$

এবং পটাশের  $k_1$  মাত্রায় নাইট্রোজেন এবং ফসফরাসের যৌথ ক্রিয়াফল হ'ল

$$\frac{1}{2}(n_1 p_1 k_1 + n_o p_o k_1 - n_1 p_o k_1 - n_o p_1 k_1) \quad (2.28)$$

(2.27) ନଂ ଏବଂ (2.28) ନଂ ସମୀକରଣର ଗଡ଼ ନିଲେ ଆମରା ପାବ ପଟାଶେର ବିଭିନ୍ନ ଯାତ୍ରାୟ ନାଇଟ୍ରୋଜେନ ଏବଂ ଫସଫରାସେର ଯୌଥିକିଆ ଫଳ ଅର୍ଦ୍ଧାଂ  $NP$ . କିନ୍ତୁ (2.28) ନଂ ସମୀକରଣ ଥେବେ (2.27) ନଂ ସମୀକରଣ ବାଦ ଦିଲେ ଆମରା ପାବ ବିଭିନ୍ନ ଯାତ୍ରାୟ ପଟାଶେର ଉପହିତି ନାଇଟ୍ରୋଜେନ ଏବଂ ଫସଫରାସେର ଯୌଥ କ୍ରିୟାଫଳକେ କି ତାରେ ପ୍ରତାବିତ କ'ରେ ତାର ପରିମାପ ଅର୍ଦ୍ଧାଂ ନାଇଟ୍ରୋଜେନ, ଫସଫରାସ ଏବଂ ପଟାଶ ଏହି ତିନାଟି ଉପାଦାନେର ଯୌଥ କ୍ରିୟାଫଳ । ଏହି ଯୌଥ କ୍ରିୟାଫଳଟିକେ ଆମରା  $NPK$  ହାରା ଚିହ୍ନିତ କ'ରି ।

**ଅଭିରାଙ୍ଗ :**

$$NPK = ^1(n_1 - n_o)(p_1 - p_o)(k_1 - k_o) \quad (2.29)$$

ଯେହେତୁ ଏଥାନେ ତିନାଟି ଉପାଦାନ ଜଡ଼ିତ ତାଇ ଆମରା ଏଟିକେ ତିନ ଉପାଦାନୀ ଯୌଥ କ୍ରିୟାଫଳ (three factor interaction) ବଲି । ଆବାର ଅନେକ ସମୟ ଏଟିକେ ସିତିର ପର୍ଯ୍ୟନ୍ତ ଯୌଥ କ୍ରିୟାଫଳର (Second order interaction) ବ'ଳା ହର ।

ଉପରୋକ୍ତ ଆଲୋଚନା ଥେବେ ଆମରା ଦେଖିତେ ପାଇ ଯେ ସମ୍ପିଳିତ ବିଶେଷକେର ଉପାଦାନକେ ନାନାଭାବେ ଯୋଗ-ବିଯୋଗ କ'ରେ ଏହି ଯୋଗକଳକେ 4 ହାରା ଭାଗ କ'ରେ ଆମରା ସମ୍ଭବ ମୁଖ୍ୟକଳ ଏବଂ ଯୌଥ କ୍ରିୟାଫଳ ଶୁଣି ପାଇଥା । ଏହି ଯୋଗକଳଶୁଣିଲିତେ କୋନ ସମ୍ପିଳିତ ବିଶେଷକେର ଉପାଦାନ ଯୋଗ କ'ରିତେ ହ'ବେ ଏବଂ କୋନ ସମ୍ପିଳିତ ବିଶେଷକେର ଉପାଦାନ ବିଯୋଗ କ'ରିତେ ହ'ବେ ତା ଆମରା ନିଚେର ସାରଣୀତେ ପ୍ରଦର୍ଶନ କ'ରିଛି । ଲେଖାର ଅଧିକାର ଜନ୍ୟ ଏହି ସାରଣୀତେ କୋନ ବିଶେଷକ ଯଦି ନିମନ୍ତ୍ବାୟ ଥାକେ ତାହ'ଲେ ତାକେ 1 ହାରା ଚିହ୍ନିତ କ'ରିବ ଏବଂ ଯେ ଯେ ବିଶେଷକ ଉଚ୍ଚମାତ୍ରାୟ ଥାକିବେ ଲେଣ୍ଡଲିକେ ଅନୁକୂଳ ଅକ୍ଷମାଟ ହାରା ଚିହ୍ନିତ କ'ରିବ । ଏହିଭାବେ  $n_o p_o k_o$  କେ ଆମରା ଚିହ୍ନିତ କ'ରିବ (1) ହାରା,  $n_1 p_1 k_1$  କେ  $pk$  ହାରା ଇତ୍ୟାଦି ।

ତିନ ଉପାଦାନୀର ପରୀକ୍ଷାର ସମ୍ପିଳିତ ବେର କରାର ପରିକଳନା ଏବଂ ସଂଶୟ ବିଚାର ଠିକ ଦୁଇ ଉପାଦାନୀର ପରୀକ୍ଷାର ଅନୁକୂଳ । ଆମରା ଏକାଟ ଉଦାହରଣେର ସାହାଯ୍ୟ ତିନ ଉପାଦାନୀର ପରୀକ୍ଷାର ସମ୍ପିଳିତ ବେର କରାର ପରିକଳନା ଏବଂ ସଂଶୟ ବିଚାରେର ଆଲୋଚନା କ'ରିବ ।

### 2.8.6. ଉପାଦାନୀର ପରୀକ୍ଷାର ଫଳ ସମ୍ଭାବିତ ବେର କ'ରାର ଇମ୍ପ୍ରେସ୍-ଏର ପରିକଳନା :

ଉପରୋକ୍ତ ଆଲୋଚନାମ୍ବେ ଆମରା ଦେଖେଛି ଯେ ଯେ କୋନ ଏକାଟ ଉପାଦାନେର ମୁଖ୍ୟକଳ ବା ଯୌଥ କ୍ରିୟାଫଳ ପେତେ ଗେଲେ ଅର୍କେକଣ୍ଟଲି ଉପାଦାନକେ ଯୋଗ

2.14. সমস্যা সারণী

গতি উপাদানীয় পরীক্ষার মুখ্যফল এবং ঘোষক্রিয়াকল  
সমিলিত বিশেষক

ফল	(1)	$n$	$p$	$np$	$k$	$nk$	$pk$	$nPk$
মোট	+	+	+	+	+	+	+	+
$N$	-	+	-	+	-	+	-	+
$P$	-	-	+	+	-	-	+	+
$NP$	+	-	-	+	+	-	-	+
$K$	-	-	-	-	+	+	+	+
$NK$	+	-	+	-	-	+	-	+
$PK$	+	+	-	-	-	-	+	+
$NPK$	-	+	+	-	+	-	-	+

ক'রতে হ'বে এবং বাকী অর্কেক উৎপাদনকে বিয়োগ ক'রতে হ'বে।

প্রতিবার একাপ তাবে প্রতিটি ফল পাওয়া খুবই সময় সাপেক্ষ এবং ক্লাসিকর। ইয়েটস  $2^n$  পরীক্ষার ক্ষেত্রে এই ফলগুলি পাওয়ার অন্য একটি সুসম্ভব পদ্ধতি দিয়েছেন। আবরা  $2^k$  পরীক্ষার ক্ষেত্রে পদ্ধতিটি বর্ণনা ক'রছি।

প্রথমে আটটি সমিলিত বিশেষককে সুসম্ভব তাবে সাজান হ'ল। এর অন্য প্রথমে লেখা হ'ল (1) এই সমিলিত বিশেষকটি। তারপর ক্রমে ক্রমে  $n, p, k$  এই অক্ষরগুলিকে যোগ ক'রা হ'ল। কোন একটি অক্ষর যোগ ক'রাৰ পৰ পুৰ্বে যে সব সমিলিত বিশেষক আছে তাদেৱ প্রত্যেকেৰ সংগে এই অক্ষরটি যোগ ক'ৰলে সে সমস্ত সমিলিত বিশেষক পাওয়া বাবে তাদেৱ সব ক'টিকে ক্রমে লেখা হ'ল। এইভাৱে প্রথম স্তৰটি

পাওয়া গেল। হিতীয় তত্ত্বে সমস্ত পুনরাবৃত্ত অংশগুলি থেকে সম্মিলিত বিশেষকগুলির মোট উৎপাদনগুলি হেখা হ'ল।

প্রথম দুটি অন্ত এইভাবে ভাবি ক'রা পর তৃতীয় স্তরটি পাওয়ার অন্য হিতীয় স্তরের সমস্ত সংখ্যাগুলিকে পরপর দুটি ক'রে জোড়ায় জোড়ায় ডাগ ক'রা হ'ল ( অর্ধাং 1 এবং 2 ; 3 এবং 4 ; 5 এবং 6 ; 7 এবং 8 এই ভাবে )। এখন তৃতীয় স্তরের প্রথম অর্দেক অংশটি পাওয়া যাবে একই জোড়ার দুটি সংখ্যাকে ঘোগ ক'রে , আর হিতীয় অর্দেক অংশ পাওয়া যাবে একই জোড়ার দুটি সংখ্যার নিচেরটি হ'তে উপরেরটি বাদ দিবে। হিতীয় স্তর থেকে ঘোড়াবে তৃতীয় স্তর পাওয়া গেছে ঠিক সেই পদ্ধতিতে তৃতীয় স্তর থেকে চতুর্থ স্তর এবং চতুর্থ স্তর থেকে পঞ্চম স্তরটি পাওয়া যাবে। পঞ্চম স্তরে যে সংখ্যাগুলি পাওয়া গেল সেগুলিই হ'ল সমস্ত বিশেষকগুলির মোট ফল, বিভিন্ন মুখ্যফল এবং যৌথক্রিয়ফল। প্রথম স্তরের যে সারিতে যে সম্মিলিত বিশেষকগুলি আছে পঞ্চম স্তরে ঠিক সেগুলির অনুক্রম উৎপাদনগুলির ফল পাওয়া যাবে।

উদাহরণের সাহায্যে আমরা একটি  $2^8$  পরীক্ষার বিশেষণ পদ্ধতি প্রদর্শন ক'রছি—তাতে আমাদের বজ্রব্য আরও পরিচকার ভাবে পরিষ্কৃত হ'বে।

একটি  $2^8$ — পরীক্ষার পরিকল্পনা ও উৎপাদনগুলি হ'ল নিম্নরূপ :

### 1 অং ইক

$np$	$pk$	$k$	$nk$	(1)	$p$	$n$	$npk$
291	398	312	373	101	265	106	450

### 2 অং ইক

$pk$	$k$	$p$	$np$	$n$	$npk$	$nk$	(1)
407	324	272	306	89	449	338	106

### 3 অং ইক

$k$	(1)	$nk$	$pk$	$np$	$p$	$n$	$npk$
323	87	324	423	334	279	128	471

### 4 অং ইক

$nk$	$np$	$n$	$k$	$p$	(1)	$npk$	$pk$
361	272	103	324	302	131	437	445

ত্বকগুলির সমষ্টি

ত্বকের নম্বর		সমষ্টি
1 নং ত্বক	2296	
2 নং ত্বক	2291	
3 নং ত্বক	2369	
4 নং ত্বক	2375	
মোট	9331	

2.15 অন্ধর সারণী

ইয়েটস্ এর পক্ষতিতে 2° পরীক্ষার ফল সমষ্টি

সম্বলিত বিশেষক	মোট					ফল
(1)	(2)	(3)	(4)	(5)		
(1)	425	851	3172	9331	মোট ফল বা গড়মান	
<i>n</i>	426	2321	6159	333	<i>N</i>	
<i>p</i>	1118	2679	86	2271	<i>P</i>	
<i>np</i>	1203	3480	247	105	<i>NP</i>	
<i>k</i>	1283	1	1470	2987	<i>K</i>	
<i>nk</i>	1396	85	801	161	<i>NK</i>	
<i>pk</i>	1673	113	84	-669	<i>PK</i>	
<i>npk</i>	1807	134	21	-63	<i>NPK</i>	

## ২.১৬. জুতার আরণী

## প্রভেদ বিশ্লেষণ

উৎস	স্বাতন্ত্র্যমাত্রা	সমষ্টির্গ	গড়র্গ	F
ব্লক	3	774·2	258·7	·74
N	1	3465·3	3465·3	9·99 **
P	1	161170·0	161170·0	464·46 **
NP	1	344·5	344·5	·99
K	1	278817·8	278817·8	803·51 **
NK	1	810·0	810·0	2·33
PK	1	13986·3	13986·3	40·30
NPK	1	124·0	124·0	·36
আন্তি	21	7287·6	347·0	
মোট	31	466779·7		

স্মৃতরাঙঁ দেখা যাচ্ছে N,P,K এই তিনটি মুখ্যকল এবং PK এই যৌথক্রিয়া কলাটি খুবই তাঁৎপর্য পূর্ণ।

২.৮.৭. উপাদানগুলি যথম ছুই এর অধিক মাত্রায় প্রয়োগ ক'রা হল যথম ছুই উপাদানীয় পরীক্ষা :

আমরা এতক্ষণ যে সব উপাদানীয় পরীক্ষার আলোচনা ক'রলাম সেগুলিতে অতিক্রম উপাদানকে ঠিক দুটি মাত্রায় প্রয়োগ ক'রা হ'য়েছে। কিন্তু বাস্তব ক্ষেত্রে অনেক সময় দুই এর অধিক মাত্রায় প্রয়োগ ক'রার প্রয়োজন দেখা দের। এসকল ক্ষেত্রে বিশ্লেষণ খুবই আটক হয়।

কারণ এখানে বিশ্লেষণের ঘর্থে অনেক কিছু দেখার থাকে। আবরা খুব একটি সাধারণ পরীক্ষার উদাহরণ দেব এবং সেখানেও খুব বেশী অটিলতার ঘর্থে না গিয়ে শুধু মাত্র মুখ্যফল এবং যৌথ জিম্মাফল বের ক'রা পদ্ধতিটুকুই বর্ণনা ক'রব।

গমের উৎপাদনের উপর নাইট্রোজেন এবং ফসফরাস ঘটিত সারের প্রভাব দেখার অন্য একটি পরীক্ষার পরিকল্পনা ক'রা হ'য়েছে। এখানে নাইট্রোজেনকে পাঁচটি মাত্রায় ( $n_0, n_1, n_2, n_3, n_4$ ) এবং ফসফরাসকে তিনটি মাত্রায় ( $p_0, p_1, p_2$ ) পরোগ্র ক'রা হ'য়েছে।

### 2.17. মৃত্তি সারণী

এক নম্বর বহুকরণ

ফসফরাসের মাত্রা

নাইট্রোজেনের মাত্রা	$p_0$	$p_1$	$p_2$	মোট
$n_0$	17.0	20.0	19.7	56.7
$n_1$	16.1	18.9	20.3	55.3
$n_2$	21.1	23.1	21.8	66.0
$n_3$	15.4	20.9	18.4	54.7
$n_4$	20.3	21.0	14.2	55.5
মোট	89.9	103.9	94.4	288.2

## 2.18. অবস্থা সারণী

জট ব্যবহৃত ব্যক্তি

ক্ষমতাসূচৰ মাত্ৰা

নাইট্রোজেনের মাত্ৰা	$p_0$	$p_1$	$p_2$	মোট
$n_0$	22.8	20.7	23.5	67.0
$n_1$	24.3	26.2	26.7	77.2
$n_2$	27.2	24.9	24.6	76.7
$n_3$	27.8	26.3	24.0	78.1
$n_4$	24.0	23.7	23.3	71.0
মোট	126.1	121.8	122.1	370.0

স্তুরাঃ একেতে মোট সমষ্টিবৰ্গ (অসংশোধিত)

$$= \sum y_{ij}^2 = 14803.440$$

$$G = 658.2$$

$$\text{অসংশোধিত অংশ} = \frac{G^2}{n} = \frac{(658.2)^2}{30} = 14440.908$$

$$\text{ব্যক্তি} \text{ সমষ্টিবৰ্গ} = \frac{(288.2)^2}{15} + \frac{(370.0)^2}{15} - \frac{(658.2)^2}{30}$$

$$= 223.042$$

একটৈ প্রতিটৈ সমিলিত বিশেষকের কলকে দুটি ব্যক্তি থেকে বোঝ  
ক'রে আসৱা বিভিন্ন সমিলিত বিশেষকের কলকে একটৈ সারণীতে ঝুঁকাণ  
ক'র'তে পাৰি।

2.19. অসম সারণী

	$p_0$	$p_1$	$p_2$	মোট
$n_0$	39.8	40.7	43.2	123.7
$n_1$	40.4	45.1	47.0	132.5
$n_2$	48.3	48.0	46.4	142.7
$n_3$	43.2	47.2	42.4	132.8
$n_4$	44.3	44.7	37.5	126.5
মোট	216.0	225.7	216.5	628.2

$$\text{অতএব } N \text{ এর সমষ্টিবর্গ} = \frac{(123.7)^2}{6} + \frac{(132.5)^2}{6} + \dots + \frac{(126.5)^2}{6} - \frac{(658.2)^2}{30}$$

$$= 35.645$$

$$\text{অনুসূচি ভাবে } P \text{ এর সমষ্টিবর্গ} = \frac{(216.0)^2}{10} + \frac{(225.7)^2}{10} + \frac{(216.5)^2}{10} - \frac{(658.2)^2}{30}$$

$$= 5.966$$

একবৰ্তী উনিশ নং সারণীৰ মোট সমষ্টি বৰ্গ

$$= \frac{(39.8)^2}{2} + \frac{(40.7)^2}{2} + \frac{(43.2)^2}{2} + \frac{(40.4)^2}{10} + \dots + \frac{(37.5)^2}{2} - \frac{(658.2)^2}{30}$$

$$= 74.322$$

$$\text{স্থূলৰাঃ } N \times P \text{ এৰ সমষ্টিবৰ্গ} = 74.322 - 35.645 - 5.966 \\ = 32.711$$

2.20 মুক্তি

## প্রত্তেদ বিশ্লেষণ

উৎস	স্বাতন্ত্র্যমাত্রা	সমষ্টিবৰ্গ	গড়বৰ্গ	$F$
বহুকৰণ	1	223.042		
$N$	4	35.645	8.911	1.913
$P$	2	5.966	2.983	.640
$N \times P$	8	32.711	4.089	.878
আন্তি	14	65.168	4.659	
মোট	29	362.532		

শ্চাইতে: এখানে  $N, P$  এবং  $NP$ ৰ কোনোৱাপ তাৎপর্যপূর্ণ কৰ নৈই।

## সহপাঠ্য পুস্তকাবলী

- [1] Anderson, R.L. & Bancroft, T.A. : "Statistical Theory in Research" Mc-Graw Hill, 1952.
- [2] Cochran, W.G. & Cox, G.M. : "Experimental Designs" John Wiley & Sons, New York , 1957.
- [3] Fisher, R.A. : "The Design of Experiments", Oliver & Boyd, 1947.
- [4] Goon, A.M., Gupta. M.K. & Dasgupta, B. : "Fundamentals of Statistics, Vol". 2. 1968
- [5] Goulden, C.H. : "Methods of Statistical Analysis", Asia Publishing House, 1959.

- [6] Kempthorne, O. : "The Design and Analysis of Experiments," John Wiley, 1952.
- [7] Kenny, J. F. & Keeping, E.S. : "Mathematics of Statistics", Part II, D. Van. Nostrand Co. Inc. 1956.
- [8] Leonard, W.H. and Clark, A.G. : "Field plot Technique", Burgess Publishing Co., 1945.
- [9] Panse, V.G. & Sukhatme, P.V. : "Statistical Methods for Agricultural Workers", Indian Council of Agricultural Research, 1957.
- [10] Wishart, J. and Sanders, H.G. : "Principles and practice of field experimentation," Commonwealth Bureau of Plant breeding and genetics ; Tech. Com. No. 18, 1955.
- [11] Yates, F. : "The Design and analysis of factorial experiments," Imperial Bureau of Soil Science ; Tech. Com. No. 35, Harpenden, England, 1937.

### অঙ্গুশীলনী

2.1. পরীক্ষণ পরিকল্পনায় সম-সন্তুষ্টি করণ, বহুকরণ ও স্থানীয় নিয়ন্ত্রণ এবং ভূধিকা ব্যাখ্যা কর।

একটি সমস্তৰ দুক পরিকল্পনার বর্ণনা দাও এবং উহার বিশ্লেষণ প্রণালী দাও।

2.2. উপাদানীয় পরীক্ষা ব'লতে কি বোঝ ? উপাদানীয় পরীক্ষাকে এক উপাদানীয় পরীক্ষা হ'লে অপেক্ষাকৃত উৎকৃষ্ট ব'লে গন্য ক'রা হয় কেন ?

একটি 2<sup>3</sup> উপাদানীয় পরীক্ষার পরিকল্পনা এবং বিশ্লেষণ প্রণালী দাও।

2.3. পরীক্ষণী এককগুলিকে সদৃশভাবকে বিন্যাস ক'রার ফলে

কিভাবে পরীক্ষণী ধার্তি নিয়ন্ত্রিত হয় উদাহরণ সাহায্যে ব্যাখ্যা ক'র।  
একটি ন্যাটুর বর্গ পরিকল্পনা ও তার বিশ্লেষণ প্রণালী বর্ণনা  
( ক.বি. 1970 )

কর।

2.4. দুই উপাদানীয় পরীক্ষায় মুখ্যকল ও বৌধক্ষিয়াকল কাহাকে  
ব'লে ? সমস্তৰ দুকে পরিচালিত একটি দুই-উপাদানীয় পরীক্ষার বিশ্লেষণ  
প্রণালী বিশদভাবে বর্ণনা কর।

2.5. পরীক্ষণী পরিকল্পনার মূলত তিনটি ধ্যাখ্যা ক'র।

একটি সম্পূর্ণরূপে সমস্তৰ পরিকল্পনা থেকে একটি সমস্তৰ ত্রুক পরিকল্পনা এবং তাৰপৰ বখন একটি ল্যাটিন বৰ্গ পরিকল্পনার কথা চিন্তা ক'রা হয় তখন বিশেষকেৱ সংখ্যা এবং বহুকৰণ সংখ্যার উপৰ যেসৰ বিধিনিময়ে আৰোপ ক'রাৰ প্রয়োজন হয় তা' আলোচনা ক'ৰ।

উপৰোক্ত পরিকল্পনাগুলিতে কিভাবে সৱলতা ( flexibility ) বিসর্জন দিয়ে পরীক্ষণী ধাৰ্তিৰ উপৰ বেশী মিলজন অৰ্জন ক'রা, যাম তাও আলোচনা কৰ।

2.6. (a) একটি সমস্তৰ ত্রুকে পরিচালিত একটি 2<sup>3</sup>— পরীক্ষাক বিশ্লেষণ বিশদভাৱে আলোচনা কৰ।

(b) একটি ফসলেৱ *A*, *B* এবং *C* তিন প্ৰকাৰ বৌজকে একটি সমস্তৰ ত্রুক পরিকল্পনায় পৰীক্ষা ক'ৰা হ'ল যাৰ বহুকৰণ সংখ্যাটি হল চার। পাউডেৱ পৰিমাপে প্ৰতিটি পৰীক্ষণী এককেৱ উৎপাদনসহ পৰীক্ষণী পরিকল্পনাটি নিচে দেওয়া হ'ল। পৰীক্ষাটি হ'তে উন্তুত উৎপাদনগুলিৰ বিশ্লেষণ ক'ৰ এবং তোমাৰ মতামত দাও।

প্রয়োজন বোধে এগুলি ব্যবহাৰ ক'ৰতে পাৰ,

$$F_{.05,2,6} = 5.143, F_{.01,2,6} = 10.925, F_{.05,3,6} = 4.757; F_{.01,3,6} = 9.779$$

<i>C</i>	5	<i>A</i>	6	<i>B</i>	9	<i>A</i>	8
<i>A</i>	4	<i>C</i>	8	<i>C</i>	9	<i>B</i>	6
<i>B</i>	6	<i>B</i>	7	<i>A</i>	6	<i>C</i>	10

2.7. একটি ল্যাটিন বৰ্গ পরিকল্পনার সমস্ত শীকৰণগুলিৰ উন্মেখ ক'ৰে পৰিকল্পনাটি এবং তাৰ বিশ্লেষণ প্ৰণালী বৰ্ণনা কৰ। F-বিচাৰাক বখন তাৎপৰ্যপূৰ্ণ, তখন বিভিন্ন বিশেষক যুগ্মলেৱ ( treatment pairs ) মধ্যে পাৰ্শ্বক্য তাৎপৰ্যপূৰ্ণ কিমা কিভাবে বিচাৰ ক'ৰবে?

2.8. পৰীক্ষণী পরিকল্পনায় সমস্তবীকৰণ ও বহুকৰণৰ ভূমিকাক উপৰ সংক্ষিপ্ত টাকা লিখ।

2.9. একটি বাজারদর সংক্রান্ত গবেষণায় একটি প্রধান বস্তু (staple item) আলুর দাম নিয়ে পরীক্ষা ক'রা হ'য়েছিল। যে অঞ্চলে পরীক্ষা ক'রা হয়, সেখানে পাঁচটি শহর এবং প্রতিটি শহরে পাঁচ ধরণের গুদাম ছিল। যেহেতু পাঁচ প্রকার বছল প্রচলিত আলুই প্রতিটি শহরের প্রতিটি গুদামে দৈনন্দিন বিক্রি হ'ত সেজন্য একটি ল্যাটিন বর্গ পরিকল্পনায় পরীক্ষাটি ক'রা হ'য়েছিল। প্রতি কেজি আলুর গড়দাম (পয়সার হিসাবে) নিচে দেওয়া হ'ল।

শহর	গুদামের প্রকার				
	1	2	3	4	5
1	59(C)	65(A)	63(B)	60(D)	65(E)
2	65(E)	54(D)	68(C)	58(A)	60(B)
3	64(B)	61(E)	65(A)	64(C)	63(D)
4	63(D)	68(C)	62(E)	62(B)	67(A)
5	68(A)	65(B)	62(D)	63(E)	65(C)

৫% সংশয় মাত্রায় বিচার ক'রে দেখ (i) বিভিন্নপ্রকার আলুর মধ্যে কোন পার্থক্য আছে কিনা ; (ii) বিভিন্নপ্রকার গুদামের মধ্যে কোন পার্থক্য আছে কিনা ; (iii) শহরগুলির মধ্যে কোন পার্থক্য আছে কিনা ?

বিভিন্নপ্রকার আলুর দামের প্রাককলনী মান বের কর।

2.10. নিম্নলিখিত পরীক্ষাগুলির জন্য পরিকল্পনাগুলি বের কর :—

(a) A,B এবং C এই তিনটি বিশেষক নিয়ে একটি সম্পূর্ণকাপে সমস্তবী পরিকল্পনা উন্নাবন ক'র যাদের বছকরণ সংখ্যাগুলি যথাক্রমে 2,3 এবং 4।

(b) দুটি ব্লকে 4টি বিশেষক নিয়ে একটি সমস্তব ব্লক পরিকল্পনা কর।

2.11. নিচের সারণীতে A,B,C,D,E এবং F এই ছয়প্রকার সারের গুরুবস্তু পরীক্ষার জন্য চারটি সমস্তব ব্লকে পরিচালিত একটি পরীক্ষার উপায় দেওয়া আছে।

১ নং ব্লক	B	D	A	C	E	F
	52	33	36	58	44	53
২ নং ব্লক	F	A	E	B	D	C
	48	40	43	50	39	50
৩ নং ব্লক	B	C	F	D	E	A
	47	49	51	33	42	43
৪ নং ব্লক	A	F	C	D	B	E
	45	44	55	35	51	43

উপাঞ্চাটি পরীক্ষা ক'রে উপযুক্ত সিঙ্কান্ত গ্রহণ কর। A এবং B  
এই দুই প্রকার সারের মধ্যে তাঁৎপর্যপূর্ণ পার্থক্য আছে কিনা দেখ।

2.12. একটি  $5 \times 5$  ল্যাটিন বর্গ পরিকল্পনার পরিকল্পনাটি প্রস্তুত কর।

2.13. ল্যাটিন বর্গ পরিকল্পনায় পরিচালিত বীটের উপর সেচসংক্রান্ত পরীক্ষার উপাত্ত দেওয়া আছে।

(টনের হিসাবে প্রতি একরে বীটের উৎপাদন )

E 18.5	D 19.5	A 20.7	B 22.7	C 18.6
C 20.7	E 14.3	D 18.8	A 20.0	B 20.6
A 26.0	C 17.5	B 21.1	E 18.9	D 20.0
D 22.5	B 23.0	E 17.2	C 17.1	A 20.6
B 24.4	A 20.2	C 18.9	D 19.7	E 14.1

উভাপটি পরীক্ষা ক'রে দেখ বিশেষকঙ্গির মধ্যে তাঁৎপর্যপূর্ণ পার্থক্য বিদ্যমান কিনা এবং অবিটির সারি ও তত্ত্ব বিভাগের বৈসামৃশ্য সম্পর্কে অন্তর্ভুক্ত কর।

2.14. সমস্ত ব্লক পরিকল্পনায় ছয় থেকার বীজের পার্দক্ষ সংক্রান্ত একটি পরীক্ষায় পাউণ্ডের হিসাবে উৎপাদনের পরিমাণ এবং পরীক্ষণী পরিকল্পনাটি ( বছনীর মধ্যে সংখ্যাবারা চিহ্নিত ) দেওয়া হ'ল ।

1 নং ব্লক	(1)	(3)	(2)	(4)	(5)	(6)
	27.8	27.7	30.6	16.2	16.2	24.9
2 নং ব্লক	(3)	(2)	(1)	(4)	(6)	(5)
	22.7	28.8	27.3	15.0	22.5	17.0
3 নং ব্লক	(6)	(4)	(1)	(3)	(6)	(5)
	26.3	19.6	38.5	36.8	39.4	15.4
4 নং ব্লক	(5)	(2)	(1)	(4)	(3)	(6)
	17.7	31.1	28.5	14.3	34.9	22.6

উপার্জটি বিশেষণ ক'র এবং বীজগুলিকে নিষ্কৃতার অব্যর্যামে সাজাও ।



# **পরিশিষ্ট ৪ সারণীসমূহ**

পরিশিষ্ট : সারণীগুহ্য

সারণী I. বোল নর্ম্মান চনকের ( গড় ০ ও সমকপার্থক্য । ) নিবেশনের  
অক্ষরেখা ( ordinate ) ও ক্ষেত্রফল ( area )\*

$\tau$	$\phi(\tau)$	$\Phi(\tau)$	$\tau$	$\phi(\tau)$	$\Phi(\tau)$	$\tau$	$\phi(\tau)$	$\Phi(\tau)$
.00	.3989423	.5000000	.51	.3502919	.6949743	1.01	.2395511	.8437524
.01	.3989223	.5039894	.52	.3484925	.6984682	1.02	.2371320	.8461358
.02	.3988625	.5079783	.53	.3456677	.7019440	1.03	.2347138	.8484950
.03	.3987628	.5119665	.54	.3448180	.7054015	1.04	.2322970	.8508300
.04	.3986233	.5159534	.55	.3429439	.7088403	1.05	.2298821	.8531409
.05	.3984439	.5199388	.56	.3410458	.7122603	1.06	.2274696	.8554277
.06	.3982248	.5239222	.57	.3391243	.7156612	1.07	.2250599	.8576903
.07	.3979661	.5279032	.58	.3371799	.7190427	1.08	.2226535	.8599289
.08	.3976677	.5318814	.59	.3352132	.7224047	1.09	.2202508	.8621434
.09	.3973298	.5358564	.60	.3332246	.7257469	1.10	.2178522	.8643339
.10	.3969525	.5398278	.61	.3312147	.7290691	1.11	.2154582	.8665005
.11	.3965360	.5437953	.62	.3291840	.7323711	1.12	.2130691	.8686431
.12	.3960802	.5477584	.63	.3271330	.7356527	1.13	.2106856	.8707619
.13	.3955854	.5517168	.64	.3250623	.7389137	1.14	.2083078	.8728568
.14	.3950517	.5556700	.65	.3239724	.7421539	1.15	.2059363	.8749281
.15	.3944793	.5596177	.66	.3208638	.7453731	1.16	.2035714	.8769756
.16	.3938684	.5635595	.67	.3187371	.7485711	1.17	.2012135	.8789995
.17	.3932190	.5674949	.68	.3165929	.7517478	1.18	.1988631	.8809999
.18	.3925315	.5714237	.69	.3144317	.7549029	1.19	.1965205	.8829768
.19	.3918060	.5753454	.70	.3122539	.7580363	1.20	.1941861	.8849303
.20	.3910427	.5792597	.71	.3100603	.7611479	1.21	.1918602	.8868606
.21	.3903119	.5831662	.72	.3078513	.7642375	1.22	.1895432	.8887676
.22	.3894038	.5870644	.73	.3056274	.7673049	1.23	.1872354	.8906514
.23	.3885286	.5909541	.74	.3033893	.7703500	1.24	.1849373	.8925123
.24	.3876166	.5948349	.75	.3011374	.7733726	1.25	.1826491	.8943502
.25	.3866681	.5987063	.76	.2988724	.7763727	1.26	.1803712	.8961653
.26	.3856834	.6025681	.77	.2965948	.7793501	1.27	.1781038	.8979577
.27	.3846627	.6064199	.78	.2943050	.7823046	1.28	.1758474	.8997274
.28	.3836063	.6102612	.79	.2920038	.7852361	1.29	.1736022	.9014747
.29	.3825146	.6140919	.80	.2896916	.7881446	1.30	.1713686	.9031995
.30	.3813878	.6179114	.81	.2873689	.7910299	1.31	.1691468	.9049021
.31	.3802264	.6217195	.82	.2850364	.7938919	1.32	.1669370	.9065825
.32	.3790305	.6255158	.83	.2826945	.7967306	1.33	.1647397	.9082409
.33	.3778007	.6293000	.84	.2803438	.7995458	1.34	.1625551	.9098773
.34	.3765372	.6330717	.85	.2779849	.8023375	1.35	.1603833	.9114920
.35	.3752403	.6368307	.86	.2756182	.8051055	1.36	.1582248	.9130850
.36	.3739106	.6405764	.87	.2732444	.8078498	1.37	.1560797	.9146565
.37	.3725483	.6443088	.88	.2708640	.8105703	1.38	.1539483	.9162067
.38	.3711539	.6480273	.89	.2684774	.8132671	1.39	.1518308	.9177356
.39	.3697277	.6517317	.90	.2660852	.8159399	1.40	.1497275	.9192433
.40	.3682701	.6554217	.91	.2636880	.8185887	1.41	.1476385	.9207302
.41	.3667817	.6590970	.92	.2612863	.8212136	1.42	.1455641	.9221962
.42	.3652627	.6627573	.93	.2588805	.8238145	1.43	.1435046	.9236415
.43	.3637136	.6664022	.94	.2564713	.8263912	1.44	.1414600	.9250663
.44	.3621349	.6700314	.95	.2540591	.8289439	1.45	.1394306	.9264707
.45	.3605270	.6736448	.96	.2516443	.8314724	1.46	.1374165	.9278505
.46	.3588903	.6772419	.97	.2492277	.8339768	1.47	.1354181	.9292191
.47	.3572253	.6808225	.98	.2468095	.8364569	1.48	.1334353	.9305634
.48	.3555325	.6843863	.99	.2443904	.8389129	1.49	.1314684	.9318879
.49	.3538124	.6879331	1.00	.2419707	.8413447	1.50	.1295176	.9331928

ରାଶିବିଜ୍ଞାନେର ପ୍ରଯୋଗପଦ୍ଧତି

$\tau$	$\phi(\tau)$	$\Phi(\tau)$	$\phi(\tau)$	$\Phi(\tau)$	$\phi(\tau)$	$\Phi(\tau)$		
1.51	.1275830	.9344783	2.01	.0529192	.9777844	2.51	.0170947	.9939634
1.52	.1256646	.9357445	2.02	.0518636	.9783083	2.52	.0166701	.9941323
1.53	.1237628	.9369916	2.03	.0508239	.9788217	2.53	.0162545	.9942969
1.54	.1218775	.9382198	2.04	.0498001	.9793248	2.54	.0158476	.9944574
1.55	.1200090	.9394292	2.05	.0487920	.9798178	2.55	.0154493	.9946139
1.56	.1181573	.9406201	2.06	.0477996	.9803007	2.56	.0150596	.9947664
1.57	.1163225	.9417924	2.07	.0468226	.9807738	2.57	.0146782	.9949151
1.58	.1145048	.9429466	2.08	.0458611	.9812372	2.58	.0143051	.9950600
1.59	.1127042	.9440826	2.09	.0449148	.9816911	2.59	.0139401	.9952012
1.60	.1109208	.9452007	2.10	.0439836	.9821356	2.60	.0135830	.9953388
1.61	.1091548	.9463011	2.11	.0430674	.9825708	2.61	.0132337	.9954729
1.62	.1074061	.9473839	2.12	.0421661	.9829970	2.62	.0128921	.9956035
1.63	.1056748	.9484493	2.13	.0412795	.9834142	2.63	.0125581	.9957308
1.64	.1039611	.9494974	2.14	.0404076	.9838226	2.64	.0122315	.9958547
1.65	.1022649	.9505285	2.15	.0395500	.9842224	2.65	.0119122	.9959754
1.66	.1005864	.9515428	2.16	.0387069	.9846137	2.66	.0116001	.9960930
1.67	.0989255	.9525403	2.17	.0378779	.9849966	2.67	.0112951	.9962074
1.68	.0972823	.9535213	2.18	.0370629	.9853713	2.68	.0109969	.9963189
1.69	.0956568	.9544860	2.19	.0362619	.9857379	2.69	.0107056	.9964274
1.70	.0940491	.9554345	2.20	.0354746	.9860966	2.70	.0104209	.9965330
1.71	.0924591	.9563671	2.21	.0347009	.9864474	2.71	.0101428	.9966358
1.72	.0908870	.9572838	2.22	.0339408	.9867906	2.72	.0098712	.9967359
1.73	.0893326	.9581849	2.23	.0331939	.9871263	2.73	.0096058	.9968333
1.74	.0877961	.9590705	2.24	.0324603	.9874545	2.74	.0093466	.9969280
1.75	.0862773	.9599408	2.25	.0317397	.9877755	2.75	.0090936	.9970202
1.76	.0847764	.9607961	2.26	.0310319	.9880894	2.76	.0088465	.9971099
1.77	.0832932	.9616364	2.27	.0303370	.9883962	2.77	.0086052	.9971972
1.78	.0818278	.9624620	2.28	.0296546	.9886962	2.78	.0083697	.9972821
1.79	.0803801	.9632730	2.29	.0289847	.9889893	2.79	.0081398	.9973646
1.80	.0789502	.9640697	2.30	.0283270	.9892759	2.80	.0079155	.9974449
1.81	.0775379	.9648521	2.31	.0276816	.9895559	2.81	.0076965	.9975229
1.82	.0761433	.9656205	2.32	.0270481	.9898296	2.82	.0074829	.9975988
1.83	.0747663	.9663750	2.33	.0264265	.9900969	2.83	.0072744	.9976726
1.84	.0734068	.9671159	2.34	.0258166	.9903581	2.84	.0070711	.9977443
1.85	.0720649	.9678432	2.35	.0252182	.9906133	2.85	.0068728	.9978140
1.86	.0707404	.9685572	2.36	.0246313	.9908625	2.86	.0066793	.9978818
1.87	.0694333	.9692581	2.37	.0240556	.9911060	2.87	.0064907	.9979476
1.88	.0681436	.9699460	2.38	.0234910	.9913437	2.88	.0063067	.9980116
1.89	.0668711	.9706210	2.39	.0229374	.9915758	2.89	.0061274	.9980738
1.90	.0656158	.9712834	2.40	.0223945	.9918025	2.90	.0059525	.9981342
1.91	.0643777	.9719334	2.41	.0218624	.9920237	2.91	.0057821	.9981929
1.92	.0631566	.9725711	2.42	.0213407	.9922397	2.92	.0056160	.9982498
1.93	.0619524	.9731966	2.43	.0208294	.9924506	2.93	.0054541	.9983052
1.94	.0607652	.9738102	2.44	.0203284	.9926564	2.94	.0052963	.9983589
1.95	.0595947	.9744119	2.45	.0198374	.9928572	2.95	.0051426	.9984111
1.96	.0584409	.9750021	2.46	.0193563	.9930531	2.96	.0049929	.9984618
1.97	.0573038	.9755808	2.47	.0188850	.9932443	2.97	.0048470	.9985110
1.98	.0561831	.9761482	2.48	.0184233	.9934309	2.98	.0047050	.9985588
1.99	.0550789	.9767045	2.49	.0179711	.9936128	2.99	.0045666	.9986051
2.00	.0539910	.9772499	2.50	.0175283	.9937903	3.00	.0044318	.9986501

$\tau$	$\phi(\tau)$	$\Phi(\tau)$	$\tau$	$\phi(\tau)$	$\Phi(\tau)$	$\tau$	$\phi(\tau)$	$\Phi(\tau)$
3.01	.0043007	.9986938	3.21	.0023069	.9993363	3.41	.0011910	.9996752
3.02	.0041729	.9987361	3.22	.0022358	.9993590	3.42	.0011510	.9996869
3.03	.0040486	.9987772	3.23	.0021649	.9993810	3.43	.0011122	.9996982
3.04	.0039276	.9988171	3.24	.0020960	.9994024	3.44	.0010747	.9997091
3.05	.0038098	.9988558	3.25	.0020290	.9994230	3.45	.0010383	.9997197
3.06	.0036951	.9988933	3.26	.0019641	.9994429	3.46	.0010030	.9997299
3.07	.0035836	.9989297	3.27	.0019010	.9994623.	3.47	.0009689	.9997398
3.08	.0034751	.9989650	3.28	.0018397	.9994810	3.48	.0009358	.9997493
3.09	.0033695	.9989992	3.29	.0017803	.9994991	3.49	.0009037	.9997585
3.10	.0032668	.9990324	3.30	.0017226	.9995166	3.50	.0008727	.9997674
3.11	.0031669	.9990646	3.31	.0016666	.9995335	3.51	.0008426	.9997759
3.12	.0030698	.9990957	3.32	.0016122	.9995499	3.52	.0008135	.9997842
3.13	.0029754	.9991260	3.33	.0015595	.9995658	3.53	.0007883	.9997922
3.14	.0028835	.9991553	3.34	.0015084	.9995811	3.54	.0007581	.9997999
3.15	.0027943	.9991836	3.35	.0014587	.9995959	3.55	.0007317	.9998074
3.16	.0027075	.9992112	3.36	.0014106	.9996103	3.56	.0007061	.9998146
3.17	.0026231	.9992378	3.37	.0013639	.9996242	3.57	.0006814	.9998215
3.18	.0025412	.9992636	3.38	.0013187	.9996376	3.58	.0006575	.9998282
3.19	.0024615	.9992886	3.39	.0012748	.9996505	3.59	.0006343	.9998347
3.20	.0023841	.9993129	3.40	.0012322	.9996631	3.60	.0006119	.9998409

\* *Statistical Tables for Statisticians, Vol I* এর Table I থেকে সংক্ষিপ্ত

### সারণী II. মৌল নথ্যাল চলকের নিরবেশন: $\tau_{\alpha}$ -এর মানগুলু

$\alpha$	.05	.025	.01	.005
$\tau_{\alpha}$	1.645	1.960	2.326	2.576

বাণিজ্যিক পরোগপক্ষতি

সারণী II       $x^2$ -এর নিরেশন\* :  $x^2_{\alpha, \nu}$  এর মানসমূহ

$\frac{\alpha}{\nu}$	0.995	0.99	0.975	0.95	0.05	0.025	0.01	0.005
1	0.000	0.000	0.001	0.004	3.841	5.024	6.635	7.878
2	0.010	0.020	0.051	0.103	5.999	7.378	9.210	10.597
3	0.072	0.115	0.216	0.352	7.815	9.348	11.345	12.838
4	0.207	0.297	0.484	0.711	9.488	11.143	13.277	14.860
5	0.412	0.554	0.831	1.145	11.070	12.832	15.086	16.750
6	0.676	0.872	1.237	1.635	12.592	14.449	16.812	18.548
7	0.989	1.239	1.690	2.167	14.067	16.013	18.475	20.278
8	1.344	1.646	2.180	2.733	15.507	17.535	20.090	21.955
9	1.735	2.088	2.700	3.325	16.919	19.023	21.666	23.589
10	2.156	2.558	3.247	3.940	18.307	20.483	23.209	25.188
11	2.603	3.053	3.816	4.575	19.675	21.920	24.725	26.757
12	3.074	3.571	4.404	5.226	21.026	23.337	26.217	28.300
13	3.565	4.107	5.009	5.892	22.362	24.736	27.688	29.819
14	4.075	4.660	5.629	6.571	23.685	26.119	29.141	31.319
15	4.601	5.229	6.262	7.261	24.996	27.488	30.578	32.801
16	5.142	5.812	6.908	7.962	26.296	28.845	32.000	34.267
17	5.697	6.408	7.564	8.672	27.587	30.191	33.409	35.718
18	6.265	7.015	8.231	9.390	28.869	31.526	34.805	37.156
19	6.844	7.633	8.907	10.117	30.114	32.852	36.191	38.582
20	7.434	8.260	9.591	10.851	31.410	34.170	37.566	39.997
21	8.034	8.897	10.283	11.591	32.671	35.479	38.932	41.401
22	8.643	9.542	10.982	12.338	33.924	36.781	40.289	42.796
23	9.260	10.196	11.688	13.091	35.172	38.076	41.638	44.181
24	9.886	10.856	12.401	13.848	36.415	39.364	42.980	45.558
25	10.520	11.524	13.120	14.611	37.652	40.646	44.314	46.928
26	11.160	12.198	13.844	15.379	38.885	41.923	45.642	48.290
27	11.808	12.879	14.573	16.151	40.113	43.194	46.963	49.645
28	12.461	13.565	15.308	16.928	41.337	44.461	48.278	50.993
29	13.121	14.256	16.047	17.708	42.557	45.722	49.588	52.336
30	13.787	14.953	16.791	18.493	43.773	46.979	50.892	53.672
40	20.706	22.164	24.433	26.509	55.759	59.342	63.691	66.766
50	27.991	29.707	32.537	34.764	67.505	71.420	76.154	79.490
60	35.535	37.485	40.482	43.188	79.082	83.298	88.379	91.952
70	43.275	45.442	48.758	51.739	90.531	95.023	100.425	104.215
80	51.172	53.540	57.153	60.391	101.879	106.629	112.329	116.321
90	59.196	61.754	65.647	69.126	113.145	118.136	124.116	128.299
100	67.328	70.065	74.222	77.929	124.342	129.561	135.807	140.169

\* Biometrika Trustees-এর অনুমত্যনুসারে Biometrika Tables for Statisticians-এর Table 8 থেকে সংকেপিত।

$v$  এর বৃহত্তর মানের অন্য  $\sqrt{2x^2} - \sqrt{2v-1}$  কে প্রয়াণ নথ্যাল চলক হিসাবে ধরা যেতে পারে।

পরিণিতি : সারণীসমূহ

সারণী IV.  $t$ -নিরবেশন :\*  $t_{\alpha, v}$  এর মানসমূহ

$\alpha$	0.05.	0.025	0.01	0.005	*
1	6.314	12.706	31.821	63.657	
2	2.920	4.303	6.965	9.925	
3	2.353	3.182	4.541	5.841	
4	2.132	2.776	3.747	4.604	
5	2.015	2.571	3.365	4.032	
6	1.943	2.447	3.143	3.707	
7	1.895	2.365	2.998	3.499	
8	1.860	2.306	2.896	3.355	
9	1.833	2.262	2.821	3.250	
10	1.812	2.228	2.764	3.169	
11	1.796	2.201	2.718	3.106	
12	1.782	2.179	2.681	3.055	
13	1.771	2.160	2.650	3.012	
14	1.761	2.145	2.624	2.977	
15	1.753	2.131	2.602	2.947	
16	1.746	2.120	2.583	2.921	
17	1.740	2.110	2.567	2.898	
18	1.734	2.101	2.552	2.878	
19	1.729	2.093	2.539	2.861	
20	1.725	2.086	2.528	2.845	
21	1.721	2.080	2.518	2.831	
22	1.717	2.074	2.508	2.819	
23	1.714	2.069	2.500	2.807	
24	1.711	2.064	2.492	2.797	
25	1.708	2.060	2.485	2.787	
26	1.706	2.056	2.479	2.779	
27	1.703	2.052	2.473	2.771	
28	1.701	2.048	2.467	2.763	
29	1.699	2.045	2.462	2.756	
30	1.697	2.042	2.457	2.750	
40	1.684	2.021	2.423	2.704	
60	1.671	2.000	2.390	2.660	
120	1.658	1.980	2.358	2.617	
$\infty$	1.645	1.960	2.326	2.576	

\* Biometrika Trustees-এর অনুমত্যনুসারে Biometrika Tables for Statisticians এর Table 12 থেকে গংকেপিত।

**आदर्शी V. R नितेशन\*** :  $R_{as} ; v_1, v_2$  एवं साधनगमन

সারণী V. F নিরবেশন (পূর্ণগুরুত্ব) :  $F_{v_1, v_2}$  ;  $v_1, v_2$ , এর মানসমূহ

	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	12	15	20	24	30	40	60	120	১
4052	499.5	5403	5625	5764	5859	5928	6022	6056	6106	6157	6209	6235	6261	6287	6313	6339	6366		
98.50	99.17	99.30	99.33	99.36	99.37	99.40	99.42	99.43	99.45	99.46	99.48	99.49	99.49	99.49	99.49	99.50			
34.12	39.82	40.46	42.71	42.24	27.91	27.49	27.35	27.23	27.05	26.87	26.69	26.50	26.41	26.32	26.22	26.13			
21.20	18.00	16.69	15.98	15.52	15.21	14.98	14.80	14.66	14.55	14.37	14.20	14.02	13.93	13.84	13.75	13.65	13.56	13.46	
16.26	13.27	12.86	11.39	10.97	10.67	10.46	10.29	10.16	10.05	9.89	9.72	9.55	9.47	9.38	9.29	9.20	9.11	9.02	
13.75	10.92	9.78	9.15	8.75	8.47	8.26	8.10	7.98	7.87	7.72	7.62	6.47	6.31	6.16	6.07	5.91	5.74	5.65	
12.25	9.55	8.45	7.85	7.46	7.19	6.99	6.84	6.72	6.62	5.81	5.67	5.52	5.36	5.28	5.12	5.03	4.95	4.86	
11.26	8.65	7.59	7.01	6.63	6.37	6.18	6.03	5.91	5.81	5.61	5.47	5.35	5.26	5.11	4.96	4.81	4.73	4.65	
10.56	8.02	6.99	6.42	6.06	5.80	5.61	5.47	5.35	5.26	5.11	4.96	4.81	4.73	4.65	4.57	4.48	4.40	4.31	
10.04	7.56	6.55	5.99	5.64	5.39	5.20	5.06	4.94	4.85	4.71	4.56	4.41	4.33	4.25	4.17	4.08	4.00	3.91	
9.35	6.93	5.95	5.41	5.06	4.82	4.64	4.50	4.39	4.30	4.16	4.01	3.86	3.78	3.62	3.54	3.45	3.36		
9.07	6.70	5.74	5.21	4.86	4.62	4.44	4.30	4.19	4.10	3.96	3.82	3.66	3.59	3.51	3.43	3.34	3.25	3.17	
8.86	6.51	5.56	5.04	4.69	4.46	4.28	4.14	4.03	3.94	3.80	3.67	3.51	3.43	3.35	3.27	3.18	3.09	3.01	
8.68	6.36	5.42	4.89	4.56	4.32	4.14	4.00	3.89	3.80	3.67	3.52	3.37	3.29	3.21	3.13	3.05	2.96	2.87	
8.53	6.23	5.29	4.77	4.44	4.20	4.03	3.89	3.78	3.69	3.55	3.41	3.26	3.18	3.10	3.02	2.93	2.84	2.75	
8.40	6.11	5.18	4.67	4.34	4.10	3.93	3.79	3.68	3.59	3.46	3.31	3.16	3.08	3.00	2.92	2.83	2.75	2.65	
8.29	6.01	5.09	4.58	4.25	4.01	3.84	3.71	3.60	3.51	3.37	3.23	3.08	3.00	2.92	2.84	2.76	2.67	2.57	
8.18	5.93	5.01	4.50	4.17	3.94	3.77	3.63	3.52	3.43	3.30	3.15	3.00	2.94	2.86	2.78	2.69	2.58	2.49	
8.10	5.85	4.94	4.53	4.10	3.87	3.70	3.56	3.46	3.37	3.23	3.09	2.94	2.86	2.78	2.67	2.58	2.50	2.42	
7.95	5.72	4.82	4.31	3.99	3.76	3.59	3.45	3.35	3.26	3.12	2.98	2.83	2.75	2.67	2.58	2.50	2.40	2.31	
7.82	5.61	4.72	4.22	3.90	3.67	3.50	3.36	3.26	3.17	3.03	2.89	2.74	2.66	2.58	2.53	2.49	2.40	2.21	
7.72	5.53	4.64	4.14	3.82	3.59	3.42	3.29	3.18	3.09	2.96	2.81	2.66	2.58	2.50	2.42	2.33	2.23	2.13	
7.64	5.45	4.57	4.07	3.75	3.53	3.36	3.23	3.12	3.03	2.90	2.75	2.60	2.52	2.44	2.35	2.26	2.17	2.06	
7.56	5.39	4.51	4.02	3.70	3.47	3.30	3.17	3.07	2.98	2.84	2.70	2.55	2.47	2.39	2.30	2.21	2.11	2.01	
7.41	5.18	4.31	3.83	3.51	3.29	3.12	2.99	2.89	2.80	2.66	2.52	2.37	2.29	2.20	2.11	2.02	1.92	1.80	
7.31	4.98	4.13	3.65	3.34	3.12	2.95	2.82	2.72	2.63	2.50	2.35	2.20	2.12	2.03	1.95	1.86	1.76	1.66	
6.85	4.79	3.95	3.48	3.17	2.96	2.79	2.66	2.56	2.47	2.34	2.19	2.03	1.95	1.86	1.76	1.66	1.53	1.41	
6.63	4.61	3.78	3.32	3.02	2.80	2.64	2.51	2.41	2.32	2.18	2.04	1.88	1.79	1.70	1.59	1.47	1.32	1.00	

\* Biometrika Trustees এর *বৃন্দতপ্তসমাবেশ*; Biometrika Tables for Statisticians এর Table 18 থেকে সংক্ষেপিত।  
 $v_1, v_2$  এর অন্তর্ভুক্ত যানের ছন্দ  $1/n$  ও  $1/n^2$  কে অনপোক্ত চলক হবে যদি; অক্ষেপণ করা থেকে পারে।

## ଲାକ୍ଷୀ VI. ସମୟାବସ୍ଥାରେ ୧\*

4652	3819	8431	2150	2352	2472	0043	3488
9031	7617	1220	4129	7148	1943	4890	1749
2030	2327	7353	6007	9410	9179	2722	8445
0641	1489	0828	0385	8488	0422	7209	4950
8479	6062	5593	6322	9439	4996	1322	4918
9917	3490	5533	2577	4348	0971	2580	1943
6376	9899	9259	5117	1336	0146	0680	4052
7287	0983	3236	3252	0277	8001	6058	4501
0592	4912	3457	8773	5146	2519	3931	6794
6499	9118	3711	8838	0691	1425	7768	9544
0769	1109	7909	4528	8772	1876	2113	4781
8678	4873	2061	1835	5054	5026	2967	6560
0178	7794	6488	7364	4094	1649	2284	7753
3392	0963	6364	5762	0322	2592	3452	9002
0264	6009	1311	5873	5926	8597	9051	8995
4089	7732	8163	2798	1984	1292	0041	2500
9376	7365	7987	1937	2251	3411	6737	0367
3039	3780	2137	7641	4030	1604	2517	9211
8971	8653	1855	5285	5631	2649	6696	5475
0373	4153	5199	5765	2067	6627	3100	5716
9092	4773	0002	7000	7800	2292	2933	6125
2464	1038	3163	3569	7155	2029	2538	7080
3027	6215	3125	5856	9543	3660	0255	5544
5754	9247	1164	3283	1865	5274	5471	1346
4358	3716	6049	8502	1573	5763	5846	7135
7178	8324	8379	7365	4377	4864	0629	5100
5035	5939	3665	2160	6700	7249	1738	2721
3318	0220	3611	9887	4608	8664	2185	7290
9058	1735	7435	6822	6622	8286	8901	5534
7886	5182	7595	0305	4903	3306	8088	3899
3354	8454	7386	1333	5345	6565	3159	3991
3415	7671	0846	7100	1790	9449	6285	2525
3918	5872	7898	6125	2268	1898	0755	6034
6138	9045	6950	8843	6533	0917	6673	5721
3825	1704	2835	4677	4637	7329	3156	3291
1349	0417	9311	9787	1284	0769	8422	1077
4234	0248	7760	6504	2754	4044	0842	9080
6880	3201	7044	3657	5263	0374	7563	6599
0714	5008	5076	1134	5342	1608	5179	0967
3448	6421	3304	0583	1260	0662	7257	0766
5711	7343	7539	3684	9397	5335	4031	1486
2588	3301	0553	2427	3598	2580	7017	9176
8581	4253	7404	5264	5411	3431	3092	8573
8475	6322	3949	9675	6533	1133	8776	2216
0272	5624	8549	5552	7469	2799	2822	9620
7383	7795	7939	2652	4456	6993	2950	8573
5126	2089	7729	0945	3901	4445	7117	8186
2064	3760	0939	7319	5939	3432	2030	4752
9315	8185	7805	6294	7072	6491	4012	1016
6814	8752	3462	6001	3302	3895	7371	3432

4433	0247	9747	0412	3893	2503	2972	4154
9193	7314	1501	4702	7030	9601	0630	3727
4246	0693	6041	0931	2952	4968	8239	7729
6974	1051	8966	5157	2154	9558	7646	3043
5673	1602	8741	0513	8713	6108	7329	7698
7370	7319	4104	6025	4209	5042	4501	7824
6934	0165	3319	6222	4129	6524	4322	9422
1592	6953	7868	5874	0805	1138	9428	0189
4683	7249	1998	0956	8325	4001	2261	8844
4206	3295	1732	6780	8409	6957	5292	5041
5885	3316	1187	1217	3912	1107	7220	0035
2584	4222	9438	9652	0338	9712	8715	9587
1275	5976	4273	4895	5751	3112	5082	6050
6801	1709	0638	1231	5222	2473	8909	9970
6853	9282	1196	0347	3135	5902	2384	7929
3210	4345	4448	0229	0371	8269	4448	3348
1684	5742	1897	2503	1656	5702	4613	4108
2391	2897	3406	4844	8756	8011	0246	3663
2543	3913	1429	6379	3369	9040	5983	0436
6793	5986	8153	0769	3347	4014	7007	9018
8118	4646	9668	3408	8878	3534	5549	6929
4970	2717	9943	1136	9504	0519	5240	0991
4496	1109	8238	9173	6244	7230	0991	1463
9022	5050	5383	9582	1326	2516	5589	4051
4816	1007	1067	2866	7916	2674	5578	1675
8897	4869	3221	3266	3567	3365	3675	2195
4234	7491	8194	5072	6555	0799	1940	1232
6933	578	6675	7853	8325	9408	3252	6799
0502	7793	1529	4067	5459	8641	3192	3247
6440	9450	8896	1441	7718	4849	5958	
1248	0405	4572	6861	3737	9558	1025	8707
3110	1168	6046	5837	6243	6745	2362	7710
8822	3604	7844	2085	7923	7979	0648	9003
8680	1201	2536	0308	8733	9722	4556	4684
5327	1250	9502	0340	9894	0438	2677	9200
3798	0805	8037	7474	0516	8715	8398	5552
2688	7601	3408	6525	2710	4547	9156	1623
8552	8348	7934	1530	3523	6882	4334	7237
8713	5638	7620	3148	4508	3123	4023	4560
2104	4716	7582	4576	8105	7527	9082	2426
6503	8499	3100	2209	3406	6314	6910	8051
0085	0711	9557	8428	4332	9685	6492	7422
3822	3407	5603	5431	0083	7074	6929	7054
2193	9184	4815	0566	1214	8483	2282	0916
5392	1390	7100	4578	5107	7946	4502	2765
4635	6166	3085	4297	8619	0912	6917	5364
0495	3715	6053	1723	0114	8257	4650	9901
3296	3067	3040	0852	2939	4015	6927	7710
1348	5573	7270	6840	7450	5933	6472	3750
3132	2603	5574	1528	8104	5520	7279	7940

\* নওনতা University College এর Department of Statistics এর  
অনুবন্ধনগাত্রে Tracts for Computers, No. XV ( L.H.C Tippett এর  
সমস্যাব সংখ্যাগাত্র ), পৃষ্ঠা 12—13 থেকে পুনর্লিখিত।

**ପାଇଁ VII. ନିସ୍ଚଳ କ୍ରମିତ ପିର୍ଦ୍ଦର ଅନ୍ତର୍ଭାବରେ ଉପାଦାନମୁଖ୍ୟ ।\***

#	A	$A_1$	$A_2$	$c_1$	$B_1$	$B_2$	$B_3$	$B_4$	$d_1$	$D_1$	$D_2$	$D_3$	$D_4$
2	2.121	3.760	1.880	0.5642	0	1.843	0	3.267	1.128	0	3.686	0	3.267
3	1.732	2.394	1.023	0.7236	0	1.858	0	2.568	1.693	0	4.358	0	2.575
4	1.500	1.880	0.729	0.7979	0	1.808	0	2.266	2.059	0	0.698	0	2.282
5	1.342	1.596	0.577	0.8407	0	1.756	0	2.089	2.326	0	4.918	0	2.115
6	1.225	1.410	0.483	0.8686	0.026	1.711	0.030	1.970	2.534	0	5.028	0	2.004
7	1.134	1.277	0.419	0.8882	0.105	1.672	0.118	1.882	2.704	0.205	5.203	0.076	1.924
8	1.061	1.175	0.373	0.9027	0.167	1.638	0.185	1.815	2.847	0.387	5.307	0.136	1.864
9	1.000	1.094	0.337	0.9139	0.219	1.609	0.239	1.761	2.970	0.546	5.394	0.184	1.816
10	0.949	1.028	0.308	0.9227	0.262	1.584	0.284	1.716	3.078	0.687	5.469	0.223	1.777
11	0.905	0.973	0.285	0.9300	0.299	1.561	0.321	1.679	3.173	0.812	5.534	0.256	1.744
12	0.866	0.925	0.266	0.9359	0.331	1.541	0.354	1.646	3.258	0.924	5.592	0.284	1.716
13	0.832	0.884	0.249	0.9410	0.359	1.523	0.382	1.618	3.336	1.026	5.646	0.308	1.692
14	0.802	0.848	0.235	0.9453	0.384	1.507	0.406	1.594	3.407	1.121	5.693	0.329	1.671
15	0.775	0.816	0.223	0.9490	0.406	1.492	0.428	1.572	3.472	1.207	5.737	0.348	1.652
16	0.750	0.788	0.212	0.9523	0.427	1.478	0.448	1.552	3.532	1.285	5.779	0.364	1.636
17	0.728	0.762	0.203	0.9551	0.445	1.465	0.466	1.534	3.588	1.359	5.817	0.379	1.621
18	0.707	0.738	0.194	0.9576	0.461	1.454	0.482	1.518	3.640	1.426	5.854	0.392	1.608
19	0.688	0.717	0.184	0.9599	0.477	1.443	0.497	1.503	3.689	1.490	5.898	0.404	1.596
20	0.671	0.697	0.180	0.9619	0.491	1.433	0.510	1.490	3.735	1.548	5.922	0.414	1.586
21	0.655	0.679	0.173	0.9638	0.504	1.424	0.523	1.477	3.788	1.606	5.950	0.425	1.575
22	0.640	0.662	0.167	0.9655	0.516	1.415	0.534	1.466	3.819	1.659	5.979	0.434	1.566
23	0.626	0.647	0.162	0.9670	0.527	1.407	0.545	1.455	3.858	1.710	6.006	0.443	1.557
24	0.612	0.632	0.157	0.9684	0.538	1.399	0.555	1.445	3.895	1.759	6.031	0.452	1.548
25	0.600	0.619	0.153	0.9696	0.548	1.392	0.565	1.435	3.931	1.804	6.058	0.459	1.541

American Society for testing and Materials ଏବଂ ଆମ୍ରିକାରୀର Manual on Quality Control and materials

Table B2, ASTM SPT-15C ଥିବେ ପୂର୍ଣ୍ଣଭାବେ ।

# বণালুক্রমিক সূচী ও পরিভাষা

## প্রথম খণ্ড

- অনিয়ন্ত্রিত গতিধারা (Irregular fluctuations)—181-182  
অংশক (Sample)—1  
আদমসূমারী বা অনগণনা (Population census)—41  
আবর্তকাল (Period)—216  
„ পরীক্ষামূলক (Trial-period)—216  
„ প্রকৃত (True-period)—217  
„ এর তীব্রতা (Intensity of period)—216  
আবর্তেরখাচিত্র বিশ্লেষণ (Periodogram analysis)—215-218  
আরোহী অনুমিতি (Inductive inference)—1  
ইণ্টারভিউ পদ্ধতি (Interview method)—5  
উপাত্তের সারণী বিন্যাস (Tabulation of data)—7  
উপাত্ত সংশোধনী বিচার (Scrutiny of data)—6  
খাজুরৈখিক মডেল (Linear model)—92  
খতুজ ভেদ (Seasonal fluctuations)—179-180  
„ এর পরিমাপ (measurement)—198-215  
কালীন সারি (Time series)—178  
„ এর বিভিন্ন অংশ (Components)—178-182  
ক্রেতার ঝুঁকি (Consumer's risk)—122  
খালি হাতে রেখা নিরূপণ পদ্ধতি (Free hand curve method)—  
184-185  
গম্পার্ট্র রেখা (Gompertz curve)—197  
গড় নমুনা সংখ্যা (Average sample number)—122  
গাণিতিক রেখা নিরূপণ পদ্ধতি (Method of mathematical curves)  
188-190  
গুণ মাপক (Quality measurers)—102-103  
গোষ্ঠী গড় পদ্ধতি (Group average method)—195-198  
চকৌল ভেদ (Cyclical fluctuations)—181  
„ „ এর পরিমাপ (measurement)—215-218

- ଚଲତି କାଳ (Current period)—138, 139  
 ଚଲମାନ ଗତି (Moving averages)—185-186  
 „ ପଦ୍ଧତି (method)—185-186, 199-200  
 ଅନ୍ୟଗତ ନାମକ୍ରମ ପରିସଂଖ୍ୟାନ (Census data)—41  
 ଅନ୍ୟଗତ ବସ୍ତୁ (Chronological age)—97  
 ଅନ୍ୟହାର, ଅଶୋଭିତ (Crude birth rate)—55  
 ଜୀବନ ସାରଣୀ (Life table)—50-54  
 „ „ ଏଇ ପ୍ରସ୍ତରକରଣ (construction)—52-53  
 „ „ ଏଇ ବ୍ୟବହାର (uses)—53-54  
 „ „ ଏଇ ବର୍ଣ୍ଣନା (description)—50-52  
 ଜୀବନସଂକାଳ ସଟନା (Vital events)—41  
 „ „ ଏଇ ହାର (rate)—42-43  
 „ ପରିସଂଖ୍ୟାନ (Statistics)—41  
 „ ରାଶିବିଜ୍ଞାନେର ରେଜିସ୍ଟାର (vital statistics registers)—41  
 „ ଶୂଚକ (Vital index)—57  
 ଟେସ୍ଟ (Test)—76  
 ଟେସ୍ଟ ତଥ (Test theory)—92-96  
 ଟେସ୍ଟେର ବିର୍ଭବଯୋଗ୍ୟତା (Reliability of test)—94  
 „ „ ଏଇ ଥୀକକଳନ (estimation)—94-96  
 ଟେସ୍ଟେର ଆନ୍ତି ଭେଦମାନ (Standard error of measurement)—94  
 ଟେସ୍ଟ ଗତି (Validity of test)—96  
 ଦୀ-ଶୂଚକ ଭାଗକଳ (Intelligence Quotient)—97  
 ନମୁନା (Sample)—1, 12-13  
 ନମୁନା ଏକକ (Sampling unit)—5  
 „ „ ଏଇ ପୂର୍ଣ୍ଣ ତାଲିକା (frame)—6  
 ନମୁନା ଚହନ (Sampling)—6, 7-12  
 „ „ ଏଇ ଥୋଳୀ (technique)—7-12  
 „ „ „ ସମୟକର (random)—7-12  
 ନମୁନାବୀକଣ, ଶୁଣ ଲଙ୍ଘନେର : ନାହାଯେ (Sampling inspection by attributes)—121-132  
 ନମୁନାବୀକଣ ଥୋଳୀ (method)—123-132  
 „ „ ଏକକ (single)—123-126  
 „ „ ଅନ୍ୟପର୍ଯ୍ୟାଯୀ (sequential)—128-132

- ନୟନାବୀକଣ ଥିଳାଲୀ, ଦିପର୍ଯ୍ୟାଗୀ (double)—126-128
- "    "    ବହୁ ପର୍ଯ୍ୟାଗୀ (multiple)—128
- ନୟନା ସମୀକ୍ଷା (Sample survey)—1-2
  - "    "    ଆତୀୟ (National)—35-36
  - "    "    ଏଇ ପରିକଳ୍ପନ (design)—6, 16-35
  - "    "    ପରିକଳ୍ପନ ଉଦ୍ଦେଶ୍ୟମୂଳକ (purposive)—21-22, 141
    - "    "    ଝାଜୁଟୈରେଟିକ (line)—33
    - "    "    ଦ୍ୱିପୁର୍ବୀ (double)—34-35
    - "    "    ନିଯମାନୁଗ (systematic)—32-33
    - "    "    ବହୁପର୍ଯ୍ୟାଗୀ (multiphase)—33-34
    - "    "    ବହୁ ବିଭାଗୀ (multistage)—31-32
    - "    "    ସ୍ତରବିନ୍ୟାସ ସମସ୍ତ୍ରବ (stratified random)—22-31
    - "    "    "    ସରଳ ସମସ୍ତ୍ରବ (simple random)—16-21, 141
- ନୟନା ସମୀକ୍ଷାର ବିଭିନ୍ନ କାର୍ଯ୍ୟକ୍ରମ (Different steps)—4-7
- ନୟନା ସମୀକ୍ଷାଯ ବିଭିନ୍ନ ଧରଣେର ପକ୍ଷପାତ ଓ ବ୍ୟାସି (Biases and errors)—13-16
- ନୟନା ସମୀକ୍ଷାର ମୂଳ ନୀତିଗୟମ (Principles)—2
- ନୟନା ସମୀକ୍ଷାର ଅଭିଧା ସମ୍ଭବ (Advantages)—3-4
- ନିୟମଜ୍ଞ କ୍ରମଚିତ୍ର (Control charts)—103-114
  - "    "    ଗଢ (mean)—106-108
  - "    "    ଫ୍ରେଟ୍‌ଯୁକ୍ତ ଖଣ୍ଡ ଡଫ୍ଯୁକ୍ଶନ (fraction defective)—112-113
  - "    "    ଫ୍ରେଟ୍‌ଯୁକ୍ତ ଥ ସଂଖ୍ୟା (number defective)—111-112
  - "    "    ଫ୍ରେଟ୍ ସଂଖ୍ୟା (number of defects)—113-114
  - "    "    ଫେସାର (range)—110-111
  - "    "    ସମ୍ପକ୍ଷପାର୍ଦ୍ଦକ୍ୟ (standard deviation)—109-110
- ପରମ ଶୂନ୍ୟ ବିଳ୍ପ (Absolute zero-point)—76
- ପରିଲ୍ପନୀଗ ଆପୋକ୍ରିକ ପନ୍ଦତି (Link Relative method)—210-212
- ପରୀକ୍ଷଣ ପରିକଳ୍ପନା (Design of experiments)—1
- ଅଧିକଳା ହାର, ବସ ବିଶେଷିତ (Age-specific fertility rate)—56
- "    "    ସଂକଳିତ (total)—56-57

- প্রজনন হার, সাধাৰণ (general)—55-56  
 প্রণালী নিয়ন্ত্ৰণ (Process control)—102, 114-115  
 প্রক্ষতকাৰীৰ বুঁকি (Producer's risk)—121-122  
 প্রাককলক, অনুপাত লক (Ratio Estimate)—35  
 প্রাককলক, রিভ্ৰেশন লক (Regression estimate)—35  
 পূৰ্বক (Population)—'সমগ্ৰ' দেখুন  
 ব্যবহাৰিক বৈশিষ্ট্য (Operating characteristic)—122-123  
 বহিৰ্গামী গুণ গড় সীমা (Average outgoing quality limit)—  
 122, 124-125, 127  
 বিচাৰ-প্ৰসূত গুচ্ছাংশ (Rational subgroups)—103  
 বিবৰণী (Report)—7  
 বিবৰণ লিপি (Questionnaire or Schedule of enquiry)—5  
 বিবৰণ লিপি, ডাকযোগে পাঠানো (Mail-questionnaire)—5  
 বুদ্ধি পৱীক্ষা (Intelligence tests)—96-97  
 বৃদ্ধিহাৰ, অশোধিত আভাৰিক (Crude rate of natural increase)—  
 57  
 ভিত্তিকাল (Base period)—138, 139-140  
 মাত্রা নিঙ্গপণ পদ্ধতি (Scaling procedures)—77-92  
 " " টেস্ট আইটেমেৰ কাঠিন্যেৱ (difficulty of test-items)—77-78  
 " " টেস্ট নথৰেৱ (test scores)—78-84  
 " " বিচাৰেৱ (judgment)—88-92  
 " " মানক্রমেৱ (ranks)—85-86  
 " " মূল্যায়নেৱ (ratings)—85  
 মানসিক অনুপাত (Mental Ratio)—97  
 মানসিক বয়স (Mental age)—97  
 মাপনামাত্রা (Scale)—76  
 মৃত্যুহাৰ (Death rate)—43-47  
 " অশোধিত (crude)—43-44  
 " প্ৰাপীকৃত (standardised)—45-47  
 " বিশেষিত (specific)—44-45  
 মৌল সমীকৰণসমূহ (Normal equations)—190-191  
 সাম্পৰিজ্ঞানসমূহ গুণ নিয়ন্ত্ৰণ (Statistical Quality Control)—7

- স্ট্যাটিস্টিক সম্মত বিশ্লেষণ (Statistical Analysis)—102
- লেস্ট বর্গ সমষ্টি পদ্ধতি (Least square method)—190-191
- লট নিয়ন্ত্রণ (Lot control)—102
- লজিস্টিক রেখা (Logistic curve)—62-72, 197
  - „ এর সামুজ্যতা নির্ণয় (fitting)—64-72
  - „ „ পার্ল (Pearl) ও রীডের (Reed)-এর পদ্ধতি—64-67
  - „ „ „ রোডসের (Rhodes) পদ্ধতি—67-72
- সমগ্রক (Population)—1, 4, 12-13
- সম্পর্কযুক্ত চলক (Related variables)—137
- সম্পূর্ণ সমীক্ষা বা সেলসাস (Complete enumeration)—1
- সমস্তব সংখ্যাগারি (Random sampling numbers)—8-11
  - „ ব্যবহৃত বিচারসমূহ (tests applied to)—10-11
  - „ বিভিন্ন সারির বর্ণনা (different series)—9
  - „ সংজ্ঞা (definition)—8
  - „ স্ববিধাসমূহ (advantages)—8-9
- সমান্তরাল টেস্টসমূহ (Parallel tests)—92-94
- সমীক্ষক কর্মীদের ট্রেনিং (Training of investigators)—6
- সরকারী পরিসংখ্যান (Official statistics)—222-250
  - „ কৃষি সংক্রান্ত (agricultural)—231-236
  - „ জগবিকাশ (development)—222-225
  - „ জনসংখ্যা সংক্রান্ত (population)—225-230
  - „ জনস্বাস্থ্য সংক্রান্ত (public health)—230
  - „ জাতীয় আয় ও আয়কর সংক্রান্ত (National income and income tax)—249-250
  - „ দর সংক্রান্ত (Price)—245-248
  - „ ব্যবসা বাণিজ্য সংক্রান্ত (Trade and Commerce)—240-241
  - „ ব্যাংক ও মুদ্রা সংক্রান্ত (Banking and Currency)—242
  - „ বিবিধ (Miscellaneous)—250
  - „ বীমা সংক্রান্ত (Insurance)—242

- ସରକାରୀ ପରିସଂଖ୍ୟାନ, ବୃଦ୍ଧ ଶିଲ୍ପ ସଂକାଳ (Large-scale industries)—  
236-238
- ”      ଯାନବାହନ ସଂକାଳ (Transport and Communications)—242-243
- ”      ରେଜିଷ୍ଟ୍ରେଟ୍ କୋମ୍ପାନୀ ସଂକାଳ (Registered companies)—242
- ”      ଶ୍ରୀ ସଂକାଳ (Labour)—244-245
- ”      ଶିକ୍ଷା ସଂକାଳ (Education)—249
- ”      କୁଝ ଓ କୁଟୀର ଶିଲ୍ପ ସଂକାଳ (Small-scale and Cottage industries)—238-240
- ଶୀଘ୍ର ପୂର୍ବକ ଅନିତ ଶକ୍ତି (Finite population correction)—20
- ସଂଭନ୍ନ ହାର (Reproduction rates)—57-60
- ”      ନୈଟ (net)—59-60
- ”      ସ୍ଵୂଲ (gross)—57-59
- ସାମଙ୍ଗ୍ୟ (Validity)—2
- ସାମର୍ଦ୍ଦ୍ୟ (Ability)—76
- ମୂଳ୍ୟାନିତ ଗତିଧାରା (Secular trend)—179, 183-198
- ”      ”      ଏର ହାରା ଡାଗକରଣ ପକ୍ଷତି (Ratio-to-trend method)—205-210
- ”      ”      ଏର ପରିମାପ (measurement)—183-198
- ”      ”      ଏର ପୂର୍ବଭାଷ (forecast)—190
- ଶୁଦ୍ଧକଣ୍ଠ୍ୟ, ଔଦିକୀ ନିର୍ବାହଣ ସ୍ୟାର (Cost of living index numbers)—  
—137, 151, 159-161
- ”      ”      ପଞ୍ଚବଜ୍ରେର 25ଟି ଶହରେ—167-169
- ”      ଦରେର (Price)—137
- ”      ପାଇକାରୀ ଦରେର (Wholesale price)—137, 151
- ”      ”      ସର୍ବଭାରତୀୟ (All India)—165-167
- ”      ପାଶେର ଶୁଦ୍ଧ (Paache's formula)—149
- ”      ଫିଶରେର ଆଦର୍ଶ ଶୁଦ୍ଧ (Fisher's ideal formula)—150
- ”      ମର୍ଶାଲ-ଏଜ୍ଗୋର୍ଥେର ଶୁଦ୍ଧ (Marshall-Edgeworth's formula)  
—149
- ”      ଭାର୍ଯୁକ୍ତ ଗୋଟିର (Weighted geometric mean)—146

সূচক সংখ্যা, ভারযুক্ত বিবর্ত ঘোগিক (Weighted harmonic mean)—	—
147	
„,              ভারযুক্ত ঘোগিক (Weighted arithmetic mean)—	
145-146	
„,              ভারহীন বা সরল (Unweighted)—	143
„,              লাসপেয়ার্সের সূত্র (Laspeyres' formula)—	147-148
„,              শৃঙ্খলযুক্ত (Chain)—	156-159
সূচক সংখ্যার বিভিন্ন ধরণের আস্তি (Different types of errors)—	
151-153	
„,              সামঞ্জস্য বিচার (Tests of consistency)—	153-156
„,              „,              উপাদান বিবর্তনী (Factor Reversal)—	
154-156	
„,              „,              কাল বিবর্তনী (Time Reversal)—	153-154

### ছীড়ীয় খণ্ড

অবশিষ্ট প্রভেদ (Residual variance)—	9
অবেক্ষণ আস্তি (Observational error)—	9
উপাদানীয় পরীক্ষা (Factorial experiment)—	54
উপাদানীয় পরীক্ষার ফল সমষ্টি বের করবার ইয়েটেস-এর পদ্ধতি (Yates Method of determining factorial effects total)—	64
উপাদানগুলি যখন দুই-এর অধিক মাত্রায় প্রয়োগ করা হয় তখন উপাদানীয় পরীক্ষা (Factorial experiments when factors appear at more than two levels)—	68
লাইনুরেটিক প্রতিক্রিপ (Linear Model)—	4
এক উপাদানীয় পরীক্ষা (Single factor experiment)—	58
একক আস্তি (Unit error)—	31
একধারা শ্রেণীবিন্যাসী উপাদের প্রভেদ বিশ্লেষণ (Analysis of variance for one-way classified data)—	2
একধারা শ্রেণীবিন্যাসী উপাদের সহভেদমান বিশ্লেষণ (Analysis of covariance for one-way classified data)—	19
তিন উপাদানী বৈধ ক্রিয়াকল (Three factor Interaction)—	64
তিন উপাদানীয় পরীক্ষা (Three factor experiment)—	62

- ଦୁଇ ଉପାଦାନୀ ପରୀକ୍ଷା (Two-factor experiment)—59  
 ଦୁଇ ଉପାଦାନୀୟ ଯୌଧକ୍ରିୟାଫଳ (Two factor Interaction)—57  
 ଦୁଇଧାରା ଶ୍ରେଣୀବିନ୍ୟାସୀ ଉପାଦେର ଥିଲେବ ବିଶ୍ଲେଷଣ (Analysis of variance for two-way classified data)—8  
 ବିତୀଯ ପର୍ଯ୍ୟାୟେର ଯୌଧକ୍ରିୟାଫଳ (Second-order Interaction)—64  
 ନିଯମାନୁଗ ବିନ୍ୟାସେର ପକ୍ଷପାତ (Bias of systematic arrangement)—  
 32  
 ପରିମାପକ ଭାଷି (Measurmental error)—31  
 ପରୀକ୍ଷଣ ଭାଷି (Experimental error)—9  
 ପରୀକ୍ଷଣୀ ପରିକଳ୍ପନାର ଅନୁନିହିତ ତତ୍ତ୍ଵ (Basic principles of Design of experiments)—31  
 ପ୍ରଥମ ପର୍ଯ୍ୟାୟେର ଯୌଧକ୍ରିୟାଫଳ (First order Interaction)—57  
 ଥିଲେବ ବିଶ୍ଲେଷଣ (Analysis of variance)—1  
 ବହୁକରଣ (Replication)—33  
 ବହୁକୃତ (Replicate)—8  
 ବିଶେଷକ (Treatment)—2  
 ବ୍ଲେକ (Block)—35  
 ଭେଦମାନ (Variance)—1  
 ମୁଖ୍ୟକଳ (Main effect)—56  
 ଯୌଧକ୍ରିୟାଫଳ (Interaction effect)—13  
 ଲ୍ୟାଟିନ ବର୍ଗ ପରିକଳ୍ପନା (Latin square design)—48  
 ସମ ଉପାଦାନୀର ପରୀକ୍ଷା (Uniformity trial experiment)—33  
 ସମସ୍ତେବ ବ୍ଲେକ ପରିକଳ୍ପନା (Randomised Block design)—44  
 ସମସ୍ତେବୀକରଣ (Randomisation)—31  
 ସହଭେଦମାନ ବିଶ୍ଲେଷଣ (Analysis of Covariance)—19  
 ସମ୍ପୂର୍ଣ୍ଣରୂପେ ସମସ୍ତେବ ପରିକଳ୍ପନା (Completely randomised design)  
 —41  
 ସମ୍ପର୍କିତ ବିଶେଷକ (Treatment combination)—55  
 ସାଧାରଣ କଳ (Simple effect)—56  
 ଶାନ୍ତୀର ନିଯାସଣ (Local control)—35

WEAL  
COMP.

## শুল্পিত বিভাগ অঙ্ক

পাতা	লাইন	আছে	হ'বে
3	12	$\sum_{i=1}^k \sum_{j=1}^{n_i} x_{ij}^2 - n\bar{x}^2$	$\sum_{i=1}^k \sum_{j=1}^{n_i} x_{ij}^2 - n\bar{x}^2$
	2	$\sum_{ij} (\bar{w}_{ij} - \bar{w}..)^2$	$\sum_{ij} (x_{ij} - \bar{w}..)^2$
6	19	$n_s =$	$n_s = 4$
8	8	$\sum \tau_i = 0$	$\sum \tau_j = 0$
13	22	$+ \bar{w}_{i..} - \bar{w}.. + \bar{w}_{.j} - \bar{y}... )^2$	$+ \bar{w}_{i..} - \bar{w}.. + \bar{w}_{.j} - \bar{w}... )^2$
14	1	$\sum_{ijk} (x_{ijk} - \bar{w}_{ijk..})^2$	$\sum_{ijk} (x_{ijk} - \bar{w}_{ij..})^2$
18		$\sum_{i=1}^k \frac{T_i^2}{4}$	$\sum_{i=1}^k \frac{T_i^2}{4}$
20	4	$\sum_j (y_{ij} - \alpha_i - \beta_i x_{ij})^2 / \sigma^2$	$\sum_j (y_{ij} - \alpha_i - \beta x_{ij})^2 / \sigma^2$
21	11	$\sum_{ij} (\beta_i - \gamma_i - \beta)^2 (x_{ij} - \bar{w}_{i..})^2 / \sigma^2$	$\sum_{ij} (\beta_i - \gamma_i - \beta)^2 (x_{ij} - \bar{w}_{i..})^2 / \sigma^2$